

للعِنْ المِيِّينَ وَالْهَنْدُسِيْنِ

الميكاثيكا والليناميكا الحرارية

تأليف روبسرت ج بکتر جــون و جيويت

ریموند آ. سیروای

أ.د. محمد محمود عمار أ.د. طه زكي سكر أ.د. صالح كامل البني

أد محمد عبد الفتاح ميروك

أند أحمد أمين حمسزة أد محمد محمود عمار







الميكانيكا والديناميكا الحرارية



لِعْ الْمِيِّينَ وَاللَّهَ نُدُسِنَينَ

الميكانيكا والديناميكا الحرارية

تأليف

جون و. جيويت	روبرت ج. بڪنر	ريموند أ.سيرواي
	ترجمة	
د. صلاح كامل اللبني	د. طه ز <i>کی سک</i> ر	د.محمدمحمودعمار
أستاذ الفيزياء	أستاذ الفيزياء	أستاذ الفيزياء
كلية العلوم بدمياط - جامعة المنصورة	كلية العلوم - جامعة المنصورة	عهد القومى للقياس والعايرة
	مراجعة	
د.محمد عبدالفتاح مبروك	د.محمد محمود عمار	د.أحمد أمين حمزة
أستاذ الفيزياء	أستاذ الفيزياء	أستاذ الفيزياء
كلية العلوم بدمياط - جامعة المنصورة	المعهد القومى للقياس والمعايرة	للية العلوم - جامعة المنصورة



(009661) + 4657939 ص.ب : 10720 الرياض : 11443 فاكس 10720 + (009661) من العملكة العربية السعودية – هاتف : 1447531 (009661)

الضيزياء للعلميين والمهندسين

الطبعة الخامسة تأليف

ریموند أ. سیروای روبرت ج. بکتر جون و. جیویت

الترجمة العربية للكتاب تتألف من الأجزاء التالية:

الجزءالأول:الميكانيكاوالديناميكاالحسرارية

ترجمة د.محمد محمود عمار د.طه زكـى سكر د.صلاح كامـــل اللبـنى مراجعة د. احمد أمين حمـزة د.محمد محمود عمار د.محمد عبدالفتاح مبروك

الجزء الثاني: الكهربية والغناطيسية ترجمة: د. محمد عبد الفتاح مبروك

مراجعة اد. طـه زكـى سـكر د. صلاح كامـل اللبـنى

الجزء الثالث: الموجات الميكانيكية والضوء والبصريات ترجمة هـ. أحمد أمين حمـزة د. طــه زكــــي ســـكر

ارچهه د. احمد امین حصوه د. طلبه رنسی سلسدر مروك مراجعه اد. محمد عبدالفتاح مبروك

الجروالرابع: الفيزيساوالحديثسة ترجمة: د. صلاح كـامـل اللبــنى مراجعة: د. محمد محمود عمار د. طــه زكــى سكــر

ردمك : 9960 - 24 - 517 - 9 :

-C دار المريخ للنش

الرياض ، المملكة العربية السعودية، 1429ه / 2008م جميع حقوق الطبع والنشر محفوظة لدار الحريث للنشر.

الرياض - المملكة العربية السعودية ص.ب: 10720 - الرمز البريدى: 11443 فاكس: (657939 هانف: 1657534) 465853 / 464739

البريد الإلكتروثي : Email: marspubl@zajil.net لا يجوز استنساخ أو طباعة أو تصوير أي جزء من هذا الكتاب أو اغتزائه بأية وسيلة إلا بياذن مسيق من الناشر.

التوزيع داخل جمهورية مصر العربية والسودان وشمال أفريقيا: دار الحوييخ للنشو بالقاهرة -4 شارع الغرات - المهندسين - الجيزة

يع داخل جمهوريه مصر العربية والسودان وشمال الحريقيا: 13 العوبيخ للنشش بالعاهرة 4 شارع الغراث - المهتدسين - الجيز الرمز البريدى : 12411 فاكس: 3760945 هاتف : 33376579 / 37609977 + (20202)

Email: marspub2002@ Yahoo.com : البريد الإلكتروني



المحتويات

الصفحأ	الموضوع
25	مقدمة
27	مقدمة الطبعة الخامسة من النسخة الأصلية باللغة الإنجليزية
31	تقديم للجزء الأول
	الفصل الأول الفيزياء والقياس
39	ا.ا معابير الطول، والكتلة والزمن
44	2.1 بناء كتلة المادة
45	3.1 الكثافة
47	4.1 تحليل الأبعاد
50	5.1 تحويل الوحدات
51	6.1 الحسابات التقريبية
52	7.1 الأرقام المعنوية
	الفصل الثاني: الحركة في بعد واحد
60	. 1.2 الازاحة، السرعة الاتجاهية، السرعة
65	2.2 السرعة الاتجاهية اللحظية والسرعة اللحظية
68	3.2 التسارع (العجلة)
74	4.2 التمثيل البياني للحركة
75	5.2 الحركة في خط مستقيم بتسارع ثابت
81	6.2 السقوط الحر للأجسام
87	7.2 استنتاج معادلات الكينماتيكا من حسابات التفاضل والتكامل (اختياري)
91	8.2 المسائل الهادفة - خطوات الحل
	الفصل الثالث: المتجهات
100	1.3 منظومة الإحداثيات
102	2.3 الكميات المتجهة والقياسية

	الفد

الصفحة	الموضوع رقم	
103	بعض خواص المتجهات	3.3
107	مركبات المتجه ووحدة المتجهات	4.3
	رابع: الحركة في بعدين	الفصلال
122	متجهات الإزاحة، السرعة المتجهة والتسارع	1.4
125	الحركة في بعدين بتسارع ثابت	2.4
129	حركة المقذوفات	
141	الحركة الدائرية المنتظمة	4.4
143	العجلة (التسارع) الماسية والعجلة العمودية	5.4
146	السرعة النسبية والعجلة النسبية	6.4
	خامس: قوانين الحركة	القصلال
160	مفهوم القوة	
163	القانون الأول لنيوتن وقانون الأطر القصورية	
166	الكتلة	3.5
167	القانون الثاني لنيوتن	
169	قوة الجاذبية والوزن	5.5
170	القانون الثالث لنيوتن	
174	بعض التطبيقات على قوانين نيوتن	
185	قوى الاحتكاك	8.5
	سادس: الحركمة الدائرية وتطبيقات أخرى لقوانين نيوتن	
198	تطبيق قانون نيوتن الثاني على الحركة الدائرية المنتظمة	
207	الحركة الدائرية غير المنتظمة	
209	الحركة في أطر متسارعة (اختياري)	
212	الحركة في وجود قوى مقاومة (اختياري)	
218	النمذجة العددية لديناميكا الجسم (اختياري)	5.6
	سابع: الشغل وطاقة الحركة	
238	الشغل المبدول بقوة ثابتة	
242	حاصل الضرب القياسي لمتجهين	2.7

المحتوبا

الصفحة	الموضوع رقم
245	3. الشغل المبذول بقوة متغيرة
250	4 طاقة الحركة ونظرية الشغل - طاقة الحركة
258	.5 القدرة
261	6 الطاقة والسيارة (اختياري)
265	.7 طاقة الحركة عند السرعات العالية (اختياري)
	الثامن: طاقة الوضع وحفظ الطاقة
282	ا طاقة الوضع
286	21 القوى المحافظة والقوى غير المحافظة
288	33 القوى المحافظة وطاقة الوضع
289	4. حفظ الطاقة الميكانيكية
294	5.5 الشغل المبذول بالقوى غير المحافظة
305	6 العلاقة بين القوى المحافظة وطاقة الوضع
306	.7 الرسوم البيانية للطاقة واتزان منظومة (اختياري)
310	.8 حفظ الطاقة بصورة عامة
310	9.9 تكافؤ الكتلة والطاقة (اختياري)
312	.10 تكمية الطاقة (اختياري)
	التاسع: كمية الحركة الخطية والتصادم
332	ا. كمية الحركة الخطية وحفظها
337	2 الدفع وكمية الحركة
341	التصادم
343	4 التصادم المرن وغير المرن في بعد واحد
350	.5 انتصادم في بعدين
355	ا.6 مركز الكتلة
361	ا.7 حركة منظومة من الأجسام
365	8 دفع الصاروخ (اختياري)
	العاشر؛ دوران الجسم الجاسئ حول محور ثابت
388	العاشر؛ دوران الجسم الجاسئ حول محور تابت الـ الإزاحة والسرعة والتسارع الزاوي

	الفي

الصفحة	الموضوع رقم
392	3.10 الكميات الزاوية والكميات الخطية
396	4.10 الطاقة الدورانية
399	5.10 حساب عزم القصور الذاتي
404	6.10 عزم الدوران
406	7.10 العلاقة بين عزم الدوران والتسارع الزاوي
412	8.10 الشغل والقدرة والطافة في الحركة الدورانية
	الفصل الحادي عشر: الحركة التدحرجية وكمية الحركة الزاوية
434	ا الحركة التدحرجية لجسم جامد
440	2.11 ضرب المتجهات وعزم الدوران
443	3.11 كمية الحركة الزاوية لجسيم
447	4.11 كمية الحركة الزاوية لجسم جامد دوار
451	5.11 حفظ كمية الحركة الزاوية
458	6.11 (اختياري) حركة الجيروسكوب والنحلة الدوارة
461	7.11 (اختياري) كمية الحركة الزاوية ككمية أولية
	الفصل الثاني عشر؛ الإتزان الإستاتيكي والمرونة
480	1.12 شروط الإتزان
483	2.12 المزيد عن مركز الثقل
485	3.12 أمثلة لأجسام جامدة في حالة الاتزان الاستاتيكي
495	4.12 خواص المرونة للأجسام الجامدة
	الفصل الثالث عشر؛ الحركة الترددية
518	1.13 الحركة التوافقية البسيطة
524	2.13 عودة إلى منظومة الزنبرك والمكعب
529	3.13 طاقة المتذبذب التوافقي البسيط
533	4.13 البندول
538	5.13 مقارنة بين الحركة التوافقية البسيطة والحركة الدورانية المنتظمة
541	6.13 اختياري: الذبذبات المتضائلة أو المخمدة
543	7.13 اختياري: الذبنبات القسرية

اب	المحتود

الصفحة	الموضوع رقم ا	
	بع عشر؛ قانون الجاذبية	الفصل الرا
560	قانون نيوتن للجذب العام	1.14
562	قياس ثابت الجذب العام	2.14
564	عجلة السقوط الحر وقوة التجاذب	3.14
565	قوانين كبلر	4.14
568	قانون الجاذبية وحركة الكواكب	5.14
578	مجال الجاذبية	6.14
574	طاقة الوضع لجسم في مجال الجاذبية	7.14
578	اعتبارات الطاقة في حركة الكواكب والأقمار الصناعية	8.14
583	اختياري: قوة الجاذبية بين جسم ممتد وجسيم	9.14
585	اختياري: قوة الجاذبية بين جسيم وكتلة كروية	0.14
	امس عشر؛ میکانیکا المواثع	الفصل الخ
606	الضغط	1.15
609	تغير الضغط مع العمق	2.15
613	قياس الضغط	3.15
614	قوى الطفو وقاعدة أرشميدس	4.15
618	ديناميكا الموائع	5.15
620	الإنسياب الخطي ومعادلة الاستمرارية	6.15
621	معادلة برنولي	7.15
625	إختياري: تطبيقات أخرى لمعادلة برنولي	8.15
	ادس عشر : درجة الحرارة	الفصل الس
646	درجة الحزارة والقانون الصفري للديناميكا الحرارية	1.16
648	الترمومترات ومقياس سلسيوس لدرجات الحرارة	2.16
649	الترمومتر الغازي ذو الحجم الثابت والمقياس المطلق لدرجات الحرارة	3.16
654	التمدد الحراري للأجسام الصلبة والسوائل	4.16
660	وصف ماكروسكوبي للغاز المثالي	5.16
	ابع عشر: الحرارة والقانون الأول للديناميكا الحرارية	الفصل الس
678	الحرارة والطاقة الداخلية	

(11

c	υ,	الف	

الصفحة	الموضوع رقم	
682	السعة الحرارية والحرارة النوعية	2.17
687	الحرارة الكامنة	3.17
692	الشغل والحرارة في عمليات الديناميكا الحرارية	4.17
696	القانون الأول للديناميكا الحرارية	5.17
698	تطبيقات على القانون الأول للديناميكا الحرارية	6.17
704	طرق انتقال الطاقة	7.17
	من عشر؛ نظرية الحركة للغازات	الفصل الثا
730	النموذج الجزيئي للغاز المثالي	1.18
736	الحرارة النوعية المولية للغاز المثالي	2.18
741	العمليات الأديباتية في الغاز المثالي	3.18
743	التجزؤ المتساوي للطاقة	4.18
747	قانون التوزع لبولتزمان	5.18
751	توزع السرعات الجزيئية	6.18
754	المسار الحر المتوسيط	7.18
	مع عشر: الآلات الحرارية - الأنتروبي والقانون الثاني للديناميكا الحرارية	الفصل التاء
770	الآلات الحرارية والقانون الثاني للديناميكا الحرارية	1.19
775	العمليات العكوسة والعمليات غير العكوسة	2.19
776	ألة كارنو	3.19
781	آلة الجازولين وآلة الديزل	4.19
790	المضخات الحرارية والثلاجات	5.19
793	الأنتروبي	6.19
797	تغير الأنتروبي في العمليات غير العكوسة	7.19
803	(اختياري) الأنثروبي على المقياس الميكروسكوبي	8.19
821	المنطلحات	معجه

2000年中的大学的大学的大学的大学的大学。

محتويات الجزء الثاني الكهربية والغنطيسية

سفحة	الموضوع رقم اله	
25	ء الثاني	مقدمة الجزء
27	له الخامسة من النسخة الأصلية باللغة الإنجليزية	مقدمة الطبع
	شرون : المجالات الكهربية	لفصل العث
34	خصائص الشعنات الكهربية	1.20
36	العوازل والموصلات	2.20
39	قانون کولوم	3.20
44	المجال الكهربي	4.20
49	المجال الكهربي لتوزيع شحنى متصل	5.20
53	خطوط المجال الكهربي	6.20
56	حركة جسيمات مشحونة في مجال كهربي منتظم	7.20
59	أنبوية أشعة الكاثود	8.20
	دي والعشرون: قانون جاوس	لفصل الحا
76	الفيض الكهربي	1.21
80	قانون جاوس	2.21
83	تطبيق تطبيقات قانون جاوس على عوازل مشحونة	3.21
88	الموصلات في حالة الاتزان الكهرستاتيكي	4.21
91	(اختياري) تجارب لتأكيد قانون جاوس وقانون كولوم عملياً	5.21
93	(اختياري) استتناج قانون جاوس	6.21
	ي والعشرون: الجهد الكهريي	لفصل الثاذ
108	فرق الجهد والجهد الكهربي	1.22
110	فرق الجهد في مجال كهربي منتظم	2.22
113	الحمد الكهرب وطاقة الحمد نتبحة عن شحنات نقطية	3.22

[13]

	نف	

الصفحة	الموضوع رقم	
119	الحصول على قيمة المجال الكهربي من الجهد الكهربي	4.22
121	الجهد الكهربي الناشئ عن توزيع شحنى متصل	6.22
125	الجهد الكهربي الناشئ عن موصل مشحون	7.22
129	(اختياري) تجرية قطرة الزيت لميليكان	8.22
130	(اختياري) تطبيقات على الكهرستاتيكية	9.22
	لث والعشرون: المكثفات والمواد العازلة كهربياً	الفصل الثا
150	تعريف السعة	1.23
151	حساب السعة	2.23
156	تجميع الكثفات	3.23
160	الطاقة المختزنة في مكثف مشحون	4.23
165	المكثفات ذات العوازل الكهربية	5.23
171	(اختياري) ثنائي قطب كهربي في مجال كهربي	6.23
174	(اختياري) الوصف الذري للعوازل الكهربية	7.23
	بع والعشرون: التيار والمقاومة -	القصل الرا
194	0.54	1.24
197	المقاومة وقانون أوم	2.24
204	Ç3. 2. 3 E3.	3.24
207	المقاومة ودرجة الحرارة	4.24
209	(اختياري) المواد فائقة التوصيل	5.24
211	الطاقة الكهربية والقدرة	6.24
	امس والعشرون؛ دوائر التيار المستمر	الفصل الخا
228	200	1.25
230	المقاومات على التوالي والتوازي	2.25
238	-5-5-	3.25
244	دوائر المقاومة والمكثف	4.25
250		E 25

White hall was Trained Property

محتويات الجرء الثاني الكهربية والغنطيسية

لصفد	الموضوع رقم ا	
254	(اختياري) التوصيلات المنزلية والأمان الكهربي	6.25
	ادس والعشرون: الجالات المغناطيسية	الفصل السا
265	المجال المغناطيسي	1.26
269	القوة المغناطيسية المؤثرة على موصل يحمل تياراً	2.26
272	عزم الازدواج على دائرة مغلقة في مجال مغناطيسي منتظم	3.26
275	حركة جسيم مشعون في مجال مغناطيسي منتظم	4.26
	ابع والعشرون: مصادر المجال المُغنَاطيسي	الفصل الس
284	قانون بيو - سافار	1.27
289	القوة المغناطيسية بين موصلين متوازيين	2.27
290	قانون أمبير	3.27
293	المجال المغناطيسي لملف لولبي	4.27
295	الفيض المغناطيسي	5.27
297	قانون جاوس في المغناطيسية	6.27
298	تيار الإزاحة والصيغة العامة لقانون أمبير	7.27
	من والعشرون: قانون فاراداي	الفصل الثاه
308	قانون الحث لفارادي	1.28
313	القوة الدافعة الكهربية الحركية	2.28
316	قانون لينز	3.28
318	القوة الدافعة الكهربية الحثية والمجالات الكهربية	4.28
319	معادلات مأتسويل الراثعة	5.28
	سع والعشرون: الحث	الفصل التاء
330	الحث الذاتي	
	دوائر المقاومة والملف	
339	, , , , ,	3.29
339	الحث المتبادل	4.29

لفيزياء	1

الصفحة	الموضوع رقم الصفحة	
341	التذبذب في دائرة تحتوى على ملف ومكثف	5.29
	(ثون: دوائر التيار المتردد	الفصل الثلا
354	مصادر التيار المتردد والتمثيل الاتجاهي	1.30
354	المقاومات في دائرة التيار المتردد	2.30
358	الملفات في دائرة تيار متردد	3.30
360	المكثفات في دائرة تيار متردد	4.30
362	دوائر RLC على التوالي	5.30
367	القدرة في دائرة تيار متردد	6.30
369	الرئين في دائرة RLC على التوالي	7.30
372	المحول وتوصيل الطاقة	8.30
	دي والثلاثون: الموجات الكهرمغناطيسية	الفصل الحا
382	معادلات ماكسويل واكتشافات هرتز	1.31
384	الموجات الكهرمغناطيسية المستوية	2.31
388	الطاقة التي تحملها الموجات الكهرمغناطيسية	3.31
390	كمية الحركة وضغط الإشعاع	4.31
394	طيف الموجات الكهرمغناطيسية	5.31

ATT TO SEE THE PROPERTY OF THE PARTY OF THE

محتويات الجزء الثالث الموجات الميكانيكية والضوء والبصريات

الصفحة	الموضوع رقم	
25	و الثالث	مقدمة الجز
27	ة الخامسة من النسخة الأصلية باللغة الإنجليزية	مقدمة الطبع
29	الثالث	تقديم للجزء
	ني والثلاثون : الحركة الموحبة	
		_
33	2.3: -3 = =-9=	1.32
33	اتجاه إزاحة جسيم	1.32
36	موجات مرتحلة في بعد واحد	1.32
38	تراكب وتداخل الموجات	1.32
41	سرعة الموجات على الأوتار	1.32
43	الانعكاسية والنفاذية	1.32
45	الموجات الجيبية	1.32
49	معدل انتقال الطاقة على الأوتار بواسطة الموجات الجيبية	1.32
52	(اختياري) معادلة المرجة الخطية	1.32
	لث والثلاثون: موجات الصوت	الفصل الثاا
66	سرعة موجات الصوت	1.32
69	موجات الصوت الدورية	2.33
71	شدة الموجات الصوتية الدورية	3.33
75	الموجات الكرية والمستوية	4.33
77	خالم بة دُيار	5.33

الصفحة	الموضوع رقم	
-		
	بع والثلاثون: تراكب الموجات والموجات الموقوفة	الفصل الرا
98	تراكب وتداخل الموجات الجيبية	1.34
102	الموجات الموقوفة	2.34
107	الموجات الموقوفة في وتر مثبت من طرفيه	3.34
110	التوافق (الرنين)	4.34
113	الموجات الموقوفة في الأعمدة الهوائية	5.34
117	(اختياري) الموجات الموقوفة في القضبان والصفائح	6.34
118	الطرق المتكرر (النبضات): التداخل الزمني	7.34
120	(اختياري) نموذج موجة غير الجيبية	8.34
	مس والثلاثون؛ طبيعة الضوء وقوانين البصريات الهندسية	الفصل الخا
138	طبيعة الضوء	1.35
139	قياس سرعة الضوء	2.35
141	فكرة الشعاع في البصريات الهندسية	3.35
142	الانعكاس	4.35
145	الانكسار	5.35
151	ميدأ هيجنز	6.35
154	التفرق والمنشورات	7.35
157	الانعكاس الكلي الداخلي	8.35
161		9.35
	ادس والثلاثون: البصريات الهندسية	القصل السا
178	الصور المتكونة بالمرايا المستوية	1.36
167	الصور المتكونة بالمرايا الكرية	2.36
100	1 5 1 1 1 1 5	

بصريات	محتويات الجزء الثالث الوجات اليكانيكية والضوءوال	G BAN
الصقد	الموضوع رقم	
194	العدسات الرقيقة	4.36
204	(اختيارى) تشويه الصور في العدسات	5.36
206	(اختیاری) الکامیرا	6.36
208	(اختياري) العين	7.36
213	(اختيارى) الميكروسكوب البسيط	8.36
215	(اختياري) الميكروسكوب المركب	9.36
217	(اختياري) التلسكوب	10.36
	ابع والثلاثون: تداخل موجات الضوء	لفصل السا
236	الظروف التي يحدث عندها التداخل	1.37
237	تجربة ينج ذات الشق المزدوج	2.37
241	توزيع شدة الضوء في حالة نموذج التداخل الضوئي الناتج من الشق المزدوج	3.37
243	الجمع الاتجاهى للموجات	4.37
247	التغير في الطور نتيجة الانعكاس	5.37
248	التداخل في الأغشية الرقيقة	6.37
254	(اختياري) مقياس ميكلسون للتداخل الضوئي	7.37
	من والثلاثون: الحيود والاستقطاب	لفصل الثاه
270	مقدمة عن الحيود	1.38
274	الحيود من الفتحات الضيقة	2.38
279	قدرة التحليل بشق أحادي والفتحات الدائرية	3.38
283	محزوز الحيود	4.38
290	(اختياري) حيود الأشعة السينية باستخدام البلورات	5.38
201	11 -1 . 11 1	6.20

محتويات الجزء الرابع الفيزياء الحديثة

الصفحة	الموضوع رقم ا	
25		مقدمة
27	نة الخامسة من النسخة الأصلية باللغة الإنجليزية	مقدمة الطبع
31	الرابع	تقديم للجزء
	سع والثلاثون : النسبية	الفصل التاء
35	مبدأ نسبية جليليو (النسبية الجاليلية)	1.39
38	تجربة ميكلسون ومورلي	1.39
41	مبدأ النسبية لأينشتين	1.39
42	النتائج المترتبة على النظرية النسبية الخاصة	1.39
55	معادلات التحويل للورانتز	1.39
60	كمية الحركة الخطية النسبوية والصيغة النسبوية لقوانين نيوتن	1.39
61	الطاقة النسبوية	1.39
65	تكافؤ الكتلة والطاقة	1.39
67	النسبية والكهرمغنطيسية	1.39
69	(اختياري) النظرية النسبية العامة	1.39
	يعون: مقَدمة فيزياء الكم	الفصل الأر
86	إشعاع الجسم الأسود وفرض بلانك	1.40
92	التأثير الكهرضوئي	2.40
96	- تأثير كومتون	3.40
100	الأطياف الذرية	4.40
100	* 10 - 21 - 11	£ 40

	٠.	
	in	

الصفحا	الموضوع رقم	
109	الفوتونات والموجات الكهرمغنطيسية	6.40
110	الخواص الموجية للجسيمات	7.40
	ادي والأربعون : ميكانيكا الكم	الفصل الحا
126	تجربة الحاجز ذو الشقين	1.41
130	مبدأ اللايقين	2.41
134	كثافة الاحتمال	3.41
137	جسيم في صندوق	4.41
141	معادلة شرودنجر	5.41
143	(اختياري) جسيم في بئر ذو ارتفاع محدود	6.41
145	(اختياري) العبور نفقياً خلال حاجز	7.41
148	(اختياري) الميكروسكوب النفقي الماسح	8.41
150	(اختياري) المتنبذب التوافقي البسيط	9.41
	ني والأربعون : الفيزياء الذرية	الفصل الثا
166	النماذج الأولية للذرة	1.42
168	ذرة الهيدروجين	2.42
170	العدد الكمي اللفي المفناطيسي	3.42
172	الدوال الموجية لذرة الهيدروجين	4.42
176	الأعداد الكمية الأخرى	5.42
182	مبدأ الاستبعاد والجدول الدوري	6.42
187	الأطياف الذرية	7.42
192	الانتقالات الذرية	8.42
194	(اختياري) الليزر وتقنية إنتاج صور هولوجرافية (الهولوجرافي)	9.42

لحديته	محتويات الجزء الرابع، الفيزياء ا	9X4:1448:
لصفحة	الموضوع رقم ا	
218	طاقة الجزيئات وأطيافها	2.43
225	الريط في الجوامد	3.43
229	نظرية النطاق في الجوامد	4.43
231	نظرية الإلكترونات الحرة في الفلزات	5.43
235	التوصيل الكهريائي في الفلزات والمواد العازلة وأشباه الموصلات	6.43
239	(اختياري) أجهزة أشباه الموصلات	7.43
244	(اختياري) التوصيل الفائق	8.43
250	بع والأربعون ، تركيب نواة الذرة 	-
258	3 23 0 3 0 .	1.44
264	الرنين المغناطيسي النووي والتصوير بالرنين المغناطيسي	2.44
266	طاقة الربط والقوى النووية	3.44
269	النماذج النووية	4.44
272	النشاط الإشعاعي	5.44
277	عمليات الاضمحلال	6.44
286	النشاط الإشعاعي الطبيعي	7.44
287	التفاعلات النووية	8.44
	مس والأربعون : الانشطار والاندماج النووي	الفصل الخا
304	النيوترونات وتقاعلها مع نوى الذرات	1.45
305	الانشطار النووي	2.45
308	 المفاعلات النووية	3.45
312	الاندماج النووي	4.45
323	(اختيارى) الأضرار الناجمة عن الاشعاع	5.45
325	ر - تاوی (اختیاری) کواشف الإشعاع	6.45
329	(اختياري) استخدامات الاشعاع	7.45

	ثف	

	-	الفيزياء
الصفحة	الموضوع رقم	
	ادس والأربعون ، فيزياء الجسيمات وعلم الكون	الفصل الس
344	القوى الأساسية في الطبيعة	1.46
345	البوزيترونات وضديدات جسيمات أخرى	2.46
348	الميزونات وبداية فيزياء الجسيمات	3.46 .
353	تصنيف الجسيمات	4.46
354	قوانين الحفظ	5.46
357	الجسيمات الغريبة والغرابة	6.46
359	تخليق الجسيمات وقياس خواصها	7.46
362	تحديد النماذج في الجسيمات	8.46
364	الكواركات	9.46
368	كواركات متعددة الألوان	10.46
370	النموذج القياسي	11.46
373	الاتصال الكوني	12.46
379	مشاكل ومنظورات	13.46

مقدمة المترجمون

يسعدنا أن نقدم للقارئ والدارس للفيزياء الترجمة العربية للطبعة الخامسة من كتاب الفيزياء للعلميين والمهندسين متضمناً الفيزياء الحديثة"

"Physics For Scientists and Engineers With Modern Physics"

تأليف: Raymond A.Serway, Robert J.Beichner and John W.Jewett, Jr. والذي صدر عن دار نشر Saunders College Publishing سنة 2000. ويهدف هذا الكتاب إلى تقديم مقرر في الفيزياء الكلاسيكية والحديثة للسنوات الأولى والثانية لطلاب كليات العلوم والهندسة وكليات التربية والسنوات الاعدادية أو الأولى بالكليات العملية.

يحتوى الكتاب على أربعة أجزاء مقسمة إلى ستة وأربعين فصلاً. يتضمن الجزء الأول أساسيات الميكانيكا وفيزياء الموائع وقوانين الحركة وتطبيقاتها بالاضافة إلى أساسيات الحرارة والديناميكا الحرارية ونظرية الحركة في الغازات، ويتضمن الجزء الثاني الكهربية والمغنطيسية ومجالاتهما ومصادر هذه المجالات والتيار المتردد والموجات الكهرومغنطيسية، ويحتوى الجزء الثالث على موضوعات الحركة الموجية والصوت وتراكب الموجات بالإضافة إلى الضوء والبصريات بداية من طبيعة الضوء إلى البصريات الهندسية ثم البصريات الفيزيائية مع شرح واف لظواهر تداخل وحيود واستقطاب الضوء. ويتضمن الجزء الرابع الفيزياء الحديثة بداية من النظرية النسبية ثم مقدمة عن ميكانيكا الكم والفيزياء الذرية والنووية والإنشطار والإندماج النووى والجسيمات الأولية والأشعة الكونية.

ويركز هذا الكتاب على توضيح المفاهيم الأساسية للنظريات الكلاسيكية والحديثة والتأكيد على الفهم العميق لهذه النظريات والمبادئ من خلال أمثلة محلولة، مسائل متدرجة في درجة صعوبتها، ومسائل مرجعية تحتاج إلى معرفة عدة مفاهيم فيزيائية لحلها، وأسئلة كثيرة في نهاية كل باب بالإضافة إلى إختبارات سريعة داخل متن الكتاب والإجابة عليها عن طريق الإختيار (25 ً

الفيزياء

من بين الإجابات المتعددة المطروحة مع هذه الأسئلة. وكذلك يوجد شرح لبعض التجارب المعملية التي تساعد على فهم الموضوع ويسهل اجراؤها باستخدام بعض المكونات التي يتم الحصول عليها بسهولة وبأثمان زهيدة.

نرجو أن يكون هذا الكتاب عوناً لأبنائنا طلاب الكليات العملية والدارسين هي مجالات العلوم والهندسة والتربية وبقية الكليات العملية، وكذلك للباحثين عن ربط الفيزياء بالمجتمع وبالحياة التي نعيشها وتفسير الظواهر الفيزيائية تفسيراً علمياً ومنطقياً، وأن يكون إضافة قيمة للمكتبة العلمية العربية.

والله الموفق

المترجمون

مقدمة الطبعة الخامسة من النسخة الأصلية باللغة الإنجليزية

لقد حاولنا أن نجعل الطبعة الخامسة أكثر وضوحاً في العرض اعتماداً على الملاحظات التي وردت إلينا من القراء والنقاد ومراجعي الطبعة الرابعة من الكتاب، وتم توفير قرص مدمج -CD ROM يحتوى على شرح للطلاب.

ولهذا الكتاب هدفان رئيسيان، أولاً: إعطاء الدارس فكرة واضحة ومنطقية عن المفاهيم الأساسية لمبادئ الفيزياء، وثانياً: مساعدته في فهم أكثر لهذه المفاهيم والمبادئ من خلال أمثلة ‹‹لبيقية من العالم المحيط به. ولتحقيق هذه الأهداف كان اهتمامنا الأكبر هو التركيز على النطق الفيزيائي السليم وطريقة حل المسائل، وفي الوقت نفسه كان اهتمامنا بدور الفيزياء في الحالات المختلفة مثل الهندسة والكيمياء وغيرها.

يبدأ كل فصل بصورة محيرة Puzzler وتعليق عليها لإثارة اهتمام الطالب أو القارئ بموضوع هذا الفصل، والتوضيح الخياص بهذه الصورة والمفاهيم التي تستخرج منها موجودة في مثن اانصل عند العلامة 🖈 .

ويوجد في كل فصل عدة تجارب معملية سريعة .Quick Lab تشجع الدارس على إجراء احارب بسيطة يستخدم فيها مكونات رخيصة التكاليف ويسهل الحصول عليها. وفي معظم الحالات يُطلب من الدارس أن يلاحظ نتيجة هذه التجربة ويفسرها في ضوء ما تعلمه من هذا الفصل. وفي بعض الأحيان يطلب من الدارسين تسجيل النتائج ورسمها على هيئة علاقات سانية.

هناك العديد من الاختبارات السريعة Quick Quizzes في كل فصل لاختبار مدى إدراك الدارس للمفهوم الفيزيائي الموضح. والعديد منها مقدمة بطريقة الاختيارات المتعددة للإجابة Multiple- choice والتي تتطلب من الدارس اختيار أحد الإجابات وتفسيرها بطريقة علمية. وتهدف بعض هذه الاختيارات إلى تصحيح بعض المفاهيم الخاطئة. ويوجد في نهاية كل فصل إجابات هذه الاختيارات السريعة.

تحتوى بعض الفصول على تطبيقات توضح للدارسين كيفية تطبيق المبادئ والمفاهيم الفيزيائية الموضحة في هذه الفصول في الحياة اليومية وكذلك في المجالات الهندسية.

يشتمل هذا الكتاب على الموضوعات الأساسية في الفيزياء الكلاسيكية Classical Physics مع مقدمة في الفيزياء الحديثة Modern Physics . ويقسم هذا الكتاب إلى ستة أجزاء مقسمة 🕻 27 ً إلى ستة واربعين فصلا. يتضمن الجزء الأول (الفصول من 1: 15) أساسيات الميكانيكا النيوتونية بالحركة الموجية والصوت، ويتضمن الجزء الثالث الحرارة والديناميكا الحرارية، ويغتس الجزء الثاني الخرارية، ويغتس الجزء البالحرارة والديناميكا الحرارية، ويغتس الجزء الرابع (الفصول من 23 إلى 48) بالكهربية والمغنطيسية بما في ذلك الموجات الكهرومغناطيسية. ويتضمن الجزء الخامس (الفصول من 35 إلى 38) الضوء والبصريات، ويأتي الجزء السادس في النهاية متضمناً الفصول من 39 إلى 46 والتي تقدم النظرية النسبية والفيزياء الحديثة، ويبدأ كل جزء من هذه الأجزاء الستة بملخص شامل للموضوعات التي يغطيها مع مقدمة تاريخية. كما تبدأ معظم فصول المعتدم فصيرة تنضمن مناقشة أهداف هذه الفصول ومحتوياتها.

The state of the s

بوجد في متن فصول الكتاب الكثير من الأمثلة المحلولة لتدريب الدارسين على التعرف على المفاهيم الأساسية التي تشرح في هذه الفصول، وتعتبر في كثير من الأحوال نماذج لحل المسائل الموجودة في نهاية كل فصل.

يتضمن نهاية كل فصل مجموعة من الأسئلة والمسائل حيث تحتوي هذه الطبعة من الكتاب على أكثر من النف سؤال، وتقيس بعض هذه الأسئلة مدي استيعاب الدارس وتمكنه من معرفة المفاهيم التي قدمت في كل فصل، وبعضها يصلح لأن يكون مجالاً لإثارة موضوعات للمناقشة في الفصل الدراسي، وتوجد حلول لهذه المسائل في كتاب Student Solution Manual of Study

كما توجد أيضاً مجموعة من المسائل المرجعية Review Problems والتي تتطلب من الدارس أن يتأمل مع من الدارس أن يتأمل مع عددة مفاهيم فيزيائية تم شرحها في متن الكتاب. كما توجد أزواج من المسائل بحيث تكون إحدى المسائل عددية والتي تليها هي نفس المسائلة ولكن بإستخدام الرموز. ويوجد في معظم الفصول مسائلة أو أكثر تحتاج في حلها إلى حاسب آلي أو Graphing Calculator وتميز هذه المسائل بالأرم المسائلة التي عاسب الله بالمسائل المسائلة التي المسائلة التي عاسب الله بالمسائلة المسائلة التي المسائلة المسائلة المسائلة المسائلة المسائلة المسائلة المسائلة المسائلة بالمسائلة المسائلة المسائلة

ويستخدم في هذا الكتاب النظام الدولي للوحدات (SI) أما النظام الهندسي البريطاني للوحدات فيستخدم في أضيق الحدود في الفصول الخاصة بالميكانيكا والحرارة والديناميكا الحرارية.

وقد تم تقديم كل الإشارات التي تساعد الطالب في دراسة هذا الكتاب في كتيب لحلول المسائل والقرص المدمج CD- ROM والموقع على الإنترنت، وكذلك الكتاب الذي يتضمن التجارب التي تساعد على فهم المواضيع التي قدمت في الستة والأربعين فصلاً من الكتاب في طبعته الخامسة.



(الجزءالأول)

الميكانيكا والديناميكا الحرارية

. الحجود و المسابق الاول (التعادي) والتابث (الديناميكا الحرارية) من كتاب القررياء للمهندسين والعلميين العليمة الخامسة - تاليف سيرواي وآخرون

أولاً: المسكانيسكا

يحتوي هذا القسم من الكتاب خمسة عشر فصالاً يتناول المكانيكا الكلاسيكية وهو العلم الذي
... بحركة الأجسام الأكبر من الذرات والتي تتحرك بسرعة أقل كثيراً من سرعة الفره، ويهتم الكتاب
.. مذا القسم بترضيح المفاهيم الأساسية لهذا العلم وأهميته العلمية والتكنولوجية في حياة الإنسان
، ادرادة توضيح تلك المفاهيم يعظني العديد من الأمثلة العملية من واقع الحياة اليومية ومن الطبيعة
المحلمة بنا، كما يعملي للطالب العديد من الإختيارات السريعة التي تبين له مدى استيعابه للقوانين
الميزيائية الواردة في كل فصل ويهتم الكتاب بإعطاء العديد من الأمثلة العددية المحلولة لزيادة قدرة
الذالب على حل المسائل الواردة في نهاية كل فصل والتي غالبا ما تكون من واقع الحياة اليومية أو تمثل
.. شكلة تكنولوجية حقيقية بمكن أن يتمرض لها الطالب فيما بعد. كما يهتم الكتاب بإنقاء الضوء على
مالانة القوانين الواردة في فصول الكتاب المختلفة بالعلوم الأخرى مثل الكيمياء والهندسة والطب وغير
المالية

ولدراسة القسم الأوّل (المكانيكا) من هذا الكتاب يجب أن يكون الطالب قد أتم دراسة أساسيات ،ام التفاضل والتكامل على مدى فصل دراسي واحد على الأقل.

يتناول الفصل الأول في هذا الجزء من الكتاب النظام الدولي لوحدات القياس الذي أقره المكتب الدولي لمصافحة المتب الدولي للمقاييس والموازين بباريس عام 1960 كما يتناول بعض الموضوعات الأخرى ذات الصلة مثل تحلل الأمعاد.

يتناول الفصل الثاني الحركة هي بعد واحد وهي أول خطوة في دراسة الميكانيكا الكلاسيكية وتتناول الحركة بدلالة المكان والزمان مع عدم الأخذ في الإعتبار العوامل المسببة لتلك الحركة. ويطلق على هذا الفرع من الميكانيكا إسم الكينماتيكا Kinematics ويحتوى هذا الفصل على المفاهيم الأساسية للحركة مثل السرعة والعجلة (التسارع) والسقوط الحر والقوانين الخاصة بذلك.

يناقش الفصل الثالث مفهوم المتجهات evectors ففي دراستنا سوف نتناول العديد من الكميات النيزيائية التي لها قيم عددية وخواص الجاهية. وهذا الباب يلقى الضوء على جبر المتجهات وطرحها وجمعها وخواص الكميات المتجهة vector quantities وتشيلها بيانيا.

يتضمن الفصل الرابع كينماتيكا الجمسيمات التي تتحرك في بعدين تحت تأثير عجلة ثابتة، والمقدوفات، والحركة الدائرية، والعجلة الماسية، والعجلة في اتجاء نصف القطر، والحركة في مستو. يتناول الكتاب في الفصل الخامس القوى التي تحدث الحركة وكتلة الأجسام المتحركة وهو ما لم يسبق ذكره في الفصول السابقة. هذا الفصل يلقى الضوء على قوانين نيوتن الثلاث للحركة ومن ثم يمكن الإجابة على التساؤلات مثل لماذا تتسارع بعض الأجسام أكثر من الأخرى؟ وكيف تتغير حركة الأجسام؟ كما يتم شرح قوة الجاذبية، وثقل الأجسام، وقوى الإحتكاك.

يلقى الفصل السادس الضوء على الحركة الدائرية وبعض استخدامات قوائب: نيوتن في حالة حركة الأجسام في مسار دائري والحركة في الأوساط اللزجة كما يتضمن الحركة في إطار إسناد متسارع.

يتناول الفصل السابع مفهوم الشغل وطاقة الحركة والقدرة ومفهوم طاقة الحركة في السرعات العالية والشغل الناتج عن قوة متغيرة أو قوة ثابتة. كما يتم شرح ضرب المتجهات.

يتضمن الفصل الثامن نوعا آخر من أنواع الطاقة هي طاقة الوضع كما يتناول قانون حفظ الطاقة والقوى المحافظة وغير المحافظة، كما يوضع ما المقصود بحفظ الطاقة والقوى المحافظة والعلاقة بين القوى المحافظة وطاقة الوضع، وتكافؤ الكتلة والطاقة، والطاقة في فيزياء الكم، والشغل المبذول بالقوى غير المحافظة.

يتتاول الفصل التاسع كمية الحركة الخطية وقانون حفظ كمية الحركة الخطية والتصادم المرن وغير المرن، ومركز الكتلة، ودفع الصواريخ، وحركة منظومة مكونة من مجموعة من الأجسام.

يلقى الفصل العاشر الضوء على دوران الأجسام الجاسئة حول محور ثابت، والجسم الجاسئ هو الجسم الذي يظل محتفظا بشكله وأبعاده. كما يتناول الإزاحة الزاوية والسرعة والعجلة والحركة الدورانية الكينماتيكية مع ثبات التسارع الزاوى، يتناول بعد ذلك حساب عنرم القصور الذاتي وعزم الدوران Torque والملاقة بينه وبين التسارع الزاوى، والشئل والقدرة والطاقة في الحركة الدورانية.

يتناول الفصل الحادي عشر الحركة التدحرجية وكمية الحركة الزاوية. في هذه الحالة يكون محور الدوران ليس ساكنا في الفراغ، وقانون بقاء كمية الحركة الزاوية وهو قانون أساسي من قوانين الفيزياء.

يتناول الفصل الثاني عشر الأجسام الجاسئة في حالة الإتزان الإستاتيكي، وشروط الإتزان، والبادئ التي ينص عليها وهي ذات أهمية كبيرة في الهندسة الإنشائية والهندسية المكانيكية والعمارة. كما يتضمن تغير شكل الأجسام تحت تأثير الأحمال ومعاملات المرونة المختلفة.

يتناول الفصل الثالث عشر نوعاً خاصاً من أنواع الحركة وهي الحركة الترددية أو الحركة التوافقية البسيطة ومن أمثلة تلك الحركة تنبذب ثقل معلق في زنبـرك، واهتـزازات أوتار الآلات الموسيـقيـة، والموجات الكهرمغنطيسية ودوائر التيار الكهريائي المتردد، كما يتناول حالة الترددات المتضائلة والترددات القسرية وطاقة المتنبذبات التوافقية البسيطة والبندول.

خصص الفصل الرابع عشر لدراسة قانون الجاذبية كما يتناول حركة الكواكب كما استتجها كبلر (1630-1631) وكيف بمكن استتناجها من قانون الجإذبية لنهوتن، بعد ذلك يتناول هذا الفصل قياس 22) ثابت الجذب العام وعجلة السقوط، ثم طاقة الوضع وطاقة الجاذبية بين جسم ممتد وجسيم.

بتناول الفصل الخامس عشر والأخير ديناميكا المواقع. والمواقع مثل الغازات والسوائل تتميز بقوى بينية ضعيفة وجزيئاتها تتخذ شكلا عشوائياً. ويتناول هذا الفصل المواقع الساكنة واستنتاج علاقة الضغط الناتج عن ماثع بالعمق والكثافة، وقانون الطفو. بعد ذلك يتناول حركة المواقع (ديناميكا المواقع) وقانون برنولي كما يشرح الإستخدامات المختلفة لهذا القانون والإنسياب الخطي ومعادلة الإستمرارية.

ثانياً؛ الديناميكا الحرارية

وقد جاء هذا القسم في القصول من التاسع عشر إلى الثاني والعشرين في الطبعة الانجليزية من الكتاب، يتناول هذا القسم موضوع الديناميكا الحرارية ومفهوم كمية الحرارة وقد كان الكتاب، يتناول هذا القسم موضوع الديناميكا الحرارية ومفهوم كمية الحرارة وودجة الحرارة. وقد كان التطور هذا العلم على يدى سنا دى كنارتو القدرنسي (1826-1888) وكبرهما أثرا هاماً على تطور الآلات الحرارية وحساب كفاءتها.

أول فصول هذا الجزء هو الفصل السادس عشر ويتناول موضوع درجات الحرارة كما يعطي تعريفا «قبقاً للمصطلعات المستخدمة في علم الديناميكا الحرارية مثل درجة الحرارة والطاقة الداخلية، يتناول هذا الفصل القانون الصغرى للديناميكا الحرارية ثم يتناول المقابيس المستخدمة لدرجات الحرارة مثل مقياس كلفن ومقياس سلسيوس ومقياس فهرنهيت، كما يتناول بعض أنواع الترمومترات "ثعة الإستخدام. كما يلقى الضوء على الغازات المثالية والعلاقة بين الضغط والحجم ودرجة الحرا بدف الخازات والتعدد الحرارى للأجسام الصلية والسوائل.

يتناول الفصل السابع عشر مفهوم الطاقة الداخلية وكيف تتحول إلى طاقة ميكانيكية أو إلى أنواع أخرى من أنواع الطاقة، ثم يتناول القانون الأول للديناميكا الحرارية وهو قانون حفظ الطاقة وتطبيقاته الختلفة، كما يتناول طرق إنتقال الطاقة الحرارية بالحمل والتوصيل والإشعاع، والحرارة الكامنة والسعة الحرارية والشغل والحرارة في عمليات الديناميكا الحرارية.

بتناول الفصل الثامن عشر نظرية الحركة للغازات وطبقاً لهذه النظرية تتحرك جزيئات الغاز بشكل عشوائي وتتصادم ببعضها البعض وبجدار الوعاء الذي يحتويها وهذا الفصل يتناول النموذج الجزيئى للغاز المثالي، والحرارة النوعية المولية، والتجزؤ المساوى للطاقة، وقانون التوزع ليولتزمان، وتوزع السرعات الجزيئية، والمسار الحر المتوسط لجزيئات الغاز.

الفصل التاسع عبشر وهو الفصل الأخير من الجزء الأول من الكتاب يلقى الضوء على القانون الشائن الناساني للديناميكا الحرارية والأنتروبي والآلات الحرارية مثل آلة كارنو وآلتي الديزل والجازولين والثلاجات كما يومتاول تقير الانتروبي في العمليات المكوسة وغير العكوسة ويتناول تقير الانتروبي في العمليات غير المكوسة ويتناول تقير الانتراميكا الحرارية هو أن "مامة الألات الحرارية لا يمكن أن تصل إلى مائة في المائة، كما يبين أن الأنتروبي في الكون في زيادة "مـتمرة وهو ما يعني إزداد العشوائية بينما الطاقة في الكون ثابتة أي محفوظة طبقا للقانون الأول الامتامكا الحرارية.





Mechanics

الفصل الأول : الضيرياء والقياس

: الحركة في بعد واحد الفصل الثانى

> الفصل الثالث : المتحمات

: الحركة في بعدين الفصل الرابع

: قوانين الحركة

الفصل الخامس

: الحركة الدائرية وتطبيقات أخرى لقوانين نيوتن

الفصل السادس

: الشغل وطاقة الحركة

الفصل السابع الفصل الثامن

: طاقة الوضع وحفظ الطاقة

الفصل التاسع

: كمنة الحركة الخطية والتصادم : دوران الحسم الحاسئ حول محور ثابت

الفصل العاشر

الفصل الحادي عشر : الحركة التدحرجية وكمية الحركة الزاوية

الفصل الثاني عشر : الإتزان الإستاتيكي والرونة

الفصل الثالث عشر : الحركة الترددية

الفصل الرابع عشر : قانون الجاذبية

الفصل الخامس عشر: ميكانيكا الموائع



مورة محيرة

من آلاف السنين يمدنا دوران الأرض بالقياس الطبيعي للوقت. ولكن منذ سنة 1972 اضـــفنا والعنا المثر من 20 ثانية لكي نحفظ لهـا تزامنها مع الأرض. لماذا نحتاج لهـذا الضبطة وكم تأخذ ليكن مستواها حيدة

بتصریح من (Don Mason/ The Stock Market and NASA)

الفيزياءوالقياس Physics and Measurement ولفهن ولأول

ويتضمن هذا الفصل:

5.1 تحويل الوحدات Conversion of Units

6.1 الحسابات التقريبية

Estimates and Order- of- Magnitude
Calculations

7.1 الأرقام المعنوبة

ه رهام المعدوية

Significant Figures SF

1.1 معايير الطول، والكتلة والزمن

Standards of Length, Mass, and Time

2.1 بناء كتلة المادة

Building Blocks of Matter

Denisty كثافة 3.1

Dimensional Analysis تحليل الابعاد 4.1

الضرباء (الحزء الأول - المكانيكا والديناميكا الحرارية)

مثل جميع العلوم الأخرى، تعتمد الفيزياء على ملاحظات عملية وقياسات كمية. الهدف الرئيسي للفيزياء هو إيجاد عدد محدود من القوانين الأساسية التي تحكم الظواهر الطبيعية، نستخدمها لننمي نظريات يمكنها التنبؤ بنتائج التجارب المستقبلية. ونستخدم القوانين الرئيسية في تنمية نظريات توصف بلغة الرياضيات، وهي الوسائل التي تمدنا بما يربط بين النظري والعملي.

وعندما ينشأ تعارض بين النظري والعملي يجب أن تظهر نظريات جديدة لإزاحة هذا التعارض. وفي أوقات كثيرة تتحقق نظرية فقط تحت شروط محددة، وربما تحقق النظرية الأكثر شمولاً بدون مثل هذه الشروط، فمثلاً قوانين الحركة التي وضعها إسحق نيوتن Isaac Newton (1727 -1642) في القرن السابع عشر تصف بدقة حركة الأجسام التي تسير بسرعة عادية ولكن لاتنطبق على الأجسام التي تسير بسرعة قريبة من سرعة الضوء. وعلى العكس النظرية النسبية الخاصة والتي اكتشفت بواسطة البرت آينشتين Albert Einstein (1879-1875) في أوائل القرن التاسع عشر تعطى نفس النتائج مثل قوانين نيوتن عند السرعات المنخفضة ولكنها أيضاً صحيحة في وصف الحركة عند سرعات تقترب من سرعة الضوء. ومن ثم تكون نظرية آينشتين أكثر شمولاً لنظرية الحركة.

كل الفيزياء التي عرفت قبل 1900 تعرف بالفيزياء الكلاسيكية، وتشمل النظريات، والمبادئ، والقوانين والتجارب في الميكانيكا الكلاسيكية، والديناميكا الحرارية والكهرومغناطيسية.

وقد تمت أهم الاسهامات للفيزياء الكلاسيكية على بد نيوتن الذي طور المكانيكا الكلاسيكية لنظومة نظرية حيث كان واحداً من مؤسسى التضاضل والتكامل كطريقة رياضية. وتمت معظم التطورات في الميكانيكا في القرن الثامن عشر ولكن علم الديناميكا الحرارية والكهربية والمغناطيسية لم تَطور حتى النصف الثاني من القرن التاسع عشر لأنه قبل هذا الوقت كانت الأجهزة التي تتحكم في التحارب المعملية إما غير دقيقة أو غير مكتملة.

ظهرت الفيزياء الحديثة في نهاية القرن التاسع عشر وأهم تطور فيها كان في نظريات النسبية وميكانيكا الكم. أحدثت هاتان النظريتان تغيراً أساسياً في المفاهيم التقليدية للفضاء، والزمن والطاقة. ميكانيكا الكم، التي طبقت على الحالات الميكروسكوبية Microscopic والماكروسكوبية على الحالات قد تم صياعتها واسحلة على العلماء المتميزين لوصف الظواهر الفيزيائية على المستوى الذري،

يعمل العلماء بصفة مستمرة ضي تطوير فهمنا للظواهر والقوانين الأساسية كما تظهر اكتشافات جديدة في كل يوم. في كثير من مساحات البحث يوجد تداخل في تفاصيل كثيرة بين علم الفيزياء والكمياء والجيولوجيا والبيولوجي وأيضاً علم الهندسة، وبعض من التطورات الملحوظة: (1) العدد الهائل من البعثات إلى الفضاء وهبوط رواد الفضاء على القمر. (2) الكمبيوتر ذات السرعات العالية. 38) (3) تصور التقنيات معقدة وهي تستخدم في الأبحاث العلمية والطبية. إن أثر مثل هذه التطورات والاكتشافات على مجتمعنا عظيم وكثير، ومن حسن الحظ أن الاكتشافات المستقبلية وتنميتها سوف تكون محل إثارة وتحدى وفائدة عظيمة للبشرية.

1.1 حمايير الطول، والكتلة والزمن STANDARDS OF LENGTH, MASS AND TIME

القوانين الفيزيائية بمبر عنها بدلالة كميات أساسية تتطلبٌ تعريفا واضعا، ففي الميكانيكا الثلاث كميات الأساسية هي الطول (L) والكتلة (M) والزمن (T)، وكل الكميات الأخرى في الميكانيكا يمكن أن نعبر عنها بدلالة هذه الكميات الأساسية الثلاث.

إذا أردنا كتابة تقرير عن نتائج بعض القياسات لأحد الأشخاص يريد الحصول على هذه القياسات، يجب علينا أن نعرف المقياس المستخدم فلايوجد هناك معنى إذا كان هناك زائر من كوكب آخر يريد أن يتحدث إلينا عن طول 8 جليتشان (Glitches) إذا كنا لا نعلم معنى الوحدة جليتش، من ناحية أخرى إذا كان شخص على علم بنظام قياساتنا وقد قدر أن طول ارتفاع حائط هو 2 متر، ووحدة معيار الطول المستخدم هي واحد متر، فسوف نعلم أن ارتفاع الحائط هو ضعف وحدة الطول. وبالمثل إذا تحدثنا عن شخص كتلته 75 كيلو جرام وكان معيار الكتلة يعرف على أنه واحد كيلو جرام وكان معيار الكتلة يعرف على أنه واحد كيلو جرام، وعليه تكون كتلة الشخص 75 مرة مثل وحدة الكتلة. إي أن الاختيار لوحدة القياس يجب أن يعطي القياسات التي تؤخذ بواسطة أشخاص من أماكن مختلفة نفس النتيجة.

في عام 1960 وفي مؤتمر دولي أقرت مجموعة معايير للطول والكتلة وكميات أخرى أساسية.
"System عليه هو النظام المتري ويسمى نظام SI للوحدات. (SI تعني بالفرنسية "system" المناقبة المتي والنظام التري ويسمى نظام SI أقرت بواسطة المؤتمر، وثانية على
الترتيب Meter, Kilogram and Second . المايير الأخرى للنظام SI أقرت بواسطة المؤتمر هي درجة
الحرارة "كلفن" (The Kelvin) ، والتيار الكهربي Electric Current "مبير" (The Ampere")، وشدة
الإضاءة Amount of Substance "مول" (Candel") أصول" . وفي دراستنا للميكانيكا سوف نعني فقط بمعيار الطول، والكتلة والزمن.

الطول Length

في سنة 1120 ميلادية أصدر ملك انجلترا مرسوماً أن معيار الطول في هذا البلد يجب أن يسمى The Yard "الياردة" وكانت تساوي بدقة المسافة من حافة أنفه إلى نهاية ذراعة المشدود إلى الخارج. The Yard ويائثل كان أصل وحدة "القدم" The Foot كما حددها الفرنسيون هي طول القدم الملكي للملك لويس الرابع عشر. هذه الوحدة ظلت معمولا بها حتى عام 1799 عندما أصبح الميار الأساسي للطول هو المتروعرف بانه يساوي 1000000 / (جزء من عشرة مليون جزء) من المسافة بين خط الأستواء والقطب الشمائي على امتداد خط الطول المربعدينة باريس.

الضيرياء (الجزء الأول - الميكانيكا والديناميكا الحرارية)

وقد ظهرت على مر السنين نظم كثيرة آخرى لمعيار الطول، ولكن مميزات النظام الفرنسي جعلته مسيطر في معظم الدول وفي الدوائر العلمية أينما وجدت. وجديناً وفي عام 1960 غرف طول المتر على أنه المسافة بين عالامتين محضورتين عند نهايتي قضيب من سبيكة البالاتين والإيريديوم على أنه المسافة بين عالامتين معمولا به لعدة أسباب، ولكن السبب الرئيسي هو الدقة المحدودة للمسافة التي تفصل بين الخطين على القضيب التي يمكن قياسها لاتقابل التعلور المطلوب للعلم والتكنولوجيا، وفي الستينات والسبعينات من القرن العرب على أنه يساوي 1650763.763 قدر الطول الموجي للضوء البرتقالي- الأحمر الصادر من مصباح (Krypton-86). وفي عام 1893 أعيد تعريف المتر (m) على أنه المسافة التي يقطعها الضوء في الفراغ خلال فترة زمنية مقدارها 1972/1 ثانية، وبالتالي فإن هذا التعريف الأخير يقدر أن سرعة الضوء في الفراغ هي بالضبط 8/1 ثانية، وبالتالي فإن هذا التعريف المتروبية لمعض الأطوال المقاسة.

الجدول 1.1 القيم التقريبية لبعض الأطوال المقاسة

السافة

(m) الطهار (m)

(111)	
9 x 10 ²⁵	المسافة من الأرض إلى أبعد مجرة معروفة
2×10^{22}	المسافة من الأرض إلى أقرب مجرة معروفة
4 x 10 ¹⁶	المسافة من الشمس إلى أقرب نجم (بروكسيما سينتاوري)
	(Proxima Centauri)
9.46 x 10 ¹⁵	سنة ضوئية
1.50 x 10 ¹¹	متوسط نصف مدار الأرض حول الشمس
3.48×10^8	متوسط المسافة من الأرض إلى القمر
1.00×10^7	المسافة من خط الاستواء إلى القطب الشمالي
6.37×10^6	متوسط نصف قطر الأرض
9.1 x 10 ¹	طول ملعب كرة القدم
5 x 10 ⁻³	طول ذبابة المنزل
~10 ⁻⁴	حجم أصغر ذرة غبار
~10 ⁻⁵	حجم خلية معظم الكائنات الحية
~10-10	قطر ذرة الهيدروجين
~10-14	قطر نواة الذرة
~10 ⁻¹⁵	قطر البروتون

معيار الكتلة Mass

بعض الأحسام المختلفة

العيار الأساسي للكتلة هو كيلو جرام (The Kilogram (Kg ويعرف على أنه كتلة اسطوانة مصنوعة من سبيكة من البلاتين - والأيرديوم Platinum- Iridium محفوظة في المكتب الدولي للمقاييس والموازين في مدينة سقر sevres قرب باريس. هذا المعيار تم إعداده في عام 1887 ولم يتغير منذ هذا التاريخ لأن سبيكة بالاتين ايريديوم تكون عادة سبيكة مستقرة (الشكل 1.1) كما تحفظ نسخة من هذه السبيكة في: المعهد القومي للقياس والتكنولوجيا National Institute of Standards and Technology (NIST) في جيترسبرح بولاية ميرلاند.

حدول 2.1 كتل أحسام مختلفة (قيم تقريبية) (kg) austr 1

معيار الزمن Time
قبل عام 1960 كان معيار الزمن يعَّرف
عن طريق متوسط اليوم الشمسي لعام
1900 . متوسط الثانية الشمسية كان يعرف
على أنه $\left(\frac{1}{24}\right)\left(\frac{1}{60}\right)\left(\frac{1}{60}\right)$ من متوسط اليوم الشمسي. ومن المعروف الآن أن دوران الأرض
الشمسي، ومن المعروف الآن أن دوران الأرض
يتغير تغيراً بسيطاً مع الزمن ولذلك لاتكون
هذه الحركة جديرة لاستخدامها في تعريف
معيار الزمن.

الجدول 2.1 يعطى قيما تقريبية لكتل

(11g)	العنسار ا
~10 ⁵²	العالم المرئي Visible Universe
7×10^{41}	مجرة Milky Way Galaxy
1.99×10^{30}	الشمس Sun
5.98 x 10 ²⁴	الأرض Earth
7.36 x 10 ²²	القمر Moon
~10 ³	الحصان Hourse
~102	الانسان Human
~10-1	ضفدعة Frog
~10 ⁻⁵	بعوضة Mosquito
~10-15	البكتيريا Bactirium
1.67 x 10 ⁻²⁷	ذرة الهيدروجين Hydrogen Atom
9.11 x 10 ⁻³¹	الالكترون Electron

وبالتالي في سنة 1967 عُرفت الثانية بدقة متناهية عن طريق جهاز بعرف بالساعة -

الذرية (شكل 1.1b). وفي هذا الجهاز يمكن قياس الترددات المصاحبة لانتقالات ذرية معينة بدقة تصل إلى جزء من 10¹² جزء وهذا يعادل خطأ أقل من ثانية كل 30000 سنة. ولذلك في سنة 1967 أعيد وحدات SI للزمن، الثانية Second، على أساس التردد المهيز لذرات السيزيوم Cesium Atom كساعة عيارية". وحدة SI للزمن الثانية (S) تعرف على أنها تساوى 9192631770 مرة قدر الزمن الدوري لتذبذب إشعاع صادر من ذرة السيزيوم Cesium- 133. ولحفظ هذه الساعات الذرية وبالتالي كل الساعات الشائعة وساعات اليد وبقائها متزامنة أحياناً يجب أن نضيف بعض الثواني لساعاتنا تسمى الثواني المنطوطة leapseconds وهذه ليس بفكرة جديدة. ففي عام 49 ق.م أضاف يوليوس قيصر أياماً إضافية إلى التقويم أثناء السنة الكبيسة لكي تبدأ الفصول في نفس الميعاد من كل عام.

الصرباء (الحرء الأول - المكانيكا والديناميكا الحرارية)



الشكل 1.1 (الصورة العليا) الكيلوجرام المعياري القومي رقم 20. نسخة دقيقة من الكيلوجرام المعياري الدولي محفوظة في فرنسا، وضعت تحت ناقوس مزدوج في سرداب بالمركز القومي للمعايرة والتقنية (NIST).

(الصورة السفلي) الساعة الذرية الموجودة في NIST، هذا الجهاز يجعل الخطأ في الوقت بساوي جزء من مليون جزء من الثانية كل عام بتصريح من

(Courtesy of National Institute of Standards and Technology, U.S. Department of Commerce)



وبعد أن وضع أينشتين النظريتين النسبية العامة والنسبية الخاصة وأصبح القياس الدقيق للفترات الزمنية يتطلب أن نعرف كلا من حالة الحركة للساعة المستخدمة في فياس الفترة الزمنية وفي بعض الأحيان موضع الساعة أيضاً ، لهذا السبب فإن نظام الساعات الذرية المحمولة بالأقمار الصناعية حول العالم لتحديد المكان لن يستطيع تحديد موضعك بدقة كافية إذا كنت محتاج للمساعدة.

القيم التقريبية لبعض الفترات الزمنية موجودة في الجدول (3.1) بالإضافة إلى نظام الوحدات SI ما زال النظام البريطاني الهندسي British Engineering System (في بعض الأحيان يسمى النظام التقليدي) ومازال يُستخدم في الولايات المتحدة على الرغم من قبول النظام SI من باقي دول العالم. في هذا النظام وحدات الطول، والكتلة والزمن هي القدم (FOt (FT) والباوند والثانية على الترتيب. وفي هذا الكتاب سوف نستخدم وحدات النظام الانجليزي الهندسي استخداماً محدوداً في دراسة 42) الميكانيكا الكلاسبكية.

الجدول 3.1 القيم التقريبية لفترات الزمن

الفترة الزمنية بالثواني	<u> </u>
5 x 10 ¹⁷	عمر الكون
1.3 x 10 ¹⁷	عمر الأرض
6.3 x 10 ⁸	متوسط عمر الطالب الجامعي
3.16×10^7	سنة واحدة
8.46 x 10 ⁴	يوم واحد (زمن دورة واحدة للأرض حول محورها)
8 x 10 ⁻¹	الزمن بين ضربات القلب الطبيعية
~10-3	الزمن الدوري للموجات الصوتية المسموعة بوضوح
~10-6	الزمن الدوري لموجات الراديو
~10-13	الزمن الدوري لاهتزاز ذرة في الجوامد
~10-15	الزمن الدوري لموجات الضوء المرئي
~10-22	زمن التصادم النووي
~10-24	الزمن الذي يأخذه الضوء في عبور بروتون

الجدول 4.1 محددات (أجزاء) لوحدات الـ SI

القوة Power	الحددة Prefex	الرمز Abbreviation
10-24	Yocto	у
10-21	Zepto	z
10-18	Atto	H
10-15	Femto	f
10^{-12}	Pico	р
10 ⁻⁹	Nano	n
10-6	Micro	μ
10^{-3}	Milli	m
10 ⁻²	Centi	С
10-1	Deci	d
101	Deko	da
10^{3}	Kilo	k
10^{6}	Mega	M
109	Giga	G
1012	Tero	T
1015	Peto	P
1018	Exa	E
1021	Zetta	Z
1024	Yotta	Y

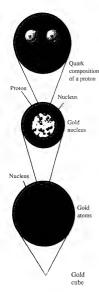
وبالإنسافية إلى وحدات SI والأساسية للمتر والكيلو جرام الأساسية للمتر والكيلو جرام وحدات أخرى مثل مليمتر ونانية كانت المنتخدات أخرى مثل مليمتر ونانية تشير إلى أس العدد عشرة والمضروبة في أصل الوحدة ومسورة المنتخدمة ومسورة المساوية في الميمتر (10 قمثلاً m 10 تمثل كيلو الميمتر (mm) و 10 تمثل كيلو متر (mm) و 10 تمثل كيلو متر (mm) متر (mm).

ا هو 10^3 هو 1Kg جـــرام (g) و 1 ميجافولت (MV) هو 10^6 فولت (V).

بناء كتلة المادة

THE BUILDING BLOCKS OF MATTER

مكعب من الذهب الصلب كتلته 1 كيلو جرام وطول ضلعه 3.73 cm. هذا المكعب لا يمثل شيئاً أكثر من أنه ذهب من الحدار للحدار بدون فراغ؟ إذا قُطع المكعب إلى نصفين تظل أ القطعتان محتفظتين بتركيبهما الكميائي كذهب في حالته الصلبة. ولكن ماذا يحدث لو قُسمت القطعتان مرة أخرى ثم مرة أخرى إلى مالانهاية؟ هل سوف تكون القطع الأصغر فالأصغر ذهباً دائماً؟ مثل هذه الأسئلة ترجع إلى فالسفة الإغريق الأوائل. اثنان من هؤلاء الفلاسفة Leucippus وتلميذه Democritus لم يقبلا فكرة أن يستمر مثل هذا التقسيم إلى مالانهاية. وقد فكروا أن مثل هذه العملية سوف تنتهى حتماً عندما بنتج جزءاً لايمكن تقطيعه، وتعنى كلمة Atoms بالأغريقي "Not Sliceable" (غير قابل للتقسيم). ومن هنا جاءت الكلمة الإنجليزية Atoms (ذرة). دعنا نجري مراجعة مختصرة عما بعرف عن تركيب المادة. تتكون حميع المواد العادية من ذرات، وكل ذرة تتكون من الكترونات تدور حول نواة مركزية، وبعد اكتشاف النواه في عام 1911 ظهور السؤال: هل لها تركيب؟ بمعنى هل النواة جزءاً واحد أم تجمع لجسيمات؟ مكونات النواة لا تزل غير معروفة بالكامل حتى يومنا هذا، ولكن في أوائل الشلاثينات 1930s وضع نموذج لنظرية ساعدتنا في فهم كيف تتصرف النواة. حدد العلماء أن النواة تحتوى بداخلها على مكونين أساسيين هما البروتونات والنيوترونات. و يحمل البروتون شحنات موجبة وأى عنصر خاص يميز بعدد البروتونات في النواة. وهذا العدد يسمى بالعدد الذري (Atomic Number) للعنصر . وعلى سبيل المثال نواة ذرة الهيدروجين تحتوى على بروتون واحد (ولذلك فإن العدد الذرى للهيدروجين 1)، ونواة ذرة الهيليوم تحتوى على بروتونين (العدد الذرى 2)، وتحتوى نواة ذرة اليورانيوم على 92 بروتون (العدد الذرى 92). وبالإضافة إلى العدد الذرى هناك عدد آخر يميـز الذرة وهو العدد الكتلى (Mass Number)، ويعرف على 44) أنه عدد البروتونات والنيوترونات في النواة. وسوف نرى أن العدد



الشكل 2.1 مستويات الهيئة في المادة. تتكون المادة الطبيعية من ذرات وفي مركز كل ذرة توجد نواة مدمجة تحتوى على بروتونات و نيت رونات، وتتكون البروتونات والنيئ يرونات من الكواركات "Quarks" مكونات الكورك في البروتون موضحة.

الذري للعنصر لايتغير مطلقاً (بمعنى أن عدد البروتونات لايتغير) ولكن عدد الكتلة يمكن أن يتغير (أي أن عدد النيوترونات يتغير). ذرتان أو أكثر لنفس العنصر تحتوي على أعداد كتلية مختلفة تكون نظائر لعضهما.

وجود النيوترونات تحقق بطريقة حاسمة في عام 1932 . ليس للنيوترون شحنة وله كتلة تعادل كتلة البروتون. وأحد فوائده الأساسية أنه يؤثر كمادة 'غروية' أي أنه يعمل على تماسك النواة مع بعضها . هإذا كانت النيوترونات غير موجودة في النواة، تتسبب قوة التنافر بين الشحنات الموجبة في أن تصبح النواة أحزاء منفصلة .

ولكن هل هذا هو السبب الوحيد في عدم الانهيار؟ معروف الآن أن البروتونات والنيوترونات تتكون من مجموعة من الجسيمات تصمى كوركات "Quarks" والتي ممجموعة من الجسيمات تصمى كوركات "Quarks" والتي عليات الأسماء أعلى "والتي "Bottom" وسيخس "mace" والكواركات الأعلى والقمة والسحر لها شحنة تساوي ((3/3 +) من شحنة البروتون بينما الكواركات أسفل وغريب وقاع لها شحنة (3/1-) من شحنة البروتون. ويتكون البروتون من الثين كوارك أعلى وكوارك أسفل واحد (الشكل 2.1) ويمكنك أن ترى بسهولة أن ذلك يعطي الشحنة المصحيحة للبروتون. وياتكون النيترون من الثين كوارك شمغ واحد كوارك أعلى ومجموعها يعطي شحنة للبروتون. وبالثلث يتكون النيترون من الثين كوارك أسفل وواحد كوارك أعلى ومجموعها يعطي شحنة قدرها صنور.

الكثافة DENSITY

من خصائص أي مادة كثافتها ρ (حرف جريكي ينطق رو ^{*} Roh) وتعرف على أنها كتلة ما تحتويه المادة في وحدة الحجوم، والذي يعبر عنه دائماً بالكتلة لوحدة الحجوم:

$$\rho = \frac{m}{V} \tag{1.1}$$

فمثلاً الألومنيوم له كثافة 2.70 g/cm³ والرصاص له كثافة 11.3 g/cm³ . ولذلك قطعة الألومنيوم ذات الحجم 10.0 cm³ لها كتلة 27.09 بينما الحجم المكافئ للرصاص يكون له كتلة 113g ويعطي الجدول 5.1 قيم للكثافة لمواد مختلفة.

والاختلاف بين كثاهة الألومنيوم والرصاص يرجع نتيجة لاختلاف كتلة الذرة Atomic Mass، في الجزئ، العدد الكتلي لمنصر هو متوسط كتلة درة واحدة في عينه من المنصر والتي تحتوي على جميع الجزئ، العدد الكتلي لمنصره مو متوسط كتلة درة واحدة في عينه من النصر، حيث الطبيعة، والوحدة للكتلة نظائر المنصر، حيث العددة الكتلة الدروة لل 1.05054022 من Atomic Mass Unit (U) - الكتلة الدروة هي وحدة الكتلة الدروة (U) 27.0 Kg، بينما نسبة الكتلة الدروة (U) 27.0 لا 27.0 V (1.03 والتأقض ناتج عن الاختلاف في المسافة الها تمثل نسبة الكتافات (1.4 (2.70 و/2.70 الكتلة الدروة الدروي المسافة المثل نسبة الكتافات (1.4 (2.70 و/2.70 الكتافض ناتج عن الاختلاف في المسافة بين الدرات والترتيب الدرى في التركيب البلوري Crystal لهاتين المادين.

الفيزياء (الجزء الأول - الميكانيكا والديناميكا الحرارية)

تقاس كتلة النواة بالنسبة إلى كتلة نواة نظير ذرة الكربون 12. وغالباً ما تكتب 1²C. (نظير الكربون هذا له ستة بروتونات وستة نيترونات، والنظائر الأخرى للكربون لها سنة بروتونات ولكن أعداد مختلفة من النيوترونات)، وعملياً معظم وزن الذرة ناتج من محتويات النواة، حيث أن العدد الكتلي لـ ¹²C يعرف على أنه 12U بالضبط، فإن كلاً من البروتون النيترون له كتلة حوالي 1U.

يعرف مول واحد (mol) من مادة على أنه كمية المادة التي تحتوي على عدد من الجسيمات (ذرات أو جزيئات أو جسيمات أخرى) مثل عدد الذرات الوجودة في 12g من نظير الكربون، 12، ويحتوي المول الواحد من المادة A على نفس عدد الجسيمات الموجودة في مول واحد من مادة أخرى B. وعلى سبيل المثال مول واحد من الألومنيوم يحتوي على نفس عدد الذرات الموجودة في مول واحد من الرصاص،

الجدول 5.1 كثافة مواد مختلفة

Denisty P (10 ³ Kg/ m ³) الكثاهة	Substance 5atti
19.3	ذهب
18.7	يورانيوم
11.3	رصاص
8.92	نحاس
7.86	حديد
2.7	ألومنيوم ماغنسيوم
1.75	ماغنسيوم
1.00	ماء
0.0012	هواء

وقد أوضحت التجارب أن هذا العدد، المعروف بعدد أهوجادرو $N_{A=}$ (Avogardro's Number و $N_{A=}$ (هو: $N_{A=}$ 6.022137x 10^{23} Particles/ mol

وعلى ذلك يعرف عدد أفوجادرو على أنه mol 1 من Carbon-12 له كتلة 12g بالضبط، وعموماً الكتلة للمناطقة 12g بالضبط، وعموماً الكتلة الموجودة في mol لأي عنصر هي الكتلة الذرية للعنصر معبراً عنها بالنجرام، وعلى سبيل المثالة المالة Molar Mass وينقبل وزنقبل لوزنة المؤلى 55.85g (ونقبة المؤلى 55.85g/mol molar هو 55.85g/mol) له كتلة و207 (وزنة المؤلى molar هو 2070 (وزنة المؤلى 2070 (وزنة المؤلى 2070 (عودة الكتلية كل ذرة mol من الرصاص (العدد 2071) له كتلة و207 (وزنة المؤلى 2078 معراص عنصر، تكون الكتلة لكل ذرة للنصر هي:

كتة الدرة
$$m_{atom} = \frac{\text{molar mass}}{N}$$
 (2.1)

الفصل الأول: الفيزياء والقياس

وعلى سبيل المثال كتلة ذرة الحديد هي:

$$m_{\text{Fe}} = \frac{55.85 \text{ g/mol}}{6.02 \times 10^{23} \text{ atoms/mol}} = 9.28 \times 10^{23} \text{ g/atom}$$

مثال 1.1 كم عدد الذرات في المكعب

مكعب صلب من الألومنيوم (كثافته 2.7g/ cm³) له حجم 0.20 cm³. كم ذرة ألومنيوم يحتويها المكعب؟

الحل: حيث إن الكثافة تساوي الكتلة لكل وحدة حجوم، إذن كتلة المكعب هي:

$$m {=}\; \rho V {=}\; (2.7g/\;cm^3)\; (0.20\;cm^3) {=}\; 0.54g$$

لكي نجد عدد الذرات N في هذه الكتلة من الألومنيوم يمكن أن نستخدم التناسب باستخدام حقيقة أن واحد مول من الألومنيوم (27g) يحتوى على atoms أ6.02 تفاصر.

$$\frac{N_A}{27 \text{ g}} = \frac{N}{0.54 \text{ g}}$$

$$\frac{6.02 \times 10^{22} \text{ atoms}}{27 \text{ g}} = \frac{N}{0.54 \text{ g}}$$

$$N = \frac{(0.54 \text{ g})(6.02 \times 10^{23} \text{ atoms})}{27 \text{ g}} = 1.2 \times 10^{22} \text{ atoms}$$

اللبعاد DIMENSIONAL ANALYSIS

كلمة البعد Dimension لها معنى خاص في الفيزياء. أنها تدل دائماً على طبيعة الكميات. وعلى الرغم من أن المسافة تقاس بوحدة الطول "القدم" ووحدة الطول "المتر" إلا أنها نظل مسافة. ونقول البعد- الطبيعة الفيزيائية- للمسافة هو الطول.

والرموز التي سوف نستخدمها في هذا الكتاب الأبعاد الطول، والكتلة والزمن L و M، و T على الترتيب، وسوف نستخدم غالباً الأقواس [] لنعير عن أبعاد كمية فيزيائية فمثلاً الرمز الذي الترتيب، وسوف نستخدم غالباً الأقواس [] لنعير عن أبعاد السرعة نكتب LT [V]. وكمثال آخر أبعاد السرعة والتي نستخدم لها الرمز LT هو LT هو LT أبعاد الساحة، والحجم، والسرعة، والعجلة مدونة في الجدول LT.

وفي حل مسائل الفيزياء، توجد طريقة مفيدة وقوية تسمى التحليل البعدي. هذه الطريقة، والتي يجب أن تُستخدم دائماً، سوف تساعد في تقليل الاحتياج لحفظ المدادلات التحليل البعدي يجعلنا نستخدم الحقيقة التي تقول أن الأبعاد يمكن معالجتها مثل الكميات الجبرية. بمعنى أنه يمكن فقط إضافة أو طرح كميات إذا كانت لها نفس الأبعاد. علاوة على ذلك جمع الحدود على كلا الطرفين يجب (47

الفيزياء (الحزء الأول - المكانيكا والديناميكا الحرارية)

. يَكُونَ عَمَا نَفْسِ الْأَبِعَادِ، وبمِتَابِعَة هذه القواعد البسيطة، يمكنك استخدام التحليل البعدي للمساعدة ه. التعبيرات تكون صحيحة. ويمكن للعلاقات أن تكون صحيحة فقط إذا كانت الأبعاد. وسيده على جانبي المعادلة.

الجدول 6.1 أبعاد ووحدات شائعة للمسافة، والحجم والسرعة والتسارع (العجلة)

System	Area (L ²)	Volume (L ³)	Speed (L/Y)	Acceleration (L/Y ²)
SI	m ²	m ³	m/s	m/s ²
British engineering	ft ²	ft ³	ft/s	ft/s ²

ولتوضيح هذه الطريقة، افرض أنك ترغب في اشتقاق صيغة للمسافة، تقطعها سيارة في زمن اإذا بدأت السيارة من السكون وتحركت بتسارع ثابت a . وسوف نجد في الفصل الثاني أن التعبير الصحيح هو $x = \frac{1}{2}at^2$ والآن سوف نستخدم تحليل الأبعاد لاختيار صحة هذا التعبير، الكمية x في الطرف الآيسر لها بعد طولي. ولكي تكون المعادلة صحيحة الأبعاد يجب أن تكون الكمية في الطرف الأيمن لها بعد الطول أيضاً. ويمكننا أن نعيد اختيار الأبعاد بواسطة تعويض الأبعاد للتسارع، L/T²، والزمن T في المعادلة بمعنى أن تكون الأبعاد للمعادلة $x = \frac{1}{2}at^2$ هي:

$$L = \frac{L}{T^2} \mathcal{P}^2 = L$$

وحدات الزمن المربعة تشطب كما هو مبين وتترك وحدات الطول.

وبطريقة عامة أكثر عموماً يستخدم تحليل الأبعاد لتحقيق تعبير على الشكل

$$x \propto a^n t^m$$

حيث m و m أسس بحب تعيينها والرمز ∝ برمز إلى النتاسب وتكون العلاقة صحيحة فقط إذا كانت أبعاد كبلا الجانبين واحدة. وحيث أن وحدات الطرف الأيسر هي طول، يجب أن تكون وحدات الطرف الأيمن هي الطول أيضا أي أن:

$$[a^n t^m] = L = LT^0$$

وحيث إن أبعاد التسارع هي
$$T^2$$
 يعد الزمن هو T نحصل على:
$$\left(\frac{L}{T^2}\right)^n T^m = L^1$$

$$L^n \, T^{m \cdot 2n} = L^1$$

وحيث إن الأسس L و T يجب أن تكون واحدة في كلا الجانبين فسوف تتزن معادلة الأبعاد تحت $.x \propto at^2$ و .m=1 و .m=1 و .m=2 و بالرجوع إلى التعبير الأساسي .m=1 نصل إلى .m=2 الشرط .m=1هذه النتيجة تختلف بقيمة 2 عن التعبير الصحيح، والذي يكون $x=\frac{1}{2}at^2$ ليس له 48) وحدات، ليس هناك طريق لتعيينه باستخدام التحليل البعدى.

ا. ا تساول سريع

صح أم خطأ: ان تحليل الأبعاد يمكن أن يعطيك القييمة العددية لثوابت النتاسب والتي ربما تظهر في تعبير جبري.

مثال 2.1 تحليل معادلة:

بن أن التعبير v= at صحيح بُعدياً، حيث v تمثل السرعة و a التسارع وt الفترة الزمنية.

$$[v] = \frac{L}{T}$$

ونفس الجدول يعطينا L/T² لأبعاد التسارع ولهذا فإن أبعاد at هي:

$$[at] = \left(\frac{L}{T^2}\right)(T) = \frac{L}{T}$$

ولهذا فإن العلاقة صعيحة (إذا أعطى التعبير على الصورة v= at² يكون بعدياً غير صحيح حاول ولاحظ ذلك).

مثال 3.1 تحليل قانون الأسس

افرض أننا أخبرنا أن التسارع a لجسيم يتحرك بسرعة منتظمة v في دائرة نصف قطرها r تتناسب مع r مرفوعة لأس ما وليكن r وv مرفوعة لأس ما ويمكن v. كيف نستطيع تمين قيمة r و r الحل r دعنا ناخذ r لتكن

حيث k ثابت لاأبعاد له . وبمعرفة أبعاد a ، و r ، و v نرى أن معادلة الأبعاد يجب أن تكون $L/T^2 = L^n(L/T)^m = L^{n+m}/T^m$

تتزن هذه العادلة تحت هذه الشروط:

$$n + m = 1$$
 g $m = 2$

ولذلك n--n ويمكن كتابة تعبير التسارع كما يلي:

$$a = kr^{-1}v^2 = k\frac{v^2}{}$$

وعندما نناقش آجلاً الحركة الدائرية المنتظّمة سوف نرى أن |x-1| إذا استخدمت مجموعة وحدات مناسبة . والثابت |x-1| قد لايساوي |x-1| إذا كانت |x-1| على سبيل المثال بوحدات |x-1| بينما أنك تريد |x-1| ببرحداث |x-1|.

الفيزياء (الجزء الأول - الميكانيكا والديناميكا الحرارية)

5.1 ح تحويل الوحدات CONVERSION OF UNITS

من الضروري في بعض الأحيان أن نحول الوحدات من نظام إلى آخر. عامل التحويل بين نظام وحدات SI والوحدات المتعارف عليها للطول هي كما يلي:

$$1m = 39.37in. = 3.281 \text{ ft}$$
 $1in. = 0.0254m = 2.54cm \text{ (exactly)}$

ومعظم عوامل التحليل يمكن أن تجدها في اللحق A ، يمكن معاملة الوحدات مثل الكميات الجبرية والتي يمكنهـا أن تلغي بعضـهـا الآخـر ، وعلى سـبـيل المثـال، افـرض أننا نريد تحــويل I5.0 in إلى السنتيمترات ، وحدث إن Ii (ربوصة) بعرف على أنه 2.54 cm بالضبط، ونحد أن:

وهذا صحيح حيث إن الضرب في <u>2.54 cm)</u> هو مثل الضرب في 1، حيث أن البسط والمقام يصفان أشياءاً متماثلة.

تجربة سريعة:

قدر وزن إنائين كبيرين من المياه الغازية بالباوند . لاحظ أن 1L من الماء له كتله حوالي . 1Kg . استخدم الحقيقة أن جسم كتلته 2.2 له كتلة 1Kg . اوجد بعض قراءات ميزان . الحمام ثم افحص تقديرك .

مثال 4.1 كثافة مكعب:

كتلة مكعب صلب مو g 856 وكل ضلع (حافة) له طول 5.32 cm يين الكثافة p للمكعب بوحدات نظام SI.

الحل: حيث أن Ig= 10-3 Kg و Ig= 10-2m ، الكتلة m والحجم V بوحدات النظام SI يكون:

$$V = L^3 = (5.35 \text{cm} \times 10^{-2} \text{ m/cm})^3$$

$$= (5.35)^3 \times 10^{-6} \text{m}^3 = 1.53 \times 10^{-4} \text{ m}^3$$

ولذلك،

$$\rho = \frac{m}{V} = \frac{0.856 \text{ kg}}{1.53 \times 10^{-4} \text{m}^3} = 5.59 \times 10^3 \text{kg/m}^3$$

6.1 _ الحسابات التقريبية

ESTIMATES AND ORDER- OF- MAGNITUDE CALCULATIONS

إنه من المفيد غالباً أن نحسب إجابات تقريبية للمسائل الفيزيائية عندما تتوفر فقط معلومات وليه من المفيد غالباً أن نحسب إجابات تقريبية للمسائل الفيزيات دفيقة ضرورية . تعتمد التقريبات غالباً على فروض معينة ، والتي يجب تطويرها كلما تحتاج إلى دفة أكبر . ولذلك سوف نشير أحياناً إلى رتبة المقدار لكمية معينة أس الرقم 10 (Power of Ten) من الرقم الذي يصف الكمية . وكمثال إذا قلنا أن الكمية تزيد في القيمة بثلاث رتب للمقدار (Three order of magnitude)، هذا يعني أن قيمتها تزداد بالمعامل 2000 أ-13 . وإيضاً إذا أعطيت كمية 201 x 3، نقول أن رتبة المقدار لتلك الكمية هي 107 ولمريقة أبسطة 103 - 20 . ويلاثل الكمية هي 20 - 20 x 8 . قدل أن حكمية الكمية على المؤلفة المحكونة أبسطة 100 - 20 x 8 . قدل أن رتبة المقدار لتلك الكمية هي المؤلفة 10 x 3 x 8 . قدل أن حكمية هي المؤلفة 10 x 3 x 8 . قدل أن حكمية الكمية هي المؤلفة 10 x 3 x 8 . قدل أن حكمية الكمية 100 x 8 x 8 كمية المؤلفة 10 x 8 x 8 كمية المؤلفة 10 x 8 x 8 كمية 10 x 8 x 8 كمية 10 كمية 10

مثال 5.1 تقدير عدد الاستنشاقات طوال العمر

قدر عدد مرات التنفس التي يتنفسها شخص مدة حياته على الأرض.

الحل، سوف نبدأ بتخمين أن عمر الأنسان على الأرض هو 70 عاماً، والتقدير الآخر هو عدد مرات التخاس في هو مُثار، نائم، التنفس في الدوقيقة الواحدة، هذا العدد يختلف معتمداً على حالة الشخص هل هو مُثار، نائم، غاضب، هادئ، لكي نصل لأقرب قيمة تقريبية، سوف نختار 10 مرات تنفس كل دقيقة كتقدير للمتوسط (وهذا أقرب للحقيقة من نفس واحد في الدقيقة أو مائة أنفاس في الدقيقة) عدد الدقائق في السنة تكون بالتقريب

$$1 \text{ yr} \times 400 \frac{\text{days}}{\text{yr}} \times 25 \frac{\text{dr}}{\text{day}} \times 60 \frac{\text{min}}{\text{dr}} = 6 \times 10^5 \text{min}$$

لاحظ أنه لأكثر سهولة نضرب 25 \times 400 بدلاً من الضرب هي القيم الدقيقة 24 \times 365. هذه القيم النقريبية نعدد الآيام هي السنة وعدد الساعات هي اليوم قريبة قرياً كاهياً من أجل غرضنا. ولذلك هي 70 سنة سوف يكون \times 4 \times 107 min (70 yr) (6 \times 105 min) كل انفساس كل دقيقة يعمل الشخص 4 \times 4 \times 4 \times 108 مرات تنفس هي حياته .

مثال 6.1

قدر عدد الخطوات التي يأخذها شخص مرتجل من نيويورك إلى لوس أنجلوس.

ا**لُحل**: دون النظر إلى المسافة بين هاتين المدينتين لعلك تتذكر من دروس الجغرافيا أنها حوالي 3000 mi والتقريب التالي الذي يجب أن نقوم به هو طول الخطوة، وبالتأكيد يعتمد هذا الطول على الشخص الذي يقوم بالمشي ولكننا نقدر تلك الخطوة حوالي £ 2 . وبهذا التقدير بمكننا تعيين عدد (

الضيزياء (الجزء الأول - الميكانيكا والديناميكا الحرارية)

الخطوات في 1mi ، وحيث أن هذا حساب تقريبي . نحول 5280 ft/ mi إلى 5000 ft/ mi . (كم تكون نسبة الخطأ الذي يدخله هذا التحويل؟) هذا التحويل يعطينا:

 $\frac{5\ 000\ \text{ft/mi}}{}$ = 2 500 steps/mi

والآن نرغب في رموز علمية لكي نستطيع عمل الحسابات ذهنياً:

 $(3 \times 10^3 \text{ m/s})(2.5 \times 10^3 \text{ steps/ m/s}) = 7.5 \times 10^6 \text{ steps}$

~ 107 steps

ولذلك إذا أردنا أن نمشى عبر الولايات المتحدة، سوف نأخذ في حدود عشرة مليون خطوة. هذا التقدير بكون أصغر من الحقيقة حيث إننا لم نأ الحسبان إنحناء الطرق وصعود وهبوط الجيال، ومما لاشك فيه أنه من المحتمل أن تكون اليه في حدود الإجابة الصحيحة.

ما مقدار الجازولين الذي نستخدمه؟ مثال 7.1

قدر عدد الجالونات التي تستخدم كل عام بواسطة جميع السيارات في الولايات المتحدة.

الحل: يوجد حوالي 270 مليون شخص في الولايات المتحدة ولذلك نقدر عدد السيارات بحوالي 100 مليون (نخمن أنه يوجد سيارة لكل شخصين أو ثلاثة أشخاص). ونقدر أيضاً أن متوسط المسافة التي تسيرها كل سيارة كل عام هو mi/ gal ، وإذا فرضنا أن استهلاك الجازولين هو 20 mi/ gal أو 0.05 gal/ mi . ولذلك فإن كل سيارة تستهلك yr وبضرب هذا في العدد الكلي للسيارات في الولايات المتحدة يعطى تقدير للاستهلاك الكلي gal~ 1011 gal 5 x 1010

7.1 الأرقام العنونة SIGNIFICANT FIGURES SF

عند قياس كميات فيزيائية فإن القيم المقاسة تكون معلومة في حدود تجريبية غير مؤكدة. مقدار عدم الدقة يعتمد على عدة عوامل مثل جودة الجهاز، مهارة الباحث وعدد القياسات التي تم تسجيلها.

افترض ان المطلوب قياس مساحة لاصقة قرص الكمبيوتر باستخدام مسطرة مترية. دعنا نفترض أن الدقة في القياس باستخدام المسطرة هي 0.1 cm ±. إذا كان طول اللاصفة هو 5.5 cm فإنه يمكن القول أن طولها يقع بين 5.6 cm, 5.4 cm . في هذه الحالة نقول أن القيمة المقاسة لها رقمين معنويين (أي لها اثنين SF). بالمثل إذا كان عرض اللاصقة المقاس هو 6.4 cm، فإن القيمة الحقيقية تقع بين . 6.5 cm. 6.3 cm

وهكذا يمكننا كتابة القيم المقاسبة في الصبورة cm (5.5 ± 0.1) و 6.4 ± 0.1) الآن افترض 52) أن المطلوب أيجاد مساحة اللاصفة بضرب القيمتين المقاستين. إذا افترضنا أن المساحة '6.4 cm) (6.4 cm) (5.5 m) (6.4 cm) فإن اجابتنا ينقصها الدقة لأن الاجابة تحتوي على ثلاث أرقام معنوية SI) وهي أكبر من عدد الأرقام المعنوية SF هي أي من الاطوال المقاسة، يمكن ذكر قاعدة لتحديد عدد الأرقام المنوبة:

عند ضرب عدة كميات في بعضها فإن عدد الأرقام المعنوية SF في النتيجة النهائية يجب أن يساوي تماماً عدد 'F 'S الأرقام المنوية لأقل فيمة مضبوطة في الكميات المضروبة، حيث أقل قبمة مضبوطة تعنى أقل عدد من SF. كذلك تطبق نفس القاعدة في حالة القسمة أيضاً.

عند تطبيق هذه القاعدة على المثال السابق فإن الساحة يجب أن تشمل على رقمين معنويين لأن الأطوال القاسة لها فقد مل وقمين معنويين. كل ما يمكننا قوله أن المساحة هي 35 cm^2 وتقع بين $(5.6 \text{ cm}) = 36 \text{ cm}^2$ وتقع بين $(5.6 \text{ cm}) = 36 \text{ cm}^2$ و

قد تكون الأصفار أرقام معنوية أو لاتكون، الأصفار التي تستخدم لتحديد موضع العلامة العشرية في مثل هذين الرقمين 0.0075, 0.0075 ليست أرقام معنوية. وهكذا يوحد رقم معنوي واحد ورقمين معنويين على التوالي في القيمتين السابقتين، مع ذلك عندما تأتي الأصفار بعد أرقام آخرى هنا حالت التباس في التفسير، على سبيل للثال، افرض أن كتلة جسيم ما هي 0.0075, هذه القيمة غامض الاتعرف، ما إذا كا الصفران الاخيران يستخدمان لتحديد موضع العلامة العشرية أم أنهما لاتعرف، معنوية في القياسات، لازالة هذا الغموض من الأفضل استخدام الرمز العلمي لتوضيح عبد أرقام معنوية. في هذه الحالة يجب كتابة الكتلة و 0.001 إذا كان هناك رقمين معنويين في القيمة المقاسة و و 0.001 إذا كان يوجد شارث أوقام معنوية و و 0.001 (اربعة أرقام معنوية نفس القاعدة تتحقق عندما تكون القيمة أقل من أ مثل 0.001 لا 0.002 (اويمكنا كتابة بصورة عامة الرقم المنوية و مورقم المرقم المؤم المنوية و و مدنوية المقاسة و و مدنوية المؤملة المؤملة

في الجمع والطرح يجب الأخذ في الاعتبار عدد اماكن الأرقام العشرية عند تحديد عدد الأرقام المعنوية.

عند اضافة أو طرح أعداد، يكنون عدد مواضع الأرقام العشرية في النتيجة النهائية يساوي أقل عدد من مواضع الأرقام العشرية في أي حد من المجموع على سبيل المثال إذا اردنا حساب 5.35 فيار الاجابة التي تعطي العدد الصحيح من الرقم المعنوي هو 128 وليس 128.35. عند حساب 1.0004 اليساوي 1.0004 القيمة النهائية بها خمسة أرقام معنوية حتى وإن كان أحد حدود المجموع هو 0.003 والدني له رقم معنوي واحد. بالمثل عند إجراء عملية الطرح 0.004 -0.004 التنيجة النهائية لها رقم معنوي واحد حتى وإن كان أحد الحدود له ثلاث أرقام معنوية والآخر أربعة أرقام معنوية. ولكن عند عمل تقديرات سنكتفي يرقم معنوي واحد.

ا تساول سريع

افترض أنك تقوم بقياس موضع كرسي بمسطرة مترية وسجلت أن مركز المُعد يقع على بعد 1.043 860 564 2 m الحائمك. ماذا يستنتج القارئ من هذا القياس.

مثال 8.1 مساحة المستطيل:

شريحة مستطيلة الشكل طولها (20.0 ± 0.1) وعرضها (9.8 ± 0.1) احسب مساحة الشريحة ومقدار اللايقين هي المساحة المقاسة .

$$\ell w = (21.3 \pm 0.2 \,\mathrm{cm}) \times (9.80 \pm 0.1 \,\mathrm{cm})$$
 الحل: الساحة

$$\approx (21.3 \times 9.80 \pm 21.3 \times 0.1 \pm 0.2 \times 9.80) \text{ cm}^2$$

$$\approx (209 \pm 4) \text{ cm}^2$$

حيث إن الطول أو العرض له ثلاث أرقام معنوية فإنه لايمكن إضافة أي أرقام في القيمة النهائية (لها ثلاث أرقام معنوية). هل ترى لماذا لاتحتاج إلى ضرب قيمتا اللايقين 2.2 cm و 0.1 cm ؟

مثال 9.1 فرش سجادة

عند فرش سجادة في غرفة طولها هو m 12.71 وعرضها 3.46 m احسب مساحة الغرفة.

الحل؛ إذا تم ضرب $12.71 \, \mathrm{m}$ في $12.71 \, \mathrm{m}$ بالآلة الحاسبة سنحصل على الاجابة $12.71 \, \mathrm{m}$ من هذه الأعداد سوف نحافظ عليها . فاعدة الضرب تنص على البقاء على $18 \, \mathrm{V}$ لأقل قيمة دقيقة من القيم المقاسة . في هذا المثال هي ثلاث أرقام معنوية وبالتالي تكون المساحة هي $14.0 \, \mathrm{m}^2$

لاحظ أنه عند اختزال الرقم 43.9766 إلى ثلاث أرقام معنوية في اجابتنا استخدمنا قاعدة تقريب الارقطام والتي تنص على أن العدد العشري الاخير يبقى عليه (9 في هذا المثال) ويزداد با 1 عند المشري الأول (هنا 7) وذلك عندما يكون 5 أو أكبر، لتجنب تراكم الخطا، يجب تأجيل معلمية التقريب في العمليات الحسابية الطويلة حتى نحصل على النتيجة النهائية. انتظر حتى تكون مستعداً لكتابة الإجابة من الآلة الحاصبة الشخصية قبل التقريب إلى العدد الصحيح من الأرقام المنوبة.

ملخص SUMMARY

الشلاث كميات الفيزيائية الأساسية في المكانيكا هي الطول والكتلة والزمن وهي التي تكون لها وحدات المتر (m) والكيلوجرام (Kg) والثانية (S) على الترتيب وذلك في النظام SI، وتُعرف كثافة المواد على أنها كتلتها لكل وحدة حجوم، والمواد المختلفة لها كثافات مختلفة بسبب اختلافها في العدد الكتلي

الفصل الأول: الفيزياء والقياس

عدد الجسيمات في الوزن الجزيئي الجرامي لأي عنصبر أو مركب تسمى عدد آهوجادرو Avogadrro's Number N_a ويساوي 2013 .

طريقة تحليل الأبعاد هي طريقة جيدة جداً هي حل المسائل الفيزيائية . ويمكن أن تُعامل على أنها كميات جبرية . وبعمل تقدير وعمل حدود تقريبية للحسابات، تكون قادراً على تقريب حل المسائل عندما لاتوجد معلومات كافية .

أسئلة QUESTIONS

- في هذا الباب وصفنا كيف استخدم دوران الأرض حول محورها لتعريف قياس وحدة الزمن. ما
 هي الظواهر الطبيعية الآخرى التي يمكن أن تستخدم كقياس زمن اختياري؟
- [2] افرض أن الثلاث معايير الأساسية للنظام المتري كانت الطول، الكثافة، والزمن بدلاً من الطول، والكثلة والزمن معيار الكثافة في هذا النظام يُعرف منسويا للماء. ما هي الاعتبارات حول الماء التي ربما نحتاجها لتكون متاكداً أن معيار الكثافة دفيقاً كلما أمكن؟
- تعرف اليد على أنها 4 بوصة، ويعرف القدم على أنه 12 بوصة، لماذا تكون اليد أقل قبولاً كوحدة عن القدم؟
 - [4] عبر عن الكميات التالية مستخدماً المحددات المعطاة في الجدول 1.4:
 - $.72 \times 10^{2} \text{ g (c)}$ $.5 \times 10^{-5} \text{ s (b)}$ $.3 \times 10^{-4} \text{ m (a)}$
- افرض أن الكميتين A و B لهما وحدات مختلفة. اذكر أياً من العمليات الحسابية التالية تكون لها
 معنى فيزيائي: A-B (d) B-A (c) A/B (b) A+B (a)
 - 6 ما مقدار مستوى الدقة الذي يتضمن الحساب باستخدام رتبة المقدار؟
- 7 هل حسبت بالتقريب رتبة المقدار لجميع الأوضاع اليومية التي ريما تقابلك. فعلى سبيل المثال، كم من المسافات تمشيها أو تقودها كل يوم؟
 - 8 قدر عمرك بالثواني.
 - 9 قدر كتلة هذا الكتاب بالكيلو جرام. إذا كان لديك ميزان، افحص تقديرك.

الفيزياء (الجزء الأول - اليكانيكا والديناميكا الحرارية)

PROBL	eims	訓訓.	995

- 1، 2، 3 = مسائل مباشرة، متوسطة، تحدى = الحل كامل متاح في المرشد.
 - http://www.sanunderscollege.com/physics/ = الحل موجود في: | WEB
 - = الحاسب الآلي مفيد في حل المسائل = فيزياء تفاعلية
 - = أزواج رقمية/ باستخدام الرموز

القسم 3.1 الكثافة

- 1 الكيلو جـرام العـيـاري هو اسطوانة من
 الإيريديوم- البــالاتين طولهــا 39.0 mm
 وقطرها 39.0 mm
 ما هي كثافة مادتها؟
- متلة كوكب 5.64 x $10^{26}~{\rm Kg}$ ونصيف قطره ~ 2 متلة كوكب 6.0 . $10^7~{\rm m}$
- \mathbf{c} ما هي د $^{-}$ التحاس مقدرة بالجرامات وللطلوب لعمل إسطوانة مجوفة قطرها الداخلي 5.75 وقطرها الخارجي 5.75 cm $^{\circ}$ د التحاس هي $^{\circ}$ 8.92 $^{\circ}$ $^{\circ}$ $^{\circ}$ 8.92 $^{\circ}$ $^{\circ}$ 8.92 $^{\circ}$ $^{\circ}$
- 4 ما هي كتلة مادة كثافتها ρ تستخدم لعمل r_1 اسطوانة مجوفة نصف قطرها الداخلي q_2
- 5 قطعت كرتان من صخرة معينة منتظمة. نصف قطر احداهما 4.50 cm وكتلة الأخرى تساوي خمسة أضعاف الأولى. أوجد نصف قطرها.
- 6 في يوم الزفاف أهدى الزوج لزوجته دبلة ذهبية كتلتها g 3.80 وبعد خمسين عاماً من الزواج أصبحت كتلة الدبلة g 3.30. كم ذرة في المتوسط كُشطت كل ثانيـة من الدبلة خلال عمر زواجهما. كتلة المول , للذهب هي 197 g/mol.

- 7 فُـــحص مكعب من الحـــديد تحت مكروسكوب مجهري إذا كان طول حافتة ميكروسكوب مجهري إذا كان طول حافتة (5.00 x 10⁶ cm الحــيد في المكــعب. كتلة المول للحـديد ا 55.9 g/ma و 55.9 وكشافته 7.86 g/cm³
- 8 دعـامة بناء من الصلب منظر مـقطعـهـا المستعـرف على شكل حـرف 1 وأبعـادهـا موضحة في الشكل 1.87. (a) ما هي كتلة مقطع طوله 0.87. (b) 0.87. موجـودة في هنا اللقطع. مع العلم أن كثافة الصلب 0.87. 0.87. 0.87.



القسم 4.1:

 9 - إزاحة جسيم يتحرك تحت تأثير عجلة منتظمة تكون دالة في الزمن المستغرق والتسارع، افرض أننا كتبنا هذه الأزاحة

على المسورة "S= Ka" بين بطريقية السعلين واليس له وحدات، بين بطريقية السعلين البصري أن هذه المسورة صحيحة إذا كائت المسري أن هذه الطريق. به تمطي لهذه الطريق. به تمطي لهنة X.

10- الزمن الدوري للبندول البسيط أأية عمر بوحدات الزمن ويوصف بالعلاقة التالية:

$$T = 2\pi \sqrt{\frac{\ell}{\varrho}}$$

حيث هو ملول البندول و g هي تمد ارع السقوط الحر وأبعادها هي أبه اد الطول مقسومة على مربع بغد الزمن، بين أن هذه المعادلة صحيحة بعدياً.

أي من المعادلات التائية صحيحة بعدياً 3 –11
 (1) التائية صحيحة بعدياً 5 –11

(b) y= (2m) cos (kx), where k=2m⁻¹
 قانون الجذب العام لنيونن يمثل بالخلاف

$F = \frac{GMm}{r^2}$

حيث F هي قاوة الجندب و Mic 2015 و r المسافة بينهاما، القوة B لما و 2015 Kg m/s² SI، منا هي وحددات: Ni C و را التناسب SG

القسم 5.1:

13 - قطعة أرض بنياء مستخيفة أأثب هن 13 أرض بنياء مستخيفة أأثب هن 150 أرض بوحدة 102 أرض بوحد 102 أرض بوحدة 102 أرض بوحدة 102 أرض بوحد 102 أرض بوحد 102 أر

14- كتلة الشمس Kg ال × 10³⁰ و 10³⁰ و الإدارة كتاب الشعور هي الهيدروچين التي تتكون منها الشعور هي 1.67x 10⁻²⁷ لقريباً . كم ذرة سور، ودة الشمس؟

جالون من زيت الطلاء (حجمت 3.78. المالون من زيت الطلاء (حجمت 3.78. دم 10^{-3} m 3

يكون سمك أنطا . - دائصة

لالله - الفرض أن 70% - الع الأوطاء بدال للي الماء بمتوسط عال أن أن الله على الأوض بالكياو جرام.

47 الفرض أن يهذا يه ش دانفه الأنول بوم يهم تمثل كشاه أن در الولد عصف قطر كرة الأنوسيوم التي اناره م كرة من لحسيميا فتصف فنارسا يها على ذراح ميزان.

القسم 6.1:

18- إذا قد عم إليات الدواء إذا تأسب المدون ولار إذا أسادت الإداري الدون عادهم يشرط أن يكون الروق من قالة دولار والداء مل تقبل هذا الدوني؟ قاد عن الله تستطيع عد ورقة كل تأليم وإذا الدون عد قول هي اليوم الواحد لذا قد أنتي ساعات برين التوم والعلم وإن المراك الأن كال عاماً.

الاق · · يم 1.7a

which is with $_{\rm p}$ th, is the sum of each of each of the sum of the Section (i.e., Section 4.37 × 40 3 m/s (i.e., the shocks) $_{\rm p}$

20- عند قسياس بصحة فكان الأرم ورحد الدارة وحدد الدارة (b) حسلة له الدائرة (d) مسلة له الدائرة (d) محيط الدائرة وأحدب عشمار عدم الدقة لكل قيمة.

21- أجر العمليات المسأرة الثالية:

(a) مجموع القيم المقاسة 2.5. (8 0، 2 17، 37 / 75)(b) حاصل ضرب « × 550 / 5 / 75

22- نصف قطر كارة مساعدة بو (ن 0.50 با 0.50 با 0.50 با 0.50 با كرة مساعدة (0.50 با 0.50 با كرة با كيلو با 10.50 با كرة بالكيلو با رام كان ما بالكرة بالكيلو با رام كان ما بالكرة بالكلوم بالكرة بالكلوم بالكرة بالكرة بالكلوم بالكرة بال

الضرباء (الجرء الأول - البكانيكا والديناميكا الحرارية)

23 - احسب عدد SF للأرقام التالية:

3.788x 10⁹ (b) 78.9± 0.2 (a)

0.0053 (d) 2.46x 10⁻⁶ (e)

24- يقوم فلاح بقياس معيط حقل مستطيل. طول الضلع الأكبر m 38.44 وطول الضلع الأكبر الصغر m 19.5 m الأصغر الحقار. الحقار.

25- يراد بناء رصيف للمشاة حول حمام السباحة أبعاده:

يد (1.0 ± 0.1) m x (17.0 ± 0.1) m (1.0 ± 0.1) m (11.0 ± 0.1) m x (17.0 ± 0.1) m محسوض الرصسيف هو (1.0 ± 0.1) cm د صب حجم وشسمکه اللازمة ومقدار عدم الدفة في هذا الحجم.

أجابة الاختبارات السريعة: ANSWERS TO QUICK QUIZZES

(1.1) خطئا. تحليل الأبعاد يعطي وحدات ثابت التناسب ولكنه لايعطي أية مسعلومات عن قيمته العددية، وعلى سبيل المثال، تبين التجارب أن مضاعفة نصف قطر كرة مصمة تزيد كتلتها 8 مرات، وإذا ضاعفنا نصف القطر فلات مرات تزداد الكتلة 27 مرة. ولذلك تتناسب الكتلة مع مكعب نصف القطر . وحيث إن m ar 3 يمكن كتابة العددية m ar 3 ولكن لكي تعين قيمته العددية ينطلب قراءات معملية أخرى أو اعتبارات ينطلب قراءات معملية أخرى أو اعتبارات أخرى أو اعتبارات الخيادية.

(2.1) تسجيل كل هذه الأرقام يحتم انه قد امكنا تحديد موضع مقعد الكرسي إلى أقرب من 1 ملاء من 000 000 000 له المنافذة تناظر المكانية لا كن أو مساب عدد الذرات بالمسطرة المترية لان كل درة لها هذا البعد (القاس) من الأفضل ان تسجل هذه المسافة 1.044 يعني ذلك أنك تعسرف الموضع الى اقسرب مللية درض ان مسطوتك مقسمة إلى مليترات.

By Parker and Hart

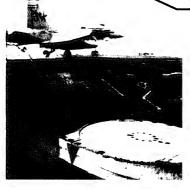






By permission of John Hert and Field Enterprises, Inc.





الحركة في بعد واحد Motion in One Dimension

ولفصل ولثاني 2

ويتضمن هذا الفصل :

6.2 السقوط الحر للأجسام Freely Falling Objects

7.2 استنتاج معادلات الكينماتيكا من 7.2 حسابات التفاضل والتكامل (اختياري) (OPtional) Kinematic Equations Derived From Calculus

8.2 المسائل الهادفة- خطوات الحل Goal Problem- Solving Steps 1.2 الازاحة، السرعة الانجاهية، السرعة Displacement, Velocity, and Speed

2.2 السرعة الإتجاهية اللحظية والسرعة اللحظية Instantaneous Velocity and Speed

3.2 التسارع (العجلة)

4.2 الرسم البياني للحركة Motion Diagram

5.2 الحركة في خط مستقيم بتسارع ثابت One- Dimensional Motion With Constant Acceleration



الفيزياء (الجزء الأول - المكانيكا والديناميكا الحرارية)

كخطوة أولى هي دراسة المكانيكا الكلاسيكية، سوف نصف الحركة بدلالة متغيرات المكان والزمن بينما نهمل المؤثر الذي يسبب تلك الحركة، ويسمي هذا الفرع من الميكانيكا الكلاسيكية بالكينماتيكا Kinematics – (الكلمة كينماتيكا لها نفس الأساس مثل سينما ، هل تستطيع أن تقول الماء أ). في هذا الفصل سوف ندرس الحركة في بعد واحد، وسنُعرف أولاً الإزاحة، السرعة، والعجلة (التسارع)، وبعد ذلك، وباستخدام هذه المفاهيم، ندرس حركة الأجسام التي تتحرك في بعد واحد (خط مستشهم) بتسارع ثابت.

ومن الخبرة اليومية سوف نميز تلك الحركة والتي تمثل التغير المستمر في موضع جسم. وفي الفيزياء يوجد ثلاث أنواع من الحركة: الحركة الانتقالية، الحركة الدورانية، والحركة الاهتزازية. حركة سيارة على طريق سريع هي مثال للحركة الانتقالية، دوران الأرض حول محورها هو مثال للحركة الدورانية وحركة البندول ذهابا وإيابا هي مثال للحركة الإهتزازية أو الترددية، وفي هذا الفصل وفي الفصول القليلية التالية سوف نتعامل مع الحركة الانتقالية. (وفي مكان آخر من هذا الكتاب سوف نناقش الحركتان الدورانية والاهتزازية).

في دراستنا للحركة الانتقالية، نصف حركة جسم كجسيم صغير بغض النظر عن حجمه، وعلى المعرم، الجسيم هو نقطة مادية متناهية الصغر، وكمثال لذلك، وإذا رغينا ان نصف حركة الأرض حول الشمس، يمكننا ان نتعامل مع الأرض كجسيم وسوف نحصل على معلومات دقيقة مقبولة عن مدارها، وهذا التقريب مقنع لأن نصف قطر دوران الأرض أكبر من أبعاد الأرض والشمس، وكمثال على مقياس أقل كثيراً، يمكن شرح الضغط الواقع على جدار إناء من غاز بمعاملة جزيئات الغاز كجسيمات.

DISPLACEMENT, VELOCITY, AND SPEED والسرعة الإنجاهية، والسرعة الإنجاهية، والسرعة الإنجاهية، والسرعة الإنجاهية،

تكون حركة جسيم معروفة تماماً إذا كان موضعه معروف في كل الأوقات، اعتبر سيارة تتحرك ذهاباً وإياباً على طول المحور x كما هو مبين في شكل a 1.2 . وعندما نقوم بجمع معلومات عن الموضع، تكون السيارة على بعد m 30 على يمين علامة الطريق. (دعنا نفرض ان كل الملومات في هذا المثال تكون السيارة على بعد m 30 على يمين علامة المطومات، يجب تسجيل الموضع الابتدائي على انه 20 x 3.0 m . لقد كتبنا هذه القيمة بهذا الشكل البسيط حتى يكون من السهل تتبع المناقشة. نضبط ساعتا ونسجل كل s 10 موضع السيارة بالنسبة للعلامة. وكما نرى في الجدول 1.2 ، تتحرك السيارة أولاً أنجاه اليمين (والذي نغيره الاتجاء الموجب، اثناء أول s 10 من الحركة، وذلك من المؤضع ﴿ إلى المؤضع ﴿ ق. وفي المجدول على المؤضع ﴿ . وفي وقيمة الموضع تبدأ الان في النقصان، حيث ان العربة تعود من الموضع ﴿ خلال الموضع ﴿ . وفي الحقيقة عند ﴿ . وبعد s 30 من بدء القياس، تكون السيارة على جانب العلامة التي نستخدمها كنقطة الاصل للاحداثيات، انها تستمر في الحركة جهة اليساد، واكثر من 50 جهة اليسار من العلامة عندما نوقف عن تسجيل المعلومات بعد النقطة السادسة والتمثيل البياني لهذه المعلومات موجود في

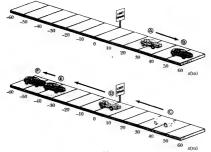
الفصل الثاني: الحركة في بعد واحد

وإذا تحرك جسيم، بمكننا بسهولة تعيين التغير في موضعه، وتُعرف الإزاحة للجسيم على انها التغير في موضعه، وعندما يتحرك من الموضع الابتدائي x، إلى الموضع النهائي x نعطي إزاحة بالقيمة $x_7 - x_7$ ، سوف نستخدم الحرف الإغريقي دلتا Δ لتمثيل التغير في موضع جسيم كما يلي:

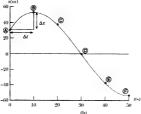
$$\Delta x = x_f - x_i \tag{1.2}$$

 x_i فمن هذا التعريف نرى ان Δx تكون موجبة إذاكانت x_i أكبر من x_i وسالبة إذا كانت Δx أقل من ومن هذا التعريف نرى ان

الجدول 1.2 موضع السيارة عند أوقات مختلفة				
المسوضيع	t [s]	x [m]		
(A)	0	30		
(B)	10	52		
©	20	38		
D	30	0		
E	40	-37		
F	50	-53		



الشكل 1.2 (ه) سيسارة تتحرك ذهاباً واياباً على طول خد مستقيم وهو موارد X حيث الحور X حيث المتوافقة المتوافقة المتوافقة المتوافقة المتوافقة الإنتخاصة اللازمان للمتوافقة الإنتخاصة الناري للملاقة الإنتخاصة الناري لمحركة الجينية.



هناك خطأ بسيط في عدم تمييز الفرق "بين الإزاحة والمسافة التي يتحركها الجسيم (الشكل 2.2). لاعب كره يُسخن بعمل دوره حول اللعب فيتحرك مسافة £ 360 هي الرحلة حول الممر، بينما، إزاحة اللاعب تكون صفراً لأن بداية ونهاية موضعه متماثلين.

الازاحة هي مثال لكمية متجهة، وهناك كميات فيزيائية اخرى منها السرعة والتسارع تكون كميات متجهة، وعلى العموم المتجه هو كمية فيزيائية مطلوب لتعيينه المقدار والاتجاه وعلى العكس الكمية القياسية هي كمية لها المقدار وليس لها اتجاه، وفي هذا الفصل سوف نستخدم اشارة زائد وناقص التغير الم اتجه ، ويمكننا عمل ذلك حيث ان هذا الفصل يتمامل مع الحركة في بعد واحد فقطه، تغير أن المتاب المتعاربة من المتعاربة المتحدد فقطه، المثال بالنسبة للحركة الأفقية، دعنا تأخذ اختيارياً الجهة اليمنى ليكن الاتجاه موجباً، ويتبع ذلك ان اي جسم يتحرك دائماً إلى جيمة الهمين ليعمل إزاحة ٨٤٠، وأي جسم يتحرك إلى اليسار يعمل إزاحة ٨٤٠، وأي جسم يتحرك إلى اليسار يعمل إزاحة ٨٤٠، وأي حسم يتحرك إلى اليسار يعمل ازاحة ٨٤٠، وأي حسم يتحرك إلى اليسار يعمل ازاحة ٨٤٠. وفي همل 3.



الشكل 2.2 منظر علوي لملعب البيسبول اللاعب الذي يضرب الكرة يجري ويقطع مسافة £ 300 عندما يلف حول القاعدة، ولكن أزاحته خلال الرحلة تساوى صفر.

(Mark C. Burnett/ Photo Researchers, Inc)

الفصل الثاني: الحركة في بعد واحد

(2.2)
$$\overline{v}_x \equiv \frac{\Delta x}{\Delta t}$$

حيث x التي اسفل الرمز v تشير إلى الحركة على الحور x، ومن هذا التعريف نرى ان السرعة
 المتوسطة لها ابعاد طول مقسومة على زمن (L/I) - متر لكل ثانية هي نظام الوحدات SI.

على الرغم من ان المسافة التي تقطع لاي حركة تكون دائماً موجبة، يمكن أن تكون السرعة المتوسطة لجسيم يتحرك في بعد واحد موجبة أو سالبة، معتمدة على أشارة الازاحة. (الفترة الزمنية Δx الفترة الجمعنى إذا كانت أحداثيات الجسم تزيد مع الزمن (بمعنى إذا كان $x_i > x_j$ ، فإن $x_i > x_j$ تكون دائماً موجبة وتكون $x_i > x_j$ موجبة. هذه الحالة تتيح الحركة في الاتجاه الموجب لـ $x_i > x_j$ فإن $x_i > x_j$ فإن $x_i > x_j$ فإن $x_i > x_j$ تكون سالبة أيضاً. وتتيم هذه الحالة الحركة في اتجاء $x_i > x_j$ المحالة في اتجاء $x_i > x_j$ السالبة أيضاً.

به كننا تفسير السرعة المتوسطة هندسياً برسم خط مستقيم بين نقطتين في التمثيل البياني Δx لمنحني (الإزاحة - الزمن) في الشكل 1.2b. مذا الخط يمثل وتر المثلث القائم الزاوية ذو الارتفاع Δx والقاعدة Δx . وميل هذا الخط هو النسبة Δx Δx . وعلى سبيل المثال، الخط بين الموضع (Δx) والموضع (Δx) على ساوي السرعة المتوسطة للسيارة بين هذين الزمنين

$$.(52m - 30m)/(10 s - 0) = 2.2m/s$$

في حياتنــا اليومية نتبادل طريقة اسـتعمال الاصطلاحـين السـرعة Speed والسـرعة الإتجاهية Velocity بينما في الفيزياء يوجد فرق واضح بين هاتين الكميتين. اعتبر لاعب سباق ماراثون يجري مسافة تزيد عن 40Km حتى بلغ النهاية عند نقطة بدايته. متوسط سرعته الإتجاهية يساوي صفر! (63 .6.7 تا تائف بسيدا تتجزلنا معرفة هذه
 .6.7 على أنها السافة الكلية المطوعة

ا (1935) المساوعة السرعة السرعة الإنجاهية أن الأراكة المراجعة الإنجاهية أن الأراكة المراجعة الإنجاهية أن الأراكة المراجعة الإنجاهية أن

48 A . dr. . 140

عال 12 مسم والموركة الحركة،

أوحد الإزدارة العادمة الإنجاهية المتراصف المادعة التوسطة للسيارة في الشكل 1.24 بين الأومارج (﴿) [1]

أن كان و وحد ته الداك في وجر بأن تكون بالأحدى التنافج بما بدوية . يجب إذن يكون لها نفس حدود القيمة z=0 و درو مدر بالمرقة لا تعربي عشر أن الأقام من رسم الملاقة عن الله مدرو بالمرقة z=0 و ان z=0 و ان z=0 عند خور مرافع الأرادة ومن معالة أن أن جد الأجد أن الأجد أن الأحداث و موادوية الأرادة ومن معالة أن أخذ أن الأحداث و الموادوية الأرادة ومن معالة أن أخذ أن الأحداث الأرادة ومن معالة أن الأحداث الأرادة ومن معالة أن أخذ أن الأحداث الأحداث

Δη = .55 - 1_λ= -0.7 m - 30m= -80 m

هذاه الشدها التنبي أن السيارة ستكون على باعد 18.5 في الأتجاء السالب (إلى اليسار في هذه العامة) من حيث بدأت منذ العدد له الوحداث المدهودة وله قيمة في تقسر عدود الت**تاثج المطاة.** وبالانتفادة (الأمال الشائع) - الذير أن هذه القيمة لجانة صحيحة.

11 من الامتحاء أن متوسطة المترعة لينتجهة من إن تكمل الحسابات، ولكن تتوقع الوحدات الحسابات، ولكن تتوقع الوحدات الأحداث العلومات فإنتا الحداث على أخذنا العلومات فإنتا على المتحددات العلومات فإنتا العلومات في العلوم

$$\overline{V}_x = \frac{\Delta x}{\Delta} = \frac{x_f}{t_f} \frac{T_f X_f}{t_f} = \frac{x_g - x_{\Delta}}{t_f - t_{\Delta}}$$

$$=\frac{-53 \text{ m} - 30 \text{ m}}{50 \text{ s} - 0 \text{ s}} = \frac{-85 \text{ m}}{50 \text{ s}} = -1.7 \text{ m/s}$$

ونجد ان متوسط السرعة لهذه الرحلة بإضافة المسافات المقطوعة وقسمها على الزمن الكلي:

$$=\frac{22 \text{ m} + 52 \text{ m} + 53 \text{ m}}{50 \text{ s}} = 2.5 \text{ m/s}$$

2.2 السرعة اللحظية الإتجاهية والسرعة اللحظية

INSTANTANEOUS VELOCITY AND SPEED

غالباً ما نحتاج ان نعرف سرعة جسيم عند لحظة معينه من الزمن بدلاً من الفترة الزمنية المحددة. على سبيل المثال ، على الرغم من انك ربما تريد حساب متوسط سرعتك الإتجاهية خلال رحلة سيارتك الطويلة، فريما تكون لديك رغبة خاصة في معرفة سرعتك في لحظة مشاهدتك سيارة الشرطة الواقفة بجانب الطريق امامك، و بطريقة اخرى انك تريد أن تكون قادر على تحديد سرعتك الاتجاهية بالضبط في لحظة ما ، وربما لايكون واضح في الحال كيف نفعل ذلك، ماذا يعني أن نتحدث من سرعة شئ متحرك إذا "أوقفنا الزمن" وتحدثنا فقط حول لحظة واحدة؟ هذه نقطة دقيقة غير مناهدمة كاملاً حتى أواخر عام 16008 ، وباكتشاف طريقة الحسابات، بدأ العلماء في فهم كيف نصف حركة جسم في أي لحظة من الوقت.

النرى كيف يحدث هذا، ندرس الشكل 2.3. لقد ناقشنا متوسط السرعة الإتجاهية لفترة الثاء
حرك السيارة من الموضوع (أ) إلى الموضوع (أ) ، تعطى من ميل الخط الأزرق الفامق) وبالنسبة
المترة التي تحركتها من (أ) إلى إلى الموضوع (أ) ، تعطى من ميل الخط الأزرق الفاتح)، أي من هذين الخطين
المترة التي تحركتها من (أ) إلى (أ) (تمثل بواسطة ميل الخط الأزرق الفاتح)، أي من هذين الخطين
من المين، والتي عرفناها أنها الجهة المرجبة، ولذلك، كونها موجبة، هربها يكون متوسط السرعة
الانجاهية أثناء الحركة من (أ) إلى (أ) (قرب إلى القيمة الابتدائية عن فهمة متوسط السرعة
الانجاهية أثناء الفترة من (أ) إلى (أ) والتي تم تمينها في المثال 2.1 وكانت سالبة ، والآن تخيل أننا
الناحله الأزرق الغامق وارضا النقطة (أ) إلى اليسار على طول المنحنى تجاه النقطة (أ) كما هو
من الشكل 2.5. يصبح الخط بين النقطين اكثر انحداراً، وكلما تقاريت النقطتان أكثر لبعضهما
المناب ويصبح الخط خط معامي للمنحنى، والموضع بالخط الأخلطة مثن في الشكل. ميل هذا الماس
منا المرعة الإتجاهية للسيارة عند اللحظة التي عندا بعنا أخذ القراءات، أي النقطة (أ) . كل ما
مناه مو تميين السرعة الإتجاهية اللحظية عند لحظة معينة. بعنى آخر، السرعة الإتجاهية اللحظامة اللعظية عند لحظة معينة. بعنى آخر، السرعة الإتجاهية السرعة الإتجاهية السامة الأل الم الل السرعة (أ) . السامة بهاية هيهة النسبة 14 / ٨ عندما نول 14 إلى المنو (أ) .

⁽¹⁾ V د ك ان الازاحة Δx تقترب أيضا من الصفر عندما Δt تقترب من الصفر . وكلما أصبحت Δx و Δt أصغر Δt أحسنر وتقرب النسبة Δt Δt لقيمة تساوى ميل خط المعاس للمنحني x مع أ .

الفيزياء (الجزء الأول - الميكانيكا والديناميكا الحرارية)

$$v_{i} = \lim_{\Delta t \to 0} \frac{\Delta x}{\Delta t}$$
 (3.2) o

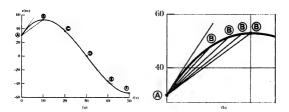
أ في علم التفاضل، هذه النهاية تسمى مشتقة x بالنسبة إلى t وتكتب dx/dt.

$$v_x = \lim_{\Delta t \to 0} \frac{\Delta x}{\Delta t} = \frac{dx}{dt}$$
 (4.2)

من المكن أن تكون السرعة المتجهة اللحظية موجبة، سالبة أو صفر، فيكون ميل منحنى الموضع من المكن أن تكون السرعة المتجهة اللحظية ما لأرمن موجب مثلما هو واضح في أي وقت اثناء أول 01 في الشكل 02، تكون 03 موجبة، بعد النقطة 03 تكون أبيل سلم عند ألل المنظية صفراً،

ومن الآن وصاعدا سوف نستخدم كلمة سرعة اتجاهية لنعبر عن السرعة الإتجاهية اللحظية. وعندما تكون سرعة إتجاهية متوسطة، سوف نستخدم الصفة "متوسطة".

السرعة اللعظية The Instantaneous Speed لجسيم تُعرف على إنها مقدار سرعته الإتجاهية السرعة Average Speed وعلى السرعات المتوسطة Average Speed لا تكون للسرعة اللعظية Instantaneous Speed اتجاء مصاحب لها ومن ثم لاتحمل اشارة جبرية، وعلى سبيل المثال إذا كان أحد الجسيمات له سرعة 8/25m/s عند نفس الخط، يكون لكل منهما سرعة 25m/s Speed (2).



الشكل 3.2 (من منظ حركة السيارة في الشكل 1.2 (ن) تكبير للجزء الأيسر العلوي للرسم بيين كيف يقترب الخط الأزرق بين الوضوعين (٨) و (١٤) حتى يقترب إلى الخط الماس الأخضر وذلك عندما تصبح النقطة (١٤) تكثر فرناً من النقطة (٨).

⁽²⁾كما فعلنا في السرعة الإتجاهية، سوف نسقط الصفة لحظية عن كلمة السرعة اللحظية. أي نعني بكلمة السرعة السرعة اللحظية".

مثال 2.2 السرعة الانجاهية المتوسطة والسرعة الانجاهية اللحظية(⁽³⁾

يتعرك جسيم على الاحداثي x. يتغير إحداثه مع الزمن تبعاً للتعبير $^2Q + 14$ = x. حيث x تقدر بالامتار، و t بالشوائي $^{(4)}$. منحنى الوضع مع الزمن لهذه الحركة موضع في الشكل 4.2. لاحقا الجسيم يتحرك في الاتجاه السالب للمحور x في أول ثانية من الحركة ويكنون ساكناً عند اللحظة x = x ثم يتعرك في الاتجاه الموجب x عند x = x (x) عين الإزاحة التي يحدثها الجسيم في الفترة الزمنية من x = x إلى x = x وكذلك من x = x = x إلى x = x = x

 $(\mathbf{k} - \mathbf{k})$ المناء أول فترة زمنية يكون اليل سالب ومن ثم سرعة إتجاهية سالبة. ولذلك نعرف أنه لابد أن نكون الإزاحة بين (\mathbf{k}) و (\mathbf{k}) عدد سالب له وحدات الامتار. ويالمثل، نتوقع الازاحة بين (\mathbf{k}) (\mathbf{k}) أن تكون موجبة.

في الفشرة الزمنيـــة الاولـــ نضــح $t_A=1$ و $t_B=1$ ، باســـــخــدام المعــادلة 1.2 في الصـــردة $x=-4t+2t^2$. نحصل على ما يلى بالنسبة لاول ازاحة:

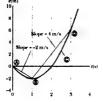
$$\Delta x_{A \to B} = x_f - x_i = x_B - x_A$$
= [-4(1) + 2(1)²] = [-4(0) + 2(0)²]
= -2m

 $t_f = t_d = 3$ s و $t = t_B = 1$ s و الثانية نضع الثانية نضع الثانجة الثانجة

$$\Delta x_{A \to D} = x_f - x_i = x_D - x_B$$
$$= [-4(3) + 2(3)^2] - [-4(1) + 2(1)^2]$$
$$= +8m$$

يمكن الحصول على هاتين الإزاحتين مباشرة

من الرسم البياني الموضح مع الزمن.



الشكل 4.2 العلاقة بين الموضح الزمن لجسيم له احداثي x يتنير مع الزمن تبعاً للعلاقة x = -4/4 - 27

⁽١٠) عندما نذكر السرعة فيما يلى فإننا نعنى السرعة الإتجاهية velocity.

يدلا من $x = -4t + 2t^2$ يدلا من $x = -4t + 2t^2$

الضيزياء (الجزء الأول - الميكانيكا والديناميكا الحرارية)

(b) احسب السرعة الإتجاهية المتوسطة Average Velocity اثناء هاتين الفترتين.

الأولى فترة زمنية $\Delta t = t_f - t_i = t_B - t_A = 1$. و لذلك باستخدام المادلة 2.2 وحساب الأزاحة في (a) نجد أن

$$\overline{v}_{x(A \to B)} = \frac{\Delta x_{A \to B}}{\Delta t} = \frac{-2 \overline{m}}{1 s} = -2 \text{ m/s}$$

في الفترة الزمنية الثانية Δt= 2S، ولذلك

$$\overline{v}_{x(B \rightarrow D)} = \frac{\Delta x_{B \rightarrow D}}{\Delta t} = \frac{8 \text{ m}}{2 \text{ s}} = + 4 \text{ m/s}$$

هاتان القيمتان تتفقان مع ميل الخطوط التي تربط نه النقطة في الشكل 2.4.

c) أوجد السرعة اللحظية stantaneous Speed: . بسيم عند t= 2.5 S.

الحل- بالتأكيد نستطيع ان نخمن هذه السرعة اللحظية على أنها هي نفس حدود القيمة لنتائجنا السابقة أي حوالي 4 m/s . وبدراسة الرسم نرى أن ميل الماس عن الموضع (C) يكون أكبر من ميل الخاسة الزوق الذي يريط النقطتين (B) و (D) . ولذلك نتوقع الأجابة أكبر من 4m/s . وبقياس الميل للملاقة (الموضع- الزمن) عند 2.5 نجد أن:

 $v_r = +6 \text{m/s}$

ACCELERATION (العجلة) 3.2

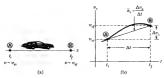
في اخر مثال تعاملنا مع الوضع الذي تتغير فيه سرعة جسيم اثناء تحركه. وهذا شائع الحدوث. (ما هو مدى ثبوت سرعتك عندما تركب اتوبيس المدينة؟) ومن السهل ان نحدد مقدار التغير في السرعة كدالة في الزمن بنفس الطريقة التي نحدد بها مقدار التغير في الموضع كداله في الزمن. وعندما تتغير سرعة الجسيم مع الزمن يقال للجسيم إنه يتحرك بتسارع (بعجلة). وعلى سبيل المثال تزداد سرعة السيارة عندما تضغط على البنزين وتقل عندما تستخدم الفرامل، وعلى العموم نحن نحتاج إلى تعريف التسارع (العجلة) افضل من ذلك.

افرض جسيماً متحركاً على الاحداثي x بسرعة v_{xi} عند الزمن t_i وسرعة v_{xj} عند الزمن t_i كما هو في الشكل 5.2.

يُعرف التسارع المتوسط (العجلة المتوسطة) للجسيم بانه التغير في السرعة Δu_{χ} مقسومة على الفترة الزمنية Δt_{χ}

$$\overline{a}_x = \frac{\Delta v_x}{\Delta t} = \frac{v_{xf} - v_{xi}}{t_c - t_c}$$
(5.2)

الفصل الثاني: الحركة في بعد واحد



الشكل 5.2 (a) جسيم يتحرك على الحور x من (A) إلى (B) بسرعة u_{i} عند i = 1 وسرعة u_{i} عند $u_{i} = 1$. (d) الملاقة الخطية السرعة– الزمن لجسيم يتحرك في خط مستقيم. يكون ميل الخط المستقيم الازرق الذي يربط (A) و (B) هو التسارع المتود على الفترة الزمنية $u_{i} = 1$.

وكما في حالة السرعة، عندما تكون الحركة في اتجاه واحد يمكن أن نستخدم إشارة موجبة أو سالبة لنشير إلى اتجاه التسارع (العجلة)، ولان ابعاد السرعة هي LT ويعد الزمن هو T فإن المسارع يأخذ الابعاد طول مقسوم على مربع الزمن أي LT^2 . وحدات النظام SI للتسارع تكون متر لك يأخذ الابعاد طول مقسوم على مربع الزمن أي LT^2 . (صدات النظام الاستبيال المثال قد يكون من السبهل أن تقسير هذه الوحدات إذا ما عرف نها متر/ ثانية، ثانية.

افرض ان جسم له تسارع 2 2m/ 2 يجب ان تكون صوره عن جسم له سرعة على خط مستقيم وتزداد بقيمة 2 2m/s في فترة مقدارها 18. فإذا بدأ الجسم الحركة من السكون يمكنك ان تتصور انه يتحرك بسرعة 2 2m/s بعد 18. 2 4m/s بعد 28 وهكذا، وفي هذا الكتاب نستخدم المرادفات 'التسارع، العجلة، عجلة التسارع بنفس المعنى.

وفي بعض الأحوال ربما تكون قيمة النسارع المتوسط مختلفة خلال الفترات المختلفة. ولذلك من المفيد أن نعرف التسارع اللحظي على أنه نهاية متوسط السرعة مقسومة على Δt عندما تؤول Δt إلى الصغر. هذه المفاهيم مماثلة لتعريف السرعة اللحظية التي تم مناقشتها في القسم السابق. وإذا تخيلنا ان النقطة $\Delta v_i / \Delta t$ عندما تؤول $\Delta t v_i / \Delta t$ عندما تؤول المالك في المضور، فتحصل على التسارع اللحظي (المجلة اللحظية):

(التسارع اللحظي)
$$a_x \equiv \lim_{\Delta t \to 0} \frac{\Delta v_x}{\Delta t} = \frac{dv_x}{dt}$$
 (6.2)

بمعنى ان التسارع اللحظي (العجلة اللحظية) تساوي مشتقة السرعة بالنسبة للزمن، ومن التعريف $^{\circ}$ ومن التعريف وعن المنطقة (السرعة – الزمن) (الشكل 2.5). ولذلك نقول، كما ان سرعة $^{\circ}$ حسيم متحرك هو ميل المنحنى البياني للجسيم $^{\circ}$ - $^{\circ}$ يكون تسارع الجسيم هو ميل المنحنى البياني $^{\circ}$ الجسيم $^{\circ}$ البياني المسيم $^{\circ}$ والمنطق $^{\circ}$ ويكننا تفسير تفاصيل السرعة بالنسبة للزمن على أنه المعدل الزمني للتغير في $^{\circ}$

الفيزياء (الجزء الأول : الميكانيكا والديناميكا الحرارية)

 a_x التحد وإذا كانت a_x موجبة، سوف يكون التسارع في الاتجاه الموجب للاحداثي a_x وإذا كانت a_x سالبة يكون التسارع في الاتجاه السالب لـx.

وفيما يلي سوف نستخدم الاصطلاح التسارع "العجلة" لنعبر عن التسارع اللحظي. وعندما نعني التسارع المتوسط سوف نستخدم دائماً الصفة "المتوسط".

ولان $v_x = dx/dt$ بمكن أيضاً كتابة التسارع على الصورة:

$$a_x = \frac{dv}{dt} = \frac{d}{dt} \left(\frac{dx}{dt} \right) = \frac{d^2x}{dt^2}$$
 (7.2)

بمعنى إنه في الحركة في بعد واحد يكون التسارع مساوياً للمشتقة الثانية بالنسبة للزمن.

ويوضح الشكل 2.6 ارتباط منحنى (التسارع- الزمن) (Acccleration- Time) بمنحنى (السرعة-الزمن). ويكون التسارع عند أي زمن مساوياً ميل المنحني (السرعة- الزمن) عند هذا الزمن. والقيمة الموجبة للتسارع متعلقة بتلك النقط في الشكل 6.2a حيث أن السرعة تزداد في الاتجاه الموجب لـx. ويصل التسارع القيمة القصوى عند الزمن ١٨ ، عندما يكون ميل المنحني (السرعة- الزمن) قيمة قصوى. ثم يؤول التسارع إلى الصفر عند الزمن I_{B} ، وعندما تكون السرعة قيمة عظمى (بمعنى انه عندما يساوي المنحني (v, - t) صفراً). ويكون التسارع سالباً عندما تقل السرعة في الاتجاه الموجب لـx. وتصل إلى أكبر فيمة سالبة عند الزمن 1.



الشكل 6.2 يمكن الحصول على التسارع اللحظى من المنحنى البياني ٤٠ . (a) المنحنى البياني للعلاقة (السرعة-الزمن) كجزء من الحركة. (b) المنحثى البياني للعلاقة (التسارع الزمن) لنفس الحركة.

التسارع المعطى من المنحنى البياني $(a_x - t)$ لاي قيمة لـ t يساوي ميل خط الماس للمنحنى البياني $(a_x - t)$ عند نفس القيمة لـ 1.

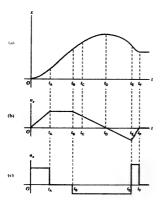
a_x ، v_x العلاقات البيانية التي تربط العلاقات البيانية التي العلاقات البيانية التي تربط العلاقات 3.2 مثال ذهني:

يتغير موقع جسم عندما يتحرك على المحور x مع الزمن كما في الشكل 7.2a. ارسم منحني (70) السرعة مع الزمن والتسارع مع الزمن للجسم.

الفصل الثاني: الحركة في بعد واحد

 $|\textbf{f_c}\textbf{b}|$ السرعة عند أي لحظة هي ميل المماس للمنحنى البياني للعلاقة (r-x) عند تلك اللحظة، بين (r-t) عند تلك اللحظة، بين (r-t) عند أيد السرعة زيادة مستقيمة، كما هو موضح في الشكل 4.7.8 وبين (r-t) يون (r-t) يكون ميل المنحنى (r-t) المسرعة ثابتة، وعند (r-t) يكون ميل المنحنى (r-t) مساوياً للصفر، ولذلك تكون السرعة مساوية الصفر عند تلك اللحظة، وبين (r-t) يكون ميل المنحنى (r-t) وبالتالي السرعة كليهما سالباً وتتناقص بانتظام خلال هذه الفترة، وفي الفترة من (r-t) إلى (r-t) وبالك المنحنى (r-t) سالباً، وعند (r-t) يؤون الى الصفر، وأخيراً بعد (r-t) مساوياً للصفر، وذلك يغني أن الجسم ساكن عند (r-t).

ويكون التسارع في أي لحظة مساوياً ميل المماس للمنعنى البياني $(v_1 - v_2)$ عند تلك اللحظة. المنحنى البياني للتسارع مع الزمن لهذا الجسم موضع في الشكل 7.2c. ويكون التسارع ثابتاً وموجياً بين صفر و I_1 حيث ميل المنحنى البياني يكون موجباً . ويكون صفراً بين I_2 و I_3 وبالنسبة ل I_3 و I_4 حيث يكون ميل المنحنى البياني $(v_1 - v_1)$ مساوياً للصفر في هذه الأزمنة وتكون سالبة بين I_3 و I_3 لأن المنحنى البياني $(v_1 - v_1)$ يكون سالباً خلال هذه الفترة.



الشكل 7.2 (ه) المنحنى البسيساني لـ (الموضع- الزمن) لجمع يتحرك على طول المحور x. (أ) المنعنى البياني (المسرعة- الزمن) لجمع و الذي يمكن الحصول عليه من قياس الميل للمنحنى البياني (الموضع- الزمن) عند كل لحظة. (أ) المنحنى البياني لـ (التسارع- الزمن) المحسول عليه من قياس ميكن الحصول عليه من قياس ميكن الحصول السرعة- الزمن) عند كل لحظة.

تساؤل سريع:

ارسم المنحنى البياني لـ (السرعة- الزمن) للسيارة في الشكل 1.2 ه واستخدم رسمك للمنحنى البياني لتعيين لماذا كانت سرعة السيارة تزيد عن السرعة المطلقة المحدد، على علامات الطريق وهي (Mx/h) 0.3

مثال 4.2

تتغير سرعة جسيم يتحرك على طول المحور $v_{\rm c}=(40$ - $5t^2$) m/s عيث $v_{\rm c}=0$ عيث $v_{\rm c}=0$ عيث الإفواني. (a) أوجد التسارع المتوسط هي الفترة الزمنية من t=0 إلى والم

الحل- الشكل 8.2 يمثل المنحنى البياني (t_x (v_x) والذي تم الحصول عليه من العلاقة بين السرعة والزمن المعطى في هذه المسألة، وحيث أن الميل على طول المنحنى (v_x) يكون سالباً تماماً، نتوقع أن يكون التسارع سالباً.

ويمكننا أن نحسب السرعة عند $t_A = t_A = 0.8$. $t_I = t_B = 1$ بالتعويض عن هذه القيم للزمن t في التميير الخاص بالسرعة:

$$\begin{split} & v_{_{A}A} = (40 - 5 l_{_{A}}^2) \, m/s = [40 - 5 (0)^2] \, \text{m/s} = +40 \, \text{m/s} \\ & v_{_{A}B} = (40 - 5 l_{_{B}}^2) \, m/s = [40 - 5 (0)^2] \, \text{m/s} = +20 \, \text{m/s} \\ & \epsilon_{_{B}} = t_{_{B}} - t_{_{A}} = 2.0 \, s \, \epsilon_{_{A}} = \epsilon_{_{B}} - \epsilon_{_{A}} = \epsilon_{_{B}} - \epsilon_{_{A}} \\ & \bar{d}_x = \frac{v_{_{A}f} - v_{_{A}}}{t_{_{f}} - t_{_{f}}} = \frac{v_{_{S}B} - v_{_{A}A}}{t_{_{B}} - t_{_{A}}} = \frac{(20 - 40) \text{m/s}}{(2.0 - 0) \, \text{s}} \end{split}$$

$$t_f - t_i$$
 $t_B - t_A$ (2.0 - = -10 m/s²

والإشارة السالية في هذا التعبير تعني أن التسارع التوسط سالب هو الذي يُمثل بميل الخط (غير الظاهر في الرسم) الذي يربط بين نة علي البداية والنهاية في المنحنى البياني (السرعة- الزمن)

(b) عين التسارع عند 2.0s =1.

الحل- السرعة عند أي زمن t تعطى بالعلاقة v_{xt} = (40- m/s والسرعة عند زمن آخر t+ t+ يكون:

$$v_{rf} = 40 - 5(t + \Delta t)^2 = 40 - 5t^2 - 10t\Delta t - 5(\Delta t)^2$$

ولذلك التغير في السرعة خلال الفترة اΔهو:

$$\Delta v_x = v_{xt} - v_{xi} = [-10t\Delta t - 5(\Delta t)^2] \text{ m/s}$$

ونستنتج التسارع عند أي زمن t:

بقسمة هذا التعبير على Δt وأخذ النهاية للنتيجة عنما تؤول Δt إلى الصفر:

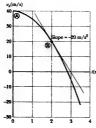
$$a_x = \lim_{\Delta t \to 0} \frac{\Delta v_x}{\Delta t} = \lim_{\Delta t \to 0} (-10t - 5\Delta t) = -10t \text{ m/s}^2$$

ولذلك عند الزمن t= 2.0s

$$a_x = (-10)(2.0) \text{ m/s}^2 = -20 \text{ m/s}^2$$

وهذا الحل يمكن الحـصـول عليـه بمقارنة التسارع المتوسط خلال الفترة بين ($\hat{\mathbf{A}}$) و ($\hat{\mathbf{B}}$) ($\hat{\mathbf{C}}$) مع القـيـمـة اللحظيــة عند ($\hat{\mathbf{B}}$) ($\hat{\mathbf{C}}$) وذلك بمقارنة ميل الخط (غـيـر مبين على الرسم) الواصل بين ($\hat{\mathbf{A}}$) و ($\hat{\mathbf{B}}$) مع ميل الماس عند ($\hat{\mathbf{B}}$).

لاحظ أن التسارع ليس ثابتاً في هذا المثال. والحالة التي تحتوي على تسارع ثابت سوف نتعامل معها في القسم 5.2.



الشكل 82 الرسم البياني لمنحنى العلاقة (السرعة-الزمن) لجسيم يتحرك على طول المحور × تبحاً للملاقة \$2 m/s | برح. التسارع عند 2 m/s يساوي ميل خط الماس الأزرق عند ذلك الزمن.

نحن قمنا بتقدير مشتقات الدالة بأن بدأنا بتعريف الدالة ثم أخذنا نهاية نسبة معينة. ومن المألوف أن هناك قواعد معينة لعمل المشتقات بسرعة، وعلى سبيل المثال تبين احدى هذه القواعد أن مشتقة أي ثابت تساوي صفراً ، ومثال آخر، افرض أن x تتناسب مع 1 المرفوعة للقوة n مثل هذه الملاقة

$$x=At^n$$
حيث A و n ثوابت. (هذه صورة دالة مألوفة جداً).
مشتقة x بالنسبة t 1 هي:

$$\frac{dx}{dt}=nAt^{a-1}$$
 :ويتطبيق هذه القاعدة في مثال 2.4 حيث ان: $a_x=\frac{dv_x}{dt}=-10t$ انجد ان $v_x=40-5t^2$

MOTION DIAGRAMS التمثيل البياني للحركة حركة

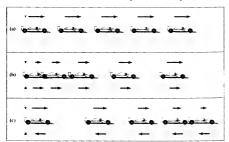
يتداخل غالباً مفهومي السرعة والتسارع مع بعضهما، ولكنهما في الحقيقة كميتان مختلفتان
تماماً، ولتوصيح ذلك نستخدم تمثيل الحركة برسم بياني لوصف السرعة والتسارع عندما يكون الجسم
في حالة حركة وحتى لا يحدث خلط بين هاتين الكميتين المتجهتين نهتم بالقدار والاتجاه لكل منهما،
وموف نستخدم اللون الأحمر لتجه السرعة واللون البنفسجي لمتجه التسارع كما هو مبين في الشكل
وموف نستخدم اللون الأحمر لتجه السرعة واللون البنفسجي لمتجه التسارع كما هو مبين في الشكل
وما وفقيه تم رسم المتجهات رسماً تخطيطياً عند لحظات عديدة أثناء حركة الجسم، وبفرض ان
ومنتقبت الزمنية بين موقعين متتالين متساوية. ويمثل هذا التوضيح ثلاث مجموعات من الصور
المتصود "Tashes" مشاوية في كل رسم.

في الشكل a 9.2 تكون صور السيارة على أبعاد متساوية بما يعني أن السيارة تقطع نفس المسافة في كل فترة زمنية ولذلك تتحرك السيارة بسرعة موجبة ثابتة ويتسارع يساوي صفراً.

وفي الشكل b 9.2 تصبح الصور على مسافات اكثر تباعداً كلما زاد الزمن، في هذه الحالة يزداد متجه السرعة مع الزمن وتتحرك السيارة بسرعة موجبة وتسارع موجب.

وفي الشكل 2.2 c يمكن القول ان السيارة تتباطأ كلما تحركت في اتجاه اليمين حيث تتناقص الأزاحة بين كل صورتين متتاليتين مع الزمن، وتتحرك السيارة في هذه الحالة جهة اليمين بتسارع سالب ثابت. ويقل متجه السرعة مع الزمن حتى يصل إلى الصفر، ونرى من هذا الرسم التخطيطي ان متجهي السرعة والتسارع ليسا في اتجاه واحد، فتتحرك السيارة بسرعة موجبة بينما التسارع سالب.

ويمكن وضع رسم بياني لسيارة تتحرك في البداية تجاه الشمال بتسارع ثابت سالب أو موجب.





الشكل 9.2 (a) تمثيل بياني لحركة سيارة تتحرك بسرعة ثابتة (تسارع يساوي صفر).

(أ) الرسم البياني لسيارة لها تسارع ثابت اتجامه في نفس اتجاه سرعتها. يمثّل متجه السرعة عند كل لحظه بسهم احمر ويمثّل التسارع الثابت بالسهم البنفسجي. (ع) الرسم البياني لسيارة تسارعها ثابت في انجاء عكس اتحاء السرعة في كل لحظة.



ساؤل سريع 2.2:

5.2 الحركة في خط مستقيم بتسارع ثابت

(a) إذا كانت السيارة تسير تجاه الشرق، هل يمكن ان يكون تسارعها في اتجاه الشرق؟
 (b) إذا كانت السيارة تبطئ من سرعتها، هل يمكن ان يكون تسارعها موجباً؟

ONE- DIMENSIONAL MOTION WITH CONSTANT ACCELERATION

إذا تغير تسارع جسم مع الزمن تكون حركته معقدة وصعبة التحليل، ومن أنواع الحركة في بعد واحد والشائع جداً هي تلك الحركة التي يكون فيها التسارع ثابت. وفي هذه الحالة، يكون التسارع المتوسط عبر أي فترة زمنية مساوياً للتسارع اللحظي عند أي لحظة خلال الفترة، وتتغير السرعة بنفس المعدا، خلال الحركة.

وإذا بدلنا \overline{a}_i به في المعادلة 5.2 وأخذننا a_i وإذا بدلنا \overline{a}_i به في المعادلة 2.2 وأخذننا $a_i=rac{v_{sf}-v_{sf}}{t}$ الزمن عند وقت اخر t نجد ان:

السرعة كدالة في الزمن
$$v_{xf} = v_{xi} + a_x t$$
 (8.2)

هذا التعبير القوي يُمكننا من تعين سرعة جسم عند اي لحظة 1 إذا عرفنا السرعة الابتدائية وتسارعه النظام ... المنحنى البياني للعارفة (السرعة- الزمن) الحركة بتسارع فابت موضع في الشكل 10.28 ويكون المنحن البياني خطأ مستقيماً ، والميل (البت) يمثل التسارع $_{\rm S}$ ، وهذا متوافق مع حقيقة $_{\rm S}$ من المنحن والمنحن أن الميل موجب، وهذا يعل على أن التسارع موجب، وإذا كان الميل موجب، ومنا يعل على أن التسارع موجب، وإذا كان الميل موجب ما سالياً.

وعندما يكون التسارع ثابتاً يكون منحنى التسارع مع الزمن (الشكل b 10.2) خط مستقيم ميله يساوي صفر.

تساؤل سريع 8.2:

أوصف معنى كل حد في المعادلة 2.8







 a_x بتسارع ثابت على طول المحور x بتسارع ثابت الشكل 10.2 بتسارع ثابت الشكل a_x

(ii) المنعنى البياني للعلاقة (السرعة- الزمن). (b) النعنى البياني للعلاقة (التمسارع- الزمن) (c) المنعنى البياني العلاقة (الموضع- الزمن).

الفيزياء (الجزء الأول- الميكانيكا والديناميكا الحرارية)

حيث ان السرعة عند التسارع الثابت تتغير خطياً مع الزمن طبقاً للمعادلة 8.2، يمكننا التعبير عن السرعة المتوسطة في اي فترة زمنية كمتوسط حسابي للسرعة الابتدائية ،v_{xt} و السرعة النهائية _{vxt} :

$$\overline{v}_x = \frac{v_{xi} + v_{xf}}{2}$$
 عند ثبوت a_x عند ثبوت

لاحظ ان التعبير عن السرعة المتوسطة يطبق فقط في حالة ما إذا كان التسارع ثابتاً.

ويمكننا استخدام المعادلات 1.2، 2.2، 2.2. 9. للحصول على الإزاحة لاي جسم كدالة في الزمن. ويمكننا استخدام المعادلة 2.2 لتمثيل x_f - x_f وباستخدام t بدلا من Δt (حيث اننا نآخذ t_f) بمكننا ان نقول:

$$x_f - x_i = \overline{v}_x t = \frac{1}{2} (v_{xi} + v_{xf}) t$$
 (a_x عند ثبوت (10.2)

نستطيع ان نحصل على تعبير اخر مُفيد للازاحة عند التسارع الثابت بالتعويض من المعادلة 8.2 في المادلة 10.2.

$$x_{f} - x_{i} = \frac{1}{2}(v_{xi} + v_{xi} + a_{x}t)t$$

$$x_{f} - x_{i} = v_{xi}t + \frac{1}{2}a_{x}t^{2}$$
(11.2)

نحصل على المنحنى البياني للعلاقة (الموضع- الزمن) لحركة تسارعها ثابت (موجب) والمبين في الشكن 2.00 من المعادلة 11.2 ، نلاحظ أن المنحنى قطع مكافئ، ميل خط الماس لهذا المنحنى عند الشخى عند $t=t_1=0$ يساوي السرعة الابتدائية v_{xi} ، وميل خط المماس عند اي زمن اخر يساوي السرعة عند هذا الزمن v_{xf} .

ويمكننا عمل اختبار للتحقق من صحة المادلة 11.2 بنقل الحد _{xi} إلى الطرف الايمن للمعادلة ونفاضل المادلة باانسبة للزمن:

$$v_{xf} = \frac{dx_f}{dt} = \frac{d}{dt} \left(x_i + v_{xi}t + \frac{1}{2}a_x t^2 \right) = v_{xi} + a_x t$$

وأخيراً يمكننا الحصول على تعبير للسرعة النهائية خالياً من الزمن بالتعويض عن قيمة 1 من المادلة 8.2 في المادلة 10.2:

$$x_f - x_i = \frac{1}{2}(v_{xi} + v_{xj})\left(\frac{v_{xj} - v_{xi}}{a_x}\right) = \frac{v_{xj}^2 - v_{xi}^2}{2a_x}$$

$$v_{xf}^2 = v_{xi}^2 + 2a_x(x_f - x_i)$$
 (a_x عند ثبوت)

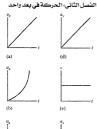
$\begin{array}{l} \upsilon_{xf} = \upsilon_{xi} = \upsilon_x \\ \\ x_f - x_i = \upsilon_x \, t \end{array} \right\} \ \text{when} \ a_x = 0$

بمعنى انه عندما يكون التسارع صفراً، تكون السرعة ثابتة والازاحة متغيره خطياً مع الزمن.

42 4 4 1

في الشكل 11.2 طابق كل منحنى بياني للعلاقة (v_x -t) مع المنحنى البياني الأمثل لوصف الحركة.

المعادلات من 8.2 حتى 12.2 هي تعبيرات كينماتيكية والتي ربما تستخدم هي حل أي مسالة تحتوي على حركة هي بعد واحد بتسارع ثابت. آخذين هي الاعتبار ان هذه الملاقات كانت مشتقة من تعريف السرعة والتسارع معاً مع بعض المعالجات الجبرية البسيطة باليد وبشرطه إن يكون التسارع ثابتاً.



(c) (f) (h) (d) الكول 11.2 الأجزاء (a) (b) (d) هي الشكل 11.2 الأجزاء (c) (b) (d) الملاقة (c) (d) الحسم منحنيات سائية للملاقة (c) (d) الحسم

الشكل 11.2 الاجزاء (a) (b) (c) هي منحنيات بيانية للعلاقة (v_x) لجسم منحنيات بيانية للعلاقة (v_x) لجسم يتحرك هي بعد واحد، وتُرى التسارع المكن لكل جسم كدالة هي الزمن هي (b) (c) (d).

الاربع معادلات الكينماتيكية المستخدمة في معظم الاحيان مدونة في قائمة بالجدول 1.2. اختيار اي معادلات الكينماتيكية المستخدمة في معظم الاحيات التي تعطى لك. واحياتاً يكون من المعادلات لاستخدام معادلتين من هذه المعادلات لحل مجهولين. وعلى سبيل المثال، افرض ان السرعة الابتدائية v_{xi} والتسارع v_{xi} معطى لك. يمكنك بعد ذلك ان تجد (1) السرعة بعد مضي فترة زمنية t باستخدام المعادلة v_{xi} و (2) الإزاحة بعد مضي فترة زمنية t، بإستخدام المعادلة t و (2) الإزاحة وعد مضي فترة زمنية t، بإستخدام المعادلة t و (3) الإزاحة وعد مضي فترة زمنية t، بإستخدام المعادلة t ويجب التعقق من الحركة في اتجاء المحور t.

الجدول 122 العادلات الكينماتيكية لحركة في خط مستقيم بشرط . أن يكون التسارع ثابت

المعلومات المعطاة بالمعادلة
السرعة كدالة في الزمن
الإزاحة كدالة في السرعة والزمن
الإزاحة كدالة في الزمن
السرعة كدالة في الإزاحة

الفيزياء (الجزء الأول - الميكانيكا والديناميكا الحرارية)

ستجد ان الكميات التي تتغير اثناء الحركة هي السرعة، الإزاحة، والزمن.

وسوف تحصل على خبرة عظيمة في استخدام هذه المادلات بحل عدد من التمارين والمسائل. وسوف تكتشف في مرات كثيرة ان اكثر من طريقة يمكن ان تُستخدم للحصول على الحل. ونذكر ان هذه المادلات الكينماتيكية لايمكن ان تستخدم في الحالة التي يتغير فيها التسارع مع الزمن. ولكنها تُستخدم فقط عندما يكون التسارع نابتاً.

مثال ذهني 5.2؛ السرعة لاجسام مختلفة.

اعتبر ان الحركات التالية في بعد واحد: (a) تقذف كره إلى أعلى لتصل إلى أعلى نقطة ثم تسقط لتعود ليد قاذفها (b) سيارة سباق تبدأ من السكون وتـزداد سـرعتها حتى تصل إلى 100 m/s (c) (c) سفينة فضائية تندفع خلال الفضاء بسرعة ثابتة. هل هناك أي نقط في الحركة لهذه الاجسام والتي تكون عندها السرعة اللحظية مساوية للسرعة المتوسطة على طول الحركة (خلال الحركة)؟ إذا كان كذلك حدد النقطة (أو النقامل).

| لوحل- (a) تكون السرعة المتوسطة للكرة المقدوفة مساوية صفراً بسبب ان الكرة ترجع لنقطة بدايتها، ولذلك تكون ازاحتها صفراً (تذكر ان السرعة المتوسطة تعرف على انها $(\Delta x / \Delta t)$. توجد نقطة واحدة التي عندها السرعة اللحظية تساوي الصفر عند أعلى نقطة في الحركة. (b) لايمكن تقييم السرعة المتوسطة للسيارة من المعلومات المعلاه ولكن يجب ان تكون هناك بعض القيم ببن الصفر و (2 m/s) ولان السيارة سوف يكون لها سرعة لحظية بين الصفر و (2 m/s) عندها السرعة الاوقات خلال الفترة الزمنية، فإنه يجب ان يكون هنا بعض اللحظات التي تكون عندها السرعة اللحظية تساوى السرعة المتوسطة.

 (a) لأن السرعة اللحظية للسفينة ثابتة، تكون سرعتها اللحظية عند أي وقت وسرعتها المتوسطة خلال الفترة الزمنية واحدة.

مثال 6.2 : الحركة مع فيض مروري.

 (a) قدر متوسط تسارعك عندما تقود من مدخل طريق منحدر إلى طريق سريع بربط بين ولايتين.

الحا- تحتوي هذه المسألة على اكثر من المقادير المتاده التي نقدرها! سوف نحاول ان نأتي بقيمة التسارع _xa، ولكن من الصعب تقدير قيمتها مباشرة.

الشَّلاث متغيرات الاخرى التي تحتويها الكينماتيكا هي الموضع، السرعة، والزمن وربما تكون

الفصل الثاني: الحركة في بعد واحد

السرعة هي أسهل واحدة للتقدير . دعنا نفرض أن السرعة $100 \, \mathrm{Km/h}$ ودنلك يمكنك الاندماج هي حركة المرور . ونضرب هذه القيمة في 1000 لنحول الكيلومترات إلى امتار ثم نقسم على 3600 لنحول الساعات إلى ثواني، هذه الحسابات تساوي تقريباً قسمة القيمة على 3 . في الحقيقة دعنا نقول أن السرعة النهائية تساوي $30 \, \mathrm{m/s} > 0.0 \, \mathrm{m/s}$ (تذكر أنك يمكن أن تبعد عن النتيجة بهذا النوع من التقريب بإسقاط الارقام العشرية عندما تُجري حسابات ذهنية فإذا بدأت بوحدات بريطانية تستطيع أن تقريب $100 \, \mathrm{m/s}$ ($0.5 \, \mathrm{m/s}$ و $0.5 \, \mathrm{m/s}$) .

والآن نفرض انك بدأت الصعود للطريق المتحدر بثلث سرعتك النهائية أي آن $v_{sf} = 10 \text{ m/s}$, واخيراً نفرض آنك تأخذ حوالي 10s لكي تتنقل من v_{sf} v_{sf} ، اساس هذا التقدير يعتمد على خبرتك السابقة في السيارات. ويمكننا بعد ذلك أن نوجد التسارع باستخدام المعادلة 8.2 :

$$a_x = \frac{v_{yf} - v_{xi}}{t} = \frac{30 \text{ m/s} - 10 \text{ m/s}}{10 \text{ s}} = 2 \text{ m/s}^2$$

هذا النوع من المجهود الذهني في حل المسائل يكون مدهشاً ومفيداً وغالباً ما يعطي نتائج قد لاتكون مختلفة كثيراً عن تلك التي نتوصل إليها من القياسات الدقيقة .

(b) إلى اي بعد سوف تصل اثناء نصف الفترة الزمنية والتي تحركت اثنائها بتسارع؟

الحل- يمكن ان نحسب المسافة المقطوعة الثناء أول 58 من المعادلة 11.2:

$$x_f - x_i = v_u t + \frac{1}{2} a_i t^2 \approx (10 \text{ m/s})(5 \text{ s}) + \frac{1}{2} (2 \text{ m/s}^2)(5 \text{ s})^2$$

= 50 m + 25 m = 75 m

🛣 مثال 7.2: مهبط حاملة طائرات

تهبط طائرة على حاملة طائرات بسرعة «140 mi/h (a) (a) (a) ما هو تسارعها إذا وقفت بعد 2.0 s . _

الهجا- نُعرف الاحداثي x بانه اتجاه حركة الطائرة، القراءة المتانية للمسالة تُظهر انه بالاضافة إلى معرفة السرعة الابتدائية للمعطاء 8/3 سكرة، ونلاحظ المعرفة السرعة الابتدائية للمعطاء 8/3 سكرة، ونلاحظ النضأ اننا لم نُعطى ازاحة الطائرة اثناء توقتها، للعادلة 8/2 هي المعادلة الوحيدة في الجدول 2.2 التي الاتحتوى الازاحة، ولذلك نستخدمها لايجاد التسارع:

$$a_x = \frac{v_{xf} - v_{xi}}{t} \approx \frac{0 - 63 \text{ m/s}}{2.0 \text{ s}} = -31 \text{ m/s}^2$$

الفيزياء (الجزء الأول - الميكانيكا والديناميكا الحرارية)

(b) ما هي ازاحة الطائرة اثناء توقفها؟

الحل- نستطيع الان ان نستخدم أي من المادلات الثلاث الاخرى في الجدول 2.2 لحساب الازاحة. دعنا نختار المادلة 2.10:

$$x_f - x_i = \frac{1}{2}(v_{xi} + v_{xf})t = \frac{1}{2}(63 \text{ m/s} + 0)(2.0 \text{ s}) = 63 \text{ m}$$

وإذا قطعت الطائرة إزاحة أكبر من هذه، فريما تسقط في المحيط. وعلى الرغم من ان فكرة استخدام حبال التوقف لتمكين الطائرات من الهبوط بسلام على السفن قد استخدمت لاول مرة خلال فترة الحرب العالمية الأولى، إلا ان الحبال مازالت جزءاً هاماً وضروري لعمل حاملات الطائرات الحديثة.

مثال 8.2: متابعة حدود السرعة المسموح بها

تسير سيارة بسرعة ثابتة 54.0 m/s, تمر على رجل مرور مختباً خلف لوحة اعلانات، وبعد ثانية واحدة من مرور السيارة على لوحة الاعلانات يخرج رجل المرور من وراء اللوحة ليلحق بها، ويبدأ في السير بتسارع ثابت مقداره 2.5 m/s ما هو طول المسافة الي يقطعها ليصل إلى السيارة؟

الرحل» من القراءة المتأنية دعنا نصف هذه المسألة بأنها مسألة تسارع ثابت. ونعرف انه بعد 18 من البداية سوف يأخذ رجل المرور 15.5 (45.0 m/s البداية سوف يأخذ رجل المرور 15.5 (45.0 m/s البداية سوف يستمر بعد ذلك في زيادة سرعته (بمعدل 30 m/s كل ثانية) ليلحق بالسيارة. وفي أثناء حدوث كل هذا تستمر السيارة في الحركة. ولذلك يجب علينا ان نتوقع ان النتيجة سوف تكون اكثر من 15.5 الرسم التخطيطي (الشكل 12.2) يساعد في تتابع الأحداث.

أولاً : نكتب علاقة لموضع كل سيارة كدالة في الزمن. ومن الناسب أن نختار موقع لوحة الاعلانات نقطة الاصل ونضع B=0 هو الزمن الذي يبدأ فيه رجل المرور الحبركة. في هذه اللحظة تكون السيارة فد تحركت مسافة m=0.5 لائها تسير بسرعة ثابتة $v_x=45.0$ m/s للوضع $x_0=45.0$. $v_x=45.0$ الابتدائي للسيارة المتحركة هو $x_0=45.0$.

وحيث ان السيارة تسير بسرعة ثابتة يكون تسارعها مساوياً للصفر . وبتطبيق المعادلة 11.2 (مع $a_x=0$

$$x_{\text{car}} = x_{\text{B}} + v_{x\text{car}} t = 45.0 \text{ m} + (45.0 \text{ m/s})t$$

ويفحص سريع لهذه العلاقة تظهر انه عند 0=1 يعطي هذا التعبير موضع السيارة الابتدائي الصحيح عندما يبدأ رجل المرور في الحركة $x_{\rm car} = x_{\rm B} = 45.0$ m.

الفصل الثاني: الحركة في بعد واحد

يبدأ رجل المرور من السكون عند 2-1 ويتحرك بتسارع 3.0 m/s² بعيداً عن نقطة الأصل. ومن ثم بمكن حساب موقعه بعد اى فترة زمنية من المادلة 2.11:

$$x_f = x_i + v_{xi}t + \frac{1}{2}a_xt^2$$

$$x_{trooper} = 0 + 0t + \frac{1}{2}a_xt^2 = \frac{1}{2}(3.00 \text{ m/s}^2)t^2$$

يدرك رجل المرور السيارة هي اللحظة التي يكون هيها موقعه متطابق مع (يساوي) موقع السيارة وهو الموقع ﴿۞ :

$$x_{\text{trooper}} = x_{\text{car}}$$

 $1/2 (3.00 \text{ m/s}^2) t^2 = 45.0 \text{ m} + (45.0 \text{ m/s})t$

$$1.50 t^2 - 45.0 t - 45.0 = 0$$

= (3 .3 1-2

والحل الموجب لهذه المعادلة هو 31.0 عنه (وللمساعدة في حل المعادلات التربيعية) لاحظ انه في هذه الفسترة الزمنية 31.0 يقطع رجل المور مساشة حوالي m المعافة بعكن حسابها من السرعة السرعة

$$(45.0 \text{ m/s}) (31+1) = 1440 = \text{m}$$

الثابتة للسيارة:

تمرين؛ يمكن حل هذه المسألة بيانياً. على نفس الرسم البياني، ارسم علاقة الموضع مع الزمن لكل سيارة، ومن نقطة تقاطع المتحنين عين الزمن الذي عنده يدرك رجل المرور السيارة.

FREELY FALLING OBJECTS السقوط الحر للاجسام

من المعروف جيداً الآن أنه في غياب مقاومة الهواء، تسقط جميع الاجسام الساقطة بالقرب من سطح الكرة الأرضية في اتجاه الارض بنفس التسارع الثابت تحت تأثير الجاذبية الأرضية. حتى عام 1600 لم تكن تلك النتيجة مقبولة، وقبل هنذا الوقت كانت تعاليم الفيلسوف العظيم ارسطو رسطة (222 B.C) 384-322 تقول أن الاجسام الثقيلة تسقط أسرع من الخفيفة.

كان العالم الايطالي جاليليو جاليلي (Galileo Galilei (1642 هو من وضع الأفكار الحالية التعلقة بسقوط الاجسام. هناك اسطورة بأنه وصف سقوط الاجسام بملاحظة وزنين مختلفين يسقطان معاً من برج بيزا المائل ليصطلما بالأرض عند نفس الزمن تقريباً. وعلى الرغم من انه يوجد ﴿

الفيزياء (الحزء الأول - المكانيكا والديناميكا الحرارية)

بعض الشك بأنه قام بإجراء هذه التجرية الخاصة. ومن الثابت ان جاليليو صمم كثيراً من التجارب على أجسام تتحرك على مستوى مائل. في هذه التجارب دحرج كره إلى أسفل بمستوى مائل قليلاً وقاس المسافة التي قطعتها في فترات زمنية متتابعة. وكان الغرض من الميل هو تقليل التسارع: وبتقليل التسارع استطاع جاليليو أن يقيس الفترات الزمنية بدقة. وبواسطة زيادة ميل المستوى المائل بالتدريج، استطاع جاليليو في النهاية ان يرسم النتيجة حول السقوط الحر للاجسام حيث ان سقوط الكرة حر يكافئ تحرك الكرة إلى أسفل في مستوى عمودي (مائل بزاوية °90).

تساؤل سريع: 🔪

استخدم قلم رصاص في عمل ثقب في قاع فنجان من الورق ثم غطى الثقب باصبعك واملاء الفنجان بالماء. امسك الفنجان إني أعلى امامك ثم اتركه ليسقط. هل يخرج الماء من الثقب اثناء سقوط الفنجان؟ لماذا "نعم" أو لماذا "لا"؟

وربما تحاول عمل التجرية التالية. اسقط معاً في ان واحد قطعة نقود وقطعة من ورق مجعده من نفس الارتفاع. فإذا اهمل تأثير مقاومة الهواء، فسوف يأخذ الاثنان نفس الحركة وسوف يصطدمان بالأرض في نفس الوقت. في الحالة المثالية، والتي فيها تكون مقاومة الهواء غائبة مثل هذه الحركة ترجع إلى السقوط الحر. إذا استطعنا تنفيذ نفس التجربة في الفراغ، والذي تكون فيه مقارمة الهواء مهملة حقاً ، يجب أن يسقط الورق وقطعة النقود بنفس التسارع حتى عندما تكون الورقة غير مجعدة. في الثاني من اغسطس عام 1971 تم اجراء هذه التجربة على القمر بواسطة رائد الفضاء ديفيد اسكوت David Scott . فقد ترك شاكوش وريشة حران، فسقطا في نفس اللحظة على سطح القمر. وبالتأكيد هذه التحرية تسعد حاليليوا

وعندما نستخدم التعبير "السقوط الحر للاجسام" ليس بالضرورة أن نشير إلى جسم يسقط من السكون. فالسقوط الحر للأجسام هو أي جسم يتحرك حراً تحت تأثير الجاذبية وحدها بغض النظر عن حركته الابتدائية. ويكون السقوط الحر بمجرد إطلاقه. فأى سقوط حر لجسم سوف يعانى تسارع متجهاً لأسفل بغض النظر عن حركته الابتدائية.

وسوف نشير إلى قيمة تسارع السقوط الحر بالرمز g. وتقل قيمة g الموجودة بالقرب من سطح الأرض مع زيادة الارتفاع. وعلاوة على ذلك يحدث تغيـر بسيط في g مع التغيـر في الارتفاع. ومن الشائع ان نعرف "إلى أعلى Up" باتجاه (y+) ونستخدم y لتغير الموضع في معادلات الكينماتيكا. وعلى سطح الأرض قيمة g تساوى تقريباً \$9.8 m/s . وإذا لم تعط فسوف نستخدم هذه القيمة لـ g عندما نجرى الحسابات. ولعمل تقدير سريع نستخدم g= 10 m/s².

وإذا اهملنا مقاومة الهواء وفرضنا ان تسارع السقوط الحر لايتغير مع الارتفاع خلال مسافات 82 ﴾ عمودية قصيرة، سوف تكون الحركة لجسم يسقط عمودياً سقوط حر مكافئ لحركة في بعد واحد تحت تأثير تسارع ثابت. ولذلك يمكن تطبيق المعادلات التي عرضناها في القسم 5.2 لجسم يتحرك بتسارع ثابت، التعديل الوحيد هو ملاحظة أن هذه المعادلات لاجسام تسقط سقوطاً حرا وأن الحركة في الاتجاه العمودي (اتجاه y) بخلاف الاتجاه الافقى (x) وان ذلك التسارع يكون متجها لاسفل له قيمة 9.80 m/s². ولذلك دائماً نأخذ 98 m/s² - g= -98 m/s، حيث إن الاشارة سالبة تعني ان التسارع لجسم يسقط سقوطا حرا يكون متجهاً لاسفل. في الفصل 14 سوف ندرس كيف نتعامل مع التغير في g بتغير الارتفاع.

اقدام غواص فضاء. مثال ذهني 9.2:

يقفز غواص فضاء إلى الخارج من طائرة هيليكوبتر وهي تطير، وبعد عده ثواني يقفز غواص اخر، ويسقطا الاثنان عبر نفس الخط العمودي. اهمل مقاومة الهواء، ولذلك يسقط كالهما بنفس التسارع. هل يظل الفرق في سرعتيهما ثابت خلال السقوط؟ وهل تظل نفس المسافة بينهما خلال السقوط ثابتة؟ وإذا اتصل الغواصان بحبل مطاط طويل، هل قوة الشد في الحبل تزيد، تقل، أم تظل ثابتة أثناء السقوط؟

الحل- عند اى لحظة معطاه، تختلف سرعة الغواصين لان احدهما بدأ قبل الاخر. في اى فترة زمنية Δt بعد هذه اللحظة، تزداد سرعة الغواصين بنفس المقدار حيث ان لهما نفس التسارع. لذلك يظل الفرق في سرعتيهما ثابت خلال السقوط.

يكون للغواص الأول دائماً سرعة اكبر من الثاني، لذلك فانه في الفترة الزمنية المعطاه يقطع الغواص الأول مسافة اكبر من الثاني. لذلك تزداد المسافة التي تفصلهم.

وبمجرد أن تصل المسافة بين الغواصين طول الحبل المطاط تزداد قوة الشد في الحبل. وكلما زادت قوة الشد تصبح المسافة بين الغواصين اكبر واكبر.

أي مثال 10.2: وصف الحركة لكرة مقذوفة.

تقذف كرة رأسياً إلى اعلى بسرعة 25 m/s . قدر سرعتها خلال فترات زمنية كل منها 1s.

الحل- دعنا نختار الاتجاه إلى اعلى هو الاتجاه الموجب، و بغض النظر عن ان الكرة تتحرك إلى اعلى أو إلى اسفل، تتغير سرعتها العمودية بحوالي (10 m/s) كل ثانية تمكثها في الهواء. تبدأ الكره بسرعة 25 m/s . وبعد انقضاء 1s تستمر الكرة في التحرك إلى أعلى ولكن بسرعة 15 m/s حيث ان تسارعها إلى اسفل (التسارع لاسفل بسبب نقصان سرعتها وبعد ثانية اخرى تنقص سرعتها لاعلى إلى 5 m/s . والان نآتي إلى الجزء الذي يحدث فيه الخدعة - بعد نصف ثانية اخرى تصبح سرعتها صفر، الكرة صعدت إلى اقصى ارتفاع يمكن ان تصل إليه. وبعد هذه النصف ثانية الاخيرة من الفترة

الفيزياء (الجزء الأول - الميكانيكا والديناميكا الحرارية)

إلى اسفل)، والذي فيه تتغير سرعتها من 5 m/s + إلى 5 m/s - خلال تلك الفترة 1s . والتغير في السرعة خلال هذه الثانية مازال m/s الصاح ([5+] - 5-). وتستمر في الهبوط وبعد انقضاء (مرور) ls اخرى تسقط الكرة بسرعة m/s -. وأخيراً وبعد ls اخرى تصل إلى نقطة بدايتها الأصلية وتتحرك إلى أسفل بسرعة 25 m/s . وفي حالة قذف الكرة عمودياً من منحدر شاهق، تستطيع ان تستمر في الهبوط مع استمرار تغير سرعتها بمقدار حوالي 10 m/s كل ثانية.

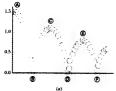
🚺 مثال ذهني 11.2؛ متابعة ارتداد كرة

تسقط كرة تنس من ارتضاع مستوى الكتف (حوالي 1.5m) وترتد ثلاث مرات قبل امساكها. ارسم المنحنيات البيانية لموضعها، سرعتها وتسارعها كدالة في الزمن، مع اعتبار الاتجاء الموجب للاحداثي ٧+ هو الاتجاه إلى اعلى.

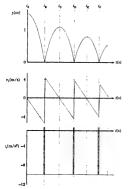
الحل- في رسوماتنا دعنا نمد الأشياء إلى الخارج أفقيا لنرى ما سوف يحدث. (حتى إذا ما تحركت الكرة أفقيا فإن ذلك لا يؤثر على حركتها رأسيا).

نرى من الشكل 13.2 ان الكرة تالامس الأرض عند النقاط (B) ، (B) ، ولان سرعة الكرة تتغير من السالب إلى الموجب ثلاث مرات خلال هذه الوثبات، يجب ان يتغير ميل المنحنى البياني للعلاقة (الموضع- الزمن) بنفس الطريقة. لاحظ ان الفترة الزمنية بين الوثبات تقل. لماذايحدث هذا ؟

وأثناء سكون الكرة يجب ان يكون ميل منحنى (السرعة- الزمن) يساوى9.8m/s²- ويكون منحنى (التسارع- الزمن) خط افقى عند هذه الازمنه لان التسارع لا يتغير عندما تكون الكره في حاله سقوط حسر، وعندما تتلامس الكرة مع الأرض، تتغير السرعة خلال فترة زمنية قصيرة جداً، ولذلك يجب أن يكون التسارع كبير جدا. وهذا بناظر كل الخطوط المستدة لاعلى في منحنى (السرعة-الزمن) وبالنسبة للخطين في منحني (التسارع-84) الزمن).



الشكل 13.2 (a) أسقطت كرة من ارتضاع 1.5 m وارتدت من الارض (لم يُأخذ في الاعتبار الحركة الافقية لأنها لاتؤثر على الحركة الرأسية). (b) المنحنيات البيانية لعلاقة كل من 'الموضع، السرعة، والتسارع مع الزمن.



تساول سريع 5.2:

ما هي القيم التي تمثل سرعة الكرة وتسارعها عند النقط (A) ، (B) في الشكل 13.2.

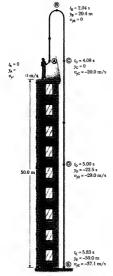
- $v_y = 0, a_y = 0 \tag{a}$
- $v_y = 0$, $a_y = 9.80 \text{ m/s}^2$ (b)
- $v_y = 0$, $a_y = -9.80 \text{ m/s}^2$ (c)
- $v_v = -9.80 \text{ m/s}, a_v = 0$ (d)

شال 12.2؛ قذف ليس بردئ الجند جديد

مُذف حجر من همة مبنى بسرعة ابتدائية \$20.0 m أخذف حجر من همة مبنى بسرعة ابتدائية \$50.0 m أرض وقلد وعلى وكان ارتفاع البنى وهو في طريقه وقلد الحجر حافة سطح البنى وهو في طريقه للهبوط، كما هو موضح في الشكل \$41. وباستخدام (ه.) مون (ه) الزمن الذي يعود فيه الحجر إلى الارتفاع الذي قذف منه. (أ) اقصى ارتفاع. (أ) الزمن الذي يعود فيه الحجر إلى الارتفاع فيه الحجر إلى الارتفاع فيه الحجر إلى الارتفاع وموضح هذه اللحظة. (أ) سرعة وموضح حدد هذه اللحظة. (أ) سرعة وموضح الحجر عند 8.50 سرعة وموضح الحجر عند 8.50 سرعة وموضح الحجر عند 8.50 سرعة الحجر عند 8.50 سرعة وموضح عند 8.50 سرعة الحجر عند 8.50 سرعة الحجر عند 8.50 سرعة وموضح عند 8.50 سرعة الحجر عند 8.50 سرعة ا

الحل- (a) اثناء انتقال الحجر من (b) إلى (B) تغير سرعته بمقدار 20 m/s 20 w/s وشف عند (B). ولان عجلة الجاذبية الأرضية تسبب تغير السرعة العمودية بقيمة 10m/s كان ثانية في السقوط الحر. يجب ان يأخذ الحجر حوالي 2 2 ليذهب من (b) إلى (B) الموضحان في الرسم. (في مثل هذه المسائل، بالتأكيد سوف يساعدك الرسم في تنظيم تفكيرك)، ولحساب الزمن gا الذي عنده يصل الحجر إلى اقصىي ارتضاع، نستخدم المادلة يصل الحجر إلى اقصىي ارتضاع، نستخدم المادلة $v_{yB} = v_{yA} + a_y \cdot 1.28$

 $20.0 \text{ m/s} + (-9.80 \text{ m/s}^2) t = 0$



الشكل 14.2 الموضع والسسرعــة مع الزمن لسقوط حر لحجر يُقذف رأسياً لاعلى بسرعة ابتدائية مقدارها v_{yi} = 20.0 m/s

$$t = t_{\rm B} = \frac{20.0 \text{ m/s}}{9.80 \text{ m/s}^2} = 2.04 \text{ s}$$

تقديرنا كان قريباً جداً.

(0m/s و 20 m/s ميث أن السرعة المتوسطة خلال الفترة الزمنية الأولى هي 10 m/s و 20 m/s و 20 m/s و الزمنية في ولانها تسير لمدة حوالي 20 c. وبالتعويض عن فترتنا الزمنية في المحادلة 11.2 نستطيع أن نوجـد أقصــى أرتفاع مقاس من موضع الشخص القبائف حيث نضبع $y_i = y_i = 0$

$$y_{\text{max}} = y_B = v_{xA}t + \frac{1}{2}a_xt^2$$

 $y_B = (20.0 \text{ m/s})(2.04 \text{ s}) + \frac{1}{2}(-9.80 \text{ m/s}^2)(2.04 \text{ s})^2$
 $\approx 20.4 \text{ m}$

تقديرنا للسقوط الحر يكون دقيق جداً.

(°) ليس هناك سبب بجعلنا نعتقد ان حركة الحجر من B إلى O ليست هي خلاف عكس حركته من A إلى O ولذلك فإن الزمن الذي يحتاجه لأن يذهب من A إلى O يجب ان يكون ضعف الزمن الذي يحتاجه لينتقل من A إلى O. و عندما يعود الحجـــر إلى الارتفاع الذي قـذف منه (الموضع O) تكون احداثيات V الصفر مرة اخرى. وباستخدام المعادلة O11.2 O

$$y_C - y_A = v_{yA}t + \frac{1}{2}a_yt^2$$
 and $y_t = y_A = 0$

 $0 = 20.0t - 4.90t^2$

وهذه معادلة تربيعية ولذلك لها حلان لـ t= t_C . وتكون المعادلة على الصورة:

$$t(20.0-4.90 t)=0$$

احدى الحلول 0 = t = 4.08 ه و زمن بداية حركة الحجر . والحل الآخر هو 4.08 ه t = 1 ، وهو الحل الذي نبحث عنه . لاحظه انه ضعف قيمة حسابات t = 1.08 ،

 (d) مرة اخرى نتوقع ان كل شئ عند () هو نفسه عند () ، ما عدا ان السرعة الان في الاتجاه المضاد . قيمة 1 التي تم الحصول عليها في () يمكن ادخالها في المادلة 2.8 لتعطي

$$v_{yC} = v_{yA} + a_y t = 20.0 \text{ m/s} + (-9.80 \text{ m/s}^2) (4.08 \text{ s})$$

سرعة الحجر عندما يعود مرة اخرى لارتفاعه الاصلي تساوي في المقدار سرعته الابتدائية، ولكن في الاتجاء العكسي. وهذا يدل على ان الحركة متماثلة.

(e) في هذا الجزء سنأخذ في الإعتبار ما يحدث عندما يسقط الحجر من الوضع (B)حيث كانت

الفصل الثاني: الحركة في بعد واحد

سرعة العمودية صفر إلى الموضع (D) . وحيث ان الوقت المستغرق لهذا الجزء من الحركة حوالي s 3، فإننا نعتبر ان عجلة الجاذبية قد غيرت من السرعة. بحوالي 30 m/s. ونستطيع حساب هذا من . $t = t_{\mathrm{D}^+} t_{\mathrm{B}}$ المعادلة 8.2 حيث نأخذ

$$v_{vD} = v_{yB} + a_y t = 0 \text{ m/s} + (-9.80 \text{ m/s}^2) (5.00 \text{ s} - 2.04 \text{ s})$$

= -29.0 m/s

نستطيع بسهولة كما أجرينا حساباتنا بين الموضعين A و D أن نتأكد من اننا نستخدم الفترة $t = t_{D} - t_{A} = 5.0 \text{ s}$

$$v_{yD} = v_{yA} + a_y t = 20.0 \text{ m/s} + (-9.80 \text{ m/s}^2) (5.00 \text{ s})$$

= -29.0 m/s

ولوصف قوة معادلتنا الكينماتيكية، يمكن أن نستخدم المعادلة 11.2 لتحديد موضع الحجر عند التغير في الموضع بين زوج مختلف من المواضع (D) و (D). وفي هذه الحالة يكون (D) عنبار التغير في الموضع بين زوج مختلف من المواضع (D)

$$y_D = y_C + v_{yC}t + \frac{1}{2}a_yt^2$$

$$= 0 \text{ m} + (-20.0 \text{ m/s}) (5.00 \text{ s} - 4.08 \text{ s})$$

$$+ \frac{1}{2}(-9.80 \text{ m/s}^2) (5.00 \text{ s} - 4.08 \text{ s})^2$$

$$= -22.5 \text{ m}$$

تمرين: اوجد (a) سرعة الحجر قبل ارتطامه بالأرض مباشرا عند (E) و (b) الزمن الكلى الذي يبقاه الحجر في الهواء،

5.83 s (b) -37.1 m/s (a) - الاجابة

قسم اختيارى

الزمن In-Ic:

7.2 استنتاج معادلات الكينماتيكا من حساب التفاضل والتكامل

KINEMATIC EQUATIONS DERIVED FROM CALCULUS

هذا قسم اختياري يفترض أن القارئ يجيد طرق حساب التفاضل والتكامل. وإذا كنت لم تدرس بعد التكامل في منهج التفاضل والتكامل، يجب عليك ان تتخطى هذا القسم او تدرسه بعد دراستك للتكامل.

يمكن الحصول على سرعة جسيم متحرك في خط مستقيم إذا كان موضعه معروفاً كدالة في الزمن. ورياضياً السرعة هي مشتقة إحداثي المكان بالنسبة للزمن. ومن المكن ايضاً إيجاد إزاحة جسيم إذا كانت سرعته معروفة كدالة في الزمن. وفي حساب التفاضل والتكامل الطريقة التي ﴿ 87 ۗ

الفيزياء (الجزء الأول - الميكانيكا والديناميكا الحرارية)

تستخدم لتحقيق هذا الهدف هي اما التكامل أو بايجاد عكس التفاضل. وهو ما يكافئ في الرسم البياني إيجاد المساحة أسفل المنحني.

افرض المنحنى البياني للعلاقة $v_x - t$ $v_x - t$ إلى هترات على طول الاحداثي x كما هو مبين في الشكل 15.2 دعنا نقسم الفترة الزمنية $t_f - t_f$ إلى هترات عديدة صغيرة، كل هترة طولها Δt_f . ومن تعريف السرعة المتوسطة نرى ان الازاحة خلال اي هترة زمنية صغيرة، مثل تلك المظللة في الشكل المجاللة من المباركة والمباركة من \overline{v}_x هي متوسط السرعة في تلك الفترة الزمنية ، ولذلك بببساطة تكون الازاحة الثاء الفترة الزمنية الصغيرة هي مساحة المستطيل المظلل، والازاحة الكلية للفترة $t_f - t_f$ هي مجموع مساحات كل المستطيلات

$$\Delta x = \sum \widetilde{\upsilon}_{xn} \Delta t_n$$

حيث الرمز \sum يمثل مجموع كل الحدود . في هذه الحالة ، يتم جمع كل المستطيلات من i_1 إلى i_1 والان كلما جعلنا الفترة اصغر فاصغر كلما زاد عدد الحدود في الجمع ويقترب الجمع من قيمة تساوي المساحة تحت منعنى (السرعة- الزمن). ولذلك عندما تؤول n إلى ∞ ∞ (Limit $n \rightarrow \infty$) و -1 المناحة تكون الإزاحة:

$$\Delta x = \lim_{\Delta_{I_r} \to 0} \sum_{n} v_{xn} \Delta I_n$$
Displacement= area under the v_{I_r} - t graph
$$v_{I_r} - v_{I_r} - v_{I_r}$$

$$|V_{I_r} - v_{I_r}| = \delta - 1 \text{ [Lister]}$$

لاحظ اننا في الجمع بدلنا متوسط السرعة \overline{v}_m بالسرعة اللحظيه v_m . وكما ترى في الشكل 15.2 ان هذا التقريب يتحقق بوضوح في نهاية فترات زمنية صغيرة جداً . ونستتج اننا إذا عرفنا منحنى v_m للحركة على خط مستقيم نستطيع الحصول على الازاحة الثاء اي فترة زمنية بقياس المساحة تحت المنعلق بتلك الفترة الزمنية .

نهاية الجمع المبين في المعادلة 13.2 يسمى تكامل محدود ويكتب

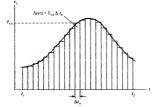
$$\lim_{N_{t}\to 0} \sum_{i} \forall t_{n} = \int_{t_{i}}^{t_{i}} v_{x}(t) dt$$
 (14.2)

حيث ان $v_\chi(t)$ تشير إلى السرعة عند اي زمن t. وإذا كانت الدالة $v_\chi(t)$ دالة صريعة، والنهايات معطاه فإنه يمكن بعد ذلك حساب التكامل.

في بعض الاحيان يأخذ المتحنى البياني v_x - v_y بصيم يتحرك بشكل ابسط بكثير من ذلك المبين 88 في الشكل 15.2 وعلى سبيل المثال افرض ان جسيم يتحرك بسرعة ثابتة v_x . في هذه الحالة يكون

الفصل الثاني: الحركة في بعد واحد

المنحنى البياني v_x كما هو مبين بالشكل 16.2 تكون إزاحته الثناء الفترة الزمنية Δt هي ببساطة مساحة الستطيل المطلل:



الشكل 15.2 السرعة مع الزمن لجسيم يتحرك على طول الاحداثي x. مساحة المستطيل المظال تساوي الازاحة $x\Delta$ في فترة زمنية Δt , بينما المساحة الكلية تحت المتحدى عي الازاحة الكلية لتجسيم.

 $\Delta x = v_{xi} \, \Delta t$ عندما یکون (ثابت = $v_{xi} = v_{xi}$)، نحصل علی

وكمثال آخر، اعتبر جسيم يتحرك بسرعة تتناسب مع 1 كما هـ و مين في الشكل 17.2. وباخذ $v_x = a_x$ حيث a_x حيث a_x هـ غابت النتاسب (التسارع)، نجد أن إزاحة الجسيم اثناء الفترة من a_x إلى الفترة a_x النتاطل في الشكل 17.2:

$$\Delta x = \frac{1}{2}(t_A)(a_x t_A) = \frac{1}{2}a_x t_A^2$$





الشكل 16.2 منحنى (السرعة - الزمن) لجسيم يتحرك بسرعة ثابتة v_{xi} . ازاحة الجسيم اثناء الفترة الزمنية t_{i-1} تساوى مساحة المستطيل المطلل.

معادلات الكينماتيكا Kinematic Equations

والآن نستخدم تعريف المعادلات للتسارع والسرعة لنشتق معادلتان من معادلات الكينهاتيكا، المعادلة 2.2 ه 11.2.

الميزياء (الجزء الأول - الميكانيكا والديناميكا الحرارية)

المعادلة المعروفة للتسارع (Eq 6.2) هي

$$a_x = \frac{dv_x}{dt}$$

وربما تكتب على الصورة $dv_x = a_x dt$ او في صورة التكامل (أو عكس التفاضل)، مثل:

$$v_1 = \int a_1 dt + C_1$$

حيث \mathbb{C}_1 هو ثابت التكامل. وللحالة الخاصة التي فيها يكون التسارع ثابتاً، يمكن ان نضع a_x خارج التكامل لتعطي

$$v_x = a_x \int dt + C_1 = a_x t + C_1$$
 (15.2)

قيمة C_1 عند $v_\chi=v_{\chi i}$ عند $v_\chi=v_{\chi i}$ عند t=0 وبالتعريض عن هذه القيم في المادلة الأخيرة نحصل على:

$$v_{xi} = a_x(0) + C_1$$

$$C_1 = v_{xi}$$

ويتسمية $v_x = v_{xf}$ السرعة بعد مرور الفترة الزمنية t وبالتعويض عن قيمة C_1 المحسوبة من المعادلة 15.2 ، نحصل على معادلة الكينماتيكا 8.2 :

$$v_{xf} = v_{xi} + a_x t$$
 (عند ثبوت (a_x عند ثبوت)

والآن دعنا ندرس المعادلة لمعرفة تعريف للسرعة (Eq. 2.4)

$$v_x = \frac{dx}{dt}$$

يمكننا كتابة ذلك في الصورة $dx = v_x dt$ او في صورة التكامل

$$x = \int v_x dt + C_2$$

:حيث \mathbf{c}_2 ثابت اخر للتكامل. ولان $\mathbf{v}_x = \mathbf{v}_{xf} = \mathbf{v}_{xi} + a_x t$ يلي عبير كما يلي

$$x = \int (v_{xi} + a_x t) dt + C_2$$
$$x = \int v_{xi} dt + a_x \int t dt + C_2$$

$$x = v_{xi}t + \frac{1}{2}a_xt^2 + C_2$$

القصل الثاني؛ الحركة في بعد واحد

ولايجاد $C_2 = x_i$ للشروط الابتدائية $x = x_i$ عندما t = 0 وهذا يعطي $C_2 = x_i$. ولذلك بعد التمويض عن $x \in x_i$ نحصل على:

$$x_j = x_i + v_{ij}t + \frac{1}{2}a_it^2$$
 عند ثبوت عند

وعندما نضع x_i هي الجانب الابسر من المعادلة نحصل على معادلة الكينماتيكا 11.2. تذكر أن $x_i = x_i$ تساوى ازاحة الجسم، حيث x_i تمثل موضعه الابتدائي.

7.2: حلسائل الهادفة- خطوات الحل GOAL PROBLEM- SOLVING STEPS

1- جمع المعلومات Gather information

اول شئ يجب عمله عند الاقتراب من المسألة هو فهم الحالة، اقرأ خطوات المسألة بعناية، البحث عن مفتاح الطريقة مثل "من السكون" أو "سقوط حر"، ما هي المعلومات المعطاء? ما هو السؤال الذي نسأله بالضبطة ولاتنسى ان تجمع معلومات من خبرتك الخاصة والحس الشائع، ما هي الاجابة التي تبدو معقولة؟ لايجب ان تحسب سرعة سيارة لتكون 5 x 106 m/2. هل تعرف الوحدات المتوقعة؟ هل هناك اي حالات محدودة تستطيع ان تأخذها في الاعتبار؟ ماذا يحدث عندما تقترب الزاوية من "0 أو "90 أو عندما تصبح الكتلة ضخمة أو تؤول إلى الصفر؟ وليضاً يجب التأكد انك تدرس بعناية اي رسومات مصاحبة للمسألة.

2- تنظيم طريقتك لفهم الموضوع Organize your approach

عندما تأخذ فكرة حقيقية جيدة عن ماذا تكون المسألة، فإنك تحتاج ان تفكر عما تفعله بعد ذلك. هل قابلك مثل هذا النوع من المسائل من قبل؟ وكلما كنت قادراً على تصنيف المسألة كان من السهل ان تضع الخطه كلها. ويجب ان تعمل في معظم الاحيان رسم سريع للحالة. ضع الاحداث والرموز الهامة بحروف داخل دوائر. آشر إلى قيم معروفة في جدول أو في كراستك مباشرة.

3- حلل المسألة Analyze the problem

وحيث انك صنفت بالفعل المسألة، لايكون من الصعب جداً أن تختار المعادلات الناسبة التي تطيق على هذا النوع. استخدم الجبر (وحساب التفاضل والتكامل في حالة الضرورة) لايجاد حل للمتغيرات المجهولة بدلالة القيم المعطاه. عوض في اعداد مناسبة، واحسب النتيجة، وحولها لعدد مناسب له

القيزياء (الجزء الأول - الميكانيكا والديناميكا الحرارية)

4- تعلم من مجهودك Learn from your efforts

هذا هو اهم جزء. اختبر اجابتك العددية. هل هي تتفق مع توقعك من اول خطوة؟ ماذا عن الشكل الجبري للإجابة- قبل تعويضها بالاعداد؟ هل لها معنى؟ (حاول ان تنظر إلى المتغيرات لترى فيها أي اجابة تتغير بطريقة فيزيائية ذو معنى إذا كانت تزداد أو تقل بعنف أو حتى تصبح صفراً). فكر كيف ان هذه المسألة تماثل اخرى قد تكون قد قمت بحلها من قبل إلى اى مدى يتشابهان؟ ما هي المناطق الحرجة التي تختلفان فيها؟ يجب عليك أن تتعلم شيّ من حلها. هل يمكنك ان تعدد لماذا.

عند حل المسائل المعقدة، ربما تحتاج إلى اعتبار مسائل جزئية ابسط Subproblem وتطبق طريقة الهدف لكل منها. وبالنسبة للمسائل البسنيطة، من المحتمل انك لاتحتاج طريقة الهدف على الاطلاق. ولكن عندما تنظر إلى مسألة تعلم ماذا تفعل في الخطوة التالية، تذكر ماذا تمثل الحروف في عملية الهدف لاستخدامها كمرشد.

ملخص SUMMARY

بعد تحرك جسيم على الاحداثي x من موضع ابتدائي ما x; إلى موضع نهائي ما x تكون ازاحته

$$\Delta x \equiv x_f - x_i$$

السرعة المتوسطة لجسيم اثناء فترة زمنية ما هي الإزاحة Δx مقسومة على الفترة الزمنية Δt التي تحدث فنها الازاحة

$$\overline{v}_x = \frac{\Delta x}{\Delta t}$$
 (2.2)

متوسط السرعة لجسيم تساوى النسبة بين المسافة الكلية التي يقطعها الجسيم إلى الزمن الكلى الذي بأخذه ليقطع تلك المسافة.

تعرف السرعة الإتجاهية اللحظية لجسيم على أنها نهاية النسبة $\Delta x / \Delta t$ عندما تؤول Δt إلى الصفر. ومن التعريف، هذه النهاية تساوى مشتقة x بالنسبة إلى 1 او هي معدل تغير الموضع بالنسبة للزمن.

$$v_x = \lim_{\Delta t \to 0} \frac{\Delta x}{\Delta t} = \frac{dx}{dt}$$
 (4.2)

السرعة اللحظية للجسيم تساوى القيمة العددية لسرعته الاتحاهية.

 Δt يعرف التسارع المتوسط لجسيم على انه النسبة بين التغير في السرعة Δv_x والفترة الزمنية 92) التي يحدث اثنائها ذلك التغير.

$$\overline{a}_x = \frac{\Delta v_x}{\Delta t} = \frac{v_{xf} - v_{xi}}{t_f - t_i}$$
 (5.2)

التسارع اللحظي هو نهاية النسبة Δv_{x} / Δv_{x} المنظر. ومن التعريف، هذه النهاية تساوى مشتقة v_{x} بالنسبة الل v_{x} وهي معدل تغير السرعة بالنسبة للزمن.

$$a_x = \lim_{\Delta t \to 0} \frac{\Delta v_x}{\Delta t} = \frac{dv_x}{dt}$$
 (6.2)

معادلات الكينماتيكا لجسيم متحرك على طول الاحداثي x بتسارع منتظم a_χ (ثابت في المقدار والاتجاه) هى :

$$v_{xf} = v_{xi} + a_x t \tag{8.2}$$

$$x_f - x_i = \overline{v}_x t = \frac{1}{2} (v_{xi} + v_{xf})t$$
 (10.2)

$$x_f - x_i = v_{xi}t + \frac{1}{2}a_xt^2$$
 (11.2)

$$v_{xf}^2 = v_{xi}^2 + 2a_x(x_f - x_i)$$
 (12.2)

يجب ان تكون قادراً ان تستخدم هذه المعادلات و التعريفات في هذا الفصل لتحليل حركة اي جسم يتحرك بتسارع ثابت.

يعاني الجسم الذي يسقط حراً في وجود تسارع الجاذبية الارضية بتسارع السقوط الحر في اتجاه مركز الأرض وإذا كانت مقاومة الهواء مهملة، وكانت الحركة تحدث بالقرب من سطح الأرض، وإذا كان مدى الحركة صغيراً بالقارنة بنصف قطر الأرض، يكون تسارع السقوط الحر g ثابتاً خلال مدى الحركة ، عيث g تساوع 2.8 m/s

افضل طريقة منظمة للاقتراب من المسائل المقدة هي ان تكون قادراً على اعادة استدعاء وتطبيق خطوات استراتيجية الهدف عندما تكون في حاجة إليها .

QUESTIONS اسئلة

- 1- السرعة المتوسطة والسرعة الإتجاهية اللحظية كميتان مختلفتان على وجه العموم. هل يمكن ان تكونا متساويتان لنوع معين من الحركة؟ اشرح.
- إذا كانت السرعة المتوسطةغير صفرية في فترة زمنية ما، هل هذا يعني أن السرعة الإتجاهية اللحظية لاتساوى الصفر أبدا

اثناء هذه الفترة؟ فسر ذلك.

E - إذا كانت السرعة المتوسطة تساوي الصفر في فترة زمنية ما $\Omega_{\rm t}$ (الة مُن $\nu_{\rm x}$ (الة متصلة، ييِّن ان السرعة الإتجاهية اللحظية يجب ان تؤول إلى الصفر في لحظة ما في هذه الفترة (ربما يكون من المفيد ان ترسم الملاقة بين t ، t عند برهانك).

الفيزياء (الجزء الأول - الميكانيكا والديناميكا الحرارية)

- 4- هل من المكن ان تحصل على حالة تكون فيها السرعة والتسارع مختلفا الإشارة؟ إذا كان كذلك ارسم المتحنى البياني للملاقة (السرعة-الزمن) لتأييد رأيك.
- 5- إذا كانت سرعة جسيم لاتساوي صفراً، هل
 من المكن أن يساوي تسارعه الصفراً فسر
 ذلك.
- 6- إذا كانت سرعة جسيم تساوي الصفر، هل
 من الممكن الايساوي تسارعه الصفر؟
 اشرح.
- 7- هل يكون لجسيم تسارع ثابت إذا توقف في اي وقت وبقي متوقفاً؟
- 8- قذف حجر راسياً إلى أعلى من على قمة مبنى، هل تعتمد ازاحة الحجر على موضع نقطة اصل احداثيات النظام وهل تعتمد سرعة الحجر على نقطة الأصل؟ (افرض ان احداثيات النظام ثابتة بالنسبة للمبنى) فسر ذلك.
- و- يقف طالب على قمة مبنى ارتفاعه ۱۱، قذف كرة رأسياً إلى أعلى بسرعة ابتدائية بن أم قسد ف كرة رأسياً إلى أعلى بسرعة البنفس السيوعة الابتدائية للأولى. قيارن بين السيوعة النهائية للكرتين عندما تصل كل منهما إلى الارض؟
- 10- هل من المكن ان تكون القيمة العددية للسرعة الإتجاهية اللحظية أكبر من القيمة العددية لمتوسط السرعة في اي وقت\$ هل من المكن ان تكون اقل\$
- إذا كانت السرعة المتوسطة لجسم تساوي صفراً في فترة زمنية ما، ما الذي يمكن ان تقوله عن ازاحة الجسم لتلك الفترة؟

- 12- ينمو نبات نمواً سريعاً بحيث يتضاعف طوله كل اسبوع. وفي نهاية فشرة اليوم الخامس والعشرين يصل طول النبات إلى ارتفاع مبنى. في أي زمن كان طول النبات يساوي ربع طول المبنى؟
- 13- تتحرك سيارتان في نفس الاتجاه في حارتين متوازيتين لطريق سريع. عند لحظة ما تزيد سرعة السيارة A عن سرعة السيارة B. هل يعني ذلك أن تسارع السيارة A أكبر من تسارع السيارة 8 فسر ذلك.
- 14- اسقطت تفاحة من ارتفاع ما على سطح الأرض، بإهمال مقاومة الهواء، ما مقدار الزيادة في سرعة التفاحة كل ثانية اثناء هموطها؟
- 15- اعتبر إتحادات الاشارات والقيم والتسارع
 التالية لجسيم بالنسبة للاحداثي X. احادي
 البعد.

السرعة Velocity	التسارع Acceleration
موجب	a. موجب
موجب	b. سالب
موجب	c. صفر
سالب	d. موجب
سالب	e . سالپ
سالب	f، صفر
صفر	g. موجب
صفر	h . سالب

اوصف ماذا يعمل الجسيم في كل حالة، اعطي مثالاً حقيقي من الحياة لسيارة تتحرك من الشرق إلى الغرب، اعتبر الشرق هو الاتجاه الموجب.

PROBLEMS / Black

1، 2 ، 3 = مسائل مباشرة، متوسطة، تحدي = الحل كامل متاح في المرشد.

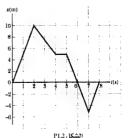
http:// www. sanunderscollege. com/ physics/ = الحل موجود في: WEB

= الحاسب الآلي مفيد في حل المسائل

= أزواج رقمية/ باستخدام الرموز

القسم 1.2 الإزاحة، السرعة الإتجاهية، السرعة

1- العلاقة بين الازاحة والزمن لجسيم معين متحرك على طول الاحدائي x موضعة في الشكل 2.12 . اوجد السرعة المتوسطة في الفترات الزمنية التالية (a) 2.0 to (b) (0 to (5) (b) 4 to (5) (d) 4 to (5) d



2- يتحرك جسيم طبقاً للمعادلة 10 21 xx حيث x بالامتار و 1 بالثواني. (a) أوجد السبعة المتوسطة للفترة الزمنية من 25 حتى 3.6 (d) أوجد السبعة المتوسطة للتوسطة للفترة الزمنية من 25 حتى 2.1 xx - 2.1

5.0 يسير شخص أولاً بسرعة مطلقة ثابتة 5.0 m/s
 ألى m/s في خط مستقيم من النقطة A إلى النقطة B أم يعود على نفس الخط من B

إلى A بسرعة ثابتة 3.0 m/s كم تكون (a) متوسط سرعته خلال كل الرحلة و (b)

👭 = فيزياء تفاعلية

السرعة المتوسطة خلال الرحلة كلها؟

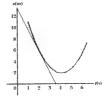
4- يسير شخص بسرعة ثابتة با على خط
مستقيم من A إلى B ثم يعود على نفس
الخط من B إلى A بسرعة ثابتة با 20 . كم
تكون متوسط سرعته خلال الرحلة كلها

و (d) السرعة المتوسطة عبر الرحلة كلها؟ القسم 2.2: السرعة الإتجاهية اللحظية والسرعة:

5- جسيم متحرك بسرعة ثابتة. عند الزمن 2.0 م. عند 3.0 م. عند المطوحات ارسم الموضع كدالة في الزمن (ف) عين سرعة الجسيم من ميل هذا الرسم.

الشكل P 6.2 يبين الرسم البياني للعلاقة الوضع- الزمن لجسيم يتحرك على الاحداثي x (a) اوجد السرعة المتوسطة في الفترة الزمنية من 1.5 s = 1.5 s المتوسطة في الفترة الزمنية من 1.5 s = 1.5 l التحطية عند الزمن 2.0 s = 1.5 يقياس خط الماس المبين في الشكل (c) عند اي قيمة للزمن 1 تكون السرعة مساوية للصفرة

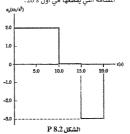




الشكل P 6.2 الشكل 3.2 القسم 3.2 التسارع:

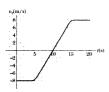
7- جسيم يتحرك بسرعة 60.0 m/s في الاتجاء المرجب ك x عقد 0 -3 . y 0 -3 و 61 -3 تقل السرعة بانتظام حتى تصل إلى الصفر. ما هو التصارع (الحجلة) اثناء تلك 815.0 ما اهمية الإشارة لإجابتك9

8 - يبدأ جسيم حركته من السكون بتسارع كما هو مبين في الشكل 28. p 2.9 عين (a) السرعة للجسيم عند 10 = 10 عند 10 = 10 عند المسافة التي يقطعها في اول 10 10



9- الرسم البياني للعلاقة "السرعة- الزمن" لجسم يتحرك على الاحداثي x مبين في

الشكل P 9.2 (a) ارسم عبلاقة التسارع مع الزمن (b) عين متوسط التسارع للجسم في النسرة الزمنية من 8 5.0 عند z=1 ومن c=1 حتى 8 20 عاد عند ومن c=1 حتى 8 20 عاد عند ومن c=1



الشكل P 9.2

10- يتحرك جسيم على المحور x طبقاً للعلاقة 20 + 3.0 + 10 + 3.0 + 10 + 3.0 + 3.0 + 3.0 + 3.0 + 3.0 - 3.0 + 3.0 الحسيم، 3.0 المرعقه، 3.0 الحسيم، 3.0 المرعة، 3.0

: $x = (3.0 t^2 - 2.0 t + 3.0) m$

z=2.0 s z=2.

القسم 5.2 الحركة في بعد واحد بتسارع ثابت

12- اقل مسافة تحتاجها سيارة عند تحركها بسرعة mi/h 35 لكي تتوقف هي 35 mi/h ما هي اقل مسافة تحتاجها نفس السيارة لكي تتوقف عند تحركها بسرعة mi/h 70.0 mi/h بفرض نفس معدل التسارع.

 13- جسيم يتحرك على المحور x، تعطي موضعه دالعلاقة

$$x = 2.0 + 3.0 t - 4.0 t^2$$

الفصل الثاني: الحركة في بعد واحد

- حيث x بالأمتار و t بالثواني. عين (a) موضعه عند لحظة تغيير اتجاهه و (b) سرعته عندما يعود للموضع الذي كان فيه عند 0 = t.
- -14 إذا كانت المسرعتة الابتدائية لجسم هي 2.5 m/s من سرعته المللقة بعد 2.5 m/s أو أذا كان الجسم يتحرك بتسارع منتظم 3.0 m/s² منتظم 3.3 m/s²
- يسير قطار في خط مستقيم بسرعة 20.0 gm/s سائق القطار القرامل تحرب القطار المرامل تحرب القطار المساع 20.0 m/s ما المسافة التي يقطعها القطار خلال 20.0 من بداية استخدام القرامل؟
- 16 يتحرك الكترون في انبوبة شعاع الكاثود بتسارع منتظم بحيث تتغير سرعته من $10^6~{\rm m/s}$ حـتى $10^6~{\rm m/s}$ خـلال $1.5~{\rm cm}$
- (a) ما هو الزمن الذي يستغرقه الالكترون لقطع هذه المسافة؟ (b) ما تسارعه؟
- 17- تبدأ كره حركتها من السكون لتتحرك إلى اسفل مستوى ماثل طوله 0.0 0.0 0.0 0.0 وغندما تصمل الكرة إلى شاخ المستوى تحرج على مستوى اخر إلى اعلى المستوى المنافئ (أن الملك لن بعد أن تقطع 0.0

القسم 6.2؛ السقوط الحر للأجسام؛

الله المحون السيقط من السكون التسقط من

- على قمة مبنى عالي جداً احسب (a) الموضع و (b) سرعة الكره بعد \$ 2.0 s ، 1.0 s . 3.0 s
- 19] يقذف شخص مجموعة مفاتيع عمودياً لاعلى ليلتقطها صديقه الواقف في شباك على بد m ك. فإذا التقطها صديقه بعد 1.5 (a) بأي سرعة فُذفت مجموعة الفاتيح لاعلى (d) ما هي سرعتها قبل الإساك بها مباشرة.
- 20 تقذف كره مباشرة لاسفل بسرعة ابتدائية 8.0 m/s من مينى ارتفاعه AS.0 m/s كم ثانية تستغرقها الكرة حتى ترتطم بالأرض 6
- 21 استطاع المن الوضع الساكن من على ارتضاع المن الأرض، وهي نفس اللحظة فنفت كره اخترى من الارض رأسياً لاعلى. عين سرعة الكرة الثانية إذا تقابلت الكرتان على مسافة 1/2 من مستوى الارش.
- 22- تقذف كره رأسياً لاعلى من على الارض بسرعة ابتدائية 15.0 m/s
- (a) كم تستغرق الكرة لتصل الى اقصى
 ارتفاع؟ ما هو اقصى ارتفاع تصل إليه الكرة
 (c) عين سرعة وتسارع الكرة بعد 2.0s

القسم 7.2: استنتاج معادلات الكينمانيكا من حسابات التفاضل والتكامل (اختياري)

23- تسارع قطعة من المرمر تتحرك داخل سائل معين تتناسب مع مربع سرعتها وتعطى بالعلاقة (بوحدات 3 - 30 $\sqrt{3}$ 0 for $\sqrt{3}$ 0 (Fi $\sqrt{3}$ 0 أو دخلت الكره هذا السائل بسرعة $\sqrt{3}$ 0. $\sqrt{3}$ 0 من الوقت لتخفض سرعتها إلى نصف سرعتها الابتدائية؟



احانة الاختيارات السرعة: ANSWERS TO QUICK QUIZZES

(1.2) يجب ان يكون رسماً يشبه إلى حد ما ذلك الرسم الموجود في (a) هذا الرسم البياني $v_v - t$) يبين ان اقصى سرعة هى حوالى 5.0 m/s وهــى 5.0 m/s وهـــى ولذلك لايكون السائق مسرعاً هل يمكن اشتقاق الرسم البياني (التسارع- الزمن) من الرسم البياني (السرعة- الزمن)؟ وهو يشبه إلى حد ما ذلك الرسم الموجود في (b).

(a) (2.2) نعم، يحدث ذلك عندما تبطئ السيارة من سرعتها، لذلك بكون اتحاه تسارعها عكس اتحاء حركتها. (b) نعم. إذا كانت الحركة في الاتجاه المختار كأتحاه سالب، يسبب التسارع الموجب في انخفاض السرعة.

(3.2) بمثل الطرف الأنسر السرعة النهائية للجسم، الحد الأول في الطرف الايمن هو سرعة الجسم الابتدائية في اللحظة التي لاحظناه فيها. الحد الثاني هو التغير في تلك السرعة الابتدائية والتي تحدث بواسطة تسارع الجسم، وإذا كان الحد

0.40 0.20 0.00 -0.20 0.40



الثانى موجباً، حينتذ سوف تزداد السرعة الابتدائية (ع ٧٠٠٠). وإذا كان هذا الحد سالباً، سوف تتخضض السرعة الابتدائية $\cdot(v_{rf} < v_{ri})$

(4.2) الرسم البياني (a) له ميل ثابت اي تسارع ثابت وهذا ممثل في الشكل (e).

الرسم البياني (b) يمثل سرعة تزداد باستمرار ولكن ليس بمعدل منتظم، ولذلك يجب ان يزداد التسارع. واحسن رسم بمثلها هو (d). الرسم البياني (c) يمثل تلك السرعة التي تزداد أولاً بمعدل ثابت، بما يعنى ان هناك تسارع ثابت، ثم تتوقف السرعة عند الزيادة وتصبح ثابتة، موضحة ان التسارع يساوى صفر، واحسن تمثيل لهذه الحالة هو الرسم البياني (f).

(c) (5.2) كما هو ميين من الرسم 2.13b، تسكن الكرة لفترة زمنية صغيرة جدأ عند هذه النقاط الثلاث.

وبالرغم من ذلك يستمر التسارع في التأثير



🛫 صورة محيرة

عندما تعود نجلة العسل إلى خليتها، ستخبر النحل الآخر كيف يحصلون على الطعام. بالتحرك في نموذج خاص ودقيق، تقل النحلة الملومات التي يحتاجون إليها. ويتم إنصال النجل ببعضه بالحادثة مع للنحل شعد لهم المكان الذي يتواجد فيه الزمور بالنسبة يتواجد فيه الزمور بالنسبة للخلة.

التجهات Vectors والفصل والكالدر على

ويتضمن هذا الفصل:

1.1 منظومة الإحداثيات

3.3 بعض خواص المتجهات

Coordinate Systems

Some Properties of Vectors

2.1 الكميات المتجهة والقياسية

4.3 مركبات المتجه ووحدة المتجهات Components of a Vectors and Unit

Vectors and Scalar Quantities

Components of a Vectors and Unit Vectors

الفيزياء (الجزء الأول - المكانيكا والدنياميكا الحرارية)

غالباً ما نحتاج أن نتعامل بالكميات الفيزيائية التي لها كل من الخواص العددية والاتجاهية، وكما أشرنا في قسم 2.1، تُمثل الكميات التي لها هذه الطبيعة بمتجهات، ويتعلق هذا الفصل أولاً مع جبر المتجهات وبعض الخواص العامة للكميات المتجهة. وسوف نناقش جمع وطرح الكميات المتجهة، مع بعض التطبيقات الشائمة للحالات الفرنائية.

تستخدم الكميات المتجهة خلال هذا الكتاب، ولذلك يجب أن نفهم فهماً كاملاً كلا من خواصها الجبرية ورسمها بيانياً.

COOK ATE SYSTEMS منظومة الاحداثيات 1.3

بعض الموضوعات الفيزيائية تتباول بشكل أو بآخر الوضع في الفراغ، وعلى سبيل المثال في فصل 2 راينا أن الوصف الرياضي لحركة جسم يتطالب طريقة لتحديد موضع الجسم عند أزمنة عديدة، هذا الوصف يتم بإستخدام الاحداثيات، وفي فصل 2 استخدمنا نظام الاحداثيات الكرتيزية، والذي يتقاطع فيه المحور الرأسي في نقطة تأخذ على أنها نقطة الأصل (Fig 1.3)، ويطلق على هذه المنظومة أيضاً بالإحداثيات الستطيلة.

رم من المناسب أحياناً تمثيل نقطة في مسستوى بواسطة (x, p) القطيات القطبية المستوية (x, p). كما هو موضع في الشكر 2.2 الإحداثيات القطبية تمثل r المسافة من نقطة الأصل إلى النقطة التي لها الاحداثيات الكرتيزية (x, y), و θ المور (x, y) المور الثابت هو الزاوية (x, y) منه ضعد عقارب الشاعة هي الزاوية (x, y) منه ضعد عقارب الساعة. ومن المثلث القائم الزاوية في الشكل 3.20 نجد أن $\theta = y/r$ ومن المثلث القائم الزاوية في الشكل 3.20 نجد أن $\theta = y/r$ نقطة، يمكننا الحصول على الاحداثيات الكرتيزية (x, y)

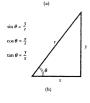


$$v = r \sin \theta$$
 (2.3)



الشكل 1.3 وصف النقطة في نظام الاحداثيات الكرتيزية. كل نقطة يرمز لها بالإحداثيات (x,y).





الشكل 2.3 تمشيل الإحداثيات القطع بالمسافة م القطع بالمسافة م والزاوية 0 ، حيث 0 تقساس ضد عقارب الساعة من الاتجاء الموجب للإحداثي (b) مثلث قائم الزاوية يستخدم لربط (y, y) ،

وعلاوة على ذلك، من حساب المثلثات نجد أن:

$$\tan \theta = \frac{y}{2} \tag{3.3}$$

$$r = \sqrt{x^2 + y^2} {4.3}$$

تطبق فقط هذه الملاقات الأربعة التي تربط الإحداثيات (x, y) بالإحداثيات (r, θ) عندما تُعرف للموحدة هي زاوية مقاسة عكس كما كما هو موضح في الشكل 23.3 وبطريقة أخرى، عندما تكون θ الموجبة هي زاوية مقاسة عكس عماري الساعة من الاحداثي الموجبة من الاحداثيات الكريزية والقطبية معتمدة على هذه المصطلحات الأساسية آ- إذا تم اختيار محور الإسناد للزاوية القطبية θ ليكون خلاف المحور الموجب x أو إذا كان معنى زيادة x يتم اختياره بطريقة مختلفة، في هذه الحالة سوف تختلف المحالفات التي تربط مجموعتي الإحداثيات.

الساول سريع 11.3

هل تستخدم نحلة العسل التي تم ذكرها في بداية هذا الفصل الاحداثيات الكرزَ تُمَّ أم القطيبة لكى تحدد موقع الزهرة؟ لماذا؟ ما الذي تستخدمه النحلة كنقط مل للإحداثيات؟

مثال 1.3؛ الإحداثيات القطبية

الإحداثيات الكرتيزية لنقطة في المستوى xy هي:

x, y)= (-3.5, - 2.5) m هو مبين في الشكل 3.3. اوجد الاحداثيات القطبية لهذه النقطة.

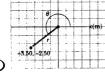
الحل:

$$r = \sqrt{x^2 + y^2} = \sqrt{(-3.50 \text{ m})^2 + (-2.50 \text{ m})^2} = 4.30 \text{ m}$$

 $\tan \theta = \frac{y}{r} = \frac{-2.50 \text{ m}}{-3.50 \text{ m}} = 0.714$

$$\theta = 216^{\circ}$$

لاحظ أنه يجب أن تستخدم إشارات x, y لتجد أن y هذه النقطة تقع في الربع الثالث في نظام الاحداثيات y ,



الشكل 3.3 إيجاد الإحداثيات القطبية عندما تعطى الإحداثيات الكرتيزية.

الفيزياء (الجزء الأول - الميكانيكا والدنياميكا الحرارية)

VECTOR AND SCALAR QUANTITIES الكميات المتجهة والقياسية حريقة الكميات المتجهة والقياسية

م كما أشرنا في الفصل 2 فإن بعض الكميات الفيزيائية هي كميات قياسية بينما تكون هناك 2.3 كميات آخرى متجهة. عندما تريد معرفة درجة الحرارة بالخارج لكي تعرف ما هو الرداء المناسب، تكون المعلومة الوحيدة التي نحتاجها هي مقدار ووحدة درجة الحرارة "degrees C" أو "degrees F" . ولذلك تكون درجة الحرارة مثال للكمية القياسية، التي تُعرَّف على أنها تلك الكمية والتي تُومَف تماماً بواسطة قيمة عددية ووحدات مناسبة بمعنى:

تعرف الكمية القياسية بقيمة واحدة مع وحدة مناسبة وليس لها اتجاه.

ومن الأمثلة الأخرى للكميات القياسية هي الحجم، الكتلة، والزمن. ونستخدم قواعد الحساب العادى للتعامل مع الكميات القياسية .

إذا كنت مستعد للإقلاع بطائرة صغيرة ومحتاج لمعرفة سرعة الرياح، يجب معرفة كلٍ من السرعة للرياح واتجاهها .

وحيث إن الاتجاه جزء من المعلومات المعطاه، تكون السرعة كمية متجهة، والتي تُعرف على أنها كمية فيزيائية بمعنى إنها تُعرف تماماً بمقدار ووحده مناسبة بالإضافة إلى الاتجاه. أي أن:

الكمية المتجهة لها مقدار واتجاه.

(\$ على مسار الشكل 4.3 عندما يتحرك جسيم من (\$ إلى (\$ على مسار اختياري بمثل بالخط المتقطع، تكون إزاحته هي كمية متجهة توضح بواسطة السهم المرسوم من (\$ إلى (\$.



(a) عدد من حبات التفاح في السلة. هو أحد أمثلة الكمية القياسية. هل يمكنك التفكير في أمثلة أخرى؟ (d) (السلة جيئم تشهر إلى جهة اليمين. الكمية التجهة هي الكمية التي يجب وصفها بكل من المقدار و الأتجاه (Photo by a) المنافذ و الأتجاه المنافذ (Ray Serway) من سندة الرياح وسرعتها يستخدمه علماء الأرصاد للتنبؤ بحالة الطقس. لف الأكواب يبن السرعة الإتجاهية للرياح، ويشير المؤشر إلى اتجاه الرياح.

(Courtesy of Peet Bros. Company, 1308 Doris Avenue, Ocean, NJ 07712)

تستخدم في هذا الكتاب حروف سوداء ثقيلة مثل A لتمثيل الكميات المتجهة. وهناك طريقة آخرى نرمز بها للمتجه وهي إستخدام سهم فوق الحرف، مثل A ويُكتب مقدار هذا المتجه A إما A أو IAI. مقدار المتجه له وحدات فيزيائية، مثل الأمتار بالنسبة للإزاحة أو متر لكل ثانية بالنسبة للسرعة.

SOME PROPERTIES OF VECTORS بعض خواص المتجهات 3.3

مساواة متجهان Equality of Two Vectors

لكثير من الأغراض يمكن تعريف المتجهان B ، B بأنهما متساويان إذا كان لهتما نفس المقدار ويشيران إلى نفس الاتجاه بمعنى أن B = B فقط إذا كان B = B و إذا كان A و B يشيران إلى نفس الاتجاه عبر خطان متوازيان.

وعلى سبيل المثال تكون جميع المتجهات في الشكل 5.3 متساوية على الرغم من أنها لها نقاطا بداية مختلفة. هذه الخاصية تسمح لنا أن نحرك متجه إلى موضع موازي لنفسه في الرسم بدون التأثير على المتجه.



حمع المتجهات Adding Vectors

و فراعد جمع المتجهات يمكن وصفها بسهولة بإستخدام المتجه A إلى المتجه B إلى المتجه B السم أولاً المتجه A، بتمثيل قيمته بمقياس رسم مناسب على ورفة رسم بياني ثم ارسم المتجه B بنفس مقياس الرسم بحيث بيداً ذيله من رأس A كما هو موضح بالشكل 6.3.

R متجه المحصلة R resultant Vector هو متجه مرسوم من A ذيل A إلى رأس B هذه الطريقة تُعرف بطريقة المثلث للجمع.

وعلى سبيل المثال إذا تحركت $3.0 \, \mathrm{m}$ تجاه الشرق ثم $4 \, \mathrm{m}$ تجاه الشمال كما هو موضح بالشكل $7.3 \, \mathrm{m}$ بصوف تجد نفسك $5.0 \, \mathrm{m}$ من نقطة بدايتك، مقاسة عند زاوية $7.3 \, \mathrm{m}$ شرق. وتكون إزاحتك الكلية هي الجمع الاتجاهي للإزاحتين.

بمكن أيضاً إستخدام البناء الهندسي لجمع أكشر من متجهين. وهذا موضح في الشكل 8.3 في حالة أربع متجهات. الشجه المحصلة R= A+ B+ C+ D هو المتجه الذي يكمل متعدد الأضلاع. وبطريقة أخرى R هو متجه مرسوم من ذيل أول متجه إلى رأس أخر متجه.

هناك طريقة أخرى لجمع متجهين والمعروفة بقاعدة متوازي الأضلاع للجمع، موضحة في الشكل 9.30. في هذا الرسم يكون ذيلي المتجهين A و B متصلان مع بعضهما، ويكون المتجه المحصلة الناتج R هو قطر متوازي الأضلاع المتكون من المتجهن A و B كاثنين من أضلاعه الأربعة.

عند جمع متجهان لايعتمد الجمع على ترتيب الأنافة: (هذه الحقيقة ربما تبدو تافهة، ولكن كما سوف، في الفصل 11 أن الترتيب هام عند ضرب المتجهات)، ويمكن رؤية ذلك من الرسم الهندسي في الشكل 9.30 ويعسرف بقسانون التبادل للجمع:



الشكل 63عند جمع المتجه B إلى المتجه A تكون المحصلة R متجه يبدأ من ذيل A إلى رأس B.

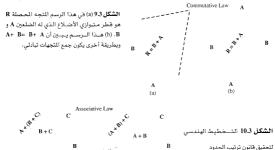


الشكل 7.3 جمع المتجهات، يسير أولاً 3.0 m أشرق ثم 4.0 m تجاه الشمال تجد نفسك على بعد IRI =5.0 من نقطة بدايتك.



الشكل 8.3 رسم هندسي لجمع أربع متجهات. ويكون المتجه المحصلة R بالتعريف ذلك الذي يكمل متعدد الأضلاء.





عند جمع ثلاث متجهات أو أكثر، لايعتمد مجموعهم على الطريقة التي يجمع بها المتجهات المنودة، يعطي الشكل 10.3 البرهان الهندسي لهذه القاعدة في حالة ثلاث متجهات، وهذا يسمى بقانون أقانون التوزيع".

وتلخيصا لما سبق، الكمية المتجه هي كمية لها مقدار واتجاه كما أنها تخضع لقوانين جمع المتجهات كما هو موضح في الأشكال من 6.3 إلى 6.0 أ. ومند إضافة متجهين أو أكثر، يجب أن يكون لكل مفهم نفس الوحداث (على سبيل المثال ليس هناك معنى لإضافة متجه السرعة (60 Km/h 60 جهة الشرق على سبيل المثال) إلى متجه الإزاحة (200 Km 200 جهة الشمال على سبيل المثال) لأن كل منهما يمثل كمية فيزيائية مختلفة، وتعلق أيضا نفس القاعدة على الكميات القياسية، وعلى سبيل المثال، ليس هناك معنى لإضافة فترة زمنية إلى درجة حرارة.

سالب المتجه Negative of a Vector،

يعرف سالب المتجه A إنه المتجه الذي عندما يضاف إلى المتجه A يعطي صفراً عند الجمع الإتجاهي، بمعنى 0 = (A-) + A. المتجهان $A \in A-$ لهما نفس المقدار ولكن يشيران إلى اتجاهين مختلفين.

طرح المتجهات Subtracting Vectors

(7.3)

تستخدم عملية طرح المتجهات لتعريف سالب المتجه، وتعرف العملية A - B على إنها إضافة المتجه B- إلى المتحه A.

الفيزياء (الجزء الأول - الميكانيكا والدنياميكا الحرارية)



الرسم الهندسي لطرح متجهين بهذه الطريقة موضح في الشكل 11.3a.

وهناك طريقة أخرى للنظر إلى طرح المتجه وهي أن نلاحظ أن الفرق A - A بين المتجه و A و A هو الذي يجب إضافته إلى المتجه الثاني للحصول على المتجه الأول، وفي هذه الحالة يتجه المتجه A - A من رأس الثاني إلى وأس الأول. كما هو موضح في الشكل A11.30.

مثال 2.3: رحلة في أجازة

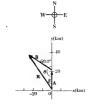
تقطع سيارة مسافة 20.0 Km أنجاء الشمال ثم بعد ذلك 35.0 Km في اتجاه "60 ناحية الشمال الغربي، كما هو موضح في الشكل 12.3 . أوجد مقدار واتجاه محصلة إزاحة السيارة.

 $\| \mathbf{t} \mathbf{d} \mathbf{b} \|$ بمنوضح طريقـتين لإبجـاد محـصلة التـجـهين يمكننا حل المسالة هندسـيـاً بإسـتخدام ورقة رسم ومنقلة كما هو موضح في الشكل 12.3 (في الحقيقة حتى لو علمت كيف تحل المسألة بالحسابات فإن لزاماً عليك أن ترسم المتجهات لكي نتاكد من نتائجك)، وتكون الإزاحة \mathbf{R} هي المصلة عند جمع كل من الإزاحتين \mathbf{A} و \mathbf{B} .

ولحل المسألة جبرياً، نلاحظ أن مقدار R يمكن الحصول عليه من قانون جيب التمام عند تطبيقه على مثلث وباستخدام "120 = 60 = 108 = θ و R2- A2+ B2- 2AB co. و R2+ b2- 2AB نجد ان:

$$R = \sqrt{A^2 + B^2 - 2AB \cos \theta}$$
= $\sqrt{(20.0 \text{ km})^2 + (35.0 \text{ km})^2 - 2(20.0 \text{ km})(35.0 \text{ km})\cos 120^\circ}$
= 48.2 km

يمكن الحصول على اتجاه R المقاسة من اتجاه الشمال من قانون الجيب sines :



الشكل 12.3 الطريقة البيانية لايجاد الإزاحة R = A + B المصلة الناتحة

$$\frac{\sin \beta}{B} = \frac{\sin \theta}{R}$$

$$\sin \beta = \frac{B}{R} \sin \theta = \frac{35.0 \text{ km}}{48.2 \text{ km}} \sin 120^{\circ} = 0.629$$

$$\beta = 38.9^{\circ}$$

وتكون محصلة إزاحة السيارة هي 48.2 Km في اتجاه يصنع زاوية °38.9 في الشمال الغربي. وهذه النتيجة تتطابق مع التى حصلنا عليها بيانياً .

ضرب متجه بكمية قياسية Multiplying a Vector by Scalar

A أذا ضرب المتجه A في كمية قياسية موجبة M يكون حاصل الضرب A متجه له نفس اتجاه وقيمته MA، وإذا ضرب متجه A في كمية قياسية سالبة m-، يكون حاصل الضرب MA- له اتجاه عكس اتجاه A. وعلى سبيل المثال 5A له طول خمس أضعاف A ونفس اتجاه A؛ المتجه - A له مقدار يساوى ثلث قيمة A واتجاه عكس اتجاه A.

تساؤل سريع 23

إذا أضيف المتجه B إلى المتجه A ، تحت أي شرط يكون متجه المحصلة A + B قيمته تساوى A+B ؟ وتحت أي شرط يكون المتجه الناتج يساوي صفراً؟

4.3 مركبات المتجه ووحدة المتجهات

COMPONENTS OF A VECTORS AND UNIT VECTORS

 لا تفضل الطرّيقة الهندسية في جمع المتجهات عندما يكون مطلوب دقة عالية أو في المسائل. ثلاثية الأبعاد. وسوف نوضح في هذا القسم طريقة جمع المتجهات بإستخدام مساقط المتجهات على محاور الإحداثيات. وتسمى هذه المساقط بمركبات المتجه. ويمكن وصف أي متجه تماماً بواسطة مركباته.

افترض متجه A يقع في المستوى xy ويعمل زاوية إختيارية θ مع محور x الموجب، كما هو موضح بالشكل 13.3 . يمكن التعبير عن هذا المتجه كمجموع متجهين A_v , A_v ونرى من الشكل 13.3 أن الثلاث متجهات تُكون مثلث قائم الزاوية وأن A= A_x+ A_v (إذا لم تستطيع التأكد من لماذا يتحقق هذا (107

الفيزياء (الجزء الأول - المتكانيكا والدنياميكا الحرارية)

التساوى، ارجع إلى الشكل 9.3 وراجع قاعدة متوازى الأضلاع). وسوف نشير دائماً إلى "مركبات المتجه مثل A_v تمثل مسقط A على المحور x والمركبة A_v تمثل مسقط A على المحور x والمركبة A_v تمثل A_v مسقط A على المحور y . يمكن أن تكون هذه المركبات موجبة أو سالبة. وتكون المركبة A موجبة إذا اتجه A_x في اتجاه x الموجب وسالبة إذا اتجه A_y في اتجاه x السالب وهذا صحيح أيضاً بانسبة للمركبة , A.



قيمة A

الشكل 13.3 يمكن أن يُمثل أي متجه يقع في المستوى xy بواسطة متجه A, يقع على الحور السيني x وبالتجه A, يقع على المحور y حيث «A= Av+ A.

من الشكل 13.3 وتعريف الجيب وجيب التمام ترى أن:

$$\mathbf{A}$$
 ومن ثم تكون مركبتا ، $\sin \theta = \frac{A_y}{A}$ ، $\cos \theta = \frac{A_x}{A}$

$$A_{v} = A \cos \theta \qquad (8.3)$$

$$A_x = A \cos \theta$$
 (8.3) $A_y = A \sin \theta$ (9.3) $A_y = A \sin \theta$

تكون هذه المركبات جانبين من مثلث قائم الزاوية طول وتره A . ولذلك يتبع ذلك أن مقدار اتجاه A يرتبط بمركباته من خلال العلاقتين:

$$A = \sqrt{A_x^2 + A_y^2}$$
 (10.3)

$$\theta = \tan^{-1}\left(\frac{A_{y}}{A_{z}}\right) \tag{11.3}$$

 $\theta = 120^{\circ}$ للحظ أن إشارة المركبتين A_{v} و A_{x} تعتمد على الزاوية θ . فعلى سبيل المثال إذا كانت تكون A_x سالبة، A_y موجبة. وإذا كانت $^{\circ}225 = \theta$ ، تكون كل من A_y سالبتين. ويلخص الشكل 14.3 إشارات المركبات عندما تقع A في الأرباع المختلفة.

 θ السائل، تستطيع وصف المتجه θ إما بمركباته θ و θ أو بمقداره وإتجاهه θ

تساول سرىع 3.3

هل يمكن أن تكون مركبة متجه أكبر من مقدار المتجه؟

10.3 و 11.3 ولذلك يمكننا التعبير عن مركبتي المتجه في نظام



الشكل 15.3 مركبات المتجه B في نظام إحداثي مائل.

احداثي مناسب لحالة خاصة. وحدة المتجهات Unit Vecors

غالباً يُمبر عن الكميات المتجهة بدلالة وحدة المتجهات ووحدة المتجه ليس لها وحدات ولها مقدار 1 بالضبط. وتستخدم وحدة المتجهات في وصف اتجاء ممين وليس لها أي مغزى فيزيائي أخر.

وتستخدم فحسب كمجرد وصف مناسب للاتجاه في الفراغ، وسوف نستخدم الرموز k .j .i لتمثيل وحدة المتجهات مشيرة إلى الاتجاه الموجب لـ x .y .x على الترتيب.

تشكل وحدة المتجهات مجموعة من متجهات عمودية بالتبادل في المنظومة الاحداثية لليد اليمني، كما هو موضح بالشكل 16.30 ، مقدار كل متجه وحدة يساوي 1 ، بمعنى 1 =lili | lili |

$$\mathbf{A} = \mathbf{A}_{\mathbf{x}}\mathbf{i} + \mathbf{A}_{\mathbf{y}}\mathbf{j} \tag{12.3}$$

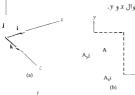
وعلى سبيل المثال اعتبر نقطة تقع في المستوى xy ولها احداثيات كرتيزية (x,y) كما في الشكل 17.3 . ويمكن أن توصف بمتجه الموضع r والذي يُعطى على شكل وحدة المتجه بالصورة:

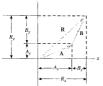
الفيرياء (الجزء الأول - البكانيكا والدنياميكا الحرارية)

$$\mathbf{r} = x\mathbf{i} + y\mathbf{j} \tag{13.3}$$

هذه الرموز تخبرنا أن مركبات r هي الأطوال x و y.

الشكل 16.3 تنجه منجهات الوحدة أ، k أ على طول الإحداثيات x y x على الترتيب. (b) المنجه لرم A=A_x i +A_y يقع في المستوى yx وله المركبتين _x A_y A_y.





(x, y)

الشكل 17.3 النقط ذات الأحداثيات الكرتيـزية(x,y) يمكن أن تمثل بمتجه الموضع .r=xi +yj

الشكل 18.3 هذا الشكل الهندسي لمجموع متجهين يبين العلاقة بين مركبات المحصلة R ومركبات المتجهات المفردة.

والآن دعنا نرى كيف نستخدم المركبات في جمع المتجهات عندما لا تكون الطريقة الهندسية دفيقة B_y , B_y

$$\mathbf{R} = (A_x \mathbf{j} + A_y \mathbf{j}) + (B_x \mathbf{i} + B_y \mathbf{j})$$

or

$$\mathbf{R} = (A_x + B_x)\mathbf{i} + (A_y + B_y)\mathbf{j}$$
 (14.3)

وحيث أن R = Rxi + Rwj ، نرى أن مركبات المتجه الناتج هي:

$$R_x = A_x + B_x$$

$$R_v = A_v + B_v$$
(15.3)

ونحصل على المقدار لـ R والزاوية مع المحور x من مركباته باستخدام العلاقتين

$$R = \sqrt{R_x^2 + R_y^2} = \sqrt{(A_x + B_y)^2 + (A_y + B_y)^2}$$
 (16.3)

$$\tan \theta = \frac{R_{y}}{R_{v}} = \frac{A_{y} + B_{y}}{A_{v} + B_{v}}$$
 (17.3)

ويمكننا التأكد من هذا الجمع بواسطة المركبات في الرسم الهندسي كما هو مبين في الشكل 18.3 وتذكر أنك يجب أن تلاحظه إشارات المركبات عند استخدام أي من الطريقتين الجبرية أو الهندسية.

وهي نفس الوقت يجب أن تفرض الحالة التي تحتوي على حركة هي ثلاث اتجاهات. ويكون إمنداد طريقتنا إلى متجه الثلاث أبعاد بطريقة مباشرة إذا كان كلاً من $B \cdot A$ لهما مركبات $x \cdot y \cdot x$ ، يمكن التعبير عنهما في الصورة

$$\mathbf{A} = A_{r}\mathbf{i} + A_{v}\mathbf{j} + A_{z}\mathbf{k} \tag{18.3}$$

$$\mathbf{B} = B_{\mathbf{r}}\mathbf{i} + B_{\mathbf{v}}\mathbf{j} + B_{\mathbf{v}}\mathbf{k} \tag{19.3}$$

ويكون الجمع B,A

$$R = (A_x + B_x)i + (A_y + B_y)j + (A_z + B_z)k$$
 (20.3)

لاحظ أن المادلة 20.3 تختلف عن المادلة 14.3 ، في المادلة 20.3. تحتوي المتجه المحصلة له مركبات في اتجاء $R_z=A_z+B_z$

تجرية سريعة 🔍

اكتب تعبيراً يصف إزاحة حشرة تتحرك من أحد أركان أرضية الحجرة التي تتواجد فيها. إلى الركن المقابل بالقرب من السقف

تساؤل سريع 4.3

إذا كان أحد مركبات متجه ليس صفراً ، هل يمكن أن يكون مقدار التجه يساوي صفراً ؟ إشرح

√ 5.3 mulét m (19 5.3

إذا كان A+B=0 ما الذي يمكنك أن تقوله عن مركبات المتجهيس ؟

مسائل - توجهات عند حل المسائل

حمع المتجهات

إذا كنت في حاجة إلى جمع متجهين أو أكثر استخدم طريقة خطوة- خطوة التالية:-

- اختيار نظام الإحداثيات المناسب (حاول أن تقلل عدد المركبات التي تحتاج تعيينها باختيار محاور تقع على اكبر عدد من المتجهات كلما أمكن)
 - ارسم رسم تخطيطي للمتجهات المعطاه في المسألة.
- اوجد المركبات x, x لجميع التجهات ومركبات المحصلة (الجمع الجبري للمركبات) في إتجاهي x y.
- إذا كان ضرورياً، استخدام نظرية فيثاغورث لايجاد مقدار متجه المحصلة وإختار الدالة المثلثية
 المناسبة لحساب الزاوية التي يعفلها متجه المحصلة مع المحور x.

مثال 3.3 جمع متجهين

اوجد مجموع المتجهين B,A اللذين يقعان في المستوى xy. ويعطيان بـ:

$$A = (2.0i + 2.0j) \text{ m}$$
 and $B = (2.0i + 4.0j) \text{ m}$

 A_y = 2.0 m و A_x = 2.0 m و التعبير العام مع التعبير العام A_x = A_x المتخدام المادلة A_y = A_y و A_y = A_y و التعبير العام على المتجه A_y باستخدام المادلة A_y = A_y و A_y = A_y و المتحدام المادلة A_y = A_y =

$$\mathbf{R} = \mathbf{A} + \mathbf{B} = (2.0 + 2.0)\mathbf{i} \text{ m} + (2.0 - 4.0)\mathbf{j} \text{ m}$$

$$=(4.0i - 2.0j)m$$

$$R_x = 4.0 \text{ m}$$
 $R_y = -2.0 \text{ m}$

ويعطى مقدار R من المعادلة 16.3:

$$R = \sqrt{R_x^2 + R_y^2} = \sqrt{(4.0 \text{ m})^2 + (-2.0 \text{ m})^2} = \sqrt{20} \text{ m}$$
$$= 4.5 \text{ m}$$

ويمكن أن نجد اتجاه R من المعادلة 17.3 :

$$\tan \theta = \frac{R_y}{R} = \frac{-2.0 \text{ m}}{4.0 \text{ m}} = -0.50$$

 $\theta = \tan^{-1} (-0.5)$ ل -27° والآلة الحاسبة تعطى الإجابة

هذه الاجابة تكون صحيحة إذا فسرتها للمعنى "27 مع اتجاه عقارب الساعة من المحور x. والصورة القياسية هي أن تعطى قياس الزوايا عكس اتجاه عقارب الساعة من المحور x + ، ولذلك θ =333° كون الزاوية لهذا المتجه

مثال 4.3 محصلة الازاحة

حسيم تحت تأثير ثلاث إزاحات متتالية:

$$\mathbf{d}_1 = (15\mathbf{i} + 30\mathbf{j} + 12\mathbf{K}) \text{ cm}$$
 $\mathbf{d}_2 = (23\mathbf{i} + 14\mathbf{j} + 5.0\mathbf{K}) \text{ cm}$
 $\mathbf{d}_3 = (-13\mathbf{i} + 15\mathbf{j}) \text{ cm}$

أوحد مركبات محصلة الازاحة ومقدارها.

الحل: بدلاً من النظر إلى رسم على صفحة مستوية، تخيل المسألة كما يلى: إبدأ برأس إصبعك أمام الركن الأيسر لقمة طاولتك الأفقية، حرك رأس إصبعك 15 cm إلى اليمين، ثم 30 cm تجاه الجانب البعيد للطاولة، ثم ra 12 cm عمودياً إلى البسار و(اخيراً : ra 15 cm نحاه ظهر الطاولة. الحسابات الرياضية تحفظ مسار هذه الحركة على ثلاث محاور عمودية:

$$\mathbf{R} = \mathbf{d}_1 + \mathbf{d}_2 + \mathbf{d}_3$$
= (15 + 23 - 13)i cm + (30 - 14 + 15)j cm
+ (12 - 5.0 + 0)K cm
= (25i + 31i + 7.0K) cm

الإزاحة الناتجة لها مركبات R,=7.0cm ,R,=31cm ,R,=25cm

ومقدارها يساوى

$$R = \sqrt{R_x^2 + R_y^2 + R_z^2}$$

= $\sqrt{(25 \text{ cm})^2 + (31 \text{ cm})^2 + (7.0 \text{ cm})^2} = 40 \text{ cm}$

مثال 5.3 عملنزهة

بدأت رحالة رحلتها بالمشي 25.0km جهة الجنوب الشرقي من سيارتها.

الفيزياء (الجزء الأول - المكانيكا والدنياميكا الحرارية)

'6.00 شمال شرق عند نقطة اكتشفت فيها برج (Tower) حارس الغابة (a) عين مركبات إزاحة المتزهة في كل يوم.

الْحِل: إذا رمزنا إلى متجه الإزاحة في اليوم الأول والثاني بـ A وB على الترقيب، ونستخدم السيارة كفقطة أصل للإحداثيات، سوف نحصل على المتجهات المبينة في الشكل 19.3 ، الإزاحة A لها مقدار 25.0 km المفيل الموجب للإحداثي x. ومن المعادلة 8.3 تكون مركباته

$$A_x = A\cos(-45.0^\circ) = (25.0 \text{km})(0.707) = 17.7 \text{ km}$$

$$A_v = A \sin(-45.0^\circ) = -(25.0 \text{km})(0.707) = -17.7 \text{ km}$$

وتشير الإشارة السالبة ل $_{\rm p}$ أن الرحالة في اليوم الأول مشت في الإتجاه ${
m V}$ السالب. إشارة ${
m G}_{\rm p}$ واضحة أيضاً من الشكل ${
m B}_{\rm p}$ ومقدار الإزاحة الثانية ${
m B}$ هو 40.0km وتصنع زاوية ${
m G}_{\rm p}$ 0.0 ناحية الشمال الشرقى. ومركبتيهما

$$B_v = B \cos 60.0^\circ = (40.0 \text{km})(0.500) = 20.0 \text{ km}$$

$$B_v = B \sin 60.0^\circ = (40.0 \text{km})(0.866) = 34.6 \text{ km}$$

(b) عين مركبتي محصلة الإزاحة R للرحالة خلال رحلتها. أوجد تعبيراً لـ R بدلالة وحدة المتجهان

الحل: الإزاحة الناتجة للرحلة R = A + B لها مركبات تعطى بالمعادلة 15.3:

$$R_x = A_x + B_x = 17.7 \text{km} + 20.0 \text{km} = 37.7 \text{ km}$$

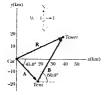
$$R_v = A_v + B_v = -17.7 \text{km} + 34.6 \text{km} \approx 16.9 \text{ km}$$

ونتمكن أن نكتب الإزاحة الكلية بدلالة وحدة المتحمان:

R=(37.7i+16.9i)km

تمرين: عبن مقدار واتجاء الازاحة الكلية.

الإجابة: 41.3km-4.3km الشمال الشرقي من السيارة.



الشكل 19.3 الإزاحة الكلية للرحالة هي المنجه R=A+B

مثال 6.3 دعنانطس

تأخد الطائرة المسار الموضح في الشكل 3.20. أولاً، تطير الطائرة من نقطة اصل نظام الإحداثيات بالمدينة A.20 والتي تبعد مسافة 175 km في انجاه 30.0° الشمال الشرقي، وبعد ذلك تطير مسافة 185 km إداوية "20.00 شمال غربي حتى تصل إلى المدينة B.2 وأخيراً تطير 125 km تجاه الغرب لتصل إلى المدينة A. أوجد موقع تجاه الغرب لتصل إلى المدينة C. أوجد موقع المدينة D. الأصل الى المدينة C. أوجد موقع المدينة D. المدينة الأطار.

الحل: من المناسب أن تختار الإحداثيات المبينة في الشكل 20.3 حيث الاحدثي x يشير إلى الشرق والإحداثي y يشير إلى الشمال.

دعنا نشير إلى المركبات الثلاث المتعاقبة بالمتجهات a ، d و c .

الإزاحة a لها مقدار 175 km ومركبتيها

 $a_x = a \cos(30.0^\circ) = (175 \text{km})(0.866) = 152 \text{ km}$ $a_y = a \sin(30.0^\circ) = (175 \text{km})(0.500) = 87.5 \text{ km}$

الإزاحة b التي مقدارها 153 km ومركبتيها

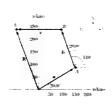
 $b_x = b \cos (110^\circ) = (153 \text{km})(-0.342) = 52.3 \text{ km}$ $b_y = b \sin(110^\circ) = (153 \text{km})(0.940) = 144 \text{ km}$

وأخيراً الإزاحة \widetilde{C} مقدارها 195 km ولها المركبتين

 $C_{\chi} = C \cos(180^{\circ}) = (195 \text{km})(-1) = -195 \text{ km}$

 $C_v = C \sin(180^\circ) = 0$

ولذلك مـركبـات مـتـجـه الموضع R من نقطة البداية الى المدينة C هما



الشكل 20.3 تبدأ طائرة من نقطة الأصل، وتطير أولاً إلى المدينة A ثم إلى المدينة B . وأخيراً تطير إلى المدينة C.

 $R_x = a_x + b_x + c_x = 152 \text{ km} - 52.3 \text{ km} - 195 \text{ km}$

= -95.3km

 $R_y = a_y + b_y + c_y = 87.5 \text{km} + 14.4 \text{km} + 0$ = 232 km

وبدلالة متجه الوحدة

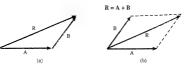
 $\mathbf{R} = (-95.3\mathbf{i} + 232\mathbf{j}) \text{ km}$

بمعنى أن الطائرة تستطيع الوصول إلى المدينة C من نقطة البداية بالطيران أولاً 95.3 km تجاه الغسران 232km إلى الشمال.

تمرين : أوجد مقدار واتجاه R

الحل: 22.3°, 251 km مال غرب.

الفيزياء (الجزء الأول - الميكانيكا والدنياميكا الحرارية)



الشكل 21.3 (a) جمع المتجهات بطريقة المثلث. (b) جمع المتجهات بقاعدة متوازي الأضلاع.

ملخص SUMMARY

الكميات القياسية هي تلك التي لها مقدار فقط زغير مصحوبة باتجاه. والكميات المتجهه تعرف بكل من المقدار والاتجاء وتخضع لقوانين جمع المتجهات. نستطيع جمع المتجهين A و B بيانياً بإستخدام إما طريقة المثلث أو قاعدة متوازى الأضلاع. في طريقة المثلث (شكل 21.3 a)، المتجه الناتج R= A+ B يجري من ذيل A إلى رأس B . وفي طريقة متوازى الأضلاع (الشكل 21.3 b) يكون R هو وتر متوازى الأضلاع الذي يكون فيه B ،A اثنين من أضلاعه. وتستطيع أن تجمع أو تطرح المتجهات، بإستخدام هذه الطرق البيانية.

مركبة المتجه A في اتجاه x و A_x يساوي مسقط A على المحور x في النظام الاحداثي كما هو مبين في الشكل 22.3 حيث $A_{\gamma} = A \cos \theta$. والمركبة في اتجاء الاحداثي Y_{γ} " للمتجه $A_{\gamma} = A \cos \theta$ مسقط على الإحداثي y، حيث $A_{v} = A \sin \theta$. تأكد إنك تستطيع تعيين الدوال المثلثية التي يجب أن $A_{v} = A \sin \theta$ نستخدمها في جميع الاحوال، خاصة عندما تُعرف θ بشئ مخالف لزاوية عكس اتجاه عقارب الساعة من الاحداثي x الموجب.

> إذا كان المتجه A له المركبة A_x في اتجاء x والمركبة A_y في اتجاء لا يمكن التعبير عن المتجه بدلالة وحدة المتجهين في الصورة A= A_x i+ A_y j وفي هذه الصيغة تكون i هى وحدة المتجه في اتجاه الاحداثي x الموجب، j هو وحدة المتجه في إتجاه الاحداثي y الموجب. ولأن i و j يكونا وحدة المتجهين l = l j l = l i l.



نستطيع إيجاد محصلة متجهين أو أكثر بتحليل كل المتجهات إلى الشكل 22.3 جمع متجهين A، و مركباتها في اتجاه x وفي اتجاه y، وجميع محصلة المركبات x، y، A_x if A_x A_y A_y A_y وبعد ذلك نستخدم نظرية فيثاغورث لإيجاد مقدار المتجه الناتج. A_x ان $A_y = A_y$ ان A_x i ونستطيع ايجاد الزاوية التي يصنعها المتجه الناتج بالنسبة للإحداثي A هما مركبتا المتجه A116) السيني x بإستخدام دوال مثلثية مناسبة.

QUESTIONS اسئلة

- 1- متجهان مقدارهما غير متساوى. هل يمكن أن يكون جمعهما يساوى الصفر؟ فسر ذلك.
- 2- هل يمكن أن تكون قيمة إزاحة جسيم أكبر من السافة القطوعة؟ إشرح.
- 3- مقدار المتجهين A و B هو A= 5 units و B= 2 units . أوجد أكبر وأصغر مقدار ممكن للمتجه الناتج R= A+ B.
- 4 المتجه A يقع في المستسوى xy. ما هي الاتجاهات المحتملة حتى تكون كلتا مركبتيه سالبة؟ وفي أي وضع تكون لمركبتيه إشارات مختلف
- 5- إذا كانت مركبة المتجه A في اتجاه المتجه B تساوى صفراً، ماذا نستنتج عن هذين المتجهين؟

PROBLEMS JULIO

1، 2، 3 = مسائل مباشرة، متوسطة، تحدى

Http:// www. sanunderscollege. com/ physics/ = WEB

= الحاسب الآلي مفيد في حل المسائل

= أزواج رقمية/ باستخدام الرموز

القسم 1.3 أنظمة احداثيات:

- الاحداثيات القطبية لنقطة هي 1 5.5 m و 240 و θ ما هي الاحداثيات الكرتيزية لهذه النقطة؟
- 2- نقطتان في المستوى xy لهما احداثيات كرتيـزية m (2.0, -4.0) m و 3.0, 3.0). عبن (a) المسافة بين هاتين النقطتين و (b) احداثتهما القطبية.

- 6- هل يمكن أن يكون مقدار المتجه قيمة
- 7- أي مما يلي يكون متجهاً وأي منهما يكون

سالية؟ فسر ذلك.

- غير ذلك:
- القوة، درجة الحرارة، الحجم، الإرتضاع، السرعة، العمر؟
- 8- تحت أي ظروف بجب للمتحهات غير الصفرية التي تقع في المستوى xy أن يكون لها دائماً وابداً مركبات متساوية في المقدار؟
- 9 هل من المكن جمع كمية متجة مع ك قياسية؟ فسر ذلك.
 - = الحل كامل متاح في المرشد.
 - - 🛍 = فيزياء تفاعلية
- 3- إذا كانت الاحداثيات الكرتيزية لنقطة هي (r, 30°) والاحداثيات القطبية لها هي (2, y) عين ۲, ۷.
- 4- نقطتان في مستوى لهما إحداثيات قطبية (2.5m, 30°) و (3.8m, 120°). عن
- (a) الاحداثيات الكرتيزية لهاتين النقطتين. (b) السافة سنهما؟
- 5-إذا كانت الاحداثيات القطبية (x,y) هما

الفيزياء (الجزء الأول - اليكانيكا والدنياميكا الحرارية)

- القطبية للنقط (r, θ) عين الاحداثيات القطبية للنقط (r, θ) (a) (-r, r) (a)
 - .(3x, -3y)(c)

القسم 2.3 الكميات المتجهة والكميات القياسية

والقسم 3.3 بعض خواص المتجهات

- 6- تطيير طائرة 200km تجاه الغيرب من المدينة A ولى المدينة B ثم تطير 300km في اتجاه 300km الغيية A ثم تطير من المدينة B إلى المدينة C أم تبعد المدينة C من المدينة A (في خط مستقيم). (b) ما هو اتجاه المدينة C بالنسبة للمدينة C بالنسبة المدينة C.
- 7- يتحرك رجل على قدميه مسافة 6.0km جهة الشرق ثم 13.0km جهة الشمال. بإستخدام الطريقة البيانية أوجد مقدار واتجاه متجه الإزاحة الناتج.
- A تطير طائرة من القاعدة إلى البحيرة A لمسافة 40.0 لشمال 40.0 لي اتجاء 40.0 الشمال الشرقي. وبعد إسقاط حمولتها تطير إلى البحيرة 40.0 والتي تبعد ممسافة 40.0 وتصنع زاوية 40.0 الشمال الغربي من البحيرة 40.0
- عين بيانياً المسافة والاتجاه من البحيرة B للقاعدة.
- 9- المتجه A له المقدار 8.0 وحدات ويصنع زاوية (45.0 مع الأحداثي x الموجب، والمتجه B ايضاً له مقدار 8.0 وحدات ومتجه على طول الإنجاه السالب للمحور x . بإستخدام الطريقة البيانية أوجد:

- (a) المجموع الاتجاهي A+B.
 (b) المجموع الاتجاهي A-B.
- 10- كلب يبحث عن عظمة، يمشي مسافة3.5 m جنوبياً ثم 8.2 بزاوية "30.0 الشـمـال الشرقي ثم "5.00 تجاه الغرب، بإستخدام الطريقة البيانية إوجد متجه الإزاحة الكلية.

القسم 4.3 مركبات المتجه ووحدة المتجه

- 11- يمشي شخص بزاوية 25.0 جهة الشماللسافة 3.10km
- كم يجب أن يمشي تجاه الشمال واتجاه الشرق ليصل إلى نفس الموضع.
- 12- متجه B له المركبات z, y, x مقدارها 3.0,6.0,4.0 وحدة على التوالي، إحسب مقدار B والزوايا التي يصنعها B مع معاور الاحداثات.
- 13-يقع متجه إزاحة في المستوى xx مقداره 5.0m ويتجه بزاوية "120 من الاحداثيx الموجب. أوجد المركبتان y,x لهذا المتجه وعبر عن المتجه بدلالة الوحدة.
- 14- اوجد مقدار واتجاه محصلة ثلاث إزاحات مركباتها في y وx هي y (3.0 , 2.0)y مركباتها (5.0 , 3.0)y (5.0 , 3.0)y
- B=-i-4j هوالمتجه وA=3i-2j الذا كان المتجه [15] | A+B| (c) ، A-B (b) ، A+B (a) احسب | A-B| (d)
 - (e) إتجاه A+B واتجاه (e)

الفصل الثالث: المتحمات

P20.3 ثلاث متجهات موضعة بالشكل 20.18 [20] من الشكل 20.18 و القاو حيث (وحدة 40) = القاو (وحدة 30) المركبتان في اتجاه xx y لتجه المحصلة (معبراً عنه بمتجه الوحدة) و (b) مقدار واتجاه متجه المحصلة .



الشكار P 20.3

A = (6.0i - 8.0j) units نام الذي كــــان A = (6.0i + 19.0j) units A = (-8i + 3j) units A + bB + C = 0 عين A + bB + C = 0

- [16] اوجد تعبيراً بدلالة المركبات التجهات الموابية (a) الموضع التي لها الاحداثيات القطبية (22 (c) 60° .3.3cm (b) 150° .12.8 m
- A=(3i+3j) منجهات الإزاحة A=(3i+3j) منجهات الإزاحة B=(i-4j) B=(i-4j) طريقة المركبات عين (a) مقدار واتجاه المتجه D=A+B+C و (b) مقدار واتجاه E=A-B+C
- 5.0 المتجهان B.A لهما مقداران متساویان 6.0 فإذا كان مجموع $A_{\rm e}$ هو المتجه $A_{\rm e}$ الزاویة بین $A_{\rm e}$ و $A_{\rm e}$
- A=(3i-4j+4k)m الزاحة B=(2i+3j-7k) و (4i-3j-7k) التجهات D=2A-B (2i+3j-7k) عن D=2A-B (2i-4j-7k) كل منهما بدلالة المركبات في x.yy.x

إجابة الاختبارات السريعة: ANSWERS TO QUICK QUIZZES

- (1.3) تحتاج النحلة الإتصال بالنحل الآخر لتخبره ببعدها عن الزهور وفي أي اتجاه يجب أن تطير. وهذا النوع من المعلومات هي بالضبط التي تعطيها الإحداثيات القطبية طالما أن الخليسة هي نقطة الأصل.
- (2.3) الحصلة لها القدار A+B عندما يأخذ النجه A النجه لنفس اتجاه المتجه B النجه A الناتج A+B=0 يندما يأخذ المتجه B و A-B.
- (3.3) لا. في بعدين، المتجه ومركباته يكونوا مثلث قائم الزاوية. المتجه هو الوتر ويجب أن يكون أطبول من أي من الضلعين الآخرين.
- لا. مقددار المتجه A يمساوي $\sqrt{A_x^2 + A_y^2 + A_z^2}$ ولذلك إذا كانت مركباته لاتساوي المسفر لذلك لايمكن أن يكون A مساوى المسفر.
- A=B الحقيقة A+B=0 تخبرنا أن (5.3) ولذلك تكون مركبات المتجهين بإشارات مختلفة ومقادير متساوية: $A_z=-B_z$ $A_y=-B_y$ $A_x=-B_x$



🛊 صُورة محيرة

هذه الطائرة تستخدمها الناسا NASA لتدريب الطيارين عندما تعلير عبر مسار منعنى معين، يبدأ أي شن غير مربوط إلى أسطل في الطقو إلى أعلى، ما الذي يسبب هذا التأثير (NASA) لتغريم (NASA)

web

لزيد من المعلومات حول كيفية استخدام هذه الطائرة قم بزيارة الموقع:

http://imocc. imoc- com/ - acft- ops/rgpindex. htm

الحسركة في بعدين Motion in Two Dimensions ولفصل والرويع 4

ويتضمن هذا الفصل:

4.4 الحركة الدائرية المنتظمة Uniform Circular Motion

العجلة (التسارع) الماسية والعجلة العمودية (التسارع) Arangential and Radial Acceleration

6.4 السرعة النسبية والعجلة النسبية Relative Velocity and Relative Acceleration 1.4 متجهات الإزاحة، السرعة المتجهة والتسارع The Displacement, Velocity, and Acceleration Vectors

2.4 الحركة في بعدين بتسارع ثابت Two- Dimensional Motion With Constant Acceleration

121

الفيزياء (الجزء الأول - الميكانيكا والدنياميكا الحرارية)

في هذا الفصل نهتم بديناميكا حركة الأجسام المادية في بعدين. ومعرفة أساسيات الحركة في بعدين سوف تسمح لنا بدراسة الفصول اللاحقة- أنواع مختلفة من الحركة، تبدأ من حركة الأقمار الفضائية في مداراتها إلى حركة الإلكترونات في مجال كهربي منتظم. وسوف نبدأ في دراسة الطبيعة الاتجاهية للإزاحة، السرعة، والتسارع بتفصيل واسع. وكما فعلنا في الحركة في بعد واحد، سوف نستبط المعادلات الكينماتيكية للحركة في بعدين من التعريفات الأساسية لهذه الكميات الثلاثة. وسوف نتعامل مع حركة المقدوفات والحركة الدائرية المنتظمة كحالات خاصة للحركة في بعدين. وسوف نتعامل مع حركة المقدوفات والحركة الدائرية المنتظمة كحالات خاصة للحركة في بعدين. وسوف نتاقش أيضاً مضاهيم الحركة النسبية والتي تبين لماذا يقيس الراصدون في أطر الإسناد المختلفة إزاحات، وسرعات، وعجلات تسارع مختلفة لجسم ما.

1.4 متجهات الإزاحة، السرعة المتجهة والتسارع THE DISPLACEMENT, VELOCITY, AND ACCELERATION VECTORS

لقد وجدنا هي الفصل 2 أن حركة جسيم هي خط مستقيم تكون معروفة تماماً إذا كان موقعه معرف كدالة في الزمن.

والآن دعنا نمد هذه الفكرة للحركة في المستوى xy. ونبدأ بوصف موضع جسيم بواسطة متجه موضع τ ، والمرسوم من نقطة أصل لمجموعة إحداثيات ما إلى موقع الجسيم في المستوى xy. كما هو في الشكل 1.4 . عند الزمن ρ يكون الجسيم عند النقطة Φ . وعند زمن آخر ρ يكون عند النقطة Φ .

وليس من الضرورة أن يكون المسار من (A) إلى (B) خطا مستقيما . عندما يتحرك الجسيم من (A) إلى (B) في فترة زمنية $\Delta t = t_f - t_f$. وكما ذكرنا في الفصل 2، الإزاحة متجه وتكون إزاحة الجسيم هي الفرق بين موضعه النهائي وموضعه الابتدائي. والآن نعرُف ازاحة المجسيم في الشكل 1.4 على أنه الفرق بين متجه موضعه النهائي ومتجه موضعه الابتدائي: الابتدائي:

$$\Delta \mathbf{r} = \mathbf{r}_f - \mathbf{r}_i$$
 متجه الإزاحة (1.4)

Path of particle

الشكل 1.4 يدين موضع جسيم يتحرك في المستوى x بالمتجه x المرسوم من نقطة الأصل إلى الجسيم. إزاحة الجسيم عندما يتحرك مر $\{A\}$ إلى $\{B\}$ في الفشرة الزمنية $x_1 - y_1 = x_1$ تساوي المتج $x_2 - x_3 = x_4$.

اتجاه Δr مشار إليه في الشكل 1.1. وكما نرى من الشكل تكون قيمة Δr أقل من المسافة التي 122

الفصل الرابع الحركة في بعدين

وكما شاهدنا في الفصل 2، يكون من المفيد دائماً تحديد الحركة بالنظر إلى نسبة الإزاحة مقسومة على الفترة الزمنية في التي أثنائها حدثت هذه الإزاحة. وكل شئ في كينماتيكا البعدين (أو ثلاث- أبعاد) هو نفسه كما في كينماتيكا البعد الواحد عدا إننا نستخدم الآن المتجهات بدلاً من استخدام الاشارات زائد أو ناقص للتعبير عن اتجاه الحركة.

ونُعرف السرعة المتوسطة لجسيم أثناء فترة زمنية Δ على أنها الإزاحة للجسيم مقسومة على الفترة الزمنية:

$$\overline{v} = \frac{\Delta r}{\Delta t}$$
 (2.4) السرعة المتوسطة

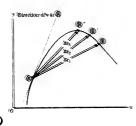
من المعروف أن ضرب أو قسمة كمية متجهة بكمية فياسية يفير فقط فيمة اللتجه، وليس اتجاهه. وحيث أن الإزاحة هي كمية متجهة والفترة الزمنية كمية فياسية، نستنتج أن السرعة المتوسطة كمية متحهة نتحه نحو Δr.

لاحظ أن السرعة المتوسطة بين نقطتين لاتعتمد على المسار.

يحدث ذلك لأن السرعة المتوسطة تتناسب مع الإزاحة وهي تعتمد فقط على موضع المتجهين الابتدائي والنهائي وليس المسار المأخوذ، وكما فعلنا في الحركة في بعد واحد، نستنتج أنه إذا بدأ الجسيم الحركة من نقطة ما ورجع إلى هذه النقطة بواسطة أي مسار، تكون السرعة المتوسطة مساوية للصفر لهذه الرحلة حيث إن إزاحته تساوى صفراً.

ومرة أخرى اعتبر حركة جسيم بين نقطتين في المستوى xy، كما هو مبين في الشكل 2.4. كلما أصبحت الفترة الزمنية للحركة التي نرصدها أصغر فأصغر، يتقرب اتجاه الازاحة من خط المماس للمسار عند (أنى).

الشكل 2.4 عندما يتحرك جسيم بين نقطتين تكون سرعته التوسطة في إنجاء متجه الإزاحة Λ r وعندما تتحرك التوسطة في الجماعة للمسار من (\mathbb{R}) إلى (\mathbb{R}) إلى (\mathbb{R}) إلى أراف المنقب المتناطرة أيها أصغر منافرة والمناطرة أيها أصغر منافرة والمنافرة التهالية من (\mathbb{A}) Λ من منظر، ويقترب من المصغر، ويقترب انجاء Λ من خط المماس للمنحنى عند (\mathbb{A}) ومن التحريف تكون المسرعة اللحظية عند (\mathbb{A}) ومن التحريف تكون المسرعة اللحظية عند (\mathbb{A}) في انجاء خط الماس

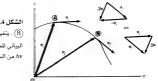


الفيزياء (الجزء الأول - الميكانيكا والدنياميكا الحرارية)

وتُعرف السرعة اللحظية بأنها نهاية السرعة المتوسطة Δr/ Δt عندما تؤول Δt إلى الصفر.

$$v = \lim_{\Delta t \to 0} \frac{\Delta r}{\Delta t} = \frac{dr}{dt}$$
 (3.4) distribution (3.7)

بمعنى أن السرعة اللحظية تساوي تفاضل متجه الموضع بالنسبة للزمن. ويكون اتجاء متجه السرعة اللحظية عند أي نقطة في مسار الجسيم هو اتجاء خط المماس للمسار عند تلك النقطة وفي اتجاء الحركة (الشكل 3.4).



الشكل 3.4 جسيم يتحرك من الموضع ($\hat{\mathbb{A}}$ إلى الموضع ($\hat{\mathbb{B}}$). يتغير متجه سرعته من $\hat{\mathbb{A}}$ الرسم البياني للمتجهات في اعلى اليمين طريقتين لتمين المتجه $\Delta \mathbf{v}$ من السرعة الابتدائية والنهائية.

تسمى قيمة متجه السرعة اللحظية v = |v| بالسرعة وهي كما تعلم كمية قياسية.

وعندما يتحرك جسيم من نقطة لأخرى على مسار ما، يتغير متجه سرعته اللعظية من _'۲ عند الزمن _أ1 إلى ₍۷ عند الزمن ₁۲، وبمعرفة السرعة عند هذه النقاط بمكتنا تعيين متوسط عجلة الجسيم.

وتُعرف العجلة (التسارع) المتوسطة لجسيم عندما يتحرك من إحدى المواضع إلى موضع آخر بأنها التغير في متجه السرعة اللحظية Δν مقسوماً على الزمن Δr الذي يحدث فيه هذا التغير:

$$\bar{\mathbf{a}} \equiv \frac{\mathbf{v}_f - \mathbf{v}_i}{t_f - t_i} = \frac{\Delta \mathbf{v}}{\Delta t}$$
 (4.4) algorithm (4.4)

وحيث أنها نسبة بين كمية متجهة ΔV وكمية قياسية نستنج أن العجلة (التسارع) المتوسطة كمية متجهة في اتجاه ΔV . وكما هو مشار إليه في شكل ΔV . يمكن إيجاد اتجاه ΔV بواسطة إضافة $\Delta V = V_f - V_i$ إلى متجه $\Delta V = V_f - V_i$ إلى متجه $\Delta V = V_f - V_i$

وعندما تتغير العجلة المتوسطة لجسيم أثناء فترات زمنية مختلفة، من المفيد أن تعرف عجلتها اللحظية (التسارع اللعظي a :

تعُرف العجلة (التسارع) اللحظية بأنها نهاية قيمة النسبة Δν / Δι عندما تؤول Δι إلى الِصفر.

$$\mathbf{a} = \lim_{A \to 0} \frac{\Delta \mathbf{v}}{\Delta t} = \frac{d\mathbf{v}}{dt}$$
 (5.4) العجلة اللحظية

وبطريقة أخرى، العجلة اللحظية تساوي تفاضل متجه السرعة بالنسبة للزمن.

35 من المهم أن نميز التغيرات المختلفة التي يمكن أن تحدث عندما يتساوع الجسيم. أولاً، يتغير

الفصل الرابع: الحركة في بعدين

مقدار متجه السرعة مع الزمن مثل الحركة في خط مستقيم (حركة أحادية البعد). ثانياً، ربما يتغير اتجاء متحه السرعة مع الزمن حتى لو ظل مقدار السرعة ثابتاً، كما في حركة المسار - المتحتى (حركة ثنائية البعد)، وأخيراً، ربما يتغير كل من مقدار واتجاء متجه السرعة معاً.

تساؤل سريع 1.4

تسمى دواسة البنزين في السيارة معجل aaccelerator) هل يوجد أي أجهزة تحكم أخرى في السيارة يمكن اعتبارها معجلات ؟ (b) متى لا تكون دواسة البنزين معجلا ؟

2.4 الحركة في بعدين بتسارع ثابت

TWO-DIMENSIONAL MOTION WITH CONSTANT ACCELERATION

دعنا نعتبر حركة في بعدين نظل العجلة (التسارع) ثابتة أثنائها في المقدار والاتجاه.

بمكن كتابة متجه الموضع لجسيم يتحرك في المستوى xy على الصورة

$$\mathbf{r} = x \, \mathbf{i} + y \, \mathbf{j} \tag{6.4}$$

حيث يتغير r , y , x , x مع الزمن عندما يتحرك الجسيم بينما يظل i و j ثابت. وإذا أصبح متجه الموضع معلوماً يمكن الحصول على سرعة الجسيم من المادلتين 3.4 و 6.4 والتي تعطى

$$\mathbf{v} = \mathbf{v}_{r} \mathbf{i} + \mathbf{v}_{v} \mathbf{j} \tag{7.4}$$

وحيث إننا افترضنا a ثابتة، تكون مركبتيها a_y و a_y ثابتين أيضاً.

 $v_{xf} = v_{xi} + a_{xI}$ ولذلك يمكننا تطبيق معادلات الكينماتيكا للمركبتين v_x ولا لمنجه السرعة. بتعويض على $v_{xf} = v_{xi} + a_{xI}$ في المعادلة 7.4 لتعيين السرعة النهائية عند أي زمن $v_{xf} = v_{xi} + a_{xI}$

$$\mathbf{v}_f = (v_{xi} + a_x t)\mathbf{i} + (v_{yi} + a_y t)\mathbf{j}$$
$$= (v_{yi} + v_{yi}\mathbf{j}) + (a_x \mathbf{i} + a_y \mathbf{j})t$$

 $\mathbf{v}_i = \mathbf{v}_i + \mathbf{a}t$ السرعة كدالة في الزمن $\mathbf{v}_i = \mathbf{v}_i + \mathbf{a}t$

تدل هذه النتيجة على أن السرعة لجسيم في أي زمن 1 تساوي مجموع متجه سرعته الابتدائية v، والسرعة الإضافية ´a الكتسبة في الزمن 1 كنتيجة للتسارع الثابت.

وبالمثل من المعادلة 11.2 معرف أن الاحداثيات x و y لجسيم يتحرك بتسارع ثابت هي: $x_f=x_i+v_{xi}t+\frac{1}{2}a_xt^2$ $y_f=y_i+v_{xi}t+\frac{1}{2}a_xt^2$

وبالتعويض عن هذين التعبيرين في المعادلة 6.4 نحصل على

$$\mathbf{r}_f = (x_i + v_{xi}t + \frac{1}{2}a_xt^2)\mathbf{i} + (y_i + v_{yi}t + \frac{1}{2}a_yt^2)\mathbf{j}$$

$$= (x_i \mathbf{i} + y_i \mathbf{j}) + (v_{xi} \mathbf{i} + v_{yi} \mathbf{j})t + \frac{1}{2} (a_x \mathbf{i} + a_y \mathbf{j})t^2$$

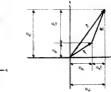
الفيزياء (الجزء الأول - المكانيكا والدنياميكا الحرارية)

الزمن
$$\mathbf{r}_{f} = \mathbf{r}_{i} + \mathbf{v}_{i}t + \frac{1}{2}\mathbf{a}t^{2}$$
 (9.4)

تبين هذه المعادلة أن الازاحة ، Δ - Δ - م هو متجه مجموع الإزاحة γ التي تنشأ من السرعة الابتدائية للجسيم والإزاحة \data at الناتجة من التسارع المنتظم للجسيم.

يبين الشكل 4.4 التمثيل البياني للمعادلتين 8.4 و 9.4 .

وللتبسيط في رسم الشكل اخترنا r_i=0 في الشكل 4.4a بمعنى إننا نفرض أن الجسيم يكون عند نقطة الأصل عند v_i عند v_i عند نقطة الأصل عند v_i الحظ من الشكل 4.4a أن v_i العلاقة بين هذه الكميات هي علاقات متجهة. ولنفس السبب ثلاحظ من الشكل 4.4 b أن Vr لاتكون بالضرورة في اتجام v أو a. وأخيراً لاحظ أن v و r لايكونان في نفس الاتجاه.





الشكل 4.4 التمثيل الاتجاهى ومركباته (a) الازاحة و (b) سرعة جسيم يتحرك بتسارع $r_i = 0$. ولتبسيط الرسم وضعنا a

وحيث إن المعادلتين 8.4 و9.4 تعبيرات اتجاهية، يمكن كتابتهما في صيغة مركبات:

$$\mathbf{v}_{f} = \mathbf{v}_{i} + \mathbf{a}t \qquad \begin{cases} v_{xf} = v_{xi} + a_{x}t \\ v_{yf} = v_{yi} + a_{y}t \end{cases}$$
 (8.4 a)

$$\mathbf{r}_{f} = \mathbf{r}_{i} + \mathbf{v}_{i}t + \frac{1}{2}\mathbf{a}t^{2} \begin{cases} x_{f} = x_{i} + v_{xi}t + \frac{1}{2}a_{x}t^{2} \\ y_{f} = y_{i} + v_{yi}t + \frac{1}{2}a_{x}t^{2} \end{cases}$$
(9.4 a)

هذه المركبات موضعة في الشكل 4.4. ويوضع لنا شكل المركبات لمعادلتي v و r أن الحركة في بعدين بتسارع ثابت تكافئ حركتين لاتعتمدان على بعضهما البعض - واحدة في اتجاء x وأخرى في . a_v و م انجاه (تسارعان) ثابتتان - لهما عجلتان (تسارعان) ثابتتان - لهما

الحركة في مستو 1.4 الحركة في مستو

يبدأ جسيم من نقطة الأصل عند = 1 بسرعة ابتدائية مركبتها في أتجاه x نساوي x فقط تعطى ومركبتها y تساوي x نتحرك الجسيم في المستوى xy بمركبة للتسارع في اتجاه x فقط تعطى بالعلاقة $a_x = 4.0 \text{m/s}^2$ عين مركبات متجه السرعة عند أي وقت ومتجه السرعة الكلي عند أي وقت.

 a_y =0 ، a_x =4.0m/s² ، v_{yi} =-15m/s ، v_{xi} =20m/s نضع أن نضع أن نضع أن نصح المسألة نستطيع أن نضع المسألة أن المسألة أ

وهذا يسمع لنا أن نرسم الحركة رسما تقريبيا لهذه الحالة. مركبة السرعة في اتجاه x تبدأ بسرعة 20m/s وتزداد 4.0m/s كل ثانية.

والمركبة y للسرعة لانتغير أبداً من قيمتها الابتدائية والتي تساوي 15m/s- ومن هذه الملومات نرسم رسماً توضيحياً لبعض متجهات السرعة كما هو مبين في الشكل 5.4 . لاحظ أن المسافة بين صورتين متنالتين تزداد كلما زاد الزمن بسبب زيادة السرعة.

معادلات الكينماتيكية تعطى

$$v_{xf} = v_{xi} + a_x t = (20 + 4.0t) \text{ m/s}$$

 $v_{yf} = v_{yi} + a_y t = -15 \text{ m/s} + 0 = -15 \text{ m/s}$

ولذلك

$$\mathbf{v}_f = v_{xt}\mathbf{i} + v_{yt}\mathbf{j} = [(20 + 4.0t)\mathbf{i} - 15\mathbf{j}] \text{ m/s}$$

 ${f a}=4.0{
m i}\,{
m m/s}^2$ و دو کان ایضاً الحصول علی هذه النتیجة باستخدام المعادلة 8.4 مباشرة. لاحظ ان ${f v}_i=(20{
m i}-15{
m j})$ سو و

وتبعاً لهذه النتيجة، تزيد مركبة السرعة في اتجاه x بينما مركبة y تظل ثابتة. وهذا مطابق لما توقعناه. وبعد فترة طويلة سوف تصبح مركبة السرعة في اتجاه x كبيرة بحيث يمكن إهمال السرعة في اتجاه y.

وإذا ما أردنا مد مسار الجسم في الشكل 5.4، سوف يصبع بكل تأكيد موازيا تقريباً للمحور x. إنه من المفيد دائماً أن نقارن بين الإجابة النهائية والشروط الابتدائية المطاة.

(b) احسب السرعة والسرعة المطلقة لجسيم عند 5.0 s عند

الحل: تعطى النتيجة للجزء (a) عند وضع s =5.0 الحل:

الضيرياء (الجزء الأول - الميكانيكا والدنياميكا الحرارية)

تخبرنا هذه النتيجة أنه عند v_{xy} =40m/s ،t=5.0 s يو v_{xy} =40m/s ، بمعرفة هاتين المركبيتن لهذه الحركة في بعدين نستطيع أن نجد كل من مقدار واتجاه متجه السرعة، ولتعيين الزاوية θ التي تصنعها v_{xy} مم الإحداثي v_{xy} عند v_{xy} =5.0 s استخدم الملافة v_{xy} +1.

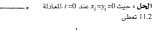
$$\theta = \tan^{-1} \left(\frac{v_{yf}}{v_{vf}} \right) = \tan^{-1} \left(\frac{-15 \text{ m/s}}{40 \text{ m/s}} \right) = -21^{\circ}$$

حيث تشير الإشارة السالبة أن الزاوية 21 أسفل الإحداثي x الموجب. والسرعة المطلقة هي المقدار v:

$$v_f = |\mathbf{v}_f| = \sqrt{v_{xf}^2 + v_{yf}^2} = \sqrt{(40)^2 + (-15)^2} \,\text{m/s} = 43 \,\text{m/s}$$

 $v_r > v_i$ أن يجد أن $v_r > v_i$ من المركبات v_i نجد أنه إذا حسبنا v_i من المركبات $v_i > v_i$ نجد أن

(c) عين الإحداثيات x وy للجسيم عند أي زمن t ومتجه الموضع عند هذا الزمن.



 $x_f = v_{xt}t + \frac{1}{2}a_xt^2 = (20t + 2.0t^2) \text{ m}$ $y_f = v_{yt}t = (-15t) \text{ m}$

y = 0_{yi}r = (131) ...

ولذلك فإن متجه الموضع عند أي زمن 1 هو

الشكل 5.4 الرسم البياني لحركة جسيم الشكل
$$\mathbf{r}_f = x_f \mathbf{i} + y_f \mathbf{j} = [(20t + 2.0t^2)\mathbf{i} - 15t\mathbf{j}] \mathbf{m}$$

و v_i = (20i – 15j) m/s مباشرة مع v_f بتطبيق المعادلة 9.4 مباشرة مع a = 4.0i m/s² ما . a = 4.0i m/s²

هكذا (على سبيل المثال) عند y=-75 m ،x = 150 m ،t = 5.0 s و y=-75 m ,x = 150 m ,t = 5.0 s مقدار ازاحة الجسيم من نقطة الأصل عند t=5.0 هو قيمة t=5.0 عند هذا الزمن:

$$r_f = |\mathbf{r}_f| = \sqrt{(150)^2 + (-75)^2} \,\mathrm{m} = 170 \,\mathrm{m}$$

لاحظ أن هذه ليست هي المسافة التي يقطعها الجسيم في هذا الزمن!

هل بمكنك تعيين هذه السافة من المعلومات المعطاة؟

PROJECTILE MOTION حركة المقذوفات > 3.4

أي شخص يشاهد حركة كرة البيسبول (أو أي شُنُ يُقدَفُ في الهواء) يكون قد رصد حركة مقدوف. تتحرك الخزن المرضين: (1) يكون تدوف. تتحرك الكرة في مسار منعني ومن السهل أن نحلل حركته إذا أخذنا بضرضين: (1) يكون تسارع السقوط الحر g ثابتاً على مدى الحركة واتجاهه إلى اسفل (1) و (2) ويكون تأثير مقاومة الهواء مهمله (2) معده الفروض نجد أن مسار المقدوف، والذي نسميه المسار المنعني لقدنيفة -Tra (1) وقتلم عكافئ دائماً، وسوف نستخدم هذه الفروض خلال هذا الفصل.

لكي نرى أن المسار المنحنى للمقدّوف هو قطع مكافئ، دعنا نختار إطار إسناد بحيث يكون انجاه $a_y = -g$ (كما هو yeag الانجاء الرأسي والموجب إلى أعلى، وحيث إن مقاومة الهواء مهملة، نعلم أن $a_y = -g$ (كما هو الحال في السقوط الحر في بعد واحد) و $a_x = 0$. علاوة على ذلك، دعنا نفرض أنه عند $a_x = 0$ المثار في الشخط الأصل $a_x = 0$) بسرعه $a_x = 0$ كما هو مبين في الشكل 6.4 ويصنع المنجه $a_x = 0$ زاوية $a_x = 0$ مع الأفقي، حيث $a_x = 0$ هي الزاوية التي يترك بها المقدوف نقطة الأصل.



$$\cos\theta_i=v_{_{xi}}/v_i$$
 $\sin\theta_i=v_{_{yi}}/v_i$ $\cos\theta_i=v_{_{yi}}/v_i$ ولذلك تكون مركبات السرعة الإبتدائية y و x عي:

$$v_{xi} = v_i \cos \theta_i$$
 $v_{wi} = v_i \sin \theta_i$

وبالتعويض عن مركبة السرعة في اتجاه x في المعادلة 9.4a مع $x_i = 0$ و $x_i = 0$ نجد أن:

مركبة الموضع الأفقية
$$x_t = v_{ii}t = (v_i \cos \theta_i)t$$
 (10.4)

وبتكرار هذا مع مركبة y وباستخدام $a_y = -g$ ، $y_i = 0$ وبتكرار هذا مع مركبة

مركبة الموضع العمودية
$$y_f = v_{yi}t + \frac{1}{2}a_yt^2 = (v_i \sin \theta_i)t - \frac{1}{2}gt^2$$
 (11.4)

ثم، نحل المعادلة 10.4 عند ($v_i \cos \theta_i$) عند 11.4 نحصل ثم، نحل المعادلة 11.4 عند أ $v_i \cos \theta_i$

$$y = (\tan \theta_i)x - \left(\frac{g}{2v_i^2 \cos^2 \theta_i}\right)x^2$$
 (12.4)

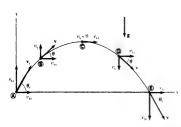
(1) هذا الشرض يكون معقولاً طبالنا أن مدى الحبركة صنغير بالقبارنة بنصبف قطير الكيرة الأرضية
 (1) هذا الشرض يكافئ فرض أن الأرض مسطحة على مدى الحركة المفروضة.

اً) عامة هذا القرض غير متحقق وخاصة هي السرعات المالية . بالأضافة إلى أن أي دوران مغزلي للمقذوف. مثل الذي يطبق عندما يرمي لاعب كرة البيسبول الكرة المتحنية، قد يؤدي لبحض الظواهر الشيقة المساحية لقري الديناميكا الهوائية التي سندرسها في القصل 1.5.

الفيزياء (الجزء الأول - الميكانيكا والدنياميكا الحرارية)

الله الشكل 6.4 المسسار قطع مكان لقدوف والذي يشرك نقطة الأصل بسرعة , ب يتغير متجه المساحة الأمام المساحة المساحة في كل من المساحة في الاتجاه المساب للعجور بن ونظل المركبية ، للمسرعة نابشة مع الأزم حيث لاتوجد عجلة في الاتجاه السرعة في الاتجاه المسرعة نابشة مع ميث لاتوجد عجلة في الاتجاه المسرعة مشرأً الأفتي وتكون مركبة السرعة مشرأً

عند قمة المسار.





يعمل اللحام ثقباً خلال قضيب معدني بواسطة مثقاب كهربي. الشرارات المولدة بهذه الطريقة تتبع في مسار القطع الكافئ.

(© The Telegraph Colour Library/ FPG)

معمل سريع:_

ضع كرتى تنس عند حافة منضدة. اقذف بحدة بإحدى يديك إحدى الكرتين أفقياً بينما اقرع الكرة برفق بيدك الأخرى. قارن كم تستغرق الكرتان لكى تصل الأرض. اشرح نتائجك.

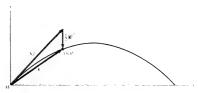
 $0 < \theta$ مده المعادلة لزاوية الإطلاق في المدى $\pi/2$

ولقد تركنا الرمز السفلي لـ x و y حيث إن المعادلة تتحقق لأي نقطة (x,y) على مسار المقدوف. وتكون المعادلة على الصورة $x = x - bx^2$, وهي معادلة قطع مكافئ يمر بنقطة الأصل. ولذلك فقد رأينا أن المسار المنحنى هو قطع مكافئ. لاحظ أن المسار يوصف وصفا كاملا إذا عُرفت كل من السرعة الإبتدائية y ، وزاوية القذف y.

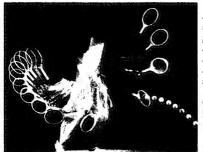
 ${f r}_i=0$ العلاقة الاتجاهية لمتجه موضع المقدوف كدالة في الزمن تنتج مباشرة من المعادلة 4.9 بوضع ${f a}={f g}$,

$$\mathbf{r} = \mathbf{v}_i t + \frac{1}{2} \mathbf{g} t^2$$

الفصل الرابع: الحركة في بعدين



الشكل 7.4 متجه الوضع r لقدوف ... رعاه الابتدائية عند نقطة الأصل ٢٠ وتكون إزاحة المقدوف هي للتجه /٧ إذا كانت الجاذبية غير مؤثرة، ويكون التجه / ع. أح و إزاحته العمودية نقيجة تأثير تسارع الجاذبية عليه إلى أسفل.



لقطات سريعة متتالية للاعب تنس ينفسا تصدويب ضدرية امامية . لاحظ أن الكرة تتبع مسسار قطع مكافئ بصف الفشرف، مسئل هذه القطات تُستخدم لدراسة كفاءة الأدوات الرياضية وكسذلك كشفساة اللاعضية وكسذلك كشفساة

(e^c Zimmerman, F P C International).

من الأهمية أن نفهم أن حركة جسيم يمكن أن تُعتبر جمع الحد $v_i v_j$ الإزاحة في عدم وجود العجلة، والحذاوي $\frac{1}{2}$. ينتج عن عجلة الجاذبية . ويطريقة آخرى، إذا كانت عجلة الجاذبية غير موجودة، يجب أن يستمر الجسيم في الحركة خلال خدا مستقيم في اتجاء v_i . ولذلك تكون الإزاحة العمودية $\frac{1}{2}$ التي يستقط خلالها الجسم تحت مستوى معار الخط الستقيم هي نفس مسافة السقوط الحر لجسيم والتي يسقطها خلال نفس الفترة الزمنية . نستنتج أن حركة مقذوف هي جمع حركتين: (1) حركة سرعة ثابتة في الاتجاء الممودي . فيما عدا زمن الطيران v_i . المركة الأفقية و (2) حركة السقوط الحر في الاتجاء العمودي . فيما عدا زمن الطيران v_i . المركة الأممودية الحركة مقذوف لايعتمد أحداهما على الآخر كلية .

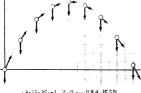
الفيزياء (الجزء الأول - اليكانيكا والدنياميكا الحرارية)

مثال 2.4 تقريب حركة مقذوف

قذفت كرة بحيث كانت مركبتها الأفقية والرأسية للسرعة الابتدائية هي 40 m/s و 0m/s 20. على الترتيب، احسب الزمن الكلي للطيران والسافة التي تسقط عندها الكرة مقاسة من نقطة بدايتها.

الحل؛ نبدأ بتذكر أن مركبتي السرعة لاتعتمدان إحداهما على الأخرى. وباعتبار الحركة الرأسية أولاً ، نستطيع تعيين الفترة الزمنية التي تطلها الكرة في الهواء . ثم نستخدم زمن الطيران لحساب المسافة الأفتية المقطوعة .

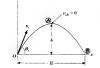
> الرسم البياني للحركة مثل الشكل 8.4 ساحدنا في تتظيم مانعرفه عن المسألة. متجهات المجلة جمييها واحدة، تشير إلى اسفل بضيمة تساوي تقريباً (2/m 10. متجهات السرعة تغير التجاهها، مركباتها الأفقية كلها واحدة وتساوي 2/m 20. ولأن الحركة الرأسية هي حركة سقوط حرب لذلك تنفير المركبة الرأسية لمتجهات للذلك تنفير المركبة الرأسية لمتجهات السرعة، ثانية بثانية، من 4/m 10 إلى 30.



الشكل 8.4 الرسم البياني لحركة مقذوف

0.0، 0.0 تقريباً في الاتجاء الراسي إلى أعلى، وأخيراً نقل إلى 0.0 ومن هنا تصبح سرعتها 0.0، 0.0 0

المدى الأفقي وأقصى ارتفاع لمقذوف Horizontal Range and Maximum Hight of a Projectile



الشكل 9.4 أطلق مصدوف من نقطة البداية عند (من 0=1 بسرصة ابتدائية 7^{N} . أقصى عند (من 0=1 بالمصدوف هو R عند نقطة القمة M للمسار تكون احداثيات الجميم (M و M).

الفصل الرابع: الحركة في بعدين

ويمكننا قياس h بملاحظة أنه عند القمة، $v_{yA}=0$. لذلك يمكننا استخدام المعادلة 8.4a لتعيين الزمن $_{A}$ 7 وهو الزمن الذي يأخذه القذوف ليصل إلى القمة:

$$v_{yf} = v_{yi} + a_y t$$

$$0 = v_i \sin \theta_i - g t_A$$

$$t_A = \frac{v_i \sin \theta_i}{g}$$

وبالتعويض من هذه العلاقة عن t_A في الجزء من المعادلة 9.4a وبإحلال $y_j = y_A$ ب t_i نحصل على علاقة لـ t_i د بدلالة مقدار واتحاه متحه السرعة الانتدائية:

$$h = (v_i \sin \theta_i) \frac{v_i \sin \theta_i}{g} - \frac{1}{2} g \left(\frac{v_i \sin \theta_i}{g} \right)^2$$

$$h = \frac{v_i^2 \sin^2 \theta_i}{2g} \qquad (13.4)$$
 اقصى ارتفاع المقدوف

المدى R هو المسافة الأفقية التي يقطعها المقدوف في ضعف الزمن الذي يأخذة لكي يصر إلى القمة، أي في زمن $t_{\rm B}=2t_{\rm A}$. وبامستخدام الجـزء الخــاص بـx من المـــادلة 9.4a، وبملاحــظـة أن $t=2t_{\rm A}$ عن وبوضع $v_{xi}=v_{x}$ عن $v_{x}=v_{x}$

نحد أن

$$R = \upsilon_{xi}t_B = (\upsilon_i\cos\theta_i)2t_A$$

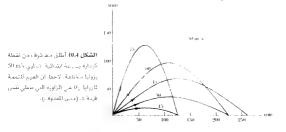
$$= (\upsilon_i\cos\theta_i)\frac{2\upsilon_i\sin\theta_i}{g} = \frac{2\upsilon^2\sin\theta_i\cos\theta_i}{g}$$

وباستخدام العلاقة المثلثية $heta = 2 \sin \theta \cos \theta$ ، نكتب R في صيغة أكثر اختصاراً.

$$R = \frac{v^2 \sin^2 2\theta_i}{g}$$
 (14.4) مدى المقذوف

تذكر أن المعادلتين 13.4 و 14.4 مفيدتان في حساب n و n هقطه إذا ما كانت v_i و n معلومتين (والتي تعني أن v_i فقط محددة) وكذلك إذا هيط المقذوف عند نفس الارتفاع الذي بدأ منه، كما هو حادث في الشكل 9.4.

الفيزياء (الجزء الأول - الميكانيكا والدنياسيكا الحرارية)



يوضح الشكل 10.4 مسارات مختلفة لتقذوف له سرعة ابتدائية سعينة ولكنه بزوايا قذف مختلفة ، وكما ترى اقضى مسارات مختلفة 45° وكما ترى أقضى مدى يحدث عند زاوية 45° و 45° و 45° والقضاء الزاوية 45° و 45° و 45° و المسارات كريزية 45° و 45° يمكن الوصول إليها باستخدام إحدى فيم الزاويتين المتممتين لهم مثل 45° و 45° و و 45° و بالتأكيد فإن أفضى ارتفاع وزمن الطيران لأحدى هاتين القيمتين له 40° تكون مختلفة عن أقضى ارتفاع وزمن طيران القيمة المنحمة.

تجربة سريعة، ___

لكي تقوم بهذه التجرية فإنك تحتاج أن تكون خارج الأبواب ومعك كرة صغيرة مثل كرة التعلق مثل كرة التعلق عند استطاعتك وعين التس وكذلك ساعة إيقاف، اقذف الكرة راسياً إلى أعلى بفوة قدر استطاعتك وعين سرعة الانطلاق الابتدائية لقذفتك وأقمى ارتفاع تقريبي للكرة، باستخدام ساعتك فقط، ماذا يحدث عندما تقذف الكرة ببعض الروايا "90 - 98 هل هذا يغير من زمن الطيران (ربط لأنه من السهل أن تقذف)؟ هل مازال باستطاعتك تعيين أقصى ارتفاع، وكذلك السرعة الابتدائية؟

ساؤل سريع 2.4

أشاء تسرك مفادوف على مساره لقطع مكافئ، مل يرجد أي بقعلة على المدار بحرث يكون متجها السرعة والعجلة (a) كل منهما عمورياً على الأخرة (b) كل منهما مواري للأخرة (c) رتب المسارات الخمسة في الشكل 10.4 بالنسبية لزمن الطيران، بدءاً من الأقصر إلى الأطول.

مسائل - توجهات عند حل المسائل

حركة مقذوف

نقترح أن تستخدم التوجيهات التالية لحل مسائل حركة مقذوف:

- اختار نظام الاحداثيات وحلل متجه السرعة الابتدائية إلى مركبتيها في اتجاهى x و y.
- انبع الطرق المستخدمة في حل مسائل السرعة الثابتة لتحليل الحركة الأفقية، اتبع طرق حل مسائل العجلة الثابتة لتحليل الحركة الرأسية، تشترك الحركة لاتجاهي x و y في نفس زمن الطيران 1.

مثال 3.4 الوثب الطويل:

يترك لاعب الوشب الطويل الأرض بزاوية 20.0 أعلى المستوى الأفقي وبسرعة مطلقة تساوي 11.0 m/s ما هي المسافة التي وثبها اللاعب في الاتجاه الأفقي؟ (افرض أن حركته تكافئ حركة جسيم).

الحل، حيث أن كلا من السرعة الابتدائية المطلقة وزاوية الاطلاق معلومتان يكون الطريق المباشر لحل هذه المسألة هو استخدام علاقة المدى المعطاه بالمعادلة 14.4. بينما يكون الوضع اكثر تشوقاً إذا أخذننا العلاقة العامة في الاقتراب الاكثر عموماً ونستخدم الشكل 9.4. وكما سبق، نضع نقطة الأصل للإحداثيات عند نقطة الانطلاق ونرمز لاقصى ارتضاع (القمة) به (٨) ونقطة الهبوط به (١٠) نصف المعادلة الأفقية بالمعادلة 19.4:

 $x_f = x_B = (v, \cos \theta_i)t_B = (11.0 \text{ m/s})(\cos 20.0^\circ)t_B$ ويمكن ايجاد قيمتة $a_i x_i$ إذا عرف الرّزمن الكلي للوثبة. ونستطيع ايجاد $a_i = a_i$ عندما نتذكر أن $a_j = -a_i$ وباستخدام الجزء $a_i x_i x_i x_i$ نلاحظ أيضاً أنه عند قمة الوثبة تكون المركبة العمودية للسرعة $a_i x_i x_i x_i x_i x_i x_i x_i$

 $v_{yf} = v_{yA} = v_i \sin \theta_i - gt_A$ $0 = (11.0 \text{ m/s}) \sin 20.0^\circ - (9.80 \text{ m/s}^2)t_A$ $t_A = 0.384 \text{ s}$



في أحــداث الوثب- الطويل، 1993 أمـــتلاح البطل الأمــريكي Mick Powell أن يتـــخطى ممنافة أفقية 8 B على الأقل. (Chuck Muhlstock/ FBG Internations)

الفيزياء (الجزء الأول - اليكانيكا والدنياميكا الحرارية)

هذا هو الزمن اللازم للوصول إلى قمة الوثبة . ولأن الحركة الرأسية تكون متماثلة، تمر فترة زمنية $I_{\rm B}=2I_{\rm A}=0.768$ مماثلة قبل أن يعود اللاعب إلى الأرض . ولذلك يكون الزمن الكلي في الهواء هو $I_{\rm B}=2I_{\rm A}=0.768$ وبالتعويض عن هذه القيمة في العلاقة السابقة ل $I_{\rm A}$ بخصل على،

$$x_f = x_B = (11.0 \text{ m/s}) = (\cos 20.0^\circ)(0.768 \text{ s}) = 7.94 \text{ m}$$

وهي مسافة معقولة لمستوى لاعب دولي.

(b) ما هو أقصى ارتفاع يصل إليه؟

الحل: يمكن الحصول على أقصى ارتفاع يصل إليه باستخدام المعادلة 11.4:

$$y_{\text{max}} = y_A = (v_1 \sin \theta_1)t_A - \frac{1}{2}gt_A^2$$

= $(11.0 \text{ m/s})(\sin 20.0^\circ)(0.384 \text{ s})$
 $-\frac{1}{2}(9.80 \text{ m/s}^2)(0.384 \text{ s})^2$
= 0.722 m

التعامل مع لاعب الوثب- الطويل كجسيم هو تبسيط أكثر من اللازم، ومع ذلك فإن القيم التي حصلنا عليها معقولة.

تمرين: لاختيار صحة هذه الحسابات، استخدام المعادلتين 13.4 و 14.4 في حساب أقصى ارتفاع والمدى الأفقي.

🖬 مثال 4.4 رمية صائبة في كل وقت

في محاضرة توضيحيه معروفة، يطلق مقذوف على هدف بحيث يترك المقذوف البندقية وفي نفس اللحظة يُسقط الهدف من السكون كما هو ميين في الشكل 11.4 أثبت أنه إذا وجهت البندقية ناحية الهدف الساكن فإن المقذوف سوف يصيب الهدف.

الحل؛ نستطيع أن نؤكد أنه سوف يعدت تصادم عند الشروط المذكورة بملاحظة أنه بمجرد تحرير المتخوف والهدف فإن كل منهما سوف يعاني نفس العجلة $a_y = -g$. لاحظ أولاً من الشكل ط 11.4 أن الإحداثي لا الابتدائي هو $a_{\tau} = 1$ وإنه سوف يسقط مسافة $\frac{1}{2}$ هن زمن 1. لذلك فإن الإحداثي لا للهدف في أي لحظة بعد تحريره يعطى بالعلاقة:

$$y_{\rm T} = x_{\rm T} \tan \theta_{\rm i} - \frac{1}{2}gt^2$$

والآن إذا استخدمنا المعادلة 4.9a لكتابة علاقة لإحداثي المقذوف y عند أي لحظة، نحصل على:

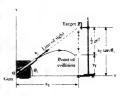
$$y_{\rm p} = x_{\rm p} \tan \theta_{\rm i} - \frac{1}{2}gt^2$$

الفصل الرابع: الحركة في بعدين

هكيذا، بمقارنة المعادلتين السابقتين، بالأحظ إنه عندما تكون الأحداثيات لكل من المقذوف والهدف واحدة، سـوف تكـون إحداثيـات x لهـما واحـدة أيضـاً ويحـدث التصـادم. أي إنه عـندما لسرعة بمتجهى السرعة بمتجهى المسول على نفس النتيجة باستخدام العلاقات الخاصة بمتجهى السرعة $x_0 = x_T$ ، $y_0 = y_T$ للمقدوف والهدف.

لاحظ أن التصادم سوف لايحدث دائماً بسبب القيد الإضافي: يمكن أن يحدث التصادم فقط عندما $v_i \sin \theta_i \geq \sqrt{gd/2}$ محيث d هي الارتفاع الابتدائي للهدف فوق الأرض. إذا كانت . أقل من هذه القيمة، سوف يرتطم المقذوف بالأرض قبل أن يصل إلى الهدف $v_i \sin \theta_i$





الشكل 11.4 (a) صور متتابعة سريعة لتوضيح حركة مقذوف مع هدف. إذا وجهت البندقية نحو الهدف مباشرة وأطلق مقذوف في نفس اللحظة التي يبدأ فيها الهدف في السقوط، سوف يصيب المقذوف الهدف في السقوط، سوف يصيب المقذوف الهدف. لاحظ أن سرعة المقذوف (الأسهم الحمراء) تتغير في الاتجاء والمقدار، بينما تظل العجلة ثابتة ومتجهة إلى أسفل (الأسهم البنفسجية). (Central Scientific Company). (b) رسم توضيحي بياني لوصيف المقدوف- الهدف. يسقط كل من المقذوف والهدف معاً خلال نفس المسافة الرأسية في زمن t حيث أن لكل منهما نفس العجلة a = -g.

🛍 مثال 5.4

قُذف حجر من قَمة مبنى إلى أعلى بزاوية °30.0 مع الأفقى وبسرعة ابتدائية تساوى 20.0 m/s كما هو مبين في الشكل 12.4. إذا كان ارتفاع المبنى 45.0 m ما الزمن اللازم للحجر قبل أن يرتطم بالأرض؟

الحل: لقد أشرنا إلى البارامترات المختلفة في الشكل 12.4. عند قدومك على حل مثل هذه المسائل يجب عمل رسم تخطيطي يوضح البيانات مثلما هو مبين في الشكل 12.4.

المركبتان الابتدائيتان لسرعة الحجر في اتجاهى x و y هما:

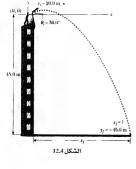
التنبيزياء (الجزء الأول - المكانيكا والدنياميكا الحرارية)

 $v_{si} = v_i \cos \theta_i = (20.0 \text{ m/s}) (\cos 30.0^\circ)$ = 17.3 m/s $v_{si} = v_i \cos \theta_i = (20.0 \text{ m/s}) (\sin 30.0^\circ)$

 $v_{vi} = v_i \cos \theta_i = (20.0 \text{ m/s}) (\sin 30)$ = 10.0 m/s

 $y_r = v_{gl} + \frac{1}{2} a_{gl}$ because $p_g = v_{gl} + \frac{1}{2} a_{gl}$ because $p_g = q_{gl}$ because $p_g = q_{$

 $45.0 \text{ m} = (10.0 \text{ m/s})t - \frac{1}{2}(9.80 \text{ m/s}^2)t^2$ ويحل معادلة الندوجة الثانية في t فإن الجذر المبالب الموجب يعطى 4.22 s - 1 . فل الجزء المبالب له أي معنى فيرياتي (هل يمتنك التفكير في طريقة آخرى لايجاد t من المعلومات المعطاق)



(h) ماهي السرعة المطلقة للحجر فبل أن برتطم بالأرض مباشرة؟

الحل، بمكننا أست عبد أم الحيادلة 18.40 من 19.20 مع 4.22 م لتحصل على مركبية y للسرعة فقط قبل ارتطام الحجر ، الأرض مباشرةً .

$$v_{yf}$$
= 10.0 m/s - (9.80 m/s²) (4.22 s) = -3 i.4 m/s

الإشارة السالبة تشير إلى أن الحجر يشعرك إلى أسفل. وحيث أن 17.3 m/s تكون السرعة المللقة الطلوبة هي:

$$v_f = \sqrt{v_{sf}^2 + v_{sf}^2} = \sqrt{(17.3)^2 + (-31.4)^2} \text{m/s} = 35.9 \text{ m/s}$$

تمرين: أين يرتطم الحجر بالأرض؟

الإجابة: على بعد m 73.0 من قاعدة المبنى.

🖷 مثال 6.4

تسقط طائرة إنقاذ صندوق طعام طوارئ لكتشفي الشواطئ كما هو مبين في الشكل 13.4. إذا كانت الطائرة تطير أفقياً بسرعـة 40.0 m/s وعلى ارتفاع m 100 من الأرض، أين يرتطم الصندوق بالأرض بالنسبة للنقطة التي تم فيها إسقاط الصندوق؟

الها، نختار نظام الإحداثيان لهذه السالة كما هو سبين في الشكل 13.4 والذي يكون فيه نقطة الأحسل هي النقطة التي يُسقط عندها السندوق، نعتبس أولاً الحركمة الافقية للصندوق، المعادلة الوحيدة لدينا لحسباب المسافة المقطوعة في الاتجاه الأفسشي هي $\gamma = v_A$ (المسادلة المدوق في مركبة السرعة الابتدائية للصندوق في انجاد 2. هي نفسها سبرعة الطائرة عند انجاد 2. هي نفسها سبرعة الطائرة عند التخلص من الصندوق: 40.0 m/s، ونذلك



 $x_1 = (40.0 \text{ m/s})/$

وإذا عرفتا له طول زمن وجود الصندوق في الهوا ... مكتنا تعيين إنه المسافة التي بشكسة. الصندوق في الاتجاه الأفقي، ولإيجاد له نستخدم الما ... التي تصنف الحركة المساب المعاد نظم أن الإحداثي y في m 100 - 7/2 . عند لحظة ادتياني الاستدوق بالأرض . رساني بشد

الرآسية الابندائية للصندوق v_{ij} تساوي صفراً لآنه عند تحظه التخلص من انستدون بجري $- u_{ij}$ مرية افقيه فقط.

من المادلة 9.4a نجد آن: $\frac{1}{2}{g^r}^2$

100 ii: $\frac{1}{2}$ (9.80 m/s²) t^2

يعطي التعويض عن هذه القيمة لزمن الطيران في معادلة الإحداثي ، $x_f = (40 \ {\rm G} \ {\rm in/s}) (4.25 \ {\rm s}) = 181 \ {\rm m}$

يرتطم الصندوق بالأرض على بعد 181 يمين نقطة الاسقاط.

تمرين، ما هي مركبتا السرعة الأفقية والرآسية للصندوق قبل أن يرتطم بالأرض مباسر...

 v_{yf} = 40.0 m/s و v_{yf} = -44.3 m/s

تمرين: أين تكون الطائرة عند ارتطام الصندوق بالأرض؟ (أفرض أن الطائرة لاتغير سرعتها).

الإجابة: فوق الصندوق مباشرةً.

الضرباء (الجزء الأول - الميكانيكا والدنياميكا الحرارية)

نهابة قفزة التزجلق على الحليد

يترك لاعب قفز الجليد وهو يتحرك في الاتجاه الأفقى بسرعة مقدارها 25.0 m/s، كما هو مبين في الشكل 14.4 . تميل نقطة الهبوط تحته بزاوية "35.0 . أين يهبط على أسفل المستوى المائل؟

الحل: نتوقع أن المتزلج يطير في الهواء لأقل من s 10 ولذلك سوف لا يصل لأكثر من m 250 أفقياً. ويجب أن نتوقع قيمة d، المسافة المقطوعة عبر المستوى المائل، تكون في حدود نفس القيمة. ومن $v_{vi} = 0$ و $v_{ri} = 25.0 \text{ m/s}$ وحيث أن $v_{ri} = 25.0 \text{ m/s}$ و $v_{ri} = 0$ و $v_{ri} = 25.0 \text{ m/s}$ و المناسب أن نختار بداية القفز كنقطة أصل

(1)
$$x_f = v_{xi}t = (25.0 \text{ m/s})t^{\frac{1}{2}}$$

(2)
$$y_f = \frac{1}{2}a_y t^2 = -\frac{1}{2}(9.80 \text{ m/s}^2)t^2$$

من المثلث القائم الزاوية في الشكل 14.4 نرى أن احداثيات نقطة هبوط اللاعب x,y يعطيان بالعلاقة $x_f = d \cos 35.0^\circ$ و $x_f = d \cos 35.0^\circ$ بالتعويض عن هذه العلاقات في $x_f = d \cos 35.0^\circ$ بالعلاقة

(3)
$$d \cos 35.0^\circ = (25.0 \text{ m/s})t$$

(4)
$$d \sin 35.0^{\circ} = -\frac{1}{2}(9.80 \text{ m/s}^2)t^2$$

وبحل (3) بالنسبة لـ t وبالتعبويض عن النتيجة في (4) نجد أن m أ. ومن ثم تكون الإحداثيات x ، x للنقطة التي عندها الهبوط هي:

$$x_f = d \cos 35.0^\circ = (109 \text{ m}) \cos 35.0^\circ = 39.3 \text{ m}$$

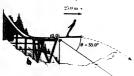
 $y_f = -d \sin 35.0^\circ = -(109 \text{ m}) \sin 35.0^\circ = -26.5 \text{ m}$

تمرين: عن المدة التى يستغرقها اللاعب في الجو وما هى مركبة سرعته الرأسية قبل هبوطها مباشرة.



3.57 s a

على



الفصل الرابع: الحركة في بعدين

يؤ. ماذا يحدث في المثال السابق إذا حمل المتزلج حجر وتركه أثناء فترة وجوده في الهواء؟ حيث أن الحجر له نفس السرعة الابتدائية مثل المتزلج سوف يظل في محاذاته أثناء تحركه. بمعنى إنه يطير بجانبه. هذه هي التقنية التي تستخدمها NASA لتدريب رواد النضاء.

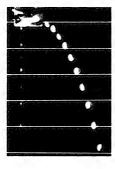
تم تصوور الطائرة الوجودة في بداية الفصل وهي تسلك نفس مسار المتزلج والحجر. يسقط الركاب والبضائع بمحاذاة بعضهم؛ أي أن لهما نفس المسار، يمكن أن تحرر رائدة فضاء قطعة من المعدات وسوف تطير حرة بجانبها، ويحدث نفس الشنَّ في مكوك الفضاء، تسقط الطائرة وكل شنَّ داخلها عند دورانها حول الأرض.

> الشكل 13.4 هذه الصور العديدة المتتالية للتخلص من كرتين في نفس اللحظة توضع السقوط الحر (للكرة الحمراء) وحركة المقذوف (للكرة الصفراء). الكرة الصفراء قذفت أفقياً، بينما تحررت الكرة الحمراء من السكون.

> > (Richard Megno/ Fundamental Photograph)

معمل سريع ___

دون التذرع بأي شئ أكثر من مسطوة وبمعرفة أن الزمن بين اللقطات هو 308 /1، اوجد السرعة الأفقية للكرة الصفراء في الشكل 15.4. (تنويه: ابدأ بتحليل حركة الكرة الحمراء، لأنك تعلم عجلتها الرأسية، تستطيع عمل معايرة للمسافات المصورة في الصورة، بعد ذلك يمكنك إيجاد السرعة الأفقية للكرة الصفراء).



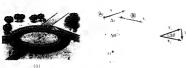
UNIFORM CIRCULAR MOTION الحركة الدائرية المنتظمة ح.4.4

يوضح الشكل ة 16.4 عربة تتحرك في مسار دائري بسرعة خطية ثابتة v . تسمى مثل هذه 36 الحركة بحركة دائرية منتظمة. حيث أن اتجاه حركة العربة يتغير، وتكتسب العربة تسارعاً كما علمنا في القسم 1.4 . في أي حركة يكون متجه السرعة هو مماس المسار. وبالتالي، عندما يتحرك جسم في مسار دائري فإن متجه السرعة يكون عمودياً على نصف قطر الدائرة.

وسنوضح الآن أن متجه العجلة في حركة دائرية منتظمة يكون دائماً عمودياً على المسار ويشير دائماً تجاه مركز الدائرة وتسمى العجلة لهذه الحالة بالتسارع العمودي نحو المركز وتكون قيمتها:

$$a_r = \frac{v^2}{r} \tag{15.4}$$

المرارية (- المكانيكا والدنياميكا الحرارية)



بعه بان (x,y) بي مسيرعة ثابتة تشوم بحركة وانترية منتظمة. (d) عليما (x,y) المنافق (x,y) منافق التعين انجاء فنسر منفطيطي لتعين انجاء فنسر منف ويلقى نتجه الداري الداري.

أي نصف قطر الدائرة والدم من تخدم الدلالة على أن التسارع العمودي نحو المركز
 يخود في البياء بصف القطر.

راكي نشتق المادلة 1.54 افترض الشدال 1.64 أو الذي يوضح جسيم عند النقطة (أ) أولاً ذم عند الشقطة (أ) أولاً ذم عند الشقطة (أ) أولاً ذم عند الشقطة (أ) ويكون الجسيم عند (أ) عند زمن آخر γ_1 ، وسرعته عند هذا الرمن γ_2 . دعنا هنا نضرض أن γ_1 و γ_2 يختلفان فقط في الآنجاه؛ ومحمد وعند هذا الرمن γ_2 . ولحساب عجلة الجسيم، دعنا نبدأ بوضع معادلة لموسط العجلة (المادلة 4.4):

$$\tilde{\mathbf{a}} = \frac{\mathbf{v}_{I}}{t_{I}} \cdot \frac{\mathbf{v}_{i}}{t_{i}} - \frac{\Delta \mathbf{v}}{\Delta t}$$

وتوضع هذه المعادلة آننا يجب طرح ۲٫۰ من ۷٫۰ وانتعامل معهما كمتجهات، حيث ۷٫۰ و Δ۷ هي النفر: في السرعة. وحيث أن ۷٫۰ + Δ۷ مستطيع ايجاد المتجه Δ۷ ، مستخدماً مثلث المتجهات في الناراً ۱۲۰ ب

وثلا: المثلث في الشكل 0.94 . الذي له الضلعان 0.0 و 0.0 هذا المثلث الموجود في الشكل 0.0 و 0.0 و 0.0 متماثلان، وهذه الحقيقة تمكننا من كتابة العلاقة بين أطوال 0.0 الأضلاع 0.0 الأضلاع 0.0

$$\frac{\Delta v}{v} = \frac{\Delta r}{r}$$

(4.4 هذه المعادلة بالنسبة لـ Δv وبالتعويض عن التعبير الناتج هي $ar{a} = \Delta v/\Delta t$ (المعادلة 4.4)

$$\overline{a} = \frac{v \wedge v}{r \wedge v}$$

والآن تصور أن النقطين(﴿ و ﴿ هَي الشكلُ 16.40 قريبتان جداً من بعضهما. في هذه الحالة (﴿ وَهِ ﴾ تشير ٨٧ خياه مركز المسار الدائري، ولأن العجلة تكون في اتجاه ٨٧، فسوف تشير أيضاً تجاه المركز.

القصل الرابع الحرمكة في بعدين

وعلاوة على ذلك كلما تقارب (A) و (B) من بعضهما تؤول (A) إلى المحدر وتؤول (A) (لى السرعة (B) و من ثم تعند النهاية (B) من تكون قيمة العجلة هي:

$$a_r = \frac{v^2}{r}$$

وهكذا استنبج أنه في الح<mark>ركة الدائرية المنظمة تتجه ال</mark>عيلة تواح بركز الدائرة ومقدارها يعطي بـ 2⁷7 ، حيث ته هي السيرعة للجسيم و m هي نصف قطير الدائرة، ويمكنك أن ترى أن أبعاد ـ ¢ ه _{يـ} . 177 ، وسوف نعود لمناقشة الحركة الدائرية في القسم 6.1.

5.4 🔪 العجلة (التسارع) الماسية والعجلة العمودية

TANGENERAL AND RADIAL ACCELERATION

آمي الآن افترض جسيم يتحرك على مسار منعني حيث تتغير السرعة مقداراً واتجاماً كما هو مين: 3.6 بالشكل 17.4 وكما هو الحال دائماً، يكون متجه السرعة مماساً للمسار، بينما يتنمر النجاء متحه. المجلة a من نقطة لنقطة وهذا المتجه يمكن تحليله إلى مركبتين مسجه تين: مركبة عمودية ,8 و مركبة متجهة مماسية ,8 ولذلك يمكن كتابة a على الصورة:

$$a = a_r + a_t$$
 (16.4) last 1 last 1

تسبب العجلة الماسية التغير في سرعة الجسيم . وتكون موازية المسرعة اللحظية وقيمتها هي:

وكما ذكرنا سابقاً تنشأ العجلة العمودية من التغير في اتجاه منحه السرعة راوا قيمه قداسية. تعطى بالعلاقة:

$$a_r = \frac{v^2}{r}$$
 (18.4) العجلة العمودية

حيث r مي نصف قطر منحنى المسار عند النقطة المطلوبة . ولأن a_i و a_i هما المركبتان المتعامدتان $a=\sqrt{a^2+a^2_i}$

الشكل 17.4 حركة جمسيه في مصدار منحني الختياري يقع في المستوى 7.7 في المستوى 7.7 في المستوى 7.7 في المستوى 7.7 في الانتجام المستوى 7.7 في الانتجام في الانتجام أي الانتجام المستوى 1.7 في الانتجام المستوى 1.7 في المركبة المستوى 1.7 في المستوى 1.7 ف

الضيزياء (الجزء الأول - الميكانيكا والدنياميكا الحرارية)

وكما في حالة الحركة الدائرية المنتظمة، تشير دائماً $_{\rm A}$ في الحركة الدائرية غير المنتظمة إلى اتجاه مركز الانعناء كما هو مبين في الشكل 17.4 وأيضاً تكون $_{\rm A}$ كبيرة، عند سرعة ما، عندما يكون نصف قطر المنحنى صغير (كما هو الحال عند التقطئين (A) و(B) في الشكل 17.4) وصغيرة عندما تكون $_{\rm A}$ كبيرة (مثل النقطة (A)). ويكون اتجاه $_{\rm A}$ إما في نفس اتجاه $_{\rm A}$ (إذا كانت $_{\rm B}$ تتزايد) أو عكس $_{\rm A}$ كانت $_{\rm B}$ تتناقص).

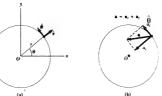
في الحركة الدائرية المنتظمة تكون v ثابتة، a_i = a_i وتكون العجلة كلية عمودية كما وصفنا في القسم 4.4 (لاحظ أن المعادلة 18.4 مماثلة للمعادلة 15.4). وبمنطوق آخر، تكون حركة دائرية منتظمة حالة خاصة من الحركة على مسار منعنى. علاوة على ذلك، إذا لم يتغير اتجاء v لا توجد عجلة نصف قطرية وتكون الحركة في بعد واحد (في هذه الحالة $v_i = a_i$ ولكن ربما تكون v_i لاتساوي الصفر).

تساول سريع 3.4

(a) ارسم رسم بياني لحركة يبين متجه السرعة والعجلة لجسيم يتحرك بسرعة ثابتة عكس اتجاه حركة عقارب الساعة حول دائرة. ارسم رسم بياني مماثل لجسيم يتحرك عكس اتجاه حركة عقارب الساعة حول دائرة ولكن (b) يتباطأ بعجلة مماسية ثابتة و (c) تتزايد سرعته بعجلة مماسية ثابتة.

من المناصب أن نكتب عجلة جسيم يتحرك في مدار دائري بدلالة متجهات الوحدة ونعمل ذلك بتحريف منجهي الوحدة $\bar{\tau}$ و $\bar{\theta}$ المبينة في الشكل 18.40 حيث إن $\bar{\tau}$ هي وحدة ألتجهات يقع في انجاء نصف القطر ويتجه فطرياً للخارج من مركز الدائرة و $\bar{\theta}$ هي متجه الماس للدائرة، ويكون اتجاء $\bar{\theta}$ في نصف القطر ويتجه فطرياً للخارج من مركز الدائرة و $\bar{\theta}$ هي متجه الماس للدائرة، ويكون اتجاء $\bar{\theta}$ غن المور \bar{x} الموجب. لاحظ أن كل من $\bar{\tau}$ و $\bar{\theta}$ أن تتغير مع الزمن. وباستخدام هذه الملاحظة يمكن أن نعبر عن العجلة الكلية بما يلى:

$$\mathbf{a} = \mathbf{a}_t + \mathbf{a}_r = \frac{d|\mathbf{v}|}{dt} \hat{\theta} - \frac{v^2}{r} \hat{\mathbf{r}}$$
 (19.4)



الشكل 184 (ه) وصنف وحدتى التجه و . (أن) المجلة الكلية ه الجسيم يتحرك على مسار منحنى (والذي يكون عند أن لحظة جسرة من دائرة قطولم ٢) هي مجموع المركبتين الماسية والممودية. المركبة العمودية تشير إلى أتجاه مركز المنتقى، وإنا أصبحت المركبة الماسية منتظة، وإنا أصبحت المركبة الماسية

الفصل الرابع: الحركة في بعدين

وُوسَفُ هذه المُتجهات في الشكل ه 18.4. الإشارة السالبة للحد v^2/r في المعادلة 19.4 تشير إلى ان عجلة النسارع الممودية تتجه دائماً ناحية القطر عكس $\hat{\mathbf{r}}$.



معتمداً على خبرتك، ارسم رسم بياني لحركة مبيناً متجهات الموضع، السرعة والعجلة ليندول يتذبذب، من الوضع الابتدائي '45 جهة الهمين من الخط الراسي المار بالمركز، متارجحاً في قوس ليحمله إلى الوضع النهائي '45 من الشمال للخط الراسي الذي يمر بنقطة المركز. القوس هو جزء من دائرة ويجب أن تستخدم مركز هذه الدائرة كنقطة أصل لمتجه الوضع.

مثال 8.4 كرة متأرجحة

نتارجح كرة مربوطة من طرف خيط طوله 0.50 m في دائرة عمودية تحت تأثير الجاذبية الأرضية كما هو موضح في الشكل 19.4 وعندما يصنع الخيط زاوية $\theta=20^\circ$ مع الرأسي تكون سرعة الكرة 1.5 m/s

(a) أوجد قيمة المركبة العمودية للعجلة في هذه اللحظة.

ا**لحل،** يطبق على هذه الحالة رسم إجابة التساؤل السريع 4.4 وبالتالي سيكون لدينا فكرة جيدة عن كيفية تغير متجه العجلة أشاء الحركة. الشكل 19.4 يجملنا ناخذ نظرة أقرب عن هذه الحالة. تُعطى العجلة العمودية بالمادلة 18.4 حيث v = 1.5 m/s و v = 0.50، ومن ثم نجد أن:

$$a_r = \frac{v^2}{r} = \frac{(1.5 \text{ m/s})^2}{0.50 \text{ m}} = 4.5 \text{ m/s}^2$$
 ما قيمة العجلة الماسية عند $9\theta = 20^\circ$ ما قيمة العجلة الماسية عند

g sin θ عندما تكون الكرة عند الزاوية θ من الرأسي، تكون لها عجلة مماسية قيمتها $a_r = g$ sin $20^\circ = 3.4$ m/s 2 ، $\theta = 20^\circ$.

 $\theta = 20^{\circ}$ a size a التسارع الكلى a عند $\theta = 20^{\circ}$

 $\theta = 20^\circ$ عند a عند $a = a_r + a_t$ هي: الحل: حيث أن

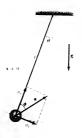
$$a = \sqrt{a_r^2 + a_r^2} = \sqrt{(4.5)^2 + (1.3)^2} \, \text{m/s}^2 = 5.6 \, \text{m/s}^2$$
 وإذا كانت θ هـي الزاوية بين θ والخيط:

$$\phi = \tan^{-1} \frac{a_r}{a_s} = \tan^{-1} \left(\frac{3.4 \text{ m/s}^2}{4.5 \text{ m/s}^2} \right) = 37^\circ$$

الضيزياء (الجزء الأول - الميكانيكا والدنياميكا الحرارية)

لاحظ أن a, a, a و a تتغير في الاتجاء والقيمة عندما تهتز الكرة في دائرة. وعندما تكون الكرة عند أدنى ارتضاء ($\theta = 0$) فان عند a = 0 عند لايوجد مركبة مماسية ل هذه الزاوية؛ وتكون أيضاً u, عند القيسمة القصوى لأن υ تكون قيمتها قصوى.

وإذا كانت الكرة لها سرعة كافية لكي a_{i} تكون ($\theta = 180^{\circ}$) تكون تكون أعلى مـــوضع مساوية للصفر مرة أخرى ولكن a, في أدنى قيمة لها حيث تكون v في هذ اللحظة قيمة صغيري، وأخيراً في الوضيعين الأفقيين ا وتكون ا $a_1 = g$ تكون ($\theta = 90^\circ$ ، $\theta = 270^\circ$) ميمة بين القيمتين الصغرى والكبرى.



الشكل 19.4 حركة كرة معلقة بخيط طوله r، تهتز الكرة بحركة دائرية غير منتظمة في مستوى رأسي، وعجلتها a لها a_i مرکبة عمودیة a_i وأخرى مماسية

6.4 > السرعة النسبية والعجلة النسبية: RELATIVE VELOCITY AND RELATIVE ACCELERATION

في هذا القسم نصف كيف تكون الأحداث- الظاهرة- لتسجيلات راصدين مختلفين مرتبطة ببعضها في إطاري إسناد مختلفين. سوف نجد أن الراصدين في أطر الإسناد المختلفة ربما يقيسون ازاحات، سرعات، وعجلات مختلفة لجسيم معين (لنفس الجسم). بمعنى إنه بصورة عامة لايتفق راصدان يتحرك إحداهما بالنسبة للآخر في النتائج المقاسة.

على سبيل المثال افرض أن سيارتين متحركتين في نفس الاتجاء بالسرعتين h 50 mi/ h 3.7 و 60 mi/h . بالنسبة للراكب في السيارة الأبطأ تكون سرعة السيارة الأسرع هي 10 mi/h . وبالطبع سوف يقيس راصد ساكن سرعة السيارة الأسرع لتكون 60 mi/h وليست 10 mi/h أي الرصدين يكون صحيحاً؟ كلاهما على حق! هذا المثال البسيط يوضح أن السرعة لجسم تعتمد على إطار الاستاد الذي تُقاس منه.

افرض أن شخص بتزلج على أرضية زلاجة (راصد Observer A) يقذف كرة بطريقة تظهر بالنسبة لإطار إسناد هذا الشخص كأنها تتحرك رأسياً إلى أعلى ثم إلى أسفل في نفس الخط الرأسي كما هو مبين في الشكل 20.4 a . ويرى راصد آخر ساكن B مسار الكرة كقطع مكافئ كما هو موضح بالشكل 20.4 b. بالنسبة للحركة النسبية من الكرة للراصد B، تكون للكرة مركبة سرعة رأسية (ناتجة 146) من السرعة الابتدائية لأعلى وعجلة الجاذبية لأسفل) ومركبة أفقية.

الفصل الرابع: الحركة في بعدين

مثال آخر لهذا المفهرم هو إسقاط صندوق من طائرة تطير بسرعة ثابتة، هذه الحالة درسناها في مثال 6.4 . يرى راصد في الطائرة حركة الصندوق كغط مستقيم تجاه الأرض، بينما يرى مستكشف في سفينة جانحة مسار الصندوق كقطع مكافئ. إذا استمرت الطائرة في التحرك أفقياً بنفس السرعة بمجرد اسقاط الصندوق فإن الصندوق سوف يرتطم بالأرض أسفل الطائرة مباشرة (وذلك إذا فرضنا إهماره مقاومة الهواء)!

وكحالة أكثر عموماً، اعتبر جسيم موضوع عند النقطة A في الشكل 21.4. تغيل أن حركة هذا الجسيم يتم وصفها بواسطة راصدين، واحد في إطار الاسناد Reference Frame) S) ثابت بالنسبة للأرض، والآخر في إطار الاسناد $^{\prime}$ 2 يتحرك جهة اليمين بالنسبة إلى S (وكذلك بالنسبة للأرض) يسرعة ثابتة $^{\prime}$ 3 (بالنسبة للراصد عند $^{\prime}$ 4، وتتحرك S إلى اليسار بسرعة $^{\prime}$ 40). حيث يقف الراصد في إطار إسناد لاعلاقة له بهذا الموضوع ولكن إلغرض من هذا النقاش هو وضع كل راصد عند نقطة الأصال التابعة له.



الشكل 20.4 (a) راصد A على عربة متحركة يرمي كرة رأسياً إلى أعلى ويراها تعلو وتسقط في مسار خط مستقيم. (b) راصد B ساكن يرى مسار قطع مكافئ لنفس الكرة.

نرمز لموضع الجنسيم بالنسبة لإطار S بمتجه r وبالنسبة للإطار S' بمتجه الموضع r'، وذلك بعد فترة زمنية I . العلاقة التي تربط متجهي الموضع I' I' هي I' أو

التحويل الجاليلي للإحداثيات
$$\mathbf{r}' = \mathbf{r} - \mathbf{v}_0 t$$
 (20.4)

بمعنى إنه بعد زمن 1 يُزاح الإطار <math>S' جهة اليمين من S بمقدار $v_0 t$.

وإذا قمنا بتفاضل المعادلة 20.4 بالنسبة للزمن مع اعتبار \mathbf{v}_0 ثابتة نحصل على:

$$\frac{d\mathbf{r'}}{dt} = \frac{d\mathbf{r}}{dt} - \mathbf{v}_0$$

الفيرياء (الجزء الأول - اليكانيكا والدنياميكا الحرارية)

التحويل الجاليلي للسرعة (21.4)

, ®

 $\mathbf{v'} = \mathbf{v} - \mathbf{v}_0$

حيث $^{\prime}$ $^{$

'شكل 214 پوصف جسيم موضوع عند (\hat{N} بواسطة راصدين احدهما في إطار ثابت \hat{N} والاخر في إطار \hat{N} 2 يقدرك جهة اليمن بسرعة \hat{N} 4 والمتجه \hat{N} 6 فرمتجه موضع الجسيم بالنسبة لـ \hat{N} 7 هو متجه موضع بالنسبة \hat{N} 7 هو متجه موضع بالنسبة \hat{N} 7 هو متجه موضع بالنسبة \hat{N} 7 هو متجه موضع بالنسبة و

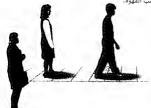
وعلى الرغم من أن الراصدين يقيسان سرعات مختلفة للجسيم إلا أنهما يقيسان نفس العجلة عندما تكون 70 أابت.ة. ويمكن التـحـقق من ذلك بإجـراء التفاضل بالنسبة للزمن 1 للمعادلة 21.4:

$$\frac{d\mathbf{v'}}{dt} = \frac{d\mathbf{v}}{dt} - \frac{d\mathbf{v}_0}{dt}$$

وحيث إن \mathbf{v} ثابتة، $d\mathbf{v}_0$ $d\mathbf{r} = 0$ ، ولذلك نستنج أن \mathbf{v} \mathbf

اختبار سريع 5.4

راكب في سيارة تسير بسرعة 60 mi/h ومؤق هنجانا من القهوة للسائق المتعب. اوصف مسال القهوة عندما تتحرك من الإثاء أل الفنجان كما يُرى بواسطة (a) المسافر و (d) شخص واقف بجانب الطريق وينظر إلى نافذة السيارة عندما تمر (c) ماذا يحدث إذا حدث تسارع الميارة وينما تصب القهوة.



ترى سيدة واقفة على سير متحرك رجل يسير عليه بسرعة أبطأ من سيدة تقف على أرضية ساكنة.

مركب يعبرنهر مثال 9.4

بتحيه مركب ناحية الشمال عير نهر واسع سيرعة مطلقة 10.0 km/h بالنسبة للماء، ويتحرك الماء في النهر بسرعة منتظمة 5.00 km.h ناحية الشرق بالنسبة للأرض. عين سرعة المركب بالنسبة لشخص يقف على الشاطئ.

الحل: v_{br} سرعة المركب بالنسبة للنهر، و v_{rE} سيرعة النهر بالنسبة للأرض معلومتان. وكل ما نحتاجه هو حساب سرعة المركب بالنسبة للأرض VbF . العلاقة بين هذه الكميات تعطى بالمعادلة:

$$\mathbf{v}_{bE} = \mathbf{v}_{br} + \mathbf{v}_{rE}$$

الشكل 22.4

يجب معاملة الحدود في المعادلة على أنها كميات متجة؛ هذه المتجهات موضحة في الشكل 4 27. الكمية \mathbf{v}_{hr} ناحية الشمال، \mathbf{v}_{rE} ناحية الشرق ومتجه المحصلة \mathbf{v}_{hE} يصنع زاوية θ ، كما هي وا في الشكل 22.4. هكذا نستطيع إيجاد السرعة ٧١٠ للمركب بالنسبة للأرض باستخدام نظرية فىثاغورث:

$$v_{bE} = \sqrt{v_{br}^2 + v_{rE}^2} = \sqrt{(10.0)^2 + (5.00)^2} \text{km/h}$$

= 11.2 km/h

واتجام V_{bF} هو:

$$\theta = \tan^{-1} \left(\frac{v_{\rm rE}}{v_{\rm br}} \right) = \tan^{-1} \left(\frac{5.00}{10.0} \right) = 26.6^{\circ}$$

يتحرك المركب بسرعة مطلقة 11.2 Km/h في اتجاه °26.6 الشمال الشرقي بالنسبة للأرض.

تمرين: إذا كان عرض النهر 3.0 Km، احسب الزمن الذي يستغرقه المركب لعبوره.

الإحاية: 18 min . 18

أى طريق بجب أن نسلكه؟ مثال 10.4

إذا تحرك المركب في المثال السابق بنفس السرعة 10.0 Km/h بالنسبة للنهر متجهاً ناحية الشمال، كما هو مبين في الشكل 23.4، ما هو الاتجاه الذي يجب أن يأخذه؟

الحل: كما في المثال السابق نعلم v_{c} وقيمة المتجه v_{br} ونريد أن تكون v_{bc} في اتجاء عبور النهر. يبين الشكل 23.4 أن المركب يجب أن يتغلب على التيار للانتقال مباشرة تجاه الشمال عبر النهر.

الفيزياء (الجزء الأول - الميكانيكا والدنياميكا الحرارية)

لاحظ الفرق بين المثلث الموجود هي الشكل 23.4 والمثلث الموجود هي الشكل 23.4 - خاصة وتر المثلث هي الشكل 23.4 والذي لايمثل الآن بـ V_{bE} . لذلك عندما نستخدم نظرية فيثاغورث لحساب V_{bE} هذه المرة نحصل على:

$$v_{bE} = \sqrt{v_{br}^2 + v_{re}^2} = \sqrt{(10.0)^2 + (5.00)^2 \text{ km/h}} = 8.66 \text{ km/h}$$

والآن بمعرفة مقدار v_{bE} نستطيع حساب الاتجاء الذي يأخذه المركب:

 $\theta = \tan^{-1} \left(\frac{v_{\text{rE}}}{v_{\text{re}}} \right) = \tan^{-1} \left(\frac{5.00}{8.66} \right) = 30.0^{\circ}$

 $v_{\rm bg}/$ (8,007) يجب أن يتخذ المركب سبيلاً تجاه 30.0° في الشمال الغربي.

تمرين: إذا كان عرض النهـر 3.0 Km، احسب الزمن الذي يستغرقه المركب لعبور النهر.

الإجابة: 21 min.

ملخص SUMMARY

إذا تحرك جسيم بعجلة ثابتة a وسرعة v، ومتجه موضع r، عند الزمن I، يكون متجهي سرعته وموضعه بعد زمن I هي:

الشكل 23.4

$$\mathbf{v}_f = \mathbf{v}_i + \mathbf{a}t \tag{8.4}$$

$$\mathbf{r}_f = \mathbf{r}_i + \mathbf{v}_i t + \frac{1}{2} \mathbf{a} t^2 \tag{9.4}$$

بالنسبة للحركة في بعدين في المستوى xy. تحت تأثير عجلة ثابتة، كل من هذه المتجهات السابقة تكون مكافئة لمركبتين- واحدة للحركة في الاتجاء x والأخرى في الاتجاه y. ويجب أن تكون قادراً على تحليل الحركة في اتجاهين لأي جسم إلى هاتين المركبتين.

حركة المقدوف هي نوع من أنواع الحركة في بعدين تحت تأثير عجلة ثابتة حيث $0 = a_x = 0$ من المفيد أن نعتبر حركة المقدوف على أنها مجموع حركتين: (1) حركة سرعة ثابتة في أتّجاه x و (2) حركة سقوط حر في الاتجاه الرأسي تحت تأثير عجلة ثابتة إلى أسفل مقدارها $2 = 8.0 \, \text{m/s}^2$ ويجب تحليل الحركة في مركبتي السرعة الأفقية والرأسية، كما هو في الشكل 24.4.

عجلة عمودية ,a، لأن اتجاه v يتغير مع الزمن. ويُعطى مقدار ,a بالعلاقة:

$$a_r = \frac{v^2}{r} \tag{18.4}$$

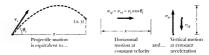
وبكون اتحاهها دائماً ناحية مركز الدائرة،

إذا تحرك جسيم على مسار منعنى بطريقة يتغير فيها مقدار واتجاه v مع الزمن، يكون للجسيم متجه عجلة يمكن وصفه بمركبتي متجه (1) المركبة النصف قطرية العمودية للمتجه p والتي تسبب التغير في اتجاه v (2) مركبة مماسية للمتجه p والتي تسبب التغير في قيمة v . وفيمة p مماسية للمتجه p مبياني لحركة جسيم له مسار منحني ونبين كيف يتغير منجها السرعة والعجلة عندما تتغير حركة الجسم.

ترتبط السرعة v لجسيم والمقاسة في إطار الإسناد S بالسرعة v' لنفس الجسيم والمقاسة في إطار إسناد متحرك S' بالملاقة:

$$\mathbf{v'} = \mathbf{v} - \mathbf{v}_0 \tag{21.4}$$

حيث \mathbf{v}_0 هي سرعة 'S بالنسبة لـ S . ويمكن التحويل للخلف والأمام بين إطاري إسناد مختلفين.



الشكل 24.4 تحليل حركة مقذوف إلى المركبتين الأفقية والرأسية.

QUESTIONS السئلة

- 1- هل يمكن لجسم أن يتسارع إذا كانت سرعة ثابتة؟ هل يمكن لجسم أن يتسارع إذا كانت سرعته الاتحاهية ثابتة؟
- إذا كان متوسط سرعة جسيم يساوي صفر
 في فترة زمنية ما، ما الذي تقوله عن إزاحة
 الجسيم في تلك الفترة؟
- [3] إذا علمت متجه موضع جسيم عند نقطتين على مساره وعلمت كذلك الزمن الذي يأخذه لينتقل من نقطة للأخرى، هل تستطيع أن

- تعين السرعة اللحظية للجسيم؟ وكذلك متوسط سرعته؟ اشرح.
- 4- اوصف الحالة التي تكون فيها سرعة جسيم
 عمودية دائماً على متجه الوضع.
- [5] اشرح أي من الجسيمات التالية تكون لها عجلة تسارع أو ليس لها: (3) جسيم يتحرك في خط مستقيم بسرعة ثابتة (d) جسيم بتحرك حول منحني بسرعة ثابتة.

الفيزياء (الجزء الأول - اليكانيكا والدنياميكا الحرارية)

- 6- صحح المقولة ألتالية: "سيارة السباق تلف الدوران بسرعة ثابتة mi/h.
- 7- عين أي من الأجسام المتحركة التالية لها
 مسار قطع مكافئ تقريباً:
- (a) كرة ملقاة في اتجاه اختياري، (d) طائرة نفاسة (c) صاروخ يترك منصة الاطلاق (b) صاروخ تتعطل محركاته بعد الاطلاق بدقائق، (c) حجر مقذوف يتحرك إلى قاع بركة بها ماء.
- 8- أسقطت صخرة في نفس لحظة قذف كرة
 أفقياً من نفس الارتفاع، أي منهما له سرعة
 أكبر عند وصوله لمستوى الأرض؟
- الاستخدام سفيئة فضاء خلال الفضاء بسرعة ثابتة، وفجاة تسرب غناز في جانب السفينة مُسبباً تسارعاً ثابتاً للسفينة في اتجاه عمودي على السرعة الابتدائية. لم يتغير اتجاه السفينة، ولذلك ظلت العجلة عمودية على اتجاه السرعة الابتدائية. ما هو شكل السار الذي تأخذه السفينة في هذه الحالة؟
- 1- أطلقت كرة أفقياً من قمة مبنى وبعد ثانية واحدة أطلقت كرة أخرى أفقياً من نفس النقطة وينفس السرعة. عند أي نقطة في الحركة سوف تكون الكرتان قريبتين جدا لبعضهما؟ هل تسير الكرة الأولى بسرعة أكبر دائماً من الثانية؟ كم من الزمن يعر بين لحظة ارتطام الثانية بالأرض؟ هل يمكن تغير مسقط السرعة الأفقية للكرة ثانية لكي تصل الكرتان معاً إلى الأرض في نفس للكي تصل الكرتان معاً إلى الأرض في نفس الهقت؟
- 11 يجادل طالب أستاذه بأن القمر الصناعي يدور حــول الأرض في مـــســـار دائري، ويتحرك بسرعة ثابتة ولذلك لاتكون له

- عـجلة. ويدعي الأستـاذ أن الطالب على خطأ حيث إن القـمـر الصناعي يجب أن تكون له عجلة عمودية عندما يتحرك في مساره الدائري. ما هو الخطأ في مجادلة الطالب؟
- 12 ما هو الفرق الجوهري بين متجهي الوحدة \hat{r} و \hat{g} ومتجهي الوحدة i و i?
- 13- سرعة البندول عند نهاية قوسه تساوي صفراً هل تساوي عجلته الصفر عند هذه النقطة؟
- 14- إذا أسقط حجر من قمة ساري مركب. هل يرتطم بسطح المركب عند نفس النقطة بغض النظر عما إذا كان المركب ثابت أو متحرك بسرعة ثابتة؟
- 15- قُذف حجر راسياً إلى أعلى من قمة مبنى. هل تتوقف إزاحة الحجر على موضع نقطة أصل إحداثيات النظام؟ هل تعتمد سرعة الحجر على موضع نقطة الأصل؟
- 16 هل يمكن أن تسير عربة حول منحنى بدون عجلة؟ فسر ذلك.
- 17- قُذفت كرة بسرعة ابتدائية (f 15 i 10) m/s. عندما تصل إلى أقصى قيممة لمسارها، ما هي (a) سرعتها و (b) عجلتها؟ اهمل تأثير مقاومة الهواء.
- 18- يتحرك جسم في مسار دائري بسرعة ثابتة (b) هل سرعة الجسم ثابتة (c) هل سرعة الجسم ثابتة؟ هل عجلته ثابتة؟ اشرح.
- ون أطلقت شذيفة بزاوية معينة مع المحور الأفقى بسرعة ابتدائية إن الهمل مقاومة الهوراء على تتعامل مع القديشة كجسم يسقط سقوطاً حراً؟ ما هي عجلته في الاتجاء الراسي؟ وما هي عجلته في الاتجاء الراشي؟ وما هي عجلته في الاتجاء الراشقي؟

الفصل الرابع: الحركة في بعدين

20- أطلقت قديفة بزاوية °30 من الاتجاء الأفقى بسرعة ابتدائية مطلقة معينة. عند أى زاوية أخرى يطلق الصاروخ كى يكون له نفس المدى إذا كانت السرعة الابتدائية واحدة في الحالتين؟ اهمل مقاومة الهواء.

21- أطلقت قذيفة على الأرض بسرعة ابتدائية ما. كما أطلق صاروخ أخر على القمر بنفس السرعة الابتدائية، فإذا أهملت مقاومة الهواء، أي من الصاروخين له مدى أكبر؟ أيهما يصل إلى ارتفاع أكبر؟ (لاحظ

PROBLEMS JIL

1، 2 ، 3 = مسائل مباشرة، متوسطة، تحدى

Http:// www. sanunderscollege. com/ physics/ = WEB

= الحاسب الآلي مفيد في حل المسائل = أزواج رقمية/ باستخدام الرموز

قسم 1.4

1 يتحرك راكب دراجة بخارية بسرعة 20.0 m/s تجاه الشمال لمدة 3.00 min ثم يتجه غرباً بسرعة 25.0 m/s لمدة 2.00 min ثمر يتحه جنوب غيرب بسرعية 30.0 m/s لمدة 1.00 min في هذه الرحلة التي استغرقت 6 دقائق، اوجد (a) متجه الإزاحة الكلى (b) السرعة المتوسطة (c) السرعة المتوسطة. اتخذ المحور الذي يكون الاتجاء الموجب لـ x شرقاً.

2- افرض أن متجه موضع جسيم يعطى x = at + b حيث r = xi + yjb = 1.00 m, a = 1.00 m/s, $y = ct^2 + d$ (a) d= 1.00 m ،c= 0.125 m/s²

أن عجلة السقوط الحر على القمر حوالي .(1.6 m/s2

22- عندما يتحرك مقذوف خلال مساره في قطع مكافئ أي من هذه الكميات يظل ثابتاً: (a) السرعة المطلقة، (b) العجلة، (c) المركبة الأفقية للسرعة، (d) المركبة الرأسية للعجلة؟

23- راكب في قطار يسير بسرعة ثابتة يسقط ملعقة. ما هي عجلة الملعقة بالنسبة لـ (a) القطار (b) الأرض؟

= الحل كامل متاح في المرشد.

🛍 = فيزياء تفاعلية

مـن t= 2.00 s إلى a 4.00 s عـن السرعة الإتجاهية والسرعة عند 2.00 s =1. 3- قُذفت كرة جولف من حافة هضبة. تتغير المحاور x و y مع الزمن بالعلاقتين التاليتين:

متوسط السرعة خلال الفترة الزمنية

x = (18.0 m/s)t $y=(4.00 \text{ m/s})t-(4.90 \text{ m/s}^2)t^2$

(a) اكتب تعبير لمتجه موضع الكرة كدالة في الزمن بدلالة i و j. بإجراء التفاضل للمتجه السابق اكتب تعبيراً لكل من (b) متجه السرعة كدالة في الزمن (c) متجه التسارع كدالة في الزمن. استخدم متجهات الوحدة للتعبير عن (d) الموضع (e) السرعة و (f) تسارع الكرة بعد a.00 s على

- 4- إحداثيات حسم يتحرك في المستوى ٢٢. تتغير مع الزمن تبعاً للمعادلات التالية:
 - $\lambda = -(5.00 \text{ m}) \sin \omega t$
 - v= (4.00 m)- (5.00 m) cos ω/
 - -دیث I بالثوانی و ω بوحدات I (Second).
- (a) عبن مركبات السرعة ومركبات العجلة عند 0=1. (b) اكتب عبلاقات لمتحه الموضع، متجه السرعة، ومتجه العجلة عند أى زمن t > 0
- (c) صف مسار الجسم على الرسم البياني

قسم 2.4

- 5- عند 0=1 يتــحــرك جــســيم في السيتوى xy بعجلة ثابتة ويسرعة ابتدائية v_i= (3.00 i- 2.00 j) m/s عــند t= 3.00 s تكون سرعتها (7.00 j تكون سرعتها أوجد (a) عجلة الجسيم و (b) إحداثيات الجسيم عند أي زمن 1.
- 6- يتغير متجه موضع جسيم مع الزمن تبعاً للملاقة (a) $\mathbf{r} = (3.00 \text{ i} - 6.00 \text{ t}^2 \text{j}) \text{m}$ أوحد علاقة للسرعة والتسارع كدالة في الزمن (b) عــين موضــع الجسيم وســرعته عند t = 1.00 s
- 7- جسيم عند نقطة الأصل له عجلة a= 3.00 j m/s² وسرعته الابتدائيـــة v = 5.00 i m/s عين (a) مستجله الموضع ومتجه السرعة عند أي زمن t و (b) t=2.00 s عند السرعة للجسيم عند الاحداثيات والسرعة الم

القسم 3.4

- 8- لاعب تنس يقف على بعـــد 12.6 m من الشبكة يضرب الكرة بزاوية °3.00 ضوق الأفقى، ولكى تجتاز الكرة الشبكة، يجب أن ترتفع مسافة m 0.33 على الأقل، فإذا اجتازت الكرة الشبكة بالكاد عند قمة مسارها، ما هي سرعة تحرك الكرة عند تركها للمضرب؟
- 9- يستطيع رائد فضاء على كوكب غريب أن يقفز مسافة 15.0 m أفقياً يسرعة ابتدائية 3.00 m/s ما هو تسارع السقوط الحر على هذا الكوكب؟
- 10 تطلق فذيفة بحيث يكون مداها الأفقى يساوى ثلاث أضعاف أقصى ارتفاع تصل إليه. ما هي زاوية الاطلاق؟ اعطى اجابتك حتى ثلاث أرقام عشرية.
- 11- رجل مطافئ يبعد س 50.0 m من مبنى يحترق يوجه تيار من الماء من خرطوم الحريق بزاوية °30.0 مع الأفقى، كما هو مبين بالشكل P 11.4 فإذا كانت سرعة الماء هي 40.0 m/s، عند أي ارتضاع يرتطم الماء بالمبنى؟
- 12- يوجه رجل مطافئ يبعد مسافة d من مبنى يحترق تيارا من الماء من خرطوم الحريق بزاوية θ مع الأفقى كما هو مبين بالشكل P 11.4 فإذا كانت سرعة الماء هي ، v عند أي ارتفاع h يرتطم الماء بالمبنى.

الفصل الرابع: الحركة في بعدين

14- لاعب قوى بلف قرصا كتلته 1.00 Kg في مسار دائری نصف قطره 1.06 m أقصر، سرعة مطلقة للقرص هي 20.0 m/s. عين أقصى قيمة للتسارع النصف قطري للقرص.

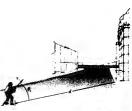
15- يدور إطار نصف قطره m 0.500 بمعدل ثابت 200 rev/ min . اوحيد السيرعية والتسارع لحجر صغير موجود في إحدى الفراغات الخارجية للإطار (على حوافه الخارجية). (تنويه: خلال لفة واحدة يقطع الحجر مسافة تساوى محيط الاطار،

القسم 5.4

16- يبطئ قطار من سرعته عندما يسير في ملف أفقى حاد، لتتناقص سرعته من 90.0 Km/h إلى 50.0 Km/h في 15.0 s والتي يستغرفها للدوران على المنحنى، فإذا كان نصف قطر المنعني m 150 m احــسب التسارع في اللحظة التي تصل فيها سرعة القطار إلى 50.0 Km/h. افرض أن القطار يبطئ من سرعته بمعدل منتظم أثناء فترة . 15.0 s JI

17- تتزايد سرعة سيارة تتحرك على طريق دائری نصف قطره 20.0 m بمعدل 0.600 m/s2. عندما تكون السرعة اللحظية للسيارة 4.00 m/s اوجد (a) الركبة الماسية للتسارع (b) المركبة العمودية للتسارع. (c) قيمة واتجاه التسارع الكلي.

18- يوضع الشكل P 18.4 التسسارع الكلي وسرعة جسيم يتحرك في اتجاه عقارب الساعة في دائرة نصف قطرها 2.5 m عند أي لحظة معينة من الزمن. عند هذه (155





الشكل P 11.4 مسألة 11،11

(Fredrich Mckinney/ FPG international بتصريح من)

قسم 4.4

13 – مدار القمر حول الأرض هو تقريباً مدار دائرى، بمتوسط نصف قطر 3.84x 108 m. بأخيذ القيمر 27.3 يومياً ليكمل دورة كاملة حول الأرض. اوجد (a) متوسط السرعة المدارية للقمر و (b) عجلته العموددية (في اتجاه المركز).

الفيزياء (الجزء الأول - المكانيكا والدنياميكا الحرارية)

اللحظة اوجد (a) التسارع المركزي (b) السرعة الملكزي (c) عجلة السرعة المطلقة للجسيم و (c) عجلة التسارع الماسية.



الشكل P 18.4

19 - يريط طالب كرة في نهاية خيط طولة مدائرة 6.600 m 0.600 m أي منطقة الكرة في دائرة أوسية . كون سرعة الكرة (20 m/s) على نقطة في حركتها و 6.50 m/s عند أدنى نقطة لها. أوجد عجلة الكرة عندما يكون الخيط رأسياً والكرة عند (a) أعلى نقطة (b) أربين نقطة.

القسيم 6.4

21 - يلاحظ قائد طائرة أن البوصلة تشير إلى الطيران تجاه الغرب، وأن سرعة الطائرة بالنسبة للهواء 150 Km/h. فإذا كانت سرعة الرياح تجاه الشمال هي 30.0 Km/h اوجد سرعة الطائرة بالنسبة للأرض.

, يبدأ السباحان علي وباسم من نفس النقطة لنهر سرعة مباهه v . بتحرك

الاثنان بنفس السرعة C> v) بالنسية للنهر، يسبح علي مع التيار لمسافة L ثم ضد التيار لنفس المسافة، ويسبح باسم بحيث تكون حركته بالنسبة للأرض عمودية على ضفتي النهر. يسبح باسم مسافة L في هذا الاتجاء ثم يعود، وكانت نتيجة حركة كل من علي وباسم هي رجوعهما حركة كل من علي وباسم هي رجوعهما تنظمة البداية، أي السباحين يهود أولاً؟

مسائل إضافية

23- أطلق مقدنوف لأعلى مستوى ماثل (زاوية ميل θ) بسرعة ابتدائية V ويزاوية بالنسبة للأفقي (Φ < θ). كما هو مبين بالشكل 4.2 P (a) اثبت أن المقدوف يقطع مسافة أن أعلى المستوى المثل 4.2 P (a) ما ما ما ما ما ما ما V (a) V (b) V (c) V (c)

 $d = \frac{2v_i^2 \cos \theta_i \sin (\theta_i - \phi)}{g \cos^2 \phi}$

ما هي قيمة $heta_i$ حتى تكون d أقصى قيمة، وما هي قيمة أقصى مسافة؟



الشكل P 23.4

24- رائد فضاء يقف على القمر يطلق رصاصة ماسورة من بندقية بعيث تترك الرصاصة ماسورة البندقية في اتجاه أفقي. (a) ما هي شرعة الرصاصة عند فوهة البندقية بعيث تدور دورة كاملة حول القمر وتمود ثانية لموضع بدايتها؟ (d) كم تستغرق هذه الرحلة حول القمر؟ اهرض أن عجلة التسارع الحر على سطح القمر تساوي سدس عجلة الجاذبية.

الفصل الرابع: الحركة في بعدين

25- يقف لاعب كرة سلة طوله 2.00 m على الأرض على بعد 10.0 m من السلة كما هو موضح بالشكل P 25.4 قيادًا صبوب الكرة بزاوية '4.00 من الأفسقي، فيبأي سرعة يجب أن يرمي بها الكرة كي تمر من خلال الحلقة دون أن ترتطم باللوح الخشبي الموجود خلف الحلقة؟ ارتضاع الشبكة 16 من 3.05m



الشكل P 25.4

مرکبتا سرعة جسم هما: v_x = + 4 m/s v_y = -(6 m/s²) t + 4m/s

ANSWERS TO QUICK QUIZZES إجابة الاختبارات السريعة:

(1.4) لأن العجلة تحدث كلما تغيرت السرعة بأي طريقة - سواء بريادة أو نقصصان السرعة أو التغير في الاتجاء أو كليهما معاً - يمكن اعتبار دواسة الفرامل أداة تسارع لأنها تسبب تباطؤ السيارة. تعتبر تغير اتجاء متجه السرعة. (ف) عندما تتحرك السيارة وسرعة ثابتة لاتسبب دواسة البنزين عجلة تسارع. تعتبر أداة تسارع فقط عندما تسبب تغير في قراءة عداد السرعة.

(2.4) عند نقطة واحدة فقط- نقطة قمة

المسار- يكون متجها السرعة والعجلة عموديين كل منهما على الآخر. (d) إذا قدنا الجسم راسياً إلى أعلى أو أسفل، وأسفل، الجسم راسياً إلى أعلى أو أسفل، متوازيين خلال الحركة لأسفل. متوازيين كل منهما للآخر أبداً. (c) كلما القي يستغرقها المقدوف ليصل إلى هذا الارتفاع ثم ليسقط منه إلى أسفل. ولذلك كلما زادت اللزوقاع ثم ليسقط منه إلى أسفل. ولذلك كلما زادت الزاوية من "0 إلى "90 يزداد زمن للجران، والزاوية "75 تعطي الزاوية "75 تعطي الزاوية "75 تعطي

احسب السرعة المطلقة للجسيم واتجاء

 $\theta = \tan^{-1} (v_y/v_x)$ α. t=2.00 s a.

27 - أقصى مسافة أفقية يستطيع طفل أن يرمي كرة إليها هي 40.0 شي مستوى الملعب، ما هي أقصى مسافة يستطيع الطفل أن يقذف الكرة إليها رأسياً؟ افرض أن قوة عضلات الطفل تعطي الكرة نفس السرعة المطلقة في الحالتين.

28- أقصى مسافة أضقية يستطيع طفل أن يرمي كرة إليها هي R هي مستوى الملعب. ما هي أقصى مسافة يستطيع الطفل أن يقذف الكرة إليها رأسياً؟ الفرض أن قوة عضلات الطفل تمد الكرة بنفس السرعة المطلقة في الحالتين.

الفيزياء (الجزء الأول - اليكانيكا والدنياميكا الحرارية)

(3.4) (a) حيث إن الجسم يتحرك بسرعة ثابتة يكون المتجه السرعة نفس الطول دائماً وحيث أن الحركة دائرية، فإن هذا المتجه يكون دائماً مماساً للدائرة، وتكون العجلة فقط هي المسئول عن تغير اتجاه متجه السرعة، وتكون في اتجاه نصف القطر وتثير دائماً إلى المركز.



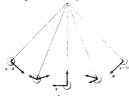
(b) والآن يوجد مركبة لمتجه التسارع مماسية للدائرة وتشير إلى اتجاء عكس اتجاء السرعة. كنتيجة لذلك الإشير متجه التسارع إلى المركز. يبطئ الجسم من سرعته ولذلك يمبيح متجه السرعة أقصر ماقصر.



(c) والآن المركبة الماسية للتسارع تشير إلى نفس اتجاء السرعة. الجسم يزيد من سرعة، ولذلك يصبح منتجه السرعة أطول وأطول، حيث إن السرعة تنغير هنا بسرعة ولكنها تتغير بالتدريج في الجزء (b)، لذلك تكون متجهات التسارع هنا أطول من مثالها في الجزء (d).



(4.4) رسم الحركة كما هو مبين في الشكل التالي. لاحظ أن كل متجه موضع يشير من نقطة التعليق في مركز الدائرة لموضع الكرة.



(5.4) يرى المسافر القهوة تُصب عمودياً تقريباً في الفنجان، كما لو كان يصبها وهو واقف على الأرض. (b) يرى الشخص الساكن القهوة تتحرك في مسار قطع مكافئ بسرعة أفقية 60 mi/h (=88 ft/s) و بتسارع (g-) إلى أسفل. اذا استغرقت القهوة 0.10 s لكي تصل إلى الفنجان، يرى الشخص الساكن القهوة تتحرك 88 ft أفقياً قبل أن تُسكب بالفنجان! (c) إذا تباطأت العربة فجأة تسكب القهوة في المكان الذي من المفترض أن يكون به الفنجان إذا لم تغير العربة سرعتها وحيث أن الفنجان لم يصل بعد إلى هذا المكان نتيجة لتباطؤ العربة فإن القهوة تسكب على الأرض قبل وصول الفنجان، وإذا زادت السرعة بمعدل أكبر تسقط القهوة خلف الفنجان. وإذا تسارعت العربة جانباً تُصنب القهوة في أي مكان غير الفنجان.

ا صورة محيرة

منطاد طوله اكسشر من m 60. منطاد ميك المصار يمكن من m 60. منطاد يمكن المخطول بيكن المخطوط المنطقة والتي تتجدل من الصعبداً أن تحدث له أي تتجدل من الصعبة دا أن تحدث له أي تتجدل من الصعبة دا أن تحدث له أي تتير مناطقة المنطقة المنطقة

web:

لمزيد من المعلومات عن المنطاد قم بزيارة الموقع: http://www.goodyear.com/ about/blimp

قوانين الحسركة The Laws of Motion



ويتضمن هذا الفصل:

5.5 قـــوة الجاذبيية والسيوزن The Force of Gravity and Weight

6.5 القانون الثالث لنيوتن Newton's Third Law

7.5 بعض التطبيقات على قوانين نيوتن Some Applications of Newton's Law

1.5 مفهوم القوة 1.5

2.5 القانون الأول لنيوتن وقانون الأطر القصورية Newton's First Law and Inertial Frames

Mass 13.5

القانون الثانويين لنيوتين Newton's Second Law

8.5 قوى الاحتكاك Forces of Friction

الفيزياء (الجزء الأول: الميكانيكا والديناميكا الحرارية)

لقد تناولنا في الفصلين 2 و 3 موضوع الحركة بدلالة الإزاحة، والسرعة، والتسارع دون أن نأخذ في الاعتبار ما الذي يسبب الحركة. ماالذي يسبب لأحد الجسيمات أن يبقى ساكناً ويسبب لجسيم آخر أن يتحرك بتسارع؟ وفي هذا الفصل سوف ندرس ما الذي يسبب التغير في الحركة. والعاملان الرئيسيان اللذان نحتاجهما هما القوة التي تؤثر على الجسم وكثلة هذا الجسم. وسوف نناقش ثلاثة قوانين أساسية للحركة والتي تتعامل مع القوة والكتل وهي التي وضعت لها المعادلات منذ أكثر من ثلاثة قرون بواسطة العالم اسحق نيوتن Isaac Newton. وبفهم هذه القوانين يمكننا الإجابة على الأسئلة التالية:" ما هي ميكانيكية تغير الحركة؟" "ولماذا تتسارع بعض الأجسام أكثر من الأخرى؟"

1.5 مفهوم القوة THE CONCEPT OF FORCE

لكل شخص فهم أساسي لمفهوم القوة من خبرته اليومية. عند دفعك بعيداً لطبق العشاء الفارغ تؤثر عليه بقوة، وبالمثل تؤثر بقوة على كرة عندما تقذفها أو تركلها. في هذه الأمثلة ترتبط القوة بنشاط العضلات وبعض التغير في سرعة الجسم. القوى لاتسبب الحركة دائماً. كمثال على ذلك عندما تجلس لقراءة هذا الكتاب، تؤثر على جسمك قوة الجاذبية ولكنك تظل ساكناً . وكمثال آخر يمكنك التأثير بقوة على صخرة ضخمة ولكنك لاتستطيع أن تحركها.

ما هي القوة (إن وجدت) التي تسبب دوران القمر حول الأرض؟ أجاب نيوتن على هذا السؤال وكذالك على الأسئلة المماثلة المتعلقة بأن القوى هي التي تسبب أي تغير في سرعة الجسم. ولذلك إذا تحرك أي جسم حركة منتظمة (سرعة ثابتة)، لايتطلب ذلك قوة لكي تستمر هذه الحركة. سرعة القمر ليست ثابتة لأنه يتحرك حول الأرض في مسار دائري تقريباً ، والآن لنعلم أن هذا التغير في السرعة يحدث نتيجة القوة المؤثرة على القمر وحيث إن القوة هي التي يمكنها فقط أن تسبب تغير السرعة، يمكننا القول بأن القوة هي الشيّ الذي يتسبب في تسارع الجسم. في هذا الفصل سنركز على العلاقة بين القوة المؤثرة على الجسم وتسارع هذا الجسم.

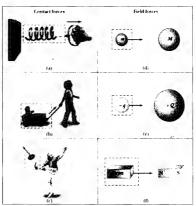
ماذا يحدث عندما تؤثر عدة قوى معاً على جسم؟ في هذه الحالة، يتسارع الجسم فقط إذا كانت محصلة القوى المؤثرةعليه لاتساوى صفراً . وتعرف محصلة القوة على جسم بأنها الجمع الاتجاهي لكل القوى المؤثرة على الجسم (نشير إحياناً إلى صافى القوة بالقوة الكلية أو القوة المحصلة، أو القوة غير المتزنة). إذا كانت القوة المؤثرة على الجسم تساوى صفراً، يكون تسارع الجسم مساوياً الصفر وتظل سرعته ثابتة. بمعنى أنه إذا كانت محصلة القوى المؤثرة على الجسم صفراً، حينتُذ يظل الجسم ساكنا أو يستمر في الحركة بسرعة ثابتة. وعندما تكون سرعة الجسم ثابتة (تشمل كذلك الحالة التي يكون فيها الجسم ساكناً)، ويقال أن الجسم في حالة إتزان.

عند جذب ملف زنبركي، كما هو في الشكل 1.5a ، يستطيل الملف. وعندما تجذب عربة كارو بقوة 160 ﴾ ثابتة وكافية لدرجة أن تتغلب على الاحتكاك، تتحرك العربة كما في الشكل 1.5b. وعند ركل كرة قدم،

الفصل الخامس؛ قوانين الحركة

كما في الشكل 1.5c ، يتغير شكلها وتبدأ الحركة، كل هذه الحالات هي أمثلة لأنواع القوى تسمى قوى التلامس، بمعنى أنها تحتوي على تلامس فيزيائي بين جمسمين، ويمكن ضرب أمثلة أخرى لقوى التلامس مثل القوة المؤثرة لجزيئات غاز على جدار إناه، وكذلك القوة التي تؤثر بها بقدمك على الأرض.

وهناك نوع آخر من القوى، تُعرف بقوى الجال، لا يحدث فيها تلامس فيزيائي بين جسمين ولكن بدلاً من ذلك يكون التأثير عبر الفراغ، قوى الجذب بين جسمين، الموضح في الشكل 1.50، هو مثال لهذا النوع من القوى. قوة الجاذبية هذه تجعل الأجسام مرتبطة بالأرض، والكواكب في نظامنا الشمسي تكون مرتبطة بالشمس بواسطة فعل قوى الجاذبية، ومثال شائح آخر لقوة الجال هو القوة الكهربية والتي تؤذر فيها شحنة كهربية على أخرى، كما هو ميين بالشكل 2.1. وهذه الشحنات قد تكون كشحنات الإلكترون والبروتون في ذوة الهيدروجين، ومثال ثالث لقوة المجال القوى التي يؤثر بها مغناطيس على قطعة حديد كما هو مبين بالشكل 5.1. والقوى التي تربط مكونات نواة الذرة بعضها ببعض هي أيضاً قوى مجال ذو مدى قصير، وهي القوة المتحكمة في التأثر التبادل عندما تكون مسافة الفصل في حدود 10°18.



الشكل (1.5) بعض الأمثلة للقوى الملبقة. في كل حالة تؤثر القوة على الجسم داخل مساحة الصندوق. قد يؤثر عامل ١ رج محيط مساحة الصندوق بقوة على الجسم.

الفيزياء (الجزء الأول: اليكانيكا والديناميكا الحرارية)

لم يكن العلماً، القدامى بما فيهم نيوتن مُرتاحين لفكرة أن القوة يمكن أن تؤثر بين جسمين منفصلين، للتغلب على هذه الشكلة أدخل مايكل ضراداي Michael Faraday ، مفهوم المخالة و (1791-1867) مفهوم المجال، وتبعاً لهذا المدخل، عندما يوضع جسم 1 عند نقطة المالقرب من جسم 2، نقول أن ذلك الجسم 1 ليتأثر مع الجسم 2 بافقراض مجال جاذبية موجود عند ع. يتولد مجال الجاذبية مواسطة الجسم 1. ويطريقة مماثلة، يتولد مجال الجاذبية بواسطة الجسم 1 عند موضع الجسم2. وفي الحقيقة تولد حجال الجاذبية بواسطة الجسم 1 عند موضع الجسم2. وفي الحقيقة تولد حجال اجذبية بواسطة الجسم 1 عند موضع الجسم2. وفي الحقيقة

والشرق بين قوى التلامس وقوى المجال ليس قاطعا كما نعتقد مما ذكر أنفا. فحينما نفحسهما على المستوى الذرى نجد أن كل القوى التى اعتبراناها قوى تلامس ناتجة عن قوى مجال كهربائي كالنوع على المستخدام كل من الموضح في شكل 5.1. إلا تنا إذا أردنا عمل نموذج لطاهرة ماكروسكوبية من الأفضل استخدام كل من نوعى القوى، القوى الجاذبية بين جسمين.(2) القوى الكهرومغناطيسية بين الشحنات الكهربية.(3) القوى النووية القوية بين الجسيمات تحت الذرية (مكونات النواة) و (4) القوى النووية القوية بين الجسيمات تحت الذرية الشوية النووية الفوية بين الجسيمات تحت الذرية الشوية المتعامي معين. في الفيزياء الكلامبيكية نهتم فقط بقوى الجاذبية والقوى الكهرمغناطيسية.

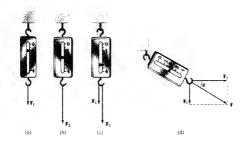
قياس شدة القوة Measuring The Strength of Force

من المناسب أن نستخدم تغير شكل زنبرك لقياس القوة، أفرض أننا طبقنا قوة رأسية على مقياس زنبرك والمثبت عند طرفه العلوي، كما هو مبين في الشكل 2.58. يستطيل الزنبرك عند استخدام قوة ويقرأ المؤشر على المقياس قيمة القوة المستخدمة، ويمكن معايرة الزنبرك بتعريف وحدة القوة \mathbf{F}_1 بأنها القوة التي تجعل المؤشر يقرأ 0.000. (وحيث إن القوة كمية متجهة استخدمنا الرمز الثقيل \mathbf{F}_1 0. والآن إذا أثرنا بقوة مختلفة إلى أسفل \mathbf{F}_2 قيمتها وحدتين كما هو مبين في الشكل 0.002 يتحرك المؤشر إلى 0.003. وضح الشكل 0.005 أن التأثير الناتج عنهما معاً هو مجموع تأثيرات كل منهما على حدة.

والآن نفترض أننا أثرنا بقوتين معاً بحيث يكون تأثير $_1$ إلى أسفل $_2$ 3 في الاتجاء الأفقي كما هو موضح بالشكل 2.24 $\frac{1}{5}$ cm² = 2.24 cm ألفوشر القيمة 2.24 cm ألفوشر القيمة المفردة $\frac{1}{5}$ limit القرأ المؤشر القيمة $\frac{1}{5}$ cm² = 2.24 cm المفردة $\frac{1}{5}$ limit القرأة هي مجموع المتجهن $\frac{1}{5}$ و $\frac{1}{5}$ كم هو موضح في الشكل 2.54 بمعنى ان القوة $\frac{1}{5}$ المفردة $\frac{1}{5}$ المفردة $\frac{1}{5}$ المفردة $\frac{1}{5}$ المفردة $\frac{1}{5}$ المفردة $\frac{1}{5}$ المفردة $\frac{1}{5}$ المفردة مقولة بحيث المفردة وأعد جمع المنتجهات.

تجرية سريعة ___

أحضر كرة تنص، ومصاصتين ومع زميل. ضع الكرة على المنضدة، يمكنك أنت وزميلك بالتأثير يقوة النفخ في المصاصة، (ضم المصاصة أفقية على بعد سنتيمترات قلبلة أعلى المنصدة) حيث يصدما الهواء المندفع بالكرة. حاول التكرار باوضاع مختلفة، انفخ في الاتجاه العكسي المضاد للكرة، انفخ في نفس الاتجاه، انفخ بي تعمودية وهلم جر، هل يمكنك التحقق من الطبيعة الاتجاهية للقوى.



الشُكُلُّ (2.5) يختبر الطبيعة الاتجامهة لقوة باستخدام متياس زنيركي (a) تعمل القوة f P اللجهة الي استطالة الي استطالة الي استطالة التوابيد (b) وتعمل القوة f P التجهة إلى استطالة الزنيرك madd عن استطالة الزنيرك madd عن استطالة الإنبرك بعقدال الزنيرك بعقدال (b) وغنداما تؤثر f P إلى أستط روع أ في الاتجاء الأفقي يعمل اتحاد القوتين مماً على استطالة الزنيرك بمقدال من كوب 2 m= \sqrt{2} أدارك بمقدلة حلى استطالة الزنيرك بمقدال الزنيرك بمقدال

2.5 > القانون الأول لنيوتن وقانون الأطر القصورية

NEWTON'S FIREST IAW AND INERTIAL FRAMES

قبل كتابة القانون الأول لنيوتن دعنا نفكر في التجرية البسيطة التالية. نفترض أن كتاب موضوع على منضدة. واضح أن الكتاب يبقى ساكناً . والآن تخيل أنك تدفع الكتاب بقرة أفقية كافية للتغلب على فوة الاحتكاك بين الكتاب والمنصدة (هذه القوة التي تمارسها، وكذلك قوة الاحتكاك، وأي قوى أخرى تؤثر على الكتاب بواسطة أجسام أخرى بشار إليها بأنها قوى خارجية). تستطيع أن تحتفظ بالكتاب تؤثر على الكتاب بواسطة أجسام أخرى بشار إليها بأنها قوى قيمة قوة الاحتكاك وتؤثر في الاتجاه المضاد . وإذا رفعت بعد ذلك بقوة أكبر تزيد مقدارهذه القوة المؤثرة عن قيمة قوة الاحتكاك بيتسارع الكتاب . وإذا أوقف دهعك للكتاب فسوف يتوقف الكتاب بعد تحركه لمسافة قصيرة حيث تعوق قوة الاحتكاك حركة، افترض الآن أنك تدفع الكتاب عبر أرضية ناعمة مغطاة بطبقة شمع ملساء . يعود الكتاب إلى السكون بعد توقف الدفع ولكن بعد فترة أطول من المرة السابقة . والآن تخيل أرضية مصفولة جيداً وبدرجة عالية حيث ينعدم الاحتكاك، في هذه الحالة بمجرد وضع الكتاب في حالة .

الفيزياء (الجزء الأول: الميكانيكا والديناميكا الحرارية)

قبل حوالي 1600 عام اعتقد العلماء أن الحالة الطبيعية للمادة هي حالة السكون. وكان جاليليو Galiro أول من أخذ طريقا منقلة التشكير في الحركة والحالة الطبيعية للمادة. استنبط من خلال التجارب مثل التي شرحناها سابقاً في حالة الكتاب على سطح املس، واستنتج أنها ليست طبيعة الأجسام أن تتوقف بمجرد وضعها في حالة حركة: على الأصح أن طبيعتها في أن تقاوم التغير في حركتها . وفي صيغته "بمجرد جمل جسم يبدأ الحركة فإنه يحتفظ بها طالمًا أن القوى المسببة لإعاقة حركته قد أزلت.

هذا التفسير الجديد لمفهوم الحركة ثم صياغته أخيراً بواسطة نيوتن في قانون والذي يعرف بقانون نيوتن الأول للحركة:

في غياب القوى الخارجية يظل الجسم الساكن ساكناً والجسم المتحرك يستمر في حركته بسرعة ثابتةفي خط مستقيم.

ويصيغة أبسط يمكننا القول عندما لاتؤثر قوة على جسم، يكون تسارع الجسم صفراً. وعندما لايؤثر شئ يُغير من حركة جسم، لاتتغير سرعته بعد ذلك. ومن القانون الأول يمكننا إستتناج أن أي جسم معزول (لايتأثر مع ما يحيط به) يكون إما ساكناً أو متحركاً بسرعة ثابتة. وميل الجسم أن يقاوم أي محاولة لتغيير سرعته يسمى بالقصور الذاتي للجسم، ويوضع الشكل 3.5 أحد الأمثلة المثيرة كنتيجة منطقية للقانون الأول لليوتن.

مثال آخر لحركة منتظمة (سرعة ثابتة) على سطح أملس تقريباً . حركة قرص خفيف على طبقة رقيقة من الهواء (وسادة هوائية ثابتة) وكما هو مبين بالشكل 4.5 إذا أعطى القرص سرعة ابتدائية . فسوف يقطع مسافة كبيرة قبل التوقف .

> وأخيراً حالة سفينة قضائية تسير في الفضاء بعيداً عن أي كوكب أو أي شئ آخر، تحتاج السفينة إلى نظام دفع لتغيير سرعتها. وإذا أغلق نظام الدفع عندما تصل سرعة السفينة إلى ٧، فسوف تظل السفينة بهذه السرعة الثابتة ويواصل رواد الفضاء رحلتهم (فهم لا يحد تاجون لأى نظام دفع لكى يستمروا في رحلتهم بسرعة لا).

الشكل (3.5) إذا لم تؤثر بشوة خارجية على جسم، سوف يظل الجسم الساكن على حالته من حيث السكون وسوف يستمر الجسم التحرك على حالته من حيث الحركة بسرعة ثابتة. في هذه الحيالة لم يؤثر حيائط المبنى على القطار بشوة كافية لإيقافه.



الأطر القصورية

كما رأينا في الجزء 6.4 حركة جسم يمكن أن تُرصد من أي عدد من أطر الإسناد المختلفة. يعرف القانون الأول لنيوتن، أحياناً بقانون القصور الذاتي، مجموعة خاصة من أطر الإسناد تسمى اطر الإسناد القصورية، وهو احد الأطر غير المتسارعة، وحيث أن قانون نيوتن الأول يتعلق فقط بالأجسام التي ليست لها تسارع، فإنه يتحقق فقط في الأطر الساكة، أي إطار إسناد يتحرك بسرعة ثابتة بالنسبة لإطار قصوري يكن هو نفسه إمال قصوري (التحويلات الجاليلية المطاه بالمعادلتين 4.04 و 21.1 تربط الموضع والسرعة بين إطارين قصورين).

إطار الإسناد الذي يتحرك بسرعة ثابتة بالنسبة للنجوم البعيدة هو أحسن تقريب للإطار القصوري، ولتحقيق غرضنا نفترص كوكب الأرض كمثال لهذا الإطار. والأرض ليست إطار الدورانية حول محبورها، وعندما السيد الأرض في مدارها الدائري تقريباً حول الشمس، فإنها تتأثر بتسارع يساوي الدائري تقريباً حول الشمس، فإنها تتأثر بتسارع يساوي دلك، وسبب دوران الأرض حول محبورها مرة كل 4 لا 2 تتأثر نفقطة على خط الأستواء بتسارع إضافي 23 x3 x 10² m/s² متجهاً نحو مركز الأرض، بينما هذان التسارعان يكونان منيوري بالماذانية بـ g و فالباً ما يمكن اهمالها، ولهذا السبن نفسي بالماذانية بـ g و فالباً ما يمكن اهمالها، ولهذا السبن نشيط بها.

إذا تحرك جسم بسرعة ثابتة، يدعي راصد في إطار ساكن (مثل شخص ساكن بالنسبة للجسم) أن تسارع الجسم والمقدن (الجسم والقوة المحصلة المؤرة عليه تساوي الصفر، ويبعد أيضاً أي راصد في إطار ساكن آخر أن $\Sigma = 0$ لنفس الجسم. وطبقاً للقانون الأول لنيرتن يكافئ الجسم الساكن آخر متحرك بسرعة ثابتة، يمكن لراكب سيارة تتحرك في طريق مستقيم بسرعة ثابتة المال 100 Km/l أن يصب القهوة في فنجان بسمي ولكن أولكن أن عمل دواسمة البنزين أو



الضيراء والرياضيات الانجلازي البديد الضيراء (المخال). ويعتبر اسحاق نبوتن راحم والمحاقل المحاق في التازيخ، وقبل ان يصل عمره إلى الثلاثين وضع للقاهيم والقدول الأساسية لعلم المكالية، واخترع طرق رياضية للحسابات، وطبقاً لنظر استطاع فيوان شرح حركة الكراكي، راحم والجزر وكثير من ملبيعة حركة القدول والأرش، وهسر إيضاً كثير من ملبيعة حركة القدام التعلقة بطبيعة الشوء، وكانت السياسات هي النظريات الفيزيائية هي استطامات هي النظريات الفيزيائية هي استطامات هي النظريات الفيزيائية هي المنطقة بالمليعة الضوء، وكانت من المقالمير العلمي لمنة قرنين ومازالك ما ماحة حد، معنا هذا،



الشكل (4.5) لعبة الهوكي الهوائي والذي يأخذ ميزة القانون الأول لنيوتن ليجعل اللعبة أكثر إثارة.

الضيزياء (الجزء الأول: الميكانيكا والديناميكا الحرارية)

الفرامل أو عجلة القيادة أثناء صب القهوة، تتسارع السيارة ولم تعد إطارا ساكنا قوانين الحركة لاتعمل كما هو متوقع وتنسكب القهوة على الراكب.

صع أم خطأ: (a) من المكن أن نحصل على حركة بدون قوة. (b) من المكن أن نحصل على قوة في غياب الحركة.

MASS ALISH \ 3.5

تخيل لاعب يمسك إما بكرة سلة أو كرة بولينج. أي من الكرتين تحتفظ بحركتها عندما تحاول إمساكها؟ أي من الكرتين لها ميول أكبر في أن تظل بدون حركة عندما تحاول قذفها؟ وحيث أن كرة البولينج تكون لها مقاومة أكبر في تغير سرعتها، نقول أن لها عزم قصور أكبر من كرة السلة. وكما لاحظنا في الجزء السابق أن القصور الذاتي هو مقياس استجابة الجسم لقوة خارجية.

الكتلة هي تلك الخاصية لجسم التي تميز كم من القصور الذاتي يملكه الجسم، وكما علمنا من الجزء 1.1 أن وحدة الكتلة في نظام SI هي الكيلوجرام. وكلما زادت كتلة جسم كلما قل تسارعه تحت تأثير قوة مؤثرة. وعلى سبيل المثال، إذا أثرت قوة ما على كتلة 3-kg فنتج عنها تسارع مقداره 4 m/s²، ثم أثرت نفس القوة على كتلة 6-Kg فسوف يُنتج عنها تسارع مقداره 2m/s².

ولوصف الكتلة كمياً، نبدأ بمقارنة تسارع قوة معينة تؤثر على أجسام مختلفة. افرض قوة تؤثر على جسم كتلته m_1 تسبب تسارعاً a_1 ، ونفس القوة تؤثر على جسم كتلته m_2 تسبب تسارع a_2 . النسبة بين الكتلتين تعرف على أنها مقلوب نسبة قيمتي التسارعين الناتجين من تأثير القوة.

$$\frac{m_1}{m_2} \equiv \frac{a_2}{a_1}$$
(1.5)

إذا كانت كتلة الجسم معلومة، يمكن معرفة كتلة جسم آخر من قياس تسارعهما.

الكتلة هي خاصية متأصلة لجسم ولاتعتمد على الوسط المحيط بالجسم أو على الطريقة التي تستخدم في قياسها . وكذلك الكتلة هي كمية قياسية ولذلك تخضع لقوانين الحساب العادية . بمعنى أنه يمكن جمع عدة كتل بطريقة عددية بسيطة. وعلى سبيل المثال إذا أدمجنا كتلة 3-Kg مع كتلة 5-Kg تكون كتلتيهما الكلية 8-Kg. وبمكننا أن نتحقق من هذه النتيجة عملياً بمقارنة ذلك التسارع المعلوم الذي تعطيه قوة لعدة أجسام منفصلة بالتسارع الذي تعطيه نفس القوة لنفس الأجسام متحدة كوحدة واحدة.

الفصل الخامس، قوانين الحركة

الفصل، أن وزن جسم يساوي قيمة قوة الجاذبية المؤثرة على هذا الجسم وتختلف مع الموضع، وعلى سبيل المثال الشخص الذي يزن to 180 على الأرض يزن فقط b 30 الم على القمر.

ومن ناحية أخرى تكون كتلة الجسم واحدة في أي مكان: جسم له كتلة 2Kg على الأرض يكون له نفس الكتلة على القمر.

NEWTON'S SECOND LAW لنيوتن الثاني لنيوتن 4.5

و بين القانون الأول لنيوتن ما يحدث لجسم عندما لاتؤثر عليه قوة، فإما أن يظل ساكناً أو 4.4 يتحرك في خط مستقيم بسرعة ثابتة. ويجيب القانون الثاني لنيوتن على سؤال ماذا يحدث لجسم تؤثر عليه قوة محصلة لا تساوى صفر.

افرض أنك تدفع كتلة من الثلج على سطح أفقي أملس. عندما تؤثر بقوة أفقية F ، تتحرك الكتلة بسارع ما a . وإذا أثرت بقوة ضعف القوة الأولى، يتضاعف التسارع ما a . وإذا أثرت بقوة ضعف القوة الأولى، يتضاعف التسارع للجاهدات نستتج أن التسارع الجسم إلى 3F ، يتضاعف التسارع طلات مرات، ومكذا . ومن مثل هذه المشاهدات نستتج أن التسارع للجسم بتناسب تناسباً طردياً مع القوة المحصلة التي تؤثر عليه .

ويعتمد تسارع الجسم أيضاً على كتلته، كما هو واضح في القسم السابق. ويعكن فهم ذلك بإجراء التجرية التالية. إذا أثرت بقوة F على كتلة ثلج موضوعة على سطح أملس، فسوف تتحرك الكتلة بنسارع ما g. وإذا زادت الكتلة إلى الضعف، فسوف ينتج عن نفس القوة المؤثرة تسارع يساوي g2 عند مضاعفة كتلة الثلج ثلاث مرات، فسوف ينتج عن نفس القوة المؤثرة تسارع g3، وهكذا، وتبعاً لهذه المشاهدات نستنج أن فيمة تسارع الجسم تتناسب عكسياً مع كتلته.

ونلخص هذه الشواهد في القانون الثاني لنيوتن:

يتناسب تسارع جسم طردياً مع مجموع القوى المؤثرة عليه وعكسياً مع كتلته.

ولذلك بمكننا ربط الكتلة والقوة من خلال العلاقة الرياضية التالية لقانون نيوتن الثاني:

$$\Sigma F = ma$$
 (2.5)

لاحظ أن هذه المعادلة هي تعبير اتجاهي ومن ثم تكافئ معادلات لثلاث مركبات:

مرکبات قانون نیوتن الثانی $\sum F_x = ma_x$ $\sum F_y = ma_y$ $\sum F_z = ma_z$ (3.5)

5.2 - Jun John

هل يوجد أي عـلاقة بين مجموع القـوى المؤثرة على جسم والإتجـاه الذي يتحـرك فيـه الحسم؟

167

الفيزياء (الجزء الأول: المكانيكا والديناميكا الحرارية)

وحدة القوة Unit of Force

وحدة القوة في النظام SI هي النيوتن newton والتي تعرف على أنها القوة التي، عندما تؤثر على كتلة L-Kg ، ينتج عنهـا تسـارع مـقـداره *Im/s . ومن هذا التعـريف والقـانون الثاني لنيــوتن، نرى أن newto.l يمكن التعبير عنه بأبعاد الوحدات الرئيسية للكتلة، والطول، والزمن التالية:

وينظام الطاقة الإنجليزي، وحدة القوة هي الباوند Pound والتي تعرف على أنها القوة التي عندما تؤثّر على "I-slug mass"، ينتج عنها تسارع مقداره I ft/s² :

$$1 \text{ lb} = 1 \text{ slug.ft/s}^2 \tag{5.5}$$

 $1 \text{ N} \approx \frac{1}{4} \text{ Ib}$ وكتقريب مناسب

الجدول 1.5 وحدات القوة، الكتلة، والتسارع a

نظام الوحدات	الكتلة	التسارع	القوة
SI	kg	m/s ²	$N = kg.m/s^2$
النظام الهندسي البريطاني	slug	ft/s ²	$Ib = slug.ft/s^2$

a I N = 0.225 Ib

لخُصت وحدات القوة، والكتلة، والعجلة في الجدول 1.5

والآن يمكننا فهم كيف أن شخص بمفرده يمكنه رفع سفينة فضاء ولكنه غير قادر أن يغير المختلف و الله عند و الله عند النصل. كتلة المنطاد أكبر من 6800 Kg. ولكي تكسب هذه الكتلة الكبيرة تسارعا يمكن إدراكه يكون مطلوب قوة كبيرة جداً - بالتأكيد أكبر من التي يمكن أن يعطيها الإنسان.

مثال 1.5 تسارع قرص مطاط الهوكي

كرة هوكي الجليد لها كتلة 0.30kg تتدحرج على سطح أفقي من الجليد الصناعي، تؤثر فوتان على الكرة هوكي الجليد المنافق F_1 فيمتها F_2 فيمتها F_3 فيمتها F_1 فيمتها F_3 فيمتها الكرة.

الحل: القوة الناتجة في إتجاء x

$$\sum F_{x} = F_{1x} + F_{2x} = F_{1} \cos(-20^{\circ}) + F_{2} \cos(60^{\circ})$$

الفصل الخامس: قوانين الحركة

$$= (5.0N) (0.940) + (8.0N) (0.500) = 8.7 N$$

القوة الناتجة في اتجاء y

$$\Sigma F_y = F_{1y} + F_{2y} = F_1 \sin(-20^\circ) + F_2 \sin(60^\circ)$$

= (5.0N) (-0.342) + (8.0N) (0.866) = 5.2 N

نستخدم الآن القانون الثاني لنيوتن في صورة مركبات لإيجاد مركبات التسارع في الاتجاهينz وy :

$$\begin{split} a_s &= \frac{\sum F_s}{m} = \frac{8.7 \text{ N}}{0.30 \text{ kg}} = 29 \text{ m/s}^2 \\ a_y &= \frac{\sum F_y}{m} = \frac{5.2 \text{ N}}{0.30 \text{ kg}} = 17 \text{ m/s}^2 \\ \text{ephotosical limits} \end{split}$$

F₂ - 5.0 N F₂ - 8.0 N 60°

الشكل (5.5) تتحرك كرة هوكي الجليد على سطح أملس بتسارع F_1+F_2

$$a = \sqrt{(29)^2 + (17)^2} \,\text{m/s}^2 = 34 \,\text{m/s}^2$$

وإتجاه التسارع بالنسبة لإيجاد محور x الموجب

$$\theta = \tan^{-1} \left(\frac{a_y}{a_x} \right) = \tan^{-1} \left(\frac{17}{29} \right) = 30^\circ$$

يمكننا رسم المتجهات في الشكل 5.5 لنفحص عدم معقولية إجابتنا حيث إن متجه التسارع يكون في إنجاه القوة المحسلة، بين الرسم البياني أن القوة المحسلة تساعدنا في تحقيق إجابتنا .

تمرين: عين مركبات قوة عندما تؤثر على الكرة ليصبح التسارع صفراً.

$$F_{3x} = -8.7 \text{ N}$$
 و $F_{3y} = -5.2 \text{ N}$ الإجابة:

THE FORCE OF GRAVITY AND WEIGHT قوة الجاذبية والوزن 5.5

نعلم جميعاً أن الأجسام تتجذب إلى الأرض. وتسمى قوة الجذب التي تمارس بواسطة الأرض على الجسم بقرة الجاذبية force of gravity F_g . وتتجه هذه القوة نحو مركز الأرض. ويطلق على مقدارها وزن الجسم Weight .

وكما رأينا في القسم 2.6 يولد السقوط الحر لجسم تسارعاً g يؤثر تجاه مركز الأرض. وبتطبيق $\sum F = F_g$ على السقوط الحر لجسم كتلته m وتسارعه g = g g = g نحصل على:

$$\mathbf{F}_{o} = m\mathbf{g} \tag{6.5}$$

الفيزياء (الجزء الأول: الميكانيكا والديناميكا الحرارية)

فإن وزن الجسم الذي يعرف بمقدار \mathbf{F}_{g} وهو \mathbf{gm} . (لايجب الربط بين g الماثلة التي تمثل تسارع الجاذبية الأرضية مع حرف g غير الماثل والذي يمثل الجرام).

وحيث إن الوزن يعتمد على g. فهو يتغير تبعاً لموضعه الجغراهي. ومن ثم فإن الوزن ليس مثل الكتلة فهو ليس خاصية أساسية للجسم، وحيث أن g تقل بزيادة المسافة من مركز الأرض، فسوف يقل وزن الجسم عند ارتفاع عالي عن مستوى سطح البحر، فعلى سبيل المثال، افرض أن جسم له كتلة $g = 9.80 \, \mathrm{m/s}^2$ (حوالي $g = 9.80 \, \mathrm{m/s}^2$) (حوالي $g = 9.80 \, \mathrm{m/s}^2$) (حوالي $g = 9.80 \, \mathrm{m/s}^2$) (حوالي أن تتبع وعلى قمة جبل حيث $g = 9.77 \, \mathrm{m/s}^2$) (حوالي أن تتبع $g = 9.80 \, \mathrm{m/s}^2$) (حوالي أن تتبع $g = 9.80 \, \mathrm{m/s}^2$) (حوالي أن تتبع $g = 9.80 \, \mathrm{m/s}^2$) (حوالي أن ارتفاع أن أن المنافرة على الأنهاء طيران طائرة.

وحيث أن الوزن mg فإنك تستطيع مقارنة كثلتي جسمين بواسطة قياس وزنهـما بمقياس ونبركي، عند موضع معين، نسبة وزنى الجسمين تساوى النسبة بين كتلتيهما .

مثال 2.5 كم يكون وزنك وأنت في مصعد؟

بالطبع جربت أن تقف في مصعد وهو يتسارع إلى أعلى لكى يرتفع إلى الأدوار العليا. في هذه الحالة تشعر أنك أثقل، فإذا وقفت على ميزان حمام في هذا الوقت، سوف يقيس الميزان فيمة قوة أكبر من وزنك، ولذلك تكون قد لمست وعرفت الدليل الذي جعلك تعتقد أنك أثقل في هذ الحالة، هل أنت أثقل؟

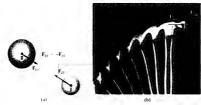
ا**لحل:** الابتغير وزنك، عندما يكون التسارع إلى أعلى، نؤثر الأرضية أو الميزان على قدميك بقوة إلى أعلى قيمتها أكبر من وزنك. تلك هي القوة الأكبر التي تشعر بها، والتي تفسر إحساسك بأنك أثقل. ويقرآ الميزان القوة المتجهة إلى أعلى وليس وزنك ولذلك تزداد قرامته.

تساؤل سريع 3.5

تُقَدْف كرة قاعدة كتلتها m إلى أعلى بسرعة ابتدائية ما . فإذا أهملت مقاومة الهواء ما هي القوى التي تؤثر على الكرة عندما تصل (a) نصّف أقصى ارتفاع لها (b) أقصى ارتفاع لها؟

NEWTON'S THIRD LAW لفانون الثالث لنيوتن 6.5 م

إذا ضغطت بإصبعك على ركن من هذا الكتاب، فسوف يندفع الكتاب إلى الخلف ويحدث انبعاج
4.5 بسيط في جلدك. وإذا دفعت بقوة أشد، يفعل الكتاب نفس الشئ ويكون الإنبعاج في جلدلك
170 أكبر قليلاً. هذه التجربة البسيطة توضح الأساس العام لما يعرف بالقانون الثالث لنبوتن:



الشكل 6.5 القانون الثالث لنيوتن (a) القوة (F) التي تنشأ من تأثير الجسم! على الجسم2 تساوى في القيمة وفي عكس الاتجاء القوة وF2 التي تنشأ من تأثير الجسم 2 على الجسم 1 (b) القوة Fba الناشئة من تأثير المطرقة على المسمار تساوي وعكس القوة Fab الناشئة من تأثير المسمار على المطرقة. (John Gillmoure/ The Stock Market)

إذا تآثر جسمان، فسوف تكون القوة F_{12} التي يؤثر بها من الجسم 1 على الجسم 2 مساوية في المقدار ومضادة في الاتجاه للقوة [5] التي يؤثر بها الجسم 2 على الجسم 1:

$$\mathbf{F}_{12} = -\mathbf{F}_{21} \tag{7.5}$$

هذا القانون الموضح في الشكل 6.5a ينص على "القوة التي تؤثر في حركة جسم يجب أن تأتي من جسم آخر خارجي. والجسم الخارجي بدوره يتأثر بقوة مساوية في المقدار ومضادة في الإتجاه تقع عليه".

وهكذا بكافئ القول "لايمكن أن توجد قوة منفردة معزولة" وتسمى القوة التي يؤثر بها الحسم 1 على الجسم 2 بقوة الفعل بينما تسمى القوة التي يؤثر بها الجسم 2 على الجسم! بقوة رد الفعل. وفي الحقيقة أي من القوتين يمكن أن يمثل قوة الفعل أو رد الفعل. تساوي قوة الفعل في المقدار قوة رد الفعل وتضادها في الاتجاه. وفي كل الأحوال تؤثر قوتا الفعل ورد الفعل على جسمين مختلفين. على سبيل المثال، القوة المؤثرة على مقذوف يسقط سقوطاً حراً هي F_a=mg وهي قوة الجاذبية التي تؤثر بها الأرض على المقذوف. رد الفعل في هذه الحالة هو القوة التي يؤثر بها المقذوف على الأرض F ′ g =-F و في تسارع الأرض نحو المقذوف كما تسبب و F في تسارع المقذوف تجاه الأرض. ولكن لأن كتلة الكرة الأرضية كبيرة فإن تسارع الأرض يكون صغيراً.

ومثال آخر على ذلك، القوة المؤثرة بواسطة مطرقة على مسمار (قوة الفعل Fho) في الشكل 6.5 تساوي في المقدار وتضاد في الاتجاء القوة المؤثرة بواسطة المسمار على المطرقة (قوة رد الفعل fnh هذه القوة الأخيرة توقف حركة المطرقة السريعة إلى الأمام عندما تصطدم بالمسمار.

الفيزياء (الجزء الأول: الميكانيكا والديناميكا الحرارية)

إنك تمارس القانون الثالث لنيوتن مباشرة عندما تضرب حائط بكفك بعنف أو عندما تركل كرة قدم، وينبغي أن تكون قادراً على تحديد قوة الفعل ورد الفعل في هاتين الحالتين.

يقفز شخص من مركب تجاه حوض السفن. لسؤ الحظ قد نسى أن يربط المركب في المرسى (الحوض) وتحرك المركب بعيداً عندما قفز منه. حلل هذا الوضع بدلالة القانون الثالث لنيوتن.

عُسرفت قوة الجنانبيية F2 بقوة جنب الأرض المؤثرة على جسم. فبإذا كنان هذا الجسم هو تليفزيونTV ساكن على منضدة كما هو موضح في الشكل 7.5a، لماذا الايتحرك التليفزيون بتسارع في اتجاه وF و الذي يحدث هو تأثير المنضدة تمسك به. والذي يحدث هو تأثير المنضدة على التليفزيون بقوة إلى أعلى n تسمى القوة العمودية. والقوة العمودية هي قوة تلامس تمنع التليفزيون من السقوط خلال المنضدة ويمكن أن تكون أي قيمة لازمة مع القوة المتجهة إلى أسفل و ٢ ويمكن أن تتزايد حتى تصل إلى نقطة الكسر للمنضدة، وتتجه لأعلى نحو نقطة تصدع المنضدة. وإذا كدس شخص بعض الكتب فوق التليفزيون، تزداد القوة العمودية الناتجة من المنضدة، وعلى التليفزيون. وإذا رفع شخص بعض هذه الكتب من التليفزيون تنقص القوة العمودية التي تؤثر بها المنضدة على التليفزيون (وتصبح القوة العمودية صفراً إذا رفع التليفزيون من فوق المنضدة).

تؤثر قوتا الفعل ورد الفعل مـزدوجـتان دائماً على الأجسام المختلفة. ففي حالة المطرقة والمسمار الموضعة في الشكل 6.5b إحدى القوتان تؤثر على المطرقة والأخرى على المسمار ومن سوء حظ الشخص الذي قفز من المركب في التساؤل السريع 5.4 تؤثر إحدى القوتان على الشخص والأخرى على المركب.

> بالنسبة للتليفزيون في شكل7.5 لاتمثل قوة الجاذبية والقوة العمودية n زوج من الفعل ورد الفعل حيث يؤثران F_{g} على جسم واحد- التليفزيون. قوتا رد الفعل في هذه الحالة و n' و و 'n تؤثران على أجسام غير التليفزيون.

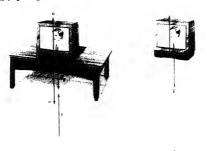
> حيث أن رد الفعل للقوة ع هو القوة م ٢ التي يؤثر بها التليفزيون على الأرض ورد الفعل للقوةn هو القوة 'n التي يؤثر بها التليفزيون على المنضدة فإنه يمكن اسنتناج أن

$$\mathbf{F}_{\mathbf{g}} = -\mathbf{F}'_{\mathbf{g}} \quad \mathbf{n} = -\mathbf{n}'$$

القوتان n و 'n لهما نفس المقدار والذي يساوي في نفس الوقت ، F ، من القانون الثاني نلاحظ أنه، حيث أن التليف زيون في حالمة اتران (a = 0)، فإنه ينتج $F_o = n = mg$ آن (172)



انضغاط كرة القدم بالقوة التي تؤثر بها قدم اللاعب لتحعل الكرة في حالة حركة.



الشكل 7.5 عندما يكون التليفزيون ساكناً على منضدة تكون القوى المؤثرة على التليفزيون هي القوة الممودية n وقوة الجاذبية £ . كمنا هو موضح في الجزر(b), رد الفعل لـn هو القوة 'n المؤثرة بواسطة التليفزيون على المنصدة ، ورد فعل £ مع چ 'l الناتجة بواسطة التليفزيون على الأرض.

تساول سريع 5.5

عند تصادم حشرة مع الحاجب الزجاجي للربح في أنوبيس سريح(a) أيهما يتأثر بقوة دفع أكبر: الحشرة أم الأنوبيس أم أنهما سيتأثران بنفس القوة؟ (b) أيهما سيعاني تسارعاً أكبر: الحشرة أم الأتوبيس أم أنهما سيتأثران بنفس التسارع؟

مثال ذهني 3.5

يقف رجل ضخم مواجهاً لطفل صغير على سطح جليدي أملس. تشابكت أيديهما معاً ودفع بعضهما كل في مواجهة الآخر ولذلك تحركا مسافة.

(a) أيهما يتحرك بعيداً بسرعة أكبر؟

الحل؛ هذا الوضع يشابه ما رأيناه هي التساؤل السريع 5.5. طبقاً للقانون الثالث لنيوتن، القوة التي تؤثر على الطفل بواسطة الطفل هما زوج فعل - رد فعل، تؤثر على الرجل بواسطة الطفل هما زوج فعل - رد فعل، ولذلك يجب أن يتساويا هي القدار. (إذا وضع ميزان حمام بين يديهما سوف يقرأ نفس القراءة، بغض النظر عن طريقة مواجهة أي منهما،) ولذلك فإن الطفل الذي له كتلة أقل يكون له تسارع أكبر. كلاهما يتحرك بسرعة وبتسارعين مختلفين في نفس الفترة الزمنية، ولكن التسارع الأكبر للطفل

الفيزياء (الجزء الأول: المكانيكا والديناميكا الحرارية)

خلال هذه الفترة ينتج عنه حركته البعيدة عن نقطة التآثير ويتحرك بسرعة أعلى.

(b) من يتحرك أبعد بينما يديهما متلامستان؟

الحل: حيث أن الطفل له تسارع أكبر فإنه بتحرك أبعد خلال الفترة التي تكون فيها يديهما متلامستين.

7.5 > بعض التطبيقات على قوانين نبوتن

SOME APPLICATIONS OF NEWTON'S LAWS

في هذا القسم نطبق قوانين نيوتن على الأجسام التي إما أن تكون متزنة (a = 0) أو التي لها 4.6 تسارع في خط مستقيم تحت تأثير قوة ثابتة خارجية. نفترض أن الأجسام تتصرف كجسيمات ولهذا فإننا سوف لانهتم بالحركة الدورانية. وأيضاً نهمل تأثير الاحتكاك في هذه المسائل والتي تحتوي على حركة؛ ويجب أن ننص في هذه المسائل أن السطح أملس. وأخيراً نهمل كتلة أي حبل يدخل في المسألة. في هذا التقريب مقدار القوة المؤثرة عند أي نقطة على طول الحبل تكون ثابتة على طول النقاط التي تقع على الحبل تستخدم المرادفات خفيف، الوزن خفيف، وإهمال الكتلة في المسائل لنشير إلى أن الكتلة مهملة عند حل المسائل.

وعنما نطبق قوانين نيوتن على جسم، نهتم بالقوى الخارجية التي تؤثر على الجسم. وعلى سبيل \mathbf{F}'_{eg} و \mathbf{n}' و \mathbf{n}' . رد الفعل لهذه القوة التي تؤثر على التليفزيون فقط هي \mathbf{n}_{e} . رد الفعل لهذه القوة التي الثالث في الشكل 7.5 القوة التي تؤثر على التليفزيون فقط هي \mathbf{n}_{e} تؤثران على المنضدة والأرض، على الترتيب، ولذلك لاتظهر في قانون نيوتن الثاني عند تطبيقه على التليفزيون.

عندما يتصل حبل يعمل على جذب الجسيم، ويؤثر الحبل بقوةT على الجسم، ،مقدار هذه القوة يسمى الشد في الحبل. وحيث أنها مقدار لكمية متجهة لذلك يكون الشد كمية قياسية.

افرض عربة تُسحب جهة اليمين على سطح أفقى أملس كما هو موضح في الشكل 8.5b. ولإيجاد تسارع العربة وقوة الأرض التي تؤثر بها عليها، لاحظ أولاً أن القوة الأفقية التي تؤثر على العربة تؤثر من خلال الحبل. استخدم الرمز T ليمثل القوة التي يؤثر بها الحبل على العربة. وقد رُسمت الدائرة المنقطة حول العربة في الشكل 8.5a لتذكرك أنك مهتم فقط بالقوى المؤثرة على العربة، وهذا واضح في الشكل 8.5b. وبالإضافة إلى القوة T، فإن الرسم التوضيحي للقوة المؤثرة على العربة يحتوي على قوة الجاذبية F والقوة العمودية п التي تؤثر بها الأرض على العربة. مثل هذا الرسم التوضيحي يبين كل القوى الخارجية المؤثرة على الجسم. وضع الرسم التوضيحي الصحيح للجسم الحر خطوة هامة في [174] تطبيق قوانين نيوتن. ردود أفعال القوى التي ذكرناها- القوى المؤثرة بواسطة العربة على الحبل، القوة

الفصل الخامس؛ قوانين الحركة

المؤثرة بواسطة العربة على الأرض، والقبوة المؤثرة بواسطة العربة على الأرض- لايشملها الرسم التوضيحي للجسم الحر حيث إنها تؤثر على جسم آخر غير العربة.

والآن نطبق القانون الثاني لنبوتن في صورة مركباته على العربة. القوة الوحيدة المؤثرة في اتجاء x هي T. وينطبق $\sum F_x = ma_x$

$$\sum F_{\rm v}=T=ma_{\rm v}\quad {\rm of}\quad a_{\rm x}=-\frac{T}{M}$$
 لايوجد تسارع في اتجاه مركبة ${\rm Y}$. ويتطبيق
$$a_{\rm v}=0 \sum {\rm F}_{\rm v}={\rm m}a_{\rm v}$$

$$n + (-F_g) = 0$$
 if $n = F_g$

بمعنى أن القوة العمودية لها نفس مقدار قوة الجاذبية ولكن في الاتجاء المضاد.





(a) 8.5 الشكل 8.5 أن سعب عربة ناحية اليسمين على سطح أملس (b) رسم اليسمين على للجسم الحريمثل القوى الخارجية المؤثرة على العربة.

إذا كانت T قوة ثابتة، يكون التسارع $a_x=T/m$ إذا كانت T قرم ثم يمكن استخدام معاذلات التسارع الثابت للكينماتيكا من الفصل 2 للحصول على إزاحة العربة Δx والسرعة Δx

وحيث إن ثابت = $a_x = T/m$ و يمكن كتابة المعادلتين 8.2 و 11.2 كما يلي:

$$v_{xf} = v_{xi} + \left(\frac{T}{m}\right)t$$

$$\Delta x = v_{xi}t + \frac{1}{2}\left(\frac{T}{m}\right)t^2$$

في الحالة التي ذكرناها توا يكون مصدار القدوة العمودية \mathbf{r}_{g} مقدار \mathbf{F}_{g} ولكن ليس هذا هو الحال العمودية \mathbf{r}_{g} يساوي مقدار و الخال المثال، افرض أن كتاب موضوع على منضدة وأنت تدفعه إلى أسفل بقوة \mathbf{F} كما هو مبين بالشكل 9.5 وحيث أن الكتاب ساكن لذلك لايوجد تصارع، هإن $\mathbf{r}_{g} = \mathbf{r}_{g} = \mathbf{r}$ أو $\mathbf{r}_{g} = \mathbf{r}_{g} = \mathbf{r}$. $\mathbf{r}_{g} = \mathbf{r}_{g} = \mathbf{r}_{g}$.



الشكل (9.5) عندما يدفع جسم جسم آخر إلى أسفل بقوة F تكون القوة العمودية n أكبر من قوة الجاذبية : n = F_g + F

الفيزياء (الجزء الأول: الميكانيكا والديناميكا الحرارية)

توجيهات لحل المسائل

اتباع الطريقة التالية عند التعامل مع مسائل تحتوى على قوانين نيوتن:

- ارسم رسم تخطيطي بسيط ودقيق للمسألة.
- اعزل الجسم الذي تحلل حركته، ارسم رسماً تخطيطياً لحركة جسم- حر لهذا الجسم، وبالنسبة للأنظمة التي تحتري على أكثر من جسم، ارسم رسماً تخطيطياً منفصلاً لكل جسم كجسم حر.
 لاتدخل في الرسم التخطيطي (لجسم- حر) القوى المؤثرة بواسطة الجسم على ما يحيط به. انشئ محاور احداثية مناسبة لكل جسم ثم أوجد مركبات القوى على هذه المحاور.
- طبق القانون الثاني لنيوتن $\Sigma F = ma$ في صورة مركباته ، افحص أبعاد معادلاتك لكي تتأكد أن جميع الحدود لها وحدات القوة .
- حل معادلات المركبات للمجاهيل الطلوبة. وتذكر أنه يجب أن يكون لديك عدد من المعادلات مساوياً لعدد المجاهيل لتحصل على حل كامل.
- تأكد أن نتائجك تتوافق مع الرسم التخطيطي لجسم- حر. واختبر أيضاً توقعات حلولك للقيم القصوى للمتغيرات. وغالباً ما يمكنك ذلك من اكتشاف الخطأ في نتائجك.

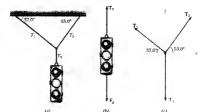
مثال 4.5 إشارة مرور ساكنة

إشارة مرور N 125 معلقة بحبل وهذا الحيل مربوط بحبلين آخرين مثبتين بحامل. الحبلان العلويان يصنعان زاويتين 37.0° و 53.0° مع الأفقى. اوجد الشد في الحبال الثلاث.

الْحِلَّ: الشَكل 10.58 بين نوع الرسم الذي نرسـمه في هذ الحـالة. ثم نصـمم رسـمين تخطيطين الجسمين حرين- أحدهما لإشارة المرور، المبين في الشكل 10.56، والآخر للعقدة التي تربط الشلات حبال معاً، كما هو مبين في الشكل 10.56، وهذه العقدة هي جسم مناسب للاختيار حيث أن جميع القوى التي تهمناتؤثر من خلالها، وحيث أن التسارع لهذا النظام يساوي صفراً، لذلك نعرف أن القوة على الاشارة والقوة على العقدة تساويان صفراً.

في الشكل 10.5b تتولد القــوة F_3 بواسـطة الحــبل العمــودي الذي يثــِبــت الإشــارة ولذلك $T_3 = F_g = 125\,\mathrm{N}$. ثم نختار محاور الإحداثيات المبيئة بالشكل $10.5\mathrm{c}$ ونحلل القوة المؤثرة على العقدة إلى مركباتها.

القوة	الركبة x	المركبة y
T_1	-T ₁ cos 37.0°	T ₁ sin 37.0°
T_2	T ₂ cos 53.0°	T ₂ sin 53.0°
T_3	0 ′	-125 N



بمعرفة أن العقدة متزنة (a=0) يمكننا كتابة:

(1)
$$\sum F_x = -T_1 \cos 37.0^\circ + T_2 \cos 53.0^\circ = 0$$

(1)
$$\sum F_y = -T_1 \sin 37.0^\circ + T_2 \sin 53.0^\circ + (-125 N) = 0$$

من (1) نرى أن المركبات الأفقية لـ Γ_1 و Γ_2 بجب أن تتساوى في القيمة. ومن (2) نرى أن مجموع Γ_2 المركبات العمودية لـ Γ_1 و Γ_2 بجب أن تتزن مع وزن الإشارة. وبحل المعادلة (1) للحصول على Γ_2 بدلالة Γ_1 نجد أن:

$$T_2 = T_1 \left(\frac{\cos 37.0^{\circ}}{\cos 53.0^{\circ}} \right) = 1.33 T_1$$

وبالتعويض عن مقدار و T في المعادلة (2) نحد أن:

$$T_1 \sin 37.5^\circ + (1.33 T_1) (\sin 53.0^\circ) - 125 N = 0$$

$$T_1 = 75.1 \text{ N}$$

$$T_2 = 1.33 T_1 = 99.9 N$$

هذه المسألة هامة حيث أنها تشمل ما يجب أن نتعلمه عن المتجهات مع أنواع جديدة من القوى. والمعالجة العامة التي شرحناها هنا هامة جداً وسوف تتكرر مرات عديدة.

الإجابة: عندما يصنع الحبلان المثبتان في الحامل زاويتين متساويتين مع الأفقى.

قفص على سطح أملس مائل مثال 5.5

وضع قفص كتلته m على مستوى مائل أملس يميل بزاوية θ . (a) عين تسارع القفص بعد إطلاقه للحركة.

الحل: حيث إننا نعرف القوى المؤثرة على القفص يمكننا أن نستخدم القانون الثاني لنيوتن لنعين تسارع القفص، نرسم رسماً تخطيطياً كما هو في الشكل 11.5a ثم نصمم رسماً تخطيطياً جسم- حر للقفص كما هو مبين بالشكل 11.5a . القوى الوحيدة التي تؤثر على القفص هي القوة العمودية n المؤثرة عليه بواسطة المستوى المائل الذي يؤثر عمودياً على المستوى، وقوة الجاذبية F_= mg والتي تؤثر عمودياً لأسفل. وبالنسبة للمسائل التي تحتوي على مستوى مائل من المناسب أن نختار محاور الإحداثيات لتكون x لأسفل على طول المستوى المائل و x عمودية عليه كما هو مبين بالشكل 11.5b. ثم نستبدل قوة الجاذبية بالمركبات $mg \sin \theta$ على المحور الموجب لـ x و القيمة $mg \cos \theta$ على المحور السالب لـ ٧.

> والآن نطبق القانون الثاني لنيوتن في $a_v = 0$ مبورة مركباته، لاحظ أن

- (1) $\sum F_y = mg \sin \theta = ma_y$
- $\sum F_v = n mg \cos \theta = 0$

بحل المادلة (۱) بالنسبة لـ a_v نرى أن التسارع على المستوى المائل ينشأ من المركبة F في الاتجاه الأسفل للمستوى:



لاحظ أن هذه المركبة للتسارع لاتعتمد

على كتلة القفص! وتعتمد فقط على زاوية الميل وكذلك g.

ومن المعادلة (2) نستنتج أن مركبة \mathbf{F}_{e} العمودية على المستوى المائل متزنة بواسطة القوة العمودية؛ بمعنى أن $n = mg \cos \theta$. وهذا هو أحد الأمثلة للحالة التي فيها القوة العمودية لاتساوى في القيمة وزن الجسم.

الشكل 11.5 (a) يتزلج قفص كتلته m إلى أسفل

على مستوى مائل أملس. (b) الرسم التخطيطي

لجسم- حر بالنسبة للقفص، لاحظ أن تسارعه على

 $g \sin \theta$ الستوى هو

حالات خاصة: بالنظر لهذه النتائج نرى أنه في الحالة القصوى $\theta = 90$ ، و $q_v = g$ و n = 0. هذه n=mg و $a_v=0$ و $\theta=0$ عندما $\theta=0$ و مندما الشروط والشروط والشروط والتي يكون فيها القفص في حركة سقوط حر. 178 (أقصى قيمة لها)؛ في هذه الحالة يكون القفص مُوضوع على مستوى أفقى.

الفصل الخامس، قوانان الحركة

(b) افرض أن القفص أطلق للحركة من السكون عند قمة المستوى الماثل، والمسافة بين حافة القفص إلى القاع هي b. ما هو الزمن الذي يأخذه القفص ليصل إلى أسفل نقطة وما هي سرعته عندما يصل إلى هذه النقطة؟

الحل: حيث إن $a_x = \text{constant}$ يمكن أن نطبق المعادلة 11.2:

لتحليل حركة القفص
$$x_f - x_i = v_{xi} t + \frac{1}{2} a_x t^2$$

ومع الإزاحة $v_{xi} = 0$ و $x_f - x_i = d$ ومع الإزاحة $d = \frac{1}{\pi} a x^2$

$$t = \sqrt{\frac{2d}{a}} = \sqrt{\frac{2d}{e \sin \theta}}$$

:باستخدام المعادلة 12.2 $v_{xi}=0$ مع $v_{xf}=v_{xi}^2+2a_x\left(x_f-x_i\right)$ باستخدام المعادلة

$$v_{xf}^2 = 2a_x d$$

$$v_{xf} = \sqrt{2}a_x d = \sqrt{2gd \sin \theta}$$

نرى من المعادلة (4) و (5) أن الزمن الذي نحتاجه ليصل القفص إلى القاع والسرعة v_X ، لاتعتمد على وزن القفص مثل التسارع. وهذه الطريقة هي طريقة بسيطة بمكنك بها تعيين g، باستخدام مستوى مائل في الهواء؛ وبقياس زاوية ميل المستوى والسافة التي يقطعها القفص على المستوى المائل والزمن اللازم لوصول القفص إلى هذه القطة، يمكن حساب g من المعادلة (4).

مثال 6.5 كتلة تدفع الأخرى

 \mathbf{F} وضعت كتلتان متلامستان لبعضهما m_1 و m_2 على مستوى أفقي أملس. أثرت قوة أفقية ثابتة \mathbf{F} على الكتلة (a) m_1 على الكتلة m_1 على الكتلة m_2 على الكتلة m_3 على الكتلة m_4 على الكتلة m_5 على الكتلة m_5 على الكتلة وتساء من المحتلفين معاً .

الرحل؛ الحس العام يخبرنا أن كلتا الكتلتين تتحركان بنفس التسارع حيث أنهما تظلان متلامستين المضمول وكما في الثلا المارة ندسم بسماً تخطيطياً



الشكل 12.5

لبعضهما، وكما في الثال السابق نرسم رسماً تخطيطياً للجسمين ورسماً تخطيطياً لجسم حر، البين في الشكل 2.51، في الشكل 12.58 يدل الخط القطع أننا نعالج الكتاتين معاً كنظام، وحيث إن F هي القوة الأفقية الخارجية الوحيدة التي تؤثر على النظام (الكتاتين)، نجد أن:

 $\sum F_x$ (system)= $F = (m_1 + m_2) a_x$

$$a_x = \frac{F}{m_1 + m_2}$$

الميزياء (الجزء الأول: الميكانيكا والديناميكا الحرارية)

معالجة الكتلتين مماً كنظام (system) يبسط الحل ولكن لايقدم معلومات عن القوى الداخلية.

(b) عين قيمة القوة الثابتة بين الكتلتين.

الحل: لحل هذا الجزء من المسألة يجب أن نطالج كل كثلة منفصلة برسمها التخطيطي كجسم-حر، كما هو مبين في الشكل 12.50 و 12.5c، نرمز لقوة التلامس بـ P. ومن الشكل 12.5c نرى أن القوة الأفقية الوحيدة التي تؤثر على الكتلة 2 هي قوة التلامس P (هي القوة الناتجة من تأثير الكتلة 1 على الكتلة 2) والتي يكون اتجاهها ناحية اليمين، وبتطبيق القانون الثاني لنيوتن على الكتلة 2 نحصل على:

(2)
$$\sum F_x = P = m_2 a_y$$

وبالتعويض في (2) بقيمة التسارع من المعادلة (1) صل على:

$$(3) P = m_2 a_1 = \left(\frac{m_2}{m_1 + m_2}\right) F$$

من هذه التنجيجة نستنتج أن قوة التلامس P تقل عن القوة المؤثرة F. وهذا يتفق مع الحقيقة أن القوة المطلوبة لتحدث تسارعاً للكتلة 2 وحدها يجب أن تقل عن القوة المطلوبة لإحداث نفس التسارع للنظام الكون من الكتلتين معاً.

من المهم أن نختبر المعادلة (3) الخاصة بـ P باعتبار القوى المؤثرة على الكتلة 1 ، المبينة بالشكل P'
12.5b . القوة الأفقية التي تؤثر على هذه الكتلة هي القوة F التي تؤثر جهة اليمين وقوة التلامس P'
ناحية الشمال (القوة الناشئة نتيجة تأثير الكتلة 2 على الكتلة 1). ومن القانون الثالث لنيوتن تكون 'P'
هي رد فعل لـ P ولذلك PI = 'P'. وبتطبيق القانون الثاني لنيوتن على الكتلة 1 نستنتج أن:

(4)
$$\sum F_x = F - \mathbf{P'} = F - P = \mathbf{m_1} a_x$$

وبالتعويض في المعادلة (4) عن قيمة a, من (1) نحصل على:

$$P = F - m_1 a_\tau = F - \frac{m_1 F}{m_1 + m_2} = \left(\frac{m_2}{m_1 + m_2}\right) F$$

وهذا يتفق مع (3) كما هو متوقع.

 $F = 9.00 \text{ N}_2$ $m_2 = 3.00 \text{ kg}$ $m_1 = 4.00 \text{ kg}$ و $m_2 = 3.00 \text{ kg}$

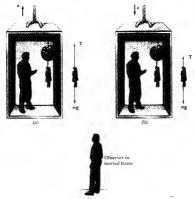
أوجد قيمة التسارع للنظام وقيمة القوة الثابتة

. P = 3.86 N : a_v = 1.29 m/s²

مثال 7.5 وزن سمكة في مصعد

يزن شخص سمكة كتلتها m بميزان زئبركي مثبت في سقف مصعد. كما هو موضح بالشكل13.5. اثبت أن وزن السمكة يختلف عن وزنها الحقيقي في حالة تحرك المصعد إلى أعلى أو أسفل بتسارع.

الحل: القوة الخارجية التي تؤثر على السمكة هي قوة الجاذبية لأسفل F, = mg والقوة T والتي يؤثر بها من الميزان. من القانون الثالث لنيوتن تكون قوة الشدT هي قراءة الميزان. إذا كان المصعد ثابت أو متحرك بسرعة ثابتة، لا تتحرك السمكة بتسارع، ولذلك $\sum F_v = T - mg = 0$ أو كان (تذكر أن قراءة الميزان mg هي وزن السمكة).



الشكل (13.5) الوزن الظاهري والوزن الحقيقي (a) عندما يتحرك المصعد بتسارع لأعلى، يقرأ الميزان فيمة أعلى من وزن السمكة. (b) عندما يتحرك المصعد بتسارع الأسفل، يقرأ الميزان قيمة أقل من وزن السمكة.

إذا تحرك المصعد لأعلى بتسارع a بالنسبة لمشاهد observer يقف خارج المصعد في إطار ساكن (أنظر الشكل 13.5a) فإن تطبيق القانون الثاني لنيوتن يعطى محصلة القوى على السمكة:

$$(1) \qquad \sum F_{v} = T - mg = ma_{v}$$

الضرباء (الحرء الأول: المكانبكا والديناميكا الحرارية)

الوزن mg إذا كان اتجام a إلى أعلى تكون a موجية وتكون هذه القراءة من mg إذا كان اتجاه a إلى أسفل لذلك تكون a_v سالبة.

على سبيل المثال إذا كان وزن السمكة هو 40.0 N واتجاه a إلى أعلى، لذلك 2.00m/s² على سبيل المثال وقراءة الميزان من (1) هي

(2)
$$T = ma_1 + mg = mg\left(\frac{a_1}{g} + 1\right)$$
$$= (40.0 \text{ N})\left(\frac{2.00 \text{ m/s}^2}{9.80 \text{ m/s}^2} + 1\right)$$

(2) الني أسفل تكون $a_v = 2.00 \text{m/s}^2$ الني أسفل تكون أيد الكان اتجاء $a_v = 2.00 \text{m/s}^2$

$$T = mg\left(\frac{a_y}{g} + 1\right) = (40.0 \text{ N})\left(\frac{-2.00 \text{ m/s}^2}{9.80 \text{ m/s}^2} + 1\right)$$

= 31.8 N

ومن ثم عند شرائك سمك بوزنه في مصعد تأكد أن السمك وُزن أثناء سكون المصعد أم أثناء نزوله بتسارع! علاوة على ذلك لاحظ أنه لايمكن تعيين اتجاه المصعد من المعلومات المعطاه هنا.

حالات خاصة: إذا قطعت حبال المعدويصبح يسقط المععد حر الحركة وتكون a_ = -g . ونستنتج من(2) أن قراءة الميزان تساوى الصفر في هذه الحالة بمعنى أن السمكة تبدو بدون وزن. وإذا تحرك المعد إلى أسفل بتسارع أكبر من g، ترتطم السمكة (والشخص الموجود داخل المصعد) أخيراً بسقف المصعد حيث أن تسارع السمكة والشخص مازال نفس تسارع سقوط حر بالنسبة لمشاهد خارج المصعد.

آلة آتوود مثال 8.5

عند تعليق جسمين لهما كتلتان مختلفتان رأسيا على بكرة ملساء مهملة الكتلة كما هو موضح في الشكل 14.5a ، يسمى هذا الترتيب آلة آتوود Atwood machine يستخدم هذا الجهاز أحياناً في المعمل لقياس تسارع السقوط الحر. عين قيمة تسارع الجسمين والشد في الخيط الخفيف.

ألحل: إذا كان من المفروض تعريف هذا النظام كما لو كان مكونا من الجسمين، كما فعلنا في المثال 6.5 ، يجب علينا أن نعن القوة الداخلية أي (الشد في الحبل).

هنا يجب تعريف نظامين- واحد لكل جسم- ونطبق قانون نيوتن الثاني لكل منهما الرسم التخطيطي للجسم- الحر المثل للجسمين مبين في الشكل 14.5b . تؤثر قوتان على كل جسم: القوة 182 T إلى أعلى والمتولدة بواسطة الحيل وقوة الجاذبية لأسفل. ويجب علينا أن نكون على درجة كبيرة من الحرص بالإشارات في مثل هذه المسائل، والتي فيها يمر الخيط أو الحبل، في الشكل 14.5a لاحظ الخيط أو الحبل، في الشكل 14.5a لاحظ أنه في حالة تحرك الجسم 1 بتسارع إلى أعلى سوف يتحرك الجسم 2 ، وتبعاً لهذا الاصطلاح للإشارة بتحرك كلا الجسمين بتسارع في نفس الاتجاء، ويتطبيق هذه القاعدة للإشارات على هذه القودي، مركبة γ لحصلة القود التي تؤثر على الجسم γ عن الجسم 2 مي ويجب أن يتسارعهما تؤثر على الجسمين متصلان بالحبل، يجب أن يتساوى تسارعهما في المقدار (وإلا سوف يستطيل الحبل أو ينقطع عندما تزداد المسافة بين الجسمين). وإذا افترضنا أن في γ مي γ الخيسة أن الجسمين). وإذا افترضنا أن

وعند تطبيق القانون الثاني لنيوتن على الجسم انحصل على

(1)
$$\sum F_{y} = T - m_{1}g = m_{2}a_{y}$$

وبالمثل بالنسبة للجسم 2 نجد أن

(2)
$$\sum F_y = m_2 g - T = m_2 a_y$$

وبإضافة المعادلة (2) إلى المعادلة (1) نحصل على

$$-\,m_1{\rm g}+m_2{\rm g}=m_1a_y+m_2a_y$$

(3)
$$a_y = \left(\frac{m_2 - m_1}{m_1 + m_2}\right)g$$

بالتعويض عن (3) في المعادلة (1) نحصل على بالتعويض
$$T = \left(\frac{2m_2m_1}{m_1 + m_2}\right)g$$

يمكن تفسير ناتج التسارع هي المعادلة (3) على أنها النسبة بين القوة غير المتزنة هي النظام (m₂g-m₁g) إلى الكتلة الكلية للنظام (m₁+m₂)، كما هو متوقع من القانون الثاني لنيوتن.

 $T=m_1 g_3 \ a_y=0$ تكون $m_1=m_2$ تكون منافق الاتنزان هنده. وإذا كانت $m_2>>m_1$ تكون كما نتوقع لحالة الاتنزان هنده. وإذا كانت $m_2>>m_1$ تكون $m_2>m_2$ مرد (جسم حر الحركة) و $m_2 \sim 2m_1$

تمرين: أوجد فيمة العجلة والشد في الحبل لآلة آتوود التي فيها $m_1 = 2.00 \; \mathrm{kg}$ فيها

T = 26.1 N , $a_y = 3.27 \text{ m/s}^2$: الإجابة





الشكل 14.5 آلة التوود. (a) جسمين $(m_2 > m_1)$ مصل الوزن $(m_2 > m_1)$ ويمر على بكرة ملسساء (b) الرسم التخطيطي لجسم- حسر بالنسبسة للجسمين.

الفيزياء (الجزء الأول: الميكانيكا والديناميكا الحرارية)

مثال 9.5 تسارع جسمين متصلين بحبل،

رُصلت كرة وزنها m_1 بمكعب وزنه m_2 بحيل وزنه خفيف بحيث يمر على بكرة ملساء مهملة الوزن، كما هو مبين بالشكل 15.5a ، يوضع المكعب على مستوى مائل أملس يصنع زاوية θ ، اوجد قيمة تسارع الحسمين والشد في الحيل.

الحل، حيث إن الجسمين متصلان بعيل (الذي فرص أنه غير مشدود) سوف يكون تسارعهما له نفس القيمة، الرسم التخطيطي لجسم حر مبين في الشكل 15.56 و 15.5c. ويتطبيق القانون الثاني لنبوتن في صورة مركبانه على الكرة، مم اختيار الانجاء إلى اعلى هو الانجاء الموجب، ولذلك

(1)
$$\sum F_{x} = 0$$

(2)
$$\sum F_v = T - m_1 g = m_1 a_1 = m_1 a$$

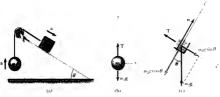
لاحظ آنه لكي تتجرك الكرة بتسمارج إلى أعلى، من الضروري أن تكون m_1 ، في المعادلة (2) تم استبدال a_1 حيث أن للتسمارع مركبة في اتجاه a_2 فقط.

ومن المناسب للمكتب أن نختار المحور 'x الموجب على طول المستوى الماثل كما هو ميين بالشكل 15.5c . وهنا نختار الاتجاء الموجب ليكون أسفل المستوى الماثل، في اتجاء 'x+. ويتطبيق القانون الثاني لنبوتن في صورة المركبة للمكتب تحصل على:

(3)
$$\sum F_{x'} = m_2 g \sin \theta - T = m_2 a_x = m_2 a$$

(4)
$$\sum F_{y'} = n - m_2 g \cos \theta = 0$$

في المدادلة (3) تم استبدال .;a ., a حيث إن للتسارع سركبية واحدة. وبطريقية أخـرى يكون للجسمين تسارعان لهما نفس القيمة a، وهي التي نحاول إيجادها . المعادلتان (1) و (4) ليس بهما



الشكل 15:5 (a) جسمان متصلان بعبل خفيف الوزن يمر على بكرة ملساء، (b) رسم تغطيطي جسم-حر لكرة، (c) رسم تخطيطي جسم- حر لكمب (المستوى المائل أملس).

معلومات تخص التسارع، بينما إذا قمنا بحل المعادلة (2) بالنسبة لـ T ثم عوضنا هذه القيمة لـ T في المعادلة (3) ثم نحلها بالنسبة لـ a نحصل على:

(5)
$$a = \frac{m_2 g \sin \theta - m_1 g}{m_1 + m_2}$$

$$\vdots : (5) \text{ i.i.d.} b \text{ i.$$

$$T = \frac{m_l m_2 g(\sin \theta + 1)}{m_r + m_r}$$

a المعنى إذا كانت $m_7 \sin \theta > m_1$ الأملس فقط إذا كان $m_7 \sin \theta > m_1$ (بمعنى إذا كانت في الاتجاه الذي افترضناه). إذا كان θ $m_1 > m_2 \sin \theta$ ، سوف يكون التسارع إلى أعلى المستوى المائل بالنسسة للمكعب وإلى أسفل بالنسسة للكرة، ولاحظ أيضاً أن ناتج التسارع في المعادلة (5) بمكن تفسيره على إنه القوة الناتجة المؤثرة على نظام مقسومة على الكتلة الكلية للنظام؛ وهذا يتفق مع القانون الثاني لنيوتن. وأخيراً، إذا كانت $\theta = 0$ سوف تكون نتائج a و T مماثلة لنتائج المثال 8.5.

 $m_1 = 10.0 \text{ Kg}$ اوجد تسارع کل جسم. $m_1 = 10.0 \text{ Kg}$ اوجد تسارع کل جسم.

الإجابة: a= -4.22 m/s²، حيث أن الإشارة السالبة تشير إلى أن تسارع المكعب إلى أعلى المستوى المائل وتسارع الكرة إلى أسفل.

8.5 ي قوى الاحتكاك FORCES OF FRICTION

عندما يكون جسم في حالة حركة على سطح أو في وسط لزج مثل الهواء أو الماء تكون هناك مقاومة للحركة بسبب تفاعل الجسم مع مايحيط به. ونسمى مثل هذه القاومة بقوة الاحتكاك. قوة الاحتكاك هامة جداً في حياتنا اليومية. تسمح لنا بالمشي أو الجرى وضرورية لحركة المركبات.

هل حاولت تحريك قرص ثقيل عبر أرضية خشنة؟ ادفع بقوة أكبر فأكبر حتى يبدو القرص حراً "break Free" وبالتالي يتحرك بسهولة نسبياً . يحتاج القرص إلى قوة أكبر للبدء في التحرك أكبر من القوة التي يحتاجها ليحتفظ بحركته ولفهم لماذا يحدث ذلك. اعتبر كتاب موضوع على منضدة كما هو مبين في الشكل 16.5a . فإذا أثرنا بقوة أفقية خارجية F على الكتاب لتؤثر جهة اليمين سوف يظل الكتاب ساكناً إذا لم تكن F كبيرة جداً . القوة التي تعادل F وتمنع الكتاب من الحركة تؤثر جهة الشمال وتسمى قوة الاحتكاك f.

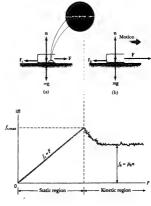
وطالمًا أن الكتاب لايتحرك تكون f = F. وحيث أن الكتاب ساكن، نسمى قوة الاحتكاك هذه بقوة الاحتكاك الإستاتيكية $f_{\rm s}$. وتوضح التجارب أن هذه القوة تنتج عن النتوءات البارزة فوق الأسطح المتلامسة، حتى للأسطح التي تبدو ملساء جداً كما هو مبين في الشكل العام المكبر في الشكل 16.5a. (إذا كانت الأسطح نظيفة وناعمة على المستوى الذرى، سوف تلتحم ببعضها عندما يحدث التلامس) (185

· ن مناكل والديناميكا الحرارية)

وعلى أنرغم من تعقيد تفامبيل الاحتكاك على المستوى الذري، فإن هذه القوى تنتج عن تأثر كهريي متبادل بين الذرات أو الجزيئات.

وإذا قمنا بزيادة مقدار T كما هو مبين في الشكل (6.5)، تزداد قيمة p معها ليحتفظ الكتاب ببكائه، وبالطيع لأيمكن أن تزيد القوة T بلانهاية. وأخيراً الاسطح التلالاسمة لاتستمر في المد يقوة احتكاف كافية التغلب على T ، ولذلك يتحرك الكتاب بتسارع T وعندما يكون T قيمت على حد الحركة تكون T فيمة قصوى، كما هو مبين بالشكل T .5. وعندما تزيد T عن T يعسمي T يتحرك الكتاب بتسارع جهة اليمين وبمجرد أن يبدأ الكتاب في الحركة تصبح فوة الاحتكاك المحوقة أقل من T , T , T , وإذا كانت T , وإذا كانت T , ومند مسوف يتحرك الكتاب جهة اليمين بسرعة ثابتة. وإذا كانت T أن مسوف يكون مثلك فوة غير متزنة T , والمتحال الموجل T , وهذه الفوة تسبب حركة الكتاب بتسارع جهة اليمين رواذا أزيلت القوة T , وسوف تؤثر قوة الاحتكال T , وهذه النوة تسبب حركة الكتاب بتسارع جهة اليمين رواذا أزيلت القوة T , سوف تؤثر قوة الاحتكال T , جهة اليسار ليتحرك الكتاب في الاتجاء اليمين لد T ، وأخيراً تحمله سيكن.

وعملياً نجد أنه، وكتقريب جيد، كل من _{f_{s,max} و f_k متناسب مع القوة العمودية التي تؤثر على الكتاب، وتلخص القوانين العملية التالية المشاهدات المملية:}



الشكل 16.5 يكون انجاه فاود الاحتكاف 1 بين كتاب وسطح خشن في الاحتجاء المكسي للقوة المؤثرة 7 ، وحيث الاحتجاء المكسي للقوة المؤثرة 7 ، وحيث التلامس عند نقاط قليلة فقط كما هو موضح في الشكل المكبر، ((ه) مقدار القوة المؤثرة، ((ا) عندما تزواد القوة يتحرك الكتاب جهة اليمين بتساري، يقدرك الكتاب جهة اليمين بتساري، حال مع الموتان عبين العالقة بين قوة الاحتكاف مع القوة المستخدمة. لاحظ الاحتكاف مع القوة المستخدمة. لاحظ الاحتكاف مع القوة المستخدمة. لاحظ

187

 يكون اتجاه قوة الاحتكاك الساكن بين أي جسمين متلامسين مع بعضهما عكس اتجاه الحركة النسبية ويمكن أن تأخذ القيم:

$$f_s \le \mu_s n$$
 (8.5)

Coefficient of Static Fric- يم ثابت ليس له وحدات ويسمى معامل الاحتكاك الإستاتيكي μ_s ثابت ليس له وحدات ويسمى معامل الاحتكاك الإستانية في المعادلة 8.5 متساوية عندما يكرن أحد الأجسام عند الحركة (على وشك الحركة)، بمعنى أنه عندما $f_s = f_{s,max} = \mu_s n$, وتتحقق المتباينة عندما نؤثر بقوة تقل عن μ_s .

 يكون اتجاه قوة الاحتكاك الكيناتيكية (الحركي) المؤثرة على جسم عكس اتجاه حركة انزلاق الجسم بالنسبة للسطح الذى تنتج عنه قوة الاحتكاك ويعطى بالعلاقة التالية:

$$f_k \le \mu_k n$$
 (9.5)

حيث µK هي معامل الاحتكاك الكيناتيكي Coefficient of Kinetic Friction.

• يعتمد المقداران μ_K و μ_K على طبيعة الأسطح، ولكن على العموم تكون μ_K أقل من μ_S . وتتراوح قيمتها بن 0.03 و 1. ويدون الجدول 2.5 بعض القيم.

حدول 2.5 معاملات الاحتكاك

	μ_{s}	$\mu_{\mathbf{k}}$
Steel on Steel	0.74	0.57
Aluminum on Steel	0.61	0.47
Copper on Steel	0.53	0.36
Rubber on Concrete	1.0	0.8
Wood on Wood	0.25 - 0.5	0.2
Glass in Glass	0.94	0.4
Waxed Wood on Wet Snow	0.14	0.1
Waxed Wood on Dry Snow	~	0.04
Metal on Metal (Lubricated)	0.15	0.06
Ice on Ice	0.1	0.03
Teflon on Teflon	0.04	0.04
Synovial Joints in Humans	0.01	0.003

جميع القيم في هذا الجدول مقربة. في بعض الحالات يمكن أن يزيد معامل الاحتكاك عن القيمة 1.0

● معامل الاحتكاك لايعتمد تقريباً على مساحة التلامس بين الأسطح.

على الرغم من امكانية تغير معامل الاحتكاك الكيناتيكي (الحركي) مع السرعة سوف نهمل مثل هذا التغير فى دراستنا .

الفيزياء (الجزء الأول؛ الميكانيكا والديناميكا الحرارية)

مثال ذهني 10.5 لاذا تتحرك المزلجة بتسارع؟

يجر حصان مزلجة على طريق مستوى مغطى بالجليد ليجعلها تتحرك بتسارع. كما هو مبين في الشكل 5.18a . ينص القانون الثاني لنيوتن على أن المزلجة تولد قوة مساوية وعكسية على الحصان. بوجهة النظر هذه، كيف تتحرك المزلجة بتسارع؟ وتحت أي شرط يتحرك النظام (الحصان والمزلجة) بسرعة ثابتة؟

الحل؛ من المهم أن نتذكر أن القوى الموصوفة في القانون الثالث لنيوتن تؤثر على أجسام مختلفة-يؤثر الحصان بقوة على المزلجة، وتؤثر المزلجة على الحصان بقوة مساوية لها في المقدار ومضادة لها في الاتجاه. وحيث إننا نهتم فقط بحركة المزلجة، لاتأخذ في الاعتبار القوى التي تؤثر بها على الحصان. وعند تعيين حركة جسم يجب عليك إضافة القوى المؤثرة على الجسم فقط. القوى الأفقية المؤثرة على المزلجة هي القوة T للأمام المتولدة بواسطة الحصان وقوة الاحتكاك الخلفية المار أبين المزلجة والجليد (انظر الشكل 17.5b). وعندما تزيد القوة الأمامية على القوة الخلفية تتحرك المزلجة جهة اليمين بتسارع.

القوة التي تجعل النظام (الحصان والمزلجة) يتحرك بتسارع هي قوة الاحتكاك fborg المتولدة بواسطة الأرض على أرجل الحصان، القوى الأفقية التي تؤثر على الحصان وهي القوي الأمامية المتولدة بواسطة الأرض والشد إلى الخلف T المتولدة بواسطة المزلجة (الشكل 17.5c). محصلة المتولدة بواسطة الأرض والشد إلى الخلف Tهاتين القوتين تسبب تسارع الحصان. وعندما تتزن f sled مع f borse يتحرك النظام بسرعة ثابتة.

تمرين: هل القوة العمودية المتولدة بواسطة الجليد على الحصان وقوة الجاذبية المتولدة بواسطة الأرض على الحصان هي زوج قوى القانون الثالث؟

الإجابة: ليس كذلك حيث تؤثر القوتان على نفس الجسم. بينما يعرف زوج القوى من القانون الثالث Third- Low Force Pairs بإنهما متساويان في المقدار ومتضادان في الإتجاء كما أنهما تؤثران على جسمين مختلفين.



الشكاء 17.5

مثال 11.5 تسارع جسمين متصلين عند وجود قوة احتكاك

وصل مكعب كتلته m_1 مع كرة كتلتها m_2 على سطح أفقي خشن بواسطة حبل خفيف الوزن، كما هو مبين في الشكل 5.18a أثرنا على المُكعب بقوة مقدارها F تصنع زاوية θ مع الأفقي كما هو مبين. معامل الاحتكاك الكيناتيكي (الحركي) بين المُكعب والسطح هي μ_k . عين قيمة تسارع الجسمين.

الحل، نبدأ بتنفيذ الرسم التخطيطي لجسم- حر بالنسبة للجسمين، كما هو مبين في الشكل ط-18.50. 18.5c ، ثم نطبق القانون الثاني لنيـون في صـورة مركباته لكل جسـم ونسـتخدم المعادلة 9.5. $_{f_i}$ وبعد ذلك بمكننا تعين النسارع بدلالة الحدوود المعلاة.

القوة المؤثرة على المكتب \mathbf{F} لها مركبتان في إتجاه x و y على الصورة \mathbf{F} cos $\mathbf{0}$ و \mathbf{F} على الترتيب ويتطبيق القانون الثاني لنيوتن لكلا الجسمين ويفرض أن حركة المكتب تكون جهة اليمين تحصل على:

حركة المكعب (1)
$$\sum F_v = F \cos \theta - f_k - T = m_1 a_v = m_1 a_v$$

(2)
$$\sum F_y = n + F \sin \theta - m_1 g = m_1 a_y = 0$$

حركة الكرة
$$\sum F_x = m_2 a_x = 0$$

(3)
$$\sum F_v = T - m_2 g = m_2 a_v = m_2 a$$

وحيث إن الجسمين متصلان يمكننا مساواة مقادير المركبة x لتسارع المكعب ومركبه y لتسارع الكحب ومركبه y لتسارع الكحف أنه $m=m_1 g-F\sin\theta$ (الحظ أنه في مبده الحالة y الاستان y العرف التساوي وy ولذلك العربية منا الحالة y الإساوي والذلك العربية والذلك العربية والمناطقة والمناطقة والمناطقة المناطقة المناطقة والمناطقة وال

(4)
$$f_k = \mu_k (m_1 g - F \sin \theta)$$

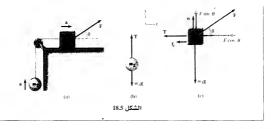
بمعنى أن قوة الاحتكاك تتناقص بسبب مركبة γ الموجية FJ. وبالتعويض من (4) وقيمة T من (3) في (1) تحصل على \tilde{T}

$$F \cos \theta - \mu_t(m_1 g - F \sin \theta) - m_2(a+g) = m_1 a$$

وبحل المعادلة بالنسبة لـ a نحصل على

(5)
$$a = \frac{F(\cos\theta + \mu_k \sin\theta) - g(m_2 + \mu_k m_1)}{m_1 + m_2}$$

الفيزياء (الجزء الأول: اليكانيكا والديناميكا الحرارية)



ولخص SUMMARY

ينص القانون الأول لنيوتن على،" يظل الجسم على حالته من حيث السكون أو الحركة المنتظمة في خط مستقيم مالم تؤثر عليه قوة خارجية "

ينص القنون الثاني لنيوتن على،" يتناسب تسارع جسم طردياً مع محصلة القوة المؤثرة عليه وعكسياً مع كتلته ". بمعنى أن محصلة القوة المؤثرة على جسم تساوى حاصل ضرب كتلته في سارعه: F=ma بسارعه

قوة الجاذبية المؤثرة على جسم تساوى حاصل ضرب كتلته (كمية قياسية) وتسارع السقوط الحر: F_e=mg . وزن جسم هو مقدار الجاذبية المؤثرة على الجسم .

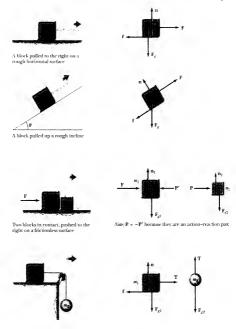
ينص القانون الثالث لنيوتن على،" إذا تآثر جسمان فسوف تكون القوة المتولدة بواسطة 1 على الجسم 2 مساوية في المقدار ومضادة في الاتجاه للقوة المتولدة بواسطة الجسم2 على الجسم 1 بمعنى إنه لكل فعل رد فعل مساو له في المقدار ومضاد له في الاتجاه. لذلك لاتوجد القوة المعزولة في الطبيعة.

القوة القصوى للاحتكاك الإستاتيكي بين جسم وسطح تتناسب مع القوة العمودية f_{s.max} العمودية المؤثرة على الجسم. وعلى العموم μ_s المحيث μ_s المحيث و الإستانيكي و μ_s المحتكاك الإستانيكي و Force مقدار القوة العمودية. وعندما ينزلق جسم على سطح يكون إتجاه قوة الاحتكاك الكيناتيكية fx عكس $f_k = \mu_k n$ إتجاء حركة الانزلاق وتتناسب مع مقدار القوة العمودية. ومقدار هذه القوة يعطى بالعلاقة حيث µ_k هي معامل الاحتكاك.

لكي تنجح في تطبيق القانون الثاني لنيوتن يجب أن ندرك جميع القوى المؤثرة على النظام. بمعنى 190) أن نكون قادرين على تصميم الرسم التخطيطي لجُسم- حر. يوضع الشكل 19.5 عدداً من الأنظمة مع

الفصل الخامس، قوانين الحركة

رسمها التخطيطي للجسم- الحر. يجب فحص هذه الأنظمة جيداً لكي تستطيع عمل مثلها أو ما يشابهها هي السائل.



Two masses connected by a light cord. The surface is rough, and the pulley is frictionless.

اسئلة QUESTIONS

- 1- الشخص الموجود في المصعد في مثال 7.5 وجسد أن وزن السسكة آ (وهي قسراءة الميزان). وهذه القسراءة من الواضح أنهيا خاطئة. الماذا تكون هذه الملاحظة مختلفة عن التي تلاحظ بواسطة تسخص موجود في إطار اسناد ساكن خارج المصعد ؟
- 2- أمسك شخص كرة بيده (ii) حدد كل القوى الخارجية التي تؤثر على الكرة ورد فعل كل منها. (c) إذا سقطت الكرة، ما هي القوة التي تؤثر عليها أشاء سقوطها . حدد قوة رد الفحل في هذه الحالة. (اهمل مقاومة الهواء)
- إذا تحركت سيارة جهة الغرب بسرعة ثابتة 30m/s، ما هي القوة المحصلة التي تؤثر عليها؟
- أسقطت كرة مطاطية على الأرض ما هي القوة التي تسبب ارتداد الكرة؟
- 5 ما هو الخطأ في هذه العبارة حيث أن السيارة ساكنة لاتؤثر عليها أية قوى ؟ كيف تصحح هذه العبارة ؟
- 6- افترض آنك تقود سيارة على طريق سريح بسرعة عالية، لماذا يصب عليك أن تتجنب العنف في الشرامل إذا كنت تريد الوقـوف خلال مسافة قصيرة؟ بمعنى آخر لماذا يجب عليك الخفاظ على لف العـجلات أثناء الفرملة؟
- 7- إذا لم يسبق لك ركوب مصعد في مبنى عالي فسوف تشعر بانك تزداد وزنا أو تقل وزنا وذلك يعتمد على اتجاه التسارع. فسر هذا الشعور. وهل صحيح أننا نكون في حالة انعدام وزن في حركة السقوط الحر؟

- 8- يقود سائق شاحنة فارغة بسرعة استخدم الفرامل ليقف بالشعنة خلال مسافة ال.(a). إذا خملت الشاحنة باتشال ليصبح وزنها الضعف، فما هي المسافة التي يجب قطعها بالشاحنة عند استخدام الفرامل حتى تقف؟ (d) وإذا كانت سرعة الشاحنة نصف السرعة الأولى، كم تكون مسافة وقوف السرعة الأولى، كم تكون مسافة وقوف الشاحنة عند استخدام الفرامل؟
- 9- في محاولة تعريف القانون الثالث لنيوتن قال تلميذ أن القمل ورد الفعل متساويان في المقدار ومتضادان في الاتجاه. فإذا كانت هذه هي الحالة، فكيف تكون هناك دائماً فرة محصلة على الحسم؟
- 10- ما هي القوة التي تسبب (a) دفع مروحة طائرة لكي تتحرك. (b) الصواريخ؟ (c) حركة المشي لشخص؟
- 11- إذا قمت بدفع صندوق ثقيل ساكن، يجب عليك بدل قرة ليبدا الحركة، ولكن بمجرد أن بدأ الصندوق في الحركة، تستطيع أن تمارس قرة صغيرة ليحتفظ الصندوق بحركه، لماذا؟
- [12] بقف رافع اثقال على ميزان حمام. يحرك القضيب الذي يحصل الأنشال إلى أعلى وأسفل. ماذا يحدث لقرآة اليزان أشاء هذه الحركة؟ المرض الله من القوة بحيث يمكنه من فذف القضيب إلى اعلى، بين كيف تتغير قراءة الميزان الآن؟
- [13] عند تحرك اوتوبيس ساكن فجاة إلى الأمام يقع الأشــخـاص الواقــفــون على هؤلاء الجالسين. لماذا يحدث ذلك؟

PARK SILBMO (1179)

1، 2 ، 3 = مسائل مباشرة، متوسطة، تحدي

http:// www. sanunderscollege. com/ physics/ = الحل موجود في: WEI

= الحاسب الآلي مفيد في حل المسائل

= آزواج رقمیة/ باستخدام الرموز

من قسم 1.5 حتى 6.5

1- \bar{g} tْر قوْرة \mathbf{F} على جسم كتلته $_{I}^{m}$ ليتحرك يتسارع $_{S}^{2}$ 3.00 m/s² بنسارع على جسم آخر كتلته $_{S}^{m}$ ليتحرك بنسارع $_{S}^{2}$ (. (a) . 1.00 m/s² النسبة (b) $_{S}^{m}$ / $_{I}^{m}$ (d) إذا أتحـــن $_{I}^{m}$ و $_{S}^{m}$ أوجـــ أسارعهما تحت تأثير نفس القوة $_{S}^{m}$.

- 2- تؤثر قوة (10.0 N على جسم كتلته 2.00 kg فرنه فكم يكون (a) تسارع الجسم، و (b) وزنه بوحدات النيوتن و (c) تسارعه إذا تضاعفت القدة؟
- آ تتحرك كتلة قيمتها 3.00 Kg بتسارع a = (2.00i+ 5.00j) m/s² المحصلة ΣF ومقدارها.
- -4 قدر وزن جسم له كتلة -4 ومدر وزن جسم له كتله one pound عند موضع بوحدات الباوند -174 يكون فيه تسارع الجاذبية مساوياً -1740 -174
- | 5 | جسم كتلته d 4.00 kg بسرعة 3.00i m/s في لحظة ما وبعد ثمان ثواني تزيد سرعته لتصل إلى 8.00i+10.0j)m/s

افترض أن الجسم كان يتأثر بقوة كلية نابتة. اوجد (a) مركبات القوة و(b) مندارها.

6 الكترون له كتلة g الكترون له كتلة g الكترون له كتلة g الم 3.00x10 وله سرعة ابتدرك في خطر مستقيم وتزداد سرعته لتصبح 7.00x10⁵ ملاك سرعته لتصبح m/s خلال مسافة m 0.5.0 افتترض أن تسارعه ثابتاً، (a) عين القوة التي تؤثر علي

= الحل كامل متاح في المرشد.

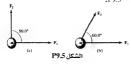
الله = فيزياء تفاعلية

7- يزن شخص Ib .120 عين(a) وزنه بالنيوتن
 و(b) كتلته بالكيلوجرام.

الالكترون والتي أهملناها.

الالكتسرون و (b) قارن هذه القوة مع وزن

- 8-إذا كـــان وزن رجل 900N على الأرض. كم يكون وزنه على كوكب الشترى حيث يكون تسارع الجاذبية عليه هو 25.9m/s² ؟
- \P_1 و F_2 على كنلة 5.00kg ثوثر قـوتان F_1 و F_1 على كنلة F_2 ، اوجـد إذا كـانت F_1 =30.0N التسـارع في (a) (b) (d) المرسـومين في الشكل



10.0 إثرت ثلاث قبوى 10.0N جهة اليسسار و20.0N جهة الشرق و 15.0N جههة الجنوب معناً على جسم موضوع على منضدة هوائية كتلته 4.00ks. اوجد تسارع الحسم.

الفيزياء (الجزء الأول: اليكانيكا والديثاميكا الحرارية)

القسم 7.5 بعض التطبيقات على قوانين نيوتن

- المجترك جسم كتلته g مستوى مستوى بين مستوى بين بركبترين x و y بعطيان بالملاقتين z = (2+3) = (2+3) بالأمتار و z + بالثواني، اوجد قيمة القوى المحصلة التي تؤثر على هذا الجسم عند z = (2+3)
- 12— وال من الأسسمنت يزن 325N يعلق من ثالث حيوط كما هو موضح بالشكل 325N . P 12. S و عنصا ين يصن عبان زاويتين $(-6.00)^2$ و $(-6.00)^2$ م بالأفسقي . فسإذا كسان هذا النظام في حالة آنزان، أوجد الشد $(-1.00)^2$ في الخيوط.



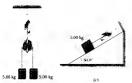
الشكل P12.5

في الشكل P12.5 إذا كان وزن جوال 13 في الشكل P12.5 إذا كان يصنعان الأسمان يصنعان زايتي 1 و و 0 مع الأضقي. وكان النظام متزنا، اثبت أن الشد في الخيط الأيسر يعطى بالملاقة

$T_1 = F_g \cos \theta_2 / \sin (\theta_1 + \theta_2)$

14- الأنظمة الموضحة هي الشكل P14.5 تكون هي جدالة اتزان. فإذا كان الميزان الزئيركي يقرأ بالنيون، ما هي قراءاته هي الأنظمة الشلاث (اهمل وزن البكر والخييوب وافترض أن المستوى المائل املس).





الشكل P14.5

- [5] يقوم شخصان بشد حبلين مربوطين في مربوطين في مربوكي كالتنه g 300 وقد وقا كل يقدر استطاعته و فإذا كان الشد في نفس المركب بتسارع جهة اليه عين ، وإذا كان الشد في اتجاهين متضادين يتحرك المركب بتسارع m/s² 8 0.51 هرأة بواسطة كل شخص على القوة المؤثرة بواسطة كل شخص على المركب (الهمل أية قوة أخرى على المركب).
- 16- ارسم رسم تخطيطي لجسم- حر لصندوق ينزلق على مستوى بهيل بزاوية (0.61=0) [الشكرات (16.5%) [19.6%] إذا بدأ الجسم من السكون عند قصة المستوى الذي يرتفع 2.00m أوجد (a) أسمارع الصندوق و (b) سرعتما يصل إلى نهاية المستوى المائل.



الشكل P 16.5

P17.5 في النظام المبين في الشكل P17.6 في النظام المبين في الشكل 8.00kg تؤثر قوة أفسقية F_x على كتلة 8.00kg السطح الأفقي أملس. (a) لاية قيم للقوة T_x كيون الشد في الحبل لأية قيم للقوة T_x كيون الشد في الحبل يساوي صفراً T_x (b) (ma العلاقة بين السارع الكتلة 8.00 kg مع T_x من (100 kg الى 1.4 + 100 kg | 1.4 + 100



الشكل P17.5



القسم 5.8 قوى الاحتكاك Force of Friction

19- كتلة وزنها 25.0 kg في حالة السكون على سطح أفقى، يحتاج لقوة أفقية مقدارها

بدء 75.0N حتى تبدأ في الحركة، وبعد بدء الحركة، نعتاج لقوة اققية مقدارها 60.0N لتحفظ الكتلة بحركتها بسرعة ثابتة. اوجد معاملات الاحتكاك الاستاتيكية والكيناتيكية من هذه العلومات.

22- ثلاث كتل متصلة على منضدة كما هو مين بالشكل 192.5 المنضدة فيها مين بالشكل 192.5 المنضدة خشفة ولها الكيناتيكي 203.0 وزن الكيناتيكي 1.00kg و 1.00kg و 1.00kg و 1.00kg مصم رسم تخطيطي لجسب حدر لكل كتلة (a) عين مقدار واتجاه تسارع كل كتلة (b) عين الشد

الكتلة والمستوى، (d) سرعة الكتلة بعد

انزلاقها مسافة 2.00m.



ندانة القختبارات السريعة: ANSWERS TO QUICK QUIZZES

- (1.5) (a) صحيح. يخبرنا قانون نيوتن الأول أن الحركة لاتحتاج إلى قوة! يستمر الجسم في حركته يسرعة ثابتة في غياب قرة في مداب قرة بسرعة ثابتة في غياب قرة بمك يله قرة عليه قبود، ولكن إذا كنال محيح، الحسم الساكن أن تؤثر عليه قبود حصلة ويظل الجسم ساكن، ومن المكن أن توجد قوة محصلة ولا توجد حركة ولكن فقط للحظة الكرة التي تقذف راسياً إلي أعلى تقف عند قمة مسارها لفترة رضية قصيرة متناهية في الصغرة دلكن في نفس الوقت تؤثر عليها مسارها لفترة رضية قصيرة متناهية في قد الجذو قوة الجاذبية، ولذلك وعلى الرغم من 9 = ٧ عليها صفراً.
- (2.5) لا . يكون اتجاه الحركة جزءاً من سرعة الجسم وتحدد القوة اتجاه التسارع وليس السرعة.
- (3.5) (a) قوة الجاذبية (d) قوة الجاذبية. قوة الجاذبية لأسفل هي القوة الخارجية الوحيدة التي تؤثر على الكرة في كل نقاط. مسارها.
- (4.5) عند قف ز الشخص من المركب تجاه المرسى، يدفع المركب عكس حركته بقدميه ونتوقع أن يندفع المركب خلف الشخص ولذلك يسبب للمركب تسارع. وحيث أن المركب غير مربوط تتسبب القوة المؤثرة بواسطة قدم هذا الشخص في تحرك المركب بعيداً عن المرسى، وكنتيجة لذلك لايستطيع الشخص أن يؤثر بقوة كبيرة على المركب قبل تحركه. وعليه لاتكون قوة رد فعل المركب على الشخص كبيرة ويكون تسارعه غير كافي ليصل إلى المرسى ولذلك يسقط في الماء. وفي حالة إذا كان القافر تجاه المرسى، من المركب غير المربوط هو كلب صغير فريما تكون القوة المؤثرة من المركب على الكلب كافية لنجاح الكلب في الوصول إلى المرسى وذلك لأن الكلب كتلته صغيرة.
- (5.5) (a) يتاثر كلاهما بنفس مقدار القوة. بمعنى أن يتاثر كل من الحشرة والأوتوبيس بقوتين متساويتين في المقدار ومتضادتين في الإتجاه، (d) الحشرة. حيث أن الحشرة لها كتلة أقل بكثير جداً من كتلة الأوتوبيس فسوف تكون تحت تأثير تسارع ضخم جداً. أما الأوتوبيس دو الكتلة الضخمة فسوف يقاوم أي تغير في حركته.

💥 صورة محيرة



تسقط غسواصة فضاء بسرعة أكبر من فضاء بسرعة أكبر من أنها بمجرد فتح الباراشوت تتناقص سرعة فتح للأزاشوت مما يشجوطها لأسفل بشدة عند من الهيوط بوط بسلام إلى المراشوة إذا لم يفسته المراشوة منائياً ما تصاب النواش عام القيوة التي بادئ ما تصاب التودة التي بادئ ما تصاب التودة التي بادئ ما تصاب ينادئ ما تصاب ينادئ ما تصاب سعتها التمدة تحد من سعتها القصه،

الحركة الدائسرية وتطبيسقات أخسرى لقوانسين نيسوتسن

Circular Motion and Other Applications of Newton's Laws ولفعع ولساوس

6

ويتضمن هذا الفصل:

4.6 الحركة في وجود قوى مقاومة (اختياري)

(Optional) Motion in the Presence of Resistive Forces

5.6 النمذجة العددية لديناميكا الجسم (اختبارى)

(Optional) Numerical Modeling in Particle Dynamics الطبيق قانون نيوتن الثاني على الحركة الدائرية المنتظمة

Newton's Second Law Applied to Uniform Circular Motion

2.6 الحركة الدائرية غيير المنتظمة Nonumiform Circular Motion

3.6 الحركة في أطر متسارعة (اختياري) (Optional) Motion in Accelerated Frames

الفيزياء (الجزء الأول: الميكانيكا والديناميكا الحرارية)

في الفصل السابق قدمنا قوانين نيوتن للحركة وتطبيقاتها على الحالات التي تشمل الحركة الخطية والآن ننافش حركة معقدة بعض الشيء. على سبيل الثال تطبق قوابين نيوتن على أجسام تسير في مسار دائري. كذلك سنناقش الحركة التي يتم تسجيلها من إطار اسناد متسارع في وسط لزج، أغلب هذا الفصل هو مجموعة من الأمثلة المختارة لتوضيح تطبيقات قوانين نيوتن على مدى واسم من الطروف المختلفة.

1.6 ح تطبيق قانون نيوتن الثاني على الحركة الدائرية المنتظمة:

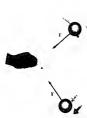
NEWTON'S SECOND LAW APPLIED TO UNIFORM CIRCULAR MOTION

rفي الجزء 4.4 وجدنا أنه عندما يتحرك جسم بسرعة منتظمة v في مسار دائري نصف قطره a_r فإنه يعاني تسارع a_r مقداره v^2 $u_r = v^2$

يسمى هذا التسارع بالتسارع العمودي Centripetal acceleration ويكون متجها ناحية مركز الدارة. علاوة على ذلك فإن $_{\rm A}$ تكون دائماً عمودية على $_{\rm V}$ (إذا كان هناك مركبة للتسارع توازي $_{\rm V}$ فإن سرعة الجسم ستكون متغيرة). إفترض كرة كلتها $_{\rm A}$ على غلط طولاً وقتي كما هو موضع بالشكل 6.1. وتم وضعها فوق منصدة ذات احتكاك ضعيف. لملا تتحرك الكرة في دائرة؟ بسبب قصورها الدائم ومحاولة الكرة أن تتحرك في خط مستقيم بهمنع الخيف الحركة في خط مستقيم بهمنع الخيف الحركة في خط مستقيم بهمنع الخيف الحركة في خط مستقيم وذلك بالتأثير بقوة على الكرة تجملها تتحرك في مسار دائري. يكون أتجاه هذه القوة فحي وحركز الدائرة على امتداد الخيط، كما هو موضح بالشكل 6.1. من المكن أن تكون هذه القوة هي احدى القوى المروفة لنا والتي تسبب حركة الجسم في مسار دائري.

إذا استخدمنا قانون نيوتن الثاني في اتجاه نصف القطر، نجد أن قيمة صافي القوة التي تسبب التسارع العمودي يمكن حسابها من المعادلة:

القوة السبية $\sum F_r = ma_r = m\frac{v^2}{r}$ (1.6) تاليموري للسارع العموري الميموري التجاه توثير القوة التي تسبب التسارع العموري في انجاه مركز المسار الدائري وتسبب تغيير في انجاء منتجه المسارعة. إذا تالاشت هذه القوة، فإن الجسم لايتحرك في مسار دائري وبدلاً من ذلك فإنه يتحرك في مسار على طول خط مستقيم مماساً للدائرة. هذه الفكرة على الشكل 6.2 لكرة تدور وهي مثبتة في نهاية خيط، إذا انقطح الخيط في لحظة ما تتحرك الكرة في مسار مستقيم مماساً للدائرة عند نقطة قطح



شكل 1.6 منظر من أعلى لكرة تتحرك في مسار دائري في مستوى أفقي، القوة ،F في اتجاه مركز الدائرة تحافظ على بقاء حركة الكرة في مسار دائري.



رياضي ألعاب قوي يقدف المطرقة في أولبياد اطلانطا جورجيا 1996 . القوة التي تؤثر بالسلسلة هي القوة التى تسبب الحركة الدائرية فقط عندما يترك الرباضي المطرقة فإنها ستتحرك في خط مستقيم مماساً للدائرة.



شكل 2.6 عندما ينقطع الخيط، تتحرك الكرة في اتحاه مماس للدائرة.

هل من المكن ان تتحرك سيارة في مسار دائري بحیث یکون لها تسارع مماسی دون تسارع عمودی نحو المركز.

القوى التي تسبب التسارع العمودي مثال ذهني (1.6)

القوة التي تسبب التسارع العمودي في اتجاه المركز تسمى احياناً بالقوة المركزية. نحن على علم بمحموعة من القوى في الطبيعة- الاحتكاك، الجاذبية، القوى المتعامدة، الشد... إلخ. هل يمكن إضافة القوة المركزية إلى هذه القائمة؟

الحل: لا. لايجب أن تضاف القوة المركزية إلى هذه القائمة، هذه مجرد خدعة (Pitfall) للعديد من الطلاب. بإعطاء اسم القوة المركزية إلى القوة التي تسبب الحركة الدائرية، مما يجعل الطالب يفترض أنها نوع جديد من القوى بدلاً من أنه دور جديد تلعبه القوة. خطأ شائع عند رسم شكل هندسي، أن نرسم كل القوى العادية وبعد ذلك نضيف متجهاً آخر للقوة المركزية. فهي ليست قوة منفصلة- هي ببساطة إحدى القوى المعروفة التي تحُدثُ حركة دائرية.

الضيزياء (الجزء الأول: الميكانيكا والديناميكا الحرارية)

لجسم موضوع على قرص دوار، فإن القوى المركزية هي الاحتكاك، بالنسبة لحجر يدور وهو مربوط في طرف خيط فإن القوة المركزية هي الشد في الخيط، شخص في مدينة الملاهي داخل كابينة دائرية تدور بسرعة، تضغط القوة المركزية نعو جدار الكابينة وتجعله ملتصةاً بها، الأكثر من ذلك. فإن القوة المركزية يمكن أن تكون مركبة من قوتين أو أكثر، على سبيل المثال عند مرور راكبة دراجة فيري Ferris Wheel خلال أدنى نقطة فإن القوة المركزية عليها هي الفرق بن القوة العمودية التي يؤثر بها المقعد عليها ووزنها.



شكل 3.6 تتأثر الكرة التي تتحرك في مسار دائري بعدة قوى خارجية تغير مسارها.

تجربة سريعة: ﴿

اربط كرة مضرب في خيط-اجعلها تتأرجح في دائرة وأثناء ارجعتها اترك الخيط لتحقق إجابتك عن الجرء الأخير من الاختبار السريع 2.6.

تسلك الكرة المسار الدائري المنقط والموضع في شكل 3.6 تحت تأثير وقوة. في لحظة معينة من الزمن تثنير القوة بشدة بقوة جديدة وتسلك الكرة المسار الموضح بالخط المتصل وفي تجاء رأس السهم في كل من الحالات الأربع في الشكل. لكل جزء من الشكل، أوصف مقدار واتجاه القوة اللازمة لجعل الكرة تتحرك على المسار المتصل، إذا كنان الخط المنقطة يمثل المسار لكرة تدور وهي مثبتة في نهاية الخيط- أي مسار سوف تسلكه الكرة إذا ما انقطع الخيط.

دعنا ندرس بعض الأمثلة للحركة المنتظمة. في كل حالة يجب أن نتعرف على القوة (أو القوى) الخارجية التي تجعل الجسم يتحرك في مسار دائري.

مثال 2.6 ما هي سرعة اللف؛

كرة كتلتها 0.5 kg مربوطة هي نهاية خيط طوله 1.5.6 باجعلها تلف هي دائرة افقية كما هي الشكل 1.6 . إذا كان الخيط يمكنه ان يتحمل أقصى شد 20.0 ما هي أقصى سرعة يمكن أن تكتسبها الكرة قبل ان ينقطع الخيط؟ افترض ان الخيط يظل افقياً أشاء الحركة.

الدل: من الصعب التكهن بالاجابة المعقولة. ومع ذلك نعلم أنها لاتكون كبيرة، مثلاً 8 / 100 m/n لان الشخص لابمكنه أن يجعل الكرة تتحرك بسرعة. من المنطق القول أنه كلما كان الخيط متيناً كلما

الفصل السادس؛ الحركة الدائرية وتطبيقات أخرى لقوانين نيوتن

زادت سرعة الدوران قبل أن ينقطع الخيط، من المتوقع ايضاً أنه كلما زادت كتلة الكرة كلما زاد احتمال قطع الخيط، من المتوقع ايضاً أنه كلما زاد احتمال قطع الخيط عند سرعات منخفضة (تصور تدوير كرة بولينج). حيث إن القوة التي تسبب النسارع العمودي في اتجاه المركز في هذه الحالة هي القوة T التي يؤثر بها الخيط على الكرة، فإن المادلة:

$$T=mrac{v^2}{r}$$
 بالحل في $v=\sqrt{rac{Tr}{r}}$ بالحل في $v=\sqrt[4]{r}$

يوضح ذلك أن v تزداد مع T وتتناقص مع m، كما هو متوقع، لقيمة معينة من v فإن الكتلة الكبرة تحتاج شد أكثر والكتلة الصغيرة تحتاج لشد أقل. اقصى سرعة يمكن أن تكتسبها الكرة تناظر اقصى شد. ومن ثم نجد أن:

$$v_{\text{max}} = \sqrt{\frac{T_{\text{max}}r}{m}} = \sqrt{\frac{(50.0 \text{ N})(1.50 \text{ m})}{0.500 \text{ kg}}} = 12.2 \text{ m/s}$$

تمرين: احسب الشد في الخيط عندما تكون سرعة الكرة 5.0 m/s.

الاجابة: 8.33 N

مثال 3.6 البندول الخروطي:

جسم صغير كتلته m معلق في خيط طوله L. يدور الجمعم بسرعة ثابتة في دائرة أفقية نصف قطرها r كما هو موضح بالشكل 4.6 (حيث أن الخيط يمسح سطحاً مخروطياً، يطلق على المنظومة البندول المخروطي). أوجد تعبيرا للكمية v.

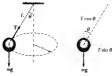
الحلى: دعنا نختار θ لكي تمثل الزاوية بين الخيطه والمحور الرأسي في الرسم الهندسي للجسم الحر شكل $t \cos \theta$. القوة $T \cos \theta$ التي يؤثر بها الخيط يمكن تحليلها إلى مركبة دأسية $t \cos \theta$ ومركبة افقية $t \sin \theta$ والتي تؤثر تجاه مركز الدوران. حيث أن الجسسم لا يتسسارع في الاتجاه الرأسي فإن $T \cos \theta = \sum F_r = ma_r \theta$ ومركبة T الرأسية لأعلى نتعادل مع قوة الحاذسة لأسفا، ولهذا

(1) $T \cos \theta = mg$

حيث إن القوة المتسببة في التسارع العمودي في هذا المثال هي المركبة Φ T sin θ فإنة يمكن استخدام قانون نيوتن الثاني والمعادلة 1.6 لنحصل على

(2)
$$\sum F_r = T \sin \theta = ma_r = \frac{mv^2}{r}$$

 $\frac{1}{r}$
 $\frac{1$



شكل 4.6 البندول المخروطي والرسم الهندسي للجسم الحرله.

الفيزياء (الجزء الأول: المكانيكا والديناميكا الحرارية)

$$\tan \theta = rac{v'}{rg}$$

$$v = \sqrt{rg} an \ddot{\theta}$$
 מז אוניים וולה 4.6, ינול בשל ווי $r = L \sin \theta$ ولهذا

 $v = \sqrt{Lg} \sin \theta \tan \theta$

لاحظ أن السرعة لاتعتمد على كتلة الجسم.

مثال 4.6 ما هي اقصى سرعة للسيارة؟

تتحرك سيارة كتلتها 500 kg. على طريق افقي مسطح منعني كما بالشكل 5.6. إذا كان نصف قطر المنعنى هو 35.0 ش ومعامل الاحتكاك الاستاتيكي بين الاطارات والاسفلت الجاف هو 0.50. احسب اقصى سرعة للسيارة لعمل الدوران بنجاح.



الحل: من الخبرة، يجب أن نتوقع أن تقل سرعة السيارة عن 0 m/s أن من المكن اعتبار أن 1 m/s أعادل 2 m/h عماد 2 m/h أن 0 m/s المكن المسيارة من البقاء في مسارها الحالة، المسرعة التي تُمكن السيارة من البقاء في مسارها الدائري هي قوة الاحتكاك الاستاتيكي (لانه لايحدث انزلاق عند نقطة التلامس بين الطريق والاطارات فإن القوة المؤثرة هي قوة الاحتكاك الاستاتيكي متجهة ناحية مركز المنحني. إذا كانت الاحتكاك الاستاتيكي مصفراً على سبيل المثال، وإذا كانت السيارة تتحرك على طريق مغطى بالثلج فإن السيارة تستمر في خط مستقيم وتنزلق على الطريق) ومن ثم نحصل من المعادلة خط مستقيم وتنزلق على الطريق) ومن ثم نحصل من المعادلة 6.1 على.

f, —

 $(1) f_s = m \frac{v^2}{r}$

الشكل 5.6 (a) تكون قبوة الاحتكاك الاستاتيكي في اتجاء مركز المنعنى وتحافظ على حركة السيارة في مسار دائري. (d) الرسم الهندسي للجسم الحر المناظر للسيارة.

أقصى سرعة للسيارة حول المنحنى هي السرعة التي تكون عندها السيارة على حافة الانزلاق للخارج. عند هذه النقطة، تكون قوة الاحــتكاك أقــصى مــايمكن $f_{s,max} = \mu_s n$ حيث إن السيارة على طريق أفقي فإن مقدار القوة العمودية يساوي الوزن $f_{s,max} = \mu_s n$ وهكذا n=mg $f_{s,max} = \mu_s n$ وهكذا n=mg

المعادلة (۱) نجد أن أقصى سرعة هي: $f_{s,\max}r = \mu_{s,max}r$

$$v_{\text{max}} = \sqrt{\frac{f_{s,\text{max}}r}{m}} = \sqrt{\frac{\mu_s mgr}{m}} = \sqrt{\mu_s gr}$$

= $\sqrt{(0.500)(9.80 \text{ m/s}^2)(35.0 \text{ m})} = 13.1 \text{ m/s}$

الفصل السادس: الحركة الدائرية وتطبيقات أخرى لقوانين نيوتن

لاحظ أن أقصى سرعة لاتعتمد على كتلة السيارة، هذا هو السبب في عدم وضع إشارات مختلفة لاقصى سرعة عند الدوران على الطرق السريعة لتغطي الكتل المختلفة لسيارات النقل التي تستخدم الطريق.

تمرين: تبدأ سيارة في الانزلاق على منعنى في طريق مبلل عندما تصل سرعتها 8.0 m/s ما هو معامل الاحتكاك الاستاتيكي في هذه الحالة.

الاجابة: 0.187

مثال 5.6 مخرج مزلقان منحدر

يرغب مهندس مدني في تصميم مخرج مزلقان منعنى لطاريق سريع بعيث لاتعتمد السيارات على الاحتكاف على الاحتكاف عند الدوران حول النتحتى دون انزلاق، بمغنى آخر مندما تسير السيارة بالسرعة المقترحة يمكنها أن تسلك المتحنى تص وإن كان مخطى بالثلج، مثل هذا المزلقان عادة هو جسر، بما يعني أن طريق المركبات يميل تجاه الجانب الداخلي للمنحنى، افرض أن السرعة المقترحة للمزلقان هي العامل (134 سلامة). المنطقة المنتخنى.

الحل؛ على طريق غير منعطف فإن القوة التي تسبب التسارع العمودي نحو المركز هي قوة الاحتكاك الاستانيكي بين السيارة والطريق. لكن، إذا كان الطريق به اندطاف بزاوية θ كما بالشكل θ .6 فإن المتواتيك بين المركبة افقية θ n sin n متجهة ناحية مركز المنحنى. وحيث إن المزلقان مصمم بحيث تكون قوة الاحتكاك الاستانيكي صفراً، يعطى قانون نيوتن الثاني في اتجاء نصف النط.

(1)
$$\sum F_r = n \sin \theta = \frac{mv^2}{r}$$

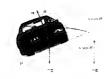
السيارة في حالة اتزان في الاتجاه العمودي ولهذا نحصل من المعادلة $\Sigma F_{
m v}$ على

(2)
$$n \cos \theta = mg$$

بقسمة المعادلة (1) على المعادلة (2) نحصل على:
$$\tan \theta = \frac{v^2}{r_\theta}$$

$$\theta = \tan^{-1} \left[\frac{(13.4 \text{ m/s})^2}{(50.0 \text{ m}) (9.80 \text{ m/s})^2} \right] = 20.1$$

إذا قطعت السيارة المنحنى بسرعة 13.4 m/s. يجب أن يكون هناك احتكاك للحفاظ على السيارة من الانزلاق إلى داخـل الجـمسر (إلى اليـمسار في



شكل 6.6 تسير سيارة على متحدر ماثل بزاوية أمم الافقي، عندما يكون الاحتكاك مهمالاً خيال القرق التي تسيب السسارع المصودي نحب المركز وتحافظ على بشاء الصيارة في مسار دائري هي للركبة الأفقية للقوة الممودية. لاحظ أن 11 هي مجموع الغور التي بالإطراق الاطراق على الإطارات

الفيزياء (الجزء الأول: المكانيكا والديناميكا الحرارية)

الشكل 6.6). السائق الذي يحاول ان يسير على المنعنى بسرعة أكبر من 13.4 m/s يجب ان يعتمد على الاحتكاك للعفاظ على عدم الانزلاق نحو الخارج (إلى اليمين في الشكل 6.6). لاتعتمد زاوية العطوف على كثلة السيارة التى تسير على المنعنى.

 f_{λ} تحرين: اكتب قانون نيوتن الثاني المستخدم في اتجاه نصف القطر عندما تتواجد قوة احتكاك f_{λ} متجهه إلى داخل المنحدر في اتجاه مركز المنعني.

 $n \sin \theta + f_s \cos \theta = \frac{mv^2}{r}$:الاجابة

مثال 6.6 حركة القمر الصناعي

يهتم هذا المُثال بحركة قمر صناعي يدور في مدار دائري حول الأرض. لتُفهُم هذا الوضع يجب أن تعلم أن قوة الجاذبية بين الاجسام الكروية والاجسام الصغيـرة والتي يمكن اعتبـارهما كجسمين كتلتيهما 1m و رm بينهما مسافة r، هي قوة جاذبة مقدارها

$$F_g = G \frac{m_1 m_2}{r^2}$$

حيث $G = 6.673 \times 10^{-11} \text{ N·m}^2 / \text{ kg}^2$. هذا هو قانون نيوتن للتجاذب والذي سيتم دراسته في فصل 14 .

افرض قمر صناعي كتلته m يتحرك في مدار دائري حول الأرض بسرعة ثابته v وعلى ارتفاع h من سطح الارض كما بالشكل 7.6. احسب سرعة القسمر الصناعي بدلالة $R_E \cdot h \cdot G$ (نصف قطر الارض) و $M_E \cdot h \cdot G$ (كتلة الأرض).

الْحل: القوة الخارجية الوحيدة التي تؤثر على القمر الصناعي هي قوة الجاذبية والتي تؤثر في اتجاه مركز الأرض وتحافظ على دوران القمر في مسار دائري. لهذا فإن:

$$F_r = F_g = G \frac{M_E m}{r^2}$$

من قانون نيوتن الثاني، والمعادلة 1.6 نحصل على:

$$G\frac{M_E m}{r^2} = m \frac{v^2}{r}$$

بالحل في v مع الآخذ في الاعتبار ان المسافة r من مركز الارض إلى القمر هي $r = R_F + h$ نحصل على:

(1)
$$v = \sqrt{\frac{GM_E}{r}} = \sqrt{\frac{GM_E}{R_E + h}}$$

إذا كان القمر يدور حول كوكب آخر، فإن سرعته تزداد مع كتلة الكوكب بينما تتناقص بزيادة المسافة بين القمر ومركز الكوكب.



 $\frac{m Z J}{2}$ يدور قمر صناعي كنلته $m \sim 2$ الأرض بسرعة ثابتة U في مسار دائري نصف قطره $H_{\rm E}$ $H_{\rm E}$ التوة $H_{\rm E}$ التي تسبب النسارع العمودي هي قوة الجاذبية .

تمرين: يدور قمر صناعي حول الأرض في مسار دائري على ارتفاع 1000 km . إذا كان نصف قطر الأرض هو 6.37 x 10⁶m وكتاتها 5.98 x 10²⁴ kg احسب سرعة القمر الصناعي ومنها أوجد زمن الدورة- الزمن اللازم للقمر لعمل دورة كاملة.

6.29 x 10³ s= 105 min ; 7.36 x 10³ m/s וلاحادة:

دعنا نلف في خيه مثال 7.6

طيار كتاته m في طائرة نفاثة يدور بطائرته في الجو في مسار على شكل خيه كما هو موضح بالشكل (8.6a) . في هذه المناورة، تتحرك الطائرة في دائرة رأسية نصف قطرها 2.7 km بسرعة ثابتة £225 m/s . احسب القوة التي يؤثر بها المقعد على الطيار. (a) عند قاع الخية. (b) عند قمة الخية. عبر عن اجابتك بدلالة وزن الطيار mg.

الحل: يتوقع أن تكون الاجابة في (a) أكبر من الاجابة في (b) لانه عند قاع الخية تكون كلا من القوة العمودية وقوة الجاذبية في اتجاهين متضادين، بينما عند القمة تؤثر هاتان القوتان في نفس الاتجاه. يعطى الجمع الاتجاهى لهاتين القوتين قوة ثابتة المقدار والتي تُبقي على حركة الطيار في مسار دائري.

للحصول على متجهات لصافى القوة التي لها نفس المقدار. فإن القوة العمودية عند القاع (حيث تكون قوة الجاذبية في اتجاه مضاد للقوة العمودية) يجب أن تكون أكبر من القوة العمودية عند القمة (حيث تكون قوة الجاذبية في نفس اتجاه القوة العمودية). (a) يوضح الشكل 8.6a الرسم الهندسي للجسم الحر لجسم الطيار في قاع الخية، القوة التي تؤثر على الطيار هي قوة الجاذبية لأسفل ${f F}_{
m e}=m{f g}$ وقوة يؤثر بها المقعد لأعلى ${f n}_{
m bot}$. حيث إن صافى القوة التي تعطى التسارع العمودي نحـو اللركـز مقدارها n_{lxt} - mg فإن قانون نيوتن الثاني في اتجاه نصف القطر والمعادلة 1.6 يعطيان:

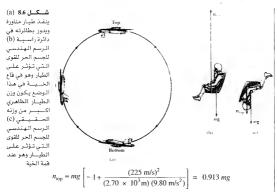
 $n_{\text{bot}} = mg \left[1 + \frac{(225 \text{ m/s})^2}{(2.70 \times 10^3 \text{ m}) (9.80 \text{ m/s}^2)} \right] = 2.91 \text{ mg}$

من ثم فإن مقدارَ القوة العمودية n_{bot} التي يؤثر بها المقعد على الطيار تكون أكبر من وزن الطيار بالمعامل 2.91. هذا يعنى أن الطيار يعانى وزن ظاهـرى أكـبر من وزنـه الفعلى بمقدار 2.91 مرة. (b) يعطى الشكل 8.6c الرسم الهندسي للجسم الحر لجسم الطيار عند قمة الخية كما لاحظنا من قبل تكون كل من قوة الجاذبية الأرضية والقوة n التي يؤثر بها المقعد على الطيار متجه لأسفل وبالتالي فإن مقدار القوة الفعلية التي تعطي التسارع تجاه المركز هي n . n . استخدام هانون نيوتن الثاني يعطى: $\sum F_r = n_{\text{top}} + mg = m \frac{v^2}{m}$

$$n_{-} = m \frac{v^2}{v^2} - m\varrho = m\varrho \left(\frac{v^2}{v^2} - 1\right)$$

 $n_{\text{top}} = m \frac{v^2}{r} - mg = mg \left(\frac{v^2}{ra} - 1 \right)$

الضرباء (الحزء الأول: المكاتبكا والديثاميكا الحرارية)



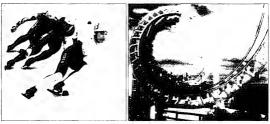
في هذه الحالة يكون مقدار القوة التي يؤثر بها المقعد على الطيار أقل من وزنه الفعلي بمعامل 0.913 ويشعر الطيار بأن وزنه الظاهري أقل من وزنه الحقيقي.

تمرين: عين مقدار القوة في اتجاه نصف القطر التي يؤثر بها المقعد على الطيار عندما تكون الطائرة عند النقطة A في (شكل 8.6a) منتصف الخية ومتجه لأعلى.

خرزة تنزلق على طول سلك منحنى بسرعة ثابتة كما هو موضح في المسقط الرأسي في شكل 9.6. ارسم متجهات عند C ،B ،A تمثل القوة التي يؤثر بها السلك على الخرزة لكي تجعلها تتحرك السلك عند هذه النقط.



امسك حذاء من طرف رباطه ودعة يلف في دائرة رأسية. هل يمكنك أن تستشعر الفرق في الشد 206 في رباط الحذاء عندما يكون الحذاء عند قمة الدائرة بالمقارنة مع الشد عندما يكون في القاع.



بعض القوى الفعالة الشاء الحركة الدائرية: (إلى اليسار) عند دوران متزلجي السرعة على منعني، تعطى القوة التي يؤثر بها الثلغ على حداء النزلج التسارع العمودي ناحية المركز (إلى اليمين) ركاب في السفينة الدوارة على شكل برمغة ما مصادر القوى في هذا المثال:

NONUNIFORM CIRCULAR MOTION غير المنتظمة الدائرية غير المنتظمة 2.6

وجعدنا في الفصل الرابع انه إذا تحدرك جسم سرعة متغيرة في مسار دائري فإنه يوجد، بالاضافة الى مركبة التسارع الممودية المتجهة إلى المركز (النصف فطرية)، يوجد مركبة مماسية مقدارها dt . لهذا فيان أنهو أنهية وأنهية معاسية مقدارها dt . لهذا مركبة مماسية وأخرى في أتجاه نصف القطر، حيث إن التسارع الكبي هو a_1 = a_1 ها إن القوة الكلية التي تؤثر على الجسم هي a_2 = a_1 . كما هو موضع بالشكل على الجسم هي a_2 أخلية مركز الدائرة وهو المسلول ناد التسارع المشول خاصية مناصبة الحية مركز الدائرة وهو المسلول ناد الرقمة والمسلول عن التسارع المتعارع إلى التسارع المتعارع إلى التسارع المتعارع إلى التسارع المتعارع من الحركة. الدومة والذي يمثل النغير في سرعة الجسم بالنسبة للزمن، يوضع المثال النالي هذا النوع من الحركة.

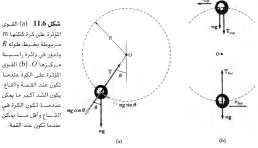


شكل 10.6 عندما تكون القوة المؤثرة على جسم يتحرك في مسار دائري لها مركبة معاسبية مم، ويتحرب من مرحة الجسم تنفير. القوة الكلية التي تؤثر على الجسم في هذه الحالة هي المجسموع لقوة الماسية. اي أن FF Fr & Fr إن إن Fr Fr والمناسية.

مثال 8.6 ركز نظرك على الكرة:

O مربوطة في نهاية خيط طوله R نلف في دائرة رأسية حول نقطة ثابتة A موضح بالشكل v مربطة في نهاية خيط طوله R نفس موضح بالشكل v مصل الشد في الخيط عند أي لحظة عندما تكون سرعة الكرة v ويصنم الخيط زاوية θ مع المحور الرأسي.

الضيرياء (الجزء الأول: المكانعكا والديناميكا الحرارية)



الحل: يختلف ذلك عن الوضع في المثال 7.6 حيث إن السرعة غير منتظمة في هذا المثال وحيث إنه عند أغلب النقاط على المسار، تنشأ مركبة مماسية للتسارع من قوة الجاذبية التي تؤثر على الكرة. من الرسم الهندسي للجسم الحر، بالحفظ أن هناك قوتان فقط تؤثران على الكرة وهما قوة الجاذبية Fo= mg التي تؤثر بها الأرض، والقوة T التي يؤثر بها الخيط. بتحليل Fo إلى مركبة مماسية θ $mg \sin \theta$ ومركبة في اتجاء نصف القطر θ $mg \cos \theta$ وبتطبيق قانون نيوتن الثاني على

القوى التي تؤثر على الكرة في الاتجاه الماسي نحصل على:
$$\sum F_r = mg \sin \theta = ma_r$$

$$a_i = g \sin \theta$$

تتسبب المركبة الماسية للتسارع في تغيير v بالنسبة للزمن حيث $a_r = dv/dt$. بتطبيق قانون نيوتن الثاني على القوى التي تؤثر على الكرة في اتجاه نصف القطر مع ملاحظة أن كلا من T و a، و

متجهان ناحیة
$$O$$
، نحصل علی:
$$\sum F_r = T - mg \, \cos \theta = \frac{mv^2}{R}$$

$$T = m \left(\frac{v^2}{R} + g \cos \theta \right)$$

د: طادلة الشد وتصبح معادلة الشد وcos θ حالات خاصة: على قمة المسار، حيث °180 = θ

$$T_{\text{top}} = m \left(\frac{v_{\text{top}}^2}{R} - g \right)$$

هذه هي أقل قيمة للشد T. لاحظ أنه عند هذه النقطة $a_t=0$ ولهذا فإن التسارع يكون نصف 208 اقطرى كلية ومتجه السفل.

الفصل السادس؛ الحركة الدائرية وتطبيقات أخرى لقوانين نيوتن

عند قاع المسار حيث $\theta = \theta$ ، نلاحظ أن $\theta = 1$ لذلك فإن:

$$T_{\text{bot}} = m \left(\frac{v_{\text{bot}}^2}{R} + g \right)$$

هذه هي أقصى فيمة للشد. عند هذه النقطة مرة آخرى a_i = 0 والتسارع هنا نصف قطري تماماً ولكن منجه لأعلى.

> تمرين: عند أي موضع للكرة يمكن للخيط أن ينقطع اذا ما أردنا زيادة السرعة المتوسطة. الأجابة: في القاء. حيث يكون الشد أقصى مايمكن.

(اختياري)

عند تقديم قوانين نيوتن للحركة في فصل 5، اوضعنا أنها تتحقق فقط عندما يكون المشاهد في أطار اسناد قصورى. في هذا القسم، سنحلل كيف لمشاهد في إطار اسناد غيـر قـصـورى (أي متسارع) أن يستخدم قانون نيوتن الثاني.











الفيزياء (الجزء الأول: اليكانيكا والديناميكا الحرارية)

في إطار الاسناد المتسارع الخاص بها كما بالشكل 12.6b . (يتأثر السائق أيضاً بهذه القوة ولكنه يمسك بعجلة القيادة ليمنع نفسه من الانزلاق ناحية اليمين).

يمكن تفسير هذه الظاهرة بصورة صحيحة كما يلي. قبل أن تدخل السيارة إلى المنحدر تتحرك الراكبة في مسار مستقيم. عند دخول السيارة في المنحدر وتمر في مسار منحني، تحاول الراكبة ان تتحرك على طول الخط المستقيم الاصلى. هذا يتفق تماماً مع قانون نيوتن الأول. الاتجاه الطبيعي لجسم هو أن يستمر في الحركة في خط مستقيم. الاأنه إذا أثرت قوة كبيرة بدرجة كافية (تجاه مركز الانحناء) على الراكبة، كما بالشكل 12.6c ، فإنها ستتحرك في مسار منحني، نفس مسار السيارة مصدر هذه القوة هي قوة الاحتكاك بينها وبين مقعد السيارة. إذا كانت قوة الاحتكاك ليست كبيرة بدرجة كافية فإنها ستنزلق إلى اليمين عندما تستدير السيارة نحو اليسار. اخيراً تصطدم بالباب والذي يعطيها قوة كبيرة بدرجة كافية لتمكينها من أن تتبع نفس المسار المنحنى للسيارة. انزلاق السيدة نحو الباب ليس بسبب بعض القوى الافتراضية للخارج ولكن السبب هو أن قوة الاحتكاك ليست كبيرة بدرجة كافية لتسمح للراكبة ان تسير في المسار الدائري والذي تتبعه السيارة.

بصورة عامة إذا تحرك جسم بتسارع a بالنسبة لمشاهد في اطار اسناد قصوري يمكن للمشاهد ان يستخدم قانون نيوتن الثاني ويمكنه ان يزعم أن F = ma . إذا ما حاول مشاهد في إطار اسناد متسارع ان يطبق قانون نيوتن الثاني على حركة الجسم، يجب على الشخص أن يُدخل قوى افتراضية ليجعل قانون نيوتن الثاني صالحاً للتطبيق. هذه القوى التي تم افتراضها بالمشاهد في إطار اسناد متسارع تبدو كما لو أنها حقيقية. مع ذلك فإننا نؤكد أن هذه القوى الافتراضية غير موجودة عند مشاهدة الحركة من اطار اسناد قصوري . تستخدم هذه القوى الافتراضية فقط في اطار اسناد متسارع ولاتمثل قوى "حقيقية" تؤثر على الجسم. (نعني بالقوى الحقيقية التآثر المتبادل بين الجسم والوسط المحيط به). إذا كانت هذه القوى الافتراضية تُعرف جيداً في إطار الاسناد المتسارع فإن وصف هذه الحركة في هذا الإطار يعادل الوصف الذي يعطيه مشاهد في إطار اسناد قصوري والذي يأخذ في الاعتبار القوى الحقيقية فقط. إلا أنه في بعض الاحيان يكون من الافضل استخدام إطار الاسناد المتسارع.

القوى الافتراضية في الحركة الخطية. مثال 9.6

علقت كرة صغيرة كتلتها m بخيط في سقف عربة قطار تسير بتسارع ناحية اليمين كما بالشكل 13.6 . بالنسبة لمشاهده في سكون (شكل 13.6a) فإن القوى المؤثرة على الكرة هي القوة T التي يؤثر بها الخيط وقوة الجاذبية. استنتج المشاهد الساكن أن تسارع الكرة هو نفس تسارع عربة القطار وأن هذا التسارع ينتج من المركبة الافقية لـ T. كذلك فإن المركبة الرأسية لـ T تتزن مع قوة الجاذبية. لذلك فهي تكتب في القانون الثاني على النحو التالي F= T+ mg= ma وتأخذ مركبتاها الصورة (210) التالية:

الفصل السادس: الحركة الدائرية وتطبيقات أخرى لقوانين نيوتن

را)
$$\sum F_x = T \sin \theta = ma$$
 مشاهد قصوري $\sum F_y = T \cos \theta - mg = 0$

هكذا، بحل المعادلتين (1)، (2) آنياً لحساب a، فإنه يمكن للمشأهد القصوري خارج العربة تعيين مقدار تسارع عربة القطار من خلال العلاقة

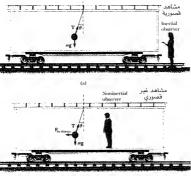
$a = g \tan \theta$

حيث إن الزاوية بين الخيط والمحور الرأسي هي مقياس التسارع فإنه يمكن استخدام البندول البسيط كجهاز لقياس التسارع Accelerometer .

بالنسبة لمشاهد غيير ساكن، داخل العربة (شكل 13.6b) فإن الخيط مازال يصنع زاوية 0 مع الرأسي، ومع ذلك فإن الكرة بالنسبة له في سكون وبالتالي فإن تسارعها يساوي صفراً، لهذا فإنها تُدخل مبدأ القوة الافتراضية لتتوازن مع المركبة الأفقية للقوة T وتدعي أن القوة الكلية على الكرة تساوي صفراً في اطار إسناد غير القصوري، قانون نيوتن الثاني في صورة مركباته يعطي

مثاهد غیر قصوری
$$\begin{cases} (1) & \sum F_x^{'} = T \sin \theta - F_{\text{fictitious}} = 0 \\ (2) & \sum F_y^{'} = T \cos \theta - mg = 0 \end{cases}$$

إذا ما عرفتا أن ma inertial = ma inertial = ma أي أي ما عرفتا أن F fictitious= ma inertial = ma المشاهد غير القصورى يحصل على نفس النتائج الرياضية مثل المشاهد القصورى. و مع ذلك فإن التفسير الفيزيائي لانحراف الخيط يختلف في إطارى الإسناد.



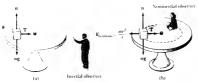
شكل 13.6 تنصرف كــرة منه معرفة ميرة ملقة في سقف عرفة فلما تتمسارغ ناحية اليمين كــم بالشكل (ه) مــشاهده قصورية خارج السيارة تنتي غير قصوري داخل العربة من المركزة تساوي غير قصوري داخل العربة التي منا المرد أن انعراف الخيف من المحرد أوان انعراف الخيف عن المحرد الرأسي هو نتيجة القود الافتراضية والتي تتسوازن مم المركب.

الفيزياء (الجزء الأول: الميكانيكا والديناميكا الحرارية)

مثال 10.6 القوة الافتراضية في النظام الدوار

افترض صخرة كتلتها m موضوعة على منصة افقية دوارة عديمة الاحتكاك والصخرة مربوطة بخيط متصل بمركز المنصة كما بالشكل 14.6 بالنسبة لمشاهد قصوري على الأرض (Inertial) إذا تحركت الكتلة بانتظام فإنها تتأثر بتسارع مقداره v^2/r حيث v هي السرعة الخطية. يستنتج الشاهد أن هذه القوة المتجهه إلى المركز ناتجة عن الشد T الذي يؤثر به الخيط على الكتلة ويكتب $T = mv^2/r$ قانون نيوتن الثانى

أما بالنسبة لشاهدة غير قصورية (noninertial) على المنصة فإن الصخرة تكون في سكون وبالتالي يكون تسارعها صفراً . لهذا فهي تفترض قوة افتراضية متجهه للخارج مقدارها mv²/r لتعادل القوة التي يؤثر بها الخيط إلى الداخل. بالنه قلها فإن القوة الكلية على الصخرة تساوى $T - mv^2/r = 0$ صفراً وفي هذه الحالة نكتب قانون نيوتن الثاني



شكل 14.6 صخرة كتلتها m مربوطة في منتصف منصة دوارة. (a) يدعى مشاهد على الارض أن القوة التي يؤثر بها الخيط T على الصخرة هي التي تتسبب في الحركة الدائرية. (b) اما بالنسبة لمشاهدة على المنضدة فإنها تدعى ان الصخرة لاتتسارع ولهذا فإنها افترضت وجود قوة افتراضية مقدارها mv2/r والتي تؤثر إلى الداخل لتتزن مع القوة T.

(اختیاری)

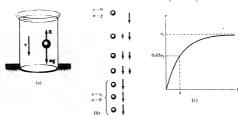
4.6 🔪 الحركة في وجود قوى مقاومة:

MOTION IN THE PRESENCE OF RESISTIVE FORCES:

في الفصل السابق تم وصف قوى الاحتكاك الكيناتيكي التي تؤثر على جسم يتحرك على سطح لقد اهملنا تماماً التآثر المتبادل بين الجسم والوسط الذي يتحرك فيه. الان دعنا نفترض تأثير هذا الوسط والذي قد يكون سائلاً أو غاز. يؤثر الوسط بقوة مقاومة resistive force R على الجسم المتحرك داخله. من بعض أمثلة هذه القوى: مقاومة الهواء للسيارات المتحركة (يطلق عليها السحب (air drag) وقوى اللزوجة التي تؤثر على جسم يتحرك في سائل. تعتمد قيمة R على بعض العوامل مثل سرعة الجسم، ويكون اتجاه R دائماً عكس اتجاه حركة الجسم بالنسبة للوسط. وتزداد قيمة R 212) غالباً بزيادة السرعة.

الفصل السادس؛ الحركة الدائرية وتطبيقات أخرى لقوانين نيوتن

قد يعتمد مقدار القوة على السرعة بصورة معقدة وفي هذا الكتاب سنتعرض لحالتين فقط: في الحالة الأولى سنفترض أن قوة المقاومة تتناسب مع سرعة الجسم المتحرك وهذا الافتراض صحيح للإجسام الساقطة ببطء خلال سائل وللاجسام الصغيرة جداً مثل جسيمات الغبار التي تتحرك في الهواء. سنفترض قوة مقاومة تتناسب مع مربع سرعة الجسم المتحرك وذلك للأجسام الكبيرة مثل رجل فضاء يتحرك في الهواء في سقوط حر تتأثر بمثل هذه القوة.



ش**كل 15:6** (a) سقوط كرة خلال سائل (b) رسم تخطيطي لحركة الكرة عند سقوطها (c) رسم يباني للسرعة مع الزمن للكرة، تصل الكرة إلى السرعة القصوى (النهائية) _الا وثابت الزمن هو الزمن اللازم لتصل سرعة الكرة إلى 0.63 v.

قوة مقاومة تتناسب مع سرعة الجسم Resistive Force Proportional to object speed

إذا إفترضنا أن قوة المقاومة التي تؤثر على جسم يتحرك خلال سائل أو غاز تتناسب مع سرعة الجسم فإنه يمكن التعبير عن مقدار قوة المقاومة بالعلاقة

$$R=bv$$
 (2.6)

حيث v هي سرعة الجسم و d ثابت تعتمد قيمته على خواص الوسط وعلى شكل وأبعاد الجسم. إذا كان الجسم كرة نصف قطرها r فإن d تتناسب مع r.

أفترض كرة صغيرة كلتها m تسقط من السكون في سائل كما بالشكل 15.68 .افترض أن القوة الوحيدة التي تؤثر على الكرة هي قوة المقاومة vv وقوة الجاذبية F_g لذلك دعنا نصف حركتهاvv بتطبيق قانون نيوتن الثاني في الاتجاء الرأسي وباختيار الاتجاء لأسفل هو الاتجاء الموجب وبملاحظة $\sum F_v=mg-bv$ نا

اكتوجد كذلك قوة الدفع التي تؤثر على جسم يستطه في سائل، هذه القوة ثابتة ومقدارها يساوى وزن السائل الذاح. تغير هذه القوة الوزن الظاهري لكرة بممامل ثابت ولذلك سوف نهمل هذه القوة هذا، سوف ندرس قوة الدهغ في القصل 15.

الفيزياء (الجزء الأول: الميكانيكا والديناميكا الحرارية)

نحصل على

$$mg - bv = ma = m\frac{dv}{dt}$$
 (3.6)

حيث يكون التسارع dv/dt متجها لأسفل. بحل هذه المعادلة للتسارع نحصل على

$$\frac{dv}{dt} = g - \frac{b}{m}v \tag{4.6}$$

يطلق على هذه المعادلة، معادلة تفاضليه وقد تكون طريقة حلها غير معلومة لك حالياً ومع ذلك، وبملاحظة أن



سيارة ايروديناميكية. يقلل الجسم الانسيابي من مقاومة الهواء ويزيد من كفاءة الموتور (بموافقة شركة فورد للسيارات)

v=0 في أول الأمر فإن القوة المقاومة (-bv) تساوي صفراً والتسارع في هذه الحالة هو g . كلما زادت ! تزداد القوة المقاومة ويتناقص التسارع. في نهاية الأمر، يصبح التسارع صفراً عندما تتساوى القوة المقاومة مع وزن الكرة. عند هذه النقطة تصل الكرة إلى السرعة النهائية ،v وعندها تستمر الكرة في الحركة بهذه السرعة بتسارع صفر، كما بالشكل 15.6b . يمكن الحصول على السرعة النهائية : تعطى: a=dv/dt=0 بوضع 3.6 تعطى:

$$v_t = \frac{mg}{b}$$
 g^{\dagger} $mg - bv_t = 0$

التعبير عن v الذي يحقق المعادلة 4.6 بشرط أن v=0 عند v=1 هو:

$$v = \frac{mg}{b}(1 - e^{-bt/m}) = v_t(1 - e^{-t/\tau})$$
 (5.6)

يوضح الشكل 15.6c رسم هذه الدالة. ثابت الزمن $\tau = m/b$ حرف اغريقي تاو) هو الزمن اللازم للكرة لكي تصل سرعتها إلى (١/e = ١ =) 63.2% من سرعتها النهائية. يمكن ملاحظة ذلك بمعرفة أنه بوضع τ المعادلة 5.6 يحقق v 0.632 بيمكن التأكد من أن الحل 5.6 هو حل المعادلة 4.6 بوضع τ بالتفاضل المباشر لنحصل على

$$\frac{dv}{dt} = \frac{d}{dt} \left(\frac{mg}{b} - \frac{mg}{b} e^{-bt/m} \right) = -\frac{mg}{b} \frac{d}{dt} e^{-bt/m} = g e^{-bt/m}$$

بالتعويض في المعادلة 4.6 عن هذا التعبير لـ dv/dt وقيمة v من المعادلة 5.6 يوضح أن الحل يحقق المعادلة التفاضلية.

سقوط كرة في الزيت

تسقط كرة كتلتها g 2.00 من السكون في إناء كبير مملوء بالزيت حيث تتأثر بقوة مقاومة تتناسب مع السرعة. سرعة الكرة النهائية هي 5.00 cm/s. احسب ثابت الزمن τ والزمن اللازم للكرة لكي 214 | تصل سرعتها إلى 90% من سرعتها النهائية.

الفصل السادس؛ الحركة الدائرية وتطبيقات أخرى لقوانين نيوتن

الحل: حيث إن السرعة النهائية للكرة هي $v_i = mg/b$ ، فإن المعامل b يساوى

$$b = \frac{mg}{v_t} = \frac{(2.00 \text{ g}) (980 \text{ cm/s}^2)}{5.00 \text{ cm/s}} = 392 \text{ g/s}$$

لذلك فإن ثابت الزمن T هو

$$\tau = \frac{m}{b} = \frac{2.00 \text{ g}}{392 \text{ g/s}} = 5.10 \times 10^{-3} \text{s}$$

تعطي المعادلة 5.6 سرعة الكرة كدالة في الزمن. لحساب الزمن اللازم لكي تصل سرعة الكرة إلى $v=0.9\,v_{\rm l}$ ، $0.900\,v_{\rm l}$ ، نضع $v=0.9\,v_{\rm l}$

$$0.900v_t = v_t(1 - e^{-t/\tau})$$

$$1 - e^{-t/\tau} = 0.900$$

$$e^{-t/\tau} = 0.100$$

$$-\frac{t}{\tau} = \ln(0.100) = -2.30$$

$$t = 2.30\tau - 2.30(5.10 \times 10^{-3}\text{s}) = 11.7 \times 10^{-3}$$

$$= 11.7 \text{ ms}$$

أي أن سرعة الكرة تصل إلى 90% من سرعتها النهائية بعد فترة زمنية صغيرة .

تمرين: ما هي سرعة كرة تسقط في زيت عند 11.7ms t قارن بين هذه القيمة وسرعة الكرة عندما تسقط في الفراغ أي تتأثر فقط بالجاذبية؟

الإجابة: 4.50 cm/s في الزيت مقابل 11.5 cm/s في الفراغ.

اعاقة الهواء عند السرعات العالية Air drag at high speeds

بالنسبة لأجسام تتحرك بسرعات عالية في الهواء، مثل الطائرات، رجل الفضاء، السيارات، كرة البيسبول، تتناسب قوة المقاومة تقريباً مع مربع السرعة. في هذه الحالات يمكن التعبير عن مقدار قوة المقاومة بالعلاقة.

$$R = \frac{1}{2}D\rho A v^2 \tag{6.6}$$

حيث ρ هي كثافة الهواء، Λ مساحة المقطع المستعرض للجسم مقاسة في مستوى عمودي على اتجاه حركتها و D كمية تجريبية ليس لها ابعاد تسمى معامل الاعاقة 2.0 ولكن فيمته قد تصل إلى 2.0 للاجسام الكرافية معامل الاعاقة 0.5 ولكن فيمته قد تصل إلى 0.5 للاجسام غير منتظمة الشكل.

 $R = \frac{1}{2}D\rho A v^2$ دعنـا ندرس حركـة جســم يسـقط سقـوطاً حراً متأثرا بقوة مقاومة الهواء مقدارها $R = \frac{1}{2}D\rho A v^2$ وانجاهها إلى أعلى. افترض أن الجسم كتلته R ويسقط من السكون. كما هو موضع بالشكل 6.6 فإن الجسم يتأثر بقـوتين خارجيـتين: قوة الجـاذبيـة لأسـفل $R_g = m$ وقوة المقاومة لأعلى R. (يوجد كذلك قوة دفع لأعلى وسوف نهملها). ومن ثم فإن مقدار القوة الكلية هو:

الضيرياء (الجزء الأول: الميكانيكا والديناميكا الحرارية)

$$\sum F = mg - \frac{1}{2}D\rho A v^2 \qquad (7.6)$$

افستسرضنا أن الاتجساء لأسسفل هو الاتجساء الرأسي الموجب. بالتعويض عن F = ma في المعادلة 7.6، نجد أن الجسم يكتسب تسارع لأسفل مقداره:



شكا، 16.6

$$a = g - \left(\frac{D\rho A}{2m}\right) v^2 \tag{8.6}$$

يمكن حساب السرعة النهائية 10 وذلك بمعرفة أنه عند السرعة النهائية نتسباوى قوة الجاذبية مع القوة القاومة وبالتالي يتلاشى النسائية وضع a=0 من المادلة 0.8 ، تحصل على

$$g - \left(\frac{D\rho A}{2m}\right)v_i^2 = 0$$

$$v_i = \sqrt{\frac{2mg}{D\rho A}}$$
(9.6)

باستخدام هذه المعادلة بمكن معرفة مدى اعتماد السرعة النهائية على ابعاد الجسم.

افترض أن الجسم عبارة عن كرة نصف قطرها r . في هذه الحالة $A \propto r^2$ (حيث $A = \pi r^2$ وكذلك $v_1 \propto \sqrt{r}$. (لأن الكتلة تتناسب مع حجم الكرة $V = \frac{4}{3} \pi r^3$). لهذا فإن $v_1 \propto \sqrt{r}$.

الجدول 1.6 يعطى قائمة للسرعات النهائية لعدة اجسام تسقط في الهواء

	مساحة المقطع المستعرض		
Object	ונצבעג (Kg)	(m ²)	$v_t(m/s)$
Sky diver	75	0.70	60
Baseball (radius 3.7 cm)	0.145	4.2×10^{-3}	43
Golf ball (radius 2.1 cm)	0.046	1.4×10^{-3}	44
Hailstone (radius 0.50 cm)	4.8×10^{-4}	7.9 x 10 ⁻⁵	14
Raindrop (radius 0.20 cm)	3.4×10^{-5}	1.3 x 10 ⁵	9.0

مثال ذهني 12.6

افترض متزلجة تقفز من طائرة وقدماهامريوطتان بشدة في لوحة التزلج، تقوم ببعض الألعاب ثم تفتح الباراشوت، اوصف القوى التي تؤثر عليها وهي في هذا الوضع.

الحل؛ عند أول خطوة للمتزلجة خارج الطائرة لايكون لها أي سرعة رأسية تتسبب قوة الجاذبية المتحدد المتحدد

الفصل السادس: الحركة الدائرية وتطبيقات اخرى لقوانين نيوتن

النهائية تقوم بفتح الباراشوت وبالثالي تزداد مقاومة الهواء بشدة. تكون القوة الكلية (وبالثالي التسارع) الأن متجهة لأعلى في اتجاء عكس اتجاه السرعة. هنا تتناقص سرعة الهبوط بشدة بما يعني ان فرة المقاومة على الباراشوت تقل ويترتب على ذلك أن قوة المقاومة لأعلى تتعادل مع قرة الجاذبية وتصل إلى سرعة نهائية صغيرة ويسمح لها ذلك بالهبوط بسالم (عكس اعتقاد كثير من الناس بان متجه السرعة لرجل الفضاء لايتجه نهائياً لاعلى. ربما تكون قد شاهدت شريط فيديو ويظهر فيه رجل الفضاء يرتفع لأعلى بمجرد فتح الباراشوت. في الحقيقة أن رجل الفضاء يتباطأ بيناء طالم الكاميرا يستمر في الهبوط لأسفل بسرعة عالية)

مثال 13.6 سقوط مرشحات القهوة

اعتماد القوة المقاومة على السرعة هي علاقة تجريبية. بمعنى آخر أنها تعتمد على الملاحظة دون اساس نظري. يتم إسقاط سلسلة من المرشحات المتراصة وقياس سرعتها النهائية. يشمل الجدول 2.6 ثنائج لمرشحات القهوة عند سقوطها خلال الهواء، ذابت الزمن قصير وبالتالي تصل هذه المرشحات إلى السرعة النهائية بسرعة كبيرة. كنلة كل مرشح 1.649. عند تجميع المرشحات مع بعضها فإنها تكون كومة بعيث الانزاداد مساحة الوجهه الامامي. احسب العلاقة بين القوة المقاومة التي يؤدر بها الهواء وسرعة سقوط المرشحات.

ا**لْحِل:** عند السرعة النهائية تتعادل قوة المقاومة مع قوة الجاذبية المتجهة لأسفل وبالتالي فإنه عند السرعة النهائية يتأثر المرشح الواحد بقوة مقاومة مقدارها

$$R = mg = \left(\frac{1.64 \text{ g}}{1000 \text{ g/kg}}\right) (9.80 \text{ m/s}^2) = 0.016 \text{ l N}$$

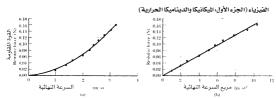
وبالتالي فإن مرشحين مع بعضهما يتأثران بقوةً مقاومة مقدارها 0.0322N وهلم جرا....

واضح أن العلاقة ليست خطأ مستقيماً أى أن القوة المقاومة لا تتناسب طردياً مع السرعة. الخط. المنحنى يمثل دالة من الدرجة الثانية أي أن القوة المقاومة تتناسب مع مربع السرعة. هذا التناسب واضع في الشكل 17.6b وذلك برسم العلاقة بين القوة المقاومة ومربع السرعة النهائية





مرشحات القهوة متراصة فوق بعضها حتى بمكن دراسة قوة مقاومة الدماء)



شكل 17.6 (a) العلاقة بين القوة المقاومة التي تؤثر على مرشحات الفهوة الساقطة وسرعتها التهافية، الخط التحتي يمثل دالة من الدرجة الثانية (d) رسم يوضع العلاقة بين القوة المقاومة . ومربع السرعة التهافية : توافق الخط المستقيم مع النتائج يعني أن القوة المقاومة تتناسب مع مربع . السرعة التهافية هل يمكنك حساب ثابت التناسية

مثال 14.6 القوة المقاومة التي تؤثر على كرة البيسبول

قذف لاعب بيسبول كرة كتلتها 0.145kg من تحت سقف بسرعة 40.2m/s . أوجد القوة المقاومة التي تؤثر على الكرة عند هذه السرعة.

الرحل، يجب ألا نتوقع أن يكون هناك قوة كبيرة يؤثر بها الهواء على الكرة وبالتالي يجب ألا تزيد القوة المقاومة (من المعادلة 6.6) عن عدة نيوتونات. يجب أولاً حساب معامل الإعاقة D بمكن عمل ذلك بتصور سقوط كرة البيسبول وننتظر حتى تصل إلى سرعتها النهائية. بمكن ايجاد قيمة D من خل المعادلة 9.6 ثم نعوض بالقيم التقريبية لـ D من الجدول 1.6 بفرض أن كثافة الهواء هـ, D 1.29kg/m على

$$D = \frac{2 \text{ mg}}{v_t^2 \rho A} = \frac{2(0.145 \text{ kg}) (9.80 \text{ m/s}^2)}{(43 \text{ m/s})^2 (1.29 \text{ kg/m}^3) (4.2 \times 10^{-3} \text{ m}^2)} = 0.284$$

هذا العدد ليس له ابعاد، احتفظنا بالرقم العشري الثالث فقط ويمكن إسقاطه بعد ذلك في نهاية الحسابات، يمكننا أن نستخدم قيمة D الآن في المعادلة 6.6 لحساب مقدار القوة المقاومة

$$R = \frac{1}{2}D\rho Av^2$$

= $\frac{1}{2}(0.284) (1.29 \text{ kg/m}^3) (4.2 \times 10^{-3} \text{ m}^2) (40.2 \text{ m/s})^2 = 1.2 \text{ N}$

(اختياري)

النمذجة العددية لديناميكا الجسم للمدوية الميكا الجسم المد

NUMERICAL MODELING IN PARTICLE DYNAMICS

كما لاحظنا في هذا الفصل والفصل السابق، فإن دراسة ديناميكية الجسم تتزكر في وصف موضعه، سرعته، تسارعه كدالة في الزمن. تتواجد العلاقات بين المسبب والأثر الناتج بين هذه

الفصل السادس: الحركة الدائرية وتطبيقات أخرى لقوانين نيوتن

الكميات: السرعة تسبب تغير الموضع. التسارع يتسبب في تغير السرعة. حيث إن التسارع هو نتاج مباشر للقوى المؤثرة فإن اي دراسة لديناميكية الجسم نبدأ بحساب القوة الكلية التي تؤثر على الجسم.

حتى الآن فإننا استخدمنا مايسمى بالطريقة التحليلية لدراسة الموضع، السرعة والتسارع للجسم التحرك. دعنا نسترجع باختصار هذه الطريقة قبل معرفة طريقة ثانية للتعامل مع مسائل الديناميكا (حيث أننا نركز اهتمامنا على الحركة في بعد واحد في هذا القسم، فإننا لن نستخدم الحروف الغليطة للكميات التجهة).

إذا تحرك جسم كتلته m تحت تأثير قوة كلية $\sum F$. فإن قانون نيوتن الثاني يعطى تسارع للجسيم بالعلاقة $a = \sum F/m$. بصورة عامة فإننا نطبق الطريقة التحليلية للمسألة الديناميكية باستخدام الطريقة التالية:

- . $\sum \! F$ all liaes the demandal of the liaes (1) Γ
 - $a = \sum F/m$ استخدم هذه القوة لحساب التسارع وذلك من العلاقة (2)
- dv/dt = a استخدم هذا التسارع لحساب السرعة وذلك من العلاقة (3)
- dx/dt = v استخدم هذه السرعة لحساب الموضع وذلك من العلاقة (4)

يوضح المثال المباشر التالي هذء الطريقة.

مثال 15.6 سقوط جسم في الفراغ- الطريقة التحليلية

افترض ان كرة تسقط في الفراغ تحت تأثير قوة الجاذبية، كما هو موضح بالشكل 18.6. استخدم الطريقة التحليلية لحساب التسارع والسرعة والموضع للجسم.

الأحل: القوة الوحيدة التي تؤثر على الجسم هى قوة الجاذبية لاسفل مقدارها F_g وهي هي نفس الوقت محصلة القوة، بتطبيق قانون نيوتن الثاني نساوي القوة المؤثرة على الجسم مع حاصل ضرب الكتلة هي التسارع. (ياعتبار الاتجاء الأعلى هو الاتجاء الموجب لمحور V_g .

$$F_g = ma_y = -mg$$

 $dv_y/dt=a_y$ أن التسارع ثابت وحيث أن $a_y=-g$ هكذا فإن $a_y=-g$ بمايعني أن التسارع ثابت $dv_y/dt=-g$ نحصل على:

$$v_{v}(t) = v_{vi} - gt$$

حيث v_y= dy/dt . يمكن الحصول على موضع الجسم بإجراء التكامل مرة أخرى ليعطى النتيجة المعروفة:

ا شكل
$$y(t) = y_i + v_{yi}t - \frac{1}{2}gt^2$$
 مثلان الموضع والسرعة للجسم عند $v_{ij} = 0$ عيث $v_{ij} = 0$ يمثلان الموضع والسرعة للجسم عند

الطريقة التحليلية غالباً ما تكون طريقة مباشرة لحالات فيزيائية كثيرة. لكن في الواقع تظهر غالباً تعقيدات تجعل الحل التحليلي صعباً وبخاصة للطلاب الذين يدرسون مبادئ الفيزياء على سبيل المثال إذا كانت القوة التي تؤثر على الجسم تعتمد على موضع الجسم، أو إذا كانت القوة تتغير مع السرعة كما هو الحال في حالة القوة المقاومة التي تنتج عند الحركة في سائل او في غاز.

هناك مشكلة أخرى قد تحدث لأن المعادلات التي تربط التسارع، السرعة، الوضع، والزمن عبارة عن معادلات تفاضلية بدلاً من المعادلات الجبرية، تحل المعادلات التضاضلية بالتكامل وبعض الطرق الخاصة والتي قد لايتقنها طالب مبتدئ في الفيزياء.

طريقة ايلر Euler Method

في طريقة ايلر لحل المدادلات التفاضلية، تُقرب المُشتقات كنسب بفروق محدودة، باعتبار زيادة صغيرة في الزمن Δ1، يمكننا تقريب الملاقة بنِ سرعة الجسم ومقدار تسارعه بالملاقة:

$$a(t) \approx \frac{\Delta \upsilon}{\Delta t} = \frac{\upsilon(t + \Delta t) - \upsilon(t)}{\Delta t}$$

عندئذ تكون سرعة الجسم (۱+۵۱) في نهاية الفترة الزمنية Δ1 متساوية تقريباً مع السرعة (υ() عند بداية الفترة الزمنية بالإضافة لمقدار التسارع اثناء هذه الفترة مضروباً في الفترة الزمنية Δ1.

$$v(t + \Delta t) \approx v(t) + a(t)\Delta t$$
 (10.6)

حيث أن التسارع دالة في الزمن فإن المقدار ($t+\Delta t$) يكون مقبولاً إذا ماكانت الفترة الزمنية Δt صغيرة بدرجة كافية بحيث يكون التغير في التسارع أثناء تلك الفترة صغيراً جداً. بالطبع فإن المعادلة 10.6 تكون مضبوطة تماماً إذا ما كان التسارع ثابتاً.

يمكن تعيين موضع الجسم (x (t+ Δt) في نهاية الفترة Δt بنفس الطريقة:

$$v(t) \approx \frac{\Delta x}{\Delta t} = \frac{x(t + \Delta t) - x(t)}{\Delta t}$$

$$x(t + \Delta t) = x(t) + v(t)\Delta t$$
(11.6)

قد نود إضافة الحد $^2(\alpha(\Delta t)^2)$ إلى هذه النتيجة لكي تتشابه مع المادلة الكينماتيكية المروفة، لكن هذا الحد لا يتواجد في طريقة ايلر لأن Δt صغيرة جداً لدرجة ان (Δ(Δ) تؤول إلى الصفر،

اذا كان التسارع عند أي لحظة t معروفاً فإن كلا من السرعة والموضع للجسيم عند الزمن $t+\Delta t$

الفصل السادس: الحركة الدائرية وتطبيقات أخرى لقوانين نيوتن

يمكن حسابهما من المعادلتين 10.6 و 11.6 تستمر هذه الحسابات في سلسلة من الخطوات المحددة لتعيين كلا من السرعة والموضع عند أي زمن لاحق. يُعين التسارع من محصلة القوة التي تؤثر على الجسم وقد تعتمد هذه القوة على الموضع، والسرعة أو الزمن:

$$a(x, v, t) = \frac{\sum F(x, v, t)}{m}$$
 (12.6)

من السبهل إيجاد الحل العبدي لمثل هذا النوع من المسائل وذلك بتبرقيم الخطوات وإدخال الحسابات في جدول، تلك الطريقة موضحة في الجدول 3.6.

يمكن إدخال المدادلات الموجودة في الجدول في صفحة واسعة ويتم عمل الحسابات صفاً صفاً وذلك لحساب السرعة والموضع والتسارع كدالة في الزمن، يمكن كذلك إجراء هذه الحسابات باستخدام برنامج لغة البيزك أو +C أو الفورتران أو باستخدام أي مجموعة حسابية تجارية يمكن شراؤها مع الحاسب الشخصي، يمكن الحصول على نتائج أكثر دفة بمساعدة الكمبيوتر بأخذ الفترات الزمنية صغيرة جداً . الرسوم البيانية للسرعة مع الزمن أو الموضع مع الزمن يمكن عرضها لمتابعة الحركة.

تمتاز طريقة أيلر بأن الديناميكيات ليست غامضة- العلاقات الجوهرية بين التسارع والقوة. السرعة والتسارع، الموضع والسرعة واضحة جيداً. حقاً إن هذه العلاقات تكون أساس الحسابات. ليس هناك حاجة لاستخدام رياضيات متقدمة، الفيزياء الاساسية تحكم الديناميكيات.

بمكن الاعتماد على طريقة ايلر كلية عندما تكون الفترة الزمنية قصيرة، ولكن ولاسباب عملية يجب اختيار مقدار زيادة محدودة، لكي تصلح المعادلة 10.6 هي تقريب الفروق المحدودة، فإن الزيادة هي الزمن يجب أن تكون صغيرة بدرجة كافية يمكن معها اعتبار أن التسارع ثابت. أثناء هذه الفترة يمكن تحديد الفترة الزمنية الناسبة بفحص مسألة معينة يمكن حلها. المهار هي الفترة الزمنية قد يتم تغييره أشاء الحركة، ومع ذلك فإنه من الناحية العملية عادة ما نختار الفترة الزمنية التي تناسب

		3.64	جدوآ	
لخطوة	الزمن رقما	الموضع	السرعة	التسارع
0	<i>t</i> ₀	<i>x</i> ₀	v_0	$a_0 = F(x_0, v_0, t_0)/m$
1	$t_1 = t_0 + \Delta t$	$x_1 = x_0 + v_0 \Delta t$	$v_1 = v_0 + \alpha_0 \Delta t$	$a_1 = F(x_1, v_1, t_1)/m$
2	$t_2 = t_1 + \Delta t$	$x_2 = x_1 + v_1 \Delta t$	$v_2 = v_1 + \alpha_1 \Delta t$	$a_2 = F(x_2, v_2, t_2)/m$
3	$t_3 = t_2 + \Delta t$	$x_3 = x_2 + v_2 \Delta t$	$v_3 = v_2 + \alpha_2 \Delta t$	$a_3 = F(x_3, v_3, t_3)/m$
	:	:	:	:
n	t_n	x_n	v_n	a_n

الشروط الابتدائية وتستخدم نفس القيم خلال الحسابات. تؤثر الفترة الزمنية في دقة النتائج ولكن ولسوء الحظ ليس من السهل تحديد الدقة في الحل بطريقة ايلر بدون معرفة الحل التحليلي الصحيح. احدى طرق تحديد الدفية في الحل العددي هي تكرار الحسابات بفترات زمنيية أقصر ومقارنة النتائج. إذا ما اتفقت الحسابات لعدد معين من الارقام العشرية فإنه يمكنك ان تفترض أن النتائج صحيحة إلى هذه الدقة.

ملنص SUMMARY

ينص قانون نيوتن الثاني المطبق على جسيم يتحرك في حركة دائرية منتظمة على أن صافى القوة التي تؤثر على الجسيم ليكتسب تسارع عمودي هي:

$$\sum F_r = ma_r = \frac{mv^2}{r} \tag{1.6}$$

يمكنك استخدام هذه الصيغة في الحالات التي تعطى فيها القوة تسارع نحو المركز مثل قوة الجاذبية، قوة الاحتكاك، قوة الشد في سلك أو أي قوة عمودية. عندما يتحرك جسم في حركة دائرية غير منتظمة تكون له مركبة تسارع متجهة نحو المركز ومركبة مماسية غير صفرية. في حالة جسم يدور في دائرية رأسية، فإن قوة الجاذبية تعطى مركبة مماسية للتسارع بالإضافة إلى جزء أو كل مركبة التسارع نحو المركز، يجب التأكد من اتجاه ومقدار متجهى السرعة والتسارع للحركة الدائرية غير المنتظمة.

على مشاهد في إطار إسناد غير قصوري (متسارع) أن يدخل القوى الافتراضية عند استخدام قانون نيوتن الثاني في هذا الاطار. إذا تم تعريف هذه القوى الافتراضية بدقة فإن وصف الحركة في إطار غير قصوري يعادل لما يبديه مشاهد في إطار اسناد قصوري. ومع ذلك المشاهدان في اطاري الاسناد لا يتفقان في معرفة مسببات الحركة، يجب أن يكون لديك القدرة على التمييز بين إطار الإسناد القصوري وغير القصوري والتعرف على القوة الافتراضية التي تؤثر في إطار الاسناد القصوري.

عندما يتحرك جسم خلال سائل أو غاز فإنه يتأثر بقوة مقاومة تعتمد على السرعة. هذه القوة والتي تضاد اتجاه الحركة عادة ما تزداد مع السرعة. يعتمد مقدار القوة المقاومة على شكل وصفات الوسط الذي يتحرك الجسم خلاله. في حالة نهائية لسقوط جسم، عندما تتساوى قوة المقاومة مع وزن الجسم، تصل سرعة الحسم إلى السرعة النهائية. كذلك بحب أن يكون لدبك القدرة على استخدام قوانين نيوتن لتحليل حركة الاجسام تحت تأثير القوى المقاومة. قد تحتاج إلى استخدام 222) طريقة ايلر إذا ما كانت القوة تعتمد على السرعة كما يحدث في مقاومة الهواء.

QUESTIONS اسئلة

- 1- حيث إن الأرض تدور حول محورها وتدور كذلك حول الشمس الذي هو إطار استادها غير القصوري، بافتراض أن الأرض كرة منتظمة لماذا كان الوزن الظاهرى لجسم أكبر عند القطيين عنه عند خط الاستواء؟
 - 2- فسر لماذا تنبعج الارض عند خط الاستواء.
- 3- لماذا يشعر رجل الفضاء عندما يدور حول الأرض في الغلاف الجوى بانعدام الوزن؟
- 4- لماذا يتطاير الطين العالق بإطارات السيارات إلى الخلف عندما تسير بسرعة؟
- 5- تصور أنك تمسك جسم ثقيل مثبت في نهاية طرف زنبرك وعندئذ دوَّر الزنبرك في دائرة أفقية (بمسك الطرف الحر من الزنبرك). هل يستطيل الزنبرك، إذا كان كذلك، لماذا؟

ناقش ذلك بدلالة القوة التي تسبب الحركة الدائرية.

- 6- اوصف وضع سائق سيارة يتعرض لتسارع عمودي نحو المركز دون تسارع مماسي.
- 7- اوصف مسار جسم متحرك إذا كان تسارعه ثابتاً في المقدار طول الوقت وكان (a) عمودياً على السرعة (b) موازى للسرعة.
- 9- ادرس حركة صخرة تسقط في الماء بدلالة سرعتها وتسارعها، عند هبوطها افترض أن القوة المقاومة التي تؤثر على الصخرة تزداد يزيادة السرعة.
- 10- افترض قطرة مطر صغيرة وقطره أخرى كبيرة تسقطان في الفضاء، قارن بين سرعتيهما النهائية؟ احسب تسارعهما عندما يصلان إلى السرعة النهائية.

PROBLEMS JAL-110

1، 2 ، 3 = مسائل مباشرة، متوسطة، تحدى

= الحل كامل متاح في المرشد.

👭 = فيزياء تفاعلية

WEB = الحل موجود في: /www. sanunderscollege. com/ physics

= الحاسب الآلي مفيد في حل المسائل

= أزواج رقمية/ باستخدام الرموز

قسم 1.6 تطبيق قاتون نيوتن الثاني على الحركة الدائرية المنتظمة،

تتحرك عربة (لعبة) بسرعة منتظمة، تُكمل دورة كاملة في مضمار دائري (مسافة a) 25.0 s) في 200 m) منا هي السنرعية المتوسطة. (b) إذا كانت كتلة العربة ١.5 kg. ما مقدار القوة اللازمة للحفاظ. على تحرك السيارة في دائرة.

 2 - تتحرك متزلحة حليد سبرعة 4.0 m/s. عندما تمسك الطرف الحر من حيل والطرف الآخر مربوطاً بعمود، حينتُذ تتحرك في دائرة نصف قطرها 0.800 m مركزها العمود. (a) احسب القوة التي يؤثر بها الحبل على ذراعيها. (b) قارن بين هذه

القوة ووزنها. 3 عبل خفيف يمكن أن يعلق فيه ثقل مقداره (223

- 25.0 kg قـــل أن ينقطع. ربطت كـــتلة مقدارها 3kg بالحبل لتدور على منصلة أفــقـــة ملساء في دائرة نصف قطرها 0.80 سا 0.80 التي يمكن أن يتقطع التي يمكن أن يتقطع الحيل.
- 4- في نموذج بور Bohr لذرة الهيدروجين، تكون سرعة الالكترون A 10⁶ not 2.20 تقريباً احسب (a) القوة الأوقرة على الالكترون عند دورانه في مسدار دائري نصف قطره 3 10-10 m 0.53 (و (d) التسارع العصودي للإلكترون والمتجه ناحية المركز.
- 5- في السيكلترون (أحد معجلات الجسيمات). يصل الديوترون (كتلتم الذرية 2.00) إلى السرعة النهائية وتعادل 10% من سرعة الضوء وذلك أثناء دورانه في مسار دائري نصف قطره 48 Mg. يظل الديوترون في مسار دائري بواسطة مجال مغناطيسي، ما مقدار القوة اللازمة لذلك.
- يدور قصر صناعي كتاته 300 Kg في مدار دائري حـول الأرض على ارتضاع يسـاوي مــــوسط نصف قطر الأرض (انظر مـــــال) 6.6) احسب (a) السرعة للدارية للقمر (d) زمن الدورة له. (c) قوة الجاذبية المؤثرة عليه.
- 7- عندما كان رجلا الفضاء في سفينة ابوللو على سفينة الوللو على سفينة الوللو فضاء على سفطح القمر كان هناك رجل فضاء ثاث يدوو حبول القمير القيام 100 km المدار دائري وعلى ارتفاع m 100 km سطح القمر أيا كانت كتلة القمر هي 1.7 x 10⁶ kg.
 احسب (a) التسارع للداري لرجل الفضاء (b) سرعته المدارية (c) زمن الدورة.
- إذا كانت سـرعة رأس عقـرب الدقـائق في سـاعـة مـدينة هـي 1.75 x 10⁻³ m/s (a) مـا هـى سـرعـة رأس عـقـرب الثـوانى الذى له

- نفس الطول (b) ما قيمة التسارع العمودي لرأس عقرب الثواني.
- [الا تتزلق عملة معدنية على بعد m مركز دوران منصة افقية دوارة عندما تكون سرعته الأعلام 1200 (8) ما مصدر القوة في الجهاء نصف القطر عندما تكون العملة سائلة بالنسبة للمنصة (6) ما مقدار معامل الاحتكاك الاستانيكي بين العملة والمنصة.
- 10- مقياس الأداء لسيارة يمكن تعيينه من تحركها على مزلقة أو وسادة انزلاق) حيث يقاس اقصى سرعة ثبقى السيارة في مسار دائري على سطح أفقي جاف، يمكن حساب التمارع الممودي ويسمى أيضاً التسارع السقوط الحر العوامل الرئيسية التي تؤثر على الأداء هي حالة الاطارات ونظام التعلق للسيارة. هم دائرة دوران نصف قطرها ما 1.00 عندما دائرة دوران نصف قطرها 61.0 m محتكون سرعة السيارة 85.8 احسب تكون سرعة السيارة الجانبي.
- II] قسفس بيض مبوضوع في وسعد صندوق سيارة نقل . تعبر السيارة منعنى في طريق غير متعدر يمكن اعتبار المتعنى كقوس من دائرة نصف قطرها 50.8 . إذا كسان معامل الاحتكاك الاستاتيكي بين القفس والسيارة هو 6000 ما السرعة التي تسير بها السيارة دون انزلاق القفص.

متوسط سرعة السيارة و (c) متوسط تسارعها اثناء تلك الفترة.



شكل P12.6

13- افترض بندول مخروطي بثقالة كتلتها 10.0 R معلقية في سلك طوله R 10.0 p ويصنع زاوية "5.0 e مع الراسي (شكل 6.1 P 13.6) احسب (a) المركبة الأفقية والمركبة الراسية للقرة التي يؤثر بها السلك على البندول (b) التمسارع النصف قطري على ثقالة البندول.



شكل P 13.6

قسم 2.6 الحركة الدائرية غير المتظمة، 14 السيد سيارة في طريق مستقيم بسوعة المدريق بمكن اعتباره كقوس من دائرة نصف قطرها 1.0 m/s ما هو الوزن الظاهري لسيدة وزنها 600 N تجلس في السيارة عندما تكون أعلى الشيارة وهي على القمة حتى تحس السيدة وومي على القمة حتى تحس السيدة الخارق ومي على القمة حتى تحس السيدة الطاهري مشراً.

سه الله يعدول طرزان (كتلته 85.0 kg عبور الله يعدول طرزان (كتله عنب أوبرا بالتأرجح من بدالية (تكميية) عنب طولها m 10.0 وسرعته عند قاع الارجوحة (يلامس الماء تماماً) هي 2 × 80.0 لم يعلم طرزان بان مـقـاومــة القطع للداليــة (التكميية) هي 10000 من تعدو النهر بامان؟

16- بطير صفر في قوس افقي نصف قطره 12.0n: بسرعة ثابتة 4.0 m/s. (a) احسب التسارع العمودي له (d) اذا استمر في الطيران على امتداد القوس ولكن بسرعة مطردة بانتظام وبمعــــدل 1.20 m/s² احسب التسارع (صقداراً واتجاهاً) تحت هذه الظروف.

17- يجلس طفل كناشه 40.0 kg في أرجوحة مدعمة بسلسلتين طول كل منهما 3.0m. اذا كــان الشــد في كل سلسلة عند أدنى نقطة هو 35 م 35 أحسب (a) سرعة الطفل عند أدنى نقطة (d) القــوة التي يؤثر بهــا المقعد على الطفل عند هذه النقطة (أهمل كتلة المقعد).

18 يجلس طفل كتلته m في ارجوحة مدعمة بسلسلتين طول كل منهما N. إذا كان الشد في كل سلسلة عند ادنى نقطة هو T احسب (a) سرعة الطفل عند آدنى نقطة (d) القوة التي يؤثر بها المقد على الطفل عند ذه ند مدة النظة (الممل كتلة المقعد).

الازر دلو ماء في دائرة رأسية نصف قطرها 1.0 m مي ادنى سرعة للدلو عند قمة الدائرة حتى لاينسكب الماء.

20- يتأرجح جسم كتلته 4.0kg في مسار دائري رأسي بحبل طوله 0.5m إذا كانت سرعته هي 4.0m/s عند قسمة الدائرة، ما مقدار الشد في الحبل عند قمة الدائرة.

21 عربة تجري على مسار كالمين بالشكل 21.6 كتلتها 2008 عندما تكون محمله كلية بالركاب (شكل 21.6) (a) (c) إذا كانت سيمة العربة هي 20.0m/s أن الكانت ما هي القوة التي يؤثر بها المضمار على ما هي القوة التي يؤثر بها المضمار على سرعة للعربة عند هذه النقطة (d) ما هي اقصى سرعة للعربة عند النقطة B بشرط أن تبقى في حركتها على المضمار.



شكار P21.6

22- في حديقة الملاهى المسماء حديقة الاعلام الستة الأمريكية العظمى في جورني بولاية اليون توجد بعض الألعاب ذات تصميم تكنولوجي قائم على أسس فيزيائية. كل خية رأسية تأخذ شكل قطرة الدمعة بدلا من أن تكون دائرية (شكل P22.6) توضع المراكب على الطرف الداخلي للخيه عند القمة وتكون سرعتها عالية بدرجة كافية حتى تبقى المراكب على المضمار، اذا كان ارتفاع اكبر خية هو 40.m واقتصى سرعة هي.31m/s (أ/70m/h تقريباً) عند القاع-افترض أن السرعة عند القمة هي 13.0m/s والتسارع العمودي المناظر هو 2g (a) ما مقدار نصف قطر القوس لقطرة الدمع عند القمة (b) إذا كان مجموع كتل المراكب والركاب هو M ماهي القوة التي تؤثر بها القضبان على هذه الكتلة الكلية وهي على القمة (c) افترض أن المركب يصنع خيه نصف قطرها 20.0m. اذا كانت المركب لها نفس السرعة أي 13.0m/s عند القمة ما هو التسارع العمودي عند القمة؟ علق على القوة العمودية عند القمة في هذا الوضع.



قسم 3.6 الحركة في أطر متسارعة (اختياري)

24-كتلة مقدارها 5.0kg مربوطة في ميزان

زنبركي وموضوعة على سطح افقي املس المسلح افقي المسامي المسام المسام المسام المربع ألم عن المسام المربع ألم عن قراءة الميزان الحسب تسارع العربة (أن) ما هي قراءة الميزان الا ما تحركت العربية بسرعة منظمة (أن) الحسب الشوى التي تعركت العربية بسرعة منظمة أن الحسب مشاهد في العربية وكذلك من وجهة نظر مشاهد بيقت خارج السيارة.

الفصل السادس: الحركة الدائرية وتطبيقات اخرى لقوانين نيوتن



شكل P 24.6

[25] جسم كتلته \$.0kg معلق في سقف صندوق عربة متسارعه كما بالشكل 13.6 اذا كان التسارع "am/s" احسب (a) الزاوية التي يصنعها الحيل مع الرأسي (d) الشد في العبل.

26- تدور الأرض حـول محـورها بزمن دوري 24.0h تهــرو أن يمكن ويلاد تهــرو أن ســرعــة الدوران يمكن زيادتها. اذا وضع جسم على خط الاستواد بعيث يكون وزنه الطاهري صفراً (۵) ما هما الزيادة التي يجب أن تحــدث في ســرعــة الزيادة التي يجب أن تحــدث في ســرعــة الإنسام إذا ما زادات سـرعـة دوران الكوكب. والمنظر المسالة 22 ولاحظ أن الوزن (تنويه. انظر المسالة 22 ولاحظ أن الوزن مسفورية التي تؤثر عليه مساوية الطاهري للجسم يسبح صفراً عليه مساوية مساوية أليسالة عي يقطعها في دورة كسامة هي 2πR حـــيث R نصف قطر كاروخ).

28 لايتدلى ثقل الرصاص المعلق على طول خط متجها ناحية مركز الارض وذلك بسبب

دوران الارض منا منقندار انحيراف ثقل الرصيناص عند خط النصف قطر عند الزاوية "35 خط عرض شمالاً- افترض أن الارض كروية.

قسم 4.6 الحركة في وجود قوى مقاومة (اختياري)

29- تقفز غواصة فضاء كتلتها 80.kg من طائرة تتحرك بيطه لتصل سرعتها النهائية الى 20m/s (م) ما مقدار نسارع غواصة الفضاء عندما تكون سرعتها 30m/s مقدار فوة القاومة التي تؤثر على النواصة عندما تكون سرعتها (50m/s (c) 50m/s (b)

الله 30 أسقطت قطعة صغيرة من القوم التي تستخدم في التعبئة من ارتفاع 2.0m من سطح الأرض. عندما تصل إلى سرعتها التهائية يكون مقدار التسارع هو ۳۵ - عند المسارعة النهائية وتأخذ بعد ذلك 5 ثواني أخرى حتى تصل إلى الأرض. (a) ما مقدار التسارع عند احا. (d) ما مقدار التسارع عند احال المسرعتها إلى 7.015 m/s.

(a) - 31 حسب السرعة النهائية لكرة خشبية (كثافتها 53 83 (83 عرضا على النهائية على أي المنافئة على النهائية على النهائية على المنافئة على المنافئة على المنافئة على المنافئة المنافئة المنافئة المنافئة على المنافئة المنافئة في غياب مقلومة الهواء.

32- احسب القوة اللازمة لدفع كبرة نحساس نصف قطرها 2.0cm لأعلى خـلال سـائل بسرعة ثابتة مقدارها 9.0 cm/s. افترض أن قوة الاعـاقـة تتاسب مع السـرعة وثابت التاسب هو 8.95 kg/s. اهمل قوة الدفع.

33- تحمل طائرة هليكوبتر لاطفاء الحرائق دلوا

كتلته 20.0 m في نهاية حبل طوله 20.0 m و 520 Kg كما بالشكل 620 R عندما تبدأ الطائرة في الطيران بسرعة ثابتة 40 m/s يصنع الحبل (زاية "40 m/s ما الرأسي.



شكل P 33.6 P

إذا كانت مساحة مقطع الدلو هي 3.80 m² في مستوى عمودي على الهواء المار أسفله. احسب معامل الاعاقة بافتراض أن القوة المقاومة تتناسب مع مربع سرعة الدلو.

[34] اطلقت خرزه صغيرة كرية الشكل كتلتها 3.0g و الله 3.0g الله 3.0g و الله و الله 3.0g و الله و ال

35- سيارة رياضية كتلتها 200 kg الميارة رياضية كون معامل الاعاقة السيارة مصمم بعيث يكون معامل الاعاقة الايرونياميكي هو 25.2 ومساحة وجهة السيارة هي 2.20 m². بإهمال كل مصادر الاحتكاك الاخرى. بإهمال كل مصادر الاحتكاك الاخرى. الميارة إذا تم- بعد بلوغ سرعتها الابتدائي للميارة إذا تم- بعد بلوغ سرعتها المالة 100 km/h تعادل أي

) 36 يتوقف موتور قارب عندما تصل سرعته إلى

10.0 m/s ويجنب للشاطئ للوقوف. المعادلة التي تحكم حركة القارب أثناء هذه الفترة هي تحكم حركة القارب أثناء هذه الفترة المن v_1 و v_2 و v_3 المرسرعـة الابتـدائيـة و v_4 المي السـرعـة الابتـدائيـة و v_4 أن v_4 المنابع. 1 أكون السـرعـة الابتـدائيـة و v_4 المنابع. 1 أكون المسرعـة الابتـدائية السـرعـة والبت أن المنابع. التـفـاضل المنابع. المنابع المنابع القارب يتناسب مع السـرعـة والبت أن التسـارع للقارب يتناسب مع السـرعـة عند أي زمن .

37. افترض أن القوة التي تؤثر على متزلج سريح $= -kmv^2$ هي كتلة هي $= -kmv^2$ المتزلج خمل النهاية في سياق المتزلج بسرعة $= -kmv^2$ مستقيم بسرعة $= -kmv^2$ مستقيم بسرعة المتزلج بعد عب و مدره خط النهاية هي $= -kmv^2$ النهاية هي $= -kmv^2$ النهاية هي $= -kmv^2$ النهاية هي $= -kmv^2$ النهاية هي المتزلج بعد عب المتزلج بعد عب المتزلج بعد هي النهاية هي النهاية النهاية والنهاية هي المتزلج بعد النهاية النهاية النهاية هي المتزلج بعد النهاية النهاية المتزلج بعد النهاية النهائة النهاية النهاي

38- يمكنك أن تحس بقوة اعاقة الهواء عندما تعد زراعك من نافذة سيارة مسسرعة (لا تؤذيك). ما مسقدار هذه القسوة؟ في اجابتك اذكر الكميات التي تقيسها وقيمها.

قسم 5.6 النمذجة العددية لديناميكا الجسم (اختياري)

-39 — سقطت ورقة كتلتها 2.00 من ارتفاع 2.0m عــن الأرض افــنــرض أن القــوة الكــنــق عــن البــورفة لاســفل هــي المــة التـــرف أن القــوة المـــق عــرف البـــ الإعــة هــو ط 1.00 م. (- 0.03 kg/s المــــة المـــاة النهائية للوقة. (أ) اســـــخدم طريقة ايلر للتحليل المحدي وذلك لتعين سرعة وموضع الورقة كدالة في الزمن من لحظة ســقــوطها حتى تصل سرعتها إلى 99% من سرعتها النهائية رطاول استخدام -30.00 (حاول استخدام -30.00

السقط حبة برد كتلتها 4.8 x 10-4 في المسواء تحت تأثير صافي قوة تعطي

بالعــــلاقـــة F = -mg + Cv² حـــيث a) .C= 2.50 x 10-5 kg/m احسب السرعة النهائية لحبة البرد. (b) استخدم طريقة ايلر للتحليل العددي لحساب سرعة وموضع حبة البرد بعد فترة 0.25 باعتبار أن السرعة الابتدائية تساوى صفراً . استمر في الحسابات حتى تصل سرعة حبة البرد إلى 99% من قيمة سرعتها النهائية.

41 - السرعة النهائية لكرة بيسبول كتلتها (a) (95m/h) 42.5 m/s هــى 0.142kg كانت كرة البيسبول تتأثر بقوة اعاقة مقدارها R=Cv2، ما قيمة الثابت b).C) ما مقدار قوة الاعاقة عندما تكون سيرعة الكرة هي 36.m/s) استخدم الحاسب الآلى لتحديد حركة الكرة عند قذفها رأسيا لأعلى بسرعة ابتدائية مقدارها 36.0m/s. ما هو أقصى ارتضاع تصل اليه الكرة. احسب الزمن الذي تأخذه الكرة للبقاء في الهواء، احسب سرعتها قبل ان ترتطم بالأرض مباشرة.

💋 42 -بقىفىز جندى مظلات كىتلىنە 50.kg من طائرة ويسقط تحت تأثير قوة اعاقة تتناسب مع مربع السرعة R=Cv². باعتبار ان C=0.20kg/m عندما تكون المظله مغلقه و C=20.0kg/m والمظلة مفتوحة (a) احسب السرعة النهائية للجندى في كلتا الحالتين قبل وبعد فتح المظلة (b) واحسب السرعة والموضع كدالتين قي الزمن بالتحليل العددي للحركة وبافتراض ان الجندى بدأ الهبوط وهو على ارتضاع 1000m فوق سطح الأرض وكان في سقوط حر لمدة 10 ثوان قبل فتح المظله (تنويه: عندما تفتح المظله، يحدث تسارع كبير مضاجئ في هذه المنطقة لذا يجب أن تكون الفترات الزمنية قصيره)

🚺 43 - أُطلقت قذيفة كتلتها 10.kg بسرعة

ابتدائية 100m/s وبزاوية ارتفاع مفدارها 35° . إذا كانت قوة الاعاقة R=-bv حيث a) b=10.0kg/s) استخدم طریقة عددیه تحسساب الموضع الأفيض والموضع الرآسي للقذيفة كدالتين في الزمن

(b) ما هو مدى القذيفة (c) احسب زاوية الارتفاع التي تعطى أقبصي مدى للقديفة (تنويه: اضبط زاوية الارتضاع بالمحاولة والخطأ حتى تحصل على أقصى مدى)

🕊 44 - عندما تقذف لاعبة جولف محترفه الكره (كتلتها 46.0g) فإن الكرة ترتطم بالارض على بعيد 155m (170 باردة). إذا كيانت الكرة تتأثر بقوة اعاقية مقدارها R=Cv2 وسرعتها النهائية هي 44.0m/s (a) احسب ثابت الأعاقة لكرة الجولف. (b) استخدم طريقة عدديه لتحليل مسار هذه القذيفة. إذا كانت السرعة الابتدائية للكرة تصنع

زاوية مقدارها °31.0 مع الافقى. ما هي السرعة الابتدائية للكرة حتى تصل إلى مدى مقداره m 155 m.

مسائل اضافية

45- تمر سيارة كتلتها 1800kg على هضبة في طريق يعتبر قوساً من دائرة نصف قطرها 42.0m كما بالشكل a) p 45.6 كما القوة التي يؤثر بها الطريق على السيارة عند مرورها على أعلى نقطة للهضبة إذا كانت السيارة تسير بسرعة b) 16m/s) ما أقصى سرعة للسيارة عند مرورها على أعلى نقطة قبل ان تفقد تلامسها مع الطريق

46- تمر سيارة كتلتها m على هضبة في طريق عبارة عن قوس من دائرة نصف قطرها R كما بالشكل P45.6 (a) ما القوة التي يؤثر بها الطريق على السيارة عند مرورها على أعلى نقطة للهضبة اذا كانت السيارة تسير (229

بسرعة v (b) أما أقصى سرعة للسيارة عند مرورها على أعلى نقطة قبل أن تفقد تلامسها مع الطريق.



شكل P 45.6 بنسالتان P 45.6

47- في أحد نمائج ذرة الهيدروجين يتـــأثر الالكتــرون في دورائه حــول البــروثون بقــوة تجــائد، مقــدارها 8.20xl 18.1 اذا كان نصف قطر المدار هوام 5.30xl0⁻¹¹ مــا معــد الدورات التي يحــدثهــا الالكتــرون في الثانية الواحدة (هذا العدد للدورات في الثانية الواحدة يسمى تردد الحــركة) انظر الوجهــا الداخلية فغطاء الكتاب لمزيد من البيانات.

48- تقوم طالبه بإنشاء ومعايرة جهاز مقياس التسارع والذي تستخدمه في تعيين سرعة سيراتها عند تحركها حول بعض الطرق السنويعه المنتعنية وغير منعدرة. مقياس المتعنية وغير منعدرة. مقياس ببنقله ويعلق في سقف السيارة. لاحظ زميلها الذي يجلس بجانبها أن ثقل الرصاص يتدلى بزاوية 15.0° مم الراسي عندما تكون سرعة السيارة (23.0m/s) ما ما مقدار التسارع العمودي للسيارة التي تمر على المتعنى (6) ما مقدار نصف قطر المنعنى (1) ما مقدار نصف قطر المنعنى الرصاص انحراقاً مقدارة (20°) ما هي سرعة السيارة أذا أحدث ثقل الرصاص انحراقاً مقداره (0°) عند مرور السيارة على نصرال المتغنى.

49- افترض أن العربة الموجودة في الشكل 13.6 تتحدث بتسارع ثابت a إلى هضبة تصنع زاوية ф مع الأفنقي. اذا أشار مقياس التسارع إلى زاوية ثابتة مقدارها 0 مع العمودي على السقف. احسب فيمة a.

50- قرص دائري من المطاط معلوه بالهواء كتلته (2.25kg صريوط في حبل ويدور في دائرة نصف قطره المالة على منصمة أفقيه ملساء، يمر الطرف الآخر من الحبل من الحبل من مركز المنصة ومعلقاً في طرفه كتله مقدارها 1.0kg أشكل (4.50 كتلة في اتزان أثقاء دوران القرص على المنقة في اتزان أثقاء دوران القرص على المنصة (a) ما مقدار الشد في الحبل (d) ما مقدار الشرو بها الحبل على القرص (c) ما هي سرعة القرص.

51- قرص دائري من المطاط معلوه بالهواء كتلته را مربوط في حبل، ويدور في دائرة نصف قطرها R على منصة أفقية ماساء، يمر الطرف الآخر من الحيل من ثقب في مركز النصة ومعلقاً في طرفة كتله مقدارها رشكل 650.60 تظل الكتله الملقة في انزان اثناء دوران القصرص على النصبة (ال) مما مقدار الشد في الحيل (ال) ما مقدار القوة التي يؤثر بها الحيل على القرص (c) ما هي سرعة القرص)



شكل P 50.6 المسألتان 50، 51

52- أشاء دوران الارض حول محورها، تتأثر كل نقطه على خط الاستواء بتسارع عمودي مقداره 2 23- مقداره 2 34- مقداره أنه التقافي النقاط عند خط الاستواء تزيد قوة الجاذبية التي تؤثر على جسم (الوزن الحقيقي) عن الوزن الظاهري. (أ) ما هو الوزن الظاهري عند خط الاستواء و عند القطبين لشخص عند خط الاستواء و عند القطبين لشخص

الفصل السادس: الحركة الدائرية وتطبيقات أخرى لقوانين نيوتن

كتلته 75.0kg ؟ (افترض أن الأرض عبارة عن كرة منتظمة وأن g=9.80m/s²)

53- يستخدم حيل تحت شيد 50.0N لتدوير حجر في دائرة افقية نصف قطرها 2.5m بسرعة 20.4m/s، عند جذب الحبل تزداد سرعة الحجر. ينقطع الحبل عندما يكون طوله 1.0m وسرعة الحجر هي 51.0m/s ما مقدار مقاومة القطع للحبل (بالنيوتن) ؟

54- تتكون لعبة طفل من وتد صغير له زاوية حادة θ (شكل p54.6) الجانب المائل من الوتد أملس وتبقى الكتله m على أرتفاع ثابت إذا تم تدوير الوتد بسرعة ثابته معينة. يتم تدوير الوتد باستخدام قضيب رأسي مربوط بالوتد عند الطرف السنفلي، احسب أنه عندما تكون الكتله على بعد ١ اعلى المستوى $v = \sqrt{L g \sin \theta}$ المائل تكون سرعة الكتله هي



شكل P54.6

55- يقوم طيار بتنفيذ مخاطرة الخيه بسرعة ثابته. إذا كان مساره عبارة عن دائرة رأسيه. وكانت سرعة الطائرة هي 300mi/h ونصف قطر الدائرة هو 1200ft (a) ما مقدار الوزن الظاهري للطيار عند اسفل نقطة إذا كان وزنه الحقيقي 160 رطلاً. (b) ما هو وزنه الظاهري عند اعلى نقطه (c) فسر كيف بحدث للطبار حالة انعدام وزن ظاهري

إذا أمكن تغيير كبلاً من السرعة ونصف القطر (لاحظ أن وزنه الظاهري يسساوي القوة التي يؤثر بها المقعد على جسمه).

56 - لكي يتحرك قمر صناعي في مدار دائري ثابت بسرعة ثابته، يجب أن يتناسب تسارعه العمودي عكسياً مع مربع نصف قطر المدار (a) اثنت أن السرعة الماسيه للقمر تتناسب مع r-1/2، (b) أثبت أن الزمن اللازم للدوران دورة كاملة واحدة يتناسب مع 13/2

57- عمله معدنية صغيرة كتلتها 3.10g فوق صخرة صغيرة كتلتها 20.g موضوعة ومبوضوعتان على قرص دوار . اذا كان معاملا الاحتكاك بين الصخرة والقرص هما (استاتیکی) 0.75 و (کیناتیکی) 0.64 وبین العمله والصخره (استاتيكي) 0.45 (كيناتكي) 0.52. ما هو اقصى معدل دوران (دورة كل دقيقة) يمكن ان يحدثه القرص . قبل أن تنزلق اياً من العمله أو الصخره.

58- يوضح الشكل P57.6 عنجلة فيبرى قطرها 18.0m والتى تدور اربعة دورات في الدقيقه (a) ما مقدار التسارع العمودي للراكب. ما مقدار القوة التي يؤثر بها المقعد على راكب كتلته 40.kg (b) عند أسفل نقطه للرحلة (c) عند اعلى نقطه للرحلة، (d) احسب القوه (مقداراً واتجاهاً) التي يؤثر بها المقعد على الراكب عندمــا يكون الراكب في منتصف المسافة بين القمه والقاء.



95- محملة فضاء في صورة عجلة كبيرة قعارها 120m تدور حتى تعطي جاذبية صناعية مقدارها 30m/sec² للأشخاص الجالسين على الحافة الخارجية للعجلة احسب تردد الدوران للعجله (دورة كل دقيقة) والتي تاخر دخة التأخر.

60 تتكرن إحسد, اللعب المدلية في مسدينة 8.0 m 8.0 m 8.0 m المدلية فطرها 8.0 m مسلامي من منصة دائرية فطرها المتلة طول كل يتدلى منها سلاسل مهملة الكتلة طول كل g 2.5 وفي نهايتها مقاعد كتلة الواحد تصنع المسلاسل زاوية "22 = θ مع المحبور التراسي (a) احسب سرعة كل مقعد (d) الراسي (a) احسب سرعة كل مقعد (ط) كتلتة والمهم بلطة واحسب الشد كتلتة والهيا 40kg بجلس في المقعد واحسب الشد في السلسلة.



شكل P60.6

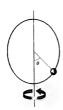
61-قطبه معجون موضعها الابتدائي هو النقطة A على حافقة عجلة جلخ تدور حول محور آفقي ازيحت قطعة المعجون من النقطة A عندما يكون القطر عند A افقيا بعد ذلك, ترتفع قطعة المعجون رأسياً وتعود مرتشري

الى ∧ عندما تكمل العجلة دورة كامله (a) العجلة المحافظة على حافة العجلة بدلالة التسارع الناتج عن الجاذبية ونصف قطر العجلة (d) إذا كانات كنتاتية قطعة المجون هي m ما مقدار القوة اللازمة لتظل مطلبة المنجون هي المحافظة التحال العجون ماتصفة بالعجل،

62-تتكون احدى لعب النسليه في مدينة ملاهي من أسطوانه رأسيه كبيرة تلف حول معورها من أسطوانه رأسيه كبيرة تلف حول معورها الاسطوانه يظل ملتصفاً بالجدار حتى بعد الأسطوانه (شكل 1626). الأسطوانه (شكل 1626) الشخص والحائط هو $\mu_{\rm s}$ ونصف قطر الشخص والحائط هو $\mu_{\rm s}$ ونصف قطر الاسطوانه هو $\mu_{\rm s}$ (a) اثبت أن أقسصي أمن وروي لازم لشخص حتى لا يسقط هو العبد المنافق المنافق العبد المنافق المنافق العبد المنافق ا



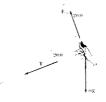
- 63- طريق منعنى عبساره عن جـزه من دائرة افقيه. عندما تتحرك سياره بسرعة ثابتة 14.0m/s فإن القوة الكلية التي تؤثر على السائق يكون مقدارها 130N. ما مقدار واتجاه القوة الكلية التي تؤثر على السائق إذا ما اصبحت سرعتها 18.0m/s.
- 04 تتحدرك سيارة على منعنى منعدر كما بالشكل 6.6 نصف قطر انعناء الطريق هو R وزاوية الانعدار هي θ ومعامل الاحتكاك الاستاتيكي هو $_{\rm II}$ (a) احسب مسدى السرعات التي يمكن للسياره ان تكتسبها بدون انزلاقها لداخل او لخسارج السطح المنعدر. (b) أحسب آقل قييمة لعسامل الاحتكاك $_{\rm II}$ بحيث يكون الحد الأدنى الاسرعه صفراً (c) ما مدى السرعات للسرعات حال المكننة إذا كسانت $_{\rm II}$ وحالة $_{\rm II}$ و $_{\rm II}$ (b) المكننة إذا كسانت $_{\rm II}$ (c) ما مدى السرعات و 0.00 و و 0.00 و (شروط الانزلاق).
- -65 يمكن لخرزه مفرده أن تنزلق بدون احتكاك على سلك منحنى كسدائره نصف قطرها 15.0cm إلى 165.0cm إذا كسانت الدائرة في مستقوى رأسي دائماً وتدور النخرزه بالزاويه θ التي يصنعها الخطر الواصل من محركز الدائرة إلى الخورة مع الرأسي (a) عند أي زاويه من ادنى نقطه بمكن للخرزه أن تبقى دون حركه وذلك بالنسبة للدائره الدواره (d) كرر المسالة اذا كان زمن دوران الدائره هو 0.850.



شكل P65.6

- (a) μm (b) 10 μm (c) 10 μm (d) 10 μm (d) 10 μc 10 μc

t (s)	d(ft)
1	16
2	62
3	138
4	242
5	366
6	504
7	652
8	808
9	971
10	1 138
11	1 309
12	1 483
13	1 657
14	1 831
15	2 005
16	2 179
17	2 353
18	2 527
19	2 701
20	2 875



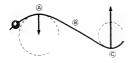
شكلP67.6

68- يسقط جسم كتلته 9.0kg من السكون في وسط لزح متأثر بقوة مقاومه R=-bv حيث v هي سرعة الجسم اذا كانت سرعة الجسم اذا كانت سرعة الجسم (a) احسب السرعة النهائيه (d) ما هو الزمن اللازم لتصبح سرعة الجسم ثلاثه ارباع سرعته النهائية (c) المسافة التي يقطعها الجسم في الـ 5.548 الأولى.

■ 90- تم إعضاء أعضاء النتائج النتائج التاليه لاستخدامها في التخطيط عند القدف. في الجدول 4 هي المسافه التي يسقطها رجل الفضاء من السكون في أموضع سقوط حر ومستقر ومتسع كداله في الزمن 1 (a) ول المسافة من قدم الى مقر. (d) ارسم العلاقة 4 (بالتر) مع الزمن 1 (e) ارسم العلاقة 4 (بالتر) مع الزمن 1 (p) وذلك من الجزء المستقيم من المنتخدم طريقة (اقسل المريحات (اقصال المريحات الحساد هذا الملا.

إجابة الاختبارات السريعة: ANSWERS TO QUICK QUIZZES

- (1.6) لا: يُغير التسارع الماسي من قيمة السرعه فقط في متجه السرعه (دون الاتجاه) . لكي تتحرك السيارة في دائره فإن اتجاه متجه السرعه يجب أن يتغير ولكي يحدث ذلك لابد من وجود تسارع عمودي.
- (2.6) تسير الكره في مسار دائري نصف قطره اكبر من نصف قطر السار الدائري الأصلي، وبالتالي لابد أن تتواجد بعض القوي الخارجيه التي تسبب التغير في اتجاه متجه السرعه. لا يجب أن تكون القوه الخارجيه شديده مثل الشد الأصلى في الحبل لأنه إذا كانت كذلك فإن الكره سنتبع المسار الأصلى (b) مرة أخرى تسير الكره في قوس بما يعنى وجود نوع ما من القوى الخارجيه. كما في الجزء (a)، تكون القوه الخارجيه متجهه نحو مركز القوس الجديد وليس تجاه مركز المسار الدائري الاصلى. (c) تتاثر الكره بتغير حاد في السرعه- من نقطه التماس للدائره الى العمودي عليها- وبالتالي فإنها تتأثر بقوه كبيره والتي لها مركبه مضادة لسرعية الكره (مماسيه للدائرة) ومتركيبه أخرى في اتجاه نصف القطر (d) تسير الكره في خط مستقيم مماسا للمسار الأصلى. إذا كان هناك قوى خارجية، لن
- يكون لها مركبه عموديه على هذا الخطا لأنه اذا كان غير ذلك، فإن السار سيكون منحنى. في الحقيقه، إذا انقطع الحيل ولا يوجد قوى أخـرى تؤثر على الكره، ينص قـانون نيـوتن الأول أن تستمر الكرة في مسار على طول الماس وبسرعة ثابته
- (3.6) عند (A) يكون المسار على طول مسجيط الدائره الاكبر، لهذا مسيؤثر السلك بقوة متجهه نحو مركز الدائرة على الخرزه، حيث أن السرعة ثابتة فإنه لايوجد مركبه معاسيه للقسوه، عند (B) لايوجد اللي يكون المسار منحنياً. ووالتالي لايؤثر السلك بأي قوه على الخرزه، عند (c) مره اخرى يكون المسار منحنياً ويؤثر السلك صره أخرى بقوه على الخرزه، هذه السلك صره أخرى بقوه على الخرزه، هذه المائرة تكون القوء متجهة تجاه المركز للدائره الاصفر، حيث إن نصف قط هذه الدائرة اصغر طيان مقدار القوة التي تؤثر على الخرزه يكون أكبر من قيمته عند (A)





تتسلق سلمكة السلمون الدُّرج في نهر ماك، نيل في الأسكا. لماذا يتم بناء معثل هذا النُّرج حول السدة هل يخشزل هذا الدُّرج كمسة الشغل التي بجب أن تبللها السمكة لتعبُر السد،

الشغل وطاقة الحركة

Work and Kinetic Energy

ويتضمن هذا الفصل:

Power

5.7 القدرة

6.7 الطاقة والسيارة (اختياري) (Optional) Energy and the Automobile

7.7 طاقة الحركة عند السرعات العالبية (اختياري)

(Optional) Kinetic Energy at High Speeds

1.7 الشغل المدول بقوة ثابتة Work Done by a Constant Force

2.7 حاصل الضرب القياسي لتجهين The Scalar Product of Two Vectors

3.7 الشغل المدول بقوة متغيرة Work Done by a Varying Force

4.7 طاقة الحركة ونظرية الشغل - طاقة الحركة Kinetic Energy and the Work-Kinetic Energy Theorem

يعتبر مفهوم الطاقة آحد أهم الموضوعات في العلوم والهندسة. في حياتنا اليومية نرى الطاقة في صورة وقود لوسائل النقل والتدفئة، الكهرباء للإضاءة وتشغيل الاجهزة الكهربائية، والغذاء للإستهلاك. مع ذلك فإن كل هذه الافكار لا تُعرف الطاقة، آنها تخيرنا فقط أن الوقود مطلوب لأداء الأعمال وأن هذا الوقود يمدنا بشئ يطلق عليه الطاقة.

في هذا الفصل سنقدم أولاً مفهوم الشغل. يُبدال الشغل بواسطة قوة نؤثر على جسم عندما نتحرك نقطة تأثير القوة لمسافة معينة ويكون للقوة مركبة في اتجاء الحركة. بعد ذلك سنعرف طاقة الحركة وهي الطاقة التي يكتسبها جسم بسبب حركته. بصورة عامة، بمكن تعريف الطاقة بأنها قدرة الجسم على بذل شغل، سنرى أن مبدأي الشغل وطاقة الحركة بمكن تطبيقهما على ديناميكا نظام ميكانيكي وبدون الرجوع لقوانين نيوتن. في الحالات المعقدة يسمح استخدام مفهوم الطاقة بمعالجة اسهل من استخدام التطبيق المباشر لقانون نيوتن الثاني. مع ذلك، من المهم أن نؤكد على أن مفهوم الشغل- الطاقة يعتمد اساساً على قوانين نيوتن وبالتالي يسمح بنتائج تنفق دائماً مع هذه القوانين.

هذه الطريقة البديلة في وصف الحركة تكون مفيدة خاصة عندما تعتمد القوة المؤثرة على موضع الجسم. في هذه الحالة لايكون التسارع ثابتاً وبالتالي لايمكننا تطبيق المعادلات الكينماتيكية التي تم تقديمها في الفصل 2. غالباً ما يتعرض الجسم في الطبيعة إلى قوة تغير من موضعه، تشمل هذه القوى الجاذبية، والقوة التي تؤثر على جسم معلق في زنبرك. بالرغم من امكانية تطبيق الطرق العددية لتحليل مثل هذه المواقف- كتلك التي تم وصفها في قسم 5.6. فإن استخدام فكرة الشغل والطاقة غالباً ما يكون اسهل كثيراً، سندرس طرق التعامل مع أنظمة معقدة بمساعدة نظرية هامة جداً تدعى نظرية الشغل.

WORK DONE BY A CONSTANT FORCE الشغل المبذول بقوة ثابتة

كل التغيرات التي استخدمناها من قبل- السرعة والتسارع والقوة.. الخ تحمل تقريباً نفس المنى في الفيزياء مثلها مثل ما نستخدمه في حياتنا اليومية. ومع ذلك فإننا نواجه الآن اصطلاح يحمل معنى فيزيائي يختلف تماماً عما نعنيه في حياتنا اليومية ذلك هو "الشغل".



See

11.000

(

(C)

الفصل السابع: الشغل وطاقة الحركة

لكي نقمه ماذا يعني "الشغل" بالنسبة للفيزياء افترض الوضع للموضع في الشكل 7.1 عند تطبيق قوة على ممحاة سبورة، فإن المعاة تنزلق على طول حوض السبورة، اذا مائكا نهتم بدراسة كيفية تأثير القوة في تحريك المحاه، فإنه من الضروري الاهتمام بكل من مقدار واتجاه القوة، إذا افترضنا ان مقدار القوة المستخدمة هو نفسه في الشلاث صور الفوتوغرافية، واضح أن المحاة تتحرك في الوضع 7.1 في الرضعة في الوضع 7.1، لكن منه في الوضع 7.1، من ناحية أخرى يوضع الشكل 7.1 الوضع الذي فيه إلى حركة المحاة انتجاب فهائياً مهما الوضع الذي فيه يأتيا على الموحة المحاة فهائياً مهما الوضع الذي فيه يأتيا على المحاة المحاة الفوة إلى حركة المحاة فهائياً مهما



شكل 2.7 إذا ما ازيح الجسم مسافة d تحت تأثير قوة ثابتة d فإن الشغل المبدول بهذه القوة يساوي b (F cos 0).

كانت قوة الدفع لها (هذا مالم تكن القوة بالقدر الذي يؤدي إلى كسير شنّ ما)، بالتالي عند تحليل القوى لحساب الشغل الثانج، يجب الاهتمام بطبيعة متجه القوة، كذلك فإننا نحتاج أن نعرف المسافة التي قطعتها المحاة على خوض السبورة إذا ما أردنا حساب الشغل اللازم لإحداث الحركة، تحرك المحاة 2mm يتطلب شغلاً أكثر عما تحتاجه عند تحريكها 2mm.

دعنا ندرس الوضع الموضح في الشكل 2.7 حيث يعاني جسم ازاحه d في خط مستقيم عندما يؤثر عليه بقوة ثابتة F والتي تصنع زاوية مقدارها θ مع d

> الشغل W المبذول على جسم بقوة ثابتة هو حاصل ضرب مركبة القوة في اتجاه الازاحة في مقدار الازاحة

الشغل المبذول بقوة ثابتة

$W = Fd \cos \theta \qquad (1.7)$

كمثال للتمييز بين هذا التعريف وكلمة الشغل التي نستخدمها في حياتنا اليومية افترض انك قد حملت كرسي بذراعيك لمدة ثلاث دقائق. في نهاية هذه الفترة قد يؤدي اجهاد ذراعك إلى الاعتقاد بأنك بذلت كمية شغل كبيرة على الكرسي، طبقاً للتعريف هنا، إنك لاتكون قد بذلت شغلاً ما، لقد اثرت بقوة لتبقى على الكرسي موفوعاً (1.7) بذراعيك لكنك لم تحركه، القوة لاتبذل شغلاً على الجسم ما لم تحركه در يقتص ذلك من المعادلة 1.7 عند وضع 0-1 عطي 0.8 . يوضع الشكل 0.7 هذا الوضع.

يتضع ايضاً من المعادلة 1.7 ان الشغل المبدول بقوة على جسم متحرك تساوي صفراً عندما تكون القوة المستخدمة عمودية على اتجاه ازاحة الجسم حيث أن 0 = 90 تعطي W = 10 حيث أن 0 = 90 0 على سبيل المثال – شكل 3.7 – الشغل المبدول بالقوة العمودية على الجسم والشغل المبدول بقوة الجاذبية على حبس كليهما يساوي صفراً لأن كلتا القوتين عموديتان على الازاحة وليس لهما مركبة هي اتجاه 0.

⁽ا) في الحقيقة إنك تبدّل شغلاً عند رفع الكرسي لأن عضلاتك تتكمش وتسترخي باستمراو هذا يعني انها تؤثر بقوى داخلية على ذراعك، هكذا فإن جسمك بيدل شغلاً ولكن داخليا على نفسه وليس على الكرسي.

تعتمد اشارة الشغل على اتجاه F بالنسبة إلى d. يكون الشغل المبذول موجباً عندما يكون المتجه المصاحب للمركبة $F \cos \theta$ في نفس اتجاه الازاحة على سبيل المثال عند رفع جسم لأعلى فإن الشغل المبذول بالقوة المستخدمة موجباً لان اتجاه القوة لأعلى، أي، في نفس اتجاه الازاحة. عندما يكون المتجه المصاحب للمركبة F cos 0 ، مثل جسم مرفوع، فإن الشغل المبذول بقوة الجاذبية على الجسم يكون سالباً. المعامل cos 0 في تعريف W (المعادلة 1.7) يأخذ ذلك في الاعتبار. من المهم أن تلاحظ أن الشغل هو انتقال طاقة وإذا انتقلت طاقة إلى المنظومة (الجسم) تكون W موجية. إذا انتقلت طاقة من المنظومة، تكون W سالية.



شكل 3.7 عند ازاحة جسم على سطح افقى املس فيان القوة العمودية n وقوة الجاذبية mg لاتبذلا شغلاً على الجسم، في هذا الوضع الموضع هذا تكون F هي القوة الوحيدة التي تبذل شغلاً.

إذا كانت القوة المستخدمة F تؤثر في اتجاه الازاحة، حينئذ $\theta = 0$ و $\theta = 0$. في هذه الحالة تعطى المعادلة 1.7

W = Fd

الشغل كمية قياسية ووحداته هي حاصل ضرب قوة في طول. لهذا فهو بوحدات النظام الدولي لوحدات القياس (SI) يكون نبوتن- متر أو جول.

هل من المكن لمركبة القوة التي تعطى تسارع عمودي لجسم ان تبذل شغلاً على الجسم (مثل القوة التي تؤثر بها الشمس على الأرض والتي تُثُبتْ الارض في مسارها الدائري حول الشمس).

بصورة عامة قد يتحرك الجسم بسرعة ثابتة أو سرعة متغيرة تحت تأثير قوى عديدة. في هذه الحالة حيث إن الشغل كمية قياسية فإن الشغل المبذول لازاحة جسم هو المجموع الجبرى لمقادير الشغل المبذول بكل القوى.

السيد عامل النظافة مثال 1.7

يسحب عامل النظافة مكنسة كهربائية بقوة مقدارها F= 50.0 N بزاوية °30 مع الأفقى (شكل 4.7a). احسب الشغل المبذول بالقوة على المكنسة الكهربائية عند ازاحتها 3.0m تجاه اليمين.

الحل: لانهم ساعدونا في معرفة أي من القوى التي تؤثر على الجسم يمكن أخذها في الاعتبار فإن رسماً مثل شكل 4.7b يكون مفيداً عندما تريد نجمع المعلومات وتنظيم الحل. هنا نستخدم تعريف

المصل السابع الشغل وطاقة الحركة

الشغل (العادلة 1.7)

 $W = (F \cos \theta) d$

= (50.0 N) (cos 30.0') (3.0m)= 130 N·m

= 130 J

شئ وحيد يجب أن نتعلمه من هذا المثال وهو آن القولة المجدد $\mathbf{F}_{q} = m_{\mathbf{F}_{q}}$ والمركبة المودية للقوة المستخدمة ("50.0N) ($\sin 30$) لاتبذل شغلاً على المكتسة لأن هذه القوى عمودية على اتجاه الازاحة.

تمرين: احسب الشغل الذي يبذله الرجل على المكنسة إذا سحبها مسافة 3.0m بقوة أفقية مقدارها 32.0N.

الإجابة: 96 J.





شكل 4.7 (a) مكنسة كهرباثية مسحوبة بزاوية "30.0 مع الأفشي (b) رسم هندسي للجسم الحر للقوى التي تؤثر على الكنسة.



لايبذل رافع الانقال شغلاً عند وضع قضيب الانقال على كتفيه (إذا امكنه وضع التّضيب على كتفيه وجعل ركبتيه ملتصفتان فإنه يكون قادراً على تحمل الانقال لفترة طويلة بعض الشئ). هل يبذل شغلاً عند رفع الانقال إلى هذا الارتفاع.



شكل 5.7 يرفع رجل صندوقاً كتلته m m مسافة رأسية h ويمشي افقياً مسافة d.

اختبار سريع 2.7

يرفع رجل صندوقاً ثقيلاً كتلته m مسافة رأسيه h ثم تحرك افقيا مسافة d كما هو موضح بالشكل 5.7. أحسب (a) الشغل الذي يبذله الرجل على الصندوق. (b) الشغل المبذول على الصندوق نتيجة قوة الجاذبية.

2.7 > حاصل الضرب القياسي لتجهين؛

THE SCALAR PRODUCT OF TWO VECTORS

كُن نظراً للطريقة التي تم بها ربط متجهى القوة والازاحة في المعادلة 1.7 فإنه من المفيد أن 2.6 نستخدم طريقة رياضية مبسطة تسمى الضرب القياسي. هذه الطريقة تسمح لنا بتوضيح طريقة التأثير التبادل بين F و d وبطريقة تعتمد على مدى قرب توازى بعضهم من بعض. يكتب هذا الضرب القياسي F.d (بسبب النقطة بن F.d فغالباً ما يطلق عليه الضرب المنقوط dot product) وبالتالي يمكن كتابة المعادلة 1.7 كحاصل ضرب قياسي.

> $W = F \cdot d = F d \cos \theta$ التعبير عن الشغل كضرب قياسي (2.7)

 $Fd \cos \theta$ مى اختصار للمقدار (F dot d تقرأ) $\mathbf{F} \cdot \mathbf{d}$ بصورة أخرى فإن

الزاوية بينهما θ.

حاصل الضرب القياسي لأي متجهين A و B

بصورة عامة، حاصل الضرب القياسي لأي متجهين A و B هو كمية قياسية تساوى حاصل ضرب مقدارا المتجهين وجيب تمام

> $\mathbf{A} \cdot \mathbf{B} = AB \cos \theta$ (3.7)

الشكل 6.7 يوضح هذه العلاقة. لاحظ أنه ليس من الضروري أن يكون للمتجهين A و B نفس الوحدات.

في الشكل β cos θ 6.7 عبارة عن مسقط B على A. لهذا فإن المعادلة 3.7 تتص على أن A·B هو حاصل ضرب المقدار A في مسقط B على A.

من الطرف الايمن للمعادلة 3.7 نلاحظ أيضاً أن الضرب القياسي "قبادلي"

يمكن عكس الترتيب في الضرب القياسي $A \cdot B = B \cdot A$ أي أن

أخيراً يخضع الضرب القياسي لقانون التوزيع في الضرب أي أن:

$A \cdot (B + C) = A \cdot B + B \cdot C$

من السهل حساب الضرب القياسي من المعادلة 3.7 عندما يكون A عمودياً أو موازيا للمتجه B. إذا كان A عمودياً على (θ= 90°) فإن A·B=0 (يتحقق التساوي A·B=0 ايضاً- في الحالات الأكثر بساطة عندما يكونA أو B مساويا صفراً). إذا كان المتجه A يوازى المتجه B وكليهما له نفس الاتجاء ($\theta=0$) فإن المتجه \mathbf{B} ولكن كل منهما يسير \mathbf{A} لوازى المتجه \mathbf{B} ولكن كل منهما يسير $\mathbf{A}\cdot\mathbf{B}$ في اتجاه عكس الآخير ("180 e) حينئيذ A·B= -AB. يكون 242 عاصل الضرب القياسي سالباً إذا كانت °180 > 0 > 90°.



شكل 6.7 حياصل الضيرب القياسي A·B يساوي مقدار A مضروباً في B cos θ والتي تمثل مسقط B على A.

الفصل السابع؛ الشغل وطاقة الحركة

243

وحدات النجه i_j و i_j k i_j و i_j متحريفها هي الفصل 3، نقح هي الاتجاه الوجب للاتجاهات x و x . z على التوالي هي نظام المحاور المتعامدة، لهذا ينتج من تعريف i_j i_j أن الضرب القياسي لوحدات المتجهات هو :

$$i \cdot i = j \cdot j = k \cdot k = 1$$
 (4.7)

الضرب المنقوط لوحدات المتجه
$$\mathbf{i}\cdot\mathbf{j}=\mathbf{i}\cdot\mathbf{k}=\mathbf{j}\cdot\mathbf{k}=0$$
 (5.7)

توضح المعادلتان 18.3 و 19.3 أن المتجهن Aو B يمكن التعبير عنهما بدلالة مركباتهما كما يلي:

$$\mathbf{A} = A_{x}\mathbf{i} + A_{y}\mathbf{j} + A_{z}\mathbf{k}$$
$$\mathbf{B} = B_{z}\mathbf{i} + B_{z}\mathbf{j} + B_{z}\mathbf{k}$$

باستخدام المعلومات المعطاه في المعادلتين 4.7 و 5.7 نستنتج أن الضرب القياسي للمتجهين Aو B هو:

$$\mathbf{A} \cdot \mathbf{B} = A_{y}B_{y} + A_{y}B_{y} + A_{z}B_{z} \tag{6.7}$$

(تفاصيل الاستنتاج تم تركها لك في المسألة 10.7). في الحالة الخاصة A=B نجد أن:

$$\mathbf{A} \cdot \mathbf{A} = A_x^2 + A_y^2 + A_z^2 = A^2$$

اختبار سريع 3.7

إذا كان الضرب القياسي لمتجهين موجباً هل يُحتم ذلك أن تكون المركبات الكرتيزية للمتجهين موجبة؟.

مثال 2.7 الضرب القياسي

.A·B و A بالصورة $\mathbf{A} \cdot \mathbf{B}$ و $\mathbf{A} = \mathbf{A} \cdot \mathbf{B}$ احسب الضرب القياسي $\mathbf{A} \cdot \mathbf{A} \cdot \mathbf{A}$

الحل:

A·B =
$$(2i+3j) \cdot (-i+2j)$$

= $-2i \cdot i + 2i \cdot 2j - 3j \cdot i + 3j \cdot 2j$
= $-2(1) + 4(0) - 3(0) + 6(1)$
= $-2 + 6 = 4$

⁽²⁾ هذا يكافئ القول بأن A·B يساوي حاصل ضرب مقدار A في مسقط A على B.

⁽³⁾ هذا واضح لكن في الفصل 11 سنُجد طريقة اخرى لجمع المتجهات وهي ذات اهمية في الفيزياء لكنها ليست (تنادلنة.

حيث استخدمنًا الحقائق التالية: i -j-j-j \mathbf{i} +i \mathbf{j} -j -j -i نفس النتيجة يمكن الحصول عليها عندما نستخدم المدادة 6.7 مباشرة حيث $A_y=2$ و $A_y=3$ و $A_y=3$ و $A_y=3$

(b) احديب الزاوية بين A و B

الحل: مقدار A و B هما:

$$A = \sqrt{A_x^2 + A_y^2} = \sqrt{(2)^2 + (3)^2} = \sqrt{13}$$

$$B = \sqrt{B_x^2 + B_y^2} = \sqrt{(-1)^2 + (2)^2} = \sqrt{5}$$

باستخدام المعادلة 3.7 والنتيجة من الجزئية (a) نحصل على:

$$\cos \theta = \frac{A \cdot B}{AB} \qquad \frac{4}{\sqrt{13}\sqrt{5}} = \frac{4}{\sqrt{65}}$$
$$\theta = \cos^{-1} \frac{4}{\sqrt{96}} = 60.2^{\circ}$$

مثال 3.7 الشغل المبذول بقوة ثابتة

بعاني جسم يتحرك في المستوى xy ازاحة مقدارها d= (2.0i + 3.0j) m عندما تؤثر على الجسم قوة مقدارها V (2.0j) N (5.0i + 2.0j) (3) احسب مقدارا الازاحة والقوة.

$$d = \sqrt{x^2 + y^2} = \sqrt{(2.0)^2 + (3.0)^2} = 3.6 \text{ m}$$

$$F = \sqrt{F_1^2 + F_2^2} = \sqrt{(5.0)^2 + (2.0)^2} = 5.4 \text{ m}$$

(b) احسب الشغل المبذول بالقوة F

الحل: بالتعويض عن F و d في المعادلتين 4.7 و 5.7 نحصل على:

$$W = \mathbf{F} \cdot \mathbf{d} = (5.0\mathbf{i} + 2.0\mathbf{j}). (2.0\mathbf{i} + 3.0\mathbf{j}) \text{ N.m}$$

= 5.0\mathbf{i}. 2.0\mathbf{i} + 5.0\mathbf{i} \cdot 3.0\mathbf{j} + 2.0\mathbf{i} \cdot 2.0\mathbf{j} + 2.0\mathbf{i} \cdot 3.0\mathbf{j}

= 10 + 6 = 16**J**

تدريب: احسب الزاوية بين F و d.

الاجابة: °35

الحل:

WORK DONE BY A VARYING FORCE متغيرة عين المندول بقوة متغيرة 3.7

افترض أن جسماً أزيح في اتجاه المحور x تحت تأثير قوة متغيرة. افرض أن الازاحة في اتجاه (يادة x من χ الى χ . في مثل هذا الوضع لايمكننا استخدام χ χ χ في حساب الشغل المبدول بالقوة ، لأن هذه العلاقة تستخدم فقط في حالة القوة الثابتة في المقدار والاتجاء، ومع ذلك، لو تصورنا أن الجسم يعاني إزاحة صغيرة جداً χ χ كما بالشكل 7.7a من المقوة χ في اتجاء χ تكون ثابتة تقريباً في هذه الفترة. في حالة الإزاحات القصيرة يمكن التعبير عن الشغل المبدول بالقوة بما يلي: χ χ χ χ

هذا المقدار عبارة عن المساحة المستطيلة المظللة في الشكل 7.7a. إذا ما تصورنا أن منحنى x_f مع x_f تقسيمه إلى عدد كبير من مثل هذه الفترات، حينئذ يكون الشغل الكلي المبذول من x_f إلى x_f يساوى تقريباً مجموع عدد كبير من هذه الحدود:

$$W = \sum_{i=1}^{x_i} F_x \Delta x$$

إذا ما أصبحت الإزاحات متناهية الصغر فإن عدد الحدود ولكن المجموع الحدود يزداد إلى عدد كبير جداً بلا حدود ولكن المجموع يقترب من قيمة محددة تساوي الساحة المحددة بم المجور x

$$\lim_{\Delta x \to 0} \sum_{x_i}^{x_f} F_x \Delta x = \int_{x_i}^{x_f} F_x dx$$

هذا التكامل الحدود يساوي عدديا المساحة تحت منحني F_X مع F_X بين F_X و F_X منحني F_X منحني الشغل المبدول بالقوة F_X عندما يتحرك الجسم من F_X في الصورة

الشغل المبذول
$$W = \int_{x_i}^{x_f} F_x dx$$
 (7.7)

تخترل هذه المقادلة إلى المعادلة 7.1 عندما تكون المرحبة $F_x = F \cos \theta$ المرحبة و $F_x = F \cos \theta$ المرحبة و عبارة عن الجسم فإن الشغل الكلي المبدول هو عبارة عن الشغل المبدول بالقوة المحصلة. إذا كتبنا القوة المحصلة في اتجاه $x \in F_x$ هإن صافي الشغل من المدول عندما يتحرك الجسم من $x \in F_x$ هو:

$$\sum W = W_{\text{net}} = \int_{x}^{x_f} (F_x) dx$$
 (8.7)





 $\frac{37}{4}$ (3) الشغل المبدول بمركبة القوة F_i (3c مغيوة 2A يساوي F_i (3c مغيوة 2A يساوي ويساوي للمبدول للازاحة من F_i (3c الكلي المبدول للازاحة من F_i (3c) المسلمات لكل المستطيلات. (6) الشغل المبدول من F_i الفيوة عندما يتحرف الجسيم من F_i الفيوة متعلق عندما يتحرف الجسيم من F_i المبدول من المركبية F_i المنافق تسلمي تماماً المساحة حت هذا المنافق.

مثال 4.7 حساب الشغل الكلي المبذول من الرسم البياني

يوضح الشكل 8.7 قوة تتغير مع x تؤثر على جسم، احسب الشغل المبذول بهذه القوة على الجسم عندما يتحرك من x = 0.

| الحلّ الشغل الميذول بالقوة يساوي المساحة تحت المنحنى من $_{A}^{-2}$ إلى $_{A}^{-2}$ عن $_{A}^{-2}$ المساحة المساحة المستطيل من A إلى B بالإضافة إلى مساحة المثلث من B إلى C مساحة المشك من المساحة المستطيل هي $_{A}^{-2}$ (0.0) $_{A}^{-2}$ ومساحة المستطيل هي $_{A}^{-2}$ وبالتالي يكون الشغل الكلي $_{A}^{-2}$ وبالتالي يكون الشغل الكلي $_{A}^{-2}$



شكل 8.7 القوة التي تؤثر على جسم تكون ثابتية للاربعية اصتبار الاولى للحركة ثم نتناقص خطياً مع ١ من ير ير ير من من ير من من الشيغل الكلي الميذول بالقوة هي المساحة تحت هذا المنحني.

مثال 5.7 الشغل المبذول من الشمس على مجس

ينجذب مجس يتحرك بين الكواكب إلى الأرض- كما بالشكل 9.7a بقوة مقدارها

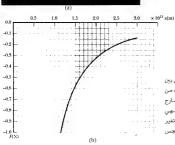
 $F = -1.3 \times 10^{22}/x^2$

حيث x هي المسافة المقاسة من الارض إلى اللجس. عين بيانياً وتحليلياً الشخل المبذول من الشمس على الجس عندما تتنير المسافة بينهما من X 10¹¹ إلى 2.3 x 10¹¹ المرية



الحل البياني ، توضع الاشارة السالبة في معادلة القوة أن المجس ينجذب إلى الشمس. حيث أن المجس يتحرك مبتعداً عن الشمس فإنه من المتوقع أن

شكل 9.7 (a) يتحرك مجم بين الكواكب من مسوقع قسريب من مسار الشمع في اتجاء خارج قطرياً من الشمع من وينت هي بالقرب من عدار المريخ. (d) تغير قوة التجاذب مع المسافة للمجس المتحرك بين الكواكب.



القصل السابع: الشغل وطاقة الحركة

يكون الشغل المبذول سالباً . باستخدام رسم بياني أو أي طريقة عددية يمكن عمل رسم بياني كما هو موضع بالشكل 9.7b . يناظر كل مربع صغير في الشبكة مساحة N·m = 5 x 10⁸ N·m (0.1x 10¹¹ m) وحيث أنه يوجد تقريباً 60 مربع مظلل، فإن المساحة الكلية (وهي سالبة لانها تحت محور x) تساوي تقريباً 3 x 10¹⁰N·m . - يمثل ذلك الشغل الذي تبذله الشمس على المجس.

$$W = \int_{1.5 \times 10^{11}}^{2.3 \times 10^{11}} (-\frac{1.3 \times 10^{32}}{x^2}) dx$$

$$= (-1.3 \times 10^{22}) \int_{1.5 \times 10^{11}}^{2.3 \times 10^{11}} x^{-2} dx$$

$$= (-1.3 \times 10^{22}) (-x^{-1}) \int_{1.5 \times 10^{11}}^{2.2 \times 10^{11}}$$

$$= (-1.3 \times 10^{22}) \left(-\frac{1}{2.3 \times 10^{11}} - \frac{1}{1.5 \times 10^{11}}\right)$$

$$= -3.0 \times 10^{10} \text{ J}$$

تمرين، هل هناك فرق، في حالة ما إذا كان مسار المجس ليس متجهاً نحو الخط القطري الخارج من الشمس.

الاجابة، لا . تعتمد قيمة W فقط على الموضع الابتدائي والموضع النهائي وليس على المسار المأخوذ بين هاتين النقطتين.

Work Done By a Spring الشغل المبذول بزنبرك

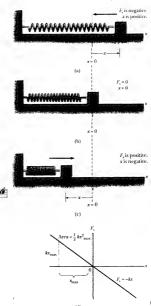
هناك نظام فيزيائي شائع وفيه تتغير القوة مع الموضع كما بالشكل 10.7 افترض ثقل على سطح أفقي أملس مربوط في زنبرك. إذا تم شد او ضغط الزنبرك لمسافة صغيرة من نقطة الاتزان فإنه يؤثر بقوة على الثقل مقدارها

قوة الزنبرك
$$F_x = -kx$$
 (9.7)

حيث x هي ازاحة الثقل من موضع سكونة (e=x) و x ثابت موجب يسمى ثابت القوة للزنبرك. بصورة أخرى فإن القوة اللازمة لانبساط أو انضغاط الزنبرك تتناسب مع مقدار الانبساط أو
الانضغاط. يتحقق قانون القوة للزنبرك ويسمى قانون هوك Hooke's Law فقط في الإزاحات
الصغيرة جداً. فيمة x عبارة عن مقياس صلابة الزنبرك. الزنبرك الصلب تكون له x صغيرة.

اختبار سريع 4.7

تعني الأشارة السالبة في المعادلة 7.7 أن القوة التي يؤثر بها الزنبرك تكون دائماً في عكس انجاء السالب الازاحة. عندما تكونx > 0.0 مكم بالشكل x > 0.0 . فإن قوة الزنبرك تتجه الحية اليسار - الانجاء السالب x > 0.0 عندما تكون x > 0.0 مكما بالشكل x > 0.0 فإن قوة الزنبرك تتجه إلى اليمين - الانجاء الموجب x > 0.0 عندما تكون x > 0.0 مكما بالشكل x > 0.0 الزنبرك لايكون مشدوداً وبالتالي x > 0.0 . حيث إن قوة الزنبرك تؤثر دائماً في إنجاء موضع الاتزان (x > 0.0) لهذا يطلق عليها احياناً خوة الارتداد Restoring الزنبرك تؤثر دائماً في انجاء موضع الاتزان (x > 0.0) لهذا يطلق عليها احياناً خوة الارتداد وroce . أن تتركه فإن الثقل سيتحرك من



الصغرة مع ازاحة الصغرة لا بم بالزبرك على المنابرك على الصغرة مع ازاحة الصغرة لا بمن موضع الانزان (200 مع الحادة الصغرة لا بمن موضع الانزان وقو الزنبرك متجهة طحية البسال. (6) عندما تكون مو هو الزنبرك متجهة طحية البسال. (6) عندما تكون الزنبرك صغرة (1) عندما تكون لا الزنبرك المتجهة المعادل (1) رسم بياني للقوة و 6 مع لا تنظومة النقل الزنبرك. الشغل المينول يقرة الزنبرك متعرفة المتقلل الترنبرك الشغل المينول يقرة الزنبرك عدما معادلة الترنبرك متعرفة النقل المينول يقرة الزنبرك عدما النزبرك منابك المينول يقرة الزنبرك عدما على مساحة الترنبرك المعنودة من يسماحة الانتبرك المعنودة المعادلة المينال المينا

240

الفصل السابع، الشغل وطاقة الحركة

+xmax إلى xmax- ماراً بالنقطة Zero. بدلاً من ذلك فإنه إذا تم شد الزنبرك حتى يصل الثقل إلى النقطة x_{max} عاراً بالنقطة Zero. حينتُذ يعكس $-x_{max}$ إلى $-x_{max}$ عاراً بالنقطة يعكس الثقل اتجاهه لتعود إلى xmax+ ويستمر في التذبذب ذهاباً وعوده.

افترض أن الثقل ثم دفعه ناحية اليسار لمسافة x_{max} من نقطة الاتزان ثم تتركه. دعنا نحسب الشغل المبذول Ws المبذول من قوة الزنبرك عندما يتحرك الثقل من $x_i = x_{max}$ إلى $x_i = x_{max}$. باستخدام المعادلة 7.7 وفرض أن الثقل يمكن معاملته كجسم، نحصل على

$$W_s = \int_{x_s}^{x_f} F_x dx = \int_{-x_s}^{0} (-kx) dx = \frac{1}{2} kx_{\text{max}}^2$$
 (10.7)

حيث استخدمنا التكامل غير المحدود $\int x^n dx = x^{n+1}/(n+1)$ و $\int x^n dx = x^{n+1}/(n+1)$ يكون موجباً لأن القوة تكون في نفس اتجاه الازاحة (كلتاهما ناحية اليمين)، عندما ندرس الشغل المبذول بزنبرك عندما يتحرك الثقل من $x_i = x_{\text{max}}$ إلى $x_i = x_{\text{max}}$ نجد أن $W_s = \frac{1}{2}kx_{\text{max}}^2$ لأنه في هذا الجزء من الحركة تكون الازاحة ناحية اليمين بينما تكون قوة الزنبرك إلى اليسار. لهذا فإن الشغل الكلى المبذول من قوة الزنبرك عندما يتحرك الثقل من $x_i = -x_{max}$ إلى $x_f = x_{max}$ يساوى صفراً.

يوضح الشكل 10.7d رسماً بيانياً للقوة F_s مع x. الشغل المحسوب من المعادلة 10.7 هي مساحة المثلث المظلل والذي يناظر الإزاحة من x_{max} إلى الصفر. حيث أن المثلث قاعدته x_{max} وارتفاع kx_{max} المثلث . المعادلة 10.7 فإن مساحته $\frac{1}{2}kx_{\max}^2$ وهو الشغل المبذول بالزنبرك كما هو معطى بالمعادلة

إذا ما أحدث الثقل إزاحة اختيارية من $x = x_i$ إلى $x = x_i$ فإن الشغل المبذول من قوة الزنبرك يساوى

$$W_s = \int_{x_i}^{x_f} (-kx) dx = \frac{1}{2} k x_i^2 - \frac{1}{2} k x_f^2$$
 (11.7)

على سبيل المثال إذا كان ثابت القوة هو N/m وتم ضغط الزنبرك 3.0 cm من موضع الاتزان فإن الشغل المبذول من قوة الزنبرك عندما يتحرك الثقل مسافة 3.0- إلى موضع الاتزان x_F=0 هو 3.6x 10-2 للحظ أيضاً من المعادلة 11.7 أن الشغل المبذول بقوة الزنبرك يساوي صفراً في أي

> حركة تنتهى من حيث بدأت $(x_i = x_f)$. سوف تستخدم هذه النتيجة الهامة في فصل 8 والتي سندرس بكثير من التفصيل حركة هذه المنظومة.

> تصف المعادلتان 10.7 و 11.7 الشغل المبذول بالزنبرك على الثقل، الآن دعنا ندرس الشغل المبذول على الزنبرك بمؤثر خارجي External agent والذي يؤثر على الزنبارك ببطء من $x_i = 0$ إلى $x_i = x_{max}$ كـمـا بالشكل 11.7. يمكن حساب هذا الشغل بملاحظة أنه عند أي قيمة للإزاحة،



 $x_i = 0$ $x_j = x_{mix}$

x=0 تم جـذب الصـخـرة من 0=xإلى x = x على سطح املس بالقوة Fapp. إذا تم إجراء العملية ببطء شديد، فإن القوة المستخدمة تساوي وتضاد قوة الزنبرك عند أي لحظة

فإن القوة المستخدمة \mathbf{F}_{ann} تساوى وتضاد قوة الزنبرك \mathbf{F}_{s} . لذلك فإن \mathbf{F}_{ann} -(-kx) لهذا فإن الشغل المبذول بهذه القوة (المؤثر الخارجي) هو:

$$W_{E_{-}} = \int_{0}^{x_{\text{max}}} F_{3000} dx = \int_{0}^{x_{\text{max}}} kx dx = \frac{1}{2}kx_{\text{max}}^{2}$$

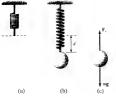
هذا الشغل يساوي سالب الشغل المبذول من الزنبرك لأحداث هذه الازاحة.

قياس k لزنبرك مثال 6.7

يوضح الشكل 12.7 طريقة شائعة تستخدم في تعيين ثابت القوة للزنبرك.

يعلق الزنبيرك رأسياً ويُلحق في نهايته جسم كتلته m. تحت تأثير الثقل mg استطال الزنبرك مسافة d من موضع الاتزان. وحيث إن قوة الزنبرك لاعلى (عكس الازاحة) فإنها تتزن مع قوة الجاذبية

هذه الحالة يمكننا تطبيق قانون هوك ليعطى



لامسفل mg وعندها يكون النظام في سكون. في شكل 12.7 تعيين ثابت القوة k للزنبرك. الاستطالة الحادثة من قوة بالجسم المعلق وزنه mg. حيث أن قوة

 $k = \frac{mg}{l}$ $|\mathbf{F}_{s}| = kd = mg$ على سبيل المثال إذا استطال الزنبرك مسافة 2.0cm وذلك عند تعليق جسم كتلته 0.55kg فإن

$$k = \frac{mg}{d} = \frac{(0.55 \text{ kg}) (9.80 \text{ m/s}^2)}{2.0 \times 10^{-2} \text{ m}} = 2.7 \times 10^2 \text{ N/m}$$

4.7 _ طاقة الحركة ونظرية الشغل- طاقة الحركة

KINETIC ENERGY AND THE WORK-KINETIC ENERGY THEOREM

من الصعب ان تستخدم قانون نيوتن الثاني لحل مسائل 8.10 تشمل قوى معقدة. هناك طريقة أخرى وهي ايجاد العلاقة بين سرعة جسم متحرك وازاحته تحت تأثير بعض القوى. إذا ما أمكن حساب الشغل المبذول على جسم في إحداث ازاحة معينه حينئذ يكون من السهل حساب التغير في سرعة الجسم.



شكل 13.7 يعانى جسم ازاحة d وتغير في سرعته تحت تأثير قوة ثابتة صافية XF يوضع الشكل 13.7 حسم كتلته m بتحرك تحاه اليمين تحت تأثير قوة كلية ∑F . وحيث أن القوة ثابتة، نحد أنه من قانون نيوتن الثاني أن الجسم يتحرك بتسارع ثابت a. إذا ما أزيح الجسم مسافة

القصل السابع: الشغل وطاقة الحركة

$$\sum W = (\sum F)d = (ma)d \tag{12.7}$$

في الفصل 2 وجدنا أن هذه العلاقات تتحقق عندما يعاني الجسيم تسارعاً ثابتاً $v_{I}-v_{i}$

$$d = \frac{1}{2}(v_i + v_f)t \qquad a = \frac{v_f - v_i}{t}$$

حيث v_i هي السرعة عند v_t و v_t هي السرعة عند الزمن v_t بالتعويض عن هذه العلاقات في المادلة 12.7 نحد آن:

$$\sum W = m \left(\frac{v_f - v_i}{t} \right) \frac{1}{2} (v_i + v_f) t$$

$$\sum W = \frac{1}{2} m v_i^2 - \frac{1}{2} m v_i^2$$
(13.7)

بمثل المقدار أ₂mr₂ الطاقة المصاحبة لحركة الجسم. هذه الكمية ذو أهمية لدرجة أن أطلق عليها (اسم خاص) **طاقةالحركة** Kinetic Energy، الشغل الكلي الميذول من صافي القوة ∑ تؤثر على جسم تساوي التغير في طاقة الحركة للجسم.

بصورة عامة، فإن طاقة الحركة K لحسم كتلته m بتحرك بسرعة v تعرف ب

(طاقة الحركة المصاحبة لحركة جسم)
$$K = \frac{1}{2}mv^2$$
 (14.7)

جدول 1.7 طاقات الحركة لأجسام متنوعة

(\mathbf{J}) طاقة الحركة	السرعة (m/s)	(kg) الكتلة	الجسم
2.65 x 10 ³³	5.98 x 10 ⁴	5.98 x 10 ²⁴	دوران الأرض حول الشمس
3.82×10^{28}	1.02×10^3	7.35×10^{22}	دوران القمر حول الأرض
3.14×10^{10}	1.12 x 10 ⁴	500	صاروخ يتحرك بسرعة الهروب*
6.3×10^5	25	2 000	سيارة بسرعة 55mi/h
3.5×10^3	10	70	لاعب سباق جري
9.8×10^{1}	14	1.0	سقوط حجر من ارتفاع 10m
4.5×10^{1}	44	0.046	كرة جولف عند سرعتها النهائية
1.4×10^{-3}	9.0	3.5×10^{-5}	قطرة مطر عند سرعتها النهائية
6.6 x 10 ⁻²¹	500	3.5 x 10 ⁻²⁶	جزئ الأكسجين في الهواء

سرعة الهروب يجب أن يحصل عليها الجمم وهو قريب من سطح الأرض حتى يمكنه الهروب من الجاذبية الأرضية.

طاقة الحركة هي كمية قياسية لها نفس وحدات الشغل. على سبيل المثال عندما يتحرك جسم كتلته 2.0kg بسرعة 4.0m/s فإن طاقة حركته 161. يعطي الجدول 1.7 قائمة بطاقات الحركة لاجسام متنوعة.

من السهل غالباً یکون ان نکتب المعادلة 13.7 هي الصورة:
$$\sum W = K_f - K_i = \Delta K$$
 (15.7) $K_i + \sum_i W = K_\ell$ اي ان:

المدادلة 15.7 من نتيجة معروفة بنظرية الشغل- طاقة الحركة. من المهم أن نلاحظ أنه عندما
نستخدم هذه النظرية بجب أن ناخذ في الاعتبار جميع القوى التي تبدئل شغلاً على الجسم عند
حساب الشغل الكلي المبدول. من هذه النظرية، للإحظ أن سرعة الجسم تزداد إذا كان الشغل الكلي
المبدول عليه موجياً لأن طافة الحركة الثهائية أكبر من طافة الحركة الإبتدائية. تتناقص سرعة الجسم
إذا كان الشغل الكلي المبدول سالياً لأن طافة الحركة النهائية تكون أقل من طافة الحركة الإبتدائية.
نظرية الشغاب طاقة الحركة كما هو واضح من المعادلة 15.7 تسمح لنا باعتبار طاقة الحركة هي
الشغل الذي يبدله الجسم حتى يصل إلى حالة السكون، أو هي كمية الطاقة المختزنه في الجسم. على
سبيل المثال الفترض شاكوشاً (الجسم في هذه الحالة) يستخدم في تثبيت مسمار في حائظ، كما
باشكل 14.7 الشاكوش المتحرك له طاقة حركة وبالتالي يمكنه إحداث شغلاً على المسمار ، الشغل
المبدول على المسمار يساوي 4.7 عيث 6 متوسط القوة التي يؤثر بها الشاكوش على المسمار و الم

لقد استتجنا نظرية الشغل- طاقة الحركة بشرط أن تكون القوة ثابتة، ولكنها تتحقق كذلك عندما تكون القوة متغيرة. للتأكد من ذلك، افترض أن صافي القوة التي تؤثر على جسم في اتجاء x $\sum F_{\chi} = ma_{\chi}$ واستخدام المعادلة 8.7 في كتابة الشغل الكفر للكناء المعادلة 4.7 في كتابة الشغل الكفر الكفاول كما يلى:

$$\sum W = \int_{x}^{x_{t}} (\sum F_{x}) dx = \int_{x}^{x_{t}} ma_{x} dx$$

إذا كانت القوة المحصلة تتغير مع x، فإن كـلا من التسارع والسرعة يعتمد على x أيضاً حيث أنه من المالوف أن يتغير التسارع كدالة في ا فإننا نستخدم قاعدة السلسلة في كتابة x بصورة مختلفة بعض الشئ.

$$a = \frac{dv}{dt} = \frac{dv}{dx} \frac{dx}{dt} = \frac{dv}{dx}$$

بالتعويض عن هذه القيمة لـ a في المعادلة السابقة نحصل على:

$$\sum W = \int_{x_i}^{x_f} m\upsilon \frac{d\upsilon}{dx} \ dx = \int_{v_i}^{v_f} m\upsilon \ d\upsilon$$



شكل 14.7 يكون للشاكوش المتحرك طاقة حركة وهكذا فإنه يبدل شغلاً على المسمار دافعاً إناه داخل الحائط.

⁽⁴⁾لاحظ أنه - حيث إن المسمار والشاكوش عبارة عن منظومة من الأجسام وليس أجسام مفردة، فإن جزءاً من طاقة حركة الشاكوش تنفسه في تعدقة المسمار والشاكوش عند الاصطدام. أيضا عند تحرك المسمار داخل الحائط كتنجة لهذا الاصطدام، فإن فوزة الاحتاكاك الكبيرة بهن المسمار والخشب تؤدي باستمرار لتحويل طاقة حركة المسمار إلى ارتفاع في درجة حرارة المسمار والخشب بالاضافة لتشويه الحائف. الطاقة المساحبة لنفير درجة الحرارة تسمى الطاقة الداخلية Internal Energy وسيتم دراستها بالتقصيل في قصل 20.

صافي الشغل اللبذول على جسم صافي الشغل اللبذول على جسم
$$\sum W = \frac{1}{2} m v_f^2 - \frac{1}{2} m v_i^2$$
 (16.7)

تم تغيير حدود التكامل من قيم x إلى قيم v لأنه تم تغيير المتغير من x إلى v. هكذا، نستنج أن الشغل الكلي المبذول على جسم بصافي القوة التي تؤثر عليه يساوي التغير في طاقة حركة الجسم. هذا صحيح دون اعتبار ما إذا كانت القوة ثابتة أم متغيرة.

حالات تشمل على احتكاك كيناتيكي: Situations Involving Kinetic Friction

إحدى الطرق التي تأخذ في الاعتبار القوى الاحتكائية عند دراسة حركة جسم منزلق على سطح أفقي، هي حساب النفقد في طاقة الحركة بسبب الاحتكائ. افترض أنه تم دفع كتاب يتحرك على سطح أفقي بسرعة ابتدائية أفقية γ لينزلق مسافة b قبل أن يصل إلى السرعة النهائية γ كمنا بالشكل 15.7 . القوة الخارجية التي تتسبب في اكتساب الكتاب تسارعا في الاتجاه السائب لـx هي قوة الاحتكاك الكينائيكي التي تؤثر في اتجاه اليسار – عكس اتجاه الحركة . طاقة الحركة الابتدائية للجسم هي m_1 m_2 .

تطبيق قانون نيوتن الثاني على الكتاب يمكنه أن يوضح ذلك. حيث إن القوة الوحيدة التي تؤثر على الكتاب في اتجاء x هي قوة الاحتكاك؛ فإن قانون نيوتن الثاني يعطي يعطي x_f^2 - يضرب كلا الطرفين لهذه العلاقة في d واستخدام المعادلة 12.2 في الصورة v_x^2 - v_x^2 - v_x^2 - v_x^2 للحركة تحت تاثير قوة ثابتة، نحصل على v_x^2 - v_x^2 v_x^2 - v_x^2

الفقد في طافة الحركة نتيجة الاحتكاك
$$\Delta K_{\rm friction} = -f_k d$$
 (17.7a) هذه النتيجة توضح أن مقدار التغير في طافة الحركة الذي تحدثه قوة الاحتكاك الحركي هو $\hbar q$:

يذهب جزء من طاقة الحركة المقصودة في تدفيقة الكتاب. في والباقي يذهب في تدفيقة السلط الذي ينزلق فوقه الكتاب. في الحقيقة، الكمية $h_{j,l}$ تساوي الشغل المبدول بالاحتكاك الكيناتيكي على الكتاب بالإضافة إلى الشغل المبدول الكيناتيكي على الصطح. (سوف ندرس العلاقة بن على سلطح، (سوف ندرس العلاقة بن على العلى الع

الأ وراد الاحتكاك- بالإضافة للقوى الأخرى- على الجسم، تعطي الأنظرية الشغل- طاقة الحركة. على المسلم ا

$$K_i + \sum W_{\text{other}} - f_k d = K_f$$
 (17.7b)

درجة الحرارة والطاقة في الجزء III من هذا الكتاب). عندما

شكل 15.1 ينزق كتاب ناحية اليمين مل سطح أفقي نتيجة وجرد احتكاك حركي يؤثر نجاه اليسار، سرحة الكتاب الابتدائية هي ١٧ وسرعته النهائية ١٧. النوائية لم توضع القوى المعودية وقوة الجاذبية لم توضع على الرسم لانهما متمامدتان على انجاه الحركة وبالتالي شهما لانؤثران على سرعة الكتاب.

الفيزياء (الجزء الأول: المكانيكا والديناميكا الحرارية)

حيث $\sum W_{other}$ تمثل مجموع الشغل المبذول على الجسم بقوى تختلف عن الاحتكاك الكيناتيكي.

اختبار سريع 5.7

هل من المكن ان تزيد قوى الاحتكاك من طاقة حركة الجسم.

مثال 7.7 سحب ثقل على سطح أملس

سحب ثقل كتلته 6.0kg من السكون تجاه اليمين على طول سطح أفقي املس بقوة أفقية ثابتة مقدارها 22N . احسب سرعة الثقل بعد تحركه مسافة 3.0m.

الحل: شكل 16.7a يوضح رسماً لهذا الوضع. يمكننا استخدام معادلات الكينماتيكا (Kinematic) المحدودة مع الحصول على الحل، لكن دعنا نستخدم تقريب الطاقة Emergy approach. تتزن القوة العمودية مع قوة الجاذبية الأرضية على الثقل، وهما رأسيتان ولايبذلان شغاذً على الثقل حيث إن الإزاحة افقية. ولأنه لا يوجد احتكاك فإن صافي القوة المؤثرة على الثقل هي قوة الـ12N . ويكون الشغل المبذول على الثقل هو:

 $W = Fd = (12 \text{ N}) (3.0 \text{ m}) = 36 \text{ N} \cdot \text{m} = 36 \text{J}$

باستخدام نظرية الشغل- طاقة الحركة وبملاحظة أن طاقة الحركة الابتدائية صفراً، نعصل

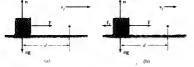
$$W = K_f - K_i = \frac{1}{2}mv_f^2 - 0$$

$$v_f^2 = \frac{2W}{m} = \frac{2(361)}{6.0 \text{ kg}} = 12 \text{ m}^2/s^2$$

$$v_f = 3.5 \text{ m/s}$$

تمرين؛ احسب تسارع الثقل وأوجد السرعة النهائية باستخدام المعادلة الكينماتيكية $v_{u^2} = v_{u^2} + 2a.d$

$$v_f$$
= 3.5 m/s a_x = 2.0m/s² : الاجابة



شكل 16.7 سـحب ثقل تجـاه اليـمن بقوة افـقيـة ثابتـة (a) سطح اماس (b) سطح خشن.

على:

مثال 8.7 سحب ثقل على سطح خشن.

احسب السرعة النهائية للثقل في المثال 7.7 إذا كان السطح غير املس وله معامل احتكاك كيناتيكي 0.15.

الحل: تبذل القوة شغلاً مثل ما في المثال 7.7

W = Fd = (12 N) (3.0 m) = 36J

في هذه الحالة يجب أن نستخدم المعادلة 7.17a لحسباب طاقة الحركة المفقودة بسبب الاحتكاك $\Delta K_{\rm friction}$. مقدار فوة الاحتكاك هو:

 $f_b = \mu_b n = \mu_b mg = (0.15) (6.0 \text{kg}) (9.8 \text{m/s}^2) = 8.82 \text{ N}$

التغير في طاقة الحركة نتيجة الاحتكاك هو:

 $\Delta K_{\text{friction}} = -f_k d = -(8.82 \text{ N}) (3.0 \text{m}) = -26.5 \text{J}$

بمكن حساب السرعة النهائية للثقل من المعادلة 17.7b

 $\frac{1}{2}mv_i^2 + \sum W_{\text{other}} - f_k d = \frac{1}{2}mv_f^2$

 $0 + 36J - 26.5J = \frac{1}{2} (6.0 \text{ kg}) v_f^2$

 $v_f^2 = 2(9.5 \text{J})/(6.0 \text{ kg}) = 3.18 \text{ m}^2/s^2$

 $v_f = 1.8 \text{ m/s}$

بعد قطع مسافة 3.0m على السطح الخشن، يتحرك الثقل بسرعة 1.8m/s والتي تختلف عن القيمة 3.5m/s عند قطعة نفس المسافة على سطح أملس.

تمرين: احسب تسارع الثقل من قانون نيوتن الثاني واحسب السرعة النهائية باستخدام معادلات الحركة.

 $v_f = 1.8 \text{ m/s}$; $a_x = 0.53 \text{m/s}^2$ الأجابة:

مثال ذهنى 9.7 هل يخفض المزلقان الشغل المطلوب؟

يرغب شخص في تحميل ثلاجة على عربة باستخدام مزلقان (مستوى ماثل) كما بالشكل 1.77. يعتقد هذا الشخص أن الشغل المبذول يمكن ان ينخفض وذلك بزيادة طول المزلقان L. هل هذا الادعاء صعيح.



الميزياء (الجزء الأول الميكانيكا والديناميكا الحرارية)

الحراء لا: بالرغم من أن القوة المطلوبة تكون أقل في حالة الزلقان الطويل، فإن هذه القوة يجب أن تؤثر مسافة أطول وذلك لبذل نفس كمية الشغل، افترض أن الثلاجة ثم وضعها على حامل بعجل ودفعها على المزلقان المتحدر بسرعة ثابتة، القوة العمودية التي يؤثر بها المزلقان على الثلاجة تكون عمودية على اتجاء الحركة وبالتالي لاتبذل شغلاً على الشلاجة، حيث إن (AF-1 فإن نظرية الشغل- طافة الحركة تعطي.

\(\sum_{by man} + W_{by gravity} = 0 \)

الشفل الميذول بقوة الجاذبية الأرضية بساوي وزن الثلاجة مضروباً هي الارتفاع الرأسي للازاحة الحاصة بعد الرأسي للازاحة الحادثة مضروباً في 180° أو 180° أو Wby gravity – mgh (تظهر الاشارة السالبة حيث إن قوة الجاذبية الارضية تكون لأسفل عكس اتجاه الازاحة) وهكذا فإن الرجل سيبدل شغلاً على الثلاجة يساوي mgh بغض النظر عن طول المزلقان.

تجربة سريعة: ___

أر افترض سمكة سلمون تحاول ان تسبح فوق سطح الماء في الصورة الفوتوغرافية الموجودة في أول الفصل. لا يغير بناء درجات سلم للسمك حول السد في مقدار الشغل الكلي الذي تبذله السمكة عند ققرها مصافة رأسية. مع ذلك يسمح الدرج للسمكة بعمل هذا الشغل في صورة مجموعة من القفرات الصغيرة، والتأثير النهائي هو رفع الموضع المراسئ للسمكة بطول ارتفاع المد.

الصق مشيكي ورق على مسطرة بحيث يكون أحد المشيكين على بعد المسطرة المشيكين على بعد على المسطرة وعليها كومتين من الورق أما المشيكين على المسطرة بسرعة ختى تعمل زاوية مسئيرة، ثم أوقفها الخارجية بسرعة ضعف سرعة أسعف سرعة أسطة على المنطرة، ميتدين عن السطرة، قارن بين المسافتين الاستان انزاشه ما المسافتين اللسافة بين المسطوة، قارن بين المسافتين المناسنة ميتدين عن السطوة، قارن المسافتين المسافتين المناسنة ميتدين عن المسطوة، قارن المسافتين المناسنة عكن ربط ذلك مع يمكن ربط ذلك مع نظائح المنال النعف 10.7.



راكبي الدراجات يعملون بجدية ويبذلون جهدا عند الارتفاع إلى أعلى



مثال ذهني 10.7 أهمية الفيزياء في قيادة آمنة

سيارة تسير بسرعة ابتدائية v وعند استعمال الفرامل (الكابج) تنزلق السيارة لمسافة b قبل أن تتوقف، بغرض أن سرعة السيارة الإبتدائية كانت 21 عند لحظة استعمال الكابح، احسب المسافة التي تنزلقها السيارة في هذه الحالة قبل ان تتوقف.

الحل، دعنا نفترض أن قوة الاحتكاك الكيناتيكي بين السيارة وسطح الطريق مقدار ثابت ولها نفس القيمة عند كلتا السيارة يساوي طاقة القيمة عند كلتا السيارة يساوي طاقة الحركة المبتدئية للسيارة لين $K_f = 1$. إلا آم مضاعفة السرعة، كما في هذا المثال، فإن طاقة الحركة ستتضاعف أربع مرات، عند ثبوت القوة المستخدمة (في هذه الحالة القوة الاحتكاكية) فإن المساقة المطوعة ستتضاعف أربع مرات وذلك عند مضاعفة السرعة وبالتالي يتوقع أن تكون المساقة المطوعة هي $K_f = 1$

مثال 11.7 منظومة الزنبرك- الثقل

ثقل كتلته 1.6 kg متصل برنبرك افقي له ثابت قرة 1.0×10^3 1.0×1 كما. كما هو موضح بالشكل 1.0×10^3 المنظم الزنبرك مسافة 1.0×10^3 ثم ترك ليتحرك من السكون (a) احسب سرعة الثقل عند مروره على موضع الانزان 1.0×10^3 إذا كان السطح املس.

الرحل، في هذا الوضح، بيدة الثقل سرعة v_i عند v_i 0 عند x = -2.0 والمطلوب حساب v_j 0 عند $v_j = x$ 2. سوف نستخدم المعادلة v_j 10.7 لحساب الشغل الميذول بواسطة الزنبرك حيث

$$x_{\text{max}} = x_i = -2.0 \text{ cm} = -2.0 \text{ x } 10^{-2} \text{ m}$$

$$W_s = \frac{1}{2}kx_{max}^2 = \frac{1}{2}(1.0 \times 10^3 \text{ N/m})(-2.0 \times 10^{-2}\text{m})^2 = 0.203$$

باستخدام نظرية الشغل- طاقة الحركة وباعتبار أن v;-0 فإننا نحصل على التغير في طاقة الحركة للثقل نتيجة الشغل المبنول عليه بواسطة الزنيرك .

$$W_s = \frac{1}{2}mv_f^2 - \frac{1}{2}mv_i^2$$

$$0.20J = \frac{1}{2}(1.6 \text{ kg})v_f^2 - 0$$

$$v_f^2 = \frac{0.40 \text{ J}}{1.6 \text{ kg}} = 0.25 \text{ m}^2/\text{s}^2$$

$$v_f = 0.50 \text{ m/s}$$

 (h) احسب سرعة الثقل عند مروره بموضع الاتزان إذا اعاقت حركته قوة احتكاك ثابتة مقدارها 4.0N تبطيء من حركته من لحظة اطلاقه.

الضيزياء (الجزء الأول: الميكانيكا والديناميكا الحرارية)

الحل، بالتناكيد ستكون الاجابة أقل من تلك التي حصلنا عليها في (a) حيث إن القوة الاحتكاكية تعوق الحركة، يمكننا استخدام 17.7 لحساب طاقة الحركة المفقودة بسبب الاحتكاك وإضافة هذه القيمة السالبة إلى طاقة الحركة التي تم الحصول عليها في غياب الاحتكاك. طاقة الحركة المفقودة نتيجة الاحتكاك هي:

$$\Delta K = -f_1 d = -(4.0 \text{ N})(2.0 \text{x } 10^{-2} \text{m}) = -0.080 \text{J}$$

في الجزء (a) كانت طاقة الحركة النهائية بدون هذا الفقد تساوي 0.21 لهذا فإن طاقة الحركة النهائية في وجود الاحتكاك هي:

$$K_f = 0.20J - 0.080J = 0.12J = \frac{1}{2}mv_f^2$$

 $\frac{1}{2}(1.6 \text{ kg})v_f^2 = 0.12J$
 $v_f^2 = \frac{0.24J}{1.6 \text{ kg}} = 0.15 \text{ m}^2/\text{s}^2$
 $v_f = 0.39 \text{ m/s}$

كما هو مترقع فإن هذه القيمة أقل من 0.5m/s والتي تم الحصول عليها في (a). كلما زادت قوة الاحتكاك كلما تناقصت السرعة.

5.7 من POWER من POWER

افترض نموذجين لسيارة احداهما رخيصة بمحرك اربعة اسطوانات والأخرى غالية الثمن بمحرك (ذو كفاءة عالية) بمحرك ذو ثمانية اسطوانات. بالرغم من الفروق في المحركين فإن كلتا السيارتين لهما نفس الكتلة وكلتاهما تصعدان إلى قمة هضية ولكن السيارة ذات المحرك عالي الكفاءة تأخذ وقتاً أقل للوصول إلى القمة. كلتا السيارتين بندلان نفس الشغل ضد الجاذبية الارضية ولكن في فترات زمنية مختلفة. من وجهة النظر العملية، فإنه ليس من المفيد فقط أن نعلم الشغل المبذول بالسيارتين بل أيضاً معدل بخل الشغل. بأخذ نسبة كمية الشغل المبذول إلى الزمن اللازم لبذل هذا المبدأ. المعدل الرمني لبذل الشخل يسمى القدرة هذا المبدأ. المعدل الزمني لبذل الشخل يسمى القدرة POWER

القدرة المتوسطة إذا استخدمت قوة خارجية على جسم وإذا كان الشغل المبذول بهذه القوة في الفترة الزمنية Δt مو W حينئذ تعرف القعرة المتوسطة التي استهلكت أثناء هذه الفترة بالمقدار

$$\overline{\mathscr{S}} \neq \frac{W}{\Delta t}$$

الفصل السابع: الشفل وطاقة الحركة

يؤدي الشغل المبذول على جسم إلى زيادة في طاقته. لهذا، فهناك تعريف اشمل للقدرة على أنها المعدل الزمني لانتقال الطاقة. بطريقة مشابهة لتلك التي استخدمت في تعريف السرعة والتسارع. يمكن تعريف القدرة اللحظية α. على أنها نهاية القدرة المتوسطة عندما تقترب Δt من الصفر.

$$\mathcal{P} \equiv \lim_{\Delta t \to 0} \frac{W}{\Delta t} = \frac{dW}{dt}$$

حيث تمثل dW مقدار الزيادة في الشغل. إذا عبرنا عن الزاحة بـ ds، نحصل من المعادلة 2.7 ab. على dw = F.ds على dW = F.ds

حيث استخدمنا v= ds/ dt

وحدة القدرة في النظام SI هي J/s جول/ ثانية. تسمي ايضاً Watt واط (على اسم مخترع المرك البخارى جيمس واط James Watt)

الحرف W (القائم) للقدرة يختلف عن الحرف W المائل أي (الإتلك) للشفل، وحدة القدرة في النظام الهندسي البريطاني هي الحصان (قدرة حصان) hp) Horse Power ()

$$1 \text{ hp} = 746 \text{ W}$$

وحدة الطاقة (أو الشغل) يمكن تعريفها بدلالة وحدة القدرة. واحد كيلو واط ساعة (kWh) هي الطاقة المحولة أو المستهلكة في الساعة بمعدل ثابت 1 كيلو واط= \$1000/1 القيمة العددية لـkWh 1

هی

الكيلو واط ساعة هي وحدة الطاقة
$$1~{\rm kWh}=(10^3{\rm W})~(3~600~{\rm s})=3.6~{\rm x}~10^6~{\rm J}$$

من المهم أن نتأكد أن كيلو واط ساعة هو وحدة طافة وليس القدرة. عندما ندفع فاتورة الكهرياء فإنك تدفع لشركة الكهرياء الطاقة الكهريائية الكلية التي استخدمتها خلال الفترة المدونة في الفاتورة. هذه الطاقة عبارة عن القدرة المستخدمة مضروبة في الزمن الذي استخدمتها فيه. على سبيل المثال للمربية ... على سبيل المثال 20.0 سرعات الكهربية ... على سبيل المثال 20.0 سرعات الكهربية ... على سبيل المثال المثالة الكهربية ... على سبيل المثال المثالة الكهربية ... على سبيل المثالة ... على سبيلة ... على سبيلة ... على سبيلة ... على سبيل ... عل

اختبار سريع 6.7

اهترض عربة بضاعة قديمة وسيارة رياضية تبذلان نفس المقدار من الشغل عند صعودهما لهضبة ولكن عربة البضاعة تحتاج وقت أطول لتنفيذ هذا العمل كيف نقارن الرسم البياني للقدرة 70 مع الزمن 1 للعربة والسيارة.

مثال 12.7 القدرة المولدة بموتور مصعد

كابينة كتلتها 1000 kg تحمل ركاباً كتلتهم 800 kg، تؤثر عليها قوة احتكاك ثابتة مقدارها 40000 والتي تموق حركة الكابينة كما هو واضع بالشكل 18.7a (a) ما هو الحد الأدنى للطاقـة المولدة بالموتر لرفع كابينة المصعد بسرعة ثابتة \$3.0 m/c.

الحل، يجب أن يولد الموتور قوة مقدارها T لكي ترفع كبايينة المسعد إلى أعلى. حيث أن السرعة ثابتة تعني أن a=0 لهذا يعطى قانون نيوتن الثاني $\sum F_y=0$. شكل a=0 لهذا يعطى هندسيا للجسم الحر واعتبرنا الاتجاه لأعلى هو الاتجاه الموجب. من قانون نيوتن الثاني نحصل على:

$$\sum F_{v} = T - f - Mg = 0$$

حيث M هي كتلتة المنظومة (الكابينة والركاب) وتراوى 1 800 kg . الهذا فإن:

$$T = f + Mg$$

= 4.00 x 10³ N+ (1.8 x 10³ kg) (9.80 m/s²)

$$= 2.16 \times 10^4 \text{ N}$$

باستخدام المعادلة 18.7 ويمعرفة أن T لها نفس اتجاه v، نحصل على: $T\cdot v = Tv = Tv$

 $= (2.16 \times 10^4 \text{ N})(3.0 \text{ m/s}) = 6.48 \times 10^4 \text{ W}$

 (b) مــا مــقـدار القــدرة التي يجب أن يولدها الموتور عندما تكون سرعة الكابينة v إذا كان مُصمَّماً على أن يعطي تسارع لأعلى مقدار 1.0m/s².

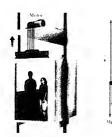
الحل: نتوقع أن نحصل على قيمة أكبر من تلك التي حصلنا عليها في (a)، حيث كانت السرعة ثابتة، ولأنه في هذه الحالة سيبدل الموتور شغلاً إضافياً لإحداث وتسارعاً للكابينة، يكون التغير الوحيد في المسألة هو إن 20، بتطبيق قانون نيوتن الشاني على الكابينة خصل على:

$$\sum F_{v} = T - f - Mg = Ma$$

$$T = M (a + g) + f$$

= $(1.80 \times 10^3 \text{ kg})(1.0 + 9.80) \text{m/s}^2 + 4.0 \times 10^3 \text{ N}$

 $= 2.34 \times 10^4 \text{ N}$



شكل 18.7 (a) يؤثر الموتور بقــوة لأعلى T على كابينة المصعد، مقدار هذه القوة هي على كابينة المصعد، مقدار هذه القوة هي المسجبل الموصل بين الموتور والكابينة، القــوتان المؤثران على الكابينة وتتجهان لأسفل هما قوة الاحتكاك 1 وقوة الاحتكاك 1 وقوة الجداديــة الارضيـــة Mg (d) الرسم التوضيحي للجسم الحر لكابينة المصعد، التوضيحي للجسم الحر لكابينة المصعد،

الهذا وباستخدام المعادلة 18.7 ، نحصل على القدرة المطلوبة : $Tv = Tv = (2.34 \times 10^4 v) \text{ W}$

حيث v هي السرعة اللحظية للكابينة بالمتر/ ثانية. هذه القدرة أقل من تلك التي حصلنا عليها هي (a) طلكا كانت السرعة أقل من TT = 2.77 ولكن ستكون أكبر عندما تزيد سرعة الكابينة عن هذه القمعة.

مثال ذهني 13.7

في الجزء (a) من المثال السابق يولد الموتور قدره لرفع الكابينة ومع ذلك تتحرك الكابينة بسرعة ثابتة بسرعة ثابتة . بفسر طالب هذا الوضع بأن طاقة الحركة للكابينة لاتتغير لأن سرعتها لا تتغير . هذا الطالب يُرجع ذلك إلى أنه طبقاً لنظرية الشغل طاقة الحركة فإن M= ∆ على وحيث أن MM = م. استشج يُرجع ذلك إلى أنه طبقاً لنظرية الشغل طاقة الحركة فإن M= ∆ على المتافقة الولدة بالموتور تساوي صفراً أيضاً . كيف يمكنك تقسير هذا التناقض الظاهري. ؟

ألحل، تنص نظرية الشغل- طاقة الحركة أن حاصل ضرب القوة الكلية المؤثرة على النظام في الازاحة تساوي التغير في طاقة حركة النظام، في حالة المسعد يكون صافى القوة مساويا صفراً (أي أن T - Mg - f = 0 ولذلك $S - W = (\sum F_f)d = 0$ ولذلك من القوة التي يؤثر بها الموتور ليس طافي القوة ولكن من القوة التي يؤثر بها الموتور في اتجاه الحركة وهي S - Mg وليست صفراً.

(اختياري)

energy and the automobile الطاقة والسيارة 6.7

السيارات التي لها محرك يعمل بالبنزين تكون سيارة منخفضة الكفاءة وعاجزة حتى تحت الظروف القياسية حيث إن أقل من 15% من الطاقة الكيميائية في الوقود هي التي تستخدم كطاقة للسيارة. هذا الوضع يكون أسوأ في حالة الوقوف المتكرر داخل المدينة. في هذا الجزء سنستخدم مبادئ الطاقة والقدرة والاحتكاك لدراسة استهلاك الوقود بالسيارة. تساهم عدة آليات لفقد الطاقة في البحو في السيارة. حيث يفقد 67% من الطاقة لمكتفرن الوقود في المحرك، تنتهي هذه الطاقة في الجو جزئياً من خلال دورة العادم وجزء عن طريق دورة التبريد (كما سنلاحظ في الفصل 22 فإن الطاقة المتقودة في دورة العادم والتبريد تلتزمان بقانون أساسي في الديناميكا الحرارية). يُفقد تقريباً أن من الطاقة المتاحة في الاحوار وعمود من الطاقة المتاحة في الاحتكاك بين الاجزاء المتحركة والخرى في فقد 6% من الطاقة وتستخدم 4% من الطاقة وتستخدم 4% من الطاقة وتستخدم علية (

الفيزياء (الجزء الأول: الميكانيكا والديناميكا الحرارية)

القيادة Power Steering والتكييف. يترك ذلك 13% من الطاقة المتاحة لدفع السيارة. تستخدم هذه الطاقة اساساً لتتزن مع الفقد في الطاقة نتيجة شي الإطارات والاحتكاك بسبب الهواء والذي يطلق عليها مقاومة الهواء. دعنا نفحص القدرة اللازمة لاستنتاج فوة في الاتجاء الامامي والتي تتعادل مع مجموع فوتا الاحتكاك. معامل الاحتكاك للتدحرج μ بين الاطارات والطريق حوالي 0.016 وذلك السيارة كتلها μ 1450k وزنها μ 1420k وقوة احتكاك التدحرج مقدارها μ 1450k وزنها μ 1420k وقوة احتكاك التدحرج مقدارها μ 1450k وزنها μ 1420k وقوة العمودية كنتيجة للنقص في الضغط الجوي عند مرور الهواء عند قمة السيارة (سنناقش هذه الظاهرة في الفصل 15). يتسبب هذا النقص في القوة العمودية إلى نقص قليل في قوة احتكاك التدحرج μ وزيادة في السرعة كما نوضح النتائج في الجدول 2.7.

دعنا ندرس تأثير القوة المقاومة والتي تنتج من تحرك الهواء أمام السيارة. للأجسام الضخمة نتناسب القوة المقاومة المصاحبة لاحتكاك الهواء مع مربع السرعة (بالمتر/ ثانية: انظر 4.6) ويعطى بالمعادلة 6.6

$$f_a = \frac{1}{2} D\rho A v^2$$

حيث D معامل الاعاقة، q كثافة الهواء و A مساحة المقطع المستعرض للجسم المتحرك. يمكن أستخدام هذه المعادلة لحساب قيم f_a في الجدول 2.7 وذلك باستخدام مدالة لحساب قيم f_a في الجدول 2.7 وذلك باستخدام D=0.50 مدالة لحساب قيم D=0.50 مدالة المتحدد ا

مقدار قوة الاحتكاك الكلية f, هي مجموع قوة احتكاك التدحرج والقوة المقاومة للهواء.

$$f_t = f_r + f_\alpha$$

عند السرعات النخفضة يكون احتكاك الطريق هو القوة المقاومة المؤثرة ولكن عند السرعات المالية تكون اعاقة الهواء هي الأكثر تأثيراً كما هو واضح في الجدول 2.7 يمكن تخفيض احتكاك الطريق بتخفيض شي الاطارات (على سبيل المثال، بزيادة ضغط الهواء قليلاً عن القيم المسموح بها)

جدول 2.7* قوى الاحتكاك والقدرة اللازمة للسيارة

υ (m/s)	n (N)	$f_r(N)$	$f_a(N)$	$f_t(N)$	$\mathscr{P} = f_t \upsilon (kW)$
0	14 200	14 200	0	227	0
8.9	14 100	14 100	51	277	2.5
17.8	13 900	13 900	204	426	7.6
26.8	13 600	13 600	465	683	18.3
35.9	13 200	13 200	830	1 041	37.3
44.8	12 600	12 600	1 293	1 495	67.0

^{*} في هذا الجدول n هي القوة العمودية، f_r هي احتكاك الطريق، f_{α} احتكاك الهواء، f_t الاحتكاك الكلي و $^{\alpha}$ مى القدرة المعطاه للإطارات.

الفصل السابع: الشغل وطاقة الحركة

وباستخدام الاطارات التي تسمى راديال، يمكن كذلك اختزال إعاقة الهواء باستخدام سيارات ذات مساحات مقطعية مستمرضة صغيرة وبأشكال انسيابية بالرغم من أن فيادة السيارة ونوافذها مفتوحة يزيد من إعاقة الهواء ويؤدي إلى 3% نقص في المسافة المقطوعة. القيادة والنوافذ مغلقة والكيف يعمل يؤدي إلى نقص 21% في المسافة الميلية.

القدرة الكلية المطلوبة للبقاء على السرعة ثابتة v هي f_1v وهذه القدرة تعطى لإطارات السيارة. على سبيل المثال من الجدول 2.7 نلاحظ أنه عند v=26.8 m/s على سبيل المثال من الجدول 2.7 نلاحظ أنه عند v=26.8 m/s على المثال من الجدول 7.2 نلاحظ أنه عند v=26.8 m/s على المثال من الجدول 7.2 نلاحظ أنه عند v=26.8 m/s على المثال من الجدول 7.2 نلاحظ أنه عند v=26.8 m/s على المثال من المثال المثال المثال المثال من المثال الم

$$\mathcal{P} = f_t v = (683 \text{ N}) \left(26.8 \frac{\text{m}}{\text{s}} \right) = 18.3 \text{ kW}$$

يمكن تقسيم هذه القدرة إلى قسمين (1) القدرة v_i اللازمة التعويض احتكاك الطريق و (2) القدرة $v = 26.8 \, \mathrm{m/s}$ اللازمة للتعويض عن إعاقة الهواء. عند $v = 26.8 \, \mathrm{m/s}$

$$\mathcal{S}_r = f_i v = (218 \text{ N}) \left(26.8 \frac{\text{m}}{\text{s}} \right) = 5.84 \text{ kW}$$

 $\mathcal{S}_a = f_a v = (464 \text{ N}) \left(26.8 \frac{\text{m}}{\text{s}} \right) = 12.5 \text{ kW}$

 $\mathscr{D} = \mathscr{D}_r + \mathscr{D}_a$ الاحظ أن

من ناحية أخرى عند v=44.8 m/s (100 mi/h) من ناحية أخرى عند أخرى عند v=44.8 m/s (100 mi/h) من ناحية أخرى عند أومنح أهمية قوة أعاقة الهواء عند السرعات العالية.

مثال 14.7 استهلاك البنزين بسيارة صغيرة

سيارة صغيرة كتلتها 800 kg وكماءتها 18% (أي أن 18% من طاقة الوقود التاحة تستغل كطاقة ميكانيكية) احسب كمية البنزين للستخدمة لتتسارع السيارة من السكون إلى 7 m/s (60 mi/h) 27 m/s. بافتراض أن جانون من البنزين يكافئ 10⁸J x 1.1.

$$K = \frac{1}{2} \text{ m} v^2 = \frac{1}{2} (800 \text{ kg}) (27 \text{ m/s})^2 = 2.9 \times 10^5 \text{J}$$

إذا كانت كفاءة المحرك %100 فإن كل جالون من البنزين يعطي طاقة مقدارها 10^8 \times 1.1. وحييث أن كفاءة المحسرك همي 10^8 \times 1.1. وحييث أن كفاءة المحسرك همي 10^8 1.1. 10^7 1.1. 10^8 1.1. 10^8 1.1. 10^8 1.1. 10^8 1.1. 10^8 1.1. 10^8 1.1. 10^8 1.1. 10^8 1.1. 10^8

$$\frac{2.9 \times 10^5 \text{J}}{2.3 \times 10^7 \text{J/gal}} = 0.013 \text{ gal}$$
 = عدد الجالونات

الفيزياء (الجزء الأول: المكانيكا والديناميكا الحرارية)

عند السير المطر، هذا المقدار من البنزين بكون كافياً للسيارة لقطع مسافة 0.5ml. بوضح ذلك مدى زيادة استهلاك الوقود عند التوقف المتكرر.

الطاقة العطاة للأطارات مثال 15.7

افترض أن السيارة في المثال 14.7 تقطع 35 mi/gal عندما تكون سرعتها 60 mi/h أحسب القدرة المعطاة للاطارات.

الحل: منع عندم النظر لوحيدات القياس. يمكننا القنول أن السيارة تستهلك 60 mi/h+ 35 mi/gal= 1.7 gal/h. وبمعرفة أن كل جالون يكافئ 1.3x 108J فإن القدرة الكلية المستهلكة تساوى

$$\mathcal{P} = \frac{(1.7 \text{ gal/h}) (1.3 \times 10^8 \text{ J/gal})}{3.6 \times 10^3 \text{ s/h}}$$
$$= \frac{2.2 \times 10^8 \text{ J}}{2.3 \times 10^3 \text{ s}} = 62 \text{ kW}$$

حيث إن 18% من الطاقة المتاحة تستخدم لتسيير السيارة، فإن القدرة المعطاء للإطارات هي 0.18)(62 kW) = 11 kW) هذه القيمة أقل من 40% من القيمة 18.3 kW التي حصلت عليها السيارة التي كتلتها 1450 kg والتي تم مناقشتها. واضح أن كتلة السيارة عامل هام في آلية فقد القدرة.

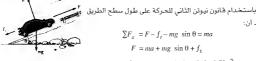
مثال 16.7 تسارع سيارة فوق هضية

افترض سيارة كتلتها m تتسارع فوق هضبة كما هو موضح بالشكل 19.7 وجد مهندس ميكانيكي ان مقدار القوة المقاومة الكلية تعطى بالعلاقة.

$$f_t = (218 + 0.70v^2)N$$

حيث υ هي السرعة بالمتر/ثانية. احسب القدرة التي يجب ان يعطيها المحرك للإطارات كدالة في السرعة.

الحل: يوضح الشكل 19.7 القوى المؤثرة على السيارة، حيث F هي قوة الاحتكاك من الطريق والتي تدفع السيارة والقوى الناقية لها نفس المعنى المعتاد.



نجد أن: $\sum F_v = F - f_t - mg \sin \theta = ma$

 $F = ma + mg \sin \theta + f$

 $= ma + mg \sin \theta + (218 + 0.70v^2)$

شکا، 7.19

لذلك، فإن القدرة اللازمة لتحرك السيارة في الاتجاء الأمامي هي $P = Fv = mva + mvg \sin \theta + 218v + 0.70v^3$

> $mva = (1450 \text{ kg})(27 \text{ m/s})(1.0 \text{ m/s}^2)$ = 39 kW= 52 hp $mvg \sin \theta = (1450 \text{ kg})(27 \text{ m/s})(9.8 \text{ m/s}^2)(\sin 10^\circ)$ = 67 kW= 89 hp 218v = 218(27 m/s) = 5.9 kW = 7.9 kW = 7.9 hp

 $0.70v^3 = 0.7(27 \text{ m/s})^3 = 14 \text{ kW} = 19 \text{ hp}$

ومن ثم تكون القدرة المطلوبة هي 126 kW أو 168 hp.

لاحظ أن القدرة اللازمة للتحرك على سطح أفقي بسرعة ثابتة هي 20 kW أو 71 (مجموع المقدرين). علاوة على ذلك، إذا كانت السيارة لها نصف الكتلة فإن القدرة اللازمة تتخفض إلى النصف.

(اختیاری)

7.7 > طاقة الحركة عند السرعات العالية

KINETIC ENERGY AT HIGH SPEEDS

نتحقق قوانين ميكانيكا نيوتن فقط عند وصف اجسام تتحرك بسرعات أصنع كثيراً من سرعة الضوء في الفراغ (c عندما تقترب السرعات من c فإن معادلات ميكانيكا نيوتن يجب أن يحل محلها معادلات النظرية النسبية . إحدي توابع النظرية النسبية هو أن طاقة الحركة لجسيم كتلته m يتحرك بسرعة v لاتحسب من c m بل يجب استخدام الصورة النسبوية لطاقة الحركة .

الضرباء (الجزء الأول: المكانيكا والديناميكا الحرارية)

$$K = mc^2 \left(\frac{1}{\sqrt{1 - (v/c)^2}} - 1 \right)$$
 (19.7)

طبقاً لهذه المعادلة فإن السرعات الأكبر من c ليست متاحة نهائياً وذلك لأن كلما اقتربت v من c تقترب A من ∞ . يتفق هذا التحديد مع الملاحظات العملية على الجسيمات تحت الذرية والتي أوضحت أنه لايوجد جسم يتحرك بسرعة أكبر من سرعة الضوء (أي أن c هي أقصى سرعة) من وجهة نظر النظرية النسبية، تتمن نظرية الشغل-طاقة الحركة على أنه يمكن لـv أن تقترب من c فقط لأن الجسيم سوف يحتاج إلى شغل لانهائي حتى يصل إلى السرعة c:.

تؤول كل المعادلات في النظرية النسبية إلى قوانين نيوتن عند السرعات المنخفضة، من البديهي أن نوضح ذلك في معادلة الطاقة 19.7 عندما تكون v أقل كثيراً من v. في هذه الحالة نتوقع أن نختزل λ إلى فانون نيوتن، يمكن التحقق من ذلك باستخدام نظرية ذات الحدين (الملحق B.5) في فك المقدار $2^{1/2}(v)(v) - 1$ واعتبار v(v) - 1 واعتبار v(v) - 1

$$\frac{1}{(1-x)^{1/2}} = 1 + \frac{x}{2} + \frac{3}{8}x^2 + \cdots$$

باستخدام هذه العلاقة في المعادلة 19.7 نحصل على:

$$K = mc^{2} \left(1 + \frac{v^{2}}{2c^{2}} + \frac{3}{8} \frac{v^{4}}{c^{4}} + \dots - 1 \right)$$
$$= \frac{1}{2} mv^{2} + \frac{3}{8} \frac{v^{4}}{c^{2}} + \dots$$
$$= \frac{1}{2} mv^{2} \quad \text{for} \quad \frac{v}{c} << 1$$

هكذا فإننا نلاحظ أن الصيغة النسبوية لطاقة الحركة يمكن اختزالها إلى صيغة نيوتن عند السرعات الصغيرة بالمقارنة بالسرعة c ـ سنعود إلى موضوع النسبية هي فصل 39.

ملخص SUMMARY

يعرف الشغل المينول بقوة ثابتة \mathbf{T} تؤثر على جسم بأنه حاصل ضرب مركبة القوة في اتجاه ازاحة الجسم في مقدار الإزاحة. إذا كانت القوة \mathbf{T} تصنع زاوية $\mathbf{\theta}$ مع متجه الازاحة \mathbf{b} لجسم تؤثر عليه هذه القوة فإن الشغل الميدول بالقوة \mathbf{F} يمكن حسابه من المعادلة:

$$W = Fd \cos \theta \tag{1.7}$$

يعرف المصرب القياسي (الضرب المنقوط) لمتجهين A و B بالعلاقة:

$$\mathbf{A} \cdot \mathbf{B} = AB \cos \theta \tag{3.7}$$

ونتيجة هذا الضرب هو كمية قياسية. θ هي الزاوية بين المتجهين A و B. يحقق الضرب القياسي فانونا التبادل والتوزيع.

إذا بذلت قوة شغلاً على جسم يتحرك في اتجاء x من x إلى γ_f فإننا نحصل على التعبير التالي الشكل: $W = \int_{-\tau}^{\tau_f} F_f dx$ (7.7)

حيث F_x هي مركبة القوة في اتجاه x. إذا اثرت عدة قوى على جسم فإن الشغل الكلي المبذول بكل القوى بساوي مجموع كميات الشغل المبذوله بكل قوة. **طاقة الحركة** لجسم كتلته m يتحرك بسرعة v رحيك v صغيرة جداً بالمقارنة بسرعة الضوء) هي:

$$K = \frac{1}{2}mv^2 \tag{14.7}$$

تنص **نظرية الشغل- طاقة الحركة** على أن الشغل الكلي المبذول على جسم بقوى خارجية يساوي التغير في طاقة الحركة للجمعم.

$$\sum W = K_f - K_i = \frac{1}{2} m v_f^2 - \frac{1}{2} m v_i^2$$
 (16.7)

إذا اثرت قوة احتكاك فإن نظرية الشغل- طاقة الحركة تعدل إلى:

$$K_i + \sum W_{\text{other}} - f_k d = K_f$$
 (17.7b)

تعرف **القدرة اللحظية** % على أنها معدل نقل الطاقة بالنسبة للزمن. إذا كان هناك محرك يؤثر بقوة F على جسم يتحرك بسرعة ٧ فإن مقدار القدرة المعلقة بهذا المحرك هي:

$$\mathcal{P} = \frac{dW}{dt} = \mathbf{F} \cdot \mathbf{v} \tag{18.7}$$

QUESTIONS ilimi

موجباً . (b) سالباً .

- 1- افترض مركب حربي حيث يقوم فريقان بشده بحبل وكان هناك توافقاً متساو حتى أنه لايحدث أي حركة، بافتراض أن الحبل لايستطيل، هل يوجد شغلاً مبدولاً على
- الحبل؟ على الفريقين؟ على الأرض؟ على أي شيء؟ θ ما هي قيم θ ليكون الضرب القياسي (a)
- آ- بزیادة كتلة الثقل المعلق راسياً في زنبرك فإنه من المتوقع أن منحنى تغيير ۶ مع x لايطل خطياً كما هو موضح بالشكل 1.0.7 فسر-كيفياً - ماذا يجب أن يكون عليه هذا المنحنى عند زبادة m.

4 هل من المكن أن تكون طاقة الحسم سالية؟

(a) إذا تم مضاعفة سرعة الجسيم. ماذا

سيحدث لطاقة الحركة. (b) إذا كان الشغل

فسر ذلك.

7- يزعم مسئول معرض سيارات أن سيارة بمحرك قدرته 300hp هو شرط اجباري للسيارات المحجة (بدلاً من المحرك التقليدي (130hp). اقترض الك تعترة هيادة سيارة بسرعة اقصاها 55mi/h على أرض

الفيرياء (الجزء الأول: الميكانيكا والديناميكا الحرارية)

منبسطة كيف تواجه ما طرحه هذا المسؤل.

| حساسة كتلتها ضعف كتلة رصاصة أخرى إذا | تم إطلاق كلتا الرصاصتين ينفس السرعة. ايمما تكون لها طاقة حركة أكثر، ما النسية بين طاقتى حركة الرصاصتين.

- 9- عندما يدفع اللاعب كرة قدم، هل يبدل أي شغل على الكرة عندما تلامس مقدمة قدمه الكرة؟ هل يبدل أي شغل على الكرة بعد أن ينتهي التلامس؟ هل يوجد أي قوة تبدل شغلاً على الكرة أثناء طيرانها.
- 10 ناقش الشغل المبذول من اللاعب الذي يقذف كرة البيسبول - ما هي المسافة التقريبية التي يؤثر خلالها على الكرة اثناء قذف الكرة.
- 11- يطلق سسديدا رمساية Land (نشانجيان) رصاصتين متماثلتين من بندقيتين قطر كل منهما 3.3cm (إذا كان طول ماسورة البندقية A أطول من ماسورة البندقية B ب 2.mm أي البندقيتين سيكون لها سرعة إطلاق أعلى (السرعة عند القومة).

PROBLEMS NO CON

= الحل كامل متاح في المرشد.

3، 2،1 = مسائل مباشرة، متوسطة، تحدى

http:// www. sanunderscollege. com/ physics/ = الحل موجود في: /WEB = الحاسب الآلي مفيد في حل المسائل الله = فيزياء تفاعلية

= أزواج رقمية/ باستخدام الرموز

قسم 1.7 الشغل المبذول بقوة ثابتة

- آوثر شاطرة مركب بقيوة ثابتة مقدارها
 5000N على سفينة تتحرك في الميناء بسرعة ثابتة. ما مقدار الشغل المبذول من القاطرة على المركب في قطع مسافة \$3.0km
- 2 تدفع سيدة في سوبر ماركت عربة بضائع / (تروللي) بقوة 35.0N وبزاوية مقدارها °25

- [12] عندما يتارجح البندول البسيط ذهاباً وأياباً فإن القوى التي تؤثر على الكتلة المعلقة هي قوة الجاذبية الأرضية، الشد في خيط التعلق ومقاومة الهواء، (a) أي من هذه القوي بدل شغلاً على البندول. (b) أي من هذه القوى تبدل شغلاً ملى سالباً في كل الاوقات أثناء الحركة، (c) اشرح الشغل المبلول بقوة الجاذبية الأرضية عندما يتارجح البندول.
- 13 تعتمد طاقة حركة الجسم على إطارالاسناد الذي يدرس فيه حركته. اذكر مثالاً يوضح هذه النقطة.
- 14- تتسارع سيارة قديمة من صفر إلى ١٧ في 10s. 10s. سيارة وياضية حديثة قوية تتسارع من صفر إلى 20 في نفس الفترة الزمنية، ما نسبة القدرة المستهلكة في السيارتين؟ افترض أن الطاقة التولدة من المحركين تظهر فقط كطاقة حركة السيارتين.

لأسفل من الخط الأفقي. احسب الشغل المبذول من السيدة عندما تقطع مسافة 50.m لاسفل المستوى المائل.

3.35x 10⁻⁵kg) مصلحة فطرة مطر (m= 3.35x 10⁻⁵kg) مسلمة في أست تأثير عجلة (أسيأ بسرعة ثابتة تحت تأثير عجلة الجاذبية الأرضية ومقاومة الهواء. بعد سقوط القطرة 100m ما هو الشغل المبذول

- (a) بالجاذبية الأرضية. (b) بمقاومة الهواء.
- 4- أنقلت مطرفة بحجر كتاتها الكلية 18.kg شدها بحبل بسرعة ثابتة. يميل الحبل زاوية شدها بحبل بسرعة ثابتة. يميل الحبل زاوية لأعلى مقدارها 20.0° مع الأفقي وتتحدك المطرحة مسافة 2000 أعلى السطح الأفقي. بن المطرقة والسطح هو 0.500 (a) ما مقدار الشغد في الخيط. (b) ما مقدار الشغرل من الخيط على المطرفة. (c) ما مقدار الفقد في الطاقة نتيجة الاحتكاك.
- 5 دُفع ثقل كتلته 2.5 kg السافة 2.20 على منصة أفقية ملساء بقوة ثابتة مقدارها منصة أفقية مقدارها وتبيل بزاوية "25 لاسفل المستوى الأفقي. احسب الشغل البنول (a) بالقوة المستخدمة. (d) القوة العمودية التي تؤثر على النصة. (c) فوة الجاذبية الإرضية. (d) احسب الشغل الكلي المبنول على الثقل.
- 6 سُحب ثقل كتلته g مثل 15.0 على سطح افقي خشن بقوة مقدارها 70.0N وتعمل بزاوية 20.0° أعلى المستوى الأفقي. إذا ازيح الثقل مسافة 50.0° أو معامل الاحتكاك الكيناتيكي هو 500. احسب الشغل المبدول. (ه) بالقوة العمودية. (أ) بقوة الجاذبية الأرضية. (أ) ما مقدار الفقد في الطاقة نتيجة الاحتكاك. (b) احسب التغير الكلي في طاقة حركة الثقل.

7 الرجل الخفاش كتلته 80.Kg يعلق بالطرف الاخر الحيل طوله 12.0m والطرف الاخر مربوطاً في اعلى فرع شجرة، يمكن للرجل أن يجعل الحيل في حركة عندما يعرف الرجل كيف يجعله يتأرجح بدرجة كافية حتى يصل حافة المسخرة والتي عندها يصنع الحيل (اوية 60 مع الرأسي، مسا

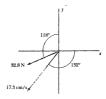
مقدار الشغل المبذول ضد الجاذبية الأرضية في هذه المناورة.

قسم 2.7 حاصل الضرب القياسي لمتجهين:

في المسائل من 8 إلى 14 احسب الاجسابات

- العددية حتى ثلاث ارقام عشرية. A-B متجه مقدارة B وحدات و
- مقدارة 9.0 وحدات إذا كانت الزاوية بين المتجهين *50.0 دحسب A-B.
- و يمتد النجه A من نقطة الأصل إلى نقطة ما إحداثياتها القطبية هي (7,70) ويمتد المتجعه B من نقطة الأصل إلى نقطة إحداثياتها القطبية هي (4,130) أحسب A.B
- آتوشر القسوة F= (6i 2j)N على جسم للشجدث ازاحة (3i+j)m. احسب (a) الشغل المبدول بالقسوة على الجسم و (b) الزاوية بين F و b.
- B= -i+ 2j+ 5k و A= 3i+ j- k و L= 2j-3k −12 . C•(A-B) احسب C= 2j-3k
- 13- باستخدام تعريف الضرب القياسي احسب الزاوية بين كل من:
- B = 4i 4j 9 A = 3i + 2j (a) B = 3i - 4j + 2k 9 A = -2i + 4 (b) A = 3j + 4k 9 A = i-2j + 2k (c)
- 14-احسب الضرب القياسي للمتجهين الموضحان في الشكل P14.7

الضيرياء (الجزء الأول: الميكانيكا والديناميكا الحرارية)



شكل P14.7

قسم 3.7 الشغل المبذول بقوة متغيرة

يوضع الشكل P15.7 تغيير القوة التي تؤثر على بوضع الشكل P15.7 تغيير القوة التي تؤثر على بالقوة على على جسم. احسب الشغل الميدول x=0.0 من x=8.0m (a) o) x=8.0m (b) x=8.0m (c) من x=0.00 من x=10.00 من x=10



شكل P15.7

 $F_x = (8x - 16)N$ على جسيم حيث $F_x = (8x - 16)N$ على جسيم حيث x مقاسة بالمتر (a) ارسم العلاقة بين x من 0 = x إلى 0 = 0 من 0 = x إلى 0 = 0 من الـرسـم الحسب الشخل البـذول بهـذه القـوة عندما يتحرك الجسم من 0 = x إلى 0 = x بهدي الحسم من 0 = x إلى 0 = x

يتعرض جسم لقوة متفيرة F_x كما بالشكل P17.7 . احسب الشغل المبنول على الجمنم P17.7 . بهذه القوة عندما يتحرك من x=0 (b) x=5.0m بالى x=5.0m الى x=5.0m

من (a) x = 15.0m إلى x = 10.0m من (c) مم مقدار الشغل الكلي المبذول بالقوة خلال الكلي x = 15.0m إلى المبدول x = 15.0m إلى المبدول المبدول

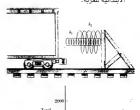


شكل P17.7

- 18– تؤثر القدوة F=(5xi+3yj)N على جسم عندما يتحرك في اتجاء x من نقطة الاصل إلى x=5.0m اللهذول بهذه القوة على الحسم الشغل المبذول بهذه القوة على الحسم.
- 19- علقت كتلة مقدارها 4,0kg أصياً في زنبرك خفيف والذي يخضع لقانون هوك فاستطال الزنبرك 2,0cm. أنا تم زالة الم الله المنطال الزنبرك عند وضع كتلة مقدار الاستطالة في الزنبرك عند وضع كتلة مقدارها 1.5kg (d) ما مقدار الشغل اللازم بمؤثر خارجي ليحدث استطالة تساوى الاستطالة التي الدي الاستطالة التي الديرة على الديرة المنازة عالم 4.0kg من موضع الاسترخاء.
- 20- تجذب رامية حبل قوسها للخلف مسافة 0.40m وذلك بقوة تزداد بانتظام من صفر إلى (230 م) ما مقدار ثابت الزنبرك الكافئ للقوس. (6) ما مقدار الشغل الذي تذلك الرامية في جذب القوس.
- 21 تتحرك عربة شحن كتلتها 8000 على مسار قضيان مهملة الاحتكاك. يمكن ايشاف العربة بزنيركين ملفوفين كما بالشكل 921.7 كبلا الزنيركين بخضم بالشكل 921.7 كبلا الزنيركين بخضم

الفصل السابع: الشغل وطاقة الحركة

لقــانــون هـــوك حيث $h_i = 1600N/m$ إلى القراب وعلى -3400N/m الأول مسافة -3.00 فإن الزنبرك الثانية الأول لينويد القرة حتى يجدت متى يعدن الأولى لينويد القرة حتى يجدت النصافي، كما هو موضع بالرسم النصفاط إضافي، كما هو موضع بالرسم أول تلامس مع الزنبركين، احسب المسرعة أول تلامس مع الزنبركين، احسب المسرعة المربة للمربة للمربة للمربة للمربة للمربة المسرعة المسرعة المربة المربة المربة المسرعة المسرعة المسرعة المربة المسرعة المربة المسرعة المربة المسرعة المربة المسرعة المربة المسرعة المسرعة المسرعة المسرعة المربة المسرعة المسرعة



1000

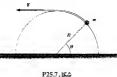
شكل، P21.7

22- اطلقت رصاصة كتلتها 20.00 من بندقية طول ماسورتها 20.00m إذا افترضنا أن نقطة الأصل في نقطة بداية حسركسة الطلقة. تعطي القروة (بالنيوتن) على النطقة 10.000 من التصدد بالعلاقة 2000 - 2000 - 2000 مقاسة بالمتر (a) احسب الشغل المبذول بالغاساة على الرصاصة عندما تقطع الرصاصة مسافة تساوي طول الماسورة. (d) إذا كان طول الماسورة (d) الشغل المبذول وكيف تقارن هذه القيمة مع الشغل المبذول وكيف تقارن هذه القيمة مع الشغل المبذول ولا الماروزة. (a)

[23] عند بدل شخل مستداره 4.01، تحددث في زنبرك يحقق قانون هوك استطالة مقدارها 10.0cm من موضع منا قبل الاستطالة احسب مقدار الشخل الاضافي اللازم لإحداث استطالة إضافية مقدارها .10.0cm

24- عند بذل شغل مقداره W، تحدث في زنبرك يحقق قانون هوك استطالة مقدارها " من موضع ما قبل الاستطالة، احسب مقدار الشغل الاضافي اللازم لإحداث استطالة اضافة مقدارها ك.

25- سُحب ثقل صغير على قمة نصف اسطوانة ملساء (نصف قطرها R) بغيط يمر على قمة الاسطوانة - كما هو موضح في الشكل P25.7 (a) إذا كانت الكتلة تتحرك بسرعة أنبت أن P3.7 (تنويه: إذا كانت الكتلة تتحرك بسرعة ثابتة فإن مركبة التصارع المماسية للاسطوانة يجب أن تساوي صغراً في كل لحظة) (أ) بإجراء التامل P5.6 الكتلة بسرعة ثابتة من التامل كل P7.4 مباشرة احسب الشغل الميذول تتحرك الكتلة بسرعة ثابتة من القاع إلى قمة الاسطوانة . كل يمثل الزيادة في الإزاحة للكتلة الصغيرة.



1 23.7 (22.2)

26- عبر عن وحدة القوة الثابتة لزنبرك بدلالة الوحدات الاساسية متر-كيلوجرام- ثانية.

قسم 4.7 طاقـة الحـركـة ونظريـة الشـغل-طاقة الحركة

- 27 سرعة جسم كتلته 2.60 kg عند النقطة A هي 2.0mg عند النقطة 8 هي 2.0mg عند التقطة 8 مي 2.0mg عند 2.0mg ما طاقة حركته عند A (b) الشغل المبذول على الجسم عندما يتحرك من A إلى B.
- 28- كرة كتلتها 0.30 kg وسرعتها 15.0 m/s وسرعتها (b) إذا (a) إذا تضاعفت سرعتها. ماذا يجب أن تكون عليه طاقة حركتها.
- 29- كتلة مقدارها $0.0 \, kg$ وسرعتها الابتدائية (a) $v_i = (6.00i 2.00j) \, m/s$ طاقة حركتها في مده اللحظة (d) احسب الشغل الكلي المبدول عليهها إذا تغييرت سرعتها إلى $0.0 \, kg$ (تتويه: تذكر أن $0.0 \, kg$).
- 30- يدفع ميكانيكي سيارة كتلتها 2500 kg لتتحرك من السكون وتتصارع من صفر إلى
 10 بنار العامل شغلاً مقداره لـ5000 في
 عـمل ذلك وأثناء ذلك تحركت السيارة
 مسافة 25.00 إذا أهمل الاحتكاك بين
 السيارة والطريق. (a) ما هي السرعة
 النهائية للسيارة، (d) ما مقدار القوة الأفقية
 الثابتة التي أثر بها الميكانيكي على السيارة.
- 31- يدفع ميكانيكي سيارة كتلتها m بدلاً جهداً W حتى تكتسب السيارة تسارع من السكون. إذا أهمل الاحتكاك بين السيارة والطريق. (ه) ما هى السرعة النهائية للسيارة. (ه) أثناء دفع الميكانيكي للسيارة قطعت مسافة b. (b) ما مقدار القوة الأفقية الثابتة التي أثر بها الميكانيكي على السيارة.
- 32- تعرض جسم كتلته 4.0 kg بقوة كلية تتغير
 مع الموضع كما بالشكل P17.7. يبدأ الجسم

الحبركية من السكون عند (ا= x منا مقيدار السيرعية عند (a) عند (b) السيرعية عند (x = 10.0m (b) x = 5.0m (c) .x = 15 m (c)

- الله 33 أفع صندوق كتلته ع\ 40.0 kg من السكون مسافق 40.0 kg على أرض افقية خشئة بقوة أضفية مصدارها 130N إذا كنان معامل المصندوق والأرض يسماوي 0.0 المسخل المبدئول بالقوة المستخدمة. (d) الشغل المبدئول بالقوة العسكاك. (c) الشغل المبدئول بالقوة العسودية. (b) الشغل المبدئول بالقوة العسودية. (b) الشغل المبدئول بالجاذبية العرضية. (e) التغير في طاقة الحركة للصندوق. (f) السرعة الليائية للصندوة.
- 34- بمكنك القبول بإن نظرية الشغل- طاقية الحركة هي نظرية ثانية للحركة وتماثل قانون نيوتن الثاني والذي يصف كيف تؤثر العوامل الخارجية على حركة الجسم. في هذه المسألة استنتج الجزءان (a) و (b) كل على حدة من الجيزئين (c)و (d)، وذلك للمقارنة بين نتائج النظريتين. تتسارع رصاصة كتلتها £ 15.0 من السكون إلى 780 m/s في ماسورة بندقية. (a) احسب الشغل الميذول على الرصاصة. (b) إذا كان طول ماسورة البندقية 72.0cm احسب مقدار متوسط القوة الكلية التي تؤثر على (c) $F = W/(d \cos \theta)$ الرصاصة حيث احسب التسارع الثابت للرصاصة التي تبدأ من السكون وتكتسب سرعة 780 m/s عند قطعها مسافة 72.0cm أحسب القوة $\sum F = ma$ الكلية التي تؤثر عليها حيث
- 35 أفع صندوق شحن كتلته pt 10.0 kg إلى أعلى مسرحة أبتائلية مقدارها مستوى ماثل خشن بسرحة أبتائلية مقدارها ny 2.1 . إذا كسانت قبوة الشد هي N ON موازية للمستوى الماثل والذي يصنع زاوية مقدارها 20.00 مع المستوى الأفقى. معامل

الاحتكاك الكيناتيكي هو 0.40. إذا تم جذب الصندوق مسافة m 5.0 (a) ما مقدار الشغل المبذول بالجاذبية الارضية (b) ما مقدار الطاقة المفقودة بسبب الاحتكاك. (c) ما مقدار الشغل المبذول بالقوة M 100 N . ما مقدار التغير في طاقة حركة الصندوق. (e) ما هي سرعة الصندوق بعد أن قطع مسافة m (5.0.

36- تنزلق صخرة كتلتها 12.0 kg من السكون إلى أسفل مستوى مائل بميل بزاوية 35.0° وتم ايقافها بزنبرك قوى له انزلقت الصحرة $k = 3.0 \times 10^4 \text{ N/m}$ مسافة 3.0m من نقطة انطلاقها إلى نقطة سكونها ضد الزنبرك، ما مقدار السافة التى انضفطها الزنبرك حتى تسكن

37 دفعت مزلجة كتلتها m على بحيرة متجمدة فاعطتها الدفعة سرعة ابتدائية مقدارها v_i= 2.0 m/s. إذا كان معامل الاحتكاك $\mu_k = \mu_k$ المزلجة والجليد هو 0.10. باستخدام مبدأ الطاقة احسب المسافة التي تقطعها المزلجة قبل أن تتوقف.

38- إذا كان طول الصورة في جهاز تلفريون هو 36.0 cm . يستخدم قوة كهربية لتعجيل الالكتــرونات من السكون إلى 1.0% من سرعة الضوء على طول الانبوية احسب (a) طاقة حركة الالكترون عند إصطدامه بالشاشة في نهاية الانبوبة. (b) متوسط مقدار القوة الكهربية التي تؤثر على الالكترون خلال هذه المسافة. (c) مقدار متوسط التسارع للالكترون خلال هذه المسافة. (d) زمن الطيران.

39- تخترق رصاصة كتلتها g 5.0 وسرعتها 600 m/s شــ جــرة بعــ مق 600 m/s

باستخدام مبدأى الشغل والطاقة احسب الزمن الذي استغرقته الرصاصة من لحظة دخولها الشجرة حتى لحظة توقفها.

🗗 40- تتحمل آلة آثود (انظر شكل 15.5) ثقلان كتلتاهما 0.20 kg و 0.30 kg. إذا كانت الكتلتان على نفس الارتفاع ثم اطلقتا. باهمال الاحتكاك ما هي سرعة كل كتلة عند قطعها مسافة m 0.40.

🚺 41- ربط ثقل كتلته 2.0 kg بزنبرك له ثابت القوة N/m كما في الشكل 10.7. إذا تم جذب الثقل مسافة 5.0 cm ناحية يمين موضع الاتزان ثم ترك ليتحرك من السكون. احسب سرعة الثقل عند لحظة مروره بنقطة الاتزان إذا كان (a) السطح الأفقى املس. (b) معامل الاحتكاك بين الشقل والسطح هو 0.350.

قسم 5.7 القدرة

42 - احسب بالتقريب القدرة اللازمة لمحرك سيارة لاعطائها سرعة عالية تسير بها على الطرق السريعة، حتى تكون مقتنعاً افترض. أنها سيارتك (إذا كان لديك احداها). عند حل المسألة، اذكر الكميات الفيزيائية التي سوف نحتاجها كبيانات وكذلك قيم هذه الكميات (ستجد كتلة السيارة في دليل المالك) إذا كنت لاترغب في اعتبار سيارة، يمكنك تصور سيارة نقل أو أتوبيس والتي ستحتاج تحديد الكميات الفيزيائية الضروية

43 ضابط بحري وزنه 700 N يتسلق رأسيا في التدريب حيلاً طوله 10.0 m يسرعة ثابتة لدة 8.0 s ما مقدار القدرة الخارجة.

44- إذا كان الحصان بمكنه أن بيقي على قدرة خرج مقدارها 1.0 hp لمدة 2.0 ساعة وإذا كانت حزمة الخشب كتلتها 70.0 kg ما عدد (273

- الحرم التي يمكن أن يرفعها الحصان إلى سقف منزل ارتفاعه 8.0m (باستخدام نظام معين من البكر) بافتراض أن الكفاءة %70.
- 45- يولىد محسرك سيبارة ما (30.0hp) يولىد محسرك سيبارة ما (10.0kp) بتحرك بسركة مناها «60milh همادارها 60milh همادارها ما مقدار القوة القياومة التي تؤثر على السيارة عند هذه السرعة.
- 46- انتشل غواص a skier بلا 70.0 kg كتلته a skier إلى متحدر بواسطة كابل صوتور (a) ما مقدار الشغل اللازم لجذبه مسافة 60.m أعلى متحدر يميل بزاوية "30 (بافتراض إن المتحدر يميل بزاوية "30 (بافتراض إن المتحدى أملس) ويسرعة ثابتة kg 2.0 m (b) 2.0 m أعدار قدرة المحرك اللازمة لإجراء هذه العملية.
- 47- يبدأ مصعد كتلته 850 الحركة من السكون. في الصعدود إلى أعلى لدة 2 3.0 بتسارعة بتسارعة بتسارعة المسارع ثابت حتى يصل إلى سدرعة (a) 1.75 m/s المحرك أثناء هذه الفترة. (b) كيف يمكن مقارنة هذه القدرة مع قدرته عندما يتحرك بسرعة \$1.75 m/s.
- 48- لبنة إضاءة عالية الكشاءة قدرتها 28.0W لبك تقليدية قدرتها 100W لبنة تقليدية قدرتها 100W أبنا عمر اللمبة الأولى هو 1000 وشنها 7.01 دولار المبة التقليدية عمرها 1070 دولار احسب التوفيير الكلي عند استخدام اللمبة عالية الكشاءة خلال فترة عمرها بالمازنة مع اللمبة العادية في نفس الفترة. افترض أن ثمن الكيلووات ساعة هو 1000 دولار.

قسم 6.7 الطاقة والسيارة

سيارة صغيرة كتلتها 400kg كفاءة موتورها هي 15.0% من الوقـــود 274

- المعطي يعطي إلى تروس السبيارة).(a) إذا كنا حشراق 1 جالون بغزين يعطي طاقة البنزين يعطي طاقة البنزين المحلي 1394 من 1394 أجالون بغزين يعطي طاقة المستخدمة بالسبيارة حتى تتمسارع من مقاومة الهواء ومشاومة التدحرج (d) ما إذا كانت السيارة تقطع مسافة 38.0 هيل هي البحالون عند السرعة 58.0 أشارة المطاق للتروس (لتتغلب على العوامل العدرة المطاق للتروس (لتتغلب على العوامل المسيارة بهدم السبيارة بهده السبيارة المعال العوامل المساوة عندما تسير السبيارة بهده السبعة.
- 50- اهترض ان السيارة الفارغية الموصوفية في الجدول 2.7 تستهلك وقود بمعدل في الجدول 1.2 تستهلك وقود بسرعة (15mi/gal)6.4 km/L عندما تسير بسرعة ثابتة احسب معدل استهلاك الوقود إذا كتابة الكلية للركاب والسائق هي 350kg
- 51 عند إضافة مكيف هواء للسيارة في المسألة 05 فإن القدرة الإضافية الملاوية لكي يعمل المكيف هي 1.54 لا كنا استهالاك الوقود هو 6.40 km/l. إذا كنا أستهالاك الوقود هو 6.40 km/l. يدون المكيف، ماذا سيكون معدل الستهلاك الوقود عند عمل المكيف.

قسم 7.7 طاقة الحركة عند السرعات العالية

- 52- يتحرك الكترون بسرعة 0.99c ما مقدار طاقة حركته. (b) إذا ما استخدم التعبير الكلاسيكي. احسب النسبة المثوية للخطأ.
- [53] يتحرك بروتون في معجل طاقة- عالية بسرعة 2/ c. باستخدام نظرية الشغل-

الفصل السابع: الشغل وطاهة الحركة

الضرب القياسي للمتجه A مع k ،j ،l على التوالي).

60- يستخدم المسافر في المطار السلم الكهربي لدور واحد (شكل P60.7). يحمل درج السلم الركب إلى أعلى بمركبة سرعة رأسية v بين نقطة الدخوو ونقطة الخروج ، الارتفاع بينهما h. عندما يتحرك السلم، فإن الراكب المستمجل يصعد الدرجات بمعدل n خطوة v ثانية .



شكار P60.7

طاقة الحركة. احسب الشغل اللازم لزيادة سرعته إلى (0.995c (b) 0.75c (a).

54- احسب طاقة الحركة لسفينة فضاء كتلتها $55.0 \, \mathrm{kg}$ وقد مقام الشخصين $75.0 \, \mathrm{kg}$ الشخصام (a) المعادلة الكلامينيين $106 \, \mathrm{km/s}$ الكلامينيين $106 \, \mathrm{km/s}$ الكلامينيية (b) $\mathrm{Ke} = \frac{1}{2} \, \mathrm{mr}^2$ التسبوية.

مسائل إضافية

55 - يقنف لاعب البيسبول كرة كتلتها 0.150 kg سبحعة 40 m/s ما 40 m/s مطاقة الحركة لكرة البيسبول عند أعلى نقطة على المسار.

56- عند المُدُّو يستهلك الشخص حوالي 0.60. من الطاقة المُيكانيكية في كل خطوة لكل كجم من كتلة جسمه. عداء كتلته 60.0kg يفقد 70.0W أثناء السياق ما هي سرعة العداء، افترض أن طول الخطوة هو 1.50.0M.

57- جسم كتلته m يتحرك بتسارع ثابت a. إذا كان متجها الموضع والسرعة الابتدائية للجسم هما ع و إلا على التوالي. استخدم قانون الطاقة لاثبات أن سرعته النهائية عند أي لحظة تحقق المادلة.

$$v_f^2 = v_i^2 + 2\mathbf{a} \cdot (\mathbf{r}_f - \mathbf{r}_i)$$

حيث r هو متجه الموضع النهائي للجسم عند هذه اللحظة.

A cyalizate late A cyalizate A cyalizate late A cyalizate A

الضيزياء (الجزء الأول: الميكانيكا والديناميكا الحرارية)

افسسرض ان ارتضاع كل خطوة هو h_s (a) احسب الشغل الذي يبدئله المسافر أثناء حسب الشغل الذي يبدئله المسافر أن اكتلته h(b) احسب الشغل الذي يبذئله محرك السلم على هذا الشخص.

- 61 يستطيل زنبرك إلى مابعد التناسب (ما بعد فانون موك)، وتحقق قوة الارجاع المدادلة κ 01 4. [1 كــانت κ 10.0N/m = 4 و مسب الشغل المبدول بهدة القوة عندما يستطيل الزنبرك κ 0.0N/m المتطيل الزنبرك κ 0.0N/m المتطيل الزنبرك κ 0.0N/m
- 62- في أحد أنظمة التحكم، يتكون جهاز قياس التسارع من كتله 4.70g تنزلق على قضيب أفتي قليل الاحتكاك، يوصل زنبرك دو كتلة علي الكتلة إلى شمة احد طرفي القضيان. عند تعرض الكتلة لتسارع ثابت مقداره 98.0g، تتحرك الكتلة مسافة 0.5cm بعيدا عن موضع الاتزان احسب ثابت الصلابة اللازم للزنبرك.

[63] تستخدم منداله (مدك الخوازيق) كتلتها 2100 kg في الأرض. 2100 kg يستقدا لمدك من ارتضاع 5.0 شبل ان يلامس الدعامة مساطة يلامس الدعامة مساطة 12.0 cm الطاقة احسب متوسط القوة التي تبذلها الدعامة على المدك عندما يصل المدك إلى السكن.

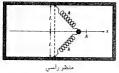
40- مجموع كتلتي الدراجة وراكبها هو 75.0kg. تنساب الدراجة إلى أسـفل طريق يميل بزاوية . (2.0 على الأفقي وبسرعة مقدارها «m/s. ثم إلى أسـفل طريق مــائل بزاوية 4.m/s. بصــد ذلك تمسك بسيارة وتتحرك على طريق مستو. ما مقدار القردة اللازمة للسيارة للبقاء على ســرعة الدراجة 8.3.m/s. أفترض أن قوة مقاومة

الهواء تتناسب مع سرعتها وقوى الاحتكاك الأخرى تظل ثابتة (تحذير لاتحاول تجربة هذه المخاطرة).

- m تؤثر قوة مفردة ثابتة F على جسم كتلته يبدأ (a) (a) (a) على جسم من السكون عند (a) (a) أثبت أن القدرة اللحظية التي تعطي بهذه القدرة هي اa) (a) (a)
- 66- ربط جسم بزنبركين متماثلين على منضدة أقتية مساء، كلا الزنبركين له ثابت قوة لا أوقي المساء، كلا الزنبركين له ثابت قوة لا كانا غير مشدودين (a) إذا تم جذب الجسم مسافة x في أتجاه عمودي على البعد الابتدائي للزنبركين كما بالشكل على البعث أن القروة المؤثرة على الجسم بواسطة الزنبركين هي:

$$\mathbf{F} = -2kx \left(1 - \frac{L}{\sqrt{x^2 + L^2}}\right) \mathbf{i}$$

(b) احسب كمية الشغل المبذول بهذه القوة عندما يتحرك الجسم من x = A إلى x = A

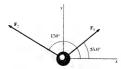


منظر رأسي شكل P66.7

-67 **and its aqi peras** -67 **and its** -67 **and its**

الفصل السابع؛ الشغل وطاقة الحركة

(a) عبر عن القوتين بدلالة وحدتى المتجه (b) أحسب القوة الكلية على الجسم (c) أحسب سرعة الجسم (e) موضعه (f) طاقة حركته من الملاقة $\frac{1}{2}mv_f^2 + \sum_{i=1}^{n} mv_i^2 + \sum_{i=1}^{n} mv_i^2$



شكا، P67.7

- عند تعليسق اثقـال مـخـتلـفـة في زنبـرك. تحدث استطالات باطوال مختلفه كما هو موضح في الجدول التالي. (a) ارسماً بيانيا يبين القوة والاستطالات في الزنبـك باستخدام طريقـة اقل المريعـات يتطبق مع النقـام مين الخط المستقيم الذي يتطبق مع النقـام (من المحك استـخـدام جميع النقـام (من ميل المستقيم الأكثر جميع النقـام (م) من ميل المستقيم الأكثر الحساقـاً. احـمـب ثابت الزنبـرك (ع) إذا استطال الزنبـرك الم50 ما مقدار الكتله التي تعطي هذه الاستطاله:

(a) إذا لم يكن هناك أحستكاك بين الشقل والمستوى المائل و(d) اذا كسان مسعسامل الاحتكاك الكيناتيكي 0.40.

70. ينزلق جسم كتلته Q.40 kg حول مضمار الفض على على المضمار حائفًا خارجي أملس على شكل دائرة نصف قطرها m 1.5 ki اعطى المسم سرعه ابتدائية S.0 m/s. بيد دورة واحدة اصبحت سرعته S.0 m/s. بيد دورة الاحتكاك مع ارضيه المضمار الخشئة (a) احسب الطاقة المقصودة في دوره واحدة نتيجة الاحتكاك (c) ما عدد الدورات التي يعدثها الجسم قبل أن يتوقف.

13. آلة ــــذف الكرات في آلة قــــذف الكرات بزنية المدارسة ال



شكل P71.7

72- في الجزيئات شائية الذرات، تتبادل الذرتان بقوى تجاذب بينهما عند المسافات البعيدة وقوى تنافر عندما تكون المسافات بينهما صغيره، لجموعه من الجزيئات يعطى قانون لينارد-جونز Lenard-Jones تقريبا جيدا لقدار هذه القوى

$$F = F_0 \left[2 \left(\frac{\sigma}{r} \right)^{13} - \left(\frac{\sigma}{r} \right)^7 \right]$$

حيث r هي المسافه بين مركزي الذرتين في ا



الشيزياء (الجزء الأول: الميكانيكا والديناميكا الحرارية)

الجيزي. σ براميتر الطول، F_0 هي القوة عند F_0 هي حالة جزي الاكسيجين عند σ هي 5.50 x 10^{-10} p = 9.6 x 10^{-11} N = -3.50 x 10^{-10} m = -3.50 x = -3.5

اً 70 وضع نقل كتلته 8,20 مربوطا بحبل على مدم المصنعة افقيه خشانه، يمر الحبل على بكره خفيفه ملساء وفي الطرف الآخر علق تلل مقداره 400 أذا كان معلمال احتكاك الانزلاق بين الكتله (0.25 kg) والنصة مو الانزلاق بين الكتله (0.25 kg) والنصة مو المحركة أحسب (a) سرعه الكتلين بعد الحركة أحسب (a) سرعه الكتلين بعد السكون و (b) الكتلة التي يجب إضافتها السكون و (c) الكتلة التي يجب إضافتها للكتلة والكتلة التي يجب إضافتها التي المحركة التي بعب المحركة التي المحركة التي يعب الحركة التي المحركة الكتلة التي يعب الحركة التنامها من الكتلة والحركة القاصها من الكتلة والمحركة التناصها من الكتلة والمحركة التناصها من الكتلة والمحركة على نفس النتيجة في (d).

74-افتترض ان الاستطوانه- كتموذج لسيبارة-تتجرك بسرعه 10 . كما بالشكل 1477. في الفترة الزمنية Δ يتحرك عمود من الهواء كتلته 2011 مسافة 40 بوبانتالي يعطي طاقد حركة مقدارها (Δm)u²). باستخدام هذا



شکار P74.7

النموذج اثبت أن الفقد في القدرة نتيجة مقاومة الهواء يساوي $\frac{1}{2} \rho A v^3$ وأن القوة المقاومة هي $\frac{1}{2} \rho A v^2$ حيث α كثافة الهواء.

x= من =x من المحسور x من =x من =x من =x من =x بتحسرك جسسم على المحسور x من =x من 12.8m

$$F = \frac{375}{x^3 + 3.75 x}$$

حيث F بالنيوتن و x بالمتر . باست خدام التكامل العددي، احسب الشغل المبذول بهذه القيوة خلال هذه الازاحية . يجب أن تكون إجابتك دقيقة في حدود 2%.

76- منذ أكثر من 2300 عاماً كتب مدرس يوناني يدعى (وسطؤ هي أول كتاب يسمى فيزياء" الجملاحات الدهيمة، من نهاية الكتاب قسم Π : افترض أن \Re هي قدرة محدوك قسم Π : افترض أن \Re هي قدرة محدوك السبب حركة، Π هي الشي المتحول، Π النسانية المقطوعة، Π الزمن اللازم حينئذ (أ) من الزمن Π مسافة Π أو (2) ستحوك Π هي منزمن Π مسافة معينة Π في الزمن Π الإسانية Π مسافة Π مسافة Π مسافة Π أن الزمن Π المنظ Π الشرة المطأة Π مستحوك الجسم مسافة Π أن الرمن Π المسأد Π المنزمن Π المنزمن Π المنزمن Π المسأد أن المنزمن Π المنزمن Π

(a) أثبت أن المعادلة 6wd = 1% تشمل نسب ارسطو حيث d هو ثابت التناسب (b) أثبت أن نظريتنا للحركة نشمل تناسبات ارسطو كحالة خاصة، بصفة خاصة، صف الوضع الذي تكون فيه النظرية صحيحة استنتج المعادلة التي تمثل تناسبات ارسطو واحسب المعادلة التي تمثل تناسبات ارسطو واحسب

إجابة الاختبارات السريعة: ANSWERS TO QUICK QUIZZES

- (1.7) لا: القوة لاتبدل شغالاً على الجسم لأن القوة تشير إلى مركز الدائرة وبالتالي فهي عمودية على الحركة.
- (2.7) بفرض أن الشخص يرفع بقوة مقدارها mg أي وزن الصندوق، هإن الشغل المبدول أثناء الازاحة الرأسية f هو f هل القوة أثناء الازاحة الأراحة، الشغل المبدول أثناء الازاحة الاقتية بساوي صفراً لأنه في هذه الحالة تكون القوة التي يؤثر بها عمودية على أتجاء الازاحة الأفقية، الشغل الكلي هو f هو f f f f
- (3.7) لا . على سبيل المثال افترض المتجهين B=2i-j . A=2i-3i يعطي A=B=8 يالرغم من أن المركبة في اتجاه C=1 لكلا المتجهن سالية.

- (4.7) القوة مقسومة على الإزاحة، في النظام SI تكون نبوتن لكل متر (N/m).
- (5.7) نعم. عندما يكون هناك مركبة للشوة الاحتكاك في اتجاء الحركة. افسترض صندوق شحن موضوعاً في حوض العربة عندما تتسارع العربة اتجاء الشرق. قوة الاستاتيكي التي تؤثر بها العربة على الصندوق تكون في اتجاء الشرق لتعط الصندوق نفس التسارغ مثل العربة.

(بافترض أن الصندوق لاينزلق). حيث أن

الصندوق يتسارع فإن طاقة حركته تتزايد.

(6.7) حيث إن السيارتين يبذلان نفس كمية الشـفل، فـإن المساحتين تحت المنحنين تكونان متساويتان. ومع ذلك فإن المنحل للسيارة الأقل في القدرة يمتد لفترة زمنية اطول ولايمتد لأعلى على محور % ممثل منحنى السيارة الرياضية.

High-power sports car

Low-power truck



منظر عسام في الكرنفال وهو تعليق حرس يعمل بالجذب. وفيه يارجح اللاعب مطرقة ثقيلة ويسقطها لأسفان

dle है। दिलंब हर्न्य । दिलंब । Potential Energy and Conservation of Energy

ولفهل ولائس 8

ويتضمن هذا الفصل :

7.8 الرسوم البيانية للطاقة واتزان منظومة (اختياري)

(Optional) Energy Diagrams and the Equilibrium of a System

8.8 حفظ الطاقة بصورة عامة Conservation of Energy in General

9.8 تكافؤ الكتلة والطاقة (اختياري) (Optional) Mass-Energy Equivalence

10.8 تكمية الطاقة (اختياري)

(Optional) Quantization of Energy

Potential Energy ماقة الوضع 1.8 2.8 القوى المحافظة والقوى غير المحافظة Conservative and Nonconservative Forces

3.8 القوى المحافظة وطاقة الوضع Conservative Forces and Potential Energy

4.8 حفظ الطاقة الميكانيكية

Conservation of Mechanical Energy عبر الحافظة 5.8 الشغل المبذول بالقوى غير الحافظة Work Done by Nonconservative Forces

6.8 العلاقة بين القوى الحافظة وطاقة الوضع Relationship Between Conservative Forces and Potential Energy

281

الفيزياء (الجزء الأول - الميكانيكا والديناميكا الحرارية)

في الفصل السابع تم تقديم مبدأ طاقة الحركة وهي عبارة عن الطاقة الملازمة لحركة الجسيم. في هذا القصل سوف نقدم صورة أخرى للطاقة وهي طاقة الوضع، وهي الطاقة المصاحبة لمجموعة من الاجسام التي تؤثر يتوى متبادلة بينها. يمكن اعتبار طاقة الوضع كطاقة مخزونة والتي قد يمكنها بدل شغل أو تحُوِّل إلى طاقة حركة. يمكن استخدام مبدأ طاقة الوضع عند التعامل مع فته معينه من القوى تسمى القوى المحافظة. عندما تؤثر قوى محافظة داخل نظام معزول فإن طاقة الحركة المكتسبة (أو المقدودة) بالنظام تتيجة تغيير مواضع مكوناتة تعادل بفقد (أو كسب) مساو في طاقة الوضع. هذا الاتزان بين صورتين من صور الطاقة يُعرف بهيدا حفظ الطاقة المكانية.

تتواجد الطاقة هي الكون في عدة صور، تشمل الطاقة المكانيكية والكهرمغناطيسية والكميائية والنووية عالاوة على ذلك، يمكن تحويل الطاقة من صورة إلى آخرى. فعلى سبيل المثال عند توصيل بطائوية بموترر كهربائي، تتحول الطاقة الكهربية إلى طاقة ميكانيكية وذلك عندما يستخدم الموتور في تشغيل جهاز، تحويل الطاقة من صورة إلى آخرى هو جزء اساسي في دراسة الفيزياء، الهندسة، اليطودي، الجيولوجيا والقلك.

عند تحويل الطاقة من صورة لأخرى فإن الطاقة الكلية المتواجدة لاتتنير. يبنى حفظ الطاقة أنه بالرغم من أن صور الطاقة قد تتنير، إذا ما فقد جميم أو منظومة طاقة، فإن نفس الكمية من الطاقة تظهر في جسم آخر أو في الأوساط المحيطة بالجسم.

*POTENTIAL ENERGY طاقة الوضع 1.8

الجسم الذي يكتسب طاقة حركة يمكنه أن يبدئل شغلاً على جسم آخر-على سبيل المثال وقد الشاكوش الشكرة على سبيل المثال وقد الشاكوش الشكرة المثالة المسعودة الخرى من سور الطاقة، عند الطاقة تسمى طاقة الموضع لا وهي الطاقة المساحية الجموعة من الإجسام، قبل تحديد صور معينة من طاقة الوضع، يجب أن تُعرف أولاً المنظومة والتي تتكون من جسمين أو اكثر توقع على المنظومة تتغير، إذا ما تم تغيير وضع المنظومة فإن طاقة الموضع المنظومة تتغير، إنا كانت المنظومة التغير، عند سبب الشغل المبدول بالقوة النظومة المنظومة المنظومة المنظومة المنظومة المنظومة المنظومة المنظومة المنظومة المنظومة.

طاقة الوضع الناشئة عن الجاذبية: Gravitational Potential Energy

عندما يسقط جسم نحو الأرض، تؤثر الأرض عليه بقوة جذب mm، واتجاه القوة هو نفس اتجاه حركة الجسم. تبذل قوة الجاذبية شغلاً على الجسم ومن ثم تُزيد طاقة حركته، افترض أن قالباً من الطوب سقط من السكون مباشرة على مسمار في لوحه موضوعة على الأرض. عند ترك القالب يسقط فإنه يسقط في اتجاه الأرض مكتسباً سرعة وبالتالي يكتسب طاقة حركة، المنظومة المكونة من

الفصل الثامن، طاقة الوضع وحفظ الطاقة

القالب والأرض لها طاقة وضع عندما يكون القالب على أي مسافة من الأرض (أي أن هناك امكانية بذل شغل) وتتحول طاقة الوضع إلى طاقة حركة عندما يسقط القالب. يعدث تحويل طاقة الوضع إلى طاقة حركة باستمرار خلال السقوط. عندما يصل القالب إلى المسمار واللوحة على الارض، فإنه يبذل شغلاً على المسمار دافعاً أياه داخل اللوحة. ماذا يجدد مقدار الشغل الذي يمكن أن يبذله القالب على المسمار؟ من السهل أن تلاحظ أنه كلما كانت كتلة القالب أكبر كلما زادت المسافة التي يخترقها المسمار، في اللوحة، كذلك كلما زاد ارتفاع القالب قبل أن يسقط، كلما زاد الشغل المبذول منه على المسمار،

حاصل ضرب مقدار قوة الجاذبية M المؤثرة على جسم في ارتفاع الجسم يعد من الأشياء الهامة في الفيزياء والتي يعطي اسم "طاقة الوضع الناشئة عن الجاذبية" يرمز لها بالرمز $U_{\rm g}$ وبالتالي تكون معادلة طاقة الوضع هي:

طاقة الوضع الناشئة عن الجاذبية
$$U_{\rm g} = mgy$$
 (1.8

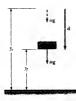
طاقة الوضع الناشئة عن الجاذبية هي طاقة لمنظومة مكونة من الجسم والأرض. تتحول هذ الطاقة إلى طاقة حركة للمنظومة بقوة الجاذبية، في هذا النوع من النظم تكون أحد مكوناته (الارض) أكبر كثيراً في الكتلة عن الكون الآخر (الجسم). يمكن افتراض أن الجسم الأثقل ثابت ويمكن التعبير عن طاقة الحركة للمنظومة بطاقة الحركة للجسم الاقل في الكتلة. هكذا فإن طاقة حركة المنظومة يمكن تمثيلها بطاقة حركة الجسم الساقط تجاه الارض. لاحظ كذلك أن المعادلة 1.8 صحيحة فقط للاجسام القريبة من سطح الارض حيث تكون g ثابتة تقريباً(ا).

دعنا الآن نبحث عن العلاقة بين الشغل المبذول على جسم من قوة الجاذبية وطاقة الوضع الناشئة عن الجاذبية للمنظومة المكونة من الأرض والجسم.

لاجراء ذلك دعنا نفترض ان قالباً كتلته m على ارتفاع ابتدائي _{إلا} فوق الارض، كما هو موضح بالشكل 1.8. إذا ما أهملنا مقاومة الهواء حينئذ تكون القوة الوحيدة التي تبدل شغلاً على القالب عند سقوطه هي قوة الجاذبية التي تؤثر على القالب وتساوي mg. الشغل المبدول نقوة الحاذبية عندما تحدث للقالب ازاحة لاسفل مقياره d أهو:

$$\mathbf{W}_g = (\mathbf{m}\mathbf{g}) \cdot \mathbf{d} = (-m\mathbf{g}\mathbf{j}) \cdot (y_f - y_i)\mathbf{j} = mgy_i - mgy_f$$

حيث استخدمنا العلاقة (المعادلة 4.7) j=1. إذا ما تأثر جسم



شكل 1.8 الشـغل المبـنول على القالب بواسطة قوة الجاذبية عند سقوطه من ارتفاع y_i إلى ارتفاع $y_{i'}$ يساوي $y_{i'}$ سيساوي $y_{i'}$ سيساوي إلى التفاع

283

⁽ا) الفرض بأن قوة الجاذبية ثابتة يكون فرضا جيدا طالما كانت الإزاحة الرأسية صغيرة بالقارنة مع نصف قطر الأرض.

الفيزياء (الجزء الأول - المكانيكا والديناميكا الحرارية)

بإزاحة أفقية وازأحة رأسية، أي أن $\mathbf{d} = (x_f - x_i)\mathbf{i} + (y_f - y_i)\mathbf{j}$ ك حينتُذ يظل الشغل المبدول بقوة الجاذبية هو $\mathbf{m}gy_i - mgy_j - mgy_i + mgy_i - mgy_j$. هكذا فإن الشغل المبدول بقوة الجاذبية يعتمد فقط على التغيير في $\mathbf{v}gy_i - mgy_j - mgy_j$ فقط على التغيير في $\mathbf{v}gy_i - mgy_j - mgy_j$

علمنا سابقاً أن الكمية U_{g} هي طاقة الوضع الناشىء عن الجاذبية للمنظومة U_{g} وهكذا نحصل على:

$$W_g = U_i - U_f = -(U_f - U_i) = -\Delta U_g$$
 (2.8)

من هذه النقيجة فلاحظ أن الشغل المبدول على أي جسم بقوة الجاذبية يساوي سالب التغير في طاقة وضع الجاذبية وضع الجاذبية وضع الجاذبية عند الموضع الابتدائي والموضع النهائي هما اللتان لهما أهمية. يغني ذلك أن لدينا الحرية الكاملة ان نضع نقطة اصل الاحداثيات في اي وضع مناسب. اخيراً الشغل المبدول بقوة الجاذبية على الجسم عند سقوط الجسم على الارض هو نفسه الشغل المبدول الذي يبذله جسم يبدأ السقوط وينزلق على سطح ماثل على الحرض الحركة الافقية لاتؤثر على قيمة ي %.

وحدة طاقة جهد الجاذبية هي نفسها وحدة الشغل أي جول. طاقة الوضع مثلها مثل الشغل وطاقة الحركة وهى كمية قياسية.

إختبار سريع 1.8

هل من المكن ان تكون طاقة الوضع الناشئة عن الجاذبية لجسم سالبة.

مثال 1.8 لاعب البولينج وألم في أصبعه

أمسك لاعب البولينج باستهتار كرة البولينج فانزلقت من يده على اصابع قدمه، باعتبار مستوى الارض هو g= y لاحداثيات المنظومة، احسب الشغل الكلي لقوة الجاذبية على الكرة عند سقوطها. اعد الحسابات بافتراض أن رأس اللاعب هى مركز الاحداثيات.

الرض: نحتاج تقدير بعض القيم. كرة البولينج كتلتها 7 kg وارتشاع إصبع اللاعب عن الأرض مو 1 kg وارتشاع المنظومة المكونة من الكرة تسقط من الرقط 1 c. 0.03 m .0.03 m و 1 with maximal model .0.03 m و 1 with maximal model .0.5 m و 1 with maximal model .0.5 m 1 with model .0.5

$$W_g = U_i - U_f = 32.24J$$

ربما قد نحافظ على رقم عشرى واحد نتيجة التقريب في حساباتنا. وهكذا، يمكننا أن نقدر أن

الفصل الثامن؛ طاقة الوضع وحفظ الطاقة

قوة الجاذبية تبدّل شغلاً مقداره (30 اثناء سقوطها . طاقة الوضع للمنظومة هي 30 بالنسبة إلى قمة اصبح القدم قبل ان تبدأ الكرة في السقوط.

عندما نستخدم رأس اللاعب (والتي تقدر انها على ارتفاع 1.50m من الارض) كنقطة أصل للإحداثيات، نجد أن $U_i = mgy_i = (7 \text{ kg})(9.8 \text{ m/s}^2)(-1\text{m}) = -68.91$

 $U_f = mgy_f = (7 \text{ kg})(9.8 \text{m/s}^2)(-1.47 \text{m}) = -100.8 \text{J}$ وكذلك

وبالتالي يكون الشغل المبذول بقوة الجاذبية هو:

 $W_g = U_i - U_f = -68.6 \text{ J} + 100.8 \text{ J} = 32.24 \text{ J} = 30 \text{ J}$

طاقة الرونة الكامنة : Elastic Potential Energy

الآن افترض منظومة تتكون من ثقل وزنبرك، كما هو موضع بالشكل 2.8 القوة التي يؤثر بها الزنبرك على الثقل تعطى بالعلاقة $F_s = -kr$. في الفصل السابق علمنا أن الشغل المبدول بواسطة قوة الزنبرك على ثقل متصل بالزنبرك يعطى بالمعادلة:

$$W_s = \frac{1}{2}kx_i^2 - \frac{1}{2}kx_f^2 \tag{3.8}$$

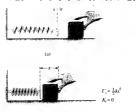
في هذه الحالة تقاس المسافة الابتدائية والنهائية للثقل من نقطة الاتزان (=x. مرة أخرى نلاحظ، أن W تمتمد على الموضع الابتدائي والموضع النهائي وهي بذلك تساوي صفراً للمسار المغلق، تعرف دالة طاقة المودنة الكامنة المساحمة للمنظومة بالملاقة

طاقة المرونة الكامنة في الزنبرك
$$U_s \equiv \frac{1}{2}kx^2$$
 (4.8)

يمكن اعتبار طاقة المرونة الكامنة لمنظومة على أنها طاقة مختزنة في زنبرك (إما أن يكون مضغوطاً أو منبسطاً ، بالنسبة لموضع الاتزان)، حتى تتصور ذلك افترض الشكل 2.8 والذي يوضح زنبركا موضوعاً على سطح افقي أملس. عند دفع الثقل تجاه الزنبرك (شكل 2.8b) ينضغط الزنبرك مسافة x وتكون طاقة المرونة الكامنة في الزنبرك تساوي $x^2 x^2 + 1$ عند ترك الثقل يتحرك من السكون، يعود الزنبرك مرة أخّرى إلى وضعه الأساسي وتتحول طاقة المرونة الكامنة إلى طاقة حركة للثقل (شكل 2.8c).

طاقة المرونة الكامنة المختزنة في الزنبرك تساوي صفراً عندما يكون الزنبرك عند = x. يكون طاقة مختزنة في الزنبرك فقعل عندما يكون الزنبرك مضغوطاً أو منبسطاً، عبلاوة على ذلك فإن طاقة المرونة الكامنة تكون أكبر ما يمكن عندما يكون الزنبرك منضغط تماما أو منبسط تماما رأي عندما تكون |x| أكبر ما يمكن أخيراً حيث أن طاقة المرونة الكامنة تتناسب مع x. نلاحظ أن تكون دائماً موجبة عندما يكون الزنبرك مضغوطا أو منبسطا.

الميزياء (الجزء الأول - الميكانيكا والديناميكا الحرارية)



شكل 2.8 (a) زنيـرك مـوضـوع على سطح أفقى أملس (b) ثقل كتلته m يتم دفعه تجاه الزنيرك مسببا انضغاطا مقداره c) عند ترك الثقل يتحرك من السكون فإن طاقة المرونة الكامنة والمخترنة في الزنبرك تتحول إلى طاقة حركة للثقل.

2.8 > القوى الحافظة والقوى غير الحافظة

CONSERVATIVE FORCES AND NONCONSERVATIVE FORCES

الشغل المبذول بواسطة قوة الجاذبية لا يعتمد على ما إذا كان الجسم سوف يهبط أو ينزلق إلى أسفل مستوى مائل. المهم هو التغير في ارتفاع الجسم. من ناحية أخرى فإن الفقد في الطاقة نتيجة الاحتكاك على المستوى المائل يعتمد على المسافة التي ينزلقها الجسم بمعنى أن الشغل المبذول بواسطة قوة جاذبية لا يعتمد على المسار، ولكن يختلف الوضع إذا أخذنا في الاعتبار الفقد في الطاقة نتيجة قوى الاحتكاك. يمكن استغلال ذلك في تصنيف القوى إلى قوى محافظة وأخرى غير محافظة.

القوى الحافظة Conservative Forces

القوى المحافظة لها خاصيتين هامتين:

خواص القوى المحافظة

(1) تكون القوة محافظة إذا كان الشغل المبذول على جسم يتحرك بين أي نقطتين لأيعتمد على مسار الجسم.

(2) الشغل المبذول بالقوة المحافظة على جسم يتحرك في مسار مغلق يساوي صفراً. (السار المغلق هو المسار الذي ينطبق فيه نقطة البداية على نقطة النهاية).

قوة الجاذبية هي احدى الأمثلة للقوى المحافظة والقوه التي يؤثر بها الزنبرك على أي جسم ملحق 286) بالزنبرك هي مثال آخر. كما علمنا من القسم السابق، فإن الشغل الذي تبذله قوه الجاذبية على جسم

الفصل الثامن؛ طاقة الوضع وحفظ الطاقة

يتحرك بين أي نقطتين بالقرب من سطح الارض هو $W_{o} = mgy_{i} - mgy_{i}$ من هذه المعادلة نلاحظ أن W تعتمد فقط على قيمة احداثيي y الابتدائي والنهائي للجسم وبالتالي لاتعتمد على المسار . الأكثر من ذلك فإن $W_{n} = 0$ عندما يتحرك الجسم في مسار مغلق $(y_{i}=y_{f})$.

في حالة منظومة الجسم والزنبرك فإن الشغل ، لا المبذول بقوة الزنبرك يعطى بالعلاقة W_s (المعادلة 3.8). مرة أخرى نلاحظ أن قوة الزنبرك هي قوة محافظة لأن $W_s = \frac{1}{2}kx_i^2 - \frac{1}{2}kx_i^2$ تعتمد فقط على احداثيي x الابتدائي والنهائي للجسم وتساوي صفراً في حالة المسار المغلق.

هكذا يمكننا أن نرفق طاقة الوضع مع أي قوة محافظة ويمكن إجراء ذلك للقوى المحافظة فقط. في القسم السابق يمكن تعريف طاقة الوضع المصاحبة للقوة التثاقلية على أنها $U_o = mgy$. بصورة عامة يكون الشغل المبذول W على جسم بواسطة قوة محافظة يساوى طاقة الوضع الابتدائية المصاحبة للجسم مطروحاً منها القيمة النهائية.

الشغل المبذول بالقوى المحافظة
$$W_c = U_i - U_f = -\Delta U$$
 (5.8)

هذه المعادلة معروفة لك. انها الصورة العامة لمعادلة الشغل المبذول بواسطة قوة الجاذبية (المعادلة 2.8) وكذلك الشغل المبذول بواسطة قوة الزنبرك (المعادلة 3.8).

قوى غير محافظة Nonconservative Forces

🎻 يقال أن القوة غير محافظة إذا كانت تسبب تغيراً في الطاقة الميكانيكية E، والتي نعرفها على أنها مجموع طاقتي الحركة والوضع. على سبيل المثال إذا ما دفع كتاباً كي ينزلق على سطح أفقى خشن فإن قوة الاحتكاك الحركي الكيناتيكي تُنقص من طاقة حركة الكتاب. كلما تباطأ الكتاب، تتناقص طاقة حركته. نتيجة لقوة الاحتكاك، ترتفع درجة حرارة الكتاب والسطح. نوع الطاقة المصاحب لدرجة الحرارة هو طاقة داخلية، والتي سوف ندرسها في الفصل 20. من الخبره لايمكن تحويل الطاقة الداخلية مرة أخرى إلى طاقة حركة للكتاب، بمعنى أن تحويل الطاقة غير قابل للعكس. حيث إن قوة طاقة الاحتكاك تغير من قيمة الطاقة الميكانيكية للنظام، فإنها قوة غير محافظة.

من نظرية الشغل- طاقة الحركة نلاحظ أن الشغل المبذول بقوة محافظة على جسم تسبب تغير في طاقة حركة الجسم. يعتمد التغير في طاقة الحركة فقط على الموضع الابتدائي والموضع النهائي للجسم وليس على المسار الواصل بينهما. دعنا نقارن مع مثال انزلاق الكتاب والذي تؤثر فيه قوة الاحتكاك غير المحافظة بين الكتاب والسطح. طبقاً للمعادلة 17.7a فإن التغير في طاقة الحركة نتيجة $\Delta K_{friction} = -f_k d$ الاحتكاك هو $\Delta K_{friction} = -f_k d$ هي طول المسار الذي يؤثر خلاله قوة الاحتكاك. تصور أن

الفيزياء (الجزء الأول - المكانيكا والديناميكا الحرارية)



الكتاب ينزلق من A إلى B على خط مستقيم طوله D شكل D. التغير في طاقة الحركة هو $f_{\mu}d$. الأن افترض أن الكتاب ينزلق على مسار عبارة عن نصف دائرة من A إلى B. في هذه الحالة يكون المسار أطول ونتيجة لذلك يكون التغير في طاقة الحركة اكبر في المقدار (الأشارة سالبة) عنه في حالة الخط المستقيم. في هذ الحالة يكون التغير في طاقة الحركة مساوياً 2 /f μπ d. حيث d هي قطر نصف الدائرة. هكذا، نلاحظ أنه في حالة القوة غير المحافظة يعتمد التغير في طاقة الحركة على المساربين نقطتا البداية والنهاية. عند أخذ طاقة الوضع في الاعتبار، حينئذ يعتمد التغير في الطاقة الميكانيكية على المسار. سوف نعود إلى هذه النقطة في قسم 5.8.

شكل 3.8 يعتمد الفقد في الطاقة نتيحة قوة الاحتكاك الكيناتيكي على المسار الذي بسلكه الكتاب من النقطة A إلى النقطة B. يكون الفسف. في الطاقة الميكانيكية أكبر عند سلوك المسار الأحمر منه في حبالة المسار الأزرق.

3.8 > القوى الحافظة وطاقة الوضع

CONSERVATIVE FORCES AND POTENTIAL ENERGY

وجدنا في القسم السابق أن الشغل المبذول على جسم بواسطة قوة محافظة لايعتمد على المسار الذي يسلكه الجسم. يعتمد الشغل فقط على الاحداثيات الانتدائية والنهائية للجسم. نتيجة لذلك يمكن تعريف دالة طاقة الوضع U بحيث بكون الشغل الميذول بقوة محافظة مساويا النقص في طاقة الوضع للمنظومة. الشغل المناول بواسطة قوة محافظة F عندما يتحرك الحسم على المحور x هو:

$$W_c = \int_x^{x_f} F_x dx = -\Delta U \tag{6.8}$$

حيث F_{r} هي مركبة F في اتجاه الإزاحة. أي أن، الشغل المبدول بقوة محافظة يساوي سالب التغير في طاقة الوضع المصاحبة لهذه القوة، حيث يعرف التغيير في طاقة الوضع بالمقدار ΔU $=U_f-U_i$

يمكن كتابة المعادلة 6.8 في الصورة:

$$\Delta U = U_f - U_i = -\int_{x_i}^{x_f} F_x dx$$
 (7.8)

هكذا تكون ΔU تكون سالبة عندما يكون F_x و ΔU لهما نفس الاتجاء كما يحدث عندما يهبط جسم تحت تأثير الجاذبية أو عندما يدفع الزنبرك الجسم تجاه نقطة الاتزان.

يحتم المصطلح 'طاقة الوضع' ان الجسم لديه احتمالية أو امكانية ان يكتسب طاقة حركة أو بذل 288 منعل عندما يُطلق للحركة من نقطة ما تحت تأثير قوة محافظة تؤثر على الجسم بعنصر آخر من المنظومة، غالباً ما يكون من الملائم ان نتخذ النقطة x كنقطة إسناد وتقاس فروق طاقة الوضع بالنسبة لها، يمكن تعريف دالة طاقة الجهد على إنها

$$U_f(x) = -\int_{x}^{x_f} F_x dx + U_i$$
 (8.8)

غالباً ما نآخذ قيمة U_i مساوية للصفر عند نقطة الاسناد . ليس هناك أي اهمية لتحديد قيمة U_f لأن أي قيمة غير صفرية سوف تؤدي إلى الإزاحة في قيمة U_f بكمية ثابتة والتغير في طاقة الجمد هو مقدار له مغزى فيزيائي . إذا كانت القوة المحافظة معاومة كدالة في الموضع، يمكن استخدام المعادلة 8.8 في حساب التغير في طاقة الوضع للمنظومة عندما يتحرك جسم من النظام من X_i المراحدة في اتجاء واحد تكون القوة محافظة طالمًا هي دالة في الموضع X_i هقط، ليس من الضروري أن يكون ذلك هو الوضع في حالة الإزاحة في ثلاث أبعاد .

A.8 حفظ الطاقة الميكانيكية CONSERVATION OF MECHANICAL ENERGY

من عند رفع جسم إلى ارتفاع fl من الارض لايكون له طاقة حركة. مع ذلك وكما علمنا سابقاً فإن وع طاقة الوضع الناشئة عن الجاذبية لنظومة الجسم- الارض تساوي mgh عند إسقاط الجسم فإنه يهبط تجاه الارض وتزداد سرعته وبالتالي طاقة حركته، بينما تتناقص طاقة وضع المنظومة. إذا ما تم إهمال بعض المؤثرات مثل مقاومة الهواء فإن طاقة الوضع المفقودة تظهر كطاقة حركة كلما هبط الجسم لأسفل.

بمعني أن مجموع طاقة الحركا رطاقة الوضع أي الطاقة المكانيكية الكلية E نظل ثابتة. هذا مثال يوضح مبدأ حفظ الطاقة المكانيكية.

في حالة سقوط الجسم سقوطاً حراً، ينص هذا المبدأ على أن اي زيادة (أونقص) في طاقة الوضع يكون مصحوباً بنقص (أو زيادة) مساوية في طاقة الحركة. لاحظ أن الطاقة الميكانيكية لأى منظومة تظل ثابتة لجموعة من الاجسام العزولة والتي تتأثر مع بعضها من خلال قوى محافظة.

حيث إن الطاقة الميكانيكية لنظام، E تُعرف على أنها مجموع طاقتي الحركة والوضع، يمكننا كتابة:

الطاقة المكانيكية الكلية
$$E \equiv K + U$$
 (9.8)

يمكن التعبير عن مبدأ حفظ الطاقة بالصورة $E_f=E_f$ وهكذا نحصل على:

تبقى الطاقة المكانيكية $K_i + U_i = K_f + U_f$ (10.8) لنظومة معزولة ثابتة

من المهم أن نلاحظ أن المعادلة 10.8 تكون صحيحة فقط في حالة عدم إضافة أو إزالة طاقة من النظومة. علاوة على ذلك، لايجب أن يكون هناك قوى غير محافظة تبدّل شغلاً داخل المنظومة.

أير: افترض مثال كرنفال دق- الجرس الموجود في أول هذا الفصل. يحاول المشارك في الكرنفال أم الكرنفال المساحبة لثقل المطرقة التي تؤدي أما المنافقة وضع ناشئة عن الجاذبية المصاحبة لثقل المطرقة التي تؤدي إلى انزلاق الثقل في المسار العمودي. إذا كان للمطرقة طاقة حركة كافية فإن الثقل يُرفع لاعلى بدرجة كافية حتى يصل إلى الجرس الموضوع على قمة المسار. لكي تصل طاقة حركة المطرقة إلى أقصى قيمة، يلوح اللاعب بالمطرقة بأسرع مايمكن. كلما أسرع في حركة المطرقة كلما بذلت شغلاً أكبر على هدف الارتكاز والذي يؤدي بالتالي إلى بذل شغلاً على الثقل، بالطبع تشجيم الوتد (حتى نجعل الفقد في الطاقة نتيجة الاحتكاك أقل ما يمكن) قد يساعد ولكن غالباً ما يكون غير متاح.

إذا أثرت أكثر من قوة محافظة على جسم داخل النظومة، فإنه يوجد دالة طاقة وضع لكل قوة. في مثل هذه الحالة يمكننا تطبيق مبدأ حفظ الطاقة المكانيكية للنظام في الصورة:

$$K_i + \sum U_i = K_f + \sum U_f \tag{11.8}$$

تجرية سريعة: دلي حــــذاء من رباطه واستخدمه كبندول.

حيث عدد الحدود في الجموع يساوي عدد القوى المحافظة الموجودة. على سبيل المثال، إذا الحق جسم بزنبرك يتـذبنب رأسيـاً، فبأن هناك قبوتين محافظتان تؤثران على الجسم: قرة الزنبرك وقوة ألجاذيية.



زوح من الشسلالات في جسزيرة كساواي هاواي. تتحول طاقة وضع الجاذبية للمنظومة المكونة من الماء والأرض عندما يكون الماء اعلى الشطال إلى طاقة حركة بمجرد أن تبدأ الماء في المسقوط، ماذا كان لدى الماء وهو على قمة المحجرة؟ بمعنى آخر ما هو المصدر الرئيسي لطاقة الوضع الناشئة عن الجاذبية عندما كان

لا اختبار سریع 2.8

ثبتت كرة برنبرك خفيف معلق راسياً كما هو موضح بالشكل 8.4. عند إزاحته لأسفل من موضع الانزان ثم تُرك، تتدبينب الكرة إلى أعلى و إلى أسفل. إذا اهملنا مقاومة الهواء هل تتحول الطاقمة المكانيكية الكلية للمنظومة (الكرة والزنبوك و الارض)؟ كم عدد صور طاقة الوضع في هذه الحالة.

اختيار سرنع 3.8

فذفت ثلاث كرات متماثلة من قمة مبنى كلها بسرعة ابتدائية واحدة. فذفت الأولى أفقياً والثانية بزاوية أعلى مع الافقي والثالثة بزاوية اسفل الخط الأفقي كما هو موضع بالشكل 5.8. إذا اهملنا مقاومة الهواء، رتب سرعات الكرات عند لحظة ارتطام كل منها مع الارض.



شكل 48 ثبتت كرة بزنبرك مهمل الكتلة معلق رأسياً. ما هي صورة طاقــة الوضع المساحبة للمنظومة المكونة من الكرة والزنبرك والارض عند ازاحة الكرة إلى أسفل.

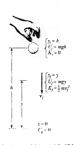


مثال 2.8 سقوط كره سقوطاً حراً

أسقطت كرة كتلتها m من ارتفاع h فوق الارض كما هو موضح بالشكل 6.8 (a) بإهمال مقاومة الهواء احسب سرعة الكرة عندما تكون على ارتفاع y من الارض.

ا**لُحل:** حيث إن الكره تسقط سقوطاً حراً فإن القوة الوحيدة التي تؤثر عليها هي قوة الجاذبية. لهذا تستخدم مبدأ حفظ الطاقة الميكانيكية لمنظومة الارض والكرة.

في أول الأمر يكون للمنظومة طاقة وضع وليس لها طاقة حركة. عند سقوط الكرة نظل الطاقة اليكانيكية الكلية ثابتة وتساوي طاقة الوضع الابتدائية للمجموعة.



شكل 6.8 استفاط كرة من ارتفاع 4 فوق الأرض. في بادئ الأمــر تكون الطاقــة الكليــة للمنظومــة الكونة من الكرة والأرض هي طاقـة وضع وتســاوي mgh بالنسبــة للارض. عند ارتضاع y تكون الطاقة الكلية هي مجموع طاقتي الحركة والدضع.

عند لحظة ترك الكّرة أتسقط تكون طاقة حركتها $K_i=0$ وطاقة الوضع للمنظومة $U_i=mgh$ عندما تكون الكرة على ارتضاع $V_i=\frac{1}{2}$ فرق الأرض تكون طاقة حركتها $V_j=\frac{1}{2}$ وطاقة وضعها بالنسبة للأرض هي $V_j=mgh$ باستخدام المادلة 1.8 نحصل على:

$$K_i + U_i = K_f + U_f$$

$$0 + mgh = \frac{1}{2}mv_f^2 + mgy$$

$$v_f^2 = 2g(h - y)$$

$$v_f = \sqrt{2g(h \cdot y)}$$

السرعة دائماً موجبة. إذا ما طلب تحديد سبرعة الكرة (مقداراً واتجاهاً)، يجب أن تستخدم القيمة السالبة للجنر التربيعي كقيمة المركبة في اتجاء y بما يشي ان الحركة لاسفل.

(b) احسب سرعة الكرة عند y إذا كانت سرعتها الابتدائية عند دفعها للحركة هي v_i وهي على ارتفاع d.

$$10.8$$
 ألحل: في هذه الحالة تشمل الطاقة الابتدائية طاقة حركة تساوي $\frac{1}{2}mv_i^2$ وتعطي المعادلة $\frac{1}{2}mv_i^2 + mgh = \frac{1}{2}mv_f^2 + mgy$
$$v_f^2 = v_i^2 + 2g(h-y)$$

$$v_f = \sqrt{v_i^2 + 2g(h-y)}$$

هذه النتيجة تتقق مع العلاقة $y_j^2 + 2g(y_j - y_j)^2 + 2g(y_j - y_j)$ من الكينماتيكا، حيث $y_j^2 - 2g(y_j - y_j)$ ذلك، تتحقق هذه النتيجة حتى وإن كانت السرعة الابتدائية تصنع زاوية مع الافقي (كما في حالة المقذوفات) لسببين (1) الطاقة كمية فياسية وتعتمد الطاقة الابتدائية فقط على مقدار السرعة دون اتجاهها. (2) يعتمد التغير في طاقة الوضع الناشئة عن الجاذبية فقط على التغير في الموضع في الابتداء الرأسي.

مثال 3.8 البندول

يتكون البندول من كرة كتلتها m مربوطة هي خيط خفيف طوله L كما بالشكل 7.8 - تترك الكرة للحركة من السكون عندما تكون الزاوية التي يصنعها الخيط مع الرأسي $\theta_{\rm A}$. (a) احسب سرعة الكرة عندما تكون عند ادنى موضع $\widehat{\rm (B)}$.

الحل: القوة الوحيدة التي تبدل شغلاً على الكرة هي قوة الجاذبية. (قوة الشد تكون دائماً عمودية على كل عنصر من الإزاحة وبالتالي لاتبدل شغلاً. وحيث إن قوة الجاذبية محفوظة فيان الطاقة الميكانيكية للمنظومة المكونة من الكرة والبندول تكون ثابتة. (بمعنى أنه بمكن اعتبار هذا المثال كمسألة حفظ طاقة). عندما يتارجح البندول، يكون هناك تحول مستمر بين طاقة الوضع وطاقة الحركة، عند لحظة ترك البندول للحركة تكون الطاقة الكلية هي طاقة وضع. عند النقطة (الكلية هي طاقة وضع. عند النقطة (الأ

القصل الثامن؛ طاقة الوضع وحفظ الطاقة

يكتسب البندول طاقة حركة ولكن يفقد الجسم بعض من طاقة الوضع. عند ۞ يسـتـرد النظام طاقة الوضع وتعود طاقة حركته إلى الصفر مرة أخرى.

إذا افسترضنا الاحداثي y للكرة من مركز $y_B = -L$ و $y_A = -L$ $\cos\theta_A$ ولهذا الحوران فإن $y_B = -L$ g = -L $\cos\theta_A$ باستخدام $y_B = -mgL$ و $y_A = -mgL$ $\cos\theta_A$ ميدا خفط الطاقة المكانيكية على المنظومة نحصل على :

$$K_A + U_A = K_B + U_B$$

$$0 \cdot mgL \cos \theta_A = \frac{1}{2} m v_B^2 - mgL$$

$$(1) \qquad v_B = \sqrt{2gL} (1 - \cos \theta_A)$$

(B) ما هو الشد في الخيط $T_{\rm R}$ عند (b)

Long L

شكل 7.8 إذا اطلقت كدرة لتشحيرك من السكون بزاوية براة هانها ان تشارجح اعلى هذا الموضع اشاء حركتها، في بداية الحركة عند الموضع (أن، تكون الطاقة هافة وضع فقط، تتحول كل طاقة الوضع إلى طاقة حركة عند ادني نقطة (أن، عندما تستمر الكرة في الحركة على قوس تتحول الطاقة إلى طاقة كلية مرة اخرى عند (أن.

الحل، حيث إن قوة الشد لاتبذل شغلاً هإنه لايمكن ايجاد الشد باستخدام طريقة الطاقة. لحساب $T_{\rm B}$ يستخدم هانون نيوتن الثاني في اتجاه نصف القطر، اولاً نتذكر أن القوة العمودية على جسم $T_{\rm B}$ يتحرك في دائرة تساوي v^2/r وتتجه دائماً نحو مركز الدائرة. حيث أن r=L ، في هذ المسألة، تحصل على:

(2)
$$\sum F_r = T_B - mg = ma_r = m\frac{v_B^2}{L}$$

بالتعويض من (1) في (2) يعطي الشد عند (B):

(3)
$$T_{\rm B} = mg + 2 mg(1 - \cos \theta_{\rm A})$$
$$= mg(3 - 2 \cos \theta_{\rm A})$$

من (2) نلاحظه أن الشد عند النقطة (B) يكون أكبر من وزن الكرة. عبلاوة على ذلك هان (3) تعطي النتيجة المتوقعة وهي $T_B = mg$ عندما تكون الزاوية الابتدائية $\theta_A = 0$.

تمرين: أطلق بندول طوله m 2.0 وكتلته g 0.50 للصركة من السكون بزاوية 30.0 مع الرأسي. احسب سرعة الكرة والشد في الخيطا عندما تكون الكرة في أدنى نقطة.

الإجابة: 6.21 N; 2.29 m/s

5.8 > الشغل المنذول بالقوى غير الحافظة

WORK DONE BY NONCONSERVATIVE FORCES

كما لاحظنا، فإنه إذا كانت القوى المؤثرة على جسم من منظومة هي قوى محافظة، حينتُذ تظل الطاقة الميكانيكية للمنظومة ثابتة، مع ذلك، إذا كان بعض هذه القوى التي تؤثر على الجسم في المنظومة غير محافظة حينئذ التبقى الطاقة الميكانيكية للمنظومة ثابتة. دعنا ندرس نوعين من القوى غير الحافظة: قوة خارجية وقوة احتكاك كيناتيكية.

الشغل المبذول بالقوة الخارجية Work Done by an Applied Force

عند رفع كتاب لمسافة باستخدام قوة، فإن القوة المستخدمة تبذل شغلاً W_{ann} على الكتاب، بينما تبذل قوة الجاذبية شغلاً W على الكتاب. إذا افترضنا ان الكتاب هو جسم فإن الشغل المبذول على الكتاب يرتبط بالتغير في طاقة حركته كما هـو معلوم من نظرية الشغل- طاقة الحركة والمعطاة :15.7 ab-ub

$$W_{\rm app} + W_{\rm g} = \Delta K \tag{12.8}$$

حيث إن قوة الجاذبية هي قوة محافظة، يمكننا استخدام المعادلة 2.8 في التعبير عن الشغل المبذول بقوة الجاذبية بدلالة التغير في طاقة الوضع أو ΔU - W_o . بالتعويض عن W_o في المعادلة 12.8 نحصل على:

$$W_{\rm app} = \Delta K + \Delta U \tag{13.8}$$

لاحظ أن الطرف الايمن لهذه المعادلة يمثل التغير في الطاقة الميكانيكية للمنظومة المكونة من الكتاب والارض. توضح هذه النتيجة ان القوة المؤثرة تنقل طاقة إلى المنظومة في صورة طافة حركة للكتاب وطاقة وضع لمنظومة الكتاب والأرض. من ثم نستنتج أنه إذا كان الجسم جزءاً من منظومة فإن القوة الخارجية تنقل طاقة إلى داخل أو إلى خارج المنظومة.

حالات تشتمل على احتكاك كيناتيكي Situations Involving Kinetic Friction

الاحتكاك الحركي هو مثال للقوة غير المحافظة. إذا ما أعطى كتاب سرعة ابتدائية على سطح افقى خشن، فإن قوة الاحتكاك الكيناتيكي المؤثرة على الكتاب تضاد حركته ويتباطأ الكتاب حتى يتوقف في النهاية. تقلل قوة الاحتكاك من طاقة الحركة للكتاب بتحويل طاقة الحركة إلى طاقة داخلية للكتاب وجزءاً آخر إلى السطح الافقى. يتحول جزء فقط من طاقة حركة الكتاب إلى طاقة داخلية للكتاب والباقي يظهر كطاقة داخلية للسطح. (عند سقوط اللاعب على أرض الملعب، ليس فقط جلد 294) الركبة الذي يصاب بأذي بل تتأثر الأرض أيضاً ().

الفصل الثامن؛ طاقة الوضع وحفظ الطاقة

عندما يزاح الكتاب مسافة d فإن القوة الوحيدة التي تبدل شفلاً هي قوة الاحتكاك الكينياتيكية. تسبب هذه القوة نقص في طاقة حركة الكتاب. تم حساب هذا النقص في فصل 7 والذي يعطى بالمادئة التي تذكرها ثانية هنا:

$$\Delta K_{\text{friction}} = -f_k d \tag{14.8}$$

إذا تحرك الكتاب على سطح ماثل خشن، يحدث ايضاً تغير هي طاقة الوضع الناشئة عن الجاذبية للمنظومة المكونة من الكتاب والارض ويكون $f_{\rm r}d$ هو مقدار التغير هي الطاقة الميكانيكية للمنظومة سست قوة الاحتكاك الكنائمكة. في مثل هذه الحالات:

$$\Delta E = \Delta K + \Delta U = -f_k d$$
 (15.8)
 $E_i + \Delta E = E_f$ حيث

ختيار سريع 4.8

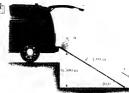
اكتب الصورة العامة لنظرية الشغل- طاقة الحركة لجسمين متصلين ببعضهما بزنبرك وتؤثر عليهما قوة الجاذبية وقوة خارجية أخرى، ادخل تأثير الاحتكاف $\Delta E_{\rm friction}$.

تنويهات عند حل المسائل:

حفظ الطاقة

يمكننا حل الكثير من المسائل باستخدام مبدأ حفظ الطاقة. يجب أن نتبع الطريقة التالية عند استخدام هذا المدأ.

- عرف منظومتك والتي قد تشمل جسمين أو أكثر متأثرة مع بعضها بالإضافة إلى الزنبركات أو المنظومات الاخرى والتي يمكنها أن تختزن طاقة الوضع المرن. اختار النقطتين الابتدائية والنهائية.
- حدد النقاط الصفرية لطاقة الوضع (الجاذبية والزنبرك). إذا تواجد اكثر من قوة محافظة اكتب تعبيراً لطاقة الوضع المصاحبة لكل قوة.
- حدد القوى غير المحافظة إذا كانت موجودة. تذكر أنه اذا تواجد احتكاك أو مقاومة هواء، فإن
 الطاقة الميكانيكية تكون غير محافظة.
- إذا كانت الطاقة المكانيكية محافظة بمكننا كتابة الطاقة الابتدائية عند نقطة ما في الصورة $E_f = K_f + U_f$ للطاقة المكانيكية الكلية $E_f = K_f + U_f$ للنقطة النهائية المطلوبة. حيث إن الطاقة المكانيكية محفوظة، بمكننا مساواة الطاقتين والحل لايجاد الكميات المجهولة.
- إذا تواجدت قوى احتكاك (وبالتالي تكون الطاقة المكانيكية غير محافظة) اكتب أولاً تعبيرات للطاقتين الإبتدائية والنهائية في هذه الحالة يكون الفرق بين الطاقتين – الطاقة الكلية الميكانيكية النهائية والطاقة المكانيكية الابتدائية الكلية مساوياً للتغير في الطاقة الميكانيكية للمنظومة نتيجة الإحتكاك.



شكل 4.8 ينزلق صندوق إلى اسفل منصدر تحت تأثير الجاذبية، تتناقص طاقة الوضع بينما تزداد طاقة الحركة.

🏂 مثال 4.8 انزلاق صندوق على منحدر

ينزلق صندوق كتلته 3.0kg إلى اسفل منحدر. إذا كان طول المنحدر ما 1.0 ويميل بزاوية "30 كما ومنح بالشكل 8.8. يبدأ الصندوق في الحركة من السكون من اعلى قمه المنحدر متأثراً بقوة احتاك ثابتة مقدارها 5.0N ويستمر في الحركة المسافة صغيرة على الارض بعد نهاية المتحدر. استدوق الطاقة في حساب سرعة الصندوق الطاقة في حساب سرعة الصندوق الطاقة المنحدر.

الحل: حيث أن 0-10 فإن طاقة الحركة الابتدائية عند قمة المتحدر تساوي صغراً. إذا تم قياس الاحداثي y من أسفل المتحدر (الموضع النهائي الذي يتلاشى عنده طاقة الوضع) واعتبار الاتجاه الاعلى هو الاتجاه الموجب، حينئذ 2.5m و ومن ثم فإن الطاقة المكانيكية الكلية للمنظومة المكونة من الصندوق والأرض عند القمة هي كليةً طاقة وضع:

$$E_i = K_i + U_i = 0 + U_i = mgy_i$$

= (3.00 kg),(9.8 m/s²)(0.50 m) = 14.7J

عندما يصل الصندوق إلى اسفل المتحدر تكون طاقة الوضع للمنظومة صفراً لأن ارتفاع الصندوق حينئذ 9 _ y ولهذا فإن الطاقة الميكانيكية للصندوق عند وصوله إلى اسفل المتحدر تكون كلها طاقة حركة:

$$E_f = K_f + U_f = \frac{1}{2}mv_f^2 + 0$$

لايمكننا القول أن $J = E_f$ لان القوة غير المحافظة تنقص الطاقة المكانيكية للمنظومة وهي قوة الاحتكاك الكيناتيكية التي تؤثر على الصندوق، في هذه الحالة، تعطي المعادلة $D = -f_d d$ حيث $D = -f_d d$ حيث $D = -f_d d$ حيث الإزاحة على طول المنحدر (تذكر أن القوى العمودية على المتحدر لاتؤثر على الصندوق لأنها عمودية على الإزاحة). باستخدام $D = -f_d d$ و $D = -f_d d$ بعصل على:

$$\Delta E = -f_k d = -(5.0 \text{ N}) (1.0 \text{m}) = -5.0 \text{J}$$

توضح هذه النتيجة أن النظومة تفقد بعضاً من الطاقة الميكانيكية نتيجة وجود قوة إحتكاك غير محافظة. باستخدام المادلة 15.8 نحصل على:

$$E_f - E_i = \frac{1}{2}mv_f^2 - mgy_i = -f_k d$$

 $\frac{1}{2}mv_f^2 = 14.7J - 5.00J = 9.70J$

الفصل الثامن، طاقة الوضع وحفظ الطاقة

$$v_f^2 = \frac{19.4 \text{J}}{3.00 \text{ kg}} = 6.47 \text{ m}^2 / s^2$$

$$v_{i} = 2.54 \text{ m/s}$$

تمرين: استخدم قانون نيوتن الثاني في حساب تسارع الصندوق على المتحدر واستخدم المعادلات الكينماتيكية في تعين السرعة النهائية للصندوق.

2.54m/s ، 3.23m/s² الإجابة:

تمرين: بافتراض ان المنحدر املس. احسب السرعة النهائية للصندوق وكذلك تسارعه على المنحدر.

4.9m/s² ، 3.13m/s الإجابة،

مثال 5.8 الحركة في طريق منحني

يعتلي طفل كتلته m زلاقة غير منتظمة الانحناء ارتفاعها h= 2.0m هو موضع بالشكل 9.8. يبدأ الطفل من السكون عند القمة (a) احسب سرعته عند القاع بافتراض عدم وجود احتكاك.

الحل، لاتبذل القوة الممودية اي شغل على الطفل لأن القوة تكون عمودية دائماً على عنصر الإزاحة وحيث أنه الايوراحة وحيث أنه الايوراحة المنظومة المكونة من الارض والطفل- محافظة. إذا أخذنا الاحدائى $y_i = 0$, $y_j = 1$, وفحصل على:

$$K_i + U_i = K_f + U_f$$
$$0 + mgh = \frac{1}{2}mv_f^2 + 0$$

$$v_f = \sqrt{2gh}$$

وهي نفس النتيجة التي سنحصل عليها إذا ما هبط الطفل رأسياً مسافة مقدارها 1 h

باستخدام h= 2.0m نحصل على:

$$v_f = \sqrt{2gh} = \sqrt{2(9.80 \text{ m/s}^2)(2.00 \text{ m})} = 6.26 \text{ m/s}$$

(b) إذا أشرت قوة احتىكاك كيناتيكية على الطفل، ما مقدار v_f الطاقعة الميكانيكية التي تفقدها المنظومة افترض أن $v_f = 3.0 \mathrm{m}$.



شكل 9.8 إذا كانت الزلاقية ملساء فإن سرعة الطفل عند القاع تعتمد فقط على ارتفاع الزلاقة. ا**لحل**؛ في هذه الحالة لاتكون الطاقـة المكانيكيـة مـحـافظة وبالتالي يجب أن نستخدم المادلة 15.8 لحمساب الفـقـد في الطاقة المكانيكية نتيجة الاحتكاك

$$\Delta E = E_f - E_i = (K_f + U_f) - (K_i + U_i)$$

$$= (\frac{1}{2}mv_f^2 + 0) - (0 + mgh) = \frac{1}{2}mv_f^2 - mgh$$

$$= \frac{1}{2}(20.0 \text{ kg}) (3.00 \text{ m/s})^2 - (20.0 \text{ kg}) (9.80 \text{ m/s}^2) (2.00 \text{ m})$$

$$= -3021$$

مرة أخرى فيمة $\Delta \Delta$ سالبة لأن الاحتكاك يُنقص الطاقة المكانيكية للمنظومة (الطاقة المكانيكية النهائية أقل من الطاقة المكانيكية الابتدائية). حيث أن الزلاقة منحنية، تتغير القوة العمودية في المقدار والاتجاه أثناء الحركة. لهذا فإن قوة الاحتكاك والتي تتناسب مع n تتغير إيضاً أثناء الحركة. μ باعطاء قيمة قوة الاحتكاك المتغيره، هل تعتقد أنه من المكن تعين μ من هذه البيانات؟

🀔 مثال 6.8 🏻 هياندهب للتزلج

تبدأ متزلجة من السكون عند قمة منحدر املس ارتفاعه 20.0m كما هو موضع بالشكل 10.8. ثم تبدأ المتزلجة الحركة من عند قاع المتحدر على سطح أفقي حيث يكون معامل الاحتكاك الكيناتيكي بين المزلاج والجليد هو 02.10 ما المسافة التى تقطعها على السطح الافقى قبل أن تتوقف.

الحل، اولاً دعنا نحسب سرعتها عند قاع النحدر والذي سنختاره على أنه نقطة الصفر لطاقة الوضع، حيث أن النحدر أملس فإن الطاقة المكانيكية للمنظومة المكونة من التزلجة والارض تبقى ثابتة، وسوف نجد، كما فعلنا في المثال السابق، أن

$$v_{\rm B} = \sqrt{2gh} = \sqrt{2(9.80 \text{ m/s}^2)(20.0 \text{ m})} = 19.8 \text{ m/s}$$

الآن نستخدم المدادلة 15.8 لوصف حركة المتزلجة على السطح الأفقي الخشن من (B) إلى (D). التغير في الطاقة المِكانيكية على اللسار الافقى هو $\Delta E = -f_{R} A$ حيث D هي الإزاحة الافقية.

لإيجاد المسافة التي تقطعها المتزلجة قبل أن نتوقف، ناخذ $K_{\rm c}$. باستخدام $v_{\rm B}$ = 19.8m/s وقوة الاحتكاك من العلاقة $\mu_{\rm B}=\mu_{\rm J}$ بحصل على



شكل 10.8 تنزلق المتزلجة إلى أسفل المنحدر ثم تتحرك على مستوى افقى وتتوقف على بعد d من قاع الهضبة.

$$\Delta E = E_{\rm C} - E_{\rm B} = -\mu_{\rm A} m g d$$

$$(K_{\rm C} + U_{\rm C}) - (K_{\rm B} + U_{\rm B}) = (0 + 0) - (\frac{1}{2} m v_{\rm B}^2 + 0)$$

$$= -\mu_{\rm A} m g d$$

$$d = \frac{v_{\rm B}^2}{2\mu_{\rm A} g} = \frac{(19.8 \text{ m/s})^2}{2(0.210) (9.80 \text{ m/s}^2)}$$

$$= -95.2 \text{ m}$$

تمرين: احسب المسافة الافقية التي تقطعها المتزلجة قبل السكون إذا كان المنحدر ايضاً له معامل. احتكاك كتياتيكي يساوى 0.210.

الإجابة: 40.3m

أ مثال 7.8 بندقية قاذفة تعمل بزنبرك

آلية الاطلاق في بندقية - لعبة تتكون من زنبرك ثابت الزنبرك له غير معلوم (شكل 11.8ه). عند ضغط الزنبرك مسافة 0.12m فإن البندقية، عند الاطلاق رأسياً، تكون قادرة على قذف قذيفة كتلتها 35.0g لقصى ارتفاع - 20.m فوق موضع القذيفة قبل اطلاقها. (a) بإهمال جميع القوى المقاومة احسب ثابت الزنبرك.

الحل، حيث أن القذيفة تبدأ من السكون فإن طاقة الحركة الابتدائية تساوي صفراً وإذا أخذنا نقطة الصمر لطاقة الوضع للجاذبية للمنظومة الكونة من القذيفة والارض هي أدنى موضع للقذيفة $\chi_{\rm A}$ حينئذ تكون طاقة الوضع للجاذبية الابتدائية تساوي صفراً. الطاقة الميكانيكية للمنظومة ثابتة حيث لايوجد قوى غير محافظة.

في البداية تكون الطاقة المكانيكية الوحيدة في المنظومة هي طاقة المرونة الكامنة الختزنة في رئيرك البندقية، $U_{s,a} = kx^2/2$. ترتمع القذيفة إلى رئيرك البندقية ، $u_{s,a} = kx^2/2$. وبالتالي تكون طاقة وضع الجاذبية النهائية عندما تصل القذيفة إلى أقصى وتبعة هي $v_c = k = 20.0$. سروا.

طاقة الحركة النهائية للقذيفة تساوي صفراً وطاقة الجهد المرونة الكامنة المختزنة في الزنبرك تساوى صفراً، حيث إن الطاقة المكانيكية للمنظومة ثابتة نجد أن:

$$E_A = E_C$$

$$K_A + U_{gA} + U_{sA} = K_C + U_{gC} + U_{sC}$$

$$0 + 0 + \frac{1}{2}kx^2 = 0 + mgh + 0$$

$$\frac{1}{2}k(0.120 \text{ m})^2 = (0.0350 \text{ kg}) (9.80 \text{ m/s}^2) (20.0 \text{ m})$$

$$k = 953 \text{ N/m}$$

(b) احسب سرغة القذيفة عندما تتحرك حول موضع اتزان الزنبرك (حيث $x_B = 0.120$ m) كما هو موضح في الشكل 11.8b.

الحل: كما لاحظنا سابقاً فإن الطاقة المكانبكية الوحيدة للمنظومة عند A هي طاقة المرونة الكامنة $kx^2/2$. الطاقة الكلية للمنظومة عندما تتحرك القذيفة حول نقطة $1 mv_{\rm R}^2$ الاتزان للزنبرك تشمل طاقة حركة القذيفة وطاقة وضع الجاذبية mgxB. عند ذلك يعطى مبدأ حفظ الطاقة المكانيكية

$$E_{A} = E_{B}$$

$$K_{A} + U_{gA} + U_{sA} = K_{B} + U_{gB} + U_{sB}$$

$$0 + 0 + \frac{1}{2}kx^{2} = \frac{1}{2}mv_{B}^{2} + mgx_{B} + 0$$

$$v_{B} = \sqrt{\frac{kx^{2}}{m}} - 2gx_{B}$$

$$= \sqrt{\frac{(953 \text{ N/m})(0.120 \text{ m})^{2}}{0.0350 \text{ kg}}} - 2(9.80 \text{ m/s}^{2})(0.120 \text{ m})$$

$$= 19.7 \text{ m/s}$$

شكل 11.8 بندقية هواء (لعبة) تعمل بزنبرك

يجب أن تقارن بين الامثلة المختلفة التي تم تقديمها في هذا الفصل. لاحظ كيف يساعد تقسيم المسألة إلى عدة عمليات متعاقبة في ايجاد الحل.

تمرين: ما هي سرعة القذيفة عندما تكون على ارتفاع \$10.0m

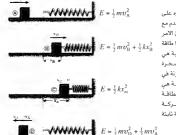
الإجابة: 14.0m/s

تصادم حجرمع زنبرك مثال 8.8

صخرة كتلتها 0.8 kg وسرعتها الابتدائية 1.2 m/s تنزلق تجاه اليمين لتصطدم بزنيرك مهمل الكتلة وله ثابت قوة k = 5 N/m كما هو موضح في الشكل 12.8 . (a) بافتراض أن السطح أملس، احسب اقصى انضغاط في الزنبرك بعد التصادم.

الحل: تتكون المنظومة هنا من الصخرة والزنبرك. قبل التصادم- أي عند النقطة (A) تكون للصخرة طاقة حركة ولابكون الزنيرك منضغطاً بمعنى إن طاقة المرونة الكامنة المختزنة في الزنيرك تساوى صفراً . وهكذا، فإن الطاقة الميكانيكية الكلية للمنظومة قبل التصادم هي $\frac{1}{2}mv_{A}$. بعد التصادم، 300 عند النقطة () ، يكون الزنبرك منضغطاً كلية. وُفي هذ الحالة تكون الصخرة ساكنة وبالتالي فإن





طافة حركتها تساوي صفـراً ، بينما تكـون الطـاقة الخـتزنة في الزنبرك اقصى مايمكن وتساوي $\frac{1}{2}$ $\frac{1}{2}$

حيث إن الطاقة الميكانيكية محفوظة فإن طاقة الحركة للصغرة قبل التصادم يجب أن تساوي أقصى طاقة مرونة كامنة مختزنة في الزنبرك عند انضغاطة كلية.

$$E_{A} = E_{C}$$

$$K_{A} + U_{sA} = K_{C} + U_{sC}$$

$$\frac{1}{2} m v_{A}^{2} + 0 = 0 + \frac{1}{2} k x_{m}^{2}$$

$$x_{m} = \sqrt{\frac{m}{k}} v_{A} = \sqrt{\frac{0.80 \text{ kg}}{50 \text{ N/m}}} (1.2 \text{ m/s})$$

$$= 0.15 \text{ m}$$

لاحظ إننا لم نأخذ في الاعتبار $U_{\rm g}$ لانه لايحدث تغير في الموضع في الاتجاء الرأسي.

(b) افترض انه تؤثر قوة احتكاك بين الصخرة والسطح بمعامل احتكاك $\mu_{\rm k} = 0.5$. إذا كانت سرعة $v_{\rm A} = 1.2$ مند وخرة تصادمها مم الزنبرك هي $v_{\rm A} = 1.2$ ما هو اقصى انضغاط في الزنبرك .

ا**لحل**: في هذه الحالة لاتكون الطاقة الميكانيكية محافظة لأنه يوجد قوة احتكاك تؤثر على الصخرة. مقدار فوة الاحتكاك هو:

 $f_k = \mu_k n = \mu_k mg = 0.50(0.80 \text{ kg})(9.80 \text{m/s}^2) = 3.92 \text{ N}$

لهذا فإن التغير في الطاقة المكانيكية نتيجة الاحتكاك عندما تُزَاح الصخرة من نقطة اتزان الزنبرك (حيث تم اتخاذها كقطة أصل) إلى xs هو:

$$\Delta E = -\int_k x_B = -3.92x_B$$

بالتعويض في المعادلة 15.8 نحصل على: $\Delta E=E_f-E_r=(0+\tfrac{1}{2}kx_B^2)~-~(\tfrac{1}{2}mv_\Lambda^2+0)=-f_kx_B$

$$\frac{1}{2}(50)x_{\rm B}^2 - \frac{1}{2}(0.80)(1.2)^2 = -3.92x_{\rm B}$$

 $25x_B^2 + 3.92x_B - 0.576 = 0$

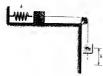
حل المعادلة من الدرجة الثانية يعطي $x_{\rm B}$ = 0.02m. $x_{\rm B}$. القيمة ذات المعنى الفيزيائي $x_{\rm B}$ = 0.092 m و 0.092 m المبالية لا تصلح لهذه الحالة لان الصخرة يجب أن تكون على يمين نقطة الاصل (القيمة الموجبة لـ $x_{\rm B}$) عندما تتوقف. لاحظ أن m 0.092 أقل من المسافة التي تم الحصول عليها في حالة السطح الاملس، الجزء (a). هذه النتيجة هي المتوقعة لأن الاحتكاك يعوق حركة المنظومة.

مثال 9.8 تحرك ثقلان متصلان

ثقالان متصالان ببعضهما بحيل يمر على بكرة ملساء كما بالشكل 13.8 يوضع الثقل m_1 على السطح الأفقي ومتصل بزنبرك له ثابت القوة h. ثُرك الجسم يتحرك من السكون عندما يكون الزنبرك مضغوطاً، إذا هبط الثقل المعلق m_2 سماغة h قبل ان يصل إلى السكون، احسب معامل الاحتكاك الكيناتيكي بين الثقل m_1 والسطح.

الحل، تظهر كلمة أسكون مرتين في نص المسألة موضحة أن السرعة الابتدائية والسرعة النهائية وطاقات الحركة كلها صفراً، (لاحظ كذلك، حيث أننا نهتم بنقطتي البداية والنهاية للحركة، فلاداعي أن نضح دواثر حول الحروف كما فعلنا في المثالين السابقين، سوف يكون امتخدام i، i كافياً لتحديد الوضع)، في هذه الحالة، تتكون المنظومة من الشقلين والزنبرك والأرض، سوف نحتاج إلى صيغتين لطاقتي الوضع: التجاذبية والمرونة الكامنة، حيث أن الطاقة الإبتدائية والطاقة النهائية؛ للمنظومة تساويان صفراً و ΔK بذلك يمكننا كتابة:

(1) $\Delta E = \Delta U_g + \Delta U_g$



شكل 3.8 عندما يتحرك الثقل المدق من علمي ارتضاع إلى الأدني تشقد المنظومة طاقة وضع تجاذبية ولكن يكتسب طاقة مرونة كامنة في الزئيرك، هناك فقد لبحض من الطاقة الميكانيكية نتيجة الاحتكاك بين الثقل المنزلق والسلحج.

الفصل الثامن: طاقة الوضع وحفظ الطاقة

 $\Delta U_{\rm g} = U_{\rm gf} - U_{\rm gi}$ حيث الجاذبية و $\Delta U_{\rm g} = U_{\rm gf} - U_{\rm gi}$ حيث الجاذبية و $\Delta U_{\rm g} = U_{\rm gf} - U_{\rm gi}$ ميافة المرونة الكامنة للمنظومة عندما بهبط الثقل المعلق m_2 مسافة h ويتحرك الثقل الأفقي نفس المسافة h تجاه اليمين، لهذا وباستخدام المعادلة 15.8 نلاحظ أن الفقد في الطاقة تنتجة الاحتكاك بن الثقل الأفقى والسطح هي:

(2)
$$\Delta E = -f_k h = -\mu_o m_1 g h$$

التغير في طاقة الوضع الناشئة عن الجاذبية للمنظومة يصاحب الثقل الهابط فقط حيث لايتغير الاحداث الرأسى للثقل المنزلق على السطح، لهذا نحصل على:

$$\Delta U_o = U_{of} - U_{oj} = 0 - m_2 gh$$

حيث تم قياس الاحداثيات من أدنى موضع للثقل الساقط.

مقدار التغير في طاقة المرونة الكامنة في الزنبرك هو:

(4)
$$\Delta U_s = U_{sf} - U_{si} = \frac{1}{2}kh^2 - 0$$

بالتعويض من المعادلات (2) و (3) و (4) في المعادلة (1) نحصل على: $-\mu_k m_l g h = -m_2 g h + \frac{1}{2} k h^2$

$$\mu_k = \frac{m_2 g - \frac{1}{2} kh}{m_1 g}$$

تمثل هذه المعادلة إحدى طرق قياس معامل الاحتكاك الكيناتيكي بين الجسم والسطح. كما نرى في هذه السئالة، يكون من السهل احياناً أن تعامل مع التغيرات في الانواع المختلفة الطاقة بدلاً من قيمتها الفعلية، على سبيل المثال إذا ما أردنا حساب القيمة العددية لطاقة الوضع الناشئة عن الجاذبية المصاحبة للثقل المنزلق أفقياً فإننا نحتاج أن نعرف قيمة ارتفاع السطح الافقي بالنسبة لادنى موضع للثقل الهابط، من حسن الحدة أن ذلك ليس ضرورياً لأن طاقة الوضع المصاحبة للثقل الاول لاتتنير.

مثال 10.8 المدخل العظيم

دعنا نصمم جهاز لرفع ممثل كتلته 65kg، ثم يهبط بعد ذلك على خشبة المسرح أشاء آداء مشهد تمثيلي. في هذه الحالة، يربط أحرمة مقمد المثل بكيس من الرمل كتلته 130kg بواسطة سلك خفيف من الصلب يمر بنعومة على بكرتين اماستين كما هو موضع بالشكل 14.88. طول السلك بين المثل واقرب بكره هو 25.0 حتى تكون البكرة مختفية خفد الستارة. حتى ينجح الجهاز في عمله، فإنه لايجب أن يرتفع كيس الرمل عن الارض وذلك عند تدلي المثل من أعلى خشبة المسرح حتى الارض. دعنا نفترض أن الزاوية التي يصنعها السلك مع الرأسي هي θ ما هي أقصى فيمة للزاوية θ قبل أن يرتفع كيس الرمل عن الارض.

الحل: هناك بعض المفاهيم التي يجب ذكرها قبل حل المسأله، أولا نستخدم قانون حفظ طاقة الحركة الميكانيكية في حساب سرعة المثل عند ارتطامه بالارض كدالة في θ ونصف قطر المسار الدائري R الذي يتـأرجح على طوله. ثانياً: نطبق قـانون نيـوتن الثـاني على الممثل عند قـاع مـسـاره لحساب الشد في السلك كدالة في البارامترات المعطاه. اخبراً تلاحظ أن كيس الرمل يرتفع عن الارض عندما تكون القوة المؤثرة عليه من السلك لأعلى أكبر من قوة الجاذبية التي تؤثر عليه. عندما بحدث ذلك تكون القوة العمودية صفراً.

بتطبيق فانون حفظ الطاقة للمنظومة المكونه من المثل والارض نحصل على:

(3)

$$K_i + U_i = K_f + U_f$$

$$0 + m_{actor} gy_i = \frac{1}{2} m_{actor} v_f^2 + 0$$

حيث yi هو الارتفاع الابتدائي للممثل عن الارض و vi سرعة المثل قبل لحظه هبوطه (لاحظ أن



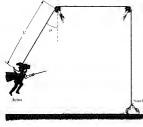
(2)
$$v_f^2 = 2gR(1-\cos\theta)$$

الآن نستخدم قانون نيوتن الثاني على 🕬 الممثل عندما يكون في قاع المسار الدائري و نستخدم الرسم الهندسي للجسم الحرفي الشكل 14.8b كمرشد لذلك.

$$\sum F_{y} = T - m_{\text{actor}} g = m_{\text{actor}} \frac{v_{f}^{2}}{R}$$

$$T = m_{\text{actor}} g + m_{\text{actor}} \frac{v_{f}^{2}}{R}$$

تنتقل قوة مساوية لمقدار الشد T إلى كيس الرمل. عندما يكون أعلى الأرض مباشرة وتصبح القوة العمودية على الكيس صفراً، ويتطلب ذلك أن $T = m_{\text{bas}}$ كما هو موضح في الشكل 14.8c . باستخدام هذا (3)، (3) الشرط بالإضافة للمعادلتين (2)، (3)



(1)



شكل 14.8 (a) يختار المثل اماكن جيدة لدخول المسرح (b) الرسم الهندسي للجسم الحر الحر للممثل عند قاع المسار الدائري (c) الرسم الهندسي للجسم الحر لكيس

أحصل على:

$$m_{\text{bag}}g = m_{\text{actor}}g + m_{\text{actor}} \frac{2gR(1-\cos\theta)}{R}$$

بالحل في θ والتعويض عن البارامترات المدااه نحصل على:

$$\cos \theta = \frac{3m_{\text{actor}} - m_{\text{bag}}}{2m_{\text{actor}}} - \frac{3(65 \text{ kg}) - 130 \text{ kg}}{2(65 \text{ kg})} = \frac{1}{2}$$

 $\theta = 60^{\circ}$

لاحظ أنه لابهمنا طول السلك R من مقعد المثل إلى البكرة الواقعة في أقصى اليسار. النقطة الهامة منا في هذه المسألة هي أنه من الضروري احياناً أن تجمع بين مقاهيم الطاقة وقانون نيوتن الثانى للحركة.

تمرين: إذا كانت الزاوية الابتدائية °40 = 0 . احسب سرعة المثل وكذلك الشد في السلك قبل أن يصل المثل إلى الأرض مباشرة.

(تنويه: لاتهمل الطول R= 3.0m في هذه الحالة).

الإجابة: 3.7 m/s ، 940N.

RELATIONSHIP BETWEEN CONSERVATIVE FORCE AND POTENTIAL ENERGY

مرة آخرى دعنا نفترض حاله الجسم كجزء من منظومة. افترض أن الجسم يتحرك على طول المحور x وافترض أن مركبة قوة محافظة x في اتجاه x تؤثر على الجسم. في بداية هذا الفصل أوضحنا كيف يمكن تعيين التغير في طاقة وضع المنظومة عندما نعلم مقدار القوة المحافظة. الآن سنوضح كيف نعين x عند معرفة طاقة الوضع للمنظومة.

في الجزء 2.8 علمنا أن الشغل الميذول بقوة محافظة عندما تعاني نقطة تأثيرها ازاحة Δ يساوي التغير السالب في طاقة الوضع المساحية لهذه القوة أي أن $W = F_A \Delta x = -\Delta U$. إذا كانت نقطة التأثير تتأثر بازاحة متناهية الصغر Δt ، يمكننا كتابة التغير المتناهي الصغر في طاقة الوضع Δt في الصورة:

$$dU = -F_x dx$$

وهكذا، ترتبط القوة المحافظة بدالة طاقة الوضع من خلال العلاقة*

العلاقة بين القوة وطاقة الوضع
$$F_x = -\frac{dU}{dx}$$
 (16.8)

ه في الأبعاد الشلافة تكون $\frac{\partial U}{\partial x}$ - $\frac{\partial U}{\partial x}$ حيث $\frac{\partial U}{\partial x}$... هي التـفـاضل الجـرْتي. بلغـة التـفـاضل U(x,y,z) الاتجاهي فإن T تساوي الميل السالي المقدار U(x,y,z)

أى أن القوة المُحافظة التي تؤثر على جسم داخل منظومة تساوى سالب تفاضل طاقة الوضع النظام بالنسبة لx.

يمكن بسهولة التأكد من هذه العلاقة للمثالين اللذين تم مناقش تهما سابقاً. في حالة الزنبرك :وهكذا يكون $U_s = \frac{1}{2}kx^2$

$$F_x = -\frac{dU}{dx} = -\frac{d}{dx}(\frac{1}{2}kx^2) = -kx$$

 U_{c} = هي تمثل قوة الأرجاع في الزنبرك. حيث أن دالة طاقة الوضع الناشئة عن الجاذبية هي x من المعادلة 16.8 أن $F_{o}=-mg$ عند تفاضل U_{o} بالنسبة إلى y بدلاً من x بدلاً من x

الآن نلاحظ أن الدالة U هامة جداً لانه يمكن استنتاج القوة المحافظة منها. الاكثر من ذلك، توضح المادلة 8.16 أن إضافة ثابت إلى طاقة الوضع ليس مهماً لان تفاضل المقدار الثابت صفراً.

x ماذا يمثل ميل منحنى الدالة U(x) مع

(اختیاری)

7.8 > الرسوم البيانية للطاقة واتزان منظومة

ENERGY DIAGRAMS AND THE EQUILBRIUM OF A SYSTEM

يمكن إدراك حركة منظومة كيفيا من خلال رسم طاقة الوضع مع مسافة الانفصال ببن الاجسام في المنظومة. افترض دالة طاقة الوضع للمنظومة المكونة من الثقل والزنبرك والمعطاه بالعلاقة $U_{\rm s}=\frac{1}{2}kx^2$ من الخطأ الشائع أن تعتقد أن طاقة بالعلاقة $U_{\rm s}=\frac{1}{2}kx^2$ الوضع في الرسم تمثل ارتفاع ليس هذا هو الحال هنا حيث أن الثقل يتحرك افقياً فقط). ترتبط القوة التي يؤثر بها الزنبرك على الثقل مع U من خلال العلاقة 16.8.

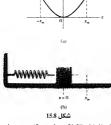
$$F_x = -\frac{dU_s}{dx} = kx -$$

كما رأينا في الاختبار السريع x عندما يكون الثقل سالب ميل المنحنى y مع x عندما يكون الثقل في سكون عند موضع الاتزان للزنبرك (x=0). حيث إن $F_c=0$ فإن الثقل سيبقى في نفس المكان ما لم x تؤثر قوة خارجية $F_{\rm ext}$ عليه. إذا كانت هذه القوة تؤدي إلى انبساط الزنبرك من موضع اتزانه، تكون موجية ويكون الميل dU/ dx موجياً ولهذا فإن القوة التي يؤثر بها الزنبرك تكون سالية ويتسارع الثقل. للخلف تجاه x=0 عندما يترك للحركة. إذا ادت القوة الخارجية إلى تقلص فإن x تكون سالبة والميل سالب ولهذا تكون F_s موجبة وتتسارع الكتلة تجاه x=0 عند تركها تتحرك.

Stable يتضح من ذلك أن الوضع x = 0 للمنظومة المكونة من الزنبرك والكتلة هو اتزان مستقر equilibrum (306 أي أن، أي حركة ابتعاد من هذا الموضع تحدث قوة تتجه إلى الوراء نحو x =0 . بصورة

عامة أوضاع الاتزان المستقرة تناظر النقاط التي تكون مندها U(x) أقل مايمكن.

نلاحظ من الشكل 15.8 أنه إذا ما أزيحت الكتلة ازاحة ابتدائية x_m وتركت لتتحرك من السكون، تكون الطاقة الكلية الابتدائية هي طاقة الوضع المختزنة في الزنبرك $\frac{1}{2}kx_m^2$. عندما تبدأ الكتلة في الحركة، تكتسب المنظومة طاقة حركة وتفقد نفس الكمية من طاقة الوضع. وحيث إن الطاقة الكلية ثابتة، تتذبذب الكتبلة (تتحرك للأمام والخلف) بين النقطتين x=-x,,, و $x=x_m$ وتسميان نقطتا الرجوع Turning points. في الحقيقة حيث إنه لايوجد فقد في الطاقة (لايوجد احتكاك) فإن الكتلة ستتذيذب بين x ، −x دائماً. (ستناقش هذه التذبذبات مرة أخرى في فصل 13). من وجهة نظر الطاقة لايمكن ان تزداد الطاقة عن kxm² ولهذا فإن الكتلة سوف تتوقف عند هاتين النقطتين، لأن قوة الزنبرك يجب أن تتسارع تجاه x=0.



مثال لمنظومة ميكانيكية أخرى والتي يوجد لها اتزان مستقر هي الكرة الدوارة في قاع وعاء مقعر. عند ازاحة الكرة من ادنى موضع لها فإنها تحاول العودة إلى نفس المكان عند تركها تتحرك.

الآن افترض جسم يتحرك على طول المحور x تحت تأثير القوة المحافظة F_x حيث يوضح الشكل منحنى U(x) مع x. مرة أخرى F_x = 0 عند F_x = عند موضع اتزان عند هذه الجسم في موضع اتزان عند هذه النقطة. ومع ذلك فإن هذا موضع اتزان غير مستقر Unstable للسبب التالي. افترض أن الجسم أزيح تجاه اليمين (x > 0) موجبة ويتسارع الجسيم $F_x = -dU/dx$ ، x > 0 تكون كون الجسيم ميث المين المين

مبتعداً عن x=0. اما إذا كان الجسم عند x=0 وازيح ناحية اليسار x < 0 فإن القوة تكون سالبة لأن الميل موجباً عندما تكون (x < 0)x = 0 ويتسارع الجسم مرة أخرى مبتعداً عن موضع الاتزان. الموضع في هذه الحالة هو إحد نقاط الاتزان غير المستقر بالنسبة لأي ازاحة من هذه النقطة، لأن القوة تدفع الجسم للإبتعاد أكثر عن نقطة الاتزان. تحاول القوة دائماً إلى دفع الجسم إلى الموضع الأدنى في طاقة الوضع. عند وضع قلم رصاص على سنه هو موضع الاتزان غير المستقر. إذا ما أزيح القلم قليلاً عن الموضع الرأسي المطلق تم تُرك ليتحرك فإنه بالتأكيد سوف يسقط، بصورة عامة، **مواضع**



شكل 16.8 رسم U(x) مع x لجسم له موضع اتزان غير مستقر عند النقطة 0=x. عند إحداث ازاحة صغيرة للجسيم، تكون القوة في x=0 اتجاه مبتعداً عن

الاتران جن المستقرة تناظر النقاط التي تكون عندها U(x) اكبر مايمكن. أخيراً هناك وضع عندما تكون الثابتية في منطقية منا وبالتبالي $F_{\rm x}$ بدائق على هذا الوضع الاتزان المتعادل. عند حدوث إزا دات صغيرة من هذا الموضع لا يُحدث قوى ارجاع أو تمزق. كرة موضوعه على سطح أفقي هي مثال احسم في حالة انزان متعادل.

113 (10) القوة والطاقة على المستوى الذري

المنافة الوضع المصاحبة لقوة بين ذرتين متعادلتين في جزئ يمكن صياغتها بدالة طاقة الوضع المنادد وجوئز.

$$U(x) = 4\varepsilon \left[\left(\frac{\sigma}{x} \right)^{12} - \left(\frac{\sigma}{x} \right)^{6} \right]$$

حيث x هي المسافة بين الذرتين. تشتمل الدالة U(x) على بارامترين σ والذي يمكن تعيينهما من التجارب العملية ويأخذان القيمتين $\epsilon = 1.51 \times 10^{-22} J$ ، $\sigma = 0.263$ nm لذرتين في جزئ ما (a) باستخدام جدول بيانات أو أي شيَّ مشابه ارسم هذه الدالة واحسب المسافة المناسبة بين الذرتين.

الحل: نتوقع أن يوجد اتزان مستقر عندما تنفصل الذرتان بمسافة الاتزان وطاقة الوضع للمنظومة المكونة من الذرتين (الجزئ) أقل مايمكن. يمكن حساب الحد الادنى للدالة U(x) بايجاد تفاضلها بالنسبة إلى x ومساواته بالصفر.

$$\frac{dU(x)}{dx} = 4\varepsilon \frac{d}{dx} \left[\left(\frac{\sigma}{x} \right)^{12} - \left(\frac{\sigma}{x} \right)^{6} \right] = 0$$
$$= 4\varepsilon \left[\frac{-12\sigma^{12}}{r^{13}} - \frac{-6\sigma^{6}}{r^{7}} \right] = 0$$

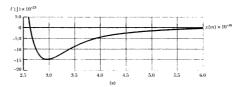
هكذا تكون مسافة الاتزان بين الذرتين في الجزئ بعد استخدام قيمتا ٢,٤ هي:

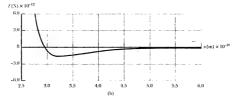
$$x = 2.95 \times 10^{-10} \text{m}$$

نرسم دالة لينارد وجونز على كلا الطرفين لهذه القيمة الحرجة حتى نحصل على الرسم البياني للطاقة كما هو موضح بالشكل 17.8a . لاحظ أن U(x) تكون كبيرة جداً عندما تتقارب الذرتان من بعضهما كثيراً وتكون ادنى مايمكن عندما تكون الذرتان عند الوضع الحرج ثم تزداد بعد ذلك بزيادة المسافة بين الذرتين. عندما تكون U(x) أدنى مايمكن تكون الذرتان في حالة اتزان مستقر- يوضح ذلك أن هذه هي المسافة المناسبة لاستقرار الجزئ. (b) احسب $F_x(x)$ ، القوة التي تؤثر بها ذرة على الذرة الأخرى في الجزئ كدالة في المسافة بينهما وأثبت أن الطريقة التي تسلكها هذه القوة مقبولة 308] فيزيائياً عندما تكون الذرتان متقاربتان أو متباعدتان جداً. الحل، حيث إن الذرتين تتحدان لتكونا جزئ، فإن القوة بينهما يجب أن تكون قوة تجاذب عندما تكون الذرتان متباعدتين. من ناحية أخرى فإن القوة بينهما تكون قوة تنافر عندما تكون الذرتان متداربتين من بعضهما، غير ذلك سوف يتحطم الجزئ، هكذا فإن القوة تغير اشارتها عند مسافة الانفصال الحرج ويطريقة مشابهة عندما تتغير اشارة قوى الزنيرك عند التغير من الانبساط إلى الانضغاط. باستخدام المعادلة 6.8 في ذالة لينارد وجونز لطاقة الوضر تحصل على:

$$\begin{split} F_x &= -\frac{dU(x)}{dx} = -4\varepsilon \frac{d}{dx} \left[\left(\frac{\sigma}{x} \right)^{12} - \left(\frac{\sigma}{x} \right)^6 \right] \\ &= 4\varepsilon \left[\frac{-12\sigma^{12}}{x^{13}} - \frac{-6\sigma^6}{x^7} \right] \end{split}$$

هذه النتيجة موضحه في الشكل 17.8b. . كما هو متوقع فإن القوة تكون موجبة (تنافرية) عند مسافات الفصل الصنيرة وصفراً عندما تكون الذرتان عند موضع الاتزان السنقر وسالية (تجاذبية) عند مسافات الفصل الكبيرة. لاحظ أن القوة تنقارب من الصفر عندما تكون مسافة الفصل بين الذرتن كبيرة جداً.





شكل 17.8 منعنى طاقة الوضع المساحب للجزئ. المسافة x هي مسافة الفـصل بين ذرتى الجزيء (d) القوة التي تؤثر بها ذرة على الذرة الأخرى.

8.8 حفظ الطاقة بصورة عامة CONSERVATION OF ENERGY IN GENERAL

لقد الحظنا أن الطاقة الميكانيكية الكلية لمنظومة تكون ثابتة عندما تكون القوى المؤثرة في المنظومة هي قوى محافظة. علاوة على ذلك يمكننا تعيين دالة طاقة الوضع المصاحبة لكل قوه محافظة. من ناحية أخرى وكما لاحظنا في الجزء 5.8. فإنه يوجد فقد في الطاقة الميكانيكية عند وجود قوى غير محافظة مثل الاحتكاك. عند دراستنا للديناميكا الحرارية فيما بعد، سوف نرى أن الطاقة الميكانيكية تتحول إلى طاقة مختزنة داخل الاجسام المختلفة التي تكون المنظومة. هذه الصورة من الطاقة تسمى الطاقة الداخلية، على سبيل المثال عندما ينزلق ثقل على سطح خشن فإن الطاقة الميكانيكية المفقودة بسبب الاحتكاك تتحول إلى طاقة داخلية والتي تختزن مؤقتاً داخل الصخرة والسطح، والدليل على ذلك ارتفاع درجة حرارة الكتلة والسطح. سوف نلاحظ على المستوى تحت المجهري أن الطاقة الداخلية يصاحبها اهتزاز الذرات حول مواضع اتزانها. تشتمل هذه الحركة الذرية الداخلية كلا من طاقة الحركة وطاقة الوضع. وهكذا فإذا ما أخذنا في الاعتبار هذه الزيادة في الطاقة الداخلية للاجسام المكونه للمنظومة فإن الطاقة الكلية تكون محفوظة.

هذا محرد مثال عن كيفية دراسة منظومة معزولة وسوف نحد دائماً أن كمية الطاقة الكلبة الطاقة الكلية التي تحتويها المنظومة لا تتغير طالما أخذ في الاعتبار كل انواع الطاقة. محفوظة أى أن الطاقة لاتستحدث ولاتفني. قد تتحول الطاقة من صورة إلى أخرى ولكن تظل الطاقة الكلمة لمنظومة معزولة ثابتة دائماً . من وجهة النظر العامة فإن الطاقة الكلية للكون ثابتة . إذا ما اكتسب جزء من الكون طاقة في صورة ما فإن جزء آخر من الكون سوف يفقد نفس الكمية من الطاقة لس هناك إخلال لهذا المدأ تم اكتشافه.

(اختیاری)

8.9 ح تكافؤ الكتلة والطاقة MASS-ENERGY EQUIVALENCE

يهتم هذا الفصل بأهمية مبدأ حفظ الطاقة وتطبيقة على كثير من الظواهر الفيزيائية. هناك مبدأ هام آخر وهو حفظ الكتلة والذي ينص على أنه في اي عملية فيزيائية أو كميائية، الكتلة التفني ولا تستحدث، أي أن الكتلة قبل اي عملية تساوي الكتلة بعدها.

لعدة قرون، ظل العلماء يعتقدون أن الطاقة والكتلة عبارة عن كميتين محفوظتين كل على حدة. إلى أن قدم اينشتاين في 1905 النظرية النسبية الخاصة وفيها تكون كتلة اي منظومة هي مقياس لطاقته. العلاقة بين الاثنين تعطى بعلاقة إينشتاين المشهورة

$$E_{\rm R} = mc^2 \tag{17.8}$$

حيث c هي سرعة الضوء و $E_{\rm R}$ هي الطاقة المكافئة للكتلة m. الرمز السفلي R في الطاقة يرمز v=0 إلى طاقة السكون لجسم كتلته m، أي طاقة الجسم عندما تكون سرعته v=0 طاقة السكون المصاحبة للكتلة مهما كانت صغيرة هي طاقة هائلة. على سبيل المثال، طاقة السكون لكيلو جرام واحد من مادة تساوى

$$E_{\rm R} = mc^2 = (1 \text{ kg})(3 \times 10^8 \text{ m/s})^2 = 9 \times 10^{16} \text{J}$$

هذه الطاقة يمكن الحصول عليها من 15 مليون برميل من البترول الخام ١. يعادل استهلاك طاقة في الولايات المتحدة لمدة يوم واحد. إذا ماتم الاستفادة من هذه الطاقة فإن مصادر الطاقة سوف تكون بلاحدود.

في الحقيقة جزء صغير من طاقة المادة هو الذي يمكن استخلاصه خلال التفاعلات الكيميائية أو النووية. تكون التأثيرات واضحة جلياً في التفاعلات النووية، والتي يتم فيها تغير نسبي في الطاقة ومن ثم الكتلة، مقداره 10⁻³ تقريباً . كمثال جيد لذلك هو كمية الطاقة الهائلة المستخلصة عند انشطار نواة اليورانيوم 235 إلى نواتين صغيرتين. يحدث ذلك لان مجموع كتل النوى الناتج أقل قليلاً من كتلة نواة اليورانيوم 235 الاصلية. الطبيعة المدهشة للطاقة المستخلصة في هذه التفاعلات تكون واضحه في انفجار الاسلحة النووية.

توضح المعادلة 17.8 أن الطاقة لها كتلة. عندما تتغير بطاقة جسم بأي طريقة تتغير كذلك كتلتها. إذا كانت ΔE هي التغير في طاقة جسم فإن التغير في كتلته هو:

$$\Delta m = \frac{\Delta E}{2}$$
 (18.8)

في أي لحظة إذا مُدَّ جسم بطاقة ΔE في اي صورة سيكون التغير في الكتلة $\Delta E/c^2$. ومع ذلك وحيث أن c^2 مقدار كبير جداً فإن التغير في الكتلة في أي تجربة ميكانيكية عادية أو تفاعل كيميائي سيكون من الصعب الكشف عنه.

مثال 12.8 هنا تأتى الشمس

تحول الشمس كمية هائلة من المادة إلى طاقة. كل ثانية يتحول 4.19 x109 kg (سعة 400 سفينة شعن متوسطة الحجم تقريبا) إلى طاقة. ما مقدار القدرة الخارجة من الشمس.

الحل: تحسب الطاقة المنطلقة في الثانية مباشرة من العلاقة

$$E_p = (4.19 \times 10^9 \text{ kg})(3.0 \times 10^8 \text{ m/s})^2 = 3.77 \times 10^{26} \text{J}$$

ثم تستخدم تعريف القدرة:

$$\mathcal{P} = \frac{3.77 \times 10^{26} \,\mathrm{J}}{1.00 \,\mathrm{s}} = 3.77 \times 10^{26} \,\mathrm{W}$$

تشع الشمس بانتظام في جميع الاتجاهات وبالتالي فإن جزءا صغير جداً من القدرة الخارجة يتم تجميعه بالارض. وبالرغم من ذلك فإن هذه الكمية كافية لامداد طاقة لكل ما هو على سطح الارض. (311 ً

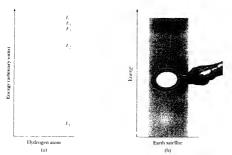
(الطاقة النورية والجيوحرارية هما المقاوبنان فقده). تعمص النباتات الطاقة الشمسية وتحولها إلى طاقة على الشمسية وتحولها إلى طاقة كيميائية (طاقة مختزنة في جزيئات النبات). سندا يأكل الحيوان النبات، فإن هذه الطاقة الكيميائية تتحول إلى طاقة حركة وصور آخرى الدفاقة، الله تقرأ هذا الكتاب يعيون تعمل بطاقة حرارية.

(جزء اختياري)

QUANTIZATION OF ENERGY تكمية الطاقة 10.8

بعض الكميات الفيزيائية مثل الشحنه الكهربيه نحون مكماه: أي أن لها قيم محدده منفصلة بدلاً من القيم المتصلة بدلاً من القيم المتصلة الطبيعة الكمية هامة جداً في المالم الذري وتحت الذري. كمثال على ذلك دعنا نفترض مستويات الطاقة في ذرة الهيدرو جين (تتكون من الكترون يدور حول بروتون). يمكن للذرة ان تتواجد في مستويات طاقة محددة، تسمى الدالات الكمية Quantum States، كما هو موضح في الشكل 18.8a. ولايمكن للذرة أن يكون لها قيم الطاقة تقع بين تلك الحالات الكميية . ادنى مستوي للطاقة إطابة الارضية دائماً الحالة التي تتناظر الحالة الارضية دائماً الحالة التي تتناظر الحالة الارضية دائماً الحالة التي تحتلها ذرة معزولة.

يمكن للذرة أن تتحرك إلى حالات طاقة أعلى بامتسامن طاقة من مصدر خارجي أو بالتصادم مع الذرات الأخرى. أعلى طاقة على التدريج الموضح في شكل 18.8a هو ½ يناظر طاقة الذرة عندما



شكل 18.8 رسم تخطيطي للمستوى الطاقة (ه) السالات الكمية في ذرة الهيسروجين، الحالة الادنى هي الحالة الارضية (E) (a) مستويات الطاقة لقمر صناعي ارضي تكون مكماه ايضاً ولكنها متقاربة جداً من بعضها لدرجة انه لايمكن التمييز بينها.

يرتميد الالكترون تماماً عن البروتون، الفسرق في الطساقية $E_{\omega} - E_{\parallel}$ يسمى طاقة التأثين Ionization يرتميد الالكترون تماماً عن البروتيون، الفسرق في الطساقية والمتحدد الطرف الأعلى من التدريج. $E_{\rm min}$

افترض قمر صناعي يدور حول الارض. إذا ما طلب منك وصف الطاقات المكنة التي يمكن أن يأ-دذها القمر، فإنه من المعقول (وإن كان غير صحيحاً) القول أنه يمكنه الحصول على اي فيمه اختياريه الطاقة. ومع ذلك ومثل ما حدث في ذرة الهيدوجين، فإن طاقة القمر الصناعي مكماه، إذا ما أردت عمل رسم تخطيطي لمستويات الطاقة للقمر الصناعي موضحاً أدنى طاقة له، فإن المستويات ستكون متقاربة من بعضها البعض كما هو موضح في الشكل طا0.8 أي أنه من الصعب أن تدرك بأنها ليست متصلة، بكلمات أخرى لايوجد طريقة توضح تكمية الطاقة في العالم الماكروسكوبي، ومن ثم، يمكنا أن نهما ذلك عند وصف التجارب اليومية.

ملخص SUMMARY

عندما يكون جسم كتلته m على مسافة y من سطح الارض فإن طاقة الوضع الناشئة عن الجاذبية للمنظومة المكونة من الجسم- الارض

$$U_{g} = mgy \tag{1.8}$$

طاقة المرونة الكامنة المختزنة في زنبرك له ثابت قوة k هي:

$$U_r = \frac{1}{2}kx^2 \tag{4.8}$$

يمكنك استخدام هاتين المعادلتين في عدة حالات لتعيين الجهد اللازم للجسم لبذل شغل.

تكون القوة محافظة إذا كان الشغل الذي تبذله على جسم يتحرك بين نقطتين لايمتمد على مسار الجسم بين هاتين النقطتين. علاوة على ذلك تكون القوة محافظة إذا كان الشغل الذي تبذله على جسم مساويا للصفر عندما يتحرك الجسم على مسار مغلق ويعود إلى نقطة البداية. القوة التي لاتحقق هذين الشرطين يقال أنها قوة غير محافظة.

دالة طاقة الوضع U تصاحب فقط القوة المحافظة، إذا الثرت قوة محافظة T على جسم يتحرك على المحور x_i من x_i الى x_i مينئذ يكون التغير في طاقة الوضع المنظومة مساوياً لسالب الشغل المبذول بهذه القوة.

$$U_f - U_i = -\int_{r}^{x_i} F_x dx$$
 (7.8)

يمكنك استخدام التكامل لحساب طاقة الوضع المصاحبة لقوة محافظة والعكس صحيح. تعرف الطاقة المكانيكية الكلية لمنظومة بأنها مجموع طاقتى الحركة والوضع.

$$E = K + U \qquad (9.8)$$

في حالة عدم بدل أي قوة خارجية شغلاً على المنظومة وكذلك لاتؤثر قوى غيـر محافظة على الاجسام داخل المنظومة، في هذه الحالة تكون الطاقة الميكانيكية الكلية ثابتة

$$K_i + U_i = K_f + U_f$$
 (10.8)

إذا اثرت قوى غير محافظة (مثل الاحتكاك) على الاجسام داخل المنظومة، فإن الطاقة الميكانيكية لاتكون محضوظة. في هذه الحالات يكون الفرق بين الطاقة الميكانيكية النهائية والطاقة الميكانيكية الابتدائية للمنظومة مساوياً للطاقة المحولة إلى أو من المنظومة بواسطة القوى غير المحافظة.

اسئلة QUESTIONS

أ- تشيد كثيراً من الطرق الجبلية بحيث تكون حلزونية حول الجبل للوصول إلى أعلى الجبل بدلاً من أن تكون مستقيمة. ناقش هذا التصميم من وجهة نظر الطاقة والقدرة.

2- قذفت كرة لأعلى في الهواء. عند أي موضع تكون طاقة حركتها اكبر مايمكن؟ عند أي مـوضع تكون طاقـة الوضع الناشــــــة عن الجاذبية أكبر مايمكن.

[3] كرة بولينج معلقة في السقف في صالة محاضرات بخيط قوي. تم سحب الكرة بعيداً عن موضع اتزانها وتركت كي تتحرك من السكون من حاشة أنف طالبة كما بالشكل Q3.8. إذا ظلت الطالبة ساكنة، فسر لماذا لن تصطدم الكرة بها عند عودتها هل ستكون الطالبة في أمان إذا مادفعت الكره عند تركها للصركة (بدلاً من تركها لتحركة (بدلاً من تركها تتحرك من السكون).



شكل Q 3.8

إلى يسقط شخصاً كره من أعلى مبنى ويراقب شخصاً من أسفل المبنى حركة الكرة، هل يتفق الشخصان على قيمة طاقة الوضع للمنظومة المكونة من الكرة والأرض؟ على التغير في طاقة الوضع؟ على طاقة الحركة للكرة؟

5 -عندما يجري شخصاً على المضمار حتى وإن
 كانت سرعته ثابتة، هل يبذل شغلاً؟

الفصل الثامن؛ طاقة الوضع وحفظ الطاقة

- (ملحوظة: بالرغم من أن العدُّاء يسير بسرعة ثابتة، فإن قدميه وذراعية تتسارعان) كيف تدخل مقاومة الهواء في الاعتبار؟ هل مركز ثقل العداء بتحرك افقياً؟
- 6 تؤثر عضلات جسمنا بقوى عندما نصعد-ندفع- نجرى- نقفز .. الخ. هل هذه القوى هي قوي محافظة؟
- 7 اذا اثرت ثلاث قوى محافظة وقوى واحدة غير محافظة على منظومة ما عدد حدود طاقة الوضع التي ستظهر في المعادلة التي تصف تلك المنظومة.
- 8 افترض أن كره مثبته في أحد طرفي قضيب رأسى والطرف الآخر معلق حول محور أفقى بحيث يدور القضيب في مستوى رأسي. ما هي مواضع الاتزان المستقر، وغير المستقر.

PROBLEMS JALMO

 الحل كامل متاح في المرشد. 1، 2 ، 3 = مسائل مباشرة، متوسطة، تحدى

Http:// www. sanunderscollege. com/ physics/ = الحل موجود في: /WEB

= الحاسب الآلي مفيد في حل المسائل = أزواج رقمية/ باستخدام الرموز

قسم 1.8 طاقة الوضع

قسم 2.8 القوى الحافظة وغير الحافظة.

- 1 عربة دوارة A Roller Coaster كتلتها 1000Kg على قيمة مطلع في بادئ الامر عند النقطة A بعيد ذلك تحركت مسافة 135 قسدم بزاوية °40.0 أسسفل المستسوى الافقى إلى النقطة B.
- (a) اختار النقطة B لتكون المستوى الصفري لطاقة الوضع الناشئة عن الجاذبية. احسب طاقة الوضع للمنظومة المكونة من المركب الدوار والأرض عند النقطتين B ، A والتغير في طاقة وضعها عندما تتحرك المركب (b)

- 9 هل من المكن فيزيائياً إن نحصل على وضع فيه E- U< 0
- x ماذا يجب أن يكون عليه المنحنى U مع 10 إذا كان الجسم في منطقة الاتزان المتعادل.
 - 11 اشرح تحويلات الطاقة التي تحدث اثناء
- - (c) الوثب العالى.

الله = فيزياء تفاعلية

- ما مصدر الطاقة في كل حالة.
- 12 ناقش بعض تحويلات الطاقة التي تحدث اثناء تشغيل السيارة.
- 13 إذا اثرت قوة واحدة خارجية على جسم، هل من الضروري تغير (a) طاقة الحركة للجسم. (b) سرعة الجسم؟.

كرر الجزء (a) باعتبار ان النقطة A هي مستوى الاسناد الصفري.

- 2 طفل وزنه 40.0N في أرجوحة مربوطة بحيل طوله 2.0m . أحسب طاقة الوضع الناشئة عن الجاذبية للمنظومة المكونة من الطفل والارض بالنسبة لادنى موضع للطفل عندما (a) تكون الأحبال افقية (b) تصنع الأحبال زاوية °30.0 مع الرأسى و (c) يكون الطفل في قاع القوس الدائري.
- 3 يتحرك جسم كتلته 4.0Kg من نقطة الأصل إلى الموضع C احداثياته x= 5.0m و 5.00m (شكل P3.8). إحدى القوى المؤثرة عليه هي (315

قوة الجاذبية في الاتجاه السالب للمحور y. ياست خدام المعادلة 7.2، احسب الشغل المند خدام المعادلة 7.2، احسب الشغل من 0 (0) 0 (0) 0 عبب (0) 0 (0) 0 بجب ان تنساوى النتائج الشارث.



شكل P3.8 السائل 3، 4، 5

4 - (a) افترض ان قوه ثابتة تؤثر على جسم. لاتتغير القوة مع الزمن، أو مع الاحداثيات أو مع سرعة الجسم. ابدأ من تعريف الشغل المبنول بقوة

$W = \int_{i}^{f} \mathbf{F} \cdot d\mathbf{s}$

قسم 3.8 القوى الحافظة وطاقة الوضع. قسم 4.8 حفظ الطاقة المكانبكية.

- ي وفر سي المسادلة 1.50 ${\rm Kg}^2$ (2x +4)% أمثل هذه 1.50 ${\rm Kg}^2$ أمثل هذه القوة، حيث x بالمتر . عندما يتحرك الجسم على المحور x من 1.0 ${\rm min}$ 1.0
- وَوْثر هَوهُ ثَابِتُهُ واحدة (3i+5j)N على على جسم كتلته 40Kg (a) 10- 10- 11
- ${f P}$ تتغير قوة محافظة مفرده تؤثر على جسم طبقاً للعلاقة ${f N}$ = $(-Ax+Bx^2)$ i ${f N}$ = ${\bf N}$ عيث ${\bf N}$ المائزة (${\bf N}$) الحسب دالة طاقة الوضع (${\bf N}$) للصاحبة لهذه القوة باعتبار ${\bf U}$ = ${\bf N}$ عند ${\bf N}$ = ${\bf N}$) احسب التغير في طاقة الحركة عندما الوضع والتغير في طاقة الحركة عندما يتحرك الجسم من ${\bf N}$ = ${\bf N}$

المصل الثامن، طاقة الوضع وحفظ الطاقة

10- قَدْف جسم كتلته 0.50kg مَدْف جسم كتلته 0.50kg موضع بالشكل P10.8. السرعة الابتدائية للجسم هي (٧ ومركبتها الأفقية هي 30.0m/s.



شكل P10.8

يرتفع الجسم إلى اقضى ارتفاع – حوالي 2.0m أعلى النقطة P. باستخدام قانون حفظ الطاقة احسب. (ق) المركبة الرأسية السبخ $_1$ V. (أ) الشغل المبدول بواسطة قوة الجاذبية أشاء حركة الجسم من $_1$ P. المركبتان الافقية والرأسية لمتجه السرعة عندما نصل الحسم الى $_1$ B.

11- تنزلق كـتله مـقـدارها 3.0kg من السكون وتنزلق مساغة 6 اسفل منجدر اهلس يصنع زاوية 0.30kg اثناء الانزلاق تلتصفى بزنبرك غير مضغوط مهمل الكتلة كما هو موضع بالشكل 1.18 وتزلق الكتلة مسافحة إضافية مـقـدارها 0.20m عند سكونهـا لحظيـاً بانضـغلط الزنبرك (400k/m) = 1/4. دسب مسافة الانفصال الابتدائية أو بين الكتلة والإندرك.



شكل P11.8 السألتان 11، 12.

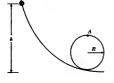
تنزلق كتله m من السكون مسافة d انشاء الانزلاق تحدد املس يصنع زاوية θ . اثناء الانزلاق تلتصق بزئيرك غير مضغوط مهمل الكتلة كما هو موضح بالشكل P11.8 . تنزلق الكتلة مسافة اصفافية مقدارها x عند سكونها لحظياً بانضغاط الزنبرك (ثابت القوة x) احسب مسافة الانفصال الإبتدائية x اين الكتلة والزنبرك.

13- تُرك جسم كتلته m=5.0kg ليتحرك من m=5.0kg وينزلق على طريق املس كما هو النقطة $(M_{\rm c})$ وينزلق على طريق الملس كما هو موضح في الشكل 18.28 احسب $(M_{\rm c})$ و الشغل الجسم عند النقطانين $(M_{\rm c})$ و الشغل الكيل المبذول بقوة الجاذبية في تحريك الحسم من $(M_{\rm c})$ $(M_{\rm c})$



شكل P13.8

14- تُرك بندول بسيط طوله 2.0m يتحرك من السكون عندما يصنع الخيط زاوية *25 مع الرأسي، ما هي سيرعة الكتلة المعلقة، عند القاع.



شكل P15.8

- شكل P15.8. إذا بدأت الخبرزة الحبركة من ارتفاع 3.5R. ما هي سرعتها عند النقطة A . ما قيمة القوة العمودية على الخرزه إذا كانت كتلتها \$5.0
- 16- كتله مقدارها 120.0g مربوطة بالطرف السفلي من زئيرك غير مضغوط، وكان الزنيرك معلق رأسياً ولبه ثابت قوة 40.0N/m إذا تم اسقاط الكتلة (a) ما أقصى سرعة لها. (b) ما المسافة التي تسقطها قبل ان تسكن لحظياً.
- 🥻 17 ثقل كتلته 0.25kg موضوعاً على قمة زنبرك رأسي له ثابت K= 5000 N/m وتم دفعه لاسفل فأنضغط الزنبرك 0.10m. بعد تركه، يتحرك الثقل لأعلى وبعد ذلك يترك الزنبرك. ما هو اقصى ارتضاع للثقل من لحظه تركه للزنبرك.
- 18- ديف جونسون بطل اولمبياد برشلونه 1992 يرتفع عن الارض في قفزته بسرعة مركبتها الرأسية 6.0m/s ما مقدار ارتفاع مركز الثقل له عند إجراء هذه القفزه.
- 19- قذفت كره كتلتها 0.40kg لأعلى في خط مستقيم في الهواء لتصل إلى اقصى ارتفاع 20.0m . باعتبار أن موضعها الابتدائي هو نقطة الصفر لطاقة الوضع وباستخدام طرق الطاقة اوجد (a) سرعتها الابتدائية (b) طاقتها الميكانيكية الكلية (c) نسبة طاقة حركتها إلى طاقة وضع المنظومة المكونه من الكره والأرض عندما تكون الكرم على ارتفاع 10.0m.
- 20- إحدى الالعاب الخطره هي قفزة الموت. قام طالب جرىء بالقفز من منطاد ملحق به حبل مرن معد خصيصاً ومربوطاً من قدميه كما هو موضح بالشكل P20.8.



شكل P20.8 قفزه الموت

طول الخيط بدون استطاله هو 25.0m وزن الطالب 700.N والمنطاد على ارتفاع 36.0m من سطح النهر. بافتراض أن قانون هوك يصف الحيل، احسب ثابت القوة اللازم إذا ما اراد ان يقف آمنا على ارتفاع 4.0m فوق النهر.

📶 📶 كتلتان متصلتان بحبل خفيف يمر على بكره ملساء كما هو موضح بالشكل P21.8. تركت الكتلة 5.0kg تتحرك من السكون. باستخدام قانون حفظ الطاقة (a) احسب سرعة الكتلة 3.0kg عند لحظة اصطدام الكتلة 5.0kg بالارض. (b) احسب اقصى ارتفاع تصل إليه الكتله 3.0kg.



شكل P21.8 المسألتان 21، 22.

الفصل الثامن: طاقة الوضع وحفظ الطاقة

22- كتلتان متصلتان بحبل خفيف يمر على بكرة ملساء كما هو موضح بالشكل P21.8. تركت الكتله m₁ (أكبر من m₂) تتحرك من السكون. باستخدام قانون حفظ الطاقة (a) احسب سرعة الكتلة m2 عند لحظة اصطدام الكتلة m₁ بالارض بدلالة m₁ و m₂ و (b) h و m₃ احسب اقصى ارتفاع تصل إليه الكتلة m₂.

23- أطلقت دانه كتلتها 20.0kg من مدفع بسرعة عند فوهه المدفع مقدارها 1000m/s وبزاوية °37.0 مع الافسقى، اطلقت دانه أخرى بزاوية °90. استخدم قانون حفظ الطاقة الميكانيكية في حساب (a) اقصى ارتفاع لكلتا الدانتين (b) الطاقة الميكانيكية الكلية عند اقصى ارتفاع لكل دانه، افترض أن المدفع عند 0=y.

24- تتكون العقلة في السيرك من قضيب معلق بحبلين متوازيين طول كل منهما L. تسمح العقلة للاعبة بأن تتأرجح في قوس دائري

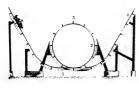


افترض أن اللاعب كتلتها m وتمسك بالقضيب وهى واقفه على منصه مرفوعه وأنها تتحرك من السكون عندما يصنع

الحبالان زاوية θ_i مع الرأسى، افرض أن طول اللاعبه اقل كثيراً من طول الحبل وأن مقاومة الهواء مهملة. (a) اثبت أنه عندما يصنع الحــبل زاوية θ مع الرأسي فــإن اللاعبة تبذل قوة

$F = mg(3 \cos \theta - 2 \cos \theta_i)$

حتى تستمر في التعليق (b) عين الزاوية θ; والتى عندها تكون القوة اللازمية لتبدلي اللاعب عند قاع الارجوحة ضعف وزن اللاعبه.



P25.8 (15th

25- يمكن للعربة الدوارة ان تتحرك بحريه- مع اهمال الاحتكاك- عند تركها تتحرك من قمة أول ارتضاع. تتحرك العربة الدوارة الموضحة بالشكل P25.8 في خيه دائرية نصف قطرها 20.0m. عندما تكون العربه عند قمة الخيه، يكون الركاب مقلوبون رأساً على عمقب ويشعرون بانعدام الوزن (a) احسب سرعة العربة عندما تكون عند قمة الخيه (موضع 3). احسب سرعة العربة (b) عند الموضع 1، (c) عند الموضع 2. (d) احسب الضرق في الارتضاع عند الوضعين (1)، (4) إذا كانت سرعة العربة عند 4 هي .10 m/s

26- قضيب جاسىء خفيف الوزن طوله 72.cm (319)

علق طرفه العلوي بمفصله على محور أفقي منعدم الاحتكاك ويكون القضيب رأسي عند السكون، ريطت كـــره بالطرف النـــاني للشخسيب، عند خبط الكرة فجــاة وذلك بإعطائها سرعة أفقية ظانها تتأرجع وتصنع دائرة كاملة، ما هي أقل سرعة مطلوبه حتى تمارا الكره إلى رفقة الدائرة.

27- يقفز غواص كتلته 70kg من برح إرتضاعه 10.m أراسياً في الماء. يستقر الغواص عندما يغسوس تحت سطح الماء مساشة 5.0m أحسب متوسط المقاومة التي يؤثر بها الماء على الغواص.

28- يوضح الشكل P28.8 القدوة $_{F}$ كيدالة في المسافة والتي تؤثر على كيتله مقدارها $_{5}$ S.0kg. إذا بسداً الجسم الحركة من السكون عند $_{5}$ احميب سرعة الجسم غند $_{5}$ خرد $_{5}$ حرد $_{5}$ من عند $_{5}$ $_{5}$ من $_{5}$



شكل P28.8

29 - تؤرجح اللاعبه كره ملساء كتلتها 29 فقره في مسسسار دائري رأسي نصف فطره في مسسسار دائري رأسي نصف فطره 60.0cm فيلم مركبه ثابتة لقوة مقدارها اللاعبه على مركبه ثابتة لقوة مقدارها كساند. إذا المسارد. إذا كسانت سرعة الكره عند اعلى نقطة في السائرة في 30.0cm إذا يزا تركبت الـكره تتحرك عند قاع الدائرة، احسب سرعة الكره عند قاع الدائرة، احسب سرعة الكره عند اطلاقها للحركة.

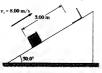
wea معامل الاحتكاك بين نقبل كنتاتيه 3.0kg والسطح هو 0.40 كما بالشكل 20.84. تبدأ النظومة الحركة من السكون ما هي سرعة كره كتلتها 5.0kg عندما تسقط من ارتفاع 1.5m



شكل P30.8

31 - تبدأ سيارة كتلتها g 2000k الحركة من السكون وتهبط لأسفل من قمة مستوى ماثل طوله 5.0m مع الافشقي. أو 25 مع الافشقي. أذا كانت قوة الاحتكاف التي تعوقها هي 1,4000 مع 1,4000 مسرعة السيارة عند نهاية السيارة السي

№ [23] يفع نقل مـقـداره 80.08 للحركـة أعلي مسئون ماثل بسرعة أبتنائية 80.00% (شكل مسئون). يسكن الشقل بعد قطع مسافة 20.00 على المستـــوى الماثل بزاوية "30 مع الافقي. احسب (a) التغيير في طاقة حركة الشغران) المتغير في طاقة الوضع (c) قوة الاحتكاك الإحتكاك الإقرارة على الشفل (افترض انها ثابتة) (b) مــا هو معــامل الاحــتكاك الكنائية.



P32.8, 15.2

- 33 يجلس طفل على كسرسي دراجــه (الكتلة الكلية يطب بركب ولاجالة على الكلية بالتراتج . إذا كانت سرعة الطفل هي بركب 1.2 كل على قصح منحدر ارتفاعه 2.6 كل على قصح العلى المعالم . 12.4m أن والما المالة على المحتورة أن كلا من مشاومة الهواء ومقاومة التدحرج هي قوة ثابتة مقدارها 10.10 . احسب الشغل الذي يداد الملغل في دفع دراجته اثناء الهوط.
- 34. يشفر لاعب باراشوت كتلته 50.0kg من منطاد على ارتضاع 1000m ويهبط على الأرض بسرعة 5.50m/2. ما مقدار الفقد في الطاقة نتيجة مقاومة الهواء اثناء القفز.
- 35- يقفز غواص سحاب كتاته 80.kg من منطاد على ارتفاع 1000m. ثم فتم الباراشوت وهو على ارتفاع 200m (a) باشتراض ان قدوة على الغواص ثابته وتساوي 200m عندما يكون الباراشوت مغتماً وتساوي 3600% عندما يكون مفتوحاً (a) ما هي سرعة الغواص عندما يهيط على الرض (d) مل من الغواص الموجد ألى الموض (ش) الغواص الموجد ألى الموض (ش) الغواص الباراشوت بحيث تكون سرعة الغواص عند لحظة ارتفاعه بالأرض هي الغواص الباراشوت بحيث تكون سرعة الغواص عند لحظة ارتظامه بالأرض هي في 5.0m/s و الإعافة ثابتة فسر ذلك.
- 36. يستخدم زنبرك مدفع لعبة للأطفال في فنف كرة مطاط كتابها 5.8% ليكون الزنبرك مضغوطاً في أول الأمر مسافة m9.0 ولم تأبي مصلابه 8.0% عند القذف تسير صملابه مسافة 8.0% القذف تسير المدفع ويوجد قوة احتكاك ثابتة مقدارها الدفع ويوجد قوة احتكاك ثابتة مقدارها سرعة الكرم عند تركها ماسورة الدفع (d) عند أي نقطة تكون سرعة الكرة اقصي مايمكن (c) ما قيمة أقصى سرعة.

- 37. علقت كتله مقدارها L.50kg على ارتفاع 1.2m أعلى زنيسرك رأسي عسديم الكتلة المسترخ له ثابت زنيسرك 20 Nm المسترخ له ثابت زنيسرك 20 Nm الزنيس (a) علم مقدار الانتفاعات الذي سوف يحدث إذا أم التجرية على سطح القمر حيث ≃9 إخراء التجرية على سطح القمر حيث (a) ولكن إخراض أن قوة مشاومة الهواء ثابتة ومقدارها 7.70% تووثر على الكتلة اثناء حركها.
- 38. يبدأ ثقل كتلته 8.0 kg الهبوط من ارتفاع 30. mp. مستوى يميل بزاوية 30. مستوى يميل بزاوية 20. مل موضح بالشكل P38.8. عند ما يصل الثقل إلى اسفل المستوى المائل



ينزلق الثقل على مستوى افقي. إذا كان معامل الاحتكاك مع السطحين هو $\mu_{\rm k} = 0.2$ ما مقدار المسافة التي يقطعها الثقل على المستوى الأفقي قبل أن يسكن (تتويه: اقسم المسار إلى جزئين مستقيمين).

39 - بهبط غواص سحاب كتلته 75.0 kg بسرعة نهائية مقدارها 60m/s احسب معدل الفقد في طاقته الميكانيكية .

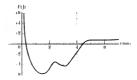
قسم 6.8 العلاقة بين القوى الحافظة وطاقة الوضع

(40) طاقة الوضع لنظومة مكونة من جسمين مفصولين بهسافة 7 تعطي بالعلاقة على (ر) المحيث محيث المسافة 7 تعطي بالعلاقة على الشيرة التصف قطرية التي يؤثر بها كل جسميم على الجسم الآخر.

41 - دالة طاقة الجهد لقوة في بعدين هي U= 3x³y - 7x احسب القوة المؤثرة عند النقطة (x,y).

قسم 7.8 الرسوم البيانية للطاقة واتزان منظومة

42 - يتحدك جسيم في خط مستقيم حيث
تعتمد طاقة الوضع على الموضع 7 كما هو
موضع بالشكل P42.8 عندما تزداد
يلاحدود تقترب (r) ل من (1+. (a) تعرف
على نقط الاتزان ووضح أي منها تكون
اتزانا مستقرأ و غير مستقر أو متعادل. (d)
ما مدى الطاقة الكلية الذي يكون فيه
الجسم مقيداً و الأن افترض أن الجسم لم
طاقة ز3- احسب (ع) المدى الذي يمكن أن
يتواجد فيه الجسم (b) اقصى طاقة حركة
له (ع) الموضع الذي يكون للجسم فيه أقصى
طاقة (f) طاقة الرياحا- أي الطاقة اللازمة
طاقة (f) طاقة الرياحا- أي الطاقة اللازمة
لانطاقة (f) طاقة الرياحا- أي الطاقة اللازمة
لانطاقة (الجسم فيه ا



شكل P42.8

43 - مخروط دائري قاتم يمكنه الاتزان على سطح افقي يشارك طرق محتلف ، ارسم رسماً توضيعياً بيين الثلاث طرق وتعرف على اي منهم يكون انزان مستقراً أو غير مستقر أو متعادل .

44 – في منحنى طاقة الوضع الموضع بالشكل F_x وضح ما إذا كانت القوة F_x موجبة أم سالبة أم صفراً عند المواضع

الخمس الموضحة (d) تعرف على نقاط الاتران فيما إذا كانت مستقرا أو غير الاتران فيما إذا كانت مستقرا أو مسمستقرا أو متعادل (c) أوسم رسماً توضيحياً لتغيير F_x مع X من X من X من X على X وي X على X أو X إلى X أن X أن



شكل P44.8

45 - أسطوانة مفرغة ملحق بسطحها الداخلي
 ثقل أو ثقلان كما هو موضح بالشكل P45.8

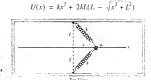


شكل P45.8

حدد كل مواضع الاتزان من حيث ما إذا كان مستقراً أو غير مستقرا أو متعادل وفسر كل اختيار من إختياراتك (CM تعني مركز الكتله).

46 - جسم مربوط بزنبركين متماثلين على منضده أفقية هلساء. إذا كان ثابت القوة للزنبركين منهما غيير مضغوطا. (ق) إذا تم جذب الجسم مسافة x في اتجاه عصودي على النسق الابتدائي للزنبركين- كما هو بالشكل P46.8 أثبت أن طاقة الوضع للنظام هي:

القصل الثامن؛ طاقة الوضع وحفظ الطاقة



شكل، P46.8

(تنويه انظر المسألة 66 في الفصل السابع) ارسم العلاقة بين U(x) و x وتعرف على (b) جميع نقاط الاتزان. (افرض أن L=1.2 m و c) (k=40.0 N/m) إذا تم جــــذب الكتلة 0.5cm ناحية اليمين ثم اطلقت للحركة. ما هي سرعتها عندما تصل إلى نقطة الاتزان .5x=0

قسم 9.8 تكافؤ الكتلة والطاقة

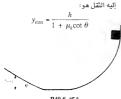
47 - احسب الطاقة المكافئه لـ (a) الكترون كتلته b) 9.11x 10-31kg) ذرة يوارنيوم كتاتها c) 4.0x 10-25kg مشبك ورق كتلته 2.0g (d) الأرض وكتلتها 5.99x 10²⁴kg.

48 المعادلة التي تمثل طاقة الحركة لجسم يتحرك بسرعة v هي المعادلة 19.7 والتي يمكن كتابتها في الصورة K= γmc²- mc² ديث $\gamma = (1 - v^2/c^2)^{-1/2}$ ممثل الحد γmc² الطاقة الكلية للجسيم، mc² هي طاقـة السكون. يتـحـرك بروتون بسيرعـة 0.999c حيث c هي سرعة الضوء. احسب (a) طاقة السكون للبروتون (b) طاقته الكليه (c) طاقة حركته.

مسائل إضافية:

49- ينزلق ثقل اسفل مسار منحنى املس وبعد ذلك على مستوى مائل كما بالشكل P49.8.

إذا كان معامل الاحتكاك الكيناتيكي بين الشقل والمستوى المائل هو 41. استخدم طريقة الطاقة لاثبات أن اقصى ارتفاع يصل



شكل P49.8

50- توجد صومعه عالية قريبه من الحرم الجامعي مغطاه بغطاء عبارة عن نصف كرة. الغطاء يصبح أملساً عندما يكون مبتلا. حاول شخص وضع ثمرة قرع على أعلى نقطة. إذا كان الخط الواصل من مركز انحناء الغطاء إلى ثمرة القرع يصنع زاوية 0 = 0 مع الرأسي. ذات ليلة ممطرة هبت رياح جعلت القرعه تنزلق من السكون إلى أسفل الصومعه وفقدت تلامسها مع الغطاء عندما يصنع الخبط الواصل من مركز نصف الكرة إلى ثمرة القرع زاوية θ مع الرأسى إحسب قيمة θ؟.

عند النقطة (A) على قطر أفقى من السطح الداخلي لنصف كره ملساء نصف قطرها R= 30.cm (شكل P51.8) احسب (a) طاقة الوضع الناشئة عن الجاذبية عندما يكون الجسم عند (A) بالنسبة إلى (B) طاقة حركة الجسم عند النقطة (c) (B) سرعة الجسم عند (B) طاقة حركته وطاقة وضعه عند (C) .

51- تُرك جسم كتلته 200g يتحرك من السكون



شكل P51.8 المسألتان S2 ، S1

 $\begin{bmatrix} \tilde{\mathbf{Z}}^2 \end{bmatrix}$ يتحرك الجسم في المسألة السابقة (شكل P51.8) من السكون عند \bigoplus وكــان نصف الكره خشن: إذا كانت سرعة الجسم عند \bigoplus عند \bigoplus الكم ما مقدار العاقة المقودة بسبب عند \bigoplus الكم ما مقدار العاقة المقودة بسبب الاحتكاك عندما يتحــرك الجسم من \bigoplus النائج بطريقة مسبطة، فسر ذلك.

53 - مسألة مراجعه،سيارة كتلتها 500kg شكل جسمها مصمم بعيث يكون معامل شكل جسمها مصمم بعيث يكون معامل واجهة الديناميكية 32.3 واجهة الإعاقة تتناسب مع 70 ويلهمال المصادر الاخرى للإحتكاك (a) احسب القدرة اللازمة للإحتكاك (a) احسب القدرة اللازمة مقدارها السارة حتى تسير بسرعة ثابتة مقدارها الرائالي 100m/h إلى اعلى هضبه تميل بزاوية "3.2.

54 - احسب مقدار قدرة الخسرج لك عند صعودك السلم. في إجابتك اذكر القيم الفيزيائية التي سوف تحتاجها كبيانات والقيم التي تقيسها لها. هل ستأخذ في الاعتبار اقصى قدرة لك أم قوة احتمالك.

55 – تختزن الطاقة في زنبرك لعبه البوجو A = ... د الموضع A = ... د الموضع A = .0.1 (A = .0.1) في هذه الحالة يكون انضغاط الزنبرك أقصى مايمكن ويكون الطفل في

حالة سكون لحظي عند الوضع ((B=a), يتراخي الرئيسرك ويتحرك الطفل لأعلى. عند الرضح ((B=a)) عند الرضح ((B=a)) السكون اللحظي عند قمة القفزة , بافتراض ان مجموع كتابي الطفل والبوجو هي ((B=a)) كانت طاقتا الوضع تساويان صفراً عند (B=a) الحسب (B=a) الطفل عند (B=a) الحسب سرعة الطفل عند (B=a) الحسب قيمة (B=a) النظومة أكبر عندها تكون طاقة حركة المنظومة أكبر مالطفل كغلى (B=a) المستعدد بها الطفل لأعلى (B=a) الحسب أهمايه ((B=a)) احسب أهماية ((B=a)) المسلم ((B=a)) احسب أهماية ((B=a)) المسلم ((B=a)) المسلم ((B=a)) احسب أهماية ((B=a)) المسلم ((B=a)) احسب أهماية ((B=a)) المسلم ((B=a)) احسب أهماية ((B=a)) المسلم ((B=a)) ال



شكل P55.8

[ا 35] تحرك ثقل كتلته pos.8 من النقطة (المدن ما النقطة (الكوان المدن المدن ما المدن المدن ما المدن المدن المدن ما المدن الله المدن الم





شكل P57.8 السألتان 57. 58

الاحتكاك الكيناتيكي ببن الشقل والسطح الخشن في المسافة من (B) إلى (C).

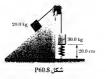
57 - ثقل كتلته 2.0kg موضوع على سطح خشن مائل ومربوط بزنبرك مهمل الكتله وله ثابت زنبرك 100N/m (شكل P57.8). إذا كنانت البكرة ملساء ويتحرك الثقل من السكون عندما يكون الزنبرك مضغوطا، إذا تحرك الثقل مسافة 20.0cm إلى اسفل المستوى المائل قبل أن يسكن. أوجد معامل الاحتكاك الكيناتيكي بين الثقل والمستوى المائل.

58 - مسألة مراجعة افترض أن المستوى الماثل في المسألة 57 أملس (انظر شكل P57.8). أطلق الثقل من السكون عندما يكون الزئيرك مضغوطا (a) ما المسافة التي يتحركها الثقل أسفل المستوى المائل قبل أن يتوقف؟ ما هو تسارعه عند أدنى موضع له؟ هل التسارع ثابت. (c) اذكر التحويلات في الطاقة أثناء هيوط الثقل.

59 - تعطى دالة طاقة الوضع لمنظومة بالعلاقة F_x احسب القوة (a) $U(x) = -x^3 + 2x^2 + 3x$

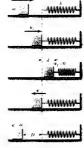
كدالة في x (b) ما هي قبيم x الثي عندها بع F_v وكذلك X بع U(x) ارسم (c) $F_v = 0$ x ووضح النقاط ذات الاتزان المستمقر والاتزان غير المستقر.

🇖 🔞 ربطت كتله مقدارها 20.kg بكتله أخرى مقدارها 30.kg بحبل يمر على بكره ملساء. الكتله 30.kg موضوعه على زنبرك مهمل الكتله وله ثابت قوة 250N/m كما هو موضح في الشكل P60.8 . يكون الزنبيرك مضغوطا عندما تكون المنظومة كما هي موضحة في الشكل والسطح المائل املس. جُدب الشقل 20.kg مساطة 20.cm إلى اسطل المستوى المائل (يصبح الثقل 30.kg اعلى عن الأرض بمسافه 40.cm) وتم اطلاقه للحركة من السكون، احسب سرعة كل ثقل عندما يكون الثقل 30.kg على ارتفاع 20.cm من الأرض (أي عندما يكون الزنبرك مضغوطا).



61 - ينزلق ثقل مقداره 1.0kg إلى يمين سطح له معامل احتكاك 0.25 µ= (شكل P61.8). إذا كانت سرعة الثقل هي 3.0m/s عندما (325

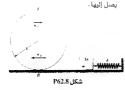
الضيرياء (الجزء الأول - الميكانيكا والديناميكا الحرارية)



شكل P61.8

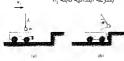
رَضِ مُعْلَ وَمُعْلِ 0.5kg وَمُواجِهِهُ (نِبرِكُ وَمُهِمُ الْكِلَّةُ حَتَى انْضَعْمَا مِسَافَةً بَكُ (شَكُلُ مُعِمَّا الْكِلَّةُ حَتَى انْضَعْما مِسَافَةً بَكُ (شَكُلُ 1962.8 عندما يطلق الشَقْلُ للحركة، فإنه يتحرك على سطح أف قي أملس إلى النقطة 8 في فياح مسيار دائري راسي نصف قطره R=1.0m ويستمر في الحركة لأعلى المسار. إذا كانت مسرعة الشَقْل عند القناع هي $v_{\rm B}=12.0m$ /s

ويتأثر الثقل بمتوسط قوة احتكاك مقدارها 7.0N اثثاء انزلاقه إلى أعلى المسار (a) ما قيمة الثي تتوقعها للثقل فيمة التي تتوقعها للثقل عند قمة المسار. (c) هل يصل الثقل فعلا إلى قمه المسار. (d) أنه سوف يهبط قبل أن



63 سلسلة منتظمة طولها 8.0m مشدودة على منضدة أفقية (a) إذا كان معامل الاحتكاك الاحتكاك السلسلة والنضدة هو 6.0 أثبت أن السلسلة سوف تبدأ الانزلاق من أثبت أن السلسلة سوف تبدأ الانزلاق من ضها على حافة المنضدة هو 8.0m (d) احسب سرعة السلسلة عند هيوطها كلية باعتبار أن معامل الاحتكاك الكيناتيكي بين السلسلة والمنضدة هو 9.0.

64- جسم كتلته m معلق من نقطة أعلى شاحنه بخيط طوله L و P64.84. وتحديد الشاحنة والكتلة تجاه اليسمين بسرعة ابتدائية ثابتة ، v



شكل P64.8

إذا توقيفت الشياحية عند اصطدامها مع مصد (شكل P64.8b) بينما تحركت الكتلة المعلقية لتصينع زاوية θ (a) اثبت أن

نا (b) $v_i = \sqrt{2gL(1-\cos\theta)}$ إذا كانت $v_i = \sqrt{2gL(1-\cos\theta)}$ السرعة (120cm) الابتدائية للشاحنة (تتويه القوة التي يؤثر بها الخيط على الجسم لاتبدل شغلاً على الحسم).

65- تنزلق طفلة بدون احتكاك من ارتفاع h على منزلق مائى منخنى (شكل P65.8)



شكل P56.8

$H = \frac{2L}{1 + (mg/F)^2}$

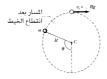
تأكد من صحة المادلة السابقة عندما تكون EHz (وكذلك عندما 2L (تنويه: احسب أولاً طاقة الوضع المساحية لقبوة الرياح الثابتة) (d) احسب قيمة H باستخدام القبم النالية (c) باستخدام نفس القيم السابقة احسب (c) باستخدام نفس القيم السابقة احسب (وثناء الاتزان للكوه.

(d) هل من الممكن ان يكون ارتفاع الاتزان
 اكبر من ١٤ فسر ذلك.



شكل P66.8

-67 علقت كـره في طرف خـيط وتم تشـبـيت الطرف الآخر. ودارت الكره في دائرة رأسية بدون احتكاك. اذا كانت سرعة الكره عند شمة الدائرة هي $\sqrt{R} = \sqrt{R}$ كما هو موضح بالشكل \sqrt{R} ما هي الزاوية التي ينقطع الخيط عندها بعيث تمر الكره خلال مركز الدائرة.



شكل P67.8

68] تدور كرة معلقة من طرف خيط هي دائرة رأسيه. إذا كانت الطاقة الكلية للكره ثابته. اثبت أن الشد في الخيط عند القاع يكون اكبر من الشد عند القمة بمقدار يعادل وزن الكرة 6 مرات.

و9- بندول يتكون من خيط طوله ما وكرة تتارجح في مستوى رأسي، يصطلم الخيط بوند موضوعاً على بعد أ اسفل نقطة التعليق (شكل 698) . (a) اثبت أنه إذا تحركت الكرة من ارتشاع ما اسفل الوتد فإنها سوف تعود إلى نفس الارتفاع بعد الاصطدام مع الوتد (b) أثبت أنه إذا مسا اطلق البندول

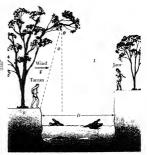
الشيزياء (الجزء الأول - الميكانيكا والديداميكا التعرارية)

للحركة من الخوضع الأفقي (*(90 ×90) لكي يعمل دورة كاملة مركزها الوتد، فيإن أقل قيمة لـ d هـ 51.18.



شكل P69.8

70 - تريد جين كتلتها \$0.kg أن تتأرجح عابرة فيرا (عبرضه (D) مملواً بتسماسيح أكله البشر حتى تقد طرزان من الخطر اللا أن ذلك يتطلب أن تتأرجح - ضد رياح تؤثر يقوة أفقية مقدارها F - مستخدمه كرمة عنب طابلها .1



شكل P70.8

وتصنع زاوية θ مع الرأسي (شكل 770.8). L= 40.m .F= 110N .D= 50.m بافتراض أن θ مع أقل سرعة تبدأ بها حين θ - 50° (a) ما هي أقل سرعة تبدأ بها

التــازجح حــتى تصدل إلى الشــاطئ الأخــر (تتويه: احسب اولاً طاقة الوضع الصــاحية لقوة الرياح) (10 بمعرد إتمام عملية الانقاذ فإن كلا من جين وطرزان سوف يعودان. ما هي ادنى سـرعة يبد عان بهـا رجة العودة. الوض أن كلتة طرر هي عا 80.

71. يبدأ طفل الانزلاق من السكون على منزلق املس كــمـا هو وسـوضح بالشكل 1.171.8 احسب الارتضاع البدلالة R.H الذي يمكن للطفل أن يهبط منه حتى ينزلق من الجزء الدائري نصف فطرح R.



شكل P71.8

2.7 - يتحرك ثقل مقداره 82 .50 على سطح افقي املس مربوطاً باحد طرفي زنبرك اقتى خفيف. الطرف الاخر من الزنبرك مسافة 0.10 مثبت. إذا الضغط الزنبرك مسافة 0.10 مثبت. إذا الضغط الزنبرك مسافة سرحــة وكانت سرحــة الشقل هي \1.20m/ عند مسروره بموضع الاقزان للزنبرك. عند تكرار التجربة مرة ثانية باستبدال السطح الأملس بسطح أخر له 0.3 بهر - 1.4 - 1.4 مسب سرعة الثقل عند موسم الاقزان للزنبرك.

الفصل الثامن؛ طاقة الوضع وحفظ الطاقة

إذا كانت البكرة ملساء ومهملة الكتلة وإذا كانت البكرة مساء ومهملة الكتلة وإذا كان معامل الاحتكاف الكيناتيكي بين الثقل 50kg والسطح هو $\mu_{\rm k}=0.25$ هنيما المسلح حركة الثقل $\mu_{\rm k}=0.25$ عندما يتحرك مر(Δ) إلى (Δ) علماً بأن المسافنة بينهما 90.



شكل P73.8

إجابة الاختبارات السريعة: ANSWERS TO QUICK QUIZZES

نعم. لان لنا مطلق الحرية في إختيار أي نقطة لتكون نقطة الأصل للإحداثيات والتي عندها $U_g=0$ إذا كان الجسم أسفل نقطة الأصل فيان U_y تكون سياليـــة للمنظومـــة الكونه من الجسم والارض.

(2.8) نعم. الطاقة الكلية للمنظومه محفوظة لأن القـوى للؤثرة هي قـوى مـحـافظة (قـوة الجاذبية وقوة الزنبرك). يوجد صورتان لطاقة الوضع (1) طاقة الوضع الناشئة عن الجاذبية (2) طاقة المرونة الكامنة والمختزنة في الزنبرك.

(3.8) ترتفع الكرتان الأولى والثالثة عند قذفهما بينما تهبط الكره الثانية في أول الأمر ثم ترتفع بعد ذلك لأعلى حتى تصل إلى القمة. مسارات الكرات الثلاث مي قطع مكافئ ولكن كل كره تأخذر من مختلف للوصول إلى الأرض لان السرعات الابتدائية مختلفة ومع ذلك فسان كل الكرات لها نفسم السرعة عند وصولها للارض لانها بدات بنفس التغير السرعة الحرورة ويتأثران نفض التغير

في طاقةالوضع الناشئة عن الجاذبية. أي أن $E_{\text{total}} = \frac{1}{2} \text{mw}^2 + \text{mgh}$ الثلاث عند بداية الجركة.

 $\Delta E = W_{\rm app} - \Delta E_{\rm friction}$

 $= \Delta K + \Delta U$

 $= [(K_{1f} + K_{2f}) - (K_{1i} + K_{2i})]$

+ $[(U_{v|f} + U_{v2f} + U_{sf}) - (U_{v|t} + U_{v2i} + U_{si})]$

قد يكون من السهل أن نضع هذه المعادلة في ترتيب أخر فمثلاً الطاقة الابتدائية الكلية + التغير الكلى+ الطاقة النهائية الكلية

 $K_{1i} + K_{2i} + U_{g1i} + U_{g2i} + U_{si} + W_{app} - f_k d = K_{1f} + K_{2f} + U_{g1f} + U_{g2f} + U_{sf}$



تنقد الوسادات الهوائية عدد لا حصر له من راكبي السبيارات وذلك بتخفيض القوى التى تؤثر عليهم أثناء التنصادم. كنف بمكن للوسادة الهوائية أن تغير القوة اللازمة لجعل شخص سبرسرعة عالية أن بتوقف تماماً. لماذا كانت الوسائد أكثر أمانا من استخدام حزام

الأمان فقط.

كمبة الحركة الخطبة والتصادم Linear Momentum and Collisions

ويتضمن هذا الفصل:

5.9 التصادم في بعصدين Two-Dimensional Collisions

6.9 مركز الكتلة The Center of Mass

7.9 حركة منظمومة من الأجسام Motion of a System of Particles

8.9 دفع الصاروخ (اختياري) (Optional) Rocket Propulsion

1.9 كمية الحركة الخطية وحفظها Linear Momentum and Its Conservation

2.9 الدفيع وكمية الحركة Impulse and Momentum

Collisions 3.9 التصيادم

4.9 التصادم المرن وغيير المرن في بعد واحد Elastic and Inelastic Collisions in One Dimension

الشيزياء (الجزء الأول - الميكانيكا والديناميكا الحرارية)

فكر فيما يحتث عندما يضرب المضرب كرة الجولف- تحصل الكرة على سرعة ابتدائية كبيرة نتيجة التصادم: بالتالي تكون الكرة قادرة على قطع مسافة 100m في الهواء. تتأثر الكرة بتسارع كبير، وحيث إن الكرة تكتسب هذا التسارع خلال فترة زمنية قصيرة فإن متوسط القوة التي تؤثر عليها أشاء التصادم تكون كبيرة جداً، طبقاً لقانون نيوتن الثالث فإن الكرة تؤثر بقوة رد فعل على المضرب تساوي في المقدار وتضاد في الاتجاه القوة التي يؤثر بها المضرب على الكره. تسبب قوة رد الفعل تسارعاً للمضرب يكون أقل كثيراً من تسارع الكره.

أحد الاهداف الرئيسية لهذا الفصل هو المساعدة في فهم وتحليل مثل تلك الاحداث. كخطوة أولى سندخل مبدأ كمية الحركة وهو كذلك احد الرسائل المختلفة والاكثر شبوعاً الحركة وهو كذلك احد الوسائل المختلفة والاكثر شبوعاً لاستخدام قوانين نيوتن. على سبيل المثال يقال على لاعب كرة قدم فتيل أن كمية الحركة له كبيرة عندما ينقلب على أرض الملعب أما لاعب أقل في الكتله – مثل مساعد الدفاع، يمكن أن تساوي أو تزيد كمية الحركة له إذا كانت سرعته أكبر من سرعة اللاعب الأكثر رشاقة، يظهر ذلك من حقيقة أن كمية الحركة أن المائل ضرب الكتلة في السرعة. يقودنا مبدأ كمية الحركة إلى فأنون حفظ أخر، وهو قانون حفظ كمية الحركة. تظهر أهمية هذا القانون خاصة عند التمامل مع الشاكل التي تتضمن تصادم بين الإجسام وكذلك دراسة أنطلاق الصواريخ، سنقدم كذلك مفهم مركز الكتلة نظومة من الإجسام وسنجد أنه يمكن وصف حركة منظومة من الإجسام بحركة جسم واحد موضوعاً عند مركز الكتلة.

1.9 > كمية الحركة الخطية وحفظها

LINEAR MOMENTUM AND ITS CONSERVATION

درسنا في الفصلين السابقين بعض الحالات المعقدة التي لايمكن تفسيرها بواسطة قوانين نيوتن. لقد استخدم نيوتن $\mathbf{F} = ma$ (المعادلة 2.5) تلك الصورة هي $\mathbf{F} = ma$ (المعادلة 2.5) تلك الصورة هي الاسهل في تطبيقها على حالات معقدة، يستخدم الفيزيائيون هذه الصورة لدراسة كل شئ بدءاً من الجسيمات تحت الذرية حتى دفع الصاروخ. عند دراسة مثل هذه الحالات، غالباً مايكون من الأفضل أن تعرف بعض الشئ عن الجسيم وعن حركته، سنبدأ بتعريف اصطلاح جديد والذي يوحد هذه المعلومات.

 \mathbf{v} رُمرف كمية الحركة الخطية لجسم كثلته m يتحرك بسرعة \mathbf{v} على أنها حاصل ضرب الكتلة في السرعة. $\mathbf{P} = m\mathbf{v} \qquad (1.9)$

تعريف كمية الحركة الخطية لجسم

كمية الحركة الخطية هي كمية اتجاهية لانها حاصل ضرب كمية قياسية m وكمية متجهه v.
 62 اتجاهها على طول v وابعادها ML/T ووحداتها هي النظام SI هي kg·m/s.

الفصل التاسع: كمية الحركة الخطية والتصادم

إذا كان الجسم يتحرك في اتجاه اختياري، يكون لـ p ثلاث مركبات وتكافئ المعادلة (1.9) معادلات المركبات

$$P_v = mv_v$$
 $P_u = mv_u$ $P_- = mv_-$ (2.9)

كما تلاحظ من تعريفها. يعطي مبدأ كمية الحركة تمييز كمي بين الأجسام الثقيلة والخفيفة عندما يكون لها نفس السرعة. على سبيل المثال فإن كمية الحركة لكرة البولينج والتي تتحرك بسرعة *10m/s تكون أكبر كثيراً من كمية الحركة لكرة التنس الارضي عندما يكون لها نفس السرعة، أطلق نيوتن على حاصل الضرب mv مقدار الحركة "Quantity of motion" , ويما يكون ذلك وصفاً بيانياً عما نسميه حائياً كمية الحركة Momentum , والتسمية الانجليزية ماخودة عن كلمة لاتينية تعنى الحركة.

اختبار سريع 1.9

جسمان لهما نَفْس طاقة الحركة . كيف يمكن مقارنة مقدار كمية حركتهما؟ $P_1 > P_2$ (b) $P_1 < P_2$ (a) بالملومات غيركافية للإجابة .

باستخدام قانون نيوتن الثاني للحركة يمكننا ربط كمية الحركة الخطية لجسيم بالقوة المحصلة التي تؤثر عليه المعدل الزمني لتغير كمية الحركة الخطية لجسم يساوي القوة الكلية التي تؤثر على الجسم التي تؤثر على الجسم $\sum_{r} = \frac{dp}{r} = \frac{d(nv)}{r}$. (3.9)

بالإضافة للأرضاع التي يتغير فيها متجه السرعة مع الزمن، بمكتنا استخدام المادلة 3.9 لدراسة الظواهر التي تتغير فيها الكتلة. تظهر القيمة الحقيقية للمعادلة (3.9) كوسيلة للدراسة من حقيقة أنه عندما تكون القوة الكلية المؤثرة على جسم تساوي صفراً فإن كمية الحركة للجسم تكون ثابتة. بالطبع فإنه عندما يكون الجسم معزولاً حينئذ يتحتم أن تكون F^2 ولاتتغير F ويعني ذلك أن F محفوظة. بقدر مايكون قانون حفظ الطاقة مفيداً في حل بعض مشاكل الحركة المعقدة، فإن قانون حفظ كمية الحركة يُبسط دراسة انواع أخرى من الحركة المعقدة.

حفظ كمية الحركة في نظام يتكون من جسمين

Conservation of Momentum For A Two- Particle System

و افترض الجسمين 1 و 2 والذي يحدث بينهما تأثر متبادل لكنهما معزولان عن الوسط المحيط. 62 (شكل 1.9)، بمعنى ان كل جسم يؤثر على الآخر بقوة ولكن لا توجد قوى خارجية، من المهم أن تلاحظ أثر قانون نيوتن الثالث على هذه الدراسة. إذا أثرت قوة داخلية من الجسم 1 (على سبيل المثال

^{*} في هذا الفصل الاصطلاحان كمية الحركه وكمية الحركه الخطيه لهما نفس العنى. فيما بعد– في فصل 11 سوف نستخدم الاصطلاح كمية الحركه الزاويه عند التعامل مع الحركه الدورانيه.

الفيزياء (الجزء الأول - الميكأنيكا والديناميكا الحرارية)

قوة الجاذبية) على الجسم 2، سيكون هناك بالتالي قوة داخلية ثانية- تساوي في المقدار وتضاد في الاتجاه- يؤثر بها الجسم 2 على الجسم 1.

افترض أنه في لحظة معينة، كانت كمية الحركة للجسم ا \mathbf{p}_1 هي \mathbf{p}_2 وللجسم 2 هي \mathbf{p}_3 وللجسم يمكننا كتابة:

$$\mathbf{F}_{21} = \frac{d\mathbf{p}_1}{dt}$$
 and $\mathbf{F}_{12} = \frac{d\mathbf{p}_2}{dt}$

حيث \mathbf{F}_{21} هي القوة التي يؤثر بها الجسم 2 على الجسم 2، \mathbf{F}_{21} هي القوة التي يؤثر بها الجسم 1 على الجسم 2، \mathbf{F}_{12} ينص قانون نيوتن الثالث على أنهما زوج من الفعل ورد الفعل $\mathbf{F}_{12} - \mathbf{F}_{21}$ ويمكن كتابة هذا الشرط في الصورة:

$$\mathbf{F}_{21} + \mathbf{F}_{12} = 0$$

$$\frac{d\mathbf{p}_{1}}{dt} + \frac{d\mathbf{p}_{2}}{dt} = \frac{d}{dt}(\mathbf{p}_{1} + \mathbf{p}_{2}) = 0$$

حيث إن التفاضل لكمية الحركة الكلية $\mathbf{P}_1+\mathbf{P}_2=\mathbf{P}_1$ يساوي صفراً $^{(1)}$ ، فإننا نستنتج أن كمية الحركة الكلية للمنظومة يجب أن تظل ثابتة .

شكل 1.9 في لحظة معينه تكون كمية

الحركة للجسم ا هي $\mathbf{p}_1 = m_1 \mathbf{v}_1$ وكمية الحركة للجسم 2 هي $\mathbf{p}_2 = m_2 \mathbf{v}_2$. لاحظ

أن 17- =-17. كمية الحركة الكلية

للنظام Ptot تساوي المجموع الاتجاهي

 $P_1 + P_2$

$$\mathbf{P}_{\text{tot}} = \sum_{\text{system}} \mathbf{P} = \mathbf{P}_1 + \mathbf{P}_2 = \text{constant}$$
 (4.9)

يعادل ذلك

$$\mathbf{P}_{1i} + \mathbf{P}_{2i} = \mathbf{P}_{1f} + \mathbf{P}_{2f} \tag{5.9}$$

حيث $_1$ $_1$ و $_2$ هما القيمتان الابتدائيتان، $_1$ $_2$ $_1$ و $_2$ $_3$ هما القيمتان النهائيتان لكمية الحركة أشاء الفترة الزمنية التي يتم خلالها التأثير المتبادل. توضح المعادلة 5.9 في صورة مركباتها أن كميات الحركة في الاتجاهات $_2$ ، $_3$ تكون ثابتة كل على حدها.

$$\sum_{\text{system}} P_{ix} = \sum_{\text{system}} P_{fx} \qquad \sum_{\text{system}} P_{iy} = \sum_{\text{system}} P_{fy} \qquad \sum_{\text{system}} P_{iz} = \sum_{\text{system}} P_{fz}$$
 (6.9)

هذه النتيجة والمعروفة بقانون حفظ كمية الحركة الخطية، يمكن تطبيقها على أي عدد من الأجسام في منظومة معزولة وتُعتبر واحدة من اهم القوانين في الميكانيكا ويمكن كتابتها كما يلي:

عندما يحدث تأثر متبادل بين جسمين أو أكثر في نظام معزول فإن كمية الحركة الكلية للمنظومة تظل ثابتة.

 ⁽¹⁾ في هذا القصل الاصطلاحان كمية الحركة وكمية الحركة الخطية لهما نفس المتى. فيما بعد- في فصل 11 سوف نستخدم الاصطلاح كمية الحركة الزاوية عند التعامل مع الحركة الدورانية.

الفصل التاسع: كمية الحركة الخطية والتصادم

حفظ كمية الحركة يوضح لنا هذا القانون أن كمية الحركة الكلية لمنظومة معزولة في كل لحظة تساوى كمنة الحركة الانتدائية..

لاحظ أننا لم نذكر أي شيء عن طبيعة القوى التي تؤثر على الأجسام في المنظومة. الشيء الوحيد الذي يتطلبه هذا القانون هو أن هذه القوى داخلية للمنظومة.

يقذف مدرس التربية البدنية لك كرة البيسبول بسرعة معينة، وأنت تلتقطها. يقوم المدرس ثانية بقذفك بكرة تدريب طبية كتلتها عشرة أمثال كرة البيسبول.

هل بمكنك التقاط كرة التدريب الطبية إذا قذفت. (a) بنفس سرعة كرة القاعدة (b) بنفس كمية الحركة (c) بنفس طاقة الحركة. رتب هذه الاختبارات من الاسهل إلى الاصعب من حيث التقاط الكرة.

طفو رائد فضاء مثال 1.9

اكتشف رائد فضاء وهو في المعمل الفضائي سكاي لاب، إنه بينما كان منهمكا في كتابة بعض ملاحظاته قد طفى تدريجياً إلى منتصف المنطقة المفتوحة في سفينة الضضاء. لم ينتظر حتى يطفو إلى الجانب المقابل وطلب من زملائه أن يدفعوه، ضحكوا على هذا المأزق وقرروا ألا يساعدوه فاضطر



شكل 2.9

إلى خلع ملابسه وقذفها في أحد الاتجاهات لكي يدفع بنفسه في الاتجاه المضاد. احسب قيمة سرعته الناتجة عن ذلك.

الحل: نبدأ ببعض التخمينات المعقولة للنتائج، دعنا نفترض أن رائد الفضاء كتلته 70 kg يقذف بملابس كتلتها l kg وسرعة 20 m/s . للسهولة نفترض ان الاتحاه الموجب لمحور x هو اتحاه قذف الملابس (شكل 2.9). دعنا نفرض كذلك ان محور x هو الماس للمسار الدائري لسفينة الفضاء تتكون المنظومة من رائد الفضاء والملابس. بسبب قوة الجاذبية الارضية (التي تبقي على رائد الفضاء والملابس وسفينة الفضاء في المدار). المنظومة ليست معزولة. ومع ذلك تتجه هذه القوة (قوة الجاذبية) عمودياً على حركة المنظومة. لهذا فإن كمية الحركة ثابتة في اتجاه x حيث لايوجد قوة خارجية في هذا الاتجاه.

الفيزياء (الجزء الأول - المكانيكا والديناميكا الحرارية)

كمية الحركة بعد قذف الملابس تساوى صفراً ايضاً ($m_1 \mathbf{v}_1 \mathbf{r} + m_2 \mathbf{v}_3 \mathbf{r} = 0$).

باستخدام v_1 نحصل على سرعة الارتداد m_2 =1 kg و الحل في v_1 نحصل على سرعة الارتداد لرائد الفضاء

$$\mathbf{v}_{1f} = -\frac{m_2}{m_1} \mathbf{v}_{2f} = -\left(\frac{1 \text{ kg}}{70 \text{ kg}}\right) (20 \text{i m/s}) = -0.3 \text{i m/s}$$

نوضح الأشارة السالية أن رائد الفضاء يتحرك تجاه اليسار بعد القذف، في عكس أتجاه حركة الملابس، وذلك طبقا لقانون نيوتن الثالث. حيث أن كتلة الرائد اكبر من كتلة الملابس فان تسارعه وبالتالي سرعته أقل كثيرا من تسارع وسرعة الملاس.

انقسام جسيم °K الساكن مثال 2.9

ينشطر أحد أنواع الاجسام النووية يسمى (koan) "K المتعادل الى زوج من الجسيمات الاخرى تسمى بيونات (π^+ و π^+) مختلفا الشحنة ولكن لهما نفس الكتلة- كما هو موضح في شكل 3.9. بفرض أن °K كان ساكنا في اول الامر، اثبت أن البيونان لهما كميتي حركة متساويتان في المقدار ومتضادتان في الاتحاه.

الحل: يمكن كتابة انقسام "K بالشكل التالي

$$K^{\circ} \longrightarrow \pi^{+} + \pi^{-}$$

إذا افترضنا أن P^+ هي كمية الحركة للبيون الموجب π^+ وأن P^- هي كمية الحركة للبيون السالب تها: π فإن كمية الحركة النهائية للمجموعة المكونة من البيونين يمكن كتابتها:

$$p_{\int} = p^+ + P$$

حيث إن °K كان في حالة سكون قبل الانقسام، فإن اى أن $P_i = P_f = 0$ أى أن $P_i = P_f = 0$

 $P^{+}+P^{-}=0$

شكل 3.9 ينقسم جسم "K في حالة سكون تلقائياً إلى بيونين مختلفي الشحنة. يتحرك البيونان مبتعدان عن بعضهما بكميتى حركة متمساويتان في المقدار ومتضادتان في الاتحاه. النقطة الهامة من وراء هذه المسألة هي أنه حتى وان كانت الفيزياء تتعامل مع اجسام تختلف تماماً عن تلك الموجودة في المثال السابق فإن الفيزياء متماثلة:

P+=-P- of

336 كمية الحركة محفوظة في المنظومة المعزولة.

IMPULSE AND MOMENTUM للحركة الحركة إلى الدفع وكمية الحركة 2.9

كما لاحظنا فإن كمية الحركة لجمم تتغير عندما تؤثر عليه قوة. معرفة التغير في كمية
 لاكم الناتجة عن تأثير القوة يساعد في حل بعض أنواع المسائل.

لكي نصل إلى فهم جيد عن هذا الموضوع، دعنا نفترض أن قوة مفردة F تؤثر على جسم وأن هذه القوة قد تتنير مم الزمن، طبقاً لقانون نيوتن الثاني F= dp/dt أو

$$d\mathbf{p} = \mathbf{F} dt \tag{7.9}$$

يمكن تكامل* هذه المعادلة لحساب التغير هي كمية حركة الجسم عندما تؤثر عليه فوة خلال فترة رئمنية. إذا كانت كمية حركة الجسم تتغير من P_i عند الزمن i_i إلى P_j عند الزمن i_i فإن تكامل المعادلة 7.9 يعطى:

$$\Delta \mathbf{p} = \mathbf{p}_f - \mathbf{p}_i = \int_t^{t_f} \mathbf{F} d\mathbf{t}$$
 (8.9)

لاجراء التكامل يجب معرفة كيف تتغير القوة مع الزمن. يسمى الطرف الايمن من هذه المعادلة $\Delta t = t_f - t_i$ المقرة الزمنية $\Delta t = t_f - t_i$ يُعرف الدفع بالمتجه

$$\mathbf{I} \equiv \int_{t_i}^{t_i} \mathbf{F} dt = \Delta \mathbf{p}$$
 دفع القوة

دفع القوة التي تؤثر على جسم يساوي التغير في كمية حركة نظرية الدفع - كمية الحركة الجسم الناتج عن القوة.

هذا النص، معروف بنظرية الدفع- كمية الحركة** ويناظر قانون نيوتن الثاني. من هذا التعريف نرى ان النص معدا التعريف نرى ان الدفع كمية متجهة مقدارها يساوي الساحة تحت منحنى تغير القرة مي الزمن كما هو واضح في الشكل 20.4. في هذا الشكل 20.4. في معداً أو يستفراً في الشكل 20.4. في هذا الشكل 20.4. في معداً أو المتابعة المنطق من المنطق من نفسه اتجاه التغير في كمية الحركة- لاحظاء أن الدفع ليس خاصية للجسم بل هو مقياس للرجة تغير كمية حركة الجسم. لمنا عندما نقول أن الجسم أعطي دفعاً نعني بذلك أنه قد انتقاد كمية حركة للجسم من مؤثر خارجية.

حيث إن القوة النّي تعطي دفعاً تتغير بصورة عامة مع الزمن، فمن الملائم ان نُعرف متوسط القوة بالنسبة للزمن Time Averaged Force بالعلاقة:

$$\overline{\mathbf{F}} = \frac{1}{\Delta t} \int_{t_i}^{t_f} \mathbf{F} \, dt \tag{10.9}$$

^{*} لاحظ اننا نجري تكامل القوى بالنسبه للزمن. قارن ذلك مع ما حدث في الفصل 7 حيث اجرينا التكامل بالنسبه للموضع لحساب الشغل المبذول بهذه القوه.

^{**}بالرغم من اننا افترضنا ان قوه مفردة هي التي تؤثر على الجسم فإن نظرية الدفع– كمية الحركه تكون صالحه عندما بؤثر اكثر من قده وستخدم XF بدلاً من F في المادله 9.9.

الفيزياء (الجزء الأول - الميكانيكا والديناميكا الحرارية)

حيث $\Lambda' = t_f - t_i$ (هذا تطبيق لنظرية القيمة المتوسطة في حساب التفاضل والتكامل) لهذا يمكن كتابة المعادلة (9.9) في الصورة:

$$I \equiv \overline{F} \Delta t$$
 (11.9)

من هنا وكما هو موضح بالشكل (4.9b) يمكن اعتبار متوسط القوة بالنسبة للزمن على أنها القوة الثابتة التي يجب أن تُخطئ لجسم في الفترة الزمنية 14 نفس الدفع الذي تعطيه قرّة مع الزمن في نفس الفترة، أو (بأنها القوة الثابتة التي تعطي الجسم دفع في فترة زمنية 14 سياوي الدفع الذي تعطيه قوة متغيرة مع الزمن في نفس الفتره). كمّاعدة، إذا كانت 15 عمرفة كدالة في الزمن فإنة يمكن حساب الدفع من في ذا الحلالة 9.9 بالطبع سيكون الوضع أسهل إذا كانت القوة ثابتة. لمن هذه الحالة 15 وضبيح المحالة 1.9 أقصيح المحالة 1.9 أقصيح المحالة 1.9 أأوضيح المحالة 9.1 أأوضية المحالة 9.1 أأوضيع المحالة 9.1 أأوضية ألم أأوضية ألم أأوضية المحالة 9.1 أأوضيع المحالة 9.1 أأوضيع ألم أأوضية المحالة 9.1 أأوضيع المحالة 9.1 أأوضيع المحالة 9.1 أأوضية ألم ألم 9.1 أأوضية المحالة 9.1 أأوضية المحالة 9.1 أأوضية المحالة 9.1 أأوضية 1 أأوضية المحالة 9.1 أأوضية ألم 1 ألم 9.1 أأوضية 9.1 أأوضية

$$I = F \Delta t \qquad (12.9)$$

في كثير من الحالات الفيزيائية تستخدم صايسمى بتقريب الدفع Impulse approximation وفيه نفترض ان قوة من مجموعة القوى تؤثر على جسم لفترة قصيرة ولكنها اكبر



أمكن (a) فد تتغير القوة التي تؤثر (b) مد تتغير القوة التي تؤثر على جمع مع الزمن، الدهي المعلى للجسم بقوه 7 هو عبارة عن المساحة تحت منحنى نغير القوة مع الزمن (d) في القنرة الزمنية Δt يمعلى مصوصعا القوة بالنسبة للزمن الخط المنوية هوه تتغير مع الزمن والمعطاه في المنوية (b).

من مجموعة انقوى نوتر عنني جسم سنرد مصيرة ونحيق اجبر من أي قوة آخرى من القوى الوجودة . يفيد هذا التقريب عند التمامل مع التصادم حيث تكون فترة التصادم صغيرة جداً . عند وجود هذا التقريب يقال عن القوة أنها "قوة دافعة" Impulsive Force.

على سبيل المثال يستغرق تصادم كرة النتس مع المضرب s 0.01 ومتوسط القوة التي يؤثر بها المضرب على الكرة في هذه القوة أكبر كثيرا من المضرب على الكرة في هذه القوة أكبر كثيرا من مقدار قوة التجاذب، يمطي تقريب التصادم سبياً لإهمال وزن كل من الكرة والمضرب، عندما نستخدم هذا التقريب، من المهم أن نتذكر أن P_r P_f يمثلان على التوالي كميتا الحركة قبل وبعد التصادم مباشرة، وهكذا هإنه في أي وضع يمكن فيه استخدام تقريب الدفع، فإننا نفترض أن الجسم يتحرك قبلاً عند التصادم.

اختيار سريع 3.9

جسمان في سكون على سطح أماس. كثلة الجسم 1 أكبر من كتلة الجسم 2. عند التأثير بقوة على الجسم 1 فإنه يتسارع لسافة $\, b$. بعد ذلك تم إبعاد القوة عن الجسم 1 واثرت على الجسم 2. عند لحظة تسارع الجسم 2 لنفس المسافة $\, b$. اي من هذه الحالات صحيحة $\, K_1 > K_2 \, (f) \, K_1 = K_2 \, (e) \, K_1 < K_2 \, (d) \, P_1 > P_2' \, (e) \, P_1 = P_2 \, (b) \, P_1 < P_2 \, (a)$

مثال 3.9 القذف

فُذفت كرة جولف كتلتها 50g بواسطة مضرب (شكل 5.9). تتغير القوة التي يؤثر بها المضرب على الكرة من الصفر قبل ملامستها مباشرة حتى اقصى قيمة (الاصطدام بالكره) ثم تعود مرة أخرى إلى الصفر عندما تترك الكرة المضرب. يوضح الشكل 4.9 منحنى القوة مع الزمن وصفيا. افرض أن الكرة تقطع مسافة 200 متراً، احسب مقدار الدفع الناتج عن التصاده.

الهجل، دعنا نستخدم (A) ليرمز إلى لحظة أول تلامس للمضرب مع الكرة و(B) إلى لحظة انتهاء هذا التلامس وبداية تحرك الكرة على مسارها و (C) ترمز إلى لحظة مبوطها على الارض. بإهمال مقاومة الهواء يمكن استخدام المعادلة (14.4) لحساب مدى القذيفة

$$R = x_{\rm C} = \frac{{v_{\rm B}}^2}{g} \sin 2\theta_{\rm B}$$

دعنا نفرض أن زاوية القذف *θ_B= 45 ، وهى الزاوية التي تعطي اقصى مدى مهما كانت سرعة القذف، يعنى هذا الفرض أن La = 1 ، واسرعة القذف للكرة هى:

$$v_{\rm B} = \sqrt{x_c g} = \sqrt{(200 \text{ m})(9.80 \text{ m/s}^2)} = 44 \text{ m/s}$$

 v_f = v_B و v_i = v_A = 0 الآن نحسب الفـــّـرة الزمنيـة للــّـصــادم وذلك للكره، من ثم يكون مقدار الدفع للكرة هو

$$I = \Delta P = mv_B - mv_A = (50 \times 10^{-3} \text{kg}) (44 \text{m/s}) - 0$$

= 2.2 kg· m/s

تمرين؛ إذا كانت فترة تلامس المضرب والكرة هي 8 10-4 x 4.5 . احسب متوسط مقدار القوة التي يؤثر بها المضرب على الكرة.

الاجابه، $0.49 \times 10^3 \, \text{N}$ هذه القيمة عالية جداً بالمقارنة مع وزن الكرة $0.49 \times 10^3 \, \text{N}$ الكرة



شخ*ل ود* قذف كرة الجولف

تجربة سريعة:

إذا كان عندك رغبه، العب لعبة التقامل البيضة. ما هي أفضل طريقة لتحريك يدك الالتقاط بيضة وتحويل كمية حركتها إلى الصفر دون أن تتكسر.

ما أهمية المصدات؟ مثال 4.9

في اختبار تصادم خاص، تتصادم سيارة كتلتها 1500 kg مع حائط كما هو موضح بالشكل 9.6. . $v_f = 2.6 i \text{ m/s}$ ، $v_i = -15 i \text{ m/s}$ هما $v_i = -15 i \text{ m/s}$ اذا كانت السرعة الابتدائية والسرعة النهائية للسيارة على التوالي هما وإذا كان التصادم يستغرق 1.50s . احسب الدفع الناتج عن التصادم ومتوسط القوة التي تؤثر على السيارة.

الحل: افرض أن القوة التي يؤثر بها الحائط على السيارة كبيرة مقارنة بالقوى الأخرى ومن ثم يمكننا استخدام تقريب الدفع. الاكثر من ذلك أننا نلاحظ أن قوة الجاذبية والقوة العمودية التي يؤثر بهما الطريق على السيارة متعامدتان على اتجاه الحركة وبالتالي لا تؤثران على مركبة كمية الحركة الافقية.

كميتا الحركة الابتدائية والنهائية للسيارة هما:

 $P_i = mv_i = (1500 \text{ kg})(-1. \ \partial i \ \text{m/s}) = -2.25 \times 10^4 i \text{ kg} \cdot \text{m/s}$ $P_f = mv_f = (1500 \text{ kg})(2.6i \text{ m/s}) = 0.39 \times 10^4 \text{ i kg} \cdot \text{m/s}$

وبالتالى يكون الدفع

 $I = \Delta P = P_f - P_i = 0.39 \times 10^4 i \text{ kg. m/s} - (-2.25 \times 10^4 i \text{ kg.m/s})$ $= 2.64 \times 10^4 i \text{ kg. m/s}$

متوسط القوة التي تؤثر على السيارة هي:

$$\overline{F} = \frac{\Delta p}{\Delta t} = \frac{2.64 \times 10^4 \text{ i kg · m/s}}{0.150 \text{ s}} = 1.76 \times 10^5 \text{ i N}$$



شكل 6.9 (a) تتغيير كمية حركة السيارة نتيجة لتصادمها مع الحائط (b) في اختبار التصادم تتحول اغلب طاقة حركة السيارة إلى طاقة تستخدم في اتلاف السيارة.



لاحظ أن مقدار هذه القوة كبير جداً بالمقارنة مع وزن السيارة (mg= 1.47 x 10⁴ N) والذي يؤكد فرضنا السابق. ما يلاحظ في هذه المسألة هو كيف تَظهر اشارات السرعات انعكاس الاتجاه. ماذا سوف يصف علم الرياضيات إذا ما كانت كلا من السرعة الأبتدائية والسرعة النهائية لهما نفس 340 | الإشارة.



رتب دور كل من تابلو السيارة، وحزام المقعد، الوسادة الهوائية من حيث (a) الدفع (b) متوسط القوة المؤثرة من كل منهم على راكب في المقعد الامامي اثناء التصادم.

3.9 \ التصادم COLLISIONS

رضي هذا الجزء سوف نستخدم قانون حفظ كمية الحركة في وصف ما يحدث عند تصادم المحركة في وصف ما يحدث عند تصادم المحركة وسمين يقتربان من بعضهما المحركة ومن ثم يؤثران على بعضهما يقوى دافعة. سنفترض أن هذه القوى اكبر كثيراً من اي قوى خارجية موجودة.

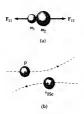
قد يسبب التصادم تلامساً مادياً بين جسمين كبيرين (ماكروسكوبيين) Macroscopic النشكل P_0 . لكن معنى التصادم يعب أن يعمم لأن "التلامس المادي بالقياس تحت على المستوى النبري (شكل P_0 00) مثل تصادم بروتون مع جسيم الفا (نواة ذرة الهيليوم). حيث أن كلا الجسيمين موجب الشحنة، هلابيكن أن يعدث تلامس مادي بينهما، ويدلاً من الشحنة، هلابيكن أن يعدث تلامس مادي بينهما، ويدلاً من الشحنة، هلابيكم أن عدما تكون المسافة بينهما قصيرة. عندما تكون المسافة بينهما قصيرة. عندما تكون المسافة بينهما قصيرة. بالشكل P_0 1. قد تثنير القوة الدافعة مع الزمن بطريقة معقدة، بالشكل P_0 2. قد تثنير القوة الدافعة مع الزمن بطريقة معقدة، بالتي يؤثر بها الجسم 2 على الجسم 1 واذا فرضنا أنه لا يوجد قوى خارجية تؤثر على الجسمين، حينئذ يعطي التغير في كمية الحركة للجسم إ نتيجة التصادم بالمادلة P_0 3.

$$\Delta \mathbf{p}_1 = \int_t^t \mathbf{F}_{21} \, dt \quad -$$

بالمثل إذا كانت F_{21} هي القوة التي يؤثر بها الجميم 1 على الجسم 2 وحينئذ يكون التغير هي كمية الحركة للجسيم 2 هو $\Delta \mathbf{p}_2 = f_1^{f'} \mathbf{F}_{12} dt$

من قانون نيوتن الثالث نستنتج أن
$$\Delta \mathbf{p_1} = -\Delta \mathbf{p_2}$$

$$\Delta \mathbf{p}_1 + \Delta \mathbf{p}_2 = 0$$



شكل 7.9 (a) التصادم بين جسمين نتيجة التلامس المباشر (b) التصادم بين جسمين مشعونين.



شكل 8.9 تغير القوة الدافعة كدالة في الزمن لجسمين متصادمين والموضع في الذمن لجسمين 1.7ء - F₁₂= -F₂.

الضرباء (الجزء الأول - المكانيكا والديثاميكا الحرارية)

 $P_{\text{system}} = P_1 + P_2$ هي ألحركة الكلية للمنظومة هي ألحركة الحركة الكلية المنظومة الحركة الحركة الكلية المنظومة الحركة ال

نستنتج أن التغير في كمية الحركة للمنظومة بسبب التصادم تساوي صفراً:

$$P_{\text{system}} = P_1 + P_2 = \text{constant}$$

هذا هو المتوقع حيث لا تؤثر أي قوى خارجية على المنظومة (انظر القسم 2.9). حيث إن القوى الدافعة هي قوى داخلية، فهي لاتغير من كمية الحركة المنظومة (القوى الخارجية فقط هي التي بمكنها أن تفعل ذلك).

كمية الحركة محفوظة لهذا نستنتج أن كمية الحركة الكلية لمنظومة معزولة قبل التصادم مباشرة فی ای تصادم تساوي كمية الحركة الكلية للمنظومة بعد التصادم مباشرة.

الله مثال 5.9 إحمل بوليصة التأمين ضد التصادم.

اصطدمت سيارة كتلتها 900 kg بمؤخرة سيارة كتلتها 1800 kg اثناء توقفها في اشارة المرور والتحمت السيارتان. إذا كانت السيارة الصغيرة تسير بسرعة 20 m/s قبل التصادم احسب سرعة السيارتين مع بعضهما بعد التصادم.

الحل: نتوقع أن تكون السرعة أقل من 20 m/s أي أقل من السرعة الابتدائية للسيارة الصغيرة. كمية الحركة الكلية للمنظومة (السيارتان) قبل التصادم تساوى كمية الحركة الكلية بعد التصادم مباشرة لأن كمية الحركة ثابتة في أي تصادم.

مقدار كمية الحركة الكلية قبل التصادم تساوى كمية الحركة للسيارة الصغيرة لأن السيارة الكبيرة كانت في سكون

 $P = m_i v_i = (900 \text{ kg})(20 \text{ m/s}) = 1.8 \times 10^4 \text{kg} \cdot \text{m/s}.$

بعد التصادم يكون مقدار كمية الحركة للسيارتين مع بعضهما هو:

$$P_f = (m_1 + m_2)v_f = (2700 \text{ kg})v_f$$

بمساواة كميتي الحركة قبل وبعد التصادم والحل في v، تكون السرعة النهائية للسيارتين مع بعضهما هي:

$$v_f = \frac{p_i}{m_1 + m_2} = \frac{1.80 \times 10^4 \text{ kg} \cdot \text{m/s}}{2.700 \text{ kg}} = 6.67 \text{ m/s}$$

اتجاه السرعة النهائية هو نفس اتحاه سرعة السيارة المتحركة.

تمرين: ما هي السرعة النهائية اذا كانت كتلة كل سيارة هي 900 kg

عند سقوط كرة على الارض، تزداد كمية حركتها لأن سرعتها تتزايد. هل هذا يعنى أن كمية الحركة في هذه الحالة غير ثابتة؟

تستخدم متزلجة زلاجة ذو احتكاك ضعيف- يقذفها صديق بقرص من البلاستيك Frisbee . في أي من الحالات التالية يعطى القرص أقصى دفع للمتزلجة (a) عندما تلتقط القرص ويبقى معها (b) عندما تلتقطه لحظياً وتُسقطه (c) عندماً تلتقطه وفي نفس اللحظة تقذفه ثانية إلى صديقها.



عندما تصطدم كرة البولينج بالوتد، ينتقل جزء من كمية حركة الكره إلى الوتد. بالتالي يكتسب الوتد كمية حركة وطاقة حركة وتقفد الكره كمية حركه وطاقة حركه. مع ذلك فإن كمية الحركة للمنظومة (الكره والوتد) تظل ثابتة.

4.9 🔪 التصادم المرن وغير المرن في بعد واحد

ELASTIC AND INELASTIC COLLISIONS IN ONE DIMENSION

كما لاحظنا، كمية الحرك في أي تصادم تكون محفوظة إذا أهملنا القوى الخارجية. على العكس من ذلك فإن طاقة الحركة قد لاتكون ثابتة، يعتمد ذلك على نوع التصادم. في الحقيقة، سواء كانت كمية الحركة قبل التصادم هي نفسها بعد التصادم أم لا فإننا نستخدم ذلك في تصنيف التصادم إلى مرن وغير مرن.

التصادم المرن بين جسمين هو ذلك التصادم الذي يكون فيه طاقة الحركة التصادم المرن الكلية (بالإضافة إلى كمية الحركة) متساوية قبل وبعد التصادم. تصادم كرات

البلياردو وتصادم جزيئات الهواء مع جدار الاناء عند درجات الحرارة العادية كلها تصادمات مرنة تقريباً . يحدث تصادم تام المرونة بين الذرات والجسيمات المكونة لها. أما التصادم بين الاجسام الماكروسكوبية مثل تصادم كرات البلياردو فهي ليست تامة المرونة حيث يحدث بعض التشوهات وفقد في طاقة الحركة.

التصادم غير المرن هو ذلك التصادم الذي لاتكون فيه طاقة الحركة الكلية التصادم غير المرن قبل وبعد التصادم متساوية (حتى وأن كانت كمية الحركة ثابتة). هناك نوعان من التصادم غير المرن. عندما يلتصق الجسمان المتصادمان بعد التصادم، كما يحدث عندما يتصادم نيزك بسطح الارض، يقال أن التصادم غير تام المرونة. عندما لايلتصق الجسمان مع بعضهما، ولكن يوجد فقد في جزء من طاقة الحركة، مثل ما يحدث عند تصادم كرة من المطاط مع سطح صلب فيقال أن التصادم غير مرن. على سبيل المثال عندما تتصادم كرة من المطاط مع سطح صلب، يكون التصادم غير مرن لأن كرة المطاط فقدت جزءاً من طاقة حركتها أدت إلى تشويه الكرة أثناء تلامسها (343

الضيزياء (الجزءالأول - الميكانيكا والديناميكا الحرارية)

مع السطح. في اغلبُ التصادمات، لاتكون طاقة الحركة هي نفسها قبل وبعد التصادم حيث يتحول جزء منها إلى طاقة داخلية وإلى طاقة مرونة كامنة عندما يحدث تشويه للأجسام اوإلى طاقة دورانية. التصادم المرن والتصادم غير تام المرونة هما حالتان حديثان، اغلب التصادمات تقع بين هاتين الحالتين. في بقية هذا الجزء سندرس التصادم في بعد واحد وسنفشرض الحالتين الحديثين-التصادمات المرنة والتصادمات غير تام المرونة. في هذين النوعين من التصادمات تكون كمية الحركة ثابتة ولكن طاقة الحركة ثابتة فقط في التصادم المرن.



تجربة سريعة ____

ضع كرة تنس طاولة (بينج بونج) على كرة سلة واسقطهما في نفس اللحظة بحيث تصطدم كرة السلة بالارض، ثم تقفز لاعلى لتتصادم مع الكرة الصغيرة الساقطة ماذا يحدث؟ ولماذا؟

التصادم غيرتام المرونة Perfectly Inelastic Collisions

افترض جسمین کتلتیهما m_2 m_3 یتحرکان بسرعة ابتدائیة v_{1i} و v_{2i} فی خط مستقیم کما هو موضح بالشكل 9.9. يتصادم الجسمان تصادماً مواجها ثم يلتحمان مع بعضهما ويتحركان بسرعة مشتركة ٧٠ بعد التصادم. حيث إن كمية الحركة محفوظة في أي تصادم، بمكننا القول أن كمية الحركة الكلية قبل التصادم تساوى كمية الحركة الكلية للمنظومة المتكونة بعد التصادم

$$m_1 \mathbf{v}_{1i} + = (m_1 + m_2) \mathbf{v}_f$$
 (13.9)

$$\mathbf{v}_f = \frac{m_1 \mathbf{v}_{1i} + m_2 \mathbf{v}_{2i}}{m_1 + m_2} \tag{14.9}$$



After collision

شكل 9.9 رسم توضيحي لتصادم مواجه غير مرن تماماً بين جسمين (a) قبل (b) بعد التصادم. (344

ايهما اسوأ، تصادم سيارة سرعتها 40 mi/h مع حائط من الطوب أم التصادم المواجه مع سيارة تماثل سيارتك وتتحرك أيضاً بسرعة \$40 mi/h

التصادم المرن Elastic Collision

مناً (شكل 10.9). في هذه منا منا (شكل 10.9). في هذه الحالة تكون كل من كمية الحركة والطاقة ثابتة. لهذا نحصل على

الفصل التاسع؛ كمية الحركة الخطية والتصادم

$$m_1 v_{1i} + m_2 v_{2i} = m_1 v_{1f} + m_2 v_{2f}$$
 (15.9)

$$\frac{1}{2}m_{\rm l}{\upsilon_{\rm l}}^2 + \frac{1}{2}m_2{\upsilon_{\rm 2}}^2 = \frac{1}{2}m_{\rm l}{\upsilon_{\rm l}}^2 + \frac{1}{2}m_2{\upsilon_{\rm 2}}^2$$
 (16.9)

وحيث إن السرعات في الشكل (10.9 إما أن تكون تجاه اليسار أو اليمين، فإنه يمكن تمثيلها بالسرعة كمقدار مع إشارات جبرية توضع الاتجاه، سوف نعتبر v موجبة إذا كان الجسم يتحرك تجاء اليمين وسائبة إذا تحرك تجاه اليسار، كما لوحظ في القصول السابقة، من الناحية المعلية أن نطلق على هذه القيم "سرعات" حتى وإن كان هذا الاصطلاح يعني مقدار متجه السرعة والذي لايكون كا شارات جبرية.



شكل 10.9 رسم توضيحي لتصادم مواجه مرن بين جسمين (c) قبل التصادم (d) بعد التصادم.

يوجد في المسائل التي تشتمل على تصادم مرن كميتان مجهولتان ويستخدم حل المادلتين 15.9. 16.9 آنياً لتعيينهما . هناك طريقة أخرى والتي تشمل استخدام بعض الطرق الرياضية البسيطة للمعادلة 16.9 وغالباً ما تؤدي إلى تبسيط هذه العملية . وحتى نرى ذلك، دعنا نحذف المعامل 1/2 من المعادلة 16.9 ونعيد كتابتها في الصورة

$$m_1({\upsilon_{1i}}^2 - {\upsilon_{1f}}^2) = m_2({\upsilon_{2f}}^2 - {\upsilon_{2i}}^2)$$

وبتحليل كلا الطرفين نجد ان:

$$m_1(v_{1i} - v_{1f})(v_{1i} + v_{1f}) = m_2(v_{2f} - v_{2i})(v_{2f} + v_{2i})$$
 (17.9)

بعد ذلك دعنا نفصل الحدود التي تشتمل على m_2 ، m_1 في المعادلة 15.9

$$m_1(v_{1i} - v_{1f}) = m_2(v_{2f} - v_{2i})$$
 (18.9)

لكي نحصل على النتيجة النهائية، نقسم المعادلة 17.9 على المعادلة 18.9

$$v_{1i} + v_{1f} = v_{2f} + v_{2i}$$

 $v_{1i} - v_{2i} = -(v_{1f} - v_{2f})$ (19.9)

يمكن استخدام هذه المعادلة بالإضافة إلى المعادلة 15.9 هي حل المسائل التي تتعامل مع التصادم المرن طبقاً للمعادلة 19.9 السرعة النسبية بين الجسمين قبل التصادم $v_{17}-v_{27}$ تساوي سالب سرعتهما النسبية بعد التصادم $(v_{17}-v_{27})$.

افترض أن الكتلة والسرعة الابتدائية لكلا الجسمين معلومة، يمكن حل المعادلتين 15.9 و 19.9 لحساب السرعة النهائية بدلالة السرعات الابتدائية حيث يوجد معادلتان في مجهولين

التصادم المرن: العلامة بين السرعة
$$v_{1f} = \left(\frac{m_1-m_2}{m_1+m_2}\right)v_{1i} + \left(\frac{2m_2}{m_1+m_2}\right)v_{2i}$$
 (20.9

الفيزياء (الجزء الأول - الميكانيكا والديناميكا الحرارية)

$$v_{2f} = \left(\frac{2m_1}{m_1 + m_2}\right)v_{1i} + \left(\frac{m_2 - m_1}{m_1 + m_2}\right)v_{2i}$$
(21.9)

من المهم أن نلاحظ استخدام الاشارات المناسبة لكل من v_{ij} , v_{ij} في المعادلتين 20.9، 21.9. فإذا تحرك الجسم 2 ناحية اليسار في أول الأمر، حينئذ تكون v_{ij} سالية.

دعنا ندرس بعض الحالات الخاصة؛ إذا كانت $m_1 = m_2$ هإن $v_{1f} = v_{2f}$. أي يتبادل الجسيمان السرعة عند تساوي كتلتاهما، هذا ما نلاحظه تماماً عند التصادم المواجه لكرتا البلياردو، تتوقف الكرة التي صدمتها عصام البلياردو، وتتحرك الكرة المصطدمة مبتعدة عن نقطة التصادم بنفس سرعة الكرة التي قدفتها عصاء البلياردو،

إذا كان الجسم 2 ساكناً في البداية، حينئذ 0= ,و0 وتصبح المعادلتان 20.9 و 21.9

$$v_{1f} = \left(\frac{m_1 - m_2}{m_1 + m_2} \right) v_{1i}$$
 (22.9) خي سكون في البداية في سكون في البداية

$$v_{2f} \approx \left(\frac{2m_1}{m_1 + m_2}\right) v_{1i}$$
 (23.9)

إذا كيان m_1 اكبر كشيراً من m_2 أو m_2 نلاحظ من المعادلتين 2.90 و 2.50 أن m_2 أن m_2 وكذلك m_1 أن عند حدوث تصادم مواجه بين جسم ثقيل مع جسم خفيف سياكن قبل التصادم، فإن الجسم الثقيل يستمر في حركته بدون تغير في سرعته بينما يرتد الجسم الخفيف بسرعة تساوي ضعف السرعة الابتدائية للجسم الثقيل. كمثال لذلك هو تصادم ذرة ثقيلة مثل اليوروجين. اليورانيوم مع ذرة خفيفة مثل الهيدروجين.

إذا كانت m أكبر كشيراً من m_1 وكان الجسم m_2 سياكنياً في البدايية حينثذ m_1 من $v_{2f} \sim v_{2f} \sim v_{$

مثال 6.9 البندول القذفي

البندول القذفي (شكل 11.9) عبارة عن جهاز يستخدم هي قياس سرعة القذائف سريعة الحركة، مثل الرصاصة . تُقذف الرصاصة على قطعة كبيرة من الخشب معلقة هي سلك خفيف. تغوص الرصاصة هي الكتلة الخشبية وتتازجح المجموعة خلال ارتفاع n، بالطبع يكون التصادم غير تام المزونة وحيث إن كمية الحركة ثابتة، تعطي المعادلة 14.9 القيمة الصحيحة لسرعة المجموعة بعد التصادم. إذا اقترضنا أن الرصاصة هي الجسم 1 والكتلة الخشبية هي الجسم 2، فإن طاقة الحركة الكلية بعد التصادم هي:

(1)
$$K_f = \frac{1}{2}(m_1 + m_2)v_f^2$$

14.9 وحيث إن
$$v_{2j} = 0$$
، تصبح المعادلة $v_f = \frac{m_1 v_{1i}}{m_1 + m_2}$

بالتعويض عن هذه القيمة في المعادلة (1) نحصل على

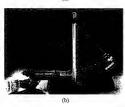
$$K_f = \frac{m_1^2 v_{1i}^2}{2(m_1 + m_2)}$$

لاحظ أن طاقة الحركة ، K بعد التصادم مباشرة تكون أقل من طاقة الحركة الابتدائية للرصاصة. مع ذلك، في كل تغيرات الطاقة التي تحدث بعد التصادم، يظل المقدار الكلى للطاقة الميكانيكيسة ثابتاً وهكذا يمكن القبول أنه بعد التصادم تتحول طاقة الحركة للكتلة والرصاصة عند القاع إلى طاقة وضع عند ارتفاع h

$$\frac{{m_1}^2{v_1}_i^2}{2(m_1+m_2)}=(m_1+m_2)gh$$
 وهکنا فإن

$$v_{1i} = \left(\frac{m_1 + m_2}{m_1}\right) \sqrt{2gh}$$

يعنى ذلك أنه من المكن ان نحصل على السرعة الابتدائية للرصاصة وذلك بقياس الارتفاع h ومعرفة الكتلتين.



شكل 11.9 (a) رسم توضيحي للبندول القذفي. لاحظ أن v_{ii} أن مى سرعة الرصاصة قبل التصادم مباشرة وأن ٧٥٠ = ٧١٠ = ٧ هي سرعة المجموعة المكونة من الرصاصة والكتلة بعد التصادم غير تام المرونة مباشرة (b) صورة فوتوغرافية متعددة اللقطات للبندول القسدفي والذي يستسخدم في

حيث إن التصادم غير تام المرونه، يتحول جزء من الطاقة الميكانيكية إلى طاقة داخلية وبالتالي فإن مساواة طاقة الحركة الابتدائية للرصاصة مع طاقة الوضع الناتجة عن الجاذبية للمجموعة يكون غير صحيح.

تصادم جسم مع زنبرك مربوطاً في جسم آخر. مثال 7.9

تتصادم كثلة مقدارها m_I= 1.6kg وتتحرك بسرعة 4.0m/s تجاه اليمين على سطح أملس افقى مع زنيرك مربوط بكتلة أخرى مقدارها m>=2.1kg تتحرك تجاه اليسار بسرعة 2.5m/s كما هو موضع بالشكل 12.9a. إذا كان ثابت الزنبرك 600N/m عند لحظة وصول سرعة الكتلة ! إلى 3.0m/s كما بالشكل 12.9b احسب سرعة الكتلة (2).

ا**لحل:** أولاً: لاحظ أن السرعة الابتدائية للكتلة 2 هي 2.5m/s- حيث إنها تتحرك تجاه اليسار. من (347 ـ

الضيزياء (الجزء الأول - الميكانيكا والديناميكا الحرارية)

قانون حفظ كمية الحركة للكتلتين نجد أن:

 $m_1 v_{1i} + m_2 v_{2i} = m_1 v_{1f} + m_2 v_{2f}$

(1.60 kg) (4.00 m/s) + (2.10 kg) (-2.50 m/s)

= $(1.60 \text{ kg}) (3.00 \text{ m/s}) + (2.10 \text{ kg})v_{2f}$

 $v_{2f} = -1.74 \text{ m/s}$

تعني الاشارة السالبة ان الكتلة 2 تتحرك في نفس اتجاهها- إلى اليسار عند هذه اللحظة.

(b) احسب المسافة التي انضغطها الزنبرك عند هذه اللحظة.

الحل: حتى نحسب المسافة التي انضغطها الزنبرك عند هذه اللحظة اي x الموضحة في الشكل الشكل 12.9b بمكننا أن نستخدم مبدأ حفظ الطاقة المكانيكية حيث لايوجد احتكاك ولا يؤثر أي نوع من القوى غير المحافظة على النظومة وهكذا نحصل على:

$$\frac{1}{2}m_1v_{1i}^2 + \frac{1}{2}m_2v_{2i}^2 = \frac{1}{2}m_1v_{1f}^2 + \frac{1}{2}m_2v_{2f}^2 + \frac{1}{2}kx^2$$

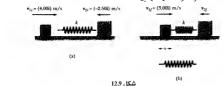
بالتعويض بالقيم المعطاه وكذلك النتيجة (a) في هذه المعادلة نحصل على:

$$x = 0.173 \text{ m}$$

من الهم أن نلاحظ أننا نعتاج إلى كل من قانوني حفظ كمية الحركة وحفظ الطاقة المكانيكية لايجاد حل للجزئين (a), (b) هي هذه السألة.

تمرين: احسب سرعة الكتلة (1) وكذلك مقدار الانضغاط في الزنبرك عند لحظة سكون الكتلة (2).

الاحادة: 0.719m/s وتتحرك ناحية اليمين مسافة 0.719m/s.



مثال 8.9 ابطاء النيوترونات بواسطة التصادم

تُنتج النيوترونات في المفاعل النووي عند انشطار ذرة اليوارنيوم $\frac{25}{10}$. تتحرك هذه النيوترونات بسرعة تصل إلى 10^3 والمللوب إبطاؤها إلى سرعة 10^3 هبل أن تشارك في عملية انشطار أخرى. يمكن إبطاؤها بأمرارها خلال مادة صلبة أو سائلة تسمى المهدئ Moderator. تشمل هذه العملية تصادمات مرنة. دعنا الان نوضح كيف يمكن للنيوترون أن يفقد معظم طاقة حركته عند

الفصل التاسع: كمية الحركة الخطية والتصادم

التصادم المرن مع النوى الخفيف في المهدىء مثل الديوتيريوم (في الماء الثقيل D₂0) أو الكربون (في الجرافيت).

الرحل: افترض أن كتلة نواة المهدى مس ساكنة في البداية وأن النيوترون كتلته m وسرعته الابتدائية رس وسرعته الابتدائية وي ويتصادم تصادم تصادم تصادم تصادم أن التصادم مرن فإن أول شيء ندركه هو أن كلا من أن التصادم مرن فإن أول شيء ندركه هو أن كلا من كمية الحركة وطاقة الحركة محفوظتان، لهذا يمكن استخدام المعادلتين 22.9، 23.9 في التصادم المواجه بين النيوترون ونواة المهدئ. يمكن تعثيل هذه العملية برسم مماثل لشكل 10.9

طاقة الحركة الابتدائية للنيوترون هي:

$$K_{ni} = \frac{1}{2} m_n v_{ni}^2$$

بعد التصادم، تصبح طاقة الحركة للنيوترون $V_{\rm nf}=rac{1}{2}m_{
m n}V_{
m nf}^2$ من من المادلة 22.9 . 2

$$K_{\rm nf} = \frac{1}{2} m_{\rm n} v_{\rm nf}^2 \approx \frac{m_{\rm n}}{2} \left(\frac{m_{\rm n} - m_{\rm m}}{m_{\rm n} + m_{\rm m}} \right)^2 v_{\rm ni}^2$$

وبالتالي تكون نسبة طاقة حركة النيوترون بعد التصادم إلى طاقة حركة النيوترون قبل التصادم f_{n} هى:

$$f_n = \frac{K_{nf}}{K_{ni}} = \left(\frac{m_n - m_m}{m_n + m_m}\right)^2$$

من هذه النتيجة فلاحظ أن $m_{
m m}$ تكون صغيرة كلما أهتربت كتلة النيوترون $m_{
m m}$ من $m_{
m m}$ وتساوي صفراً عندما نكون $m_{
m m}=m_{
m m}$.

كذلك يمكننا استخدام المادلة 23.9 والتي تعطي السرعة النهائية للجسم الساكن في البداية وبالتالى يمكن حساب طاقة الحركة لنواة المهدئ بعد التصادم.

$$K_{\rm mf} = \frac{1}{2} m_{\rm m} v_{\rm mf}^2 = \frac{2 m_{\rm n}^2 m_{\rm m}}{(m_{\rm n} + m_{\rm m})} v_{\rm ni}^2$$

كمية طاقة الحركة التي انتقلت إلى نواة المدىء من طاقة الحركة الابتدائية $f_{
m m}$ هي:

(2)
$$f_m = \frac{K_{mf}}{K_{ni}} = \frac{4m_n m_m}{(m_n + m_m)^2}$$

وحيث إن طاقة الحَركة الكلية للمنظومة ثابتة فإنه يمكن حساب f_{m} من الشرط

$$f_{\mathrm{m}}$$
= 1 - f_{n} ای آن f_{n} + f_{m} = 1

افترض أنه تم استخدام الماء الثقيل كمهدئ، عند تصادم النيوترونات مع نوى الديوتيريوم في $f_m = M_0$ و $m_m = 2m_0$ $m_0 = 2m_0$ أبن الديوتيريوم. من الناحية العملية، تتخفض كضاءة المهدىء حيث إن التصادم المواجه بعيد الاحتمال، كيف تختلف النتائج في حالة استخدام الجرافيت ($\frac{12}{12}$ والذي يستخدم في صناعة الأفلام الرصاص) كمهدىء؟





يوضح الشكل 13.98 جهاز يشرح حفظ كمية الحركة وطاقة الحركة. يتكون من خمس كرات صلبة ومعلقة بخيوط لها نفس الطول. عند جذب الكرة 1 ثم تركها تتحرك فإنها تتصادم مع الكرة 2 وتتحرك الكرة 5 إلى الخارج، كما بالشكل 13.96. إذا تم جذب الكرة 1 والكرة 2 ثم تركهما، تتارجح الكرتان 4، 5 إلى الخارج.. هل من المكن أن تتارجح الكرتان 4، 5 في الاتجاه العكسي وبسرعة تساوي نصف سرعة الكرة 1 وذلك عند ترك الكرة 1 كما بالشكل 13.98

_ 5.9 التصادم في بعدين TWO- DIMINSIONAL COLLISIONS

أوضعنا في القسمين 1.9، 3.9 أن كمية الحركة لنظومة مكونة من جسمين تكون معفوظة عندما تكون المنظومة معزولة، في أي تصادم بين جسمين، تحتم هذه النتيجة أن كمية الحركة في الاتجاهات x، v، z تكون محفوظة، مع ذلك هناك مجموعة أخرى من التصادمات تحدث في مستوى، اشهر مثال لذلك هو كرة البلياردو التي تشمل تصادمات متضاعفة للاجسام التي تتحرك على سطح ثنائي البعد. في مثل هذا التصادم، نحصل على مركبتين لمعادلة حفظ كمية الحركة.

$$m_1 v_{1ix} + m_2 v_{2ix} = m_1 v_{1,fx} + m_2 v_{2,fx}$$

 $m_1 v_{1iy} + m_2 v_{2iy} = m_1 v_{1,fy} + m_2 v_{2,fy}$

دعنا ندرس مسألة التصادم في بعدين والتي يتصادم فيها الجسم 1 وكتلته $_1^m$ مع الجسم 2 الساكن وكتلته $_2^m$ كما هو موضع بالشكل 14.9 . بعد التصادم تتحرك الكتلة 1 في اتجاء يصنع زاوية $_2^m$ مع الاتجاء الافقي ويتحرك الجسيم $_2^m$ بزاوية أو مع الافقي. نسمي هذه الزاوية بزاوية السقوط

الفصل التاسع: كمية الحركة الخطية والتصادم

المتممة Glancing ويسمى التصادم بالتصادم المنحرف، بتطبيق قانون حفظ مركبات كمية الحركة وبملاحظة أن المركبة y لكمية الحركة للمنظومة تساوى صفراً، نحصل على

$$m_i v_{ii} = m_i v_{ij} \cos \theta + m_2 v_{2j} \cos \phi \qquad (24.9)$$

$$0 = m_1 v_{1f} \sin \theta - m_2 v_{2f} \sin \phi \qquad (25.9)$$

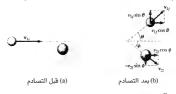
تظهر الإشارةالسالية في المادلة 25.9 حيث أنه بعد التصادم تكون المركبة لا لسرعة الجسم 2 متجهة لأسفل. لدينا الآن معادلتين مستقلتين. وطالما لم تزد المجاهيل عن مجهولين من السبعة في المادلتين 24.9 و 25.9 فإنه يمكن حل هاتين المعادلتين.

إذا كان التصادم مرنا، يمكننا أيضاً استخدام المعادلة 16.9 (حفظ طاقة الحركة) بعد وضع $v_{2f}=0$

$$\frac{1}{2}m_{l}v_{li}^{2} = \frac{1}{2}m_{l}v_{lf}^{2} + \frac{1}{2}m_{2}v_{2f}^{2}$$
(26.9)

بمعرفة السرعة الابتدائية للجسم 1 والكتلتان سيكون الباقي اربعة مجاهيل (v_{1f} , v_{2f} , θ , ϕ) حيث ان لدينا ثلاث معادلات فقط فإنه يجب اعطاء قيمة مجهول آخر إذا ما أردنا حل المسألة من فوانن الحفظ فقط.

إذا كان التصادم غير مرن، فإن طافة الحركة ليست محفوظة ولانستخدم المعادلة 26.9



شكل 14.9 زاوية انحراف التصادم المرن بين جسمين

تنويهات في حل مسائل التصادم

عند تناول مسائل التصادم بين جسمين يفضل اتباع الطريقة التاليه:

- حدد مجموعة المحاور وعرف السرعات بالنسبة لهذه المحاور. أحياناً يكون من الأفضل أن ينطبق المحور X مع إحدى السرعات الابتدائية.
 - عند رسم مجموعة المحاور حدد متجهات السرعة وبها جميع المعلومات المعطاه.

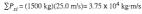
الفيزياء (الجزء الأول - المكانيكا والديناميكا الحرارية)

- اكتب تعبيراً لمركبات. كمية الحركة في الاتجاهين x و y لكل جسم قبل وبعد التصادم. استخدم الأشارات المناسبة لمركبات متحهات السرعة.
- اكتب تعبيراً لكل من كمية الحركة في اتجاه x قبل وبعد التصادم وساويهما ببعضهما. كرر نفس الخطوة على المركبة y . تنبثق هذه الخطوات من كون أن حفظ كمية الحركة الكلي يعني حفظ كمية الحركة في كل الاتجاهات، تذكر ان حفظ كمية الحركة للمنظومة كلها وليس لكل جسم على
- إذا كان التصادم غير مرن فإن طاقة الحركة ليست محفوظة. هذه الحالة تتطلب معلومات إضافية. إذا كان التصادم غير تامة المرونة فإن السرعتين النهائيتين متساويتان. بعد ذلك حل معادلات كمية الحركة في الكميات المجهولة.
- إذا كان التصادم مرناً، تكون طاقة الحركة محفوظة ويمكنك مساواة طاقتي الحركة قبل وبعد التصادم حتى نحصل على علاقة إضافية بين السرعات.

التصادم عند التقاطعات 🋍 مثال 9.9

اصطدمت سيارة كتلتها 1500 kg تسير في اتجاه الشرق بسرعة 25.0 m/s عند تقاطع مع عربة نقل كتلتها 2500 kg قادمة من الجنوب بسرعة 20.0 m/s كما هو موضح بالشكل 15.9. احسب مقدار واتجاه سرعة الحطام بعد التصادم وذلك بافتراض أن السيارتين يحدث لهما تصادم غير تام المرونة (تلتصقان سعضهما).

الحل: دعنا نفترض أن اتجاه الشرق هو الاتجاه الموجب لمحور x والجنوب هو الاتجاه الموجب للمحور y . قبل التصادم تكون السيارة هي التي لها كمية حركة في اتجاه x . هكذا يكون مقدار كمية الحركة الكلية للمنظومة (السيارة وسيارة النقل) هو:



دعنا نف ترض أن الحطام يتحرك بزاوية θ وسرعة v_f بعد التصادم. مقدار كمية الحركة الكلية في اتجاه x بعد التصادم هي:

 $\sum P_{rf} = (4000 \text{ kg}) v_f \cos \theta$

حيث إن كمية الحركة الكلية في اتجاه x محفوظة، فإنه يمكننا مساواة هاتين المعادلتين لنحصل على:

(1) $3.75 \times 10^4 \text{ kg·m/s} = 4000 \text{ kg } v_f \cos \theta$

بالمثل فإن كمية الحركة للمنظومة في اتجاه y هي نفسها كمية الحركة للسيارة النقل ومقدارها (20.0 m/s)(2500 kg

بتطبيق حفظ كمية الحركة في اتجاه y نحصل على:



شكل 15.9 تصادم سيارة متجة ناحية الشرق مع سيارة نقل قادمة

352 من الجنوب.

الفصل التاسع: كمية الحركة الخطية والتصادم

$$\sum p_{yi} = \sum p_{yf}$$

(2 500 kg) (20.0 m/s) = (4 000 kg) $v_f \sin \theta$

(2)
$$5.00 \times 10^4 \text{ kg} \cdot \text{m/s} = (4.000 \text{ kg})v_f \sin \theta$$

وبقسمة (2) على (1) نحصل على:

$$\frac{\sin \theta}{\cos \theta} = \tan \theta = \frac{5.00 \times 10^4}{3.75 \times 10^4} = 1.33$$

$$\theta = 53.1^{\circ}$$

بالتعويض عن قيمة الزاوية في المعادلة (2)، تكون قيمة v_f هي:

$$v_f = \frac{5.00 \times 10^4 \text{ kg} \cdot \text{m/s}}{(4.000 \text{ kg}) \sin 53.1^\circ} = 15.6 \text{ m/s}$$

غالباً ما يكون من الافضل أن نرسم متجهات كمية الحركة لكل سيارة قبل التصادم وللسيارتين معاً بعد التصادم.

📠 مثال 10.9 تصادم بروتون مع بروتون

يتصادم البروتون 1 تصادماً مرناً مع البروتون الساكن 2. السرعة الابتدائية للبروتون 1 هي 3.5 x 105m/s 3.5 x 105m/s ويحدث التصادم المنحرف مع البروتون 2 كما هو موضح بالشكل 14.9. بعد التصادم يتحرك البروتون 1 بزاوية \$ 7.0 مع المحور الأفقي وينحرف البروتون 2 بزاوية \$ مع نفس المحور. احسب السرعة النهائية للبروتون وكذلك الزاوية \$.

الحل، حيث إن كــــلا الجســمين بروتوناً يعـني ذلك أن m_1 = m_2 نعلـم كذلك أن $^{\circ}$ 37.0 وأن $^{\circ}$ وأن $^{\circ}$ $^{\circ}$

$$v_{1f} \cos 37.0^{\circ} + v_{2f} \cos \phi = 3.50 \times 10^{5} \text{ m/s}$$

 $v_{1f} \sin 37.0^{\circ} - v_{2f} \sin \phi = 0$

$$v_{1f}^2 + v_{2f}^2 = (3.50 \times 10^5 \text{ m/s})^2$$

بحل المعادلات التُلاث آنياً في المحاهيل الثلاثة نحصل على

$$v_{1f} = 2.80 \times 10^5 \text{ m/s}$$

$$v_{2f} = 2.11 \times 10^5 \text{ m/s}$$

$$\phi = 53.0^{\circ}$$

لاحظ أن "θ = φ + θ وهذه النتيجة ليست مصادفة. عند تصادم كتلتن متساويتن تصادماً مرناً في تصادم منحرف وكانت إحداهما ساكنة فإن سرعتيهما النهائيتين تكونان متعامدتان على بعضهما. المثال التالي يوضح هذه النقطة يمزيد من التفصيل.

الضرباء (الجزء الأول - الميكانيكا والديناميكا الحرارية)

مثال 11.9 تصادم كرات البلياردو

في لعبة البلياردو، يرغب اللاعب في ان يسقط الكرة في الفتحه الموجودة في الركن كما هو موضح بالشكل 16.9 . إذا كانت الزاوية التي تصنعها الفتعنة هي 35° ما مقدار الزاودة 0 التي تتحركها الكرة 1 عند قذفها بالعصاء أهمل كلا من الاحتكاك والحبركة الدورانية

شكل 16.9

وافترض أن التصادم مرن.

الحل: حيث إن الكرة الهدف ساكنة في أول الأمر فإن قانون حفظ الطاقة يعطي:

$$\frac{1}{2}m_1v_{1i}^2 = \frac{1}{2}m_1v_{1i}^2 + \frac{1}{2}m_2v_{2i}^2$$

:لكن $m_1 = m_2$ لذلك فإن

(1)
$$v_{|i}^2 = v_{|f}^2 + v_{2f}^2$$

باستخدام قانون حفظ كمية الحركة للتصادم في بعدين

(2)
$$\mathbf{v}_{1i} = \mathbf{v}_{1f} + \mathbf{v}_{2f}$$

حيث إن $m_1 = m_2$ فقد تم حذفهما من المعادلة (2). بتربيع كل من الطرفين في المعادلة (2) وباستخدام الضرب القياسي لمتجهين من القسم 2.7 نحصل على:

$$v_{1i}^{2} = (\mathbf{v}_{1f} + \mathbf{v}_{2f}) \cdot (\mathbf{v}_{1f} + \mathbf{v}_{2f}) = v_{1f}^{2} + v_{2f}^{2} + 2\mathbf{v}_{1f} \cdot \mathbf{v}_{2f}$$

$$\theta + 35^{*} \underset{\ell}{\text{cas}} \mathbf{v}_{2f} \quad \mathbf{v}_{1f} \quad v_{2f}$$

$$\mathbf{v}_{1f} \cdot \mathbf{v}_{2f} = v_{1f}v_{2f} \cos(\theta + 35^{*})$$

ومن ثم نجد أن

(3)
$$v_{11}^2 = v_{11}^2 + v_{21}^2 + 2v_{11}v_{21}\cos(\theta + 35^\circ)$$

بطرح (1) من (3) نحصل على:

$$0~=~2v_{1f}v_{2f}\cos(\theta+35^{\circ})$$

$$0 = \cos(\theta + 35^{\circ})$$

$$\theta + 35^{\circ} = 90^{\circ}$$
 or $\theta = 55^{\circ}$

توضح هذه النتيجة أنه عندما تتصادم كتلتان متساويتان تصادماً منحرفا مرناً وكانت إحداهما في سكون قبل التصادم، فإنهما تتحركان متعامدتان على بعضهما بعد التصادم. يمكن توضيح ذلك في 354 / حالتين مختلفتين تماماً، تصادم بروتونان في المثال 10.9 وكرتا البلياردو في هذا المثال.

THE CENTER OF MASS مركز الكتلة 6.9

في هذا الجزء سوف نصف حركة منظومة ميكانيكية بدلاله نقطة معينة تسمى مركز الكتلة للمنظومة. قد تكون المنظومة اليكانيكية تسمى مركز الكتلة للمنظومة. قد تكون المنظومة اليكانيكية مجموعة من الجسيمات مثل مجموعة من الشرات في عنصر ما أو اجسام ذات أبعاد مثل لاعب جمباز يقفز في الهواء سوف نرى أن مركز كتلة المنظومة يعرف كما لنظومة دلك، إذا كانت محصلة القوة الخارجية المؤترة على المنظومة هي $\sum Y = \sum_{i=1}^{N} y_i$ وأن الكتلة الكلية للمنظومة هي $\sum Y = \sum_{i=1}^{N} y_i$ مركز الكتلة يتحرك محصلة القوة الخارجية تؤثر على جسم واحد كتلة كما لو أن محصلة القوة الخارجية تؤثر على جسم واحد كتلة موضوعاً عند مركز الكتلة. ولايتوقف هذا السلوك على أي حرضوعاً عند مركز الكتلة. ولايتوقف هذا السلوك على أي حرض على أخرى، مثل دوران أو اهتراز المنظومة، تتضمن هذه المنظومة مناهم فرضه في الفصول الأولى لأن العديد من الامثلة كان يطبق على اجسام ذات ابعاد والتي تم التعامل معها

افترض منظومة ميكانيكية تتكون من جسمين بكتلتين مختلفتين ومرتبطتين بقضيب صلب خفيف (شكل 17.9). يمكن وصف موضع مركز الكتلة للمنظومة على أنه الموضع المتوسط لكتلة النظومة. يكون مركز الكتلة في نقطة ما على الخط الواصل بين الجسمين ويكون أقرب للجسم ذو الكتلة الكيرة.

شكل 17.9 جسمان بكتلتين مختلفتين متصمالان بقضيب صلب خفيف. (a) الساعة عند استخدام قوة بين الكتلة الساعة عند استخدام قوة بين الكتلة الأقل ومركز الكتلة. (d) تيرور النظومة قوة بين الكتلة الكييرة ومركز الثقل (c) تتحرك النظومة في اتجاد تأثير القوة تتجرك النظومة في اتجاد تأثير القوة مركز الكتلة.



صورة فوتوغرافية متعاقبة اللقطات توضع شقلبة لاعب الاكسرويات، يتسبع مسار مركز الكتاة قطع مكافئ وهو نفس المسار الذي سوف يسلكه جسيم.

الضيزياء (الجزء الأول - المكانيكا والديناميكا الحرارية)

- إذا أثرت قوة مفردة عند نقطة ما على القضيب بين مركز الكتلة والكتائة الخفيفة سوف تدور النظومة في اتجاء مقارب الساعة (انظر شكل 1979). إذا تم استخدام القوة عند نقطة على القضيب بين مركز الكتلة والكتلة الشيلة تدور المنظومة عكس عقارب الساعة (انظر الشكل 1979).



شكل 18.9 مسركسز الكتلة لجسمين مختلفي الكتلة على محور X يقع عند X_{CM}، نقطة بين الجسمين، وتكون اقسرب للكتلة الكبيرة.

– إذا تم تطبيق القوة عند مركز الكتلة فإن الكتلة تتحرك في اتجــاه F بدون دوران (انظر الشكل 17.9c) وهكذا يمكن تحــديد موضع مركز الكتلة.

يقع مركز الكتلة لجسمين والذي تم وصفه في شكل 18.9 على نقطة ما تقع على المحور x بين الجسمين، قيمة x له هي:

$$x_{\rm CM} = \frac{m_1 x_1 + m_2 x_2}{m_1 + m_2} \tag{27.9}$$

مشالاً: إذا كانت $a_{\rm CM}=0$ وكذلك $a_{\rm CM}=2m_{\rm p}$ نجد أن $a_{\rm CM}=2m_{\rm p}$ أي أن مركز الكتلة يقع بالقرب من الجسم الأثقل. إذا كانت الكتلتان متساويتين فإن مركز الكتلة يقع في منتصف المسافة بين الجسمين.

يمكن تطبيق هذا المبدأ على منظومة مكونة من عدة أجسام في الابعاد الثلاث. في هذ الحالة تعطي المركبة x لمركز الكتلة لنظومة تتكون من n جسيم بالعلاقة :

$$x_{\text{CM}} = \frac{m_1 x_1 + m_2 x_2 + m_3 m_3 + \dots + m_n x_n}{m_1 + m_2 + m_3 + \dots + m_n}$$
(28.9)

حيث x_i هي المركبة x للجميم i . للسهولة، يمكن التعبير عن الكتلة الكلية، x_i حيث يجري الجميع على عدد n من الأجسام. كذلك يمكن تعريف المركبتين v, z ركز الكتلة بطريقة مشابهة:

$$y_{\text{CM}} = \frac{\sum_{i} m_{i} y_{i}}{M} \qquad z_{\text{CM}} = \frac{\sum_{i} m_{i} z_{i}}{M}$$
 (29.9)

كذلك يمكن تعريف مركز الثقل بمتجه موضعه r_{CM} والمحاور الكرتيزية لهذا المتجه هي r_{CM} ، r_{CM} , r_{CM}

$$\mathbf{r}_{\text{CM}} = x_{\text{CM}}\mathbf{i} + y_{\text{CM}}\mathbf{j} + z_{\text{CM}}\mathbf{k}$$

$$= \frac{\sum_{i} m_{i}x_{i}\mathbf{i} + \sum_{i} m_{i}y_{i}\mathbf{j} + \sum_{i} m_{i}z_{i}\mathbf{k} +$$

متجه الموضع لمركز الكتلة لمنظومة من الأجسام

$$\mathbf{r}_{\rm CM} = \frac{\sum_{i} m_i \mathbf{r}_i}{M} \tag{30.9}$$

حيث \mathbf{r}_i هو متجه الموضع للجسم i ويُعرف بالعلاقة $\mathbf{r}_i = \langle x_i \mathbf{i} + y_i \mathbf{j} + z_i \mathbf{k} \rangle$

بالرغم من أن تحديد مركز الكتلة لأجسام ذات ابعاد ممتدة يكون مريكاً بعض الشيء بالقارنة بتحديد مركز الكتلة النظومة من الأجسام إلا أن الفكرة الأساسية تظل كما هي.

يمكن تصور الاجسام ذات الابعاد على أنها تتكون من عدد كبير من الجسيمات (شكل 19.9). المسافة بين هذه الجسيمات تكون صغيرة جداً وبالتالي يمكن افتراض أن الجسم له توزيع منتظم للكتلة، بنقسيم الجسم إلى عناصر كل عنصر كتلته Δm_i وله محاور x_i , y_i , y_i نجد أن المركبة x لمكزالكتلة تعطي تقريباً بالمادله:

$$\mathbf{x}_{\text{CM}} \approx \frac{\sum_{i} x_{i} \Delta m_{i}}{M}$$

وكذلك معادلات مشابهه لـ $X_{\rm CM}$ ، $Y_{\rm CM}$ ، اذا افترضنا أن عدد العناصر يقترب من مالانهاية، حيثلاً يمكن حساب $X_{\rm CM}$, بدقة . في هذه النهاية يمكن استيدال الجمع بتكامل وكذلك استيدال Δm_i بالعنصر التفاضلي dm_i

$$x_{\text{CM}} = \lim_{\Delta m_i \to 0} \frac{\sum_i x_i \Delta m_i}{M} = \frac{1}{M} \int x \, dm$$
 (31.9)

بالمثل لكل من $y_{
m CM}$ و $z_{
m CM}$ ، نحصل على:

$$y_{\rm CM} = \frac{1}{M} \int y \, dm$$
 , $z_{\rm CM} = \frac{1}{M} \int z \, dm$ (32.9)

يمكن التعبير عن متجه الموضع لمركز الكتلة لجسم ذو ابعاد بالعلاقة:

$$\mathbf{r}_{\mathrm{CM}} = \frac{1}{M} \int \mathbf{r} \, dm \tag{33.9}$$

والذي يكافئ التعبيرات الشلاث المعطاه بالمعادلتين 31.9، 32.9.

مركز الكتلة لأي جسم متماثل يقع على محور التماثل وعلى ان مستوى للتماثل*. على سبيل المثال يقع مركز الكتلة لقضيب



شكل 19.9 يمكن اعتبار الجسم المتد كتوزيع من عناصر صغيرة كتلتها _أΔM يقع مركز الكتلة عند متجه الموضع ٢_{CM} ومحاورة هي ΔZM ΔZM ΔZM



سحل 1909 طريعه عملية المعين مركز الكتلة المتاح الجاليدي. المقتاح معلق تعليقاً حراً من النقطة A أولاً ثم من النقطة C تقطة تقاطع الخطان CD .AB تحدد مركز الكتلة.

اتفيزياء (الجزء الأول - الميكانيكا والديناميكا الحرارية)

في منتصف المسافة بين طرفيه. يقع مركز الكتلة لكرة أو مكعب في مركزه الهندسي.

يمكن تعيين مركز الكتلة لجسم غير منتظم الشكل بتعليق الجسم أولاً من نقطة ما ثم من نقطة أخرى. في الشكل 20.9 يعلق مفتاح من النقطة A ويُرسم خط رأسي A (يمكن تحديده باستخدام (ثقل) عندما يتوقف المفتاح عن التارجح، بعد ذلك يعلق المفتاح من C ويتم رسم الخط الرأسي CD بذلك يكون مركز الكتلة في منتصف سُمك المفتاح عند تقاطع هذين الخطين، بصورة عامة إذا تم تعليق المفتاح تعليق المفتاح تعليق المفتاح بدين الخطين، بصورة عامة إذا تم مركز الكتلة عدين أن يقطه، فإن الخط الرأسي المار خلال هذه النقطة يجب أن يمر خلال

تجربة سريعة: ___

اقطع مثلث من ورق مقوى وارسم مجموعة شرائح متجاورة داخله موازية لأحد الجوانب. ارسم نقطة بالقرب من مركز الكتلة لكل شريحة وارسم خط مستقيم يمر بتلك النقطة وبالزاوية المقابلة للجانب الذي بدأت منه، مركز الكتلة للمثلث يقع على منصف تلك الزاوية. كرر هذه الخطوات للجانبين الآخرين. نقطة تقاطع منصفات الزوايا الثلاث هي مركز الكتلة للمثلث.

إذا ثقبت فتحة في أي مكان في المثلث وعلقت الورقة بخيط من هذه الفتحة، فإن مركز الكتلة يقع على الخط الرأسي مع الفتحة.

حيث إن الجسم ذو الابعاد الممتدة عبارة عن كثلة موزعة بالنظام، فإن كل عنصر صغير يتأثر بقوة الجاذبية. التأثير الكلي لكل هذه القوى يكافئ تأثير قوة مفردة، Mg تؤثر عند نقطة معينة تسمى مركز الثقل . إذا كانت g ثابتة على طول توزيع الكتله، حينئذ ينطبق مركز الثقل مع مركز الكتلة، إذا تم دوران جسم ذو أبعاد ممتدة حول مركز ثقله، فإنه يتزن في أي اتجاه.

تساؤل سريع 9.9

إذا تم قطع مضرب كرة البيسبول إلى قطعتين عند مركز الكتلة كما هو موضح بالشكل 21.9 هل يكون للقطعتين نفس الكتلة؟



شكل 21.9 مضرب كرة البيسبول مقطوعاً عند مركز الكتلة





مثال 12.9 مركز الكتلة لثلاث أجسام

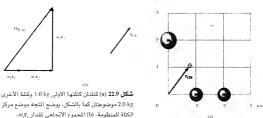
تتكون منظومة من ثلاث أجسام موضوعة كما بالشكل 22.9a أوجد مركز الكتلة للمنظومة.

$$\begin{split} x_{\text{CM}} &= \frac{\sum_{i} m_i x_i}{M} = \frac{m_1 x_1 + m_2 x_2 + m_3 x_3}{m_1 + m_2 + m_3} \\ &= \frac{(1.0 \text{ kg})(1.0 \text{ m}) + (1.0 \text{ kg})(2.0 \text{ m}) + (2.0 \text{ kg})(0 \text{ m})}{1.0 \text{ kg} + 1.0 \text{ kg} + 2.0 \text{ kg}} \\ &= \frac{3.0 \text{ kg} \cdot \text{m}}{4.0 \text{ kg}} = 0.75 \text{ m} \\ y_{\text{CM}} &= \frac{\sum_{i} m_i y_i}{M} = \frac{m_1 y_1 + m_2 y_2 + m_3 y_3}{m_1 + m_2 + m_3} \\ &= \frac{(1.0 \text{ kg})(0) + (1.0 \text{ kg})(0) + (2.0 \text{ kg})(2.0 \text{ m})}{4.0 \text{ kg}} \\ &= \frac{4.0 \text{ kg} \cdot \text{m}}{4.0 \text{ kg}} = 1.0 \text{ m} \end{split}$$

متجه الموضع لمركز الكتلة مقاساً من نقطة الأصل هو:

$$\mathbf{r}_{CM} = x_{CM}\mathbf{i} + y_{CM}\mathbf{j} = 0.75\mathbf{i} \text{ m} + 1.0\mathbf{j} \text{ m}$$

يمكن التحقق من هذه النتيجة بيانياً بجمع $m_1 r_1 + m_2 r_2 + m_3 r_3$ وقسمة المجموع الاتجاهي على الكتلة الكاية M. يوضح ذلك الشكل 22.9b



مثال 13.9 مركز الكتلة لقضيب

(a) اثبت أن مركز الكتلة لقضيب كتلته M وطوله L يقع في منتصف المسافة بين طرفية بافتراض أن للقضيب كتلة وحدة طوال ثابتة.

الحل: يوضح الشكل 23.9 وضع القضيب موازياً لمحور x وبالتالي فإن ycm=zcm=0 . علاوة على ذلك إذا افترضنا أن كتلة وحدة الأطوال λ (الكثافة الخطية) حينئذ تكون $\lambda = M/L$ للقضيب المنتظم. إذا تم تقسيم القضيب إلى عناصر، طول كل منها dx، تكون كتلة كل عنصر هي $\lambda dx = dm$. بالنسبة لأى عنصر يقع على بعد x من نقطة الاصل، تعطى المعادلة 31.9

$$x_{\rm CM} = \frac{1}{M} \int x \, dm = \frac{1}{M} \int_0^L x \lambda \, dx = \frac{\lambda}{M} \frac{x^2}{2} \left| \frac{L}{0} = \frac{\lambda L^2}{2M} \right|$$

حبث ان λ= M/L نحصل على:

$$x_{\rm CM} = \frac{L^2}{2M} \left(\frac{M}{L}\right) = \frac{L}{2}$$

يمكن ايضاً استخدام بديهيات التماثل لكي نحصل على نفس النتيجة. (b) افترض أن القضيب ليس منتظماً بحيث تتغير كتلة وحدة الاطوال خطياً مع x طبقاً للعلاقة α ، حيث α مقدار ثابت.

L الطول X لمركز الكتلة كجزء من الطول

الحل؛ في هذ الحالة تستبدل dm بالمقدار λdx حيث λ ليست ثابتة لهذا فإن x_{CM} تعطى بالعلاقة:

$$x_{\text{CM}} = \frac{1}{M} \int x \, dm = \frac{1}{M} \int_0^L x \lambda \, dx = \frac{1}{M} \Big|_0^L x \cos dx$$
$$= \frac{\alpha}{M} \int_0^L x^2 \, dx = \frac{\alpha L^2}{2M}$$

بمكن حذف α بملاحظة أن الكتلة الكلية للقضيب ترتبط بα من خلال العلاقة:

$$M = \int dm = \int_0^L \lambda \, dx = \int_0^L \alpha x \, dx = \frac{\alpha L^2}{2}$$

بالتعويض عن M في قيمة z_{CM} نحصل على: $x_{CM} = \frac{\alpha L^3}{2\alpha L^2/2} = \frac{2}{2}L$



شكل 23.9 مركز الكتلة لقضيب منتظم $x_{CM} = L/2$ عند L علوله L

مركز الكتلة لمثلث قائم الزاوية مثال 14.9

جسم كتلته M على هيئة مثلث قائم ابعاده كما هي موضحة بالشكل 9.24. حدد إحداثيات مركز 360 الكتلة بافتراض أن الجسم له كتلة وحدة المساحات ثابتة. الحل، بالفحص يمكن التوقع بأن يكون الإحداثي x لمركز الكتلة تحت مركز القاعدة أي أنه أكبر من a. b لأن الجزء الأكبر للمثلث يقع بعد هذه النقطة، بالمثل وينفس الطريقة يمكن القول أن الأحداثي a بجب أن يكون أقل من b. b لكن يحسب الإحداثي x، نُقسم المثلث إلى شرائح رقيقة عرضها b وارتفاعها b كما بالشكل b. كتلة كل شريحة b هي:

$$dm=rac{\Delta t \dot{a}$$
 مساحة الجسم كله مساحة الجسم
$$= rac{M}{1/2ab}(y\,dx) = \left(rac{2M}{ab}\right)y\,dx$$
 لهذا فإن الإحداثي x لمركز الكتلة هو:

$$x_{\text{CM}} = \frac{1}{M} \int x \, dm = \frac{1}{M} \int_0^a x \left(\frac{2M}{ab} \right) y \, dx = \frac{2}{ab} \int_0^a xy \, dx$$

لإجراء هذا التكامل، يمكن التعبير عن y بدلالة x. من المثلثين المتشابهين في شكل 24.9 نلاحظ

 $\frac{y}{x} = \frac{b}{a}$ or $y = \frac{b}{a}x$

بالتعويض عن y نحصل على

 $x_{\text{CM}} = \frac{2}{ab} \int_0^a x \left(\frac{b}{a}x\right) dx = \frac{2}{a^2} \int_0^a x^2 dx = \frac{2}{a^2} \left[\frac{x^3}{3}\right]_0^a$



 $= rac{2}{3}a$ بنفس الطريقة يمكن الحصول على الاحداثي y لركز الكتلة:

$$y_{\rm CM} = \frac{1}{3}b$$

تتفق هذه النتائج مع ما توقعناه سابقاً.

MOTION OF A SYSTEM OF PARTICLES حركة منظومة من الأجسام 7.9

بي بمكن فهم المنزى الفيزيائي وفائدة مركز الكتلة بإجراء التفاضل بالنسبة للزمن لتجه الموضع 8.6 المعطى بالمعادلة 0.82، من الجزء 1.4 نعلم أن المشتقة بالنسبة للزمن لتجه الموضع هي السرعة. بفرض أن M تظل ثابتة لنظومة من الأجسام، أي أنه لاتدخل ولا تخرج أي اجسام من المنظومة فإنتا نحصل على التبير التالى لسرعة مركز الكتلة للمنظومة.

$${\bf v}_{\rm CM} = rac{d{f r}_{\rm CM}}{dt} = rac{1}{M} \sum_i m_i rac{d{f r}_i}{dt} = rac{\sum_i m_i {\bf v}_i}{M}$$
 (34.9)

دیث ${\bf v}_{\rm CM} = rac{d{f r}_{\rm CM}}{dt} = 1$ سرعة مركز الكتلة د 4.90 نحصل علی:

المقيرياء (المجارة الأول - الليكانيكا والديناميكا الحرارية)

$$MV_{\text{CM}} = \sum_{i} M_i V_i = \sum_{i} g_i + \mathfrak{p}_{\text{cM}}$$
 (35.9)
and also it is its interest of the state of

سيشتج من ذلك أن كمولة الحركة الخطية الكابية المنظومة تساوي الكثلة الكلية مضورية في درينة مركز الكثلة، بصورة أحرى، كمية الحركة انخطية الكلية للمنظومة تساوى قيمتها لجسيم مدر. كثلت 14 متحول بمراءة ين7

$$\mathbf{g}_{\mathrm{CM}} = \frac{d\mathbf{y}_{\mathrm{CM}}}{di} = \frac{i}{\hbar s} \sum_{ij} m_i \frac{di}{di} = \frac{1}{\hbar s} \sum_{ij} m_i \mathbf{y}_i$$
 (26.5) $\mathbf{g}_{\mathrm{CM}} = \frac{i}{\hbar s} \sum_{ij} m_i \mathbf{y}_i$ (27.1) $\mathbf{g}_{\mathrm{CM}} = \frac{i}{\hbar s} \sum_{ij} m_i \mathbf{y}_i$ (28.1) $\mathbf{g}_{\mathrm{CM}} = \frac{i}{\hbar s} \sum_{ij} m_i \mathbf{y}_i$ (28.2) $\mathbf{g}_{\mathrm{CM}} = \frac{i}{\hbar s} \sum_{ij} m_i \mathbf{y}_i$ (38.2) $\mathbf{g}_{\mathrm{CM}} = \frac{i}{\hbar s} \sum_{ij} m_i \mathbf{y}_i$ (38.2) $\mathbf{g}_{\mathrm{CM}} = \frac{i}{\hbar s} \sum_{ij} m_i \mathbf{y}_i$ (38.2) $\mathbf{g}_{\mathrm{CM}} = \frac{i}{\hbar s} \sum_{ij} m_i \mathbf{y}_i$ (48.2) $\mathbf{g}_{\mathrm{CM}} = \frac{i}{\hbar s} \sum_{ij} m_i \mathbf{y}_i$ (48.2) $\mathbf{g}_{\mathrm{CM}} = \frac{i}{\hbar s} \sum_{ij} m_i \mathbf{y}_i$

$$M\mathbf{a}_{CM} = \sum m_i \mathbf{a}_i = \sum \mathbf{F}_i$$
 (37.9)

حيث F_i هي القوة الكلية التي تؤثر على الجسم i.

قد تحتوي القوة المؤثرة على النظومة على قوى خارجية (من خارج المنظومة) وقوى داخلية (من داخل المنظومة) ومع ذلك ومن قانون نيوتن الثالث، فإن القوة الداخلية التي يؤثر بها الجسم 1 على الجسم 2 مشلاً تساوي في المقدار وتضاد في الاتجاه القوة الداخلية التي يؤثر بها الجسم 2 على الجسم 1 ، بإجراء الجمع على كل القوى الداخلية في المعادلة 37.9 فإنها تتلاشى مع بعضها وبالتالي تكون القوى الفعلية على المنظومة هي القوى الخارجية . يمكن كتابة المعادلة 37.9 في الصورة

$$\sum \mathbf{F}_{\mathrm{ext}} = M \mathbf{a}_{\mathrm{CM}} = rac{d \mathbf{p}_{\mathrm{tot}}}{dt}$$
 (9.38) قانون نيوتن الثاني ليقت الأجسام

آي أن محصلة القوة الخارجية على مجموعة من الأجسام تساوي الكتلة الكلية للمنظومة مضروبة في تسارع مركز الكتلة، بمقارنة ذلك مع قانون نيوتن الثاني لجسيم مفرد، نجد أن

بتحرك مركز الكتلة لجموعة من الأجسام مجموع كتلتها M كجسم كتلته M تحت تأثير القوة المحسلة الخارجية على النظؤمة، أخيراً نلاحظ أنه إذا كانت محصلة القوة الخارجية تساوي صفراً، فإنه من المادلة 38.9 نحصل على:

 $\frac{d\mathbf{p}_{tot}}{dt} = M\mathbf{a}_{CM} = 0$

, was e

شكل 25.9 مسروة فوتوغرافية للقطات متعاقبة توضح مستقط رأسي ينقداح الإطلاقي ينقداك مركز الكتلة للمقتاح في خط مستقيم عند دوران المقتاح حول هذه النقطة والموضعة بالنقاط السفناء.

ای آن

$$P_{tot} = Mv_{CM}$$
 = ثابت $(\Sigma F_{ext} = 0)$ (39.9)

أي أن كمية الحركة الخطية لمنظومة من الأجسام تكون محفوظة إذا لم يكن هناك قوة خارجية ورثر على هذه المنظومة. يتبع ذلك أنه لمنظومة معزولة من الأجسام تكون كلا من كمية الحركة الخطية والسرعة لمركز الكتلة ثابتتان بالنسبة للزمن كما هو موضح بالشكل 25.9. هذه صورة عامة لقانون نظ كمية الحركة لمجموعة من الأجسام والتي تم مناقشتها في الجزء 1.9 لنظام مكون من جسمين.

افترض منظومة معزولة في سكون تتكون من جسمين أو آكثر. يظل مركز الكتلة لهذه النظومة ساكناً مالم تؤثر عليه قوة خارجية. على سبيل المثال، افترض منظومة تتكون من سباح يقف على رمث. المنظومة في البداية ساكنة. عندما يغوص السباح افقياً يظل مركز الكتلة للمنظومة ساكناً (إذا اهملنا الاحتكاك بين الرمث والماء). علاوة على ذلك فإن كمية الحركة الخطية للسباح تساوي في المقدار نفس التيمة للرمث ولكن في اتجاه مضاد.

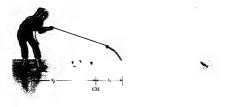
 $M_{\rm B}$, M_{Λ} فير مستقره في حالة سكون وفجاة تشطر إلى ذرتين كتلتاهما $M_{\rm B}$, M_{Λ} فإن $V_{\rm B}$ على التوالي، حيث أن كمية الحركة الكلية قبل الانشطار تساوي صفراً فإن كمية الحركة بعد الانشطار تساوي صفراً ايضاً، لذلك فإن $M_{\rm A}v_{\Lambda}+M_{\rm B}v_{\rm B}=0$. إذا كانت إحدى السرعتين معلومة فإنه يمكن حساب سرعة ارتداد الذرة الأخرى.

مثال 15.9 الدب المنزلق

افترض أنك تروض دب قطبي على نهر ثلجي املس كجزء من بحث. كيف بمكنك تعيين كتلة الدب باستخدام شريط فياس وحبل وبمعلومية كتلنك أنت.

الحل: اربط أحد طرفي الحبل حول الدب وحدد قياس الشريط على الثلج عندما يكون أحد طرفية عند الموضع الأصلي للدب كما بالشكل 26.9. امسك الطرف الحر للعبل وثبت نفسك كما هو موضع وحدد موضعك. اخلع حذائك واجنب الحيل بكلتا يديك، كل منكما سينزلق على الثلج حتى تتلاقيا. من قراءة شريط القياس، لاحظ المسافة التي انزلقتها ولتكن χ_s والمسافة التي انزلقتها الدب ولتكن χ_s نقطة التلاقي لك مع الدب هي الموضع الثابت لمركز الكتلة للمنظومة (آنت والدب) وهكذا يمكنك تعيين كتلة الدب من العلاقة χ_s χ_s (من سوء الحظ أنك سوف لاتتمكن من العلاقة χ_s المسيقط الدب).

الضرباء (الجزء الأول - الميكانيكا والديناميكا الحرارية)



شكل 26.9 يظل مركز الكتلة لمنظومة معزولة في سكون مالم تؤثر عليه قوة خارجية. كيف يمكنك تحديد كتلة الدب القطبي.

انفجار قذيفة مثال ذهني 16.9

أطلقت قذيفة في الهواء لتنفجر فجأة إلى عدة شظايا (شكل 27.9) ماذا يمكن القول عن حركة مركز الكتلة للمنظومة المكونة من كل الشظايا بعد الانفجار؟



شكل 27.9 عندما تنفجر القذيفة إلى عدة شظايا، فإن مركز الكتلة للمنظومة المتكونة من الشظايا سوف يسلك نفس مسمار القطع المكافئ والذي كانت سموف تسلكه القذيفة في حالة عدم انفجارها.

الحل: بإهمال مقاومة الهواء، فإن القوة الخارجية الوحيدة على القذيفة هي قوة الجاذبية الارضية. اذا لم تتفجر القذيفة، فإنها سوف تستمر في الحركة في مسار عبارة عن قطع مكافئ موضحاً بالخط المتقطع في شكل 27.9. وحيث أن القوي المؤثرة نتيجة الانفجار هي قوى داخلية فإنها لاتؤثر على حركة مركز الكتلة. بعد الانفجار يتبع مركز الكتلة للمنظومة (الشظايا) نفس المسار، أي قطع مكافئ والذي كانت ستسلكه القذيفة إذا لم تتفجر.

انفجار صاروخ مثال 17.9

قَذف صاروخ رأسياً لأعلى وعندما يرتفع إلى m 1000 وتصل سرعته إلى 300 m/s ينفجر إلى ثلاث شظايا متساوية الكتلة. تستمر احدى الشظايا في الحركة لأعلى بسرعة 450 m/s بعد الانفجار، والثانية تسير بسرعة 240 m/s وتتحرك ناحية الشرق عمودياً بعد الانفجار، ما هي سرعة 364) الشظية الثالثة بعد الانفجار مباشرة. الحل دعنا نفترض أن كتلة الصاروخ هي M وبالتالي فأن كتلة كل شظية هي M/3. حيث إن قوى الانفجار هي قوى داخلية للمنظومة وبالتالي لاتؤثر على كمية حركته الكلية، فإن كمية الحركة ، P للصاروخ قبل الانفجار مباشرة يجب أن تساوى كمية الحركة الكلية Pr للشظايا بعد الانفجار مباشرة.

قبل الانفجار.

$$p_i = Mv_i = M(300 i) \text{ m/s}$$

بعد الانفجار:

$$\mathbf{p}_i = \frac{M}{3} (240\mathbf{i}) \text{ m/s} + \frac{M}{3} (450\mathbf{j}) \text{ m/s} + \frac{M}{3} \mathbf{v}_f$$

حيث V هي السرعة المجهولة الخاصة بالشظية الثالثة. بمساواة هاتين المعادلتين (لأن Pj=Pr) نحصل على:

$$\frac{M}{3}\mathbf{v}_f + M(80\mathbf{i}) \text{ m/s} + M(150\mathbf{j}) \text{ m/s} = M(300\mathbf{j}) \text{ m/s}$$
$$\mathbf{v}_f = (-240\mathbf{i} + 450\mathbf{j}) \text{ m/s}$$

بم تشبه محموع متجهات كمية الحركة لكل الشظايا؟

تمرين أوجد موضع مركز الكتلة لمنظومة الشظايا بالنسبة للارض بعد 3.0 ثواني من الانفجار. افترض أن محرك الصاروخ لايعمل بعد الانفجار.

 $y_{CM} = 1.86 \text{ km}$ ولكن x ولكن الأجابة؛ لا يتغير الأحداثي

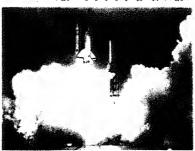
(اختیاری)

8.9 _ دفع الصاروخ ROCKET PROPULSION

عند دفع مركبات عادية مثل السيارات والقاطرات تكون القوة الحافزة للحركة هي الاحتكاك. في حالة السيارة، تكون القوة الحافزة هي القوة التي يؤثر بها الطريق على السيارة. تُدفع القاطرة ضد القضبان، ومن ثم، تكون القوة الحافزة هي تلك القوة التي يؤثر بها القضبان على القاطرة. إلا أنه في حالة الصاروخ في الفضاء حيث لايوجد طريق أو قضبان ليدفع ضده، فإن مصدر الدفع للصاروخ يجب أن يكون شئ آخر غير الاحتكاك. شكل 28.9 عبارة عن صورة فوتوغرافية لسفينة فضاء عند إطلاقها. 'يعتمد عمل الصاروخ على قانون حفظ كمية الحركة الخطية عند تطبيقه على منظومة من الأجسام حيث تتكون المنظومة من الصاروخ والعادم المطرود".

يمكن إدراك دفع الصاروخ بافتراض منظومة ميكانيكة تتكون من مدفع موضوع على عربة نقل بعجل. عند اطلاق القذيفه، تستقبل كل طلقة كمية حركة mv في اتجاه ما، حيث تقاس v بالنسبة إلى (365

الضرباء (الحزء الأول - المكانيكا والديناسكا الحرارية)



شكل 28.9 إطلاق سيفينة الفضاء كولومبيا. تتولد قوة دفع هاثلة من مسحسركسات السفينة التي تعمل بوقود سائل مضافا إليه محركات إضافيه، العديد من مبادئ الفـــــــزياء- والميكانيكا، والدينام يكا الحسرارية والكهربية والمغناطيسية تطبق على هذا العمل،

إطار الارض الساكن. كمية الحركة للمنظومة المتكونة من العربة والمدفع والطلقات يجب أن تكون محفوظة، من ثم عند إطلاق كل طلقة يحصل المدفع والعربة على كمية حركة متساوية لكن في اتجاهين متضادين. أي أن، قوة رد الفعل التي تؤثر بها الطلقة على المدفع تؤدي إلى تسارع العربة والمدفع، وتتحرك العربة في اتجاه مضاد لاتجاه الطلقة. إذا كان n هو عدد الطلقات في الثانية $F_{av} = nmv$ هي القوة التي تؤثر على المدفع هي $F_{av} = nmv$

بطريقة مشابهة، عندما يتحرك الصاروخ في الفضاء، تتغير كمية الحركة الخطية عند التخلص من بعض من كتلته في صورة غاز مستنفذ. حيث إن الغاز يكتسب كمية حركة عند خروجه من الصاروخ، يحصل الصاروخ على كمية حركة مساوية لها لكن في الاتجاه المضاد. لهذا فإن الصاروخ يتسارع نتيجة للدفع أو قوة الدفع من الغازات المحترفة في الفضاء.

يتحرك مركز الكتلة للمنظومة (الصاروخ والغاز المستنفذ) بإنتظام غير معتمداً على عملية الدفع*.

افترض أنه عند الزمن t، تكون كمية حركة الصاروخ ووقوده هي ν هي سرعة الصاروخ بالنسبة للأرض (شكل (شكل (شكل) Δm فترة صغيرة من الزمن Δt ، يفقد الصاروخ كتلة Δm من الوقود وبالتالي فإنه في نهاية هذه الفترة تصبح سرعة الصاروخ هي $u+\Delta v$ ، حيث Δv هي التغير في سـرعة الصـاروخ (شكل 29.9b). إذا خرج الوقود المستنفذ بسرعة v_{ρ} بالنسبة للصاروخ (الرمز e يعنى



قوة الدفع بالنيت روجين وجهاز التحكم اليدوى بسمح لرائد الفنضاء ان يتحرك بحرية في الفراغ بدون رياط مقيد.





شكل 29.9 دفع الصياروخ (a) كبتلة الصاروخ الابتدائية بالاضافة إلى كل I الوقدود هي $M + \Delta m$ عند الزمن وسترعشه هي v (b) بعند فشرة Δi تصبح الكتلة M بعد اطلاق وقود كتلته ∆m وتزداد سرعة الصاروخ بمقدار ۵۷.

المستفلا، وعادة ما يطلق على "لا سيرعية العادم) وسيرعية الوقود بالنسبة لاطار استاد ساكن هي ١٠ - ٥٠ هكذا عندما تساوى كمية الحركة الابتدائية الكلية للمنظومة كمية الحركة النهانية الكلية نحصل على:

$$(M + \Delta m)\psi = M(\psi + \Delta \psi) + \Delta m(\psi - \psi_*)$$

بيث نَمثُل M كتلة الصاروخ والباقي من الوقود وذلك بعد استنفاذ كمية من الوقود مقدارها ٨١١٠.

باجراء تيسيط لهذه المعادلة نحصل على:

$M\Delta v = v \Delta m$

يمكن الوصول إلى هذه النتيجة بافتراض ان المنظومة في إطار اسناد مركز الكتلة وهو اطار له نفس سرعة مركز الكتلة للمنظومة. في هذا الاطار، تكون كمية حركة المنظومة مساوية صفراً . إذا ما اكتسب الصاروخ كمية حركة $M \Delta v$ بالتخلص

من بعض الوقود، فإن الوقود المستنفذ يحصل على كمية حركة $v_\mu \Delta m$ في الاتجاء المضاد لأن $\Delta m \rightarrow \Delta v \rightarrow dv$ ما يأخذ النهاية عندما تؤول Δt إلى الصفر نحصل على $\Delta v \rightarrow dv$ وكذلك $\Delta m = 0$ dm علاوة على ذلك فإن الزيادة في الكتلة المستنفذة dm تناظر نفس النقص في كتلة الصاروخ بحيث يكون dm - -dM. لاحظ أن dm لها إشارة سالبة لأنها تعبر عن النقص في الكتلة. بناءً على ذلك، نحصل على:

$$M dv = v_e dm = v_e dM$$
 (40.9)

 M_i بإجراء التكامل لهذه المعادلة وبفرض أن الكتلة الابتدائية للصاروخ بالإضافة للوقود هي والكتلة النهائية للصاروخ بالاضافة لما تبقى من الوقود M نحصل على:

$$\int_{v_i}^{v_f} dv = -v_c \int_{M_c}^{M_f} \frac{dM}{M}$$

$$v_f - v_i = v_e \ln \left(\frac{M_i}{M_i} \right)$$
 (41.9)

هذا هو التعبير الاساسي لدفع الصاروخ، أولاً يوضح هذا التعبير أن الزيادة في سرعة الصاروخ متناسب مع سرعة النفاذ ٧٠ . لهذا فإن سرعة النفاذ يجب أن تكون عالية جداً . ثانياً الزيادة في سرعة الماروخ تتناسب مع اللوغاريتم الطبيعي للنسبة ، Mi/M . هذه النسبة يجب أن تكون عالية بأكبر قدر مستطاع والتي تعنى أن كتلة الصاروخ بدون وقوده يجب أن تكون صغيرة بقدر الامكان وأن يحمل الصاروخ أكبر كمية من الوقود.

الضرباء (الجزء الأول - الميكانيكا والديناميكا الحرارية)

يمكن ان نحصل على تعبيراً لقوة الدفع من المعادلة 40.9.

$$M\frac{dv}{dt} = \left|v_e \frac{dM}{dt}\right| = \epsilon$$
 (41.9)

قوة الدفع على الصاروخ هو القوة المؤثرة عليه بواسطة اندفاع العادم.

توضح هذه المعادلة أن قوة الدفع تزداد مع زيادة سرعة نشاذ العادم ومع زيادة معدل تغير الكتلة (تسمى معدل الاحتراق).

مثال 18.9 صاروخ في الفضاء

يتحرك صاروخ في الفضاء بسرعة \103m/s النسبة للأرض. تم تشغيل المحرك وينبعث العادم في اتجاء مضاد لحركة الصاروخ بسرعة \103m/s 5.0 بالنسبة للصاروخ (a) ما هي سرعة الصاروخ بالنسبة للأرض عندما تصل كتلة الصاروخ إلى نصف كتلته قبل الاشتعال.

ال**حل:** من المتوقع أن تكون السرعة التي نبحث عنها أكبر من السرعة الأصلية لأن الصاروخ يتسارع. باستخدام المادلة 41.9 نحصل على:

$$v_f = v_i + v_e \ln \left(\frac{M_i}{M_f} \right)$$

= 3.0 × 10³ m/s + (5.0 × 10³ m/s) $\ln \left(\frac{M_i}{0.5 M_i} \right)$
= 6.5 × 10³ m/s

(b) ما هي قوة الدفع على الصاروخ إذا كان معدل احتراق الوقود هو 50 kg/s.

الدفع
$$= \left| v_e \frac{dM}{dt} \right| = (5.0 \times 10^3 \text{ m/s}) (50 \text{ kg/s})$$
 = 2.5 × 10⁵ N

مثال 19.9 إطفاء الحريق

يحتاج رجـلا المطافئ أن يستخدما قوة مقدارها 00 0N في تثبيت خرطوم المطافئ حتى يكون معدل تفريغ الماء هو .3 600 L/min احسب سرعة الماء عند خروجها من الخرطوم.



ام الخر

الحل، يخرج الماء بمعدل 12 400 3، أو 60 1/6 أن حوالي وحيث أن 1 1 من الماء كتلته 18 4 يمكن القول أن حوالي المن الماء المترطوم في الثانية. عندما يترك الماء الخرطوم في الثانية. عندما يترك الماء الخرطوم والذي يقابله بقوة مقدارها (60 0 م يقابله بقوة مقدارها (60 0 م يقابله بقوة مقدارها (60 0 م ياستخدام المادلة 42.9 نحصل على

الفصل التاسع: كمية الحركة الخطية والتصادم

وَوَهُ الدَفَعِ
$$\left| v_e \frac{dM}{dt} \right|$$
 600 N = $\left| v_e (60 \text{ kg/s}) \right|$
$$v_e = 10 \text{ m/s}$$

اطفاء الحريق عملية خطرة. إذا ما انزلق الخرطوم من أيديهم، فإن حركة الخرطوم نتيجة قوة الدفع الذي يستقبله من سرعة الماء الخارج قد تؤذى رجال المطافئ.

ملخص SUMMARY

كمية الحركة الخطية P لجسم كتلته m يتحرك بسرعة \mathbf{v} هي:

$$\mathbf{P} = m \mathbf{v} \tag{1.9}$$

يوضح قانون حفظ كمية الحركة الخطية أن كمية الحركة لمنظومة معزولة تكون محفوظة. إذا كان مناك منظومة معزولة تتكون من جسمين فإن كمية الحركة تكون محفوظة بغض النظر عن القوة بينهما، لهذا فإن كمية الحركة الكلية للمنظومة في أي لحظة تساوي كمية الحركة الكلية الابتدائية

$$\mathbf{P}_{1i} + \mathbf{P}_{2i} = \mathbf{P}_{1f} + \mathbf{P}_{2f} \tag{5.9}$$

الدفع المؤثر على جسيم نتيجة قوة F يساوى التغير في كمية الحركة للجسم.

$$I = \int_{t}^{t} \mathbf{F} dt = \Delta \mathbf{p} \tag{9.9}$$

ثلك هي نظرية الدفع- كمية الحركة.

غالباً ما تكون القوى الدافعة على النظومة اقوى بالمقارنة مع القوى الأخرى وغالباً ما تؤثر لفترة زمنية قصيرة كما في حالة التصادم.

عندما يتصادم جسمان فإن كمية الحركة الكلية قبل التصادم تساوي كمية التصادم غير المرادة التصادم غير المرادة و تأم المرونة الحركة الكلية بدد التصادم، التصادم الذي تكون فيّه طاقة الحركة الكلية غير محفوظة، التصادم الذي تكون فيّه طاقة الحركة الكلية غير محفوظة، التصادم عند المنافق الحركة ثابتة.

أشاء التصادم في بعدين أو ثلاث، تكون مركبات كمية الحركة في كل من الابعاد الثلاثة x, y, z. محفوظة ومستقلة عن بعضها البعض.

يُعرف متجه الموضع لمركز الكتلة في منظومة من الأجسام بالعلاقه:

$$\mathbf{r}_{\text{CM}} = \frac{\sum_{i} m_{i} \mathbf{r}_{i}}{M}$$
 (30.9)

الفيزياء (الجزء الأول - الميكانيكا والديناميكا الحرارية)

حيث $M = \sum_i m_i$ هي الكتلة الكلية المنظومة و ϵ_i هو متجة الموضع للجسم i. متجة الموضع لمركز الكتلة لجسم جاسئ يمكن الحصول عليه من العلاقة.

$$\mathbf{r}_{CM} = \frac{1}{M} \int \mathbf{r} \ dm \tag{33.9}$$

سرعة مركز الكتلة لمنظومة تتكون من مجموعة من الأجسام هو.

$$\mathbf{v}_{CM} = \frac{\sum_{i} m_{i} \mathbf{v}_{i}}{M}$$
 (34.9)

كمية الحركة الكلية لمنظومة من الأجسام تُساوي حاصل ضرب الكتلة الكلية في سرعة مركز الكتلة.

تطبيق قانون نيوتن الثاني على مجموعة من الأجه أم يعطي:

$$\sum \mathbf{F}_{\text{ext}} = M a_{\text{CM}} = \frac{d\mathbf{p}_{\text{tot}}}{dt}$$
 (38.9)

حيث a_{CM} هي تسارع مركز الكتلة ويتم الجمع على كل القوى الخارجية. يتحرك مركز الكتلة مثل جسيم تخيلي كتلته M تحت تأثير محصلة القوة الخارجية على المنظومة. يتضع من المعادلة 38.9 ان كمية الحركة الكلية للمنظومة محفوظة طلما لايوجد قوة خارجية تؤثر عليها.

اسئلة QUESTIONS

- 1 إذا كانت طاقة الحركة لجسم تساوي صفراً
 ما مقدار كمية الحركة الخطية له؟.
- إذا تم مضاعفة سرعة الجسيم ما هو مقدار التغير في كمية الحركه؟ ما مقدار التغير في طاقة الحركه؟
- 5 إذا كانت طاقة الحركة لجسمين متساوية.
 هل من الضروري أن يكون لهما نفس كمية الحركة؟ فسر ذلك.
- 4 إذا كانت كمية الحركة لجسمين متساوية، هل من الضروري أن يكون لهـما نفس طاقـة الحركه؟ فسر ذلك.
- منظومة معزولة ساكنة في البداية، هل من المكن الإجزاء من المنظومة أن تكون في حالة حركة في وقت آخر؟ إذا كان كذلك. فسر كيف يحدث ذلك؟

- اذا تصادم جسمان وكان أحدهما ساكناً، على
 من الممكن أن يكون كليههما هي حالة سكون
 بعسد التسصادم؟ هل من الممكن أن يكون
 احدهما هي حالة سكون بعد التصادم؟ فسر
- 7 فسسر كيف يمكن أن تكون كمية الحركة محفوظة عندما ترتد كرة من الارض؟
- 8 هل من المكن حدوث تصادم تُفْقَد فيه كل طاقة الحركه؟ إذا كان كذلك اذكر مثالاً.
- 9 في تصادم تام المرونة بين جسمين، هل تتغير طاقة الحركة لكل جسم نتيجة التصادم.
- 10- عندما تتدحرج كرة إلى أسفل مستوى مائل تزداد كمية الحركة الخطية لها هل يحتم ذلك عدم حفظ كمية الحركه؟ فسر ذلك.
- أ 11- افترض تصادم غير تام المرونة بين سيارة

- وشاحنة كبيرة. اي من السيارتين سيفقد طاقة حركة أكبر نتيجة التصادم؟.
- 12 هل من المكن أن يقع مركز الكتلة خارج
 الجسم؟ إذا كان كذلك أذكر مثالاً.
- 13- قـــذفت ثلاث كــرات في الهــواء في نفس اللحظة. ما هو تسارع مركز الكتلة لهن اثناء الحركة؟.
- 14- مسطرة فياس تم وضعها متزنة في موضع الفقي بإصبعي السبابة لليد الهمنى والبد اليسمن التقارب الاصبعان من بعضهما تظل المسطرة في إذران ويتلاقي الاصبعان غالباً عند منتصف المسطرة بغض النظر عن موضعهما الاصلي (حاول ذلك!). فسر ذلك.
- [35] رامي طلقــات يضع البندقــية بحــيث تكون مؤخرتها ملاصعةة اكتفه. إذا كانت كميــة الحركة للطلقة هي الاتجاه الأمامي مي نفسها كمية الحركة للبندقية في الاتجاه الخلفي لماذا كانت اصابة الرامي من البندقــية أقل خطراً من إصابته من الرصاصة?.
- 16- قُدنفت قطعة من الطمي على حائط من الطوب فالتصفت به. ماذا حدث في كمية الحركة لقطعة الطمي. هل كمية الحركة محفوظه? فسر ذلك.
- 17- يقفز لاعب من على قمة ارتفاعها 6.0m على وسادة محشوة بالمطاها. هل يمكنك حساب سرعته قبل وصوله إلى الوسادة مباشرة؟. هل يمكن التنبؤ بالقبوة بالمؤرة عليه تتهجة التصادم؟ فسر ذلك.
 - 18 فسر كيف يمكنك استخدام المنطاد لتوضيح
 الألية المسئولة عن دفع الصاروخ.
- اله ليتسارع مركز كتلة صاروخ في الفضاء؟ فسير ذلك. هل من المكن ان تزيد سيرعة الصاروخ عن سرعة الوقود المستنفذ؟. فسر ذلك.

- 20- اسقطت كرة من مبنى عالي. اذكر المنظومة التي يحدث فيها حفظ كمية الحركة الخطية.
- 21- تنفجر قنبلة ساكنة إلى عدة قطع (a) هل كمية الحركة الخطية محفوظة (b) هل طاقة الحركة محفوظة. فسر ذلك.
- 22- تستخدم وكالة ناسا غالباً جاذبية الكواكب في عملية الارسال إلى الكواكب الاكثر بعداً. في الحقيقة بعد ذلك تصادماً من النوع الذي لايتـ الاصل هيـه الجـسمين. كـيف بمكن المقدوف أن تزداد سرعته بهذه الطريقة.
- 23- عند دوران القمر حول الارض. هل يتحقق حفظ كمية الحركة الخطية للقمر؟ افرض أن مسار القمر دائري.
- 24- سقطت بيضة غير ناضجة على الارض فانقسمت إلى اجزاء عند ارتطامها بالارض ومع ذلك إذا أسقطت بيضة غير ناضجة على قطعة سميكة من المطاط ومن ارتفاع ما يقرب من متر فإنها ترتد لأعلى ولاتتكسرة كيف يمكن حدوث ذلك؟ (إذا ما حاولت إجراء هذه التجرية، امسك البيضة بعد أول ارتداد).
- 25- اذكر وجهة نظرك ودعمها بالبرهان في الاوضاع التالية:
- (a) افضل نظرية حركة هي تلك التي تُسبِبْ
 فيها القوة تسارعاً
- (b) مقياس فاعلية القوة هو مقدار الشغل الذي تبذله وافضل نظرية للحركة هي ان الشغل المبدول على جسم يغير من طاقته.
- (a) المقياس الحقيقي لتأثير القوة هو الدفع وافضل نظرية للحركة هي أن الدفع على جسم يغير من كمية الحركة.

الشيزياء (الجزء الأول - الميكانيكا والديناميكا الحرارية)

PROBLEMS (ML)

1، 2 ، 3 = مسائل مباشرة، متوسطة، تحدى

Http:// www. sanunderscollege. com/ physics/ = الحل موجود في: WEB

____ = أزواج رقمية/ باستخدام الرموز

قسم 1.9 كمية الحركة الخطية وحفظها

- 3.0i- 4.0j)m/s وسرعته 3.0 kg عنائه 3.0 kg
 احسب مركبتا كمية الحركة في اتجاهي (a) احسب مقدار واتجاه كمية الحركة.
- قُدنفت كرة كتلتها على 1.00 إلى أعلى في الهواء بسرعة ابتدائية 15.0m/s احسب كمية الحركة للكرة (a) عند اقصى ارتفاع (b) عند منتصف اقصى ارتفاع.
- 3 قذفت طفلة كتلتها 40.0 kg تقف على بعيرة مجمدة حجراً كتلته 55 kg. ناحية الشرق وبسرعه 5.0 m/s - احسب سرعة ارتداد الطفلة . أهمل الاحتكاك بين الطفلة والجليد .
- 4 ادعى لاعب آنه يمكنه قدذف كرة بيسبول يكمية حركة (مصاصة بكمية حركة (مصاصة كنلته) 3.0 gm (ميتمها 3.0 gm). وكانت كتلته كرة البيسبول هي 0.145 ها هي سرعتها حتى يصبح ادعاء اللاعب صعيحاً.
- 2 بم تقدر سرعة حركة الارض? بصورة خاصة عندما تقفز إلى أعلى ولاقصى ارتقاع ممكن فإنك تعطي الارض سعى عدة ارتداد قصدوى. ما مقدارها وذلك بافتراض أن الارض جسم صلب تماماً. في إجابتك اذكر الكميات الفيزيائية التي سوف تحتاجها كبيانات وكذلك فيمها.
- 37) 6- ثقالان كتلتيهما M، M موضوعان على



🔲 = الحل كامل متاح في المرشد.



شكل P6.9

- سطح أفقي أماس. ربط احداهما بزنبرك خفيف ثم دفع الثقلان مع بعضهما وبينهما الزنبرك (شكل 16.99) هجاة احترق الخيط الرابط الجسمين ببعضهما وبعد ذلك تحركت الكتلة 38 تجاه اليمين بسرعة عمل 2.0m/s (م) ما هي سرعة الثقل الذي تبلغ كتلت 34 (م) احسب طاقة المرونة الكامنة في الزنبرك إذا كانت M= 0.35 kg.
- 7 يتحرك جسم كتلته m وكمية حركته P. اثبت أن طاقة حركة الجسم تعطى بالعلاقة (b) K= P²/2m ما مقدار كمية الحركة للجسم بدلالة طاقة حركته وكتلته.

قسم 2.9 الدفع وكمية الحركة

 8- توقيفت سيارة في إشارة المرور. وعندما إضاءت الإشارة الضوء الأخضر تسارعت السيارة وزادت سيرعتها من الصفر إلى

الفصل التاسع: كمية الحركة الخطية والتصادم

5.2m/s خيلال 0.8320s منا منقدار الدفع الخطى والقوة المتوسطة المؤثرة التي يتأثر بها راكب كتلته \$70.0 kg.

[9] يوضع الشكل P9.9 العلاقة بين القوة والزمن عند ضرب كرة البيسبول بالمضرب، من هذا المنعنى احسب (a) الدفع على الكرة.



(b) أقصى قوة توثر على الكرة.

10- ستقبل لاعب التنس الكرة (كتلتها 0.06kg) عندما تسير بسرعة 50.0m/s ويعيدها بسرعة افقية مقدارها 40.0m/s في الاتجام المضاد.

(a) مامقدار دفع المضرب على الكرة؟. (d) ما مقدار الشغل الذي يبذله المضرب على

11 تصطدم كرة صلبة كتلتها 3.0kg مع حائط بسرعة 10.0m/s وبزاوية 60.0° مع السطح وترتد بنفس السرعة ونفس الزاوية (شكل



شكل P11.9

إذا التصبقت الكرة مع الحائط لمدة 0.2s ما مقدار القوة المتوسطة التي يؤثر بها الحائط على الكرة؟.

12- في لعبة قذف الكرات المرنه، تعبر كرة مرنة كتأتها 0.2Kg المستوى بسيرعة 15.0m/s ويزاوية °45 اسفل الستوى الافقى (a) احسب الدفع على الكرة (b) إذا كانت القوة المؤثرة على الكرة تزداد خطياً لمدة 4.0ms ثم تثبت لمدة 20.0ms ثم تتناقص خطياً إلى الصفر في مدة 4.0ms ما أقصى قوة تؤثر

13 - أمسك خرطوم حديقة كما هو موضح بالشكل P13.9 . إذا كان الخرطوم مملوءاً بالماء الساكن. ما هي القوة الاضافية اللازمة للإمساك بفوهة الخرطوم ليظل ثابتاً بعد فتح الماء إذا كان معدل تضريغ الماء هو 0.6kg/s وسيرعة \$0.6kg



شكل P13.9

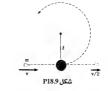
14 - تمارس لاعبة غوص محترفة الغوص من على منصة ترتفع 10.0m أعلى سطح الماء احسب متوسط قوة الدفع التي تتأثر بها اللاعبة لحظة تصادمها مع الماء، اذكر الكميات التي تحتاجها كبيانات وقيمها.

قسم 3.9 التصادم

قسم 4.9 التصادم المرن وغير المرن في بعد واحد

15- أوضحت صورة فوتوغرافية سريعة أن مضرب الحولف كتلته 200g بتحرك بسرعة 55.0m/s قبل ان يتصادم مباشرة مع كرة (373

- جولف كتلتها £46.0 موضوعة على متلوت. بعد التصادم يتحرك المضرب (في نفس الاتجاه) بسرعة £40.m/s. احسب سرعة كرة الجولف بعد دفعها مباشرة.
- 75.0kg بنتي كيل الجليد كتلت 75.0kg ويتحرك بسرعة 20.0m/0 يصملدم مع لاعب آخر له نفس الكتلة، بعد التصادم يتحرك 16.0m/0 يحرك التصيير من الكتلة، واحد يسرعة 5.0m/0 أورض أن مسلوسط القدوة التي يمكن أن يتحملها اللاعب بدون كسر عظامه هي 20.00 إذا كان زمن التصادم هو 20.00 هل ستكسر عظامه.
- 17] أطلقت رصاصة كتلتها 10.0g على قطعة خشب ثابتة (8.0kg = m) وتوقفت الحركة النسبية للرصاصة داخل قطعة الخشب. إذا كانت سرعة الرصاصة وقطعة الخشب بعد التصادم مباشرة هي 8.06m/ ما هي السرعة الإبتدائية للرصاصة.
- 18 كـمـا هو مـوضح في الشكل P18.9، تمر رصاحه كتاتها m وسرعتها v خلال ثقل بندول كتلته M. كا كانت سـرعـة خـروج الرصاصة هي v/2 ما هي أقل قيمة للسرعة U/2 بعيث يدور ثقل البندول دورة رأسية كاملة؟.





P21.9 راجع

- القف فتاة كتلتها 8 45.0 لعلى قطعة خشب سميكة كتلتها 150kg إذا كنانت قطعة الخشب سميكة كتلتها 150kg إذا كنانت قطعة الخشب ساكلة ويمكنها أن تتزلق علي بحبرة المرحمة منبطحة ماساء، إذا بدأت القتاة الحركة على قطعة الخشب بسرعة ثابتة سرعة الغابية المنانية بالنسبة إلى سطح التاج (١/١) ما مي سرعة قطعة الخشب بالنسبة إلى سطح التاج (١/١) سطح التاج (١/١) سطح التاج ألى سطح التاج التاج (١/١) سطح التاج (١/١) سطح التاج (١/١)
- 20 تعدو منى بسرعة 4.0m/5 ثم ركبت على رمث ساكنة على قمة هضية مخطاة بثلج المس. بعد هبوطها مسافة رأسية مقداره 0.0m/5 قفز اخوها على ظهرها واستمرا في الحركة مع يعضهما إلى اسفل الهضية، ما هي سرعتهما عند قاع الهضية إذا كانت المسافة الرأسية الكلية التي هبطاها سوياً هي 9150 وكتلة من 30/8 وكتلة المزلجة (20/8)
- 21 اصطدمت سيارة كتالتها 200Kg تسير بسيراة كتالتها 200Kg ناحية بسيرة ابتدائية مقدارها 25.m/s ناحية الشرق، وي بمؤخرة شاحنة كتلتها 20.m/s كانت سرعة السيارة بعد (شكل 20.19). إذا كانت سرعة السيارة بعد التصادم هي 80.0m/s اتجاه الشرق، (a) ما معدار الفقد في الطاقة الميكانيكية نتيجة التصادم، فسير سبب الفقد في الطاقة.

2.5 x 10⁴ kg عربة سكك حديدية كتلتها 2.5 x 10⁴ kg تسير بسرعة 4.0m/s تصادمت والتحمت مع ثلاث عربات اخرى، كتلة كل منها تساوى كتلة العربة المفردة ويتحركون جميعاً في نفس الاتجاء بسرعة a) 2.0m/s ما هي سرعة العربات الأربع بعد التصادم؟ (b) ما مقدار الفقد في الطاقة نتيجة التصادم؟.

2.5x 104kg اربع عربات قطار كتلة كل منها - 2.5x 104kg مرتبطة ببعضها البعض ويتحركون على القضيان بسرعة ، تجاه الجنوب، يركب ممثل قوى وغبى العربة الثانية ويحاول فصل العربة الامامية واعطائها دفعة كبيرة حتى تزيد سرعتها إلى 4.0m/s جنوباً. تستمر العربات الثلاث في الحركة جنوباً بسرعة (a) 2.0m/s احسب السرعة الابتدائية للعربات. (b) ما مقدار الشغل الذي بذله المثل؟ (c) اذكر العلاقة بين ما تم هنا وما حدث في المسألة 22.

24 - تتصادم كرة بولينج كتلتها 7.0kg تصادماً مواجها مع وتد بولينج كتلته 2.0Kg. يطير الوتد في اتجاء الحركة بسرعة 3.0m/s. إذا استمرت الكرة في الحركة بسرعة 1.8m/s ما هي السرعة الابتدائية للكرة؟ يمكن اهمال دوران الكرة؟.

25 يتصادم نيوترون تصادماً مواجهاً مع نواة ذرة كربون ساكنة في المفاعل (a) ما نسبة الفقد في طاقة حركة النيوترون والتي تتحول إلى -ذرة الكربون (b) إذا كانت طاقة الحركة الابتدائيـة للنيـوترون هي 1.6 x 10-13J. احسب طاقة حركته النهائية وكذلك طاقة حركة نواة الكريون بعد التصادم (كتلة نواة ذرة الكربون تعادل 12.0 مرة من كتلة النيوترون).

26 - افترض المسار الأملس ABC الموضح $m_1 = 5.0 \text{kg}$. P26.9 . P26.9يتحرك من A ويُحدث تصادماً مواجه

مرناً عند B مع ثقل آخر ساكن كتلته مارتفاع ترتفعه احسب اقصى ارتفاع ترتفعه m_2 = 10.0kg بعد التصادم. m_1 1 . 18 mg

شكل P26.9

27 أطلقت رصاصة كتلتها 12.0g على قطعة خشب ساكنة كتلتها 100gm موضوعة على سطح أفقى فانزلقت القطعة الخشبية بعد الدفع مسافة 7.5m قبل ان تسكن. إذا كان معامل الاحتكاك بين الكتلة والسطح هو 0.650 ما هي سرعة الرصاصة قبل الدفع مياشرة؟.

28 - عند اطلاق رصاصة كتلتها 7.0g من بندقية على قطعة خشب كتلتها 1.0kg مثبتة بمنجلة. اخترقت الرصاصة قطعة الخشب مسافة 8.0cm . إذا ثم وضع قطعة الخشب على سطح أفقى أملس وتم قذفها برصاصة كتلتها 7.0g من البندقية ما هي المسافة التي تخترقها الرصاصة في قطعة الخشب؟.

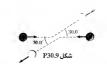
قسم 5.9 التصادم في بعدين

29 - يعدو لاعب مدافع كتلته 90.kg تجاه الشرق بسرعة 5.0m/s فتصادم مع لاعب من الفريق الآخر كتلته 95.kg يجرى ناحية الشمال بسرعة 3.0m/s إذا كان التصادم غير تام المرونة (a) احسب سرعة واتجاه اللاعبين بعد التصادم مباشرة (b) احسب الطاقة المفقودة نتيجة التصادم- علل ذلك. 30 - كتلة قرص المطاط الأزرق الموضع بالشكل

P30.9 أكبر من كتلة القرص الأخبضر بمقدار %20. قبل التصادم يتقارب القرصان من بعضهما بكميتي حركة (375

الفيزياء (الجزء الأول - الميكانيكا والديناميكا الحرارية)

متساويتين في المقدار ومتضادتي الاتجاه. إذا كانت السرعة الابتـدائية للقـرص الاخـضـر هي 0.0.m/s. احسب سـرعـة القـرصين بعد التصادم إذا أفقدت نصف طاقة الحركة اثناء التصادم.



31 - تقسرب سيارتان لهما نفس الكتلة من تقاطع، تسير احدى السيارتين بسرعة تقاطع، تسير احدى السيارتين بسرعة إرك، لايرى السائقان كل الجنوب بسرعة إرك، لايرى السائقان كل منهما الآخر، تتصادم السيارتان عند التقاطع وتلتحمان مع بدشهما الركين اثران مستوازيان لانزلاقهما بزاوية "55 جنوب الشرق، اقصى سرعة مسموح بها على الطريقين هي 35mih السيارة التعادم من الجنوب أنه كان يسير بالسرعة المسموح بها عندما حدث التصادم، هل كان المساورة المسا

22- يتصادم بروتون يتحرك بسرعة آبا تصادماً مرزا مع بروتون آخر ساكن. إذا كانت سرعتا البروتونين متساويتين بعد التصادم احسب (a) سرعة كل بروتون بعد التصادم بدلالة v_i (b) (b) اتجاء متجة السرعة بعد التصادم.

[38] امتطدمت كرة بليارودو تتحرك بسرعة 5.0m/s مع كرة أخرى ساكنة لها نفس الكتلة، بعد التصادم تتحرك الكرة الأولى بسرعة 8/43.9 درزاوية 5.0 دبانسبة لاتجاء الحركة الإصلي، باشتراض أن التصادم مرن (أهمل الاحتكاك والحركة

الدورانية)، احسب سرعة الكرة المقذوفة.

34. كرة من المطاط كتاتها 0.3kg سلطة على سلطة افتي الماس تم قنفها بكرة أخرى كتاتها 125,0 تتحرك في اتجاه لا بسرطة 2.0kg بعد التصادم تتحرك الكرة (0.2kg) بسرطة 1.0m/s بزاوية 53.0° مع (14.9 للإنجاء الموجب لحور x. (انظر شكل 0.3kg) بعد التصادم راة) احسب نسبطة المادة الحركة المتصادم راة التصادم راة التصادم.

35. تصادمت ثم التحمت كتلة مقدارها 3.0kg مع كتله تسير بسرعه ابتدائيه 8.0im/s مع كتله مقدارها 2.0kg مع ابتدائية مقدارها 3.0jm/s - المنظومة.

36 - قرصان لهما نفس الكتلة احدهما برتقالي يسير بسرعة \$5000 ويصطدم تصادم منحرف بالقرص البرتقالي في التصادم يتحرك القرص البرتقالي في التجاه يصنع زاويه *37.0 مع الاتجاه الابتدائي للحركة وكانت سرعة القرص البرتقالي للعركة على سرعة القرص البرتقالي (بعد التصادم)، احسب السرعة القرص البرتقالي (بعد التصادم)، احسب السرعة القائمة لكل فرص.

37 - قرصان لهما نفس الكتلة احدهما برتقالي يسير بسرعة الإسراك (۱/۱۹/۱۵) ويصعلدم يسير بسرعة (۱/۱۹/۱۵) ويضاد متحرفا بالقرص الأصفر الأصفر في سكون عند ضريه بالقرص البرتقالي الذي يتحرك بسرعة الإبدائي في الجماء يصنع زاويه 6 مع الاتجماء الابتدائي علمونية كلك وكانت سرعة القرص الاصفر للحرف عمدويه على القرص البرتقالي (بعد التصادم). احسب المسرعة النهائية لكل قرص.

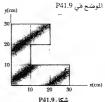
38 - أشاء معركة جيتيزيرج كانت طلقات المدفع قويه لدرجة أن بعض القذائف تتصدادم وتلتحم مع بعضها، افتترض أن كرة بارود لدول المحور كتلتها g 0.5 تتحرك تجاه اليمين بسرعة 250m/8 وتصنغ زاوية "2.5 أعلى الخف الأفقي وأن كرة بارود الحلفاء كتلتها g0.6 تتحرك بسرعة 280m/8 تجاه اليسلر بزاوية "15.0 أعلى الخف الافقي ما اليسلر بزاوية "15.0 أعلى الخط الافقي ما هي سرعتهما عند لحظة التعامهما مباشرة؟.

 $\frac{39}{17.x}$ تنصب نواة ساكنة غير مستقرة كتلتها 17.x 10^{-27} kg 17.x 10^{-27} kg الحميد 17.x 10^{-27} kg أحدمها 17.x 10^{-27} kg أحدمها 10^{-27} kg بر سرعة 10^{-27} kg 10^{-27} kg الأخدر وكتلته 10^{-27} kg 10^{-27} kg ويسرعة 10^{-27} kg الحميد 10^{-27} kg المحدود 10^{-27} kg المحدود 10^{-27} kg المحدود 10^{-27} kg المحدود 10^{-27} kg المحدد 10^{-27} kg المح

قسم 6.9 مركز الكتلة

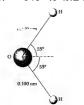
40 - أربعة اجسام موضوعة على المحور עكما +3.0m يلي: جسم كتلتبه 2.0 kg عند 2.0 kg يلي: جسم كتلتبه 3.0 kg عند 2.5 kg كتلته 2.5 kg عند تقطة الأصل وجسم كتلته 2.6 kg أين يوجد مركز الكتلة لهذا الإجسام.

41 شريحة من الصلب منتظمة تأخذ الشكل



احسب الأحداثيان y ،x لمركز الكتلة لهذه الشريحة.

43- يتكون جــزئ الماء من ذرة اكــــجين وذرتا هيدروجين مرتبطتان بذرة الاكسجين.



شكل P43.9

الزاوية بين الرابطتين 106°. إذا كان طول كل رابطة هو 0.1nm اين يوجد مركز كتلة الجزئ؟.

44 مقدد الله 10 مقدد والما 10 وموضعها هي مقدد والما 10 والما وموضعها هو وموضعها هو 10 وموضعها هو وموضعها هو المقدد والما 10 وموضعها هو المقدد والما 10 وموضعها هو المقدد الما 10 المقدد الما 10 المقدد الما 10 المقدد الما 10 المقدد المقدد والمقدد وا

تَشْرِياء (الجرء الأول - الميكانيكا والديناميكا الحرارية)

 -45 قضيب طوئه 30.0cm كثافته الطوئية (كتلة وحدة الاطوان) شطى بألعلاقة

 $\lambda = 50.0 \text{g/m} + 20.0 \text{g/m}^2$

حيث x هي الساقة باللثر من آحد طرفي انقضيب، ما هي كللة انقضيب (b) ما هو سد مركز الكلة عن القطة C = x.

قسم 79 حركة منظومة من الأجسام

3b - 1 افترض منظ ومة من جسمين في المستوى y = 2.0 kg y = 1.0 y = 2.0 kg y = 1.0 y =

[47] يقوم روميو (77kg) بالمرف على الجيتار لجوليت (55.kg) وهو جالس عند مؤخرة القارب الواقف في ماء هادى، بينما كانت تجلس جوليت عند مقدمة القارب وعلى بعد 2.7m بعد العرف تحركت جوليت بهدوء إلى مؤخرة القارب (بعيداً عن الشاطئ) لوضح قبله على وجنة روميو. ما المسافة التي تحركها القارب تجاه الشاطئ للكناء \$80.0kg.

48 - تبدأ كتلتان مقدارهما 0.3kg، 0.3kg. حركة منتظمة بنفس السرعة 0.8m/s من نقطة الإصل عند 0 = و وتتـحــركــان بالطريقــة الموضحة بالشكل (P48.9



شكل P48.9

 (a) احسب سرعة مركز الكتلة بدلالة وحدات المتجه (d) احسب مقدار واتجاه سرعة مركز الكتلة (c) اكتب متجه الموضع لمركز الكتلة كدالة في الزمن.

49 جسم كتابته 2.0 kg وسسرعته 3.0kg (2.0 i- 3.0) وجسم آخر كتلك 3.0kg وسرعته (1.0 i+ 6.0 i) اوجد (a) سرعة مركز الكتلة و (d) كمية الحركة الكلية للمنظومة.

50 – كرة كتلتها Q.2 kg وسرعتها 1.5im/s وكرة أخرى كتلتها Q.2 kg وسرعتها 0.4 براتها يحدث بينهما تصادماً موزاً (a) احسب سرعتهما بعد التصادم (d) أحسب سرعة مركز الكتلة قبل وبعد التصادم.

قسم 8.9 دفع الصاروخ (اختياري)

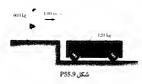
[51] تستهلك المرحلة الاولى من سفينة الفضاء مساتورن 5 وقود ومؤكسد بمعدل الفضاء مساتورن 5 وقود ومؤكسد بمعدل مراح 1.5x 10⁴ kg/s مسرحلة نشارها 103m/s (a) (b) حسب القوة الناتجة من هذه المحركات (b) احسب التصارع الإشتائي السفينة عند احسب التصارح إذا كانت كتلتها الإبتدائية عند حساب المجترة 6 kg 3/x 10⁶ kg ينا كانت كتلتها الإبتدائية بهد مساب الجزء و kg الاعتبار قوة الجاذبية).

52 – صاروخ كبير سرعة نفاذ العادم منه هي 2000m/s – $_{2}$ يجـــصل على قـــوة دهج مقدارها 1.40 مايون نيوتن (a) ما مقدارها 1.40 مليون نيوتن (b) ما مقدارها الثانية المقبودة في الثالثية المقبوحة في الثالثية المقبوحة إلى العادم. (d) ما هي أقصى سرعة يصل إليها النساوخ إذا بدأ الحـركة من السكون في النساوخ إذا بدأ الحـركة من السكون في وسط خالي من القوة وكانت $_{3}$ 0.8 $_{4}$ 0 علماً بأن $_{4}$ 00 وقود ومؤكسدة.

54 - عرية صاروخ كتلتها فارغة g 2000kg وكتلتها عندما تكون مملؤة تماماً بالوق ود هي 5000kg وكتابت سرعة اخراج العادم هي 2000kg (ه) احسب كممية الوقود المستخدمة في تسارع عرية الصاروخ الملة تماماً بدءاً من الصغر إلى 225m/s (حوالي 500m/h) (ه) إذا كان معدل الاحتراق ثابتا لويساوي 30.kg/s (حسب الزمن اللازم للدرية حتى تصل إلى هذه المسرعة - اهمل الاحتكاك ومقاودة الهواء.

مسائل إضافية

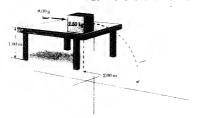
55- مسالة مراجعة: يعدو شخصا كتلته 60kg بسرعة ابتدائية 20mk، فيقفر على عربة نقل كتلتها 120kg ساكنة (شكل (7559). ينزلق الشخص على سطح السرية حتى يصل إلى حالة السكون بالنسبة للعربة. إذا



كان معامل الاحتكاك الكيناتيكي بين الشخص والعبرية هو 0.4 ويمكن إهمال الاحتكاك بين العربة والارض (a) احسب السرعة النهائية للشخص والعرية بالنسبة للارض (b) احسب قبوة الاحتكاك التي تؤثر على الشخص عندما ينزلق على سطح العربة (c) ما الفترة الزمنية التي تؤثر فيها قوة الاحتكاك على الشخص؟ (d) احسب التغيير في كمية الحركة للشخص والتغير في كمية الحركة للعربة (e) احسب مقدار إزاحة الشخص بالنسبة للأرض اثناء انزلاقه على سطح العربة (f) احسب إزاحة العربة بالنسبة للأرض أثناء فـتـرة انزلاق الشـخص (g) احـسب التغير في طاقة حركة الشخص (h) احسب التغير في طاقة حركة العربة (i) فسر لماذا تختلف الاجابتان في (g)، (h). (ما نوع التصادم وما السبب في فقد الطاقة الميكانيكية).

56- كرة الجولف (كتلتها 6.0.9 (m = 46.0g) تم خبطها بزاوية * 45 مع الافقي لتسقط الكرة على سطح الارض وعلى بعد 20.00. إذا كنانت مدة تلامس الكرة والمضرب هي 7.0ms مقدار متوسط قوة الدفع؟ (أهمل مقاومة الهواء).

57 أطلقت رصاصة كتلتها 8.0g على ثقل ساكن عند حافة منضدة ملساء ارتفاعها 1.0m (شكل 957.9). تبقى الرصاصة (



شكل P57.9

داخل الثقل وبعد التصادم يسقط الثقل على بعد 2.0m من قاعدة المنضدة. احسب السرعة الابتدائية للرصاصة.

- 58- أطلقت رصاصة كتلتها M على ثقل ساكن عند حافة منضدة ملساء ارتفاعها أ (انظر النظر (P57.9). تبقى الرصاصة داخل الثقل وبعد التصادم يسقط النقل على بعد b من قاعدة المنضدة، احسب السرعة الإبتدائية للرصاصة.
- 90 رائد فضاء كتلته 80kg يعمل على اصلاح محرك سفينة فضاء تعلير بسرعة ثابتة. يرغب رائد الفضاء في الحصول على رؤية لكون فيندفغ عكس السفينة وبعد فترة السفينة وجد نفسه على بحد 200 السفينة وفي حالة سكون بالنسبة لها. بدون أي شيء يدفعه فإن الطريقة الوحيدة إلى السفينة هي أن يقذف بهفتاح للمودة إلى السفينة هي أن يقذف بهفتاح كتلته 25kg ببيداً عن السفينة. إذا كانت سرعة دفع المتتاح هي 20000 بالنسبة للسفينة ما الزمن اللازم حتى يصل رجل الفضاء إلى السفينة؟
- 61- يتأرجح طرزان (كتلته 80kg) باستخدام كرمة عنب افقية طولها 3.0m. عند قاع قوس الحركة التقط جبن كتلتها 60.0kg

- باحداث تصادم غير تام المرونة (التحام). ما هو أعلى ارتفاع شجرة يمكن أن يصلا إليها خلال تأرجعهما.
- 62- طائرة نفائدة تطبير بسرعة ألا 223m/s) 500mi/h ألا 223m/s) ألا المحرك الهواء بمعدل 80kgs. إذا كانت ويحترق الوقود بمعدل 3kgs. إذا كانت سرعة نفاذ العادم هي 600m/s بالنسبة للطائرة احسب دفع مصرك الطائرة والمعراة المطائرة
- 63- ينزلق عامل إطفاء الحرائق كتلته 70kg اسئل سارى بينما يوبق حركته قوة احتكاك مقدارها 2000. يتم تدعيم منصة افقية كتابيا 20kg كرنبرك في قاع السارى حتى يتم السقوطه بهدوه. يبدأ العامل من المنكون وعلى ارتفاع 0.4 من المنصة. فإذا المبارك 1000kg المناب الزنبرك 1000kg مباشرة مع المناسة و (أ) القصى مسافة ينضغها النسة و (أ) القصى مسافة ينضغها الزنبرك (افرض أن قوة الاحتكاك تؤثر تأثيراً كاملاً خلال الحركه).
- 64 يرتبط المدفع بشدة بمركبة والتي يمكنها أن تتحرك على قضبان افقية ولكنها مربوطة بزنبرك كبير غير مضغوط له ثابت قوة

الفصل التاسع؛ كمية الحركة الخطية والتصادم

k= 2.0x10⁴N/m P64.9 . يقذف المدفع قذائف كتلتها 200kg سيرعة 125m/s ويزاوية °45 اعلى المستوى الافقى (a) إذا كانت كتلة المدفع ومركبته



شكل P64.9

هي 5000kg. احسب سرعة ارتداد المدفع (b) احسب اقصني انبساط للزنيرك (c) احسب اقصى قوة يؤثر بها الزنبرك على المركبة (d) افترض ان المنظومة تتكون من المدفع والمركبة والهيكل والقذيفة. هل كمية الحركة لهذه المنظومة محفوظة اثتاء عملية القذف؟ لماذا أو لماذا لا؟

65- تُركت سلسلة طولها L وكتلتها الكلية M لتتحرك من السكون عندما كان طرفها السفلى يلامس قمة منضدة كما هو موضح بالشكل P65.9a



شكار P65.9

احسب القوة التي تؤثر بها المنضدة على السلسلة بعد هيوط السلسلة مسافة x كما

هو موضح بالشكل P65.9b (افرض أن كل حلقة تصبح ساكنة بمجرد وصولها للمنضدة).

66 - منزلقان موضوعان على مدرجة هوائية. تم الحاق زنيرك له ثابت قوة k بالطرف القريب لأحد المنزلقين، المنزلق الأول كتلته m_2 وسرعته v_1 والمنزلق الثانى كتلته m_2 وسرعته وv كما هو موضح بالشكل P66.9



شكل P66.9

عندما يتصادم المنزلق الم مع الزنبارك الملحق بالكتلة m_2 فإن الزنبرك ينضغط اقصى مسافة x, وتكون سرعة المنزلقان مع بعضهما هي ٧. اوجد بدلالة ٧، ٧٠، م (a) k ،m2 ،m1 السرعة v عند اقتصى انضغاط (b) اقصى انضغاط (c) سرعة كل منزلق بعد أن تفقد m_1 التصافها بالزنيرك.

67- سيقط الرمل من قادوس ثابت على سير

نقال بمعدل 5.0kg/s كـمـا هو مـوضح بالشكل P9.67 إذا كان السير مُدعم بدحارج ملساء ويتحرك بسرعة ثابتة مقدارها 0.75m/s تحت تأثير قوة أفقية ثابتة Fext من الموتور الذي يحرك السير. احسب (a) معدل تغير كمية الحركة للرمل في الاتجاء الافقى (b) قوة الاحتكاك التي يؤثر بها السير على الرمل (c) القوة الخارجية (d) Fext الشغل المبذول بواسطة For في الثانية الواحدة (e) طاقة الحركة التى يكتسبها الرمل الساقط كل ثانية (381)



P67.9 JS.

نتيجة التغيير في حركته الأفقية. لما ا تختلف الإجابتان في (d)و S(e).

68 صاروخ كتلته الكلية 800 = 0.0 منها 300 kg وهود ومؤكسك. يبدأ الصاروخ المكون في الفضاء بين النجوء. الحرك في العمل عند 0 = 1 ويقدفت بالمحادم بسرعة 0 = 10 ويمدل بالمحادم بسرعة 0 = 100 ويمدل ثابت مقداره 0 = 100 0 = 100 ويمدل الوقيو سيبقى لفترة زمنهة مقدارها الوقيو سيبقى لفترة زمنهة مقدارها 0 = 100

الاستعاد والذي يعرف $T_p = \frac{m_i}{k} = \frac{360 \text{ kg}}{2.5 \text{ kg/s}} = 144 \text{ s}$ ae thirty of Various like opening on the probability of the pro

$$v(t) = -v_e \ln(1 - t/T_p)$$

 (b) أرسم شكلاً يمثل سرعة الصاروخ كدالة في الزمن في الفترة الزمنية من 0 إلى (c) 132s
 اثبت ان تسارع الصاروخ يعطى بالعلاقة

$$a(t) = \upsilon_c/(T_p-t)$$

(d) ارسم التسارع كدالة في الزمن (e)
 اثبت أن إزاحة الصاروخ من موضعه الاصلي عند 0=1 هو

$$x(t) = v_c(T_p - t)\ln(1 - t/T_p) + v_c t$$

-69 يقف طفل كتلته 40kg عند طرف زورق , كتلته 70kg وطوله 4.0m وكان الزورق على



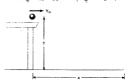
شكل P69.9

بعد 3 أمتار من الرصيف. لاحظ الطفل وجود سلحشاة على صحفرة بالقرب من وجود سلحشاة على صحفرة بالقرب من محاولة للامساك بها. بإهمال الاحتكاء بين الزورق والماه (١٥) اوصف الحسركات المتتابعة للمنظومة (الطفل والزورق) (أ) اين يوجد الطفل بالنسبة للشاطئ عندما يصل المطرف البعيد من القاربة (٤) هل سيتمكن الطفل من الامساك بالسلحفاة (الفترض أن يده يمكنها أن تصل إلى نقطة تبدد الامن من يايه الزورق).

70- تُجـرى طالبــة تجـرية البندول القــاذف مستخدمة جهاز يشبه ذلك الموضع في مستخدمة جهاز يشبه ذلك الموضع في الشبات التالية لل 263 m_1 = 68.8g m_1 = 68.8g m_1 = 68.8g m_1 = 68.8g m_1 = 68.9g أن الرموز هي نفسها كمــا بالشكل 11.9g الحربة الابتــدائيــة η_1 (a) احــسب الســرعــة الابتــدائيــة η_2 للمقدوف (b) في الجزء الثاني من تجربتها كـــان المطلوب الحــصــول على η_1 وذلك كـــان المطلوب الحــصــول على η_1 وذلك بإطلاق فذيفة الفقياً (بعد ازاحــة البندول عن مسارها) وقياس إزاحـتها الإفقيــة x والازاحـة الراسية χ (شكل 270.9). اثبت ان السـرعـة الابتدائية للمقذوف هي

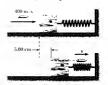
$$=\frac{x}{\sqrt{2y/g}}$$

ما هي القيم العددية التي ستحصل عليها لـ
را القسيم التي قسامت
القسيم التي قسامت
بقياسها هي 85.3cm .x= 257cm
هي المسوامل التي يجب أن تؤخذ في
الاعتبار لتقليل الفرق بين هذه القيمة
والقيمة التي تم الحصول عليها في (8).



شكل P70.9

| 71 | أطلقت رصاصة كتلتها 5.08 بسرعة ابتدائية مقدارها 8/400m على ثقل كتلت و 1.0kg على تقل كتلت و 1.0kg لكي تمر خلاله كما هو موضع بالشكل 1971.9 إذا كيان الشقل ساكناً على سطح افتي أملس ومتصلا بزنبرك له ثابت قوة 5.0cm ناحية اليمين بعد التصادم احسب (a) سرعة خروج الرصاصة من الشقل (d) الطاقة المقودة هي التصادم أمن الشقل (d) الطاقة المقودة هي التصادم.



شكل P71.9

3m .m نتحركان تجاه بعضهما على المحور x ولهما نفس السرعة بعضهما على المحور x ولهما نفس السرعة الابتدائلية بأن. تتحرك الكتلة nm ناحيية السمار بينما تتحرك الكتلة nm ناحية الميمن، إذا تصادمت الكتلت تصادماً مرزا وكل منهما يرتد على نفس خدا نقاريهما احسب السرعة النهائية لكل

73 كتلنان m m تتحركان تجاه بعضهما على محود X بغض السرعة الإبتدائية إن . أن يتحرك الكتلة m ناحية اليسار بينما التكلة m كاحية اليسار بينمادم الكتلة الأن كان أمرناً منحوفاً بحيث تتحرك الكتلة m لاسفل بعد النصمادم براوية عمودية على اتجاهها الاصلي (١) الحسار الشائية الإسلامة الكل كتلة (١) ما احسب السرعة النهائية لكل كتلة (١) ما هرواوية الاستطارة 0 للكتلة m82.

. ā1%

🌌 74- يوجد ثلاث نظريات متكافئة للحركة: قانون نيوتن الثاني والذي ينص على أن القوة الكلية على الجسم تسبب التسارع ونظرية الشغل- طاقة الحركة والتي تنص على أن الشغل الكلى المبذول على الجسم يسبب تغير في طاقة حركته واخيراً نظرية الدفع- كمية الحركة والتي تنص على أن الدفع الكلى على جسم يسبب التغير في كمية الحركة. في هذه المسألة سوف نقارن بين نتائج النظريات الثلاث. جسم كتلته 3.0kg وعندما تصل سرعته إلى 7.0jm/s تؤثر عليه قوة كلية مقدارها 12.0iN لمدة 5 ثواني (a) احسب السرعة النهائية للجسم باستخدام نظرية الدفع- كمية الحركة (b) $a=(v_f-v_i)/t$ احسب تسارعه من العلاقة $a = \sum F/m$ احسب تسارعه من العلاقة (c) (d) احسب قيمة ازاحة الجسم من العلاقة e) r= v; t+ أ at²

الفيزياء (الجزء الأول - الميكانيكا والديناميكا الحرارية)

على الجسم من العلاقة W=Fr احسب طاقة الحركة النهائية من العلاقة احسب طاقـة (g) احسب طاقـة (g) احسب طاقـة $\frac{1}{2}$ الحركة النهائية من العلاقة W_i^2 .

ماروخ كتلته الكلية $M_i = 360 \text{ kg}$ بشتمل بشتمل على 330 kg وقود مؤكسد يبدأ الصاروخ الحركة من السكون ويبدأ المحرك في العمل عند 0=1. ينفذ العادم بسرعة نسبية

مسقسدارها v_{μ} = 1500 m/s وبمعسدل ثابت مقداره 2.5kg/s ويظل الاحتراق مستمرأ ئفترة زمنية 132s = 132s لفترة زمنية استخدم الكمبيوترفي تحليل الحركة مستخدما طريقة اويلر. اوجد (a) السرعة النهائية للصاروخ (b) المسافة التي يقطعها اثناء عملية الاحتراق.

إجابة الاختبارات السريعة: ANSWERS TO QUICK QUIZZES

يتحركان في $(m_1 = m_2)$ يتحركان في (1.9) نفس الاتجاه وبنفس السرعة $v_1 = v_2$ لهما نفس طاقة الحركة وكمية الحركة. الا أن ذلك ليس صحيحاً إذا كان الجسمان يسيران بنفس السرعة ولكن في اتجاهين متضادين. في هذه الحالة $K_1 = K_2$ ولكن P1 لاتساوى P2. على سبيل المثال إذا تحرك جسم كتلته 1.0 kg وسرعته 2.0m/s يكون له نفس طاقة جسم كتلته 4.0kg وسرعته lm/s ولكن واضح أن كميتى الحركة مختلفتان.

(b) (2.9) (a)و (c) و(c) كلما تباطأت الكرة كلما كان الإمساك بها أسهل. إذا كانت كمية الحركة للكرة الطبية هي نفسها كمية الحركة لكرة البيسبول فإن سرعة الكرة الطبية يجب أن تكون 1/10 سرعة كرة البيسبول لأن الكرة الطبية اكبر 10 مرات من كرة البيسبول. أما إذا كان لهما نفس طاقة الحركة فإن سرعة الكرة الطبية تساوى $1/\sqrt{10}$ من سرعة كرة البيسبول وذلك بسبب تربيع السرعة في K. من الصعب الأمساك بالكرة الطبية عندما بكون لها نفس سرعة كرة البيسبول.

كتلتة أقل ولذلك فهو يأخذ زمن أقل في قطع السيافة d. هكذا حيثي وإن كيانت القوتان المستخدمتان على الحسمين 1، 2 متساويتان فإن التغير في كمية حركة الجـــسم 2 يكون أقل لأن Δ أقل. هكذا وحيث إن كميتى الحركة الابتدائية $.P_1 > P_2$ فإن (كل منهما صفراً) فإن الشغل W = Fd الميذول على كلا الجسمين متساوي لأن كلا من Fو d هما نفسهما في $K_1 = K_2$ الحالتين. وهكذا تكون (4.9) حيث أن الراكب توقف بعد أن كان يسير

سرعة تساوى سرعة السيارة الانتدائية فإن التغير في كمية الحركة (الدفع) هو نفسيه بغض النظر عن الطريقة التي تم ايقاف الراكب بها سواء كان حزام المقعد أو الوسادة الهوائية أو تبلوه السيارة إلا أن تبلوه السيارة يوقف الراكب اسرع. وحزام الأمان يأخذ قليلاً من الوقت بينما الوسادة الهوائية تأخذ وقت أطول. لهذا فإن تبلوه السيارة يؤثر بقوة أكبر بينما يؤثر حزام المقعد بقوة متوسطة والوسادة الهوائية بأقل قوه. يتم تصميم الوسادة الهوائية بحيث تعمل مع حزام المقعد، تحافظ الوسادة الهوائية على رأس الراكب من الطقطقة

القصل التاسع؛ كمية الحركة الخطية والتصادم

الاماميه، تأكد من استخدام حزام المقعد ، د كل الظروف عندمـــا تكون داخل ...يارتك.

١١٠١١ اذا عُرفنا المنظومة بأنها هي الكرة فقط فان كمية الحركة لاتكون محفوظة، تزداد باستمرار سرعة الكرة ومن ثم كمية حركتها. يتفق ذلك مع القول بأن قوة الجاذبية هي قوة خارجية بالنسية المنظومية المعينة، مع ذلك، إذا عيرفنا المنظومة هنا على أنها الكرة والارض فإن كمية الحركة تكون محفوظة حيث ان للأرض كمية حركة وأن الكرة تتأثر بقوة الحاذبية على الأرض. عندما تهيط الكرة فإن الارض تتحرك لأعلى لتقابلها (بالرغم من ان ســرعــة الأرض اقل بحــوالي 10²⁵ مرة من سرعة الكرما)، هذا التحرك لأعلى يغير من كمية حركة الأرض والتغير في كمية حركة الارض يساوى عددياً التغير في كمية حركة الكرة ولكن في اتجاه مضاد، هكذا فإن كمية الحركة الكلية للمنظومـــة الكـونة من الأرض والكـرة محفوظة وحيث أن كتلة الارض كبيرة حداً فإن حركتها لاعلى تكون متناهية البطء.

(6.9) تعطي دفع اكبر (تغير كبير في كمية الحركة) إلى قرص البالاستيك عندما تعكن اللاعبة، متجة كمية حركتها وذلك بامساك القرص وقذفه للخلف ويحدث ذلك عندما تعطي المتزلجة اقصى دفع إلى قرص البلاستيك، يحدث ذلك ايضاً عندما يعطي القرص القصى دفع للمتزلجة،

(7.9) كليهما له نفس الدرجة من السوء. تصور أنك تراقب التصادم من مكان آمن على الطريق وتصور كذلك انضغاط منطقة

التصادم، عندئذ سوف تلاحظ أن نقطة تلامسهما ساكنه، وسوف ترى نفس الشئ عندما تتصادم سيارتك مع حائط صلب.

(8.9) لا. لايمكن أن تحدث هذه الحركة إذا افترضنا ان التصادم مرن. كمية الحركة للمنظومة قبل التصادم هي mv حيث m هى كتلة الكرة و v سرعتها قبل التصادم مباشرة. بعد التصادم سيكون لدينا كرتان كتلة كل منهما m ويتحركان يسرع v/2. أي أن كمية حركة المنظومة بعد التصادم هــــى m(v/2)+ m(v/2)= mv هـکــــنا فإن كمية الحركة محفوظة. مع ذلك فإن طافة الحركة قبل القصادم تسـاوى Ki= mv2 وبعد التصادم $K_f = m(v/2)^2 + m(v/2)^2 = mv^2$ أى أن طاقة الحركة غير محفوظة. تكون كمية الحركة وطاقة الحركة محفوظتين فقط عندما تتحرك كرة تطلق الأخرى وكذلك عندما تتحرك كرتان تطلق كرتان وهلم حرا.

(9.9) لا. ليسا كذلك! قطعة مقبض المضرب ستكون كتائها أقل من القطعة المسنوع منها الطرف الآخر للمضرب. لترى كيف يكون ذلك افترض أن نقطة الأصل للمحاور هي نقطة صركز الكتلة قبل قطع المضرب. استبدل كل قطعة بكرة صغيرة موضوعة عند مركز كتلة كل قطعه. الكرة التي تمثل قطعة المنبش تكون بهيدة عن نقطة الأصل لكن حاصل ضرب الكتلة الأقل في المسافة الأكبر بعطى انزاناً مع حاصل ضرب الكتلة الأكبر معلى انزاناً مع حاصل ضرب الكتلة الأكبر مع المسافة الاقل.





ها، تعلم أن CD داخل هذه الكاسيت بدور بسرعات مختلفة، تعتمد على نوع الأغنية المذاعة؟ لباذا لاتستنخدم هذه الخاصية الفريبة عند تصبحتم کل کاست ستخدم CD.

دوران الجسم الجاسىء حول محور ثابت

Rotation of a Rigid Object About a Fixed Axis

ويتضمن هذا الفصل:

5.10 حسساب عسرم القصسور الذاتسي Calculation of Moments of Inertia

Torque

6.10 عسزم السدوران

7.10 العلاقة بين عزم الدوران والتسارع الزاوي Relationship Between Torque and Angular Acceleration

8.10 الشغل والقدرة والطاقة في الحركة الدورانية Work, Power, and Energy in Rotational 387 Motion

1.10 الإزاحة والسرعة والتسارع الزاوي Angular Displacement, Velocity, and Acceleration

2.10 الكينماتيكا الدورانية: الحركة الدورانية بتسارع زاوي ثابت Rotational Kinematics: Rotational Motion with Constant Angular Acceleration

3.10 الكميات الزاوية والكميات الخطية Angular and Linear Quantities

4.10 الطاقة الدورانية Rotational Energy

الفيزياء (الجزء الأول - الميكانيكا والديناميكا الحرارية)

عندما يدور جسم ممتد حول محور، مثل العجلة، لايمكن تفسير الحركة بمعاملة العجلة كجسم لأن في أي لحظة يكون للأجزاء المختلفة سرعات وتسارعات خطية مختلفة. لهذا السبب، من الأفضل اعتبار الجسم المتد كمجموعة كبيرة من الأجسام لكل منهم سرعته وتسارعه الخطي.

عند التعامل مع جسم يدور، يمكن تبسيط الدراسة بفرض أن الجسم جاسىء. الجسم الجاسىء A rigid Object

A rigid Object هو الجسم غير القابل للتغير في الشكل- أي أنه الجسم الذي تظل المسافة بين كل
زوج من جسيماته ثابتة. كل الاجسام قابلة للتغير في الشكل لحد ما، ومع ذلك فإن نموذج الجسم
الجاسىء يكون مفيداً في كثير من الاحوال التي يمكن إهمال التغير في الشكل فيها، في هذا الفصل
سنتعامل مع دوران الجسم الجاسىء حول محور ثابت، غالباً ما يطلق عليها حركة دورائية خالصة.

1.10 / الازاحة والسرعة والتسارع الزاوي

ANGULAR DISPLACEMENT, VELOCITY, AND ACCELERATION

يوضح الشكل 1.10 جسم جاسى، بشكل ما، مستو موضوع في المستوى xy ويدور حول محور ثابت يمر خلال O. المحور عمودي على مستوى الشكل و O هي نقطة الأصل للمحورين xy.

دعنا نركز على حركة جسيم واحد من ملايين الجسيمات التي تصنع هذا الجسم. الجسيم عند P على بعد ثابت T من نقطة الأصل ويدور حولها في دائرة نصف قطرها T (في الحقيقة، كل جسيم في الجسم يساني حركة دائرية حبول النقطة D). من الأفضال أن نشأل موضع النقطة T باستخدام الاحداثيات القطبية T من عقارب الساعة من نقطة الأصل إلى T وتقاس T عمى المسافة من نقطة الأصل إلى T من تجاه محدد في هذه الحالة هو الاتجاه الموجب T. عند استخدام ذلك، فإن المحور الوحيد الذي سوف يتغير هل من T بهم الزمن). الذي سوف يتغير هو T بينا بقارة بينا من محور T الموجب على الدائرة بينا من محور T الموجب

(θ =0) إلى P، فإن الجسيم يتحرك على قوس طوله θ والذي يرتبط بالموضع الزاوى θ من خلال العلاقة.

$$s = r\theta ag{1.10a}$$

$$\theta = \frac{s}{-} \tag{1.10b}$$

من المهم أن نلاحظه وحدات θ في المعادلة 1.10 . حيث أن θ هي النسبة بين طول القوس ونصف قطر الدائرة أي أنها مجرد عدد فإننا نعطيها عادة وحدة تسمى زاوية نصف قطريه Radian (راديان وتختصر عادة راد).

الراديان حيث الزاوية النصف قطرية الواحدة هي الزاوية المقابلة لقوس طوله يساوى نصف قطر القوس.

وحيث إن محيط الدائرة يساوى 2πr، ينتج من المعادلة 1.10b



شكل 1.10 جسم جساسى، يدور حساس، يدور حسل محبور ثابت يمر خسلال O عمودي على مستوى الشكل (يمعنى أن محبور الدوران هو المحبور z). يدور الجسسيم عند P في داشرة نصف قطرها T ومركزها O.

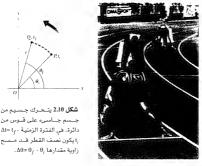
الفصل العاشر : دوران الحسم الحاسيء حول محور ثابت

ان 360° تناظر زاوية مقدارها $2\pi r/r$ rad= 2π (دورة واحدة). من ثم واحد راد = $\frac{360}{2\pi}$ = 57.3° . عند تحويل اي زاوية بالتقدير الستيني إلى زاوية بالتقدير الدائري فإننا نستخدم العلاقة 360° =π2 راد

أى أن
$$\theta$$
 بالتقدير الدائري = $\frac{\pi}{180^{\circ}}$ (بالتقدير الستيني)

 $\pi/4$ rad وكذلك $^{\circ}45^{\circ}$ تساوى $\pi/3$ rad وكذلك $^{\circ}45^{\circ}$ تساوى

عندما يتحرك الجسيم الموجود في الجسم الجاسيء من الموضع P إلى الموضع Q في الفشرة الزمنية Δt كما بالشكل 2.10، يكون متجه نصف القطر قد قطع زاوية مقدارها $\theta_r - \theta_r - \theta_r$. تُعرف هذه الكمية بالإزاحة الزاوية للجسيم.



في السباقات القصيرة مثل 400m ، 200m يېــــــــدا المتسابقون من اوضاع مائلة على المضمار، إذا لم يبدأو حميعاً من نفس الخط.

جسم جاسىء على قسوس من
$$\Delta t = t_f$$
 على قسوس من دائرة. في الفترة الزمنية - t_f يكون نصف القطر قد مسمح زاوية مقدارها $\theta - \theta = \theta$.

$$\Delta \theta = \theta_f - \theta_i \tag{2.10}$$

تعرف السرعة الزاوية المتوسطة ® (أو ميجا) بأنها النسبة بين هذه الأزاحة الزاوية والفترة الزمنية ∆t.

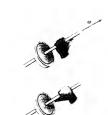
السرعة الزاوية المتوسطة
$$\overline{\omega} = \frac{\theta_f - \theta_i}{t_f - t_i} = \frac{\Delta \theta}{\Delta t}$$
 (3.10)

بالقياس مع السرعة اللحظية، تعرف السرعة الزاوية اللحظية ω بنهاية النسبة Δθ/Δι عندما تؤول ٨١ إلى الصفر

$$\omega = \lim_{\Delta t \to 0} \frac{\Delta \theta}{\Delta t} = \frac{d\theta}{dt}$$
 (4.10)

الضيزياء (الجزء الأول - الميكانيكا والديناميكا الحرارية)

وحدات السرعة الزاوية هي زاوية نصف قطرية لكل ثانيسة (rad/s) أو (s-1) لأن الزاوية النصف قطرية ليس لها أبعاد. تعتبر ش موجبة عندما تزداد θ (الحركة ضد عقارب الساعة). إذا كانت السرعة الزاوية اللحظية لجسم تتغير من ω إلى ω في فـتـرة زمنيـة Δt فـإن الجـسم يكتسب تسارع زاوي. يُعرف التسارع الزاوي المتوسط $\overline{\alpha}$ (ألفا) لجسم يدور على أنه النسبة بين التغير في السرعة الزاوية إلى الفترة الزمنية ال



شكل 3.10 قاعدة اليد اليمنى لتحديد متجه السرعة الزاوية.

$$\overline{\alpha} = \frac{\omega_f - \omega_i}{t_c - t_i} = \frac{\Delta \omega}{\Delta t}$$

(5.10)التسارع الزاوى المتوسط

- بالقياس مع التسارع الخطى يعرف التسارع الزاوي اللحظى على أنه نهاية النسبة Δω/Δι عندما تؤول Δ من الصفر

$$\alpha = \lim_{\Delta t \to 0} \frac{\Delta \omega}{\Delta t} = \frac{d\omega}{dt}$$
 (6.10) Illustrating likewise (6.10)

وحدات التمسارع الزاوى هي زاوية نصف قطرية لكل ثانية مربعة (rad/s²). الحظ أن α تكون موجبة عندما يزداد معدل الدوران ضد عقارب الساعة أو عندما يتناقص معدل الدوران في اتجاه عقارب الساعة.

عند الدوران حول محور ثابت، فإن كل جسيم في الجسم الجاسيء يدور بنفس الزاوية وله نفس السرعة الزاوية والتسارع الزاوي. أي أن الكميات θ، ω، α تميز الحركة الدورانية للجسم الجاسيء كلية. باستخدام هذه الكميات يمكننا دراسة دوران الجسم الجاسىء بسهولة.

(x) يماثل الموضع الزاوى (θ) والسرعة الزاوية (ω) والتسارع الزاوى (α) ، الموضع الخطى a ،v ،x والتسارع الخطي (v) والتسارع الخطى (v). تختلف ابعاد كل من v ،v عن ابعاد المتغيرات vبمعامل له بعد وحدة الطول.

لم نحدد اى اتجاه لكل من ω، α . صراحة هذه المتغيرات هي مقدار متجهات السرعة الزاوية والتسارع الزاوي α، α على التوالي، وهما موجبان دائماً، حيث أننا ندرس الدوران حول محور ثابت. مع ذلك، يمكننا توضيح اتجاهات المتجهات بتحديد اشارة موجبة أو سالبة لكل من ω، α، كما تم مناقشة ذلك سابقاً عند دراسة المعادلتين 4.10، 6.10. عند الدوران حول محور ثابت فإن الاتجاه 390 ﴾ الوحيد الذي يحدد الحركة الدورانية هو الاتجاه على طول محور الدوران، لهذا فإن اتجاهات كل من

الفصل العاشر: دوران الجسم الجاسيء حول محور ثابت

 α . α سيكون في أتجاه المحور. عندما يدور جسيم في المستوى α كما بالشكل 1.10 فإن أتجاه α وحين خارجاً من مستوى الشكل عندما يكون الدوران عكس عقارب الساعة، وداخلا على مستوى الشكل عندما يكون الدوران في أتجاه عقارب الساعة. لترضيح هذا التعريف من الأفضل استخدام ما حدة اليد اليمنى في أتجاه الدوران، فإن الابهام المتد لليد اليمنى يشير إلى أتجاه α . أتجاه α ينبع من التعريف عن أي لها نفس أتجاه α إذا كانت السرعة الزاوية تزداد مع الزمن وعكس أتجاه α .

اختبار سريع 1.10

ما هو الوضع الذي تكون فيه 0 < 0 وكلا من a (متضادي التوازي).

2.10 راكينماتيكا الدورانية: الحركة الدورانية بتسارع زاوي ثابت

ROTATIONAL KINEMATICS: ROTATIONAL MOTION WITH CONSTANT ANGULAR ACCELERATION

تند دراسة الحركة الخطية، وجدنا أن ابسط صورة لدراسة الحركة المساوعة مي الحركة مند دراسة الحركة المساوعة مي الحركة الحدم تأثير تسارع خطي. كذلك الحال في الحركة الدورانية حول محور ثابت، فإن ابسط مسورة لدراسة الحركة الدورانية المتسارعة هي الحركة تحت تأثير تسارع زاوي ثابت ولهذا سنذكر الملاقات الكينماتيكية لهذا النوع من الحركة. عند كتابة المعادلة 6.10 في الصورة $d\omega = \alpha$ واعتبار $d\omega = \alpha$ وا $d\omega = \alpha$ وا $d\omega = \alpha$ ان $d\omega = \alpha$ وا $d\omega = \alpha$ المدورة باتكامل مباشرة نحصل على

$$\omega_f = \omega_i + at$$
 (α = ω_i) (7.10)

بالتعويض من المعادلة 7.10 في المعادلة 6.10 والتكامل مرة أخرى نحصل على

المعادلات الكينماتيكية الدورانية
$$heta_f = heta_i + \omega_{i1} + rac{1}{2} lpha^2$$
 ($lpha$ عند شبوت) (8.10) بحذف t من المعادلتين 10.8 (10.3 نحصل على

 $\omega_f^2 = \omega_i^2 + 2a(\theta_f - \theta_i)$ (α عند ثبوت (9.10)

لاحظ أن هذه التُعَبِيرات الكينماتيكية للحركة الدورانية بتسارع زاوي لها نفس الشكل في معادلات - الحدول 1.10 يقارن الخطية بتسارع خطي ثابت وذلك باستبدال 0 بـ π و α بـ σ . الجدول 1.10 يقارن المادلات الكينماتيكية للحركة الدورانية مم الحركة الخطية .

1.10 العجلة الدائرة

ندور عجلة بتسارع زاوي مقدارة $2.5 \, \mathrm{rad/s}^2$. إذا كانت السرعة الزاوية للمجلة هي $2.0 \, \mathrm{rad/s}$ عند ($0.7 \, \mathrm{rad/s}$) ما هي الزاوية التي ستدورها المجلة في $2.0 \, \mathrm{dig}$ ثانية؟.

الفيزياء (الجزء الأول - الميكانيكا والديناميكا الحرارية)

الحل: يمكن أن تستخدم الشكل 2.10 لكي يمثل العجلة، وبالتالي سوف لانحتاج إلى رسم شكل حديد. هذا تطبيق مباشر لمعادلة من معادلات الجدول 1.10

$$\theta_f - \theta_i = \omega_i t + \frac{1}{2} c t t^2 = (2.00 \text{ rad/s})(2.00 \text{ s})$$

$$+ \frac{1}{2} (3.50 \text{ rad/s}^2)(2.00 \text{ s})^2$$

$$= 11.0 \text{ rad} = (11.0 \text{ rad}) (57.3^*/\text{rad}) = 630^*$$

$$= \frac{630^*}{360^*} = 1.75$$

$$cc^5 = \frac{630^*}{360^*} = 1.75$$

$$cc^6 = \frac{630^*}{360^*} = 1.75$$

الحل: حيث إن كلا من التسارع الزاوي والسرعة الزاوية موجب فمن المؤكد أن تكون الاجابة أكبر من .2.0rad/s

$$\omega_f = \omega_i + \alpha t = 2.0 \text{ rad/s} + (3.5 \text{ rad/s}^2)(2.0 \text{s})$$
= 9.0 rad/s

يمكن كذلك الحصول على هذه النتيجة باستخدام المعادلة 9.10 ونتائج الجزء (a). حاول ذلك ا ريما قد تفكر في اثبات انه من المكن الحصول على صيغة تُماثل الحركة الخطية مع هذه المسألة.

تمرين: احسب زاوية دوران العجلة بين L= 2.0s و 3.0s

الإجابة: 8.10 بالتقدير الدائري.

حدول 1.10 العادلات الكينماتيكية للحركة الدورانية والخطية بتسارع ثابت

الحركة الدورانية حول محور ثابت	الحركة الخطية
$\omega_f = \omega_i + \alpha t$	$v_f = v_i + at$
$\theta_f = \theta_i + \omega_i t + \frac{1}{2} \alpha t^2$	$x_f = x_i + v_i t + \frac{1}{2}at^2$
$\omega_f^2 = \omega_i^2 + 2\alpha(\theta_f - \theta_i)$	$v_f^2 = v_i^2 + 2a(x_f - x_i)$

3.10 ي ألكمنات الزاوية والكمنات الخطية ANGULAR AND LINEAR QUANTITIES

في هذا الجزء سوف نستنتج بعض العلاقات المفيدة التي تربط السرعة والتسارع الزاوي لجسم جاسى، دوار بالسرعة والتسارع الخطى لاي نقطة في الجسم. لإجراء ذلك، يجب أن نعلم أنه عندما يدور جسم جاسى، حول محور ثابت، كما بالشكل 4.10، فإن كل جسيم من الجسم يتحرك في دائرة 392) مركزها هو محور الدوران.

الفصل العاشر: دوران الجسم الجاسىء حول محور ثابت

يمكن ربط المسرعة الزاوية لجسم دوار مع المسرعة المسابية لنقطة تتحرك في الماسية لنقطة P على الجسم. حيث أن النقطة تتحرك في دائرة، فإن منجه السرعة الخطية V بمس دائماً المسار الدائري وبالتالي يطلق عليها السرعة المماسية. مقدار السرعة الماسية (Velocity) للنقطة V يكون من خلال التعريف، السرعة الماسية V من الماسية التحريف، V على طول المسار الدائري، وحيث V على طول المسار الدائري، وحيث إن V = V (المعادلة النقطة V على طول المسار الدائري، وحيث إن V = V (المعادلة التحصل على:

$$v = \frac{ds}{dt} = r \frac{d\theta}{dt}$$

وحيث أن $\omega = d\theta /dt$ (انظر المعادلة 10.4) يمكننا القول



شكل 4.10 عندما يدور جسم جاسى، حول محور ثابت يمر خلال النقطة 0، فإن السرعة الخطية للنقطة P وهي V تمس دائماً مسار دائرى نصف قطره r.

العلاقة بين السرعة الزاوية والسرعة الخطية
$$v = r\omega$$
 (10.10)

اي أن السرعة المماسية لنقطة تقع على جسم يدور تساوي المسافة العمودية لهذه النقطة من محرر الدوران مضروبة في السرعة الزاوية. لهذا، وبالرغم من أن كل نقطة على الجسم الجاسى، لها نفس السرعة الزاوية، فكل نقطة لايكون لها نفس السرعة الخطية حيث r ليست نفسها لكل النقاط في الجسم، توضع المدادلة 10.10 أن السرعة الخطية لنقطة على جسم دوار تزداد كلما تحركنا بعيداً عن مركز الدوران، الطرف الخارجي لمضرب كرة البيسبول يتحرك بسرعة أكبر من المقبض.

تجرية سريعة ___

دور كرة تنس او كرة سلة حول محورها ولاحظ انها تتباطأ تدريجياً حتى تقف. قدر قيمة α, α, بدقة بقدر المنطاع.

بمكن ربط التسارع الزاوي لجسم جاسي، دوار مع التسارع المماسي للنقطة P بالحصول على مشتقة D مع الزمن 1.

$$a_r = \frac{dv}{dt} = r \frac{d\omega}{dt}$$

العلاقة بين التسارع الخطي والزاوي
$$a_t = r\alpha$$
 (11.10)

آي أن المركبة المماسية للتسارع الخطي لنقطة على جسم جاسىء دوار تساوي حاصل ضرب بعد النقطة عن محور الدوران في التسارع الزاوي.

الضرباء (الجزء الأول - البكانيكا والديناميكا الحرارية)



شكل 5.10 عندما يدور جسم جاسىء حول محور ثابت يمر خبلال 0، تتبأثر النقطة P بمركبة مماسية للتسارع الخطى a, ومركبة نصف قطرية للتسارع الخطى ,a. ويكون التسارع الخطى الكلى a=a,+a, لهذه النقطة هو

في الجزء 4.4 وجدنا أن أي نقطة تدور في مسار دائري v^2/r ومقداره a_r ومقداره v^2/r $v = r\omega$ أناحية مركز الدوران (شكل 5.10). وحيث أن للنقطة P على الجسم الدوار، يمكن التعبير عن التسارع النصف قطرى لهذه النقطة بالعلاقة

$$a_r = \frac{v^2}{r} = r\omega^2$$
 (12.10)

متجه التسارع الخطى الكلى للنقطة هو ,a=a,+a (حيث a، هي التغير في سرعة تحرك النقطة و a، تمثل التغير في اتجاه حركتها). حيث أن a هي متجه له مركبة عمودية وأخرى: مماسية، فإن مقدار a للنقطة P على جسم جاسىء يدور هى:

$$a = \sqrt{a_i^2 + a_i^2} = \sqrt{r^2 \alpha^2 + r^2 \omega^4} = r \sqrt{\alpha^2 + \omega^4}$$
 (13.10)

عندما تدور عجلة نصف قطرها R حول محور ثابت، هل كل نقطة على العجلة لها (a) نفس السرعة الزاوية؟ (b) نفس السرعة الخطية؟ إذا كانت السرعة الزاوية ثابتة وتساوى (0) ، اوصف السرعة الخطية والتسارعات الخطية لنقاط موضوعة عند c) r=0)، (d) r= R/ 2)، q= (e) مقاسة من مركز العجلة.

🖄 مثال 2.10 کاسیت بستخدم CD (قرص مدمج)

تخزن الملومات السمعية على القرص المدمج في صورة مجموعة من النُقر ومساحات مسطحه على سطح القرص. تسجيل المعلومات رقمياً والمناوبة (التعاقب) بين النُقر والمساحات المسطحة بمثل بالنظام الثنائي (الصفر والواحد) ويمكن للكاسيت قراءتها ثم تحول إلى أمواج صوتية. النُقر والمساحات المسطحة يمكن استبيانها بواسطة منظومة مكونة من الليزر وعدسات، طول عدد معين من الواحد والصفر يكون ثابتاً في أي مكان على القرص بغض النظر عن ان المعلومات قريبة من مركز القرص أو من حافته. لكي يمر هذا الطول المكون صفر وواحد مكرران في نظام العدسة والليزر في نفس الفترة الزمنية، فإن السرعة الخطية لسطح القرص عند موضع العدسة يظل ثابتاً. يتطلب ذلك وطبقاً للمعادلة 10.10 أن تتغير السرعة الزاوية أثناء حركة المجموعة من الليزر 394] والعدسات نصف قطريا على القرص. في أحد هذه الأقراص يلف القرص عكس اتجاه عقارب

الفصل العاشر: دوران الجسم الجاسيء حول محور ثابت

الساعة (شكل 6.10) وكانت السرعة الثابتة للسطح عند مجموعة العدسات والليزر هي (a) 1.3 m/s (a) احسب السرعة الزاوية للقرص بالدورة/ دقيقة عند قراءة الملومات على اقرب مسار داخلي نصف قطره 23 mm وعلى اقصى مسار خارجى نصف قطره mm 28 - r.

الحل: باستخدام المعادلة 10.10 يمكن حساب السرعة الزاوية. سوف يعطي ذلك السرعة الزاوية

$$\omega_i = \frac{v}{r_i} = \frac{1.3 \text{ m/s}}{2.3 \times 10^{-2} \text{m}} 56.5 \text{ rad/s}$$
 = (56.5 rad/s) $(50.5 \text{ rad/s}) (60.5 \text{ rad/s})$

=
$$5.4 \times 10^2$$
 rev/min

$$\omega_f = \frac{v}{r_f} = \frac{1.3 \text{ m/s}}{5.8 \times 10^{-2} \text{m}} = 22.4 \text{ rad/s}$$
 للمسار الخارجي

= 2.1×10^2 rev/min

يقوم الكاسيت بضبط السرعة الزاوية للقرص ω في هذا المدى حتى تتحرك المعلومات تحت العدسة الشيئية بمعدل ثابت. هذه القيم للسرعة الزاوية تكون موجبة لأن اتجاء الدوران يكون عكس اتجاء عقارب الساعة.

 (b) أقصى مدة تشغيل للقرص المضغوط القياسي هي 77 دقيقة و 33 ثانية. ما عدد الدورات التي يعملها القرص في هذا الوقت؟

الحل؛ نعلم أن المسرعة الزاوية تتناقص دائماً ونفسرض أنها تتناقص بانتظام، أي أن α ثابتة. الفترة الزمنية 1 هي:

$$(74 \text{ min}) (60 \text{ s/min}) + 33 \text{ s} = 4473 \text{ s}$$

سوف نبحث عن الموضع الزاوي $heta_f$ عندما يكون الموضع الزاوي الابتدائي $heta_f = heta_f$. يمكن استخدام المسادلة 3.10 بعد استبدال السرعة الزاوية المنوسطة $heta_f = heta_f$ $heta_f = heta_f$

$$\theta_f = \theta_i + \frac{1}{2}(\omega_i + \omega_f)t$$

= 0 + \frac{1}{2}(540 \text{ rev/min} + 210 \text{ rev/min})
(1 \text{ min/60 s) (4 473 s)





شكل 6.10

الفيزياء (الجزء الأول - الميكانيكا والديناميكا الحرارية)

(c) ما هو الطول الكلي الذي يتحركه المسار عبر العدسة الشيئية خلال هذا الزمن.

الحل: حيث أننا نعلم بقيمتي السرعة الخطية الثابتة والفترة الزمنية فإن الحسابات ستكون مباشرة

$$x_1 = v_i t = (1.3 \text{ m/s}) (4.473 \text{ s}) = 5.8 \times 10^3 \text{ m}$$

أي أكثر من 3.6 ميل يقطعها المسار في دورانه عبر العدسة الشيئية.

(d) ما مقدار التسارع الزاوى للقرص المدمج خلال الفترة الزمنية 4473.0s افترض أن α ثابتة.

الحل: لدينا عدة اختيارات لحل هذه المسألة، دعنا نستخدم الطريقة المباشرة وذلك باستخدام المادلة 5.10، والتي تعتمد على تعريف الحد المطلوب (التسارع الزاوي)، يجب أن نحصل على فيمة سالبة للتسارع الزاوي لأن القرص يلف ببطه أكثر وأكثر هي الاتجاء الموجب بمرور الوقت. النتيجة ستكون صغيرة لأنها تأخذ وقت أطول- أكثر من ساعة- لكي يتم التغيير في السرعة الزاوية

$$a = \frac{\omega_f - \omega_i}{t} = \frac{22.4 \text{ rad/s} - 56.5 \text{ rad/s}}{4 \text{ 473 s}}$$
$$= -7.6 \times 10^{-3} \text{ rad/s}^2$$

يتأثر القرص بنقص تدريجي في معدل دورانه كما هو متوقع.

4.10 _ الطاقة الدورانية ROTATIONAL ENERGY

دعنا ندرس الطاقة الدورانية لجسم جاسى، باعتبار أن الجسم مكون من مجموعة من الجسيمات وبفرض أنه يدور حول المحور 2 بسرعة زاوية ش (شكل 7.10).

كل جسيم له طافة حركة يتم تحديدها بكتلته وسرعته الخطية، اذا كانت كتلة الجسميم $_i$ m_i وسرعت الابتدائية هي $_i$ 0 فإن طافة حركته هي:

$$K_i = \frac{1}{2} m_i v_i^2$$

لإجراء المزيد، يجب أن نتـذكـر أنه بالرغم من أن كل جسيم في الجسيم الجـاسي، له نفس السرعة الزاوية 0، هإن السرعات الخطية المفردة تعتمد على المسافة γ من محور الدوران طبيقاً للعـالقـة γ (انظر المـادلة 10.10). طاقة الحـركـة الكلية لجـسم جـاسيء دوار هي مجموع طاقات الحركة للجسيمات المفردة.

$$K_{R} = \sum_{i} K_{i} = \sum_{i} \frac{1}{2} m_{i} v_{i}^{2} = \frac{1}{2} \sum_{i} m_{i} r_{i}^{2} \omega^{2}$$



[دا أردت أن تعلم الكثير عن الكاسيت المستخدم للاقراص المدمجة، قم بزيارة موقع الجموعة الخاصة المهتمة بتقنية واستخدامات الاقراص المدمجة.



 $\frac{m20}{2}$ بيدور حول المحور x بيدور حول المحور x بسرعة زاوية x بسرعة زاوية x بسرعة الحركة الجسيم x كتلته m_i هي $\frac{1}{2}$ m_i ملقة الحركة الكلية للجسم تسمى طاقة الحركة الدورانية .

يمكن كتابة هذه العلاقة في الصورة

$$K_{\rm R} = \frac{1}{2} \left(\sum_i m_i r_i^2 \right) \omega^2 \tag{14.10}$$

حيث تم إخراج 2ω من علامة المجموع لأن لها نفس القيمة لكل الجسيمات.

يمكن تسبيط هذا التعبير باستبدال الكمية الموجودة بين القوسين بعزم القصور الذاتي أ

عزم القصور الذاتي
$$I \equiv \sum_i m_i r_i^2$$
 (15.10)

من تعريف عـزم القـصور الذاتي، نلاحظ أن ابعـادة هي Kg·m²) ML² بوحـدات SI)°. وبالتـالي تصبح المادلة 14.10

طاقة الحركة الدورانية
$$K_{\rm R}=\frac{1}{2}I\omega^2$$
 (16.10)

بالرغم من أنه غالباً ما نطلق على الكمية $m / \frac{1}{2}$, بأنها طاقة الحركة الدورانية، إلا أنها ليست صورة جديدة للطاقة. هي طاقة حركة عادية تم استنتاجها من جمع كل الطاقات المفردة للجسيمات الموجودة في الجسم الجاسيء، مع ذلك، فإن الصورة الرياضية لطاقة الحركة المعطاة بالمعادلة 16.10 هي صورة مناسبة عند التعامل مع الحركة الدورانية بشرط معرفة طريقة حساب l.

من المهم أن تعرف التشابه بين طاقة الحركة المصاحبة للحركة الخطاية $\frac{1}{2} mv^2$ وطاقة الحركة الدورانية $\frac{1}{2} Im^2$ و u في الحركة الخطية، على الدورانية تماثلان m و u في الحركة الخطية، على التوالي. (في الحقيقة تحتل l مكان m دائما عند مقارنة معادلة الحركة الخطية مع الحركة الدورانية). عزم القصور الذاتي هو مقياس مقاومة الجسم للتغيرات في حركته الدورانية مثل الكتلة التي هي مقياس مقاومة الجسم للتغيرات في حركته الخطية. لاحذا أن الكتلة هي خاصية ذاتية للجمع بينما l تعتمد على التنظيم الفيزيائي لهذه الكتلة. هل يمكنك أن تعتقد أن هناك وضعا يتغير في عزم القصور الذاتي حتى وإن لم تتغير كتلته؟.

مثال 3.10 جزئ الأكسجين

[،] يستخدم الهندسون المدنيون عزم القصور الذاتي لتميير خواص المرونة للبنيان مثل الأعمدة المحملة، من ثم، غالباً ما يكون مفيداً حتى عند الكلام عن حركة غير دورانية.

الحل: هذا تطبيق مباشر لتعريف I . حيث إن كل ذرة تقع على بعد d/2 من المحور z فإن عزم

$$I = \sum_{i} m_{i} r_{i}^{2} = m \left(\frac{d}{2}\right)^{2} + m \left(\frac{d}{2}\right)^{2} = \frac{1}{2} m d^{2}$$

$$= \frac{1}{2} (2.66 \times 10^{-26} \text{ kg}) (1.21 \times 10^{-10} \text{ m})^{2}$$

 $= 1.95 \times 10^{-46} \text{ kg} \cdot \text{m}^2$

هذه القيمة صغيرة جداً، وتتفق مع الكتل والمسافات الصغيرة.

(b) إذا كانت السرعة الزاوية للجزئ حول المحور z هي 4.6x 10^{12} rad/s ما هي طاقة الحركة الدورانية?.

 K_{R} نستخدم النتيجة التي حصلنا عليها سابقاً لعزم القصور الذاتي في الصيغة

$$K_R = \frac{1}{2}I\omega^2$$

= $\frac{1}{2}(1.95 \times 10^{-46} \text{ kg} \cdot \text{m}^2) (4.60 \times 10^{12} \text{ rad/s})^2$
= $2.06 \times 10^{-21} \text{J}$

مثال 4.10 دوران اربع كرات

اربع كرات صغيرة مثبتة في اركان إطار ذو كتلة مهملة يقع في المستوى xy شكل (8.10)، نفرض أن انصاف اقطار الكرات صغير بالمارنة مم ابعاد الاطار،

(a) إذا دارت المنظومة حول المحور y بسرعة زاوية ω ، احسب عزم القصور الذاتي وطاقة الحركة الدورانية حول هذا المحور.

m الرحل: أولاً: لاحظ أن كرتين كتلة كل منهما I_{y} التقال على المحور I_{y} وبالتالي لايساهمان في I_{r} المحور) (أي أن I_{r} لهاتين الكرتين حول هذا المحور) باستخدام المعادلة I_{r} 15.10 نحصل على:

$$I_y = \sum_i m_i r_i^2 = Ma^2 + Ma^2 = 2Ma^2$$

M لهذا، فإن طاقة الحركة الدورانية حولُ المحور M

شكل 8.10 أربع كرات موجودة عند مسافات ثابتة. يعتمد عزم القصور الذاتي للنظام على المحور الذي سيتم حساب القصور الذاتي حوله.

 $K_R = \frac{1}{2}I_p\omega^2 = \frac{1}{2}(2Ma^2)\omega^2 = Ma^2\omega^2$ حقيقة أن الكرتين ذات الكتلة m لايدخلان في
هذه النتيجة له مغزى حيث لا يكون لهما حركة
حول محور الدوران ومن ثم، ليس لهما طاقة
حركة مورائية.

القصل العاشر: دوران الجسم الجاسيء حول محور ثابت

بنفس المنطق نتوقع أن عزم القصور الذاتي حول المحور x يساوي $I_x = 2mb^2$ وطاقـة الحركـة الدورانية حول هذا المحور تساوى $K_{\rm R} = mb^2 \omega^2$.

(b) افترض أن المنظومة تتحرك في المستوى xy حول المحور z ماراً بنقطة الأصل. احسب عـزم القصور الداتى وطاقة الحركة الدورانية حول هذا المحور.

الحل: حيث أن r; في المعادلة 15.10 هي المسافة العمودية من محور الدوران، نحصل على

$$I_z = \sum_i m_i r_i^2 = Ma^2 + Ma^2 + mb^2 + mb^2 = 2Ma^2 + 2mb^2$$

$$K_R = \frac{1}{2} I_z \omega^2 = \frac{1}{2} (2Ma^2 + 2mb^2) \omega^2 = (Ma^2 + mb^2) \omega^2$$

بمقارنة نتائج الجزء (a) مع الجزء (b) نستنتج أن عزم القصور الذاتي ومن ثم طاقة الحركة الدورانية المصاحبة للسرعة الزاوية المعلاء، تعتمد على محور الدوران، في الجزء (b)، نتوفع أن تشمل النتيجة الكرات الاربعة وكذلك المسافات لأن الكرات الاربع كلها تدور في المستوى (x. علاوة على نلك حقيقة أن طاقة الحركة الدورانية في الجزء (a) أقل منها في الجزء (b) يوضح أنها ستعتاج إلى شغل أقل لوضع المنظومة في حالة دوران حول المحور v من الشغل اللازم عند الدوران حول z.

CALCULATION OF MOMENTS OF INERTIA حساب عزم القصور الذاتي 5.10

ي يمكن حساب عزم القصور الذاتي لجسم جاسىء ممتد يتقسيم الجسم إلى المديد من العناصر 7.5 دات الحجم الصغير، كل عنصر كتلته Δm . ثم نستخدم التعريف، $\Delta m^2 \gamma_{\chi} = 1$ وباخذ نهاية المجموع عندما $\Delta m = 0$. مينئذ، يصبح المجموع تكاملاً على الجسم كله

$$I = \lim_{\Delta m \to 0} \sum_{i} r_{i}^{2} \Delta m_{i} = \int r^{2} dm$$
 (17.10)

عادة ما يكون من السهل حساب عزم القصور الذاتي بدلالة حجم العناصر بدلاً من كتلها، ويمكن بسبه و $\rho = m/V$ (1.1) من كتلها، ويمكن بسبه ولا عمل هذا التغيير باستخدام المدادلة $\rho = m/V$ (1.1) وحده مي كثافة الجسم و V حجمه. لكننا نحتاج هذا التعبير في صورة تفاضلية $\rho = m/U$ النا نحتاج هذا التعبير في صورة تفاضلية $\rho = m/U$ التنويخ بهذه النتيجة في المدادلة 17.10 نحصل على الصغر . بالحل لايجاد D D D D D التعويض بهذه النتيجة في المدادلة 17.10 نحصل على

$$I = \int \rho r^2 dV$$

إذا كان الجسم متجانسا، حينئذ تكون ρ ثابتة ويمكن حساب التكامل لأي شكل هندسي معلوم. أما إذا كانت ρ= m/V بعجب معرفة تغيرها مع الموضع لإجراء التكامل. الكثافة المطاه بالعلاقة ρ= m/V يطلق عليها أحياناً الكثافة الحجمية حيث إنها ترتبط بالحجم. غالباً مانستخدم طرق أخرى للتمبير ﴿

عن الكثافة. على سبيل المثال، عند التعامل مع شريعة ذو سمك منتظم r بمكننا تعريف الكثافة السطحية σ ρr والتي تعني كتلة وحدة المساحات. أخيراً عندما تكون الكتلة موزعة على قضيب منتظم مساحة مقطعة A، فإننا نستخدم الكثافة الخطية λ= M/L= ρA وهي كتلة وحدة الأطوال.

مثال 5.10 عزم القصور الذاتي لطوق منتظم

احسب عزم القصور الذاتي لطوق منتظم كتلته M ونصف قطره R حول محور عمودي على مستوى الطوق ويمر خلال مركزه (شكل 9.10).

الحل؛ كل عناصب رالكتلة dm على نفس البعب r=R من المحور ولهذا وباستخدام المعادلة 17.10 نحصل على عزم القصور الذاتي حول المحور σ المار خلال σ .

$$I_{c} = \int r^{2} dm = R^{2} \int dm = MR^{2}$$

لاحظ أن هذا المقدار هو نفسه عزم القصور الذاتي لجسم مفرد كتلته M موضوعاً على بعد R من محور الدوران.



شكل 9.10 عناصر الكتلة dm لطوق منتظم كلها على نفس البعد من O.

اختبار سريع 3.10

(a) بناءً على ما تعلمته من المثال 5.10 ماذا تتوقع لعزم القصور الذاتي لجسمين كتلتة كل منهما M/2 منهما M/2 موضوعان في مكان ما على دائرة نصف قطرها R حول محور الدوران. (d) ماذا عن عزم القصور الذاتي لاربعة أجسام كتلة كل منهم M/4، موضوعة على بعد R من محور الدوران.

مثال 6.10 عزم القصور الذاتي لقضيب جاسىء منتظم

احسب عزم القصور الذاتي لقضيب جاسىء منتظم طوله L وكتلته M (شكل 10.10) حول محور عمودي على القضيب (المحور v) يمر خلال مركز الكتاة.

ا**لحل:**عنصر الطول المظلل dx له كتلة dm تساوي كتلة وحدة الأطوال λ مضروبة في dx. أي أن:

$$dm = \lambda dx = \frac{M}{L} dx$$

بالتعويض عن dm في المعادلة 17.10 واستخدام



شكل 10.10 قضيب جاسى، منتظم طوله L. عزم القصور الذاتي حول المحور y يكون أقل منه حول المحور y' المحور الأخير سندرسه في المثال 8.10.

$$I_y = \int r^2 dm = \int_{-L/2}^{L/2} x^2 \frac{M}{L} dx = \frac{M}{L} \int_{-L/2}^{L/2} x^2 dx$$
 = $\frac{M}{L} \left[\frac{x^3}{3} \right]_{-L/2}^{L/2} = \frac{1}{12} ML^2$

مثال 7.10 عزم القصور الذاتي لاسطوانة مصمتة منتظمة.

اسطوانة مصمة منتظمة الكثافة نصف قطرها R وكتلتها M وطولها L. احسب عزم القصور الذاتى لها حول محورها المركزي (المحور z في الشكل 11.10).



شكل 11.10 حسباب 1 حول المحسور ت لاسطوانة صلبسة منتظمة. الهجاء تقسم الاسطوانة إلى العديد من القشرات الاسطوانية لكل منها نصف قطر τ وسعك dr وطول L كما بالشكل 11.10. لكل منها نصف قطر dV عبارة عن مساحة مقطعها السنعرض مضروباً في الطول L: L: لا كانت كتلة وحدة الحجوم هي τ ، تكون كتلة عنصر الحجم التفاضلي هي وحدة الحجوم هي τ ، تكون كتلة عنصر الحجم التفاضلي هي نما . t , t ، t

$$I_{c} = \int r^{2} dm = 2\pi\rho L \int_{0}^{R} r^{2} dr = \frac{1}{2}\pi\rho L R^{4}$$

حيث إن الحجم الكلي للإسطوانة هو $\pi R^2 L$ $\pi R^2 L$ بالتعويض عن هذه القيمة لـ $ho = m N V = m / m^2$ بالتعويض عن هذه القيمة لـ ho

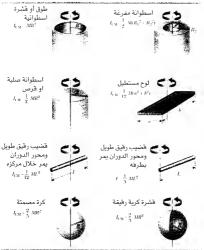
$$I_z = \frac{1}{2}MR^2$$

لاحظ أن هذه النتيجة لاتعتمد على طول الاسطوانة I. بمعنى، أنه يمكن استخدامها لأي اسطوانة طويلة أو قرص مسطح. هذه النتيجة هي نصف القيمة التي نتوقعها إذا ماكانت كل الكتلة مُركزة عند الحافة الخارجية للإسطوانة أو القرص (انظر مثال 5.10).

يعطي الجدول 2.10 عزم القصور الذاتي لعدد من الأجسام حول محاور معينة، عزم القصور ليعطي الجدول 2.10 عزم القصور (حالية التماثل) تكون سهلة نسبياً بشرط أن ينطبق محور الدوران على محور الدمائل، حساب عزوم القصور الذاتي حول محور اختياري يمكن أن يكون مريكاً حتى للجسم ذو التماثل العالي، من حسن الحظ، استخدام نظرية هامة، تسمى نظرية المحور- الموازي axis Theorem غلالية المحور- الوزي $(M_{\rm CM})$ عند المقارف ما القصور الذاتي حول محور يعر خلال مركز الكتلة لجسم هو $(M_{\rm CM})$. تصن نظرية المحور الموازي على أن عزم القصور الذاتي حول محور موازي وعلى بعد $(M_{\rm CM})$ من هذا المحور هو:



جدول 2.10 عزم القصور الذاتي لاجسام جاسيءة متجانسة ذو اشكال هندسية مختلفة



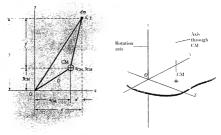
برهان نظرية المحور الموازي (اختياري) Proof of The Parallel- axis Theorem

افترض ان جسم يدور في المستوى xy حول المحور z، كما هو موضح بالشكل 12.10 وان احداثيا مركز الكتلة هما y_{CM} , x_{CM} . وفترض أن كتلة العنصر y_{CM} لها احداثيات y_{CM} , y_{CM} , مركز الكتلة هما على بعد $x^2 + y^2$ من المحور z، فإن عزم القصور الذاتي حول المحور z هو

$$I = \int r^2 dm = \int (x^2 + y^2) dm$$

مع ذلك يمكننا ايجاد علاقة بين الاحداثيان y ،x لعنصر الكتلة dm مع احداثيات لنفس العنصر موضوعة في مجموعة إحداثيات تأخذ مركز الكتلة كنطقة أصل لها. إذا كان إحداثيا مركز الكتلة هما x_{CM} (402، في نظام الإحداثيات الأصلي ومركزه 0، حيننَّذ ومن الشكل 12.10 نلاحظ أن العلاقة

الفصل العاشر؛ دوران الجسم الجاسيء حول محور ثابت



شكل 12.10 (a) نظرية المحور الموازى: إذا كان عزم القصور الذاتي حول محور عمودي على الشكل خلال مركز الكتلة هو I_{CM} فمن ثم يكون عزم القصور الذاتي حول المحور 2 هو I_{CM} ا يوضح الرسم المحور z (محور الدوران) والمحور الموازى المار خلال مركز الكتلة CM.

ابين المحاور
$$x_i$$
 بع المحاور y_i بع y_i بع y_i بع y_i بع y_i بع المحاور y_i المحا

التكامل الأول- من التعريف- هو عزم القصور الذاتي حول محور يوازي المحور z ويمر خلال مركز الكتلة- التكاملان التاليان بساويان صفراً وذلك من تعريف مركز الكتلة $x'dm=\int y'dm=0$. التكامل الاخير هو بيساطة MD^2 لأن MD = M و $\int dm = M$ لهذا نستنج أن

$$I = I_{\rm CM} + MD^2$$

تطسق على نظرية الحور الموازي، مثال 8.10

افترض مرة أخرى قضيب جاسىء منتظم كتلتة M وطوله L والموضح في الشكل 10.10. احسب عزم القصور الذاتي للقضيب حول محور عمودي على القضيب ويمر عند طرفه (المحور 'y في الشكل 10.10).

 $I_{CM} = \frac{1}{2} ML^2$ من البديهي أن نتوقع ان يكون عزم القصور الذاتي أكبر من $I_{CM} = \frac{1}{2} ML^2$ لأنه من الصعوبة

ان تغير الحركة الدورانية لقضيب بدور حول محور عند أحد طرفيه إلى حركة دوران حول مركزه. حيث إن المسافة بين محور مركز الكتلة والمحور y' هي D=L/2 فإن نظرية المحور الموازي تعطى:

$$I = I_{CM} + MD^2 = \frac{1}{12}ML^2 + M\left(\frac{L}{2}\right)^2 = \frac{1}{3}ML^2$$

أى تزداد الصعوبة اربع مرات كي تغير دوران قضيب يدور حوله طرفه إلى حركة دوران قضيب يدور حول مركزه.

x = L/4 النقطة x = L/4 النقطة x = L/4 النقطة x = L/4 النقطة x = L/4

 $I = \frac{7}{49}ML^2 : 1 = \frac{1}{49}ML^2$

6.10 ~ عزم الدوران TORQUE ~ 6.10

الباب؟ المنا يوضع مقبض الباب والمفصلات بالقرب من الحافتين المتقابلتين للباب؟

هذا السؤال له إجابة تعتمد على افكار حسية عادية. كلما زادت الصعوبة في دفع الباب وكذلك البعد أكثر من المفصلات (عقب الباب)، كلما كان فتح أو غلق الباب اسهل. عندما تؤثر قوة على جسم جاسىء يدور حول محور، يسعى الجسم في ان يدور حول هذا المحور. تقاس محاولة القوة في دوران جسم حول محور ما بكمية متجهه تسمى عزم الدوران Torque T

افترض مفتاح ربط يدور حول محور مار خلال O كما في الشكل 13.10. وتؤثر القوة المستخدمة F بزاوية φ مع الافقى. يُعرف مقدار عزم الدوران المصاحب لهذه القوة بالمعادلة

$$\tau = rF \sin \phi = Fd \tag{19.10}$$

حيث r هي المسافة بين نقطة الدوران ونقطة تأثير القوة و d هي المسافة العمودية من نقطة الدوران إلى خط تأثير القوة F . (خط تأثير القوة هو خط تخيلي يمتد خارجاً بين طرفي المتجه الذي يمثل القوة. الخط المتقطع الممتد من طرف القوة F في الشكل 13.10 هو جزء من خط تأثير القوة F). من المثلث القائم في الشكل 13.10 والذي يمثل فيه المضتاح وتر الزاوية القائمة، نستخدم العلاقة d= r sin φ. تسمى هذه المسافة بدراع العزم (أو ذراع الرافعة) للقوة F.

من المهم إن تعرف أن عزم الدوران يُعرف فقط عند تحديد محور اسناد، عزم الدوران هو حاصل ضرب القوة وذراع العزم لهذة القوة، ويُعرف ذراع العزم فقط بمعلومية محور الدوران.

في الشكل 13.10 مركبة القوة Γ التي تسبب دوران هي F sin φ، وهي المركبة العمودية على r، حيث ان المركبة الافقية φ cos φ تمر خلال O، ولا تؤدى إلى دوران. ومن تعريف عزم الدوران، نلاحظ أن الاستعداد للدوران يزداد بزيادة ${f F}$ وكذلك مع زيادة d . هذا يوضح ملاحظة أن قفل الباب عند دفعه

الفصل العاشر: دوران الجسم الجاسىء حول محور ثابت



شكل 13.10 القوة F لهـا قـدرة دورانيـة اكـثـر حول 0، بزيادة القوة F وكذلك زيادة ذراع العزم b. المركـبـة f sin ¢ هـي الـتي تؤدي إلى دوران المقتاح حول 0.



شكل 14.10 تحاول القوة \mathbf{F}_1 تدوير الجسم في اتجاء عكس عقارب الساعة حول O. و \mathbf{F}_2 تحاول تدويره في اتجاء عقارب الساعة.

من عند مقبضه أسهل من دفعه من اي نقطة قريبة من المُصدلات (عقب الباب). من الافضل كذلك تأثير الدفع عمودياً على الباب بقدر المستطاع. دفع الباب بزاوية ماثلة لايسبب دوران الباب.

عندما تؤثر قوتان أو أكثر على جسم جاسىء، كما بالشكل 14.10 ، كل قوة تحاول اظهار دوران حول المحدور غند 0 . في هذا المثال تحاول 12 دوران الجسم هي اتجاء عقارب الساعة و 14 تحاول المحدور غند 02 مقارب الساعة . أمسئلح على أن عزم الدوران الناتج من قوة ما يكون موجياً إذا كان اتجاء الدوران عكس اتجاء دوران عقارب الساعة . على سبيل المثال، هي الشكل 14.10 عزم الدوران الناتج من 14 والتي لها ذراع عزم 14 عقرب أو ساوي 14 وكذلك عزم الدوران الناتج من 15 ويساوي 16 وكذلك عزم الدوران الناتج من 17 يوساوي 16 وكذلك عزم الدوران الناتج من 17 يكون سائباً ويساوي 16 هو: صافح من عرب من أخل عزم الدوران الناتج من عرب الدوران وساوي 16 من عرب من عرب عرب عرب عرب أو الدوران حول 18 هو:

$$\sum \tau = \tau_1 + \tau_2 = F_1 d_1 - F_2 d_2$$

عزم الدوران ليس قوة. لأن القرى أن تسبب تغيراً في الحركة الخطية كما هو واضح من قانون نيوتن الثاني، ايضاً تسبب القوى تغيرا في الحركة الدورانية ولكن فاعلية القوى في تسبب هذا التغير تعتمد على كل من القوى وذراع العزم للقوى مع بعضهما وهو مايسمى بعزم الدوران، وحدات عزم الدوران هي وحدات القوة مضروبة في الطول- نيوتن، متر في وحدات الآ- ويجب كتابته بهذه الوحدات، لايجب أن يغيّلط الأمر بين عزم الدوران والشغل والذي له نفس الوحدات فهما شيئان مختلفان.

مثال 9.10 صافي عزم الدوران على اسطوانة

اسطوانة من قطعة واحدة تأخذ الشكل الموضع في 15.10، مع مقطع داخلي بارز من الاسطوانة (الطارة) الأكبر، يمكن للاسطوانة أن تدور حول المحور المركزي الموضع بالرسم، لف حبل حول الاسطوانة التي نصف قطرها R_1 مؤثراً بقوة F_1 عمودية على الاسطوانة ثم لف حبل آخر حول الجزء البارز- نصف قطر g_1 مؤثراً بقوة g_2 على الاسطوانة إلى اسفل. (a) ما مقدار عزم الدوران الكور تا في الشكل 15.10).

الحل: عزم الدوران الناتج من F_1 هو R_1F_1 (الاشارة سالية لان عـزم الدوران يحـاول إحـداث توليـد دوران في اتجـاه $+R_2F_2$ as F_2 as F_3 is a likely likely $+R_2F_3$ as F_3 as F_3 . (الاشارة موجبة لان عزم الدوران يحاول إحداث دوران عكس اتجاه دوران عقارب الساعة) لهذا فان صافي عزم الدوران حول محور الدوران هو



يمكن اجراء اختبار سريع وذلك بملاحظة أنه إذا ماكانت



شكل 15.10 دائرة مصمتة تدور حول

القوتان تؤثران عليها، سوف تدور الاسطوانة في اتجاه دوران عقارب الساعة حيث أن ٢٦ اكبر تأثيراً على الدوران من ٦٠٠٠.

(b) افترض أن $R_2 = 5.0 \text{ N}$ و $R_1 = 1.0 \text{ m}$ و $R_2 = 0.50 \text{ m}$ و $R_2 = 15.0 \text{ N}$ و $R_1 = 1.0 \text{ m}$ حول محور الدوران، وفي اي اتجاه سوف تدور الاسطوانة بدءا من السكون؟

$$\Sigma \tau = -(5.0 \text{ N}) (1.0 \text{ m}) + (15.0 \text{ N}) (0.50 \text{ m}) = 2.5 \text{ N} \cdot \text{m}$$

حيث إن صافى عزم الدوران موجباً ، فإذا ما بدأت الاسطوانة من السكون، فإن اتجاه دورانها يكون عكس اتجاه دوران عقارب الساعة بسرعة زاوية متزايدة. (إذا كان اتجاه دوران الاسطوانة في أول الأمر في اتجاه دوران عقارب الساعة، فإنها سوف تتباطأ حتى تقف ثم تدور بعد ذلك عكس اتجاه عقارب الساعة بسرعة زاوية متزايدة).

7.10 > العلاقة بين عزم الدوران والتسارع الزاوي RELATIONSHIP BETWEEN TORQUE AND ANGULAR ACCELERATION

🦽 في هذا القسم سوف نوضح أن التسارع الزاوي لجسم جاسي، يدور حول محور ثابت يتناسب 7.6 مع صافي عزم الدوران المؤثر حول هذا المحور. قبل مناقشة الحالة الأكثر تعقيداً لدوران الجسم الجاسيء، من البديهي أن نبدأ أولاً بمناقشة حالة دوران جسم حول نقطة معينة تحت تأثير قوة خارجية. افترض جسماً كتلته m يدور في دائرة نصف قطرها r تحت تأثير قوة مماسية F وقوة نصف قطرية ،F كما هو موضح بالشكل 16.10 (كما علمنا في فصل 6 فإن القوة العمودية أي النصف قطرية، سوف تبقى على دوران الجسم في مسار دائري). أما القوة الماسية فإنها تؤدي إلى تسارع مماسی ,a و

الفصل العاشر: دوران الجسم الجاسىء حول محور ثابت

عزم الدوران حول مركز الدائرة نتيجة القوة \mathbf{F}_l هو

$$\tau = F_r = (ma_r)r$$

حيث إن التسارع الماسي يرتبط بالتسارع الزاوي من خلال المالقة a_r = ra المالية a_r = ra عن عاد الده إن بالملاقة عند الده إن بالملاقة

$$\tau = (mr\alpha)r = (mr^2)\alpha$$

تذكر من المادلة 15.10 أن mr² هو عزم القصور الذاتي للجسيم يدور حول المحور z المار خلال نقطة الأصل، لذلك

$$\tau = I\alpha \tag{20.10}$$

أي أن عزم الدوران المؤثر على جسم يتناسب تناسباً طردياً مع التسارع الزاوي له وثابت النتاسب هو عزم القصور الذاتي. من المهم أن نلاحظ أن قانون الحركة الدورانية α عاثل فانون نبوتن الثاني α على الحركة الخطية.

دعنا نناقش حالة جسم جاسىء له أي شكل اختياري يدور حول محور ثابت كما هو موضع بالشكل 17.10. يمكن اعتبار الجسم مكوناً من عدد لانهائي من عناصر الكتلة dm حجمها متناهي الصغر. إذا ما افترضنا المحاور الكرتيزية للجسم فإن



شكل 16.10 يدور جسيم في دائرة تحت تأثير قوة مماسية ، F . يوجد كــذلك قــوة نصف قطرية ، F لكى تبقى على الحركة الداثرية للجسيم.



شكل 17.10. جسسم جساسى، يدور حسل محبور مبار بالنقطة O. كل عنصر كتلة dm يدور حول O بنفس التسارع الزاوى Ω وصافي عزم اللي على الجسم يتناسب مع Ω .

كل عنصر كتلة يدور في دائرة حول نقطة الاصل وكل عنصر له تسارع مما*سي ,a* والناتج من القوة الماسية الخارجية ,*dK .* لكل عنصر، نعلم من قانون نيوتن الثاني أن

$$dF_t=(dm)a_t$$

وعزم الدوران d au الذي يصاحب القوة dF_{l} سيؤثر حول نقطة الأصل ويعطى بالعلاقة

$$d\tau = r dF_t = (r dm)a_t$$

وحيث إن $a_t = r\alpha$ فإن

$$d\tau = (r dm) r\alpha = (r^2 dm) \alpha$$

من المهم أن نعلم انه بالرغم من أن كل عنصر كتلة من الجسم الجاسىء قد يكون له تسارع خطي مختلف إلا أن لهم جميعاً نفس التسارع الزاوي α . عند آخذ ذلك في الاعتبار، يمكننا إجراء التكامل للمعادلة السابقة لكي نحصل على صافي عزم الدوران حول O نشيجة للقرى الخارجية

$$\sum \tau = \int (r^2 \, dm) \alpha = \alpha \int r^2 \, dm$$

حيث بمكن أخذ α خارج التكامل لانها ثابتة لكل عنصر من عناصر الكتلة، من المعادلة 17.10 نعلم $\Sigma \tau$ أن $\int r^2 dm$ هو عزم القصور الذاتي للجسم حول محور الدوران المار خلال O، وبالتالي تصبح فيمة

 $\nabla \tau = I\alpha$

(21.10)

لاحظ أن هذه هي نفس العلاقة التي حصلنا عليها في حالة جسيم يدور في دائرة (انظر المعادلة 20.10). هكذا نلاحظ ثانية أن صافى عزم الدوران حول محور الدوران يتناسب مع التسارع الزاوى للجسم، ومعامل التناسب هو 1، تلك الكمية التي تعتمد على كلا من محور الدوران وشكل وحجم الجسم، نظراً للطبيعة المعقدة للمنظومة، من المهم أن نلاحظ أن العلاقة Στ= Ια مدهشة في بساطتها وفي وثام تام مع النتائج العملية. في الحقيقة تعود بساطتها إلى الطريقة التي تم وصف الحركة بها.

على الرغم من أن كل نقطة على الجسم الجاسيء تدور حول محور ثابت قد لاتعاني نفس المعامل 1 ولانفس التسارع الخطى أو حتى السرعة الخطية، ومع ذلك فإن كل النقط يكون لها نفس التسارع الزاوي ونفس السرعة الزاوية عند أي لحظة. لهذا فإنه عند أي لحظة، يمكن تمييز جسم جاسىء يدور بصورة شاملة وذلك ببعض القيم الخاصة به كالتسارع الزاوي، صافي عزم الدوران والسرعة الزاوية.

تحربة سربعة 🔍

لعبة من لعب الأطفال على شكل برج عالى من مكعبات صغيرة، إقلب هذا البرج. كرر ذلك عدة مرات هل ينهار البرج كل مرة من نفس المكان؟. ماذا يؤثر على مكان الانهيار عند شقلبته؟. إذا كان البرج يتكون من قالبين يطبقان على بعضهما. ماذا سيحدث؟ (ارجع إلى المثال 11.10).

أخيراً، لاحظ أن النتيجة $\Sigma \tau = I\alpha$ تستخدم عندما تكون القوى المؤثرة على عناصر الكتلة لها مركبات نصف قطرية (عمودية) بالإضافة لمركبات مماسية. يحدث ذلك لأن خط التأثير لكل مركبات القوة العمودية يجب أن يمر خلال محور الدوران ومن ثم لاتنتج جميع المركبات العمودية عزم دوران حول هذا المحور.

👘 مثال 10.10 دوران قضيب

قضيب منتظم طوله L وكتلتة M مثبت من أحد طرفيه بمحور ارتكاز املس ويدور دوراناً حراً حول هذا المحور في مستوى- رأسي كما هو موضح بالشكل 18.10 . يبدأ القضيب الحركة من السكون عند مستوى افقى. ما هو التسارع الزاوي الابتدائي للقضيب وكذلك التسارع الخطي 408 الابتدائي لطرفه الايمن.

الفصل العاشر: دوران الجسم الجاسىء حول محور ثابت

الحل، لا يمكننا استخدام المعادلات الكينماتيكية لحساب α أو α لان عزم الدوران الذي يؤثر على القضيب يتغير مع موضعه وباتنالي فيأن كلا التسارعين ليس ثابتناً . مع ذلك فيأن لدينا معلومات كافية لحساب عزم الدوران والتي يمكننا استخدامها في العلاقة بين عزم الدوران والتسارع الزاوي (معادلة 12.10) لكن نحيب α. α.



شكل 18.10 قضيب منتظم يدور حول طرفه الايسر

القوة الوحيدة التي تساهم في عزم الدوران حول محور يمر خلال نقطة الارتكاز هي قوة الجاذبية الارضية Mg والتي تؤثر على القضيب (القوة التي تؤثر بها نقطة الارتكاز على القضيب ليس لها عزم دوران حيث أن ذراع العزم يساوى صفراً).

لكي تحسب عزم الدوران على القضيب، يمكننا ان نفرض أن قوة الجاذبية تؤثر عند مركز الكتلة للقضيب كما هو واضح في الشكل 18.10 ، عزم الدوران نتيجة هذه القوة حول محور مار بنقطة الارتكاز هو:

$$\tau = Mg\left(\frac{L}{2}\right)$$

باستخدام $\Sigma = 1$ و $\frac{1}{3} ML^2$ باستخدام $\Sigma = 1$ باستخدام الجدول (انظر الجدول 2.10) بحصل على:

$$\alpha = \frac{\tau}{I} = \frac{Mg(L/2)}{1/3ML^2} = -\frac{3g}{2L}$$

كل النقاط على القضيب يكون لها نفس التسارع الزاوي.

لحساب النسارع الزاوي للطرف الايمن للقضيب، نستخدم العلاقة $a_i = r\alpha$ (المعادلة 11.10) مع r = L

$$a_t = L\alpha = \frac{3}{2}g$$

هذه النتيجة- a_r>s للطرف الحر للقضيب، هامة جداً. انها تعني أنه إذا وضعنا قطعة معدنية على حافة القضيب، عندما كان القضيب مثبتاً في الوضع الافقي، ثم ترك القضيب، فإن طرف القضيب سوف يسقط اسرع من العملة!

يكون للنقاط الأخرى على القضيب تسارع خطي أقل من $\frac{2}{2}$. على سبيل المثال تسارع نقطة في منتصف القضيب هو $\frac{2}{3}$.

مثال ذهني 11.10 سقوط المداخن وانهيار المباني

عندما تسقط المداخن، فإنها غالباً ما تتحطم عند نقطة ما تقع على طولها وذلك قبل سقوطها كما هو موضح بالشكل 19.10 ، يحدث نفس الشيء عندما يسقط برج عالي من لعب الأطفال، لماذا بحدث ذلك؟

الحل، عندما تدور المدخنة حول قاعدتها، فإن كل جزء من الأجزاء العليا من المدخنة يسقط بتسارع مماسي متزايد (العجلة المماسية لأي نقطة على المدخنة تتناسد مع المسافة التي تقع عندها هذه النقطة من قاعدة المدخنة) كلما تزايد النسام فإن الأجزاء العليا من المدخنة تكتسب تسارعا اكبر معا تكتسب المدخنة من الجاذبية بمغردها وهذا "اوسام بشبه ما ود في المثال (10.10). يمكن أن يحدث ذلك شغط لو أن هذه الأجزاء قد تم شدها إلى أسفل بقوة بالإضافة إلى قوة الجزاية قد تم شدها إلى أسفل بقوة بالإضافة إلى قوة الجزاء قد تم شدها إلى أسفل بقوة بالإضافة إلى قوة الجزاية القوم من المرافعة ذلك في قوة القص من الجزء السفلي للمدخنة، من الواضع أن قوة القص التي تسبب الجزء السفلي للمدخنة، من الواضع أن قوة القص التي تسبب المنافة المنافعة المنا



🎉 مثال 12.10 السرعة الزاوية لعجلة

توضع عجلة نصف قطرها R وكتلتها M ولها عزم قصور ذاتي I على محور افقي املس كما هو موضح بالشكل 20.10. يلف حبل خفيف حول العجلة ويعلق في طرفه جسم كتلته m. احسب التسارع الزاوي للعجلة والتسارع الخطي للجسم والشد في الحبل.

| Vet | عزم الدوران الذي يؤثر على العجلة حول محور دورانها هو T = T عين T = T هي القوة التي يؤثر بها الحبل على حافة العجلة. (القوتان، قوة الجاذبية الارضية التي تؤثر بها الارض على العجلة والقوة العمودية التي يؤثر بها المحور على العجلة تمران خلال محور الدوران وبالتالي لايحدثان عزم دوران). حيث أن $\Sigma T = TZ$ نحصل على:

$$\sum \tau = I\alpha = TR$$
(1)
$$\alpha = \frac{TR}{I}$$

والآن نطبق قانون نيوتن الثاني على الجسم باعتبار الاتجاه الأسفل هو الاتحاه الموجب

 $\sum F_v = mg - T = ma$

(2)
$$\alpha = \frac{mg - T}{m}$$



شكل 20.10 يُنتج الشــد في الخسيط عزم دوران حول المحور

تحتوى المعادلتان (1)، (2) على ثلاث مجاهيل Τ ،α ،α ميث إن العجلة والجسم مربوطان بخيط لاينزلق، فإن التسارع الخطى للجسم المعلق يساوى التسارع الخطى لنقطة على حافة العجلة. لهذا فإن التسارع الزاوى للعجلة والتسارع الخطى يرتبطان بالعلاقة $\alpha=R\alpha$. باستخدام تلك الحقيقة

(3)
$$a = R\alpha = \frac{TR^2}{I} = \frac{\mu \gamma - T}{\mu}$$

$$T = \frac{mg}{1 + \frac{mR^2}{I}}$$

بالتعويض من المعادلة (4) في المعادلة (2)، والحل لحساب a و α، تحصل على:

$$a = \frac{g}{1 + I/mR^2}$$

$$\alpha = \frac{a}{R} = \frac{g}{R + I/mR^2}$$

R = 30.0 cm و M = 2.0 kg و M = 2.0 kgالزاوى الخيط والتسارع الزاوى . $m=0.500~{
m kg}$ هي $I=0.090~{
m kg}$ الحسب الشد في الخيط والتسارع الزاوى للعجلة.

الاحاية: 3,27N، 10.9 rad/s²

آلىة آتىوود مثال 13.10

کتلتان m_2 و m_3 مرتبطتان ببعضهما بحبل خفیف بهر علی بکرتین متماثلتین املستین کل منهما لها عزم قصور ذاتي I ونصف قطر R كما هو موضح بالشكل 21.10a. احسب تسارع كل كتله والشد رافترض عدم حدوث انزلاق بين الحبل والبكرتان). T_3 ، T_2 ، T_1

الحل: سوف نفترض أن الاتحاء لأسفل بكون الاتحاء الموجب للكتلة m_1 والاتحاء لأعلى هو الاتحاء الموجب للكتلة m₇ . يسمح ذلك بان نمثل التسارع لكلتا الكتلتين بمتغير واحد a ويمكننا ايضاً من الربط بين α الموجية والتسارع الزاوي الموجب α (عكس اتجاه عقارب الساعة). دعنا نكتب قانون نيوتن الثاني للحركة للكتلتين، باستخدام الرسوم الهندسية للجسم الحر للكتلتين كما هو موضح بالشكل 21.10b، نحصل على:

$$(1) m_1 g - T_1 = m_1 a$$

$$(2) T_3 - m_2 g = m_2 a$$

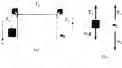
الخطوة التالية يجب أن تشمل تأثير البكرتين على الحركة. الرسوم الهندسية للجسم الحر موضحة في الشكل $(T_1 - T_2)R$. صافى عزم الدوران للبكرة اليسرى هو $(T_1 - T_2)R$ ، بينما يكون صافى عزم الدوران للبكرة اليمني هو $(T_2 - T_3)$. باستخدام العلاقة $\Sigma = I\alpha$ لكل بكرة مع ملاحظة أن كل Σ

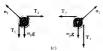
بكرة لها نفس التسأرع الزاوى α، نحصل على:

- $(3) \qquad (T_1 T_2)R = I\alpha$
- $(4) \qquad (T_2 T_3)R = I\alpha$

لدينا الآن اربع معادلات في أربع مجاهيل a يمكن حلهم آنياً. بجمع المعادلتين T_3 ، T_2 ، T_1

- (3)، (4) نحصل على:
- $(5) \qquad (T_1 T_2)R = 2I\alpha$ يجمع المعادلتين (1)، (2) نحصل على:
- $T_3 T_1 + m_1 g m_2 g = (m_1 + m_2)a$
- $T_1 T_3 = (m_1 m_2)g (m_1 + m_2)a$
 - بالتعويض من المعادلة (6) في المعادلة (5) نحصل على:





شكل 21.10 (a) صورة أخرى لآلة أتوود (b) الرسم الهندسي للجسم الحر للكتلتين (c) الرسم الهندسي للجسم الحر للبكرتين حيث يمثل mog قوة الجاذبية التى تؤثر على كل بكرة.

 $[(m_1 - m_2)g - (m_1 + m_2)a]R = 2I\alpha$ يمكن تبسيط هذه المعادلة باستخدام العلاقة α= a/R لنحصل على:

$$(m_1 - m_2)g - (m_1 + m_2)a = 2I\frac{a}{R^2}$$

(6)
$$a = \frac{(m_1 - m_2)g}{m_1 + m_2 + 2 \cdot \frac{I}{R^2}}$$

بمكن التعويض بهذه القيمة في المعادلتين (1)، (2) لكي نحصل على T_3 ، T_4 . اخيراً يمكن الحصول على دT من المعادلة (3) أو المعادلة (4). لاحظ أنه إذا كانت m2<m فإن التسارع يكون موجباً. يعني ذلك أن الكتلة اليسرى تتسارع لأسفل بينما تتسارع الكتلة اليمنى لأعلى والبكرتان تتسارعان ضد عقارب الساعة. إذا كانت m1< m2 في هذه الحالة تكون جميع القيم سالبة وينعكس اتجاه الحركة. أما إذا كانت m₁= m₂ فإنه لايحدث تسارع إطلاقاً . يجب أن تقارن هذه النتائج مع تلك التي تم الحصول عليها في المثال 9.5 .

8.10 > الشغل والقدرة والطاقة في الحركة الدورانية WORK, POWER, AND ENERGY IN ROTATIONAL MOTION

في هذا القسم سوف ندرس العلاقة بين عزم الدوران الذي يؤثر على الجسم الجاسيء والحركة الدورانية الناتجة حتى نحصل على تعبيرات للقدرة وكذلك نظير دوراني لنظرية الشغل-طاقة الحركة. افترض أن الجسم الجاسيء يرتكز عند O كما في الشكل 22.10. تُستخدم قوة خارجية مفردة \mathbf{F} عند P حيث تقع \mathbf{F} في مستوى الصفحة.

الفصل العاشر: دوران الجسم الجاسيء حول محور ثابت

الشغل المبذول من القوة ${f F}$ عند دوران الجسم مسافة متناهية الصغر $ds=r~d\theta$ هو .

$$dW = \mathbf{F} \cdot d\mathbf{s} = (F \sin \phi) r d\theta$$

حيث F sin \$ مي المركبة الماسية لـ F. بمعنى آخر، هي مركبة النصف قطرية مركبة النصف قطرية القوة في اتجاء الازاحة، لاحظ أن المركبة النصف قطرية القوة F لاتبدل شغالاً لأنها عمودية على الازاحة، حيث إن مقدار عزم الدوران نتيجة القوة F حول O يُعرف بالمقدار \$ rF sin فإنه طبقاً للمعادلة 19.10، يمكن كتابة الشغل المبدول لاحداث دوران متناهى الصغر بالعلاقة:



شكل 22.10 يدور جسم جاسى، حول محور يمر بالنقطة O تحت تأثير قوة خارجية تؤثر عند P.

$$dW = \tau \, d\theta \tag{22.10}$$

المعدل الزمني لبذل الشغل بالقوة F عند دوران الجسم حول محور ثابت هو

$$\frac{dW}{dt} = \tau \frac{d\theta}{dt}$$

حيث $dW/dt = \omega$ إنظر القسم 5.7) المعطاه بالقوة F وحيث إن $\omega = dW/dt$ يمكن اختزال هذه المعادلة إلى:

$$\mathcal{P} = \frac{dW}{dt} = \tau \omega \tag{23.10}$$

تماثل هذه العالاقة المعادلة W=F0 في حالة الحركة الخطية، والمعادلة dW= au0 تماثل كذلك المعادلة $dW=F_\chi$ dW1.

الشغل والطاقة في الحركة الدورانية: Work and Energy in Rotational Motion

عند دراسة الحركة الخطية وجدنا أن مبدأ الطاقة، ويصورة خاصة نظرية الشغل- طاقة الحركة لها أهمية قصوى في وصف حركة المنظومة. كذلك يكون مبدأ الطاقة مفيداً في وصف الحركة الدورانية. طبقاً لما تعلمناه في الحركة الخطية، نتوقع أنه في حالة دوران جسم متماثل حول محور ثابت، فإن الشغل المبذول بالقوى الخارجية يساوي التغير في الطاقة الدورانية.

لإثبات أن ذلك صحيحاً، دعنا نبدأ بالملاقة Στ= Iα . باستخدام قاعدة المتسلسلة في التفاضل، يمكننا التعبير عن محصلة عزم الدوران بالعلاقة:

$$\sum \tau = I\alpha = I\frac{d\omega}{dt} = I\frac{d\omega}{d\theta} \frac{d\theta}{dt} = I\frac{d\omega}{d\theta}\omega$$

جدول 3.10 معادلات هامة في الحركة الدورانية والحركة الخطية

الحركة الدورانية حول محور ثابت	الحركة الخطية
$\omega = d\theta/dt$ السرعة الزاوية	v = dx/dt السرعة الخطية
$\alpha = d\omega / dt$ التسارع الزاوي	a = dv/dt التسارع الخطي
$\sum \tau = I\alpha$ محصلة عزم الدوران	$\sum F = ma$ llags
IF $\left\{\omega_f = \omega_i + \alpha t\right\}$	$\int v_f = v_i + at$
$\alpha = \text{constant} \left\{ \theta_f - \theta_i = \omega_i t + \frac{1}{2} \alpha t^2 \right\}$	
$\left \omega_f^2 = \omega_i + 2\alpha(\theta_f - \theta_i)\right $	$a = \text{constant} \begin{cases} x_f - x_i = v_i t + \frac{1}{2} a t^2 \\ v_f^2 = v_i + 2a(x_f - x_i) \end{cases}$
$W = \int_{\theta_i}^{\theta_i} \tau \ d\theta$ limit the second of the second	$W = \int_{x_i}^{x_f} F_x dx \qquad \qquad \text{limit}$
$K_R = \frac{1}{2}I\omega^2$ die llechie lechie de la die l	$K = \frac{1}{2}mv^2$ dies lieux
$\mathscr{S} = \tau \omega$	$\mathscr{S} = Fv$ illustration
$L = I\omega$ كمية الحركة الزاوية	p = mv كمية الحركة الخطية
$\sum \tau = dL/dt$ عزم الدوران المحصل	$\sum F = dp/dt$ Idea Idea

بإعادة ترتيب هذه المعادلة وبملاحظة أن $\sum \tau d\theta = dW$ ، نحصل على

$$\sum \tau \, d\theta = dW = I\omega \, d\omega$$

بإجراء التكامل، نحصل على الشغل الكلى المبذول بواسطة صافى القوة الخارجية المؤثرة على جسم دوار:

$$\sum W = \int_{\theta_i}^{\theta_f} \sum \tau \ d\theta = \int_{\omega_i}^{\omega_f} I\omega \ d\omega = \frac{1}{2} I\omega_f^2 - \frac{1}{2} I\omega_i^2$$

 θ_i من تتغير السرعة الزاوية من θ_i إلى θ_i عندما يتغير الموضع الزاوي من

أي أن:

صافى الشغل المبذول بقوى خارجية لاحداث دوران جسم جاسىء متماثل حول محور ثابت يساوى التغير في الطاقة الدورانية للجسم.

يعطى الجدول 3.10 قائمة بالمعادلات المختلفة التي تم مناقشتها والتي تتعلق بالحركة الدورانية بجانب المعادلات المماثلة في الحركة الخطية. المعادلتان الاخيرتان في الجدول 3.10 واللتان تشتملان على كمية الحركة الزاوية L سوف نناقشها في الفصل 11 وتم ذكرها هنا فقط من أجل استكمال

ختبار سريع 4.10

عند وضع طوق في المستوى xy. أي من الوضعين التاليين يتطلب بذل شغل أكثر بمساعد خارجي حتى يتسارع الطوق من السكون إلى السرعة الزاوية α β (α) الدوران حول محور α 5 المار بمركز الطوق (α) الدوران حول محور يوازي α 5 والمار خلال النقطة α 7 على حافة الطوق (α 6) الدوران حول محور يوازي α 7 والمار خلال النقطة α 8 على حافة الطوق (α 8) الدوران حول محور يوازي α 8 الملوق (α 9) الدوران حول محور يوازي α 9 على حافة (α 9) الدوران حول محور يوازي α 9 على حافة (α 9) الدوران حول محور يوازي α 9 على حافة (α 9) الدوران حول محور يوازي α 9 على حافة (α 9) الدوران حول محور يوازي α 9 على حافة (α 9) الدوران حول محور يوازي α 9 على حافة (α 9) الدوران حول محور يوازي α 9 الدوران حول محور يوازي α 9 ماري الماري الماري الدوران حول ماري الماري (α 9) الدوران حول ماري (α 9) الدوران حول الماري (α 9) الدوران حول (α 9) الدوران (α 9) الدوران حول (α 9) الدوران (α 9) الدورا

مثال 14.10 دوران قضيب

يدور قضيب منتظم طوله L وكتلته M دوراناً حراً حول محور أملس بمر خلال أحد طرفيه (شكل (23.10) (a) ما مقدار سرعتة الزاوية عندما يصل إلى ادنى موضع له؟

الحل: يمكن الاجابة على هذا السؤال بدراسة الطاقة الميكانيكية. عندما يكون القضيب افقياً لايكون له طاهة دورانية. طاقة الوضع بالنسبة إلى أدنى موضع لمركز الكتلة للقضيب (O') هي $M_{\rm BL}/2$ عندما يصل القضيب إلى أدنى موضع تكون الطاقة هي طاقة دورانية فقط $\frac{1}{2} n_{\rm B}^2$. حيث 1 عزم القصور الذاتي حول نقطة الارتكاز ويساوي $\frac{1}{2} M_{\rm B}^2$ (انظر الجدول 2.10). وحيث أن الطاقة الميكانيكية ثابتة فإننا نحصل على $E_{\rm BL} = E_{\rm BL}$ (انظر عليه غايتة فإننا نحصل على $E_{\rm BL} = E_{\rm BL}$).

$$\frac{1}{2}MgL = \frac{1}{2}I\omega^2 = \frac{1}{2}(\frac{1}{3}ML^2)\omega^2$$

$$\omega = \sqrt{\frac{3g}{L}}$$

(b) احسب السرعة الخطية لمركز الكتلة وكذلك السرعة الخطية لأدنى نقطة على القضيب عندما
 يكون في الموضع الرأسي.

الرحل، بمكن تعيين هاتين القيمتين من العلاقة بين السرعة الخطية والسرعة الزاوية. تعلم قسيمة ω من الجبرة، (α) وبالتالي تكون السرعة الخطية لمركز الكتلة هي:

$$v_{\text{CM}} = r\omega = \frac{L}{2}\omega = \frac{1}{2}\sqrt{3gL}$$

وحيث إن قيمة r عند ادنى نقطة على القضيب هي ضعف قيمتها لمركز الكتلة، فإن السرعة الخطية لأدنى نقطة تساوى

$$v_{\rm CM} = \sqrt{3gL}$$



شكل 23.10 قـضـيب منتظم مـرتكز عند النقطة O يدور في مستوى رأسي تحت تأثير الجاذبية.

مثال 10.15 أسطوانتان متصلتان ببعضهما.

افترض اسطوانتین کتلتیهما $m_1 = m_2 = m_2$ حیث $m_1 = m_1$ متصلتان بحبل مار علی بکرة، کما هو موضح بالشکل 10.24 .



نصف قطر البكرة R وعزم القصور الذاتي حول محور دورانها هو 1. اشرض أن الحبل لا ينزلق على البكرة وتبدأ المجموعة في الحركة من السكون. احسب سرعتا الاسطوانتين بعد هبوط الاسطوانة 2 مسافة h وكذلك السرعة الزاوية للبكرة عند هذه اللحظة.

الحل؛ بمكننا الآن فهم تأثير بكرة ذات كتلة كبيرة، حيث أن الحبل لاينزلق فإن البكرة ستدور. سوف نهمل الاحتكاك في محور الدوران الذي تدور حولة البكرة للسبب التالي:

حيث أن نصف قطر المحور صغير بالنسبة لنصف قطر البكرة فإن عزم الدوران الناتج عن الاحتكاك أقل كثيـراً من عـزم الدوران الناتج من الاسطوانتين بشرط أن تكون كتلتاهما مختلفتين كثيـراً.

شكل 24.10

الطاقة المكانيكية ثابتة، ومن ثم، فإن الزيادة في طاقة الحركة للمنظومة (الاسطوانتين، البكرة، الارض) $K_{\rm col}$ النقص في طاقة وضع المنطومة . حيث أن $K_{\rm col}$ (المنظومة ساكنة في البداية) نحصل على

$$\Delta K = K_f - K_i = \left(\frac{1}{2}m_1v_f^2 + \frac{1}{2}m_2v_f^2 + \frac{1}{2}I\omega_f^2\right) - 0$$

- حيث $v_f = R\omega_f$ بها نفس القيمة للاسطوانتين. وحيث أن $v_f = R\omega_f$ ، تصبح هذه المعادلة:

$$\Delta K = \frac{1}{2} \left(m_1 + m_2 + \frac{I}{R^2} \right) \upsilon_f^2$$

من شكل 24.10 نلاحظ أن المنظومة تفقد طاقة الوضع عندما تهبط الاسطوانة 2 وتكتسب طاقة وضع عندما ترتفع الاسطوانة 1. أي أن $\Delta U_j = m_1 gh$ و $\Delta U_j = m_1 gh$. باستخدام مبدأ حفظ الطاقة في الصورة $\Delta K + \Delta U_1 + \Delta U_2 = \Delta U_2$ نحصل على:

$$\frac{1}{2} \left(m_1 + m_2 + \frac{I}{R^2} \right) v_f^2 + m_1 g h - m_2 g \dot{h} = 0$$

$$v_f = \begin{bmatrix} \frac{2(m_2 - m_1)gh}{\left(m_1 + m_2 + \frac{I}{R^2}\right)} \end{bmatrix}^{1/2}$$

وحيث أن $v_f = R\omega_f$ ، فإن السرعة الزاوية للبكرة عند هَذْه اللحظة هي:

$$\omega_f = \frac{\upsilon_f}{R} = \frac{1}{R} \left[\frac{2(m_2 - m_1)gh}{\left(\frac{m_1 + m_2 + \frac{I}{R^2}}{R} \right)} \right]^{1/2}$$

الفصل العاشر: دوران الجسم الجاسيء حول محور ثابت

تحرين، كرر حسساب v_f باستخدام $\Sigma = I \alpha$ على البكرة وتطبيق قىانون نيـوتن الثـاني على الاسطوانتين. استخدم الطريقة التى تم استخدامها في المثالين 12.10 و 13.10.

ملخص SUMMARY

عندما يدور جسم في دائرة نصف قطرها r خلال زاوية θ (مقاسة بالتقدير الدائري)، فإن طول القوس الذي يقطعه الجسيم هو ε r θ.

الإزاحة الزاوية لجسيم يدور في دائرة أو لجسم جاسىء يدور حول محور ثابت هي

$$\Delta \theta = \theta_i - \theta_i$$
 (2.10)

السرعة الزاوية اللحظية لجسيم يدور في دائرة أو لجسم جاسىء يدور حول محور ثابت هي

$$\omega = \frac{d\theta}{dt} \tag{4.10}$$

التسارع الزاوي اللحظي لجسم يدور هو

$$\alpha = \frac{d\omega}{dt} \tag{6.10}$$

عندما يدور جسم جاسىء حول محور ثابت فإن كل جزء من الجسم يكون له نفس السرعة الزاوية ونفس التسارع الزاوي.

عندما يدور جسيم أو جسم حول محور ثابت بتسارع زاوي ثابت، يمكن استخدام المعادلات الكينماتيكية والتي تشابه مثيلاتها في الحركة الخطية تحت تأثير تسارع خطى ثابت:

$$\omega_f = \omega_i + \alpha t \tag{7.10}$$

$$\theta_f = \theta_i + \omega_i t + \frac{1}{2} \alpha t^2 \tag{8.10}$$

$$\omega_f^2 = \omega_i^2 + 2\alpha(\theta_f - \theta_i) \qquad (9.10)$$

الطريقة المفيدة في حل المسائل التي تتعامل مع الحركة الدورانية هي تصور تحويلها إلى حركة خطية لنفس المسألة.

عندمنا يدور جسم جاسىء حول محور ثابت، يرتبط الموضع الزاوي والسرعـة الزاوية والتسارع الزاوي بالموضع الخطي والسرعة الخطية والتسارع الخطي من خلال العلاقات التالية

$$s = r\theta$$
 (1.10a)

$$v = r\omega$$
 (10.10)

$$a_i = r\alpha \tag{11.10}$$

واضح أنه من السهل التحويل من المتغيرات الخطية إلى المتغيرات الدورانية عند وصف وضع ما.

عزم القصور الذاتي لنظومة من الجسيمات هو

$$I = \sum m_i r_i^2 \tag{15.10}$$

إذا دار جسم جاسى، حول محور ثابت بسرعة زاوية (6)، فإن طاقة حركته الدورانية يمكن كتابتها في الصورة

$$K_{\rm p} = \frac{1}{2}I\omega^2$$
 (16.10)

حيث I هو عزم القصور الذاتى حول محور الدوران

عزم القصور الذاتي لجسم جاسيء هو

$$I = \int r^2 dm \tag{17.10}$$

حيث r هي المسافة بين عنصر الكتلة dm ومحور الدوران.

مقدار عزم الدوران المصاحب للقوة F التي تؤثر على جسم هو

$$\tau = Fd \tag{19.10}$$

حيث d هي ذراع العزم للقوة، وهو المسافة العمودية من نقطة الأصل إلى خط تأثير القوة. عزم الدوران هو مقياس لمحاولة القوة على تغيير دوران الجسم حول محور ما .

إذا كان الجسم الجاسىء حراً في الدوران حول محور ثابت له صافي عزم دوران مؤثراً عليه فإن الجسم يكتسب تسارع زاوي α، حيث

$$\sum \tau = I\alpha \tag{21.10}$$

معدل بذل الشغل من هَـوَة خـارجيـة في دوران جـسم جـاسى، حـول مـعـور ثابت أو ا**لقـدرة** المستخلصة، هو

$$\mathcal{P}=\tau\omega \tag{23.10}$$

صافي الشغل المبذول بقوى خارجية في دوران جسم جاسىء حول محور ثابت يساوي التغير في طاقة الحركة الدورانية للجسم

$$\sum W = \frac{1}{2} I \omega_I^2 - \frac{1}{2} I \omega_i^2$$
 (24.10)



QUESTIONS اسئلة

- ما هي السرعة الزاوية لعقرب الثواني في الساعة؟ ما هو اتجاه ω عندما تنظر إلى ساعة معلقة رأسياً؟ ما مقدار متجه التسارع الزاوى α لعقرب الثواني؟
- د تدور عجلة عكس اتجاه عقارب الساعة في المستوى xy. ما هو اتجاه xy ما هو اتجاه y إذا كانت السرعة الزاوية تتناقص مع الزمن؟
- ل المعادلات الكينماتيكية لكل من

 تكون صحيحة عندما تقاس الازاحة الزاوية
 بالزوايا الستينية بدلا من الزوايا النصف
 قطرية؟.
- تدور دائرة بمعدل ثابت مقدارة 45 دورة في الثانية. ما مقدار سرعتها الزاوية بالتقدير الدائرية لكل ثانية؟ ما مقدار تسارعها الزاوي؟.
- اف ترض أن a = b و M > m لجموعة من a = b الجسيمات الموضحة في الشكل 8.10 حول أي محور (x) أو (x) يكون لعزم القصور القيمة أكبر فيمة (x)
- افترض أن القضيب في الشكل 10.10 له كتلة موزعة بطريقة غير منتظمة، بصورة عامة هل عزم القصور الذاتي حول المحور y يظل MZ/12
- إذا لم يكن كذلك هل من المكن حساب عزم القصور الذاتي بدون معرفة الكيفية التي يتم بها توزيع الكتلة؟.
- 7 افترض أن هناك قوتان فقط تؤثران على جسم جاسيء. والقوتان متساويتان في المقدار ولكن متضادتان في الاتجاء؟ ما هو الشرط اللازم لدوران الجسم؟.
- 8 فسر كيف يمكنك استخدام الجهاز الموجود
 في الشكل 12.10 في تعيين عزم القصور

- الذاتي للعجلة (إذا كانت العجلة ليس لها كثافة توزيع ثابتة فإنه ليس من الضروري أن يساوى عزم القصور الذاتى $\frac{1}{2}MR^2$).
- P- باستخدام نتائج المثال 12.10 كيف يمكنك حساب السرعة الزاوية للعجلة والسرعة الخواية المثلة بعد 2 ثانية. إذا اطلق الجسم ليتحرك من السكون عند P هل العسلم ليتحرك من السكون عند P هل العسام ليتحرك من تكون صالحة في هذه العالمة.
- 10- إذا وضعت كرة صغيرة كتلتها M هي نهاية القضيب كما هي القضيب كما هي الشكر 23.10 هل ستكون قيم ه α كلير من أم أصغر من أم تساوي القيمة التي تم الحصول عليها في المثال 10.19.
- 11- فسر لماذا كان تغيير محور الدوران لجسم يُغيو عزم القصور الذاتي له؟.
- 12 هل من المكن تغيير طاقة الحركة الانتقالية
 لجسم بدون تغيير طاقته الدورانية؟.
- 13- اسطوانتان لهما نفس الابعاد تم اعدادهما للدوران حول محوريهما الطويلان بنفس السرعة الزاوية. احداهما مفرغة والاخرى ممتلـة بالماء. أي الاسطوانتين يكون من السهل عليها التوقف عن الدوران؟. فسر احداثه.
- 14- هل يجب ان يدور الجسم حتى يكون له عزم قصور ذاتي غير صفري؟.
- [15] إذا ما رأيت جسماً يدور، هل من الضروري أن يكون هناك صافي عرزم دوران يؤثر عليه؟.
- 16- هل الاجسام الساكنة للحظة يكون لها تسارع زاوي غير صفري؟.

17- القطر القطبي للارض يكون أقل قليـــلاً من القطر الاستوائي. كيف يتغير عزم القصور الذاتي إذا مـــا تم إزالة بعض من الكتلة من

PROBLEMS JIL

1، 2، 3 = مسائل مباشرة، متوسطة، تحدي 📗 = الحل كامل متاح في المرشد.

Http:// www. sanunderscollege. com/ physics/ = WEB

= الحاسب الآلي مفيد في حل المسائل

📗 = أزواج رقمية/ باستخدام الرموز

قسم 2.10 الكينماتيكا الدورانية: الحركة الحركة الدورانية بتسارع زاوي ثابت

1 تبدأ عجلة الدوران من السكون بتسارع زاوي ثابت إلى أن تصل إلى سرعة زاوية 2.0 rad/s بعد 3 ثانية احسب (a) مقدار التسارع الزاوي للمجلة (d) الزاوية (بالتقديم الدائري) التي تصنعها خلال هذه الفترة.

2- ما مقدار السرعة الزاوية بالتقدير الدائري لكل ثانية لكل من (a) الأرض عند دورانها حول الشمس و (b) القمر عند دورانه حول الأرض. 2.

8- تصل الطائرة إلى نهاية المرر ثم تترقف محركاتها. العضو الدوار Rotor لاحد محركاتها له سرمة زاوية ايتدائية في اتجاه عقارب الساعة تساوي 2000 700. ييناطا دوران الحرك بتسارح زاوي مقداره 80.00 أو المسب السرعة الزاوية بعد (أو أني (ة) ما هي الفترة الزانية اللازمة للعضو الدوار حتى يسكن؟.

 (a) ينطبق عقربا الدقائق والساعات عند الساعة 12. احسب جميع الأوقات الاخرى (لاقرب ثانية) والتي يتطابق فيها العقربان (b) إذا كان في الساعة عقرب ثواني،

احسب جميع الاوقات التي يتطابق فيها الثلاث عقارب علماً بأنها تتطابق جميعها

منطقة قرب خط الاستواء وتم تحويلها إلى

المناطق القطبية حتى تصبح الكرة الأرضية

کُرىة؟.

= فيزياء تفاعلية

عند الساعة 12. [8] تم قطع التيار الكهربي عن موتور كهربي [8] تم قطع التيار الكهربي عن موتور كهربي يقوم بإدارة عجلة جلخ بمعدل 100 دورة في الدقيقة. اقترض أنه يحدث تباطؤ بمعدل 2.0 rad/s² حتى تتوقف (6) ما مقدار الزاوية بالتقدير الدائري التي تقطعها العجلة في الجزء (a).

- ٥- يدور جهاز طرد مركزي في مركز طبي بسرعة دورانية متدارها 36000 دورة في الدقيقة، عندما ينقطع النيار يدور 50 دورة قبل أن يتوقف احسب التسارع الزاوي الثابت للجهاز.
- 7- للوضع الزاوي لباب يتارجح يعطى بالعلاقة $2.00^2 + 5.0 + 10.0t + 2.0t^2$ احسب الموضع الزاوي، السرعة الزاوية والتسارع الزاوي للباب (a) عند 0 = t (b)
- 8- عندما تدور حلة الغسالة الكهربية تبدأ من السكون ثم تكتسب سرعة زاوية ثابتة بعد 8.0s عندها تدور بمعدل 5.0 دورة/ثانية. في هذه اللحظة يضتح الشخص الغطاء

الفصل العاشر : دوران الجسم الحاسيء حول محور ثابت

- وبأمان يفصل التيار. تتباطأ الحلة بهدوء حتى تقف بعد 12.0s. كم عدد الدورات التي احدثتها الحلة خلال حركتها؟.
- و تحتاج عجلة تدور إلى 3.0 ثانية حتى تُكمل 37.0 دورة. إذا كانت سرعتها الزاوية في نهاية الثلاث ثوان هي 98.0 rad/s ما مقدار التسارع الزاوى الثابت للمجلة؟.
- 01- (a) ما مقدار السرعة الزاوية لدوران الارض حول محورها. عندما تدور الارض نحو الشرق ترى السماء تدور تجاه الغرب بنفس المعدل.
- (b) تقع مدينة كأمبريدج في إنجلترا على خط الطول *0. بينما تقع ساسكاتون في ساسكا تشيوان تقع على خط الطول 107 غرباً ، ما مقدار الزمن الذي ينقضي بعد غرباً ، ما مهدار الزمن الذي ينقضي بعد غرب مجموعة كواكب عند كامبريدج حتى تسقط هذه النجوم تحت الافق الفربي في ماسكاتون.

قسم 3.10 الكميات الزاوية والكميات الخطية

- احسب بالتقريب عدد الدورات التي يحدثها إطار سيارة في عام اذكر الكميات التي تحتاجها ومقدارها.
- 12 قطرا المروحتان الامامية والخلفية لطائرة هليكويتر ذات محرك واحد هما 7.6m و 1.02m على التوالي، سرعتاهما الدورائية هما 450 دورة/دقيقة و 1288 دورة/دقيقة احسب سرعة طرفا المروحتين. قبارن بين هذه السرعات مع سرعة الصوت 343m/8.



شكا، P12.10

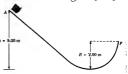
- [13] تسير سيارة سباق على مضمار دائري نصف قطره 250m. إذا كانت السيارة تتحرك بسرعة خطية ثابتة مقدارها 45.0m/s
- (a) سرعتها الزاوية و (b) مقدار واتجاه تسارعها.
- 14- تسير سيارة بسرعة 36.0 km/h على طريق مستقيم، إذا كان نصف قطر اطارها هو com 25.0cm احسب السرعة الزاوية لاحد إطاراتها باعتبار محور العجلة هو محور العوران.
- [5] عجلة قطرها 2.0m تقع في مستوى رأس وقدور يتسارع زاوي منتظم مقدارة رأس وقدور يتسارع زاوي منتظم مقدارة P ويصنع متجه نصف القطر النقطة P الواقعة على الحافة زاوية مقدارها "57.3 مع الأفقي عند هذه اللحظة احسب (a) السرعة الزاوية للتجلة (b) السرعة والتسارع الخطي للنقطة P (c) الموضع الزاوي للنقطة P (d) المرضع الزاوي النقطة P (e) المرضعة الزاوي النقطة P
- 16- يتسبب رامي القرص في تسارع القرص من السكون إلى سرعة 25MP بلغه خلال 1.25 السكون إلى سرعة 25MP بلغه خلال 25MP من دائرة نصف قطرها القرص يتحرك على قوس من دائرة نصف قطرها الامال (a) الحسب السرعة الزاوية النهائية للقرص (d) احسب مقدار التسارع الزاوي للقرص بفرض أنه ثابت (c) احسب رفن التسارع.



شكل P16.10

17- تتسارع سيارة بانتظام من السكون لتصل سرعتها إلى 2.0.m/s بعد 9.0 باشية إذا كنان 5.0 بعد 9.0 بعد 15.0 بعد 15.0 بعد الدورات التي يحدثها الإطار خالال هذه الحركة بفرض عدم حدوث انزلاق (d) ما هي السرعة الدورانية النهائية للإطار مقدرة بالدورة بالنه.

18- أطلقت كتلة مقدارها 6.0kg من النقطة A على مضمار املس الموضح في الشكل P18.10. احسب المركبتان العمدودية والماسية لتسارع الكتلة عند P.



شكل P18.10

19 يدور قدرص نصف قطره 8.0cm بمعدل ثابت 2000 دورة/ دقيية عجول معدورة المركزي احسب (a) سرعته الزاوية (d) السرعة الخطية عند نقطة على بعد 3.0cm من المركز (c) التصارع العمودي لنقطة على الحافة (d) المسافة الكلية التي تتحركها نقطة على الحافة في 2.0 ثانية.

20- تتسارع سيارة متحركة على مضمار افقي دائري بانتظام من السكون بتسارع مماسي مقدارة 7.7m/2. تقطع السيارة ربع المسار قبل أن تتزلق على المضمار. احسب معامل الاحتكاك الاستاتيكي بين السيارة والمضمار من هذه البيانات.

بسرعة بسرعة بتحرك جسم صغير كتلته 4.0 kg بسرعة -21
 بابتة مقدارها 4.5 m/s ضد عقارب الساعة

في دائرة نصف قطرها 8.0 مركزها هو ليقط أصل مركزها هو النقطة الأصل، بدأ الجسم الحركة من النقطة الكرتيـزية (3m.0). عندما تكون الاحة الزاوية هي 9.0 rad هو متجه الازاحة الزاوية هي اي ربع يقع الجسم ومستخدماً وحدات المتجه هي الزاوية التي يصنعها متجه الموضع مع الاجباه الموجب للمحور x2. (3) عين متجه? (b) في اي اتجاه يتحـرك؟ اقم رسـمأ السرعة للجسم باستخدام وحدات المتجه تخطيطياً لمتجهي الموضع والسرعة (ع) ما مقدار القوة الكلية التي تؤثر على الجسم؟ (عبـر عبـر عن اجبابتك باستخدام المستخدام المتجه؛ المستخدام وحدات المتجه؛

22- وضع شريط كاسيت معياري في الكاسيت. كل وجه يستمر لمدة 30 دقيقة. يدخل عـمـودا الدوران في عـجلتي الشريط. افترض أن المؤتور يدير عمود واحد بسرعة زاوية ثابتة مقدارها الماما والممود الثاني حراً في أن يتحرك بأي سرعة زاوية. قدر سُملُك الشريط.

قسم 4.10 الطاقة الدورانية

23- ثلاث أجسام صغيرة مرتبطة مع بعضها بقضبان جاسىءة مهملة الكتلة وتقع على المحور χ (شكل 23.10). إذا كانت الشطومة تدور حول للحور χ بسرعة زاوية مقدارها 2.0 rad/s -2.0 rad/s -2.0

الفصل العاشر: دوران الحسم الحاسيء حول محور ثابت

لندن، طولهـما 2.7m. وكتاتـاهما لندن، طولهـما 2.7m. وكتاتـاهما 100.0kg و60kg مثل التوالي احسب طاقة الحركة الدورانيـة الكليـة للذراعين حول محور الدوران. (بمكن اعتبـار العقـرين كقضين طويلين رفيقين).



شكل P26.10 المسألتان 26، 70

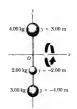
27- كتلتان m ، متصلتان بقضيب جاسى، طوله L مهمل الكتلة كما هو موضع بالشكل P(T, T) . بالنسب له أنحور عـمـودي على القضيب، اثبت أن المنظومة لها أقل عزم قصور ذاتي عندما يعر المحور خلال مركز الكتلة . أثبت أن عزم القصور الذاتي هو I = mM(m+M)



شكل P27.10

قسم 5.10 حساب عزم القصور الذاتي

28- ثلاث قضبان متماثلة رقيقة وطويلة طول كل منهم Las منهم Las وكتلته m تم التحامهم متعامدين على بعضهم كما بالشكل 28.10 عند دوران المجموعة حول محدور يمر خلال طرف احد القضبان ومواز للآخر. احسب عزم القصور الذاتي لهذه المجموعة.

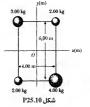


شكل P23.10

24 يتحرك مركز كتله كرة البيسبول (نصف قطرها 3.8cm) بسرعة 3.8m/s. تدور الكرة حول محور يمر بمركز كتلتها بسرعة زاوية 125rat/s. احسب نسبة الطاقة الدورانية إلى طاقة الحركة الانتقالية. افترض أن

الكرة كروية و منتظمة.

|25| يوضح الشكل P25.10 (بع أجسام متصلة بقضبان مهملة الكتلة، نقطة الاصل تقع في مـركز المستطيل، إذا دارت المنظومة في المستوى vx. حول الحـور z بسـرعة زاوية crad/s. الحـسب (a) عـزم القـصـور الذاتي للمنظومة حـول الحـور z (d) الطاقـة الدورانية للمنظومة



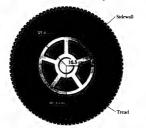
26 عقرب الساعات وعقرب الدقائق في ساعة بيج بن، ساعة برج البرلمان الشهورة في

الضرباء (الحزء الأول- المكانيكا والديناميكا الحرارية)



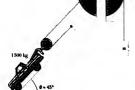


شكا، P28.10



شكل P29.10 30- استخدم نظرية المحور الموازي والجدول 10.2 في حساب عزم القصور الذاتي لكل

29- يوضح الشكل P29.10 منظر جانبي لإطار سيارة وابعاده النصف قطرية. الاطار المطاطى له جانبين ذو سمك صغير مقدارة 0.635 cm واتساع (مــوطئ) ذو ســمك منتظم مقداره 2.5 cm وعرضه 20.0 cm. افترض ان كثافته منتظمة ومقدارها 1.1x 103kg/m³. احسب عزم القصور الذاتى حول محور يمر خلال مركزة وعمودي على مستوى الجدارين الجانبيين.



من (a) اسطوانة صلبة حول محور يوازى محور مركز الكتلة ويمر خلال حافة الاسطوانة و (b) كرة مصمتة حول محور

احسب الكتلة اللازمة m لتتزن مع عربة نقل -31كتلتها 1500kg على منحدر مائل كما هو م_وضح بالشكل P31.10. افرض أن كل البكرات ملساء ومهملة الكتلة.

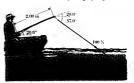
مماسا لسطحها. قسم 6.10 عزم الدوران.

شكل P31.10

[32] احسب صافى عزم الدوران على العجلة في الشكل P32.10 حول محور يمر خلال O إذا كانت a = 10.0cm و b= 25.0cm



33- يصنع عـمـود السنارة الموضح في الشكل P33.10 زاوية مقدارها 20.0° مع الأفقى ما مقدار عزم الدوران الذي تؤثر به السمكة حول محور عمودي على الصفحة ويمر خلال مقبض الصياد؟.



شكل P33.10

34- قطر إطارات سيارة كتلتها 1500kg هو 0.600m ومعاملا الاحتكاك مع سطح $\mu_k = 0.600$ الطريق 0.800 $\mu_s = 0.800$ بافتراض ان الوزن موزع بالتساوى على الاربع عجلات، احسب اقصى عزم دوران يؤثر به محرك السيارة على عجلة القيادة بحيث لاتدور عجلة القيادة- يمكنك افتراض ان السيارة في سكون.

35. - افترض أن السيارة في المسألة 34 لها اقراص فرملة. تتباطأ كل عجلة نتيجة قوة احتكاك بين مسند فرامل مفرد وعضو يدور (للتربين) على هيئة قرص. في مثل هذه السيارات يلتصق مسند الشرامل مع العضو الدوار على بعد متوسط مقداره 22.0cm من المحور. إذا كان معاملا الاحتكاك بين مسند الفرامل والقرص هما $\mu_s = 0.60$ $\mu_s = 0.60$ العمودية التي تستخدم على العضو الدوار حتى تتباطأ السيارة بأسرع مايمكن.

قيسم 7.10 العيلاقية بين عيزم الدوران والتسارع الزاوي

36 نموذج طائرة كتاته 0.75 kg مربوط بسلك طويل حستى تحلق فى دائرة نصف قطرها 30.0cm . يعطى محرك الطائرة قوة دافعة مقدارها 0.80 N عمودياً على السلك (a) احسب عزم الدوران الذي تنتجه القوة الدافعة حول مركز الدائرة (b) احسب التسارع الزاوى للطائرة عندما تكون في طيران أفقى (c) احسب التسارع الخطى للطائرة والمماس لمسار طيرانها.

37- ينتج عن اتحاد قوة خارجية وقوة الاحتكاك عـزم دوران كلى ثابت مـقـدارة 36.0 N·m على عجلة تدور حول محور ثابت. تؤثر القوة الخارجية لمدة 6 ثواني، وأثناء هذه الفترة تزداد السرعة الزاوية للعجلة من 0 إلى 10.0 rad/s، بعد ذلك تُلغى القوة الخارجية وتتوقف العجلة بعد 60.0 ثانية. احسب (a) عزم القصور الذاتي للعجلة (b) مقدار عزم الدوران الناتج عن الاحتكاك و (c) المجموع الكلى لعدد لفات العجلة.

38- ثقل m كتلته 2.0kg وثقيل آخير m كتبلته 6.00 kg مربوطان ببعضهما بحيل مهمل الكتبلة يمبر على عجبلة على هبيئية قرص نصف قطره R= 0.25m وكتلته M= 10.0kg. يسمح للثقلين أن يتحركا على وتد من الصخر (block- Wedge) يصنع زاويـة °30 كما هـو موضح بالشكل 38.10.



معامل الاحتكاك لكلا الثقلين هو 0.36. ارسم الرسم الهندسي للجسم الحر لكلا الثقلين وللبكرة. احسب (a) تسارع الثقلين (b) الشد في الخيط على جانبي العجلة.

- عجلة الخزف- قرص حجري سميك نصف قطره 0.50m وكانت المسلام 1.000 يدور حراً يمحن للمامل ايقاف بمحدر من 0.50m بمكن للمامل ايقاف ما 1.00 ثابتة بضغط قطمة قماش مبللة أمام حافة العجلة لكي تؤثر بقوة نصف قطرية للداخل معدارها 70.0N احسب معامل الاحتكاف الكيناتيكي المؤثر بين العجلة وقطعة القماش.

قسم 8.10 الشغل والقدرة والطاقة في الحركة الدورانية

40. قضيب اسطوائي طوله 24.0cm وكتاتـــه J.2kg و وكتاتـــه J.2kg و كره قطرها J.2kg و وضع قطرها و كيرة يكتب باحد طرفيه. هذه النظومة رأسية وساكنة في البداية عندما تكون الكرة على القمة. الجهاز حر الحركة حرل نقطة القاع للقضيب.

(a) عند سقوطه بـ "90 درجة ما مقدار طاقة حركته الدورانية (d) ما مقدار السرعة الزاوية للقضيب والكرة (c) ما مقدار السرعة الخطية للكرة (d) كيف يمكن مقارنة ذلك بسرعة الكرة إذا ما سقطت الكرة سقوطاً حراً لسافة 28mm.

41- كتلة مقدارها 15.0 kg وأخرى مقدارها 10.kg وأخرى مقدارها 10.kg 10.kg بمائة تبان على بكرة نصف قطرها 10.cm وكتلة إلى 20.11 (شكل 11.10). إذا كتلة الحيل مهملة ويمسبب دوران البكرة بدون انزلاق ويدون احتكاك. تبد الكتلتان الحركة من السكون والمسافة بينهما 20.6 التعاملنا مع البكرة كقرص بينهما 20.6 إلا تعاملنا مع البكرة كقرص

منتظم احسب سرعة الكتلتين لحظة مرور كل منهما على الأخرى.



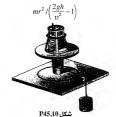
شكل P41.10 المسألتان 41، 42

42 كتلة مقدارها m_1 واخرى m_2 معلقتان على بكرة نصف قطرها n_2 وكتلتها m_2 (شكل بكرة نصف قطرها n_2 كتلة الحبل مهملة ويسبب دوران البكرة يدون انزلاق ويدون احتكاك. تبدأ الكتلتاب الحركة من السكون والمسافة بينهما n_2 إذا تعاملنا مع البكرة كشرص منتظم، احسب سرعة الكتلتين حوالم مرود كل منهما على الأخرى.

(34) ثقل وزنه 50.00 مربوط في نهاية حبل خفيث ماشوف حول بكرة نصف قطرها خفيث ماشوف حول بكرة نصف قطرها وكانتها وكانه. البكرة عبارة عن حول محور افقي مار بمركز القرص. اطلق الجسم للحركة وهو على ارتفاع 6.0m الارش (a) احسب الشد في الحبل، تسارع الكتلة وسرعة ارتفالم النقل بالارض. (d) احسب السرعة التي تم الحصول بلايف. (e) احسب السرعة التي تم الحصول بهيا في الحبارة (a) باستخدام مبدأ حفظ الطاقة.

44- يستخدم عزم دوران ثابت مقداره 25.0N·m على حجر جلخ عزم القصور الذاتي له هو على 25.0N·m مبادى، الطاقة. الحسب السرعة الزاوية بعد أن يدور الحجر 5.01 دورة (اهمل الاحتكاك).

45 تصف هذه المسألة احدى الطرق التجريبية لتعبين عزم القصور الذاتي لجسم غير منتظم الشكل مثل حمولة قمر صناعي. ويضح الشكل 15.40 عللة مشدة m بحيل حول بكرة نصف قطرها r مكوناً جزء من مناعم دوار للجسم. عندما تتحرك الكتلة من السكري فإنها تهيئر المسافة ال وتكتسب سرعة v. اثبت أن عزم القصور الذاتي التطير (شاملا النشدة الدوارة) هو المهاد المنادة الدوارة) هو



46- اتوبيس مصمم بحيث يستمد قدرته من حذافة دوارة رالتي تمسل إلى اقصى معدل دوران "الحذافة عبارة عن اسطوانة صبوتور كهربي، الحذافة عبارة عن اسطوانة صلية كتاتها \$000 وقطرها 1.0m. إذا كان الاتوبيس يحتاج في المتوسط قدرة مقداراها 10kW المان العادة اللازمة لدوران الحذافة؛

(a) [47] (b) قسرص صلب منتظم نصف قطره R وكتلته M يدور دوراناً حراً على مفصلة ملساء نقع على حافته. (شكل P47.10). إذا

تحــرك القــرص من السكون عند الدائرة الزرقاء، ما هي سرعة مركز كتلته عندما يصل القـرص إلى الوضع الموضع بالدائرة المظللة؟ (ام) ما هي سرعة ادنى نقطة على القرص في الموضع المظلل؟ (ع) كرر الجـز، القـرص في الموضع المظلل؟ (ع) كرر الجـز،



شكل P47.10

- 48- أرجوحة خيل وزنها 800N عبارة عن قرص صلب نصف قطرة 75.. وتبندأ الحركة من السكون يقوة ثابتة مقدارها 50.N تستخدم مماسيا للاسطوانة احسب طاقة الحركة للاسطوانة الصلبة بعد 30. ثانية؟
- و49 عجلة جلخ في صورة قرص منتظم نصف قطره 7.0cm يتبدأ العركة من السكون وتتسارع بانتظام تحت تأثير من السكون وتتسارع بانتظام تحت تأثير عربة دوران ثابت مقدارة 8.0cm ما الزمن يؤثر به الموتور على العجلة (a) ما الزمن الملجلة للتصل إلى سبرعة دوران الهائية مقدارها 1200 rev/min الحدادات العربة 1200 احسب عدد الدورات التي تدورها أثناء تسارعها?
 65- كثافة الإرض عند أي مسافة ٢ مر مركزها
- عبد اي مسافه r من مركزها معلى عبد اي مسافه r من مركزها تعطي تقريباً بالعلاقة $ho = [14.2 11.6 \ r/R] imes 10^3
 m kg/m^3$

حيث R نصف قطر الأرض اثبت أن هذه الكثافة تؤدي إلى عزم قصور ذاتي مقدارة $I = 0.33MR^2$

حيث M هي كتلة الأرض.

خيط خفيف من النيلون طوله 4.0m طوله 4.0m مولون حول بكرة اسطوائية منتظمة نصف فطرها محور المس وقي وضع السكون. [دا جُذيب من على البكرة بتسارع بابت مقداره الخيط من على البكرة بتسارع بابت مقداره 25m/s.

 الخيط من على البكرة بتسارع بابت مقداره الشغل البيدول على البكرة عندما تصل سرعتها الزاوية إلى 25m ra/s عندما تصل سرعتها الزاوية إلى المقدف حول البكرة طويل بدرجة كافية ما هو الزمن اللازم لكي تصل السرعة الزاوية هو الزمن اللازم لكي تصل السرعة الزاوية للي يوجد طول للبكرة إلى هذه القيمة؟ (ع) هل يوجد طول كافيم من الخيط على البكرة؛

52- حذافة في صورة قرص دائري ثقيل قطره 200 موضوعة على 200 موضوعة على حامل أملس. تتسناع الحذافة من السكون المال أملس. تتسناع الحذافة من السكون (a) ما مقدار عزم القصور الذائي للحدافة (b) ما مقدار الشغل المبدول عليها أثناء هذا التمسارع? (c) عندما تصل السرعة الزاوية للحذافة إلى 2010 rev/min الحسالة الإحسالة ووقع المستخدام فرامل الحتكاك لإبطاء محدل الدوران إلى 500 rev/mi مقرامل الاحتكاك ومرامل 150 معدار الطاقة المقفودة كطاقة المقودة وأعرام الاحتكاك ومرامل الاحتكاك.

53 - تدور اسطوانة العصود بمعدل 65.0rad/s عند 1=1. بعد ذلك يعطى تشارعها الزاوي بالعلاقة

α = -10 rad/s²- 5t rad/s³

حيث t الزمن المار (a) احسب سرعتها الزاوية عند 3.0s t = 3.0 ما عدد الدورات التي تدورها في الـ 3 ثوان؟.

45 - k^2 - k^2 محور أدوراني، يعرف نصف قطر حركة الدوران k^2 لجسم جاسىء بالعلاقة k^2 - k^2 - k^2 ميث k^2 حيث k^2 هي الكتلة الكلية للجسم و k^2

عزم القصور الذاتي له. وهكذا فإن نصف فطر الحركة الدائرية بساوي المسافة بين نقط أحديث المائرية M المنافقة بين نقطة حديث تكون M اللقطة المائية حول هذا للحور في نفسها للجسم الجاسيء، أحسب نصف قطر الحركة الدورانية لكل من (a) منتظم طوله M (c) كرة مصممة فصل منتظم طوله M (c) كرة مصممة نصف قطره M عند دوران كل من الشلاف حول المركزي،

قضيب طويل طوله L وكتلته M يدور حول مفصلة علساء افقية مارة بأحد طرفيه:
يبدأ القضيب الحركة من السكون في الوضع الرأسي كما هو معوضع بالشكل المنافقة ما يكون القضيب افقي بحق. (8) سرعة الزاوية احسب (8) سرعة الزاوية



شكل P55.10

 (b) مقدار تسارعة الزاوي (c) مركبتا تسارع مركز الكتلة في اتجاهي x ، y و (d) مركبتا قوة رد الفعل عند نقطة الارتكاز.

56- يحاول صاحب دراجة إصلاح إطارها فوضعها مقلوبة، تقوم صديقته بتدويم 0.381m العجلة الاخرى، نصف قطرها 0.381m مناسخة الاحظات أن قطرات من الماء تتطاير مماسة للعجلة، قامت بقياس الارتفاع الراسي لقطرات الماء (شكل 656.10 فوجدت أن التقامة التي تتطاير خلال الدوزة الاولى تصل إلى ارتفاع 54.0.0m ألدوزة الاولى تصل إلى ارتفاع 54.0.0m

أعلى نقطة التماس بينما تصل النقاط التي تتطاير خلال الدورة الشانية إلى ارتضاع 51.0cm أعلى نقطة التماس. يبدأ هذا الارتفاع في التناقص نظراً لتناقص السرعة الزاوية للعجلة. من هذه المعلومات. احسب مقدار متوسط التسارع الزاوى للعجلة.



شكل P56.10 المسألتان 56، 57

57- يحاول صاحب دراجة إصلاح إطارها فوضعها مقلوبة. تقوم صديقته بتدويم العجلة الأخرى، نصف قطرها R فلاحظت أن قطرات من الماء تتطاير مماسة للعجلة. قامت بقياس الارتفاع الرأسى لقطرات الماء (انظر شكل P56.10) فوجدت أن النقاط التي تتطاير خـلال الدورة الاولى تصل إلى ارتفاع h1 أعلى نقطة التماس. بينما تصل النقاط التي تتطاير خلال الدورة الثانية إلى ارتفاع $h_1 > h_2$ أعلى نقطة التماس. يبدأ هذا الارتفاع في التناقص نظراً لتناقص السرعة الزاوية للعجلة. من هذه المعلومات احسب مقدار متوسط التسارع الزاوي للعجلة.



شكل P58.10

58- الدوامة الموضحة في الشكل P58.10 لها عزم قصور ذاتي 4.0x 10⁻⁴kg·m² وهي في حالة سكون، ويمكنها أن تدور حول محور ثابت 'AA. تم جذب الخيط الملفوف حول مسمار الدوامة بحيث يؤثر بشد ثابت مقدارة 5.57N، بافتراض أن الخيط لاينزلق عندما ينحل من حول المسمار. ما مقدار السرعة الزاوية للدوامة عندما ينحل 80.cm من الخيط الملقوف حول المسمار؟.

59- خيط ملفوف حول بكرة كتلتها m ونصف قطرها ٢. بتصل الطرف الحر من الخيط شقل كتاتية M. سدأ الثقل الحركية من السكون وبعد ذلك بنزلق إلى أسفل مستوى مائل يصنع زاوية θ مع المستوى الافقى. إذا كان معامل الاحتكاك الكيناتيكي بين الثقل والمستوى المائل هو μ (a) استخدم طرق الطاقة لإثبات أن سرعة الثقل كدالة في الازاحة d اسفل المستوى المائل هي:

 $\upsilon = \left[4gdM(m+2M)^{-1}(\sin\theta - \mu\cos\theta)\right]^{1/2}$ (b) احسب مقدار التسارع للثقل بدلالة μ، .θ .g .M .m

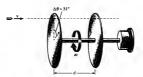
a) -60 ما هي الطاقة الدورانية للارض حول محور دورانها حول نفسها. نصف قطر الأرض 6370km وكتاتها 5.98x 10²⁴kg. افترض أن الارض عبارة عنن كبرة لها (429

عزم قمسور ذاتبي $\frac{9}{3} M R^2$ (d) تتناقص الطاقة الدورانية للارض باستمرار بسبب المد والجزر، احسب التغير في الطاقة الدورانية في يوم واحد باعتبار أن زمن الدورانية دبحوالي 10µx كل عام.

61- يمكن تعيين سرعة رصاصة وذلك بامرارها خلال قرصين من الورق يدوران ولهما نفس المحور ويبعدان عن بعضهما بمسافة b (شكل P61.10)

بمعرفة الازاحة الزاوية بين الشقبين في القرصين والسرعة الزاوية للقرصين، يمكننا تعيين سرعة الرصاصة، احسب سرعة الرصاصة من البيانات التالية:

 $\Delta\theta = 31.0^{\circ}$, $\omega = 900 \text{rev/min}$, d = 80 cm



شكل P61.10

62 عجلة مكونة من طوق وعدد n من الأسلاك المساوية البعد والتي تمتد من مركز الطوق (الصرة) إلى الحافة. إذا كانت كتلة الطوق N، وأخول السلك) هو N موكنة السلك الواحد هي m. احسب (a) عزم القصور الذاتي للعجلة حول محور يم بمركزها وعمودي على مستوى المجلة ول عمر القصور الذاتي للعجلة حول محور يم القصور الذاتي للعجلة حول محور يم على مستوى المجلة ول على على مستوى المجلة .

2.2m باب صلب- رقيق منتظم ارتفاعـه -63 وعـرضـه 0.87m وكـتلتـه 23.0kg احسب

 $\tau_f = R\{m(g-2y/t^2) - M(5y/4t^2)\}$



55- يمكن لوتـور كهـربي ان يحـدث تسـارعـاً لعجلة فيرري عزم القصــور الذاتي لها هو 2000kg·m² أو 2000kg·m² أو 2000kg·m² النية. عند اغــلاق الموتور يتسبب الاحـتكاك في إبطاء العجلة من 10 إلى 8.0rev/min في فترة 10 ثواني (a) احسب عزم الدوران المتولد من الموتور حـتى تُحـدث العجلة 10.0rev/min و (b)

66.10 البكرة الموضيحية في الشكل 66.10 نصف قطرها R وعيزم القيصور الذاتي لهياً L يتصل أحد طرفي الكتلة m بزنبرك له ثابت قوة k بينما الطرف الآخر مربوط بعيل

الدورانية.

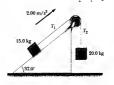
القدرة المطلوبة للبقاء على هذه السرعة

ملفوف على البكرة، كبلا من محور البكرة والمستوى المائل املسين. إذا كان الحبل ملفوفاً حول البكرة في اتجاه ضد عقارب الساعة حتى يستطيل الزنبرك مسافة d من وضع الاسترخاء له. ثم اطلقت للحركة من السكون احسب (a) السرعة الزاوية للبكرة عندما يصبح الزنبرك غير منبسطأ و (b) القيمة العددية للسرعة الزاوية عند « النقطة إذا كانت I = 1.0 kg·m² هذه النقطة m = 0.50 kg k = 50. N/m R = 0.3 m $.0 = 37^{\circ} d = 0.2m$



شكل P66.10

🇖 67 ثقالان. كما هو موضح بالشكل P67.10 متصلان بخيط مهمل الكتلة يمر على بكرة نصف قطرها m 0.25 وعــزم القــصــور الذاتي لها I. تتحرك الكتلة الموضوعة على السطح المائل الاملس إلى أعلى بتسارع ثابت 2.0 m/s² احسب الشد في جزئي الخيط T2, T1.

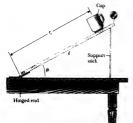


شكل P67.10 (b) احسب عزم القصور الذاتى للبكرة.

68- تتكون إحدى وسائل الايضاح- الموضعة في الشكل P68.10، من كبرة مبوضبوعية عند نهاية أحد طرفى لوح طوله ٤ والطرف الآخر مثبت بمفصلة بحيث يصنع زاوية θ. إذا ثبت فنجان على اللوح على بعد ،٢ بحيث يلحق بالكرة عند ازالة العصا فجأة والموضوعة كدعامة. (a) اثبت أن الكرة سوف تتأخر بعد اللوح عندما تكون θ أقل من 35.3° وأن (b) الكرة تسميقط في الفنجان عندما يكون اللوح عند هذه الزاوية والفنجان موضوعاً على بعد

$$r_c = \frac{2 \ell}{3 \cos \theta}$$

(c) إذا كانت الكرة موضوعة عند نهاية عيصيا طولها 1.0m. عند هذه الزاوية الحرحة، اثبت أنه بحب أن يكون الفنحان على بعد 18.4cm من الطرف المتحرك.



شكل P68.10

69 نتيجة الاحتكاك، تتغير السرعة الزاوية للعجلة مع الزمن طبقاً للعلاقة:

$$d\theta/dt = \omega_0 e^{-ct}$$

حيث σ،ω ثابتان. تتغير السرعة الزاوية من 3.5rad/s عند 0=1 إلى 2.0rad/s بعد t= 9.30s أستخدم هذه المعلومات في (431

تعيين σ ، ϖ_0 ثم عين (a) مقدار التسارع الزاوي عند 3.0s (b) اعدد الدورات التي تحدثها الدراجة في أول 2.5 ثانية (c) عدد الدورات التي تحدثها الدراجة إلى أن تسكن.

70- عقربا الدقائق والساعات في ساعة بيج بن، الساعة المشهورة في برج البرلمان في لندن طولها 2.7m طولها 4.5m وكتلتاهما 60.Kg
4.5m على التوالي (انظر شكل 100Kg

(a) احسب عنرم الدوران الناتج عن وزني الدراعين حول محور دورانهما عندما يكون الدراعين حول محور دورانهما عندما يكون السؤقت (ii) 6:00 (iii) 5:15 (iii) 0:00 (iv) 8:20 كمت ضيب طويل رقيق) (d) احسب كل الاوقات التي عندها يكون عنرم الدوران الماوي صفراً احسالاوقات الأقراء الاوقات الأقراء الاقتادة وذلك بحل المعادلة المعادلة عدرية .

إجابة الاختبارات السريعة: ANSWERS TO QUICK QUIZZES

(1.10) توضع Θ السالبة أننا نتعامل مع جسم يدور في اتجاء عقارب الساعة. كذلك نعلم أنه عندما تكون Θ، Φ متضادي التوازي فإن Θ نتنافص ويتباطأ الجسم. لهذا فإن الجسم يلف حول نفسه ببطء أكثر واكثر واكثر السرعة وابد أقل في اتجاء عقارب الساعة أو الاتجاء السالب. هناك تماثل بين ذلك وبين غواصة الفضاء عند فتحها الباراشوت. السرعة سالبة ولأسفل عندما لتقوم المنواصة بفتح الباراشوت. تسبب التعالى عندما النواة الهائلة لاعلى تسارع لأعلى. كنتيجة الهذاك، فإن كلا من مستجهي التسارع والسرعة يكونا عكس الاتجاء مع بعضهما. بالتالي يتباطا الباراشوت.

(2.10) (a) نعم: كل النقاط في العجلة لها نفس السرعـة الزاوية. هذا هو السـبب في استخدامنا الكميـات الزاوية في وصف الحركة الدورانية (b) لا . ليس لكل النقاط

- على العجلة نفس السرعة الخطية (c) على العجلة نفس السرعة الخطية v = 0 ،a = 0 v = 0 ،a = 0 a =
- ن مسـزم . I = MR² (b) .I = MR² (a) (3.10) الدوران لنظومة مكونة من كتل متساوية البعد من محـور الدوران تساوي دائماً حاصل ضرب الكتل في مربع البعد عن المحور.
- (b) (4.10) أالدوران حول المحور المار بالنقطة P يتطلب شغلاً أكثر، عزم القصور الدائي للطوق حول المحور المركزي هو I_{CM}^{-2} بينما تعطي نظرية المحور الموازي عزم القصور الذاتي حول المحور المار بالنقطة P

 $I_p = I_{CM} + MR^2 = MR^2 + MR^2 = 2MR^2$



* صورة محيرة

أحد أنواع الدراجات القديمة هي المسمأة دراجة البنس- فارتتج نظراً لأن النسبة بين عجلتيها كالنسبة بين البنس الإنجليسزي والفارتنج (ربع البنس) وقد البتكرت عمام 1870 عندما ينظر الراكب من فوق إلى العجلة الأمامية يجدها تتحوك إلى الأمام أسرع منه وأسرع من القضيب الأخشقي (الجادون) الذي يمسك به. كما أنه بلاحظ أن مركز المجلة لاييدو لنه يتحرك بالنسبة للجادون. كيف يمك انه برائسبة للجادون. كيف يمن الأجراء المختلفة بيراعات خطية مختلفة المستعات خلية مختلفة والمستعات خلية مختلفة والمستعات خطية مختلفة والمستعات خطية مختلفة والمستعات خطية مختلفة والمستعات خطية مختلفة والمستعدل المستعدل المختلفة والمستعدل المستعدل المست

الحركة التدحرجية وكمية الحركة الزاوية Rolling Motion and Angular Momentum

ولفھی ولی وی عشر 11

ويتضمن هذا الفصل :

5.11 حفظ كمية الحركة الزاوية Conservation of Angular Momentum

6.11 (اختياري) حركة الجيروسكوب والنحلة الدوارة

(Optional) The Motion of Gyroscopes and Tops

7.11 (اختياري) كمية الحركة الزاوية ككمية أولسة

(Optional) Angular Momentum as a Fundamental Quantity 1.11 الحركة التدحرجية لجسم جامد Rolling Motion of a Rigid Object

2.11 ضرب المتجهاتَ وعزم الدوران The Vector Product and Torque

3.11 كمية الحركة الزاوية لجسيم Angular Momentum of a Particle

4.11 كمية الحركة الزاوية لجسم جامد دوار Angular Momentum of a Rotating Rigid Object في الباب الستابق درسنا كيف نتعامل مع جمسم جاستٌ يدور حول محور ثابت. في الباب الحالي سندرس حالة آكثر شمولا يكون فيها محور الدوران ليس سائكاً في الفراغ. وسوف نبداً بدراسة تلك الحركة التي تسمى الحركة التدحرجية Rolling Motion، والموضوع الرئيسي لهذا الباب هو كمية الحركة الزاوية، وهي كمية تلعب دوراً أساسياً في ديناميكا الدوران. وقياسا على حفظ كمية الحركة الخلفة، نجد أن كمية الحركة الزاوية دائماً محفوظة. إذا لم يؤثر عزم دوران خارجي على الجسم. ومثل عانون بقاء كمية الحركة الزاوية هو قانون أساسي من قوانين الفيزياء،

1.11 > الحركة التدحرجية لجسم جامد ROLLING MOTION OF A RIGID OBJECT

في هذا القسم سوف نتعامل مع حركة جسم جامد يدور حول محور متحرك. وهذه الحركة مقدة مقدل مستقد على المجامدة المتجانسة المتجانسة المتجانسة التي لها درجة كبيرة من التماثل مثل الأسطوانة والكرة والإطار. أضف إلى ذلك أننا سنفترض أن الجسم يتدحرج على سطح مستو. سوف فرى أنه إذا تدحرج جسم مثل الأسطوانة دون أن ينزئق على سطح ما رئسي هذه الحركة تدحرجية خالصة إفإن هناك علاقة بين الحركة الدورانية والحركة الإنتقالية.

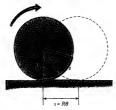
نفرض أن اسطوانة تتدحرج على مسار مستو. كما في شكل (1.11) يتضع أن مركز الكتلة يتحرك في خط مستقيم، لكن نقطة على الحافة تتحرك في مسار أكثر تقيدا يسمى سيكلويد Cycloid, وهذا يعني أن محور الدوران يظل موازياً لوضعه الإبتدائي في الفراغ، اعتبر حالة اسوادة منتطوانة منتظمة نصف قطرها R تتدحرج دون تزحلق على سطح أفقي شكل (2.11). عندما تدور الأسطوانة بزاوية θ مركز الكتلة بتحرك مسافة طولية θ RP (أنظر معادلة 1100) إذن السرعة الخطلية لمركز الكتلة في حالة الحركرة التحدوجية الخالصة تعطى بالمعادلة .

$$v_{\text{CM}} = \frac{ds}{dt} = R \frac{d\theta}{dt} = R\omega$$
 (1.11)

حيث ω هي المسرعة الزاوية للأسطوانة، معادلة (1.11) تستخدم عندما تتدحرج كرة أو أسطوانة دون انزلاق. وهو الشرط للدحرجة الخالصة



شكل (1.11) مصدر ضوئي عند مركز أسطوانة تتدحرج وآخر عند نقطة على حافتها يبين المسارات المختلفة التي تأخذها هاتان النقطتان. يتحرك المركز في خط مستقيم. بينما النقطة التي عند الحافة تتحرك في مسار يسمى سيكلويد (النحني)



 $\hat{\mathbf{m}}$ كل (2.11) في الحركة التدحرجية الخالصة بينما تدور الأسطوانة بزاوية θ يتحرك مركز الكتلة لمسأفة خطية θ حيث θ 8 عيث θ 8

ومقدار العجلة الخطية لمركز الكتلة في حالة الحركة التدحرجية الخالصة

$$a_{\rm CM} = \frac{dv_{\rm CM}}{dt} = R\frac{d\omega}{dt} = R\alpha$$
 (2.11)

حيث α هي العجلة الزاوية للأسطوانة.

في شكل (3.11) مُبِين السرعات الخطية لركز الكتلة وللنقط الختلفة على الأسطوانة وفي داخلها. بعد فوات برهة زمنية قصيرة من اللحظة الموضحة في الرسم تكون النقطة q التي على حافة الأسطوانة قد دارت من وضع الساعة السادسة إلى وضع الساعة السابعة مثلاً. والنقطة Q تكون قد دارت من وضع الساعة العاشرة إلى وضع الساعة الحادية عشرة وهكذا، لاحظ أن السرعة الخطية لأي نقطة تكون في اتجاه عمودي على الخط الواصل بين هذه النقطة ونقطة النماس P في أي لحظة، والجزء من الحافة الذي عند النقطة A يكون في حالة سكون بالنسبة للسطح حيث إنه لايعدث إنزلاق.

جـمـيع النقط على الأسطوانة لهـا نفعى P' السرعـة الزاوية حيث أن المسافة من P إلى مركز الكتلة، إذن سرعP' تساوي P' تساوي

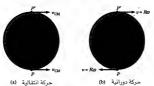
$2v_{CM} = 2R\omega$

لكي تعسرف المسبب في ذلك، دعنا نعسمل نموذجا للحركة التدحرجية للأسطوانة في شكل 11.4 كمجموعة مؤلفة من حركة انتقالية (خطية) وحركة دورانية. بالنسبة للحركة الخطية الخالصة الموضعة في شكل (11.48) تخيل أن الأسطوانة لاتدور بحيث أن كل نقطة عليها تتحرك



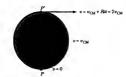
شكل (3.11) جميع النقط على جسم متدحرج تتحرك في أتجاء عمودي على محور يعر بنقطة تمامل تحظية P ، أي أن جميع النقطة تدور حول P. مركز الكتلة يتحرك بسرعة $V_{\rm CM}$ والنقطة $V_{\rm CM}$ 2 $V_{\rm CM}$.

الفيزياء (الجزء الأول - المكانيكا والديناميكا الحرارية)



شكل (4.11) حــركــة جسم يتدحرج يمكن اعتبارها خليط من حركة انتقالية خالصة

وحركة دورانية خالصة



خليط من حركة دورانية وأخرى خطية (c)

نحو اليمين بسرعة υсм . بالنسبة للحركة الدورانية الخالصة المبينة في شكل (4.11b) تخيل أن محور الدوران المار بمركز الكتلة ساكنا بحيث أن كل نقطة على الأسطوانة لها نفس السرعة الدورانية ۵). ومجموع هاتين الحركتين يمثل الحركة التدحرجية الموضحة في شكل (4.11c) لاحظ أن في شكل (4.11c) حركة قمة الأسطوانة خطية

$$v_{\text{CM}} + R\omega = v_{\text{CM}} + v_{\text{CM}} = 2v_{\text{CM}}$$



وهي أكبر من الحركة الخطية لأي نقطة أخرى على الأسطوانة. كما أشرنا سابقاً يتحرك مركز . الكتلة بسرعة خطية v_{CM} بينما نقطة التماس بين السطح والأسطوانة سرعتها الخطية صفر.

يمكننا أن نعبر عن طاقة الحركة الكلية للأسطوانة التي تتدحرج كما يلي.

$$K = \frac{1}{2}I_p\omega^2 \tag{3.11}$$

حيث $I_{\rm p}$ هو عزم القصور الذاتي حول محور الدوران خلال P باستخدام نظرية المحاور المتوازية مكننا أن نستندل I حيث

$${
m I=I_{CM}+MR^2}$$

$$K={1\over 2}I_{CM}\omega^2 + {1\over 2}MR^2\omega^2 ~~{
m Example 1.11} ~3.11$$
 في معادلة ${
m I=I_{CM}+MR^2}$

$$v_{\rm CM} = R\omega$$
 ويما أن

اذن

$$K = \frac{1}{2}I_{\rm CM}\omega^2 + \frac{1}{2}Mv_{\rm CM}^2$$
 (4.11)

وهى طاقة الحركة الكلية لجسم يتدحرج.

والحد $\frac{1}{2} I_{CM} \rho^2$ يمثل طاقة الحركة الدورانية للأسطوانة حول مركز الكتلة والحد $\frac{1}{2} I_{CM} \rho^2$ يمثل طاقة الحركة الانتقالية في الفراغ لو أنها كانت بدون حركة دورانية، ومن ثم يمكن أن نعرف طاقة الحركة الكلية لجسم يتدحرج على أنها مجموع طاقة الحركة الدورانية حول مركز الكتلة وطاقة الحركة الانتقالية لدى الكتلة.

بمكننا أن نستخدم طرق الطاقة لعالجة مجموعة من المسائل المتعلقة بالحركة التدحرجية لكرة على سطح مائل خشن (وهذه المعالجة تصلح كذلك لحالات الحركة التدحرجية للأسطوانة أو المجلة). نفرض أن الكرة في شكل (5.11) تتدحرج دون انزلاق وقد بدأت من نقطة الصفر عند قمة السطح المائل. لاحظ أن حركة التدحرج المسارع ممكنة فقط إذا وجدت قوة احتكاك بين الكرة والمستوى المائل لتحدث عزم دوران حول مركز الكتلة.



شكل (5.11) كرة تتدحرج على سطح مائل الطاقة المكانيكية محفوظة إذا لم يكن هناك إنزلاق.

على الرغم من وجود احتكاك، لايوجد فقد في الطاقة الميكانيكية لأن نقطة التماس في حالة سكون باانسبة للسطح في أي لحظة. من ناحية أخرى إذا حدث انزلاق للكرة، فإنه يحدث فقد في الطاقة الميكانيكية مع استمرار الحركة.

باستخدام العلاقة $v_{
m CM}$ للحركة التدحرجية الخالصة بمكننا كتابة معادلة (4.11) على النحو

$$K = \frac{1}{2} I_{\text{CM}} \left(\frac{v_{\text{CM}}}{R} \right)^2 + \frac{1}{2} M v_{\text{CM}}^2$$

$$K = \frac{1}{2} \left(\frac{I_{\text{CM}}}{R^2} + M \right) v_{\text{CM}}^2 \qquad (5.11)$$

في الوقت الذي تصل ضيه الكرة إلى نهاية المستوى المائل يكون مقدار الشغل الذي بنال عليها بواسطة مجال الجاذبية هو Mgh، حيث ۱۸ هو ارتفاع السطح المائل، ونظرا لأن الكرة قد بدأت من حالة السكون عند القمة. فإن طاقة حركتها عندما تصل إلى القاع والمعطاة بمعادلة (5.11) تساوي هذا الشغل المبذول، ومن ثم سرعة مركز الكتلة عند القاع يمكن تعيينه بمساواة هاتين الكميتين.

$$\frac{1}{2} \left(\frac{I_{\text{CM}}}{R^2} + M \right) v_{\text{CM}}^2 = Mgh$$

$$v_{\rm CM} = \left(\frac{2gh}{1 + I_{\rm CM}/MR^2}\right)^{1/2} \tag{6.11}$$

تيار سريع 6.11 🥏

تخيل أن كراستك تنزلق على أرض الملعب بسرعة ابتدائية معينة ستتوقف عن الحركة بسبب الإحتكاك بينها وبين سطح الأرض، إلا أنك لوجعلت الكرة تتدحرج بنفس السرعة الإبتدائية سوف نظل تتدحرج من أول الملعب إلى أن تصل إلى آخره، لماذا تتدحرج الكرة لهذه المسافة الطويلة؟ هل الإحتكاك لا يؤثر على حركتها؟.

مثال 1.11 كرة تتدحرج على مستوى مائل:

احسب السرعة الخطية لمركز الكتلة للكرة المصمتة الموضعة في شكل (5.11) عند قاع السطح الماثل ومقدار المجلة الخطية لمركز الكتلة.

الحل:

الكرة تبدأ حركتها من أعلى السطح المائل بطاقة وضع فدرها U_g =Mgh وطاقة حركة K-C كما رأينا سابقاً، لو أنها سقطت عمودياً من هذا الإرتضاع لكانت سرعتها الخطية تساوي $\sqrt{2gh}$ في اللحظة المباشرة قبل ارتطامها بالأرض، بعد أن تدحرجت إلى أسفل، السرعة الخطية لمركز الكتلة لابد وأن تكون أقل من ذلك نظراً لأن بعض طاقة الوضع قد تحول إلى طاقة حركة دورانية بدلاً من أن يتحول إلى طاقة حركة (انظالية بالنسبة لكرة منتظمة ومصمته $v_{\rm CM}^2=2a_{\rm CM}$) (انظر جدول 2.10) ومن ثم

$$v_{\rm CM} = \left(\frac{2gh}{1 + \frac{2/5MR^2}{MR^2}}\right)^{1/2} = \left(\frac{10}{7} gh\right)^{1/2}$$

وهذا أقل من $\sqrt{2gh}$. لحساب المجلة الخطية لمركز الكتلة، قد لاحظنا أن الإزاحة الممودية مرتبطة بالإزاحة x على السطح الماثل بالعلاقة θ h= x sin θ . إذن بتربيع الطرفين يمكننا كتابة المعادلة السابقة على النحو التالى:

$$v_{\rm CM}^2 = \frac{10}{7} gx \sin \theta$$

بمقارنة هذه المعادلة بالمعادلة الكينماتيكية $v_{
m CM}^2=2a_{
m CM}^2$ راجع معادلة (2.12) نجد أن عجلة مركز الكتلة هي:

$$a_{\text{CM}} = \frac{5}{7}g\sin\theta$$

وهذه النتائج هامة جداً لأنها تبين أن السرعة والعجلة لمركز الكتلة لايعتمدان على الكتلة أو نصف قطر الكرة أي أن جميع الكرات المصمتة والمتجانسة تكتسب نفس السرعة والعجلة على المستوى المائل.

لو أعدنا تلك الحسابات لكرة جوفاء أو أسطوانة مصمته أو عجلة سنحصل على نتائج مشابهة إلا أن المامل العددي قبل $g \sin \theta$ مروف يتغير. الماملات الثابتة التي تظهر في المداذلات التي تعطي أن المامل العددي و $a_{\rm CM} = v_{\rm CM}$ القصور الذاتي حول مركز الكتلة لكل جسم من الأجسام، وفي جميع الحالات عجلة مركز الكتلة ستكون أقل من $g \sin \theta$. القيمة التي ستصل إليها العجلة إذا كان السطح المائل عديم الاحتكالت، ومع عدم حدوث تمحرح.

مثال 2.11 نظرة أخرى على الكرة المتدحرجة.

endigen nyaéta kanal

في هذا المثال سنستخدم الطرق الديناميكية لتحقيق النتائج التي توصلنا إليها في المثال السابق والشكل مدن في (6.11). · ·

الحل:

باستخدام قانون نیوتن الثاني لمرکز الکتلة نجد أن $\sum F_{v} = Mg \ \sin \theta - f = Ma_{CM}$

$$\sum F_{y} = n - Mg \cos \theta = 0$$

حيث x تقاس على طول السطح الماثل. الآن نوجد عزم الدوران المؤثر على الكرة. والمحور المناسب هو الذي يعر خلال مركز الكرة ومتعامداً على مستوى الشكل.



ش**كل** (6.11) كرة مصمته تتدحرج على سطح ماثل.

حيث أن n و Mg بمران بمركز الكتلة. فنراع عزمهما يساوي صفر حول هذا المحور، ومن ثم لايضيفان شيئاً لعزم الدوران. إلا أن قوة الاحتكاف الإستانيكي تحدث عزم دوران حول هذا المحور يساوي fR في اتجاه عقارب الساعة. وحيث إن τ أيضاً في اتجاه عقارب الساعة.

$$\tau_{\rm CM} = fR = I_{\rm CM}\alpha$$

$$\alpha = a_{\rm CM}/R , I_{\rm CM} = \frac{2}{5}MR^2$$

$$f = \frac{I_{\rm CM}\alpha}{R} = \left(\frac{2}{3}\frac{2}{R}M^2\right)\frac{a_{\rm CM}}{R} = \frac{2}{5}Ma_{\rm CM}$$
 (2)

بإحلال المعادلة (2) في المعادلة (1) نحصل على:

$$a_{\rm CM} = \frac{5}{7}g\sin\theta$$

وهو ما يتفق مع النتائج في مثال (1.11).

الفيزياء (الجزء الأول - المكانيكا والديناميكا الحرارية)

لاحظ أن $\Sigma F = ma$ تستخدم فقط في حالة ما إذا كانت ΣF هي محصلة القوة الخارجية الواقعة على الكرة، a هي عجلة مركز الكتلة، في حالة الكرة التي تتدحرج إلى أسفل والسطح المائل، على الرغم من أن قوة الاحتكاك لاتغير طاقة الحركة الكلية للكرة فإنها تضيف إلى ∑F ومن ثم تقلل العجلة لمركز الكتلة. ونتيجة لذلك طاقة الحركة الإنتقالية النهائية تكون أقل مما تكون عليه في حالة عدم وجود الاحتكاك. وكما ذكر في مثال 1.11 بعض طافة الوضع الإبتدائي يتحول إلى طافة حركة دورانية.

تجرية معملية سريعة: ____

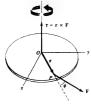
امسك كرة سلة وكرة تنيس جنباً إلى جنب عند قمة سطح مائل ثم اتركهما في نفس اللحظة. أيهما تصل إلى القاع أولاً؟ هل النتيجة تتوقف على زاوية السطح المائل؟ ماذا لو أن الزاوية كانت 90 (أي لو أن الكرة تسقط سقوطاً حراً). ؟

إيهما تصل أسرع إلى القاع، كرة تتدحرج دون انزلاق على سطح مائل ٨ أم صندوق بنزلق إلى أسفل فوق سطح مائل B وعديم الاحتكاك وله نفس أبعاد السطح المائل A.

2.11 مرب المتجهات وعزم الدوران THE VECTOR PRODUCT AND TORQUE مرب المتجهات وعزم الدوران

تصور قوة F تؤثر على جسم جامد عند متجه الوضع r شكل (7.11). نقطة الأصل 0 يفترض 2.7 أنها في إطار قصوري، ومن ثم فقانون نيوتن يكون صحيحاً في هذه الحالة. كما رأينا في قسم 10.6 . قيمة عزم الدوران نتيجة لهذه القوة بالنسبة لنقطة الأصل طبقاً للتعريف، τ F sin φ حيث φ هي الزاوية بين r و F.

> المحور الذي يفترض أن F تحدث الدوران حولة يكون عمودياً على المستوى المكون من r و F. إذا كانت القوة واقعة على المستوى xy كما هو الحال في شكل (7.11) فيمثل عزم الدوران ت بمتجه مواز للمحور 2. القوة في شكل (7.11) تحدث عزم دوران يجعل الجسم يدور عكس عقارب الساعة حول المحور 2. إذن اتجاه عزم الدوران ت يكون نحو ازدياد z ومن ثم يكون ت في الإتجاء الموجب للمحور z. إذا عكسنا اتجاء F في شكل (7.11) عند إذ يكون T في الاتجاء السالب للمحور 2.



شكل (7.11) متجه عزم الدوران ت يقع في اتجاه عمودي للمستوى المكون من المتجه r ومتجه القوة المستخدمة F .

وعزم الدوران T يتضمن المتجهين r و F. واتجاهه 440 عمودياً على المستوى الذي يضم r و F. باستخدام عملية

رياضية تسمى ضرب المتجهات أو حاصل الضرب الإتجاهي (Cross Product) بمكننا أن نستنتج علاقة رياضية بين ت و r و F.

$$\tau = r \times F \tag{7.11}$$

سنعطي الآن تدريفاً لحاصل ضرب المتجهات. إذا كان لدينا متجهان A و B فحاصل الضرب المتجه C يعطي كمية متجهة ثائثة C فيمتها تساوي θ AB sin θ حيث θ هي الزاوية بين D و D إن D تعطى بالمادلة.

$$C = A \times B \tag{8.11}$$

ومقدارها هو

$$C = AB \sin \theta \tag{9.11}$$

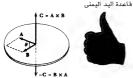
المقدار θ sin θ . المقدار واضع من الشكل المقدار واضع من الشكل الذاوية θ فيساحية متوازي الأضلاع المكون من A في فيون اتجاه (8.11). والأصباع الأربعة لليد اليمنى تشير إلى اتجاه A ثم تضم حول B خلال الزاوية θ فيكون اتجاه الإبهام المفرود هو المتجه D حيث D حيث D D وعندما يضرب مقدار متجه أولايد من وضع علامة حاصل الضرب مقداراً متجهاً ولايد من وضع علامة D حروس D (8) في هذه الحالة ولذلك ينطق D كروس D ويسمى بالإنجليزية Cross Product وبعض خواص ضوب المتجهات هي:

(1) الضرب المتجة ليس كالضرب غير المتجة فالايمكن إحلال A محل B دون أن تتغير إشارة حاصل الضرب المتجه كما يلى:

$$\mathbf{A} \times \mathbf{B} = -\mathbf{B} \times \mathbf{A} \tag{10.11}$$

إذن إذا غيرت ترتيب المتجهات في ضرب المتجهات يجب تغيير الإشارة ويمكن التأكد من ذلك باستخدام فاعدة اليد اليمني.

AxB=0 أو AxB=0 عند إذ AxB=0 ومن هذا يتضح أن AxB=0 إذا كانت AxB=0 موازية للمتجـه AxB=0



- $|\mathbf{A} \times \mathbf{B}| = AB$ عند إذا كان المتجه \mathbf{A} عمودياً على المتجه \mathbf{B} عند إذا كان المتجه
 - (4) حاصل الضرب المتجه يخضع لقانون التوزيع أى أن

$$\mathbf{A} \times (\mathbf{B} + \mathbf{C}) = \mathbf{A} \times \mathbf{B} + \mathbf{A} \times \mathbf{C} \tag{11.11}$$

(5) مشتقة الضرب المتحه بالنسبة لمتغير مثل t هو

$$\frac{d}{dt}(\mathbf{A} \times \mathbf{B}) = \mathbf{A} \times \frac{d\mathbf{B}}{dt} + \frac{d\mathbf{A}}{dt} \times \mathbf{B}$$
 (12.11)

ويجب مراعاة الترتيب A و B طبقاً للمعادلة (10.11).

Unit Vectors وسوف نترك كتمرين أن تبين من معادلتي 10.1 و 10.11 ومن تعريف وحدة المتجهات Unit Vectors أن حاصل الضرب المتجه لوحدات المتجه المستطيل 1 و 1 و 1 و 1 خاصل الضرب المتجه لوحدات المتجه المستطيل 1 و 1 و 1 و 1 خاصل الضرب المتجه لوحدات المتجه المستطيل 1 و

$$i \times i = j \times j = k \times k = 0$$
 (13.11a)

$$\mathbf{i} \times \mathbf{j} = -\mathbf{j} \times \mathbf{i} = \mathbf{k} \tag{13.11b}$$

$$j \times k = -k \times j = i$$
 (13.11c)

$$k \times i = -i \times k = j$$
 (13.11d)

.i x (-j) = -i x j و $A \times (-B) = -A \times B$ و $A \times (-B) = -A \times B$ و $A \times (-B) = -A \times B$ و $A \times (-B) = -A \times B$

وحاصل الضرب المتجه لأي متجهين A و B يمكن التعبير عنه بالشكل المحدِّد التالي Determinant

$$\mathbf{A} \times \mathbf{B} = \begin{vmatrix} \mathbf{i} & \mathbf{j} & \mathbf{k} \\ A_x & A_y & A_z \\ B_x & B_y & B_z \end{vmatrix} = \mathbf{i} \begin{vmatrix} A_y & A_z \\ B_y & B_z \end{vmatrix} - \mathbf{j} \begin{vmatrix} A_x & A_z \\ B_x & B_z \end{vmatrix} + \mathbf{k} \begin{vmatrix} A_x & A_y \\ B_x & B_y \end{vmatrix}$$

وبفك هذه المحددات نحصل على الآتي

$$\mathbf{A} \times \mathbf{B} = (A_y B_z - A_z B_y) \mathbf{i} - (A_x B_z - A_z B_x) \mathbf{j} + (A_x B_y - A_y B_x) \mathbf{k}$$
 (14.11)

مثال 3.11 الضرب المتجه

متجهان يقعان في المستوى xy يمثلان بالمعادلة $\mathbf{A} = \mathbf{A} = \mathbf{i} + 2\mathbf{j}$ و $\mathbf{a} = \mathbf{A} \times \mathbf{B}$ واثبت $\mathbf{A} \times \mathbf{B} = -\mathbf{B} \times \mathbf{A}$ أن $\mathbf{A} \times \mathbf{B} = -\mathbf{B} \times \mathbf{A}$

.

الحل:

القصل الحادى عشر؛ الحركة التدحرجية وكمية الحركة الزاوية

$$\mathbf{A} \times \mathbf{B} = (2\mathbf{i} + 3\mathbf{j}) \times (-\mathbf{i} + 2\mathbf{j})$$

= $2\mathbf{i} \times 2\mathbf{j} + 3\mathbf{j} \times (-\mathbf{i}) = 4\mathbf{k} + 3\mathbf{k} = 7\mathbf{k}$

لقد أهملنا الحدود التي تحتوي على $i \times i \in j \times j$ حيث أنها طبقاً للمعادلة (13.11a) تساوي صفر. وبمكن أن نبين أن $A \times B = -B \times A$.

$$\mathbf{B} \times \mathbf{A} = (-\mathbf{i} + 2\mathbf{j}) \times (2\mathbf{i} + 3\mathbf{j})$$

= $-\mathbf{i} \times 3\mathbf{j} + 2\mathbf{j} \times 2\mathbf{i} = -3\mathbf{k} - 4\mathbf{k} = -7\mathbf{k}$

 $. \mathbf{A} \times \mathbf{B} = -\mathbf{B} \times \mathbf{A}$ اذن

وهناك طريقة أخرى لإيجاد A x B باستخدام المعادلة 11.4

$$B_z=0$$
 , $B_v=z$, $B_x=-1$, $A_z=0$, $A_v=3$, $A_x=2$

$$\mathbf{A} \times \mathbf{B} = (0)\mathbf{i} - (0)\mathbf{j} - [(2)(2) - (3)(-1)] \mathbf{k} = 7\mathbf{k}$$

تمرين استخدام نتائج هذا المثال ومعادلة 9.11 لإيجاد الزاوية بين B,A

الإجابة 60,3

ANGULAR MOMENTUM OF A PARTICLE كمية الحركة الزاوية لجسيم

نتصور عمودا جامدا مثبت في الجليد على بركة متجمدة شكل 9.11 وفتاة متزلجة علي الجليد 7.8 إقتريت من العمود بسرعة وقد انحرفت جانبيا حتى لاتصطدم به، عندماوصلت إلى نقطة

بجانب العمود أمسكت به فأخذت تدور حوله في مسار دائري. كما ساعدت فكرة كمية الحركة الخطية في تعليل الحركة الإنتقالية. قد نستفيد من مفهوم كمية الحركة الزاوية angular momentum في وصف حركة الفتاة المتزلجية والأجسام الأخرى التي تقوم بحركة دورانية.

لكي نحلل حركة الفتاة المتزاجة بجب أن نعرف كتلتها وسرعتها وموضعها بالنسبة للمود، يصفة عامة اعتبر جسما كتلته \mathbf{r} موضوع عند المتجة \mathbf{r} ويتحرك بسرعة متجهة \mathbf{r} كما في شكل (10.11)



شكل (9.11) عندما وصلت المتزلجة إلى العمود أمسكت به مما جعلها تدور حوله بسرعة في مسار دائري.

الفيزياء (الجزء الأول - المكانيكا والديناميكا الحرارية)



ومعادلة (15.11) تعطي كمية الحركة الرابية للجسيم ومعادلة (15.11) تعطي كمية الحركة الرابية للجسيم بلخصة في النظام الدولي للوحدات $R_{\rm eff} = 1$ كلم من المقدار والإنجال كمسيسة الحركة الزاوية لما يعتمد على اختيار نقطة الأصل وباتباع في عمدة الهيد الهيمني نلاحظ أن اتجاه لما مصودياً على المستوى المتكون من r و r . في شكل (10.11) r و r المستوى r ومن ثم لم تشهير إلى اتجاء r حيث أن r المتقول r عمدال عمدال عمدال عمدال عمدال عمدال المتعارف الم

$$L = m v r \sin \phi \qquad (16.11)$$

$$\sum \tau = \mathbf{r} \times \sum \mathbf{F} = \mathbf{r} \times \frac{d\mathbf{p}}{dt} \tag{17.11}$$

سنفاضل المعادلة 15.11 مع الزمن، باستخدام القاعدة المعطاة في (12.11)

$$\frac{d\mathbf{L}}{dt} = \frac{d}{dt} (\mathbf{r} \times \mathbf{p}) = \mathbf{r} \times \frac{d\mathbf{p}}{dt} + \frac{d\mathbf{r}}{dt} \times \mathbf{p}$$

نذكر انه لابد من المحافظة على ترتيب الحدود لأن $A \times B = -B \times A$ والحد الأخير في الطرف الأبدن من المحافظة السابقة يساوي صفراً لأن p = mv وموازية للمتجه p = mv (الخاصية (2) في ضرب المتجهات). إذن

$$\frac{d\mathbf{L}}{dt} = \mathbf{r} \times \frac{d\mathbf{p}}{dt} \tag{18.11}$$

شكل (10.11) كمية الحركة الزاوية L لجسيم كائلته m وكمية حركة خطية P موضوع عند متجه المكان r . هي متجه يعدل بالملاقة P - علومة المكان r . على متجه يعدل بالملاقة P - على مقدار لما يعدل على نقاس منها وهو متجه عمودي على كل من p . r . ومو متجه عمودي على كل من p . r

بمقارنة المعادلتين 11.17 و 11.18 نجد أن

$$\sum \tau = \frac{d\mathbf{L}}{dt} \tag{19.11}$$

. $\sum \mathbf{F} = d\mathbf{P}/dt$ النظير الدوراني لقانون نيوتن الثاني للحركة

لاحظ أن عزم الدوران يسبب تغير كمية الحركة الزاوية ل تماماً كما أن القوة تسبب تغير كمية الحركة الخطية P ، وتلك النتيجة في معادلة (19.11) "س على

صافى عزم الدوران المؤثر على جسيم يساوي معدل نَشِر كمية الحركة الزاوية مع الزمن للجسيم.

ومن المهم أن ثلاحظ أن معادلة 19.11 تكون صحيحة فقط عندما يكون كل من Σ و L مقاسان من نفس نقطة الأصل (ومن الضروري استخدام نفس ذشئة الأصل لحسباب جميع العزوم الدورانية) بالإضافة إلى ذلك فهذا التعبير صحيح لكل نقطة أصل ثابئة في إطار فصوري Inertial Frame.

اختبار سريع 11.1

نعود إلى حالة الفتاة المتزلجة على الجليات كم يكون كمينة الحركة الزاوية لها بالنسبة للعمود إذا كانت تتزحلق مباشرة نحوه.

كمية الحركة الزاوية لمنظومة من الحسيمات: Angular Monentum of System of Particles

كمية الحركة الزاوية الكلية لمنظومة من الجسيمات .حول نقطة ما تعرف على أنها مجموعة المتجهات لكمية الحركة الزاوية للجسيمات المفردة

$$\mathbf{L} = \mathbf{L}_1 + \mathbf{L}_2 + \dots + \mathbf{L}_n = \sum \mathbf{L}_i$$

حيث مجموع المتجهات يتضمن كل الجسيمات n الني في المنظومة. ولأن كمية الحركة الزاوية لكل جسيم على حده من المكن أن تتغير مع الزمن فكذلك من المكن لكمية الحركة الزاوية الكلية م الزمن تعغير مع الزمن. من معادلتي 1.1.8 و 1.1.9 نجد أن معدل النغير لكمية الحركة الزاوية الكلية مع الزمن تساوي مجموع المتجهات لكل عزوم الدوران المؤرّة على النظومة، المرتبط منها بالقوى الداخلية بين الجسيمات والمرتبط منها بالقوى الداخلية بين الجسيمات صفر. المهم ذلك نسترّجع قانون نيوتن الثالث المحركة نهو ينص على أن القوى الداخلية بين الجسيمات من المنهم تساوية في المقدار ومضادة في الإتجاء. «إذا فرضنا أن تلك القوى تعمل على طول الخط الفاصل بين كل زوج من الجسيمات عند إذ يصميح عزم الدوران الثانج عن كل زوج من قوى الفعل ورد الفاصل بين كل زوج من الجسيمات عند إذ يصميح عزم الدوران الثانج عن كل زوج من الجسيمات الفعل ورد الفعل ورد الفعل ورد المنافقة في الذول من المنافقة أن المنافقة في المداركة الزاوية الكلية المعرفة بمكن أن تتغير مع الزمن فقط إذا أثرت على المنظومة محصلة عزم دوران خارجي بحيث نصط على الآتى:

$$\sum \tau_{\text{ext}} = \sum_{i} \frac{d\mathbf{L}_{i}}{dt} = \frac{d}{dt} \sum_{i} \mathbf{L}_{i} = \frac{d\mathbf{L}}{dt}$$
 (20.11)

أي أن معدل التغير مع الزمن لكمية الحركة الزاوية الكلية لمنظومة حول نقطة أصل في إطار قصوري يساوي صافي عزم الدوران الخارجي المؤثر على المنظومة حول هذه النقطة .

لاحظ أن معادلة 20.11 هي النظير الدوراني لمعادلة 38.9

.تامیسمات من الجسیمات $\sum \mathbf{F}_{ext} = d\mathbf{p}/dt$

مثال 4.11 الحركة الدائرية

جسيم يتحرك في مسار دائــري بالمستوى v_{x} نصف قطـر المـــار r كما هو موضـح في شـكل (11.11) (a) أوجد مقدار واتجاه كمية الحركة الزاوية بالنسبة للنقطة O عندما تكون سرعته الخطيةً هي v

الحل، قد تعتقد أنه نظراً لأن كمية الحركة الخطية للجسيم تتغير باستمرار (في الاتجاه وليس في المقدار) هاتجاه كمية الحركة الزاوية يجب أن يتغير كذلك. في هذا المثال الوضع ليس كذلك فمقدار لما يعطى بالمعادلة

$$L = m v r \sin 90^\circ = m v r$$

حيث إن r متعامد على r ومقدار L ثابت حيث أن المدادلة ثابتة المتادير الشلائة في الطرف الأيمن من المدادلة ثابتة P=m واتجاء L ثابت كذلك، إلا إن اتجاء P يتغير P=m ويمكنك أن ترى ذلك بتحريك المتجه r في شكل

شكل (11.11) جسيم يتحرك في دائرة نصف قطرها r، كمية حركتة الزاوية حول النقطة O مقدارها wvr والمتجه L=rxp يشير إلى خارج الرسم.

(11.11) موازياً لنفسه حتى يتقابل طرفه مع نهاية r عند إذ استخدم قاعدة اليد اليمنى (يمكنك استخدام v لتعيين اتجاء v حيث أن اتجاء v هو نفس اتجاء v) إجعل أصابعك تشير إلى امتداد v ثم ضم أصابعك في المتجه v. والإبهام يشير إلى أعلى مبتعداً عن صفحة الورقة وهذا هو اتجاء v. ومن ثم يمكنك التعبير عن المتجه v. v له v له v الجسيم سيتحرك مع عقارب الساعة فإن v يشير إلى أسفل وإلى داخل الصفحة

. للجسيم \mathbf{L} واتجاء \mathbf{L} بدلالة السرعة الزاوية \mathbf{L} للجسيم (b)

الحل:

 $L = m vr = mr^2 \omega = I\omega$

حيث l عزم القصور الذاتي للجسيم حول محور z عند النقطة O . لأن الدوران ضد عقارب الساعة واتجاه ω في اتجاه محور z (أنظر قسم (1.10)). إتجاه L هو نفس اتجاه ω ، ومن ثم يمكن كتابة كمية $L = l\omega = l\omega K$ الحركة الزاوية على النحو التالى ω

تمرين: عربة كتلتها 1500 kg تتحرك بسرعة خطية مقدارها 40m/s في مضمار سباق دائري نصف قطره m 5. ما مقدار كمية الحركة الزاوية بالنسبة لمركز الضمار .

3.0 x 106 kg.m²/s الإجابة:

111 كمية الحركة الزاوية لجسم جامد دوار

ANGULAR MOMENTUM OF A ROTATING RIGID OBJECT.

نفرض جسما جامدا يدور حول محور ساكن ينطبق مع المحور z لنظام الإحداثيات كما في شكل (2.11). المطلوب تعيين كمية الحركة الزاوية لهذا الجسم. كل عنصر في هذا الجسم يدور في المستوى xy حول المحورة بسرعة زاوية ω , مقدار كمية الحركة الزاوية لعنصر من هذا الجسم وزنه m_i حول m_i نقطة الأصل ω و m_i v_i m_i وحيث إن ω v_i m_i ω يمكننا أن نعبر عن مقدار كمية الحركة الزاوية لهذا المسل ω المنصر كما بلي:



شكل (12.11) عندما يدور جسم حسول محور كمية التحرك الزاوية L تكون في نفس اتجامِ السرعة الزاوية ω طبقاً للملاقة لل

$$L_i = m_i r_i^2 \omega$$

المتجه μ في اتجاء المحور μ وكذلك المتجه μ 0. نستطيع الآن إيجاد كمية الحركة الزاوية (في هذه الحالة لها مركبة في اتجاء μ 2 فقط) للجسم كله بأخذ مجموع μ 3 لحميم المناصر التي بتألف منها الحسم

$$L_z = \sum_i m_i r_i^2 \omega = \left(\sum_i m_i r_i^2\right) \omega$$

$$L_z = I\omega \qquad (21.11)$$

حيث I هو عزم القصور الذاتي للجسم حول المحور z.

الآن سنفاضل معادلة 12.11 بالنسبة للزمن. آخذين في الإعتبار أن 1 مقدار ثابت للجسم الجامد.

$$\frac{dL_z}{dt} = I\frac{d\omega}{dt} = I\alpha$$
 (22.11)

حيث α هي العجلة الزاوية بالنسبة لمحور الدوران حيث(dL₂ /dt) تساوي صافي عزم الدوران الخارجي (ارجع إلى معادلة 20.11) بمكننا أن نضع معادلة 22.11 في الشكل الآتي الفيزياء (الجزء الأول - الميكانيكا والديناميكا الحرارية)

$$\sum \tau_{\rm ext} = \frac{dL_z}{dt} = I\alpha \tag{23.11}$$

أي أن صافي عزم الدوران الخارجي المؤثر على جسم جامد يدور حول محور ثابت يساوي عزم القصور الذاتى حول محور الدوران مضروبا في المجلة الزاوية للجسم بالنسبة لهذا المحور.

ومعادلة 11.23 تصلح كذلك لجسم جامد يدور حول محور متحرك آخذا في الإعتبار أن المحور المتحرك(1) يمر في مركز الكتلة (2) يكون محور تماثل.

يجب ملاحظة أنه إذا كان جسم متماثل يدور حول محور ثابت يمر في مركز كتلته يمكن أن تكتب معادلة 21.11 في صورة متجهات $\omega = L = I$ كمية الحركة الزاوية الكلية للجسم مقيسة بالنسبة لمحور الدوران، بالإضافة إلى ذلك، هذه المعادلة تصلح لأي جسم بغض النظر عن درجة تماثله ، إذا كانت L = L تقوم بعمل مركبة كمية الحركة الزاوية حول محور الدوران . (2)

مثال 5.11 كرة البولنج

أحسب مقدار كمية الحركة الزاوية لكرة بولنج تلف بمعدل 10 دورات لكل ثانية كما هو موضح في شكل (13.11).

الحل:

نبدأ بعمل بعض التقديرات للبرامترات الفيزيائية النسبية ونضع نموذج للكرة على أنها مصمته جامدة. وكرة البولنج قد تصل كتلتها إلى 6kg ونصف قطرها حوالي 12cm. وعزم القصور الذاتي للكرة المسمته حول محور يمر في مركزها، من جدول (2.10) هو.

 $I = \frac{2}{5}MR^2 = \frac{2}{5}(6 \text{ kg}) (0.12 \text{ m})^2 = 0.035 \text{ kg.m}^2$ إذن مقدار كمية الحركة الزاوية هو

 $L = I\omega = (0.035 \text{ kg.m}^2) (10 \text{ rev/s}) (2\pi \text{ rad/rev})$ = 2.2 kg.m²/s



شكل (13.11) كسرة بولنج تدور حسول المحورة في الإتجاه المين لها كمية حركة زاوية L في اتجاه 2 الموجب

⁽²⁾ بصفة عامة L = / 0 الاتصلح بصفة دائمة. إذا كان الجسم الجامد يدور حول محور اختياري، L : 0 من المكن أن يشيرا إلى اتجاهات مختلفة.

هي هذه الحالة لا بمكن ماماهة عزم القصور الذاتي ككمية قياسية أي L = 0 تستخدم فقط للجسم الجامد الذي له أي شكل ويدور حول أحد ثلاث مجاور متعامدة على بعشها (تسمى المحاور الرئيسية) خلال مركز الكتلة، وذلك موضح جيدا في الكتب المقدمة في الميكانيكا.



قضيب مصمت طوله l وكتلته M معلق دون احتكاك من مركزه شكل (14.11) مثبت في كل من m_2 بهايته كتلته m_2 , m_1 والمجموعة تدور في مستوى رأسي بسرعة زاوية m_2 , m_3 أوجد معادلة تعطي مقدار كمية الحركة الزابمة للمنظومة.

الحل \cdot هذه الحالة تختلف عن الحالات السابقة في أننا الآن يجب أن نعمل حساب حركة أكثر من جسم. عزم القصور الذاتي للمجموعة بساوي مجموع عزم القصور الذاتي لللاث مركبات هي القضيب والجسمان من جدول (2.10) لإيجاد علاقة لعزم القصور الذاتي للقضيب وباستخدام العلاقة $\frac{1}{2}$ الكوسمين، نجد أن عزم القصور الذاتي الكلي حول المحور τ المار في المركز τ هو.

$$\begin{split} I &= \frac{1}{12} M \ell^2 + m_{\rm l} \Big(\frac{\ell}{2}\Big)^2 + m_2 \Big(\frac{\ell}{2}\Big)^2 \\ &= \frac{\ell^2}{4} \Big(\frac{M}{3} + m_{\rm l} + m_2\Big) \\ &= ({\rm ki} \cos k - k) \left(\frac{k}{3} + m_{\rm l} + m_2\right) \\ &= ({\rm ki} \cos k - k) \left(\frac{k}{3} + m_{\rm l} + m_2\right) \end{split}$$



شكل (4.11) حيث أن قوة الجاذبية تؤثر على القضيب الدائر فهناك عزم $m_1 * m_2$ عدما تكون $m_1 * m_2$ وصافي عـزم الدوران يحدث عجلة $\alpha = \sum \tau_{\rm cx} I$

$$L = I\omega = -\frac{\ell^2}{4} \left(\frac{M}{3} + m_1 + m_2 \right) \omega$$

(b) أوجد علاقة لمقدار العجلة الزاوية للنظام عندما يصنع القضيب زاوية مقدارها θ مع الأفقي.

الحل؛ إذا كانت كتلتا الجسمين متساويتين عندمًا لا يكون للمنظومة عجلة زاوية لأن محصلة عزم الدوران على المنظومة تساوي صفر عندما تكون $m_1=m_2$ إذا كانت الزاوية الإبتدائية θ تساوي والمنبط 2π (وضع عمودي) عند إذ يكون القضيب في حالة اتزان. لإبجاد العجلة الزاوية الدنومة عند أي زاوية θ 0، تحسب أولاً محصلة عزم الدوران على المنظومة، ثم نستخدم المدادلة Σ 1 لا ينوجد العلاقة الرياضية للعجلة الزاوية Σ 2 عزم الدوان الناتج عن القوة Σ 1 حول سداد التعلق هي:

$$au_1 = m_1 g \frac{\ell}{2} \cos \theta$$
 (معنون إلى خارج الصفحة) تكون إلى خارج الصفحة

رم الدوران نتيجة للقوة m_{γ} g حول نقطة التعليق هي

$$au_2 = m_2 g rac{\ell}{2} \cos heta$$
 (ما داخل الصفحة) (عند داخل الصفحة) (عند داخل الصفحة)

إذن محصلة عزم الدوران الواقع على المنظومة حول O هو.

$$\sum \tau_{\text{ext}} = \tau_1 + \tau_2 = \frac{1}{2} (m_1 - m_2) g \ell \cos \theta$$

 $m_2 > m_1$ إلى خارج الصفحة إذا كانت $m_1 > m_2$ وإلى داخل الصفحة إذا كانت $\sum au_{\mathrm{ext}}$ واتجاء

(a) سيخدم α القسم $T_{\text{out}} = I\alpha$ الإيجاد α نستخدم α

$$\alpha = \frac{\sum \tau_{\text{ext}}}{I} = \frac{2(m_1 - m_2)g\cos\theta}{\ell(M/3 + m_1 + m_2)}$$

 $\alpha = 0$ الوضع الرأسى) $\theta = \pi/2$ الوضع الرأسى)

وتكون أكبر ما يمكن عندما تكون $\theta = 0$ أو π (الوضع الأفقى)

تمرین : إذا كانت $m_2 > m_1$ مامقدار θ الذي تكون عنده ω أكبر ما يمكن

 $\theta = \pi/2$:

كتلتان متصلتان ببعضهما مثال 7.11

كرة كتلتها m₁ ومكعب كتلته m₂ متصلان بخيط رفيع يمر فوق بكرة كما في شكل(15.11) .نصف قطر البكرة هو R وعزم القصور الذاتي حول محورها هو I والمكعب ينزلق على سطح أفقى أملس. أوجد معادلة العجلة الخطية للجسمين مستخدما مفهومي كمية الحركة الزاوية وعزم الدوران.

الحل: نحتاج إلى تعيين كمية الحركة الزاوية للمنظومة التي تتكون من جسمين وبكرة. نحسب كمية الحركة الزاوية حول محور ينطبق مع محور البكرة في اللحظة التي يصير عندها للكرة والمكعب سرعة مشتركة v، كمية الحركةالزاوية للكرة m1vR وللمكعبm2vR في نفس اللحظة يكون كمية الحركة الزاوية للبكرة Iw=Iv/R ومن ثم كمية الحركة الزاوية الكلية للمنظومة هي:

(1)
$$L = m_1 vR + m_2 vR + I \frac{v}{R}$$

الآن سوف نقدر عزم الدوران الكلى الخارجي الذي يؤثر على المنظومة حول البكرة. حيث أن ذراع عزمه يساوي صفرا.

الشكل (15.11)

فالقروة المؤثرة بواسطة المحور على البكرة لاتضيف شيئا لعزم الدوران. أضف إلى ذلك أن القوة العمودية على المكعب تتعادل بواسطة قوة الجاذبية Mog، ومن ثم تلك القوة لاتضيف شيئاً لعزم الدوران. قوة الجاذبية mig التي تؤثر على الكرة تحدث عزم دوران محور البكرة يساوي المقدار m₁gR (450 مبث R هو ذراع العزم للقوة حول المحور (لاحط أنه هي هذه الصالة- الشد. لا يساوي $m_1 g$ هذه المسالة- الشد. لا يساوي $m_1 g$ من المدوران الخارجي الكلي حول محور البكرة أي أن $m_1 g m_1 g$ باستخدام هذه النتيجة مع خلف (13.11) نمد أن

$$\sum \tau_{\text{ext}} = \frac{dL}{dt}$$

$$m_1 g R = \frac{d}{dt} \left[(m_1 + m_2) R \upsilon + I \frac{\upsilon}{R} \right]$$
(2)
$$m_1 g R = (m_1 + m_2) R \frac{d\upsilon}{dt} + \frac{I}{R} \frac{d\upsilon}{dt}$$

$$a$$
 ميث أن $a=rac{dv}{dt}$ يمكننا حل تلك المعادلة لإيجاد $a=rac{m_{
m i}g}{a}$

 $a = \frac{m_1 g}{(m_1 + m_2) + I/R^2}$

قد تندهش لماذا لم تدخل القوى التي يوثر بها الخيط على الأجسام عند تقدير محصلة عزم الدوران حول محور البكرة، السبب في ذلك أن تلك القوى تمتبر داخلية في المنظومة. وفي تحليلنا المنظومة ككل عزوم الدوران الخارجي هي التي تؤثر فقط على تنير كمية الحركة الزاوية للمنظومة.

CONSERVTION OF ANGULAR MOMENTUM عفظ كمية الحركة الزاوية 5.11

ه في الباب التاسع وجدنا أن كبية الحركة الزاوية الكلية لمنظومة من الجسيمات تطل ثابته عندما
7,0 تكون محملة القوى الشارجية الؤثرة على المنظومة تساوي صفر. ولدينا قانون مناظر في
الحركة الدورانية هو قانون حفظ كمية الحركة الزاوية وينص على أن كمية الحركة الزاوية الكلية لنظام،
أنت قبي المقدار والاتجباء، إذا كبان عرزم الدوران الكلي المؤثر على المنظوسة من الخبارج يسباوي
سمرا ويستنج ذلك ساشرة ن معادلة (20.11)

$$\sum \tau_{\rm ext} = \frac{d\mathbf{L}}{dt} = 0 \tag{24.11}$$

L = constant (25.11)

مكن وضع قانون حفظ كمية الحركة الزاوية لنظومة من الجمسيمات على النحسو التساسي $\sum L_n = \mathrm{constant}$ من الأجسام في النظومة إذا تغير توزيع كتلة جسم ما فإن من المساور الذاتي للجسم يتغير ومن ثم تتغير سرعته الزاوية حيث L = loc في هذه الحالة يعبر عن المن حفظ كمية الحركة الزاوية بالشكل التالي

$$L_i = L_f = \text{constant}$$
 (26.11)

 L_z ادا كانت المنظومة عبارة عن جسم يدور حول محور ثابت مثل المحور يمكن أن نكتب L_z حيث L_z

هي مركبة L في اتجاه محور الدوران، I عزم القصور الذاتي حول هذا المحور في هذه الحالة بمكن التعبير عن قانون حفظ كمية الحركة الزاوية كما يلى

$$I_i \omega_i = I_f \omega_f = \text{Constant}$$
 (27.11)

وهذه المعادلة صالحة للإستخدام في حالة الدوران حول محور ثابت والدوران حول محور يمر بمركز الكتلة لمنظومة تتحرك طالما ظل هذا المحور موازيا لنفسه. ويتطلب الأمر فقط أنُ تكون صافى عزوم الدوران الخارجي تساوي صفر. هناك نظرية هامة لم نثبتها في هذا الباب خاصة بكمية الحركة الزاوية لجسم بالنسبة لمركز كتلته:

محصلة عزم الدوران الذي يؤثر على جسم حول محور يمر بمركز الكتلة يساوى معدل تغير كمية الحركة الزاوية مع الزمن بغض النظر عن حركة مركز الكتلة. وهذه النظرية صالحة ولوكان مركز الكتلة يتسارع شريطة أن تكون قيمة T و L مأخوذة بالنسبة لمركز الكتلة. في معادلة 26.11 لدينا قانون حفظ ثالث بضاف للقائمة، بمكننا أن نقول أن الطاقة وكمية الحركة الخطية وكمية الحركة الزاوية لمنظومة معزولة تظل حميعها ثابتة

$$K_i + U_i = K_f + U_f$$

$$\mathbf{p}_i = \mathbf{p}_f$$

$$\mathbf{L}_i = \mathbf{L}_f$$
 \mathbf{L}_f

وهناك العديد من الأمثلة التي توضح حفظ كمية الحركة الزاوية. لعلك قد رأيت شخصا يتزلج على الجليد ثم يدور حول نفسه في نهاية

السرعة الزاوية للمتزلج تزداد عندما يضم ذراعيه ويجعل قدميه قريبة من جسمه ومن ثم يقلل من عزم القصور الذاتي I وإذا أهملنا الاحتكاك بين الجليد وحذاء المتزلج ولا يؤثر عليه عزم دوران من الخارج فإن التغير في السرعة الزاوية يكون ناتجا عن حفظ كمية الحركة الزاوية للمتزلج، أي لأن حاصل الضرب M يظل ثابتا.

فإنقاص عزم القصور الذاتي للمتزلج يزيد من سرعته الزاوية. وبالمثل عندما يريد الغطاس diver أو لاعب الأكروبات أن يدور بضع دورات بجسمه في الهواء فإنه يجذب قدميه وذراعيه بالقرب من جسمه لكي يدور بمعدل سريع. في هذه الحالات القوة الخارجية الناتجة عن الجاذبية تؤثر على مركز الكتلة ولا تؤثر بعزم دوران حول 452 ﴾ هذه النقطة. ومن ثم تظل كمية الحركة الزاوية حول مركز



The state of the s

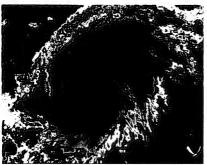


كمية الحركة الزاوية تظل محفوظة عندما يضم لاعب التنزلج على الحليد ذراعيه نحو خصره.

الكتاة محفوظة أي أن $I_i \omega_i = I_f \omega_f$ فإذا أراد الغطاس أن يضاعف من سرعته الزاوية يجب أن ينقص عزم القصور الذاتي لجسمه إلى نصف قيمته الأولى.

جسم يتحرك في خط مستقيم. وقد قيل أن صافي عزم الدوران الذي يؤثر عليه يساوي صفر حول نقطة غير محددة. قرر ما إذا كانت العبارات التالية صحيحة أم خاطئة (a) صافى القوة على الجسم تساوى صفراً (b) سرعة الجسم يجب أن تكون ثابته.

مثال 8.11 تكون النجوم النيوترونية



صورة بالأشعة تحت الحمراء لهاريكان مسيستش الذي دمسر مساحة كبيرة من الهندوراس بأمريكا الجنوبيسة ونيكا راجوا في أكتوبر 1998. كـــتلة من الهواء على شكل دوامة تدور ولها كمية حركة زاوية.

، جم يدور وزمن دورته 30 يوم حول محور يمر بمركزه. بعد أن يحدث للنجم إنفجار يضمحل قلب اا ، و م الذي يبلغ نصف قطره عطره £ 1.0 x 10 ويتحول إلى نجم نيوتروني نصف قطره 3.0km . أحسب الرمن الدورى للنجم النيوتروني

الحلء

····· القانون الفيزيائي الذي يبن أن المتزلج يدور أسرع على الجليد عندما يضم ذراعيه هو الذي حركة النجم النيوتروني، نفرض أنه عندما اضمحل قلب النجم (1) لا يؤثر عليه عزم دوران ٠١٠ - ١٠) ظل كروى الشكل (3) ظلت كتلته ثابته. وسنستخدم الرمز T للدلالة على الزمن الدوري :١٠ المس الدوري الإبتدائي للنجم و عT الزمن الدوري للنجم النيـوتروني. والزمن الدوري هو طول الفـترة (453 الزمنية الذي تستقرفها نقطة على خط الاستواء للنجم لكي تصنع دورة كاملة حول محور الدوران. السرعة الزاوية للنجم تعطى بالمادلة $2\pi/T$ $= 2\pi/T$ السرعة الزاوية للنجم تعطى بالمادلة (27.11) تنظى ما

$$T_f = T_i \left(\frac{r_f}{r_i}\right)^2 - (30 \text{ days}) \left(\frac{3.0 \text{ km}}{1.0 \times 10^4 \text{ km}}\right)^2$$

= 2.7 × 10⁻⁶ days = 0.23 s

أى أن النجم النيوتروني يدورأربع دورات تقريبا هَي كل ثانية، وهذه النتيجة مِي نقريبا مثل النتيجة بالنسبة للمتزلج الذي يدور حول نفسه.

مثال 9.11

منصبة أفقية على شكل قرص دائري تدور في مستوى أفقى حول محور رأسي عديم الإحتكاك، (شكل 6.11) والمنصبة كتلتها M=100kg ونصف قطرها R=2.0m . وقف طالب على المنضدة كتلته m=60kg. وأخذ يسير من الحافة نحو الداخل في اتجاه المركز.

إذا كانت السرعة الزاوية للمنظومة هي 2.0 rad/s عندما كان الطالب عند الحافة. كم تكون السرعة الزاوية عندما يصل إلى نقطة تبعد بمقدار r = 0.5 m من المركز.

> الحل: تغيير السرعة في هذه الحالة مثل زيادة السرعة الزاوية للمتزلج الذي يدور حول نفسه عندما يضم ذراعيه. سوف نرمز لعزم القصور الذاتى المنصة بالرمز I_0 والطالب I_0 وسوف نعامل الطالب كنقطة لها كتلة تساوى كتلته. سوف نكتب عزم القصور الذاتي الإبتدائي I للمنظومة (الطالب والمنصة) حول معور الدوران.

$$I_i = I_{pi} + I_{si} = \frac{1}{2}MR^2 + mR^2$$

عندما انتقل الطالب للموضع r < R ينخفض عزم القصور الذاتى

$$I_f = I_{pf} + I_{sf} = \frac{1}{2}MR^2 + mr^2$$

لاحظ أننا نستخدم نصف قطر النصة R عند 454 / حساب I_{pf} لأن نصف قطر المنصة لم يتغير. لأنه لا



Carlo Carlo

شكل (6.11) الطالب يتحرك نحو مركز النصة وهي تدور . السرعة الزاوية للمنظومة تزداد لأن كمية الحركة الزاوية محفوظة.

يوجد عزم دوران خارجي يؤثر على المنظومة حول محور الدوران يمكننا استخدام قانون حفظ كمية الحركة الزاوية.

$$\begin{split} I_i \omega_i &= I_f \omega_f \\ \left(\frac{1}{2}MR^2 + mR^2\right) \omega_i &= \left(\frac{1}{2}MR^2 + mr^2\right) \omega_f \\ \omega_f &= \left(\frac{1}{2}\frac{MR^2 + mR^2}{2MR^2 + mr^2}\right) \omega_i \\ \omega_f &= \left(\frac{200 + 240}{200 + 15}\right) (2.0 \text{ rad/s}) = 4.1 \text{ rad/s} \end{split}$$

وكما توقعنا لقد زادت السرعة الزاوية.

تمرين: أحسب طاقة الدوران الإبتدائية والنهائية للمنظومة

K_i=880J; K_f=1.8 x 10³ J الإجابة،

اختبار سريع 11.5

لاحظ أن طاقة الدوران للنظام الموضح في المثال 9.11 تزداد ما هو السبب في هذه الزيادة في الطاقة؟

مثال 10.11 لضعجلة الدراجة

في إحدى التجارب الدراسية الشهيرة، يمسك أحد الطلاب محور إطار دراجة يلف حول هذا المحور أما ينعا التجارب الدراسية الشهيرة، يمسك أحد الطالب والمقعد في حالة سكون بينما المجاد في مستوى أفقي، وكمية الحركة الزاوية الإبتدائية هي L_1 وتشير إلى أعلى، عندما ينقلب L_1 المجلة حول مركزها بمقدار [180 يبدأ الطالب والكرسي في الدوران، أوجد مقدار واتجاء L_1 المالب والمعد بدلالة L_2

الحل؛ المنظومة تتكون من الطالب والمقعد والإطار، هي البداية كمية الحركة الزاوية الكلية 1⁄4 تاتي عن المهم الإطار الذي يلف، عندما ينقلب الإطار اثر الطالب بعنزم دوران على الإطار إلا أن هذا العمزم المواني يعتبر داخلي بالنسبة للمنظومة، ولايوجد عزم دوران خارجي يؤثر على النظومة حول المحور المودي، إذن كمية الحركة الزاوية للمنظومة نظل محفوظة، في البداية لدينا

الفيزياء (الجزء الأول - المتكانيكا والديناميكا الحرارية)

$$\mathbf{L}_{\mathrm{system}} = \mathbf{L}_i = \mathbf{L}_{\mathrm{wheel}}$$
 (الى أعلى)

عندما ينقلب الإطار يصبح لدينا

$$L_i$$
 (للإطار المقلوب) = $-L_i$

لكي نظل كمية الحركة الزاوية الكلية محفوظة لابد وأن يدور جزء من المنظومة حتى نظل كمية الحركة الزاوية الكلية كما كانت في البداية ، لم وهذا الجزء من المنظومة هو الطالب والمقدد الذي يجلس عليه. في هذه الحالة نجد أن

$$\mathbf{L}_f = \mathbf{L}_i = \mathbf{L}_{\text{student+stool}} - \mathbf{L}_i$$

 $L_{student+stool} = 2L_i$



Frank State

شكل (17.11) الإطار يلف بينما الطالب جالس في حالة سكون. ماذا يحدث عندما ينقلب الإطار؟

مثال 11.11 القرص والعصا

قرص يزن 2.0kg يتحرك بسرعة 8.0 m/s امسطدم بقضيب وزنه 1.0 kg في وضع مستو على سطح جليد عديم الإحتكاك تقريبا كما هو مبين في شكل(18.11) بفرض أن التصادم كان مرنا. احسب السرعة الإنتقالية للقرص والسرعة

الإنتقالية للقضيب بعد التصادم. عزم الانتقالية للقضيب بعد التصادم. عزم القصور الذاتي للقضيب حول مركز علية تساوى 1.33kg.m²



الحل:

شكل (18.11) تصادم بين قرص وعصا جعل العصا تدور بعد التصادم المرن (مسقط رأسي)

حيث إن القرص والقضيب يكونان نظامـا مـعـزولا. يمكننا أن نفـتـرض أن

الطاقة الكلية، كمية الحركة الخطية، كمية الحركة الزاوية كلها محفوظة. ولدينا ثلاث مجاهيل ولذلك نحتاج إلى ثلاث ممادلات لنحلها آنيا . الأولى تأتي من قانون حفظ كمية الحركة الخطية.

$$\begin{split} P_i &= P_f \\ m_d v_{di} &= m_d v_{df} + m_s v_s \\ (2.0 \text{ kg}) &(3.0 \text{ m/s}) = (2.0 \text{ kg}) v_{df} + (1.0 \text{ kg}) v_s \\ (1) & 6.0 \text{ kg.m/s} - (2.0 \text{ kg}) v_{df} = (1.0 \text{ kg}) v_s \end{split}$$

(2)



والآن نستخدم قانون حفظ كمية الحركة الزاوية، باستخدام الوضع الابتدائي لمركز القضيب كنقطة مرجمية، ونعلم أن مركبة كمية الحركة الزاوية للقرص على امتداد المحور العمودي على سطح الجليد كمية سالبة(فاعدة اليد اليمنى تبين آن $L_{\rm io}$ تشير نحو الجليد)

$$\begin{split} L_i &= L_f \\ &- r m_d v_{di} = r m_d v_{df} + I \omega \\ &- (2.0 \text{ m}) (2.0 \text{ kg}) (3.0 \text{ m/s}) = - (2.0 \text{ m}) (2.0 \text{ kg}) v_{df} \\ &+ (1.33 \text{ kg} \cdot \text{m}^2) \omega \\ &- 12 \text{ kg.m}^2 / s = - (4.0 \text{ kg} \cdot \text{m}) v_{df} \\ &+ (1.33 \text{ kg} \cdot \text{m}^2) \omega \\ &- 9.0 \text{ rad/s} + (3.0 \text{ rad/m}) v_{df} = \omega \end{split}$$

لقد استخدمنا الريديان كوحدة عديمة الأبعاد لكي نحقق تساوى الوحدات لكل حد.

أخيرا الطبيعة المرنة للتصادم تذكرنا بأن طاقة الحركة محفوظة في هذه الحالة طاقة الحركة نتكون من شقين انتقاليه ودورانية

$$K_{i} = K_{f}$$

$$\frac{1}{2}m_{d}v_{di}^{2} = \frac{1}{2}m_{d}v_{df}^{2} + \frac{1}{2}m_{s}v_{s}^{2} + \frac{1}{2}I\omega^{2}$$

$$\frac{1}{2}(2.0 \text{ kg})(3.0 \text{ m/s})^{2} = \frac{1}{2}(2.0 \text{ kg})v_{df}^{2} + \frac{1}{2}(1.0 \text{ kg})v_{s}^{2}$$

$$+ \frac{1}{2}(1.33 \text{ kg.m}^{2}/s)\omega^{2}$$
(3)
$$54 \text{ m}^{2}/s^{2} = 6.0v_{df}^{2} + 3.0v_{s}^{2} + (4.0 \text{ m}^{2})\omega^{2}$$

بحل المعادلات (1),(2),(3) آنيا نجد أن $w_s=1.3$ بوء $w_s=1.3$ و $w_s=1.3$ وهذه الشيم $w_s=1.3$ وهذه الشيم بدول 11.1 أن معقولة فالقرص يتحرك أكثر بطئًا بعد التصادم والقضيب سرعته الإنتقالية صغيرة. جدول 11.1 من القرص والقضيب ويحقق قانون حفظ كمية $w_s=1.3$ الحركة الخطية والزاوية وطاقة الحركة.

ىمرين: حقق القيم في جدول 1.11

جدول (1.11) مقارنة بين القيم في مثال (11.11) قيل ولعد التصادم

	υ (m/s)	ω (rad/s)	$\rho (kg.m/s)$	$L (\text{kg.m}^2/\text{s})$	(J)	(J)	
Before							قبل
Disk	3.0		6.0	-12	9.0	-	قرص
Stick	0	0	0	0	0	0	عصا
Total	-	-	6.0	-12	9.0	0	مجموع
After							بعد
Disk	2.3		4.7	-9.3	5.4	-	قرص
Stick	1.3	-2.0	1.3	-2.7	0.9	2.7	عصا
Total	-	-	6.0	-12	6.3	2.7	مجموع

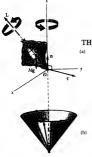
لأحظ من الجدول السابق أن كمية الحركة الخطية والزاوية وطاقة الحركة الكلية جميعها قيم محفوظة.

(قسم اختیاری)

6.11 > حركة الحيروسكوب والنحلة الدوارة THE MOTION OF THE GYROSCOPES AND TOPS

هناك حركة معروفة لعلك قد تكون شاهدتها وهي دوران النحلة الدواره (19.11a) التي يلعب بها الأطفال. إذا لفت النحلة بسرعة كبيرة فإن محور تماثلها يدور حول المحور z في مدار على شكل مخروط كما في شكل (19.11b). وحركة محور التماثل حول المحور الراسي z تسمى الحركة التقدمية أو الترنحية precessional motion وهي حركة أبطأ من الحركة اللفية للتحلة. ومن البديهي أن تتساءل لماذا لا تقع النحلة طالما أن مركز الكتلة ليس أعلى نقطة الإرتكاز0 مباشرة من الواضح أن محصلة لعزم الدوران تؤثر على النحلة.

عزم دوران ناتج عن قوة الجاذبية Mg . فاانحلة لابد وأن تسقط على الأرض إذا لم تكن تلف, 458 فاللف يعطيها كمية حركة زاوية L متجهة نحو



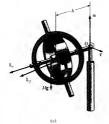
شكل (19.11) الحركة التقدمية أو الترنعية لنحلة تلف حول محور تماثلها (a) القوى الخارجية المؤثرة عليها هي القوة العمودية n وقوة الجاذبية Mg. اتجاء كمية الحركة الزاوية L هو محور التماثل. فاعدة اليد اليمنى تبين أن $\tau = r \times F = r \times Mg$ في (a) اتجاء ΔL يوازى τ هى القسم (b) xy مستوى حيث أن $L_i = \Delta L + L_i$ النحلة لها حركة ترنعية أو تقدمية حول الحور z. - وكن تماثلها كما سنين، وحركة محور التماثل حُول المحور 2 (الحركة النقسية أو الترسعية) تعدت لأن - زم النوران يعدث تغيرا هي اتجاه محور التماثل، وهذا مثل رائع لأهسية الطبيعة الإنجاهية لكمية. الحركة الزاوية.

$$\tau = \frac{d\mathbf{L}}{dt}$$

من هذه المعادلة نجد أن عزم الده-إن الذي لايساوي صفر يعدث تغيرا هي كمهة :نحركة الزاوية dL وركزن هذا التغير هي أنجاه π -إذن كـ تجه عزم الدوران، لايد وأن يكون ΔD عموديا على Δ كما هي شكل (11.19b). وهذا الشكل يبين الحركة التقدمية (الترنحية) لحور التماثل للنحلة. في فترة زمنية Δ النقوي في كمية الحركة الزاوية هي ΔD ع ΔD عمودية على ΔD عمودية على ΔD تخير في كمية الحركة الزاوية مي ΔD واتجاه ΔD وحيث إن التغير في كمية الحركة الزاوية ΔD التجاء على التقديم في المترى ΔD النتول ويتغير هو اتجاه ΔD وحيث إن التقيم في كمية الحركة الزاوية ΔD التجاء ΔD التراحية.

وخواص الحركة التقدمية الأساسية يمكن توضيحها بأخذ الجيرو سكوب البين في شكل (20.11a). وحدا الجهاز يتكون من عجلة تستطيع أن تلف بحرية حول محور مرتكز على مسافة ١١ من مركز الكتلة الدجة، عندما يكتسب سرعة زاوية ٥٥ حول المحور يصبح للعجلة كمية حركة زاوية ٢٥ ا منجهة نحر الحور كما نرى في الشكل، دعنا ندرس عزم الدوران المؤثر على العجلة حول نقطة الارتكازال، مرة ثانية

> سُكُلُ (1 (2011) (a) حسركسة جيسروسكوب مسيوتكر على سافة المن مركز كتلك، فرة الجيائيية Mg تحدث عين مردان حسول لقطة الإرتكاز، رمذا العزم يكون عمدينا على الخورزا) منم الدوران يعدف سار في كنية الحركة الزاوية الحرور، يتحدل المحرودي على الحرور، يتحدل المحرود على الحرور يتحدل المحرود خلال الحرور ويتحرل المحرود المل



القوة \mathbf{n} المؤثرة على المحور بواسطة الحامل لاتحدث عزم دوران حول O وقوة الجاذبية M8 تحدث عزم دوران فيمته M8 نفر مولان عمودي على المحور متعامد على الحامل. اتجاء عزم الدوران عمودي على المحور (وعمودي على M2 كما هو واضح من الشكل (20.11ه). عزم الدوران يجمل كمية الحركة الزواوية تتغير في الإنجاء الممودى على المحور ومن ثم يتحرك المحور في اتجاه عزم الدوران أي في المستوى الأفقى.



هذا الجيروسكوب يقوم بحركة تقدمية هذا الجيروسكوب يقوم بحركة تقدمية الشفية حول محبور المعاشف، القوة الوحيدة المؤتف عليه معي قوة الجاذبية MR والقوة في الإتجاء الأطبل عند نقطة الإرتكاز n. متجاد كمية الحركة الزاوية L على امتداد الخداخة داخل المنافحة L عنام اعتداد اذخل المنافحة داخل المنافحة داخل المنافحة الخداخل المنافحة الخداخل المنافحة الخداخل المنافحة الخداخل المنافحة الإطافحة المنافحة ال

ولكي نبسط وصف هذا النظام سنفترض أن كمية الحركة الزاوية الكلية للعجلة التي تتحرك حركة تقدمية هي مجموع كمية الحركة الزاوية 1⁄0 الناتجة عن اللف وكمية الحركة الزاوية نتيجة لحركة مركز الكتلة حول محور الإرتكاز.

في هذه المعالجة سوف نهمل الإضافة الناتجة عن حركة مركز الكتلة ونعتبر أن كمية الحركة الزاوية الكلية هي فقطة 0/1 . ومن الناحية العملية يعتبر ذلك تقريبا جيدا إذا كانت Φ كبيرة

في الفترة الزمنية dh، عزم الدوران الناتج عن قوة الجاذبية يغير كمية الحركة الزاوية للنظام بمقدار $dL = \tau$ dl حيث $dL = \tau$ dl حيث $dL = \tau$ dl ينتج عن كمية الحركة الزاوية الكلية الأصلية $dL = \tau$ dl الحركة الزاوية الإضافية هذه إزاحة في اتجاه كمية الحركة الزاوية الكلية والرسم المتجهي في شكل 20.11b يبين أنه في الزمن dL متجه كمية الحركة الزاوية يدور بزاوية dL وهي أيضاً الزاوية التي يدور بها للحور، ومن مثلث المتجهات المكون من dL , dL , dL , dL , dL , dL , dL

$$\sin (d\phi) = d\phi = \frac{dL}{L} = \frac{(Mgh)dt}{L}$$

حيث أن θ تساوى θ عندما تكون θ صغيرة . وبالقسمة على dt وباستخدام العلاقة $L=I\omega$ نجد

أن معدل دوران محور التماثل حول المحور العمودي

$$\omega_P = \frac{d\phi}{dt} = \frac{Mgh}{Im}$$
 (11.28)

وهذه .Precessional Frequency .وهذه . وهذه . الترزيحي أو التردد التقدمي . Precessional Frequency .وهذه النتيجة تكون صحيحة فقط عندما تكون $\omega > \omega_0$ وإلا ستظهر حركة أخرى أكثر تعقيد ا فكما نرى من معادلة . $\omega_0 < \omega_0 > \omega_0$ يتعقق عندما تكون ω 1 كبيرة بالمقارنة بالمقدار ω_0 أضف إلى ذلك أن معدل الحركة الترانحية ω_0 يتناقص بزيادة ω إي كلما زادت سرعة لف العجلة حول محور تماثلها .

اختبار سريع 6.11

ما مقدار الشغل المبذول بقوة الجاذبية عندما تتحرك النحلة حركة ترنحية خلال دورة . . . كاملة .

(قسم اختياري)

7.11 > كمية الحركة الزاوية ككمية أولية

ANGULAR MOMENTUM AS A FUNDAMENTAL QUANTITY

لقد رأينا كيف أن مفهوم كمية الحركة الزاوية له أهمية كبيرة في وصف حركة النظم الماكروسكوبية .

•هذا المفهوم مفيد كذلك في حالة النظم تحت الميكروسكوبية Submicroscopic . ولقد استخدم كثيرا

•من تطوير النظريات الحديثة في الفيزياء الذرية والجزيئية والنواوية . في هذا التطوير وجد أن كمية

احركة الزاوية لنظام ما كمية أولية . وكلمة أولية في هذا السياق تعني أن كمية الحركة الزاوية هي صفة

•انبة من صفات الذرات والجزيئات ومكوناتها . خاصية وثيقة الصلة بطبيعتها . لكي نوضح نتائج العديد

•من التجارب على النظم الذرية والجزيئية، سنعتمد على الحقيقة التي مفادها أن كمية الحركة الزاوية

أما قيم كمية منفصلة . وهذه القيم الكمية المنفصلة هي مضاعفات لوحدة أولية من كمية الحركة الزاوية

•ه .) $\hbar = \hbar/2\pi$ حيث إلى يسمى ثابت بلانك.

والوحدة الأولية لكمية الحركة الزاوية $$4 ext{ kg.m}^2/s$ وسنبين كيف يمكن استخدامها المستحدامها المستحد الأولية للجزئ ثنائي الذرة. إعتبر جزئ الأكسجين <math>O_2$ كجسم مصمت دوار Rotor أي مساو المستحد المستحد والمستحد والمستحد المستحد المستحد المستحدد المستحد المستحدد ا

$$I_{\rm CM}\omega \approx \hbar$$
 or $\omega \approx \frac{\hbar}{I_{\rm CM}}$

٨٠، مثال 10.3 وجدنا أن عزم القصور الذاتي لجزئ الأكسجين حول هذا المحور يساوي (461



\$\$ل(21.31) جزئ الأكسجين كتموذج انظام يدور حول مركز الكفلة في مستوى السفحة.

$$\omega = \frac{\hbar}{I_{\text{CM}}} = \frac{1.054 \times 10^{-9} \text{ kg/m}^3/s}{1.93 \times 10^{-33} \text{ kg/m}^3}$$
$$= 5.41 \times 10^{-7} \text{ rad/s}$$

دنا حدمة الزايرة الغماية هي مضاعفات لوخم الرحدة الكمية الصدغيرة وفي تمثل أغل سرحة زاوية ... كنة لغج زي، حدا الثال اليحديد يبيئ أن يحدن الفاضم والنصائح الكلاب كهة عندها "تحدر بطروة قد صحيحا يمكن أن تكون مفيدة لوست بعض خواس النظم الذرية والجزيئية، وهناك العديد من النظراهر على المدونة تدعن المكونة ... على المدونة تحدد المكونة الحركة ... على المدونة لحركة من نوع بعين...

المالم الدنمركي نيلز بور (1962 | Niels Bohr (1885) ويتكر مدم الشكرة. فكرة القيم الكمية المنفصلة به الدركة الزاروية اكي يض صحب عن ذرة الهيدروجين، وقد كانت النساذج الكلاسكية غير فادرة تقديد خماس كادة الذونة في سوند

خل فقعل مدارات دائرية خول البرتين يكون لها كمية الحركة - د سحيح، أي أنه قد افترض أن كمية الحركة الزاوية المارية سعاء أمكن استنتاج الترددات الدورانية للإلكترون في مختلف لكه به الدركة الزاوية لكي يض . على نفسير خواص كثيرة لذرة :: إنتارج بهر أن الإلكترون د

الزاوية الدارية تساوى a .

دكاه Quantized ومن هذا الدارات (راحع المائة43).

ملخص SUMMARY

بالقة الصركة الكلية

الدورانية حول مركز كتلته أسي

(4.11)

- عزم الدوران ٣ النائج -

(/-112)

- إذا كان لدينا متجهان 🕭

(9.11)

حيث ﴿ هي الزاوية الواقعة -الكون من المتجهين A و B وهذ

يتسمرج على سطح خشن دون انزلاق يساوي طاقة الحركة $\frac{1}{2}Mv_{\rm CM}^2$.

$$K = \frac{1}{2} I_{CM} \omega^2 +$$

نقطة أصل في إطار قسوري يعرف على أنه:

لُ الضرب المُتجه بمطي متجه C قيمته

$$C = AB \sin \phi$$

. و B و التجاه المتجه B و $A \times B$. و التجاه المستوى

إنجاه يحدد بواسطة قاعدة اليد اليمني



كمية الحركة الزاوية L لجسم كمية حركته الخطية p = mv هو

$$\mathbf{L} = \mathbf{r} \times \mathbf{p} \tag{15.11}$$

-حيث r هو متجه وضع الجسم بالنسبة إلى نقطة الأصل في إطار قصوري.

- صافي عزم الدوران الخارجي المؤثر على جسيم أو جسم صلب يساوي معدل تغير كمية الحركة الزاوية مع الزمن

$$\sum \tau_{\text{est}} = \frac{d\mathbf{L}}{dt}$$
 (20.11)

مركبة كمية الحركة الزاوية في الإتجاء z لجسم جامد يدور حول محور ثابت z هو

$$L_{r} = I\omega ag{21.11}$$

حيث I هو عزم القصور الذاتي للجسم حول محور الدوران وω هي السرعة الزاوية.

صافي عزوم الدوران الخارجية المؤثرة على جمع جامد تساوي حاصل ضرب عزم القصور الذاتي
 حول محور الدوران في العجلة الزاوية

$$\sum \tau_{\rm ext} = I\alpha \tag{23.11}$$

إذا كان صافي عزوم الدوران الخارجية المؤثرة على جسم يساوي صفر، عند إذ تكون كمية الحركة الزاوية الكلية للنظام محفوظة أي ثابتة. وباستخدام هذا القانون، قانون حفظ كمية الحركة الزاوية انظام عزم قصوره الذاتى يتغير، نحصل على الآتى

$$I_i \omega_i = I_f \omega_f = \text{constant}$$
 (27.11)

اسئلة QUESTIONS

- لهل من المكن حسباب عزوم الدوران المؤثرة على جسم جامد دون تحديد مركز الدوران؟
 لهل عزم الدوران لِايعتمد على موضع مركز الدوران؟
 - ل حاصل الضرب الثلاثي (A·(BxC) كمية قياسية أم كمية متجهة؟ وضح لماذا العملية (A·B) x ('
- إذا كان عزم الدوران المؤثر على جسيم حول نقطة أصل معينة يساوي صفر. ماذا تقول عن كمية الحركة الزاوية حول هذه النقطة?
- افترض أن متجه السرعة لجسيم محدد

- تماماً، ماذا تستنتج حول اتجاه متجه كمية الحركة الزاوية بالنسبة لاتجاه الحركة.
- 5 إذا كانت قوة واحدة تؤثر على جسم، وعزم الدوران الناتج عن تلك القوة لايساوي صفراً حول نقطة ما. هل هناك نقطة أخرى يكون عزم الدوران حولها بساوى صفر.
- إذا كانت منظومة من الجمسيمات في حالة
 حبركية. هل ممكن لكميية الحبركية الزاوية
 الكلية أن تساوي صفراً حول إحدى نقط
 الأصل؟ وضح.

- 7 القيت كرة بطريقة ما جعلتها لاتلف حول محورها، فهل هذا ينني أن كمية الحركة الزاوية تساوي صفر حول نقطة أصل اختيارية؟ وضح.
- ﴿ قَلِ جَهَارُ السَّجِيل، يمر شريط السَّجِيل برأس التسجيل واخرى القراءة بسرعة ثابتة بواسطة مـوتور خـاص. الكاسيت اللفـوف عليهـا شـريط التسـجيل، كلمـا انسـعب الشرف على البكرة. كيف يتنير عزم الشريط المنوف على البكرة. كيف يتنير عزم الدوران على تلك البكرة مع الزمن؟ وكيف تتغير السـرعـة الزاوية للبكرة مع الزمن؟ إذا دار موتور التسجيل وحدث شد مفاجئ للشريط بقوة فمن المحتمل أن يققطع الشريط عندما تكون البكرة ممتشة أو عندما تكون شبـه فارغة في أي حالة يكون الاحتمال أكبر.
- 9 عندما تتدحرج أسطوانة على سطح أفقي كما في شكل (1.1.) هل توجد بعض النقط على الأسطوانة لها مركبة رأسية فقط للسرعة في لحظة ما؟ إذا كانت موجودة فاين تتم؟
- 10 ثلاث أجسام لها كثافة متساوية، كرة مصمحته، وأسطوانة مصمحته، وأسطوانة فارغة، وضمت على قصة متحدر شكل (21.12) إذا انطلقت جميعها في لحظة واحدة من حالة السكون ومن على ارتشاع واحدة من حالة السكون ومن على ارتشاع واحد وتدحرجت دون انزلاق. أي منها يصل المالة خواة حاول منا في المنزل ولاحظ أن النتيجة لاتعتمد على أي من الكتلة أو نصف القطر.



الشكل 12.11

11 - النجوم تبدأ كأجسام ضخمة من غازات تدور ببطئ، وبسبب الجاذبية، تتناقص تلك المنطقة الغازية في الحجم. ماذا يحدث للسرعة الزاوية للنجم عندما يتقلص؟ وضع.

- 12 عندما يريد الغواص أن يقوم بدورة في
 الهواء يضم قدميه إلى صدره، لماذا يجعله
 ذلك يدور أسرع؟ ماذا يفعل لكي ينهي دورته؟
- 13 كرتان مصمتتان احداهما كبيرة والأخرى صغيرة تدحرجا من اعلى تل إي من الكرتين تصل أولاً إلى فاع التل؟ ثانياً، كرة كبيرة وكثافتها صغيرة واخرى صغيرة وكثافتها كبيرة لهما نفس الوزن تدحرجا من أعلى ربوة أي منهما تصل إلي القاع أولاً في هذه الحالة؟
- 14 تصور أنك تصمم عربة سباق دون محرك لتستخدم في سباق لهذا النوع من العربات في سباق لهذا النوع من العربات للعربات المتخدم؟ عجلات كبيرة أم عجلات صغيرة؟ وهل تصنعها على هيئة أقراص مصنه أو على شبئة أقراص مصنه أو على شبئة أقراص مصنه أو على شبئة أقراص مصنه أو على شبئا طوق؟
- 15 كرتان لهما نفس الكتلة والحجم أحدهما مجوفة بينما الأخرى مصمتة كيف تميز بينهما من الخارج.
- 16 جسيم يتحرك في دائرة بسرعة ثابتة. حدد نقطة واحدة يكون حولها كمية الحركة الزاوية للجسيم مقدارا ثابتاً واخرى يكون عندها يتفير مع الزمن.
- 17 [22] إذا كنان سيحدث ارتضاع في درجة حرارة الأرض خالال القرن القائدم، من المصلح المحتولة الأرض خالال القرن القائدة من المصلح وينتشر الماء قدرب خط الإستواء، كيف يؤدي ذلك إلى تقيير في عزم القيصور الذاتي للأرض؟ هل سيزيد طول اليوم أم ينقص (زمن دورة واحدة).

PROBLEMS JILMS

1، 2، 3 = مسائل مباشرة، متوسطة، تحدى

Http:// www. sanunderscollege. com/ physics/ الحل موجود في: WEB

= الحاسب الآلي مفيد في حل المسائل

= أزواج رقمية/ باستخدام الرموز

قسم 1.11 حركة تدحرج جسم جامد:

آ اسطوانة كتلتها 10.0Kg نتدحرج دون انزلاق على سطح أفقي. عند اللحظة التي يصل فيها مركز كتلتها إلى سرعة 10.0 m/s إحسب (a) طاقة الحركة الانتقالية لمركز الكتلة (b) الطاقة الدورانية حول مركز الكتلة (c) الطاقة الكلية.

2 - كرة بولنج كتلتها 4.0Kg عزم قصورها الذاتي 1.6x10⁻²Kg.m² ونصف قطرها 0.10m إذا كانت تتدحرج في طرقة دون انزلاق بسرعة خطية 4.0 m/s كم تكون طاقتها الكلية.

R وعزم R وعزم ونصف قطرها وعزم Mقصورها الذاتي MR²/5MR². إذا بدأت من حالة السكون، ما مقدار الشغل الواجب بذله عليها لكى تبدأ التدحرج دون انزلاق بسرعة خطية υ, Μ عبر عن الشغل بدلالة υ, Μ.

4 - قرص منتظم مصمت وطوق منتظم وضعا جنبا لجنب على قمة منحدر ارتفاعه h. إذا أطلقا من السكون وتدحرجا دون انزلاق عين سرعتهما عندما يصلا إلى القاع. أي الجسمين يصل إلى القاع أولاً.

a) أ عن العجلة لمركز الكتلة لقرص مصمت منتظم يتدحرج إلى أسفل منحدر يصنع زاوية θ مع الأفقى. قارن تلك العجلة بعجلة طوق منتظم (b) ما هو أقل مقدار لمعامل

= الحل كامل متاح في المرشد.

الله = فيزياء تفاعلية

الاحتكاك يلزم لجعل الحركة تدحرجية للقرص؟

 6 - حلقة كتاتها 2.4 Kg ونصف قطرها الداخلي 6.0 cm ونصف قطرها الخارجي 8.0 cm تتدحرج دون انزلاق إلى أعلى منحدر يصنع زاوية θ تساوى 36.9° شكل (P6.11) في اللحظة التي تصل فيها الحليقة إلى الوضع x = 2.00m أعلى المتحدر كانت سرعتها 2.8m/s واصلت الحلقة الصعود إلى أعلى المتحدر، لمسافة إضافية، ثم بدأت تتدحرج إلى الخلف، لم تصل إلى النهاية العليا ما هي المسافة أعلى المتحدر التي وصلت إليها.



الشكل P6.11

7 - علبة من الصفيح تحتوي على حساء ماشروم مكثف كتلتها g 215 وارتضاعها 10.8cm وقطرها 6.38cm. وضعت في حالة سكون على جانبها أعلى سطح مائل طوله 3.0m ويصنع زاوية °25 مع الأفـــقى ثم تركت (



الفيزياء (الجزء الأول - الميكانيكا والديناميكا الحرارية)

لتتدحرج إلى أبيفل، بفرض حفظ الطاقة. إحسب عزم القصور الذاتي للعلبة. إذا أخذت زمن قدره 5.5 لكي تصل إلى قاع السطح المائل، ما هي المعلومات إن وجدت التي ترى أنها غير ضرورية لحل التمرين.

8 - كرة التنيس عبارة عن كرة مفرغة جدارها رفيق وضعت التندحرج دون الزلاق بسرعة رفيق وضعت التندحرج دون الزلاق بسرعة هو مبين في شكل (1,981). ثم أخسنت تتدحرج داخل خية دائرية عمودية قطرها 90.0 cm ثم أخسان عند نقطة على سرعة الكرة ما الخفي (18) إحسب من مسارها (1) إحسب سرعتها عندما تترك السار (2) نفترض الاحتكاك الإستانيكي بين الكرة اللسار بمكن إهمائه بحيث أن الكرة الليما بدلاً من أن تندحرج. فهل ستكون سرعةا اكبر أم أقل أم تساوي نفس السرعة الخية وضع ذلك.



الشكل P8.11 قسم 2.11 حاصل ضرب المتجهات وعزم الدوران

9 - إذا كــــان لديـــك M = 2i - j - 3k و N = 2j - k و M = 6i + 2j - k احسب حاصل ضرب المتعه MxN.

10 - المتسجهان 42.0cm عند زاوية 15.0° و مند زاوية 23.0cm عند 23.0cm وكالمصا يبدأ من نقطة الأصل، والزاويتان مقاستان في اتجاه عكس عقارب الساعة من المحور x.

والمتجهان يكونان ضلعين في متوازي أضلاع (a) احسب مساحة متوازي الأضلاع (b) احسب طول قطره الأكبر.

A = -3i + 4j متجهان يعطيان بواسطة A = -3i + 3i و B = 3i + 3i و $A \times B$ (a) الزاوية $A \times B$ و $A \times B$ بين $A \times B$ بين $A \times B$

B=6i-10j+9k للمتجه A=-3i+7j-4K عاد 12 (a) $\cos^{-1}(A\cdot B/AB)$ لوجد قيمة (c) $\sin^{-1}(|AxB|)/AB$ (b) الزاودة بين المتجهات.

F=2.0i+3.0j N قسم معلى جسم معلى من محور ثابت ممتد على طول محور معور ثابت ممتد على طول محور الإحداثيات z. [دا أثرت القوة عند النقطة [z=(4.0i+5.0j+0k)m]] اوجد (a) مقدار مساقي عـزم الدوران حـول المحـور z (b) [تجاء متجه عزم الدوران z.

14 - تقول طالبة إنها وجدت متجه A بحيث إن (2i - 3j + 4k) x A = (4i + 3j -k) فيهل تصدق هذا القول؟ وضح.

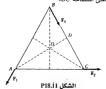
متجه A في الإتجاء السالب لمحور y ومتجه B في الاتجاء السالب للمحور x ما هو اتحاء ($B \times A \times B$).

16 - جسيم موضوع عند موضوع المتجه J(F = (i + 3j)m] القوة المؤشرة عليه هي J(F = (3i + 2j) N] الحسب عــــرم الدوران حول (a) نقطة الأصل (d) النقطة التي لها J(F = (a) + a) J(F = (a) + a)

ا منا هي الزاوية $\mathbf{A} \cdot \mathbf{B} = \mathbf{A} \cdot \mathbf{B}$ منا هي الزاوية ج $\mathbf{A} \cdot \mathbf{B}$

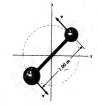
18 – قوتان F_1 , F_2 تؤذران على امتداد جانيين للله متساوي الأضلاع كما هو ميين في شكل (P18.11) والنقطة O مي نقطة شكل ارتضاعات المثلث، أوجد الفرق أسلام النقطة E_1 الني تؤثر على E_2

استقامة BC والتي تجعل عـزم الدوران الكلي حول النقطة D يسـاوي صـفـر. هل يتغير عرم الدوران الكلي إذا لم تؤثر القوة F_3 عند النقطة B بل عند أي نقطة أخرى على استقامة BC



القسم 113 كمية الحركة الزاوية

[19] قضيب خفيف مصمت طوله 1.0m يصل بين جسمين كتلة كل منهما 3.0Kg, 4.0Kg مثبتين عند نهايتية. تدور الجمومة في المستوى 2xx حول نقطة دوران عند مركز القضيب شكل (1.919) احسب كمية الحركة الزاوية للنظام عند نقطة الأصل عندما تكون سرعة كل جسيم 5.0m/s.



الشكل P19.11

xy يتحرك في المستوى v = (4.2i - 3.6j) m/s احسب v = (4.2i - 3.6j) m/s احسب كمية الحركة الزاوية للجسيم عندما يكون r = (1.50i - 2.20j)

متجه المكان لجسيم كتلتة 2.0Kg يعطى كدالة في الزمن بالعلاقة :

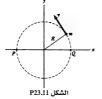
r = (6.0i - 5.0j)m الزاوية للجسيم حول نقطة الأصل كدالة في الزمن.

m بندول مخروطي يتكون من كرة كتلتها m تتحرك في مدار دائري في مستوى أفقي كما دائري في هو المجتبئ في شكل (1922-19). سلك التسمليق طوله θ ويصنع زاوية θ مع العمودي أشاء الحركة. بين أن مقدار كمية الحركة الزاوية للكتلة حول مركز الدائرة $L = (m^2 e^2 \sin^4 \theta / \cos \theta)^{1/2}$



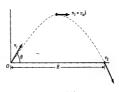
الشكل P22.11

23 – جسيم كتلته m يتحرك في دائرة نصف قطرها R بسرعة ثابتة v كما هو موضح في شكل ((P23.11), إذا بدأ الحركة عند النقطة Q). احسب كمية الحركة الزاوية للجسيم حول النقطة Q كدالة في الزمن.





جسم كتلته m قذف بسرعة ابتدائية ${}_{1}^{1}$ ويصنع زاوية θ م بالأفقي كما في شكل ويصنع زاوية τ تحسرك الجسم في مجاذبية الأرضية . أوجد كمية الحركة الزاوية للجسم حول نقطة الأصل عندما يكون الجسم (ه) عند نقطة الأصل (ط) عند أعلى نقطة في مساره و(ء) قبل أن يقع على الأرض مباشرة(θ) ماهو عزم الدوران بتغيير كمية حركة الزاوية.



الشكل P25.11

غير مثبته وبدأت تسقط. احسب كمية الحركة الزاوية(كدالة في الزمن) للكرة



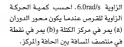
الشكل P27.11

7- رجل مطافئ صعد على سلم ووجه فوهة الخرطوم أفقيا نحو مبنى يحترق. معدل تدفق الماء 6.31kg/s والسرعة الماء عند النوعة (2.5 m/s عموديا بمقدار رجل المطافئ التي يتبعد عموديا بمقدار المسل أسدا أسفل فتحة الخرطوم. إختار المسل داخل الخسرطوم بين قسمي رجل المطافئ. ما هو عزم الدوران الذي يؤثر به رجل المطافئ على الخسرطوم؟ أي ما هو عزم الدورة الوركة الماءة مدر تغير كمية الحركة الزاوية للماء؟

القسم 4.11 كمية الحركة الزاوية لجسم مصمت يدور.

28 - كرة منتظمة مسمطة نصف قطرها 0.50 m وكتلتها 15.0 kg وتحتي المركزة المركزة المركزة المركزة المركزة المركزة الزاوية عندما تكون سرعتها الزاوية 3.0rad/s

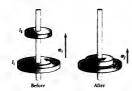
29 - قرص مصمت منتظم كتلته 3.0kg ونصف قطره 0.20m يدور حيول متحبور ثابت على وجمه. إذا كانت السرعة



- 13 جسيم كتاته 0.40 مشبت عند التدريج 0.00 مشرب عند وكتاتها 0.10 في مصطرة تدور على منظدة أفقية عديمة الاحتكاك بسرعة زاوية 0.10 متطرة 0.10 متطرة 0.10 متطرة أفقية عديمة الاحتكاك بسرعة الزاوية للنظام عدما تكون المسطرة معلقة حول محور 0.10 ميروي على المنضده عند التدريج 0.10 موروي على المنظدة عند التدريج 0.10 مند التدريج 0.10

القسم 5.11 حفظ كمية الحركة الزاوية:

32- آسطوانة عزم قصورها 1 I تدور حول محور عموري عديم الإحتكاك بسرعة زاوية 01 عمودي عديم الإحتكاك بسرعة زاوية 01 أسطوانة ثانية أهم عزم قصور دائي و1. الأسطوانة الأولى شكل (13.18) ويسبب الإحتكاك بين الأسطوانتين وصل الإثنان إلى نفس السرعة الزاوية 02 (03) احسب 04 (04) بين أن طاقة الحركة للنظام تنقص من تنيجة لهذا التأثير واحسب النسبة بين طاقة الدوران النهائية إلى طاقة الدوران النهائية إلى طاقة الدوران النهائية إلى طاقة الدوران



الشكل P33.11

- ضم الطالب الكتلتين نحو جسمه أفقيا إلى وضع 200 من محور الدوران (a) إحسب السرعة الزاوية للطالب (d) احسب طاقة الحركة للطالب قبل وبعد جذب الكتل إلى الداخل .
- 36. قضيب منتظم كتلته godg وطوله 250.0cm يدور في مستوى الفتي حول محور ثابت عمودي عديم الاحتكاك يمر بمركزه. توجد خرزتين كتلت كل منهما godg معلقتين في هذا القضيب بعيث يمكنهما الانزلاق دون احتكاك على امتداده. وفي لحظة ما ثبت الحكاك على امتداده. وفي لحظة ما ثبت جانبي المكرز والنظومة كلها تدور بسرعة زاوية «20.0rad الخرزتين على مصافة المحركة هاندولة المحركة هاندولة المحركة هاندولة المحركة هاندولة المحروبة المنظومة في الحركة هاندولة المحروبة المنظومة في الحرية وصول الخررزتين إلى نهايتي لحظة وصول الخررزتين إلى نهايتي القضيب (6) السرعة الزاوية للقضيب عندما الزلقة الخروزتان من نهايتي القضيب النخارجة.

[37] إمراة وزنها 6.0.kg تهن على حافة قرص أفقي دوار عزم قصوره الداتي 500 قرص كان فقي و وسطح فصوره الداتي و 6.0 قرص كان البداية ساكن وهو حر الحركة ليدور حمودي عديم الإحتكاك بمركزه. بدات المراة تمشي حـول حـافـة ألوص في اتجاه عقارب الساعة (كما ترى من أعلى النظام) بسـرعة زاوية ثابته وباي سرعة زلوية شابته وباي سرعة زلوية شابته وباي سرعة زلوية سيدور القرص (b) م تجمل المراة لكي تجمل مقدار الشغل الذي تبدئه المراة لكي تجمل نفسها والقرص يتحركان.

36 [35] مكعب من الخشب كتلته M موضوع على منضدة اققية ماساءومتصل بقضيب صلب والمعتملة (شكل 19.91) من المتحدد المعتملة (شكل 19.91) والقضيب يرتكز على طرفة الآخر. أطلقت كتلتها هم صوارقة للسطح الأفقي وعمودية على القضيب بسرعة لا فاصابت المكب ودخلت فيه (a) ما مقدار كمية الحركة الزاية للمكب والطلقة مما (d) ما مقدار الجزء من طاقة الحركة الذي فقد نتيجة التصاده.



الشكل P39.11

37 – محطة فضائية على شكل عجلة عملاقة نصف قطرها ال00m وعزم قصورها الذاتي 5.00x108 kg.m²

من 125 شخصيا يعيشون على الحافة.
دوران الحطة جعل الطاقم يشعر بجاذبية
مقدارها 18 شكل (P40.11) عندما
تحرك 100 شخص لحضور اجتماع عند
مركز للحطة تغيرت السرعة الزاوية. ما
مقدار العجلة التي يشعر بها شخص ما ظل
قصرب الحيافية افتيرض أن كتلة كل
قضر بالحيافية (65.08).

1884/21



الشكل، P40.11

38 - نفرض نيزكا كتلته 3.0x10¹³kg بسير بسرعة 30.0km/s بالنسبة لمركز الأرض واصطلم بالأرض، ما هو أكبر نقص ممكن في السرعة الزاوية للأرض نتيجة لهذا التصادم.

(اختياري) قسم 7.11. كمية الحركة الزاوية ككمية أولية

39 - في نموذج بور Bohr لذرة الهيدروجين يدور الإكتسرون في صدار دائري نصف قطره الإكتسرون في صدار دائري نصف قطره كما 20.529x10-10 البرتون، بفرض أن كمية الحركة الزاوية المدارية للإلكترون أما الحسب (a) السرعة المدارية للإلكترون (b) السرعة الزاوية لحركة الإلكترون (c) السرعة الزاوية لحركة الإلكترون (c)

مسائل اضافية:-

40 - مسألة للمراجعة: قضيب مصمت كتلته مهملة مثبت به 3 كتل متساوية كما في شكل (P44.11) والقضيب حر الدوران في مستوى رأسى حول محور أملس عمودي على القضيب بمر خلال النقطة P. وقد بدأ الحركة من حالة السكون عند زمن 1=0 إذا علمنا مقداري d, m أوجد (a) عزم القصور الذاتي للنظام حول مركز الإرتكاز (b) عـزم الدوران المؤثر على النظام عند t=0 العـحلة الزاوية للنظام عند (c) t=0 (d) العجلة الخطية للكتلة رقم 3 عند الزمن(e) t=0) الحد الأعلى لطاقة الحركة للنظام (f) الحد الأعلى للسرعة الزاوية التي يصل إليها القضيب (g) الحد الأعلى لكمية الحركة الزاوية للنظام (h) السرعة القصوى التي تصل إليها الكتلة رقم(2).



41 - كرة مصمته منتظمة نصف قطرها ٢ وضعت على السطح الداخلي لوعاء شكله نصف كروي، نصف قطره كبير ٨. تحركت الكرة من السكون بزاوية θ مع العمودي وأخذت تتدحرج دون انزلاق كما في شكل (P45.11) عين السرعة الزاوية للكرة عندا تصل إلى قاع الوعاء.



42 - قرص أفقى منتظم وزنه 100kg ونصف

قطره5.50m يدور دون احستكاك بسرعة زاوية 2.5rev/s حول محور عمودي يمر بمركزه كـمـا هو مبين في شكلP46.11 يوجد نظام للتغذية المرتجعة يراقب السيرعة الزاوية للقيرص. وموتور عند A للتأكد من أن الحركة الزاوية تظل ثابتة. بينما القرص يدور، كتلة مقدارها 1.2 kg عند مركز القرص بدأت تنزلق نحو الخارج داخل مــجــرى نصف قطرى، هذه الكتلة بدأت حركتها عند مركز القرص في زمن t=0 وأخذت تنزلق نحو الخارج بسرعة ثابتة 1.25cm/s بالنسبة للقرص حتى وصلت إلى الطرف عند زمن قدره t=440s والكتلة المنزلقة لا تتأثر بأى احتكاك. وحركتها يتم التحكم فيها بواسطة كابح عند النقطة B بحيث تظل سرعتها في اتجاه نصف القطر ثابتة. والكابع يحدث شدا في خيط رفيع مربوط في الكتلة(a) احسب مقدار عزم الدوران كدالة في الزمن الذي يؤثر به الموتور بينما الكتلة تنزلق(b) احسب مقدار عنزم الدوران عند زمن t=440 s قبل أن تنهى الكتلة المنزلقة حركتها مباشرة (c) أوجد القدرة التي يبذلها الموتور كدالة في الزمن (d) أوجد مقدار القدرة فور وصول الكتلة المنزلقة نهاية المجرى (e) احسب الشد في الخيط كدالة في الزمن (f) احسب الشغل المبذول بواسطة الموتور خلال فترة الحركة 440s (g) أوحد الشغل المبذول بواسطة الخبيط الذي يعمل ككابح للكتلة المنزلقة (h) أوجد الشغل الكلى المبدول على النظام المكون من القرص والكتلة المنزلقة.



الشكا، P46.11

47 غيط ملفوف حول قرص منتظم نصف قطره R وكتلته M . تحرك القرص من قطره R وكتلته M . تحرك القرص من أسكون وكان الخيط عموديا وطرفه العلوي مربوط في قضيب ثابت شكل (R7.11) في قضي ين أن (ه) الشد في الخيط بساوي ثلث وزن القرص (d) مقدار العجلة عند مركز الكتلة هي R29 و (c) سرعة مركز الكتلة هي R1/2 (g) مستخدما يهبيط القرص برهن على إجابتك في (c) مستخدما منهوم الطاقة.



الشكل P47.11

44 - المذتب هالي يدور حول الشمس في مدار على شكل قطع ناقص واكبر اقتراب له من الشمس عند مسافة تساوي D.590AU وأبعد مسافة بينة وبين الشمس AU مراجد مسافة بينة وبين الشمسة بين الأرض (Au) واحد: متوسط المسافة بين الأرض

والشمس).إذا كانت سرعة المذنب عند أكبر اقتراب له \$40,80 . كم تكون سرعته عندما يكون عند أبعد نقطة عن الشمس? كمية الحركة الزاوية للمذنب حول الشمس معفوظة لأنه لا يوجد عزم دوران يؤثر على المذنب. قوة الجاذبية التي تؤثر بها الشمس على المذنب. لها ذراع عزم يساوي صفراً.

45 - قـوة ثابته أفـقـيـة F تؤثر على عـجلة أسطوانية كبيرة (مدحاة) تستخدم في تسوية الأرض كما في شكل (1991) فإذا كانت هذه المدحاة منتظمة ومصمته نصف قطرها R وكتلتها M . إذا كانت المدحاة تتدحرج دون انزلاق على سطح أفقي. بين أن(a) العجلة عند مركـز الكتلة تساوي المسيوري لمنع الإضافة والمجتكاك المسيوري لمنع الانزلاق هر وروي لمنع الانزلاق هر وروي لمنع الانزلاق مر راملية (ملحوظة) المتسبة (ملحوظة: اعتبر عزم الدوران بالنسبة لمركذ الكتلة).



الشكل P49.11

46 - حبل خفيف يمر فوق بكرة خفيفة ملساء معلق في احد طرفيه سوياطة موز كما في شكل (P50.11) كتاتها M. من الطرف الشاني للعجل تنفق فرد كتاتها كذلك. حاول القرد أن يتسلق على الحبل لكي يصل إلى الموز (a) إذا اعتبرنا أن النظام يتكون من القرد والمؤز والحبل والبكرة احسب عزم الدوران عند محور البكرة(ط) باستخدام التيجة من (a) احسب كمية الحركة الزاوية

الفصل الحادى عشر: الحركة التدحرجية وكمية الحركة الزاوية

الكلية حول محور البكرة. وصف حبركة النظام. هل يصل القرد إلى الموز.



الشكل P50.11

7 - كرة مصمتة كتلتها m ونصف قطرها r تتدحرج دون انزلاق على امتداد السار المسار (P51.11). بدأت الكرة من حالة السكون وكانت على ارتفاع h من حالة السكون وكانت على ارتفاع h وقاع الحلقة التي نصف قطرها R وهو اكبر بكثير من r (a) ما مقدار أقل ارتفاع h (بدلالةR) يمكن للكرة أن تبدأ من عنده لكي استطها أن تكمل الدائرة (ش) ما هي مركبات القوى على الكرة عند النقطة P إذا كانت (R5-h)?

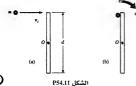


48 - قضيب رفيع كتلته 0.63kg وطوله 1.24m

في حالة سكون ومعلق رأسيا من مفصلة ثابتة قوية عند طرفه. فجأة أثرت عليه قوة أفقت عليه قوة أفقت عليه قوة أن مستخب أن المنتج على أن المنتج على النهاية السفلية للقضيب. أوجد عجلة التفييب والقوة الأفقية التي على منتصف المنتجب والقوة الأفقية التي على منتصف القضيب اوجد عجلة هذه النقطة ورد فعل المفصلة الأفقي (و) أين يمكن أن تؤثر قوة الدفعة بحيث أن المفصلة الأيتجاء الأفقي (هذه لايكون لها تأثير في الإنجاء الأفقي (هذه النقطة تسمى مركز الصدم).

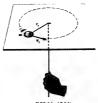
49 - في لحظة مـا كـانت كـرة بولنج تنزلق وفي نفس الوقت تلف على سطح اققي بحيث أن طاقة حـركة دورانها تساوي طاقة حـركة انتقالها. فإذا كانت $v_{\rm CM}$ تمثل سرعة مركز الكتلة بالنسبة للسطح و $v_{\rm F}$ تمثل سرعة أعلى نقطة على سطح الكرة بالنسبة إلى مركز الكتلة اوجد النسبة إلى مركز الكتلة اوجد النسبة $v_{\rm CM}/v_{\rm F}$

50 – مقدوف كتلته m يتحرك في اتجاء اليمين بسرعة p (mكل p (p (mكل p (m). إصطدم المقدر ألف بي مثلته القضيب p (m) وملق من يمتلته القضيب p (m) وطوله p (p (p (p (p)) احسب السرعة الزاوية للمنظومة بعد التصادم مباشرة (p) عين الجزء المقود من الطاقة المكانيكية نتيجة للتصادم.



4/3

55 كتلة m مربوطة في حبل يمر من ثقب ضعيل عمر من ثقب ضغير (P55.11) في سطح أماس أفقي شكل (P55.11) من من المسابقة كانت في البيداية تدور بسيرعة إلى مدار دائري نصف قطرم إ، يعيد ذلك حدث شد للحيل من أسفل ونقص نصب قطر الدائرة إلى r (a) ما هي سرعة الكتلة r عندما يكون نصب قطر المدائة في r عندما يكون نصب قطر المدائة في المحبل كدالة في الحبل كدالة في المعال الشد في الحبل كدالة في من إلى المحدد أن الشد يتبوقف على من إلى r ديال الموقف على مقدار r) (b) أوجد القيم المعددية لكل من سعاداً r) و (b) وجد القيم المعددية لكل من سعاداً r) و (c) وجد القيم المعددية لكل من سعاداً المعالمات و π=50.0g و π=5.0.0g و



الشكل P55.11

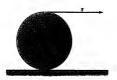
52 - لاعب اطلق كـرة بولنج دون لف وأخــنت تنزلق في خطا مستقيم في مسارها. اخذت الكرة قبل المستقيم في مسارها. اخذت حركتها إلى التدحرج دون انزلاق. ما هم مقدال هذه السافة اذكر الكميات التي استخدمتها كمدخلات والقيم التي قدرتها لكل منها والبررات لتلك الإختيارات.

53 - قضيب رفيع طوله h وكتلته M موضوع عموديا وطرفه السفلي يستقر على سطح أفقي أملس. ترك القضيب لكي يسقط n بحرية (a) عين سرعة مركز الكتلة له قبل

أن يصل إلى السطح الأفقي مباشرة(d) نفترض أن القضيب له نقطة ارتكاز ثابتة في نهايته السفلى، عين سرعة مركز كتلة التضيب قبل أن يصطدم بالسطح مباشرة.

59 [59] إثنان من مالحي الفضاء شكل (P59.11) كل منهـمـاً له كـتلتـه 75kg متصلان ببعضهما يحيل طوله 10.0m وكتلته مهملة وهما معزولان في الفضاء، يدوران حول مركز الكتلة لهما بسرعة 5.0m/s (a) بمعاملة رائدي الفضاء كجسمان. إحسب مقدار كمية الحركة الزاوية (b) طاقة دوران المنظومة. أحد الرائدان شد الحبل وجعل المسافة بينهما 5.0m فقط (c) ما مقدار كمية الحركة الزاوية للمنظومة في هذه الحالة؟ (d) ما هى سرعة رائدي الفضاء الجديدة؟ (e) ما هي طاقة الدوران الجديدة للمنظومة؟ (f) ما مقدار الشغل المبذول بواسطة رائدي الفضاء في تقصير السافة بينهما بشد الحبل.

55 – اثنان من رواد الفضاء شكل (P 11.59) كتلته كل مهملاً ومسكان بجيل طوله أو كتلته مهملة. وهما معزولان في الفضاء. ويدوران حول مركز الكتلة لهما بسرعة ويدوران حول مركز الكتلة لهما بسرعة (a) مقدار كمية الزاوية (d) طاقة الدركة الزاوية (d) طاقة الدروان للمنظومة. عند شد الحيل تمكن أحد الرواد من تقصير المساقة بينهما لتصبح 4/2 (a) ما مقدار الزاوية الجديدة (d) ما هي صرعة رائدي الفضاء الجديدة لتشام (f) ما مقدار الشغل المبدول بواسطة رائد (f) ما مقدار الشغل بواسطة رائد الفضاء في تقصير الحيل.



الشكل P63.11 58 -قرص مصمت منتظم بدور باستمرار بسرعة زاوية ω حول محور يمر بمركزه. بينما هو

يدور بهذه السرعة، وضع على سطح أفقى

ثم ترك يتحرك كما في شكل (P64.11) (a)

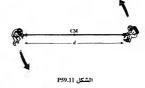
ما هي السرعة الزاوية بمجرد أن أخذ

يتدحرج؟ (b) احسب مقدار الجزء المفقود

من طاقة الحركة منذ أن وضع على السطح

الأفقى إلى أن بدأ يتدحرج. ملحوظة (خذ

في الإعتبار عزم الدوران حول مركز الكتلة)



56 – مكعب مصمت من الخشب طول ضلعه 2 α وكتلته M موضوع على سطح أفقى. جُعل المكعب يدور حول محور AB شكل (P61.11) أطلقت طلقة كتاتها m وسرعتها v على الوحه المقابل للوحه ABCD على ارتفاع 4α/3. غاصت الطلقة داخل المكعب. احسب أقل مقدار للسرعة لا اللازمة لكي ينقلب المكعب بحيث يستقط على m << M الوحه ABCD. نفرض أن



الشكل P64.11

59 أفترض قرص مصمت نصف قطره R إكتسب سرعة زاوية ω حول محور يمر بمركزه، ثم وضع يعد ذلك على سطح أفقى وترك يتحرك كما في المسألة السابقة شكل (P.11.64) . افترض أن معامل الإحتكاك بين القرص والسطح الأفقى هو a) μ بين أن الزمن الذي يستغرقه القرص لكى يصل إلى حركة تدحرجية هو (475



الشكل P61.11

R لفة سلك كتلتها M ونصف قطرها R تم سحب السلك منها باستخدام قوة شكل(P36.11) إذا فرضنا أن اللفة عبارة عن أسطوانة مصمته ومنتظمة ولاتتزلق بين أن (a) عجلة مركز الكتلة هي 4F/3M وأن (b) قوة الإحتكاك في اتجاه اليمين وتساوى في المقدار F/3 (c) F/3 إذا بدأت الأسطوانة من السكون وتدحــرجت دون انزلاق كم تكون سرعة مركز كتلتها بعد أن تكون قد تدحرحت مسافة قدرها Sd

(b) Rωi/3μg) بين أن المسافة التي تحركها القرص قبل بدأ الحركة التدحرجية تساوى $R^2\omega_i^2/18\mu g$

60 - مكعب مصمت طول ضلعه 2α وكتاته Μ ينزلق على سطح أملس بسرعة منتظمة ٧ كما هو في شكل (P.11.66.a) إصطدم بعائق صغير في نهاية المنضدة، مما جعله ينحرف كما هو مبين في الشكل (P.11.66.b) أوجد أقل مقدار للسرعة ٧ بحيث أن المكعب يسقط من على المنضدة لاحظ أن عرم القصور الذاتي للمكعب حول محور يمر بأحد حوافه يساوى 8Mα²/3 (ملحوظة: المكعب يصنع تصادما غير مرن عند الحافة)



الشكل P66.11

61 - لوح خسشب سمیك كتلته M تساوى 6.0kg مركب على اسطوانتين مصمتتين متماثلتين نصف قطر كل منهما R =5.0cm وكتلتة كل منهما m =2kg شكل (P67.11). يسحب لوح الخشب بواسطة قوة أفقية مقدارها F=6.0N توثر على نهاية لوح الخشب وعمودية على محور الأسطوانتين (وهما متوازيان). الأسطوانتان تتدحرجان دون انزلاق على سطح منبسط. كــذلك

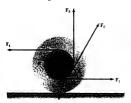
لايوجد انزلاق بين لوح الخشب والأسطوانتين (a) أوجد عجلة لوح الخشب وعجلة الاسطوانتين (b) ما هي قوة الاحتكاك

建数据发生4.000



الشكار P67.11

62 - لفة سلك موضوعة على سطح أفقى كما في شكل (P68.11) عند شد السلك لاتنزلق اللفة عند نقطة التالامسP. في محاولات منفصلة أشرت القوى التالية على اللفة F4, F3, F2, F1 كل على حدة. حدد اتجاه كل من هذه القوى الذي تتدحرج عنده اللفة، P يمر خلال \mathbf{F}_2 يمر خلال \mathbf{F}_2



الشكل P68.11

63 - لفة السلك في الرسم(P68.11) لها نصف قطر داخلیr ونصف قطر خـــارجی R والزاوية θ بين القوة المؤثرة والأفقى يمكن تغييرها. بين أن الزاوية الحرجة التي لاتنزلق عندها لفة السلك وتظل ساكنة هي

$$\cos \theta_{c} = \frac{r}{R}$$

ملحوظة عند الزاوية الحرجة خط عمل القوة يمر بنقطة التلامس مع الأفقى.

16. في أحد التجارب التوضيحية استخدمت عربة ذات عجلتين، قذف منها كرة رأسيا إلى أعلى بينما هي تسير بسرعة ثابتة في اتجاء أفقي وقد هوت الكرة في صندوق العربة لأن الكرة والعربة لهما مركبة مسرعة أفقية واحدة. الأن نفترض أن العربة شكل (P70.11) العربة وعجلتيها لها كتلة M شكل (P30.11) العربة وعجلتيها لها كتلة M شكل من الحجلتين (β) باستخدام مبدأ خنف الطاقة (بافتراض عدم وجود احتكاك بين العربة ومحاور الدوران) وبافتراض أن الحركة تدحرجية بين أن عجلة العربة على السطح لبائل هي بين أن عجلة العربة على السطح الملاؤ هي السطح اللاطري أن عجلة العربة على السطح الملاؤ هي السطح الملاؤ على السطح الملاؤ هي السطح الملاؤ هي السطح الملاؤ على السطح الملاؤ هي السطح الملاؤ على السطح الملاؤ على السطح الملاؤ هي المسطح الملاؤ على السطح الملاؤ على السطح الملاؤ على السطح الملاؤ هي المسطح الملاؤ على السطح الملاؤ على الملكح الملاؤ على السطح الملاؤ على الملكح الملاؤ على السطح الملاؤ على الملكح الملكو على السطح الملكو على الملكح الملكو على الملكح الملكو على الملكو الملكو على السطح الملكو على الملكو على الملكو على السطح الملكو على الملكو على الملكو على الملكو على الملكو الملكو على الملكو على

$$\alpha_x = \left(\frac{M}{M + 2m}\right)g\sin\theta$$

(b) لاحظ أن المركبة x لعجلة الكرة التي قذفت من العربة هي $g \sin \theta$ إذن المركبة x لعجلة العربة أقل من عجلة الكرة بمقدار

العامل MI(M+2m). استخدم هذه الحقيقة والمدادلات الكينماتيكية لتبين أن الكرة ستسبق العرية بمقدار Δx

$$\Delta x = \left(\frac{4m}{M + 2m}\right) \left(\frac{\sin \theta}{\cos^2 \theta}\right) \frac{{\upsilon_{yi}}^2}{e}$$

حيث _{(V}us السرعة الإبتدائية للكرة التي أعطيت لها من الزنبرك الوجود بالعرية(c) بين أن المسافة d التي تقطعها الكرة مقاسة على استقامة السطح المائل هي

$$d = \frac{2v_{y_i^2}}{g} \frac{\sin \theta}{\cos^2 \theta}$$

الشكل P70.11

(2.11) حيث أن طاقة الوضع الإبتدائية للصندوق

لم يتحول أى جزء منها إلى طاقة حركة

دورانية، عند أي لحظة 0< t طاقة

الحركة الانتقالية للصندوق تكون أكبر من

إجابة الاختبارات السريعة: ANSWERS TO QUICK QUIZZES

- (1.11) توجد مقاومة قليلة جدا للحركة التي يمكن أن تقلل من طاقة الحركة لكرة متدحرجة، على الرغم من وجود احتكاك بين الكرة والأرض (إذا لم يوجد الاحتكاك لا وجد دوران والكرة مسترائق). ولا يوجد حركة نسبية السطحين (طبقا لتعريف التحدج) إذن الاحتكاك الكيناتيكي لا يقلل k (مضاومة الهواء والاحتكاك الكرزمين تتغير شكل الكرة من الواضح أنهما يوقفان حركة الكرة، من الواضح أنهما يوقفان حركة الكرة،
- طاقة الحركة للكرة الشدحرجة.
 (3.11) تكون صفراً إذا كانت تتحرك نحو العمود
 مباشرة r و P سيكونان متعاكسي التوازي
 antiparallel
 بينهما صفر، إذن 0=1.

الفيزياء (الجزء الأول - اليكانيكا والديناميكا الحرارية)

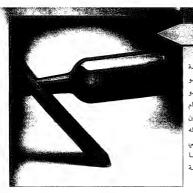
(4.11) كل من (a) و (d) خطاً. مسافي الشوة ليس من الضروري أن تساوي صفر، إذا مر خط عمل محصلة القوة خلال النقطة، عندئذ يكون محصلة عزم الدوران حول محور يمر بهذه النقطة يساوي صفر حتى وإن لم تكن محصلة القوة لاتساوي صفراً. وحيث ان محصلة القوة لاتساوي صافراً، وحيث ان محصلة القوة لاتساوي صافراً، وحيث ان محصلة

لايمكن أن نستنتج أن سرعة الجسيم تكون ثابته.

Mark that the second

(5.11) الطالب يبــذل شـغــلا عندمـا يمشي من حافة المنضدة إلى مركزها.

(6.11) حيث إنها عمودية على الحركة الترنعية (التقدمية) للتحلة، قوة الجاذبية لاتبدل شغلا. وهذه إحدى الحلات التي تسبب فيها القوة حركة دورانية دون بدل شغل.



🛊 صورة محيرة

الإتران الإستاتيكي والمرونة Static Equilibrium and Elasticity ولفھن ولئاني ھشر 12

ويتضمن هذا الفصل:

3.12 أمثلة لأجسام جامدة في حالة الاتزان الاستاتيكي

Examples of Rigid Objects in Static Equilibrium

4.12 خـواص المرونة للأجسام الجامدة Elastic Properties of Solids 1.12 شـــروط الاتـــران The Conditions for Equilibrium

2.12 المزيد عن مركز الثيدة More on the Center of Gravty

الفيزياء (الجزء الأول - الميكانيكا والديناميكا الحرارية)

في البابين العاشر والحادي عشر تناولنا ديناميكية الأجسام الجامدة أي الأجسام التي نظل أجزاؤها على مسافات ثابتة بالنسبة لبعضها البعض عندما تتعرض لقوى خارجية. جزء من الباب الحالى يتناول الحالات التي يكون فيها الجسم الجامد في حالة اتزان. والمصطلح اتزان يعنى أنه إما أن الجسم في حالة سكون أو أن مركز كتلته يتحرك بسرعة ثابته. وسوف نتناول في هذا الباب الحالة الأولى فقط، الذي يوصف فيها الجسم على أنه في حالة اتزان استاتيكي. والاتزان الاستاتيكي يمثل حالة عامة في الموضوعات الهندسية، والمبادئ التي يتضمنها لها أهمية خاصة في الهندسة المدنية والعمارة والهندسة الميكانيكية. فإذا كنت من طلاب الهندسة فلاشك في أنك ستدرس منهجا متقدما في الاستاتيكية مستقبلا.

القسم الأخير من هذا الباب يتناول كيف يتغير شكل الأجسام تحت تأثير الأحمال. هذه التغيرات في الشكل deformation تكون عادة مرنة ولا تؤثر على حالة الاتزان. والجسم المرن يعود إلى شكله الأصلى عندما تزول القوى التي نتج عنها تغير شكل الجسم. وهناك العديد من ثوابت المرونة التي سيتم تعريفها وكل منها يخص نوعا معينا من أنواع التغير في الشكل.

THE CONDITIONS FOR EQUILIBRIUM شروط الاتـــزان \ 1.12

في الباب الخامس ذكرنا أن أحد الشروط الهامة للاتزان أن تكون محصلة القوى المؤثرة على جسم ما تساوي صفر، إذا عاملنا الجسم كجسيم صغير عند إذ يكون هذا هوالشرط الوحيد الذي يجب استيفاؤه للاتزان.

إلا أن الوضع بالنسبة للأحسام الكبيرة بكون أكثر تعقيدا، حيث إن تلك الأحسام لايمكن معاملتها كجسيمات. فلكي يكون الجسم الكبير في حالة اتزان استاتيكي يجب استيفاء شرط آخر. وهذا الشرط يشمل محصلة عزوم الدوران المؤثره على هذا الجسم المتد.

لاحظ أن الاتزان لايعنى عدم وجود الحركة. فمثلا جسم يدور يمكن أن يكون له سرعة زاوية ثابتة ويظل في حالة انزان. نفترض أن قوة واحدة F تؤثر على جسم جامد كما في شكل (12.1) تأثير تلك

> القوة يعتمد على نقطة التأثير P. فإذا كانت r هي متجه المكان لهذه النقطة بالنسبة للنقطة 0. عندئذ يكون عزم الدوران الناتج عن القوة \mathbf{F} حول O يعطى بمعادلة (7.11) وهي

$\tau = r \times F$

نتذكر من دراستنا لحاصل الضرب المتجه في القسم(2.11) ان المتجه ت يتعامد على المستوى المتكون من r و F ويمكن استخدام 480) قاعدة اليد اليمني لتحديد اتجاه ٦. ضم أصابع يدك اليمني في



شكل (1.12) فيوة واحيدة F تؤثر على حسم حامد عند النقطة P.

انجاه الحركة التي يمكن أن يحدثها \mathbf{F} حول المحور المار بالنقطة 0 فيكون الإبهام مشيرا إلى اتجاه عزم الموران \mathbf{T} ومن ثم في شكل (1.12) \mathbf{T} تتجه نحوك إلى خارج الصفحة. كما يمكن أن نرى من شكل الموران \mathbf{T} ومن ثم غلى إدارة الجسم حول المحور الذي يمر بالنقطة \mathbf{O} يعتمد على ذراع العزم \mathbf{D} وخذلك على مقداد \mathbf{T} نتذكر أن مقدار \mathbf{T} في الموران والموران أن مقدار \mathbf{T} وخذلك على مقداد \mathbf{T} وبعد ذلك بقوة \mathbf{T} إذا كان القوتين نفس المقدار، سوف يحدثان نفس التأثير على الحسم فقط في حالة ما إذا كان لهما نفس الاتجاه ونفس خط العمل، أي أن

قوتان F_1 و F_1 تورنان متكافئتان إذا كانا فقط متساويتان $F_1=F_2$ وإذا كانا يحدثان نفس عزم الدوران حول أي محور.

القوتان هي شكل (2.12) متساويتان هي المقدار ومتضادتان هي الأجاء فهما ليستا متكافئتين. فالقوة المتجهة نحو اليمين تحاول إدارة الجسم في اتجاء عقارب الساعة حول محور عمودي على الشكل بمر باللفظة 0، بينما القوة المتجهة نحو اليسار تحاول إدارة الجسم ضد عقارب الساعة حول نفس المحور.

نفترض أن جسما مرتكزا حول محور يمر في مركز كتلته كما من شكل (3.12) وقوتان لهما نفس المقدار يؤثران في اتجاهين منضادين على استقامة خطي عمل متوازنين، قوتان توثران بهده الطريقة تكونان ما يسمى بالإزدواج (القوتان في شكل 2.12 منوانان أيضا إزدواج). لاتظن خطئا أن القوى في الإزدواج ناتجة من قانون نيوتن الثالث للحركة: فلا يمكن أن يكونا قوى القانون الثالث لأنهما يعملان على نفس الجسم، وزوج قوى القانون الثالث منازان على أجسام مختلفة، ولأن كل من القوتين تحدث نفس عزم الدوران Fd فيكون مجتوع عزوم الدوران مقداره 254.

واضح أن الجسم يدور مع عقارب الساعة ويتأثر بعجلة زاوية \cdot ، ال المحور ، من حيث الحركة الدورانية، يعتبر ذلك وضع عدم أن ان ومصلة عزوم الدوران على الجسم تؤدي إلى عجلة زاوية v ، ابنا المعادلة ∇v = ∇v (ارجع إلى معادلة 21.10) بصفة v ، ابه يكون الجسم في حالة انزان دوراني فقط إذا كانت العجلة v ، المهنق v ساوي صفراً لأن v = v الحالة الدوران حول محور



شكل (2.12) القوتان $F_2 = F_2$ ليستا متكافئتان لأنهما لا يحدثا نفس الدوران حول نفس المحور على الرغم من أنهما متساويتان في المقدار ومتضادتان في الاتحاد.



شكل(3.12) قوتان لهما نفس المقدار يكونان إزدواجه إذا كان خطا عملهما خطان مختلفان ومتوازيان، في هذه الحسالة يدور الجسم مع عسقسارب السالة حمافي عزم الدوران حول أي محور مقدارن حول أي

ثابت. والشرط الهام الثاني للاتزان هو أن صافى عزم الدوران حول أى محور يجب أن يساوى صفراً.

إذن لدينا شرطان هامان لاتزان الأجسام

 $\sum \mathbf{F} = 0$ محصلة القوى الخارجية يجب أن تساوى صفراً (1.12)

2.12) $\Sigma \tau = 0$ محصلة عزم الدوران الخارجي حول أي محور يجب أن تساوي صفراً $\tau = 0$

والشرط الأول هو نص خاص بالاتزان الإنتقالي فهو يخبرنا بأن العجلة الخطية لمركز الكتلة للجسم يجب أن تساوى صفراً عندما ننظر إليها من إطار مرجعي قصوري. والشرط الثاني نص خاص بالاتزان الدوراني ويخبرنا بأن العجلة الزاوية حول أي محور يجب أن تساوى صفر هي الحالات العملية للاتزان الإستاتيكي وهو الموضوع الرئيسي لهذا الباب يكون الجسم في حالة سكون عندما لا يكون له سرعة $(\omega = 0 \cdot v_{CM} = 0)$ is (i) $v_{CM} = 0$

(a) هل من المكن حدوث حالة يصلح فيها استخدام المادلة (1.12) بينما لا تصلح المعادلة (b) \$(2.12) المكن استخدام المعادلة (2.12) بينما لا يصلح استخدام (1.12).

المتجهان المعطيان بمعادلتي (1.12) و (2.12) متكافئان بصفة عامة استٌّ حالات قياسية Scaler . ثلاثة من الشرط الأول للإتزان وثلاثة من الشرط الثاني (تُناظر المركبات z,y,x).

إذن في منظومة مركّبة تحتوي على قوى عديدة تعمل في اتجاهات مختلفة ستواجه بحل مجموعة من المعادلات ذات عدد كبير من المجاهيل. سوف نقصر إهتمامنا الآن على حالة تكون فيها جميع القوى في الستوى xy (القوى التي تكون المتجهات المثلة لها في نفس المستوى تسمى متحدة المستوى Coplanar). ومع هذا الإختصار، سنتعامل فقط مع ثلاث معادلات قياسية. اثنتان منهما تأتيان من انزان القوى في اتجاهي y,x والثالثة تأتى من معادلة عزم الدوران ولاسيما أن مجموع عزوم الدوران حول أي نقطة في المستوىxy يجب أن تساوى صفرا. ومن ثم شرطا الاتزان يؤديان إلى المعادلات:

$$\sum F_x = 0$$
 , $\sum F_y = 0$, $\sum \tau_z = 0$ (3.12)

حيث محور عزم الدوران في معادلة عزم الدوران يكون اختياريا.

كما سنرى بغض النظر عن عدد القوى المؤثرة. إذا كان جسم في حالة اتزان انتقالي، وإذا كانت محصلة عزوم الدوران صفر حول محور ما. عند إذ تكون محصلة عزم الدوران تساوي صفر عند جميع 482) باقى المحاور ومن الممكن أن تكون النقطة داخل أو خارج حدود الجسم. شكل (4.12) شكل يبين أن صافى عزم

الدوران يساوى صفر عند النقطة 0،

وهو أيضا صفر عند أى نقطة أخرى

A SAME اعتبر جسما تؤثر عليه مجموعة من القوى بحيث ان محصلة

اادوی هی

$$\Sigma \mathbf{F} = \mathbf{F}_1 + \mathbf{F}_2 + \mathbf{F}_3 + \dots = 0$$

كما في شكل(4.12) الذي يوضح هذا الوضع (للتوضيح بالنسبة \mathbf{F}_1 بالنسبة عمل القوة \mathbf{F}_1 بالنسبة F_3 ممل عمل r_1 وبالمثل نقط عمل النجه المنطة r_1 وبالمثل نقط عمل المنطة r_2 تحدد بواسطة r_2 و r_3 (غير موضحة) محصلة عزم F_2 الدوران حول محور بمر بالنقطة 0 هو

$$\sum \mathbf{\tau}_O = \mathbf{r}_1 \times \mathbf{F}_1 + \mathbf{r}_2 \times \mathbf{F}_2 + \mathbf{r}_3 \times \mathbf{F}_3 + \dots$$

مثل 'O مثلا. نفترض نقطة إختيارية أخرى O' لها متجه الموضع \mathbf{r}' بالنسبة النقطة 0. إذن نقطة عمل \mathbf{F}_1 بالنسبة للنقطة O' هي $\mathbf{r}_2 - \mathbf{r}'$ وهكذا . إذن عزم الدوران حول محور O' بالنقطة O' هو

$$\begin{split} \sum \tau_{O'} &= (\mathbf{r}_1 - \mathbf{r'}) \times \mathbf{F}_1 + (\mathbf{r}_2 - \mathbf{r'}) \times \mathbf{F}_2 + (\mathbf{r}_3 - \mathbf{r'}) \times \mathbf{F}_3 + \\ &= \mathbf{r}_1 \times \mathbf{F}_1 + \mathbf{r}_2 \times \mathbf{F}_2 + \mathbf{r}_3 \times \mathbf{F}_3 + - \mathbf{r'} \times (\mathbf{F}_1 + \mathbf{F}_2 + \mathbf{F}_3 +) \end{split}$$

حيث أن محصلة القوى يفترض أنها تساوى صفرا (بفرض أن الجسم في حالة اتزان استالي Translational equibrium) فإن الحد الأخير يتلاشى ونجد أن عزم الدوران حول O'يساوي رم الدوان حول O . إذن إذا كان جسم في حالة اتزان انتقالي ومحصلة عزم الدوان صفر حول نقطة O١٠ فلابد لحصلة عزم الدوران أن تساوى صفرا حول أى نقطة أخرى.

MORE ON THE CENTER OF GRAVITY المزيد عين مركز الثيقل 2.12

لقد رأينا أن النقطة التي تؤثر عندها القوة يمكن أن تكون حرجة في تحديد الطريقة التي يستجيب ها الجسم لتلك القوة. فمثلا قوتان متساويتان في المقدار ومتضادتان في الإتجاه يحدثان إنزان إذا أثرتا ١٠. نقطة واحدة في الجسم. إلا أنه إذا كانت نقطة عمل إحدى القوتان قد أزيحت بحيث أن القوتين ٠٠٠ ارتا لاتعملان على امتداد نفس خط العمل، عندئذ تنتج قوى ازدواج وتؤثر على الجسم عجلة زاوية وهذا الوضع ممثل في شكل (3.12)

مندما نتعامل مع جسم جامد. أحد القوى التي يجب أن تؤخذ في الإعتبار هي قوة الجاذبية المؤثرة الله وبحب أن نحدد نقطة عمل هذه القوة.

مختلف عناصر الكتلة في الجسم تكافئ قوة جذب واحدة تؤثر عند هذه النقطة. إذن لكي نحسب عزم الدوران الناتج عن قوة الجاذبية المؤثرة على جسم كتلته M، تحتاج فقط أن نعين القوة Mg المؤثرة عند مركز الثقل للجسم. كيف نحدد هذه النقطة الخاصة؟. كما ذكرنا في القسم (6.9) إذا افترضنا أن g منتظمة على الجسم عند إذ فإن مركز الثقل ينطبق على مركز الكتلة. لكي نتأكد من ذلك نتصور جسما له أي شكل ينطبق على المستوى xy كما هو مبين في شكل (5.12). نفرض أن الجسم منقسم إلى عدد من الجسيمات كتلها

 (x_3,y_3) , (x_2,y_3) , (x_1,y_1) ولها إحدثيات (x_3,y_3) , (x_2,y_3) , (x_3,y_3)

معادلة 9.28 قد عرَّفنا الإحدثي x لمركز الكتلة لمثل هذا الجسم على



شكل(5.12) يمكن تقسيم الجسم إلى حسيمات صغيرة عديدة لكل منها كتلة محددة وإحداثيات محددة. وهذه الجسيمات تستخدم في تحديد مركز الكثلة.

$$x_{\rm CM} = \ \frac{m_1 x_{1+} \, m_2 x_{2+} \, m_3 x_{3+} \dots}{m_{1+} m_{2+} m_{3+} \dots} \ = \ \frac{\sum_i m_i x_i}{\sum_i m_i}$$

وتستخدم معادلة مماثلة لتحديد مركز الكتلة على المحور y بإحلال كل نقطة على المحور x بنظيرتها على المحود Y.

سوف نحاول الآن أن ندرس الوضع من وجهة نظر أخرى باعتبار قوة الجاذبية المؤثرة على كل جسيم كما هو موضح في شكل (6.12). كل جسيم يضيف عزم دوران حول نقطة الأصل يساوي في المقدار وزن الجسيم $m_{\rm g}$ مضروبا في ذراع العزم. فمثلا عزم الدوان الناتج عن القوة $m_{\rm i} {\bf g}_1$ هو $m_{\rm g}$ حيث $m_{\rm g}$ مقدار مجال الجاذبية عند مكان الجسيم الذي كتلته m_1 نود أن نحدد مكان مركز الثقل x_{CG} . النقطة التي عندها تأثير قوة جذب مفردة mg (حيث + $m_1 + m_2 + m_3 + \dots$ وهي الكتلة الكلية للجسم) مماثلة في عزم الدوران لتأثير جميع قوى الجذب كل على حده .m;g . بمساوات عزم الدوان الناتج عن mg المؤثر على مركز الثقل XCG بمجموع عزوم الدوران المؤثرة على الجسيمات المنفردة نحصل على الآتى

$$(m_1g_1 + m_2g_2 + m_3g_3 +)x_{CG} = m_1g_1x_1 + m_2g_2x_2 + m_3g_3x_3 +$$

وهذه العلاقة تبين أن مجال شدة الجاذبية g يمكن أن يختلف على الجسم. إذا قلنا أن g مقدارا ثابتا كما هو الحال دائما عندئذ تتلاشى g ونحصل على المعادلة التالية

$$x_{\rm CG} = \frac{m_1 x_{1+} m_2 x_{2+} m_3 x_{3+} \dots}{m_{1+} m_{2+} m_{3+} \dots}$$
 (4.12)

بمقارنة هذه النتيجة بمعادلة 9.28 نجد أن مركز الثقل يقع عند مركز الكتلة طالما أن الجسم يقع في 484) مجال جاذبية منتظمة.



العديد من الأمثلة الموجودة في القسم التالي سنكون معنيين بالأجسام المتماثلة والمتجانسة. مركز
 النال لأى جسم من هذا النوع ينطبق مع مركزه الهندسي Geometric Center

3.12 أمثلة لأجسام جامدة في حالة اتزان استاتيكي

EXAMPLES OF RIGID OBJECTS IN STATIC EQUILIBRIUM



شكل (6.12) مركز الثقل لجسم يقع عند مركز كنتلته. إذا كان مقدار g ثابتا على



مورة حامل زجاجة المشروبات الغازية الموجوده على الصفحة الأولى لهذا الباب تبين أحد أمثلة النظم الميكانيكية المترزئة التي تبدو أنها لاتتفق مع قوانين الجاذبية، فالنظوبة المكرنة من حامل الرجاجة والزجاجة لكي تكون في وضع الزان، يجب أن تكون محصلة القرى الخارجية تساوي صفر (راجع معادلة 2.21) ومحصلة عزم الدوران الخارجية تساوي صفر (راجع معادلة 2.21) والشرط النام بمكن تحقيقه فقط عندما يكون مركز الثقل للمنظومة فوق نقطة الإرتكاز مباشرة، عندما نتعامل مسائل الاتزان الإستانيكي من الأمور الهامة أن نتعرف على جميع القوى الخارجية المؤثرة على المسائلة الإشارة على عمل ذلك سينتج عنه تحليل غير صحيح.

«د دراسة جسم في حالة اتزان تحت تأثير مجموعة من القوى الخارجية استخدم الطريقة التالية».

ملاحظات لحل المسائل

الأجسام في حالة اتزان استاتيكي.

- إرسم رسما توضيحياً للمنظومة.
- إ بزل الجسم المراد تحليله. ارسم شكلا للجسم ثم بين وعاًم على جميع القوى الخارجية المؤثرة
 لما الجسم، مبيئا أين توثر تلك القوى. لا تضيف القوى التي يؤثر بهـا الجسم على الوسط
 الحيط للمنظومات التي تحتوي على أكثر من جسم، ارسم شكلا لكل منهـا) حاول أن تتخيل
 الانجاه المنحيح لكل قوة. إذا كان الإتجاه الذي اخترته يؤدي إلى قوة سالبة لاتتزمج، فهذا يمني
 اطة أن أتجاه القوة هو عكس ما قد توقعته.

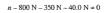
- ضع إحدثيات مناسبة للجسم وأوجد مركبات القوى على امتداد المحورين. ثم استخدم الشرط الأول للاتزان. تذكر أن تظل متابعا الإشارات جميع مركبات القوة.
 - اختر محوراً مناسباً لحساب محصلة عزم الدوران على الجسم.
- تذكر أن اختيار نقطة الأصل لمعادلة عزم الدوران اختياريا. لذلك اختار نقطة الأصل التي تيسر حساباتك بقدر الإمكان. لاحظ أن القوة التي تعمل على امتداد خط يمر خلال النقطة التي تم اختيارها كنقطة أصل لايكون لها إضافة لعزم الدوران ومن ثم يمكن إهمالها.

الشرط الأول والشرط الثاني للاتزان يعطيان مجموعة من المعادلات الخطية التي تحتوي على العديد من المجاهيل، وهذه المعادلات يمكن حلها آنيا.

مثال 12.1 الأرجوحة

لوح من الخشب وزنه 40.0N يجلس على طرفيه أب وإبنته وهما يزنان 800N و 350N على الترتيب كما في شكل(7.12) إذا كانت نقطة ارتكاز اللوح على الحامل تقع أسفل مركز الثقل للوح. والأب يجلس على بعد 1.0m من المركز (a) احسب مقدار القوة n التي توثر إلى أعلى على اللوح بواسطة الحامل.

الحل : لاحظ أنه إلى جانب القوة n القوي الخارجية المؤثرة على اللوح هي القوى المؤثرة إلى أسفل بواسطة الأب والأبنة وقوة الجاذبية المؤثرة على اللوح. ونعلم أن مركز الشقل للوح يقع عند المركز الهندسي له حيث أن اللوح منتظم. وبما أن المنظومة في حالة اتزان استاتيكي إذن القوة n إلى أعلى يجب أن تعادل جميع القوى المتجهة إلى أسفل أى أن $\sum F_v = 0$. وقد أشرنا إلى أن القوى المتجهة إلى أعلى تكون في الإتجاه الموجب للمحور ٢ إذن.



n = 1 190 N

المعادلة Fx=0 لم نأخذها في الإعتبار حيث أنه لاتوجد قوى تؤثر في الإتجاء الأفقى للطاولة.

(b) احسب أين يجب أن تجلس الإبنة لكي يحدث اتزان للمنظومة



الحل: لكي نحدد المكان نستخدم الشرط الثاني للاتزان. خذ محور عمودي على مستوى الصفحة خلال مركز الثقل للوح كمحور لعزم الدوران، في هذه الحالة (عزمي الدوران الناتجين عن القوه n 486] وقوة الجاذبية الموثرة على اللوح حول هذا المحور يساويان صفراً) نجد أنه من المعادلة

(800 N) (1.0 m) - (350 N) x = 0

r = 2.29 m

(c) اعد (b) على محور آخر

الحل الكي نبين أن اختيار المحور أمر اختياري سوف نتخذ محورا عموديا على الصفحة ويمر خلال الكن الذي يجلس فيه الأب. نتذكر أن إشارة عزم الدوران الناتج عن القوة تكون موجبة إذا كان عزم الدوران يجمل المنظومة تدور ضد عقارب الساعة، وتكون سالبة إذا كانت القوة تجمل المنظومة تدور مع منارب الساعة، في هذه الحالة Σ إذن

n(1.0 m) - (40.0 N) (1.0 m) - (350 N) (1.0 m + x) = 0

من الجزء (a) نعلم أن n = 1190 N إذن يمكننا أن نحل المعادلة الإيجاد x

x = 2.29 m

وهذه النتيجة تتفق مع النتيجة التي حصلنا عليها في b.

ختيارسريع 2.12

في مثال(1.12) إذا كان الحامل لا يقع أسفل مركز الثقل للوح ما هي الملومات الآخرى التي تحتاجها لكى تحل هذه السئالة.

منال 2.12 🖟 يد تحمل ثقلا

شخص يضع كرة وزنها 50.0N من يقده وساعده مبسوط، وعضلة الذراع ذات الرأسينsept المسين biceps: ---ساة على بعد 3.0 cm من المفصل كما في شكل 12.88 والكرة على بعد 35.0 cm من المفصل. أوجد المرة المؤثرة إلي أعلى على الساعد بواسطة العضلة ذات الرأسين والقرة المؤثرة إلي أسفل بواسطة العدد على الساعد ونقطة عملها عند المفصل، بإهمال وزن الذراع.

| Similar | Simi

شكل (8.12) العضلة ذات الرأسين تشد إلى أعلى بقوة F عمودية على الساعد (d) النموذج الميكانيكي للمنظومة الموصوفة في الجزء (a) من الثال.

الحل ، لتبسيط الوضع نعمل نعوذج الدراع كقيضيب كموا في شكل (8.12b) الدراع كقيضيب كموا في شكل (8.2b) الدراع القوة إلى أعلى التي تؤثر بها الدراع الرامين و R هي القوة إلى الدرا التي يوثر بها العضد عند المفصل من الشرط الأول للاتزان لدينا مع اعتبار الدلوى الدرا العلوى الدراع الدرا

. Y ja + -11

(1)
$$\sum F_v = F - R - 50.0 \text{ N} = 0$$

ومن الشرط الثاني للاتزان مجموع عزوم الدوران حول أي نقطة تساوي صفراً إذا اعتبرنا المفصل كمحور عندثذ

$$Fd - mg \ \ell = 0$$

 $F(3.0 \text{ cm}) - (50.0 \text{ N}) (35.0 \text{ cm}) = 0$
 $F = 583 \text{ N}$

ومقدار القوة F يمكن أن يحل في المعادلة (1) لنحصل على مقدار R وهو يساوي \tilde{N} \tilde{S} R وكما يبين هذا المثال القوى عند المفصل وفى العضلات يمكن أن تكون كبيرة

تمرين: هي الواقع أن العضلة ذات الرأسين تصنع زاوية "15.0 مع العمودي إذن F لها مركبتان أحدهما: عمودية والأخرى افقية. أوجد مقدار F ومركبة R عندما نأخذ ذلك هي الإعتبار

 $R_{\rm v} = 533~{\rm N}$, $R_{\rm x} = 156~{\rm N}$, $F = 604~{\rm N}$ الجواب:

مثال 3.12 الوقوف على قضيب أفقي

قضيب أفقسي منتظم طولـه 8.0 ms ووزنــه 20 N مثبت في حائـط بواسـطة محـور وصـل pin connection ونهايته البعيدة معلقة بواسطة كابل يصنع زاوية "53.0 مع الأفقي شكل (9.12a). إذا وقف شخص يزن N 600 على بعد m 2 من الحـائط، احسب الشـد في الكابل، وأيضـاً مقـدار واتجاه القوة التي يؤثر بها الحائط على القضيب.

الحل؛ يجب أولاً أن نعرف جميع القوى الخارجية التي تؤثر على القضيب والكابل وهي 2000 قوة الجاذبية، القوة T التي تؤثر على الكابل، القوة R التي تؤثر بها الحائط على نقطة ارتكاز القضيب و 600 القوة التي يؤثر بها الشخص الواقف على القضيب، هذه القوى ممثلة على الرسم التوضيحي القضيب في شكل (1.20) عندما ناخذ اتجاه القوى في الإعتبار، قد يساعد في بعض الأحيان إذا تصورنا ما يحدث إذا ما أزيلت إحدى القوى فجأة، فمثلاً إذا اختفت الحائط فجأة، النهاية اليسرى للقضيب قد تتحرك نحو البسار عندما تبدأ في السقوط. وهذا ببين لنا أن الحائط لابحمل القضيب إلى أعلى فقط لكنه كذلك يضغط عليه إلى الخارج، ولذلك نرسم المتجه R كما هو مبين في الشكل عادياً التو R لمركبتين راسية وافقية كما هو في شكل عادياً وباستخدام الشرط الأول للأنزان نحصل على الآتي:

(1)
$$\sum F_r = R \cos \theta - T \cos 53.0^\circ = 0$$

(2)
$$\sum F_{Y} = R \sin \theta + T \sin 53.0^{\circ}$$

لقد اخترنا الإتجاهين الموجين هما إلى اليمين وإلى أعلى حيث أن R و Γ و θ كلهـا مـجـاهيل، لايمكننا إيجـاد حل من استخدام هذه المادلات فقط (عدد المعادلات الآنية لابد وأن ساوى عدد المجاهيل لكى نوجد قيم المجاهيل).

سـوف نحـاول في شـرما الإتزان الدوراني. الحـور المناسب المدوراني الحـور المناسب على المدوران هو المحور المار بنقطة إرتكاز القضيب على الحائط أي عند محور الوصل، وما يجعل هذه التقطة مناسبة هو أن القوة R والمركبة الأفقية للقوة T لكلامما ذراع عزم بساوي مسفر. إذن هذه القوى لاتحدث عـزم دوران حـول هذه القطة القوى لاتحدث عـزم دوران حـول هذه القطة. الدوران حـول للمناب المقارب الساعة يعني إشارة موجبة لعزم الدوران حـول المحـور. ويمالحظة أن أذرع العـزوم للقـوى N 600 ملي و N 200 و 8.0 ملي هـ 8.0 مي 8.0 و الا

$$\Sigma \tau = (T \sin 53.0^{\circ}) (8.0 \text{ m}) - (600 \text{ N}) (2.0 \text{ m})$$
$$- (200 \text{ N}) (4.0 \text{ m}) = 0$$
$$T = 313 \text{ N}$$

إذن معادلة عزم الدوران مع هذا المحور أعطتنا قيمة أحد الجاهيل مباشرة، الآن نضع هذا المقدار في معادلتي (1) و (2) منجد أن

$$R \cos \theta = 188 \text{ N}$$

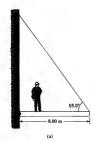
 $R \sin \theta = 550 \text{ N}$

بقسمة المعادلة الثانية على الأولى ونتذكر أن $\sin \theta 7 \cos \theta = \tan \theta$

$$\tan \theta = \frac{550 \text{ N}}{188 \text{ N}} = 2.93$$
 $\theta = 71.1^{\circ}$

وهذه القيمة الموجبة تبين أن تقديرنا التجاه R كان صحيحا.

$$R = \frac{188 \text{ N}}{\cos \theta} = \frac{188 \text{ N}}{\cos 71.1^{\circ}} = 580 \text{ N}$$







شكل (a) (9.12) قضيب منتظم معلق بكابل (b) جسم القضيب حر (c) رسم للقضيب يبين المركبتان T .R إذا أخذنا محورا آخر لعزم الدوران فإن النتيجة لن تتغير. فمثلا إذا اخترنا محورا يمر بمركز الثقل للقضيب. معادلة عزم الدوران سوف تحتوى على كل من T, R إلا أن هذه المعادلة مع المعادلتين(1), (2) ىمكن حلها لإيجاد المجاهيل. حاول ذلك.

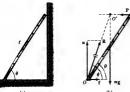
عندما تكون قوى كثيرة تؤثر في أحد السائل من هذا النوع من المناسب أن تعمل جدولا. فمثلا للمثال الذي أعطيناه بمكننا عمل الجدول التالي، ونضع مجموع الحدود في الصف الأخيـر تساوي صفراً وهو ما يمثل شرط الاتزان الدوراني.

مركبة	ذراع العزم	عزم الدوران	
القوة	بالنسبة إلى O (m)	حول O (N·m)	
T sin 53.0°	8.00	(8.00)T sin 53.0°	
T cos 53.0°	0	0	
200 N	4.00	- (4.00) (200)	
600 N	2.00	- (2.00) (600)	
$R \sin \theta$	0	0	
$R \cos \theta$	0	0	

مثال 4.12 السلم المائل

سلم منتظم طوله ٤ ويزن N = mg يرتكز على حائط أملس شكل (10.12a) إذا كان معامل الإحتكاك الاستاتيكي بين السلم والأرض هو $\mu_c = 0.4$ إحسب أقل زاوية θ min التي عندها لاينزلق

> الحل: الرسم التوضيحي شكل (10.12b) يبين القوى الخارجية التي تؤثر على السلم. قوة رد الفعل R التي تؤثر بها الأرض على السلم هي مجموع المتجهات للقوى العموديةn وقوة الاحتكاك الإستاتيكي \mathbf{f}_{s} . قوة رد الفعل P التي تؤثر بها الحائط على السلم أفقيا لأن الحائط عديم الإحتكاك. لاحظ أننا قد أخذنا في الإعتبار القوى التي تؤثر فقط على السلم. فمثلا القوة التي يؤثر بها السلم على 490 / الأرض وعلى الحائط لاعلاقة لهما بالمسألة



A Company of the Comp

شكل (10.12) سلم منتظم مستقر ماثل على سطح حائط أملس والأرض خشنه .(b) رسم توضيحي للقوى المؤثرة على السلم. لاحظ أن القوى R و mg و T تمر خلال نقطة مشتركة '0

لذلك لايظهرا في الشكل المبين للسلم وتوزيع القوى المؤثرة عليه. باستخدام الشـرط الأول للاتزان بالنسبة للسلم نجد أن.

$$\sum F_{x} = f - P = 0$$
$$\sum F_{y} = n - mg = 0$$

من المعادلة الثانية نجد أن $n=mg=50~\mathrm{N}$ بالإضافة إلى ذلك عندما يكون السلم على وشك $f_\mathrm{s,max}=\mu_\mathrm{s} n=0.40(50~\mathrm{N})=20~\mathrm{N}$ الانزلاق، تكون قوة الاحتكاك أكبر ما يمكن وتعطى بالمعادلة $n=10.40(50~\mathrm{N})$

نتكر معادلة 8.5 $f_{\min} = \mu_{\min} \theta$ إذن عند هذه الزاوية P = 20 N ولكي نجد $\theta_{\min} = 0$ استخدم الشرط الثاني للاتزان عندما نأخذ عزوم الدوران حول محور عند نقطة أصل θ عند الطرف السفلي للسلم نجد ان

$$\sum \tau_O = P\ell \sin \theta - mg \frac{\ell}{2} \cos \theta = 0$$

حيث mg = 50 N مندماً يكون السلم على وشك أن ينزلق، وحيث ان mg = 50 N هذه المعادلة تؤدى

$$\tan \theta_{\min} = \frac{mg}{2P} = \frac{50 \text{ N}}{40 \text{ N}} = 1.25$$

$$\theta_{\text{min}} = 51^{\circ}$$

هناك مدخل آخر لحل المسألة باعتبار نقطة التقاطع O لخطي عمل القوتين m و وحيث أن عزم الدوران حول أي نقطة أصل يساوي صفر، عزم الدوران حول O' يجب أن يساوي صفر.

وهذا يقتضي أن يكون خط عمل القوة R (محصلة القوتين h و f) يمر خلال O' ويما أن السلم ساكن، والقوى الثلاثة المؤثرة عليه يجب أن تمر جميعها خلال نقطة مشتركة. ومع هذا الشرط يمكنك أن توجد الزاوية ϕ التي تصنعها R مع الأفقي (حيث ϕ أكبر من θ) ويما أن هذه الطريقة تعتمد على طول السلم، يجب أن نعرف مقداد θ $\frac{\theta}{\min}$

 $\tan \phi = 2 \tan \theta$ بين أن $\theta = 2 \tan \theta$ تمرين: للزاوية المعطاة في شكل (10.12) بين أن

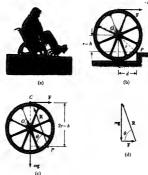
مثال 5.12 التغلب على حاجز الطريق

(١:) عين مقدار القوة آل التي يستخدمها شخص لدفع العجلة الرئيسية لكرسي الماقين ذو العجلات الام يتدحرج على حاجز للطريق شكل (11.12) . علما بأن العجلة الرئيسية هي التي تكون ملامسة الحاجز ونصف قطرها ٢ وارتفاع الحاجز آ

الرحل : عادة يقوم الشخص المستخدم للكرسي بدفع عجلة صغيرة متحدة المركز مع العجلة الرئيسية المي يتحرك الكرسي مستخدما في ذلك قوة عضلاته . نفرض أن نصف قطر العجلة الصغيرة مساويا المست قطر العجلة الرئيسية ولذلك يمكن استخدام r لنصف القطر ، سنقدر الوزن الكلي للرجل والكرسي بمقدار Mg = 1400 N ونقدر نصف قطر العجلة r = 30m على الرسم شكل (11.12)

وسنفرض أن ارتفاع الحاجز h = 10 cm. وسنفرض أن الكرسي ذا العجلات وراكبه متماثلان وأن كل عجلة تحمل ثقلا قدره N = 10 cm سوف نواصل التحليل لعجلة واحدة.

عندما تكون العجلة على وشك أن ترتفع عن الطريق. رد الفحل الذي يؤثر به الطريق على العجلة عند النقطة Q تصبح صفر. في هذا الوقت نؤثر على العجلة ثلاث فوي فقط كما هو موضح في شكل (11.12) إلا أن القوة R وهي القوة المؤثرة على العجلة بواسطة الحاجز نؤثر على النقطة P. ومن ثم إذا اخترنا أن يكون محور الدوران يمر خلال النقطة P فإننا لاتحتاج أن نضيف P في معادلة عزم الدوران.



شكل (11.12) كرسي له عجلات وشغص عهد المخدمة وقد ؟ لرفعة فوق . كل فيضا عليه الولزي (الكليكيس» المخدمة وقد ؟ لرفعة وحاجز في الطريق (الميل السجلة وحاجز الطريق) في السجلة التوام المنطقة وحاجز من للمنطقة وعلى على السجلة في تلك اللحظة ؟ التي تؤثر بها . السجلة عن السجلة المناسخة ؟ القدرى الموام المناسخة الساحة ووقدة الجانبية والسطة الحاجز وقوة الجانبية والسطة الحاجز وقوة الجانبية والساحة المناسخة الشوى مساى المحجلة الشارعية الشاخة المنافرة على المعجلة الساحة على المعجلة والمناسخة الشارعة على المعجلة الشارعة على المعجلة والمنابقة الشارعة على المعجلة والمنابقة على المعتبد والمنابقة على المنابقة على ال

$$d = \sqrt{r^2 - (r - h)^2} = \sqrt{2rh - h^2}$$

ذراع العزم للقوه ${\bf F}$ بالنمبية للنقطة ${\bf P}$ هوا - 2r . إذن محصلة عزم الدوران المؤثرة على العجلة حول النقطة ${\bf P}$ هي ${\bf m}_{R}d$ – ${\bf F}(2r-h)=0$

$$mg \sqrt{2rh - h^2} - F(2r - h) = 0$$

$$F = \frac{mg \sqrt{2rh - h^2}}{2r - h}$$

$$F = \frac{(700 \text{ N}) \sqrt{2(0.3 \text{ m}) (0.1 \text{ m}) - (0.1 \text{ m})^2}}{2(0.3 \text{ m}) - 0.1 \text{ m}} = 300 \text{ N}$$

وهذه النتيجة تبين أن القوة التي يجب استخدامها لكل عجلة مقدارها كبير.

(b) احسب مقدار واتجاه R

الحل: نستخدم الشرط الأول للاتزان لتحديد الاتجاء

 $\sum F_x = F - R \cos \theta = 0$

 $\sum F_{v} = R \sin \theta - mg = 0$

بقسمة المعادلة الثانية على الأولى نحصل على

 $\tan \theta = \frac{mg}{F} = \frac{700 \text{ N}}{300 \text{ N}}; \theta = 70$

باستخدام المثلث قائم الزاوية في شكل (11.12d) لنوجد n

 $n = \sqrt{(mg)^2 + F^2} = \sqrt{(700 \text{ N})^2 + (300 \text{ N})^2} = 800 \text{ N}$

تمرين حل هذه المسألة مع ملاحظة أن القوى الثلاثة المؤثرة على العجلة تمر خلال النقطة C. والقوى الثلاثة تكون جوانب المثلث الموضح هي شكل (11.12d).

استخدام تحليل الجمالون Analysis Of truss

الأسقف والكباري والتركيبات الأخرى التي يجب أن تتوفر فيها القوة وخفة الوزن. غالبا ما تصنع مج مالونات مشابهة لما هي شكل (12.12) تغيل أن هذا الجمالون عبارة عن جزء من كوبري، لكي تتناج هذا الموسنوع سنفترض أن مكونات هذا الكوبري متصلة ببعضها بواسطة محاور وصل Olin بنفترض كذلك أن الكوبري كله يمكنه أن ينزلق أفقيا لأنه مرتكز على قواعد عند نهاياته . Rocker Base. تسمح له بالحركة إلى الأمام والخلف إذا حدث له تمدد أو اتكماش، إذا افترضنا أن كتلة الكوبري مهملة بالمقارنة بالأحمام التي عليه، سنحاول أن نحسب جميع قوى الشد والضغط التي عليه، سنحاول أن نحسب جميع قوى الشد والضغط التي علي مختلف الجزء الكوبري عندما يكون حاملا لحمل مقداره (2000 عند الكركز (ارجم المسالة 85)

الرموز المستخدمة للتعبير عن القوى كالآتي . جميع الحروف التعتبة لأي رمز تعني الجسم المؤثر بالقوة فقط، أما الجسم الذي يتأثر بالقوة فلا يوضع له حرف تحت الرمز . فمثلا في شكل(12.12) A تعني القوة فقط التي يؤثر بها العمود الإنضغاطي A عني القوة فقط التي يؤثر بها العمود الإنضغاطي A على محور الوصل عند A

أولا: نستخدم قانون نيوتن الثاني للحركة للجمالون ككل في الاتجاه العمودي. القوى الداخلية لا تدخل في الحساب. نعادل ثقل الحمل بالقوى العمودية المؤثرة عند النهايتين بواسطة الدعامات التي يرتكز عليها الكويري.

$$\sum F_y = n_A + n_E - F_g = 0$$

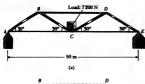
بعد ذلك نحسب عزم الدوران حول A، لاحظ أن الطول الكلي للكوبـري هو L=50m

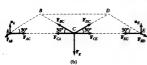
$$\sum \tau = L n_E - (L/2) F_g = 0$$

 $n_E = F_o/2 = 3600 \text{ N}$

على الرغم من أننا نستطيع أن نعيد حسابات عزم الدوران للنهاية التي على اليسمين (النقطة B) إلا أنه واضح من اعتبارات التماثل أن $n_A = 3 600 \text{ N}$

دعنا نحال القوى العمودية المؤثرة على محاور الوصل عند النقطة A إذا افترضنا أن قضيب الضغط AB في حالة انضغاط





شكل (12.12) كوبري على شكل جمالون(b) القوى المؤثرة عند النقطة B النقط E.C.A كتمرين إرسم القوي المؤثرة عند النقطة B

y عندئذ تكون القوم F_{AB} التي يؤثر بها فضيب الضغط على محور الوصل عند النقطة A لها مركبة y سالبة (إذا كان قضيب الضغط في حالة شد سينتج عن حساباتنا قيمة سالبة لقدار القوة وهي صحيحة)

$$\sum F_y = n_A - F_{AB} \sin 30^\circ = 0$$

 $F_{AB} = 7 \ 200 \ \text{N}$

والنتيجة الموجبة تؤكد على أن فرض التضاغط كان صحيحا.

يمكننا الآن إيجاد القوي المؤثرة على القضيب الواصل بين C ,A باعتبار القوى الأفقية المؤثرة على محور الوصل عند النقطة A . حيث أن النقطة A ليست متسارعة بمكننا القول أن F_{AC} لابد وأن تشير نحو اليمين شكل (12.12b) وهذا يبين أن القضيب بين النقطتين C ,A . تحت تأثير شد

$$\sum F_x = F_{AC} - F_{AB} \cos 30^\circ = 0$$

 $F_{AC} = (7\ 200\ \text{N}) \cos 30 = 6\ 200\ \text{N}$

الآن سوف نأخذ حالة القوى العمودية المؤثرة على معور الوصل عند النقطة C سوف نعتبر أن قضيب الضغط BC في حالة شد (تخيل حركة معور الوصل عند النقطة C إذا حصل كسر في قضيب الضغط BC فجأة) على أساس التماثل سنعتبر أن $F_{BC} = F_{DC}$ وأن $F_{BC} = F_{DC}$

$$\sum F_y = 2 F_{BC} \sin 30^\circ - 7200 \text{ N} = 0$$

 $F_{BC} = 7200 \text{ N}$



وفي النهاية سوف نعادل القوى الأفقية عند B بفرض أن قضيب الضغط BD في حالة انضغاط.

$$\Sigma F_x = F_{AB} \cos 30^\circ + F_{BC} \cos 30^\circ - F_{BD} = 0$$

(7 200 N) $\cos 30^\circ + (7 200 \text{ N}) \cos 30^\circ - F_{BD} = 0$
 $F_{BD} = 12 000 \text{ N}$

من هذا نجد أن القضيب العلوي للكوبري الذي له مثل هذا التصميم لابد وأن يكون قويا جدا.

ELASTIC PROPERTIES OF SOLIDS خواص المرونة للأجسام الجامدة

حتى الآن في دراستنا للميكانيكا قد افترضنا أن الأجسام تظل دون تغير في شكلها عندما تؤثر عليها فرى خارجية، في الواقع أن جميع الأجسام قابلة للتغير في الشكل، أي أنها قد تتغير من حيث الشكل أو الحجم أو الإثنين معا باستخدام قوى خارجية، عند حدوث تلك التغيرات، تعمل القوى الداخلية في الجسم على مقاومة حدوثها، سوف نناقش تغير شكل الأجسام الجامدة بدلالة مفاهيم الإجهاد والانفنال.

الإجهاد كمية تتناسب مع القوة المسببة للتغير هي الشكل. بالتحديد الإجهاد هو القوة الخارجية المؤثرة على وحدة المساحات من الجسم

الإنفعال Strain هو مقياس لدرجة التغير في الشكل. لقد وجد أنه في حالة الإجهادات الصغيرة متاسب الإنفعال مع الإجهاد، وثابت التناسب يعتمد على المادة التي يتغير شكلها وعلي طبيعة التغير.

وسوف نسمى ثابت التناسب مامل المرونة .elastic modulus . ومعامل المرونة هو النسبة بين الاحهاد والانفعال الناتج عنه .

، ووذع من البلاستيك بيين مجموعة - شود تحت تأثير أحمال، الخطوط الم موجه تبين المناطق التي عليها المادات كبيرة وهذه النماذج لها أهمية المادت تصميم المكونات المعارية.

الفيزياء (الجزءالأول - الميكانيكا والديناميكا الحرارية)

والمفهوم الحقيقي لمعامل المرونة أنه مقارنة بين ما حدث للجسم الجامد (تأثر بقوم) وكيف يستجيب الجسم (يتنير شكله لحد ما).

سوف نأخذ في الإعتبار ثلاث أنواع من تغير الشكل ونعرِّف معامل المرونة لكل نوع.

- 1 معامل ينج young's modulus وهو يقيس مقاومة الجسم الجامد للتغير في الطول.
- 2- معامل القصى shear modulus وهو يقيس مقاومة المستويات التي يتكون منها الجَسم الجامد للانزلاق فوق بعضها.
- 3- معامل التغير الحجمي Bulk modulus وهو يقيس مقاومة الجسم الجامد أو المائع للتغير في `` الحجم.

معامل ينج: المرونة الطولية Young's Modulus : Elasticity in Length

نعتبر قضيبا طويلا مساحة مقطعة Λ وطوله الابتدائي L_i ثبت من أحد أطرافه كما في شكل (13.12) عندما تؤثر قضيبا طويلا مساحة عمودية على المقطع المستعرض. تقوم ألقوى الداخلية بمقاومة الإستطالة . إلا أن L_i

القضيب يصل إلي حالة اتزان يكون فيها الطول النهائي L_f اكبر من $_1 A$ وتكون فيه القوة الخارجية متزنة تماما مع القوى الداخلية . في هذه الحالة يقال إن إجهادا قد حصل للقضيب ويعرَّف الإجهاد الطولي tensile stress كالنسبة بين مقدار القوة الخارجية F ومساحة المقطع A. والانفحال الطولي tensile strain في هذه الحالة يعرف على أنه النسبة بين التغير في الطول |AL| الى الطول الأطال |AL| . ويعرف معامل ينج بإيجاد النسبة بين هاتين النسبتين.

 $y = \frac{|V| + |V|}{|V|}$ (6.12) $y = \frac{|V|}{|V|} = \frac{|V|}{|V|}$



شكل(13.12) قضيب طويل مثبت عند أحد طرفيمه ومشدود من الطرف الآخسر فسحسدثت له استطالة ΔL تحت تأثير قوه F.

معامل ينج يستخدم في وصف حالة قضيب او سلك حدث له إجهاد طولي (شد او ضغط) لاحظ أن الانقصال كمية بدون أبعاد ومعامل ينج y له أبعاد قوة على وحدة المساحة وجدول (12.1) يعطي قيما فعلية لمعامل ينج. وقد بينت النتائج العملية أن (a) لقوة ثابتة تؤثر على سلك أو قضيب، التغير في الطول يتناسب مع مساحة المقطع. هاتان

حد المرونة Lastic Limit فادة يعرقف على أنه أكبر إجهاد يمكن أن يؤثر على مادة ما قبل أن يتنير شكلها بصفة دائمة. ومن المكن تعدى حد المرونة لمادة ما باستخدام إجهاد كبير كما نرى في شكل (14.12) في البداية يكون شكل منحنى الإجهاد – الانفعال خطا مستقيما، مع زيادة الإجهاد لا يظل المنحنى خطا مستقيما وعندما يتعدى الإجهاد حد المرونة يتغير شكل الجسم بصفة دائمة ولا يعود لشكله الأصلي بعد إزالة الإجهاد. إذا زاد الإجهاد أكثر من ذلك فإن الجسم يتعرض للكسر عند نقطة

The state of the s

. Breaking point الكسير



0.002 0.004 0.0060.008 0.01 شكل (14.12) منحنى يبين الانفعال مع الإجهاد لجميم جامد مرن.

جدول (1.12) قيم حقيقية لمعاملات المرونة لبعض المواد

	معامل ينج	معامل القص	عامل المرونة الحجمية	•
Substance	(N/m ²)	(N/m ²)	(N/m ²)	
Tungsten	35 x 10 ¹⁰	14 x 10 ¹⁰	20 x 10 ¹⁰	تنجستين
Steel	20 x 10 ¹⁰	8.4×10^{10}	6 x 10 ¹⁰	صلب
Copper	11 x 10 ¹⁰	4.2 x 10 ¹⁰	14 x 10 ¹⁰	نحاس
Brass	9.1×10^{10}	3.5×10^{10}	6.1 x 10 ¹⁰	نحاس أصفر
Aluminum	7.0×10^{10}	2.5 x 10 ¹⁰	7.0×10^{10}	ألمونيوم
Glass	6.5-7.8 x 10 ¹⁰	2.6-3.2 x 10 ¹⁰	5.0-5.5 x 10 ¹⁰	زجاج ٔ
Quartz	5.6 x 10 ¹⁰	2.6 x 10 ¹⁰	2.7×10^{10}	كوارتز
Water	-	-	0.21×10^{10}	ماء
Mercury	-	-	2.8×10^{10}	زئبق

اختبار سريع 3.12

ما هو معامل ينج للجسم المرن المعطى له منحنى الإجهاد- الإنفعال في شكل (4.12)؟

اختيار سريع 4.12

يقال عن المادة أنها قابلة للطرق إذا ما تأثرت بإجهاد يفوق حد مرونتها دون أن تتكسر. ويقال عن المادة أنها هشة إذا ما كسـرت بمجرد أن يصل الإجهاد إلى حد المرونة، كيف تصف المادة في شكل (14.12) من هذا المفهوم؟

معامل المرونة القصية - مرونة الشكل

Shear Modulus, Elasticity of Shape

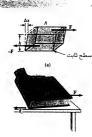
هناك نوع آخر من أنواع تغير الشكل يحدث عندما يتأثر الجسم بقوة معامية لأحد أوجهه بينما يثبت الوجه القابل بقوة أخرى شكل (15.12) والإجهاد في هذه الحالة يسمى اجهاد قصبى. فإذا كان الجسم في الأصل مستطيلا في الشكل واثر عليه إجهاد قص فإن شكله يتغير ويصبح مقطعه متوازي العلوي بقوة معاسية كما في شكل (15.12) هإن ذلك يعتبر مثالا لجسم يتأثر بإجهاد قصي. ومع التقريب من الدرجة الأولى يمكن القول أن في حالة التأثير بإجهاد قصي صغير قد لا يحدث تغير في الحجهاد القص يحدث تغير في الحجهاد القص يحدث عني المساحة الألى والمساحة الألى المساحة عني الشواء المساحة الذي يحدث له القص، وانفعال القص هو $(Ar \ h)$ عين علام هو الماسافة الأفقية التي يتحركها السطح الدي يحدث له القص Δx

$$S = \frac{1}{100}$$
 اجهاد القص القص انفعال القص انفعال القص

وقيم معامل القص لبعض المواد معطاة هي جدول (1.12) ووحدة معامل القص هي قوة لوحدة المساحات (قوة/ مساحة) اي(N/m²)

المرونة الحجمية ومعامل المرونة الحجمية Bulk Modulus,Volume Elasticicty

معامل المرونة الحجمية يعبر عن استجابة مادة لقوة ضغط منتظمة أو لنقص منتظم في الضغط عندما يوضع الجسم في وعاء مفرغ من الهواء، نفترض أن قوى خارجية توثر علي جسم في وعاء مفرغ من الهواء كما في شكل (16.12) وأنها موزعة بانتظام على جميع الأوجه كما سنرى في الباب الخامس عشر.



(D

شكل (15.12) (a) تغيير في الشكل ناتج عن إجهاد قص بسبب قروتان متساويتان في المقدار ومضادتان في الإتجاء اثرتا على وجهين متوازيين. (b) كتاب تحت تأثير إجهاد قص.

!ختبار معملي سريع قدر معامل المرونة القصية لأوراق

حدو معامل المروت القصية دوران كتابك هل لسمك الكتاب تأثير على قيمة معامل القص.



شكل(16.12) عندما يتعرض جسم جامد لشغف منتظم، يعدث له تغير في الحجم دون تغيير في الشكل. والمكعب في الصورة تأثر بقوى على جمع أسطحه في الإنجاء الممودي على الأوجه الستة. مائي. إذا تعرض الجسم لمثل هذا التأثير فإن شكله لايتغير إلا أن حجمه سيتغير، والإجهاد الحجمي يعرف على أنه النسبة بين مقدار القوة المؤثرة عموديا إلى المساحة A. والكمية P = F/A تسمى الضغط. ΔV إذا تغير الضغط على جسم بكمية $\Delta V = \Delta F/A$ عندئذ سيحدث تغير في حجم الجسم مقداره ΔV والإنفعال الحجمي هو النسبة بين التغير في الحجم ΔV مقسوما على الحجم الابتدائي V. ومن ثم من معادلة 2.12 يمكننا أن نعرف التضاغط الحجمي بدلالة معامل المرونة الحجمي كالآتي

$$B = \frac{V + A}{\Delta V / V_i} = -\frac{\Delta F / A}{\Delta V / V_i}$$
 (8.12)

$$B = -\frac{\Delta P}{\Delta V/V} \tag{8.12}$$

وتوضع إشارة سالبة في تلك المادلة بحيث يكون B موجب الإشارة وهذه المحاولة هامة لأنه مع زيادة الضغط (ΔP سالبة) والعكس بالعكس.

في جدول 1.12 معطى معامل المرونة الحجمي للعديد من المواد، ومقلوب معامل المرونة الحجمي يسمى الإنضغاطية بالمجامدة والسوائل لها يسمى الإنضغاطية بالجامدة والسوائل لها معامل مرونة حجمية، إلا أن السوائل ليس لها معامل ينج ولا معامل مرونة قصية لأن السوائل لاتتحمل إجهاد قص أو إجهاد استطالة فهي تسيل بدلا من ذلك.

الخرسانة سابقة الاجهاد Prestressed Concrete

إذا زاد الأجهاد عن حد معين فإن الجسم يتشقق، والحد الأعلى للأجهاد الذي يمكن استخدامه قبل أن يحدث التشقق يتوقف علي طبيعة المادة ونوع الأجهاد المستخدم . فمثلا الخرسانة لها اجهاد طولي قدره 2 x 106 N/m² واجهاد انضغاطه 2 x 106 N/m² واجهاد قص 2 x 106 N/m² . فإذا زاد الأجهاد المستخدم عن ذلك تتشقق الخرسانة، ومن المعتاد استخدام معامل أمان كبيـر لمنع انهـيار المباني الخرسانية.



شكل 12.17 (a) بلاملة خرسانية بدون تقوية تتشقق تحت الأحسال الكبيرة (b) تزداد قوة الخرسانة باستخدام قضبان التقوية من الصلب (c) تزداد قوة الخرسانة أكثر إذا جملناها تحت اجهاد قضبان من الصلب تحت قوة شد.

والخرسانة تكون هشة إذا كانت مصبوبة في مقاطع رفيعة ولذلك فإن البلاطات الخرسانية عرضة للإرتخاء والتشقق في المساحات الخالية من الدعامات كما في شكل (17.12) ولذلك فإن تلك البلاطات يمكن تقويقها باستخدام اسياخ من الحديد لتقوية الخرسانة كما هو موضع في الشكل (17.12). ولأن الخرسانية تكون أقرى بكثير تحت قوى الإنضغاط من كونها تحت قوى الشد أو القص. يمكن للأعمدة الخرسانية القائمة أن تحمل أثقالا كبيرة. فبينما الكمرات الأفقية المصنوعة من الخرسانة يعدث لها ارتخاء وتشقق.

لكي تزداد قوى القص للخرسانة ذات الأسياخ الحديدية يجري عليها عملية اجهاد مسبِّق كما في شكل (17.12) ويوة ذلك بشد اسياخ الحديد بقرة خارجية أثناء صب الخرسانة وبعد أن تجف الخرسانة تماما Curel يتوقف الشد فينتج عنه إجهاد الخرسانة تماما Curel يتوقف الشد فينتج عنه إجهاد الضرسانة ماما Compression Stress. وهذا يجعل بالأطأت الخرسانة قادرة على تحمل أحمال كبيرة. وهذا النوع من الخرسانة يسمى Prestressed Concrete

تجرية معملية:

ضع آستيكة جديدة فوق قلمي رصاص متوازيين كما في الشكل بحيث تكون المسافة بينهما في حدود 3 cm . وضغط إلي آسفل عند منتصف الأستيكة بحيث تجعل سطح الأستيكة العلوي ينعني قليلا، هل سطح الأستيكة العلوي تحت ضغط أو شد؟ وماذا عن السطح السفلي للأستيكة لماذا تتشقق بلاطة الخرسانة المرتكزة عند نهايتها من السطح السفلي وليس من السطح العلوي.

مثال 6.12 تصميم منصة

تذكر مثال (10.8) وفيه قمنا بتحليل كابل يستخدم لدعم المثل أثناء دورانه فوق خشبة المسرح. والشد في الكابل كان 940N ما هو قطر الكابل الذي طوله 10 m ومصنوع من أسلاك الصلب إذا أردنا أن لاتحدث له استطالة أكبر من 0.5cm تحت هذه الظروف.

الرحل: من تعريف معامل ينج يمكننا معرفة مساحة مقطع الكابل المطلوب بفرض أن مقطع السلك دائري الشكل. يمكننا تعين قطر السلك من معادلة (6.12).

$$Y = \frac{F/A}{\Delta L/L_i}$$

$$A = \frac{FL_i}{Y\Delta L} = \frac{(940 \text{ N}) (10 \text{ m})}{(20 \times 10^{10} \text{ N/m}^2)(0.005 \text{ m})} = 9.4 \times 10^{-6} \text{m}^2$$

ومنها يمكن حساب نصف قطر السلك.

$$r = \sqrt{\frac{A}{\pi}} = \sqrt{\frac{9.4 \times 10^{-6} \text{m}^2}{\pi}} = 1.7 \times 10^{-3} \text{m} = 1.7 \text{ mm}$$

d = 2r = 2(1.7 mm) = 3.4 mm

ولزيادة معامل الأمان يفضل استخدام كابل أكبر قظرا من القيمة المحسوبة.

مثال 12.7ﷺ انضغاط كرة من النحاس الأصفر

كرة من النحاس الأصفر مصمته كانت في البداية محاطة بالهواء وضغط الهواء المؤثر عليها 1.0 x 105 N/m² وهو الضغط الجوى الطبيعي . أنزلت الكرة في المحيط إلى عمق كان الضغط عنده 2.0 x 10⁷ N/m². كان حجم الكرة في الهواء 0.50 m³ ما مقدار تغير الحجم عندما تغمر الكرقفي الماء

الوحل : من تعريف معامل المرونة الحجمية
$$B \; = \; -\frac{\Delta P}{\Delta V/V_c}$$

$$\Delta V \; = \; -\frac{V_c \Delta P}{\rho}$$

حيث إن الضغط النهائي أكبر بكثير من الضغط الابتدائي. يمكننا إهمال الضغط الابتدائي ونعتبر ان ΔP يساوى

$$\begin{split} \Delta P &= P_f - P_i = P_f = 2.0 \times 10^7 \, \text{N/m}^2 \\ \Delta V &= - \frac{(0.50 \, \text{m}^3)(2.0 \times 10^7 \text{N/m}^2)}{6.1 \times 10^{10} \, \text{N/m}^2} = -1.6 \times 10^{-4} \, \text{m}^3 \\ &= -1.6 \times 10^{-4} \, \text{m}^3 \, \text{N/m}^2 + 1.0 \times 10^{-4} \, \text{M/m}^2 + 1.0 \times 10^{-4}$$

ملخص SUMMARY

-الجسم الجامد يكون في حالة اتزان إذا كانت محصلة القوى الخارجية المؤثرة عليه تساوي صفر ومحصلة عزم الدوران المؤثر عليه يساوى صفر حول أي محور

$$\Sigma \mathbf{F} = 0 \tag{1.12}$$

$$\Sigma \tau = 0 \tag{2.12}$$

والشرط الأول هو شرط الاتزان الانتقالي والشرط الثاني هو شرط الاتزان الدوراني. وهذان الشرطان بمكنان من تحليل العديد من المبائل. تأكد من أنك تستطيع تحديد القوى وترسم رسما للجسم مبينا عليه تلك القوى واتجاهاتها ثم استخدم معادلتي 2.12, 2.12 وأوجد المجاهيل بحل تلك المادلات.

- قوة الجاذبية المؤثرة على جسم يمكن اعتبار أنها توثر على نقطة واحدة تسمى مركز الثقل. ومركز الثقل للجسم ينطبق مع مركز الكتلة إذا كان الجسم في مجال جاذبية منتظم.
- يمكننا أن نعرف خواص المرونة لمادة ما، باستخدام مفاهيم الاجهاد والانفعال- الاجهاد كمية تتناسب مع القوة المحدثة لتغيير شكل الجسم والانفعال هو مقياس لدرجة التغير في الشكل. والانفعال 🕻 501 _

يتناسب مع الاجهاد وثابت التناسب هو معامل المرونة (5.12)

ويوجد ثلاث أنواع لتغير الشكل (1) مقاومة الجسم الجامد للإستطالة تحت تأثير قوة يعبر عنه بمعامل ينج y (2) مقاومة الجسم الجامد لحركة المستويات الداخلية بالانزلاق. فوق بعضها البعض يعبر عنه بمعامل القص. (3) مقاومة الجسم الجامد أو المائع للتغير في الحجم، يعبر عنه بمعامل المرونة الحجمي B.

QUESTIONS اسئلة

- 1 هل من المكن أن يكون الجسم في حالة اتزان إذا اثرت عليه قوة خارجية واحدة؟
- 2 هل من المكن أن يكون الجسم في حالة اتزان إذا كان في حالة حركة؟ وضح.
- 3 حدد مكان مركز الثقل لهذه الأحسام المنتظمة (a) كرة(b) مكعب (c) أسطوانة دائرية قائمة.
- 4 مركز الثقل لجسم يمكن أن يقع خارج الجسم. إعط بعض الأمثلة لهذه الحالة.
- 5 أعطيت قطعة من الخشب لها شكل اختياري وشاكوش ومسمار وثقل من الرصاص. كيف تستخدم هذه الأشياء لتحديد مكان مركز الثقل لقطعة الخشب؟ (ملحوظة : استخدم المسمار لتعليق قطعة الخشب).
- 6 لكى يتــزن الكرسى على رجل واحــدة، اين يكون مركز الثقل للكرسى؟
- 7 هل من المكن أن يكون الجسم في حالة اتزان إذا كان عزم الدوران الوحيد يؤثر عليه بحيث يحدث دوران مع عقارب الساعة؟
- 8- صندوق شحن طويل وآخر قصير متساويان في الكتلة وضعا جانبا لجنب على سطح

مائل (دون أن يتالمسا) مع ازدياد زاوية . الميل، أى من الصندوقين سينقلب أولا؟ وضح.

100 A 200 A

- 9 عندما ترفع جسما ثقيلا لماذا يفضل أن يكون ظهرك عموديا بقدر الإمكان. وترفع من عند الركبة دون أن تثنى ظهرك؟
- 10 إعط بعض الأمثلة التي تؤثرفيها مجموعة من القوى على نظام بحيث يكون مجموعها يساوى صفر. إلا أن النظام ليس في حالة اتزان.
- 11 إذا قست محصلة عزم الدوران ومحصلة القوة ووحدتهما صفر (a) هل النظام سيظل يدور بالنسبة لك (b) هل له حركة انتقالية بالنسبة لك.
- [12] سلم يستند مائلاعلى حائط، هل تشعر بالإطمئنان وأنت تصعد على السلم إذا كنت تعلم أن الأرض ملساء إلا أن الحائط خشن؟ علل لإجابتك.
- 13 أطلال المايد الأغريقية القديمة عادة ما يكون بها أعمدة رأسية سليمة ولكن بها القليل من البلاطات الأفقية المصنوعة من الحجر التي لاتزال في مكانها. هل يمكن أن تفكر في السبب لحدوث ذلك.

] = الحل كامل متاح في المرشد.

PROBLEMS Juliano

- 1، 2 ، 3 = مسائل مباشرة، متوسطة، تحدى
- http:// www. sanunderscollege. com/ physics/ = WEB
 - = الحاسب الآلي مفيد في حل المسائل = فيزياء تفاعلية
 - = أزواج رقمية/ باستخدام الرموز

1.12 شروط الاتزان

baseball - لاعب بسبول baseball بمسك بشظية Oوزنها (10.0 N) بإجدى يديه عند النقطة شكل (P1.12) والشطية في حالة اتزان. وزن الشظيمة يؤثر على امتداد خط طوله O على يمين النقطة O عين القوة وعزم الدوران التي يؤثر بها اللاعب على الشظية.



شكار P1.12

2 - اكتب الشروط اللازمة للاتزان للجسم المبين في شكل (P2.12) خد نقطة الأصل لعادلة عرم الدوران عند النقطة 0.



شكل P2.12 WER

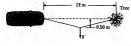
قضيب منتظم كتلته m_h وطوله ℓ يحمل كتلتين كتلتي هما m_2, m_1 عند وضعين

مختلفین کما هو مبین فی شکل (P3.12) والقضيب مستقر عند نقطتين. عند أي قيمة x ستيزن القضيب عند P بحيث أن



4 - طالب غاصت سيارته في كومة من الجليد في أحد الأيام الباردة، فريط حبل في مؤخرة السيارة وطرفة الآخر في جذع شحرة قريبة، أثر الطالب على الحيل عند منتصفه بقوة F في اتجاه عمودي على الخط الواصل بين السيارة وجذع الشجرة كما هو مبين في شكل (P4.12). فإذا كان الحبل غير مرن وكان مقدار القوة 500N احسب القوة المؤثرة على السيارة.

(إفترض حالة الاتزان)



شكا، P4.12

2.12 مزيد عن مركز الثقل

- -5 جسيم وزنه 3.0kg موضوع على الحور x عند 2.0kg عند 2.0kg عند 2.0kg على محور x عند النقطة 3.0kg أوجب x مركز الشقل للنظام المكون من الحسمن.
- b فطيرة بيتزا مستديرة نصف قطرها R بها قطعة منزوعة من أحد الجرائب نصف قطرها R كما في شكل R أدام الطبع سينتقل مركز الكتلة من D إلى D على المتداد المحرد N, بين أن المسافة من D إلى D أن المسافة من D إلى D أن أسباوي D (افترض أن سمك وكثافة البيتزا منتظمة في كل الأماكي).



شكل P6.12

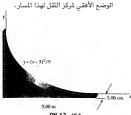
 7 - الزاوية التي يستخدمها النجار علي شكل حرف ل كما هو موضح في شكل (P7.12) أوجد مكان مركز الثقل.



شكل P7.12

8 - مسار لنموذج سيارة صنع من الخشب كما
 هو مبين في شكل (P8.12) اتساع المسار
 5.0cm وطوله 7.0cm

وهو منصيمت ومنحفور على شكل قطع مكافئ معادلته $9/(x-3)^2$. حدد مكان المدر والأفق الكذا الفال المداد

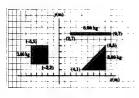


شكل P8.12

[9] إذا اعتبرنا توزيع الكتل التالية كما يلي: 5,0kg عند (0,0) و 30.0 عند (0,0 با 2.0 عند (3.0 با 2.0 با 2.0 با 3.0 با 2.0 با 3.0 با 3.0 با

أين توضع الكتلة الرابعة 8.0kg بحيث يكون مركز الثقل للكتل الأربعة عند (0,0) ؟ 10 - شكل الأربعة عند (10,0) منتظمة، قضيب، ومثلث قائم الزاوية، ومريع، كتلها بالكيلوجرام وإحداثياتها بالمترمعاه في الرسم.

عين مركز الثقل للنظام المكون من الأجسام اللاثة.



شكل، P10.12

الفصل الثاني عشر: الإتزان الإستاتيكي والمرونة

800N يقف على بعد ط.0m من قباعدة السلم (b) إذا كان السلم على وشك الانزلاق عندما كان رجل المطافئ على مسافة 9.0m من قاعدة السلم. احسب معامل الاحتكاك الاستانيكي بين الأرض والسلم؟
14 - سلم منتظم طوله L وكتلته (m يرتكز على

- أ- سلم منظم طوله J وكتلته إس يرتفز على المشاهدة المساهدة المنققي (ق) الحسب القوى الأفقية والرأسية التي تؤثير على المساهدة السلم عندما يقف رجل المطافئ الذي كتلته إلى على مسافة لمن من المسلم على وشك الانزلاق عندما كان رجل المطافئ على وشك الانزلاق عندما كان رجل المطافئ على المساهدة كان المساهدة ما مقدار معامل الانزلاق عندما كان رجل المطافئ على المساهدة كا من القاعدة ما مقدار معامل الاحتكاك الاستاتيكي بين السلم والأرض؟
- 15 في شكل (P15.12) تشاهد شاكوش يستخدم في انتزاع مسمار من سطح افقي، إذا استخدمت فوة قدرها (P15.13) أفقيا كما هو مبين في الشكل (a) أوجد القوة المؤثرة علي المسمار بواسطة الشاكوش، (b) القوة التي يؤثرة بها السطح على نقطة ارتكان رأس الشاكوش، افترض أن القوة التي يؤثر بها السطح على نقطة ارتكان بها الشاكوش على المسمار، واوزية للمسمار،



شكل P15.12

قسم 3.12 أمثله على الأجسام الجامدة في حالة اتزان استاتيكي

11- صبي وضع شقيقته في عربة صغيرة ذات عجلتين وأخذ يدهعها إلى الأسام حتى عجلتين وأخذ يدهعها إلى الأسام حتى الأوقها قالب طوب ارتفاعه S.0cm ويدي العربة بيلان بزاوية ألى الأسام كأن الأفقي، والقوة المؤترة إلى اسغل على الغجلة (المنابع على الغجلة والمنابع العبيب أن على المحودة التي يجب أن عسك معند المحالة يستخطى قالب الطوب (الم) ما مقدار واتجالة القبرة التي يؤثر بهبا قبالب الطوب على العجلة عندما بدأت المجلة ترتفح فوق القالب. اقترض في جميع الحالات أن قالب الطوب المتي مكانة ولاينزلق على الرؤس.



شكل P11.12

- 21 كشتي ميزان المسافة بينهما 50.0cm حدثت إزاحة لنقطة ارتكاز ذراع الميزان بهقدار 1.0cm أبويدا عن المنتصف ما مقدار النسبة الثوية التي يتأثر بها الوزن النسبة الثوية التي يتأثر بها الوزن الصحيح علما بأن هذه الإزاحة احدثها تاجر بويد أن يغش في الميزان.
- 13 سلام منتظم طوله 15.0m ووزنه 500M مسنود على حـــالاغا أملس ويصنع زاوية 60.0 مع المسنوى الأفقي (a) احسب القوى الأفقية والعمودية التي تؤثر بها الأرض على قاعدة السلم عندما يكون رجل مطافق وزنه



شعل P19.12

20 - لافتة على شكل نصف كرة كما في شكل (P20.12) قطرها m 1.0 وكتلتها منتظمة الكثافة معلقة بحبلين كما في الشكل ما هو الجزء من وزن اللافتة المعلق بكل حيل.



شكل P20.12

21 - قالبان متشابهان ومتماثلان طول كل منهما لا موضوعان كتوء على حافة سطح اققي انظر شكل (P22.12) بحيث انهما كانا معلقين عند اقصى حد يمكن أن يستقران عنده دون أن يستقطا، احسب السافة..



شكل P22.12

22 - أحد الوثابين يحمل عمودا للوثب(زانة) وزنها 23.4N في حالة اتزان تحت تأثير 16- لوح خـشب منتظم طوله 6.0m وكـتلتـه 30.0kg موضوع اقفيا بين قضييين 30.0kg لسقالة. السافة بين القضييين 4.5m طإذا كان جـزء طوله 1.5m من اللوح الخشبي. معلق خارج احد جانبي السقاله.

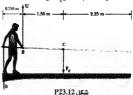
ارسم شكلا توضيحيا للوح الخشب. إلى أي مسافة يستطيع عامل طلاء كتلته 70.0kg أن يمشي على الجـزء من اللوح الخـشـبي الواقع خـسـارج نقطـة ارتكاز اللوح على القضيب قبل أن يميل به اللوح.

[17] سيارة كتلتها £15000 والمسافة بين محوريها الأمسامي والخلفي 5,000 وسركــز الكتلة للسيارة على خط الوسط على مسسافة 2.01 خلف المحور الأمامي. احسب القوة التي تؤثر بها الأرض على كل عجلة.

18. عمرو رأسي مقطعه مربع طوله 10.0m محاملة بقاعدة (تقاعها 1.5m لهما 1.5m لهما إلا أنها غير وهي مربعة الشكل تماما إلا أنها غير وهي مربعة الشكر تماما إلا أنها غيلا. قورة قدرها 5.5m كل قمة الممود من الناحية اليمني، والقاعدة تبقى على العمود في حالة انزان. احسب مقدار القوة التي تؤذر بها قصة حائف الجانب الأيمن من القاعدة على العمود، أوجد كذلك القوة التي يؤثر بها قاع حائف الجانب الأيمن من التي يؤثر بها قاع حائف الجانب الأيمر من القاعدة على العمود.

19 – سلسلة مسرنة تزن 40.0N مسطقسة بين مشبكين موضوعين على نفس الإرتقاع شكل (Pl9.12) الخط المساس للسلسسة تمند عند كل مشبك زاوية 2 2 = 9 0 مع الخط الأفقي أوجد (a) مقدار القوة التي يوثر بها كل مشبك على السلسلة (d) الشد في السلسلة عند منتصفها (ماحوظة للجرء (d) إرسم شكلا لنصفها السلسلة.

قوة إلى أعلى U ييده المتقدمة وقوة إلي أسكل D بيده المتأخره كسما في شكل أسمكل (P23.12) النقطة C هي مسركسز الثسقل للعمود، احسب مقداري U و D.



القسم 12.4 خواص المرونة للأجسام الصلبة:-

24 – سلك صلب قطره 1.0mm. يمكنه تحـمل شد 0.2kn نفترض أنك تريد كابل مصنوع من هذا السلك يتحمل شدا قدره 20kn فكم يكون قطر هذا الكابل.

 $200 \, \mathrm{kg}$ ثقل مسقد داره 200 $\, \mathrm{kg}$ ثقل مسقلة 0.20 $\, \mathrm{th}$ 4.00 $\, \mathrm{mag}$ طوله 0.00 $\, \mathrm{th}$ 4.00 $\, \mathrm{th}$ 6.00 $\, \mathrm{th}$ 8.00 $\, \mathrm{th}$ 10 $\, \mathrm{th}$ 8.00 $\, \mathrm{th}$ 10 $\, \mathrm{th}$ 8.00 $\, \mathrm{th}$ مقدار الزيادة في طول السلك.

26 - طفل يتـزحلق على الأرض وفي قـدمـيـه حــذاء نعله من الطاط، وقــوة الاحــتكاك النؤرة على كل قدم 20.0N ومساحة كل من نعلى الحــذاء 14,0cm وســمكه 5,0mm.

احسب السافة الأفقية التي يزاحها السطح العلوي عن السطح السفلي لكل من نعلي الحداء، مسامل مرونة القص للمطاط تساوى 3.0x10⁶N/m².

27 - مسألة للمراجعة، مطرقة كتلتها 30.0kg طرقت مسمارا كبيرا من الصلب قطرة مردة على المسابقة على المسابقة على 2.30m من 2.00m/s أما 10 مستقدار متوسط الانفعال في المسمار أشاد التصادم؟

28 - إذا كــان حــد المرونــة للنحـاس هــو 1.5x108 N/m² احسب أقل قطر لسلك من النحـاس تحت حــمل 10.0kg إذا كـان المطلوب أن لا يتعدى حد المرونة.

مسألة للمراجعة

29 – سلك اسطواني من الصلب طوله 200 قطر مـ قطب مـ قطب مـ قطر مـ قطب فـ قديمة الاحتكاك وأحد طرفي السلك مـ عديمة الاحتكاك وأحد طرفي السلك مـ عدق فـيه كـ تلة مقدارها 3.0kg قضا مقدارة الاستطالة في السلك أشاء حركة 9

مسألة للمراجعة، سلك أسطواني من الصلواني من الصلولة J وقطر مقطعه D وضع فوق بكرة خفيضة ملساء أحد أطراف السلك معلق فيه كتلة m_1 وفي الطرف الآخر كتلة m_2 ما مقدار استطالة السلك بينما هو في حالة حركة?

(31) – احسب كثافة ماء البحر على عمق 1000m حيث يكون ضغط الماء حوالي $100x10^7 N/m^2$ ($1.00 \times 10^3 kg/m^3$) السطح $1.00 \times 10^3 kg/m^3$

32 - [33] إذا زاد اجهاد القص على الصلب عن 4.0x108N/m² فإنه ينقطع .

الفيزياء (الجزء الأول- الميكانيكا والديناميكا الحرارية)

احسب مقندار قبوة القبض البلازم (a) لإحداث قص في مسمار مقلوظ من الصلب قطره 1.0cm (d) لاحداث ثقب قطره 1.0cm في قسرص من الصلب سمك m 0.50 cm

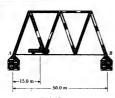
-33 احسب أقل قطر لسلك من الصلب طوله Ro. 18.0 تحدث له استطالة لاتزيد عن السفلي المنافق عندما يبلق في طرفه السفلي كتلة مقدارها go 380 (6) إذا كان حد المرونة لهستذا السلك من الصلب هو 3.0x108 N/m² مل يحدث له تغيير مستديع في الشكل بهذا الثقل.

35 اعندما يتجمد الماء يتمدد بحوالي 9.0% متكون زيادة الضغط في محرك سيارة إذا تجمد الماء الذي بداخله. المعامل الحجمي للجليد هو 2.0x10⁹ N/m².

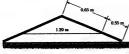
35 - لدواعي الأمن أشاء تسلق الجبال يستخدم المتسلق حجالا من النايلون طوله 50.0m وقطره 10 mm اعتما يتطق باحد أطرافه متسلق كتلته 90.0 kg تحدث استطالة في الحبل مقدارها 1.6m . أوجد معامل ينج لادة الحيا..

مسائل إضافية:

36 - كوبري طوله 50 m وكتلته8.0 مرتكز على دعائم ملساء عند كل من مرتكز على دعائم ملساء عند كل من طرفيه كما هو موضح في شكل(737.12 على وقضت شاحنة كتلتها 3.0x10⁴ kg على مسافة 15.0 m أحد نهايتيه. ما هو مسقد از القوى على الكوبري عند نقط الارتكاز.



شكل P12.37



شكل P38.12

38 – بالإشارة إلى شكل (17.130) كـمـرة من الخرسانة الملحة سابقة الإجهاد طولها 1.5m (2.00 cm² فعلمها 1.5m و1.5 cm) الخرسانة سيخ حديد يستخدم في إحداث الخرسانة مساحة مقطعه 1.5 cm² والسيخ يربط لوحين عند طرفي الكمـرة. والسيخ يربط لوحين عند طرفي الكمـرة. ما عامل ينع للخرسانة وزائلة الشد T معامل ينع للخرسانة وزائلة الشد T T ما السيخ تصبح الخرسانة تحت اجهاد منعط مقداره T (T 30.0x10 (T 40.0x10 (T

التي تتضغطها الخرسانة بسبب السيخ بعد زوال الشـد الإبتـدائي عنه (ه) تحت أي شدر T سيظل السيخ (ع) ما مقدار الزيادة في طول السـيخ عن طوله الأصلي بعـد عملية الشد (b) عندما صبت الخرسانة ما هي الإسـتطالة الإبتـدائية التي حـدثت للسلك عندما تم شـده بالنســة لطوله الأصلي (e) أوجد مقدار الشد الإبتدائيا T الكن استخدم عند صب الخرسانة.

96 - كرة مصمته نصف قطرها R وكتلتها M (P40.12) وضعت في حوض كمبا في شكل (P40.12) والسطح الداخلي للحوض أملس، احسب القوى المؤثرة على الكرة من الحوض عند نقطتى التماس.



شكل P40.12

40 - قرد ورنه لل 20.0kg يتسلق على سلم ورنه (120N وطوله ما كمما في شكل (40.12). النهايتان العلوية والسفلية للسلم تستندان على أسطح ملساء والنهاية السفلية مربوطة في الحائط بعبل يستطيع تحمل اكبر شد وهو 110 NB (رسم رسما توضيحيا للسلم والقوى المؤثرة عليه (10) احسب الشد على الحبل عندما يكون القسرد عند ثلث المسافلة من أعلى السلم (2) احسب أكبر مسافلة ألى التي يستطيع القبرد أن يصعدها على السلم قبل أن يقطع الحبل، عبر عن احتلك كجزء من ما.



شكل P41.12

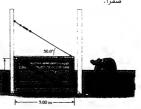
44 - دب جوعان وزنه 70 N سير نعو الخارج عمود محاول الوسطة بها غير عمود محاول الوسول إلى سلة بها بيا معلقة في نهاية العمود شكل (12.42 وطلق 19.42 والسلة تدني (80.0 سم شكلا توضيعيا للقوى المؤثرة مساخة من بداية العمود تساوي m (19.2 مسافة من بداية مسافة مسافة بستطيع اللب أن يقطعها قبل أن يقطعها قبل أن



شكل P42.12 للشكال

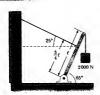
الفيزياء (الجزء الأول - الميكانيكا والديناميكا الحرارية)

42 - مرزعة بها بوابة شكال(P43.12) انساع السوابة سكال 1.8m وبها السوابة سكال 1.8m ومضما سكات وبها مضفصا لات في أعلاها وأسفلها، وكُبل التشبيت يصنع زاوية "200 مع النهاية العلوية للبوابة وفي نهايته متصل بشداد يوثر عليه بقوة شد ON 2. وكثلة البوابة على البوابة بواسطة المفصلة العلوية (d) على البوابة بواسطة المفصلة العلوية (e) احسب القوة الأفتية المؤثرة على البوابة بواسطة المفصلة السفلية (e) احسب السوابة بواسطة المفصلة (d) مقدار مجموع القوتين الرأسيتين المؤثرتين على البوابة البوابة بواسطة المفصلة السفلية (d) ما مقدار الشد في كابل التثبيت حتى تصبح القوة الأفقية المؤثرة بواسطة المفصلة العلوية.



شكل P43.12

43 - قـضـيب منتظم وزنه 1200N مـشبت بواسطة كابل كـمـا هو مـين في الشكل (44.12) والقـضـيب مـشـيت من طرفـه السـفلي بالأرض بواسطة مفصلة تجعله قابل للدوران ومعلق من طرفه العلوي جسم وزنه 2000N. احسب مـقـدار الشـد في الكابل ومركبات القوة المؤثرة على قاعدة م القضيب بواسطة الأرض.



شكل P44.12

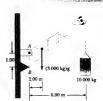
 $\frac{2L}{4}$ وعرضه $\frac{1}{8}$ 42 وعرضه $\frac{1}{8}$ 42 معلقة من قضيب خفيف افقي مثبت في حائف براسطة مضعلة ومشدود بواسطة كابل شكل (P45.12). احسب (a) الشد في الكابل (b) مركبة قوة رد فعل الحائط على القضيب بدلالة $\frac{1}{8}$ $\frac{1}{8}$ $\frac{1}{8}$



شكل P45.12

45 - 46 ∰ رافعة (كرين) كتلتها 3000 kg تحمل ثقلا كتلته و 10000 kg مين محمل ثقلا كتلته في شكل (P46.12) والرافعة مسلقة بواسطة مسلمار أملس عند A ، ومستنده على دعامة ملساء عند B.

احسب قوة رد الفعل عند A وB .



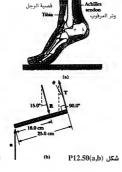
شكا، P46.12

- 46 سلم كثافته منتظمة وكتلته سيستند على حائط رأسي املس ويضنغ زاوية (0.0°) مع حائط رأسي املس ويضنغ زاوية مستندة على سطح املس حيث مسعامل الاحتكاك الاستاتيكي $(0.40 \pm \mu_{\rm s} 0.40)$ عامل النظافة أن يصعد على السلم وكتلته (0.40 ± 0.40) ما هو الجرة من السلم لا يمكن أن يصل إليه العامل عندما بيدا السلم في الانزلاق؟
- 47 سلم منتظم يزن 2000 يعيل على حــاذطا أنظر شكل (10.12) السلم ينزلق عندمـــا تكون $\theta = 0.1$ إذا افترضنا أن معامل الاحتكاك الاستاتيكي عند الحائط والأرض لهما نفس المقدار. احسب مقدار μ .
- 48 [9] سمكة قرش تزن 100001 معلقة من كابل متصل بقضيب طوله 4.0m مرتكز على المحتول مرتكز عند القاعدة. احسب الشد في الحبل بين الحائط والقضيب عندما يكون مثبتا للمنظومة في الوضع البين في شكل(P49.12). احسب القوى الأفقية والرأسية المؤثرة على قاعدة القضيب. (اهمل وزن القضيب.)



P49.12 المكار

49 – عندما يقف شخص على أصابع قدمه يكون وضع القسيم كسما هو مسيئ في الشكل وضع القسيم كسما هو مسيئ في الشكل (P50.12a) والثقل الكلي للجسم و \mathbf{F}_{g} بعداد لمع القي قرق \mathbf{F}_{g} الأصابع في شكل (P50.12b) مُوضَعُ نموذج ميكانيكي للوضع حيث \mathbf{T} هي القي يؤثر به وتر الموقع حيل القنم، و \mathbf{F}_{g} الغيرة التي يؤثر بها العرقوب على القنم، و \mathbf{F}_{g} الغيرة التي تؤثر بها قصية الرجل على القنم، حسب مقدار كل قصية الرجل على القنم، حسب مقدار كل من \mathbf{F}_{g} 700 \mathbf{P} 37. مندما تكون \mathbf{F}_{g} 700 \mathbf{P}

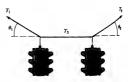


50 - شخص ينعني ويجمل ثقل وزنه 200N كما في شخص ينعني ويجمل ثقل وزنه 200N أفقيد (وكان (P51.124) بحيث أن ظهيره ظل أفقيد (طريقة سيئة لرفع الأشياء). عضلة الظهير مشببتة عند نقطة عند ثلثي طول العمود الفقري وهي التي تحافظ على وضع الظهر في هذه الحالة. والزاوية بين العمود الفقري وهذه الحالة. والزاوية بين العمود الفقري وهذه المضلة 2.01! باستخدام النقدري وهذه المضلة 2.01! باستخدام (ولا المنافية عن شكل (P51.12b) وياعتبار أن وزن الجزز (P51.12b) احسب الشد في عضلة الظهر وقوة الضغط.



a) شکل P51.12(a,b)

51 – إشارتان من إشارات المرور معلقتان من كابل (a) كما في شكل(P52.12) إهمل كتلة الكابل(a) الثبت أن θ و θ و θ احسسب الشد θ ا θ = θ و الشد θ = θ = θ الشد θ = θ = θ [θ] الشد θ = θ = θ [θ] الشد θ = θ = θ [θ] الشد θ = θ = θ [θ] الشد θ = θ = θ] الشد θ = θ = θ] الشد θ = θ = θ = θ] أنا علم أن



شكل P52.12 م

400 N . قوة ثؤثر على كابينة مستطيلة تزن (P53.12) (a) إذا كسا هو صبين في شكل (P53.12) (b) إذا كانت الكابينة تنزلق بسرعة منتظمة عندما تكون P=100 N . P=100 N

A STATE OF THE STA



شكل P53.12

- 53 خد حالة الكابينة في المسألة السابقة ولكن فود ؟ قد اثرت على طرفها العلوي أفقيا(ه) احسب اقل قوة يجب استخدامها لكي تبدا الكابينة في الميل (6) ما هو الحدد الأدنى لمسامل الاحتكاك الاستساتيكي اللازم لمنع الكابينة من الانزلاق مع استخدام قوة بهذا المتدارة (6) احسب مقدار واتجاه اقل قوة تلزم لميل الكابينة، إذا كانت نقطة عمل القوة يمكن اختيارها في أي مكان علهها.
- 54 قضيب منتظم وزنه $_{g}$ وطوله L مثبت من أطرافه بواسطة حوض أملس كما هو ميين في الشكل (P22.12) (S) يين أن مركز الثقل للقضيب يقع أعلى النقطة 0 مباشرة، عند ما يكون القضيب في حالة أنزان (0) عين قيمة الزاوية θ التي يحدث عندما انزان.



شكل P12.55

الفصل الثانى عشره الإتزان الإستاتيكي والمرونة

 $\frac{9}{5}$ [57] مضيب منتظم كتلته m يميل بزاوية θ مربوط في عائم نهايته الطبيا يعر حيل مربوط في حائمة طبيعتي بزاوية $\frac{9}{5}$ النهاية السفلي للقضيب ترتكز على أرض خشنة شكل (2.57) (8) إذا كنان معامل الاحتكاك الاستانيكي بين القضيب والأرض مير $\mu_{\rm t}$ المنتبع علاقة لأكبر كتلة M يمكن تغليقها من القضيب قبل أن ينزلق. (6) عين مقادر قور در القسعل عند سطح الأرض، ومقدار القوة التي يؤثر بها القضيب علي الحيالة على الحيالة على الحيالة المنابع على الحيالة على منابع على الحيالة منابع على الحيالة M بها الخيالة M بها الحيالة M



شكل P57.12

56 – شكل (P58.12) يبين جمالون تؤثر عليه قوة B أنه شغل مقدارها (10000 عند التقطة B والجمالون وزنه مهمل ويستند على وعامت تبين C , D أماستين (8) استخدم شروط الاتبيت أن D 366 B أنه أنه القوى تؤثر على الجمالون (6) بين أنه بما أن القوى تؤثر على الجمالون قفط عند المفاصل. كل قضيب في الجمالون لابد وإن يؤثر على كل مفصل بقوة في اتجاه طوله، إما قوة شيد أو قوة صنعل أي أوجد في آلة الشد على كل من القضيان الثلاثة.





شكل P59.12

58 - حـامل رف مـشـبت على حـائط رأسي بواسطة مسمار قلاوظ واحد كما في شكل (P61.12) وزن الحامل مهمل. أوجد المركبة الأفقية للقوة التي يؤثر بها المسمار على الحامل عندما تؤثر عليه قوة عمـودية مقدارها 80.0 NA مو موضح في الشكل (تخيل أن الحـامل ليس ملاصقا للحائط تماما)



شكل P61.12

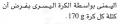
79 - شكل (P62.12) يبين قوة رأسية تؤثر مماسيا على اسطوانة منتظمة ورنها وجمعـ معـ المرادعات الإستانيكي بين الأسطوانة وجميع الاسطح يساوي 20.0 . أوجد أكبر قرو P الديلة F_g التي يمكن استـخدامهـا دون أن تجمل الأسطوانة لقف را ملحوظة عندما تكون الأسطوانة على وشك الانزلاق قوتا الإحتكاك يكونان عند أكبر قيم لهما للذا؟



شكا، P62.12

 $\frac{1}{2}$ 0 مساطح الم الم والمعامل ينج له Y ومساطح ΔL محدث له شد مرن بمقدار ΔL مختلف الم درن بمقدار ΔL منطبقا لقانون هورك. هواه الإرجاع هي ΔL (a) (b) ΔL (b) ΔL (c) الشخل المسلك بمقسدار ΔL (c) ΔL (d) ΔL (e) ΔL (e) ΔL (e) ΔL (f) ΔL (f)

61 - كرتا راكت وضعتا هي برطمان زجاجي كما هو صبين هي شكل (20.12) وصرك بزاهما والنقطة A تقع على خط مستقيم (a) برام أن الجدار عديم الإحتكاك احسب P₃, P₂, و (d) عين مقدار القرة الواقعة على الكرة (d) عين مقدار القرة الواقعة على الكرة

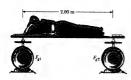


機関をなってい



شكل P64.12

62 - في شكل (P65.12) الميزان الأول يقسرا (P65.12) وزن F_{g1} و F_{g2} -380N وزن الخشب، أين يبعد مركز كتلة السيدة عن قدمها إذا علم أن طولها F_{g1}



شكل P65.12

63 - كابل من الصلب مساحة مقطعه 3.0cm² وكتاته 8 42 لكل مشر طولي. إذا علق 500m مهذا الكبل على حامل عموديا، ما مقدار استطالة الكابل نتيجة لثقلة (معامل ينج للصلب ارجع إلي جدول 1.12)

49 [67] (a) قدر القوة التي يسددها لاعب كارتيه للوح من الخشب إذا كانت سرعة يده عند لحظة الصدم تساوي 10.0m/s وهبطت إلى \$1.0m/s خلال فترة زمنية \$ 20.00 وهو

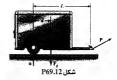
الفصل الثانى عشر الإتزان الإستاتيكي والمرونة

زمن التصادم مع اللوح. وكثلة اليد والذراع معا تساوي \$1.0kg (b) 1.0kg كانت مسب إجهاد القص، إذا كانت هذه القوة قند أثرت على لوح الخشب الذي سمكه 10.0cm(wide)هدات 1.0cm (wide)هدات (c) إذا كنان أكبير إجبهاد قص يمكن أن يتحمله لوح الخشب قبل أن ينكسر هو \$2.00 \$3.00 \$1.00

6 دلو مصنوع من صنفيحة معدنية رقيقة نصف قطر القساع 25.0m ونصف القطر العلوي للدلوسه 35.0 وارتضاع الدلوسه 30.0cm مملوء بالماء. أين يكون مركز الثقل (اهمل وزن الدلو نقسه)

(ف) (6) أنس مسالة للمراجعة: عرية تحمل شعنة وزفها ع تقطرها شاعنة بقيرة P كما هو مرتف إلى المنطقة المنطقة المنطقة عن شركة المنطقة عن الكان الموضع في الرسم. المعل قبوة احتكاف التنجيح، واجعل a تمثل مركبة المجلة في الإتجاء للمربية(ه) احسب المركبة الراسية للقوة P بدلالة البرامتراسية للقوة P بدلالة البرامتراسية المقوة P بدلالة البرامتراسية P بدلالة P بدلالة البرامتراسية P بدلالة P بد

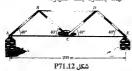
 $\begin{array}{lll} \text{Cap}_{q}(p) & \text{Cap$



انك من الألونيوم طوله 0.85m ومقطعه دائري قطره 0.78mm مشبت من طرفه العلوي، ومعلق في السلك كتلة 1.2kg. او وهو تنذبذب في دائرة أفقية. احسب السرعة

الزاويـــة اللازمــة لإحــداث انضعال قــدره 1.0 x 10⁻³

68 - كويري على شكل جمالون طوله 200m يمتد فوق نهر شكل (77.1.12) احسب قوة الشد أو الضغط على كل جـزه من مكونات الكوبري عندما تكرن سـيارة ورنها 1360k عند منتصف الكويري. افترض أن الكويري يمكن أن ينزلق أفقيا ليسمح بالتمدد والانكماش، وأجزاء الكوبري متصلة ببعضها بواسطة مسامير محورية. وأن كتلة مكونات الكوبري تعتبر مهلة بالقارنة بكلة السيارة.



69 - كوبري طوله 100m على شكل جمالون مرتكز عند نهاياته بحديث بمكله الانزلاق بحرية شكل عند نهاياته بحديث بمكله الانزلاق بحرية شكل بين النقطتين C.A يناف موزع بين النقطتين C.A واحسب القوم عند كل جزء من أجزاء الكوبري، حدد ما إذا كسان كل من المكونات الداخلة في تركيب الكوبري تحت شد أو ضغط، نقـتـرض أن مكونات اللااخلة المي تحت شد أو مضغط، نقـتـرض أن مكونات الكوبري متصلة ببعضها بواسطة ممكونات الكوبري متصلة ببعضها بواسطة مسامير محورية وأن كتلة المكونات مهملة بالمبارة.



شكل P72.12

الله الاختبارات السريعة: ANSWERS TO QUICK QUIZZES

(1.12) نعم، كما يتضع من شكل 12.3. عزم الدوران غير المتزن بسبب عجلة زاوية حتى وإن كانت العجلة الخطية تساوي صغراً (d) نعم، يمكن أن يحمدت ذلك عندمما تكون خطوط عمل جميع القوى تتقاطع عند نقطة مشتركة. إذا أثرت محصلة قوة على الجمسم عند إذ يكتسب الجمسم عبجلة انتقالية. إلا أنه نظرا لعدم وجود محصلة عزم دوراني على الجسم هالجسم لايكون له عجلة زاوية، توجد حالات أخرى يتلاشى، فيها عزم الدوران ولكن القوى لانتلاشى، فيها عزم الدوران ولكن القوى لانتلاشى، فيها عزم الدوران ولكن القوى لانتلاشى، فيها عزم الدوران ولكن القوى لانتلاش،

(2.12) موضع مركز ثقل اللوح بالنسبة لنقطة الإرتكاز.

(3.12) معامل ينج يُعطى بالنسبة بين الإجهاد والإنفعال، وهو ميل المنعنى الذي يمثل الجزء الذي تكون فيه المائدة مرئة في شكل(21.14). من قراءة الخط البياني نلاحظ أن الإجهاد الذي مقداره تقريبا 100% 100% لا ينتج عنه انفعال مقداره- 2003 11 الميل ومن ثم مسعامل ينج يكون مقداراء 10 x10 10 M/m²

(4.12) جزء ملحوظ من الخط البياني يمتد بعد حد المرونة مما يدل على وجود تغير دائم في الشكل إذن المادة قابلة للسعب.



Se . C 2000

١ هي خواص الأجسام المتذبذبة التي تجعلها مفيدة كوسائل لقياس الوقت؟

الحسركة الترددية Oscillatory Motion ولفصل ولفالس عشر 13

ويتضمن هذا الفصل :

5.13 مقارنة بين الحركة التوافقية البسيطة والحركة الدورانية المنتظمة Comparing Simple Hamonic Motion with Uniform Circular Motion

6.13 اختياري: الذبذبات المتضائلة أو المخمدة (Optional) Damped Oscillations

7.13 اختياري: الذبذبات القسرية (Optional) Forced Oscillations 1.13 الحركة التوافقية البسيطة Simple Harmonic Motion

2.13 عودة إلى منظومة الزنبرك والمكعب The Block-Spring System Revisited

طاقة المتذبذب التواف في البسيط 3.13 Energy of the Simple Harmocic Oscillator

The Pendulum

4.13 السندول

الضيزياء (الجزء الأول - الميكانيكا والديناميكا الحرارية)

هناك نوع خاص جدا من أنواع الحركة، تحدث عندما تكون القوة المؤثرة على جسم تتناسب مع إزاحة الجسم عن وضع اتزان معين.

إذا كانت هذه القوة تتجه دائما نحو وضع الاتزان ستحدث حركة متكررة إلى الأمام وإلى الخلف حول هذا الوضع، وهذه الحركة تسمى الحركة الترددية، الحركة التوافقية، الحركة التذبذبية أو الإهتزازية. والمصطلحات الأربعة متكافئة تماما.

لعلك على علم بالعديد من أمثلة الحركة الترددية مثل تذبذب ثقل مثبت في زنبرك. تارجح الأطفال باستخدام الأرجوحة وحركة البندول واهتزاز أوتار آلة موسيقية وترية. بالإضافة إلى هذه الأمثلة الهومية. يوجد العديد من النظم الأخرى التي تقوم بحركة ترددية، مثال ذلك الجزيئات في الأجسام الجامدة تتذبذب حول أوضاع انزائها اللجوات الكهرمغنطيسية مثل الموجات الضوئية والردار وموجات الراديو تتميز بوجود مجال متجع كهربائي وآخر مغنطيسي متذبذب، وفي الدوائر الكهربائية للتيار المتعرباتية الكيار مناطق المتعرب التهربائية للتيار .

المادة العلمية في هذا الباب تتعامل مع الحركة التوافقية البسيطة التي فيها يتذبذب الجسم بعيث أن وضعه يتحدد بدالة جيبية في الزمن، دون فقد في الطاقة الميكانيكية. في الأنظمة الميكانيكية الفعلية توجد قوى احتكاك تؤدي إلى تضاؤل الذبذبة، وهذه القوى سوف ندرسها في القسم الإختياري 13.6 في نهاية الباب.

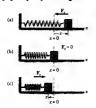
SIMPLE HARMONIC MOTION الحركة التوافقية البسيطة المركة التوافقية البسيطة

و اعتبرنا منظومة تتكون من مكسب كتلته متصل في نهاية زنبرك Spring والمكعب حر الحركة الله على سطح أملس غير خشن شكل (1.13) عندما يكون الزنبرك غير مشدود أو مضغوط يكون الكلمب عند وضع 2 x ويسمى وضع الانتزان للمنظومة. ونحن نعرف من خبرتنا أن مثل هذا النظام يتنبنب إلى الأمام وإلى الخلف من وضع الانتزان إذا حدثت له إثارة ويمكننا فهم الحركة من شكل(1.13) إذا تذكرنا أن المكعب إذا إزيح مسافة صغيرة x من وضع الانتزان، فإن الزنبرك يحدث على المكعب قوة تتناسب مع مقدار الإزاحة وتعطى بقانون هوك (أنظر القسم 3.7)

$$F_c = -kx \tag{1.13}$$

وتسمى هذه القوة قوة الإرجاع 'restoring force لأنها دائما تتجه نحو وضع الاتزان ولذلك فهي x=0 عكس اتجاء الازاحة، أي أن الكعب إذا أزيج نحو اليمين من وضع x=0 هي شكل (1.13) عند ثد تكون الإزاحة موجبة وقوة الإرجاع تتجه نحو اليسار، وعند ما يزاح المكعب نحو اليسار من وضع الاتزان x=0 عندثذ تكون الإزاحة سالبة وقوة الإرجاع تتجه نحو اليمين.

أي أن العجلة تتناسب مع إزاحة المكعب واتجاهها من أن العجلة تتناسب مع إزاحة المكعب واتجاهها



شكل (11.1) مكتب متصل بزنيرك يتجرف على سطح املس (ه) عندما يزاج الكتب إلي يهدون على الالاتباران (0 < x). وتؤثر القـــوة المؤثرة بواسطة النيرك نحو الشمال(ه) عندما يكون المكتب في وضع الاتزان (0=x)، تكون القــوة المؤثرة بواسطة الزنيرك نصاي صغير (c) عندما يزاج المكتب نحو اليمرن من وضع الاتزان(0 < x) تؤثر القوة بواسطة اليمرا من وضع الاتزان(0 < x) تؤثر القوة بواسطة واليمين واليميز واليمين

وبصفة عامة الجسم الذي يتحرك على المحور السيني يقوم بحركة توافقية بسيطة عندما تكون x وهي ازاحة الجسم عن نقطة الاتزان تتغير مع الزمن طبقا للعلاقة

$$x = A \cos(\omega t + \phi) \tag{3.13}$$

شكل (13.3a) وهذا هو نفس الشكل الذي لاحظناه في التجرية المبينة في شكل (2.13) وسعة الذبذية Α الحركة هي أي من الاتجاهين الموجب أو السالب للازاحة π. والثابت ω يسمى الحركة هي أي من الاتجاهين الموجب أو السالب للازاحة π. والثابت ω يسمى التردد الزاوي للحركة ووحداته ريديان/ثانية (وسوف نناقش المنى الهندسي المهندسي المهندار ω في القسم(2.13) . والزاوية φ تسمى ثابت الطور Phase Constant

حيث ϕ , ϕ , ϕ ثوابت. لكى نعطى مفهوم فيزيائي لهذه الثوابت رسمنا x كدالة في الزمن t في

او زاوية الطور وتحدد بواسطة الازاحة الابتدائية وسرعة الجسم عندما يكون الجسم عند أكبر إزاحة له x=x عند x=0 عند x=0 والمتعنى بين x



شكل 2.13 جهاز تجريبي بيين الحركة التوافقية البسيطة. يتكون الجهاز من قلم متصل بكتلة متذبذبه بواسطة زنبرك يقوم برسم شكل موجي على شريط، من الورق يتحرك بسرعة بطيئة ومنتظمة في اتجاه السهم.

الفيزياء (الجزء الأول - الميكانيكا والديناميكا الحرارية)

يكون كما هو موضع هي شكل (3.13) وإذا كان الجسم عند موضع آخر في الزمن 0=1 فإن الثابتان ϕ , A يحمددان لنا موضع الجسم عند زمىن 0=1 والكمية $(\phi t + h)$ تسمى طور الحركة وهي مفيدة عند مقارنة حركة ذبذبتين.

$$T$$
 في زمن قدره 2π rad يـزداد بمقـدار $(\omega t + \phi)$
 $\omega t + \phi + 2\pi = \omega(t + T) + \phi$

$$ωt = 2π$$
 [ές

$$T=rac{2\pi}{\omega}$$
 (4.13) (4.13) أو (الزمن الدوري أو زمن الذبذبة

ومقلوب الزمن الدوري يسمى التردد f للحركة. والتردد يمثل عدد الذبذبات التي يصنعها الجسم في وحدة الزمن

شكل (3.13) منحنى (x - t) لجسيم يقوم

بحركة توافقية بسيطة. سعة الذبذبة A

والزمن الدوري T والثابت الطوري φ (b) منحنى (x −t) في حالة خاصة فيسها

 $\phi = 0$ عند 0 = 1 و A = x ومن ثم 0 = 0

$$f=rac{1}{T}=rac{\omega}{2\pi}$$
 (5.13) التردد ووحدات f هي دورة لكل ثانية: $-s^{-1}$ او هرتز

بإعادة ترتيب المعادلة (5.13) نحصل على التردد الزاوي

$$\omega = 2\pi f = \frac{2\pi}{T}$$
 (6.13) التردد الزاوي

اختبارسريع 1:13

مامقدار ثابت الطور ϕ في معادلة (3.13) لجسم متذبينب كان عند نقطة الأصل عند الزمن t=0

اختبار سريع 2.13

جسم يقوم بحركة توافقية بسيطة سعة ذبذبتها A ماهي المسافة الكلية التي يتحركها الجسم خلال دورة كاملة.

4A (d) 2A (c) A (b) A /2 (a)

بمكننا أن نوجد السرعة الخطية لجسم يقوم بحركة توافقية بسيطة بتفاضل معادلة (3.13) السبة للزمن.

$$v = \frac{dx}{dt} = -\omega A \sin(\omega t + \phi)$$
 (7.13)

وعجلة الجسم هي

$$a = \frac{dv}{dt} = -\omega^2 A \cos(\omega t + \phi)$$
 (8.13)

وحيث ان (8.13) يمكننا ان نكتب معادلة (8.13) على النحو التالي $x=A\,\cos{(\omega t+\dot{\phi})}$

$$a = -\omega^2 x \tag{9.13}$$

من معادلة (7.13) نجد أنه بما أن المعادلة الجيبية تتذبذب بين (\pm) إذن نهايتي σ هما (Δ) ومن ما أن دالة جيب التمام أيضا تتذبذب بين (\pm) معادلة (8.13) تين لنا أن القيمتين النهائيتين للمجلة σ هما (\pm 0 شام أن دالة جيب التمام أيضا ومقدار العجلة القصوى لجسم يتحرك في حركة توافقية بسيطة هما (\pm 0 شام شام ك

$$v_{\text{max}} = \omega A \tag{10.13}$$

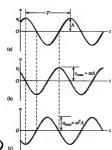
$$a_{max} = \omega^2 A \tag{11.13}$$

شكل (4.13a) يبين الأزاحة مع الزمن لقيمة إختيارية لثابت الطور، متحنيا السرعة والعجلة موضحان هي شكل (4.13b) و (4.13c) وتلك المتحنيات تبين أن طور السرعة يختلف عن طور الإزاحة بمقدار 7.2 rad أي 90°. أي أنه عندما تكون x عتد نهايتها العظمى أوالصغرى تكون السرعة صفر

وبالمثل عندما تكون x = مسفراً تكون السرعة عند نهايتها العظمى. أضف إلى ذلك أن طور العجلة يختلف عن طور الاختام و متالا إلازاحة بمقدام تحون π عند الازاحة بمقدام تكون π عند نهايتها العظمى تكون π عند نهايتها العظمى كذلك ولكن في الانتجاء العكسى.

الإنجاه العكسي. ثابت الطور¢ له آهمية عندما نقارن حركة جسمين أو اكثر يقومان بحركة تذبذبية.

شكل (4.13) تمثيل للحركة التوافقية البسيطة (a) الإراحة مع الزمن (b) السيعة مع الزمن (c) المجلة مع الزمن (c) المجلة مع الزمن (c) المجلة مع الزمن (c) والمجلة تختلف عن كل من الإزاحة والمجلة بمقدار '90، والمجلة تختلف في الطور عن الإزاحة والمجلة برادار (180).



تغيل كرتا بندول متماثلتان تتارجحان بجانب بعضهما في حركة توافقية بسيطة أحدهما انطلقت بعد الأخرى، لكل من كرتي البندول في هذه الحالة ثابت طور مختلف عن الآخر، سنبين الآن كيف أن ثابت الطور وسعة الذبذبة لأي جسم يتحرك حركة توافقية بسيطة يمكن تعيينها إذا عرضا السرعة الابتدائية وموضع الجسم والتردد الزاوى لحركته.

 $v = v_i$ نفرض أن عند الزمن 20 اكن الوضع الابتدائي لمتذبذب هو $x = x_i$ وسرعته الابتدائية و $x = v_i$ تحت هذه الظروف معادلتي 3.13 و 7.13 يعطيان

$$x_i = A\cos\phi \tag{12.13}$$

$$v_i = -\omega A \sin \phi \qquad (13.13)$$

 v_i/x_i = - ω tan ϕ :نحصل على: (13.13) نحصل

$$\tan \phi = -\frac{v_i}{\omega x} \qquad (14.13)$$

أضف إلى ذلك أنه إذا ربعنا معادلتي (12.13) و (13.13) وقسمنا معادلة السرعة على 2 شمأ أضفنا الحدود نحصل على المعادلة

$$x_i^2 + \left(\frac{v_i}{\omega}\right)^2 = A^2 \cos^2 \phi + A^2 \sin^2 \phi$$

A يمكننا حل المعادلة لإيجاد $\sin^2 \phi + \cos^2 \phi = 1$ بما أن

$$A = \sqrt{x_i^2 + \left(\frac{v_i}{\omega}\right)^2}$$
 (15.13)

خواص جسيم يتحرك حركة توافقية بسيطة على درجة كبيرة من الأهمية ويمكن تلخيصها فيما يلي.

- عجلة الجسم تتناسب مع الازاحة، ولكنها في الإتجاء العكسي. وهذا الشرط هاما وكافيا كشرط للحركة التوافقية البسيطة.
- الزاحة من نقطة الإنزان والسرعة والعجلة كلها تتغير جيبيا مع الزمن ولكنها ليست متحدة في الطور
 كما في شكل (4.13).
 - التردد وزمن الذبذبة لا يعتمدان على سعة الذبذبة . سوف يتضح ذلك في القسم التالي.

اختبارسريع 3.13

هل يمكن استخدام المعادلات 22, 10.2 , 11.2 (انظر في الفصل الثاني) لكي نصف الحركة التوافقية البسيطة.

مثال 1.13 جسم بتذبذب

حسم بتذبذب بحركة توافقية سبيطة حول المحور x. ،إزاحته عن نقطة الأصل تتغير مع الزمن طبقا المعادلة.

$$x = (4.00 \text{ m}) \cos\left(\pi t + \frac{\pi}{4}\right)$$

حيث 1 بالثواني والزوايا داخل القوس بالريديان (a) أوجد السعة والتردد والزمن الدوري للحركة. الحل: بمقارنة هذه المادلة بمعادلة 3.13 وهي المعادلة العامة للحركة التوافقية البسيطة T=1/f=2.0 s فجد أن A=4.0 m إذن $x=A\cos(\omega t+\phi)$ الإذن $x=A\cos(\omega t+\phi)$

(b) احسب السرعة والعجلة للجسم عند أي لحظة t

$$v = \frac{dx}{dt} = -(4.00 \text{ m}) \sin\left(\pi t + \frac{\pi}{4}\right) \frac{d}{dt} (\pi t).$$

$$= -(4.00\pi \text{ m/s}) \sin\left(\pi t + \frac{\pi}{4}\right)$$

$$a = \frac{dv}{dt} = -(4.00\pi \text{ m/s}) \cos\left(\pi t + \frac{\pi}{4}\right) \frac{d}{dt} (\pi t)$$

$$= -(4.00\pi^2 \text{ m/s}^2) \cos\left(\pi t + \frac{\pi}{4}\right)$$

t = 1.0 s باستخدام النتائج في القسم (b) عين الموضع والسرعة والعجلة للجسم عند (c)

الحل: مع ملاحظة أن الزوايا في الدوال المثلثية تكون بالرديان نجد أن عند $t = 1.0 \, \mathrm{s}$

$$x = (4.00 \text{ m}) \cos\left(\pi + \frac{\pi}{4}\right) = (4.00 \text{ m}) \cos\left(\frac{5\pi}{4}\right)$$

$$= (4.00 \text{ m}) (-0.707) = -2.83 \text{m}$$

$$v = -(4.00\pi \text{ m/s}) \sin\left(\frac{5\pi}{4}\right) = -(4.00\pi \text{ m/s}) (-0.707)$$

$$= 8.89 \text{ m/s}$$

$$a = -(4.00\pi^2 \text{ m/s}^2) \cos\left(\frac{5\pi}{4}\right)$$

$$= -(4.00\pi^2 \text{ m/s}^2) (-0.707) = 27.9 \text{ m/s}^2$$

(i) احسب السرعة القصوى والعجلة القصوى للجسم.

الحل: في الصيغة العامة للسرعة v والعجلة a الموجودة في الجزء (b) القيم العظمي لدوال الجيب (523) $\pm 4.0\,\pi$ m/s 2 بديب التمام تكون مساوية للواحد الصحيح. إذن v تتغير بين a , $\pm 4.0\,\pi$ m/s

$$v_{\rm max}$$
 = 4.00 π m/s = 12.6 m/s

$$a_{\text{max}} = 4.00\pi^2 \text{ m/s}^2 = 39.5 \text{ m/s}^2$$

 ω = π rad/s , A=4.0m حيث $a_{\rm max}=~\omega^2{\rm A}$, $v_{\rm max}$ = $\omega{\rm A}$ انتيجة وتحصل على نفس النتيجة

(e) أوجد ازاحة الجسم بين t=1.0 s , t=0

الحل: المحور x عند 0 = 1 هو

$$x_i = (4.00 \text{ m}) \cos \left(0 + \frac{\pi}{4}\right) = (4.00 \text{ m}) (0.707) = 2.83 \text{ m}$$

هي الجزء (c) وجدنا أنه المحور السيني عند 1.0 s يساوي 2.83m- ومن ثم الإزاحة بين 0=1 و 1.0sهي الجزء (c) وجدنا

$$\Delta x = x_f - x_i = -2.83 \text{ m} - 2.83 \text{ m} = -5.66 \text{ m}$$

 $t = 2.0 \, \text{s}$ عند و طور الحركة عند

9π/4 rad الإجابة:

والزنبرك عودة إلى منظومة الكعب والزنبرك

THE BLOCK - SPRING SYSTEM REVISITED

سنعود إلى منظومة المكعب والزنيرك شكل (5.13) سنفترض مرة ثانية أن السطح عديم الإحتكاك ومن ثم عندما يزاح المكعب من نقطة الإتزان تكون القوة الوحيدة المؤثرة عليه هي قوة الإرجاع للزنيرك restoring force . كما رأينا من معادلة 13.2 ، عندما يزاح المكعب لمسافة x من نقطة الاتزان يكتسب

عجلة $x=(rac{k}{m})x$ عجلة $a=(rac{k}{m})x$ عجلة الابتدائية في زمن إبتدائي ما ثم ترك من حالة السكون، ستكون عجلته الابتدائية في تلك x اللحظة تساوي $(-rac{k}{m})$ (أكبر قيمة سالبة)، عندما يمر المكب

شكل 5.13 مكمب كتلته m مربوط في طرف زنبرك يقوم بحركة توافقية يسيطة على سطح أماسر(ش) عندما يزاح الكعب إلى اليمين من وضع الانزان تكون الازاحة موجية و العجلة سالبة. (ف) عند وضع الانزانات. والمجلة تساوي صفر أما السرعة فتكون الكبر ما يمكن (ث) عندما يزاح لكميد بخو اليسار موضع الانزان، تكون الازاحة سالية والعجلة موجية. سالة الانزان 2 n وعجلته تساوي صفر. عند هذه النقطة تصل سرعته للعد الأعلى. يواصل الكنب - ركته نحو اليسار من نقطة الانزان وهي النهاية يصل إلى النقطة (x-A) عند هذه النقطة تكون - دلته kAlm (الحد الأعلى الموجب) وسرعته تساوي صفر. ولذلك نجد أن المكب يتذبذب بين x - دلته x - x - السائن x - x - السائن أن x - x

سوف نصف الحركة التردية بطريقة كمية. نعلم أن $a=rac{dv}{dt}$ ومن ثم يمكن أن $a=a \frac{dv}{dt}$ من معادلة 2.13 كما يلي:

$$\frac{d^2x}{dt^2} = -\frac{k}{m}x\tag{16.13}$$

اذا رمزبًا للنسبة k/m بالرمز ω^2 تصبح هذه المعادلة.

السيطة

$$\frac{d^2x}{dt^2} = -\omega^2x\tag{17.13}$$

لحل المعادلة (17.13) نحتاج إلى دالة (x (1 التي تحقق هذه المعادلة التضاضلية من الدرجة الثانية. و، طرا لأن المعادلة (17.13) والمعادلة (9.13) متطابقتان، إذن يجب أن يكون الحل لمعادلة الحركة التوافقية

$$x = A \cos(\omega t + \phi)$$

ولکي نری ذلك بوضوح نفرض أن $x = A \cos(\omega t + \phi)$ إذن

$$\frac{dx}{dt} = A\frac{d}{dt}\cos(\omega t + \phi) = -\omega A\sin(\omega t + \phi)$$
اذن

$$\frac{d^2x}{dt^2} = -\omega A \frac{d}{dt} \sin(\omega t + \phi) = -\omega^2 A \cos(\omega t + \phi)$$

$$d^2x$$
بمقارنة المعادلات التي فيها d^2x/dt^2 ، بمقارنة المعادلات التي فيها $\frac{d^2x}{dt^2} = -\omega^2 x$

ويذلك يمكن أثبات المعادلة (17.13) ومن ذلك نستنتج أنه عندما تكون القوة المؤثرة على جسم ستنتج أنه عندما تكون الجسم حركة (F=-kx) يتحرك الجسم حركة (+kx) بافقية بسطة.

تذكر أن الزمن الدوري لأي حركة توافقية بسيطة هو $T = 2\pi l \omega$ معادلة (4.13) وأن التردد هو مقلوب الزمن الدوري. ونعلم من معادلتي 6.13 و 7.13 أن $\overline{k} = \sqrt{k/m}$ إذن يمكن أن نعبر عن الزمن الدوري والتردد لمنظومة المكسب والزنبرك كالآتى

$$T = \frac{2\pi}{\omega} = 2\pi \sqrt{\frac{m}{k}}$$
 (18.13)

$$f = \frac{1}{T} = \frac{1}{2\pi} \sqrt{\frac{k}{m}}$$
 (19.13)

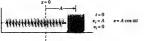
الفيزياء (الجزء الأول - الميكانيكا والديناميكا الحرارية)

أي أن الزمن الدوري والتردد يعتمدان فقط على كتلة المكعب وعلى ثابت الإرجاع للزنبرك، أضف إلى ذلك أن التردد والزمن الدوري لايعتمدان على سعة الدبنية كما قد نتوقع والتردد يكون أكبر للزنبرك الأقوى (الذي مقدار ثابت الإرجاع k له كبير) ويقل كلما زادت الكتلة.

حالة خاصة (1)

سوف ندرس حالة خاصة، لكي تستوعب المنى الفيزيائي للمعادلة (3.13) التي تعرُف الحركة التوافقية البسيطة، وسوف نستخدم تلك المادلة لكي نصف حركة المنظومة الكونة من زنبرك ومكعب. نفرض أننا قد جذبنا المكعب لمسافة A من وضع الإنزان ثم تركناه في وضع السكون، وهو مشدود عند

هذا المكان كـمـب هو مبين في شكل (6.13). الحالة الإبتدائية هي A=x و (6.13). الحالة الإبتدائية هي 0=1 عند الزمن 0=1 اعتد الزمن 0=1 عدد أن 1=0 عدد أن 1=0 عدد أن الحل. لكي نختـبـر هذا الحل نلاحظ أنه يحـق الشروط A=x عند 0=1 عدد 0=1 الشـروط 0=1 عدد 0=1 عدد 0=1 الشـروط 0=1 عدد 0=1 عدد 0=1



شكل (6.13) منظومة من مكعب وزنبطرك يبيدا من حيالة $x = A \cos \omega t$ السكون عند $x = A \cos \omega t$

ومن ثم نجد أن ϕ , A يعطيان المعلومات عن الحالة الإبتدائية ، الآن سنتفحص حالة السرعة والعجلة لهذه $x=A\cos\omega t$

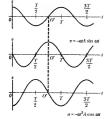
$$v = \frac{dx}{dt} = -\omega A \sin \omega t$$

$$a = \frac{dv}{dt} = -\omega^2 A \cos \omega t$$

من مصادلة السرعة نجد أنه بما أن 0 = 0 is (ic $0 = <math>\gamma$) نعند 0 = 1، من محادلة العجلة عند 0 = 1. من محادلة العجلة السائبة من الناحية الفيزيائية لها معنى لأن القوة أغراق على المكب تكون منجهة نحو اليسار عندما تكون الأزاحة موجبة . في الواقع أنه عند أقصى إزاحة كما في شكل 13.6 λ

طريقة آخرى تبين أن = x هو الحل الصعيح، يتضمن استخدام الملاقة $_{\rm T}$ المارة مصادلة (1.413) حيث أن $_{\rm T}$ عند $_{\rm T}$ عند $_{\rm T}$ ه ما ومن ثم $_{\rm T}$ و ظل الزاوية $_{\rm T}$ ايضاً يساوي صفير إلا أن $_{\rm T}$ ثوتي إلى قيمة خطا للكمية $_{\rm T}$.

 $\hat{\mathbf{m}}$ رسم يبين تغير السرعة والمجلة والإزاحة مع الزمن الشغوصة ألكتب والزيارية الموضع في شكل (E.16) عندما يقدم بحركة توافقية بسيطة وبحالة ابتدائية في 0 = 1 و $A = \frac{1}{2}$ $0 = \frac{1}{2}$ 0 =



شكل (7.13) رسم للإزاحة والسرعة والعجلة مع الزمن لهذه الحالة الخاصة لاحظ أن العجلة تصل إلى أقصى قيمة "20± بينما الإزاحة تصل إلى أقصى قيمة 4½ لأن القوة تكون أكبر ما يمكن عند هذا الوضع، أضف إلى ذلك السرعة تصل إلى قيمتها القصوى 40½ وكلاهما يحدث عند 2 × x

حالة خاصة (2)

نفترض أن المكتب أكتسب سرعة ابتدائية v_i نحو اليمين في اللحظة التي كان فيها عند وضع الانزان، بحيث أن $v = v_i$ عند $v = v_i$ عند $v = v_i$. المعادلة التي نعير عن v_i لابد وأن تحقق تلك الشروط الإبتدائية .

xنفلرا لأن المكعب يتحرك في اتجاه x الموجب عند 0 = 1 وحيث إن 0 = x عند 0 = 1 للتعبير عن x = A Sin ω المحلدة ω المحلدة المحلدة ω المحلدة ألم المحلدة ألم المحلدة ألم المحلدة ω المحلدة ألم المحل

$$x = \frac{v_i}{\omega} \sin \omega t$$

$$v_i = 0$$

$$v = \frac{dx}{dt} = v_i \cos \omega t$$

$$v = \frac{dx}{dt} = -w_i \sin \omega t$$

$$v_i = \frac{dv}{dt} = -wv_i \sin \omega t$$

$$v_i$$

شكل (8.13) منظومة الكعب والزنيرك يبدأ حركته من وضع الاتزان عند t = 0 فيذا كيانت سرعيقه الإبتدائية v_i نحو اليمين. يتغير محور x للمكعب طبقا للمعادلة $x = (v/\omega)\sin \omega t$

تجربة سريعة

القوة والعجلة يساويان صفراً عند x=0 والشكل

المبين لذلك هو (7.13) باتخاذ O' كنقطة أصل

في هذه الحالة.

علق جسما من شريط مطاط ودعه يتدبذب. قس T. الآن آريط أربعة أشرطة مطاطية معا من نهاياتها. ماذا يكون h بالنسبة لهذا الشريط الطويل بالمقارنة بالشريط الواحد؟ مرة ثانية قس T لهذه المجموعة مستخدما نفس الجسم الملق. هل يمكن تحقيق معادلة (19.13).

ختيار سريع 1.13

ما هـو الحـل بالنســية للإزاحة x إذا كان المكعب يتحرك في البداية نحو اليسار كما في شكل 8.13.

مثال 2.13 لاحظ الحضر في الطريق

سيارة كتلتها 1 300 kg مصممة بحيث أن هيكلها محمل على أربع سست Springs . كل سسته لها ثابت قوة 20 000 N/m إذا كان بداخل السيارة شخصان وكتلتهما 160kg . احسب تردد الاهتزاز للسيارة بعد أن مرت على حضرة في الطريق.

ا**رحل**: سنفرض أن كتاتة السيارة موزعة بانتظام إذن كل سسته تحمل ربع كتلة السيارة وحيث إن-الكتلة الكلية £460 إذن كل سسته تحمل £365 هـ

$$f = \frac{1}{2\pi} \sqrt{\frac{k}{m}} = \frac{1}{2\pi} \sqrt{\frac{20\ 000\ \text{N/m}}{365\ \text{kg}}} = 1.18\ \text{Hz}$$

تمرين: ما الزمن اللازم لكي تتم السيارة اهتزازتين كاملتين

1.7 s : 1.7 s

مثال 3.13 منظومة الكعب والزنبرك

مكعب كتلته 2008 مثبت في زنبرك خفيف ثابت قوته 5.0N/m وهو حر الذبذبة على منضدة عديمة الاحتكاك. أزيح المكعب بعقدار 5.0cm من وضع الاتزان ثم ترك ليتذبذب من وضع السكون كما في شكل 6.13 (a) احسب الزمن الدوري.

الحل: من معادلتي 16.13 , 17.13 نجد أن التردد الزاوي لأي منظومة من مكعب وزنبرك هي

$$\omega = \sqrt{\frac{k}{m}} = \sqrt{\frac{5.00 \text{ N/m}}{200 \times 10^{-3} \text{ kg}}} = 5.00 \text{ rad/s}$$
 والزمن الدورى

$$T = \frac{2\pi}{\omega} = \frac{2\pi}{5.00 \text{ rad/s}} = 1.26 \text{ s}$$

(b) احسب أقصى سرعة للمكعب

الحل: تستخدم معادلة 10.13



(c) ما هي أقصى عجلة للمكس؟

الحل: نستخدم المعادلة 13.11

 $a_{max} = \omega^2 A = (5.0 \text{ rad/s})^2 (5.0 \text{ x } 10^{-2} \text{m}) = 1.25 \text{ m/s}^2$

(i) عبر عن الأزاحة والسرعة والعجلة كدوال في الزمن.

الحل :: هذا الوضع يتبع الحالة الخاصة (1) حيث يكون الحل هو $x = A \cos \omega t$ باستخدام هذه المعادلة والنتائج التي حصلنا عليهافي (c), (b), (a) نجد أن

 $x = A \cos \omega t = (0.05 \text{m}) \cos 5.0 t$

 $v = \omega A \sin \omega t = -(0.250 \text{ m/s}) \sin 5.0t$

 $a = \omega^2 A \cos \omega t = -(1.25 \text{m/s}^2) \cos 5.0 t \cdots$

3.13 طاقة المتذبذب التوافقي البسيط،

ENERGY OF THE SIMPLE HARMONIC OSCILLATOR

سوف ندرس الطاقة المكيكانيكية لمنظومة المكعب والزنبرك الموضح في شكل (6.13) ، لأن السطح أملس نتوقع أن الطاقة الميكانيكية الكلية تكون ثابتة كما هو مبين في الباب الثامن. يمكن استخدام المعادلة 13.7 لتعبر عن طاقة الحركة كما يلي.

(وهي طاقة الحركة المتذبذب)
$$K=rac{1}{2}\;mv^2=rac{1}{2}\;m\omega^2A^2\sin^2(\omega t+\phi)$$
 (20.13)

طاقة الوضع للمرونة المختزنة في الزنبرك لأي استطالة x تعطى بالمعادلة $\frac{1}{2}kx^2$ (معادلة 4.8) وباستخدام المعادلة 3.13 نحصل على المعادلة(21.13)

(وهي معادلة طاقة الوضع للمتذبذب)
$$U=rac{1}{2}~kx^2=rac{1}{2}~kA^2\cos^2(\omega t+\phi)$$
 (21.13)

نلاحظ أن U ، لأن U ، لأن $\omega^2 = k/m$ لأن أبيكانيكية الكلية للمتذبذب التوافقي البسيط كالآتي:

$$E = K + U = \frac{1}{2} kA^{2} \left[\sin^{2}(\omega t + \phi) + \cos^{2}(\omega t + \phi) \right]$$

وحيث أن $\sin^2 \theta + \cos^2 \theta = 1$ نجد أن الكمية داخل القوس المربع تساوى واحد وتصبح المعادلة كالآتي:

وهي الطاقة الكلية للمتذبذب
$$E = \frac{1}{2} kA^2$$
 (22.13)

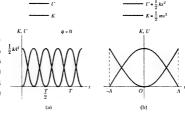
أى أن الطاقة الكلية للمتذبذب التوافقي البسيط تعتبر أحد ثوابت الحركة وتتناسب مع مربع السعة. $\overbrace{529}$ لاحظ أن مقدار U يكون صغيرا عندما يكون K كبيرا والعكس بالعكس لأن المجموع يجب أن يكون مقداراً ثابتاً. في الواقع أن الطاقة المكانيكية الكلية تساوي الحد الأقصى لطاقة الوضع المخزونة في الزنبرك عند $x = \pm A$ لأن $x = \pm A$ عند هذا الوضع ومن ثم لا توجد طاقة حركة. عند وضع الاتزان حيث $x = \pm A$ تكون الطاقة الكلية على شكل طاقة حركة وتساوي $x = \pm A$ أي أن $x = \pm A$ تكون الطاقة الكلية على شكل طاقة حركة وتساوي $x = \pm A$ أي أن

$$E = \frac{1}{2} mv^2_{\text{max}} = \frac{1}{2} m\omega^2 A^2 = \frac{1}{2} m\frac{k}{m} A^2 = \frac{1}{2} kA^2 \quad (\text{at } x = 0)$$

لورسمنا طاقة الحركة وطاقة الوضع مع الزمن في شكل (9.139)حيث أخذنا $- \phi = 0$. كما ذكرنا V , V

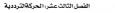
شكل (10.13) يوضع وضع السرعة والعجلة وطاقة الحركة وطاقة الوضع للمكسب والزنبرك لدورة كاملة. وجميع الأفكار التي سبق دراستها حتى الآن مذكورة في هذا الشكل الهام. أخيرا يمكننا أن نستخدم مبدأ حفظ الطاقة لنحصل على السرعة لأي إزاحة اختيارية بتقدير كمية الحركة الكلية عند

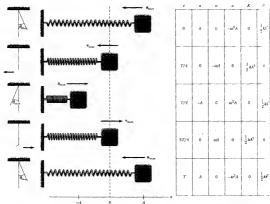
$$E=K+U=rac{1}{2}mv^2+rac{1}{2}kx^2=rac{1}{2}kA^2$$
 $v=\pm\sqrt{rac{k}{m}(A^2-x^2)}=\pm\omega\sqrt{A^2-x^2}$ (23.13)



شكل (2.13) (a) طاقة الحركة وطاقة الحركة وطاقة الوضع مع الزمن لتدنين توافقي بسيط فيه $0 \Rightarrow 0$ (b) طاقة الحركة وطاقة الوضع مع الإزاحة لتدنين توافقي يستعط، وفي الحالتين K+U = constant

عند فحص معادلة 23.13 لنرى ما إذا كانت تتفق مع الحالات المعروفة نجد أنها تتفق مع الحقيقة $x = \pm A$ إن السرعة تكون أعلى ما يمكن عند $x = \pm A$





شك شكل (10.13) الحركة التوافقية البسيطة لنظومة المكتب والزنبرك وعلاقته بحركة البندول السيطة. البارمثرات بالجدول تشير إلى منظومة المكتب الزنبرك بفرض أن A= . . = 1 ومن ثم A cos ot ثم A cos ot ثم A cos ot ثم A cos ot ثم ما منطقه المكتب الرئبرك بقرض أن A cos ot ثم ما منطقه المكتب الرئبرك بقرض أن A cos ot ثم ما منطقه المكتب ال

قد تتساءل لماذا نبذل كل هذا الجهد في دراسة الحركة التوافقية. إننا نهتم بذلك لأنها نموذج جيد للعديد من الظواهر الفيزيائية.

فمثلا نتذكر جهد لينارد - جونز الذي درس في المثال (11.8) تلك الدالة المقدة تصف القوى التي تمسك بالدرات معا، شكل (11.13a) يبين أنه للإزاحات الصغيرة من وضع الاتزان منحنى طاقة الوضع لهذه الدالة يقترب من شكل القطع المكافئ، الذي يمثل دالة طاقة الوضع للمتذبذب التوافقي البسيط. إذن يمكننا أن نمثل فوى الربط الدرية المعقدة بزنبركات دقيقة كما في شكل (11.13b). والأفكار التي وردت في هذا الباب لاتفسر الظواهر التي سيق ذكرها ضحسب بل تفسر كذلك العديد من الظواهر الفيزيائية التي سترد في هذا الكتاب مثل أشعة الليزر وغير ذلك.



建筑的的图像。

شكل (11.13) (a) إذا لم تتحرك الذرات داخل الجزئ بعيدا عن موضع الاتزان هإن شكل الملاقة بين طاقة الوضع مع الملاقة بين طاقة الوضع مع الملاقة بين طاقة الوضع مع المكان للملاقة بين طاقة الوضع مع المكان للمتذبيب التواقعي اليسيط، (d) زنيركان حرة تمثل القوى التي تعسك بالذرات معا داخل الجزئيات.

🛍 مثال 4.13 التذبذب على سطح أفقي

مكمب كتلته 0.50 kg متصل يزنبرك خفيف ثابت القوة له 20.0 N/m يتذبذب على سطح أفقي أملس (a) احسب الطاقة الكلية للمنظومة والسرعة القصوى للمكس، إذا كانت سعة الذبذبة 3.0 cm .

الحل: باستخدام معادلة 22.13 نجد أن

$$E = K + U = \frac{1}{2}kA^2 = \frac{1}{2} (20.0 \text{ N/m}) (3.00 \times 10^{-2} \text{ m})^2$$
$$= 9.00 \times 10^{-3} \text{ J}$$

نا
$$E = \frac{1}{2} m v^2_{max}$$
 ب $U = 0$ نخلہ ان $x = 0$ اون $\frac{1}{2} m v^2_{max}$ بندہ ایک ون الکسب عند الوضح $\frac{1}{2} m v^2_{max} = 9.00 \times 10^{-3} \text{J}$ $v_{max} = \sqrt{\frac{18.0 \times 10^{-3}}{0.500 \text{ kg}}} = 0.190 \text{ m/s}$

(b) ما هي سرعة المكعب عندما تكون الازاحة 2.0 cm

الحل: نستخدم المعادلة 23.13 مباشرة

$$v = \pm \sqrt{\frac{k}{m} (A^2 - x^2)}$$

$$= \pm \sqrt{\frac{20.0 \text{ N/m}}{0.500 \text{ kg}}} [(0.030 \text{ 0 m})^2 - (0.020 \text{ 0 m})^2]$$

$$= \pm 0.144 \text{ m/s}$$

الإشارتان الموجبة والسالبة تبين أن المكعب يمكن أن يكون متحركا نحو اليمين ونحو اليسار في تلك



(c) احسب طاقة الحركة وطاقة الوضع للمنظومة عندما تكون الإزاحة 2.0 cm

الحل: باستخدام النتيجة التي حصلنا عليها في b نجد أن

$$K = \frac{1}{2} mv^2 = \frac{1}{2} (0.500 \text{ kg}) (0.141 \text{ m/s})^2 = 5.00 \times 10^{-3} \text{J}$$

$$U = \frac{1}{2} kx^2 = \frac{1}{2} (20.0 \text{ N/m}) (0.020 \text{ 0 m})^2 = 4.00 \times 10^{-3} \text{J}$$
 $K + U = E$ (5) We determine the second of the second of

تمرين: عند أي قيمة للإزاحة x تكون سرعة المكعب 0.10 m/s ؟

الإجابة: (± 2.55 cm).

THE PENDULUM البندول

(a) البندول البسيط

وسوف نبين أنه لو اعتبرنا أن الزاوية $\, heta\,$ صغيرة (أقل من $\,^{(0)}$) فإن الحركة تكون حركة توافقية بسيطة.



مركة بندول بسيط مأخوذه في عدة لقطات متتابعة. هل الحركة التذبذبية في هذه الحالة. حركة توافقية بسيطة؟



 $\mathbf{m}\mathbf{Z}$ عندما يتنذبذب البندول بزاوية \mathbf{m} صغيرة فإن حركته تكون توافقية بسيطة حول موضع اتزان \mathbf{m} \mathbf{g} in \mathbf{m} \mathbf{m}

والقوى المؤثرة على النُقل هي القوة T التي يحدثها الخيط وقوة الجاذبية mg والمركبة المماسية لقوة الجاذبية mg sin θ تعمل دائما في اتجاء $\theta = \theta$ عكس الإزاحة. إذن القوة المماسية هي قوة الإرجاع. ويمكن أن نستخدم قانون نيوتن الثاني للحركة في الإتجاه الماسي

$$\sum F_t = -mg \sin \theta = m \frac{d^2s}{dt^2}$$

حيث s هو إزاحة الثقل مقاسا على طول القوس والإشارة السالية تبين أن القوة الماسية تعمل نحو وضع الإنزان (في الإنجاء العمودي). لأن LIO » (معادلة 1.10a) ومقدار لــ ثابت. هذه المعادلة تؤدي إلى

$$\frac{d^2\theta}{dt^2} = -\frac{g}{L}\sin\theta$$

والجانب الأيمن يتناسب مع θ sin θ وليس مع θ . إذن مع وجود θ isi لانتوقع حركة توافقية بسيطة لأن هذه العلاقة ليست على هيئة المعادلة (17.13). إلا أننا لو افترضنا أن θ زاوية صغيرة بمكن أن أستخدم التقريب θ θ isi أن معادلة الحركة للبندول البسيط تصبح

معادلة الحركة للبندول البسيط
$$rac{d^2 heta}{dt^2} = -rac{g}{L}$$
 (24.1:

وهذه العلاقة تشبه العلاقة (17.13) ومنها نستنتج أن الحركة بالنسبة للسعة الصغيرة هي توافقية بسيطة إذن heta يمكن كتابتها

$$\theta = \theta_{max} \cos(\omega t + \phi)$$

حيث θ هي النهاية العظمى للإزاحة الزاوية والتردد الزاوي هو

التردد الزاوي لحركة البندول البسيط.
$$\omega = \sqrt{\frac{g}{L}}$$
 والزمن الدوري للحركة ω

الزمن الدوري لحركة البندول البسيط
$$T = \frac{2\pi}{c} = 2\pi \sqrt{\frac{L}{a}}$$
 (26.13)

بمعنى آخر، الزمن الدوري والتردد للبندول البسيط يعشمدان فقط على طول الخيط وعجلة الجاذبية الأرضية. وحيث إن الزمن الدوري لايعشمد على الكتلة نستنتج أن أي بندول بسيط له نفس الطول وفي نفس المكان (بحيث تكون g مقدار ثابت) يتذبذب بنفس الزمن الدوري. والتشابه بين حركة البندول البسيط ومنظومة المكب والزنبرك موضحة في شكل (10.13).

و والبندول البسيط يمكن استخدامه كساعة تبين الوقت لأن زمنه الدوري يتوقف فقط على طوله وعجلة الجاذبية الأرضية (ع) في هذه البقعة وهو كذلك وسيلة ملائمة لعمل قياسات دقيقة لسقوط الأجسام تحت تأثير عجلة الجاذبية، وهذه القياسات على درجة كبيرة من الأهمية لأن التغيرات المحلية على مقدار ع بمكن أن تعطى معلومات عن أماكن تواجد البترول وخامات أخرى ذات أهمية اقتصادية.



513

«كس كتلته m معلق من زينرك في حالة انزان استطالة لمسافة استانيكي، أحدث في الزنبرك إستطالة لمسافة / زيادة عن الطول الأصلي للزنيـــرك، يبدأ الزنبرك والمكمب يتدنيذبان هل الزمن الدوري أيدة المنظومة أقل من أو أكبر من أو يساوي الزمن الدوري لبندول بسـيط طوله L وكستلة الشق المعلق قب طرفه m.

بندول ضوكولت Foucault عي معهد شرائكاين في في الالفيها. وهذا البندول استخدمه جين فوكولت Inan Fouratt العالم الفرنسي لكي بنديت عمليا دوران الأرض. فغندما يتنبذب البندول المستوى الرأسي الذي يتذبين هيه يدو وكانه يدور حيدان الثقل هي نائرة البندول يخبط العلامات الموضوعة معسترى التذبيذ ثابت في القراع والأرض تدور تحت البندول المتدبيات في القراع والأرض العلامات تتخذ أماكن تجمل البندول يصطلم بها الواحدة بعد الأخرى.



مثال 5.13 العلاقة بين الزمن والطول.

كريستيان هيجنز (1629 - 1699) أشهر صانع ساعات، اقترح أن تكون وحدة الأطوال الدولية معرفة على أساس طول بندول بسيط زمنه الدوري ثانية واحدة بالضبط، ما مقدار النقص في وحدة الأطوال الحالية لوكان اقتراح هينجز قد نفذ.

الحل: بحل معادلة (26.13) بالنسبة للطول تحصل على الآتى:

$$L = \frac{T^2 g}{4\pi^2} = \frac{(1 \text{ s})^2 (9.80 \text{ m/s}^2)}{4\pi^2} = 0.248 \text{ m}$$

أي أن طول وحدة الأطوال ستكون أقل من ربع وحدة الأطوال الحالية وهي المتر. لاحظ أن عدد الأعداد المعنوية يتحدد بدرجة الدقة في معرفة عجلة الجاذبية g لأن الزمن حدد على أنه ثانية واحدة بالضبط.

المندول الفيزيائي Physical Pendulum

إذا كان جسم معلق يتذبذب حول محور لا يمر بمركز كتلته والجسم لايمكن تقريبه ليعتبر مجرد ثقل صغير فالايمكننا معاملة هذا النظام كبندول بسيطه. في هذه الحالة تسمى هذه المنظومة بندول فيزيائي.

نفترض جسما جامدا معلق من نقطة O على مسافة D من مركز الكتلة شكل (13.13). قوة الجائبية تمده بعزم دوران حول محور يمر بالنقطة O ومقدار عزم الدوران الناتج هو mgd sin θ بعزم دوران حول محور يمر بالنقطة D حيث E عيث E عيث القصور الذاتي حول المحور المراتقطة E نحد أن

$$- mgd \sin \theta = I \frac{d^2\theta}{dt^2}$$

والإشارة السالبة تبين أن عزم الدوران حول O يعمل على انقاص θ أي أن قوة الجاذبية تعمل كعزم دوران إرجاع، وبما أن هذه المعادلة تعطينا عجلة زاوية $\frac{\partial^2 \theta}{\partial t^2}$ للجسم الملق، يمكننا اعتبار أنها معادلة حركة لهذا النظام فإذا فرضنا أن الزاوية θ صغيرة يمكن تقريب $\theta \sim \theta$ sin ومعادلة الحركة تختزل كما يلى:

$$\frac{d^2\theta}{dt^2} = -\left(\frac{mgd}{I}\right)\theta = -\omega^2\theta \tag{27.13}$$

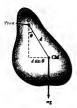
وحيث إن هذه المعادلة شبيهة بمعادلة 17.13

إذن الحركة توافقية بسيطة. أي أن حل المعادلة
$$\theta = \theta_{\max} \cos{(\omega t + \phi)}$$
 هو (27.13)

 $\omega=\sqrt{rac{mgd}{I}}$ هي الحد الأقصى للإزاحة الزاوية

ء والزمن الدوري للبندول الفيزيائي

$$T = \frac{2\pi}{\omega} = 2\pi \sqrt{\frac{I}{mgd}}$$
 (28.13)



MACANIAN LANG

شكل (13.13) بندول فيزيائي

ويمكن استخدام تلك النتيجة لقياس عزم القصور الداتي لجسم جامد منبسط. إذا كان وضع مركز الكتلة ومن ثم مقدار d معروفان، ولإيجاد عزم القصور الذاتي يقاس الزمن الدوري. لاحظ أن معادلة (28.13) تختزل إلى الزمن الدوري للبندول البسيئيط معادلة 13.26 عندما يكون $I=md^2$ أي عندما



مثال 6.13 القضيب المتأرجح

قضيب منتظم كتلته M وطوله L معلق من أحد طرفيه ويتذبذب وسعة ذبذبته صغيرة كما في شكل قضيب منتظم كتلته M الدون للذبذبة.

الحل \cdot في الباب العاشر وجدنا أن عزم القصور الذاتي لقضيب منتظم حول محور عند أحد طرفيه الحي الباب العاشر وجدنا أن عزم القصور الذاتي لقضيب منتظم حول من نقطة التعليق إلى مركز كتلته تساوي $\frac{L}{2}$ والمسافة b من نقطة التعليق إلى مركز كتلته تساوي $\frac{L}{2}$.

. «عادلة (28.13) نحصل على ما يلي

$$T = 2 \pi \sqrt{\frac{\frac{1}{3}ML^2}{mg\frac{L}{2}}} = 2 \pi \sqrt{\frac{2L}{3g}}$$

تعليق، عند الهبوط على سطح القمر كان مع آحد رواد الفضاء وهو بمشي على سطح القمر حزام معلق من سترة الفضاء والحزام آخذ يتدينب كانه يتدول فيزيائي، آحد العلماء على الأرض الاحقاد ذلك في التليفزيون واستخدمه لحساب عجلة الجاذبية على سطح القمر، كيف استطاع هذا العالم أن يجرى تلك الحسابات.

تمرين: احسب الزمن الدوري لقضيب طوله متر معلق من أحد طرفيه ويتذبذب في مستوى رأسي

الجواب: 1.65 s

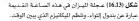


يتذبذب حول محور عند احد يتذبذب حول محور عند احد اطراف. هو بندول فيزيائي فيه d=L/2 هيه $I=\frac{1}{2}ML^2$

بندول الإلتواء Torsional Penduldm







شكل (15.13) جسم جامد معلق بسلك مثبت في حامل. عندما يلتوي الجسم بزاوية صغيرة θ يؤثر السلك الملتوى على الجسم بعزم دوران إرجاعي يتناسب مم الإزاحة الزاوية أي أن حيث Kappa) K نسمى ثابت الإلتواء للسلك ويمكن معرفة مقدار K باستخدم عزم دوران معلوم للي السلك بزاوية يمكن فياسها θ وباستخدام قانون نيوتن الثاني للحركة الدورانية نجد أن

$$\tau = -\kappa \theta = I \frac{d^2 \theta}{dt^2}$$

$$\frac{d^2 \theta}{dt^2} = -\frac{\kappa}{I} \theta$$
 (29.13)

وهذه معادلة متذبذب بسيط ω له تساوى $\sqrt{K/I}$ والزمن الدورى

 $T = 2\pi \sqrt{\frac{I}{I}}$ الزمن الدورى لبندول الإلتواء (30.13)

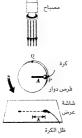
وهذا النظام يسمى بندول إلتواء. ولا يوجد إحتياطات لجعل θ صغيرة في هذه الحالة طالما أننا لم نتجاوز حد المرونة للسك.

🛣 شكل (16.13) يبين عجلة الميزان لساعة تتذبذب كبندول التواء وتستمد طاقتها من الزنبرك الرئيسي للساعة.

5.13 > مقارنة بين الحركة التوافقية البسيطة والحركة الدورانية المنتظمة COMPARING SIMPLE HARMONIC MOITION WITH UNIFORM CIRCULAR MOITION

يمكننا أن نتفهم ونستوعب العديد من الحقائق عن 8.8 الحركة التوافقية البسيطة إذا درسنا علاقتها بالحركة الدائرية شكل (17.13) يبين مسقط لتجربة عملية تبين هذه العلاقة. كرة مثبته على حافة قرص دوار نصف قطره A مضاء من الجانب بواسطة مصياح. الكرة تسقط ظلا على شاشة عرض. سنجد أنه كلما دار القرص الدوار بسرعة زاوية منتظمة يتحرك ظل الكرة إلى الأمام وإلى الخلف في حركة توافقية بسيطة.

نفترض أن جسما موضوعا عند P على محيط دائرة نصف قطرها A كما هو موضح في الشكل (18.13a) والخط يصنع زاوية ϕ مع المحور x عند t=0 . تسمى هذه الدائرة، الدائرة المرجعية لمقارنة الحركة التوافقية البسيطة مع الحركة الدائرية المنتظمة، ونأخذ وضع P عند t=0 كنقطة أصل أو النقطة المرجعية إذا تحرك الجسم على دائرة بسرعة زاوية منتظمة α حتى يصنع OP زاوية θ مع المحور x كما هو 538 مبين في شكل (18.13b) عندئذ عند زمن ما 0< 1 الزاوية بين



شكل (17.13) تجربة تبين العلاقة بين الحركة التوافقية البسيطة والحركة الدائرية، فبينما تدور الكرة على القرص الدوار بمسرعة زاوية منتظمة ظل الكرة على شاشة العرض يتحرك إلى الأمام والخلف في حركة توافقية بسيطة. والحور x تصبح ϕ +100 = 0، وكلما دار الجميم على الدائرة، مسقط P على الحور x عند النقطة OP والمحور x بين النهايتين $x = \pm A$. لاحظ أن النقطتين Q, لهما دائما نفس الاحداثى x يساوى

$$x = A \cos(\omega t + \phi) \tag{31.13}$$

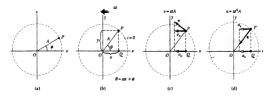
وهذه العلاقة تبين أن النقطة Q تتحرك حركة توافقية بسيطة على المحور x ومن ثم نستنتج أن:

الحركة التوافقية البسيطة في خط مستقيم يمكن تمثيلها بمسقط حركة دائرية منتظمة على طول قطر دائرة مرجعية

ويمكننا أن نصل إلى نفس النتيجة من شكل (18.136) مسقط P على الحور y أيضا يصنع حركة توافقية بسيطة، ومن ثم الحركة الدائرية النتظمة يمكن اعتبارها إتحاد بين حركتين توافقيتين بسيطتين أحداهما على طول الحور x والأخرى على طول المحور y . وبينهما زاوية طور مقدارها "90

وهذا التفسير يبين أن زمن دورة كاملة للنقطة P على الدائرة المرجعية يساوي الزمن الدوري T للحركة التوافقية البسيطة بين A = x أي أن السرعة الزاوية O للنقطة O تساوي التردد الزاوي العركة التوافقية البسيطة على امتداد الحور x (وهذا هو السبب في أننا نستخدم نفس الرمز) وثابت الطور O للحركة التوافقية البسيطة يناظر الزاوية الإبتدائية التي يصنعها OP مع المحور x ونصف القطر O للدائرة المرجعية يساوي سعة الذبذية للحركة التوافقية البسيطة.

حيث إن العلاقة بين السرعة الزاوية والخطية للحركة الدائرية هي ωz = v (راجع معادلة 10.10). الجسم الذي يتحرك على دائرة مرجعية نصف قطرها A له سرعة مقدارها μ.α. من الشكل الهندسي



شكل (18.13) الملاقة بين الحركة الدائرية النظمة لتقط²م و الحركة التوافقية البسيطة للتقطة Q. جسيم عند التقطة م التحريف في دائرة نصف قطرها A بسرعة ذاوية ثابته «(۵) دائرة مرجعية تبين وضع A عندا⊕± (ط) الإحداثيات x للتقطائم بر Q. متساويان ويتغيران مع الترض بحيث ((ب+۳۵) Z A cos () المركبة x لسرعة التقطام عساوي سرعة التقطة Z ((6) الركبة() لعبدة التقطة P عساوي عجلة التقطةQ.

Qفي شكل (18.13c) نجد أن المركبة x لهذه السرعة هي $[-\omega A \sin(\omega t + \phi)]$ ، من التعريف، النقطة لها سرعة تساوى dx/dt. بتفاضل المعادلة (31.13) بالنسبة للزمن نجد أن سرعة النقطة Q هي نفسها الركبة x لسرعة النقطة P.

CONTRACTOR OF THE PROPERTY OF

. $v^2/A = \omega^2 A$ على الدائرة المرجعية تتجه قطريا نحو الداخل نحو O ومقدارها P $-[-\omega^2 A \cos(\omega t + \phi)]$ من الشكل الهندسي لشكل 18.13d نجد أن المركبة x لهذه العجلة هي الشكل الهندسي وهذا المقدار هو نفسه عجلة النقطة Q على المحور x. ويمكن إثبات ذلك بأخذ المشتقة الثانية لعادلة (31.13).

الحركة الدائرية بسرعة زاوية ثابتة مثال 7.13

جسم يدور عكس عقارب الساعة في دائرة نصف قطرها m 3.0 سيرعة زاوية ثابتة مقدارها عند t=0 عند الإحداثي x للجسم t=0 ويتحرك نحو اليمين. (a) عن الإحداثي x كدالة في الزمن.

الحل: نظرا لأن سعة حركة الجسم تساوى نصف قطر الدائرة وω= 8.0 rad/s إذن

$$x = A \cos(\omega t + \phi) = (3.00 \text{m}) \cos(8.00 t + \phi)$$

t=0 عند x=2.00 m يمكن أن نحدد مقدار ϕ من الظروف الابتدائية للجسم وهي

 $2.00 \text{ m} = (3.00 \text{ m}) \cos(0+\phi)$

$$\phi = \cos^{-1}\left(\frac{2.00 \text{ m}}{3.00 \text{ m}}\right)$$

x إذا أخذنا مقدار ϕ بساوى 48.2° إذن الأحداثي

$$x = (3.00 \text{ m}) \cos(8.00t + 48.2^{\circ})$$

وسوف تقل قيمة x عند أخذ t=0 أى أن الجسم يتحرك نحو اليسار. حيث أن الجسم يدور في البداية نحو اليمين يجب أن نختار مقدار °48.2 φ وهو يساوى [-0.841 rad] إذن الإحدثي x كدالة في الزمن هو

$$x = (3.00 \text{ m}) \cos (8.00t - 0.841)$$

لاحظ أن ¢ في دالة جيب التمام لابد وأن تكون بالربدبان

$$v_x = \frac{dx}{dt} = (-3.00 \text{ m}) (8.00 \text{ rad/s}) \sin (8.00 \text{ t} - 0.841)$$

$$= -(24.0 \text{ m/s}) \sin (8.00 \text{ t} - 0.841)$$

$$a_x = \frac{dv_x}{dt} = (-24.0 \text{ m/s}) (8.00 \text{ rad/s}) \cos (8.00 t - 0.841)$$

$$= -(192 \text{ m/s}^2) \cos (8.00 t - 0.841)$$

 $v_{
m max}$ =24.0 m/s من هذه النتائج نستنتج أن

العجلة $a_{\max}=192~{
m m/s}^2$ لاحظ أن تلك النتائج تساوي كذلك السرعة الماسية ω 0 والعجلة المركزية ω^2 4 .

(قسم اختياري)

DAMPED OSCILLATION الذبذبات المتضائلة أو المخمدة

الحركة التذيذيية كما درسناها حتى الآن لنظم مثالية، أي نظم تتذيذب باستمرار تحت تأثير قوى الإرجاع الخطية، وفي النظم الحقيقية توجد قوى معوقة مثل الإحتكاك تعوق الحركة، ومن ثم تتناقص الطاقة الميكانيكية مع الزمن، ويقال أن الحركة متضائلة damped. إحدى القوى الموقة ما سبق أن ذكرناها في قسم (6.4) حيث القوة تتناسب مع سرعة الجسم المتحرك وتممل في الإتجاه العكسي لاتجاه الحركة وهذه القوة المعوقة تلاحظ عادة عندما يكون الجسم يتحرك في الهواء مثلا، حيث إن القوة المعوقة يمكن التعبير عنها بالرم $\mathbf{r} = -\mathbf{r}$ حيث \mathbf{r} مقدار ثابت يسمى معامل التضاؤل، وقوى الإرجاع للنظام هي \mathbf{r} بمكن كتابة قانون نيون الثاني كما يلي

$$\sum F_x = -kx - bv = ma_x$$

$$-kx - b\frac{dx}{dt} = m\frac{d^2x}{dt^2}$$
(32.13)

ولحل هذه المدادلات سنحتاج لبعض المعالجات الرياضية التي قد تكون غير معلومة لك، ولذلك سنعطي النتيجة دون إثبات. عندما تكون القوة المعوقة صغيرة بالمقارنة بالحد الأقصى لقوة الإرجاع أي عندما تكون b صغيرة حل معادلة 32.13 تصبح

$$x = Ae^{-\frac{b}{2m}t}\cos(\omega t + \phi) \tag{33.13}$$

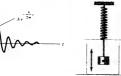
حيث التردد الزاوي للذبذبة هو

$$\omega = \sqrt{\frac{k}{m} - \left(\frac{b}{2m}\right)^2} \tag{34.13}$$

شكل (20.13). رسم بياني للإزاحة مع

الزمن لكل من (a) متذبذب قليل التضاؤل (b) متذبذب عند التضاؤل الحرج (c)

متذبذب فائق التضاؤل.





شكل (19.13) (a)

شكل (19.13a) رسم بياني للإزاحة مع الزمن للأبذبة مشضائلة. لاحظ تتاقص السعة مع الزمن. (b) أحد أمثلة المتنبذبات المتضائلة عبارة عن جسم معلق في زنبرك ومغمور في سائل لزج.

ويمكن تحقيق هذه النتيجة بإحلال معادلة 33.13 في معادلة 32.13 شكل (19.13a) يبين الازاخة كدالة في الزمن لجسم يتذبذب في وجود قوى معوقة وشكل (19.13b) يوضح أحد تلك النظم، وهو عبارة عن أسطوانة مصمته متصلة بزنبرك ومغموره في سائل لزج. نجد أنه عندما تكون القوة المعوقة أصغر بكثير من قوة الإرجاع تظل الحركة التذبذبية موجودة إلا أن سعة الذبذبة تتضاءل وتكون النتيجة توقف الحركة التذبذبية بعد فترة. وأي نظام يسلك هذا المسلك يسمى نظام متضائل. والخط المنقط في شكل (19.13.a) الذي يحدد جبهة المنحنى القذبذبي يمثل الحد الأسي في معادلة (33.13). وهذه الجبهة تبين تضاؤل سعة الذبذبة الأسى مع الزمن. في حالة حركة زنبرك مثبت فيه كتلة مصمته تتضاءل الذبذبات بسرعة كبيرة عندما يقترب الحد الأقصى لقوى الإعاقة من الحد الأقصى لقوى الإرجاع.

ومن الملائم أن نعبر عن التردد الزاوى للمتذبذب المتضائل بالعلاقة التالية.

$$\omega = \sqrt{{\omega_0}^2 - \left(\frac{b}{2m}\right)^2}$$

وحيث $\omega_0 = \sqrt{k/m}$ وهي تمثل التردد الزاوى في غياب قوى الإعاقة (المتذبذب غير المتضائل) ويسمى التردد الطبيعي للمتذبذب. عندما يصبح الحد الأقصى لقوة الإعاقة R_{max} =bv_{max}<kA يقال أن النظام قليل التضاؤل أو تحت المتضائل under damped عندما يقترب من kA تتضائل سعة الذبذبة أكثر فأكثر بسرعة وهذه الحركة ممثلة بالخط الأزرق في شكل 13.20. عندما تصل b إلى القيمة الحرجة b_c بحيث أن $b_c/2$ نجد أن النظام لا يتذبذب ويقال أنه وصل إلى التضاؤل الحرج الحرجة Critically damped في هذه الحالة عند ما يزاح النظام من نقطة السكون إلى نقطة عدم اتزان فإنه يعود إلى نقطة الإتزان مرة أخرى ويظل عندها ساكنا. والمنعني الذي يمثل الإزاحة مع الزمن في هذه الحالة هو المنحنى الأحمر في شكل (20.13).

إذا كان الوسط شديد اللزوجة بحيث أن قوة الإعاقة retarding force تكون أكبر من قوة الإرجاع over أي أنه إذا كان $R_{\max} = bv_{\max} > kA$ و $b/2m = \omega_0$ تكون المنظومة فائقة التضاؤل restoring force damped (542). في هذه الحالة عندما تكون المنظومة المزاحة حرة الحركة فإنها لا تتذبذب بل تعود إلى وضع الإنزان، ومع ازدياد قوة الإعاقة فإن الزمن اللازم لعودة المنظومة إلى وضع الإنزان يزداد أيضا كما ، وضع الخط الأسوق في شكل (20.13)

في أي حالة يكون موجود فيها الإحتكاك، سواء كان النظام فائق النضاؤل Overdamped أو تحت التضائل Underdamped طاقة المتنبذب تهبط إلى الصفر . والطاقة الميكانيكية المفقودة تنتقل إلى طاقة داخلية في الوسط الذي يحدث الإعاقة .

OR THE PARTY

to add a second second

نظام تعليق في سيارة يتكون من مجموعة من زنبرك أو سست وماص للصدمات كما في شكل 21.13. إذا كنت مهندس سيارات فهل تصمم نظام تعليق تحت متضائل أو في مستوى التضاؤل الحرج أو فاثق التضاؤل. ناقش كل حالة.

> شكل (21.13) (a) مــاس للمســدمــات يشــندينه في غــرفــ مملومة بالزيت. يشــندينه في غــرفــ مملومة بالزيت عندمــا يشــنديا الكبس يضنــفا الزيت تضــاقل الـندينية الكبس (d) احــد نظم تمليق الســيــارات يرجــد فيــه مــاس المســمات داخل زيبرك على شكل ملف للمســمات داخل زيبرك على شكل ملف كلمتــمات داخل زيبرك على شكل ملف كلمتــمات داخل زيبرك على شكل ملف



(قسم اختياري)

FORCED OSCILLATIONS الذبذبات القسرية 7.13

من المكن أن نعوض فاقد الطاقة هي نظام متضائل باستخدام قوة خارجية تمد النظام بشغل وجب. يمكن إضافة ظاقة في أي لحظة إلى نظام متذبذب بعيث تعمل في اتجاء حركة المتذبذب، فمثلا الداغل فوق الأرجوحة يمكنه أن يظل في حركة مستمرة بإعطاء دفعات للأرجوحة في أزمنة مناسبة. وسعة الذبذبة نظل ثابته إذا كانت الطاقة المضافة في كل دورة تساوي تماما الطاقة المفقودة نتيجة التنماؤل. وأي حركة من هذا النوع تسمى تذبذب قسري.

من الأمثلة العامة للمتنبذب القسري هو المتنبذب المتضائل الذي يغذي بقوة خارجية تتغير دوريا $F=F_{\rm ext}\cos\omega t$ ، حيث إن

حيث ω هي التردد الزاوي للقوة الدورية و $F_{\rm ext}$ ثابت. بإضافة هذه القوة المحركة إلى الحد الأيسرωمن معادلة (32.13) نحصل على

$$F_{\text{ext}}\cos\omega t - kx - b\frac{dx}{dt} = m\frac{d^2x}{dt^2}$$
 (35.13)

(كما سبق سوف نعطى حل هذه المعادلة دون إثبات). بعد فترة زمنية عندما تصبح الطاقة الداخلية في كل دورة تساوي الطاقة المفقودة في كل دورة نصل إلى حالة استقرار بحيث تظل الذبذبات ذات سعة ثابتة لاتتغير، في هذه اللحظة عندما يصبح النظام في حالة استقرار معادلة 13.35 تصبح

$$x = A\cos(\omega t + \phi) \tag{36.13}$$

$$A = \frac{F_{\text{ext}}/m}{\sqrt{(\omega^2 - \omega_0^2)^2 + (\frac{b\omega}{m})^2}}$$
 (37.13)

حيث $\omega_0 = \sqrt{k/m}$ وهو التردد الزاوى للذبذبة غير المتضائلة b = 0 ولكن في حالة الإستقرار يجب أن يكون للمتذبذب نفس التردد مثل القوة المحركة، ومن ثم نتوقع الحل المعطى في معادلة (36.13) فهو حل مناسب على أن تعطى سعة الذيذية بمعادلة (37.13).

معادلة (37.13) تبين أنه نظرا لوجود قوة خارجية فإن حركة المتذبذب القسرى لانتضاءل. فالقوة الخارجية تعطى الطاقة اللازمة للتغلب على الفقد الناتج عن القوى المعوقة بالنسبة للتضاؤل القليل تصبح السعة كبيرة جدا عندما يكون تردد القوة المؤثرة من الخارج قريب من التردد الطبيعي للمتذبذب. والزيادة الدراماتيكية في السعة قرب التردد الطبيعي ωη natural frequency يسمى الرنين ولهذا السبب تسمى ω في بعض الأحيان التردد الرنيني للنظام.

والسبب في السعة الكبيرة للذبذبة عند التردد الرنيني هو أن الطاقة تنتقل للنظام تحت ظروف مواتية، ويمكننا فهم ذلك بطريقة أفضل إذا أخذنا المشتقة الأولى لـ x بالنسبة للزمن في المعادلة13.36 F عندما تكون القوة المؤثرة v تتناسب مع $\sin(\omega t + \sin(\omega t))$ عندما تكون القوة المؤثرة

متحدة في الطور مع السرعة. معدل بذل الشغل على المتذبذب بواسطة القوة F يساوى حاصل الضرب المنقوط F ·v dot Product وحيث أن معدل بذل الشغل يساؤى القوة ونظرا لأن F·v تصل إلى الحد الأقصى عندما تكون v, F متحدين في الطور. نستنتج أنه عند حدوث الرنين تكون القوة المؤثرة متحدة الطور مع السرعة والقدرة المنقولة إلى المتذبذب عند الحد الأقصى.

شكل(22.13) يبين السعة كدالة في التردد بالنسبة لتذبذب قسرى في حالة وجود تناقص، وفي حالة عدم وجود تناقص. لاحظ أن السعة تزداد مع تناقص معامل التهاؤل($b \rightarrow 0$) وأن منحنى الرنين يتهسع مع تزايد 544) التضاؤل.



شكل (22.13) رسم بياني ببن سعة الذبذبة والتردد لمتذبذب متضائل، عندما تؤثر عليه قوة دافعة عندما يكون تردد القوة الدافعة تساوى التردد الطبيعي للمتذبذب ω، تحدث حالة رنين لاحظ أن شكل منحنى الرنين يتوقف على مقدار معامل التضاؤل b.

ند حالة الشبات steady state وعند أي تردد للقرة المؤثرة، الطاقبة المتقولة إلى النظام تمساوي. الملكة المفقودة بسبب قوى التضاؤل. إذن متوسط الطاقة الكلية للمتذبذب تظل ثابتة.

مي غياب قوى التضاؤل ($\theta = 0$) نجد من المعادلة (37.13) أن سعة الذبذبة عند حالة الاستقرار $\omega \to 0$ أي أنه إذا لم يكن هناك فقد هي النظام وإذا استمرت تغذية المتذبذب برب من المالا نهاية $\omega \to 0$ أي أنه إذا لم يكن هناك فقد هي النظام وإذا استمرت تغذية المتذبذب (الله بي كان متوقفا في حالته الإبتدائية) بطاقة دورية متحدة الطور مع السرعة. فإن سعة الحركة تتزايد باية (انظر إلى المنحنى الأحمر في شكل 22.13. وهذه الحالة لاتحدث في الطبيعة لوجود قوى الدار دائما ولا يمكن التخلص منها تماما .

ان سلوك نظام متذبذب تحت تأثير قوة خارجية بعد إزالة تلك القوة يتوقف على مقدار عامل 1 ... 1

ويما بعد سنجد أن الرئين يظهر في أجزاء أخرى من هذا الكتاب فمثلاً بعض الدوائر الكهرابية لها و در مليعي، والكوبري له تردد طبيعي يمكن جعله يصل إلى حالة الرئين باستخدام قوة مناسبة





شكل (23.13) (a) في عام 1940 اصفة دوامية احدثت تنبئب التواء في كويري تأكوما ناروس الالبات المتحدة جملته يتنبئب م رب الشردد الطبيعي له (d) به جدد حدوث حالة الرئين هذه محدل الكويري.

The state of the s

وهناك مثل دراماتيكي لهذه الحالة حدث عام 1940 عندما تحظم كوبري تاكوما ناروس في ولاية الشرع حلن بسبب الإهتزازات الرئينية على الرغم من أن الرياح لم تكن شديدة في تلك الفتره. لقد تحطم الشهري شكل (23.13) لأنه لم تؤخذ عوامل الأمان في الإعتبار عند تشيده. وهناك العديد من الذبذبات المسببة بمكن التحدث عنها. فالآلات يمكن أن تتحطم إذا حدث لجزء منها حالة رئين مع جزء آخر مسببة في الجنود إذا ساروا في مارش عسكري فوق كوبري ينتج عن ذلك إهتزازات رئينية قد تسبب في مسببة في دينظام فيزيائي يتردد قرب تردده الرئيني تزاد سعة ذبذبته بدرجة كبيرة.

تحالة معملية: 😁 🤝



اربط بعض البكرات في خيوط ثم علق تلك الخيوط في حبل أفقى. إجعل خيطين تقريبا متساويين في الطول. إذا جعلت الجسم المعلق في أحد الخيطين يتذبذب وليكن الجسم P ستبدأ جميع الأجسام في التذبذب إلا أن Q الذي طوله مساويا لطول P يتذبذب بسعة ذبذبة أكبر. هل يجب أن تكون باقى الخيوط لها نفس سعة الذبذبة؟

SUMMARY ملخص

- إذا كانت عجلة جسم تتناسب مع إزاحته من نقطة الإتزان واتجاهها مضاد لاتجاه الإزاحة. فإن الجسم يتحرك في حركة توافقية بسيطة. والوضع x لمتذبذب توافقي بسيط يتغير دوريا مع الزمن طبقا للمعادلة

$$x = A\cos(\omega t + \phi) \tag{3.13}$$

حيث A سعة الذبذبة للحركة، ω التردد الزاوي، φ ثابت الطور وقيمة φ تعتمد على الوضع الإبتدائي والسرعة الإبتدائية للمتذبذب. ويمكن استخدام تلك المعادلة لوصف حركة جسم يقوم بحركة . Period الدورى للحركة Period بسيطة والزمن T الذى تستغرقه ذبذبة كاملة يسمى الزمن الدورى للحركة

$$T = \frac{2\pi}{\omega} \tag{4.13}$$

ومقلوب الزمن الدوري هو التردد frequency وهو يساوي عدد الذبذبات في الثانية.

والسرعة والعجلة للمتذبذب التوافقي البسيط هي

$$v = \frac{dx}{dt} = -\omega A \sin(\omega t + \phi)$$
 (7.13)

$$a = \frac{dv}{dt} = -\omega^2 A \cos(\omega t + \phi)$$
 (8.13)

$$v = \pm \omega \sqrt{A^2 - x^2}$$
 (23.13)

إذن السرعة القصوى هي A ω والعجلة القصوى $A^2 A$. والسرعة تساوى صفر عندما يكون المتذبذب عند نقطة العودة (النقطة التي يغير فيها المتذبذب اتجاهه) x = ± A ، وتكون أكبر ما يمكن عندما يكون المتذبذب عند نقطة الإتزان x = 0. وقيمة العجلة تكون أكبر مابمكن عندما يكون المتذبذب عند نقطة العودة وصفر عند نقطة الإتزان. ويمكنك أن تعرف مقدار السرعة والعجلة للمتذبذب في أي لحظة إذا 546) عرفت السعة والتردد الزاوي وثابت الطور.

and the second

حالة منظومة مكونة من مكعب وزنبرك تتحرك حركة توافقية بسيطة على سطح أملس بزمن .

$$T = \frac{2\pi}{2\pi} = 2\pi \sqrt{\frac{m}{\pi}}$$
 (18.13)

طاقة الوضع وطاقة الحركة لمتذبذب يقوم بحركة توافقية بسيطة تتغير مع الزمن وتعطى بالمعادلة

$$K = \frac{1}{2} mv^2 = \frac{1}{2} m\omega^2 A^2 \sin^2(\omega t + \phi)$$
 (20.13)

$$U = \frac{1}{2}kx^2 = \frac{1}{2}kA^2\cos^2(\omega t + \phi)$$
 (21.13)

وهذه المعادلات تمكنك من تحليل العديد من حالات التذبذب. وتأكد من الطريقة التي تدخل بها الله الحسم وثابت الزنبرك في الحسابات.

- الطاقة الكلية للمتذَّبذُّب التوافقي البسيط مقدار ثابت ويعطى بالمعادلة

$$E = \frac{1}{2} kA^2 \tag{22.13}$$

- وطاقة الوضع تكون أكبر ما يمكن عندما يكون المتذبذب عند نقطة العودة وتساوي صفر عندما ١٠ون المتذبذب عند نقطة الإنزان.

وطافة الحركة تساوي صفر عند نقطة العودة وأكبر ما يمكن عند نقطة الإتزان. ويمكن حساب كل من النوعين في أي لحظة (f).

– البندول البسيط الذي طوله بساوي L يتحرك حركة توافقية بسيطة. بالنسبة للإزاحة الزاوية السفيرة في المستوى العمودي يكون زمنه الدوري

$$T = 2\pi \sqrt{\frac{L}{g}}$$
 (26.13)

بالنسبة للإزاحة الزاوية الصغيرة في المستوى العمودي. البندول الفيزيائي يتحرك حركة توافقية ···.يطة حول نقطة التعليق التي لا تمر بمركز الكتلة. والزمن الدوري في هذه الحالة

$$T = 2\pi \sqrt{\frac{I}{mgd}}$$
(28.13)

حيث I عزم القصور الذاتي حول محور يمر بُنقطة التعليق، له هي المسافة من نقطة التعليق إلى - ركز الكتلة، ويجب أن نميز بين متى نستخدم معادلة البندول البسيط ومتى يعتبر النظام بندول
- ريانى.

الحركة الدائرية المنتظمة يمكن اعتبارها حركتين توافقيتين معا واحدة على امتداد المحور السيني x والأخرى على امتداد المحور y م إختارف في الطور بينهما قدره y .

OUESTIONS اسئلة

- 1 هل نُطِّ bouncing الكرة المتكرر يعتبر حركة توافقية بسيطة؟ وهل حركة التلميذ اليومية من المنزل إلى المدرسة ومن المدرسة إلى المنزل حركة توافقية بسيطة؟ لماذا نعم ولماذا لا؟
- 2 إذا كانت إحداثيات جسم تتغير تبعا للمعادلة $x = -A \cos \omega t$ مـــا هو ثابت الطور في معادلة 3.13 . عند أي وضع يبدأ الجسم حركته
- t=0 وزمن t=0 وزمن متذبذب بين t=0لاحق 1 من الضروري أن تكون مساوية لوضع الجسم عند الزمن t وضح.
- 4 حدد ما إذا كانت الكميات التالية يمكن أن تكون في نفس الإتجاه بالنسبة للمتذبذب التوافقي البسيط(a) الإزاحة والسرعة (b) السرعة والعجلة (c) الإزاحة والعجلة.
- 5 هل يمكن تعيين السعة A وثابت الطور \$ لمتذبذب إذا أمكن تحديد المكان عند زمن t = 0 وضع.
- 6 صف كيفيا حركة نظام مكون من كتلة وزنبرك إذا لم تكن كتلة الزنبرك غير مهملة؟
- 7 ارسم رسما بيانيا يبين طاقة الوضع لمكعب $U = \frac{1}{2} ky^2 + mgy$ ساکن معلق من زنبرك لماذا الجزء السفلي من المنحنى ينحني للخارج عن نقطة الأصل.
- 8 منظومة مكونة من زنيرك ومكعب تقوم بحركة توافقية بسيطة سعتها A. هل تتغير الطاقية الكليبة إذا تضاعفت الكتلة ولكن السعة لم تتغير؟ هل طاقة الحركة وطاقة الوضع يعتمدان على الكتلة؟

- 9 ماذا يحدث للزمن الدوري للبندول البسيط، إذا تضاعف طول البندول؟
- وماذا يحدث للزمن الدورى إذا تضاعفت الكتلة المعلقة في طرف البندول.

- 10 بندول بسيط معلق من سقف مصعد واقف وتم تعيين الزمن الدورى أوصف التغيرات، إن وجدت في الزمن الدوري عندما يقوم المصعد بالتالي (a) يتسارع إلى أعلى (b) يتسارع إلى · · أسفل (c) يتحرك بسرعة ثابته.
 - 11 بندول بسيط يقوم بحركة توافقية بسيطة عندما تكون θ صغيرة فهل تكون الحركة دورية إذا زادت الزاوية 0.
 - 12 هل يحدث تضاؤل للذبذبات عند أي قيم لـ k, b وضح ذلك؟
 - [13] هل من المكن حدوث تضاؤل للذبذبات عندما يكون النظام في حالة رنين؟ وضح ذلك؟
 - 14- في حالة الرئين ما مقدار ثابت الطور في معادلة 36.13 (ملحوظة قارن هذه المعادلة بمعادلة القوة الدافعة التي يجب أن تكون متحدة الطور مع السرعة عند الرنين.
 - 15- إذا كانت ساعة ذات بندول تؤخر في الوقت، كيف يمكن ضبط طول البندول لتصحيح الوقت.
 - 16 كرة بندول عبارة عن كرة مملوءة بالماء. ماذا يحدث لتردد الذبذبة لهذا البندول إذا كان بالكرة ثقب جعل الماء بتبخر منها سطئ.

= الحل كامل متاح في المرشد.

PROBLEMS JUL -- ...

1، 2، 3 = مسائل میاشرة، متوسطة، تحدی

Http:// www. sanunderscollege. com/ physics/ = الحل موجود في: /WEB

= فيزياء تفاعلية = الحاسب الآلي مفيد في حل المسائل = أزواج رقمية/ باستخدام الرموز

القسم 1.13 الحركة التوافقية البسيطة

| 1 | إزاحة جسيم عند t=0.25 s تعطى بالعلاقة

x حـــــــ x = (4.om) cos(3.o π t + π) بالمتر و t بالثواني إحسب (a) التردد والزمن الدورى (b) سعة الحركة (c) ثابت الطور . t = 0.25 s إزاحة الجسيم عند (d)

- 2 سيقطت كيرة من ارتفاع 4.00 تصطدم بالأرض تصادماً مرناً إذا فرضنا أنها لم تفقد أي طاقة بسبب مقاومة الهواء (a) بين أن الحركة ترددية (b) حدد الزمن الدوري للحركة (c) هل الحركة توافقية بسيطة؟ علل.
- جسیم بتحرك فی حركة توافقیة بسیطة بتردد 3.00 ذبذبة في الثانية وسعة الذبذبة a) 5.0 cm) ما هي المسافة الكليسة التي يتحركها الجسيم خلال دورة واحدة؟ (b) ما هى السرعة القصوى؟ أين يحدث ذلك؟ (c) احسب أكبر عجلة للجسيم، عند أي جزء من الحركة يحدث الحد الأعلى للعجلة؟
 - ا في آلة، بستن يتذبذب في حركة توافقية بسيطة بحيث تتغير إزاحته طبقا للمعادلة (a) $x = (5.0 \text{ cm}) \cos(2t + \pi/6)$ إزاحة الجسيم (b) سرعته (c) عجلته (d) ر بير أوجد الزمن الدوري والسعة للحركة.
- | 5| جسيم يتحرك على المحور x في حركة

توافقية بسيطة وبدأ من نقطة الاتزان. نقطة الأصل عند t=0 ويتحرك نحو اليمن. سعة الحركة 2.0 cm والتردد a) 1.5 Hz إثبت أن إزاحة الجسيم تعطى بالمادلة (b) عـــــين x= (2.00 cm) sin(3.00πt) السرعة القصوى وأول زمن t > 0 يصل فيه الجسيم إلى تلك السرعة (c) العجلة القصوى وأول زمن t > 0 يصل فيه الجسيم إلى تلك العجلة (d) المسافة الكلية التي يقطعها الجسيم في الفترة الزمنية بين 0=1 t = 1.0s

6- الوضع الأول والسرعة الأولى لجسم يتحرك v_i, x_i في حركة توافقية بسيطة هما والتسردد الزاوى للذبذبة هو ω (a) بين أن الوضع والسرعة للجسم لجميع الأزمنة يعبر عنها بالعلاقة الآتية

$$x(t) = x_i \cos \omega t + \left(\frac{v_i}{\omega}\right) \sin \omega t$$

 $v(t) = x_i \omega \sin \omega t + v_i \cos \omega t$

القسم 2.13 عودة إلى الكعب والزنبرك

ملحوظة: إهمل كتلة الزنبرك في جميع مسائل هذا القسم

7- زنيرك له استطالة قيدرها 3.0 cm عندما تعلق به كتلة مقدارها g 10.0 . إذا علقت به كتلة مقدارها 25.0g فإنه يتذبذب في حركة توافقية بسيطة. أحسب الزمن الدورى للذبذبة

- 8- متذبذب توافقي بسيط يستغرق 12.08 لكي يصنع خمس دورات كاملة أوجد (a) الزمن الدوري لهذه الحركة (b) التردد بالهرتز(c) التردد الزاوي بالريديان لكل ثانية.
- وا كتلة مقدارها 9.50 معلقة من زنبرك ثابت قوته 8.0 N/m ويتذبيب في حركة توافقية بسيطة، وسعة النبذبة 10.0 cm الحد الأقصى للسرعة والعجلة 6.0 cm والعجلة عندما تكون الكتلة على بعد 10.0 من وضع الاتزان 10.0 10.0 من وضع الاتزان 10.0 من الملازم لكي نتحرك الكتلة من 10.0 10.0 10.0
- 10- كتلة مقدارها 25.0 ملقة من زنبرك ثابت القوة له 25.0 N/m منتوى القوة له القوة له 25.0 N/m منتوى الفقية الفقية الملسى عند الزمن 0 = 1. تركمت الكتلة لتتدبيد من وضيح السكون عند مسافة لتتدبيد من وضيح السكون عند مسافة بعقدار 3.0 cm (أ) الرنبسرك ينضيغدار 3.0 (0 المرزي المرزي المرزي المرزي المرزي المرزي المرزي المرتمة (أ) أكبر عجلة وسرعة (0) الإزاحة والسجعة والمجلة كدالة في الزمن.
- 11 كتلة مقدارها 7.0 kg معلقة من النهاية السفلى لزنيرك مثبت في قضيب أفقي، أخذت الكتلة تتذبذب رأسيا وفترة الذبذبة كانت 26.5، أوجد ثابت القوة للزنيرك.
- 12- كتلة مجهولة المقدار معلقة من زنبرك ثابت القوة له 6.5 N/m ويقوم بصركة توافقية بسيطة نبنية 10.0 m ما كانت الكتلة في منتصف المسافة بين وضع الاتزان ووضع النهاية . قيست السرصة ووجدب تساوي 30.0 cm (م) الزمن الدوري للحركة (م) الحد الأعلى لعجلة الكتلة .
- 13- جسيم معلق من زنبرك يتذبذب بتردد زاوي 2.0 rad/s والمنظومية المكونة من الزنبرك والجسيم معلقة من السقف في مصعد في حالة سكون (بالنسية لكابينة

- المسعد)، عندما كان المسعد يهبط بسرعة ثابتة مقدارها 1.50m/s . توقف المسعد بعد ذلك فجأة (a) ما هي سعة الذبذبة للجسيم؟ (b) ما هي معادلة الحركة للجسيم (اعتبر الاتجاء لأعلى هو الاتجاء الموجب).؟
- - 15- كتلة مقدارها 1.0kg معلقة من زنبرك افقي. الزنبرك مشدود في البداية بمقدار 0.10m الزنبرك مشدود في البداية بمقدار والكتلة تحركت من حالة السكون في هذا الموضع واصلت الحركة بدون احتكاك بعد 0.50s وصلت سرعة الكتلة إلى الصفر. ما مقدار الحد الأعلى لسرعة الكتلة.

قسم 3.13 طاقة المتذبذب التوافقي البسيط

(اهمل كتلة الزنبرك في جميع مسائل هذا القسم)

- 16- كتلة متدارها 200g مسلقة في زنبرك وتقوم بحركة توافقية بسيطة زمنها الدوري مقداره 2025. إذا كانت الطاقة الكلية للمنظومة تساوي 2001 أوجد (a) ثابت القوة للزنبرك و (b) سعة الذبذية.
- 17 سيارة كتلتها 1000kg اصطدمت بحائطاً من الطوب في أحد اختبارات الأمان. واقي الطوب في أحد اختبارات الأمان. واقي الصدات بالسيارة يعمل كزنبرك ثابت القوة له 106 xm أو 100 من مناسبات المسابقة المسكون. مقددا صارت السيارة في حالة سكون. مقدار سرعة السيارة قبل التصادم؟ بغرض عدم فقدان طاقة أثناء التصادم مع الحائطا.

۱۸ منظومة مكونة من كتلة وزنبرك تتذبذب سمعة 3.5 cm إذا كيان ثابت الزنبرك 250N/m والكتلة مقدارها 0.50 kg احسب (a) الطاقة الميكانيكية للنظام (b) السرعة القصوى للكتلة (c) العجلة القصوى.

A month of the second

- 19 كىتلة وزنها 50.0g معلقة في زنبرك ثابت القوة له 35.0N يتذبذب على سطح أملس أفقى بسعة ذبذية 4.0 cm أوحد (a) الطاقة الكلية للمنظومة (b) سرعة الكتلة عندما تكون الإزاحة 1.0 cm) طاقة الحركة (d) طاقة الوضع عندما تكون الإزاحة 3.0 cm.
- 20 كتلة مقدارها 2 kg معلقة في زنبرك وموضوعة على منضدة ملساء أفقية. تستخدم قوة مقدارها 20.0 N لكي تبقي على الكتلة في حالة سكون عندما يحدث للزنبيرك شيد ميقيداره 0.20 m من وضع الاتزان (نقطة الأصل على المحصور x). إنطلقت الكتلة من حالة سكون بإزاحة ابتدائية x; =0.20m وبعد ذلك أخذت تقوم بحركة توافقية بسيطة أوجد (a) ثابت القوة للزنبرك (b) تردد الذبذبات (c) السرعة القصوى للكتلة وأين تحدث هذه السرعة القصوى؟ (d) أوجد العجلة القصوى للكتلة وأين تحدث؟ (e) أوجد الطاقة الكلية للنظام المتدىدى.
- اوجد (f) السرعة (g) العجلة عندما تصل الازاحة إلى 1/4 القيمة العظمى لها.
- || 21 مقدارها 1.5kg في حالة سكون فوق منضدة متصلة بزنبرك أفقى ثابت القوة له 19.6 N/m ، الزنبرك غير مشدود في البداية. أثرت على الجسم قوة أفقية ثابتة مقدارها 20.0N أدت إلى شد الزنبرك (a) عين سرعة الكتلة بعد أن تتحرك لمسافة 0.30m من وضع الإتزان باعتبار أن سطح

- المنضدة أملس (b) أحب عن الحزء (a) عندما يكون للسطح معامل احتكاك كيناتيكي 0.20 بين الكتلة وسطح المنضدة.
- 22- قد تضاعفت سعة حركة توافقية بسيطة يقوم بها نظام عين التغيير في (a) الطاقة الكلية (b) السرعة القصوى (c) العجلة القصوى و (d) الزمن الدورى.
- 23 جسيم يتحرك حركة توافقية بسيطة بسعة مقدارها 3.0 cm عند أي إزاحة من منتصف حركته تكون سرعته نصف السرعة القصوى؟
- 3.24 N/m فوة علقة في زنبرك له ثابت قوة 3.24 N/m يتذبذب ويتحدد موضعه x بالعلاقة

 $x = (5.0 \text{ cm}) \cos (3.6 \text{t rad/s})$

خـلال الدورة الأولى عند الزمن 0 < 1.75s > t متى تتغير طاقة الوضع للنظام بأكبر سرعة إلى طاقة حركة؟ (b) ما هو أكبر معدل لتغير الطاقة؟

قسم 4.13 البندول

- 25- دخل رجل إلى برج مرتفع ليعرف ارتفاعه فوجد بندول معلق من السقف ويصل تقريبا إلى سطح الأرض ووجد أن زمنه الدوري a) 12.0 s) ما ارتفاع البرج (b) إذا ما تذبذب هذا البندول فوق سطح القمر حيث عجلة الجاذبية 1.67 m/s² ما مقدار زمنه الدوري هناك.
- 26- بندول " الثانية" هو بندول بمر ينقطة اتزان مرة كل ثانية (الزمن الدورى لهذا البندول 2.0s) وطول بندول الثانية هو 0.9927m في طوكيو و 0.9942m في كا مبردج بانجلترا ما هي عجلة الجاذبية الأرضية عند هاتين المدينتين؟
- 27- إطار من الصلب فوق تقاطع طرق يحمل إشارات ضوئية مرورية كل منها معلق مباشرة (551

أسفل الإطار، هبت عناصفة فنجعات الإشارات تتذبذب في مستوى عمودي. احسب مقدار الزمن الدوري، أذكر الكميات التي استخدمتها كمدخلات وقيمتها.

18-الإزاحة الزاوية لبندول يعبر عنها بالعلاقة 0-(0.320 rad) 0-(0.300 rad) 0-(0.300 rad) 0-(0.30 rad)

29 بندول بسيط كتاته 0.25kg وطوله 0.10 ازيح حلال زاوية 15.0° ثم ترك. ما مقدار (a) السيعة التراوية التصوى (b) العجلة الزاوية القصوى (c) أكبر قوة إرجاع.

30- بندول بسيط طوله n.0.0 ما مقدار الزمن الدوري للحركة التوافقية البسيطة لهذا البندول. إذا كان معلقا من سقف مصعد يتسارع إلى اعلى بعجلة 5.0 m/s (5.0 m/s) مقدار الزمن الدوري إذا كان المسعد يتسارع إلى أسفل بعجلة (c) on m/s (b) ما مقدار الزمس الدوري إذا وضسع هذا البندول الزمسات الدوري إذا وضسع هذا البندول في شاحنة تتسارع افقيا بعجلة قدرها 5.0 m/s (5.0 m/s)

 $\overline{\mathbf{U}}$ جسيم كتلته \mathbf{m} ينزلق دون احتكاك داخل سلطانية نصف دائرية نصف قطرها \mathbf{R} . بين انه إذا ابتــدات من وضع السكون وازيحت قيــلا من وضع الإنزان فيان الجسم يتحــرك حركة توافقية بسيطة بتردد زاوي يســاوي تردد بندول بسيط طوله \mathbf{R} \mathbf{N} \mathbf{y} \mathbf{E}

27 - كتلة معلقة في نهاية خيط لتكون بندول بسيط. الزمن الدوري لحركته التوافقية مقاسة لإزاحة زاوية صغيرة ولثلاث أطوال مختلفة. في كل حالة قيس الزمن اللازم لحدوث 50 ذينبة لطول m 0.1 و 0.55 m (0.55 m للورل من الدوري لكل من الأطوال الشيلانة (0) عين الدوري لكل من الاطوال الشيلانة (0) عين صقيدار ع التي

حصلت عليها من تلك القياسات المنفصلة وقراريها بالقريمة المسترف بها (9) إرسم الملاقة بين T والطول L. ثم احسب مقدار 8 من ميل الخطأ السلقيم الذي يحقق النقط الملية قارن القيمة التي تحصل عليها من الرسم بالقيمة التي حصلت عليها في (0)

- 33 بندول فيبزيائي عبارة عن جسم سطحه مستو يتحرك في حركة توافقية سيطة بنبنية قدره J. 0.450 اذا كانت كتلة البندول 2.200 من محركز الكتلة، عين عنر بعد الدائن للبندول.
- 34- قضيب خفيف جدا ومصمت طوله 0.50m يمتد على استقامة مسطرة طولها متر. علقت المسطرة من محور عند الطرف البعيد عن القضيب وجعلت تتذبذب (a) عبن الزمن الدوري للنبذية (b) ما مقدار النسبة المثوية للفرق بينه وبين بندول بسيط طوله 1.00m.
- 35- سناخذ حالة البندول في شكل 13.13a إذا كان I_{CM} هو عزم قصوره الذاتي حول محور يمر في مـركـز كتلته وموازي المـحـور المار بنقطة تعليقه، بين أن الزمن الدوري له هو

$$T = 2\pi \sqrt{\frac{I_{CM} + md^2}{med}}$$

حيث d هي المسافة بين نقطة التعليق ومركز الكتلة (b) بين أن مسقسدار الزمن الدوري يصبح أقل ما يمكن عندما تحقق d العلاقة $d^2 = I_{\rm CM}$

- 36 بندول التـواء يتكون من سلك مـربوط في مركز مسطرة طولها متر وكتلتها 2.0 kg كان الزمـن الدوري لهذه المنظـومة يساوي 3.0 min ما مقدار ثابت الإلتواء لهذا السلك.
- clock balance عبدان في ساعة 37 عبداة ميزان في ساعة ،wheel زمن ذبذبته 20.25s

الفصل الثالث عشره الحركة الترددية

بحيث أن 20.0 g من الكتلة مركزه حول حافة نصف قطرها 0.05cm ما مقدار (a) عزم القصور الذاتي للعجلة (b) ثابت الإلتواء للزنبرك المتصل بعجلة الميزان.

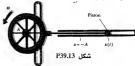
القسم 5.13 مقارنة الحركة التوافقية البسيطة بالحركة الدائرية المنتظمة

38 - إطار سيارة تسير سبرعة 3.0m/s وبالقرب من حافة الإطار يوجد انتفاخ نصف دائري كما هو ميين في شكل (P38.13) (a) بين من وجهة نظرك لماذا يقوم هذا الإنتفاخ بحركة توافقية بسيطة (b) إذا كان نصف قطر الإطار 0.30m كم يكون النزمن الدوري لذبذبة هذا الانتفاخ.



شكل P38.13

93. - في شكل (P39.13) آلة ذات بسيان Piston واحد عندما تدور العجلة بسرعة زاوية ثابتة، وضح لماذا يتذبذب قضيب البستن في حركة توافقية بسيطة.



الاختياري قسم 6.13

40 - بين أن معدل تغيير الطافة الميكانيكية

لتذبذب ذبذبته متضائلة تعطى بالمعادلة

ومن ثم فهي دائما سالبة (نبده، فاضل العلاقة الخاصة بالطاقة الميكانيكية $E = \frac{1}{2}mv^2 + \frac{1}{2}kx^2$ easy that $E = \frac{1}{2}mv^2 + \frac{1}{2}kx^2$ واستخدم المعادلة 32.13).

- 41 بندول طوله 1.0m بدأ يتـــذبذب وهو عند زاوية °15.0 وبعد 1000s سلعة ذبذبته تناقصت بفعل الاحتكاك إلى °5.5 ما مقدار 5 b/2m
- 42 بين أن العلاقة 33.13 هي حل لمعادلة 13,22 باعتبار أن b² < 4mk .

اختياري، قسم 7.13 الذبذبة القسرية

- 43 كتلة مقدارها 2.0kg معلقة من زنيرك تتلقى $F=(3.0N)\cos(2\pi t)$ دفعا بواسطة قوة خارجية اذا كان ثابت القوة للزنبرك هو 20.0 N/m عين (a) الزمن الدوري (b) سعمة الذبذبة (ملحوظة. بفرض عدم وجود تضاؤل أي أن b=0 واستخدم معادلة (13.37).
- (b=0) بن (b=0) بن اعتبار متذبذب غیر متضائل أن معادلة 13.36 هي حل لمعادلة 13.35 وسعة الذبذية معطاة بمعادلة 13.37
- 45 كتلة وزنها 40.0N معلقة من زندرك ثابت القوة له 200N/m والنظام غير متضائل ويتأثر بقوة توافقية ترددها 10.0 Hz، تؤدى إلى حركة قسرية سعتها 2.0 cm . عين الحد الأعلى للقوة.
- 46 كتلة 0.15 kg معلقة من زنبرك خفيف غير متضائل الذبذبة ثابت قوته 6.3 N/m والمنظومة تتأثر بقوة متذبذبة مقدارها I.7 N، كم يكون تردد الكتلة تحت تأثير تلك الشوة، وسعة الذبذبة للمنظومة 0.440 m.

مسائل إضافية

- 47 سيارة بها وسائل لامتصاص الصدمات shock absorbers التها سيئة ولذلك فهي تتذبذب لأعلى وأسغل بزمن دوري 8.1 بعد أن اصطدمت بعائق وكتلة السيارة 1500kg ومزودة بأربع سست Springs لكل منها ثابت قد لا محسب مقدار 4.
- 48 راكب وزنه 150kg يجلس في منتصف السيارة السابقة في المسألة47، كم يكون الزمن الدورى الجديد؟
- 51 49 كتلة مصمته M معلقة من نهاية قضيب منتظم له نفس الكتلة M وطوله L ومعلق من نهايته العليا كما هي شكل (P51.130) (a) عين الشحد في القضيب عند نقطة التعليق وعند التقطة P 2 عندما يكون النظام ساكنا (b) احسسب الزمن الدوري للإزاحسات الصحيحية من وضع الانزان وعين الزمن الدوري عندما تكون D 1 الحديد في وضع الانزان وعين الزمن الدوري عندما تكون D 2 عندما تكون D 1 الدوري عندما تكون D 2 عندما تكون D

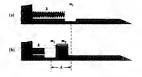
(نبذة. إفترض أن الكتلة عند نهاية القضيب عبارة عن نقطة واستخدم المعادلة 28.13).

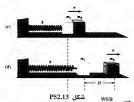


شكل P51.13

50 - كتلة مقدارها m₁=9.0 kg في حالة انزان عندما تكون معلقة بزنبرك خفيف ثابته تكون معلقة مثبت عندما تكون معلقة برنبرك خفيف ثابته في شكل (P52.13a). كتلة ثانية m₂=7.0 kg ضغطت مع الكتلة m and ادن إلى ضغط الزنبسرك بمقسدار A=0.20m انظر شكل

لاكتاتان الحركة نصو الهميد ذلك وبدات الكتاتان الحركة نصو الهمين على السطح الأتنان الحركة نصو الهمين على السطح الأمنان (8) عندما تصل $_{\rm IM}$ لوضع الإتزان تفقيد $_{\rm IM}$ $_{$





 $\frac{1}{2}$ [3] [35] كنلة كبيرة q تقوم بحركة توافقية بسيطة افقيا واشاء انزلاقها على سطح أملس بتردد $\frac{1}{2}$ [5]. الكنلة B استقرت فوق q كيما في شكل (73.13) ومعـامل الاحتـاكاك الإستـانيكي بين الانسـين هـو الاحتـاكاك الإستـانيكي بين الانسـين هـو 0.60 $\mu_{\rm s}$ 0.60 النبذية التي يمكن أن تكون للمنظومـة إذا الكندية التي يمكن أن تكون للمنظومـة إذا الكتلة q لاترلاق.



شكل P53.13

- 52 كتلة كبيرة P تقوم بحركة توافقية سيطة عندما تنزلق على سطح أماس بتردداً . كتلة B تستقر فوق P كما في شكل (P53.13). ومعامل الإحتكاك الإستاتيكي بين الإثنين هو μ_s ما مقدار أقصى سعة للذبذبة يمكن أن تكون للمنظومة؛ إذا كانت الكتلة العليا لاتنزلق؟
- 53 كتلة جزئ الديتريم D₂ هي ضعف جزئ الهيدروجين((H₂) إذا كان تردد الذبذبة لله يدروجين H2 هو f= 1.30x1014 Hz ما مقدار تردد الذبذبة للديتريم D₂. افترض ان 'ثابت الزنبرك' لقوى التجاذب له نفس القدار بالنسبة للجزيئين.
- R كتلة مصمتة على شكل كرة نصف قطرها R تتدحرج دون انزلاق في حوض اسطواني نصف قطره SR كـمـا في شكل (P56.13) بين أنه للإزاحات الصغيرة من وضع الإتزان عموديا على طول الحوض، تقوم الكرة بحركة

 $T=2\pi$ توافقیة بسیطة بزمن دوري

شكل P56.13

55 حاوية مكعبة خفيفة حجمها a³ امتلأت في البداية بسائل كثافته ρ، والحاوية معلقة من خيط خفيف لتكون بندولا طوله L_i مقاسة

من مركز الكتلة للحاوية المتلئة. ترك السائل ليتسرب من قاع الحاوية بمعدل ثابت (dM/dt). عند أي زمن t يكون مــســـــوي السائل في الحاوية h وطول البندول ال (مقاس من مركز الكتلة اللحظى) (a) إرسم الجهاز وضع علامات عند الأبعاد وضع علامات (b) أوجد المعدل الزمني لتغير الزمن الدوري كدالة في الزمن t

- (c) أوجد الزمن الدورى كدالة في الزمن.
- 56 [59] بندول طوله L معلق به كتلة M. زنبرك ثابت القوة له k مثبت على مسافة h أسفل نقطة تعليق البندول كما في شكل(P59.13). أوحد تردد الذبذبة للنظام لسبعة صغيرة(θ صغيرة) (إعتبر أن البندول الذي طوله L مصمت إلا أن كتلته مهملة).



شكل P59.13

L - 60 - 60 - لوح من الخشب كتلته m وطوله L معلق من أحد طرفيه والطرف الآخر للوح k شكل القبوة له k شكل يرتكز على زنبرك ثابت (P60.13)، عزم القصور الذاتي للوح حول نقطة التعليق هو $(1/3 mL^2)$ بين أن اللوح عندما يزاح بزاوية θ (صغيرة) من وضع الاتزان الأفقى وينطلق فأنه يتحرك حركة $\omega = \sqrt{3k/m}$ وافقیة بسیطهٔ ذات تردد زاوی (b) قــدر التـردد إذا كـانت الكتلة 5.0kg والزنيرك له ثابت القوة N/m 100 N.



شكا، P60.13

58 - زئيسرك خنفيف له ثابت القسوة 100N/m متصل بحائط رأسي من أحد طرفيك وفي طرفة الآخر مثبت خيط رفيع، والخيط يتغير وفيع، والخيطة يتغير أوفيع، والخيطة يتغير الرأسي عندما يعرف أوقي بكرة مصمئة قطرها 200 حرة الدوران على محور ثابت أملس، الجيزة والخيط لايزلق عند تلامسه مع البكرة، والخيط لايزلق عند تلامسه مع البكرة، أوجد تودد الذبذية، إذا كانت كتلة البكرة(ش) مهلة (d) 250g (270g) 750g (e).

 (b) ما مقدار الشد في الزنبرك أثناء تسارع كابينة المصعد؟

 ما مقدار سعة الذبذبة وزاوية الطور الابتدائية التي يلاحظها راكب المصعد؟ اعتبر الاتجاه إلى أعلى موجباً.

أندول بسيط طوله 2.23 وكتلته 6.74 أيندول بسيط طوله 2.08 وكتلته 2.06 m/s غند kg غطي المحتوية المحتوي

mمعلقة في زنبرك كتلته M معلقة في زنبرك كتلته M ويتذبذب في حركة توافقية بسيطة على

سطح مسار املس أفشي شكل (P66.13) وطوله في حالة ثابت القدوة للزنيسرك x وطوله في حالة الاتزام y. وأوجد (x) طاقة الحركة للنظام عندما يكون الكتلة سرحية x (y) الزنين الدوري للذينية (افشرض أن جميع أجزاء الزنيرك تتذبذب بطور واحد وأن سرعة جزاء من من الملرف x من اللسافة x من الطرف كلة جزء من الزنيرك x (x) y ولاحظ كذلك ألله خلس x من الزنيرك x



w شکل P66.13 wi



شكل P67.13

63 $\overline{68}$ عندما تعلق كتلة \overline{M} من نهاية زنبرك كتلته \overline{m}_s تساوي \overline{n}_s وثابت قوته \overline{n}_s وثبدأ في حركة توافقية بسيطة زمنها الدوري

 $T = 2\pi \sqrt{\frac{M + (m_s/3)}{k}}$

اجریت تجربه من جزیئین باستخدام کتل مختلفه معلقه رأسیا من الزنبرك کما یری في شكل (258.13.a) فيست استطالة استایکه مقادیرها



شكل (P58.13 (a)

47.1, 41.3, 35.3, 29.3, 17.0, 19.3 بالنسبية للكثل 20.0, 70.0, 60.0, 50.0, 40.0, 20.0 جرام على الترتيب، ارسم منحنى للكميتين mg مع x وبواسطة ظريقسة أقل المربعسات أرسم أضضل منحنى يمر بتلك النقط. ومن ميل المنحني إحسب مقدار k لهذا الزنيرك (b) بدأت المنظومة تقوم بحركة توافقية بسيطة وقيس الزمن الدورى للذبذبة بواسطة ساعة إيقاف باستخدام الكتلة M=80 g . وجد الزمن الكلى لعشر ذبذبات مساويا 13.41s . كررت التجربة بكتل M مقدارها 70,0,60.0,50.0,40.0,20.0 والزمن الكلى المقابل لها لعشر ذبذبات هو . 12.52 , 11.67 , 10.67 , 9.62 , 7.03 ثانية . احسب مقدار الزمن الدوري T من النتائج T^{2} العملية لكل تجرية وارسم العلاقة بين M واحسب مقدار k من ميل المنحنى المرسوم باستخدام طريقة أقل المربعات للقيم العملية. قارن بين مقدار k التي تحصل عليها بمقدار k الذي سبق حسائها في (c). (a) احسب مقدار,m من المنحنى وقارنه بالمقدار المعطى لك وهو 7.4g

69 (64) قرص صغير رفيع نصف قطره r وكتلته m ملتميق بسطح قرص آخر رفيع نصف فطره R وكتلته M كما هو واضح من شكل (69.13) مركز القرص الصغير يقح على حافة القرص الكبير ، والقرص الكبير ملق من مركزه بمحور أماس، والمنظومة أزيحت

بزاوية صغيرة θ من وضع الاتزان ثم أطلقت (a) بين أن سرعة مركز القرص الصغير عندما يمر بوضع الاتزان هي

$$v = 2 \left[\frac{Rg(1 - \cos \theta)}{(M/m) + (r/R)^2 + 2} \right]^{1/2}$$

Let $\frac{1}{2}$

Let $\frac{1$

$$T = 2\pi \left[\frac{(M + 2m)R^2 + mr^2}{2mgR} \right]^{1/2}$$

شكل P69.13

65 - اعتبر أن المتذبذب المتضائل الذبذبة المبين في شكل (19.13) بف رض أن الكتلة تساوىg 375 ، ثابت الزنبـرك N/m وa) b=0.10 kg/s) كم من الزمن يلزم حــتى يهبط مقدار سعة الذبذية إلى النصف من قيمتها الإبتدائية؟ (b) كم من الوقت يلزم لكي تهبط الطاقة الميكانيكية إلى نصف قيمتها الإبتدائية؟ (c) بين أنه بصفة عامة المعدل الجزئي الذي تتناقص به السعة في حركة متضائلة لمتذبذب هي نصف المعدل الجزئي الذى تتناقص به الطاقة الميكانيكية للمتذبذب. 66 - كتلة m متصلة بزنبركين لهما ثابت قوة ,66 و k كما هو موضح في شكل (P17.13a,b) في كل حالة من الحالتين تتحرك الكتلة على منضدة ملساء وتزاح من حالة الاتزان ثم تنطلق بين أنه في الحالتين تقوم الكتلة بحركة

(a)
$$T = 2\pi \sqrt{\frac{m(k_1 + k_2)}{k_1 k_2}}$$

توافقية بسيطة بزمن دورى

(a)
$$T = 2\pi \sqrt{\frac{m}{k_1 + k_2}}$$



SAMPLE WELL

شكل P71.13 a&b

اجابة الاختبارات السريعة: ANSWERS TO QUICK QUIZZES

(1.13) حيث إن A لايمكن أن تساوى صفر، \$ لابد وأن تكون لها أي مقدار ينتج عن دالة جيب التمام التي تساوي صفراً عند 0 =t أى أنه φ= cos -1 0 وهذا يكون صحيحاً عند $\phi=\pi/2$ أو $\pi/2$ أو بصفة عامة عدد صحیح فردی $\phi = \pm n \pi/2$ وليس صفر. إذا أردنا أن نقصر اختبارنا لـ على القيم بين صفر و 2π نحتاج أن نعلم إذا كان الجسم يتحرك إلى اليمين أو إلى اليسبار عند 0=1. إذا كان يتحرك $v_i < 0$ وإذا كانت $\phi = 3\pi/2$ φ=π/2 اذن

4A (2.13d)، من الحد الأقصى للوضع الموجب إلى وضع الإتزان يتحرك مسافة A طبقاً لتعريف سعة الذبذبة، بعد ذلك يتحرك بعد وضع الإتزان مسافة مساوية لها إلى الحد الأقصى للوضع السالب، بعد ذلك يكرر هاتين الحركتين في الاتجاه العكسي لكي يعود إلى الوضع الأصلي، ويكمل دورةً يكون قد قطع خلالها مسافة تساوى 4A.

(3.13) لا، لأن في الحركة التوافقية البسيطة العجلة لاتكون ثابتة.

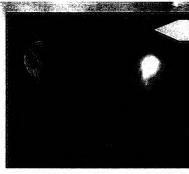
 $x = -A \sin \omega t$ $\theta A = v_i / \omega (4.13)$

(5.13) من قانون هوك ثابت الزنبرك يساوى k إذا أحللنا هذا المقدار محل k = mg/Lفي معادلة 13.18 نجد

$$T = 2\pi \sqrt{\frac{m}{k}} = 2\pi \sqrt{\frac{m}{mg/L}} = 2\pi \sqrt{\frac{L}{g}}$$

وهي نفس معادلة 13.26 التي تعطي الزمن الدوري للبندول البـــسـيط. إذن عندما يشدُّ جسم زنبركا معلق رأسياً. يكون الزمن الدورى للنظام مساوياً للزمن الدوري لبندول بسيط له طول يساوي الاستطالة الاستاتيكية للزنبرك.

(6.13) إذا كان الهدف هو توقف الإهتزاز الناتج عن امتصاص الصدمات بأسرع ما يمكن، فيتم ذلك بإحداث تضاؤل حرج في السست الخاصة بامتصاص الصدمات Shock Absorber إلا أن هذا التصميم يجعل الجلوس داخل السيارة غير مريح نتيجة لعدم ليونة السست إذا كان تضاؤل الاهتزازات أقل من التضاؤل الحرج عند إذ سيكون الجلوس في السيارة مريح إلا أنها ستهتز كثيراً. إذ أحدثت تضاؤلاً شديدافي اهتزازات السست الخاصة بامتصاص الصدمات فإن الإطارات تزاح عن مواضع إتزانها لمدة أطول مما يجب عند امتصاص الصدمة، وهو ما قد يتسبب في مخاطر للسيارة. لهذه الأسباب يقوم مصممي السيارات بتصميم أجهزة تعليق السيارة الماصة للصدمات بحيث تكون عند حد أقل قليـلاً من التـضـاؤل الحرج، وهذا يؤدي إلى امتصاص الصدمات بسرعة (مما يؤدي إلى عدم الإحساس بخشونة الطريق) ثم تعود إلى حالة الاتزان بعبد اهتيزازه واحدة أو اهتزازتين.



ع صورة محيرة

مُنذُ أكثر من 300 سنة. ذكر إسحق نيوتن أن قوة الجاذبية التي تجعل التفاحة تسقط على الأرض هي نفس القوة التي تجعل القمر يستقر في مداره، في السنين الأخيره يستخدم العلماء تلسكوب هابل لجبمع المعلومات عن قوى التجاذب التي تعمل على مسافات بعيدة كتلك التي تعمل في

مجموعة كواكب برج توروس Constellation Tourus. ما هي الخواص لجسم مثل القمر التي تحدد قوة تجاذبة نحو الأجسام الأخرى؟

> قانبون الحاذسة The Law of Gravity

والفقل والرويع هشر

ويتضمن هذا الفصل:

7.14 طاقة الوضع لجسم في مجال الجاذبية Gravitational Potential Energy 8.14 اعتبارات الطاقة في حركة الكواكب والأقمار الصناعية

Energy Considerations in Planetary and Satellite Motion 9.14 اختياري: قوة الجاذبية بين جسم ممتد وجسيم (Optional) The Gravitational Force Between an Extended Object and a Particle

10.14 اختياري، قوة الحاذبية بين جسيم وكتلة كروية (Optional) The Gravitational Force Between 559) a Particle and a Spherical Mass

1.14 قانون نبوتن للحذب العام Newton's Law of Universal Gravitation

2.14 قياس ثابت الحذب العام Measuring the Gravitational Constant

3.14 عجلة السقوط الحروقوة الحاذب Free-Fall Acceleration and the

Kepler's Laws 4.14 قوانين كبلر

Gravitational Force

5.14 قانون الحاذبية وحركة الكواكب The Law of Gravity and the Motion of Planets

6.14 مجال الحاذبية 6.14

قبل عام 1687 تجمعت معلومات كثيرة حول حركة القمر والكواكب، إلا إنه لم تكن هناك مفاهيم
صحيحة حول القوى التي تحدث تلك الحركة، في تلك السنة تمكن إسحق نيوتن من إيجاد الفتاح الذي
فتح به الباب على أسرار الكون، لقد استنتج من قانونه الأول أن هناك قوة تؤثر على القمر لأنه بيون
تلك القوة اسيتحرك القمر في مسار مستقيم بلاً من مدار يقترب من أن يكون دائرياً، لقد أرجع نيونن
تلك القوة إلى قوة الجذب التي تؤثر بها الأرض على القمر، لقد تحقق نيوتن من أن القوى المسببة في
جذب الأرض والقمر والشمس والكواكب الأخرى ليست شيئاً خاصاً بتلك النظم، لكنها نمثل جزءاً من
جاذبية عامة وكونية بين الأجسام، لقد رأى نيوتن أن نفس قوة الجاذبية التي تجمل القمر يتبع مساره
حول الأرض هي التي تتسبب في سقوط النقاحة من الشجرة، لقد عبر عن ذلك بقوله لقد استنتجت ان
التي تدور حوله، ومن ثم يمكن أن نقارن القوة التي تجمل القمر يدور في مداره، بقوة الجاذبية على
سطح الأرض سنجدهما منققان إلى حد كيره.*

في هذا الباب سندرس قانون الجاذبية وسنهتم بوصف حركة الكواكب، لأن المعلومات الفلكية تعطي
المجاداً على صحة قانون الجاذبية، وسوف نبين أن حركة الكواكب التي استتجها يوهانز كبلر Johannes
المجاد المجاد المجادبية وحفظ كمية الحركة الزاوية، بعد ذلك سنستنتج تعبيراً
عاما عن طاقة الوضع الناتجة عن الجاذبية وسنختبر طاقة حركة الكواكب والاقمار الصناعية وسننهي
هذا الباب بترضيح كيف يمكن عن طريق قانون الجاذبية تعين القوة بين جسم ممتد وجسيم.

4 الله قانون نبوتن للجذب العام

NEWTON'S LAW OF UNIVERSAL GRAVITATION

لعلك قد سمعت القول الشهور أن نيوتن بينما كان يجلس أسفل شجرة تفاح، سقطت تفاحة فوق رأسه. وهذا الحدث جعله يتصور أن من المحتمل أن تكون كل الأجسام في الكون تتجذب نحو بعضها البعض بنفس الطريقة التي انجذبت بها التفاحة نحو الأرض. قام نيوتن بتعليل النتائج الفلكية عن حركة القمر حول الأرض. ومن هذا التحليل تأكد أن قانون القرى الذي يحكم حركة الكواكب هو نفس القانون الذي تسبب في جذب التفاحة نحو الأرض. وقدكانت تلك أو ل مرة تتحد فيها الحركة الأرضية مع الحركة الأرضية،

وسوف ندرس التفاصيل الرياضية لتحليل نيوتن هي القسم 5.14 . في عام 1687 نشر نيوتن أعماله عن قانون الجاذبية هي كتابه الشهير Mathematical Principles of natural Philosophy وينص قانون نيوتن للجذب العام على أن

🛊 كل جسم في الكون يجذب كل الأجسام الأخرى بقوة تتناسب طرديا مع حاصل ضرب كتلتيهما وتتناسب عكسيا مم مريم المسافة بينهما .



إذا كان للجسمين كتلتين m_1 , m_2 وتفصلهما مسافة r فإن مقدار قوة الجذب بينهما تساوي

$$F_g = G \frac{m_1 m_2}{r^2}$$
 (1.14)

حيث G مقدار ثابت يسمى ثابت الجذب العام Universal gravitational Constant . وقد قيس عمليا، كما يلاحظ في مثال 6.6

$$G = 6.673 \times 10^{-11} \cdot Nm^2/kg^2$$
 (2.14)

والشكل الرياضي لقانون القوة في المعادلة (1.14) يسمى قانون التربيع العكسي حيث إن مقدار القوة يتغير مع مربع المسافة بين الجسمين⁽¹⁾ وسوف نرى أمثلة أخرى لهذا النوع من القوى. ويمكن التعبير عن تلك القوة في شكل متجهات بأن تعرف وحدة المتجهزا⁴ (شكل 1.14) حيث أن وحدة المتجه نتجه من الجسم 1 إلى الجسم 2. القوة المؤثرة بواسطة الجسم (1) على الجسم (2) هي

$$\mathbf{F}_{12} = -G \frac{m_1 m_2}{2} \hat{\mathbf{r}}_{12} \tag{3.14}$$

والأشارة المىالية تبين أن الجسم(2) ينجذب نحو الجسم (1) ومن ثم يجب أن تتجه القوة نحو الجسم (1). من قانون نيوتن الثالث للحركة القوة التي يؤثر بها الجسم(2) على الجسم(1) يشار إليها F_{21} وتساوي في المقدار F_{12} وفي عكس اتجاهها . أي أن هذه القوى تكون زوجا من الفعل ورد الفعل F_{21} . $F_{21}=-F_{12}$.

وهناك العديد من الخصائص في معادلة 3.14 تستحق الذكر. قوة الجذب هي قوة مجال Field Force وهي موجودة بصفة دائمة بين كل جسمين بغض النظر عن الوسط الفاصل بينهما.

حيث إن القوة تتغير مع مقلوب مربع المسافة بين الجسمين فهي لذلك تتناقص بشدة مع زيادة المسافة الفاصلة. وهو موقف مماثل لتناقص بشدة الضوء المسادر عن مصدر نقطي Point مماثل 2.14 وهناك صفة أخرى في معادلة 4.7^2 وهناك صفة أخرى في معادلة 4.7^2 وهناك متفي معادلة 4.7^2 وهناك متفي معين على شكل كرة توزيع كتلتها متماثل، على جسم آخر خارج هذا التوزيع هي نفس القوة كما لو أن الكتلة أكها لهذا التوزيع المناطقة و 4.7^2 التي توثر الكرة. فمثلا القوة 7.7^2 التي توثر بها الأرض على جسم 7.7^2 التي توثر بها الأرض على جسم كتلته 1.7^2 هرب هذا الأرض على جسم كتلته 1.7^2



شكل (1.14) قوة الجاذبية بين جسمين هي قوة جذب. وحدة المتبيء $\hat{\mathbf{r}}_1$ تتجه من الجسم (1) إلى الجسم (2) لاحظ أن $\mathbf{F}_{21} = \mathbf{F}_{1}$

x , y مقدار ثابت. والعلاقة الطردية بين y = k/x عيث x مقدار ثابت. والعلاقة الطردية بين y = k/x تكون عندما y = kx

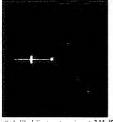
الضيرياء (الجزء الأول - الميكانيكا والديناميكا الحرارية)

$$F_g = G \frac{M_E m}{R_E^2}$$
 (4.14)

حيث M_E كتلة الأرض، R_E نصف قطر الأرض وهذه القوة متجهة نحو مركز الأرض.

ولدينا العديد من الأمثلة التي تؤكد على أن قوة الجذب المؤثرة على جسم تتناسب طرديا مع كتلته وذلك من مشاهدتنا للأجسام الساقطة التي سبق دراستها في الباب الثاني، جميع الأجسام بغض النظر عن كتلتها تسقط على الأرض في غياب مقاومة الهواء بنفس العجلة g قرب سطح الأرض، وطبقا لقانون نيوتن الثاني تلك العجلة تعطى بالمعادلة g= Fg/m حيث m هي كتلة الجسم الساقط، فإذا كانت هذه النسبة واحدة لجميع الأجسام الساقطة. عند إذا m تكون F_o تتناسب طرديا مع الكتلة

إذا أخذنا الحالة العامة لقوة الجاذبية ببن جسمين لكل منهما كتلته. مثل كوكيان، نستخدم نفس المفهوم لكي نبين أن قوة الجاذبية تتناسب مع أحد الكتلتين ونستطيع أن نختار أي من الكتلتين. إذن قوة الجاذبية لابد وأن تكون متناسبة طرديا مع الكتلتين معا كما نرى في معادلة 3.14 .



شكل 2.14 ضوء يخرج من مصدر نقطى تقل شدته مغ 1/r2. علاقة تنطبق على الطريقة التي تتغير بها قوة الجاذبية بتغير السافة. عندما تتضاعف السافة من مصدر الضوء يغطى الضوء مساحة تبلغ أربع أمثال المساحة الأولى ومن ثم تضعف شدته وتصل إلى ربع

تجرية سريعة

أنفخ بالون بحيث يصنع كرة صغيرة. قس قطرها. استخدم قلم ألوان ولوّن مساحة ا سم² من سطح الكرة، واصل نفخ الكرة حتى تصل إلى ضعف قطرها الأول، قس أبعاد المربع الذي سبق أن رسمته. لاحظ كذلك كيف تغير لون المساحة التي سبق أن لونتها بالقلم هل تحققت مما هو موضح في شكل(2.14).

2.14 حياس ثابت الجذب العام

MEASURING THE GRAVITATIONAL CONSTANT

Henry Cavendish لقد تم قياس ثابت الجذب العام G بتجربة هامة أجراها العالم هنرى كڤندش (1810-1810) عام 1798. ويتكون جهاز كفندش من كرتين صغيرتين كتلة كل منهما m مثبتتين في نهايتي قضيب أفقى خفيف معلق بواسطة خيط رفيع أو سلك رفيع كما هو مبين في شكل(3.14). عندما توضع كتلتان كبيرتان كتلة كل منهما M بالقرب من الكتلتين الصغيرتين.

يدور القضيب الأفقى بفعل قوى التجاذب بين الكرتين الصغيرتين والكرتين الكبيرتين ويحدث إلتواء للسلك المعلق منه القضيب ويتخذ وضع اتزان جديد تقاس زاوية الدوران بواسطة انحراف شعاع ضوئي 562 منعكس من مرآة مثبته على سلك التعليق.

الفصل الرابع عشر؛ قانون الجاذبية





مثال 1.14 البليارد . أي واحدة؟

ثلاث كرات بليارد وزن كل واحدة منها $0.30 \, \mathrm{kg}$ موضوعة على منضدة في اركان مثلث قائم الزاوية كما هو موضح في شكل 14.4 احسب قوة الجاذبية المؤثرة على الكرة المشار إليها m_1 (كرة البدء) q_1

الحل ، نحسب أولا القوى التي تؤثر بها كل من الكرتين على حدة على كرة البدء ₍m ثم نوجد مجموع المتجهات لكي نحسب المحصلة. ويمكن أن نرى من الرسم أن تلك القوة، لابد وأن تتجه إلى أعلى نحو الهمين، نحدد المحاور كما هو موضح في شكل 4.14 ونحدد نقطة الأصل عند مكان كرة البدء _[m. القوة المؤثرة على كرة البدء _m متجهة إلى أعلى وتعطى بالمعادلة

$$\mathbf{F}_{21} = \mathbf{G} \frac{m_2 m_1}{r_{21}^2} \mathbf{j}$$

$$= \left(6.67 \times 10^{-11} \frac{\text{N} \cdot \text{m}^2}{\text{kg}^2}\right) \frac{(0.300 \text{ kg}) (0.300 \text{ kg})}{(0.400 \text{ m})^2} \mathbf{j}$$

$$= 3.75 \times 10^{-11} \hat{\mathbf{i}} \hat{\mathbf{N}}$$

هذه النتيجة تبين أن قوى الجاذبية بين الأشياء اليومية قيمتها صغيرة جدا.~

 m_1 القـوة المؤثرة بواسطة الكرة مع على كـرة البـدء المنجهة نحو اليمين. $F_{31} \,=\, G \frac{m_3 m_1}{r} i$

$$= \left(6.67 \times 10^{-11} \frac{\text{N} \cdot \text{m}^2}{\text{kg}^2}\right) \frac{(0.300 \text{ kg}) (0.300 \text{ kg})}{(0.300 \text{ m})^2} \mathbf{i}$$

$$= 6.67 \times 10^{-11} \mathbf{i} \text{ N}$$



شكل 4.14 محصلة قوى الجاذبية المؤثرة على الكرة m_1 هي حاصل جمع المتجهين $F_{21}+F_{31}$

بالإرتفاع فوق سطح الأرض				
الإرتفاع $h(\mathrm{km})$	$g'\;(m/s^2)$			
1 000	7.33			
2 000	5.68			
3 000	4.53			
4 000	3.70			
5 000	3.08			
6 000	2.60			
7 000	2.23			
8 000	1.93			
9 000	1.69			
10 000	1.49			
50 000	0.13			
∞	0			

ومن ثم محصلة القوة على كرة البدء m₁ هي

$$\mathbf{F} = \mathbf{F}_{21} + \mathbf{F}_{31} = (3.75\mathbf{j} + 6.67\mathbf{i}) \times 10^{-11} \text{ N}$$
 ومقدار هذه القوة هو $F = \sqrt{\mathbf{F}_{21}^2 + \mathbf{F}_{12}^2} = \sqrt{(3.75)^2 + (6.67)^2} \times 10^{-11}$

 $= 7.65 \times 10^{-11} \text{ N}$

تمرين: أوجد اتجاه F

الإجابة: "29.3 في اتجاه ضد عقارب الساعة من الاتجاه

الموجب للمحور x.

3.14 عجلة السقوط الحر وقوة التجاذب

FREE FALL ACCELERATION AND THE GRAVITATIONAL FORCE

في الباب الخامس عندما عرُفنا $_{\rm g}$ على أنها وزن الجسم الذي كتلتة m عرفنا g على أنها مقدار عجلة السقوط الحر، الآن يمكننا أن نعصل على وصف أكثر دقة للعجلة g. حيث أن القوة المؤثرة على جسم يسقط سقوطاً حراً كتلته m بالقرب من سطح الأرض تعطى بالمعادلة 4.14 يمكننا أن نساوي g

$$mg = G \frac{M_E m}{R_E^2}$$

عجلة السقوط الحر قرب سطح الأرض

 $g = G \frac{M_E}{R_E^2}.$ (5.14)

الآن نعتبر جسم كتلته m موضوع على مسافة h فوق سطح الأرض أو على مسافة r من مركز الأرض حيث h = R_E ، مقدار قوة الجاذبية المؤثرة على هذا الجسم

$$F_g = G \frac{M_E m}{r^2} = G \frac{M_E m}{(R_E + h)^2}$$

قوة الجاذبية المؤثرة على الجسم عند هذا المكان هي أيضاً $F_g=mg'$ حيث g' هي عجلة السقوط الحر من الإرتفاع g' بياحلال هذا التعبير محل Fg هي المادلة يتضح أن g' تساوي

$$g' = \frac{GM_E}{r^2} = \frac{GM_E}{(R_E + h)^2}$$
 (6.14)

r ومن هذا يتضبع أن g' تتناقص مع الإرتفاع حيثه أن وزن الجسم يساوي mg' ، نجد أنه باقتراب معلم من اللزنهاية mg' عند الإرتفاعات المختلفة معطاء في جدول (1.14).

مثال 2.14 تغير g بالإرتفاء h

محطة الفضاء الدولية مصممة لكي تعمل على ارتفاع 350 km. عندما تنتهى سيكون وزنها على الأرض 4.22 x 10⁶N فكم يكون وزنها في مدارها.

الحل: حيث أن المحطة أعلى سطح الأرض سيكون وزنها في المدار أقل من وزنها على سطح الأرض وهو 4.22×10^6 N باستخدام معادلة 14.6 ومقدار h = 350 km نجد أن

$$g' = \frac{GM_E}{(R_E + h)^2}$$

$$= \frac{(6.67 \times 10^{-11} \,\mathrm{N \cdot m^2 / kg^2}) (5.98 \times 10^{24} \,\mathrm{kg})}{(6.37 \times 10^6 \,\mathrm{m} + 0.350 \times 10^6 \,\mathrm{m})^2}$$

حيث إن 90.10 = 8.83/9.8 = 9 / g نستنتج أن وزن المحطة عند ارتضاع 350 km هو 90.1% من وزنها على سطح الأرض.

 $= 8.83 \text{ m/s}^2$

(0.901) (4.22 x 10^6 N) = 3.8 x 10^6 N (0.901) المحطة في المدار تساوي

مثال 3.14 كثافة الأرض،

حيث إن عجلة الجاذبية الأرضية على سطح الأرض g=9.8 m/s² احسب متوسط كثافة الأرض.

 $M_{\rm E} = 5.96 \times 10^{24} \, \rm kg$ if $5.14 \, \rm size$ is $R_{\rm E} = 6.37 \times 10^6 \, \rm m$, $g = 9.8 \, \rm m/s^2$ in the size $R_{\rm E} = 6.37 \times 10^6 \, \rm m$ من هذه النتيجة ومن تعريف الكثافة من الباب الأول نجد أن

$$\rho_{\rm E} = \frac{M_{\rm E}}{V_E} = \frac{M_{\rm E}}{\frac{4}{3}\pi R_E^3} = \frac{5.96 \times 10^{24} \text{ kg}}{\frac{4}{3}\pi (6.37 \times 10^6 \text{ m})^3}$$

$$= 5.50 \times 10^3 \text{ kg/m}^3$$

حيث إن هذه القيمة هي ضعف كثافة معظم الصخور على سطح الأرض نستنتج أن الطبقات الداخلية للأرض لها كثافة أعلى بكثير من كثافة القشرة الأرضية. إنه لشئ مدهش أن تجرية كفندش التي عبن منها الثابت G ويمكن إجراؤها فوق منضدة والتجرية البسيطة لقياس الهبوط الحر التي أمكن منها تعين ج قد أديا إلى معرفة طبيعة الطبقات الداخلية للكرة الأرضية.

KEPLER'S LAWS قوانين كيلر 4.14

لقد شاهد الناس حركة الكواكب والنجوم وغيرها من الأجرام السماوية منذ آلاف السنين. في فجر التاريخ ظن الناس أن الأرض هي مركز الكون وظهر ما يسمى نموذج المركز الأرضى للكون الذي نادي به العالم الفلكي الأغريقي كالوديوس بطليموس Claudius Ptolemy في القرن الثاني الميلادي. وقد ظل (565

الضرباء (الجزء الأول - الميكانيكا والديناميكا الحرارية)

هذا الاعتقاد راسخا لمدة 1400 سنة. في عام 1543 إقترح نيكولاس كوبرنيكوس Nicolus Copernicus (1473 - 1473) وهو عالم بولندي أن الأرض والكواكب الأخرى تدور في مدارات دائرية حول الشمس وهو نموذج المحموعة الشمسية المعترف به حاليا.



بعض رواد الفضاء وتلسكوب هابل والمكوك الفضائي حول سطح



Johannes Kepler German astronomer (1571-1630) چوهانز كسار عالم فلك ألماني قام بوضع قوانين الحركة للكواكب على أساس التجارب الدقيقة التي قام بها تايكو براهى Tycho Brahe

لمعلومات أكثر عن كبلر

www.saunderscollege.com/physics/

WEB site at

أراد العالم الهولندي تايكوبراهي Tycho brahe (1546-1601) أن يدرس كيف بني الكون. فوضع برنامجا لتعيين أماكن النحوم والكواكب باستخدام البوصلة وآلة السدس (السكستانت) Sextant وأخذ يعين بهما أوضاع الكواكب و 777 نجما مرئيا بالعين المجردة ففي هذا الوقت لم يكن التلسكوب قد اخترع

واصل چوهانز كبلر Johannes Kepler (1571-1630) العالم الفلكي الألماني الذي كان يعمل معاونا لبراهي الدراسات الفلكية التي بدأها براهي. فجمع النتائج التي توصل إليها براهي وأمضي16 عام وهو يخاول عمل نموذج رياضي لحركة الكواكب. وبعد دراسات معقدة وعديدة وجد كبلر أن نتائج براهي عن دوران المريخ Mars حول الشمس تعطى الجواب المطلوب.

لقد بينت التحاليل التي قام بها كبلر أن فكرة المدارات الدائرية حول الشمس يجب التخلي عنها. 566 🕻 لقد اقترح أن مدار المريخ حول الأرض هو على شكل قطع ناقص ellips. شكل 5.14 يبين الوصف الهندسي للقطع التاقص وأطول محور يسمى المحور الأكبر Major axis وطوله 2a حيث a مي نصف قطر الحور الأكبر وأقصر محور، هو المحور الأصغر وهني كل من جانبي مركز القطع b نصف طول المحور الأصغر وفي كل من جانبي مركز القطع توجد بؤرة على مسافة a من مركز القطع حيث a والشمس نقع في إحدى بؤرتي القطع الناقص الذي يمثل مدار كوكب المريخ . وقد عمم كبار نتائجه هذه لتشمل حركة جميع الكواكب، والنتائج التي نوصل إليها كبلر بمكن تلخيصها في خلاث نصوص أساسية تسمى قوانين كبلر .



شكل (5.14) رسم لقطع ناقص ونصف المحور الأكبر طوله (a) ونصف المحور الأكبر طوله (b). النقط البؤرية تبعد $a^2 = b^2 + c^2$

قوانين كبلر:

- ا جميع الكواكب تدور في مدارات على شكل قطع ناقص توجد الشمس في أحد بؤرتيه.
- 2 نصف قطر المتجه الواصل بين الشمس والكوكب يقطع مساحات متساوية في فترات زمنية متساوية.
- 3 مربع الزمن الدوري المداري لأي كوكب يتناسب مع مكعب نصف طول المحور الأكبر للمدار الذي على شكل قطع ناقص.

معظم الكواكب تسير في مدارات قريبة من الشكل الدائري. فمشلا نصف طول المحور الأكبر ونصف طول المحور الأصغر لكوكب المريخ يختلفان بمقدار 0.4% فقط، وكوكب عطارد وبلوتو Plub and Pluto لهما مداران كل منهما على شكل قطع ناقص بشكل أكبر من أي من الكواكب التسع الأخرى، بالإضافة إلى الكواكب، توجد العديد من المذنبات التي تتبع قانون كبلر في حركتها حول الشمص، والمذنب هائي أحد تلك الأجسام ويمكن رؤيته عندما يقترب من الشمص مرة كل 67سنة، ومداره على شكل قطع ناقص لدرجة كبيرة، ونصف طول محوره الأصغر 75% أصغر من نصف طول محوره الأكبر.

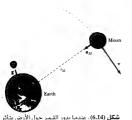
نحن لانحاول أن نثبت العلاقة بين قوانين كبلر وقوانين نيوتن إلا أن قانون كبلر الأول هو استنتاج مباشر من كون قوة الجاذبية تتغير مع 1/1 . أي أنه تحت قانون التربيع العكسي لقوة الجاذبية، يمكن أن نثبت رياضيا أن مدار الكوكب على شكل قطع ناقص، وأن الشمس توجد في إحدى بؤرتيه .

لقد أثبت نبوتن بعد حوالي نصف قرن من الزمان أن قوانين كبلر هي نتيجة مباشرة لقوى الجاذبية التي توجد بين أي كتلتين. لقد أعطى قانون نيوتن للجذب العام مع قوانين الحركة التي وضعها حلا رياضيا كاملا لحركة الكواكت والأقمار الصناعية.

5.14 > قانون الحاذبية وحركة الكواكب

THE LAW OF GRAVITY AND THE MOTION OF PLANETS





بعجلة مركزية a_M متجهة نحو الأرض. أي جسم قرب سطح الأرض مثل التفاحة الموضحة في الرسم تتأثر بعجلة g تجعلها تتجذب نحو سطح الأرض (الأبعاد ليست طبقا القياس رسم).

باستخدام قيمة ج 6.37 x 10^6 m و $R_{\rm E}$ = 3.84 x 10^8 m بين عجلة باستخدام قيمة ج 10^6 س

: القمر $a_{\rm M}$ = $\frac{(10r_{\rm M})^2}{(1/R_{\odot})^2}$ = $\left(\frac{R_E}{r_{\rm M}}\right)^2$ = $\left(\frac{6.37 \times 10^6 {\rm m}}{3.84 \times 10^8 {\rm m}}\right)^2$ = 2.75×10^{-4}

 $\frac{1}{g} = \frac{1}{(1/R_E)^2} = \frac{1}{r_M} = \frac{2.73 \times 10^8 \text{ m}}{3.84 \times 10^8 \text{ m}}$ اي أن العجلة المركزية للقمر هي

عجلة القمز
$$a_{\rm M} = \left(2.75 \times 10^{-4}\right) \left(9.80 \text{ m/s}^2\right) = 2.70 \times 10^{-3} \text{ m/s}^2$$

قام نبوتن بحساب العجلة المركزية للقصر من معرفة بعده عن الأرض والزمـن الدوري المداري $T = 2.36 \times 10^6$ وهو ما يساوي $T = 2.36 \times 10^6$ T = 2.32 days Orbital Period وهو ما يساوي $2\pi r_M/T$ وهي طول محيط مداره، إذن سرعته المدارية $2\pi r_M/T$ وهي طول محيط مداره، إذن سرعته المدارية $2\pi r_M/T$ وهي طول محيط مداره، إذن سرعته المدارية $2\pi r_M/T$

$$a_{M} = \frac{v^{2}}{r_{M}} = \frac{\left(2\pi_{M}/T\right)^{2}}{r_{M}} = \frac{4\pi^{2}r_{M}}{T^{2}} = \frac{4\pi^{2}\left(3.84 \times 10^{8} \text{m}\right)^{2}}{\left(2.36 \times 10^{6} \text{s}\right)^{2}}$$
$$= 2.72 \times 10^{-3} \text{m/s}^{2} \approx \frac{9.80 \text{ m/s}^{2}}{60^{2}}$$

وحيث ان القمر يبعد عن الأرض بمقدار 60 مرة قدر نصف قطر الأرض فتكون عجلة الجاذبية عند تلك المسافة حوالي 1/60² من قيمتها عند سطح الأرض، إن التساوي التام بين هذه القيمة والقيمة التي 506 كم استنجها نيوتن باستخدام g ، تعطى ثقة تامة في طبيعة التربيع العكسى لقانون قوة الجاذبية. على الرغم من أن تلك النتائج لابد وأنها كانت مشجعة لنيوتن، إلا أنه كان منزعجا جدا للفرض ينون وضعه عندما قام بقدير عجلة جميع عند سطح الأرض، فقد افترض نيوتن أن كتلة الأرض مركزة عند مركزها أي أنه قد افترض أن الأرض تؤثر على الأجسام الخارجية كما لوكانت جسيم، ويعد يضع سنوات حين توصل للأعمال الرائدة في تطوير حساب التفاضل والتكامل تمكن من إثبات أن هذا الفرض صحيعا، وقد كان أحد الاستثناحات الطبيعية لقانون الحذب العام.

قانون كبلر الثالث:

بهكن استنتاج قانون كبار الثالث من قانون التربيع العكسي للمدارات الدائرية $^{(2)}$. اعتبر كوكبا كتلته $M_{\rm p}$ يدور حول الشمس وكتلتها $M_{\rm s}$ في مدار دائري كما في شكل $M_{\rm t}$. حيث أن قوة الجاذبية المؤثرة بواسطة الشمس على الكوكب في قوة متجهة نحو نصف القطر فتجعل الكوكب يدور في دائرة. يمكن $M_{\rm t}$ استخدام قانون نيوتن الثاني F=m $M_{\rm t}$ لكوكب.

$$rac{GM_sM_p}{r^2} = rac{GM_sM_p}{r}$$
 للكوكب هي $2\pi r T$ هو

حيث ان السرعة المدارية v للكوكب هي $2\pi r/T$ حيث T هو الزمن البوري للحركة يصبح التعبير السابق كما يلي $\frac{GM_{\star}}{2\pi r/T} = \frac{(2\pi r/T)^2}{2\pi r}$

$$r^{-}$$
 r
 $T^{2} = \left(\frac{4\pi^{2}}{GM_{s}}\right)r^{3} = K_{s}r^{3}$ (7.14)

قامانی بالماد و مقدار ثابت بعطی بالماد $K_{s} = \frac{4\pi^{2}}{GM_{s}} = 2.97 \times 10^{-19} \text{s}^{2}/\text{m}^{3}$



mكوك (7.14) كوك كتلته M_p يتحرك في مدار دائري حول الشمس. جميع مدارات الكواكب ماعدا عطارد ويلاتو تقريبا دائرية الشكل.

معادلة 14.7 هي قانون كبلر الثالث للحركة ويمكن اثبات أن القانون يصلح كذلك لمدارات القطع الناقص. إذا أحللنا T بطول نصف المحور الرئيسي الأكبر T الاحظ أن ثابت التناسب T لايتوقف على كتلة الكوكب. إذن معادلة 7.14 تصلح لأي كوكب $T^{(3)}$ جدول 2.14 يحتوي على مجموعة من البيانات عن الكواكب. والمحود الأخير يحقق أن $T^2 t^3$ مقدار ثابت، المتغيرات البسيطة في هذا العمود تمكس اللايقين في القيم المقاسمة للأزمنة الدورية ونصف طول المحاور الكبرى للكواكب عندما نأخذ في الإعتبار مدار أحد الكواكب حول الأرض مثل القمر عند إذ ثابت التناسب يكون له مقدار آخر يحسب باستبدال كتلة الأرض محل كتلة الشمس.

⁽²⁾ جميع مدارات الكواكب ما عدا عطارد وبلاتو قريبة من الدائرية. إذن نحن لا نحدث كثيرا من الخطأ باعتبار ذلك، فمثلا النسبة بين نصف طول الحور الأصغر إلى نصف طول المحور الأكبر لمدار الأرض هو 80 909.9 b/α

⁽³⁾ معادلة 7.4.4 هي نسبة بين T² و 7 وتساوي مقدار ثابت والمتغيرات في النسبة ليس من الضروري أن تكون مقتصرة على الأس الأول فقعا.

	والديناميكا الحرارية)		
ات عـــن الكــــواكـــب	ض البيسان	ل (2.14) بعــــ	
. 3.43.14	الثامد	متمسط بعد	

الكوكب	kg)	متوسط نصف القطر (m)	الزمن الدوري (s)	متوسط بعد الكوكب عن الشمس (m)	T^2/r^3 (s ² /m ³)	أسماء الكواكب
Merury	3.18 x 10 ²³	2.43 x 10 ⁶	7.60 x 10 ⁶	5.79 x 10 ¹⁰	2.97 x 10 ⁻¹⁹	عطارد
Venus	4.88×10^{24}	6.06 x 10 ⁶	1.94 x 10 ⁷	1.08 x 1011	2.99 x 10 ⁻¹⁹	الزهرة
Earth	5.98 x 10 ²⁴	6.37 x 10 ⁶	3.156 x 10 ⁷	1.496×10^{11}	2.97×10^{-19}	الأرض
Mars	6.42×10^{23}	3.37 x 10 ⁶	5.94 x 10 ⁷	2.28×10^{11}	2.98 x 10 ⁻¹⁹	المريخ
Jupiter	1.90×10^{27}	6.99 x 10 ⁷	3.74×10^8	7.78×10^{11}	2.97 x 10 ⁻¹⁹	المشتري
Saturn	5.68 x 10 ²⁶	5.85 x 10 ⁷	9.35×10^{8}	1.43×10^{12}	2.99 x 10 ⁻¹⁹	زحل
Uranus	8.68 x 10 ²⁵	2.33 x 10 ⁷	2.64 x 10 ⁹	2.87×10^{12}	2.95×10^{-19}	أورانس
Neptune	1.03 x 10 ²⁶	2.21×10^7	5.22 x 10 ⁹	4.50×10^{12}	2.99 x 10 ⁻¹⁹	نبتون
Pluto	≈1.4 x 10 ²²	≈1.5 x 10 ⁶	7.82 x 10 ⁹	5.91 x 10 ¹²	2.96 x 10 ⁻¹⁹	بلوتو
Moon	7.36 x 10 ²²	1.74 x 10 ⁶		-	-	القمر
Sun	1.991 x 10 ³⁰	6.96 x 10 ⁸	-	_	-	الشمس

كتلة الشمس مثال 4.14

احسب كتلة الشمس علما بأن الزمن الدوري للأرض حول الشمس يساويsT=3.156 x 107s وبعدها عن الشمس 1.496 x 1011m

الحل: باستخدام معادلة 7.14 نجد أن

$$M_s = \frac{4\pi^2 r^3}{GT^2} = \frac{4\pi^2 (1.496 \times 10^{11} \text{ m})^3}{(6.67 \times 10^{-11} \text{ N} \cdot \text{m}^2/\text{kg}^2)(3.156 \times 10^7 \text{s})^2}$$

= 1.99 × 10³⁰ kg

في مثال 3.14 استخدمنا مفهوم قوة الجاذبية لاستنتاج كثافة الأرض وفي هذا المثال استخدمناه لحساب كتلة الشمس.

شكل 8.14 قانون كبلر

قانون كبلر الثاني وحفظ كمية الحركة الزاوية

Keplers Secons Law and Conservation of Angular Momentum

اعتبر أن كوكبا كتلته M_n يدور حول الشمس في مدار على شكل قطع ناقص كما في شكل (8.14). قوة الجاذبية المؤثرة على الكوكب تكون دائما على امتداد متحه نصف القطر نحو الشمس كما هو ميين في شكل 14.9a (570) عندما تتجه قوة نحو نقطة معينة أو

الشانى يسمى قانون المساحات المتساوية، عندما الفترة الزمنية اللازمة لينتقل كوكب من النقطة A للتقطة B تماوى الفترة الزمنية اللازمــة لكي ينتــقل من النقطة C إلى النقطة D. المساحتان التي يقطعهما متجه نصف قطر الكوكب تكونان متساويتان لأحظ أنه لكي يتحقق ذلك لابد أن يتحرك الكوكب بين D,C أسرع مما يتحرك بين B,A

الفصل الرابع عشر: قانون الجاذبية





(d) (a) قرة الجاذبية المؤثرة على الكوكب تتجه شكل (9.14) (a) قرة الجاذبية المؤثرة على الكوكب تتجه نحو الشمس على امتداد متجه نصف القطر (d) بينما يدور الكوكب في مداره حدول الشممس المساحة التي يقطعها متجه نصف القطر في زمن الله تساوي نصف يتقطعها متوازى الأضلاع الكون من المتجه توازى الأصلاع على

● منظران منفصلان لكوكب الشترى والذنب الدوري شوميكر- ليفي- 9. ماخودان بواسطة تلسكوب هابل قبل أن يصطدم الشترى والذنب بشهرين في يوليو 1994 . وقد وضما معا بواسطة الكمبيوتر، النقطة السوداء فوق المشترى هي ظل القمر التابع له 10.



في الاتجاه المضاد لها وتكون دالة في المسافة r فقط تسمى قوة مركزية، وعزم الدوران المؤثر على الكوكب نتيجة لهذه القوة يساوي صفراً حيث F موازية r

$$\mathbf{\tau} = \mathbf{r} \times \mathbf{F} = \mathbf{r} \times F\hat{\mathbf{r}} = 0$$

(قد تحتاج لمراجعة قسم 2.11 لتتذكر حاصل ضرب المتجهات) وتذكر من معادلة (19.11) أن عزم الدوران بساوي معدل تغير كمية الحركة الزاوية مع الزمن $\pi = dL/dt$ إن لأن قوة الجاذبية التي تؤثر بها الشمس على الكوكب لآخدت عزم دوران على الكوكب. كمية الحركة الزاوية للكوكب تكون مقدارا ثابتاً .

$$\mathbf{L} = \mathbf{r} \times \mathbf{p} = \mathbf{r} \times \mathbf{M}_{\mathbf{p}} \mathbf{v} = \mathbf{M}_{\mathbf{p}} \mathbf{r} \times \mathbf{v} = \text{constant}$$
 (8.14)

حيث أن L نظل مقيدارا ثابتاً . حركة الكوكب عند أي لحنظه تكون مقصورة على المستوى المكون من V . بكن أن ننسب هذه النتيجة للإعتبارات الهندمية التالية . متجه نصف القمار T في شكل (14.9b) يقطع مساحة T المقورة عن أن T وهذه المساحة تساوي نصف المساحة T المتوازي الأضلاع المكون من T و القسم T حيث إن حركة الكواكب في فترة زمنية قد رها T هي T حيث T و يمكن استتاج الآتي:

$$dA = \frac{1}{2} |\mathbf{r} \times d\mathbf{r}| = \frac{1}{2} |\mathbf{r} \times \mathbf{v} \, dt| = \frac{L}{2M_p} dt$$

$$\frac{dA}{dt} = \frac{L}{2M_p} = \text{constant}$$
 (9.14)

الفيزياء (الجزءالأول -الميكانيكا والديناميكا الحرارية)

حيث M_p , L مقدران ثابتان. ومن ثم نستنج أن نصف قطر المتجه من الشمس إلى الكوكب يقطع مساحات متساوية في فترات زمنية متساوية.

ومن المهم أن تعرف أن هذه النتيجة التي تمثل قانون كبلر الثاني هي نتيجة لاعتبار أن قوة الجاذبية هي قوة مركزية . وهي بدورها تقتضي أن تكون كمية الحركة الزاوية مقدارا ثابتا . ومن ثم فانون كبلر الثاني يصلح لأي حالة تكون فيها القوة مركزية سواء كانت تربيع عكسي أم ليست كذلك.

مثال 5.14 الحركة في مدار على شكل قطع ناقص

قسر صناعي كتلته m يتحرك في مدار على شكل قطع ناقص حول الأرض شكل (10.14) وأقل مسافة من القمر إلى الأرض تسمى نقطة الحضيض Perigee ويرمز لها بالرمز T في شكل (10.14) وأكبر مسافة تسمى الأوج T ويرمز لها بالرمز (T) . فإذا كانت سرعة القمر عند النقطة T هي T0 م تكون سرعته عند T3

الحل : عندما يتحرك القمر من نقطة الحضيض إلى نقطة الأوج فهو يبتعد عن الأرض ومن ثم فإن مركبة قوة جاذبية الأرض التي تؤثر على القمر تكون عكس متجه السرعة والشغل المبدول على القمر

يكون سالبا وهو ما يسبب تباطؤه، طبقا لنظرية الشغل وطاقة الحركة. نتيجة لذلك نتوقع أن تكون السرعة عند نقطة الأوج أقل من السرعة عند نقطة الحضيض.

كمية الحركة الزاويـة للقـمر بالنسـبة للأرض هي \mathbf{r} X $m\mathbf{v}=m\mathbf{r}$ X \mathbf{v} عند النقطتين \mathbf{r} 2 $m\mathbf{r}$ X $m\mathbf{v}=m\mathbf{r}$ X $m\mathbf{v}=m\mathbf{r}$ 3 على \mathbf{r} . إذن مقـدار كميـة الحركـة الزاوية عند هاتين $L_p=m\mathbf{v}_p\,r_p$ ع $L_a=m\mathbf{v}_a\,r_a$

حيث إن مقدا الحركة الزاوية مقدار ثابت نجد أن:

$$mv_a r_\alpha = mv_p r_p$$

 $v_a = \frac{r_p}{r_p} v_p$



شكل (10.14) عندما يدور القسر الصناعي حول الأرض هي مدار على شكل قطع ناقص، حول الأرض هي مدار عليه المتحدد المتحدد المتحدد المتحدد المتحدد $m_{V_p} r_p$ يمثلان تقطتنا الأوج والحضيض على الترتيب.

اختنارسرت الله

كيف تفسر أن كوكب المشترى وكوكب زحل لهما زمن دوري أكبر من سنة واحدة.

GRAVITATIONAL FIELD محال الحاذبية 6.14

عندما أعلن نيوتن نظريته عن الجذب العام، أعتبرت نجاحا كبيرا لأنها قد فسرت حركة الكواكب. ومنذ عام 1687 أستخدمت نفس النظرية لكي تفسر حركة المذنبات، انحراف ميزان كفندش، مدارات النجوم المزدوجة وحركة المجرات، إلا أن معاصدي نيوتن ومن أنوا من بعده وجدوا من الصعب قبول مفهوم القوة التي تؤثر عن بعد كما ذكر في القسم (1.3). لقد تساءلوا كيف يمكن لجسمين أن يتأثرا إذا لم يكونا متلامسين معا، لم يتمكن نيوتن من الإجابة على هذا الإستقسار.

جاء تفسير التآثر بين الأجسام التي ليست متلاصفة بعد وفاة نيوتن بفترة طويلة وامكن النظر إلى هذا التأثير بطرق مختلفة. فكما ذُكر في القسم (5.1)، هذا التفسير يعتمد على مفهوم مجال الجاذبية gravitational field الذي يوجد في كل نقطة في الفضاء. عندما يوضع جسم كتلته m عند أي نقطة حيث يكون مجال الجاذبية g، فإن الجسم يتآثر بقوة g أي أن المجال يؤثر بقوة على الجسم. ومن ثم مجال الحاذبية g عيدتُ كالآتي

مجال الجاذبية
$$g = \frac{F_g}{m}$$
 (10.14)

أي أن مجال الجاذبية عند نقطة ما في الفضاء يساوي قوة الجاذبية التي تؤثر على جسم اختبار لم موضوع عند هذه النقطة مقسومة على كتلة جسم الإختبار. لاحظ أن وجود جسم اختبار ليس ضروريا لوجود المجال، فالأرض هي التي تخلق مجال الجاذبية، ويسمى الجسم الذي يخلق المجال، الجسم المسدر (إلا أن الأرض من الواضح أنها ليست جسما، سوف نوضح عما قليل حقيقة إمكان تقريب الأرض كجسم بهدف إيجاد مجال الجاذبية الناشئ عنها). ويمكننا أن نكشف عن وجود المجال ونقيس قوته بوضح جسم اختبار في المجال ونقيس مقدار القوة المؤثرة عليه.

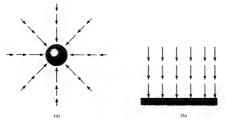
حيث إن قوة الجاذبية هي تأثير بين جسمين، مفهوم مجال الجاذبية يمكننا من أن نستبعد كثلة آحد. الجسمين، فتحن نصف التأثير الذي لأي جسم (في هذه الحالة الأرض) على الفضاء المحيط به بدلالة القوة التي توجد عندما يتواجد جسم آخر في مكان ما في هذا الفضاء⁽⁴⁾.

كمثال لكيفية عملrمفهوم المجال . نفرض جسما كتلته m قرب سطح الأرض، نظرا لأن قوة الجانبية المؤثرة على الجسم قيمتها $GM_E m/r^2$ (راجع معادلة 4.14) المجال g على مسافة r من مركز الأرض هو :

$$\mathbf{g} = \frac{\mathbf{F}_{\mathbf{g}}}{m} = \frac{-M_E G}{r^2} \hat{\mathbf{r}}$$
 (11.14)

⁽⁴⁾ سوف نعود إلى هذه الفكرة، فكرة الكتلةالتي تؤثر على الفضاء المحيط بها عندما ندرس نظرية أنيشتين عن الجاذبية في الباب 39.

حيث f وحدة متجه يشير إلى الخارج من الأرض والإشارة السالبة تبين أن المجال يتجه نحو مركز الأرض. كما هو مبين في الشكل 11.14.a لاحظ أن متجهات المجال عند النقط المختلفة حول الأرض تختلف من حيث المقدار والاتجاه. في مساحة صغيرة بالقرب من سطح الأرض، المجال المتجه إلى أسفل، g ثابت تقريبا ومنتظم كما هو واضح من شكل 11.14.b معادلة 11.14 صالحة للأستخدام عند \mathbf{g} مقدار مقدم $\mathbf{r} = R_E$ مقدار مند مند سطح الأرض. بفرض أن الأرض كروية، عند سطح الأرض حيث يساوى 9.8 N/kg.



شكل (11.14) (a) متجه مجال الجاذبية بالقرب من كتلة كروية منتظمة مثل الأرض يختلف من حيث المقدار والإتجاء. ويتأثر الجسم بتلك المتجهات في اتجاه العجلة إذا وضع في هذا المجال، وقيمة متجه المجال عند أي موضع هو قيمة عجلة السقوط الحرفي هذا الموضع. (b) متجه مجال الجاذبية في منطقة صغيرة قرب سطح الأرض يكون منتظما من حيث الاتجاة والمقدار.

7.14 > طاقة الوضع في مجال الجاذبية

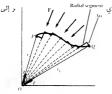
GRAVITATIONAL POTENTIAL ENERGY

في الباب الثامن أدخلنا مفهوم طافة الوضع لجسم في مجال الجاذبية، وهي الطاقة المقترنة بوضع جسم. وقد بينا أن دالة طاقة الوضع في مجال الجاذبية لجسم U = mgy تكون صحيحة فقط عندما يكون الجسم قريبا من سطح الأرض، حيث تكون قوة الجاذبية مقدارا ثابتا. حيث أن قوة الجاذبية بين جسمين تتغير بتغير 1/r² فإننا نتوقع دالة عامة لطاقة الوضع. دالة تصلح دون وضع قيد متعلق بالقرب من سطح الأرض وستكون مختلفة اختلافا ملحوظا عن الدالة U = mgy.

وقبل أن نحسب الحالة العامة لدالة طاقة الوضع في مجال الجاذبية، سوف نتحقق أولا أن قوة الجاذبية محفوظة (تذكر قسم 8.2 أن القوة تكون محفوظة إذا كان الشغل الذي تعمله على جسم 574) يتحرك بين أي نقطتين لا يعتمد على المسار الذي يتكذه الجسم، لكي نفعل ذلك سوف نؤكد أولا أن قوة

الجاذبية هي قوة مركزية. ومن التعريف، القوة المركزية هي أي مركزية المركزية هي أي مركزية المركزية هي أي مركزية المركزية بعد الإحداثي القطري r. ومن ثم الشوة المركزية يمكن تمثيلها بالعلاقة (F(r) حيث وحدة منجه يتجه مع نقطة الأصل إلى الجسم كما نرى من شكا ، 12.14 .

ناخذ حالة قوة مركزية ثؤثر على جسم يتحرك على امتداد مسار P إلى نقطة D كما في شكل (12.14). المسار من P إيمكن تقريبه بواسطة سلسلة من الخطوات طبقا للطريقة التالية، في شكل (12.14) نرسم مجموعة من الإسفينات الرفيعة wedges وهي المبينه بالخطوط النقطة في شكل 12.14. الحدود الخارجية لمجموعة الإسفينات (جمع إسفين) عبارة عن مسار يتكون من مجموعة من الخطوط القطرية القصيرة والأقواس



شكل (12.14) جسيم يتحدوك من P إلى Q وهو واقع حت تأثير رقوة R . مـتجهة نحو الركز، السار مقسم إلى مجموعة من القطاعات القطرية والأقواس حيث أن الشغل المبدول خلال الأقواس بساوي صفر والثغل المبدول لا يعتمد على المسار ويعتمد فقط على مقداري P_I . P_I

(لونها رمادي في الشكل) نختار طول البعد القطري لكل إسفين بحيث أن القوس القصير عند الطرف المتسع للإسفين يتقاطع مع مسار الجسم الفعلي. بعد ذلك نقرب المسل الفعلي بسلسلة من الحركات الزجزاجية التي تتبادل الحركة إما على طول القوس أو على طول الخط القطري، من التعريف، القوة المركزية تتجه دائما على امتداد أحد القطاعات القطرية، ومن ثم الشغل المبذول بواسطة القوة F على امتداد أحد القطاعات القطرية، ومن ثم الشغل المبذول بواسطة القوة F على امتداد أي

$$dW = \mathbf{F} \cdot d\mathbf{r} = F(r) dr$$

قد نتذكر أنه من التعريف. الشغل المبدول بواسطة قوة عمودية على الإزاحة يساوي صفر. إذن الشغل المبدول في الحركة على أي قوتين تساوي صفر لأن F متعامدة على الإزاحة على امتداد تلك المنحيات. إذن الشغل الكلي المبدول بواسطة القوة F هو مجموعة الاضافات على امتداد القطاعات التطرية.

$$W = \int_{ri}^{rf} F(r) dr$$

حيث i و f تشيير إلى الوضع الإبتدائي والوضع النهائي وحيث أن هذه المعادلة دالة في الوضع النهائي وحيث أن هذه التكامل يترقف فقط على قيمة r الإبتدائية r وقيمتها النهائية r. إذن الشغل المبذول يكون متساويا على أي مسار من q إلى Q حيث أن الشغل المبذول لا يعتمد على المسار ويعتمد فقط على نقطتي البداية والنهاية . ومن ذلك نستنتج أن أي قوة مركزية تكون محفوظة . يمكننا الآن أن r متكد من أن دالة طاقة الوضع يمكن الحصول عليها بمجرد تحديد شكل القوة المركزية .

الفيزياء (الجزء الأول - الميكانيكا والديناميكا الحرارية)



 $\frac{1}{m}$ شكل (13.14) عندما يتحرك جسيم كتلته m من P إلى Q فوق سطح الأرض. (طاقة الوضع) تتغير طبقا لمادلة Q .

نتذكر معادلة 2.8 أن التغير في طاقة الوضع المساحب لإزاحة معينة. يعرف على أنه القيمة السالبة للشغل المبدول بواسطة قوة الجاذبية أثناء حدوث الإزاحة

$$\Delta U = U_f - U_i = -\int_{r_i}^{r_f} F(r) dr$$
 (12.14)

يمكننا استخدام هذه النتيجة لتعيين طاقة الوضع

افترض جسما كتلته m يتحرك بين نقطتين P و Q فوق سطح الأرض شكل (13.14) والجسم تحت تأثير قوة الجاذبية المطاة في معادلة 1.14 . يمكننا أن نعبر عن هذه القوة كما يلي

$$F(r) = -\frac{GM_Em}{r^2}$$

والإشارة السالبة تبين أن القوة هي قوة جذب، وبالتعويض بمقدار F(r) من هذه المعادلة في معادلة (2.14) بمكننا حساب التغير هي طاقة الوضع

$$U_f - U_i = GM_E m \int_{r_i}^{r_i} \frac{dr}{r^2} = GM_E m \left[-\frac{1}{r} \right]_{r_i}^{r_i}$$

$$U_f - U_i = GM_E m \left[-\frac{1}{r} \right]_{r_i}^{r_i}$$

$$U_f - U_i = GM_E m \left[-\frac{1}{r} \right]_{r_i}^{r_i}$$
(13)

(13.14) $U_f - U_i = -GM_E m \left(\frac{1}{r_f} - \frac{1}{r_i} \right)$ (13.14) كما هو الحال دائما إختيار نقطة مرجعية لطاقة الوضع هو آمر اختياري وعادة نختار النقطة

المرجعية حيث تكون القوة تساوى صفراً بأخذ $U_i = 0$ عند $r_i = \infty$ نحصل على النتيجة الهامة التالية:

$$U = -\frac{GM_E m}{} \tag{14.14}$$

وهذه المعادلة تستخدم للنظام المكون من الأرض والجسم حيث يكون بين الكتلتين مسافة r بإعتبار $r < R_E$ وهذه المي $r < R_E$ (الحالة التي تكون فيها $r < R_E$ مسالح $r < R_E$ الحالة التي تكون فيها $r < R_E$ مسالح ونشيجة لاختيارنا iا، الدالة i1 تكون دائما سالبة شكل (14.14). والمعادلة (14.14) استشجت لمنظومة من الجسم والأرض، لكن يمكن استخدامها لأي جسمين آخرين.أي أن طاقة الوضع المساحبة لأي زوج من الأجسام كتليتهما i1 i2 سينهما مسافة i3 هي:

$$U \neq -\frac{GM_1m_2}{r} \tag{15.14}$$

وهذا التعبير ببين أن طاقة الوضع لأي زوج من الأجسام $1/r^2$ علما أن $1/r^2$ من الشجه التناسب مع $1/r^2$. كما أن المرة الوضع مقدار سالب لأن القوة جاذبة كما أننا اعتبرنا المنابة الوضع صفرا عندما تكون المسافة بين الجسمين والانهاية حيث أن القوة بين الأجسام قوة تجاذب، لا بد من بدل $1/r^2$ من بدل بواسطة عامل خارجي لكي نزيد المسافة الفاصلة بين الحسمين، والشغل المبذول بواسطة العامل الخارجي يحدث ودادة في طاقة الوضع كام زاد تباعد الجسمين أي أن $1/r^2$ تصبح الحاسلية كام زاد $1/r^2$

عندما يكون جسمنان في حالة سكون ويبتعدان بمسافة ع لابد من وجود عامل خارجي لكي يعطي طاقة تساوى على الأقل إ+G m_Im₂/r لكي يفصل بين الجسمين إلى مالانهاية. ادن من الملائم أن نفكر في القيمة المطلقة لطاقة الوضع على الها قوة الربط في النظام، فإذا حصل النظام على طاقة من المسدر الخارجي أكبر من طاقة الربط Binding energy فإن الملقة الزائدة في النظام تتحول إلى طاقة حركة عندما يكون الحسمان منفصلان عند المالا نهاية.



ملانهاية.

شكل (14.14) رسم يبين العلاقة بين

طاقة الوضع U مع المسافة r لجسم

فوق سطح الأرض، طاقة الوضع تصل إلى صفسر عندما تصل r إلى

شكل (15.14) ثلاث جسيمات متآثرة

يمكننا أن نعمم هذا المفهوم لثلاث أو أربع أجسام،. في هذه

الحالة طاقة الوضع الكلية للمنظومة هي المجموع الكبي ⁽⁵⁾ لكل ازواج الأجسام، وكل زوج يضيف حدا ---ابها لمادلة 15.14 . فمثلا لوكان بالنظام 3 جسيبات كما في شكل 15.14 نجد أن.

$$U_{\text{total}} = U_{12} + U_{13} + U_{23} = -G \left(\frac{m_1 m_2}{r_{12}} + \frac{m_1 m_3}{r_{13}} + \frac{m_2 m_3}{r_{23}} \right)$$
 (16.14)

. متناهية متناهية U total بمسافات متناهية والقيمة المطلقة U

مثال 6.14 التغير في طاقة الوضع

جسم كتلته m قذف إلى أعلى من سطح الأرض عموديا بمسافة صغيرة y. بين أنه في هذا y الوضع المعطاه في معادلـة (13.14) إلى $\Delta U = mg\Delta y$

امكان جمع حدود طاقة الوضع لكل الجسيمات تتبع من الحقيقة التجريبية أن قوى الجاذبية تخضع المدا التراكب superposition principle.

$$\Delta U = -GM_E m \left(\frac{1}{r_f} - \frac{1}{r_i} \right) = GM_E m \left(\frac{r_f - r_i}{r_i r_f} \right)$$

إذا كـان الوضع الابتـدائـي والوضع النهــائي للجـسم قــريـين من سطح الأرض عندئذ $_{\rm r_f-r_f}$ ر $_{\rm r_f}$ ر $_{\rm r_f}$ تقاس من مركز الأرض) إذن التغير في طاقة الوضع يصبح

$$\Delta U \approx \frac{GM_E m}{R_E^2} \Delta y = mg\Delta y$$

حيث $G = GM_E/R_E^2$ من معادلة 5.14 . ويجب أن نتذكر أن النقطة المرجعية اختيازية لأن التغير في طاقة الوضع هو ما يهم.

اعتبارات الطاقة في حركة الكواكب والأقمار الصناعية

ENERGY CONSIDERATIONS IN PLANETRY AND SATELLITE MOTIONS

خذ حالة جسم كتلته m يتحرك بسرعة v بالقرب من جسم ثقيل كتلته M حيث M > m وقد يكون النظام عبارة عن كوكب يتحرك حول الشمس، أو قمر في مدار حول الأرض، أو مذنب يصنع دورة حول الشمس. إذا اعتبرنا أن الجسم الذي كتلته M في حالة سكون في إطار مرجعي قصوري، عند إذ الطاقة المركة الكلية E للجسمين المكونين للنظام عند ما يكون البعد بينهما T هي مجموع طاقة الحركة للجسم الذي كتلته m وطاقة الوضع للنظام طبقا للمعادلة (D. (6)

$$E = K + u$$

$$E = \frac{1}{2}mv^2 - \frac{GMm}{2}$$
(17.14)

وهذه المعادلة تبين أن E فد تكون سالبة أو موجبة أو تساوي صغراً إعتمادا على مقدار v إلا أنه $U \to 0$ لنظام مترابط T مثل الأرض والشمس لابد وأن تكون T اقل من صغرلأننا قد اتفقنا على أن $0 \to 0$ كلما اقتريت T من الملا نهاية $T \to 0$.

⁽⁶⁾ قد تلاحظ أننا قد أهمانا طاقة الحركة والعجلة للجسم الكبير لكن نثبت أن هذا التبسيط صعيعا، أعنبر جسما كتلمة m يسسقط نحو الأرض. نظـرا لأن مركـز الكتلة للمنظـومة الكـونة من الجسـم والأرض ثابت ينتـج أن كتلمة m يسسقط نحو الأرض ثكتسب طاقة حركة مقدارها $\frac{1}{M_E} v^2 = \frac{1}{M_E} v^2 = \frac{1}{M_E} v^2$ مالة الحركة للرض تكتسب طاقة حركة مقدارها $\frac{1}{M_E} v^2 = \frac{1}{M_E} v^2$ مالةة الحركة للرض بمكن إهـانها.

حيث k طاقة الحركة للجسم نظرا لأن Me>>m هذه النتيجة تبن أن طاقة الحركة للأرض يمكن إهمائها. (7) من الأمثلة الثلاثة التى وردت فى بداية هذا القسم ، الكوكب يدور حول الشمس والقمر يدور هى مدار حول الأرض

تعتبر نظما مترابطة. الأرض ستظل بجانب الشمس والقمر سيظل بجوار الأرض. أما المذنب الذي يدور دورة حول الشمس ليس ينظام مترابطه. فالمذنب قد يتأثر مرة بألشمس إلا أنه ليس مترابطا معها. إذا يستطيع المذنب أن يتحرك بعيداً عن الشمس إلى ما لا نهاية.

مسكننا أن نيين أن C < 0 بالنسبة للنظام الذي يتكون من جسم L < 0 بالنسبة للنظام الذي يتكون من جسم منتلة L < 0 بما في مدار دائري حول جسم كتلته L < 0 بالنستخدام قانون نيوتن الثاني لجسم كتلته L < 0 نجد أن



$$\frac{GMm}{r^2} = ma = \frac{mv^2}{r}$$

r'' وبالقسمة على 2 نحصل على الآتي: r وبالقسمة على 2 نحصل على الآتي:

$$\frac{1}{2}mv^2 = \frac{GMm}{2r}$$
 (18.14)
 $17.14 \text{ is just} 17.14$ (18.15)

Control of the Contro

$$E = \frac{GMm}{2r} - \frac{GMm}{r}$$

$$E = -\frac{GMm}{2r}$$
 (19.14)

الطاقة الكلية لمدار دائري

وهذه النتيجة تبين بوضوح: أن الطاقة المكانيكية الكلية مقدار سالب، في حالة المدار الدائري. 3 - 1 أن طاقة الحركة كمية موجبة وتساوي نصف المقدار المطلق المؤتف والمقدار المطلق 3 - 1 أن يعلى للنظام لكي تتحرك الكثلثان إلى الماقة البيكانيكية الكلية تكون أيضا سالبة، في حالة مدار القطع الدامس.

والعلاقة التي تعطى 3 لدار القطع الناقص هي نفس العلاقة (19.14) مع إحلال τ بمقدار نصف الماء المحور الأكبر α . بالإضافة إلى ذلك الطاقة الكلية مقدار ثابت، إذا اعتبرنا أن النظام معزول، أي أن منا والمحال معزول، أي أن منا والمحال معزول، أي أن منا والمحال المحالة الكلية تظل (13.14) . الطاقة الكلية تظل المحالة (17.14) تعطى:

$$E = \frac{1}{2}mv_i^2 - \frac{GMm}{r_i} = \frac{1}{2}mv_f^2 - \frac{GMm}{r_i}$$
 (20.14)

وإنسافة هذا النص عن حفظ الطافة إلى ما سبق أن درسناه عن حفظا كمية الحركة الزاوية، نجد الدركة الزاوية، نجد الدركة الزاوية الكلية لنظام من جسمين بينهما رابطة تجاذب يعتبران من الدركة.

منال 7.14% تغيرمدارقمرصناعي.

— الدوك الغضائي يطلق قمراً صناعيا للإتصالات كتلته 840 kp عندما يكون في مدار على ارتقاع — ا 92 فوق سطح الأرض، آلة صاروخية على القمر تضعه في مدار متزامن مع حركة الأرض وهو أحداد الل فيه القمر معلقا فوق موقع معين على سطح الأرض، فكم تكون الطاقة التي يجب أن تعطيها عدادة الحل: يجب أولا أن نحسب نصف قطر المدار المتزامن مع حركة الأرض بعد ذلك نحسب التغير في الطاقة المطلوب لكي يوضع القـمـرفي مـداره. الزمن الدوري للمـدار T لابد وأن يكون يوم واحـد أي 8 86400 بحيث أن القمر الصناعي يكمل دورة حول الأرض في نفس الوقت الذي تلف فيه الأرض مرة حول محورها. إذا عرفنا الزمن الدوري نستخدم قانون كبلر الثالث للحركة (معادلة 7.14) لكي نجد $K_{\rm E} = 9.89 \times 10^{-14} \, {
m s}^2/{
m m}^3$ وهــو يسـاوي $K_{\rm E} = 4\pi^2/GM_{\rm E}$ بالمقــدار والمحال بالمقـدار والمحال والمحال والمحال بالمقـدار والمحال والمحا $T^2 = K_{\rm E} r^3$

$$r = \sqrt[3]{\frac{T^2}{K_c}} = \sqrt[3]{\frac{(86400 \text{ s})^2}{9.89 \times 10^{-14} \text{ s}^2/\text{m}^3}} = 4.23 \times 10^7 \text{ m} = R_f$$

يجب أيضا حساب نصف القطر الابتدائي (ليس الإرتفاع فوق سطح الأرض) لمدار القمر الصناعي عندما كان لايزال في المكوك الفضائي وهو يساوى:

$$R_E + 280 \text{ Km} = 6.65 \text{ x } 10^6 \text{ m} = R_i$$

وباستخدام معادلة (19.14) نحصل على مقداري الطاقة الكلية الابتدائية والنهائية.

$$E_i = \frac{GM_Em}{2R_i} , \quad E_f = -\frac{GM_Em}{2R_f}$$

الطاقة اللازمة لكي تضع الآلة القمر في مداره

$$\begin{split} E_{\rm engine} &= E_f - E_i = -\frac{GM_E m}{2} \left(\frac{1}{R_f} - \frac{1}{R_i}\right) \\ &= -\frac{(6.67 \times 10^{-11} \; \text{N} \cdot \text{m}^2 \, / \, \text{kg}^2) \, (5.98 \times 10^{24} \; \text{kg}) \, (470 \; \text{kg})}{2} \\ &\times \left(\frac{1}{4.23 \times 10^7 \, \text{m}} - \frac{1}{6.65 \times 10^6 \, \text{m}}\right) \; = \; 1.19 \times 10^{10} \, \text{J} \end{split}$$

وهذه الطاقة تعادل ما يعطيه 89 galon من الجازولين. مهندسي وكالة الفضاء الأمريكية (NASA) بأخذون في الحسبان تغير كتلة مكوك الفضاء عندما يطلق الوقود المحترق وهو مإلم نحسبه في هذا المثال.

إذا أردنا أن نعين كيف تتوزع الطاقة بعد اشتعال الوقود، نجد أنه من معادلة (18.14) التغير في طاقة الحركة $\Delta K = (GM_E m/2)(1/R_f - 1/R_i) = -1.19 \times 10^{10}$ وهو نقصان). والتغير في $\Delta U = -GM_E m (1/R_f - 1/R_i) = 2.38 \times 10^{10} J$ (زيادة) طاقة الوضع المناظر له (زيادة)

$$\Delta E = \Delta K + \Delta U = 1.19 \times 10^{10}$$
 إذن التغير في الطاقة الميكانيكية للنظام هو

وهي نفس النتيجة التي توصلنا إليها سابقا. إذن اشتعال الوقود ينتج عنه زيادة في الطاقة الميكانيكية الكلية للنظام. نظرا لأن الزيادة في طاقة الوضع يكون مقترنا بنقص في طاقة الحركة فإننا 580 أنستنتج أن سرعة القمر تقل كلما زاد ارتفاع المدار. شكل (17.14) جسم كتلته m قذف إلى أعلى من سطح الأرض. بسرعة

إبتدائية , v ووصل لأقصى ار:

... مة الإفلات من الحاذبية الأرضية Escape Speed

سرين أن جسما كتلته m قذف من سطح الأرض عموديا الله الله (17.14). الله بسرعة إبتدائية إن كما هو موضح في شكل (17.14). المنا متابارات الطاقة أن نجد أقل قدر للسرعة الابتدائية الله الكي يقلت من مجال جاذبية الأرض.

و الدلام عند اي نقطة، بالدلام عند اي نقطة، $r = r_i = R_F$ و $v = v_i$ عند ما يصل الجميم الأرض و $v = v_i$ الرتفاع $v = v_f = 0$ و $v_i = v_i$ الله القافة $v = r_f = r_{max}$ و $v = v_f = 0$ الله مقدار ثابت، وباخذ تلك الشروط في الاعتبار في معادلة (2011) تحصل على الآثر:

$$\frac{1}{2}mv_i^2 - \frac{GM_Em}{R_B} = -\frac{GM_Em}{r}$$

، دل المعادلة لإيجاد ²إنانحصل على

، اللانهاية ∞ ← Γ .

$$v_i^2 = 2GM_E \left(\frac{1}{R_E} - \frac{1}{r_{\text{max}}}\right)$$
 (21.14)

رن إذا كانت السرعة الابتدائية معروفة يمكن استخدام هذه العلاقة لحساب أعلى ارتفاع h حيث $h=r_{\max}-R_E$

ن نا لآن في وضع يمكننا من حساب سرعة الإفلات. وهي أقل سرعة يمكن أن يحصل عليها v_i من مند سطح الأرض لكي يفلت من تأثير الجاذبية الأرضية. وبالانطلاق بهذا الحد الأدنى من v_i منه بواصل الجسم حركته بعيدا عن سطح الأرض حتى تصل سرعته تقريبا إلى الصفر، لو اقترضنا $v_i = v_{esc}$ غيم معادلة (21.14) وأخذنا $v_i = v_{esc}$ نحصل على

$$v_{\rm esc} = \sqrt{\frac{2GM_E}{R_E}}$$
 سرعة الاقلات

لا - دا أن هذه العلاقة التي تعطي w_{max} V التعتمد على كثلة الجسم أي أن المركبة الفضائية لها نفس
 له الإفلات مثل الجزئ، إلى جانب أن النتيجة لانتوقف على اتجاه السرعة، وتهمل مقاومة الهواء.

ادا اكتسب الجسم سرعة ابتدائية تساوي $v_{\rm esc}$ ، سرعة الإفلات، تكون طاقته الكلية تساوي صفراً. \cdots أن ملاحظة ذلك فعندما تقترب v > 0 تصبح الطاقة الحركية وطاقة الوضع للجسم تساوي صفراً. v > 0 تأكن v > 0 تأكن v > 0 تأكن الطاقة الكلية أكبر من صفر ويتبقى للجسم بعض طاقة الحركة عند ما تقترب

سرعة الافلات لصاروخ مثال 8.14

احسب سرعة الإفلات من الأرض لركبة فضائية كتلتها 5000 kg ، واحسب طاقة الحركة التي يحب أن تكتسبها عند سطح الأرض لكي تفلت من جاذبية الأرض.

الحل: باستخدام معادلة 22.14 نحصل على الآتى:

$$\begin{split} \upsilon_{\rm esc} &= \sqrt{\frac{2GM_E}{R_E}} \\ &= \sqrt{\frac{2(6.67 \times 10^{-11} \; \text{N} \cdot \text{m}^2/\text{kg}^2) \; (5.98 \times 10^{24} \text{kg})}{6.37 \times 10^6 \text{m}}} \end{split}$$

 $= 1.12 \times 10^4 \text{m/s}$

وهو ما يعادل 25000 mi/h

طاقة حركة المركبة الفضائية هي:

$$K = \frac{1}{2}mv_{\text{esc}}^2 = \frac{1}{2}(5.00 \times 10^3 \text{kg}) (1.12 \times 10^4 \text{m/s})^2$$

= 3.14 × 10¹¹ J

وهو ما يعادل gal 2300 من الحازولين.

المادلتان 21.14 و 22.14 يمكن استخدامهما للأجسام المقذوفة من أي كوكب. بصفة عامة سرعة الإفلات من سطح أي كوكب كتلته M ونصف قطره R هي

 $v_{\rm esc} = \sqrt{\frac{2GM}{R}}$

جدول (3.14) سرعة الإفلات من أسطح الكواكب والقمر والشمس سرعة الافلات للكواكب والقمر والشمس معطاه في $v_{esc}(km/s)$ (kg) ausm Merury addic 43 الزهرة Venus 10.3 الأرض Earth 11.2 القمر Moon 2.3 المريخ 5.0 Mars الشترى Jupiter 60 زحل 36 Saturn أورانس Uranus نبتون Neptune 24 بلوتو Pluto الشمس Sun 618

جدول 3.14 لاحظ أن القيم تختلف من 1.1km/s للكوكب بلوتو إلى ما يقرب من 618 km/s للشمس. هذه النتائج إلى جانب بعض الأفكار من نظرية الحركة للغازات (انظر الفصل 21) توضع لماذا لبعض الكواكب غلاف جوى والبعض الآخر ليس له غلاف جوى ، كما سنرى فيما بعد . جزيئات الغاز لها طاقة حركة تعتمد على درجة حرارتها. ومن ثم فإن الحزيئات الخفيفة مثل الهيدروجين والهيليوم لها سرعة متوسطة أعلى من سرعة الجزيئات الأكثر كتلتة عند نفس درجة الحرارة. عندما تكون متوسط السرعة للجزيئات الخفيفة ليست أقل بكثير من سرعة 582) الإفلات من جاذبية الكوكب فإن نسبة كبيرة من تلكُ الغازات

شكل (19.18) كلما تزايدت سرعة جسم (حجر مثلا) عند قذفه في الفضاء كلما ازداد ارتفاعه قبل أن يعود إلى الأرض، سوف نفيترض أن

سرعة الجسم ستزداد على مراحل

بحيث يصنع أقواس تبعد عن الأرض

بمقدار 2، 5، 10، 100، 1000 قبل أن

يعود إلى الأرض وعندما تصل سرعته إلى سرعة الإفلات سيمضى الجسم

في الفضاء دون أن يعود إلى الأرض

م ا السرعة الكافية للإفلات من جاذبية هذا الكوكب. وهذا هو ... في أن الغلاف الجوى للأرض لم يحتفظ بجزيئات " ١٠٠٠ و جين وذرات الهيليوم بينما احتفظ بالأكسجين والنتروجين. ١٠٠ ية أخرى السرعة الكبيرة اللازمة للإفلات من كوكب المران مكنت هذا الكوكب من الاحتفاظ بغاز الهيدروجين كمكون ١... لغلافه الجوي.

إذا كنت چيولوچي في الفضاء، واكتشفت وجود ذهب في أحد الكويكبات الصغيرة، فمن المحتمل أنك لن تستطيع أن تقضز وتهبط من ضرط السعادة بهذا الاكتشاف. للاذا ؟

(قسم اختیاری)

المُفْكَ قوة الجاذبية بين جسم ممتد وجسيم

THE GRAVITATIONAL FORCE BETWEEN AN EXTENDED OBJECT AND A PARTICLE

اسد أكدنا على أن قانون الجذب العام المعطى في معادلة 3.14، ام إذا نظرنا إلى الأجسام المتأثرة على أنها جسيمات،

الى هذا الأساس كيف يمكننا حساب القوة بين جسيم وجسم ١٠٠١ ابعاد محدده ؟. يمكن عمل ذلك باعتبار أن الجسم المتد ... مجموعة من الجسيمات ثم نستخدم حساب التكامل.

٠٠ سب أولا دالة طاقة الوضع، ثم نحسب قوة الجاذبية من ٠٠٠ الدالة نحصل على طاقة الوضع المرافقة لنظام يتكون من . من الله m وجسم ممتد كتلته M. بتقسيم الجسم إلى مجموعة المادير كتلة كل منها ، كل شكل (19.14)، طاقية الرب م المرافقة للنظام الكيون من أي عنصر والجسيم هي عيث r_i هي المسافة من الجسيم إلى العنصر $U = -Gm \Lambda M_i$ ١١ / وطاقة الوضع الكلية للجسم كله يمكن الحصول عليها بأخذ



شكل (19.14) جسيم كتلتة m يتأثر بجسم كتلته M قوة التجاذب الكلية التي يؤثر بها الجسم على الجسيم يمكن حسابها بتقسيم الجسم إلى عدة أقسام كتلة كل منها ΔM_i ثم نحصل على حاصل الجمع المتجه للقوى المؤثرة بواسطة جميع الأجزاء.

الكاملية الآتية U بالصورة التكاملية الآتية $\Delta M_i \rightarrow 0$ بالصورة التكاملية الآتية الآتية

$$U = -Gm \int \frac{dM}{r}$$
 (23.14)

السالبة المتد على الجسيم بأخذ المشتقة السالبة السالبة المتد على الجسيم بأخذ المشتقة السالبة Ur الله القياسية (ارجع إلى القسم r 6.8) إذاكان للجسم الممتد تماثل كروي. الدالة U تعتمد على r

الفيزياء (الجزء الأول - الميكانيكا والديناميكا الحرارية)

فقط وتعطى القوة -duldr وسوف نعالج هذا الوضع في (10.14) . من حيث المبدأ يمكن تحديد U لأي شكل هندسي إلا أن التكامل سيكون صعبا.

هناك طريقة بديلة لتقدير قوة الجاذبية بين جسم ممتد وجسيم وهو أن نحصل على مجموع المتجهات لجميع عناصر الكتل للجسم، مستخدما الطريقة الموضحة في تقييم \overline{U} وقانون الجذب العام كما هو مبين في العلاقة (3.14) . من ذلك نحصل على القوة الكلية المؤثرة على الجسيم.

$$\mathbf{F}_{g} = -Gm \int \frac{dM}{r^{2}} \,\hat{\mathbf{r}} \tag{24.14}$$

حيث î وحدة متجه في الاتجاء من العنصر dM نحو الجسيم أنظر شكل (19.14) والإشارة السالبة تبن أن اتجاء القوة في عكس اتجاء î .

وهذه الطريقة لانوصي بها دائما لأن العمل بدالة المتجهات أصعب من العمل بدالة طاقـة جهـد. قياسية . إلا أنه إذا كانت هندسة الشكل بسيطة كما فى المثال التالى يمكن تعيين F مباشرة.

مثال 9.14 قوة الجاذبية بين جسيم وقضيب:

الطرف ا $^{\prime}$ سر لقضيب متجانس طوله L وكتلته M على بعد h من جسيم كتلته m (شكل 20.14) إحسب قوة الد. :بية الكلية التي يؤثر بها القضيب على الجسيم.

ارحل، سنآخذ عنصر اختياري من القضيب طوله xb وكلته dx لأن الكتلة لوحدة الأطوال ثابتة، ومن ثم النسبية بين كتلة العنصر للكتلة الكلية dM قساوي النسبية بين الأطبوال المنصر للكتلة الكلية dM قساوي النسبية بين الأطبوال dM ومن ثم xb (dM) وما dM وما dM والمسافة xb المينة في شكل (dA)، وحدة المتجه a هي أح-a والقوة المؤثرة على الجسيم نحو اليمين. ومن ثم معادلة (dA) تعطير:



شكل (14.20)قــوة التــجــاذب بين القــضـيب والجـسـيم الناتجــة عن القضيب تتجه نحو اليمين لاحظ أن القضيب ليس مكافئا لجميم كتلته M موضوع عند مركز القضيب.

$$\mathbf{F}_{g} = -Gm \int_{h}^{h+L} \frac{Mdx}{L} \frac{1}{x^{2}} (-\mathbf{i}) = Gm \frac{M}{L} \int_{h}^{h+L} \frac{dx}{x^{2}} \mathbf{i}$$

$$\mathbf{F}_{g} = \frac{GmM}{L} \left[-\frac{1}{x} \right]_{h}^{h+L} \mathbf{i} = \frac{GmM}{h(h+L)} \mathbf{i}$$

نري أن القوةا لمؤثرة على الجسيم في أتجاه x المر وهو ما نتوقعه لأن قوة الجاذبية قوة جذب لاحظ أنه عندما تؤول L^{p} المسلم (P-1) تغيير القوة عكسيا مع مريع h أي تبعا L^{p} (هو ما نتوقعه للقوة بين جسمين صغيرين . بالإضافة إلى ذلك إذا كانت L > L h تغيير القوة كذلك مع L^{p} ومكن ملاحظة ذلك حيث إن المقام في معادلة $F_{\rm g}$ يمكن كتابته بالشكل L(L/h) وهو ما يساوي L > L أن المجاهزة عند المحافظة والمحافظة والمحافظة المحافظة المحافظ

إذن عندما تكون الأجسام متباعدة بمسافات كبيرة بالمقارنة بأبعادها فهي تصبح مثل الجسيمات.

(قسم اختیاری)

ا ا.10 قوة الجاذبية بين جسيم وكتلة كروية

THE GRAVITAIONAL FORCE BETWEEN A PARTICLE AND A SPHERICAL MASS

F_{OP} (a) (b)

الشكل (21.14) المركسات اللانصف ١٠٠ ربة لقبوى التحاذب المؤثرة على P موضوع عند النقطة m· ارج فشرة كروية كتلتها M تتلاشى (b) القشرة الكروبة بمكن تقسيمها الى حلقات، إلا أن النقطة P تكون احرب إلى الحلقة العليسا أكبشر من اا - لقة السفلى. الحلقة السفلى تكون ١٠١ بــر وقدوى الجاذبية المؤثرة على ااء ____م عند P بواسطة المادة في ه ادن الحلقة بن بالأشى كل منهما الاخر ، إذن بالنسبة لجسيم موجود ... أي نقطة P داخل القشرة الكروبة لاءوحد قبوى جاذبية مؤثرة على الم سيم بفعل كتلة القشرة الكروية (c) ١٨ م. قدار قوة الجاذبية، بالنسبة البسافة ٢ من مركز القشرة الكروبة.

اسد ذكرنا أن الكرة الكبيرة تجذب الأجسام التي خارجها كما لو كانت كتلة الكرة كلها مركزة في رها ـ الآن .. - رها ـ الآن سـوف نتناول القـوة المؤثرة على جـسـيم عندمـا يكون الجـسم المـتــد إمـا قـشــرة ... - Spherical Shell أو كرة مصبته . ثم نستخدم هذه الحقائق لبعض النظم ذات الأهمية .

القشرة الكروية

الحالة الأولى: إذا كان جسيم كتلتة m موضوع خارج فشرة كروية كتاتها M عند نقطة P مثلا كما في شكل (14.21a). القشرة الكروية تجذب نحوها الجسيم كما لو كانت كتلة القشرة مركزة في مركزها.

وسوف نبين ذلك كما فعل نيوتن باستخدام حساب التكامل. إذن حيث أن قوة الجاذبية تؤثر على جسم خارج القشرة. القشرة الكروية تؤثر كما لوكانت كرة مصمتة كما رأينا سابقا.

الحالة الشانية: إذا كان الجسيم موضوع داخل القشرة (عند النقطة P كما في شكل (21.14.b) قوة الجاذبية التي تؤثر على الجسيم يمكن أن نبين أنها تساوي صفراً ويمكننا أن نوضح هاتين النتيجتين كما يلي:

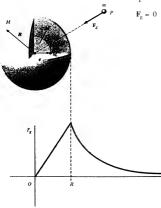
$$\mathbf{F}_{\mathbf{g}} = -\frac{GMm}{r^2}\hat{\mathbf{r}} \quad \text{for } r \ge R \qquad (25.14 \text{ a})$$

$$\mathbf{F}_{\mathbf{g}} = 0 \quad \text{for } r < R \qquad (25.14 \text{ b})$$

قوة الجاذبية كدالة في المسافة r مرسومة في شكل 114.21cالقشرة لا تعمل كعازل للجاذبية، وهذا يعنى أن الجسيم داخل القشرة يمكن أن يتأثر بقسوى ناتجسة عن أجسسام خسارج القشرة.

كرة مصمتة:

الحالة الأولى: إذا كان جسيم كتلته m موضوع خارج كرة متجانسة كتلتها (22.14) في شكل (22.14) M الكرة تجذب الجسم كما لوكانت كتلة الكرة مسركسزه في مسركسزها. لقسد استخدمنا هذه اللحوظة في أماكن عديدة في هذا الباب ويمكننا أن نبرهن عليها من معادلة (25.14a) والكرة المصمته يمكن اعتبارها مجموعة من القشور الكروية متحدة 586) المركز. وكتل جميع تلك القشور تعتبر



شكل (22.14) قوة الجاذبية التي تؤثر على جسيم خارج كرة مصمته تساوى GMm/r² ومتجهه نحو مركز الكرة. قوة الجاذبية المؤثرة على الجسيم عندما يكون داخل ثلك الكرة تتناسب مع ٢ وتهبط إلى الصفر عند المركز.

. . . م. المركز المشترك لها. وقوة الجاذبية تعادل القوة الناتجة عن جسيم كتلته M موجود عند المركز.

Q الله الثانية: إذا كان جسيم كتلته m موضوع داخل كرة مصمته متجانسة كتلتها M (عند النقطة Q - \dots - 1) 1-22) وهوة الجاذبية المؤثرة عليها هي الناتجة فقط عن كتلة الكرة M' الموجودة داخل كرة M' - M' الميئة في شكل M' وهوة الجاذبية المؤثرة عليها هي الناتجة فقط عن كتلة M' M' M'

نا، ودة داخل كرة نصف قطرها r < R المبينة في شكل 22.14 أي أن :

No. 3 To St. Market St. William

$$\mathbf{F}_{g} = -\frac{GmM}{r^{2}}\hat{\mathbf{r}} \quad \text{for } r \ge R$$
 (25.14 a)

$$\mathbf{F}_{g} = -\frac{GmM'}{r^{2}}\hat{\mathbf{r}} \quad \text{for } r \ge R$$
 (25.14 b)

وهو ما يمكن استنتاجه أيضا من الحالة الأولى،حيث إن الجزء من الكرة الواقع بعد النقطة Q بعيدا \dots الأركز يمكن معاملته كسُلسَلة من القشور الكروية متحدة المركز التي لا تؤثر بقوة على الجسيم لأن السبح بداخلها .

السبح بداخلها .

ديث أن كثافة الكرة منتظمة نستنتج أن النسبة بين الكتلين M'M تساوي النسبة بين الحجمين I عديث I مو الحجم الكلي للكرة الكبيرة و I' هو الحجم للجزء الداخلي من الكرة الذي نصف I' ، ارما I' فقط. I' فقط. I' فقط.

$$\frac{M'}{M} = \frac{V'}{V} = \frac{\frac{4}{3}\pi r^3}{\frac{4}{3}\pi R^3} = \frac{r^3}{R^3}$$

بحل هذه المعادلة لإيجاد M' وإحلال النتيجة في معادلة 26.14 b نجد أن:

$$\mathbf{F}_{\mathbf{g}} = -\frac{GmM}{R^3} \, r \, \hat{\mathbf{r}} \quad \text{for } r < R \tag{27.14}$$

هذه المعادلة توضح أنه عند مركز الكرة المصمته عندما r=0 قوة الجاذبية تصبح صفر كما نتوقع. I=0 الدوء كدالة في T موضحة في الشكل (22.14).

الحالة الثالثة؛ إذا وجد جسيم داخل كرة مصمتة كثافتها q والكرة متماثلة إلا أنها ليست منتظمة $M'=\int \rho dV$ من التكامل $M'=\int \rho dV$ على الحجم داخل M'=0 في معادلة (26.14b) وتعطى من التكامل M'=0 المرة التكامل إذا كان لدينا تنير q مع نصف الحرة التكامل إذا كان لدينا تنير q مع نصف المدار وقائد فقروة المحلة المحلكاء q ومن ثم المدار وقائد فقرة كروية نصف قفرها q وصنحكها q ومن ثم $dV=4\pi r^{-1}$ db مثلا إذا كانت $dV=4\pi r^{-1}$ db منظم $dV=4\pi r^{-1}$ db من معادلة وتساوي $dV=4\pi r^{-1}$ db بين معادلة وتساوي المدارك عند الكرة والمدارك والمد

احتبار سريع 4.14

الفيزياء (الجزء الأول - الميكانيكا والديناميكا الحرارية)

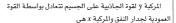
مثال 10.14

جسيم كتلته m يتحرك في نفق أماس مستقيم محفور بين نقطتين على سطح الأرض شكل(23.14) بين أن الجسم يتحرك في حركة توافقية بسيطة واحسب الزمن الدوري للحركة. اعتبر أن كثافة الأرض منتظمة.

الحل: قوة الجاذبية المؤثرة على الجسم تؤثر نحو مركز الأرض وتعطى بالمعادلة

$$\mathbf{F}_{\mathrm{g}} = -\frac{GmM}{R^3} r \, \hat{\mathbf{r}}$$

يمكن أن نحصل على أول دليل على أن هذه القوة لابد أن ينتج عنها حركة توافقية بسيطة بمقارنتها بقانون هوك الذي رأيناه في القسم 3.7 حيث أن قوة الجاذبية على الجسم تتناسب طرديا مع الإزاحة. إذن الحسم بتأثر بقوة قانون هوك.



$$F_x = -\frac{GmM_E}{R_E^3} r \cos \theta$$

حيث أن الإحداثي $x = r \cos \theta$ للجسم كتابة

$$F_x = -\frac{GmM_E}{R_E^3} x$$

باستخدام قانون نيوتن الثاني للحركة في اتجاه المحور x نحصل على الآتى:

$$F_x = -\frac{GmM_E}{R_E^3} x = ma_x$$

 a_x ومنها نوجد مقدار

$$a_x = -\frac{GM_E}{R_E^3} x$$
 $a_x = -\frac{GM_E}{R_E^3}$

إذا استخدمنا الرمز ω^2 لعامل x وهو GM_F/R_F^3 نحصل على الأتى

$$a_r = -\omega^2 x$$

وهذه العلاقة تتفق مع الشكل الرياضي لمعادلة 9.13 التي تعطى عجلة الجسيم في الحركمة التوافقية البسطية $a_x = -\omega^2 x$ إذن المعادلة (1) التي استنتجناها لعجلة الجسيم داخل النفق هي معادلة للعجلة في الحركة التوافقية البسيطة عندما تكون السرعة الزاوية ω هي

$$\omega = \sqrt{\frac{GM_E}{R_E^3}}$$



شكل (23.14) جسم يتحرك داخل نفق محفور داخل الأرض. مركبة قوة الجاذبية Fg على المحور x هي القوة الدافعة للحركة، لاحظ أن هذه القوة

تكون دائما في اتجاه المركز.

إس الحسم داخل النفق بتحرك بنفس الطريقة مثل كتلة معلقة من زنيرك والزمن الدوى للذبذبة

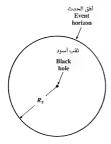
$$\begin{split} T &= \frac{2\pi}{\omega} = 2\pi \sqrt{\frac{R_g^2}{GM_E}} \\ &= 2\pi \sqrt{\frac{(6.37 \times 10^6 \, \mathrm{m})^3}{(6.67 \times 10^{-11} \, \mathrm{N} \cdot \mathrm{m}^2 / \, \mathrm{kg}^2) \, (5.98 \times 10^{28} \, \mathrm{kg})}} \end{split}$$

 $= 5.06 \times 10^3 s = 84.3 min$

. ١٠١٨ الزمن الدوري هو نفس الزمن الدوري لقــمـر يدور في مــدار دائري فــوق سطح الأرض (مع ١٠٠١ الأشجار والمباني وغير ذلك) لاحظ أن النتيجة لاتتوقف على طول النفق.

اسد افترح تشغيل نظام للنقل بين أي مدينتين باستخدام الفكرة التي أعطيت في هذا المثال، والرحلة من الحاه واحد تستغرق 42 min 4. والحسابات الأكثر دقة للحركة بعب أن تأخذ في الاعتبار أن كثافة الأس ليست منتظمة وهناك المديد من المشاكل العلمية التي يجب أخذها في الاعتبار، فمثلا من الساكل العلمية التي يجب أخذها في الاعتبار، فمثلا من الساكل ومن ثم فلابد من وجود مصدر للطاقة الإضافية، هل مدان التفكير في نظام آخر

الالك الثقوب السوداء BLACK HOLES



 $R_{\rm s}$ لقم القطر (24.14) ثقب أسسود. نص القطر $R_{\rm s}$ يسمى نضف قطر شارزشيلد أى حدث يتم داخل حدود أفق الحدث لا يمكن رؤيته من الخارج.

، ۱۰٫۱ من النجوم تكون نهايته أكثر دراماتيكية وذلك عندما تكون كتلة النجم ثلاث أمثال كتلة الشمس ا فإن الإنكماش يظل مستمرا حتى يصير النجم على شكل جسم متناهى الصغر وهو ما يسمى ﴿



الشقب الأسود، وضيه ترتفع درجة الحرارة لتلك المأدة لدرجة أنها تصدر إشعاعات لها الطول الموجى للأشعبة

الثقب الأسود. في الحقيقة أن الثقب الأسود هو بقايا نجوم انكمشت بشدة تحت تأثير قوى جاذبيتها الذاتية، فإذا ما أقترب جسم مثل مركبة فضائية من الثقب الأسود فإنه يقع تحت تأثير قوة جذب فائقة ويُبتلع داخل الثقب إلى الأبد.

والهروب من الثقب الأسود يحتاج إلى سرعة إفلات Escape Speed فائقة نتيجة لتركيز كتلة النجم في كرة نصف قطرها صغيرا جدا، انظر معادلة (12.14) فإذا ما بلغت سرعة الإفلات سرعة الضوء C فإن الأشعة مثل الضوء المرئى المنبعثة من أي جسم لا يمكن أن تغادره ولذلك يبدو الجسم أسودا ومن هنا أتت التسمية الثقب الأسود. ويطلق على النصف قطر الحرج ، R الذي عنده سرعة الإفلات تساوى سبرعية الضبوء C اسم نصف قطر شيفا رزشيلد Schwarzashild Radius شكل (24.14). والسطح التخيلي لكرة لها مثل هذا القطر وتحيط بالثقب الأسواد تسمى أفق الحدث Event Horizon وهو يمثل الحد الذي يمكن أن تصل إليه قرب الثقب ويكون لديك أمل في الإفلات منه.

وعلى الرغم من أن الضوء من الثقب الأسود لا يمكن أن يغادره إلا أن الضوء المتبعث من الأجسام القريبة من أفق الحدث يمكن مشاهدته. على سبيل المثال يمكن أن يتكون نظام من نجمين أحدهما ثقب أسود والآخر نجم عادى. في هذه الحالة تتجذب المواد التي تحيط بالنجم العادي نحو الثقب الأسود كما في شكل (25.14) وتكوِّن ما يسمى قرص متنامي accretion disc حول الثقب الأسود. في هذا القرص تتحول الطاقة الميكانيكية الناتجة عن احتكاك المادة المكونة للقرص المتنامي إلى طاقة داخلية ويتناقص تبعاً لذلك ارتفاع مدار القرص المتنامي عن أفق الحدث وتزداد درجة حرارته، ومع ارتفاع درجة حرارة المادة في القرص المتنامي تصدر عنه كمية كبيرة من الأشعة التي يصل طولها الموجى إلى الطول الموجي للأشعة السينية. وتلك الأشعة السينية من الدلائل المهيزة للثقوب السوداء عن طريق ملاحظة الأشعة وهناك دلائل على وجود تقوب سوداء هائقة الكتلة توجد في وسط المجرات وتصل كتلتها إلى استعاف كتلة الشمس، وفي مجرئنا يعتقد في وجود ثقب أسود فائق الكتلة تقترب كتلته من كتلة ثلاث الناس شمس في وسط المجرة.

ونبين النماذج النظرية أن تلك الأجسام فائقة الكتلة ينبعث حول محور دورانها نفات من المواد. ويبين

إ. (26.14) صورة التقطها تلسكوب هابل
 به ر 787 M ويبين نقائه من المواد ينبث من
 به الجرة ويعتقد أنها إحدى الدلائل على
 به رد ثقب أصود هائق الكتلة في وسط تلك
 به المراجع المحدد الدلائل على

شكل (26.14) صررة التقطها تلسكوب الفضاء مابل للمجوة 8 آق وتظهر فيها المادة قبيضًا على شكل نفاث من مركز المجرة متجهة نحو اليمين إلى أعلى الشكل وتبلغ سرعتها عُسر سرحة الضوء . ويمتقد أن تلك اللفائات دليلا على وجود ثقوب سوداء في وسط المجرة.

ملخص SUMMARY

أنون ثيوتن للجذب العام ينص على أن قوة الجاذبية بين أي جسمين كتلتهما m_2, m_1 بينهما مقدارها m_2, m_1 مقدارها

$$F_g = G \frac{m_1 m_2}{r^2}$$
 (1.14)

حيث G مقدار ثابت $N \cdot m^2/kg^2$ سام. وهذه المعادلة $G = 6.673 \times 10^{-11} N \cdot m^2/kg^2$ مقدار ثابت الجناب بين الأجسام تحت ظروف عديدة.

حسم على مسافة أأ فوق سطح الأرض يتأثر بقوة جاذبية مقدارها 'mg حيث'g عجلة السقوط ا ١٠ , من هذا الارتفاع.

$$g' = \frac{GM_E}{r^2} = \frac{GM_E}{(R_E + h)^2}$$
 (6.14)

نبي هذه المعادلة M_E هي كتلة الأرض و R_E نصف قطر الأرض. إذن وزن الجسم ينقص كلما زاد بعد المسم عن سطح الأرض

قوانين كبلر لحركة الكواكب تنص على:

- سبع الكواكب تتحرك في مدارات على شكل قطع ناقص والشمس عند أحد البؤرتين.

· معنف قطر المتجه الواصل من الشمس إلى الكوكب يتحرك عبر مساحات متساوية في فترات زمنية مساحات متساوية في فترات زمنية

الفيزياء (الجزء الأول - الميكانيكا والديناميكا الحرارية)

3-مربع الزمن الدوري لأي كوكب يتناسب مع مكعب نصف طول المحور الأكبر للمدار الذي على شكل قطع ناقص.

ويمكن كتابة فانون كبلر الثالث على النحو التالى:

$$T^2 = \left(\frac{4\pi^2}{GM_s}\right)r^3\tag{7.14}$$

حيث M_c كتلة الشمس وr نصف القطر المدارى.

.a للدارات القطع الناقص المعادلة (7.14) تكون صالحة إذ حل محل r طول نصف المحور إلأكبر

معظم الكواكب لها مدارات شبه دائرية حول الشمس.

– مجال الجاذبية عند نقطة في الفضاء تساوي قوة الجاذبية المؤثرة على أي جسم اختبار موضوع عند تلك النقطة مقسوما عى كتلة جسم الإختبار

$$g = \frac{F_g}{I}$$
 (10.14)

قوة الجاذبية محفوظة ، ومن ثم دالة طاقة الوضع يمكن تعريفها كالأتي: طاقة الوضع التابعة لجسمين تقصلهما مسافة r هي:

$$U = -\frac{GM_1m_2}{r} {(15.14)}$$

حيث U نسباوي صفراً عندماً تقترب r من اللانهاية r ∞ r طاقة الوضع الكلية لنظام من الجسيمات هو مجموع الطاقات لجميع أزواج الجسيمات، وكل زوج من الجسيمات يمثل بحد على نمط المدالة (15.14).

إذا كان نظام معزول يتكون من جسيم كتلته m يتحرك بسرعة v على مقربة من جسم ثقيل كتلته M الطاقة الكلية M لنظام هي مجموع طاقة الحركة وطاقة الوضع.

$$E = \frac{1}{2}mv^2 - \frac{GMm}{r}$$
 (17.14)

الطاقة الكلية هي احدى ثوابت الحركة. إذا تحرك الجسم في مدار دائري نصف قطره r حول m جسم ثقيل بعيث أن m > m الطاقة الكلية للنظام هي.

$$E = -\frac{GMm}{2r} \tag{19.14}$$

الطاقة الكلية تكون سالبة لأي نظام مترابط.

سرعة الإفلات من الجاذبية لأي جسم يقذف من على سطح الأرض هي:

$$v_{\rm esc} = \sqrt{\frac{2GM_E}{R_E}}$$
 (22.14)



QUESTIONS اسئلة

- ا استخدم قانون كبلر الثاني لكي تبن لنفسك ان الأرض في شهر ديسمبر تدور في مدارها اسرع عندما تكون قريبة من الشمس من دررانها في شهر يونيو عندما تكون بعيدة عنها.
- 2 فوة الجاذبية التي تؤثر بها الشمس على القمر تصل إلى ضعف قرة الجاذبية التي تؤثر بها الأرض على القمر. فلماذا لا تجذب الشمس القمر بعيدا عن الأرض أثناء الكسوف الكلي للشمس؟
- 8. إذا كانت منظومة تتكون من خمس جسيمات. كم عدد الحدود التي تظهر عند التعبير عن طاقة الوضع الكلية؟. وكم عدد الحدود التي تظهر إذا كانت المنظومة تتكون من عدد N من الجسيمات.؟
- 4 هل من المكن حسساب دالة طاقة الوضع المساحية لجسيم وجسم ممتد دون معرفة الشكل الهندسي أو توزيع الكتلة للجسم المتد.
 5 - هل سرعة الهروب من الجاذبية لصاروخ
- تعتمد على كتلته؟ وضح. 6 - قارن بين الطاقات اللازمة للوصول إلى القمر لمركبة فضائية كتلتها 10⁵kg وقمر صناعي
- كتلته kg 10⁸kg. أ [7] وضع لماذا تستهلك المركبة الفضائية وقودا لكي تسافسر من الأرضن إلى القسمر اكشر مما تستهلكه في رحلة المودة؟ قدر الفرق.
- [8] لماذا لا يوضع قد مر العلقس المترامن مع الأرض weather satellites في مدار حول خط العرض "45 9 أليس ذلك أكثر فائدة للولايات المتحدة من قمر حول خط الإستواء
- 9 هل طاقعة الوضع للنظام المكون من الأرض

والقمر أكبر من أو أقل من أو يساوي طاقة

الحركة للقمر بالنسبة للأرض ؟

- 10 وضع لماذ لا يبدئل شخل على كوكب أثناء دورانه في مدار دائري حبول الشخص على الرغم من أن قوة الجاذبية تؤثر على الكوكب، ما مقدار صافي الشئل المبدؤل على كوكب أثناء كل دورة يدورها حول الشخص في مدار على شكل قطع نافص ؟
- 11 وضع لماذا تكون القوة المؤثرة على جسيم بواسطة كرة منتظمة متجهة نحو مركز الكرة؟ فهل ستكون الحالة كذلك لو أن الكتلة ليست موزعة على الكرة بشكل منتظم؟
- 12 بإهمال التغيرات في كثافة الأرض، كم يكون الزمن الدوري لجسيم يتحرك في فجوة ملساء محفورة بين نقطتين متقابلتين على سطح الأرض. وتمر في مركزها.
- 13 عند أي مكان في مدار القطع الناقص تكون سرعة الكوكب أكبر ما يمكن؟ وعند أي نقطة تكون أقل ما يمكن ؟
- 14 إذا عـرفت الكتلة ونصف القطر لكوكبX كيف تحسب عجلة السقوط الحر على سطح هذا الكوكب ؟ .
- 15 إذا حضرت حضرة تصل إلى مركز الكرة الأرضية فهل نظن أن القوة على كتلة m ستظل نتبع القانون (1.14) عند هذا المكان ؟ ماذا تنتقد أن تكون القوة على m عند مركز الأرض؟
- 16 في تجرية كفندش عام 1798 يقال أن كفندش قد وزن الأرض وضح هذا التعبير.
- 17 قبوة الجاذبية التي أثرت على المركبة
 الشضائية فويجر Voyager بواسطة كوكب
 المشترى أكسبتها عجلة زادت من سرعتها إلى (

الفيزياء (الجزء الأول - الميكانيكا والديناميكا الحرارية)

السرعة اللازمة للإفلات من جاذبية الشمس وضح كيف يمكن ذلك؟

18- كيف بمكنك إيجاد كتلة القمر ؟

49- المركبة الفضائية أبوللو 13 (Apollo 13)

PROBLEMS JYL

1، 2، 3 = مسائل مباشرة، متوسطة، تحدى

Http:// www. sanunderscollege. com/ physics/ = الحل موجود في: /WEB

= الحاسب الآلي مفيد في حل المسائل

= أزواج رقمية/ باستخدام الرموز



القسم 1.14 قانون نيوتن للجذب العام

القسم 2.14 قياس ثابت الجاذبية

القسم 3.14 الهبوط الحروقوة الجاذبية

1 - حدد مقدار قوة الجاذبية التي تؤثر بها على شخص آخر يبعد 2 متر حدد الكميات التي تحتاج لتقديرها وقيم كل منها.

- 2 كتلة مقدارها 200kg وأخرى كتلتها 500kg السافة بينهما 0.40m أوجد محصلة قوة الجاذبية التي تؤثر بها تلك الكتل على كتلة مقدارها 50.0kg موضوعة في منتصف المسافة بينهما (b) عند أي مكان يمكن وضع الكتلة 50.0kg حتى تتأثر بمحصلة قوى تساوى صفرأ باستثناء وضعها عند المالانهاية.
- 3 ثلاث كتل متساوية موضوعة في ثلاث أركان لمربع طول كل ضلع من أضلاعه ال كما هو مبين في شكل P3.14 أوجد مجال الجاذبية g عند الركن الرابع نتيجة لتلك الكتل.



· 1988年 (1986) (1986) (1986) (1986) (1986) (1986) (1986) (1986) (1986) (1986) (1986) (1986) (1986)

حدثت بها مشاكل في جهاز الأكسجين في

منتصف الطريق إلى القمر، لماذا استمرت

المركبة في دورانها حول القمر ثم عادت إلى

الأرض ولم تعد مباشرة إلى الأرض ؟

= الحل كامل متاح في المرشد.

شكل P3.14

- 4 حسمان بحذب كل منهما الآخر بقوة حذب 1.0 x 10-8 N عندما تكون المسافة بينهما 20.0 cm. إذا كانت الكتلة الكلية للجسمين تساوى 5.0 kg كم تكون كتلة كل منهما؟
- 5 ثلاث كرات منتظمة كتلتها 2.0kg و 4.0kg و 6.0kg موضوعة في أركان مثلث قائم الزاوية كـما هو مبين في شكل P5.14 . أحـسب محصلة قوى الجذب على الكتلة 4.0kg باعتبار أن الكرات معرولة عن العالم الخارجي.



الفصل الرابع عشر، قانون الجاذبية



شكل P5.14

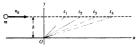
- عجلة الجاذبية على سطح القمر تبلغ 1/6 عجلة الجاذبية على سطح الأرض. إذا كان نصف قطر القـمـر حـوالي (0.2500 R_E) $P_{
 m moon}$ / $P_{
 m earth}$ اوجد النسبة بين كِثافتيهما أثناء كسوف الشمس ، تكون الشمس والأرض والقمر على خط واحد والقمر بين الشمس والأرض (a) ما مقدار القوة التي تؤثر بها الشمس على القمر ؟ (b) ما هي القوة التي تؤثر بها الأرص على القمسر ؟ (c) ما هي
- القوة التي تؤثر بها الشمس على الأرض ؟ المسافة بين مركزى الشمس والقمر هي 384400 km. القيمر يكمل دورته في مداره في 27.3 day إحسب السرعة المدارية للقمر (b) إذا توقفت الجاذبية سيتحرك القمر في خط مستقيم مماس لمداره طبقا لقانون نيوتن الأول للحركة. في مداره الفعلى خلال 1.00s إلى أي مسافة يهبط القمر اسفل خط الماس نحو الأرض.
- 9 عندما يكون نيزك على مسافة فوق سطح الأرض تعادل 3.0 مرات مثل نصف قطر الأرض كم تكون عجلته نتيجة لجاذبية الأرض.
- 10 عابرتا محيط كتلة كل منهما 40000 طن مترى تتحركان في مسارين متوازيين المسافة بينهما 100 m مقدار العجلة بينهما نتيجة لتجاذبهما المتبادل (اعتبر السفينتين ككتل نقطية)

- 11 طالب يريد أن يقيس ثابت الجذب G بتعليق كتلتين كرويتين من سقف كتدرائية عالية وقياس انحراف كابلى التعليق عن الوضع الرأسى. فإذا علق جسمين كتلة كل منهما 100kg في نهاية كابلين طول كل منهما 45.0 m والكابلان معلقان في السقف على بعد 1.0 m من بعضهما. ما مقدار المسافة الفاصلة بين الجسمين.
- 12 في الطريق إلى القحمر، مسلاحي أبوللو (Apollo) وصلوا إلى نقطة فيها جذب القمر أقوى من جذب الأرض (a) عين بعد تلك النقطة عن مركز الأرض (b) ما مقدار العجلة الناتجة عن حاذبية الأرض عند تلك النقطة؟.

القسم 4.14 قوانين كيلر

القسم 5.14 قانون الحاذبية وحركة الكواكب

m يتحرك في خط مستقيم m عتاته mb بسرعة منتظمة في الأتجاء x وعلى مسافة من المحور x كما في شكل (P13.14) بين أن قانون كبلر الثاني يكون قد تحقق، بإثبات أن المثلثين المظللين في الشكل لهمما نفس $t_4 - t_3 = t_2 - t_1$ the same as the latest the same that the same t

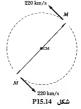


شكل P13.14

14 - قمر للإتصالات يدور في مدار متزامن مع دوران الأرض,geosynchronous ويظل فوق نقطة واحدة على خط الاستواء بينما الكوكب يدور حول محوره (a) احسب نصف قطر مداره (b) القمر يقوم بنقل إشارات راديو من مرسل قرب القطب الشمالي وتسير بسرعة (595

الضوء إلى مستقبل قريب من القطب الشمالي أيضا. كم من الوقت تستغرق الإشارة في رحلتها.

الجموعة الثنائية لبلاسكت plaskett تكون من نجسمين يدوران في مسدار دائري حسول مركز كتلة في منتصف السافة بينهما، وهذا يعني أن كتلة كل من النجمين متساوية (شكل 15.14 إذا كانت السرعة المدارية لكل من النجسمين 8/10 إذا كانت السرعة المدارية لكل من منهما 4/1من الأيام أوجد الكتلة ألا لكل من نجم (للمقارنة كلة الشمس 9/2 10.30 أوجد الكتلة ألا لكل نجم (للمقارنة كلة الشمس 9/2 10.30).

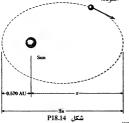


Plaskett's تلاسكية لبالاسكة - 16 الجموعة الشائية لبالاسكة بعيران من نجمين يدران في منتصف في مدار دائري حول مركز ثقل في منتصف السافة بينهما. وهذا يبني أن كتلة كل من النجمين متساوية انظر شكل (P15.14) إذا كانت السرعة الدارية لكل نجم هي والزمن الدورية لكل نجم هي والزمن الدورية لكل نجم الكلة M لكل نجم.

17- القمر إكسيلورار Explorer VIII وضع في مداره في 3 من نوفعبر عام 1960 لدراسة طبقة الأيونو سغير، ولداره البارامترات التالية نقطة الأور (أبعد نقطة في مدار القسر عن القسم سرعن الأرض) 80 kg ونقطة الحضيض (أقرب نقطة في مدار القمر عن الحضيض (أقرب نقطة في مدار القمر عن

الأرض) 459 km (والساشتان أعلى سطح الأرض) والزمن الدوري 112.7 min. أوسد النسبة v_p/v_a للسرعة عند الحضيض إلى السرعة عند الأوج.

18 - المذنّب هالي شكل (P18.14) يقستسرب من الشمس لمسافة تصل إلى 0.57 Au (0.57 Au) 0.57 Au)



20 - كـوكـبـان Y, X يدوران في اتجـاه عكس

عقارب الساعة في مدارات دائرية حول نجم كما هو مبين في شكل (P20.14) النسبة بين نصف قطر كل منهما (3:1) في بعض الأحيان يكونان على خط واحد مع النجم كما في شكل (ه P20.14). خالا الخسمس أعاره التالية الإزاحة الزاوية للكوكب X تكون "90 كما في شكل (P20.14.6) أين يكون الكوكب Y عندئذ

الفصل الرابع عشر؛ قانون الجاذبية

يربط بينهما، وكلاهما يؤثر بقوة جذب على المرصد (المركبة الفضائية). بين أن المسافة بين المركبة الفضائية والأرض لابد وأن تكون بين 4 x 10 و 147 x 10 المداخة 1.48 x 10 مام 1.47 و 148 x 10 مام 1772 في المراسخ عمام 1792 في المداخ يون الموضع الخماص الذي يسمح بهذا المدار نظريا، وقد اتخذت المرابر 1866 هذا المكان في فيرابر 1896 و المحوظة استخدم بيانات

الأرض (5.983 x 10²⁴ kg). القسم 6.14 محال الحاذيية:

24 - مركبة فضائية كتاتها مع ركابها 1000 وهي على هيئة اسطوانة طويلة طولها وهي 100m وهي على هيئة اسطوانة طويلة طولها كتاة الشمس شكل 24-14 . ومقدمة المركبة الشمس شكل 24-14 . ومقدمة المركبة والمسافة بين طرف المقدمة والثقب الأسود. (a) احسب القـوة الكليـة على المركبـة الفضائية (d) ها هو الفحرق في مــــــال المناتية (ال) ها هو الفحرق في مــــــال المركب في مـــــــامـة المركب في مـــــــــــة المركب في مـــــــــــة المركب في مــــــــــــة المركب في مـــــــــــة المركب في مــــــــــــة المركب في مـــــــــــة المركبة والركاب في مـــــــــــة المركبة المركبة والمركب في مـــــــــــة الشهيد المناسون.

دقيقة ذات أربع أرقام معنوية. كتلة



شكا، P24.14

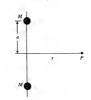
25 حسب مقدار واتجاه مجال الجاذبية عند نقطة p على المحور نقطة p على المحور الواصل بين كتلتين متساويتين المسافة بينهه الم 22 كما هو في شكل (P25.14)

شكل P20.14 (a), (b)

[21] قمر صناعي (سائل) متزامن ، يظل دائما فوق نفس النقطة على خط استواء الكوكب، وضع في مدار حول كوكب المشترى ليتمكن العلماء من دراسة النقطة الحمراء الشهيرة والمشترى يدور متزة واحدة كل 9.84 h استخدم البيانات المتاحة في جدول 2.14 لكي تحسب ارتفاع القمر الصناعي.

22 - النجوم النيوترونية عظيمة الكثافة وتتكون من بقايا الفجار السوير نوفا (المستعر) وهو نجم من بقايا الفجر يزداد توهجه قبل أن يتحول إلى نجم نيوتروني، وهو يدور بسرعة فائقة. نفرض أن أحد النجوم النيوترونية كتلته ضبعت كتلة الشمس، ونصف قطره 10km. إحسب أكبر سرعة زاوية يمكن أن يكتسبها لكي تظل المادة التي على سطعه عند خطا استوائه بافية في المادا بقرة الجاذبية

2.4 - المركبة الفضائية Observatory SOHO لها مدار خاص، تم Observatory SOHO لها مدار خاص، تم اختياره بحيث أن رؤيته للشمس تكون دائمة ولا يحدث لها كسوفا أبدا. وهو دائما قريب من الأرض لكي يسمل إرسال الملوسات ويدور في دائرة تقريبا حول الشمس وهي أصغر من المدار الدائري للأرض. إلا أن النوري المدركبة الفضائية لايقل عن سنة بل هو سنة بالفسيط. وهو لايقل عن سنة بل هو سنة بالفسيط. وهد دائما يقم بين الأرض والشمس على خط



شكل P25.14

متداد مجال الجاذبية عند نقطة r على امتداد المحور لحلقة رفيعة كتلتها M ونصف قطرها a

القسم 7.14 طاقة الوضع

ملحوظة اعتبر أن U=0 عندما تقترب r من اللانهاية.

kg 100 ختمر صناعي (سائل) للأرض كتلته 200 kg مساهي على ارتفساع $^{-}$ 100 x 10 $^{-}$ 0 مساهي على الوضع للمنظومة الكوثية من القصو والأرض $^{+}$ (b) ما مقدار قبوة الجداديية التي تؤثر بها الأرض على القمر $^{+}$ (c) ما هي الأرض $^{+}$ التي يؤثر بها القمر (السائل) على الأرض $^{+}$

28 – ما هي الطاقة اللازمة لرفع كتلة 1000kg من سطح الأرض إلى ارتشاع ضعف نصف قطر الأرض.

29] بعد أن تستهلك الشمس وقودها النووي ستتحول إلى قرم أبيض حيث تظل كتلتها كما هي تقريبا إلا أن نصف قطرها سيصبح مساويا لنصف قطر الأرض. احسب (۵) متوسط كثافة القزم الأبيض (ط) عجلة الجاذبية الأرضية عند سطحه (c) طاقة الوضع المصاحبة لجسم كتلته g 1.0 kg عند

30 - أطلق مـقــذوف من على سطح الأرض إلى أعلى رأسـيا بسـرعـة 10.0 km/s

ارتضاع سيحصل المقذوف؟ إهمل متقاومة الهواء.

Mark Wood

31 - منظومة تتكون من ثلاث أجسمام كل منها يرن g 0.5 وموضوعة عند أركبان مشئك مشعد أوي الأفضاح على كل ضلع من أضلاعه 30.0 cm الوضع المنظومة (d) إذا أطلقت تلك الكتل في نفس الوقت فأين ستتقابل؟

32 - ما مقدار الشغل المبذول بواسطة مجال جاذبية القمر عندما يصل إليه نيزك من الفضاء الخارجي ويصطدم بسطحه علما .. بأن كتلة النيزك \$ 1000 أ

القسم 8.14 اعتبارات الطاقية في حركية الكواكب والأقمار

33. - قمر كتلته \$500 kg يدور في مدار دائري على الرضاع على ارتضاع 500 km وصل القمر إلى سطح الأرض. القمر إلى سطح الأرض وارتطم بسطحها بسرعة \$200 km/s ما مقدار الطاقة التي تحولت إلى طاقة داخلية بواسطة الإحتكاك؟

34 - ما أقل سرعة بالنسبة للشمس اللازمة لكي تفلت سفينة فضائية من المجموعة الشمسية اذا ابتدأت من مدار الأرض؟

(b) فويجر Voyager! وصلت إلى أقصى سرعة ومقدارها 125000 km/h في طريقها لتصوير كوكب المشترى، بعد أي مسافة من الشمس تكون تلك السرعة كافية لأن تفلت سفينة الفضاء من المجموعة الشمسية؟

35 - قمر كتلته g 200 موضوع في مدار حول الأرض على ارتفساع 200 km من سطح الأرض (a) باشتراض أن المدار دائري، ما الزمن اللازم لكي يتم القمر دورة كاملة في مداره ؟ (b) ما سرعة القمر ؟ (c) ما هي

أقل طاقة لازمة لوضع هذا القمر في مداره (افترض عدم وجود احتكاك للهواء).

The state of the s

| 37. السفينة فضائية إنطلقت من الأرض يسرعة التدائية 2 x 104 m/s كم، ستكون سرعتها عند ما تكون بعيدة جدا عن الأرض (اهمل الاحتكاك)

38. قمر كتلته kg 1000 يدور حول الأرض على

- ارتضاع ثابت مقداره 100 km . كم مقدار الطاقة التى يجب اضافتها للنظام لتحريك القمر في مدار دائري على ارتفاع 200 km 39. - كوكب أورانوس كتلته 14 مبرة قيدر كتلة الأرض ونصف قطره 3.7 مبرة قيدر نصف قطر الأرض (a) بوضع نسب بين قـــيم أورانوس وقيم الأرض المناظرة لها، أوجد عجلة الجاذبية عند قمة السحب في أورانوس (b) مع اهمال دوران الكوكب أوجد أقل سرعة للإفلات من أورانوس.
- 40 عين سرعة الإفلات لصاروخ في الجانب البعيد للقمر جانميد Ganymede أكبر قمر لكوكب المشترى ونصف قطر جانميد 2.64x106 m وكتلة 1.495 x10²³ kg وكتلة المشترى 1.90 x 1027 kg والمسافية بين المشترى وجانميد تساوى 1.071 x 109m . تأكد من أنك تضع تأثير جاذبية المشترى في الاعتبار . ولكن يمكن اهمال حركة المشترى وجانميد الدورانيه حول مركز كتلتيهما، شكل (P14.41)



شكار P41.14

41 - استنتج علاقية للشغل اللازم لنقل قيمر $2R_{\rm F}$ من مدار دائری نصف قطره mإلى مدار آخر نصف قطره 3R_E.

قسم 9.14 قوة الحاذبية بين حسم ممتد وجسيم:

42 - قضيبان منتظمان متاثلان طول كل منهما L وكتلته m موضوعان على نفس الخط وأصغر مسافة تفصل بينهما d شكل (P44.14) . يين أن قوة الجاذبية المتبادلة بين القضيبين هي:

$$F = \frac{Gm^2}{L^2} \ln \left(\frac{(L+d)^2}{d(2L+d)} \right)$$

$$L \qquad \qquad L$$

$$P44.14 \quad USC \hat{m}$$

43 - قضيب منتظم كتلته M على شكل نصف دائرة نصف قطرها R شكل (P45.14) احسب القوة عند نقطة كتلتها m موضوعه في مركز نصف الدائرة.



شكل P45.14

قسم 10.14 قوة الحاذبية بين جسيم وكتلة كروية

(a) - 44 بين أن الزمن الدوري المحسسوب في مثال 10.14 يمكن كتابته كما يلى:

$$T = 2\pi \sqrt{\frac{R_E}{g}}$$

حيث g هي عجلة الهبوط الحر على سطح الأرض (b) كم سيكون هذا الزمن الدورى إذا صنعت أنفاق خلال القمر ؟

- 45 كرة مصمته منتظمة كتلتها 500kg، نصف قطرها 0.4m أوجد مقدار قوة الجاذبية التوثر بها الكرة على جسيم كتلته 50g موضوع (a) على بعد على جسيم كتلته (b) على بعد (c) على سطح الكرة ، (c) على بعد مركز الكرة من مركز الكرة من مركز الكرة من مركز الكرة من مركز الكرة .



شكل P48.14

تمارين إضافية:

- 47 إعسبرأن Δg_M تمثل الفرق في مجال الجاذبية الناتجة عن القمر عند النقط على سطح الأرض الأقرب إلى القمر والأبتد عنه. احسب مقدار Δg_M حيث g هو مجال جاذبية الأرض (هذا الفرق هو المسئول عن حدوث المد والجذر على الأرض)
- 48 كرتان كتلتيهما 2M, M ونصف قطر كل منهم R, R على الترتيب. أطلقتا من السكون عندما كانت المسافة بين مركزيهما تساوي 12R ما سرعة كل منهما عندما يتصادمان؟ افتترض أن الكرتان تتأثران يعتضهما فقط.

49 - (a) بين أن معدل تغير جاذبية السقوط الحر مع المسافة فوق سطح الأرض هي: $dg = 2GM_E$

PAGE AND THE STATE OF THE STATE

 $\frac{dr}{dr} = \frac{dr}{R_{p}^{2}}$ $\frac{dr}{dr} = \frac{dr}{R_{p}^{2}}$ $\frac{dr}{R_{p}^{2}}$ \frac{dr}

 $|\Delta g| = \frac{2GM_Eh}{R_E^3}$

- (c) أوجد قيمة هذا الفرق عندما تكون h تساوي m 6.0 وهو ارتفاع مبنى من طابقين.
- 50 جسيم وزنه m موضوع داخل كرة مصمته منتظمة نصف قطرها R وكتلتها M على بعد r من المركز (a) بين أن طاقة جهد الجاذبية النظام هه:

 $U = (GmM/2R^3)r^2 - 3GmM/2R$

- (b) اكتب العلاقة التي تعبر عن كمية الشغل المبذول بقوة الجاذبية لجذب جسيم من سطح كرة إلى مركزها.
- 51 السفينة الفضائية فويجرز 2 و 1 مسحت سطح قـمـر المُشـتـري 10 وصورت براكين نشطة تقدف الكبريت السائل إلي ارتقاع 70 km أوق سطح هذا القمر. احسب السرغة التي غادر بها الكبريت السائل فوهة البركان. القصر . 8.9 x 10²² kg ونصف قطره 8.9 x 10²² kg
- 52 رجل فضاء شاهد كوكبا صغيرا كروي الشكار عندما هيئم على سطح الكوكب أخذ يسبر إلى الأمام يصفة مستمرة وإذ به يمور إلى الأمام يصفة مستمرة وإذ به يمور المركبة الفضائية من الجهة القابلة بعد إن اكمل لفة طولها 25.0 شم امسلك بمطرقة ويعض الريش والقي بهما من على ارتفاع 1.4 شقطا على سطح الأرض بعد 2.5 . . حسب كتلة هذا الكوكن.

- 53 في عام 1974 اقتسرح G.K.Neil إنشياء مستعمرة سكانية في الفضاء على شكل أسطوانة قطرها 6.0 km وطولها 30.0 km وهذه المستعمرة سيكون بها مدن وبحيرات على السطح الداخلي وهواء وسيحب عند المركز. وكل هذه الأشياء تبقى في أماكنها بدوران الأسطوانة حول محورها الطويل. ماهى السرعة اللازمة لدوران الأسطوانة لكى تحدث جاذبية مماثلة لجاذبية الأرض على جدران الأسطوانة.
- 54 57 في معمل الفيزياء استخدام ميزان كفندش لقياس ثابت الجذب العام G باستخدام كرتان من الرصاص وزن أحدهما 1.5 kg ووزن الأخرى g 15.0 والمسافة بين مركزيهما 4.5 cm احسب مقدار قوة الجاذبية بين هاتين الكرتين. (تعامل مع كل منهما على أنها نقطة عند مركز الكرة).
- 55 بين أن سرعة الافلات من على سطح كوكب كثافته منتظمة تتناسب طرديا مع نصف قطر ألكوكب.
- a) 56 (a) إفترض أن الأرض (أو جسم آخر) كثافتها ρ وهي تتغير مع نصف القطر إلا أنها متماثلة كرويا. بين أنه عند أي نصف قطر r داخل الأرض، شدة مجال الجاذبية g(r) يزيد كلما زاد مقدار r، فقط في حالة ما إذا كانت الكثافة هناك تزيد عن 2/3 متوسط الكثافية للجزء من الأرض داخل نصف القطر b) r) إذا علمت أن مـتـوسط كثافة الأرض ككل 5.5g/cm³ بينما الكثافة على سطح الأرض 1.0g/cm³ على سطح المحيطات وحوالي 3 g/cm³ على الأرض. ماذا تستنتج من ذلك؟
- m2, m1 كوكبان افتراضيان كتلتهما 57 ونصف قطراهما ٢٥, ٢١ على الترتيب،

- يكونان في حالة سكون عندما تكون المسافة بينهما لانهائية. نتيجة لجاذبيتهما يتقدمان نحو بعضهما فيحدث بينهما تصادم (a) عندما تكون المسافة بين مركزيهما d أوجد علاقة لسرعة كل من الكوكيين وسرعتهما النسبية (b) أوجد طاقة الحركة لكل كوكب قبل أن يتصادما مباشرة إذا كانت $m_2 = 8.0 \times 10^{24} \text{ kg}$ $m_1 = 2.0 \times 10^{24} \text{ kg}$ $r_2 = 5.0 \times 10^6 \text{ m}$ $r_1 = 3.0 \times 10^6 \text{ m}$ (ملحوظة كل من الطاقة وكمية الحركة محفوظة
- 58 المسافة القصوي بين الشمس والأرض تسياوي 1.521 x10¹¹m وأقبل مسيافية تساوى 1.471 x 10¹¹ m (عند نقطة الحضيض). إذا كانت سرعة الأرض عند نقطة الحيضيض 30.27 km/s عين (a) السرعة المدارية للأرض عند أبعد مسافة بينها وبين الشمس نقطة الأوج (b) طاقة الحركة وطاقة الوضع عند أبعد مسافة للأرض عن الشمس، هل الطاقة الكلية محضوظة (اهمل تأثير الضمر والكواكب الأخرى).
- 59 كرة كتلتها M ونصف قطرها R كثافتها غير منتظمة وتتغير بتغير ٢، المسافة من المركز، طبقا للمعادلة ρ=Ar حيث dual (a) 0 < r < R ما هو الثابت A بدلالة R, M ؟ (b) ضع علاقة للقوة المؤثرة على جسيم كتلته m موضوع خارج الكرة (c) ضع علاقة للقوة المؤثرة على الجسيم داخل الكرة (ملحوظة إرجع إلى القسم 14.10 ولاحظ أن التوزيع متماثل کرویا)
- a) 60 عين مقدار الشغل بالجول الذي يجب بذله على جسم كتلته 100 kg لرفعه لارتفاع 1000 km فـــوق سطح الأرض (b) عين مقدار الشغل الإضافي اللازم لوضع هذا (601)

الجسم في مدار دائري عند هذا الإرتفاع. 61 - أشاء طيـران صـاروخ على ارتفـاع شـاهق سـجل إشـارات من أشـعـة X صـارة عن مصدر فضائي يعتقد إنها كتلة من مادة مـتـانية تدور حـول ثقب أسـود بزمن دوري Sms. فـإذا كانت تلك الكتلة تدور في مـدار

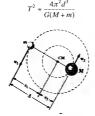
داثري حول الثقب الأسود الذي كتلته 20 M. ما مقدار نصف قطر المدار؟

62 - دراسة العلاقة بين الشمس والمجرة التابعة Milky بلام التسمى مجرة طريق اللبائه Milky بينت أن الشمس تقع بالقسرب من الحالم Milky عبنت أن الشمس تقع بالقسرب من الحالم العالم Milky والمحتلفة الخارجية لقسوس المجره منظ المحاربية حوالي 8000 حول مركز المجره مدارية حوالي 8000 حول مركز المجره معالم و الزمن الدوري لحركة الشمس في مدارها في المجره (أ) ما هي كتلة مجرة محلوبي اللبانة. اشترض أن المجرة مكونة معظمها من نجوم مثل الشمس، ما هو عدد التجوم في طريق اللبانة ؟

63 - أقدم قصر صناعي (سائل) في المدار هو فانجوادو 1 Vanguard الذي تم وضعه في ملاره و التجوادو 1 كالتي تم وضعه في مساره الابتدائي كانت أقل مصافة بينه وبين مركز الأرض 7.02 Mm مذه النقطة الكيف (d) أوجد مقدار كمية الحركة الزاوية (c) أوجد السرعة عند ابعد نقطة عن مركز الأرض (نقطة الأوج) (d) أوجد مدار نصف المحرد الأكبر لمدار نصف المحور الأكبر لمدارة (e) عين رمنة الدوري.

محركات الصاروخ بسرعة، كان الصاروخ بعد ذلك حت تأثير قوة الجاذبية فقط (اهمل احستكاك الفساطة الجيوي ودوران الأرض) استنج علاقة للسرعة 10 بعد توقف المحرك كدالة في 1 المساطقة بين الصاروخ ومركز الأرض بدلالة 9. .r. R. R. والأرض بدلالة 9. .r. R. R. والأرض بدلالة 9. .r. R. R. والأرض بدلالة 9. ...

65 - نجمان كتلتهما M , M تفصل بينهما مسافة b ويدوران في مدارات داثرية حول مركبز كتلتيهما (fig P69.14) بين أن گل كوكب له زمن دوري يعطى بالمادلة



ملاحظة استخدم قانون نيوتن الثاني لكل من النجمين ولاحظ أن شرط مركز الكتله يقتضى أن $M_{r_2} = m_1$.

(a) انطلقت كتلة مقدارها (3.0k من على بعد m(2.0k) مركز الأرض. ما مقدار العجد المقدار العجد المقدار العجد المقدار العجد كلية المقدار العجد المقدار العجد المقدار العجد المقدار العجلة التي تتحرك بها بالنسبة ما مقدار العجلة التي تتحرك بها بالنسبة للأرض. افترض أن الجسمين يعملان كزوج من الأجسام معزولين عن باقي الكون.

إجابة الاختبارات السريعة: ANSWERS TO QUICK QUIZZES

(1.14) قانون كبلر الثالث (معادلة 7.14) تصلح الجميع الكواكب وتقييد بأن الزمن الدوري للكوكب يتتاسب مع 3.12. ونظرا أن زحل والمشترى ابصد من الشمس عن الأرض فلهما زمن دوري اكبر. مجال جاذبية الشمس أضن دوري اكبر. مجال جاذبية مجال جاذبيتها عند الأرض. ومن ثم فإن تلك الكواكب تتأثر بعجلة مركزية أضعف من العجلة عند الأرض ومن ثم فإن من العجلة عند سطح الأرض ومن ثم فلهما زمن دوري اكبر.

asteroid قد تكون كتلة الكُويكب السيار معندة هد تكون صغيرة جداً بحيث إنك تستطيع أن تكتسب

سرعة الإفلات بالقفز إلى أعلى بقدميك إلا أنك لا تستطيع العودة إلى أسفل مرة ثانية (لأنك قد تركت مجال جاذبيته).

(3.14) قوة الجاذبية تساوي صفر داخل القشرة (معادلة ط 25.14) حيث أن القوة المؤثرة تساوي صفر. يتحرك الجسيم بسرعة ثابتة في اتجاه حركته الأصلية خارج القشرة حتى يصطدم بعائط مسقابل لنقطة الدخول. مساره بعد ذلك يعتمد على طبيعة التصادم وعلى الاتجاه الأصلى للحسيم.



هُلُ فكرت يوم م لماذا كبرة التنس منغطاة بشعيرات على شطحها ولماذا كرة الجولف على سطحها نُقد . وكرة سبيتبول لم يعد استخدامها قانونيا في لعبة البسبول. ما هي الأسس الفيريائية إلتي تحكم طريقة علمل هذه الأنواع من الكور (وكـذلك تجعل الطائرة تحلق في السماء).

كانبكا الموائع Fluid Mehanics

ويتضمن هذا الفصل ،

Fluid Dynamics 5.15 ديناميكا الموائع 6.15 الإنسياب الخطى ومعادلة الاستمرارية Streamlines and the Equation of Continuity 7.15 معادلة برنولي Bernoulli's Equation

8.15 اختياري: تطبيقات أخرى لمعادلة برنولي

(Optional) Other Applications of Bernoulli's Equation

Pressure 1.15 الضفيط

2.15 تغير الضغط مع العمق Variation of Pressure with Depth

3.15 قياس الضغط Pressure Measurements

4.15 قــوى الطفــو وقاعــدة أرشـــميدس **Buoyant Forces and Archimedes's** Principle

الفيزياء (الجزء الأول - الميكانيكا والديناميكا الحرارية)

توجد المادة في أحد الحالات الثلاثة: الجامدة ، والسائلة، والغازية . من خبرتنا اليومية نعلم أن الجسم الجامد له شكل ثابت وحجم محدد فقالب الطوب مثلا يعتنفط بشكله المعروف ويحجمه بصفة دائمة . نعرف أيضا أن السائل له حجم محدد لكن ليس له شكل محدد . أما الغاز طليس له شكل محدد . أما الغاز طليس له شكل محدد ولاحجم محدد . هذه الأوصاف تسهل لنا تصور حالات المادة، إلا أنها إلى حدما خادعة فمعظم المواد يمكن أن تكون في أي صورة صلبة أو سائلة أو غازية أو خليط من كل هذه الصور ويتوقف ذلك على المنظم وردجة الحرارة.

وبصفة عامة الزمن الذي تستغرقه مادة ما لكي تغير شكلها بتأثير قوة خارجية يحدد ما إذا كنا سنعتبر تلك المادة كجسم جامد أوسائل أوغاز.

المائع: مجموعة من الجزيئات مرتبة بشكل عشوائي ومتماسكه مع بعضها بقوى ربط ضعيفة وبقوى تؤثر بها عليها جدران الوعاء الذي يحتويه . وتعتبر السوائل والغازات موائع .

في دراستنا ليكانيكا الموائع سوف نرى أننا لانحتاج أن نتعلم أي مبادئ فيزيائية جديدة لكي نفسر تلك الظواهر مثل قوى الطقو التي تؤثر على الأجسام المغمورة وقوة الرفع الديناميكية التي تؤثر على أحنجة الطائرات،

سنتناول أولا ميكانيكا الموائع الساكنة أي استانيكا الموائع ونستنتج علاقة للضغط الثانج عن مائع كدالة للكثافة والعمق؛ بعد ذلك سندرس حركة الموائع، أي ديناميكا الموائع، ويمكننا أن نصف حركة الموائع باستخدام نماذج يفترض فيها بعض الإفتراضات للتبسيط،ونستخدم هذه النماذج لكي نحلل بعض الحالات ذات الأهمية التطبيقية، فاستخدام معادلة برنولي على سبيل المثال مكننا من إيجاد علاقة بين الضغط والكثافة والسرعة عند أي نقطة في المائع.

PRESSURE الضغط 115

الموائع لاتتحمل إجهادات القص إو إجهادات الشد. والإجهاد الوحيد الذي يمكن أن يتأثر به جسم مغمور في مائع هو الإجهاد الذي يعمل على ضغطه . أي أن القوة التي يؤثر بها المائع على جسم ما تكون دائما عمودية على أسطح الجسم كما في شكل 1.15 وضغط المائع يمكن قياسه بواسطة جهاز كالمبين في شكل 2.15.



شكل (1.15) عند أي نقطة على سطح جسم مغمور. القوة التي يؤثر بها المائع تكون عمودية على سطح الجسم. والقوة التي يؤثر بها المائع على جدران الوعاء. تكون عمودية عند أي نقطة.



شكل (2.15) طريقة بسيطة لقياس الضغط الناتج عن مائع

ويتكون هذا الجهاز من أسطوانة مفرغة فوقها مكبس خفيف متصل بزنيرك. عندما يغمر الجهاز • من المائع بضغط الملائع على المكبس فيتمنطه الزنيرك حتى تصبح القوة الؤؤة إلى الداخل والتاتجة عن المائع متزنة مع القوة المؤثرة إلى الخازج والناتجة عن الزنيرك، ويقاس ضغطا الملاغ مباشرة إذا كان الجهاز قد عوير مسبقاً إذا كانت F هي القوة التي تؤثر على الكيس و Aمساحة مقطعه عندئذ الضغط / للمائع عند المستوى الذي غمر إليه الجهاز يعطى بالعلاقة F FA :

$$\equiv \frac{F}{A} \tag{1.15}$$

لاحظ أن الضغط كمية قياسية لأنه يتناسبُ مع قيمة القوة المؤثرة على المكبس.

لكي نعرف الضغط عند نقطة ما. نفترض أن مائعا يؤثر على الجهاز المبين في شكل 2.15 dF الذا كانت القوة المؤثرة بواسطة المائع على مساحة متناهية الصغر dA تحتوي على النقطة تحت الإختبار هي dF مندثد الضغط عند هذه النقطة هو

$$D = \frac{dF}{dA}$$
 (2.15)

كما سنرى في القسم التالي. الضغط الصاد كما سنرى في القسم التالي. الضغط الحادث من مائع يتغير بالعمق ولكي نحسب القوة الكلية المؤثرة على حائط مسطح لوعاء، يجب أن نوجد تكامل المادلة 2.15 على مساحة سطح الحائط.

حيث أن الضغط هو قوة على وحدة المساحات فوحدته هي النيوتن لكل متر مربع (Nm^2) . في النضام الدولي للوحدات SI يوجد اسم آخر لتلك الوحدة وهو الباسكال Pascal . ويرمز له بالرمز Pa L Pa = $1N/m^2$

اختبار سريع 1.15

إفترض أنك تقف مباشرة خلف شخص تحرك إلى الخلف وبالصدفة داس على قدمك بكعب حذائه، فهل سيكون من الأفضل أن يكون هذا الشخص لاعب كرة سلة يلبس حذاءه الرياضي، أم سيدة تلبس حذاء له كعب رفيع؟ بين السبب.

اختيار سريع 2.15

بعد محاضرة طويلة استلقى أستاذ الفيزياء على سرير به مسامير كالمبين في شكل (3.15). كيف يمكن ذلك؟



حذاء التزلج على الجليد يمنع غـوص المتزلج في الجليد الهش فهو يقوم بتوزيع القوة التي يضغط بها المتزلج إلى أسفل على مساحة كبيرة ومن ثم يقل الضغط على سطح الجليد.

شكل (3.15)

تجربة سريعة مستح



ضع دبوس رسم بين إصبعيك كما في الرسم ثم اضغط على الدبوس ولاحظ ماتشعر به ، ستـالاحظ أن الطرف المدبب للدبوس يحدث ألما في الإصبع بينما رأس الدبوس لاتحدث ألما . طبقا لقنون نيـوتن الشالث القـوة المؤثرة على الإبهـام تسـاوي القـوة المؤثرة على السبابة إلا أن الضغط الناتج عن سن الدبوس أكبر بكثير من الضغط الناتج عن رأسه. (تذكر أن الضغط هو قوة على وحدة المساحة)

مثال 1.15 ٪ السرير المائي

مرتبة مائية عرضها m 2.0 m وطولها 2.0 m وسمكها 30.0 cm أوجد وزن الماء في المرتبة

الحل : كثافة الماء تساوى kg/m³ (جدول1.15) ومن ثم كتلة الماء هي

$$M = pV = (1000 \text{ kg/m}^3) (1.2\text{m}^3) = 1.2 \times 10^3 \text{ Kg}$$

وزن الماء هو

$$Mg = (1.2 \times 10^3 \text{ kg}) (9.8 \text{ m/s}^2) = 1.18 \times 10^4 \text{ N}$$

حّيث إن هذا الوزن كبير يفضل أن توضع في الدور الأرضى.

(b) احسب الضغط الذي يحدثه الماء على الأرض إذا كان السطح السفلي للمرتبه ملامس كله لسطح الأرض.

الحل: مساحة سطح المرتبة الملامس للأرض 4.0 m² معادلة 1.15 نجد أن

$$P = \frac{1.18 \times 10^4 \text{ N}}{4.00 \text{ m}^2} = 2.95 \times 10^3 \text{ Pa}$$

جدول (1.15) كَثَاهُة بعض المواد تحت درجة حرارة 0°C وضغط جو واحد

$p({ m kg/m^3})$ انکافتہ	المسادة	p(kg/m ³) عندده	المسادة
0.917 x 10 ³	جليد	1.29	الهواء
7.86×10^3	حديد	2.70×10^3	ألمونيوم
11.3×10^3	رصاص	0.879×10^3	بنزين
13.6×10^3	زئبق	8.92×10^3	نحاس
0.710×10^{3}	خشب البلوط	0.806×10^{3}	كحول إيثيلي
1.43	غاز الأكسجين	1.00×10^{3}	ماء نقي
0.373×10^3	خشب الصنوبر	1.26×10^3	جلسرين
21.4×10^3	بلاتين	19.3×10^3	ذهب
1.03×10^{3}	ماء البحر	1.79×10^{-1}	غاز الهيليوم
10.5×10^3	الفضة	8.99×10^{-2}	غاز الهيدوجين

VARIATION OF PRESSURE WITH DEPTH تغير الضغط مع العمق 2.15

۱۰ م الغواصون أن ضغط الماء يزداد بازدياد العمق، وبالمثل الضغط الجوي يقل مع زيادة الارتشاع، ۱۵۱۱ السبب تكيف الطائرات من حيث الضغط لكى تطير على ارتفاعات عالية.

والأن سوف نوضح كيف يزداد الضغط خطيا مع زيادة العمق. كما تبين معادلة (1.15)، تُعرَّف p = m/V يعلي الكتافة للعديد من المواد. وتلك p = m/V يعلي الكتافة للعديد من المواد. وتلك السمة تغيير طايلا بتغيير درجة الحرارة لأن حجم المادة يعتمد على درجة الحرارة كما سنرى في الباب المام عشر، لاحظا أنه تحت الطروف العيارية (عند درجة حرارة صغر سلسيوس والضغط واحد جن المحاد المنافزات من كتافة الأجسام الجامدة والسوائل. وهذا الفرق يبين أن متوسط المسافات المنافز المنافزات الأجسام الجامدة المسافات البينية لجزيئات الأجسام الجامدة السوائل. وهذا الفرق بين أن متوسط المسافات المنافزة حت هذه الطروف تبلغ عشر أمثال المسافات البينية لجزيئات الأجسام الجامدة المسافات البينية الجزيئات الأجسام الجامدة المسافات المسافات البينية الجزيئات الأجسام الجامدة المسافات المسافات البينية الجزيئات الأجسام الجامدة المسافات البينية الجزيئات الأجسام الجامدة المسافات المسافات البينية الجزيئات الأجسام الجامدة الأجامدة المسافات البينية الجزيئات الأجسام الجامدة المسافات البينية الجزيئات الأجسام الجامدة المسافات البينية الجزيئات الأجسان المسافات البينية الجزيئات الأجسان المسافات البينية الجزيئات الأجسان المسافات البينية الجزيئات الأجسان الأجسان المسافات المسافات

الأسطوانة هو: $M = \rho V = \rho Ah$

Mg =pAhg محيث إن الأسطوانة في حالة اتزان، محصلة القوى المؤثرة عليها تساوي صفراً. واختيار الاتجاه العلوي هو الاتجاه الموجب للمحور y نجد أن

$$\sum F_y = PA - P_0A - Mg = 0$$

$$PA - P_0A - \rho Ahg = 0$$

$$PA - P_0A = \rho Ahg$$

$$P = P_0 + \rho gh \qquad (4.15)$$

اي أن الضغط P على عـمق h تحت سطح السـائل المرض للجو أكبر من الضغط الجوي بمقدار ρgh . في \cdot ساباتنا نعتبر دلثما أن الضغط الجوى يساوى

$$P_0 = 1.0 \text{ atm} = 1.013 \times 10^5 \text{ Pa}$$

في معادلة 4.15 يعتبر الضغط متساو على جميع النقط، التي لها نفس العمق، بغض النظر عن شكل الوعاء.



الفيزياء (الجزء الأول - الميكانيكا والديناميكا الحرارية)

عند اشتقاق معادلة 4.15 لماذا أمكننا اهمال الضغط الذي يؤثر به السائل على جوانب الاسطوانة.

> حيث إن الضغط في المائع يعتمد على العمق وعلى مقدار، P فأي زيادة في الضغط عند سطح المائع لابد أن تنتقل إلى كل نقطة داخل المائع وهذا الفهوم قد أشار إليه لأول مرة العالم الفرنسي بليزيه بسكال (1663 - 1663) Blaise Pascal ويسمى قانون باسكال وينص على أنه أى تغير في الضغط الواقع على مائع ينتقل دون نقصان إلى كل نقطة في السائل وإلى جدران الوعاء الذي يحتويه" ومن أهم استخدمات قانون باسكال ألمكبس الهيدروليكي المبين في شكل 5.15a. في هذا المكبس قوة [7] تؤثر على مكبس صغير مساحة مقطعه إ ينتقل الضغط خلال المائع إلى مكبس مساحة مقطعه أكبر و٨ وحيث أن الضغظ بجب أن يكون متساويا على الجانبين إذن=P

ندن القوة F_2 أذن القوة F_2 أكبر من القوة F_1 بمقدار A_2/A_1 وهو ما يسمى معامل تضاعف $F_1/A_1 = F_2/A_2$ القوة. حيث إن المائع لم ينقص ولم يزيد. الحجم الذي اندفع إلى أسفل في الجانب الأيسر عندما تحرك المكبس إلى أسفل لمسافة d_1 يساوي الحجم الذي اندفع إلى أعلى عندما يتحرك المكبس الأيمن إلى أعلى

شكل (5.15) (a) شكل توضيحي للمكبس الهيدروليكي. نظرا



هذه الأنابيب متصلة ببعضها لتبين أن الضغط متساوى في جميع أجزاء السائل التي لها نفس الإرتفاع. فالضغط واحد عند النقط A , B , C , D



لتساوى الضغط على الجانبين. قوة صغيرة ٢٦على اليسار تحدث قوة كبيرة F2 على اليمين (b) سيارة يتم إصلاحها مرفوعة بواسطة رافعة هيدروليكية في محطة خدمة السيارات

شکل (6.15)

ا . ان $q_1q_1=A_2q_2$ إذن يمكننا كتابة معامل تضاعف القوة على $f_1q_1=A_2q_2$ أنه . $d_1d_1=F_2q_2$ أنه . $d_1d_1=F_2q_2$ أنه أنه العديد من الروافع التكنولوجية مثل روافع السيارات المددمة في محطات خدمة السيارات والجاك الهيدروليكي . الناء المل الهيدروليكية والعديد من الروافع المستخدمة في مختلف d_1d_2 الناء راض . d_1d_2

415

. ... معة الحبوب بها العديد من الطبقات الملفوفة حول محيطها ...ا. (6.15) لماذا يكون الفراغ بين كل طبقتين متتاليتين أصغر في الأ- راء السفليـة من الصومـعـة كـمـا هو مـوضح في الصـورة المروغرافية.

اجربة معملية ____

أنقب ثقيين في كوب من البولي ستيرين أحدهما أعلى الكوب والآخر أسفله. إمالًا الكوب بالماء مناحب الماء الذي ينسكب من الثقيين، لماذا ينسباب الماء من الثقب السفلي أسرع من انسكابه من الثقب العامين.

منال 2.15 رافعة السيارات

م. رافعة السيارات المستخدمة في محطات خدمة السيارات، يستخدم الهواء الضغوط في الضغط
 م. مكبس صغير له مقطع دائري نصف قطره m 5.0 وهذا الضغط ينتقل خلال سائل إلى مكبس
 م. مدر cm على 15.0 cm هي القوة التي يجب أن يضغط بها الهواء المضغوط لرفع سيارة تزن 13300N
 م. ا دو ضغط الهواء الذي ينتج هذه القوة.

الحل : حيث أن الضغط الواقع على السائل بواسطة الهواء المضغوط ينتقل دون نقصان خلال السائل إذن.

$$F_1 = \left(\frac{A_1}{A_2}\right) F_2 = \frac{\pi (5.00 \times 10^{-2} \text{ m})^2}{\pi (15.0 \times 10^{-2} \text{ m})^2} (1.33 \times 10^{4} \text{ N})$$

= 1.48 x 10³ N

...• ما الهواء الذي يحدث تلك القوة هو

$$p = \frac{F_1}{A_1} = \frac{1.48 \times 10^3 \text{ N}}{\pi (5.00 \times 10^{-2} \text{ m})^2} = 1.88 \times 10^5 \text{ Pa}$$

مهدا الضغط يساوى ضعف الضغط الجوى تقريبا.

الشاء الذي تعمله القوة \mathbf{F}_1 يساوي الشغل الذي تعمله القوة \mathbf{F}_2 طبقا لقانون حفظ الطاقة.



مثال 3.15 ألم في الأدن

قدر القوة التي تؤثر على طبلة أذنك نتيجة للماء فوقك بينما تسبح عند قاع حمام سباحة على عمق 5.0n

الرحل : أولا يجب أن توجد الضغط غير المتوازن على طبلة الإذن، وبعد أن تقدر مساحة سطح طبلة الأذن يمكننا تحديد القوة التي يؤثر بها الماء على الأذن.

الهواء داخل الأذن الوسطى يكون ضغطه عادة مساويا للضغط الْجوي. يجب أن توجد الفرق بين الضغط الكلي عند قاع الحمام والضغط الجوي.

$$P_{\text{bot}} - P_0 = \rho g h$$

= $(1.00 \times 10^3 \text{kg/m}^3) (9.80 \text{ m/s}^2) (5.0 \text{ m})$
= $4.9 \times 10^4 \text{ Pa}$

لو اعتبرنا أن مساحة سطح طبلة الأذن حوالي 1 cm² وهو ما يساوي 1 x 10 $^{-4}$ m². هذا يعني أن $F=(P_{\rm bot}-P_0)A\approx 5{
m N}$ القوة عليه ا

وحيث إن قوة بهذا القدر تعتبر غير مريحه لذلك فالسباحون غالبا ما يستخدمون غطاء على آذانهم أثناء الموم.

مثال 4.15 القوة المؤثرة على السدود

وصل الماء إلى ارتفاع H خلف خزان عرضه w شكل (7.13) احسب محصلة القوى التي يؤثر بها الماء على السد.

الرحل : حيث إن الضغط يختلف باختلاف العمق لا يمكننا حل حساب القوة بمجرد ضرب المساحة في الضغط، يمكننا حل المسألة بحساب القوة dF المؤثرة على شريحة ضيقة أفقية عند عمق d ثم نكامل ما نحصل عليه لكي نوجد القوة الكلية. دعنا نفترض محور عمودي y حيث y عند فاع الخزان وسنأخذ الشريحة على ارتفاع y من القاع.

يمكن استخدام المدادلة 4.15 لحساب الضغط على عمق h.h. سعوف نلغي تأثير الضغط الجبوي لأنه يؤثر على جانبي الخزان.

$$P = \rho g h = \rho g (H - y)$$



شكل (7.15) حيث أن الضغط يتغير مع العمق القوة الكلية المؤثرة على الخزان يمكن حسابها من المعادلة $F = \int P \, dA$ الشريحة السوداء في الرسم.

المعادلة (2.15) فجد أن القوة المؤثرة على الشريحة التي مساحتها dA = wdy حيث dA = wdy أنجد المالكية على الخزان هي: dF = P dA = pg(H - y) w dy

$$F = \int P dA = \int_0^H \rho g(H - y) w dy \qquad \frac{1}{27} \rho g w H^2$$

١٧ - دل أن سمك الخزان المبين في شكل (7.15) يتزايد مع العمق لسبب الزيادة المطردة في الضغط.
 ١٠. - دلج الخزان كلما زاد العمق.

• ورين: احسب متوسط الضغظ على الخزان من معرفة القوة الكلية الناتجة عن الماء على الخزان.

 $\frac{1}{2}\rho gH$ الاجابة:

PRESSURE MEASUREMENTS فياس الضغط 3.15

اد. د الوسائل البسيطة لقياس الضغط هو الم... رذو الأنبوية المتوحة المين في شكل (5.8a). الم... رذو الأنبوية حمرف U المحتوية على السائل المحروبة المجوية على السائل المحروبة المجوية المحروبة الم



(b) (a) (b) (a) جهاز لقياس الضغط الجوي (a) مانومتر على شكل أنبوية مفتوحة (b) بارومتر زنيقي.

Evangelista Torricelli (1608- مسلمة أخرى لقياس الضغط هي البارومت الذي اخترعه تورشيلي المسلم وعام المسلم وعاء الما البارومتر يتكون من أنبوية معلومة بالرئيق مشفولة من أحد طرفيها وتوضع مقلوية هي وعاء مسلم بالرئيق شكل (8.150). الطرف المغلق للأنبوية لا يحتوي على أي غاز ههو مضرغ تقريبا ومن ثم نجد أن $P_0 = \rho_R$ من ثم نجد أن المسلم عمود الرئيق هي الأنبوية .

معلى و و التقاع $_{O}$ أيْمرَف بأنه الضغط الذي يجعل ارتفاع عمود الزئبق في أنبونة المستويا 0.7600 عند درجة الصفر سلسيوس عندما تكون عجلة الجاذبية الأرضية 0.7600 m 0.7600 m و 0.7600 m 0.7600 النات الدرجة تكون كثافة الزئبق 0.7600

 $P_0 = \rho g h = (13.595 \times 10^3 \text{ kg/m}^3) (9.80665 \text{ m/s}^2) (0.760 \text{ m})$

اختيار سريع 5:15

بخلاف مشكلة تجمد الماء لايستخدم الماء في البارومتر بدلا من الزئبق.

4.15 > قوى الطفو وقاعدة أرشميدس

BUOYANT FORCES AND ARCHIMEDES'S PRINCIPLE

هل حاولت أن تدفع بكُرة تحت سطح الماء؟ إنها عملية صعبة لأن قوة الدفع إلى أعلى التي يحدثها الماء على الكرة كبيرة، والقوه إلى أعلى التي يوثر بها الماء على أي جسم مغمور تسمى قوة الطفو buoyant force . ويمكننا تعيين قوة الطفو باستخدام قانون نيوتن الثاني مع بعض التصرف. تخيل أنه بدلا من الهواء كانت الكرة ممثلتة بالماء وإذا كنت واقفا على الأرض، قد يكون من الصعب أن تحمل الكرة الملوءة بالماء في يديك. اذا أمسكت بالكرة وأنت تقف على عمق في ماء حمام سباحة مثلا ستجد أنَّ القوة التي تحتاجها لتحمل الكرة قد تلاشت. في الحقيقة أن القوة تساوى صفر إذا أهملنا طبقة البلاستيك الرفيعة المصنوعة منها الكرة. السبب في ذلك أن الكرة الملوءة بالماء تكون في حالة اتزان عندما تغمر في الماء، ومقدار قوة الطفو إلى أعلى المؤثرة عليها لابد وأن تساوى وزنها.

إذا كانت الكرة مملوءة بالهواء بدلا من الماء، عند ثد سينظل قوة الطفو المؤثرة على الكرة إلى أعلى موجودة. ونظرا لأن وزن الماء أكبر بكثير من وزن الهواء الذي حل محله داخل الكرة. إذن محصلة القوى تكون إلى أعلى مما يجعل الكرة تطفو فوق سطح الماء.

وقاعدة أرشميدس تلخص الطريقة التي تعمل بها قوة الطفو ونصها كما يلي:

مقدار قوة الطفو تساوي وزن المائع المزاح بواسطة الجسم وقوة الطفو تعمل عموديا إلى أعلى خلال النقطة التي كانت مركز الثقل للمائع المزاح.



شكل (9.15) القوى الخارجية التي تؤثر على المكعب السائل هي قوة الجاذبية F وقوة الطفو B في حالة 614 منزان B=F_g

أرشميدس عالم رياضيات وفيزياء ومهندس. لعله كان أعظم علماء العالم القديم. لقد كان أول من أوجد النسبة بين محيط الدائرة وقطرها. كما بين طريقة حساب حجم ومساحة سطح الكرة والأسطوانة والأشكال الهندسية الأخرى، ولقد



V حظ أن قاعدة أرشميدس لاتشير إلى مادة الجسم الذي تؤثر عليه قوة الطفو، فمادة الجسم من عليه أن على قوة الطفو، ويمكننا التحقق من ذلك بالطريقة التالية: مكعب السائل الموضع في γ على الماد على قوة الطفو، ويمكننا التحقق من ذلك بالطريقة الجاذبية γ ماذا يعادل هذه المرابع على على الماد عل

$$B = F_{g}$$

سور الآن أننا قد استبداننا مكعب السائل بمكعب من الصلب له نفس الأبعاد، فما مقدار قرة الدفع الرباد على المسلك بغض النظر عن المادة المصنوع منها الربار على الصلب؟ السائل المحيط بالمكعب بسلك نفس المسلك بغض النظرة على مكعب السائل الذي له الناب المؤدرة على مكعب السائل الذي له السائل الذي له المسلم. الحجم، أي أن مقدار قوة الطفو هي نفسها وتساوي وزن مكعب السائل وليس وزن مكعب الصلب.

اند بينا مقدار واتجاه قوة الطفوء إلا أثنا لانزال نجهل مصدرها. لماذا يؤثر المائع بمثل هذه القوة العدبية من يعارف أو بينا من القوة العدبية لكي تقهم لماذاء انظر مرة أخرى إلى شكل 9.16. المدبية من المنظم على سطحه العلوي بمقدار pgh حيث h هو طول أحد أضلاع المدبي وفرق الضبقط ΔP بين السطحين العلوي والسفلي للمكعب يساوي قوة الطفو على وحدة $\Delta P = B/A$ إذن

 $B = (\Delta P)A = (\rho g h)A = \rho g V$

ديث V هو حجم المكعب، وبما أن كتلة المائع في المكعب هي $M = \rho V$ نجد أن

$$B = F_g = Mg = \rho Vg \tag{5.15}$$

ديث Mg هو وزن الماثع في المكعب. إذن قوة الطفو هي نتيجة لفرق الضغط على جسم مغمور كليا.
 اد رزيا.

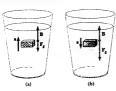
صيل أن نواصل ببعض الأمثلة، من المفيد أن نقارن بين القوى المؤثرة على الأجسام المغمورة كليا . والموى المؤثرة على الأجسام الطافية (مغمورة جزئيا)

المالة الأولى: الأجسام المغمورة كليا

ادا غمر جسم كليا في مائع كثافته ho_0 فمقدار قوة الطفو إلى أعلى هي $B=
ho_f V_0$ هو V_0 هو حصلة القوى عند من الجسم . فإذا كانت كتلة الجسم M وكثافته ρ_0 فوزنه يساوي $F_g=Mg=
ho_0 V_0 g$ ومحصلة القوى الدين عليه هي $B-F_g=(
ho_fho_0)V_0 g$ ومحصلة القوى الدين عليه هي V_0

الضرباء (الجزء الأول - الميكانيكا والديناميكا الحرارية)





شكل (10.15) (a) جسم مغمور كليا في مائع وكثافته أقل من كثافة المائع يتأثر بقوة طفو إلى أعلى (b) جسم مغمور كليا في مائع كتافته أكبر من كثافة المائع، يُغمر في المائع.

إذن إذا كانت كثافة الجسم أقل من كثافة المائع عند إذ تكون قوة الجاذبية إلى أسفل أقل من قوة الطفو إلى أعلى ويتحرك الجسم إلى أعلى شكل (10.15.a) أما إذا كانت كثافة الجسم أكبر من كثافة المائع فإن قوة الدلفو إلى أعلى تكون أقل من قوة الجاذبية إلى أسفل والجسم يغمر في السائل (شكل .(10.15.b)

الحالة الثانية: جسم عائم (مغمور جزئيا)

نفرض جسما حجمه V في حالة اتزان إستاتيكي طافيا فوق سطح مائع أي أنه مغمور جزئيا، في هذه الحالة قوة الطفو إلى أعلى تتزن مع قوة الجاذبية إلى أسفل. إذاكان V_{I} هو حجم المائع المزاح بواسطة الجسم (هذا الحجم يساوي حجم الجزء المغمور من الجسم تحت سطح المائع). قوة الطفو مقدارها $F_{\rm g}=B$ نظرا لأن وزن الجسم هدو $F_{\rm g}=Mg=\rho_{\rm o}V_{\rm o}$ وحيث أن $B=\rho_{\rm f}V_{\rm f}g$ مقدارها

ای آن $\rho_f V_f g = \rho_0 V_0 g$

$$\frac{\rho_o}{\rho_f} = \frac{V_f}{V_o} \tag{6.15}$$

في الظروف العادية متوسط كثافة الأسماك أكبر قليلا من كثافة الماء. وينتج عن ذلك أن تظل الأسماك تحت سطح الماء إذا لم يكن لديها وسيلة للتحكم في كثافتها. وتستطيع الأسماك التحكم في كثافتها بتنظيم حجم كيس هوائي داخا جسمها لكي يعادل تغير مقدار قوة الطفو التي تؤثر عليها. وبهذه الطريقة تستطيع الأسماك أن تسبح في أعماق مختلفة. أما الغطاسون من بني البشر فإنهم لايستطيعون التحكم في قوة الطفو B المؤثرة على أجسامهم. ويتحكم الغطاس في العمق الذي يرغب الوصول إليه F_o عن طريق استخدام القوة F_o وذلك باستخدام أوزان من الرصاص يحملها معه فتزيد من وزنه



الصلب أثقل من الماء بكثير، فكيف تطفو المراكب المسنوعة من الطلب؟

اختبار سريع 7.15

كوب من الماء به مكعب من الثلج العائم شكل 11.15 . عندما ينصهر الثلج هل يزداد مستوى الماء في الكوب أو يهبط أو يبقى كما هو.



شكل (11.15)

مثال 5.15

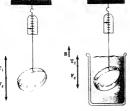
تقبول إحدى الروبات، أنه قيد طلب من ا. ... ميدس أن يختبر ما إذا كان التاج الذي صنع الماك من الذهب الخالص أم من أي معدن آخر، والد أرشميدس بوزن التاج شرة في الهواء ومرة ١٠ ري وهو معلق في الماء كما في شكل (12.15) . ١٠, أن الميزان قرأ 7.84 N والتاج في الهواء مه أ 6.86 N أوالتاج في الماء فـماذا قـال أر من ميدس للملك،

الحل: عندما كان التاج معلقا في الهواء بين

الم رأن الوزن الفعلى T1=F6 (بإهمال قوة طفو

الهوا.) عندما يغمر في الماء قوة الطفو B قللت

الرون فأصبح B - T2 =Fg . إذن قوة الطفو



شكل (12.15) (a) عندما كان التاج في الهواء يبين الميزان الوزن الحقيقي وT₁=F (دفع الهواء له يمكن اهماله) (b): عندما كان التاج مغمورا في الماء. قوة الطفو B تقلل قراءة $T_2 = F_g - B$ الميزان إلى وزن ظاهري

الهارة على التاج هي الفرق بين وزنه في الهواء $B = F_a - T_2 = 7.84 \text{ N} - 6.86 \text{ N} = 0.98 \text{ N}$ الماء في الماء ...

مو حجم الماء V_w عيث إن قوة الطفو تساوى وزن السائل المزاح. إذن $\rho_w g V_w = 0.98 N$ عود حجم الماء اا، اح و $\rho_{\rm m}$ كثافة الماء. حجم التاج $V_{\rm c}$ يساوى حجم السائل المزاح لأن التاج مغمورا كليا تحت الماء ، إذن

$$V_c = V_\omega = \frac{0.98 \text{ N}}{g\rho_\omega} = \frac{0.98 \text{ N}}{(9.8 \text{ m/s}^2) (1000 \text{ kg/m}^3)}$$

$$= 1.0 \times 10^{-4} \text{ m}^3$$

$$\rho_c = \frac{m_c}{V_c} = \frac{m_c g}{V_c g} = \frac{7.84 \text{ N}}{(1.0 \times 10^{-4} \text{ m}^3)(9.8 \text{ m/s}^2)}$$

$$= 8.0 \times 10^3 \text{ kg/m}^3$$

. . جدول 1.15 نرى أن كثافة الذهب تساوى 19.3 x 10³ kg/m³ إذن لابد أن أرشميدس قد قال

الضيزياء (الجزء الأول - الميكانيكا والديناميكا الحرارية)

مثال 6.15 مفاجأة تيتانك

الجبل الجليدي العاثم على سطح البحر كما يرى في شكل (13.15a) من أخطر ما يعترض الملاحة البحرية لأن معظم الجليد تحت سطح الماء، وهذا الجليد المختبئ يمكنه أن يعطم سفينة وهي لاتزال على مسافة من الجليد المرقى، فما هو الجزء المغمور تحت سطح الماء من الجبل الجليدي؟.

شكل (13.15) (a) الجزء الأكبر من هذا الجيدي أسفل الجيدي أسفل سطح الماء (d) بمكن ان تتحمل السفينة حتى وإن كمات على مسملة من الجرء الطاهر من الجسبل الجيدي.





الحل ، هذه المسألة تتبع الحالة الثانية التي سبق أن ذكرناها . وزن جيل الجليد هو $F_{gi} = \rho_i V_g$ حيث V_i ، $\rho_i = 917 \, \mathrm{kg/m^3}$ ميث V_i ، $\rho_i = 917 \, \mathrm{kg/m^3}$ في مقدل الخزاج عدث V_i ، $\rho_i = 917 \, \mathrm{kg/m^3}$ المناطقة $B = \rho_w V_w g$ حجم الماء المزاح وهو يساوي حجم الجليد المفصور تحت سطح الماء (المنطقة المظللة في شكل (3.31.50) و $\rho_i V_g = \rho_w V_w g$ ماء المبحر $\rho_w = 1030 \, \mathrm{kg/m^3}$ بما أن $\rho_i V_g = \rho_w V_w g$ الجزء من جبل الجليد تحت سطح الماء هو

 $f = \frac{V_{o}}{V_{i}} = \frac{\rho_{i}}{\rho_{o}} = \frac{917 \text{ kg/m}^{3}}{1030 \text{ kg/m}^{3}} = 0.890$ or 89.0%

FLUID DYNAMICS ديناميكا الموائع ح

لقد اقتصرنا في دراستنا السابقة على الموائع الساكنة . الآن سنقوم بدراسة الموائع المتحركة. وبدلا من أن ندرس حركة كل جزء في المائع كدالة في الزمن، سندرس خواص المائع المتحرك عند كل نقطة كدالة في الزمن.

خواص السريان Flow Characteristics

عندما يكون المائع في حالة حركة. فيمكن وصف سريانه كأحد نوعين.

فسريان الماثع قد يقال عنه أنه خطي أو طبقي، وإذا اتبع كل جزء من المائع مسارا منتظما أي أن مسارات أجزائه المختلفة لاتتقاطع مع بعضها كما هو مين في شكل 14.15 وفي الإنسياب الخطي Steady or Laminar flow (618 سرعة المائع مع الزمن تطلُّ تابتة عند أي نقطة. فوق سرعة حرجة يتحول أنسياب المائع من خطي إلى دوامي turbulent flow ، والسريان الدوامي ١١٠١٠ غير منتظم ويتميز بمناطق بها ما يشبه الدوامات كما في شكل (15.15).

ومصطلح لزوجة Viscosity يستخدم عادة في وصف سريان الموائع ليبين مدى الإحتكاك الداخلي س المانع، وهذا الإحتكاك الداخلي أو قوى اللزوجة مرتبط بالقاومة التي تلقاها طبقتين متجاورتين في ١١١٠ عندما تتحركان بالنسبة لبعضهما. واللزوجة تتسبب في تحويل جزء من طاقة الحركة للمائع إلى ١١١١٠ داخلية. وهذه الطريقة تشبه الطريقة التي يفقد بها جسم ينزلق فوق سطح خشن جزء من طاقة . . ، ، ه ونظراً لأن حركة الموائع معقدة جداً وليست معروفة تماماً، لذلك سوف نضع نموذجاً للمائع المثالي ١٠٠٠ في الإعتبار أربع فروض هي:

- ا المانع عديم اللزوجية: في المائع عديم اللزوجة الاحتكاك الداخلي يمكن إهماله. والجسم المتحرك خلال المائع لايعاني من قوى اللزوجة.
 - الإنسياب خطى: في الإنسياب الخطى، أو الطبقى، سرعة المائع عند كل نقطة تظل ثابتة.
 - المانع غير قابل للانضغاط: كثافة المائع الغير قابل للانضغاط، مقدار ثابت.
- السريان غير دوراني: في السريان غير الدوراني لايكون للمائع كمية حركة زاوية حول أي نقطة، فإذا ومنعت عجلة صغيرة في أي مكان في المائع فإنها التدور حول مركز كتلتها.



شكل (14.15) إنسياب خطي أو طبقي حول سيارة في نفق اختبار،



- ١٨. (15.15) الغازات الساخنة حارة يمكن مشاهدتها ...ادر و جسيمات الدخان، ۱۰ ا۱۱۰ ان حرکته علی شکل ال ١٠ ر١٠ السيجارة ثم ينتشر ا - ادال دوامي بعد ذلك،

15.6 / الإنسياب الخطى ومعادلة الإستمرارية:

STREAMLINES AND THE EQUATION OF CONTINUITY

المسار الذي يتخذه أحد جسيمات مائع ينساب إنسياباً منتظماً، يسمى الإنسياب الخطى. وسرعة جسيم المائع تكون دائماً مماسية لهذا الإنسياب الخطى كما نرى في شكل (16.15) لو أخذنا مجموعة من خطوط الانسياب مثل المجموعة الموضعة في شكل (16.15) فإنها تكوُّن سريان أنبوبياً.

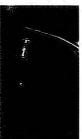
Tube Flow لاحظ أن جسيمات المائع لايمكنها أن تنساب إلى الداخل أو إلى الخارج من جوانب هذا الأنبوب، فإذا حدث ذلك عندئذ تتقاطع خطوط الإنسياب مع بعضها.



شكل (17.15) مائع يتحرك في سريان منتظم داخل أنيوب مساحة مقطعه متغير، حجم المائع المار خلال مساحة المقطع A: يسماوي حمجم المائع المار خلال مساحة القطع ٨٥ في نفس $A_1 v_1 = A_2 v_2$, الوقت. إذن , $a_1 v_2 = A_3 v_3$

شكل (16.15) جسيم في سريان خطى، في كل نقطة على استداد مساره تكون سرعة الجسيم مماسية لخطوط السريان.

افترض أن مائعاً مثالياً ينساب خلال أنبوبة غير منتظمة المقطع كما هو مبين في شكل (17.15) جسيمات المائع تتحرك في انسياب خطى في سريان منتظم. في زمن ١ المائع الموجود عند قاع الأنبوبة $\Delta x_1 = v_1$ يتحرك مسافة $\Delta x_1 = v_1$ إذا كانت AI هي مساحة مقطع الأنبوبة في هذه المنطقة. عندئذ تكون كتلة المائع الموجود في الجزء المظلل على ρ هي $m_1 = \rho A_1 \Delta x_1 = \rho A_1 v_1 t$ هي 15.17 هي اليسيار من شكل الكثافة غير المتغيرة للمائع المثالي. السائل الموجود في النهاية العلوية للأنبوبة يتحرك خلال الزمن t بحيث تكون كتلة السائل المتحرك خلال تلك الفترة هو $\rho A_2 v_3 = \rho M$ وحيث إن الكتلة محفوظة وسريان السائل خطياً. الكتلة التي تعبر A1 في زمن 1 لابد وأن تساوى الكتلة التي تقطع مA في نفس الزمن t أي أن



620 وهي تنص على أن حاصل ضرب مساحة القطع في سُرعة المائع عند

 $A_1v_1 = A_2v_2 = \text{constant}$ وهذه العلاقة تسمى معادلة الاستمرارية Equation of Continuity

 $m_1 = m_2$, $\rho A_1 v_1 t = \rho A_2 v_2 t$

شكل (George Semple) (18.15)

(7.15)



• ميع النقط على امتداد الأنبوب مقدار ثابت بالنسبية للمائع الغير قابل للإنضفاط، وهذا يعني أن السرعة داخل الأنبوبية تكون الأنبوبية مغتنقة (مساحة مقطعها صغير) وتكون منغفضة • بت تكون الأنبوبية متسعة (مساحة مقطعها كبير)، وحاصل الضرب Au يسمى إما الفيض الحجمي Volume Finx أو معدل الإنسياب Flow Rate ، والشرط أن Au= constant أو معدل الإنسياب Flow Rate ، والشرط أن المتاجع يكافئ القول بأن حجم النائبوبة من أحد طرفيها في فترة زمنية معينة يساوي الحجم الذي يخرج من الطرف الذخ في نفس الفترة الزمنية، إذا لم يوجد تسرب في الأنبوبة .

اختبار سريع 9.15

لماذا يقل مساحة مقطع تيار الماء الخارج من فوهة صنبور كلما ابتعد عنها كما هو واضح في شكل (18.15).

مثال 7.15 شلالات نياجرا

في كل ثانية يتدفق 352 m³ من الماء على ربوة عرضها 670 m أمسالالات هـورس شو Hourse Sliow التي هي جزء من شـالالات نيـاجرا . وعندما يصل المـاء إلى الربـوه يكـون قـد هبط --مافة قدرهـا 2.0 كم تكون سرعة الماء في تلك اللحظة .

الحل: مساحة سطح الماء عندما يصل إلى الربوه هو 340 m³ المساحة سطح الماء عندما يصل إلى الربوء هو

معدل تدفق الماء 5525 m³/s وهو يساوي Av وهذا يعطى

$$v = \frac{5.525 \text{ m}^3/\text{s}}{A} = \frac{5.525 \text{ m}^3/\text{s}}{1.340 \text{ m}^2} = 4 \text{ m/s}$$

7.15 معادلة برنولي BERNOULLI'S EQUATION

إذا ما ضغطت بإصبعك على فتحة خرطوم الحديقة بحيث تصبح الفتحة ضيقة، نلاحظ أن الماء • رح من الخرطوم مندهماً بسرعة عالية كما هو واضح من شكل (19.15) فهل الماء يكون عند ضغط • منع عندما يكون داخل الخرطوم أم عندما يكون خارجه؟ يمكنك الإجابة على هذا التساؤل بملاحظة • • • الصعوبة وأنت تضغط بإصبعك ضد اندفاع الماء عند فتحة الخرطوم، إن الضغط داخل الخرطوم • • ال من الضغط الجوى بكل تأكيد.

الملاقة بين سرعة المائع والضغط والإرتفاع إستنتجها عام 1738 العالم السويسري دانيل برنولي ١٢:١٠ | Daniel Bernoulli (1700 | 1

الفيزياء (الجزء الأول - الميكانيكا والديناميكا الحرارية)



دانيال برنولى (1782-1700)





شكل 19.15 سبرعة الماء الخيارج من فيوهة الخرطوم تزداد كلما ضافت فتَحة الخرطوم بغلقها جزئياً بإصبم الإبهام.

نعتبر حالة انسياب مائع مثالي خـالال أنبوية غير منتظمة في الزمن ١. كما هو مبين في شكل `` (20.15). سنسمي الجزء المظلل السفلي القسم الأول والجزء المظلل العلوي القسم الثاني. القوة المؤثرة بواسطة المائح في القسم الأول مقدارها .ppA والشغل المبدول بهذه القوة في زمن ١ هي:

$$\mathbf{W}_1 = F_1 \Delta x_1 = p_1 A_1 \Delta x_1 = p_1 V$$

حيث V هي حجم القسم الأول بطريقة مماثلة، الشغل المبذول بواسطة المائع في القسم الثاني في $W_2 = -p_2 A_2 \Delta x_2 = -p_2 V$ نفس الزمن I هو :

(الحجم الذي يمر خلال القسم الأول هي زمن 1 يساوي الحجم المار خلال القسم الثاني هي نفس الزمن)، وهذا الشغل سالب لأن قوة المائع هي اتجاه عكس اتجاه الإزاحة. إذن محصلة الشغل المبذول بهذه القوى هي الزمن 1 يساوي

$$W = (P_1 - P_2)V$$

جزء من هذا الشغل يذهب في تغيير طاقة الحركة للمائع والجزء الآخر يذهب في تغيير طاقة الوضع الناتج عن الجاذبية. فإذا كانت m كتلة المائع الداخل من أحد الطرفين والخارج من الطرف الآخر في زمن 1. إذن التغير في طاقة الحركة لهذه الكتلة:

$$\Delta K = \frac{1}{2}m\upsilon_2^2 - \frac{1}{2}m\upsilon_1^2$$

والتغير في طاقة الو ضع الناتج عن الجاذبية هو:

$$\Delta U = mgy_2 - mgy_1$$

وباستخدام معادلة (13.8) لهذا المانع: $W = \Delta K + \Delta U$ إذن:

$$(P_1\!\!\leftarrow\!P_2)V = \tfrac{1}{2}mv_2^2 - \tfrac{1}{2}mv_1^2 + mgy_2 - mgy_1$$



الفصل الخامس عشر؛ ميكانيكا الموائع

إذا قسمنا طرفى المعادلة على V ونذكر أن $\rho=m/V$ ممكن كتابة تلك المعادلة على النحو التالى:

$$P_1 - P_2 = \frac{1}{2}\rho v_2^2 - \frac{1}{2}\rho v_1^2 + \rho g y_2 - \rho g y_1$$

وبإعادة ترتيب الحدود:

$$P_1 \times \frac{1}{2} \rho v_1^2 + \rho g y_1 = P_2 \times \frac{1}{2} \rho v_2^2 + \rho g y_2$$
 (8.15)

وهي معادلة برنولي كما تستخدم للموائع المثالية ويعبر عنها غالباً بالشكل الآتي:

$$P + \frac{1}{2}\rho v^2 + \rho gy = \text{constant}$$
 (9.15)

وهذه الملاقة تؤكد على أن في الإنسياب الخطي مجموع الضغط ρ وطاقة حركة وحدة الحجوم ρ وطاقة الوضع الناتجة عن الجاذبية لوحدة الحجوم ρ لها نفس المقدار عند جميع النقط على المداد الانسياب الخطى :

$$P_1 - P_2 = \rho g(y_2 - y_1) = \rho g h$$

وهذه المعادلة تتفق مع معادلة 4.15

مثال 8.15 أنبوية فنتوري

الحل: لأن الأنبوبة أفقية

لأن الأنبوبة أفـقـيـة y₁=y₂ وباسـتـخـدام مـعـادلة 8.15 المتمتن 2,1 نحصل على

$$P_1 + \frac{1}{2}\rho v_1^2 = P_2 + \frac{1}{2}\rho v_2^2$$
 (1)

$$A_1v_1 = A_2v_2$$
 من معادلة الاستمرارية

$$v_1 = \frac{A_2}{v_2}v_2 \qquad (2)$$

بإحلال هذه المعادلة في معادلة (1) نحصل على الآتي:

$$P_{1} + \frac{1}{2} \rho \left(\frac{A_{2}}{A_{1}} \right)^{2} v_{2}^{2} = P_{2} + \frac{1}{2} \rho v_{2}^{2}$$

$$v_2 = A_i \sqrt{\frac{2(P_1 - P_2)}{\rho(A_i^2 - A_2^2)}}$$





 P_2 (a) الضغط P_1 الحبر من P_2 الأن P_2 . وهذا الجهاز يستخبم لأن P_2 . وهذا الجهاز يستخبم لقياس سرعة سريان السوائل P_2 انبوية فتتورى.

Market Park

 $A_{7} < A_{1}$ أن حيث v_{1} معادلة الاستمرارية لنحصل على معادلة تعطى v_{1} حيث أن معادلة (2) تبين أن $v_2 > v_1$ هذه المعادلة مع معادلة (1) تبين أن $P_1 > P_2$ أي أن الضغط يقل في الجزء المختنق من الأنبوبة. وهذه النتيجة مماثلة للحالة التالية: تخيل حجرة مزدحمة بالناس بحيث أنهم مضغوطين من شدة الزحام. عندما يفتح الباب ويخرج الناس شيئاً فشيئاً نجد أن الضغط البشرى ينخفض عند الباب حيث تكون الحركة نحو الخارج سريعة.

حبلة حبدة مثال 9.15

من المكن أن تنفخ قطعة نقود فئة العشر سنتات (دايم Dime) فتجعلها ترتفع من فوق سطح المنضدة لتدخل في كوب على سطح المنضدة شكل (22.15a). ضع قطعة النقود فوق سطح المنضدة على بعد حوالي 2 cm من الحافة. ضع الكوب أفقياً على المنضدة وفوهة الكوب تبعد عن قطعة النقود بحوالي 2 cm كما هو بين في شكل (22.15a) إذا نفخت بشدة فوق سطح قطعة العملة ستجدها· ترتفع وتتحرك مع تيار الهواء ثم تدخيل في الكوب، كتلة العملة m = 2.24 g ومساحة سطحها $A=2.5 \times 10^{-4} \text{ m}^2$. احسب سرعة الهواء الذي تنفخه لكى تدخل قطعة العملة داخل الكوب؟

الحل: شكل 22.15b بيين أنه من الواحب حساب القيوة المؤثرة إلى أعلى على قطعة النقيود. لاحظ وجود طبقة رفيعة من الهواء بين قطعة العملة والمنضده. عندما تنفخ فوق سطح العملة سيتحرك الهواء بسرعة فوق سطحها بينما تكون سرعة الهواء أسفلها قليلة، هذه الحقيقة مع معادلة برنولي توضح أن الهواء الذي يتحرك فوق سطح العملة يكون ضغطه أقل من الهواء الذي أسفلها. إذا أهملنا سمك قطعة النقود يمكننا استخدام المعادلة 8.15 لنجد أن:

 $P_{\text{above}} + \frac{1}{2}\rho v_{\text{above}}^2 = P_{\text{beneath}} + \frac{1}{2}\rho v_{\text{beneath}}^2$ حيث إن الهواء أسفل العملة يكاد يكون ساكناً يمكننا أن نهمل الحد الأخير في المعادلة ونكتب الفرق في الضغط كما يلي:

 $P_{\text{beneath}} - P_{\text{above}} = \frac{1}{2} \rho v_{\text{above}}^2$ إذا ضربنا هذا الفرق في الضغط في مساحة المقطع للعملة نحصل على القوة المؤثرة على قطعة العملة إلى أعلى، وبأخذ كثافة الهواء من حدول

15.1 يمكننا أن نكتب $F_{\nu} = mg = (P_{\text{heneath}} - P_{\text{above}})A = \frac{1}{2}(\rho v_{\text{above}}^2)A$

 $= \sqrt{\frac{2(2.24 \times 10^{-3} \text{ kg})(9.80 \text{ m/s}^2)}{(1.29 \text{ kg/m}^3)(2.50 \times 10^{-4} \text{ m}^2)}}$

شكل (22.15) $v_{above} = 11.7 \text{ m/s}$

624] يجب أن تكون سرعة الهواء الذي تنفخه أكبر من ذلك لكي تزيد القوة إلى أعلى عن وزن قطعة النقود.

مثال 10.15 قانون تورشلًى

خزان مقفول به سائل كثافته θ ، وبه فتحه في جانبه على مسافة y_1 من القاع شكل (23.15) والفتحة قطرها أقل من قطر الخزان بكثير وهي متصلة بالضغط الجوي، والهواء فوق سطح السائل عند ضغط P احسب السرعة التي يخرج بها السائل من الفتحة عندما يكون سطح السائل على ارتقاع θ من النقب.

I (لحل: حيث إن $A_2 > A_1$ فيعتبر السائل في حالة سكون في أعلى الخزان حيث يكون الضغط P_1 باستخدام معادلة برنولي للتقطتين P_1 وومع ملاحظة أنه عند الفتحة الجانبية P_1 يساوي الضغط الجوي P_2 خيد أن:

$$P_0 + \frac{1}{2}\rho v_1^2 + \rho g y_1 = P + \rho g y_2$$
: وحيث إن $y_2 - y_1 = h$ وحيث إن $y_1 = h$ $v_1 = \sqrt{\frac{2(P - P_0)}{\rho} + 2gh}$

عندما تكون p اكبر بكثير من p يمكن أهمال الحد 2gh عندئذ تكون سرعة الخروج دالة في q . أما إذا كان الخزان مفتوحاً للهواء الجوي عندئذ p = p و في هذه الحالة p = p أي أنه بالنسية لخزان مفتوح، سرعة المنائل الخارج من فتحة على بعد مسافة h من سطح السائل تساوي سرعة الجسم الساقط سقوطاً حراً من ارتشاع عمودي مقداره h وهذه الظاهرة تسمى قانون تورشلى.

شكل 15.23 عندما يكون P اكبر بكثير من الضغط الجوي P سرعة السائل عندما يخرج من الفتحة السئل عندما يخرج من الفتحة $v_1 = \sqrt{2(P - P_2)/\rho}$

(قسم اختیاری)

8.15 تطبيقات أخرى لعادلة برنولي

OTHER APPLICATIONS OF BERNOULLI'S EQUATION

ارتفاع جناح الطائرة يمكن تفسيره جزئياً باستخدام معادلة برنولي. تصمم أجنحة الطائرات بعيث تكون سرعة الهواء أعلى الجناح أكبر من سرعته أسفل الجناح، نتيجة لذلك يكون ضغط الهواء أعلى الجناح أقل من ضغط الهواء أسفله وينتج عن ذلك قوة إلى أعلى على الجناح تسمى قوة الرُّفع Lift.

من العوامل الأخرى التي تؤثر على الرفع في الجناح كما نرى في شكل (24.15) أن الجناح بكون منحرهاً قليلاً إلى أعلى وهذا يجعل جزيئات الهواء التي تصطدم بسطح الجناح السفلي تتحرف إلى أسفل، وهذا الإنحراف يعني أن الجناح يؤثر بقوة إلى أسفل على جزيئات الهواء.

طبقاً لقانون نيوتن الثالث للحركة بقوم الهواء بالتأثير على الجناح بقوة مماثلة إلى أعلى.

الفيزياء (الجزء الأول - الميكانيكا والديناميكا الحرارية)

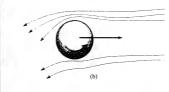
وأخيراً للدوامات الهوائية (Turbulance) ايضاً تأثير فإذا مال الجناح كثيراً إلى أعلى تصبح حركة الهواه أعلاه دوامية، مال الجناح كثيراً إلى أعلى تصبح حركة الهواه اعلاه دوامية، لمادلة برنولي، وفي الحالات القصوى قد تؤدي هذه الدوامات إلى هبوط الطائرة، بصفة عامة أي جسم يتحرك في مائع تؤثر عليه قرة رفع نتيجة لأي عامل يجعل المائع يغير اتجاهه عندما يعر عبر هذا الجسم، ومن العوامل المؤثرة على الرفع، هو شكل الجسم، ووضعه بالنسبة لحركة المائع، وأي حركة لف يمكن أن يكتسبها، وملمس سطح الجسم.



شكل (24.15) سريان خطي حول جناح الطائرة، والضغط فوق الجناح أقل من الضغط أسمفله، وينتج عن ذلك رفع ديناميكي إلى أعلى.

🛊 فمثلاً كرة الجولف عند ضربها بالمضرب تلف حول نفسها

كما في شكل ه.2.15.5 والنقر على سطحها تساعد في تحريك الهواء ليتبع انحناء سطح الكره. وهذا التأثير يظهر بوضوح أكثر على السطح العلوي للكرة، حيث تتحرك الكره في اتجاه انسياب الهواء، شكل التأثير يظهر بوضوح أكثر على السفل تدفع الهواء (25.15) يبين طبقة رفيعة من الهواء تحيط ببعض أجزاء الكرة، وعندما تتحرف إلى أسفل تدفع الهواء إلى أسفل فيكون رد الفعل المؤثر على الكرة إلى أعلى. ويدون تلك النقر لايساعد الهواء كثيراً في رفع الكره عن سطح الأرض، ومن ثم لانتطاق لمسافات كبيرة، وفي كرة التس تقوم الشعيرات الرفيعة التي تحيك بها بعمل مماثل لعمل النقر في كرة الجولف مما يجعل كرة التس تتحرك لمسافات أكبر.



شكل (25.15) (a) كرة الجولف تلف حول نفسها عندما تضرب بالمضرب (b) الكرة أثناء لفها تكتسب سرعة ترفعها مما يجعلها تتحرك لمسافة أطول مُعا لو لم تكتسب سرعة دوران.



اختيار سريع 10.15

ينبه على سكان المباني التي تتعرض لإعصار تورنادو أن يفتحوا النوافذ للإقبلال من الخسائر لماذا؟





وهذا النقص في الضغط فوق الأنبوية المغموسة في السائل يجعل السائل يرتفع فيها ويخرج مع الهواء على شكل رذاذ. وهذه هي الفكرة التي تعمل على أساسها زجاجات العطور التي بها سبريي Fume bottles sprayers ونفس الفكرة تستخدم في كاربرتير السيارة وهو الجهاز الذي يتم فيه خلط الجازولين بالهواء،

تيار الهواء داخل الكاربرتير يحدث نقصاً في الضغط فيتبخر الجازولين ويختلط بالهواء. ويدخل إلى سلندرات المحرك حيث بحدث الاحتراق.

ملخص SUMMARY

الضغط P داخل مائع هو القوة على وحدة المساحات التي يؤثر بها المائع على الأجسام. (1.15)

في النظام الدولي لوحدات القياس SI وحدة الضغط هي: N/m² = 1 Pascal (Pa) الضغط في سائل في حالة السكون يتغير بتغير العمق h في المائع طبقاً للمعادلة:

$$P = P_0 + \rho g h \tag{4.15}$$

حيث P_0 هو الضغط الجوى ($1.013 \times 10^5 \text{ N/m}^2$) و ρ هي كثافة المائع وتعتبر مقداراً ثابتاً.

قانون باسكال ينص على أن الضغط المؤثر على مائع في حيز مغلق ينتقل إلى جميع أجزاء المائع دون نقصان وإلى كل نقطة على جدران هذا الحيز المغلق.

إذا غمر جسم كلياً أو جزئياً في مائع، فإن المائع يؤثر على الجسم بقوة إلى أعلى تسمى قوة الطفو. طبقاً لقاعدة أرشميدس، مقدار قوة الطفو تساوى وزن المائع المزاح بواسطة الجسم. يمكن استخدام هذه القاعدة في العديد من الحالات بما في ذلك الأجسام المغمورة أو العائمة.

يمكنك أن تتعرف على العديد من نواحى ديناميكا الموائع باعتبار أن المائع ليس لزجاً وغير قابل للانضغاط وأن حركة المائع منتظمة دون أي حركة دورانية. ا- معدل التدفق (الفيض الحجمي Volume Flux) خلال الأنبوية مقدار ثابت. وهذه النتيجة يعبر عنها
 في معادلة الاستمرارية

$$A_1 v_1 = A_2 v_2 = \text{constant}$$
 (7.15)

ويمكن استخدام هذا التعبير لحساب كيفية تغير سرعة مائع عندما يضيق مجراه أو عندما يتسع.

2- مجموع الضغط، وطاقة الحركة لوحدة الحجوم، وطاقة الوضع الناتجة عن الجاذبية لوحدة الحجوم لها نفس المقدار عند جميع النقط على طول الانسياب الخطي. وهذه النتيجة يلخصها قانون برنولي

$$P + \frac{1}{2}\rho v^2 + \rho gy = \text{constant}$$
 (9.15)

QUESTIONS اسئلة

- قدحان لشرب الماء كتلتهما واحدة ولكن شكهما مختلف ومساحة مقطعهما مختلف امتــــ لا تنفس المستوى بالماء ، طبقاً للعــلاقــة $P = P_0 + \rho gh$ للكويين . لماذا يزن أحد الكويين أكثر من الآخر .
- 2 إذا كانت مساحة سلطح قمة رأسك 100 cm² ما وزن الهواء فوق رأسك؟
- 3 عندما تشرب سائل بواسطة ماصة، فإنك تقلل الضنائماد داخل فهك وقترك الهواء الجوي يحسرك السائل، بين لماذا يحسد ذلك؟ هل تستطيع أن تستخدم الماصة لتشرب فوق سطح القمر؟
- 4 بالون مملوء بالهيليسوم يرتفع حتى تصبح كثافته مثل كثافة الهواء الحيط به. إذا بدأت غواصة تهبط في المحيط فيهل يمكنها أن تواصل الهبوط حتى قاع المحيط؟ أم ستهبط حتى تصبح كثافتها مماثلة لكثافة الماء المحيط بها؟
- 5 هل السفينة تطفو إلى مستوى أعلى على 628 سطح بحيرة داخلية أم على سطح المحيط؟

6 - الرصاص اكبر كثافة من الحديد وكلاهما اعلى كثافة من الماء. هل قورة الطفو على الأجمام المستوعة من الرصاص اكبر أو اقل من أو تمساوي قدوة الطفو على الأجمسام المستوعة من الحديد التي لها نفس الحجم.

The second second

- [8] مسادر المياه للمدن تكون عن طريق خزانات فوق ارتفاعات كبيرة ويسري الماء من الخزانات إلى الأنابيب ثم إلى المنازل. عندما تفتح صنبور الماء، لماذا يكون سريان الماء أسرع في صنابير الدور الأرضي من صنابير الأدوار التي تعلوه.
- 8 يتصاعد الدخان من المدخنة أسرع عندما تكون الرياح سريعة عند نهاية المدخنه العليا مما لوكانت الرياح ساكنة. استخدم معادلة برنولي لتفسير هذه الظاهرة.
- 9 إذا وضعت كرة ينج- بُنج فوق فتحة مجفف للشعر، يمكنها أن تحلق في عمود الهواء المتصاعد من مجفف الشعر، وضح ذلك.
- 10 عندما يقذف شخص بنفسه من على منصه عالية ليحلق في الهواء فإنه يميل بجسمه إلى الأمام ويجعل يديه إلى جنبيه، كما في شكل (Q11.15) للذا؟



شكل Q11.15

- 11 وضع لماذا يمكن لزجاجة مقفولة ومملوءة جزئياً بسائل أن تطفو؟
- 12 متى تكون قوة الطفو على سباح أكبر بعد الشهيق أم بعد الزفير؟
- 13 قطعة من الخشب غير المطلى تطفو على سطح الماء في حوض مملوء جزئياً بالماء. إذا أغلق الحوض ثم رُفع الضغط بداخله فوق الضغط الجوي، هل سيرتفع اللوح أم يغرق أم يظل كما هو؟
- 14 لوح مسطح غمر في سائل ساكن في أي وضع يكون الضغط على سطحه المسطح منتظماً.
- 15 حيث إن الضغط الجوي يساوي حوالي 105 N/ M² ومتوسط مساحة سطح صدر أحد الأشخاص حوالي 0.13 m² القوة التي يضغط بها الغلاف الجوي على الصدر حسوالي N 13000 تحت تأثيسر هذه القسوة الكبيرة لماذا لاتتحطم أجسامنا؟
- 16 كيف تعين كثافة صخرة غير منتظمة الشكل؟
- 17 لماذا يفضل الطيارون التحليق في الهواء عند وجود الرياح؟
- 18 إذا تركت كرة كانت في يدك وأنت داخل

الفصل الخامس عشرا ميكانيكا الموائع

مصعد يهبط هبوطأ حرأ فإنها ستظل أمامك دون أن تسقط إلى الأرض لأن الكرة والمصعد وأنت تشأثرون بنفس العجلة g إلى أسفل. ماذا يحدث لو كررت التجربة باستخدام بالون مملوء بغاز الهيليوم.

- 19 باخرتان متماثلتان تحركتا في البحر على أحدهما شحنة من ستايروفوم والأخرى فارغة. أيهما ستغطس أكثر؟
- 20 قطعــة من الصلب مـربوطة بقطعــة من الخشب، عند غمر قطعة الخشب وقطعة الصلب فوقها في حوض به ماء فإنها تغمر إلى منتصفها . إذا عكس وضع قطعة الخشب بحيث أصبحت قطعة الحديد إلى أسفل ومغمورة في الماء، هل سيزداد الجزء المغمور في الماء أم يقل أم يظل كما هو؟ ماذا يحدث لسطح الماء في الحوض عندما تقلب قطعة الخشب؟
- 21 [23] علبة مقفولة بها كولا- دايت تعوم إذا وضعت في حوض به ماء، علبة من نفس النوع بها كولا- عادية تغطس في الحوض. كيف تفسر هذه الظاهرة؟
- 22 شكل (Q 24.15) يبين أسطوانة زجاجية تحتوى على أربع سوائل كثافتها مختلفة من أعلى إلى أسفل هي زيت (برتقالي)، ماء (أصفر) ماء مالح (أخضر) وزئبق (فضى) والأسطوانة تحتوى كذلك من أعلى إلى أسفل كرة بنج- بونج وقطعة خشب وبيضة وكرة من الصلب (a) أي من هذه السوائل له أقل كثافة وأيها له أعلى كثافة؟ (b) ماذا تستنتج عن



شكل Q24.15

23 - في شكل (Q25.15) تيبار هواء يتحرك من الهمين إلى اليسار خلال أنبوبة بها اختتاق من المنتصف. ثلاث كبرات بنيج بونج ارتقمت إلى أعلى فرق أعمدة الهواء التي تتمسرب من الأنبوبة (a) لماذا البقشت الكرة اليمني أكثر من الكرة اللتي في الوسط (d) لماذا الكرة في الجهة اليسرى قد ارتفعت أقل من الكرة التي المراحى قد ارتفعت أقل من الكرة التي الجهة اليسرى قد ارتفعت أقل من الكرة التي المدينة التيبيري ألم المدينة التيبيري ألم المدينة التيبيري ألم الكرة التي المدينة التيبيري المدينة التيبيري المدينة التيبيري المدينة التيبيري المدينة المدينة التيبيري المدينة ال

في الجهة اليمنى على الرغم من أن الأنبوية الأفقية لها نفس القطر عند هاتين النقطتين؟

24 إذا كنت مسافر في طائرة فمن أجل راحتك - تكيف الطائرة من الداخل بعيت يكون الهواء مماثلاً للهواء على سطح الأرض، والطائرة متالخل الهواء تطير في جو مخلخل الهواء، يكون مفرغاً الميطل بالطائرة من الخارج أن يكون مفرغاً من الهواء، وفجاة اصطدم نيزك بجسم الطائرة فاحدث فيها نقباً أصغر من قبضة يدك بالقرب من المقدم الناترة جامد عليه تجلس عليه عليه المقرب من المقدم الذي تجلس عليه . فهل منال مايمكن أن تقله حيال ذلك!

PROBLEMS JULMO

3.2.1 = مسائل مباشرة، متوسطة، تحدي

Http:// www. sanunderscollege. com/ physics/ : الحل موجود في = WEB

= الحاسب الآلي مفيد في حل المسائل = فيزياء تفاعلية

= أزواج رقمية/ باستخدام الرموز

القسم 1.15- الضغط

- الحسب كتلة كرة مصمته من الحديد قطرها عند مصمته من الحديد قطرها
- 2 إحسب كثافة نواة ذرة. ماذا تعني هذه النتيجة من حيث تركيب المادة (اعتبر النواة عبارة عن بروتونات ونيوترونات متراصة بجوار بعضها

 $1.67 \times 10^{-27} \; \mathrm{Kg}$ لكل منها كتلة مقداراها والى منها كتلة مقدوا ورصف قطرها حوالى $10^{-15} \; \mathrm{m}$

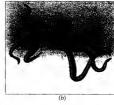
= الحل كامل متاح في المرشد.

ونصف قطرها حوالي m 10⁻¹⁵ m.

[3] إمرأة كتلتها 50 Kg إمرأة كنلتها

إمراه ختلتها W Rg الانتفى مترته فنوق خعب حذاء مرتفع فإذا كان الكعب مقطعه دائري ونصف قطره M O.5 ما هو الضغط الذي تؤثر به على الأرض؟





شكل P10.15

- 4 الإطارات الأربعة لسيارة على كل منها ضغط يساوى KPa 200 KPa إطار مساحة الجزء الملامس للأرض منه 0.024 m². احسب كتلة السيارة؟
- 5 ما هـــ الكـتلة الكلـية للغـلاف الجــوى للأرض (نصف قطر الأرض 6.37x 106 m والضبغط الجوي عند سيطح الأرض .(1.013 x 105 N/ m2
- a) 6) احسب الضغط المطلق على عمق m 1000 من مياه المحيط، اعتبر أن كثافة ماء البحر 1024 Kg/ m³ وأن الهواء يؤثر بضغط على سطح الماء مقداره 101.3 KPa (b) عند هذا العمق لو وجدت غواصة فما هي القوة التي يجب أن يؤثر بها الإطار المحيط بالكوة الدائرية التي قطرها 30.0 cm في جسم غواصة لكي يعادل القوة المؤثرة بواسطة الماء.
- 7 الزنبرك في مقياس الضغط البين في شكل 15.2 له ثابت قوة N/m وقطر المكبس 2.0 cm عندما يغمر المقياس في الماء. عند أى عمق يتحرك المكبس إلى الداخل بمقدار \$0.5 cm
- 8 مساحة مقطع الكبس الصغير في الرافعة الهيدروليكية 3.00 cm² والكيس الكبير



- مساحة مقطعه 200 cm² (انظر شكل 15.15 a مــا مــقــدار القــوة التي يجب استخدامها على المكبس الصغير لكي يرفع حمل قدره 15.0 KN (في محطات خدمة السيارات هذه القوة تتولد عادة باستخدام ضغط الهواء).
- 9 (a) مكنسة كهريائية تعمل بتفريغ الهواء لها قوة شفط عالية متصل بها خرطوم قطره 2.86 cm ما أكبر وزن لقالب طوب يمكن أن ترفعه الكنسه؟ شكل (P10.15)؟ (b) أخطبوط قوى يستخدم شفاط قطره 2.86 cm على صدفتي محاره في محاولة لفتحها احسب اكبر قوة يمكن للأخطبوط أن يؤثر بها في الماء المالح على عمق 32.3 m شكل (P10.15 b)
- 10 حمام سباحة أبعاده m x 10 m وله قاع مسطح عندما يملؤ الحمام بالماء إلى عمق 2.0m ما هي القوة التي يؤثر بها الماء على القاع؟ على كل جانب؟
- 11 وعاء على شكل كرة مغلقة قطرها d مثبتة فوق سيارة تسير أفقياً بعجلة تسارع (a) كما في شكل (P13.15). الكرة مملوءة تقريباً بسائل كثافتة p ويحتوى أيضاً على فقاعة هواء عند الضغط الجوي. أوجد علاقة (631)



للضغط p في منتصف الكرة.



شكل P13.15

12 - خــزان مــوضح في شكل (Pl4.15) مملوء بالماء لعمق 2.0m فــاحد جــدرانه الجائبية يوجد باب مستطيل ارتفاعه 1.0 m واتساعه 2.0 ومثبت بمفــمــلات عند طرفه العلوي (a) احسب القوة المؤثرة التي يؤثر بهــا الماء على البــاب (b) أوجــد عــنرم الدوران المؤثر حول المفصلات.



شكل P14.15

13 - مسألة للإعادة، كرة نحاسية مصمته قطرها 3.0 m عند مستوى سطح البحر. وشعت 3.0 m ألم 1.00 شعر على عمق المستوى الما 1030 Kg/m³ ما مقدار النقص في قطر الكرة عندما تصل إلى القاع، اعتبر معامل المرونة الحجمي إلى القاع، اعتبر معامل المرونة الحجمي للنجاس 100 kg/m² / 14.0x 10¹⁰ W/m².

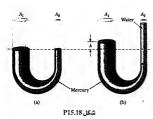
القسم 3.15 قياس الضغط





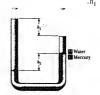
شكل P17.15

 $\begin{array}{lll} -16 & \text{max} & \text{max} & \text{max} \\ -\text{ce.} & \text{U} & \text{Loss} & \text{single} & \text{Hatch} \\ & \text{Ce.} & \text{U} & \text{Loss} & \text{Loss} \\ & \text{Hym.c} & \text{oil} & \text{Hittings} & \text{max} \\ & \text{pulso} & \text{100 cm}^2 \\ & \text{pulso} & \text{100 cm}^2 \\ & \text{constable} & \text{Loss} & \text{Ce.} \\ & \text{Sole} & \text{Loss} & \text{Ce.} \\ & \text{100 cm} & \text{100 cm}^2 \\ & \text{100 cm} & \text{100 cm}^2 \\ & \text{100 cm} & \text{100 cm}^2 \\ \end{array}$



شكل (P18.15b) من طول عـمود الماء في الطرف الأيمن من الأنبوبة حرف U (b) U إذا علمت أن كثافة الزئبق 13.6 g/ cm³ ما طول عمود الزئبق h في الطرف الأيسر.

17 - أنبوبة على شكل حرف U مساحة مقطعها منتظم ومفتوحة للجو مملوءة جزئيا بالزئيق. وضع ماء في الطرفين. إذا كبان الشكل في حيالة الاتزان كيما هو مبيئ في شكل (19.15) حيث m = 1.0 em ميئ صقدار



شكل P19.15

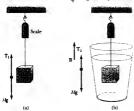
القسم 4.15 قوى الطفو وقاعدة ارشميدس.

19 - لوح من ستايروفوم سمكه m و10.0 وكثافته 300 Kg/m³ مقدما يكبون سبباح كتلته 75.0 Kg في سطحه فإنه يطشو في الماء العذب وسطحه العلوي على مستوى سطح الماء احسب مساحة اللوح.

ما $ho_{\rm s}$ من ستايروفوم سمكه h وكثافته $ho_{\rm s}$ ما مساحة اللوح إذا عام وسطحه العلوي على

مستوى سطح الماء العذب عندما يكون سباح كتلته m فوق سطحه؟.

21 - قطعة من الألومنيوم كتلتها 1.0 Kg وكذافتها 700 ومكذافتها 620 مطئة من خيط ومغمورة كلياً في وعاء به ماء شكل 273.15 احسب الشد في الخيط (a) قبل غمر قطعة الألومنيوم (b) بعد غمرها في الماء.



شكل P23.15

- 22 مكعب معدني كتلسته 20.0 m kp.lo. m x 10.0 cm x 10.0 cm x 10.0 cm b in a factor of the fa
- [25] مكعب من الخشب طول كل ضلع من الخشب طول كل ضلع من المخال 650 Kg/m³ متابع 20.0 cm مجال المنافق وقوق سطح الماء (a) ما مقدار المسافة من السطح الأفقي العلوي للمكعب إلى سطح الماء (d) ما مقدار كتلة من الرساص توضع فوق سطح المكعب حتى يصبح السطح العلوي للمكعب المساح الماء تماماً.

- 24 كرة بالاستيك تطفو فوق سطح الماء والجزء الملمور من حجمها يبلغ 50%. ونفس تلك الكرة تطفي فيوق سطح الجلسدين والجزء المصور من حجمها 40% عين كشاشة الجلسدين والكرة.
- 25 ضفدعة داخل وعاء نصف كروي، وجد أنه يطفر دون أن يغمر عندما تكون كثافة السائل يعلم عندما تكون كثافة السائل 1,359 (P28.15). إذا كان الوعاء نصف الكروي ونصف قطره 6.0cm وكثائت مهمله ما هي كثلة الضفدعة؟
- $\frac{29}{20}$ كم مشر مكعب من الهيليوم تلزم لكي يرفع البالون 400 Kg إلى ارتفاع 98000m اعتبر كثافة الهيليوم $(\rho_{\text{He}} = 0.18 \, \text{Kg/m}^3)$ وفترش أن البالون يحتفظ بحجم ثابت وأن كشأفة الهيواء تقل بالارتفاع Σ طبيقاً للمحادلة $200 \, \text{M} \cdot \text{m}^2$ $\rho_{\text{off}} = \rho_{\text{O}} e^{-y/8}$ على بالأمتار $\rho_{\text{off}} = \rho_{\text{O}} = 1.25 \, \text{Kg/m}^3$ سطح البحر.



شكل P28.15

- 27 مسألة للمراجعة، أنبوبة إسطوائية طويلة نصف قطرها ٦ علق في طرفها السفلي ثقل بحيث قطفو وهي في وضع رأسي في سائل كشافت ٩ . دفعت إلى أسغل مسافة ٢ من وضع الإنزان ثم تركت، بين أن الأنبسوية ستقوم بحركة توافقية بسيطة، إذا أهملنا مصقاومة السائل واحسب الزمن الدوري للذبذية.
- 28 غواصة تستخدم في اكتشاف أعماق البحار نصف قطرها 1.5 m وكتلتها 1.2x 10⁴ Kg

لكي تغوص في الماء تحمل الغواصة كمية من ماء المحر، احسب مقدار الكتلة التي يجب أن تحديد المسلمة على الماء الفيواسة لكي تهييط في الماء بسرعة ثابتة مقدارها 8m 1.2 عندما تكون القوة عليها إلى أعلى تساوى 1.03x الماء اعتبر كافة ماء البحر 1.03x أل 1.03x أل 1.03x أل

CONTRACTOR OF THE PARTY OF THE

29 – تمثلك الولايات المتحدة 8 بوارج حربية هي الأكبر على مستوى المالم، افترض أن أحد حاملات الطائرات القنوت إلى أعلى بمقدار 10.0 cm في 11.0 cm في منطقة في منطقة في منطقة المجاذبية الأرضية فيها 290% 8 m/2 ومتوسط كتلة الطائرات 2900% الحساحة المسطحة المحاطة بخط الماء من حاملة الطائرات (المقارنة مسطح الطيران حاملة الطائرات (المقارنة مسطح الطيران حاملة الطائرات (المقارنة مسطح الطيران مسطح الطيران (المقارنة مسطح الطيران مسطح الطيران (المقارنة مسطح الطيران) مسطح الطيران (المقارنة مسطح الطيران) والمقارنة مسطح الطيران (المقارنة مسطح الطيران)

القسم 5.15 ديناميكا الوائع

6.15 الانسياب الخطي ومعادلة الاستمرارية

7.15 معادلة برنولي

- (a) 30 خرطوم مياه قطره 2.0 cm استخدم في مله دلو سعت. 2.0 cm إذا كان ملم الدلو يستذين 10.0 إذا كان ملم الدلو يستذين الماء في يستذين الماء أو الخرطوم v (ملحوظة 1.00 cm إذا كان للخرطوم فتحة قطرها 1.00 cm أوجد سرعة للماء عئد الفتحة.
- أد أنبوية أفقية قطرها 10.0 ويقل بشكل تدريعي حتى يصل قطرها 10.0 (12 كان تدريعي حتى يصل قطرها 10.0 1
- 32 خزان كبير مسطحه العلوي مفتوح ومعلوء بالماء ويوجد ثقب في جانبه عند نقطة أسفل سطح الماء بمقدار 06 وإذا كان معدل تسرب الماء من الشقب هو

في الأنبوبة هو الزئبة وكشافته

 Δh = 5.0 cm وإذا كان ρ_{Hg} = 13600Kg/m³

الماء من الثقب (b) قطر الثقب.

ere er ben er

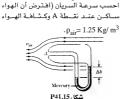
- 3.1 يضخ الماء من نهر كلورادو إلى قرية جرائد كانيون خلال أنبوبة قطرها 15.0 cm النهر على ارتفاع m 545 والقرية على ارتفاع (a) 2096 m احسب الضغط اللازم لضخ الماء حتى يصل إلى القرية (b) إذا كان حجم الماء الذي يضخ يومياً هو 4500 m³ ما هي سرعة الماء في الأنبوبة (c) ما هو الضغط الإضافي اللازم لإعطاء هذا التسيار. (ملحوظة يجب فرض أن عجلة الجاذبية وكثافة الهواء ثابتان على هذا الإرتفاع).
- 34 | 37 ماء ينساب من خرطوم حريق قطره 6.35 cm بمعيدل 0.012 m³/s وينتهى الخيرطوم بفتحة ضيقة قطرها الداخلي 2.2 cm ما هي السرعة التي يخرج بها الماء من فتحة الخرطوم.

اختيارى

قسم 8.15 استخدامات أخرى لعادلة برنولي

- 35 طائرة كـتاتـهـا 1.6x 10⁴ Kg وكل جناح مساحته 40.0 m² أثناء الطيران يكون الضغط على السطح السفلي للجناح 7.00x 10⁴ Pa احسب الضغط على سطح الجناح العلوي.
- 36 أنبوبة فنتورى تستخدم كجهاز لقياس سرعة سريان الموائع (انظر شكل 21.15) إذا كان فرق الضغط P₁- P₂= 21.0 K Pa أوجد معدل سريان السائل بالمتر المكعب لكل ثانية، علماً بأن نصف قطر أنبوبة المخرج 1.0 cm ونصف قطر أنبوبة المدخل 2.0 cm والسائل $. \rho = 700 \text{ Kg/ m}^3$ هو الحازولين
- 37 أنبوبة بيوت Piot Tube يمكن استخدامها لقياس سرعة سريان الهواء عن طريق قياس الفرق بين الضغط الكلى والضغط

a) عين (a) سرعة تسرب 2.5x 10-3 m³/ min



38 - طائرة على ارتفاع 10 Km والضغط خارج الطائرة 0.287 atm وداخل كبينة الطائرة يساوى 1.0 atm ودرجة الحرارة 20°c. حدث تسرب في أحد النوافذ بكابينة الطائرة. اعتبر الهواء كمائع مثالي واحسب سرعة تيار الهواء المتسرب من الثقب.

39 - سايفون Siphon يستخدم في تفريغ الماء من خـــزان كــمــا في الشكل p15. 43، والسايفون له قطر منتظم. افترض أن السريان منتظم وبدون احتكاك (a) إذا كانت المسافة h= 1.0 m أوجد سرعة خروج السائل من نهاية السايفون (b) ما هو الإرتفاع المسموح به لقمة السايفون أعلى سطح الماء؟ (من أجل أن يكون سريان السائل مستمرأ يحب ألا يقل الضغط عن ضغط بخار السائل).



شكار P43.15

40 - حقنة تعطى تجب الجلد بها مادة طبية كشافتها كالماء شكل (P44.15) اسطوانة الحقنة مساحة مقطعها $2 \times 10^{5} \, \mathrm{m}^2$ المجتب والإيرة مساحة مقطعها $2 \times 10^{5} \, \mathrm{m}^2$ الميس يكون والإيرة مساحة مقطعها $2 \times 10^{5} \, \mathrm{m}^2$ الكيس يكون الشغط في كل مكان يساوي جو واحد. قوة $2 \times 10^{5} \, \mathrm{m}^2$ المنظم شجعلت السائل يخرج أفقياً من الأبرة احسب سرعة السائل الدواء عندما يترك طرف الإيرة.



شكل P44.15

 h_0 خـزان كــــيـــرمملوء إلى ارتضاع $\frac{45}{45}$ والخـزان فــتـحـة على ارتضاع h فوق القـاع شكل 1.745.1 أوجـد عــلاقـة تين على أي بعد من الخـزان يصل تيار السائل إلى سطح الأخـد..



شكل P45.15

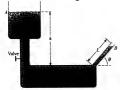
42 - ثقب في خـزان على ارتفاع h في احـد جوانبة، وارتفاع الخـزان مملؤ جوانبة، وارتفاع الخـزان مملؤ بلناء كـما في شكل (P45.15)، إذا كـان الطلوب إندفاع الماء من الثقب إلى أقـصى مسافة أفقية ممكنه (۵) على أي مسافة من قاعدة الخـزان يجب عمل الثقب (d) أهمل الفقد نتيجة الاحـتكاك، على أي بعد من جانب الخـزان يمكن أن يصل الماء إلى الأرض في الداية.

تمارين إضافية:

47] كرة بنج بونج قطرها 3.8 cm وكثافتها 0.084 g/cm³ ما هي القوة اللازمة لجعلها مغمورة تماماً تحت سطح الماء؟

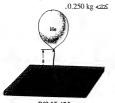
Save . . .

44 – شكل (48.15) يبين خــزان به مــاء وفي قاعدته صمام، إذا فتح هذا الصمام، ما هو اقصى رتشاع يصل إليه قيار الماء في الجانب الأميس مــن الخـــزان؟ إذا افترضـــنا أن الأميس مــن الخــران؟ إذا افترضـــنا أن D = 0 وأن D = 0 – D = 0 m أمساحة المقطع عند النقطة A كبير بالمقارنة بمساحة المقطع عند النقطة B.



شكل P48.15

45 - بالون معلوه بالهيليوم مدروط في حبل منتظم طوله 2.0 هم طوله 2.00 منتظم طوله 2.00 منتظم طوله 2.00 منتظم المسكل نصف قطره m 0.00 منتظم المسكل نصف قطره التي التقاع 1 ثم يعدله الزان كما هو واضح هي شكل (P49.15) . احسب مقدار h غلاف البالون



P49.15, 154



46 - إندفع الماء من طفاية حريق تحت ضعط الهواء، كما هو موضح في شكل (P50.15) ما مقدار ضغط الهواء داخل المطفئة (فوق الضغط الجوي) اللازم لكي يجعل تيار الماء يخرج بسرعة 30.0m/s عندما يكون مستوى الماء 0.5m تحت الفتحة؟



شكل P50.15

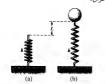
47 الوزن الحقيقي للجسم يعين في حالة وجود ضراغ (في عدم وجود هواء جوي) حتى لا توجد قوى طفو . جسم حجمه ٧، ووزن في الهواء في ميزان باستخدام صنح كثافتها ρ . F_{g}' إذا كانت كثافة الهواء ρ_{air} والميزان يقرأ بين أن الوزن الحقيقي F, يعطى بالمعادلة

$$F_g = F_g' + \left(V - \frac{F_g'}{\rho g}\right) \rho_{air} g$$

48 - كان تورشيلي أول من قال أننا نعيش في قاع محيط من الهواء . لقد ذكر أن ضغط الغلاف الجوى ناتج عن وزن الهواء. كثافة الهواء عند درجـة 0°C على سطح الأرض هي/1.29 kg m3 والكثافة تقل بزيادة الأرتضاع، كلما قلت طبقة الهواء الجوى. من ناحية أخرى إذا فرضنا أن الكثافة ثابتيه (1.29 kg/m³) حتى ارتفاع h ثم تصبح صفر أعلى من ذلك الارتضاع، عندئذ تكونh هي سمك الغلاف الجوى باستحدام هذا النموذج عين الأرتفاع h الذي يعطى ضغطا يساوى جوا واحدا عند سطح الأرض. هل قمة إفرست تعلو فوق سطح هذا الغلاف الجوى؟.

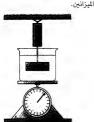
49 - زنبرك خفيف ثابته k=90.0N/m يرتكز عموديا على منظدة شكل (P54.15 a). فوق الزنبرك مشبت بالون به هليوم وزنه 2.0g

وكثافة الهيليوم 0.18 kg/m³ وحجمه 5.0m³ مما جعل الزنبرك يستطيل إلى أعلى كـمـا في شكل P54.15b عين مـقـدار الاستطالة L عندما يكون البالون في حالة اتزان.



P54.15 (15.0)

50 - كأس كتلته 1.0kg يحتوي على 2.0kg من الزيت كثافته تساوى 916.0 kg/m³، موضوع على ميزان. كتلة من الحديد كتلتها 2.0kg معلقة من ميزان زنبرك ومغموره تماما في الزيت كما في شكل P55.15 قدر قراءتي



شكل P55.15

m, يحتوى على زيت كتلته م وكثافته ρ_0 موضوع على ميزان. كتلة من الحديد كتلتها m_{Fe} معلقة من ميـزان ذو زنبرك ومغموسة تماما في الزيت كما هو

مبين في شكل P55.15 عين قراءة الميزانين عند حالة الاتزان.

53 - في عام 1657 تقريباً قام آتوفن جيرك Otto Von Guerrick مغترع مضعة تقريغ الهواه، يتفريغ كرة عبارة عن نصفي كرة من الهواه، يتفريغ كرة عبارة عن نصفي كرة من الخيول كل مجموعة بشد أحد نصفي الكرة، بعد عدة محموعة بشد أحد نصفي الكرة بعد عدة 1820 بين أن القيوة اللازمة لفصل نصفي الكرة شكل نصف الكرة مكل مصل خصف قطر نصفي الكرة المسرغة من الهواء تساوي $\pi R^2(P_0-P)$ هو الصغط داخل تصفي الكرة وهو المنطد الخل تصفي الكرة وهو المنطد الخل ومن 0 من الضغط الجوري 0 (6) احسادة إلق أذ إذا علم أن 0 (9–0.100) عمر الهواه العراق (8–0.300)

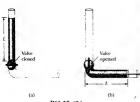




شكل (PS8.15) ، صورة ملونة يرجع تاريخها إلى عام 1672 تين تجرية أتوفن جيبرك التي تين القـوة الناتجـة عن ضـغط الهـواء، كـمـا أجـريت أمـام الامدراطور فردناند الثالث عام1657

5 [65] في عام 1983 صنعت الولايات التتحدة عملة السنت من سبيكة من التخاس والزنك بدلاً من المساحة من التحاس مي 30838 السنت المساحة ال

55 - قشرة كروية رقيقة كتلتها 4.0 kg وقطرها 0.18kg/m³ مملوءة بالهيليوم وكثافته 0.20m أطلقت من السكون عند فاع حوض ماء عمقه a) 4.0m) بين أن القشرة الكروية سترتفع بعجلة ثابتة وعين مقدار تلك العجلة، أهمل تأثيرات الاحتكاك (b) ما هر الزمن اللازم لكي يصل الجزء العلوى من القشرة إلى سطح الماء. 56 - مائع غير لزج وغير قابل للانضغاط في حالته الابتدائية كان مستقرا في الجزء الرأسى من الأنب وبة والمبين في شكل P61.15a حيث L = 2.0m حيث P61.15a الصمام، ينساب المائع في الجزء الأفقى من الأنبوبة. ما سرعة المائع عندما يصبح كله في الأنبوبة الأفقية كما هو واضع في شكل (P61.15b)؟. افترض أن مساحة مقطع الأنبوية كلها ثابت.



شكل P61.15

57 - مسألة للمراحعة:

قرص منتظم كتاته 10kg ونصف قطره 0.25m يك 500 لف قو يالدقيقة حول محور أملس، ومن الضروري إيشافه خلال دفية واحدة باستخدام فرامل عبارة عن وسادة تتلامس مع القرص على مسافية 0.22m من المحور- إذا كان ممامل الاحتكاك بين الوسادة والقرص هو 0.50 ويستخدم مكيس داخل أسطوانة قطرها 5.0m لضنغط الشرامل على القسرص، احسب الضغط الذي يجب أن يكون لسائل القرامل في الأسطوانة.

58 - شكل P63.15 بيين سبوبرمان يحاول أن يشرب ماء من خالال أنبوية طويلة جدا ورفيعة، مستخدما كل قوته(a) أوجد أعلى ارتفاع بمكن أن يصل إليه الماء داخل الأنبوية



(b) لقد أعاد الرجل التجربة على القمر حيث لأيوجد أي غـلاف جـوي. أوجد الفـرق بين مستوى الماء خارج وداخل الأنبوبة الرهيعة.

59 - بين أن التـفـيـر في الضغط الجـوي مع P_{1} الارتفاع يسطى بالمــادلة P_{2} P_{3} - ويصور P_{3} ويصور P_{4} ويصور P_{4} مستوى مرجعي P_{4} ويصور كثافة الهواء عند هذا المستوى مرجعي P_{4} ويصور نقل أن النقص في الضــغط الجــوي مع زيادة الارتفــاغ يعـطي بمعادلة P_{4} بحــيـك إن P_{5} وهــتـرين أن كشاشة الهــواء تتناسب مم الضغط.

69 - مكب من الجليد طول ضاعه 20.0mm يعوم في كوب من الماء البارد واحد أوجهه موازيا لسطح الماء (أي على أي بعد من سطح الماء يوجد السطح السشلي لكعب الجليد (d) كحول إثيلي بارد سكب برفق على سطح الماء مكونا طبقة سمكها 50.0mm فوق سطح الماء (الكحول لايمتزج بالماء). عندما اتزن مكعب الجليد من جديد ماهي المسافة من سطح الماء إلى السطح السفلي لكعب الجليدة (على أنسية المزيد من الكحول الإيثيلي البارد على السطح الماء حتى تساوى سطح المكحول مع السطح الماء حتى تساوى سطح الكحول مع السطح الماء حتى تساوى سطح الكحول مع طبقة الكحول الإيثيلي، ما هو سمك حاملة الكورا الإيثيلي.

61 - مسألة للمراجعة. بالون خفيف مملوء بالهيليوم كثافته 818/2/1 المريرط بخيط رفيع والخيط مريوط في والخيط مريوط في الأرض، فيكون بذلك بندول بسيط مقلوب كما هو مبين في شكل P66.159 إذا أزيد البالون قليلا من وضع الإنزان كما في شكل حركة البالون والخيط حركة توافقية بسيطة (b) عين الزمن الدوري

للذبذبة، اعتبر أن كثافة الهواء 1.29kg/m3 وأهمل فقدان الطاقة عن طريق احتكاك الهواء.



شكا، (P66.15 (a&b) المكان

62 - مبنى تصله المياه عن طريق أنبوبة رئيسية قطرها . 6.0cm . 6.0cm . منبيسور قطره . 6.0cm . منبيسور قطره . 6.0cm . أنشاع 200.0cm . وحد أنه يماذ وعاء سعته . 10.0cm . في 30.0c . هم ماهي سرعة سريان الماء عند قرهة الصنبورة (ال) ما هو ضغطا لماء في الأنب وية الرئيسيية الذي قطرها . 6.0cm . والضنور هو الشئ الوحيد الذي ينساب منه الماء في الميني الموجد الذي ينساب منه الماء في الميني

63 - في عام 1654 أخترع في فلورنسا ترمومتر كحولى في أنبوبة زجاجية وهو يتكون من أنبوية زجاجية بها سائل (كحولي) ويحتوى على عدد من الكرات الزجاجية المغمورة لها كتل مختلفة فليلا شكل (P68.15) عند درجة حرارة منخفضة تطفو جميع الكرات ولكن مع ارتفاع درجة الحرارة تنغمر الكرات في الكحول الواحدة بعد الأخرى، وهذا الجهاز يعتبر وسيلة تقريبية لمعرفة درجة الحرارة. نفترض أن الأنبوية مملوءة بكحول إيثيلي كثافته 20° C عند 0.78945 g/cm³ وتقل حتى تصل إلى 0.78097 جرام/سم٣ عند درجة حرارة 30.0°C (a) إذا كان نصف قطر أحد الكرات 1.0cm وفي حالة اتزان عند منتصف طول الأنبوبة عند درجة حرارة 20.0°C عين كتلتها (b) عندما ترتفع درجة الحرارة إلى 30.0°C ماهي كنلة الكرة

الثانية التي لها نفس نصف القطر وتكون في وضع الإتزان عند منتصف الأنبوية؟ (ع) عند درجة حرارة C 30.0° سقطت الكرة الأولى إلى قاع الأنبوية، ما مقدار القوة إلى أعلى التي يؤثر بها قاع الأنبوية على الكرة ؟.



شكل P68.15

64 - أنبوية على شكل حرف U مفتوحة الطرفين مملوءة جرئيا بالماء شكل (P69.15 a) سكب بعض الزيت الذي كشافيته وكون عمودا يبعض الماء في الطرف الأيمن وكون عمودا لماء في الطرف الأيمن وكون عمودا حلول cb. 5b. شكل (P69.15b) (a) احميب الفرق h في ارتفاع سطحي المسائل (b) الطرف الأيمن معزول من أي تيارات هوأينة بينما يوجد نيار من الهواء فوق هوأينة بينما يوجد نيار من الهواء فوق

الطرف الأيسر فجعل سطحي السائلين عند نفس الإرتضاع شكل (P69.15c) عين مسرعة تيــاز الهــواء الذي يؤثر على الطـرف الأيســر (افترض كثافة الهواء 1.29kg/m³)

TO U.S. PROBLEMS NEWS



شكل (P69.15(a&b

إجابة الاختبارات السريعة: ANSWERS TO QUICK QUIZZES

- (1.15) ستكون أفضل حالا مع لاعب كرة السلة.
 فـــعلى الرغم من أن الوزن مـــوزع على ماساحة أكبر تصاوي ما يقرب من نصف
 الساحة الكلية لنعل حذاء اللاعب إلا أن
 الشنعف FIA المؤثر يكون أقل نسبيا، أما
 وزن السيدة على الرغم من أنه أقل إلا أنه
 موزع على مساحة أصغر وهي مساحة
 مسطح كعب الحذاء. ولذلك نجد أن معظم
 سطح كعب الحذاء. ولذلك نجد أن معظم
 المتاحف تمنع السيدات من السير على
 الأرض الخشبية للمتحف بالأحذية ذات
 الكعب المرتفع. وتعطيهم أحذية بدون كعب
 الكتب المرتفع. وتعطيهم أحذية بدون كعب
- (2.15) إذا حاول الأستاذ أن يستقر بكل ثقله على مسمار واحد فأن الضغط الواقع على جلده سيكون وزنة الكلي مقسوما على مساحة سطح المسجار وهو ضغط عالي إذا وزع ثقله على مئات المسامير كما هو مبين في المصورة الفوتوغرافية سيكون النشغط المؤرم على جلده أقل بكثير لأن مساحة السطح الذي يرتكز عليه جسمه هو المساحة الكلية لسطح جميع المسامير.
- (3.15) نظرا لأن القوة الأضفية المؤثرة بالمائع الخسارجي على عنصسر من الأسطوانة يساوى في المقدار ويضاد في الإتجاء القوة

- الأفقية التي يؤثر بها المائع على عنصر آخر مـواجـه للأول وعلى الجـانب الأخـر من القطر المار بالمنصدين فإن محصلة القوة على الأسطوانة في الإتجـاه الأفقي تسـاوي صفراً.
- (4.15) إذا نظرت إلى الحبوب المخزونة داخل الصوحة على أنها مائح عند إذ سيكون الضرعة على أنها مائح عند إذ سيكون الشن غط الذي تحدثه على الحائطة في أزدياد مع ازدياد العمق والمسافات بن النظاقات تكون اصغر في الأجزاء السفلية حتى يمكن التغلب على القوى الكبيرة المؤثرة نحن نعم الخارج، والصوحه على اليمين تبين طريقة أخرى للوصول لنفس الغرس بجعل الناعاةات مزوجة عند القاعدة.
- (5.15) حيث إن الماء أقل كثافة من الزئبق عمود الماء في البارومــــر المائي يجب أن يكون h=P_d/pg=10.3 m مناسب.
- (6.15) جسم السفينة ممثل بالهواء وكذافة الهواء تساوي جزء من ألف من كشافة الماء. إذن الوزن الكلي للسفينة يساوي وزن حجم الماء الذي أزيح بالجزء من جسم السفينة الفاطس تحت سطح البحر.
- (7.15) يبقى كما هو. ما يحدث هو أن الجليد يحدث ثغرة في الماء ووزن الماء الذي ازيح

الضرباء (الحزء الأول - المكانبكا والديناميكا الحرارية)

من الشغرة يسباوي كل وزن المكعب. عندما يتحول مكعب الثلج إلى ماء سيملأ الماء الثغرة فقط.

(6.15) يهبط إلى آسفل، لأن سلسلة التثبيت تزيح كمية أكبر من الماء عندما تكون فوق الزورق عما إذا كانت في البحيرة، فعندما تكون فوق ظهر القارب يمكن النظر إليها كجسم طاف يزيح حجما من الماء مساويا في الوزن لوزدة أما إذا ما القي من على سطح الزورق شابك يهبط في الماء ويزيح قدرا من الماء مساويا لحجمه هو.

وحيث أن كثافة سلسلة تثبيت القارب (الهلب) أكبر من كثافة الماء فإن حجم الماء الذي يزن نفس وزن السلسلة أكبر من حجم السلسلة

(9.15) عندما ينهمر الماء تزداد سرعته لأن معدل سريان الماء AV لابد وأن يظل مقدارا ثابتا لأي مساحة مقطع (ارجع إلى معادلة 7.15). المجرى لابد وأن يضيق كلما زادات السرعة.

(10.15) من أهم صنفات التورنادو أن سرعة الربح تكون عبالية و الضبغط أقل من الضغط الجوي، الهواء الساكن داخل المنزل يكون عند الضبغط الجوي، والفسرق في الضغط بين الداخل والخارج ينتج عنه قوة نحو الخارج. وهذه القوة قد تصل إلى جد. أنها تتنزع سقف المنزل، فتح النواهذ في هذه الحالة يساعد على جعل الضغط داخل المنزل وخارجه متساويان.

الديناتيكا الحرارية Thermodynamics

الفصل السادس عشر: درجة الحرارة

الفصل السابع عشر: الحرارة والقانون الأول للديناميكا الحرارية

الفصل الثامن عشر: نظرية الحركة للغازات

الفصل التاسع عشر: الآلات الحرارية - الأنتروبي والقانوني الثاني للديناميكا الحرارية



سدادة الفلين وسألت الميام سدادة الفلين وسألت المياه عكس الإعتقاد السائلة أن يعلى خيس الإجتهاد السائلة أن فتحها لايزيد ضغط غاز نائي أكسسيسد الكربون بداخها، لوزائك تمرف الحياة الفازية بعد رجهها دون أن نسيل منها نقطة واحدة. فما الضغط داخل الزجاجة بعد وها السسرة والماذا لإيزداد

درجـــةالحــرارة
Temperature

رانفصل رائسارس عشر 16

ويتطبين هذا الفصل:

3.16 الترمومتر الغازي ذو الحجم الثابت والمقال المحالق لدرجات الحرارة والمقال الحرارة على المحالق لدرجات الحرارة The Constant-Volume Gas Thermometer and the Absolute Temperature Scale التعدد الحراري للأجسام الصلبة والسوائل Thermal Expansion of Solids and Liquids مداروسكوبي للغاز المثالي 5.16 وصف ماكروسكوبي للغاز المثالي

الديناميكا الحرارة والقانون الصفري للديناميكا الحرارية للديناميكا الحرارية Temperature and the Zeroth Law of Thrmodynamics الترمومترات ومقياس سلسيوس Lab للدرجات الحرارة Thermometers and the Celsius Temperature Scale

الفيزياء (الجزء الأول - الميكانيكا والديناميكا الحرارية)

في دراستنا للميكانيكا عرفنا بدفة بعض المصطلعات مثل الكتلة والقوة وطاقة الحركة وذلك لتسهيل المدخل الكمي، بالمثل الدراسة الكمية للظواهر الحرارية تقتضي تعريفا دقيقا لبض المصطلعات مثل درجة الحرارة والحرارة والطاقة الداخلية، وهذا الباب يقوم بتعريف تلك المصطلعات كما يتتاول أحد قوانين الديناميكا الحرارية وهو القانون الصفري، بعد ذلك سنتناول مقاييس درجات الحرارة الثلاث الأكثر انتشارا وهي مقياس سلسيوس Cesius scale ومقياس هدنيفت Fahrenheit scale عمقابر، كلفر، كلفر .

ونواصل دراستنا فتتناول أهمية الربط بين تركيب المادة والظواهر الحرارية، فمثلا الغازات تتمدد بدرجة كبيرة عندما تسخن بينما السوائل والأجسام الجامدة تتمدد بدرجة أقل، إذا لم يكن الغاز حرَّ التمدد أثناء التسخين فإن ضغطه يرتفع. بعض المواد عند تسخينها تتصهر أو تغلي أو تحترق أو تتفجر وكل ذلك يعتمد علي تكوينها وتركيبها.

ونختتم هذا الباب بدراسة الغازات المثالية على المستوى الماكروسكوبي وسنهتم بالعالاقة بين بعض الكميات مثل الضغط والحجم ودرجة الحرارة. وفي الباب الثامن عشر سندرس الغازات على المستوى الميكروسكوبي باستخدام نموذج تمثل فيه جزيئات الغاز بحسبهات صغيرة.

حمم بركانية منصبهرة تسيل إلى أسفل الجبل في كبلابو-هواي -iX خرازة الحمم الساختة التي تسيل من فيوهة البركان حتى تصل إلى حالة الإتزان مع الجو المحيط بها. وعند إذ تتجمد الحمم البركانية لتكون الجبال.

1.16 درجة الحرارة والقانون الصفري للديناميكا الحرارية

TEMPERATURE AND THE ZEROTH LAW OF THERMODYNAMICS

Tegcii li نريط دائما بين مفهوم درجة الحرارة ومدى شعورنا بسخونة أو برودة الأشياء عندما 103 104 105 104 المساسنا 104 التحساسنا يعطينا مؤشرا تقريبيا عن درجة الحرارة، إلا أن إحساسنا المحليات مؤشرا تقريبيا عن درجة الحرارة، إلا أن إحساسنا لايمكن الإعتماد عليه في كثير من الأحيان فقد يخدعنا. على سبيل المثال عندما تخرج من الثلاجة صندوق معدني وعلية من الكرتون على الرغم من الندوق معدني وعلية من الكرتون على الرغم من أنهما عند درجة حرارة واحدة. وهذا الشعور ناتج عن أن الفلزات أكثر توصيلا للحرارة من الكرتون. إذن نحتاج إلى مقياس يمكن الإعتماد عليه ويكون أكثر دفة عند تقدير درجة الحرارة أو البرودة النواع مختلفة من الترمومترات نستطيع باستخدامها من النسبية للأجسام، لقد تمكن العلماء من إيجاد أنواع مختلفة من الترمومترات نستطيع باستخدامها من المساسة المساسية للأجسام. القد تمكن العلماء من إيجاد أنواع مختلفة من الترمومترات نستطيع باستخدامها من المساسية للأجسام. القد تمكن العلماء من إيجاد أنواع مختلفة من الترمومترات نستطيع باستخدامها من المساسية للأجسام. القد تمكن العلماء من إيجاد أنواع مختلفة من الترمومترات نستطيع باستخدامها من المساسية للأجسام. القد تمكن العلماء من إيجاد أنواع مختلفة من الترمومترات نستطيع باستخدامها من المتحدام المناسبة للأجسام. القد تمكن العلماء من إيجاد أنواع مختلفة من الترمومترات نستطيع باستخدامها من الإعداد أنواع مختلفة من الترمومترات نستطيع باستخدامها من المتحدام المتحدام



ا من نعرف الحقيقة أنه إذا وضع جسمان عند درجتي حرارة مختلفتين بعيث كانا متلامسين فإنهما سيصلا إلى درجة حرارة متوسطة. فمثلا إذا وضعنا ملعقة من الأيس كريم في كوب عند درجة حرارة العرفة فإن الأيس كريم سينصهر ودرجة حرارة الكوب ستتخفض وبنفس الطريقة إذا وضعنا مكعب من اللاج في فنجان قهوة ساخن فإنه ينصهر وتتخفض درة حرارة الفنجان.

لإدراك مفهوم درجة الحرارة من الضروري أن نعرف مصطلحين شائعي الإستخدام هما التلامس الحراري والإتزان الحراري Thermal equilibrium و Thermal Contact . لكي نستوعب معنى الخلامس الحراري والإتزان الحراري المستوعبة معنى المسال الحراري سنفترض أن جسمين موضوعين في وعاء معزول بحيث أنهما يتأثران ببعضهما فقط ون أن يتأثرا بالوسط المحيط فإذا كانا عند درجتى حرارة مختلفتين سيحدث بينهما انتقال في الطاقة على أن وإن لم يكونا في البداية في حالة تلامس، والحرارة هي انتقال الطاقة من جسم لآخر نتيجة لاختلاف درجة حرارتيهما، وسوف نتباول مفهوم الحرارة بتعبق في الباب السابع عشر، أما حاليا الاختلاف درجة وياليون ليابة المائية، أما الإتزان الحراري بهو الوضع الذي يكون فيه الجسمان في حالة تلامس حراري ولايحدث بينهما تبادل للطاقة . أما الإتزان مربق طريق الحرارة.

نفرض أن جسمين B, A ليس بينهما تلامس حراري وجسم ثالث، وهو الترمومتر، ونود أن نعرف A إذا كان الجسمين A, B مي حالة آنزان حراري فيما بينهما . أولا يوضع الترمومتر ليتلامس مع الجسم A حتى يصل إلى حالة آنزان حراري بعد ذلك سنظل درجة حرارة الترمومتر ثابته فندونها . ويضع الترمومتر بعد ذلك مع الجسم A بحيث يلامسه وبعد أن يصلا إلى حالة آنزان حراري نسجل A درجة الحرارة، فإذا وجدنا أن درجتي الحرارة متساويتان إذن الجسم A والجسم B في حالة آنزان A در وي فيما بينهما .

ويمكسن تلخييص تلك النتائج في صورة قانون يسمى القانون الصفري للديناميكا الحرارية The zeroth Law of Thermodynamics ونصه كما يلى:-

إذا كان جسمان B , A كل منهما على حدة في حالة اتزان حراري مع جسم ثالث، فإن الجسمين B, A يكونان في حالة اتزان حراري فيما بينهما.

وهذا القانون من السهل إثباته عمليا ، كما أنه على درجة كبيرة من الأهمية لأنه يمكننا من تعريف ، رحة الحرارة. فيمكننا أن نعرف درجة الحرارة على أنها الخاصية التي تحدد ما إذا كان جسم في حالة احران حرارى مم آخر.

فالجسمان المتزنان حراريا مع بعضهما يكونان عند درجة حرارة واحدة أو على العكس إذا كان المسمان عند درجتي حرارة مختلفتين فإنهما لا يكونان في حالة اتزان حراري فيما بينهما.



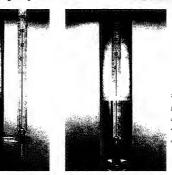
2.16 👡 الترمومترات ومقياس سلسيوس لدرجات الحرارة

THERMOMETERS AND THE CELSIUS TEMPERATURE SCALE

الشرمومترات هي وسائل تستخدم في تعريف وقياس درجات الحرارة، وتقوم فكرة جميع الترمومترات على أساس أن أحد خواص مادة ما تتغير عندما تتغير درجة حرارتها، ومن بين الخواص التي تتغير بنغير درجة الحرارة

(1) حجم السائل (2) طول جسم صلب (3) ضغط غاز عند ثبات حجمه (4) حجم غاز عند ثبات ضغطه (5) المقاومة الكهربائية لموصل (6) لون جسم ما، ويمكن وضع مقياس لدرجات الحرارة يصلح لأي مدى على أساس أي من تلك الخواص الطبيعية

أحد الترمومترات شائعة الإستخدام يحتوي على كمية من السائل غالبا الزئبق أو الكحول. وهذا ت السائل يتمدد داخل أنبوبة شعرية من الزجاج عندما يسخُّن شكل (1.16) . الخاصة الطبيعية في هذه الحالة هي التغير في حجم السائل. وأي تغير في درجة الحرارة يمكن اعتبار أنه يتناسب مع التغير في طول عمود السائل. ويعاير الترمومتر بوضعه في حالة تلامس حراري مع نظام طبيعي تظل درجة حرارته ثابته. أحد تلك الأنظمة هي خليط من الجليد والماء في حالة اتزان تحت الضغط الجوي العادي، وتعرف درجة حرارة هذا الخليط على مقياس سلسيوس بأنها تساوي صفر درجة سلسيوس وتكتب على النحو التالي 0°C ودرجة حرارة هذا الخليط المتزن تسمى نقطة تجمد الماء أو نقطة الجليد Ice Point وهناك نظام آخر يستخدم كذلك في معايرة الترمومترات وهو خليط من الماء وبخاره في حالة اتزان حراري عند الضغط الجوى ودرجة حرارته تعرّف على أنها تساوى °C وتسمى نقطة غليان الماء Steam Point . وبعد تحديد مستوى ارتفاع السائل في الترمومتر عند هاتين النقطتين تقسم المسافة بينهما إلى 100 قسم متساو وذلك لكي نحدد مقياس سلسيوس. إذن كل قسم يناظر تغيرا في درجة الحرارة مقداره درجة سلسيوس واحدة. وهذا المقياس كان يسمى في الماضي المقياس المئوي لدرجات الحرارة حيث إنه مقسم إلى 100 قسم بن نقطتي الجليد وبخار الماء. والترمومترات المعايره بهذه الطريقة قد تؤدى إلى بعض المشاكل عند استخدامها في القياسات الدقيقة. فمثلا سنجد أن القراءات التي يبينها ترمومتر كحولي معاير عند نقطتي الجليد وبخار الماء يحتمل أن تتفق مع القراءات التي يبينها ترمومتر زئبقي عند نقط المعايرة فقط حيث أن الزئبق والكحول لهما خواص مختلفة في التمدد الحراري فعندما يقرأ أحد الترمومترين 50°C يحتمل أن يبين الترمومتر الآخر قيمة تختلف قليلا عن تلك الدرجة وهذا الإختلاف سيزداد عندما تكون درجات الحرارة المراد قياسها بعيدة عن درجات المعابرة(1).



شكل (1.16) تتيجة الموادي يرتفع - مشوى الزئيق في الموادر كلما ارتفعت موادرة الماه في الموادرة الماه في الموادرة الماه في

وهناك مشكلة عملية أخرى في أي ترمومتر وهي تتعلق بالمدى المحدد هي درجات الحرارة التي
مدن استخدامه فيه ، فالترمومتر الزئيقي على سبيل المثال لايمكن استخدامه تحت نقطة تجمد الزئيق
مدر (3°C) كما أن الترمومتر الكحولي لايمكن استخدامه في درجات الحرارة أعلى من (3°C) وهي
مداة غليان الكحول، لكي نتخطى تلك العقبة نحتاج إلى ترمومتر لاتتوقف قراءته على المادة المستخدمه
مدا والترمومتر الغازي الذي سيناقش في القسم التالي يقترب من تحقيق هذا المطلب

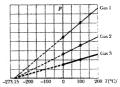
3.16 الترمومتر الغازي ذو الحجم الثابت والمقياس المطلق لدرجات الحرارة THE CONSTANT VOLUME GAS THERMOMETER AND THE ABSOLUTE TEMPERATURE SCALE

قراءات درجات الحرارة التي يعطيها الترمومتر الغازي لاتعتمد على المادة المستخدمة في الترمومتر الغازي بد كبير، واحد أنواع الترمومترات الغازية هو الترمومتر الغازي دو الحجم الثابت الموضح في شكل الحاف الميه المستخدمة لتحديد درجة الحرارة في هذا الجهاز مي نغير الضنط لحجم الله: من الغاز مع تغير درجة الحرارة. في أول الأمر كان الترمومتر الغازي دو الحجم الثابت يعاير المنطق المي المقارض الما المتوردة العرارة في ممام جليد ويرفع المستودع B أو يخفض من ينصر الغازي فو الحجم الثابت يعاير من ينصل سطح الزئيق في المعود A إلى نقطة الصفر على التدريج الإرتفاع h وهو الفرق بين مستوى منار الزئيق في المستودع B والعمود A يعين مقدار الضغط في القارورة عند درجة الحرارة صغير الدوري وما كون ومن 670 . نغمر القارورة بعد ذلك في الماء عند نقطة بخار الماء وهاد ضبط المستودع B حتى منار منار على أن حجم الغاز مالر نفس (

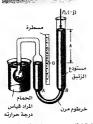
الفيزياء (الجزء الأول - المتكانيكا والديناميكا الحرارية)

الحجم كما كان في حمام الجليد أومن ثم يسمى الترمومتر ثابت الحجم ومستوى الزئبق في المعود 8 يعطى قيمة لضغط الغاز عند 100°C (هناك طريقة أخرى للمعايرة سوف نذكرها بعد ذلك وهي تستغدم حاليا). الرسم البياني في شكل (3.16) يوضح قيممتي الضغط ودرجة الحرارة والخط الواصل بين النقطتين يمثل منعنى المعايرة لتتحديد درجات الحرارة المهولة. فإذا ما أردنا تحديد درجة حرارة مادة، نضع القارورة التي بها الغاز في تلامس حراري مع المادة ونضيط مستوى المستودع 8 حتى يصل سطح الزئبق في العمود ٨ عند نقطة الصغط من التدريج وارتفاع عمود الزئبق يحدد ضغط الغاز. وبمعرشة الضغط يمكن تحديد درجة حرارة المادة باستخدام الرسم البياني في شكل (3.16).

الآن سنفترض أن درجات الحرارة تقاس بترمومترات على المتافقة عند ضغوط ابتدائية مختلفة عند ضغوط ابتدائية مختلفة. لقد بينت النتائج أن قراءات الترمومترات لا تتوقف تقريبا على نوع الغاز المستخدم طللا كان ضغط الغاز منخفضا ودرجة الحرارة أعلى من الدرجة التي يسال عندها الغاز. ويزداد الإتفاق بين قراءات الترمومترات باستخدام غازات مختلفة كلما انخفض الضغط شكل (16.4).



شكل (14.6) العلاقة البينانية بين الضنعط ودرجة الحرارة لثلاث غازات مختلفة لاحظ أنه في جميع الحالات بعد الخط على استقامته يصل إلى ضغط يساوي صغر عند درجة حرارة منازي 273.15°C.



شكل 2.16) ترمومتر غازي ثابت الججم في سنطة الغاز الموجود في الغازورة في الحمام بينما يظل جم الغاز في المقارورة ثابتا ويتم ذلك برفع أو خفض المستودع 8 لكي يظل مصدتوى الزئبق في المستودة 4 لابتا.



شكل (3.16) خط بيساني يبين الضغط ودرجة الحرارة مأخوذ بواسطة ترمومتر غازي ذو حجم ثابت.

النقطتان تمثلان درجتان عياريتان هما نقطة تجمد الجليد ونقطة بخار الماء.

web

for more information about the temperature standard, visit the National Institute of Standards and Technology at http://www.nist.gov بمد المتعنيات في شكل 4.6 نحو درجات الحرارة السالبة سنجد في جميع الحالات أن الضغط،
سبير صغرا عند درجة حرارة تساوي 273.15°C. - وهذه الدرجة المهرزة تستخدم كأساس للمقياس
اللظ لدرجات الحرارة الذي جمل الدرجة 273.15°C - هي نقطة الصغر- ودرجة الحرارة هذه تسمى
السفر المطلق absolute Zero وحجم الدرجة على المقياس المطلق يساوي حجم الدرجة على مقياس
السعوس. ومن ثم فإن التحويل بين هذه الدرجات يتم باستخدام الملاقة:

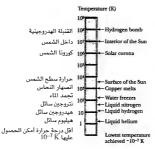
$$T_{\rm C} = T - 273.15$$
 (1.16)

- حيث $T_{\rm C}$ هي الدرجة سلسيوس و T هي الدرجة المطلقة

ونظرا لأن تجمد الجليد وبخار الماء من الصعب تكرارهما عمليا، فقد اتفق على تحقيق المقياس الدليلة المواقعة المقاليس الدليلة المقاليس نقطة ثابتة واحدة، وتم هذا الإتفاق في عام 1944 بواسطة اللجنة الدولية المقاليس والوارير. ومن بين هائمة النقطة الثابتة الخاصة بالعديد من المواد جدول (1.10) أختيرت النقطة اللالاية للماء كنقطة مرجعية الهذا المتعاربة والضغط الذي سدما يتواجد الماء السائل وبخار الماء والجليد معا في حالة انزان. وهذه النقطة الثلاثية تحدث عند رجة حرارة تسلوى 2.01 وصنعط يساوى 8.48 مليمتر رئيق.

وعلى المقياس المطلق الذي تستخدم هيه الوحدة كلفن Kelvin ، درجة حرارة النقطة الثلاثية للماء ، سباوي 73.16 « (لاحظ عدم وجود علامة الدرجة عند استخدام الوحدة كلفن)، وقد تم هذا الاختيار - بي ينطبق المقياس المطلق لدرجات الحرارة المايع على أساس نقطتي الجليد وبخرار الماء والمقياس المطلق البديد المبني على أساس النقطة الثلاثية للماء، والمقياس المطلق (يسمى أيضا مقياس كلفن (Keyin Scale) في النظام الدولي لوحدات القياس واختصاره SI يستخدم لوحدة درجة الحرارة المائة الدرجة كلفن.

ويعرف الكلفن على أنه 1/273.16 من الفرق بين الصفر المطلق ودرجة حرارة النقطة الثلاثية للماء.



شكل (5.16) درجات الحرارة المطلقة التي عندها تتم مختلف العمليات الفيزيائية مقياس الرسم لوغارتمي

جدول (1.16) درجات حرارة النقط الثابته*

درجة الحرارة (K)	درجة الحرارة (°C)	النقطة الثابته
13.81	-259.34	النقطة الثلاثية للهيدروجين
4.215	-268.93	نقطة غليان الهيليوم
17.042	-256.108	نقطة غليان الهيدروجين عند
		ضغط 33.36KPa
20.28	-252.87	نقطة غليان الهيدروجين
27.102	-246.048	النقطة الثلاثية للنيون
54.361	-218.789	النقطة الثلاثية للأكسجين
90.188	-182.962	نقطة غليان الأكسجين
273.16	0.01	النقطة الثلاثية للماء
373.15	100.00	نقطة غليان الماء
505.118 1	231.968 1	نقطة تجمد القصدير
692.73	419.58	نقطة تجمد الزنك
1 235.08	961.93	نقطة تجمد الفضة
1 337.58	1 064.43	نقطة تجمد الذهب

^{*} حصم القيم الذكررة مأخوذة عن 1975 National Bureau of Standards Special Publication 420. May 1975 جميع القيم عند ضغط جو واحد ما عدا النقط الثلاثية.

سن شكل 5.16 درجة الحرارة المطلقة لمختلف العمليات الطبيعية ودرجة الصفر المطلق لايمكن الوصول إليها إلا أن بعض التجارب المعملية باستخدام أشعة الليزر في تبريد الذرات مكنت من الوصول إلى درجات قربية جدا من الصفر المطلق.

ماذا يحدث لغاز لو أن درجة حرارته وصلت إلى الصفر المطلق؟ كما يبين شكل (4.16) سيصبح الضغط على جدران الوعاء الذي يحتوي هذا الغاز مساويا صفراً وفي القسم 5.16 سوف نبين أن ضغط الغاز يتناسب مع متوسط طاقة الحركة لجزيئاته ومن ثم طبقاً للفيزياء الكلاسيكية تكون طاقة الحركة لجزئيات الغاز تساوى صفر عند الصفر المطلق، كما تتوقف حركة الجزيئات وتستقر في قاع الوعاء الذي يحتوي على الغاز. إلا أن نظرية الكم أعطت نموذجا محتلفا وبينت أن بعض الطاقة تظل متبقية عند الصفر المطلق وتسمى طاقة نقطة الصفر Zero Point energy .

مقياس سلسبوس وفهرنهيت وكلفن لدرجات الحرارة(2)

The celsius, Fahrenheit and Kelvin Temperature Scales

معادلة (1.16) تبين أن درجة الحرارة سلسيوس ٢٠ مزاحة عن درجة الحرارة المطلقة (كلفن) بمقدار 273.15°C. وحيث أن حجم الدرجة واحد على المقياسين فإن فرقا في درجات الحرارة قدره $^{\circ}$ C يساوي فرقا في درجات الحرارة قدر $^{\circ}$ 5. فالمقياسان يغتلفان فقط في اختيار نقطة الصفر. ولذلك نجد أن درجة تجمد الجليد على مقياس كلفن $^{\circ}$ 273.15K تناظر $^{\circ}$ 0.00 على مقياس سلسيوس ودرجة غليان الماء أي نقطة البخار على مقياس كلفن تساوي $^{\circ}$ 373.15K وتناظر $^{\circ}$ 100.00°C على مقياس $^{\circ}$ ملسيوس.

المقياس المستخدم في الحياة اليومية بالولايات المتحدة هو مقياس فاهرنهيت على المستخدم في الحياة اليومية بالولايات المتحدة هو مقياس سلسيوس وانقطة نطيان الماء 212°F والعلاقة بين مقياس سلسيوس واقمرنهيت هي:

$$T_{\rm F} = \frac{9}{5}T_{\rm C} + 32^{\circ}{\rm F}$$
 (2.16)

اختبار سريع 1.16

ما هو المدلول الفيزيائي للعامل إ في المعادلة (2.16)؟ ولماذا لا يوجد في المعادلة (1.16) .

استعلرادا للأفكار التي وردت في الإحتبار السريع (1.16) سنستخدم معادلة (2.16) لإيجاد علاقة سالتغير في درجات الحرارة على مقاييس سلسيوس وكلفن وفاهرنهيت.

$$\Delta T_C = \Delta T = \frac{5}{9} \Delta T_F \qquad (3.16)$$

مثال (1.16) تحويل درجات الحرارة

درجة حرارة الجو في أحد الأيام F°50 كم تكون درجة الحرارة بالدرجة سلسيوس والدرجة كلفن.

الحل: بإحلال $T_F = 50^{\circ} F$ في معادلة (2.16) نحصل على

$$T_{\rm C} = \frac{5}{9} (T_{\rm F} - 32) = \frac{5}{9} (50 - 32) = 10^{\circ}{\rm C}$$

ومن معادلة (1.16) نجد أن

$$T = T_C + 273.15 = 10 + 273.15 = 283.15 \text{ K}$$

هناك مجموعة من درجات الحرارة المتعلقة بالجو ونظائرها على المقاييس الأخرى سنذكرها ١٠٠٨ يلي:

درجة تجمد الماء 0°C وتعادل 32°F

رجة حرارة الجو عند 10°C تعادل 50F

ررجة حرارة الجو في يوم حار 30°C وتعادل 86°F وتعادل

مثال 16.2 تسخين وعاء به ماء:

وعاء به ماء، سُخن من 2°25 إلى 2°08 ما هو مقدار التغير في درجة حرارته على مقياس كلفن وفاهرنهيت.

الرصل: من معادلة 3.16 نرى أن التغير في درجة الحرارة على مقياس سلسيوس يساوي التغير في درجة الحرارة على مقياس كلفن أى أن

$$\Delta T = \Delta T_{\rm C} = 80^{\circ} \rm C - 25^{\circ} \rm C = 55^{\circ} \rm C = 55 \, K$$

ومن معادلة 16.3 نجد كذلك أن

$$\Delta T_{\rm F} = \frac{9}{5} \Delta T_{\rm C} = \frac{9}{5} (55^{\circ}{\rm C}) = 99^{\circ}{\rm F}$$

416 التمدد الحراري للأجسام الصلبة والسوائل

THERMAL EXPANSION OF SOLIDS AND LIQUIDS

STATE OF THE STATE

في دراستنا للترمومترات الزجاجية وجدنا أنه قد تمت الإستفادة من إحدى الخواص الهامة للمواد وهي ازدياد الحجم بارتفاع درجة الحرارة (بعض المواد ينكمش حجمها مع ارتفاع درجة الحرارة كما سنرى بعد قليل). هذه الظاهره التي تسمى التمدد الحراري Thermal expansion تلعب دورا هاما في العديد من الاستخدامات الهندسية. على سبيل المثال الفواصل الخاصة بالتمدد الحراري مثل تلك التي نراها في شكل (6.16) لابد من وجودها في المباني والطرق السريعة الخرسانية وخطوط السكك الحديدية وحوائط الطوب الأحمر والكباري لكي تعادل التغيرات في الأبعاد الناتجة عن تغير درجات الحرارة.

التمدد الحراري ينتج عن التغير في الأبعاد بين ذرات الأجسام، ولكي نفهم ذلك سنتخيل أن الذرات في المواد مرتبطة ببعضها بواسطة زنبركات قوية كما نرى في شكل (7.16). في درجات الحرارة المعتادة تتذبذب الذرات في الأجسام الجامدة حول أوضاع الإتزان وسعة الذبذبة تكون في حدود ا¹¹⁻10م والتردد في حدود 10¹³ مرتز، والمساقات بين الذرات تكون في المتوسط 10⁻¹⁰ م.

مع ازدياد درجة حرارة الجسم تزداد سعة ذبذبة الذرات ومن ثم تزداد المسافة الفاصلة بينها (8). وينتج عن ذلك تمدد الأجسام. إذا كان التمدد الحراري صغيرا نسبيا بالمقارنة بابعاد الجسم قبل التمدد فإن التغير في درجة الحرارة تقريباً. نفترض أن جسما طول أحد أبعاده الابتدائية $_{\rm L}$ في اتجاه ما عند درجة حرارة ما وازداد الطول بمقدار $_{\rm L}$ لارتفاع في درجة

⁽³⁾ بصورة أدق التمدد الحراري ينتج عن الطبيعة غيرالمُتائلة لتعنى طاقة الوضع للذرات في الأجسام الجامدة، فإذا كان المتذبذب توافقي الحركة فعلاً، فإن المسافات بين الذرات لا تتغير بغض النظر عن سعة الذبذية.

الحرارة مقداره ΔT . نظرا لأنه من المناسب معرفة التغير النسبي في الطول المناظر لتغير في درجة الحرارة مقداره درجة واحدة، فسنعرّف متوسط معامل التمدد الطولي α على النحو التالي:

 $\alpha = \frac{\Delta L/L_i}{\Delta T}$ are independent of the state of th



شكل (6.16) (16) هرامال اللتمدد الحراري تستخدم هي الطرق وهي الكهاري بدون هذه القواصل يحدث انخداء في السلط نتيجة للتمدد الحراري هي المبيف او تشتق نتيجة. للإنكماش في الأيام الباردة (6) القواصل الطواية في الحرائط ثماؤ بمادة رخوة بحيث تسمح للحائط، الأشدد والإنكماش عندما تتغير درجة حرارة الحائط.

وقد بينت التجارب أن α مقدار ثابت في حالة التغيرات الصغيرة في درجة الحرارة ولتسهيل إجراء الحسابات نكتب تلك المادلة بالصورة الثالية:

 $\Delta L = \alpha L_1 \Delta T$ (4.16) التغير في الطول لجسم ما يتناسب مع التغير في درجة الحرارة أو بالصورة

 $L_f - L_{\bar i} = \alpha L_{\bar i} (T_f - T_{\bar i})$ (5.16) حيث Λ_f هما درجنا الحرارة الإبتدائية والنهائية على الترتيب، ثابت التناسب α هو متوسط، ما ما التعدد الطولى للعادة ووحدته $^{\circ}$. ما ال التعدد الطولى للعادة ووحدته $^{\circ}$.

وقد يكون من المفيد أن نتصور التمدد الحراري كانة تكبير المسردة فوترغرافية للجسم، على سبيل المثال المسلخين قرص مسنوع من الحديد شكل (8.16) تزداد جميع ايماده بما في داك قطر الفتحة طبقا لمدائلة 4.16. جدول 2.16 يعطى وأوسط معامل التمدد الطولي للمواد المختلفة لاحظ أن موسيا المواد مما يعني إزدياد الطول بارتقاع درجية الحرارة إلا أن ذلك ليس في جميع الحالات فهناك بعض المواد



شكل (7.16) نموذج ميكانيكي يبين توزيع الذرات في مـــادة، الذرات مــبينه على شكل كــرات مــرتبطة يبعـضها بواسطة زنبـركـات لكي توضع الطبـيعـة المرنة للقــوى بين الذرات. مثل الكالسيت ${\rm Cá~CO}_3$ يتمدد أحد أبعاده (α موجبة) بينما ينكمش البعد الآخر (α سالبة) مع ارتفاع درجة الحرارة.

حيث إن الأبعاد الخطية للجسم تتغير بتغير درجة الحرارة فلابد أن يتغير الحجم ومساحة السطح كذلك. والتغير في الحجم مع ثبات الضغط يتناسب مع الحجم الابتدائي V ومع التغير في درجة الحرارة طبقا للمعادلة :

$$\Delta V = \beta V_i \Delta T \tag{6.16}$$

حيث β هي متوسط معامل التمدد الحجمي للأجسام الصلبة وهو يساوي تقريبا ثلاث أمثال متوسط معامل التمدد الطولي أي ان α = β (هذا بفرض أن معامل التمدد الطولي واحد في جميع الاتحامات)

ولكي نوضح كيف أن α = β للجسم الصلب، افترض صندوقا أبعاده هي β , α , β وحجمه عند درجة حرارة ما T_i هو V_i يسباوي V_i أن تغييرت درجة الحيارة وصنارت T_i Δ 00 سيتغير الحجم ليصبح Δ 10 V_i 20 بكن إن كل بعد من أبعاد الصندوق سيتغير طبقا المعادلة Δ 16. إذن

$$\begin{aligned} V_i + \Delta V &= (\ell + \Delta \ell) \left(\omega + \Delta \omega \right) \left(h + \Delta h \right) \\ &= (\ell + \alpha \ell \Delta T) \left(\omega + \alpha \omega \Delta T \right) \left(h + \alpha h \Delta T \right) \\ &= \ell \omega h (1 + \alpha \Delta T)^3 \\ &= V_i [1 + 3\alpha \Delta T + 3(\alpha \Delta T)^2 + (\alpha \Delta T)^3] \end{aligned}$$



The state of the s



شكل (8.16) التمدد الحراري لقرص رفيع متجانس معدني. بتسخين القرص تزداد حميع الأبعاد

جدول (2.16) متوسط معامل التمدد الطولي لبعض المواد عند درجة حرارة الغرفة وترسط معامل

مدوسط معامل لتمدد الحجمي β (°C ⁻¹)		متوسطة معامل التمدد الطولي α (°C ⁻¹)	تادة
1.12 x 10 ⁻⁴	كحول إثيلي	24 x 10 ⁻⁶	ألمونيوم
1.24 x 10 ⁻⁴	بنزين	19 x 10 ⁻⁶	النحاس الأصفر والبرونز
1.5 x 10 ^{−4}	أسيتون	17 x 10 ⁻⁶	النحاس
4.85 x 10 ⁻⁴	جلسرين	9 x 10 ⁻⁶	الزجاج (العادي)
1.82×10^{-4}	زئبق	3.2 x 10 ⁻⁶	الزجاج (بيركس)
9.0×10^{-4}	ترينتينه	29 x 10 ⁻⁶	الرصاص
9.6 x 10 ⁻⁴	جازولين	11 x 10 ⁻⁶	الصلب
3.67×10^{-3}	هواء عند درجة 0°C	√0.9 x 10 ⁻⁶	الإنفار(سبيكة Ni-Fe)
3.665 x 10 ⁻³	هليليوم	12 x 10 ⁻⁶	الخرسانة

إذا قسمنا طرفي المعادلة على V ثم نقلنا الحد $\frac{\Delta V}{V}$ في الطرف الأيسر من المعادلةوياقي الحدود. م. الطرف الأيمن سنحصل على التغير النسبي في الحجم

$$\frac{\Delta V}{V_i} = 3\alpha\Delta T + 3(\alpha\Delta T)^2 + (\alpha\Delta T)^3$$

وحيث إن 1 < AT < 1000 عندما تكون $\Delta T < 100$ 0 مكننا اهمال الحدأن $\alpha \Delta T < 0$ 3 و $\alpha \Delta T < 1$ 0 بعد

هذا التقريب سنحصل على المعادلة

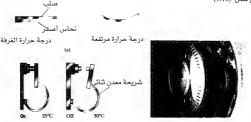
$$\frac{\Delta V}{V_i} = 3\alpha \Delta T$$

$$3\alpha = \frac{1}{V} \frac{\Delta V}{\Delta T}$$

والمعادلة (6.16) تبين أن الطرف الأيمن لهذه المعادلة يساوي β ومن ثم نجد أن $\beta=3\alpha$ وينفس الطريقة يمكن أن نثبت أن التغير في المساحة لصفيحة مستطيلة يعطى بالمعادلة

$$\Delta A = 3\alpha A_i \Delta T$$
 (53 مسألة 53)

كما نرى من جدول (2.16) لكل مادة معامل تمدد طولي خاص بها فمثلا إذا زادت درجة حرارة منيب من التحاس الأصفر وآخر من الملب لهما نفس الطول الإبتدائي وينفس المقدار وكانت درجة حرارتهما الابتدائية واحدة فإن قضيب التحاس الأصفر سيتمدد أكثر من قصيب الصلب. وقد استخدمت هذه الظاهرة في عمل وسيلة بسيطة تسمى شريحة المعدن الثائي وimetallic strip و تستخدم كمنظم لدرجات الحرارة وهي تتكون من شريحتين رفيعتين من معدنين مختلفين ملتصفين ببعضها وعندما ترتقع درجة حرارة هذه الشريحة يتمدد المعدنان بمقادير مختلفة فتتقوس الشريحة كما في شكل (1.16)



شكل (9.16) شريعة المدنن الثقائي (a) الشريعة تنعنى مع تغير درجة الحرارة لأن للمدنين معاملين مختلفين للتمدد (b) شريعة المدن الثنائي تستخدم كترموستات لقفل أو فقح دائرة كهربائية (c) التركيب الداخلي لترموستات يبين الثنائي المدنى ملفوف على بعضه، كيف تقسر السبب في جمل الشريعة ملفوفة على بعضها؟

معمل سريع 🖈

ضم مصاصتان ورقيتان مثل المصاصات المستخدم في شرب السوائل المرطبة مستخدما شريط لاصق كما في الشكل بحيث تكون إحداهما متقدمة عن الأخرى بمقدار 2 سنتيمتر تقريبا ضعها في تيار ماء ساخن يتدفق من صنبور بحيث يدخل الماء الساخن أحد الأنبوبتين دون الأخرى ضع الأنبوبتين في وضع رأسي بسرعة وانظر إليهما بتمعن ستلاحظ وجود تقوس بسيط على طول الشريط اللاصق ناتج من اختلاف التمدد في الأنبوبتين قد يكون التغير طفيفا. ضع ماء بارد في نفس الأنبوبة التي كان بها الماء الساخن ستلاحظ بوضوح تغير طفيف في الشكل.



إذا غمرت الترمومتر المستخدم في قياس درجة حرارة الغرفة بسرعة في ماء ساخن جدا. تلاحظ أن مستوى الزئبق سوف يهبط قليلا قبل أن يرتفع إلى درجة الحرارة النهائية لماذا؟

إذا كنت ستمنح جائزة إذا ما صنعت ترمومتر زجاجي ذو حساسية عالية باستخدام بعض المواد في جدول 2.16 فأى نوع من الزجاج وأى سائل شفاف سوف تختار؟

مثال 16.3 تمدد قضيب السكة الحديد

قضيب للسكة الحديد طوله 30.0m عندما كانت درجة الحـرارة 0.0°C (a) كم يكون طوله عندمــا ترتفع درجــة الحرارة إلى 40.0°C ؟

الحل: باستخدام جدول 2.16 وبمعرفة أن التغير في درجة الحرارة 40.0°C سنجد أن الزيادة في الطول هي:

 $\Delta L = \alpha L_i \Delta T = [11 \times 10^{-6} (^{\circ}\text{C})^{-1}] (30.000 \text{ m}) (40.0^{\circ}\text{C})$ = 0.013 m

إذا كان طول القضيب M 30.00 عند 0°C سيكون طوله عند 40.0°C هو 30.013 m

(b) نفرض أن نهايات القضيب قد ثبتت في مكانها 658 عند درجة 0°C حتى لايحدث التمدد فما هو مقدار



تسببت في انبعاج قضبان السكة الحديد وخروج القطار عن القضيان.



 $40.0^{\circ}\mathrm{C}$ إلى $40.0^{\circ}\mathrm{C}$ الإجهاد الحراري الذي يحدث في القضيب إذا ارتفعت درجة حرارته إلى

الحل:

من تعريف معامل ينج للأجسام الصلبة انظر معادلة (6.12) نجد أن الإجهاد الطولي يساوي

$$Y \frac{\Delta L}{L} = \frac{F}{A}$$

وبما أن y للصلب تساوي 20 x 1010N/m² انظر جدول (12.1) نجد أن

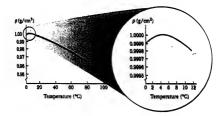
$$\frac{F}{A} = (20 \times 10^{10} \text{ N/m}^2) \left(\frac{0.013 \text{ m}}{30.000 \text{ m}} \right) = 8.7 \times 10^7 \text{ N/m}^2$$

تعرين: إذا كانت مساحة مقطع القضيب هي 30.0 cm² فما مقدار قوة التضاغط في القضيب Force of Compression

2.6 x 10⁵ N الإجابة:

السلوك الشاذ للماء The unusual Behavior of Water

يزداد حجم السوائل بصفة عامة مع ارتفاع درجة الحرارة ومتوسط معامل تمددها الحجمي أكبر عشر مرات من معامل التعدد الحجمي للأجسام الصلبة إلا أن الماء يشر عن هذه القاعدة، كما نرى من منحنى الكشافة مع درجة الحرارة في شكل (10.16)، مع ارتفاع درجة الحرارة من صنفر إلى 4.0° C ينكمش الماء ومن ثم تزداد كشافته، وأعلى من 4.0° C يتمدد الماء مع زيادة درجة الحرارة ومن ثم تقل كشافته، وكشافة الماء تصلى إلى أعلى قيمة لها وهي 6.0° C من 2.0° C ويمكننا باستخدام التمدد الحراري غير المناد للماء أن نفسر تجمد مهاه المستقمات عند السطح وليس عند القاع، هنداما تهبط الحراري غير المناد الماء أن نفسر تجمد مهاه المستقمات عند السطح وليس عند القاع، هنداما تهبط



شكل(10.16) رسم يبين كيف تتغير كثافة الماء مع تغير درجة الحرارة عند الضغط الجوي والدائرة التي على اليمين تبين أن كثافة الماء تصل إلى أعلى قيمة لها عند 4°C.

الضيرياء (الجزء الأول - الميكانيكا والديناميكا الحرارية)

درجة حرارة الجو مثلا من 7°C إلى 6°C يبرد الماء عند السطح ومن ثم يقل حجمه. وهذا يعني أن الماء عند السطح أكبر كثافة من الماء الذي أسفله نظرا لأنه لم يبرد بعد ليقل حجمه، نتيجة لذلك يهبط الماء من السطح إلى أسفل ويرتفع الماء الدافئ من أسفل إلى السطح لكي يبرد. عندما تكون درجة حرارة الجو بين 4°C و 0°C . يتمدد الماء كلما قلت درجة حرارته ليصبح أقل كثافة من الماء الذي أسفله. وتتوقف عملية الخلط بين طبقات الماء العلوية والسفلية. ومن الطبيعي أن يتجمد الماء عند السطح. وعندما يتجمد الماء يظل الجليد فوق السطح لأنه أقل كثافة من الماء. ويتراكم الجليد على السطح بينما يظل الماء قرب القاع عند درجة حرارة C°C ، ولو لم يكن الأمر كذلك لما استطاعت الأسماك وغيرها من أشكال الحياة المائية أن تعيش في البحار التي تتجمد مياهها في الشتاء.

5.16 > وصف ماكروسكوبي للغاز المثالي

MACROSCOPIC DESCRIPTION OF AN IDEAL GAS

في هذا القسم ندرس خواص غاز كتلته m موجود داخل وعاء حجمه V عند ضغط P ودرجة 10.5 حرارة T وكيف ترتبط هذه الكميات ببعضها وبصفة عامة المعادلة التي تربط بين تلك الكميات تسمى معادلة الحالة وهي معقدة جدا. إلا أنه إذا كان الغاز تحت ضغط منخفض جدا (أي منخفض الكثافة) تكون معادلة الحالة في غاية البساطة ويمكن إيجادها عمليا. وهذا الغاز منخفض الكثافة يسمى الغاز المثالي⁽⁴⁾ من المناسب أن نعبر عن كمية الغاز في حجم ما بدلالة عدد المولات n. كما سبق أن عرفينا في القسيم (3.1)، المول من أي مادة هو كمية المادة التي تحتوي على عدد أفوجادرو من أي عدد المولات n من ألجسيمات المكونة له (ذرات أو جزيئات). العلاقة بين عدد المولات n من أي مادة وكتلتها m يعبر عنها بالعلاقة

$$n = \frac{m}{M} \tag{7.16}$$

حيث M كتلة المول من المادة (أنظر قسم 3.1) ويعبر عنها بوحدات جرام/مول (g/mol) فمثلا الكتلة المولية للأكسجين (O₂) تساوى 32.0 g/mol .أي أن كتلة المول الواحد من الأكسجين O₂ هي .32.0 g

نفرض أن غازا مثاليا داخل وعاء أسطواني ويمكن تغيير حجمه بواسطة مكبس متحرك كما هو

⁽⁴⁾ لكي نكون أكثر تحديداً، المفروض من أن درجة حرارة الغاز لا تكون منخفضة جداً (بحيث لا يتكثف الغاز إلى سائل) ولا أن تكون مرتفعة جداً، وأن الضغط يكون منخفضاً. في الواقع أن الغاز المثالي لا وجود له. إلا أن مفهوم الغاز المثالي مفيد جداً من منطلق أن الغاز الحقيقي عند الضغوط المنخفضة يسلك كغاز مثالي. ومفهوم الغاز المثالي يعني أن جزيئات الغاز لا تؤثر في بعضها البعض ما عدا في حالة التصادم وأن حجم الجزيئات صغير جداً بالمقارنة بحجم الوعاء المحتوى 660) على الغاز ومن ثم يمكن إهماله.

الفصل السادس عشر، درجة الحرارة

مبين في شكل (11.16) فإذا افترضنا أن الكبس piston لا يحدث تسريا للغاز فإن كتلة الغاز أي عدد مولاته نظل ثابته.

ولمثل هذا النظام بينت التجارب العملية المعلومات التالية:

عند ما يظل الغاز عند درجة حرارة ثابته فإن ضغطه يتناسب عكسيا مع حجمه، قانون بويل (Boyle's Law) ثانيا:عند ما يظل ضغط الغاز ثابتا فإن حجمه بتناسب طرديا مع درحة حرارته

(هـانون شـارل وجـاي لوســاك (the law of Charle's and Gay-Lussak) وهذه المشـاهـدات يمكن التعبير عنها بمعادلة الحالة للفاز المثالي

$$PV = nRT (8.16)$$

في هذه المعادلة التي تسمى قانون الغاز المثالي R ideal gas law هو ثابت عام أي أن قيمته واحدة لجميع الغازات و T هي درجة الحرارة المطلقة بالكلفن، وقد بينت التجارب على العديد من الغازات أنه إذا افترب الضغط من الصفر هإن PVinT تقترب من نفس القيمة T لجميع الغازات وك لك تسمى T الثابت العام للغازات، وفي النظام الدولي لوحدات القياس T الذي يعبر فيه عن الضغط بالباسكال T تكون وحدته نيوتن متر أو حدات T قيمتها

$$R = 8.315 \text{ j/mol} \cdot \text{k}$$
 (9.16)

(1 L = $10^3 \, \text{cm}^3 = 10^{-3} \, \text{m}^3$) باللتر والحجم باللتر وإذا عبرنا عن الضغط بالجو والحجم

عند إذ تكون قيمة Universal gas cinstant R هي

R = 0.082.14 L:atm/mol·k

تجربة معملية سريعة

رج زجاجة صودا ثم إطرق على شاعدتها وجوانيها لكي تطرد كل شقاعات الغاز المحبوسة في تلك الأماكن. يمكن فتح الزجاجة بعد ذلك دون أن تفقد نقطة من السائل



شكل (11.16) غاز مثالي داخل اسطوانة يمكن تغيير حـجـمـه بواسطة مكبس (بستن) متحرك.

الغاز المثالي هو الغاز الذي تكون له قيمة (PV/nT) ثابته عند قيم الضغوط المختلفة.

ينص قانون الغاز المثالي على أنه مع ثبات الحجم ودرجة الحرارة لكمية محدده من الغاز فإن الضغط كذلك يظل ثابتا. فإذا أخذنا حالة زجاجة المياه الغازية المرسومة في بداية هذا الباب. بما أن 🛫 درجة حرارة الزجاجة ومحتوياتها ظلت ثابته فإن الضغط كذلك سيظل ثابتا ويمكن التأكد من ذلك باستخدام مقياس للضغط بدلا من السداده الفلين. مع رج الزجاجة بعض ثاني أكسيد الكربون الموجود أعلى السائل في الزجاجة قرب عنقها يصنع فقاقيع في السائل وهذه الفقاقيع تظل محبوسة داخل الزجاجة. عند فتح الزجاجة ينخفض الضغط داخل الزجاجة وهذا يجعل حجم الفقاقيع تزداد فجأه. فإذا كانت الفقاقيع ملاصقة للزجاج تحت سطح السائل فإن تمددها الفجائي سيطرد السائل من الزجاجة. إذا قمت بطرق جوانب وقاع الزجاجة حتى لاتبقى أي فقاقيع تحت سطح السائل قبل فتح الزجاجة فإنه عند فتح الزجاجة، هبوط الضغط الحادث لن يؤدي إلى دفع السائل من داخل الزجاجة. حاول في تجربة سريعة أن تفعل ذلك .

يعبر عن قانون الغاز المثالي في كثير من الأحيان بدلالة العدد الكلى للجزيئات N . وحيث إن العدد الكلى للجزيئات يساوى حاصل ضرب عدد المولات n في عدد أفوجادرو N_{A} يمكن كتابة معادلة (8.16) على النحو التالي:

$$PV = nRT = \frac{N}{N_A}RT$$

$$PV = Nk_BT$$
(10.16)

حيث kB هو ثابت بولتزمان Boltzman's constant

$$k_{\rm B} = \frac{R}{N_{\rm A}} = 1.38 \times 10^{-23} \,{\rm J/K}$$
 (11.16) ثابت بولتزمان

من المعتاد أن تسمى الكميات مثل P, V, T المتغيرات الثرموديناميكيةThermodynamic Variables للغاز الثالي. إذا عرفنا معادلة الحالة. عند إذ يمكن التعبير عن أحد المتغيرات كدالة في المتغيرين الآخرين.

مثال 4.16 % كم عدد حزيئات الغاز في وعاء ؟

غاز مثالي يشغل حجما قدره 100cm³ عند درجة حرارة 20°C وضغط 100 Pa . أوجد عدد 662 مولات الغاز في الوعاء الحل: الكميات المعطاه هي الحجم والضغط ودرجة الحرارة

$$V = 100 \text{ cm}^3 = 1.00 \text{ x } 10^{-4} \text{m}^3$$
, $P = 100 \text{ pa}$, $T = 20^{\circ}\text{C} = 293 \text{ k}$

باستخدام المعادلة (8.16) نجد أن

$$n=rac{PV}{RT}=rac{(100 ext{ Pa}) \, (10^{-4} ext{m}^3)}{(8.315 ext{ J/mol} \cdot ext{K}) \, (293 ext{ K})}=4.10 imes 10^{-6} ext{ mol}$$
 تمرین : کم عدد جزیئات الغاز فی الوعاء

الإجابة: 2.47 x 10¹⁸ جزئ.

مثال 5.16 امتلاء خزان غاز

خزان مصمم ليتسع 66 ft 60 من الهواء عند ما يكون تحت الضغط الجوي وفي درجة حرارة $^{\circ}$ 22. ضغط هذا الحجم من الفاز الى أن وصل ضغطه لضغط مطلق قدره $^{\circ}$ 60 60 وخزن في خزان سعت $^{\circ}$ 60 61 61 62 فارتفعت درجة حرارة الغاز وأصبح من الضروري تبريد الخزان قبل الإستخدام. فإذا لم يتم تبريد الغاز فكم ستكون درجة حرارته بفرض أن الغاز مثالى.

ا**لحل**؛ إذا لم يتسبرب أي قدر من الغاز أثناء ملء الخزان فسيظل عدد المولات هو n وباستخدام القانون العام للغازات PV = nRT وحيث إن Rn مقداران ثابتان سنحصل على القيم الابتدائية والنهائنة

$$\frac{P_i V_i}{T_i} = \frac{P_f V_f}{T_f}$$

الضغط الابتدائي للغاز هو 14.7 lb /in² والضغط النهائي 2000 lb /in² وحجم الغاز الابتدائي 295K هي 295K . درجة الحرارة الابتدائية حولت إلى وحدات 205K هي 295K لايجاد 27. باستخدام المعادلة السابقة

$$T_f = \left(\frac{P_f V_f}{P_i V_i}\right) T_i = \frac{(3\ 000\ \text{lb/in.}^2)(0.35\ \text{ft}^3)}{(14.7\ \text{lb/in.}^2)(66\ \text{ft}^3)} (295\ \text{K})$$

= 319 K

تمرين؛ كم تكون درجة الحرارة على مقياس سلسيوس وعلى مقياس فهرنهيت.

الحل: F , 45.9° C

ختبار سريع (4.16)

في المثال السابق استخدمت الوحدات الدولية SI لحساب درجات الحرارة فقط ولم نستخدم في حالتي الضغط والحجم. عند استخدام قوانين الغاز المثالي كيف تقرر متى يصبح من الضروري استخدام الوحدات الدولية SI ومتى يمكن استخدام نظم الوحدات الأخرى.

مثال 16.6 تسخين عبوة أيروسول Spray can

عبوة أيروسول تحتوي على غاز قاذف تحت ضغط يساوي ضعف الضغط الجري (202 kPa) وحجمها 32 m³ عند درجة حرارتها قد ارتفعت وحجمها 35 m³ عند درجة حرارتها قد ارتفعت إلى 25° 15 فكم يكون الضغط داخل العبوة؟ اعتبر أن أى تغير فى الحجم يمكن إهماله.

$$rac{P_i V_i}{T_i} = rac{P_f V_f}{T_f}$$
 مبتدثين بالعلاقة بالعالم عدت في المثال 16.5 مبتدثين بالعلاقة بالعطوات كما حدث في المثال $rac{P_i}{T_i} = rac{P_f}{T_f} = rac{P_f}{T_f}$ بما أن الحجم الإبتدائي والحجم النهائي متساويان يمكن اختصار المعادلة لتصبح $P_f = \left(rac{T_f}{T_f}\right)(P_i) = \left(rac{468 \; {
m K}}{295 \; {
m K}}\right) (202 \; {
m kPa} = 320 \; {
m kPa}$

من الواضح أنه كلما زادت درجة الحرارة زاد ضغط الغاز المحبّوس وإذا ما وصل الضغط إلى حدّ معين ستتفجر العبوة، ولذلك يجب عدم قذف العبوات الفارغة في النار.

ملخص SUMMARY

- أي جسمين يكو ان في حالة اتزان حراري إذا كانت درجة حرارتهما واحدة.
- القانون الصفري للديناميكا الحرارية ينص على أنه إذا كان جسمان B, A كل منهما على حدة في
 حالة اتزان حراري مع جسم ثالث C ، عند إذ يكون الجسمان A ,B في حالة اتزان حراري مع
 بعضهما.
- الوحدة الدولية SI لدرجة الحرارة المطلقة هي الكلفن Kelvin وتعرف على أنها 1/273.16 من درجة
 حرارة النقطة الثلاثية للماء.
- اذا تغیرت درجة حرارة جسم بمقدار ΔT فإن طوله یتغیر بمقدار ΔL الذي یتناسب مع ΔT ومع طوله الأصلي L_{i}

$$\Delta L = \alpha L_i \Delta T \tag{4.16}$$

. average coefficient of linear expansion حيث الثابت α هو متوسط معامل التمدد الطولي 3α تقريبا . ومعامل التمدد الحجمى β للأجسام الجامدة يساوى 3α

 الغاز المثالي هو الغاز الذي تكون قيمة PV/nT له تساوي مقدارا ثابتا عند جميع الضغوط. والغاز المثالي يخضع لمادلة الحالة equation of State.

$$PV = nRT$$
 (8.1)

حيث n عدد مولات الغاز، V حجم الغاز ، R الثابت العام للغازات ويساوي (8.315 j/mol·k هي درجة الحرارة المثلقة والغاز الحقيقي يسلك مسلك الغاز المثالي إذا كان بعيدا عن حالة الإسالة.

QUESTIONS اسئلة

- 1 هل من المكن أن يكون جسمان في حالة انزان حراري إذا لم يكونا في حالة اتصال حراري مع بعضهما؟
- [2] القيت قطعة من النحاس في كأس به ماء. فإذا ارتفعت درجة حرارة الماء، فماذا يحدث لدرجة حرارة النحاس ؟ ما هي الشروط لأن يكون النحاس والماء في حالة انزان حراري ؟
- 8 من المكن من حيث الميدا استخدام أي غاز في الترمومتر الغازي ذو الحجم الثابت. للذا لايمكن استخدام الأكسبچين عند فيياس درجات حرارة منخفضة تصل إلى ١٦٤، ما هو الغاز الذي يمكن استخدامه لقياس تلك الدرجة ؟ (ارجع إلى البيانات في جدول (1.16).
- 4 متوسط معامل التمدد الطولي للكاوتشوك
 كمية سالبة. ماذا يحدث لحجم قطعة من
 الكاوتشوك عندما ترتفع درجة حرارتها ؟
- معامل التمدد الحراري للمادة المستخدمة في حشو الأسنان لابد وأن تكون مماثلة لمعامل التمدد الحراري للأسنان لماذا ؟ وماذا يحدث لوأنهما غير متماثلين ؟
- وضح كيف أن التيدد الحراري لقشرة كروية
 (كرة مجوفة) مصنوعة من مادة جامدة
 متجانسة يعادل التمدد الحراري لكرة
 مصمته مصنوعة من نفس المادة؟
- 5 حلقة تحميل من الصلب Steel ring bearing قطرها الداخلي يقل عن قطر المحور بمقدار 0.1mm
 ازالة أي معدن؟

- 8 تم تدريخ شريط صلب لقياس الأطوال في غرفة عند درجة حرارة 22°C فهل ستكون القياسات التي تتم بهذا الشريط في يوم درجة حرارته 2°7C أكبر أم أقل أم تساوي طول الجسم المقاس؟ اثبت صحة إجابتك.
- 9 احسب عدد الجرامات في مول واحد في كل
 من الغازات التالية (a) الهيدروجين (b) الهيليوم (c) أول أكسيد الكربون.
- 10 بالونة من الكاوتشوك منفوخة بالهواء، غمرت في وعاء به نتروجين سائل عند درجة حرارة 77k. صف ما سيعدث للبالونة.
- بفرض أنها سنظل محتفظة بمرونتها أثناء التبريد في النتروجين السائل.
- 11 اسطوانتان متماثلتان عند نفس درجة الحرارة وفي كل منهما نفس النوع من الغاز ونفس عدد الولات. إذا كان حجم الأسطوانة A أكبر ثلاث مرات من حجم الأسطوانة 8 ، ماذا نقــول عن الضــغط النســي في الأسطوانتين؟
- 12 ساعـة ذات بندول مـصنوع من النحـاس الأصاص brass عندمـا ترتفع درجـة الحرارة في الغرفة في الغرفة هل ستنزداد سرعـة الساعـة أم ستقل دون تغير؟ اشرح ما تقول؟

الفيزياء (الجزء الأول - المكانيكا والديناميكا الحرارية)

14 - الأغطية العدنية فوق الأوعية الزحاحية يمكن فتحها بسهولة بوضعها تحت تيار من الماء الساخن. لماذا بحدث ذلك؟

[15] عندما كانت الحلقة المعدنية والكرة المعدنية في شكل (Q15.16) عند درجـــة حـــرارة الغرفة. كانت الكرة المعدنية تسقط من الحلقة. بعد تسخين الكرة اصبح من غير المكن اسقاطها من الحلقة، إشرح لماذا؟



PROBLEMS JELMO

= الحل كامل متاح في المرشد. 3, 2,1 = مسائل مباشرة، متوسطة، تحدى

Http:// www. sanunderscollege. com/ physics/ = WEB



= الحاسب الآلي مفيد في حل المسائل = أزواج رقمية/ باستخدام الرموز

قسم 1.16 درجة الحسرارة والقانون الصفرى للديناميكا الحرارية

قسم 2.16 الترمومترات ومقياس سلسيوس لدرجات الحراره

قسم 3.16 الترمومترالغازي ذوالحجم الثابت والمقياس المطلق لدرجات الحرارة.

ملحوظات:

واحد حو = 1.013 x 10⁵ Pa = واحد حو

1 - حـول مـايأتي إلى درجـات الحـرارة على مقياسي سلسيوس وكلفن.

(a) درجة حرارة جسم الإنسان الطبيعي هي b) 98.6°F درجة حرارة الهواء في يوم بارد مي 5.00°F-

2 - في الترمومتر الغازي ذو الحجم الثابت كان الضعط عند درجية حسرارة 20.0°C هو

(a) . 0.980 atm كم يكون الضعط عند درجـة حـرارة 45.0°C) كم تكون درجـة الحرارة إذا كان الضغط 0.500 atm

[3] ترمو متر غازي ذو حجم ثابت عوير في الثلج الجاف (ثاني أكسيد الكربون في حالته الصلبة ودرجة حرارته 20.0°C -وفي درجة غليان الكحول الإيثيلي 78.0°C وكيان مقدار الضغيط في الحاليين (a) 1.635 atm , 0.90 atm الصفر المطلق على مقياس سلسيوس الذي تعطيه هذه النتائج؟ (b) كم يكون الضغط عند نقطة تجمد الماء؟ (c) كم يكون الضغط عند نقطة غليان الماء؟.

4 - توجد درجة حرارة قيمتها العددية واحدة على كل من مقياس سلسيوس وفهرنهيت. ما هى هذه الدرجة؟

- 5 نتروجين سائل درجة غليانه 195.81°
 عند الضغط الجوي كم تكون هذه الدرجة
 (a) بالدرجات الفهرنهيتية
- 6 على أحد المشاييس غير المعروضة درجة تجمد الجليد "55.051- ودرجة غليان الماء "60.00 + أوجد معادلة خطية للتحويل من هذا المقياس إلى مقياس سلسيوس.

- 7 الفرق بين درجتي الحرارة داخل وخارج موتور سيارة يساوي 45°C عبر عن هذا الفرق على (a) مقياس فاهرنه يت (b) مقياس كلفن.
- 8 درجة انصهار الذَّهَبَ 1064°c ودرجة الغليان
 a) 2660°C
 بالكلفن (b) احــسب الفــرق بين هاتين
 الدرجتين بالسلسيوس وبالكلفن.

قسم 4.16 التمدد الحراري للأجسام الصلبة والسوائل

ملح وظة: عند حل السائل في هذا القسم استخدم البيانات الواردة في جدول (2.16) . --

- [9] سلك تليفون من النحاس طوله 35m وليس به أي ارتخاء في فصل الشتاء عندما تكون درجــة الحــرارة 20.0°C فكم تكون زيادة طول هذا السلك أشاء الصيف عندما تكون درجة الحرارة Tc=35.0°C.
- 10 صممت المقاطع الخرسانية لأحد الطرق السرعة بعيث يكون طول كل مقطع 25.0m وقد صبت المقاطع وجففت عند درجة حرارة "C" ما ما مي أقل مسافة يجب تركها بين تلك المقاطع لمنع التقوس إذا وصلت درجة حرارتها إلى 55.0°C.
- انبوبة من الألونيـوم طولهـا 3.00m عند درجة حرارة 20.0°C فكم يكون طولهـا عند (b) 100.0°C (a)
- 12 حلقية من النحياس الأصيفر brass قطرها

- 20.0°C عند 20.0°C سخنت وادخلت حول قضيب من الألونيوم قطره 10.01cm عند درجة حرارة 20.0°C. اقترض أن معـامل التصدد الطولي ثابت (ه) إلى أي درجة حرارة بجب تبريد هذه المجموعة حتى يمكن إخراج الحلقة من القضيب؟ هل هذه الدرجة يمكن توفــيـرها؟ إذا كـان قطر قـضــيب الألونيــوم 00.02 ما 00.02 من سنكون درجــة الألونيــوم 00.02 ما ما كـورجــة الحرارة المطلبية؟.
- 13 شنبر نظارة مصنوع من الإبوكس بلاستك. نصف قطر الإطار الذي تثبت فيه العدسة مو العدسة عبد الرحة 2.00°C إلى أي درجة حرارة يجب تسخين الإطار حتى يمكن تثبيت العدسة فيه، إذا كان نصف قطرها 2.21°C ومتوسط معامل التصدد الطولي لمادة الإبوكس هو "("C").
- 14 كويري نهر جورج في غرب فرجينيا على شكل قـوس من الصلب طوله 518m . مــا مقدار التغير في طوله بين درجتي الحرارة العظمى والصغرى وهما 20.0°C , 35.0°C .
- 15 فجوة مربعة الشكل في لوح النحاس طول كل ضلع من أضلاعها 8.00cm (ه) احسب مقدار التغير في مساحة تلك النجوة إذا زادت درجة حرارة لوح النحاس بمقدار 50.0k (b) 40 للتنجة تبين زيادة ام نقص في مساحة الفجوة?
- [17] العنصر الفعال لأحد أنواع الليزر عبارة عن قضيب من الزجاج طوله 30.0 cm وقطره 1.50cm. إذا ارتفعت درجة حرارة القضيب

الفيزياء (الجزء الأول - الميكانيكا والديناميكا الحرارية)

بمقدار 65.0°C (a) كم تكون الزيادة في ا; كم تكون الزيادة في طوله ؟ (d) كم تكون الزيادة في قطره ؟ (c) كم تكون الزيادة في حجمه؟ افترض أن

 $\alpha = 9.00 \times 10^{-6} (^{\circ}\text{C})^{-1}$

18 - قارورة لقياس الحجوم مصنوعة من زجاج البيركس مدرجة عند 20.0°C ملتت حتى علامة على 20.0°C ملتت حتى علامة المرازة والمسيت سريعا في حالة انزان حجام حراري مع القارورة (a) كم يكون حجم الشيتون عند درجة حرارة 20.0°C (d) ما هي درجة تأثير التغير في حجم القارورة هي درجة تأثير التغير في حجم القارورة

19 - ممشى خرساني صب في يوم كانت فيه درجة الحرارة 20.0°C وثبتت نهاياته بعيث أصبحت غير قابلة للحركة (a) كم يكون مقدار الإجهاد على الخرسانة في يوم درجة حرارته 50.0°C

(b) هل يحدث تشقق للخرسانة؟ اعتبر أن معامل ينج للخرسانة $10^9~{\rm N/m}^2$ والشد الطولى $2~{\rm x}~10^9~{\rm N/m}^2$.

20 - الشكل (P20.16) يبين حلقة بها فجوة والحلقة مصنوعة من الصلب فإذا سخنت العلقة (a) مل سيزداد انساع الفجوة أم سينقص؟ (b) إذا كان اتساع الفجوة m30.0°C اعتدما تكون درجة الحرارة 30.0°C احسب اتساع الفجوة عندما تميح الدرجة (P20.16).



شكل P20.16

21 - قضيب من الصلب مساحة منطعه 200cm 200cm تعرض لقوة شد مقدارها 500N احسب مقدار التغيير في درجة الحرارة الذي يحدث نفس الاستطالة في القضيب كالتي تحدثها القوة المذكورة ومي 500N (ملحوظة ارجع إلي الجدول 12.1 [6.2]).

[23] اسطوانة مجوفة من الألمونيوم عمقها 20.0cm وسعتها الداخلية 2.0L عند درجة حرارة 20.0°C ملئت إلى حافتها بسائل التبرينتينه ثم سخنت إلى درجة حبرارة a) 80.0°C) ما مقدار التربنتينه التي ستنسكب منها؟ (b) إذا برّدُت الأسطوانة بعد ذلك إلى درجة حرارة 20.0°C إلى أي مسافة أسفل سطح الاسطوانة سيصل سطح السائل. 24 - حلقة من الألونيوم قطرها الداخلي 5.00cm عند درجة 20.0°C وقضيب من النحاس الأصفر قطره 5.05cm) إلى أى درجة حرارة يجب تسخين الحلقة بحيث يمكنها أن تنزلق بالكاد فوق القضيب؟ (b) إلى أي درجـة يجب أن يسـخن الإثنان معا بحيث أن الحلقة يمكنها بالكاد أن تنزلق فوق القضيب؟ هل هذه الطريقة ممكنة؟

قسم 5.16 وصف ماكروسكوبي للغازات المثالية:

25 - وعاء حجمه 8.0L. يعتوي على غاز درجة حرارته 20.0°C وضغطه يساوي 9.0atm (a) احسب عدد مولات الغاز في الوعاء (b) كم عدد جزيئات الغاز في الوعاء.

26 - خزان حجمه 0.10m³ بحتوى على غاز الهيليوم عند ضغط 150 atm . كم عدد البالونات التى يمكن نفخها بهذا الهيليوم إذا كانت كل بالونه عبارة عن كرة قطرها 0.30m عند ضغط مطلق قدره 1.20 atm

27] قاعة أنعادها 30.0m x 20.0m x أعادها كم عدد حزيئات الغاز في هذه القاعة عند درجة حرارة 20.0°C وضغط 101 kPa.

28 - تسع جرامات من الماء وضعت داخل إحدى أوانى الضغط المستخدمية لطهي الطعام حجمها 2,00L وسخنت إلى 500°C كم يكون الضغط داخلها إذا لم يتسرب منها أي

29 بالون يعمل بالهواء الساخن كتلته مع حمولته (دون الهواء بداخله) 200kg ودرجة حرارة الهواء خيارج البالون 10.0°C وضغطه 101KPa وحـجم البالون 400m³ . إلى أي درجـة حـرارة يجب تسـخين الهـواء داخل البالون قبل أن يبدأ في الارتفاع ؟ كثافة الهواء عند 10.0°C هي 1.25kg/m³.

30 - مول واحد من الأكسجين عند ضغط 6.00atm ودرجــة حــرارة 27.0°C (a) إذا سخن الغاز مع ثبات الضغط حتى وصل إلى النهائية؟ (b) إذا سخن الغاز حتى ازداد الحجم والضغط تعما إلى الضعف، كم تكون درجة الحرارة النهائية؟

(a) - 31 من احسب عدد المولات في 1.00m³ من الهواء باعتباره غازا مثاليا عند درجة حرارة 20.0°C والضغط الجوى المعتاد (b) كتلة المول من الهواء 28.9g احسب كتلة 1m³ من الهواء، قارن النتيجة مع كثافة الهواء المذكورة بالجدول.

32 - مكعب طول كل ضلع من أضلاعه 10.0cm يحتوى على هواء (مكافئ كتلة المول له 28.9 g/mol) عند الضغط الجوى المعتاد ودرجة حرارة 300k أوجد (a) كتلة الغاز (b) وزن الغاز (c) القوة التي يؤثر بها على كل وجــه من أوجــه المكعب (d) علق على السبب الفيازيائي لما يلي. لماذا تؤثر عينة صغيرة من الغاز كهذه بمثل تلك القوة الكبيرة.

[33] اطار سيارة نفخ بالهواء عند درجة حرارة 10.0°C والضغط الجوى العادى. في تلك العملية إنضغط الهواء إلى %28.0 من حجمه الأصلى وارتفعت درجة حرارته إلى (a) 40.0°C احسب الضغط داخل الاطار (b) بعد قيادة السيارة بسرعة عالية ارتفعت درجة حرارة الهواء داخل الإطار إلى 85.0°C وازداد الحسجم الداخلي للإطار بمقسدار 2.00% . ما هو الضغط (المطلق) داخل الإطار بالباسكال؟

34 - بالون من بالونات الطقص كروى الشكل مصمم بحيث يكون نصف قطره عند الحد الأقصى لتمدده يساوى 20.0m وذلك عندما يطير على الارتفاع المخصص له حيث يكون الضغط المحيط 0.030 atm ودرجة الحرارة 200k فإذا كان البالون قد ملئ بالهواء عند الضغط الجوي العادي ودرجة حرارة 300k فكم يكون نصف قطره لحظة الإنطلاق.

35 - حجرة حجمها 80.0m³ بها هواء مكافئ كتلة المول له 28.9g/mol. إذا ارتفعت درجة حرارة الفرفة من £18.0 إلى 25.0 فما كبتلة الهواء بالكيلو جرام التي سيتشرك الحجرة؟ افترض أن الضغط داخل الحجرة ظل ثابتا ومقداره 101 kPa .

36 - حجرة حجمها V بها هواء مكافئ كتلة المول له g/mol)M). إذا ارتفعت درجة حرارة (669)

الحجرة من T_1 إلى T_2 فما كتلة الهواء الذي سيترك الحجرة ا افترض أن ضغط الهواء في الحجرة ظل ثابتا عند P_0 .

37 - على عسمق 25.0m تحسر الكشافة= (الكشافة= 1025kg/m³) ميث درجية الحرازة 5.00° (5.

38 - قدر كتلة الهواء في غرفة نومك. إذكر الكميات التي استخدمتها كمدخلات والقيم التي تقدرها أو تقيسها لكل منها.

[96] اسطوانة للغاز المنفوط مثبت عليها مقياس ضغط يسجل الفرق بين الصغط الداخلي والخارجي، عند ما تكون الأسطوانة مملوم بالأكسجين O فائها تحتوي على 120kg من الغاز عند السنطط الذي يبينها القياس وهو 40.0 atm إحسب كتلة الأكسجين التي يتم سحيها من الأسطوانة عندما تصبح قراءة الضغط 25.0 atm لفتر أن زرجة حرارة الأسطوانة المتق.

40 - في أجهزة تفريغ الغازات الحديثة يمكن الحصول على ضغوط منخفضة جدا تصل إلى 10^{-9} إلى 10^{-9} إلى 10^{-9} إلى الضغط في وعاء حجمه 100^{-9} إذا كانت درجة حرارته 20^{-2}

41 - بين أن مول واحد من أي غاز (يفترض أنه غاز مثالي) عند الضغط الجوي (1013) kPa ودرجة الحرارة العيارية (273k) يشغل حجما قدره 22.4L

42 - ناقوس يستخدم في الغطس على شكل أسطوانة طولها 2.5 مقفوله من نهايتا

العليا ومفتوحة من اسفلها أنزل الناقوس في ماء البحر الذي كثافته -2-1.025g/cm³ منافع الناقوس سامة إنزاله درجة حرارة الهواء في الناقوس سامة إنزاله في اللاء كسانت تسساوي 6.03 منافق منافق منافق منافق منافق منافق منافق درجة حرارة الماء الناقوس) والهدواء داخل الناقسوس في انزان مح الماء (a) كم سيكون ارتضاع ماء حراري مع الماء (a) كم سيكون ارتضاع ماء البحد داخل الناقسوس (أ) ماهو الحد دخل منافق بيجب أن يصل إليه ضغط الهزاء دخل من الناقوس حتى يستطيع طرد الماء الذي

Excellent

مسائل إضافية

- 43 قساس طالب طول قدضيب من النحساس مستخدما شريط من المطب عند درجة حرارة 20.0°C وكانت القراءة 95.00cm سيبين الشريط عندما يكون هو والقضيب عند درجـة حـرارة (a) 21-6 (b) عند 55°C
- 44 كثافة الجازوليين عند درجة 0° C هي 70 هي 730kg/m³ ومنوسط معامل تمدده الحجمي هو $1-(9.000)^{-4}$ (°C). إذا كان جالون واحد من الجازولين يشخل حجما قدره 30.00380m³ من 30.00380m³ من كيلوجرام إضافي يمكن أن تحصل عليه إذا اشتريت 30.00310m³ الجازولين عند درجة حرارة 30.0030 وليس عند 30.0030 من مضخة ليس بها معدّل لدرجات الحرارة.
- 45 حامل كريات ball bearing) (رومان بلي) من الصلب قطره 4,00cm) عند درجسة حسرارة ولمراح من البرونز به فجوة قطرها 3,00cm عند درجة حرارة 2,00°C ما هي 3,994cm درجة الحرارة المشتركة التي يجب أن يسخن إليها كل من اللوح وحامل الكريات (رومان (رومان

البلي) بحيث أن حامل الكريات يحشر بالكاد داخل الفجوة.

- 46 مسألة للمراجعة، انبوية من الألونيوم طولها 20.0°C مفتوحة الطرفين تستخدم كمرزما (flut) بردت الأنبوية عند درجة حرارة منغضضة إلا أنه بمجرد العزف عليها صارت درجة حرارة الناوع بداخلها 20.0°C م مقدار التغير في النواء بداخلها 20.0°C م مقدار التغير في التحرد الأساسي عندما يسخن المعدن من 20.0°C ولي 20.0°C.
- 47 ترمومتر زئيقي مننع كما هو ميين بالشكل (47.16) أنيوية الترمومتر الشعرية قطرها 0.250m أنوية الترمومتر الثربي الحادث احسب التغير هي طول عمود الزئيق الحادث نتيجة لتغير قدره 200° هي درجة الحرارة (اهبار تعدد الذحاء).



شكل P47.16

48 – سائل معامل تمدده الحجمي β يملأ قارورة حجادة γ تعند درجة حرارة γ كما في شكل (P16.47) القارورة مصنوعة من مادة متوسط معامل تمددها الطولي α . والسائل حر التحدد في الأنبورية الشعرية التي مساحتها β والتصائم أعلى القارورة (β) إذا زادت درجة الحرارة بمقدار ΔT أثبت أن

- السائل سيرتفع في الأنبوبة الشعرية بمقدار Δh
 - $\Delta h = (V_i / A) (\beta 3\alpha) \Delta T$
- (b) في نظام عملي مثل الترمومتر الزئيقي لماذا يمكن عمل تقريب بإهمال تمدد مستودع الزئيق.
- $\frac{49}{40}$ سائل كثافته ρ (a) اثبت أن التغير النسبي في الكثافة نتيجة لتغير في درجة الحرارة قدره ΔΤ ماذا تعني الاثبارة السائلة ρ
- (b) $|H_1|$ lim. $|H_2|$ lim. $|H_3|$ lim.
- 50 اسطوانة مثبت عليها مكبس. piston ومثبت على الكبس زنبرك ثابته 200 x10³ N/m مناسب كسال على الكبس زنبرك ثابته عندسا كان الزنبرك مرتخيا كانت الأسطوانة مماورة بخمس لترات من الغاز (ـ5001) عند صنعا يعسلوي 1.00 atm (ودرجـــة حـــرارة يساوي 20.0°C () إذا كانت مساحة مقطع ألكبس مي 6 0.010 وكتلته مههاة . ما مقدا، الإرتفاع الذي يصل إليه الكبس إذا الرتفعت درجة الحرارة إلى 25°25 () كم دكن كن منغط الغاز عند 25°25 () كم



شكل P50.16

الفيزياء (الجزء الأول - الميكانيكا والديناميكا الحرارية)

[3] اسطرانة رأسية مساحة مقطعها A عليها A أسطرانة رأسية مساحة مقطعها A مكبس محكم عديم الإحتكاك كتلته m شكل (\$9.1.6) (a) (1.9 أن أذا كنان بالأسطوانة عدد 1.9 من المؤلات لغاز مثالي عند درجة حرارة 1.9 في حالة انزان تحت تأثير ثقله 1.9 (d) ما مقدار 1.9 أذا كانت قيمة 1.9 (d) ما 1.9 مقدار 1.9 أذا كانت قيمة 1.9 (e) 1.9 مقدار 1.9 (e) 1.9 (f) (1.9 (f) 1.9 (f) 1.9 (f) 1.9 (f) 1.9 (f) 1.9 (f) 1.9



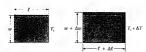
شكل P51.16

52 - ثاني معدني على شكل قضيب مصنوع من شريحتين رقيقتين من معدنين مختلفين ماتصقين معاشك معدنين مختلفين متصدين معدنين مختلفين درجة حرارتيهما تتصدد الشريحة التي فتضغط على القضيب وتجعله يتقوس ويكون نصف قطر محيطة الخارجي أكبر (a) استتج معادلة لزاوية الإنحناء أكبر (b) استتج معادلة لزاوية الإنحناء الإبتدائي للشريحتين، ومتوسط معامل الإبتدائي للشريحتين، ومتوسط معامل الحرارة والمصافة الفاصلة بن مرحزي الحرارة والمصافة الفاصلة بن مرحزي الشريعتين (17-27-18) (d) بين أن زاوية

T الإنجناء θ تقل إلى الصفر عندما تقل T إلى الصفر، أو عندما يصبح معامل تمدد كل من المعدنين مساويا للآخر. (σ) ماذا يحدث إذا انخفضت درجة حرارة القضيب.



شكل P52.16



شكل P53.16

54 - لقياس درجات الحرارة بدقة عالية تجري القياسات على أساس تغيير المقاومة الكهربائية لمعدن مع درجة الحرارة. وتتغير المقاومة بدرجة الحرارة طبيقا للمعادلة التالية مع بعض التقريب(R=R₀(1+AT)

حيث $A \cdot R_0$ A بابتان. فيإذا كنانت مقاومة عنصر منا هي 0.00 عند درجة حرارة الصغوس ومقاومته Ω 1.5 عن نقطة تجمد القصدير وهي 0.0 (a) عن قيمة كل من 0.0 (b) 0.0 (c) عن حرارة قصبح القاومة شاوى 0.0 (28) 0.0

2017年15月3日,北京城市

55 - مسألة للمراجعة ساعة لها بندول مصنوع من النحاس الأصفر brass زمنه النحوي 1.008 إذا ارتضعت الدوري 1.008 (a) 30.0° (b) خما الحرارة لتصل إلى 30.0° (a) فما هو مقدار التغير في الزمن الدوري (d) ما مقدار الزمن الذي تقدمه الساعة أو تؤخر في الأسبوع.

56 - مسألة للمراجعة: تصور جسما له احد الأشكال الموضعة في جدول(2.10) كم تكون الزيادة النسبية في عنرم القصور الدائي للجسم إذا ما سخن من درجة حرارة 0°C إلى 2001 إذا كان مصنوعا من (ه) النحاس (d) الألونيسوم. (ارجع إلى جــدول 16.2 واعتبر أن متوسط معامل التمدد الطولي لاينتير بين 0°C ، 100°C.

57 - مسألة للمراجعة: (a) استتج علاقة رياضية لقوة الطفو على بالون كروي غمر وياضية لقوة الطفو على بالون كروي غمر في المعق تحت سطح الماء وحجم البالون ألا عند سطح الماء والضغط وكثافة الماء (افترض أن درجة حرارة الماء لانتغير مع العمق) (d) هل تزداد قوة الطفو أم تقل كلما ازداد غمر البالون ؟ (c) على أي عمق تصل قيمة قوة الطفو إلى النصف من قيمتها عند سطح الماء

58 - بين أن كثافة الغاز المثالي الذي يشغل حجما

V تعطى بالعلاقة $\rho=PM/RT$ هي Δ M في كتلة المول من الغاز و (d) احسب كشاشة الأكسجين عند الضغط الجوي ودرجة حرارة 0.00° .

[5] مبتدئا بمعادلة (10.16) استنتج أن الضغط الكلي P في وعاء مملوء بخليط من الغازات المشاية هي P = P +P 2+P 3... -P = P -P +P 2+P 3... المثالية هو ... (19.4 أو جي وحده في الوعاء (وهذه الغازات إذا وجد وحده في الوعاء (وهذه المنفوط الجزئية لكل من الشغوط الجزئية لكل من المنفوط الجزئية لكل من المنفوط الجزئية لكل من الغازات) وهوما يعرف بقانون دالتون المنفوط الجزئية الكل Pressure

60 – عينة من الهواء الجاف كتلتها 100.0 . أخذت من عند مستوى سطح البحر وتم تحليها ووجد أنها تحتوي على الغازات التالية

 $75.52~{\rm g}={\rm N}_2$ نتروجین $23.15~{\rm g}={\rm O}_2$ آکسجین $1.28~{\rm g}={\rm Ar}$ آرجون $1.28~{\rm g}={\rm CO}_2$ ثانی آکسید الکریون $20.05~{\rm g}={\rm CO}_2$

بالإضافة إلى ذلك وجدت كميات صغيرة من النيون والهيليوم والميثان والغازات الأخرى (ارجع إلى الصغيرة في المحترين 69) لكل من تلك الغازات عندما يكون المغط الجروي (10.3 لكلي (الضغط الجوي) 101.3 kPa مينه كملتها (10.3 كلتها 2000 عند درجة حرارة 20.3 X 10.3 X 10 وصنعله 1.5.00°C

ماهي كثافة الغاز تحت تلك الظروف؟ (c) ما مقدار كتلة المول الفعاله لعينة الغاز.

الفيزياء (الجزء الأول - الميكانيكا والديناميكا الحرارية)

61 - قـضبان للبكك الحديدية من المبلب تستخدم في نظام للنقل السريع بين المن تمثل مسارا مغلقا مثبت في مكانه بالخرسانة (a) إذا كانت القضبان الحديدية قد تم مدها عندما كانت درجة الحرارة °C. كم يكون الإجهاد على القضبان في يوم دافئ عندما تكون درجة الحرارة 5°C.2 \$ (d) كم تكون الشبة بين هذا الإجهاد ومقاومة الخضوع الني مقدار 8′C.2 \$ (2) كم تكون الترامة عن كل 2.2 × (10 م م كون)

وتعريف متوسط معامل التحالة للغاز المثالي وتعريف متوسط معامل التمدد الحجمي في $\Theta = 0.00$ معامل التمدد الحجمي للغاز المثالي عند معامل التمدد الحجمي للغاز المثالي عند ضغط ثابت يعطي بالعلاقة $\Pi = 0.00$ درجة الحرارة المطلقة ($\Omega = 0.00$ ما مقدار $\Omega = 0.00$ باستخدام هذه العلاقة عند درجة حرارة بالمثليق (المثالية التجارب العملية للهيليوم والهواء في جدول (16.2) .

63 - بلاطنتان من الخرسانة Concrete Spans في كوبري طولهما 250m موضوعتان. بعيث أن نهايتهما متلاصقتان ولم تترك أي مسافة بينهما لتسمح بالتمدد شكل (P36.16a). إذا ارتفعت درجة الحرارة بمقدار 20.0°C فكم بكون ارتفاع البلاطنين y عندما يحدث لهما انبعاج شكل (P16.63b).

L بلاطتان من الخرسانة في كويري طولهما L موضوعتان بحيث أن نهايتهما متلاصقتان ولم تترك أي مسافة لتسمح بالتمدد شكل (163.16) إذا ارتفعت درجة الحرارة بمقدار

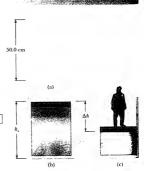
ΔT فما مقدار الإرتفاع y عندما يحدث ابنعاج للبلاطتين شكل (P63.16b)

A TORSE CONTRACTOR OF THE STATE OF



شكل P63.16

- 55 سخن قضيبان احدهما من الصلب والآخر من التحساس. عند درجــة $^{\circ}$ 0 كــان طوّل الشحسيب التحساس $^{\circ}$ 1 وعند القــضيبان أو الصلب $^{\circ}$ 1 عندما يسحن القــضيبان أو يبردان يظل الفرق بين طوليهما ثابت ومقداره. 5.00m
- 66 اسطوانة نصف قطرها 40.0 cm وعمقها 50.0cm حرارة 50.0cm وحسارة 50.0cm حرارة 50.0cm وحرارة 50.0cm وحرارة 50.0cm وخراك ويمتله المكال المكلس والمالة والمكلس والمكلس والمكلس والمكلس المكلس والمكلس والمكلس والمكلس والمكلس في 15.0 كلس والمكلس في 15.0 كلس والمكلس المكلس والمكلس والمكلس والمكلس والمكلس والمكلس والمكلس والمكلس المكلس والمكلس والمكلس والمكلس والمكلس المكلس والمكلس والمكلس المكلس والمكلس والمكل
- $L_{\rm f} = L_{\rm i} (1+\alpha~\Delta T)$ هي عالاقة 67 من تقريبية تصلح للإستخدام في الحالات التي 150 من ال



شكل P66.16

يكون فيها متوسط معامل التمدد صغيرا . [ذ] كان مقدار Ω كبير باي يعب أن نوجد تكامل العـلاقة . Ω كبير باي يعب أن نوجد الطول العبائي (ه) إذا اعتبرنا أن متوسط معامل القبائي (ه) إذا التندد الطولي مقدارا ثابتا بينما تتنير قبير . ا. أوجد علاقة عامة للطول القبائي (ه) إذا كان لدينا قضيب طوله 10.00 احسب مقدار حرارته بمقدار Ω 0.00 احسب مقدار مقدار الناتج عن التقريب عندما يكون مقدار Ω 0.00 المعائن) وعندما يكون مقدار Ω 0.00 (هي قيمة غير فعلية لجرد . (مي وهي قيمة غير فعلية لجرد الكنارة).

سلك من الصلب وآخر من النحاس قطر كل منهما 2.00mm ربطا معا من طرفيهما عند درجة حرارة 2.00°C كان طول كل منهما دون شد 2.00m بن ماسكين

ثابتين المسافة بينهما 4.00m فرق سطح لوحة بحيث أن سلك المملب بمتد من x=0 إلى x=2.00m من x=2 إلى x=2.00m ممل). نقصت درجة الحرارة بعد ذلك إلى مهمل). نقصت درجة الحرارة بعد ذلك إلى 2.00° عند هذه الدرجة ، احسب مقدار الشد في السلك والإحداثي x لنقطة الربط بين السلك والإحداثي x لنقطة الربط بين السلكين (استخدم جداول x=1.00).

69 مسألة للمراجعة: سلك جيتار من الصلب فقطره المراجعة: سلك جيتار من الصلب فقطره الـ00m كوكانت درجة الحرارة 0°C أمسكين المساقدة (80 أحسب مكتلة وحدة الأطال لهذا السلك (1.86 x10 أهرال لهذا السلك و 20HZ. كوكان مقدار الشيد للسلك هو 20HZ. مهميكون مقدار الشيد في السلك و (ع) إذا ارتفعت درجة الحرارة الأساسي، افترض أن معامل ينج (جدول الأساسي، افترض أن معامل ينج (جدول 12.1) ومتوسط التصدد الطولي (جدول 16.2) لهما قيم ثابتة بين درجتي الحرارة 16.2)

70 - فضيب سكة حديد مصنوع من الصلب ملك مشيب سكة حديد من الطرفين عندما كانت درجة الحرارة 20.0° . مع الديراة بدارة (يتناع ما لمركز (يتبعاج عندما تكون درجة الحرارة 25.0° . (ستحتاج لحل (transcedental equation)

اجابة الاختبارات السريعة: ANSWERS TO QUICK QUIZZES

- (1.16) حجم الدرجة على مقياس فاهرنهيت 5/9 من حجم الدرجة على مقياس سلسيوس. وهذا صحيح حيث أن مدى المقياس الفهرنهيتي من \$32°F إلى 212°F يعادل مدى مقياس سلسيوس من 0°C إلى 100°C . والعامل في معادلة 16.2 يصحح لهذا الفرق. معادلة (1.16) لاتحتاج لهذا التصحيح لأن حجم الدرجة سلسيوس تساوى حجم الدرجة كلفن.
- (2.16) نظرا لأن المستودع الزجاجي المحتوي على الزئبق يلامس الماء الساخن مباشرة فإنه يسبخن أولا فيشمدد بعض الشيء ومن ثم يزداد حـجـمـه، وهذا يؤدي إلى هبـوط مستوى سطح الزئيق في الأنبوبة الشعرية. عندما يسلخن الزئبق في مستودع الترمومتر بعد ذلك فإنه يتمدد، من الواضح أن زيادة حجمه تكون كافية لكي

- يرتفع الزئيق في الأنبوية الشعرية.
- (3.16) بالنسبة للزجاج نختار زجاج البيركس حيث إن متوسط معامل تمدده الطولى أقل من الزجاج العادي. وبالنسبة للسائل الترمومتري نختار الجازولين حيث إن له أكبر معامل تمدد حجمى.
- (4.16) ليس هناك حاجة لتحويل الوحدات الخاصة بالضغط والحجم إلى الوحدات الدولية SI حيث إن نفس الوحدات تظهر في كل من البسط والمقام. وهذا لاينطبق على حالة النسبة بين وحدات درجة الحرارة، فكما ترى بمقارنة النسبة /300k 200k والنسبة (73.15°C / 26.8°C نجد أنهما غير متساويتن. إذن يجب استخدام درجات الحرارة المطلقة (كلفن) عند استخدام قوانين الغازات المثالية.



الحرارة والقانون الأول للديناميكا الحرارية Heat and The First Law of Thermodynamics ولفھن ولسابع عشر **17**

ويتضمن هذا الفصل ،

5.17 القانون الأول للديناميكا الحرارية The First Law of Thermodynamics

6.17 تطبية التعلى القانون الأول للديناميكا الحرادية

Some Applications of the First Law of Thermodynamics

7.16 طرق انتقال الطاقية Energy Transfer Mechanisms

Latent Heat الحرارة الكامنة Latent Heat

4.17 الشيغل والحسرارة في عسمليسات الديناميكا الحرارية

Work and Heat in Thermodynamic Processes

1.17 الحيرارة والطاقية الداخيليية

2.17 السعة الحرارية والحرارة النوعية
Heat Capacity and Specific Heat

Heat nd Internal Energy

الضرباء (الحزء الأول - المكانيكا والديناميكا الحرارية)



جيمس برسكوت جول فيزيائي بريطاني (1889 - 1818). تلقى جول تعليمه الرسمى في الرياضيات والفلسفة والكيمياء إلا أن الجزء الأكبر من تعلمه كان ذاتيا. لقد أدت بحوثه إلى وضع مبادئ حفظ الطاقة كما أدت دراسته الكمية للعلاقة بين التأثيرات الكهربائية والميكانيكية والكيميائية والتأثيرات الحرارية إلى اكتشافه في عام 1843 لكمية الشغل اللازمة لإنتاج وحدة طاقة والتي تسمى المكافئ الميكانيكي للحسرارة mechamical equivalent of heat

حتى عام 1850 كان ينظر إلى مجال الديناميكا الحرارية والميكانيكا كمجالين مختلفين من مجالات العلوم، وأن قانون حفظ الطاقة Law of Conservation of energy ينطبق على بعض الأنظمة المكانبكية فحسب.

إلا أنه في منتصف القرن التاسع عشر بينت التجارب التي أجراها العالم الإنجليزي جيمس جول James Joule وآخرون أن الطاقة يمكن أن تضاف إلى أو تؤخذ من نظام ما إما بواسطة الحرارة أو ببذل شغل على هذا النظام (أو بجعل النظام يبذل شغلا)

في الوقت الحالى أصبح معروفا أن الطاقة الداخلية -inter nal energy التي سنتتاولها في هذا الباب، يمكن أن تتحول إلى طاقة ميكانيكية. وبمجرد أن اتسع مفهوم الطاقة لكي يشمل الطاقة الداخلية ، أصبح قانون حفظ الطاقة أحد القوانين العامة في الطبيعة.

في هذا الباب سنركز على مفهوم الطاقة الداخلية، وطرق انتقال الطاقة، والقانون الأول للديناميكا الحرارية وبعض

والقانون الأول للديناميكا الحرارية هو قانون حفظ الطاقة. وهو يصف النظم التي يكون التغير الوحيد فيها هو تغير الطاقة الداخلية الناتج عن انتقال الطاقة بواسطة الحرارة أو الشغل بالإضافة إلى ذلك، القانون الأول لايميز بين نتائج الحرارة ونتائج الشغل. وطبقا للقانون الأول، الطاقة الداخلية لنظام ما يمكن أن تتغير إما بواسطة الحرارة من النظام أو إليه، أو بواسطة الشغل work الذي يبذله النظام أو بيذل عليه.

HEAT AND INTERNAL ENERGY الحرارة والطاقة الداخلية

يجب أن نميز من البداية بين الطاقة الداخلية والحرارة. والطاقة الداخلية هي كل الطاقة التي 183 يحتوى عليها النظام والمرتبطة بمكوناته الميكروسكوبية من ذرات وجزيئات عندما ينظر إليها من إطار مرجعي reference frame ساكن بالنسبة للجسم. والجزء الأخير من تلك العبارة يعنى أن طاقة الحركة للنظام نتيجة حركته في الفضاء لا تدخل ضمن الطاقة الداخلية. الطاقة الداخلية تشمل طاقة 678 🕻 الحركة والطاقة الانتقالية translation والطاقة الدورانية rotation وطاقة التذبذب vibration للجريشات، وطاهة الوضع داخل الجريشات وبين الجريشات، وقد يكون من المفيد أن نربط بين الطاقة الداخلية ودرجة حرارة الجسم إلا أن هذه الملاقة محدودة، سنرى في القسم 3.17 أن الطاقة الداخلية بمكن أن تتغير كذلك دون حدوث تغير في درجة الحرارة.

كما سنرى في الباب الواحد والعشرين ان الطاقة الداخلية للغاز المثالي أحادي الذرة monoatomic منرعطه بالحبركة الانتقالية لدراته. وهذا هو النوع الوحيد للطاقة المتاحة للمكونات المكونات المكونية لهذا النظام، في هذه الحالة الخاصة تمثل طاقة الحركة الكلية لدرات الغاز طاقته الداخلية، وكلما زادت درجة حرارة الغاز كلما زاد متوسط طاقة الحركة للذرات وزادت تبعا لذلك طاقته الداخلية وبصفة عامة في الأجسام الجامدة والسوائل والغازات الجزيئية، تشمل الطاقة الداخلية أنواع أخرى من الطاقة الجزيئية فمثلا الغاز شائي الذرة يمكن أن يكون به طاقة حركية دورانية وكذلك طاقة حركية دورانية وكذلك

الحرارة: تعرّف الحرارة على انها انتقال الطاقة عبر حدود نظام ما نتيجة لفرق درجات الحرارة بين هذا النظام والوسط المحيط به.

فعندما تسخن مادة ما فأنت تتقل إليها طافة بوضعها في حالة تلامس مع وسط درجة حرارته أعلى منها، وهذا ما يحدث عندما نضع وعاء به ماء بارد فوق سخان، فالسخان درجة حرارته أعلى من الماء ومن ثم يكتسب الماء طافة، وسنستخدم أيضا مصطلح حرارة ليعير عن مقدار الطافة التي انتقات بهذه الطريقة.

في الماضي اعتبر العلماء الحرارة على أنها ماخع يسمى كالوريك Caloric واعتقدوا أنه ينتقل بين الأجسام أثناء الأجسام أثناء الأجسام. ومن ثم عرفوا الحرارة بدلالة التغيرات في درجة الحرارة التي تحدث في الأجسام أثناء النسخين. في الوقت الحالي أصبح واضحا أن هناك فرق بين الطاقة الداخلية والحرارة. إلا أننا نشير الى كميات باستخدام أسماء لا تُعرّف تلك الكميات بدقة. إلا أنها صارت متداولة في الفيزياء على الماس تلك الأفكار القديمة. من أمثلة تلك الكميات الحرارة الكامنة والسعة الحرارية.

يجب أن نعرف كذلك أن الطاقة الداخلية لنظام ما يمكن أن تتغير حتى إن لم تنتقل إليه طاقة عن الحرارة، فمثلاً عند ضغط غاز بواسطة مكبس، فإن الغاز يسخن وتزداد طاقته الداخلية دون أن احدث انتقال للطاقة على شكل حرارة من الوسط المحيط إلى النظام. إذا تمدد الغاز بعد ذلك بسرعة، وأنه ببرد وتتخفض طاقته الداخلية دون أن يحدث انتقال للطاقة على شكل حرارة منه إلى الوسط المحيط والتغير في درجات الحرارة بين الغاز والوسط الحيط بالناتجة عن فرق في درجات الحرارة بين الغاز والوسط الحيط بل ناتجة عن التضافط والتمدد. في كل من الحالتين تنتقل الطاقة من الغاز أو إليه عن طريق الداخلية دوما يؤكد التغير في الناق الطاقة الداخلية. وما يؤكد التغير في الداخلية للغاز في هذه الأمثلة هو التغير الناتج في درجة حرارة الغاز.

وحدات الحرارة: Units of heat

كما ذكرنا سابقا . الدرسات الأولى في الحرارة كانت تركز على الارتفاع في درجة الحرارة لمادة ما وغالبا ماكانت الماء . وهناك وحدة طاقة لها علاقة بالعمليات الحرارية وهي الكالوري Calor وتختصر (Cal) ويعرف الكالوري على أساس أنه كمية الطاقة اللازمة لرفع درجة حرارة واحد جرام من الماء من درجة حرارة C3 (1.5 (1 (لاحظ أن الكلوري يكتب باستخدام C كبيرة وهو يستخدم للتعبير عن محتوى الطاقة في المواد الغذائية ويستخدم للقبير الغرص وحدة كيلو كالوري) ووحدة الطاقة في الماء الماء الماء الكلوري كالوري) ووحدة الطاقة في النظام الإنجليزي هي وحدة حرارة بريطانية 43 (BTU) British Thermal Unit على أنها كمية الطاقة الكزمة لرفع درجة حرارة واحد 16 من 63 (الـ 46).

网络女

وفي الوقت الحالي بستخدم العلماء النظام الدولي للوحدات SI هي تحديد وحدة الطاقة وهي. الجول Joule وهي تستخدم كوحدة للطاقة الحرارية والطاقة الداخلية والشغل (لاحظ أن الحرارة والشئل تقاس بوحدات طاقة لكن لاتخلط بين هذه الوسائل لنقل الطاقة والطاقة ذاتها التي تقاس أيضا بالجول).

المكافئ الميكانيكي للحرارة

في البابين السابع والثامن وجدنا أنه أينما يوجد احتكاك في النظم المكانيكية يحدث فقد لبعض الطاقة وذلك يعني أن الطاقة الميكانيكية غير محفوظة مع وجود قوى غير محافظة nonconservative forces. بينت العديد من التجارب أن الطاقة الميكانيكية المفقودة لاتختفي ببساطة لكنها تتحول إلى طاقة داخلية. ويمكننا أن نجري مثل هذه التجرية بالمنزل بالطرق على رأس مسمار فوق قطعة من الخشب بواسطة مطرقة. ماذا حدث لطاقة حركة المطرقة بمجرد أن تتفيي عملية طرق المسمار؟

لقد انتقل بعضها إلى المسمار كطاقة داخلية ويتضع ذلك من ارتفاع درجة حرارة المسمار. لقد بين بنيامين طومسون تلك العلاقة بين الطاقة الميكانيكية والطاقة الداخلية، إلا أن جول هو الذي أثبت التكافؤ بين نوعي الطاقة.

ويبين شكل 1.17 شكلا توضيحيا لتجرية جول الشهيرة. والنظام تحت الدراسة هو الماء الموجود في وعاء معزول حراريا ـ والشغل المبدول على الماء يتم بواسطة مقلب ذو ريش يدور في الماء ويتحرك بواسطة كتل ثقيلة تهيط بسرعة ثابتة يسخن الماء الذي يقلب بواسطة المقلب نتيجة للاحتكاك بينه وبين ريش المقلب إذا أهملنا الحرارة المفودة خلال جدران الإناء المحتوى على الماء ومن خلال المقلب عندثذ

⁽¹⁾ في الماضي كان الكلوري يعرف على أنه كمية الحرارة اللازمة لرفع درجة حرارة جرام واحد من الماء درجة واحدة مئوية 1°1. إلا أنه قد انضح بعد ذلك أن كمية الحرارة اللازمة لرفع درجة حرارة جرام من الماء درجة واحدة تختلف باختلاف درجة الحرارة الابتدائية.

الفصل السابع عشره الحرارة والقانون الأول للديناميكا الحرارية



Benjamin Thompson بنيامين طومسون (1753 – 1814). (North Wind Picture Archives)



لت عيين الكافئ الميكانيكي للحرارة. الكتلة الهابطة تدير المقلب ذا الريش مما يؤدي لارتفاع درجة حرارة الماء.

شكل (1.17) تحرية حول

بسبح النقص في طاقة الوضع للكتل الهابطة مساويا للشغل المبذول بواسطة النقلب على الماء فإذا مبطح النقص في طاقة الوضع يكون 2mgh عيث m هي مقدار الكتلة وهذه الطاقة هي التي أدت إلى ارتفاع درجة حرارة الماء. وبتغيير طروف التجربة وجد جول أن مقدار النقد في الطاقة الميكانيكية 2mgh يتاسب مع مقدار الارتفاع في درجة حرارة الماء ΔT طالب التناسب يساوي ΔT 4.18 ΔT ومن ثم فإن ΔT 4.18 من الطاقة الميكانيكية قد رفعت درجة حرارة جود أن مدار الارتفاع في درجة بعد ذلك أن ثابت التناسب مو مقدار ΔT 4.18 ΔT 5.10 وقد بهند القياسات الدقيقة التي أجريت بعد ذلك أن ثابت التناسب مو ΔT 3.18 عندما ترتفع درجة حرارة الماء من ΔT 14.5 إلى 15.5 ولقد تم اعتبار قيمة الكاوري عند درجة ΔT 15.6 مكافئا للقيمة التالية.

1 cal = 4.186J (1.17) المكافئ الميكانيكي للحرارة (1.17)

مثال 1.17 الطريق الشاق لإنقاص الوزن

طالب يتناول غذاء قيمته الحرارية 2000 Kilocalory ولكي لا يزداد وزنه قرر أن يبذل شغلا مكافئا في الملعب عن طريق رفع أثقال كتلتها \$50.0kg بواسطة قضيب. كم مرة يجب أن يرفع تلك الأثقال لكي يفقد هذا القدر من الطاقة؟ افترض أنه يرفع الأثقال إلى ارتفاع 2.00m كل مرة وأنه لا بكتسب أي طاقة عندما ينزلها إلى الأرض.

الرحل؛ لكي نحول 2000k.calory إلى وحدات شغل بالجول سَنْتَجْد أن الشغل الكلي المطلوب بذله هو $\mathbf{W} = (2.000 \times 10^6 \text{ cal}) (4.186 J/\text{cal}) = 8.37 \times 10^6 \text{ J}$

الشغل المبدول عند رفع الأثقال مسافة قدرها h يساوي mgh والشغل الكلي المبدول عند رفع الأثقال عند n من المرات هو mgh تساوى بين هذه الكمية وكمية الشغل المطلوب

$$W = nmgh = 8.37 \times 10^6 \text{ J}$$

 $n = \frac{8.37 \times 10^6 \text{ J}}{(50.0 \text{ kg})(9.80 \text{ m/s}^2)(2.00 \text{ m})} = 8.54 \times 10^3 \text{ or}$

فإذا كان الطالب بصحة جيدة وسيرفع الأثقال مرة كل 5 ثواني سيستغرق 12 ساعة ليقوم بهذا التمرين. من الواضح أن الأفضل لهذا الطالب أن ينقص وزنه عن طريق التغذية المناسبة.

2.17 السعة الحرارية والحرارة النوعية HEAT CAPACITY AND SPECIFIC HEAT

عند إضافة طاقة لمادة ما ولم تقم تلك المادة ببذل شغل فإن درجة حرارتها ترتفع (هناك استثناء 103 من ذلك وهو في حالة ما إذا حدث تغير في حالة المادة مثل التغير في الطور Phase change كما سنذكر في القسم التالي). كمية الطاقة اللازمة لرفع درجة حرارة كمية معينة من المادة بمقدار ما. تختلف من مادة لأخرى فمثلا كمية الطاقة اللازمة لرفع درجة حرارة كيلو حرام من الماء بمقدار درجة سلسيوس واحدة تساوى 4186 J بينما كمية الطاقة اللازمة لرفع درجة حرارة كيلوجرام واحد من النحاس بمقدار درجة سلسيوس واحدة تساوى J 387 فقط. في دراستنا التالية سوف نستخدم الحرارة كمثل لانتقال الطاقة، ولكن يجب أن يظل في أذهاننا أننا نستطيع تغيير درجة حرارة نظام ما ببذل شغل

السعة الحرارية heat capacity C لعينة من مادة ما تعرف على أنها كمية الطاقة اللازمة لرفع درجة حرارة تلك العينة بمقدار درجة سلسيوس واحدة. من هذا التعريف نجد أنه إذا أحدثت كمية من الحرارة Q ارتفاعا في درجة حرارة المادة قدره QT . عندئذ

السعة الحرارية
$$Q = C \Delta T$$
 (2.17)

الحرارة النوعية Specific heat C لما هي السعة الحرارية لوحدة الكتلة ومن ثم فإن كمية الطاقة Q المنتقلة بالحرارة إلى كتلة من المادة m لتغيير من درجة حرارتها بمقدار ΔT . عندئذ تكون الحرارة النوعية للمادة هي:

الحرارة النوعية
$$c = \frac{Q}{m\Lambda T}$$
 (3.17)

والحرارة النوعية هي مقياس لمدى حساسية المادة للطاقة المضافة فكلما زادت الحرارة النوعية للمادة كلما زاد مقدار الطاقة الواجب إضافتها إليها لإحداث التغير المطلوب في درجة الحرارة. جدول (17.1) بعطى الحرارة النوعية ليعض المواد.

من هذا التعريف بمكن أن نعير عن الطاقة Q المنتقلة كحرارة بين عينة كتلتها m والوسط المحيط 682) بها والناتج عنها تغير في درجة الحرارة قدره ΔT كُما يلي.

$$Q = mc \Delta T \tag{4.17}$$

فمثلا الطاقة اللازمة لرفع درجة حرارة 0.500kg من الماء ثلاث درجات سلسيوس هي:

 $(0.500 \text{ kg}) (4186 \text{ J/kg} \cdot ^{\circ}\text{C})(3.00 ^{\circ}\text{C}) = 6.28 \times 10^{3}\text{J}$

يجب ملاحظة أنه عند اعتبار قيم ΔT , Q قيما موجبة فإن الطاقة تنتقل إلى النظام وعندما تكون قيم Q, ΔT سالبة فإن الطاقة تكون منتقلة إلى خارج النظام (أي أن النظام في الحالة الأولى يكتسب منافة وفي الحالة الثانية يفقد طاقة) والحرارة النوعية تتغير بدرجة الحرارة. إلا أنه لوكان مدى التغير في درجة الحرارة ليس كبيرا فإنه من المكن إهمال هذا التغير واعتبار Ω مقدار ثابتا Ω . على سبيل المثال الحرارة النوعية للماء تتغير بمقدار Ω 1 عندما تتغير درجة حرارته من Ω 1 إلى Ω 100 عند الضغط الجوى المتاد. وسوف نهمل هذا التغير إلا إذا ذكر غير ذلك.

جدول (1.17) الحرارة النوعية لبعض المواد عند درجة حرارة 25°C وعند الضغط الجوي

	الحسرارة النوعسية		المسادة	الحسرارة النوعسية	
المسادة	J/kg·*C	cal/g·°C	المساده	J/kg·°C	cal/g·°C
المواد الجامدة الفلزية			مواد صلبة أخرى		
الألمونيوم	900	0.215	نحاس أصفر	380	0.092
البرليوم	1830	0.436	زجاج	837	0.200
کادمیوم کادمیوم	230	0.055	جليد (5°C-)	2090	0.50
نحاس	387	0.0924	رخام	860	0.21
جرمانيوم	322	0.077	خشب	1700	0.41
.و۔۔۔رہ ذهب	129	0.0308	السوائل	****	
حدید	448	0.0107	كحول إيثيلي	2400	0.58
-	128	0.0305	زئبق	140	0.033
رصاص	128		ماء (15°C)	4186	1.00
سليكون	703	0.168	غاز		
فضه	234	0.056	بخار ماء (100°C)	2010	0.48

وقد وجد أن القيم القاسة للحرارة النوعية تعتمد على ظروف إجراء القياسات ويصفة عامة السياسات التي تتم تحت ضفط ثابت تختلف عن تلك التي تتم تحت حجم ثابت. إلا أن الفرق بين الدوعين بالنسبة للأجسام الصلبة والسوائل يكون قليل ولا يتجاوز نسبة مثوية بسيطة وغالبا ما يهمل

ا التعريف المعلى في المادلة 3.17 يفترض أن الحرارة النوعية لانتخير بتغير درجة الحرارة في الدى $\Delta T = T_{\rm c}$. ويصفة عامة لو أن ΔT تتغير بتغير درجة الحرارة من ΔT الى $T_{\rm c}$ فإن معادلة 3.17 تصبح كما باي $\Omega = m_{\rm c}^{T_{\rm c}} c dT$

هذا الفرق. ومعظم القيم المعطاه في جدول (1.17) تم قياسها عند الضغط الجوي المعتاد. وكما سنرى في باب 18 قيم الحرارة النوعية للغازات المقاسة تحت ضغط ثابت تختلف تماما عن القيم المقاسة تحت

اختبار سريع 1.17

افترض أن لديك كيلو جراماً واحداً من كل من المواد التالية:

الحديد، الزجاج، الماء وجميعها عند درجة حرارة 10°C (a) رتب هذه المواد من الأقل إلى الأكبر في درجة الحرارة بعد إضافة لـ100 من الطاقة لـكل منها (b) رتب تلك المواد من الأقل إلى الأكبر في الطاقة المنقولة إليها بالحرارة إذا ارتفعت درجة حرارة كل منها إلى .20°C

من الملاحظ في جدول (1.17) أن الحرارة النوعية للماء أعلى من الحرارة النوعية لباقي المواد التي بالجدول. وهذه الحرارة النوعيـة الكبيـرة هي التي تؤدي إلى الطقس المتدل بالقـرب من المسطحات المائية الكبيرة، ففي فصل الشتاء عندما تأخذ مياه تلك المسطحات في الانخفاض تنتقل الطاقة من تلك المياه إلى الهواء بواسطة الحرارة، فتزداد الطاقة الداخلية للهواء، وبسبب الحرارة النوعية الكبيرة للماء، ينتقل قدر كبير من الطاقة إلى الهواء بسبب الانخفاض في درجة حرارة الماء حتى ولوكان طفيفا ويقوم الهواء بنقل تلك الطاقة الداخلية في اتجاه سطح الأرض عندما يكون اتجاه الريح مواتيا. فمثلا اتجاه الرياح عند الشاطئ الغربي للولايات المتحدة يكون نحو سطح الأرض (في اتجاه الشرق) لذلك نجدأن الطاقة المتصاعدة من مياه المحيط الباسفيكي عندما يبرد ماؤه تجعل المنطقة الساحلية أكثر دفئا من المناطق الأخرى المجاورة وهذا هو السبب في كون الشاطئ الغربي للولايات المتحدة أكثر دفئا في فصل الشتاء من المناطق الساحلية الشرقية حيث اتجاه الريح لايجعلها تحمل الطاقة نحو الشاطئ.

على الفرق بين الحرارتين النوعيتين للجبن والخبز هو الذي يجعل الجبنة التي بالبينزا تلهب الفم أكثر من الخبر الذي تصنع منه البيتزا على الرغم من أنهما في درجة حرارة واحدة، فالخبر والجبن يتغيران في درجة الحرارة بصورة واحدة منذ أن تخرج البيتزا من الفرن حتى تصل إلى فمك ودرجة حرارته 37°C بما أن الجبن يحدث التهابا في همك أكثر من باقي البيتزا فلابد أن مقدار الطاقة التي تنبعث من الجبن عندما يبرد أكبر من الطاقة الحرارية التي تنبعث من باقي البيتزا. فلو أخذنا قطعتين متساويتين الوزن من الجبن والبيتزا. فإن المعادلة (3.17) تبين أن الحرارة النوعية للجبن وهو معظمه من الماء أكبر من الحرارة النوعية لباقي البيتزا التي تحتوى على نسبة كبيرة من الهواء.

حفظ الطاقة : الكالوريمترية Conservation of energy: Calorimetry

أحد طرق قياس الحرارة النوعية هي عن طريق تسخين عينة إلى درجة حرارة معروفة T_x ثم وضعها في وعاء يحتوي على كمية من الماء لها وزن معروف ودرجة حرارة معروفة $T_{\rm o}$ بحيث أن الذي حدث $T_{\omega} < T_{x}$ ثم تقاس درجة حرارة الماء بعد أن يحدث اتزان حراري. حيث إن الشغل الميكانيكي الذي حدث $T_{\omega} < T_{x}$



وقانون حفظ الطاقة يمكننا من كتابة المعادلة

$$Q_{\text{cold}} = -Q_{\text{hot}} \tag{5.17}$$

وهو ينص على أن الطاقة التي تترك الجزء الساخن من النظام بواسطة الحرارة تساوي مقدار الطاقة التى تذهب إلى الجزء البارد من النظام.

والإشارة في المعادلة لها أهمية لكي نحافظ على قاعدة الإشارات، فالحرارة $Q_{\rm hot}$ مقدارها سالب لأن الطاقة التي تترك المينة الساخنة قيمتها سالبة، والإشارة السالبة في المعادلة تؤكد على أن الحد الأيمن موجب. ومن ثم فهو يتقق مع الحد الأيسر لأن $Q_{\rm cold}$ تدخل الماء البارد ومن ثم فقيمتها موجبة.

نفرض أن m_{χ} هي كتلة عينة من مادة ما نرغب في تعين حرارتها النوعية. سنعتبر حرارتها النوعية هي T_{α} ودرجة حرارتها الابتدائية T_{χ} وبللثل سنفترض أن T_{ω} , C_{ω} , m_{ω} والمادة المادة لله عن الحرارة النهائية بعد حدوث الاتزان الحراري باختلاط الماء مع المادة، من معادلة T_{χ} من معادلة T_{χ} المالقة المنتقلة المنتقلة المنتقلة المناهية للمن T_{χ} وهي كمية موجبة لأن T_{χ} من معادلة T_{χ} المالقة المنتقلة من العينة التي نجهل حرارتها النوعية هي T_{χ} وهي سالبة لأن T_{χ} بإحلال هذه الكميات في معادلة T_{χ} الحصل على الآتي :

$$m_{\omega}\,c_{\omega}\,(T_f\,-\,T_{\omega}) = -m_{\chi}c_{\chi}\,(T_f-\,T_{\chi})$$

 c_x ومنها نوجد

 $c_x = \frac{m_\omega c_\omega (T_f - T_\omega)}{m_x (T_x - T_f)}$

تجرية معملية سريعة

هي مكان مفتوح مثل موقف سيارات استخدم لهب عود ثقاب لكي تفجر بالونة مملوءة بالهواء الآن حاول الشئ نفسه مع بالونة ملوءة بالماء لماذا لا تنفجر البالونة الملوءة بالماء؟

⁽⁾ أي القياسات الدقيقة يجب إدخال الوعاء الذي يعتري على الماء في حسابنا حيث إنه كذلك بتبادل الطاقة مع الميغة ، إلا إنه القيام بذلك يجب أن نعرف كثلة ونوع المنصر المسنوع منه . فإذا كانت كثلة الماء أكبر بكثير من كثلة الوعاء ، يمكن أهمال تأثير الوعاء .

تنزيد كتلة معدنية ساخنة مثال 2.17

كتلة معدنية كتلتها 0.05kg سخنت لدرجة حرارة 200.0°C ثم أسقطت في كأس به 0.40kg من الماء عند درجة حرارة ابتدائية 20.0°C فإذا كانت درجة الحرارة عند الاتزان الحراري للمجموعة هي 22,4°C احسب الحرارة النوعية للمعدن.

الحل: طبقا للمعادلة (5.17) نجد أن

$$\begin{split} &m_{\omega}\,c_{\omega}\,(T_f^{-1}T_{\omega}) = -\,m_{x}c_{x}\,(T_f - T_x) \\ &(\,0.40\text{kg}\,)(4186\,J/\text{kg}\,^{\circ}\text{C})(\,22.4^{\circ}\text{C}\,-20.0^{\circ}\text{C}) = -(0.050\text{kg})(\text{C}_{x})(22.4^{\circ}\text{C}\,-200.0^{\circ}\text{C}) = \\ &c_{z} = 453\,J/\text{kg}^{\circ}\text{C} \end{split}$$

وأغلب الظن أن هذه الكتلة هي حديد كما يتضح من مقارنة هذه النتيجة بالنتائج المدونة في جدول (1.17). لاحظ أن درجة حرارة كتلة الحديد أعلى من نقطة البخار ومن ثم فمن المحتمل أن يتبخر بعض الماء عند إلقاء كتلة الحديد. افترض أن لدينا نظاما مغلقا حتى لايسمح بهروب البخار. وبما أن درجة حرارة الإتزان النهائية أقل من نقطة البخار فأي بخار سوف يتكثف مرة أخرى إلى ماء.

مثال 3.17 : وقت اللعب لراعي البقر

أطلق راعى البقر طلقة من الفضة كتلتها 2.0g وسرعة انطلاق 200m/s على حائط من الخشب. فإذا فرضنا أن كل الطاقة الداخلية الناتجة عن التصادم بقيت في الطلقة. فكم يكون مقدار التغير في درجة حرارة الطلقة.

الحل: طاقة الحركة للطلقة تساوى

$$\frac{1}{2}mv^2 = \frac{1}{2}(2.00 \times 10^{-3} \text{ kg})(200 \text{ m/s})^2 = 40.0 \text{ J}$$

حيث إن الوسط المحيط أسخن من الطلقة فإن الطلقة لم تكتسب أي طاقة بالحرارة. لقد زادت درجة حرارتها لأن طاقة الحركة ومقدارها 40.0 J قد تحولت إلى طاقة داخلية إضافية لها نفس المقدار. أما التغير في درجة الحرارة فهو نفسه الذي كان سيحدث لوأن 40.0J من الطاقة إنتقلت بالحرارة من فرن إلى الطلقة. لو تخيلنا أن تلك العملية الأخيرة هي التي قد حدثت بمكننا حساب مقدار T من معادلة (4.17) باستخدام 234J/kg.°C للحرارة النوعية للفضة انظر جدول (1.17). إذن

$$\Delta T = \frac{Q}{mc} = \frac{40.0 \text{ J}}{(2.00 \times 10^{-3} \text{ kg})(234 \text{ J/kg} \cdot \text{C})} = 85.5 \text{ C}$$

نفرض أن راعى البقر قد نفد ما معه من طلقات فضية وبدأ يستخدم طلقات من الرصاص لها نفس الكتلة ونفس السرعة عند الإطلاق نحو الحائط. ما مقدار التغير في درجة حرارة الطلقة.

3.17 الحرارة الكامنة LATENT HEAT

من المتاد أن يحدث تغير في درجة الحرارة لأي مادة عندما يحدث تبادل للطاقة بينها وبين الوسط المحيط بها. إلا أن هناك حالات لا يحدث فيها نغير في درجة الحرارة عند تبادل الطاقة، هذه هي الحالة التي تغير هيها المادة من صورة لأخرى، مثل هذا التغير يسمى بتغير الطور Enase Chang وهناك تغيران طوريان معروفان جيدا هما التغير من الطور الجامد إلى الطور السائل (إنسهار) ومن الطور السائل إلى الطور السائل (إنسهار) ومن الطور السائل إلى الطور المادي (غيرات الطورية من هذا النوع تكون جميعها مصحوبة بتغير في الطاقة الداخلية دون أن يحدث تغير في درجة الحرارة، على سبيل المثال الزيادة في الطاقة الداخلية عند الغليان تمثل تحطم الروابط بين في درجة الحرارة، على سبيل المثال الزيادة في الطاقة الداخلية عند الغليان تمثل تحطم الروابط بين الجزيئات في الحالة السائلة، وتحطم تلك الروابط يسمح للجزيئات فائل منظره للزيادة في الطاقة الداخلية عند الغليان قمثل تحطم الموابط المناطقة الداخلية عند الغليان قمثل قمط الموابط المحتملة المؤلفة الداخلية عند الغليان قمثل قمل الطاقة الداخلية عند مناظره للزيادة في الطاقة الداخلية الداخلية عند في الطاقة الداخلية عند هي الطاقة الداخلية الداخلية عن للك زيادة في الطاقة الداخلية الداخلية عند في الطاقة الداخلية عند في الطاقة الداخلية عند في الطاقة الداخلية عند في الطاقة الداخلية عن الكان ويادة في طاقة الوضع بين الجزيئات مناظره للزيادة في الطاقة الداخلية .

وكما نتوقع تستجيب المواد المختلفة بشكل مختلف لإضافة أو سعب طاقة عندما يحدث تغير في الطور لأن التنظيم الداخلي للجزيئات يختلف من مادة لأخرى، أضف إلي ذلك أن كمية الطاقة المنتقلة النتقلة أما أما انتخاجه أثناء التغير الطوري تعتمد على كمية المادة (فلكي تصهر مكعبا من الثلج تحتاج لطاقة أقل مما تحتاجه أني تذيب الجليد في بحيرة متجمدة.). إذا كانت كمية الطاقة المنتقلة Q لإحداث تغير طوري لكتلة أشرط m من مادة ما فإن النسية m/Q = L ععبر عن صفه حرارية هامة للمادة ونظرا لأن هذه الطاقة المادة أو المأخوذة لاثؤدي إلي تغير في درجة الحرارة، فإن الكمية L تسمى الحرارة الكامنة للمادة ما لعتمر على طبيعة التغير الطوري وعلى خواص كالمناه المادة ما يعتمد على طبيعة التغير الطوري وعلى خواص

جـــدول (2.17) الحــرارة الكامنــة للأنصــهار والتبخــــر				
ا لحــــر ارة الكامدة	نقطة الغليان °C	الحرارة الكامنة للإنصهار J/kg	نقطة الإنصهار °C	المسادة
للتبخير		J/Kg		
2.09×10^4	-268.93	5.23×10^3	-269.65	هيليوم
2.01×10^{5}	-195.81	2.55×10^4	-209.97	نتروجين
2.13×10^5	-182.87	1.38×10^4	-218.79	أكسجين
8.54×10^5	78	1.04×10^5	-114	كحول إيثيلي
2.26×10^6	100.00	3.33×10^5	0.00	ماء
3.26 x 10 ⁵	444.60	3.81×10^4	119	كبريت
8.70×10^5	1 750	2.45×10^4	327.3	رصاص
1.14×10^7	2 450	3.97×10^5	660	المونيوم
2.33×10^6	2 193	8.82×10^4	960.80	فضة
1.58×10^{6}	2 660	6.44 x 10 ⁴	1 063.00	ذهب
5.06 x 10 ⁶	1 187	1.34×10^5	1 083	نحاس

ومن تعريف الحرارة الكامنة. مرة أخرى سنستخدم الحرارة كوسيلة لنقل الطاقة، سنجد أن الطاقة اللازمة لتغير الطور لكمية محددة m من مادة نقية هى:

$$Q = mL (6.17)$$

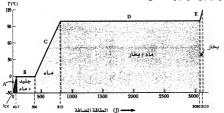
Latent heat of fusion L_f الحرارة الكامنة للانصهار

هو المصطلح المستخدم عندما يتغير الطور من الحالة الصلبة إلي الحالة السائلة، والحرارة الكامنة للتبخير و Latent heat of Vaporization L_v للتبخير الطور من الحالة الستخدم عندما يتغير الطور من الحالة السائلة إلي الحالة الغازية $^{(4)}$. والحرارة الكامنة للعديد من المواد تختلف اختلافا كبيرا كما يتضح من المواد نختلف خدول (2.17).

اختيار سريع 2.17

مائة جرام من الماء عند درجة حرارة 2°100 ومائة جرام من بخار الماء عند نفس الدرجة أى منهما يحدث حروقا أشد خطورة.

لكي نفهم دور الحرارة الكامنة هي التغيرالطوري. خذ كمثال الطاقة اللازمة لتحويل مكعب من الجياد وزنه 1.00g ودرجة حرارة 0.0°C . والشكل البياني (2.17) يبن النتائج العملية التي تم الحصول عليها عندما أضيفت الطاقة بالتدريج إلى الجليد. وسندرس كل جزء من أجزاء المنحني.



شكل (2.17) رسم بياني يبين درجة الحرارة والطاقة المضافة لجرام من الجليد عند درجة حرارة 30.0°C وقد تحول إلى بخار عند درجة حرارة 2120.0°C.

⁽⁴⁾ عندما يبرد الغاز فإنه يتكثف أي إنه يعود إلى الطور السائل، الطاقة التي نتصاعد في هذه العملية لوحدة الكتلة تسمى الحرارة الكامنة للتكثيف وهي عدديًا تساوي الحرارة الكامنة للتبخير. وبالمثل عندما يبرد السائل فإنه يتجمد والحرارة الكامنة للتجمد تساوي عدديًا الحرارة الكامنة للإنصهار.

I الجزء A: في هذا الجزء من المنحنى درجة حرارة الجليد تتغير من $3.0.0^{\circ}$ C. إلى درجة الصفر 0.0° C. محيث إن الحرارة النوعية للجليد هي 0.0° C 0.00 . يمكننا أن نحسب كمية الطاقة المضافة باستخدام معادلة (4.17).

$$Q = m_i c_i \Delta T = (1.00 \times 10^{-3} \text{kg}) (2090 \text{J/kg} \cdot ^{\circ}\text{C}) (30.0 ^{\circ}\text{C}) = 62.7 \text{ J}$$

الجزء B: عندما تصل درجة حرارة الجليد إلى صغر سلسيوس يبقى خليط الجليد والماء عند هذه الدرجة على الرغم من إضافة طاقة حتى ينصهر الجليد كله، الطاقة اللازمة لصهر جرام واحد من الحليد عند درجة °0 من معادلة (17.6) هي:

$$Q = mL_f = (1.00 \text{ x } 10^{-3}\text{kg}) (3.33 \text{ x } 10^5\text{J/kg}) = 333 \text{ J}$$

إذن وقد وصلنا إلى مجموع طاقة قدره: 396 = 333J + 62.7 J على المحور السيني للشكل البياني.

الْجِزَء C من درجة حرارة C °0 إلى °100 لا يحدث تغير طوري والطاقة المضافة للماء تستغل في رفع درجة حرارته. كمية الطاقة اللازمة لكي ترتفع درجة حزارة الماء من °0 إلى °0 لمي :

$$Q = m_{\omega} c_{\omega} \Delta T = (1.00 \text{ x } 10^{-3} \text{ kg})(4.19 \text{ x } 10^{3} \text{ J/kg} \cdot ^{\circ}\text{C})(100^{\circ}\text{C}) = 419 \text{ J}$$

الجزء B : عند درجة حرارة 100°C يحدث تغير طوري آخر عندما يتحول الماء من الطور السائل عند O°C إلى الطور العاري عند نفس الدجة، وكما حدث لخليط الجليد والماء في الجزء B يظل خليط الماء والبخار عند درجة 00°C على الرغم من إضافة طاقة حتى يتحول كل الماء إلى بخار والطاقة اللازمة لكي يتحول 00.0°C من الماء إلى بخار عند درجة 100.0°C هي:

$$Q = mL_{11} = (1.00 \times 10^{-3} \text{ kg})(2.26 \times 10^{6} \text{J/kg}) = 2.26 \times 10^{3} \text{J}$$

الجزء B : في هذا الجزء من المتحتى كما في الجزئين C ,A لا يحدث تغير طوري ولذلك فإن الطاقة المضافة تستغل كلها ليرفع درجة حرارة البخار. الطاقة اللازمة لرفع درجة حرارة البخار من 200.0°C
إلى 120.0°C مي

$$Q = m_s c_s \Delta T = (1.00 \times 10^{-3} \text{kg})(2.01 \times 10^3 \text{ j/kg} \cdot \text{°c})(20^{\circ}\text{C}) = 40.2 \text{J}$$

مما سبق نجد أن الطاقة الواجب إضافتها لتحويل جرام من الجليد عند درجة حرارة 0.0°C. إلى الماسبق نجد ما 3.11 x 10³2. وعلى العكس بخار عند 120.0°C هو مجموع النتائج من الأجزاء الخمسة للمنحنى وهي ل²0.1 وعلى العكس لكي نحول جراماً من بخار الماء عند درجة 12°C إلى جليد عند درجة 2°0°C بجب أن ننقص طاقته معقداً. لـ20 x 3.11 .

ميكانيكية التغير الطوري،

بمكننا أن نصف ميكانيكية التغير الطوري على أساس إعادة ترتيب الجزيئات عند إضافة أو سعب الطاقة من مادة ما (في حالة المواد التي على شكل عناصر تكون مكونة من ذرات غير متحده في صورة جزيئات إلا أن مصطلح الجزيئات هو مصطلح عام يستخدم للإشارة إلى كل من المواد الجزيئية والعناصر المكونة من ذرات غير متحدة في صورة جزيئات) سنأخذ أولا حالة التغير من الطور السائل إلى الطور النازي.

الجزيئات في السائل متقارية من بعضها والقوى بينها أكبر من القوى الموجودة بين جزيئات الغاز المتباعدة عن بعضها . ومن ثم لابد من بذل شغل على السائل مضاد لقوى التجاذب حتى يمكن فصل تلك الجزيئات، والحرارة الكامنة للتبخر هي كمية الطاقة لوحدة الكتلة التي يجب إضافتها للسائل لكي يتم هذاالانفصال بين الجزيئات.

بالمثل بالنسبة للأجسام الصلبة يمكن أن نتصور أن إضافة الطاقة تؤدي إلى زيادة سعة الذبذبة للجزيئات حول وضع الاتزان الخاص بها كلما ارتفعت درجة الحرارة. عند درجة انصهار المادة الصلبة تصبح سعة الذبذبة كبيرة بالقدر الكافي لكسر الروابط بين الجزيئات والسماح للجزيئات بالحركة إلى مواقع جديدة. والجزيئات في السوائل مرتبطة مع بعضها البعض إلا أن قوة تلك الروابط أقل من قوة الروابط في الطور الصلب. الحرارة الكامنة للانصهار هي الطاقة المطلوبة لوحدة الكتلة لتحويل الروابط بين جميع الجزيئات في الجسم الجامد إلي روابط بين تلك الجزيئات في الحالة السائلة.

كما يلاحظ من جدول (2.17) الحرارة الكامنة للتبخير لمادة ما غالبا ماتكون اكبر من الحرارة الكامنة للانصهار، وهذا متوقع إذا أخذنا في الاعتبار أن متوسط المسافة بين الجزيئات في الطور النائزي اكبر بكثير من تلك الموجودة بين الجزيئات في الطورين الصلب والسائل، وفي حالة التحول من الطور الصلب إلى الطور السائل التحول الروابط من روابط الأجسام الصلبة بين الجزيئات إلى روابط السائل إلى الطور الغازي تتحطم الروابط بين جزيئات السائل ويوجد وضع تكون فيه جزيئات الغاز غير مرتبطة ببعضها ومن ثم فمن المتوقع أن يلزم قدر من الطاقة لتبخير كتلة ما من المادة أكبر من القدر اللازم لتحويلها إلى سائل.

اختيار سريع 3.17

احسب ميل الأجزاء E, C, A من الرسم البياني في شكل 2.17 ورتبها من الأقل إلى الأكبر ووضح ماذا يعنى هذا الترتيب.

بعض الملاحظات عند حل المسائل:-

مسائل الكالوريمترية

إذا وجدت صعوبة في مسائل الكالوريمترية خذ في الاعتبار النقاط التالية:

- وحدات القياس يجب أن تكون متطابقة فمثلا إذا استخدمت قيمة للحرارة النوعية بوحدات Cal/g°C تأكد من أن الكتلة بالجرامات ودرجات الحرارة بالسلسيوس.
- تحويل الطاقة يتم بالمعادلة Q=mc ΔT للعمليات التي لايحدث فيها تغير طوري فقط، واستخدم المعادلة $Q=mL_0$, $Q=mL_f$
 - $Q_{\rm cold} = -Q_{
 m hot}$ غالبا ما يحدث استخدام المعادلة •

تأكد من أنك تستخدم الإشارة السالبة في المعادلة وتذكر أن ΔT هي دائما درجة الحرارة النهائية ناقص درجة الحرارة الابتدائية.

مثال 4.17 تبريد البخار

ما هي كتلة البخار الذي درجة حرارته 200°10 اللازم لتسخين 200g من الماء في وعاء زجاجي كتلته 100g من درجة 20.0°1 إلى 50.0°2.

الحل البخار يفقد الطاقة على ثلاث مراحل. في المرحلة الأولى يبرد البخار إلى 1 00. الطاقة $Q_1 = m_g c_g \Delta T = m_g (2.01 \times 10^3 J/kg^{\circ}C)$. المائقة في هذه العملية تساءي $Q_1 = m_g c_g \Delta T = m_g (2.01 \times 10^3 J/kg^{\circ}C)$

$$=-m_s(6.03 \times 10^4 J/kg)$$

حيث m كتلة البخار المجهولة

$$Q_2 = -m_s(2.26 \times 10^6 \text{J/kg})$$

في المرحلة الثالثة. الماء الناتج عن تكثف البخار تنخفض درجة حرارته إلى 50.0°C وهذا التغير يحتاج إلي انتقال الطاقة طبقا للمعادلة

$$Q_3 = m_s c_{\omega} \Delta T = m_s (4.19 \text{ x } 10^3 \text{J/kg} \cdot ^{\circ}\text{C}) (-50.0 ^{\circ}\text{C})$$

 $=-m_a (2.09 \times 10^5 \text{J/kg})$

بإيجاد مجموع الطاقة المنتقلة من البخار في العمليات الثلاث نحصل على الآتي

$$\begin{split} Q_{\text{hot}} = & Q_1 + Q_2 + Q_3 \\ = & -m_{\text{s}} (6.03 \times 10^4 \text{J/kg} + 2.26 \times 10^6 \text{J/kg} + 2.09 \times 10^5 \text{J/kg}) \\ = & -m_{\text{s}} (2.53 \times 10^6 \text{J/kg}) \end{split}$$

الآن نتجه نحوالزيادة في درجة حرارة الماء والوعاء الزجاجي باستخدام المعادلة (17.4) نحصل على

$$Q_{\text{cold}} = (0.200 \text{ kg}) (4.19 \text{ x } 10^3 \text{J/kg} \cdot ^{\circ}\text{C}) (30.0 ^{\circ}\text{C})$$

 $+ (0.100 \text{ kg}) (837 \text{J/kg}^{\circ}\text{C}) (30.0^{\circ}\text{C}) = 2.77 \times 10^{4} \text{J}$

باستخدام المعادلة 1.17 بمكننا أبحاد كتلة البخار المجهولة m.

$$Q_{cold} = -Q_{hot}$$

2.77 x 10⁴J = -[-m_e(2.53 x 10)(1/kg)]

1, 3, a. 1

 $m_e = 1.09 \times 10^{-2} \text{ kg} = 10.9 \text{ g}$

مثال 5.17 غليان الهليوم السائل

الهيليوم السائل درجة غليانه متخفضة جدا تصل إلى 4.2k والحرارة الكامنة للتبخير له صغيرة فهي 2.09x104J/kg. فإذا انتقلت كمية من الطاقة إلى وعاء به هيليوم سائل من سخان كهربائي مغموس فيه بمعدل 10.0W فكم من الوقت يستغرق تبخر 1.00kg من الهيليوم السائل.

الحل: حيث إن الحرارة الكامنة للتبخر $L_{\rm tr} = 2.09 {\rm x} 10^4 {\rm J/kg}$ فلابد من إضافة طاقة بهذا القدر لتبخير كيلوجراما واحدا من الهيليوم وحيث إن W= 10.0J/s . إذن الزمن اللازم لأضافة 2.09x10⁴J/kg من الطاقة هو

$$t = \frac{2.09 \times 10^4 \text{ J}}{10.0 \text{ J/s}} = 2.09 \times 10^3 s \approx 35 \text{ min}$$

تمرين: إذا أردنا تبخير 1.0 kg من الماء عند درجة 100.°C باستخدام سخان كهربائي قدرته 10W . فكم من الوقت يستغرق تبخير هذه الكمية ؟

62.8 h الإجابة

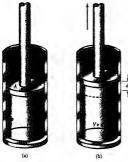
4.17 الشغل والحرارة في عمليات الديناميكا الحرارية

WORK AND HEAT IN THERMODYNAMIC PROCESSES

هي في المعالجة الماكروسكوبية للديناميكا الحرارية، توصف حالة النظام باستخدام بعض المتغيرات 10.6 مثل الضغط والحجم ودرجة الحرارة والطاقة الداخلية وعدد المتغيرات الماكروسكوبية اللازمة لوصف نظام تعتمد على طبيعة هذا النظام النظام متجانس مثل غاز يحتوي على نوع واحد فقط من 692) الجزيئات نحتاج غالبا إلى متغيرين. ومن الأمور الهامة ملاحظة أن الحالة الماكروسكوبية لنظام معزول



بمكن تحديدها فقط عندما يكون النظام في حالة اتزان حراري داخلي. ففي حالة غاز داخل وعاء يقتضى الاتزان الحراري الداخلي أن يكون كل جزء من أجزاء الغاز عند نفس الضغط ودرجة الحرارة . نفرض غازا داخل أسطوانة مثبت عليها مكبس piston متحرك شكل (3.17) في حالة اتزان. يشغل الغباز حجما V ويحدث ضغطا منتظما قدره P على جدار الأسطوانة وعلى الكيس. فإذا كانت مساحة مقطع الكيس A F_{col} فتكون القوة التي يؤثر بها الغاز على المكبس هي PA = . الآن نفترض أنَّ الغاز قد تمدد بطريقة شبه استاتیکیة quasi Statically وهذا یعنی أن عملية التمدد تتم ببطئ شديد بحيث يسمح للنظام أن يظل في حالة اتزان حراري في جميع الأوقيات، فياذا منا تحييرك المكنس إلى أعلى مسافة قدرها dy فإن الشغل الذي يبذله الغاز dW = F dy = PA dy على المكبس هو



شكل 3.17 غياز داخل أسطوانة عند ضبغط $P_{\rm g}$ ذل شغلا على مكبس متحرك يتمدد النظام من الحجم V (by V+dV

بما أن $A \, dy$ هي الزيادة في حجم الغاز dV، يمكننا أن نعبر عن الشغل المبدول بواسطة الغاز كما dv. ماتر،:

$$dW = P \, dV \tag{7.17}$$

عندما يتمدد الغاز تكون قيمة dV موجبة ومن ثم يكون الشغل الذي يبدله الغاز موجبا أما اذا ضغط الغاز وقل حجمه تكون قيمة dV سالبة ومن ثم يكون الشغل سالبا، ونقص الحجم يعني أن شغلا قد بدل على الغاز من الخارج.

في تمرينات الديناميكا الحرارية التي سنتاولها سنعتبر أن النظام تحت الاختبار مادة تتبادل الطاقة مع الوسط المحيط، في العديد من التمرينات سيكون النظام الثرموديناميكي thermodynamic system عبارة عن غاز داخل وعاء، إلا أننا سنتعرض كذلك إلي تمرينات تتضمن سوائل وأجسام صلبة. ونود أن نشير إلى حقيقة نتجت عن أن علم الديناميكا الحرارية كان منفصلا عن علم الميكانيكا في المراحل الأولى لنموهما. هذه الحقيقة هي أن الشغل الموجب في نظم الديناميكا الحرارية يعرف عادة كشغل بيدل بواسطة النظام وليس الشغل الذي يبدل على النظام، وهو عكس الحالة عند دراسة الشغل في علم الميكانيكا. إذن في الديناميكا الصرارية الشغل الموجب يعنى انتقال الطاقة إلى خارج النظام. وسوف نتفق عي ذلك في المعالجات العامة في الديناميكا الحرارية.

الشغل الكلى المبذول بواسطة الغاز عندما يتغير حجمه من V_i إلى V_i يعين بتكامل المعادلة 7.17 كما يلى

$$W = \int_{V_i}^{V_f} P \, dV \tag{8.17}$$

لكي نحسب هذا التكامل لايكفي أن نعرف فقط القيمتين الابتدائية والنهائية للضغط بل لابد من معرفة قيمة الضغط عند كل لحظة أثناء عملية التمدد. ويمكن معرفة ذلك إذا كان لدينا دالة لتغير P بالنسبة للحجم٧ وهذه النقطة هامة لأي عملية سواء التمدد الذي نناقشه الآن أو أي عملية أخرى. ولكي نعرُّف أي عملية بدقة كاملة يجب أن نعلم المتغيرات الترموديناميكية -Thermodynamic Var . . iables عند كل حالة يمر بها النظام بين الحالتين الإبتدائية والنهائية. في حالة التمدد التي ندرسها الآن يمكننا أن نرسم العلاقة بين V, P عند كل لحظة لكي نرسم المنحني PV كما هو مبين في شكل (4.17) والمساحة المحصورة أسفل هذا المتعنى تعطى قيمة التكامل في معادلة (8.17) ومن ثم يتم حساب الشغل.

إذن الشغل الذي يبدئه الغاز في عملية التمدد من حالة ابتدائية إلى حالة نهائية يساوي المساحة تحت المنحنى الذي يربط بين الحالات على منحني PV.

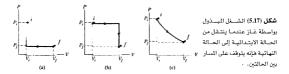
> يتضح من شكل 4.17 أن الشغل المبذول في عملية التمدد من الحالة الابتدائية i إلى الحالة النهائية f يعتمد على المسار الذي يسلكه النظام الثرموديناميكي بين الحالتين.حيث إن المسار على منحنى PV هو وصف لهذه العملية الثرموديناميكية التي أثرت على النظام. لكي نوضح هذه النقطة الهامة، افترض عدة مسارات نصل الحالة f بالحالة f شكل (5.17). في العملية الموضحة في شكل P_{i} إنخفض ضغط الغاز من P_{i} إلى P_{i} بالتبريد مع V_{f} الله الخطوة التالية من V_{i} ثبات الحجم التالية من ألا إلى بأ مع ثبات الضغط ، P ، مقدار الشغل المبذول في هذا المسار يساوي مساحة المستطيل المظلل والذي يساوى $P_f(V_f - V_i)$. في شكل 5.17b يتمدد الغاز أولا من V; إلى V عند ضغط ثابت Pi ثم



September 1

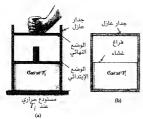
شكل (4.17) غاز يتمدد بطريقة شبه استاتيكية (ببطئ) من الحالة i إلى الحالة f . الشغل الميذول بواسطة الغاز يساوي المساحة تحت منحنى PV.

ينخفض الضغط إلى Pr (Vr-Vi) مع ثبات الحجم Vr. الشغل المبذول خلال هذا المسار هو Pr(Vr-Vi) وهو أكبر من المسار الموضح في شكل 5.17a. وأخيرا بالنسبة للعملية الموضحة في شكل 5.17c حيث يتغير V,P 69) معا على طول المسار c في هذه الحالة تكون قيمة مقدَّار الشغل هي قيمة متوسطة بين مقداريهما في العمليتين السابقتين. ومن ثم نجد أن الشغل المبذول بواسطة نظام ما يعتمد على الحالة الابتدائية والحالة النهائية وعلى المسار الذي اتخذه النظام بين تلك الحالتين.



الطاقة المنتقلة إلى أو من نظام ثرموديناميكي بالحرارة Q تعتصد أيضا على العلمية الثرموديناميكية التي أنتقلت بواسطتها تلك الطاقة ولتوضيح ذلك خذ الحالة المثلة في شكل (6.1) الثرموديناميكية التي أنتقلت بواسطتها تلك الطاقة ولتوضيح ذلك خذ الحالة المثلة في شكل ما المنتقل المنتقل المنتقل وحرية الحرارة. في شكل 6.17a الغاز معزول حراريا عن الوسط المحيط ماعدا عند قاع الأسطوانة حيث يكون في تلامس حراري مع مستودع للطاقة المنتقل ومستودع الطاقة معدار محدود من ومستودع الطاقة مع مصطلح يعبر عن مصدر للطاقة يعتبر كبيرا جدا بحيث إن أي مقدار محدود من الطاقة يسحب منه لايغير من درجة حرارته، يظل المكبس عند وضعه الابتدائي بمساعدة عامل خارجي باليد مثلا، عند تخفيض القوة المثبته للمكبس قليلا، يرتفع المكبس ببطئ شديد إلى وضعه النهائي.

حيث إن المكبس يتحرك إلى أعلى فإن الغاز يبدل شغلا على المكبس خلال عملية التمدد هذه حتى يصل حجم الغاز النهائي إلى V. تنتقل الطاقة بواسطة الحرارة من مستودع الطاقة إلى الغاز لتثبيت درجة الحرارة عند T. والآن سندرس حالة النظام العزول حراريا عزلا تاما كالموضح في شكل (6.17b) عند قطع الغشاء يتمدد الغاز بسرعة في الفراغ الذي فوقه حتى يشغل الحجم V ويصير ضغطه P.



 T_i عناز عند درجة حرارة T_i مناز عند درجة حرارة T_i بتمد ببطئ بينما يمتص طاقة من المستودع لكي بنظل عند درجة حرارة ثابتة. (d) غاز يتمدد بسرعة إلى منطقة مفرغة بعد قطع النشاء

. A SERVICE CONTRACT

الضرباء (الجزء الأول - المكانيكا والديناميكا الحرارية)

في هذه الحالة لم يقم الغاز ببدل شغل حيث إنه لايوجد مكبس متحرك يؤثر عليه الغاز بقوة بالإضافة إلى أنه لم تنتقل طاقة بواسطة الحرارة خلال الجدران المعزولة للإناء المحتوى على الغاز.

الحالتان الابتدائية والنهائية للغاز المثالي في شكل (6.17a) مشابهتان للحالتين الابتدائية والنهائية في شكل (6.17b) إلا أن المسارين مختلفان. في الحالة الأولى الغاز بذل شغلا على المكبس وانتقلت طاقة ببطئ إلى الغاز. في الحالة الثانية لايوجد انتقال للطاقة، والشغل المبذول يساوي صفراً، ومن ذلك نستنتج أن الطاقة المنتقلة بواسطة الحرارة، مثل الشغل المبذول كلاهما يعتمد على الحالة الابتدائية والنهائية والحالات التي بينهما للنظام. مما سبق نستنتج أن كلا من الشغل والحرارة يعتمد على المسار ولا يمكن تعيين أي منهما بواسطة النقطتين الابتدائية والنهائية فقط.

5.17 من القانون الأول للديناميكا الحرارية

THE FIRST LAW OF THERMODYNAMICS

🚓 عندما تناولنا قانون حفظ الطاقة الميكانيكية في الباب الثامن ذكرنا أن الطاقة الميكانيكية لنظام 10.6 ما ثابته في حالة غياب قوى غير محافظة مثل الاحتكاك أي أننا لم ندخل التغيرات في الطاقة الداخلية للنظا، . , هذا النموذج الميكانيكي. القانون الأول للديناميكا الحرارية هو تعميم لقانون الطاقة ويأخذ في الاعتبار التغيرات في الطاقة الداخلية. وهو قانون عام يمكن تطبيقه على العديد من الحالات ويعتبر حلقة وصل بين العالم الميكروسكوبي والعالم الماكروسكوبي.

ذكرنا طريقتين لانتقى الطاقة بين نظام ثرموديناميكي والوسط المحيط به أحدهما بواسطة الشغل المبذول بواسطة النظام والذي يقتضى وجود إزاحة ماكروسكوبية لنقطة عمل القوة (أو الضغط) والطريقة الأخرى هي الحرارة التي تحدث عن طريق التصادمات العشوائية بين الجزيئات في النظام. وفي الطريقتين يحدث تغير في الطاقة الداخلية للنظام ومن ثم يحدث تغير في البارامترات الماكروسكوبية للنظام مثل الضغط ودرجة الحرارة والحجم لغاز ما.

ولكي يتم فهم ثلك الأفكار على أسس كمية . نفترض أن نظاما ما انتقل من حالة ابتدائية إلى حالة نهائية. خلال هذا الانتقال حدث انتقال للطاقة بواسطة الحرارة مقدارها Q وقام النظام ببذل شغل W . نفرض أن هذا النظام هو عبارة عن غاز مثالي تغير فيه الضغط والحجم من V_i, P_i إلى انتقلت إلى النظام بواسطة الحرارة والشغل (Q-W) وهي الفرق بين الطاقة انتقلت إلى النظام بواسطة الحرارة والشغل V_f, P_f الذي بذله النظام قد قيست لمختلف المسارات التي تربط بين حالات الاتزان الابتدائية والنهائية ، سنجد أنها متساوية لجميع المسارات التي تربط بين الحالتين ومن ثم نستتج أن الكمية (Q-W) تحدد قيمتها بواسطة الحالتين الابتدائية والنهائية للنظام فقط أي دون أخذ المسار في الاعتبار، وتسمى هذه الكمية التغير في الطاقة الداخلية للنظام. فبينما W,Q يتوقفان على المسار نجد أن الفرق بينهما Q-W 696 لاتتوقف على المسار إذا استخدمنا الرمز Eint ليرمز للطاقة الداخلية. إذن التغير في الطاقة

الداخلية ΔE_{int} يمكن أن نعبر عنه كمايلي: (⁵⁾

 $\Delta E_{\rm int} = Q - W$ (9.17) معادلة القانون الأول

ويجب أن تكون لكل الكميات نفس وحدات قياس الطاقة $^{(0)}$ ومعادلة (9.17) تسمى القانون الأول للديناميكا الحرارية، وهو قانون رئيسي وله العديد من الاستخدمات، ويجب أن نتذكر دائما ما اتفق عليه وهو أن تكون Q موجبة عندما يكتسب النظام طاقة وسالبة القيمة عند ما يفقد النظام طاقة وأن W تكون موجبة عندما يبذل النظام شغلا على الوسط المحيط وسالبة عندما يبذل شغل على النظام، عندما يقوم نظام بعمل تغيير متناهي الصغر في حالته تم فيه انتقال كمية صغيرة من الطاقة QQ بواسطة الحرارة وبذل قدرا صغيرا من الشغل QW. في العمليات متناهية الصغر يمكن التعبير عن القانون QW الأول كما يلى:

 $dE_{int} = dQ - dW$ القانون الأول للتغيرات متناهية الصغر

ومعادلة القانون الأول هي معادلة من معادلات حفظ الطاقة، تؤكد على أن النوع الوحيد للطاقة الذي يتغير في نظام ما هو الطاقة الداخلية 100 . وعنا نتاول بعض الحالات الخاصة التي يتحقق هيها هذا النشرط، (أولا). سنأخذ حالة نظام معزول، أي نظام لا يتأثر بالوسط المحيف. في هذه الحالة لايعدث انتقال للطاقة بواسطة الحرارة ومقدار الشغل الذي يبذله النظام بساوي صفراً ومن ثم يظل مقدار الطاقة الداخلية ثابتا أي بما أن $0 = M_{\rm int}$ وإذن $0 = M_{\rm int}$ ومن أم $M_{\rm int}$

ومن ذلك نستنتج أن E_{int} لنظام معزول مقدارثابت

ثانيا: سنأخذ حالة نظام ليس معزولا عن الوسط المحيط قام بعملية دورية cyclic Process إي عملية تبدأ وتتنهي عند نفس الحالة. في هذه الحالة أيضا التغير في الطاقة الداخلية يكون أيضا صفراً أي أن الطاقة المضافة إلى النظام لابد وأن تساوي الشغل الاالذي بذله النظام خلال الدورة.

 $\Delta E_{\rm int} {=0}$, Q = W العملية الدورية

⁽⁵⁾ من المروف أن الرمز المستخدم للطاقة الداخلية هو الرمز U. وهو أيضا الرمز المستخدم لطاقة الوضع كما رأينا في اللباب الثامّن، ولكي لا يحدث التباس بين الطاقة الداخلية وطاقة الوضع سنستخدم الرمز E_{int} للدلالة على الطاقة الداخلية في هذا الكتاب، مع مراعاة أن الكتب الأخرى قد تستخدم الرمز U.

⁽⁶⁾ من تعريف الشغل في دراستنا للميكائيكا كان من الضروري كشابة القائدون الأول على النحو التالي #H Depth حيث إلى القافة المنفولة إلى النظام سواء عن طريق شغل أو حرارة لابد أن تزيد الطافة المنطقة للنظام، ويسبب عكس تعريف الشغل الموجب الذي نوقش في القسم 4.17 لابد من كتابة القانون الأول كما هو ظاهر في معادلة 2.17 وبهم علامه سالية.

⁽⁷⁾ لاحظ أن $Q b \overline{Q} W$ ليَّسنا كميآت تفاضيلة تامه: inexact differential (بينما dE_{int} كمية تفاضيلة تامه: (2 cxact differential). ولذلك يعبر عنها بالرمز dW,dQ ولمزيد من التفاصيل حول هذا الموضوع، ارجع إلى مرجع متقدم في الديناميكا الحرارية مثل

في الرسم البياني بين V, V تظهر العملية الدورية كمنحنى مقفل (العمليات الممثلة في شكل (5.17) ممثلة بمنحنيات مشتوحة لأن الحالة الإبتدائية تختلف عن الحالة النهائية). ويمكن أن نثبت أنه في العمليات الدورية محصلة الشغل المبدول بواسطة النظام في كل دورة يساوي المساحة المحصورة داخل المساد الذي يمثل العملية على الرسم البياني بين V, V. وإذا كان الشغل المبدول بواسطة النظام في إحدى العمليات يساوي صفراً. حينثذ يكون مقدار التغير في الطاقة الداخلية $\Delta E_{\rm int}$ يساوي الطاقة الداخلية المانظام

$$\Delta E_{\rm int} = Q$$

إذا اكتسب النظام طاقة عندثذ تكون قيمة Q موجبة وتزداد الطاقة الداخلية للنظام. بالنسبة للنظم الغازية يمكننا أن نريط بين تلك الزيادة في الطاقة الداخلية والزيادة في طاقة الحركة Kinetic energy للجزيئات. U

من ناحية أخرى إذا لم يحدث انتقال للطاقة خلال إحدى العمليات، ولكن بذل النظام شغلا. عندئذ يكون التغير في الطاقة الداخلية يساوى القيمة السالبة للشغل الذي بذله النظام

$$\Delta E_{\rm int} = -W$$

6.17 تطبيقات على القانون الأول للديناميكا الحرارية

SOME APPLICATIONS OF THE FIRST LAW OF THERMODYAMICS

قبل أن نستخدم القانون الأول للديناميكا الحرارية في نظم معينة من الضروري أن نبدأ أولا بتعريف بعض العمليات الثرموديناميكية Thermodynamic Process .

العملية الأديباتيه adiabatic Process: هي العملية التي لايحدث فيها انتقال للطاقة من أو إلى النظام بواسطة الحرارة، أي أن في العملية الأديباتيه Q=0

في العملية الأدبيباتيه يتم عزل النظام عن الوسط المحيط (كما هو واضع في شكل 6.17b) أو بأداء العملية بسرعة حتى لايكون هناك وقت كاف لكي تنتقل الطاقة بواسطة الحرارة. باستخدام القانون الأول للديناميكا الحرارية للعمليات الأدبياتيه نجد أن

$$\Delta E_{\rm int} = -W$$
 (10.17) القانون الأول للعملية الأديباتيه

من هذه النتيجة نلاحظ أنه إذا تمدد الغاز أديباتيا بحيث أن W كانت موجبة عندئذ ΔE_{int} تكون سالبة وتتغفض درجة حرارة الغاز، وبالعكس ترتفع درجة حرارة الغاز إذا ضغط أديباتيا.

والعمليات الأدبيباتيه لها أهمية كبيرة في الأعمال الهندسية. ومن الأمثلة المروفة تمدد الغازات (98) الساخنة في آلة الإحتراق الداخلي، وإسالة الغازات في نظم التبريد، وشوط الانضغاط في آلة ديزل.



حالة شريدة. فالعملية أديباتيه لأنها تتم في نظام معزول حراريا . وحيث إن الغاز يتمدد في وسط مفرغ فه و لا يؤثر بقوة على مكبس كما هو موضح في شكل (6.17a) ومن ثم فى الايبدال شغل على الغاز أو بواسطة الغاز . إذن في هذه العملية كل من W, Q يساوي صفر ويذلك يكون مقدار $\Delta E_{\rm int} = 0$ لهذه العملية كما يتضح من القانون الأول.

إذن الطاقة الداخلية الابتدائية والنهائية في العمليات الأدياباتيه الطليقة لغاز متساويتان.

العملية التي تتم تحت ضغط ثابت تسمى عملية ايزويارية Isobaric Process هي هذه العملية قيم كل من الحرارة والشغل غالبا لايساويان صفراً والشغل الذي يبدئه الغاز يعطى بالعلاقة

$$W = P(V_f - V_i)$$
 (11.17) aanlus 12.17) aanlus 12.17

حيث P هو الضغط الثابت في تلك العملية.

4.5

العملية التي تتم تحت حجم ثابت تسمى عملية إيزو فليومية Isovolumetric Process . في هذه العملية الشغل المبذول من الواضح أنه يساوي صفرا لأن الحجم لم يتغير . ومن القانون الأول نستنتج أنه W=0

$$\Delta E_{
m int} = Q$$
 (12.17) عملية ثابتة الحجم

وهذه العلاقة توضع أن الطاقة المضافة بواسطة الحرارة لنظام تحت حجم ثابت تظل في النظام كزيادة في الطاقة الداخلية له.

على سبيل المثال إذا الفينا بعلية لرش الطلاء (سبريي) فازغة في النار. ستدخل طاقة إلي الغاز داخل العلبة بواسطة الحرارة من خلال الجدار المعدني، ومن ثم ترتفع درجة حرارة الغاز وكذلك ضغطه داخل العلبة مما قد يجعلها تنفجر.

العملية التي تتم تحت درجة حرارة ثابتة تسمى عملية ايزوثرمالية Isothermal Process . لو رسمنا الضغط P والحجِم V عند ثبات درجة الحرارة لغاز مثالي سنحصل على منعنى على شكل قطع زائد hyperbolic Curve يسمى أيزوثيرم Isotherm الطاقة الداخلية للغاز المثالي هي دالة في درجة الحرارة فقط. إذن التغير في الطاقة الداخلية للغاز المثالي في العمليات الأيزوثرمالية يساوي صفراً

$$\Delta E_{int} = 0$$
 في العمليات الأيزوثرمالية

ونستنتج من القانون الأول أنه في العمليات الأيزوثرمالية أي انتقال للطاقة Q يساوي الشغل الذي يقوم به الفاز أي إن Q=W وأي طاقة تدخل للنظام بواسطة الحرارة تنتقل إلي خارج النظام بواسطة الشغل وينادك لاتحدث أي زيادة في الطاقة الداخلية .

املاً الخانات الثلاث الأخسرة من هذا الحدول بعلامات +و - أو 0 لكل حالة بمثلها النظام.

ΔE	W	Q	النيخام	الحـــالة
			الهواء في المنفاخ	(a) نفخ سريع لإطار دراجة
			ماء في إناء	(b) إناء عند درجة حرارة الغرفة فوق سخان
			الهواء داخل البالون	(c) هواء يتسرب بسرعة من بالون

التمدد الأيزوثرمالي للغاز المثالي Isothermal Expansion of Ideal Gas

نفرض أن غازا مثاليا يسمح له بالتمدد شبه استاتيكيا (يعنى ببطئ شديد) مع ثبات درجة الحرارة كما هو موضح في الرسم البياني P.V شكل (7.17) والمنحنى عبارة عن قطع زائد hyperbola (انظر ملحق B معادلة B23) ومعادلة الحالة للغاز المثالي عند ماتكون T ثابتة تبين أن معادلة هذا المنحني هي وتمدد الغاز أيزوثرماليا يمكن أن يتم بوضع PV = constantالغاز في اتصال حراري مع مستودع للطاقة عند نفس درجة الحرارة كما هو موضح في شكل .(6.17a)



شكل (7.17) المنحني PV للتسميد الأيزوثرمالي لفاز مشالي من الحالة الابتدائية إلى الحالة النهائية والمنحنى

عبارة عن قطع زائد

لحساب الشغل المبذول بواسطة الغاز في عملية التمدد من الحالة i إلى الحالة f تستخدم المعادلة 8.17. إلا أنه نظرا لأن الغاز مثاليا والعملية شبه استاتيكية بمكننا استخدام العلاقة PV = nRT لكل نقطة على المسار. ومن ثم نحصل على الآتي:

$$W = \int_{V_i}^{V_j} P \, dV = \int_{V_i}^{V_j} \frac{nRT}{V} \, dV$$

حيث أن R, n في هذه الحالة يمكننا أن نخرجها من التكامل مع T = constantالمعادلة التالية

$$W = nRT \int_{V_i}^{V_j} \frac{dV}{V} = nRT \ln V \Big|_{V_i}^{V_j}$$

لكي نقيم التكامل تستخدم المعادلة العامة lnx = (dx/x) المراخد التكامل عند القيمتين الابتدائية 700 والنهائية نحصل على المعادلة:

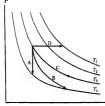
الفصل السابع عشر؛ الحرارة والقانون الأول للديناميكا الحرارية

الشغل المبذول بواسطة غاز
$$W = nRT \ln \left(\frac{V_f}{V_i} \right)$$
 (13.17)

معادلة (13.17) هي معادلة الشغل الذي يبذله غاز مثالي هي عملية أيزوثرماليه. وعدديا هذا $V_f > V_f$ الشغل W يساوي المساحة المظللة تحت منحنى PV هي شكل (7.17) وحيث إن الغاز يتمدد $V_f < V_f$ والشغل الذي يبذله الغاز موجبة. وكما نتوقع إذا ضغط الغاز عتدثذ $V_f < V_f$ والشغل الذي يبذله الغاز بكون سائيا .

اختبار سريع 5.17

أوصف طبيعة المسارات في شكل (8.17) كمسار أيزوياري- أيزوفليومي-أيزوثرمائي – أديباتي. لاحظ أن Q=0 للمسار B



شكل (8.17) حـدد طبيعـة المسارات D,C,B,A على منحنى PV

مثال 6.17

عينة من غاز مثالي مقدارها 1.0 mol. بقيت عند درجة حرار" 0°C وتمددت من حجم قدره 3.0L إلى حجم 10.0L (a) مامقدار الشغل الذي بذله الغاز في عملية التمدد؟

الحل: بالتعويض بالقيم المذكورة في معادلة 13.17 نحصل على الآتي

$$W = nRT \ln \left(\frac{V_f}{V_i} \right)$$

$$W = (1.0 \text{ mol}) (8.31 \text{ J/mol} \cdot \text{K}) (273 \text{ K}) \ln \left(\frac{10.0}{3.0} \right)$$

$$= 2.7 \times 10^3 \text{ J}$$

(b) ما مقدار الطاقة المنتقلة بواسطة الحرارة إلى النظام من الوسط المحيط في هذه العملية

为被交为(1)

الحل: من القانون الأول للديناميكا الحرارية نجد أن

$$\Delta E_{int} = Q - W$$

$$0 = Q - W$$

$$Q = W = 2.7 \times 10^{3} \text{ J}$$

(c) إذا عاد الغاز لحجمه الأول بواسطة عملية أيزوبارية. ما مقدار الشغل الذي يبذله الغاز.

الحل:

الشغل المبذول هي العمليات الأيزوبارية بعطي بالمادلة 11.17 وحيث أن الضغط غَير معروف هي هذه المسألة، ولذلك سوف نستخدم قانون الغازات المثالية

$$W = P(V_f - V_i) = \frac{nRT_i}{V_i}(V_f - V_i)$$

$$= \frac{(1.0 \text{ mol}) (8.31 \text{ J/mol} \cdot \text{K}) (273 \text{ K})}{10.0 \times 10^{-3} \text{m}^3}$$

$$\times (3.0 \times 10^{-3} \text{m}^3 - 10.0 \times 10^{-3} \text{m}^3)$$

$$= -1.6 \times 10^3 \text{J}$$

لاحظ أننا قد استخدمنا الحرارة الابتدائية والحجم الابتدائي لنعرف مقدار الضغط الثابت لأننا لانعرف درجة الحرارة النهائية، الشغل الذي بذله الغاز بالسالب لأن الغاز قد تم انضغاطه.

مثال7.17 الماء المغلي

تم تبخير 1.0 $_{\rm N}$ من الماء في عملية أيزوبارية عند الضغط الجوي ($1.03 \times 10^{5} {\rm Pa})$ فإذا كان حجم الماء في الحالة السئلة هو $V_{\rm r} = V_{\rm rap} = 1.6 \, {\rm rm}^3$ الماء في الحالة السئلة هو $V_{\rm r} = V_{\rm rap} = 1.0 \, {\rm rm}^3$ احسب الشغل المبذول في عملية التمدد والتغير في الطاقة الداخلية للنظام. أهمل أي اختلاط بين البخار والهواء المحيك تصور أن البخار يدفع الهواء بعيدا عن طريقه.

الْحِلْ: حيث أن التمدد يحدث مع ثبات الضغط. الشغل المبذول بواسطة النظام لدفع الهواء الجوي بعيدا هو معادلة (11.17).

$$W = P(V_f - V_i)$$
= (1.013 x 10⁵ Pa) (1.671 x 10⁻⁶m³ – 1.00 x 10⁻⁶m³)
= 1693

لتعين التغير هي الطاقة الداخلية يجب أن نعرف مقدار الطاقة المنتقلة Q المطلوبة لتبخير الماء باستخدام معادلة (6.17) والحرارة الكامنة اتبخير الماء نجد أن

الفصل السايع عشر والحرارة والقانون الأول للديناميكا الحرارية

$$Q = mL_v = (1.00 \times 10^{-3} \text{ kg}) (2.26 \times 10^6 \text{J/kg}) = 2.260 \text{J}$$

من القانون الأول التغير في الطاقة الداخلية هو:

$$\Delta E_{int} = Q - W = 2260J - 169J = 2.09 kJ$$

والأشارة الموجبة لقيمة ΔE تدل على أن الطاقة الداخلية للنظام قد زادت. لاحظ أن 893 من الطاقة الداخلة للنظام قد استخدمت في زيادة الطاقة الداخلية للماء وفقط 8 استخدمت في الشغل الذي بذله البخار على الهواء الجوي أي أنها طاقة خرجت من النظام على شكل شغل.

مثال 8.17 تسخين جسم صلب

سخن قضيب من النحاس وزنه 1.0 kg تحت الضغط الجوي فإذا ارتفعت درجة حرارته من 20°C إلى 50°C (a) ما مقدار الشغل الذي بدله قضيب النحاس على الوسط المحيط.

الحل:

نظرا لأن العملية أيزوبارية يمكننا تعيين الشغل الذي بذله القضيب باستخدام معادلة (11.17)

$$W = P(V_f - V_i)$$

بمكتنا حساب التغير هي حجم النحاس من معادلة (6.17) باستخدام متوسط معامل التمدد الطولي للنحاس من جداول (2.17) ومع الأخذ هي الاعتبار أن β= 3α نحصل على الآتي

$$\Delta V = \beta V_i \Delta T$$

=
$$[5.1 \times 10^{-5}(^{\circ}\text{C})^{-1}] (50^{\circ}\text{C} - 20^{\circ}\text{C}) V_i = 1.5 \times 10^{-3} V_i$$

الحجم V_i يساوي m/ρ وجدول (15.1) يعطي كثافة النحاس وتساوي V_i إذن

$$\Delta V = (1.5 \times 10^{-3}) \left(\frac{1.0 \text{ kg}}{8.92 \times 10^3 \text{ kg/m}^3} \right) = 1.7 \times 10^{-7} \text{m}^3$$

$$\text{lthict in size of } 1.7 \times 10^{-7} \text{m}^3$$

$$W = P\Delta V = (1.013 \times 10^5 \text{ N/m}^2) (1.7 \times 10^{-7} \text{m}^3) = 1.7 \times 10^{-2} \text{J}$$

(b) ما مقدار الطاقة التي انتقلت إلي النحاس بواسطة الحرارة.

الحل:

نأخذ قيمة الحرارة النوعية للنحاس من جدول 1.17 وبأستخدام معادلة 4.17 نجد أن الطاقة النقولة بواسطة الحرارة هي

الضيزياء (الجزء الأول - الميكانيكا والديناميكا الحرارية)

 $Q = mc\Delta T = (1.0\text{kg}) (387\text{J/kg}^{\circ}\text{C}) (30.^{\circ}\text{C}) = 1.2 \times 10^{4} \text{J}$

(c) مامقدار الزيادة في الطاقة الداخلية للنحاس.

الحل: من القانون الأول للديناميكا الحرارية نجد أن

$$\Delta E_{\text{int}} = Q - W = 1.2 \times 10^4 \text{J} - 1.7 \times 10^{-2} \text{J} = 1.2 \times 10^4 \text{J}$$

لاحظ أن كل الطاقة تقريبا التي انتقلت إلى النظام بواسطة الحرارة ذهبت في زيادة الطاقة الداخلية، والجزء من الطاقة الذي استغل في عمل شغل على الجو المحيط لايتعدى 6-10. ومن ثم عند تحليل التمدد الحراري للأجسام الصلبة أو السوائل فإن المقدار الضئيل للشغل المبذول بواسطة النظام غالبا ما بهمل.

ENERGY TRANSFER MECHANISMS طرق انتقال الطاقة 7.17

من الضروري أن نتعرف على معدل انتقال الطاقة بين نظام ما والوسط المحيط والطرق التي يتم بها هذا الإنتقال. وهناك ثلاث طرق لانتقال الطاقة يمكن بواسطتها حدوث تغير في الطاقة الداخلية للنظام،

Thermal Conduction التوصيل الحراري

التوصيل الحراري هو عملية انتقال للطاقة وثيق الارتباط بالفرق بين درجات الحرارة.

في هذه العملية يمكن وصف انتقال الطاقة على المستوى الذرى كتبادل لطاقة الحركة بين حسيمات ميكروسكوبيه مثل الجزيئات والذرات والالكترونات، بحيث إن الجسيمات ذات الطاقة الأقل تكتسب طاقة عن طريق تصادمها بجسيمات أكثر طاقة. على سبيل المثال، إذا أمسكت بطرف قضيب معدني طويل وعرضت الطرف الآخر للهب موقد ، ستجد أن درجة حرارة الطرف الذي تمسكه في يدك سرعان ما ترتفع. لقد وصلت الطاقة إلى يدك بالتوصيل. وبمكننا التعرف على عملية التوصيل الحراري بالتعرف على ما يحدث للجسيمات الميكروسكوبية في المعدن. قبل أن يوضع طرف القضيب في النار كانت الجسيمات الميكروسكوبية تتذبذب حول وضع الاتزان. وبعد وضعه في النار سخَّن اللهب القضيب فبدأت الجسيمات القريبة من اللهب تسخن وتزداد سعة ذبذبتها مما يؤدى إلى تصادمها بالجسيمات القريبة منها فتنتقل إليها بعض طاقتها في عملية التصادم هذه.

وببطئ تأخذ سعة ذبذبة باقى جزيئات وذرات والكترونات القضيب في الزيادة تدريجيا وبالطبع ستتأثر الجزيئات القريبة من الطرف الآخر للقضيب الذي تمسك به. وهذه الزيادة في سعة الذبذبات 704) تمثل زيادة في درجة حرارة القضيب الذي بدأت تشعر بأنه يلسع يدك من شدة الحرارة. معدل التوصيل الحراري يعتمد على خواص المادة التي تسخُن. أمثلا يمكننا أن نضع قطعة من الأسيستوس على اللهب لمدة «لويلة، وهذا يدل على أن الطاقــة المنتــقلة خـــلال مـــادة الأسستوس قلبلة.

وبصفة عامة، الفلزات جيدة التوصيل للحرارة، أما المواد الأخرى مثل الأسبستوس والفلين والورق مواد رديئة التوصيل الحرارة.

الغازات كذلك رديثة التوصيل للحرارة لأن المسافة بين الجزيئات كبيرة. الفازات جيدة التوصيل للحرارة لأن بها عدد بير من الإلكترونات حرة الحركة خلال الفلز، ومن ثم تستطيع مثل الطاقة لمسافات طويلة.

إذن في الموصلات الجيدة مثل النحاس يتم التوصيل عن المريق تنبذب الذرات وكذلك عن طريق حركة الإلكترونات الحرة.



شكل نظع منصبهر فوق موقف للسيارات الجـزء الأسـود بيين وجـود أنبـوية للمـاء الساخن أسـفل السطح لتساعد على ذوبان الشاخ، الطاقـة تنتـقل من الأنابيب السـاخنة إلى الأرض فتصهر الثلج.

$$\frac{Q}{\Delta t} \propto A \frac{\Delta T}{\Delta x}$$

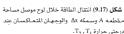
وسوف نستخدم الرمز heta للتعبير عن معدل انتقال الحرارة $heta=Q/\Delta t$ ووحدات heta هي الوات مدا تكون وحدات heta ويا الجول، heta المثالين، الشريحة سمكها متناهي الصغر heta وفرق درجات الحراري على النحو التالى:

(قانون التوصيل الحراري)
$$\mathscr{P} = kA \left| \frac{dT}{dx} \right|$$

وثابت التناسب λ هو التوصيل الحراري للمادة (Tldx) هو مقدار الانحدار في درجة الحرارة L الحرارة مع المسافة) temperature gradient . نقرض أن قضيب طويل منتظم طوله L • • زول حراريا بحيث لاتتسرب الحرارة من سطحه ما عدا عند أطرافه كما في شكل (10.17) أحد L أدارافه متصل حراريا بمستودع للطاقة عند درجة حرارة L والطرف الآخر متصل حراريا مع مستودع . • • درجة حرارة L بحيث أن L • L عندما يصل القضيب إلى حالة استقرار حراري مع معتود . • • درجة حرارة L بحيث أن L • • • عندما يصل القضيب إلى حالة استقرار حراري الم

الضرباء (الحزء الأول - المكانيكا والديناميكا الحرارية)







شكل (10.17) توصيل الطاقة خلال قضيب منتظم معزول طوله L وطرشاه متالامسان مع مستودعين حرارين عند درجات حرارة مختلفة.

تصبح كل نقطة على سطحه درجة حرارتها ثابته مع الناب في هذه الحالة إذا اعتبرنا أن K ليست دالله، في درجة الحرارة ، سنجد أن الإنحدار الحراري واحد على طول القضيب ويساوي

$$\left| \frac{dT}{dx} \right| = \frac{T_2 - T_1}{L}$$

من ذلك نجد أن معدل انتقال الطاقة بالتوصيل خلال القضيب هو

$$\mathcal{P} = kA \frac{(T_2 - T_1)}{I}$$
 (15.17)

المواد جيدة التوصيل للحرارة لها قيم عالية للتوصيل الحراري، بينما المواد جيدة العزل لها توصيل حراري منغفض القيمة، الجدول (3.17) يعطى قيما للتوصيل الحراري للعديد من المواد، يلاحظ أن الفلزات موصلات حرارية أفضل من اللافلزات.

جسدول (3.17) التوصيل الحراري

	#33 3		
معامل التوصل الحراري W/m°C	7 <u>1</u> 1 c 5	معامل التوصل الحراري W/m°C	المسادة
2	جليد	238	ألمونيوم
0.2	كاوتشوك	397	نحاس
0.6	ماء	314	ذهب
0.08	خشب	79.5	حديد
-	غازات (20°C)	34.7	رصاص
0.0234	هواء	427	فضة
0.138	هيليوم	-	الافلزات
0.172	هيدروجين	0.08	اسبستوس
0.0234	نتروجين	0.8	خرسانة
0.0238	أكسجين	0.8	الزجاج

هل مكعب من الثلج ملفوف في قطعة قماش من الصوف يظل متجمدا (a) لفترة أقصر من الوقت (b) نفس الفترة الزمنية (c) فترة أطول من الوقت بالمقارنة بمكعب مشابه من الثلج معرض للحو عند درجة حرارة الغرفة.

في حالة لوح مركب من عدة طبقات سمكها L_3,L_1 وتوصيلها الحراري k_3,k_1 معدل انتقال الحرارة خلال هذا اللوح المركب من طبقات مختلفة المواد عند حالة الاستقرار هي

$$\mathcal{S} = \frac{A(T_2 - T_1)}{\sum (L_i/k_i)}$$

حيث T2, T1 ، هما درجتا حرارة السطحين الخارجيين (باعتبار أنهما ثابتان) وعلامة المجموع تضم جميع الألواح المثال التالي يوضح ما تعطيه تلك المعادلة عند استخدامها للوح مكوَّن من مادتين مختلفتين.

مثال 9.17 الطاقة المنتقلة خلال لوحين:

لوحان سمكهما 1.5, L1 وتوصيلهما الحراري k2,k1 متصلان حراريا كما يتضح من شكل(11.17) درجة حرارة سطحيهما الخارجين T_7,T_1 على الترتيب سقدار $T_7 > T_1$. عين درجة الحرارة عند سطح التماس بين اللوجين ومعدل انتقال الطاقة بالتوصيل خلال اللوجين عند حالة الاستقرار الحراري

الحل: إذا كانت T هي درجة الحر ` عند سطح التماس بين اللوحين. إذن معدل انتقال الطاقة خلال

$$L_2$$
 L_1 L_2 L_3 L_4 L_5 L_5

شكل (11.17) انتقال الحرارة بالتوصيل خلال لوحين ملاصقين ليعضهما في حالة اتزان حرارى معدل الطاقة المارة خلال اللوح الأول تساوى معدل انتشال الطاقة خلال اللوح الثاني.

$$\mathscr{R} = \frac{k_1 A(T-T_1)}{L_1}$$
 (1) اللوح 1 هو (2) هو (2) ومعدل انتقال الحرارة خلال اللوح $\mathscr{L}_2 = \frac{k_2 A(T_2-T)}{I}$

عند الاستقرار الحراري يتساوى المعدلان إذن

$$\frac{k_1 A (T-T_1)}{L_1} = \frac{k_2 A (T_2-T)}{L_2}$$

اليحاد T من المعادلتين نحصل على

$$T = \frac{k_1 L_2 T_1 + k_2 L_1 T_2}{k_1 L_2 + k_2 L_1}$$
 (3)

بإحلال المعادلة (3) في أي من (1) أو (2) نخصل على

$$\mathscr{P} = \frac{A(T_2 - T_1)}{(L_1/k_1) + (L_2/k_2)}$$

استخدام هذه المعادلة لعدة ألواح نصل إلى المعادلة (16.17).

عزل المنازل Home Insulation

جدول (4.17) ، قيم R لبعض مواد البناء مردد (4.17) ، قيم R بعض مواد البناء

R (ft ² .°F.h	/Btu)	المادة
0.91		خشب
4.00		الطوب الأحمر (سمك ٤ بوصة)
1.93		بلاطات الخرسانة
10.90	سه)	بطانة فيبرجلاس (سمك 3.5 بوه
18.80	(4	بطانة فيبرجلاس (سمك 6 بوص
3.70		خيوط سليولوز (سمك بوصه)
0.89	(4	زجاج مسطح (سمك 0.125 بوص
1.01		فراغ هواء (3.5بوصه)
0.45		حائط جاف (سمك 0.5 بوصه)
1.32	(4	غلاف الحوائط (سمك 0.5 بوص



تنقل الطاقة من داخل المنزل إلى الخارج بسرعة من سطح المنزل السائد (لأن الجليد الأن الجليد (لأن الجليد الدانسمجر) بينما النتوء شوق الناقده منطى بالجليد مما يدل على أن عزله جيد. أما سقف المنزل فهو غير معزول جيدا.

في أعمال الهندسة المدنية يطلق على النسبة L/K لأي مادة القيمة R للمادة (R value) ومن ثم يمكن كتابة المعادلة (16.17) على النحو التالي:

$$\mathcal{S} = \frac{A(T_2 - T_1)}{\sum R_i} \tag{17.17}$$

حيث $K_i = I/K_i$ والمقدار R للمواد شائعة الأستخدام في المياني معطاه في جدول (4.17). بالوحدات الشأئعة الاستخدام في الأعمال الهندسية بالولايات المتحده وليس بوحدات النظام الدولي SI. عند أي سطح قائم ممرض للهواء توجد طبقة رفيقة من الهواء الساكن ملاصقة لهذا السطح ويجب أخذ هذه الطبقة في الاعتبار عند تحديد القيمة R للعائط، وسمك تلك الطبقة الساكنة على أي جدار خارجي تعتمد على سرعة الريح. وفقد الطاقة من منزل في يوم عاصف أكبر من الفاقد في يوم الهواء فيه ساكنا.



صدورة حدارية "فرصوجدام" لمنزل ماخوزه في يوم بارد. تبين ألونا من الأبيض إلى البرتقالي (المناطق الأكثر فقد للطاقة) إلى الأرزق والأرجواني (المناطق الأقل فقدا للطاقة).



مثال 10.17 القيمة R لحائط فعلى

احسب القيمة R الكلية لحائط مبنى كما هو موضح في شكل (12.17a) مبتدئا من خارج المنزل (نحو الأمام فى الرسم) إلى داخله.

الحائط يتكون من قالب طوب 4 in ، طبقة غلاف 0.5 in فراغ به هواء سمك 3.5 in وحائط جاف 5.0 ولا تنس طبقتى الهواء الساخن من الداخل ومن الخارج .

الحل: بالإشارة إلى جدول 4.17 نجد أن

0.17ft ^{2.} °F·h /Btu	R ₁ طبقة الهواء الساكن من الخارج
4.00ft ² .°F·h /Btu	للطوب الأحمر R_2
1.32ft ² .°F·h /Btu	R ₃ لطبقة الغلاف
1.01ft ² .°F·h /Btu	R ₄ الفراغ الهوائي
$0.45 ft^{2.}$ °F·h /Btu	R ₅ الحائط الجاف
0.17ft ² .°F·h /Btu	R ₆ طبقة الهواء الساكن من الداخل
7.12ft ^{2.} °F·h /Btu	R الكلية



تمرين؛ إذا وضعت طبقة عازلة من الفيبر جلاس سمكها 3.5in. داخل الحائط لتحل محل الفراغ الهوائي كما هو موضح في شكل (12.17b) ما هي قيمة R الكلية؟ ما هو معامل نقص الطاقة المُققودة؟ الرحل: R = 17 ft^{2.*}Fh/Btu; عمامل نقص الطاقة المُقودة 2.4.

الحمل Convection

لعلك في يوم من الأيام قد دفات يديك فوق الهب موقد في هذه الحالة يسخن الهواء الملامس للهب الوقد ويتمدد فتقل كثافته ويصعد الهواء إلى أعلى. وهذه الكتلة الساخنة من الهواء تدفئ يديك عندما مسعد في مناسبة الطاقة المنقولة نتيجة لحركة مادة ساخنة يقال عنها أنها انتقلت بواسطة الحمل. مناما تكون الحركة ذاتجة عن فرق في الكثافة، كحالة الهواء القريب من النار، يسمى الحمل في هذه العالم العالم المنطقة حمل طبيعي مادي المستحدة المواء على الشاطئ تعتبر مثالا للحمل الطبيعي. (معني تشبه حركة الماء على سطح البحيرة عندما يبرد فيهبط إلي أسفل، ارجع إلى الباب السادس عندما يتحرك منام التدفئة بفيل قوة ما مثل مروحة أومضخة كما يحدث في نظم التدفئة . الماحز في مدة الحالة يسمى الحمل حملا فسريا Force Convection.

ولولا تيارات الحمل لما أمكننا أن نغلي الماء. فعندما يسخن الماء في غبلاي الشاي تسخن الطبقة السمان من الماء أولا ثم يرتفع الماء الساخن إلى أعلى لأن كثافته أقل. وفي نفس الوقت الماء الأعلى كثافة --- السطح بهبط إلى أسقل الفلاي ليسخن ومكذا.

الفيزياء (الجزء الأول - الميكانيكا والديناميكا الحرارية)

نفس الظاهرة تحدث عندما تدفئ الحجرة بواسطة دفاية. فالدفاية تسخن الهواء في الجزء الأسفل من الحجرة فينمدد الهـواء الدافئ ويرتفع إلى أعلى نظرا لأن كشافته قد قلت، والهواء البارد الأكبر كثافة قرب سقف الحجرة يهبط إلى أسفل وتستمر تيارات الحمل هذه في الصعود والهبوط كما هو موضح في شكل (13.17)



شكل (17.13) تيارات الحمل في حجرة تسخن بواسطة سخان

الإشعاع: Radiation

الطريقة الثالثة لانتقال الطاقة هي الإشعاع radiation كل الأجسام تشع طاقة بصفة مستمرة على شكل موجات كهرومغنطيسية (انظر الباب 34) ناتجة عن التذبذبات الحرارية للجزيئات.

ولعلك تعرف الأشعاعات الكهرومغنطيسية التي تصدر من فرن كهربائي على شكل وهج برتقالي أو من سخان دفاية أوغير ذلك من أجهزة التسخين المنزلية التي تعمل بالكهرياء.

معدل إشعاع أي جسم للطاقة يتناسب مع درجة حرارته المطلقة مرفوعة للأس الرابع. والقانون الذي يحدد تلك العلاقة يسمى قانون ستيفان Stefan's Law وهو كما يلي

$$\mathcal{S} = \sigma A e T^4 \tag{18.17}$$

 σ =5.669 6 x 10^{-8} W/m 2 K 4 مو σ خيث σ the missivity constant يشعه الجسم، σ ثابت يسلوي σ emissivity constant و σ مو σ درارة المربعة للجسم σ σ هو σ المرجة حرارة السطح بالكلفن. ومقدار ثابت الإشعاعية σ تتغير قيمته من صفر إلى واحد، ويعتمد ذلك على نوع سطح الجسم الشع. والإشعاعية تمثل الجزء من الطاقة الساقطة على الجسم التي يمتصها السطح.

تقدر الطاقة المساحبة للإشعاعات الكهرومغنطيسية الآتيه عموديا من الشمس إلى الأرض بمقدار 1340 لكل متر مربع من الغلاف الجوي فوق سطح الأرض لكل ثانية. وهذا الإشعاع يقع أساسا في المنطقة المرثية من الطيف الكهرومغنطيسي وبعضه في المنطقة تحت الحمراء وقدر ليس بقليل من الأشعة فوق البنفسيجية.

وسوف ندرس هذه الإشعاعات بالتفصيل في الباب 34. بعض تلك الإشعاعات تتعكس ثانيا إلى الفضاء الجوي، وبعضه يعتص في الغلاف الجوي، إلا أن جزء كبيراً من الطاقة يصل إلى سطح الأرض في كل يوم ليمدنا بكل ما نحتاج إليه من طاقة بل واكثر مما نحتاج بمثات المرات، إذا ما أمكننا تجميعها 710 واستخدامها بكذائه.

الماء تزايد المنازل في الولايات المتحدة التي تستغل الطاقة الشمسية يبين الجهد المتزايد لاستغلال تلك الماقة الشمسية الإشعاعية تؤثر على حياتنا اليومية بطرق مختلفة منها التأثير من متوسط درجة حرارة سطح الأرض، التيارات المائية في المحيطات، والزراعة، وأنماط تساقط الألحال.

أما ما يعدث لدرجة حرارة الجو أثناء الليل فهو مثال آخر لتأثير انتقال الطاقة بواسطة الإشعاع. اما ما يعدث لدرجة حرارة الجو أثناء الليل غائماً فإن الماء الذي في الغمام يمتص الإشعاعات تحت الحمراء المبعثة من الأرض مديد إشعاعها مرة أخرى للأرض. ومن ثم تظل درجة الحرارة عند سطح الأرض مقبولة. في حالة عدم مد ود تلك السحب لايوجد ما يمنع تلك الإشعاعات من الضياع في الفضاء الخارجي ولذلك تتخفض رجة الحرارة قرب سطح الأرض في الليالي الصافية ويكون الجو أكثر برودة من الليالي الغائمة.

وكما أن الأجسام تشع طاقة بالعدل الذي تعطيه معادلة (18.17) فهي أيضا تمتص الإشماعات 18.40 المورومغنطيسية . وإذا لم تحدث العملية الأخيرة فإن الجسم سيفقد كل طاقته بالإشعاع وتصل درجة 18.40 رارته إلى الصفر المطلق . والطاقة التي يمتصها الجسم تأتي من الوسط المحيط به والذي يحتوي على 18.40 احسام آخرى تشع طاقة . فإذا كانت درجة حرارة الجسم هي 18.40 والوسط المحيط به عند درجة حرارة 18.40 عندثذ سيكون مقدار الطاقة المكتسبة أو المفقودة في كل ثانية بواسطة الجسم عن طريق الإشعاع

$$\mathcal{P}_{\text{net}} = \sigma A e (T^4 - T_0^4) \tag{19.17}$$

عندما يكون جسم في حالة اتزان مع الوسط المحيط فإنه يشع ويمتص طاقة بنفس المعدل ومن ثم 1 لل درجة حرارته فابته مندما يكون الجسم أسخن من الوسطه المحيط فإنه يشع طاقة أكثر مما يمتمر 1 بنال درجة حرارته والسلط للأص الثالي مقام الثالي وأفعا يعرّف على أنه الجسم الذي يمتص كل 1 المثلقة الساقطة عليه ومقدار 2 بالله هذه الأجسام تساوي واحد صحيح 1 = 2 ومثل هذا الجسم يسمى 1 مادة المحسم الأمود block body . والماص المثالي هو أيضا مشع مثالي. وعلى النقيض الجسم الذي له 1 لايمتص أي طاقة ساقطة عليه، مثل هذا الجسم يعكس كل الطاقة الساقطة عليه ولذلك يسمى 1 الطاقة الساقطة عليه ولذلك يسمى

وعاء ديورُ The Dewar Flask

وعاء ديور⁽⁸⁾ هو وعاء مصمم لكي يقلل من مقدار الفقد في الطاقة بالإشعاع والحمل والتوصيل وهذا الوعاء يستخدم لحفظ السوائل الساخنة أو الباردة لمدد كبيرة، والتُرمس المستخدم في المازل Thermo هو أحد أنواع أوعية ديور، وتركيب وعاء ديور كما هو موضح في شكل(14.17) عبارة ، . . , وعاء يتكون جداره من طبقتين من زجاج البيركس مغطى بطبقة من الفضة، والفراغ بين الجدارين

الفيزياء (الجزء الأول - الميكانيكا والديناميكا الحرارية)

مفرغ من الهواء للإقلال من انتقال الحرارة بالتوصيل أو الحمل. أما السطح المفضض فإنه يقلل من انتقال الحرارة بالإشعاع حيث إن الفضة عاكس جيد مقدار ثابت الإشعاع له صغير، وللمزيد من الإقلال من الطاقة الفقودة يقال حجم الرقية.

وتستخدم أوعية ديور لحفظ النتروجين السائل (درجة غليانه 77K) والأكسجين السائل (درجة غليانه 90k).

ولحفظ الهيليوم السائل (درجة غليانه 4.2K) وحرارة تبخيره صغيرة جدا من الضروري استخدام نظام يتكون من أوعية ديور مزدوجة بحيث أن الديور الذي يحتوي على الهيليوم السائل يحيط به ديور آخر يحتوي على نتروجين سائل.



200

مقطع في وعاء ديور يستخدم في حفظ السوائل ساخنة أو باردة

وهناك تصميمات حديثة لأوعية ديور الخاصة بعفظ الهيليوم السائل بها مادة عالية العزل تتكون من عدة طبقات من المواد العاكسة مفصولة عن بعضها بفيبر جلاس fiberglass وكل هذا محفوظ في وعاء مفرخ من الهواء. في هذه الحالة لايستخدم النتروجين السائل.

مثال 11.17 من خضض الترموستات ؟

طالب يريد أن يقرر ماذا بلبس. إذا كانت درجة حرارة الحجرة 20°C . فإذا كانت درجة حرارة سطح جسم الطالب 35°C. مامقدار الطاقة المفقودة من جسمه في 10.0 min بالإشعاع ؟ سنفرض أن ثابت الإشعاع للجسم البشرى 0.900 وأن مساحة سطح جسم الطالب 1.5m².

الحل: باستخدام معادلة 19.17 نجد أن معدل فقد الطاقة من جلد الطالب هي

$$\mathcal{P}_{\text{net}} = \sigma A e (T^4 - T_0^4)$$

=
$$(5.67 \times 10^{-8} \text{ W/m}^2 \cdot \text{k}^4) (1.50 \text{ m}^2)$$

$$\times (0.900) [(308 \text{ k})^4 - (293 \text{ k})^4] = 125 \text{ W}$$

لهذا المعدل تكون الطاقة المفقودة في عشر دقائق هي

$$Q = \mathcal{P}_{net} \times \Delta t = (125 \text{ W}) (600 \text{ s}) = 7.5 \times 10^4 \text{J}$$

لاحظ أن الطاقة التي يشعها جسم الطالب تعادل تقريبا الطاقة التي يشعها مصباحان قدرة كل منهما W 60.



ملخص SUMMARY

الطاقة الداخلية: هي الطاقة الكامنة للنظام وهي تتضمن طاقة الحركة الانتقالية والدورانية والتذبذبية الجزيئات وطاقة الوضع بين الجزيئات وهي داخل الجزيئات.

الحرارة : هي انتقال الطاقة عبر حدود النظام نتيجة لاختلاف درجات الحرارة بين النظام والوسط. الحيط، ويستخدم الرمز Q للدلالة على كمية الطاقة المنتقلة بهذه العملية.

الكالوري: هو كمية الطاقة اللازمة لرفع درجة حرارة جرام واحد من الماء من درجة حرارة $14.5^{\circ}\mathrm{C}$ إلى $15.5^{\circ}\mathrm{C}$ والكاهن الميكانيكي للحراة هو $16.80\mathrm{J}$ = $16.80\mathrm{J}$

السعة الحرارية C لأي عينة هي كمية الطاقة اللازمة لرفع درجة حرارة عينة بمقدار C^* 1. والطاقة Q اللازمة لتغيير درجة حرارة كتلة m من المادة بمقدار ΔT

$$O = mc\Delta T \tag{4.17}$$

حيث c الحرارة النوعية للمادة .

الطاقة اللازمة لتغير الطور لمادة نقية كتلتها m هي

$$Q = mL (6.17)$$

حيث $\,L\,$ هي الحرارة الكامنة للمادة وهي تعتمد على طبيعة التغير الطوري وخواص المادة.

الشغل المبنول بواسطة الغاز عندما يزداد حجمه من قيمته الابتدائية V_i إلى قيمته النهائية V_f هي

$$W = \int_{V}^{V_I} P \, dV \tag{8.17}$$

حيث P هو الضغط الذي قد يتغير أثناد العملية، ولكي نعن قيمة W لايد من توصيف العملية v أوصيفا كاملا، أي لايد من معرفة مقداري V , V في كل مرحلة، أي أن الشغل المبدول يتوقف على المسار الذي يسلكه النظام بين الحالتين الابتدائية والنهائية.

الشافون الأول للدينامتيكا الحراوية؛ ينص على أنه عندما يئتقل نظام من حالة إلي أخرى. التغير هي «للفته الداخلية هي:

$$\Delta E_{\rm int} = Q - W \tag{9.17}$$

حيث Q هي الطاقة المنتقلة إلى النظام بواسطة الحرارة، W هو الشغل الذي يبدئله النظام. بالرغم من W من W يعتمد على المسار الذي يسلكه النظام لينتقل من الحالة الابتدائية إلى الحالة المائية إلى الحالة النهائية إلا أن $\Delta E_{\rm int}$ كمية لاتعتمد على المسار. وهذه المادلة الرئيسية هي أحد قوانين حفظ المائقة النظام.

في العملية الدورية (العملية التي تبدأ وتعود عند نفس الحالة) $\Delta E_{int} = 0$ ومن ثم Q = W و أن الطاقة المنتقلة إلى النظام بواسطة الحرارة تساوى الشغل المبدول بواسطة النظام أثناء العملية الدورية.

《大学》

في العملية الأدبياتيه، لا يوجد انتقال للطاقة بواسطة الحرارة بين النظام والوسط المحيط (=Q) في هذه الحالة يصبح القانون الأول كما يلي -W في هذه الحالة يصبح القانون الأول كما يلي -W في مذا الحالة يصبح القانون الأول كما يلي -W و -W ومن ثم نتيجة للشفل الذي يبذله النظام. في حالة التمدد الأدبياتي الطلبق للغازات -W و -W ومن ثم -W و -W و نتلك العملية.

العملية الأيزوبارية: هي عملية تحدث تحت ضغط ثابت والشغل المبذول في هذه العملية هو

$$W = P(V_f - V_i)$$

 $\Delta E_{\rm int} = Q$ و W=0 من ثم ومن شغل ومن W=0 و W=0 و العملية الأيزوفليوميه والتي تتم مع ثبات الحجم المنافقة الأيزوفليوميه والتي التي تتم مع ثبات الحجم المنافقة الأيزوفليوميه والتي تتم مع ثبات الحجم المنافقة الم

العملية الأيزوشرمالية: هي عملية تتم مع ثبات درجة الحرارة ، الشغل المبذول بواسطة غاز مثالي هي عملية آيزوئرمالية هو

$$W = nRT \ln \left(\frac{V_f}{V_i} \right) \tag{13.17}$$

الطاقة من المكن أن تنتقل على شكل شغل كما ذكرنا في الباب السابع أو بالتوصيل والحمل والإشعاع، والتوصيل يمكن أن نعتبره تبادل لطاقة الحركة بين الجزيئات المتصادمة أو الإلكترونات، ومعدل سريان الطاقة بالتوصيل خلال شريحه مساحتها A هي :

$$\mathcal{S} = kA \left| \frac{dT}{dx} \right| \tag{14.17}$$

حيث لا هو التوصيل الحراري للمادة المسنوع منها الشريحة و ا dT/dx اهو الإنحدار الحراري Temperature gradient . وهذه المعادلة يمكن استخدامها هي العديد من الأحوال التي يهم فيها انتقال الطاقة خلال المواد.

في الحمل: المادة الساخنة تتنقل من مكان لآخر.

في الإشعاع: جميع الأجسام تصدر إشعاعات على شكل موجات كهرومغنطيسية بمعدل

$$\mathscr{P} = \sigma A e T^4 \tag{18.17}$$

والجسم الأكثر سخونة من الوسط المحيط به يشع طاقة أكثر مما يمتص بينما الجسم الأبرد من الوسط المحيط به يمتص طاقة أكثر مما يشع .

OUESTIONS اسئلة

- ا الحرارة التوعية للماء ضعف الحرارة النوعية للكحول الإثلي تقريباً كتلتان متساويتان من الكحول والماء في كاسين أعطيا نفس القدر من الطاقة، قارن بين درجيتي حرارة السائلان.
 - لاأماكن الساحلية جوها أكثر اعتدالا من المناطق الداخلية (القارية) اعط سببا واحدا.
- بونقة صغيرة من المعدن أخذت من فرن عند درجة حرارة 200° وغمست في حوض به ماء عند درجة حرارة الغزفة (هذه العملية تسمى عملية إطشاء (quenching) كم تكون درجة الحرارة النهائية.
- المهي أكبر مشكلة يمكن أن تنتج عند قياس الحرارات النوعية. إذا كانت درجة حرارة العينة أكبر من C°100 ووضعت في الماء.
- أصدى تجارب المساهدة العيملية "demonestration" غيس المعيد اصابعه المبللة في رصاص منصهر 327°C ثم رفعها بسرعة دون أن يحدث لها ضرر. كيف أمكن ذلك ؟ (لاتحاول أن تفعل ذلك لأنها تجرية خطرة).
- وجد الرواد الأوائل أن وضع حوض كبير به
 ماء في مكان خزن المواد الغذائية يمنع الطعام
 من التجمد في الليائي شديدة البرودة. فسر
 للذاؤ
- | 7 أما هو الخطأ في هذه العبارة " إذا أعطيت جسمين فالجسم الأعلى في درجة الحرارة يعتوي على كمية أكبر من الحرارة".
- ۸ لاذا تستطيع أن تمسك بعود ثقاب مشتعل حتى يحترق معظمه ولايبقى منه إلا بضع مليمترات عن أطراف أصابعك ؟
- من الأيسر أن تمسك فنجان شاي ساخناً من
 مقبضه ولا تقبض على سطح الفنجان بيدك.
 للذا 5.

- 10 في شكل (Q10.17) يوجب نموذج مكون بواسطة الجليد على سقف مخرن ماذا يسبب هذا النموذج المنفير بين غطاء جليدي ثم سقف عار وهكذا ؟
- (010.17) 45.2
- 11 للذا يمكن لشخص أن يخرج قطعة من رقائق الألونيوم من الفرن عندما تكون جافة بأصابع يده دون أن يضرها ولكن لايستطيع عمل ذلك إذا كانت قطعة الألونيوم عليها يخار ماء ؟
- 12 الأرض المغطاة بالبلاطة في الحمام تشعر بها باردة إذا كانت قدماك عاريتين بينما الأرض المغطاة بالسجاد في حجرة مجاورة تشعر بأنها أكثر دفئا على قدميك علما بأنها عند نفس درجة الحرارة مثل أرض الحمام الماذا 13 بالارامة مثل أرض الحمام الماذا 13 بالارامة مراء السلاطات بشكا أرض الحمام الماذا 15 بالارامة مثل أرض الحمام الماذا 15 بالارامة مثل أرض الحمام الماذا
- 13 لماذا يتم طهي البطاطس بشكل أسرع عندما تسوى على أسياخ ؟
- 14 لاذا يُضضض السطح الخارجي للتُرْمس
 Thermos ويحاط بغلاف مفرغ من الهواء ؟
- 15 قطعة ورق تلف حول قضيب مصنوع نصفه من الخشب والنصف الآخر من مسعدن إذا وضع ضوق لهب ضبأن الورق حسول الجسزء الخشبي يحترق بينما لايحترق الورق الملفوف حول القضيب المعدني. فسر ذلك.

- 16 لماذا يحفظ التتروجين السائل والأكسيجين السائل في أوعية ديور خاصة مفضضة من الخيارج وتحياط بضاًلف مضرغ من الهواء أو بغلاف من مادة عازلة مثل البوليسترين.؟
- 17 الستائر السميكة المعلقة فوق النوافذ تساعد على الحفاظ على هواء الحجرات دافئا في الشتاء وباردا في الصيف لماذا ؟
- 18 إذا أردت أن تسوي قطعة من اللحم جيدا على نار مكشوفة للذا لايفضل استخدام نار شديدة (ملحوظة: الكربون مادة عازلة للحرارة).
- 19 عندما تريد أن تمزل جدران منزل ذات إطار خشبي هل من الأفضل أن تضع المادة المازنة على السطح الخارجي البارد للجدران أم على السطح الداخلي الدافڻ (في الحالتين يجب وجود حاجز مواني)
- 20 في أحد المنازل التجريبية تضغ حييبات من البوليستيرين في الفراغ الهوائي الموجود بين ضلفتها الشروجة أشاء الليل في فصل الشتاء ويتم إخراجها من النوافذ أثناء النهار. إلى أي مدى تساعد هذا الطريقة في حفظ الطاقة داخل المنزل؟
- 21 كنان الناس في الماضي يخبرنون الفواكم والخضروات في مخازن تحت الأرض. ما هي مميزات هذه الطريقة ؟
- 22 الحرارة النوعية للخرسانة أكبر من الحرارة النوعية للتربة أستخدم هذه الحقيقة لتشرية المساب في أن متوسط درجة الحرارة بالليل في المدن أعلى من درجة حرارة القرب المجاورة. هل تتـوقع أن يهب النسميم من المدينة إلى القرى أم المكس. وضع ؟
- 23 تيارات الهواء الصاعدة ظاهرة معروفة للطيارين وتستخدم في رفع الطائرات التي ليس بها محرك. ما هو السبب في هذه التيارات ؟

 24 – إذا كان الماء ردئ التوصيل للحرارة لماذا يسخن بسرعة عند وضعه فوق لهب.؟

A CONTRACTOR OF THE CONTRACTOR

- 25 البنس Penny هي الولايات المتحدة يصنع الأن من الرئك المطلى بالتحاس، هل يمكن عمل تجرية كالوريمترية لاختيار نسبة الفلز في مجموعة من البنسات؟. إذا كان ذلك ممكنا صف هذه التجرية.
- 26 إذا وضعت ماءً في كبوب من الورق ثم سخنته فوق لهب حتى يغلي فإن الكوب لايحترق كيف يمكن ذلك ؟
- 27 إذا رجَّ تُرمس مغلق يحتوي على فهوة ساخنة ما هي التغيرات إن وجدت في (a) درجة حرارة القهوة (b) الطاقة الداخلية للقهوة. ؟
- 28 [29] باستخدام القانون الأول للديناميكا الحرارية، وضع لماذا الطاقة الكلية لنظام معزول دائما مقدار ثابت.
- 29 هل من المكن تحويل الطاقة الداخلية إلى طاقة ميكانيكية؟ وضح بالأمثلة.
- 30 نفـرض آنك أشرغت القـهـوة في فنجـان وفضلت أن تشربها بعد أن تبقى في الفنجان لبضع دقائق. فلكي تكون النهوة أكثر دفئا هل تضع الكريمة بمجرد صب القهوة أم قبل أن تشربها؟ وضح.
- 31 نفرض أنك قد ملأت فتجانين متشابهين عند درجة حرارة الغرضة ببعض القهوة الساخة، كركان هي أحد الفتجانين ملعقة بعد فترة زمنية قصيرة أي منهما تكون درجة حسرارته أقل، وأي نوع من أنواع انتـقـال الحرارة يكون مسؤلا عن ذلك ؟
- 32 على الطريق بلاحظ وجبود تحدير بوضع قبل بداية الكباري نصمه "سطح الكوبري يتجمد قبل سطح الطريق أي من طرق انتقال الحرارة الثلاثة مسئول عن تجمد سطح الكباري قبل سطح الطرق في الأيام شددة الدودة.

= الحل كامل متاح في المرشد،

PROBLEMS JULIE

1. 2 ، 3 = مسائل مباشرة، متوسطة، تحدى

http:// www. sanunderscollege. com/ physics/ = WEB

= الحاسب الآلي مفيد في حل المسائل = ازواج رقمية/ باستخدام الرموز

قسم 1.17 الحرارة والطاقة الداخلية

- ا أناء عند قمة شلالات نياجرا درجة حرارته 50m قوم يهــيط من ارتضاع 50m قلو كانت كانت كل مايه من طاقة وضع قد استخدمت في رفع درجة حرارة الماء احسب درجة حرارة الماء احسب درجة حرارة الماء عند اسفل الشلالات
- 2 في جهاز جول في شكل (1.17) كان مقدار كل من الكتلتين 1.50kg والوعاء يحتوي على 2009 من الماء، ما مقدار الزيادة في درجة حرارة الماء بعد أن تهبط الكتلتان لمافة m 3.00 م.

قسم 2.17 السعة الحرارية والحرارة النوعية

- درجة حرارة قضيب من الفضة 10.0°C عندما يمتص مقدارا من الطاقة بواسطة الحرارة تساوي 12.3k ، كتلة القضيب 25 52 عين الحرارة النوعية للفضة.
- 4 عينة من النحاس كتلتها 50.0g عند درجة حرارة 25.0°C إذا استصت طاقة قدرها 12001 بواسطة الحرارة ما مقدار درجة حرارتها النهائية.
- أحدوة حصان كتلتها 1.5kg عند درجة حرارة ابتدائية 60.0°C عند مقطت في وعاء به ماء كتلته 20.0kg عند درجة 25°C ما هي درجة الحرارة النهائية ؟ (أهمل السعة الحرارية للوعاء. وافترض أن كمية قليلة من الله قد تبخرت)

- 6 فتجان من الألونيوم كتلته 2009 يعتوي على 2009 من الماء في حالة اتزان عند درجـــة حرارة \$8.00° من الماء معـــال المناء معـــال بانتظام بحــيث إن معـــل انخفاض درجــة الحرارة كان 1.50° (1.1 مــــم مـــم مــــم مــــــــ انخفاض الطاقة \$ اكتب انتيجة بالواط.
- 7 كالوريمتر من الألونيوم كتلته 100g يعتوي على 250g من الماء والكالوريمتر والماء في 1.00°C من الماء والكالوريمتر والماء في وضعت كتلتن محدنيتين في الماء كتلة وضعت كتلتن محدنيتين في الماء كتلة حرارة 0.0°C من التحاس عند درجة حرارة 100°C والكتلة الأخرى 7.00g درجة حرارة 100°C والكتلة الأخرى 20°C عند (a) عن العرارة النوعية للبينة المجهولة (d) ما هو نوع المدن المسنوعة منه الكتلة الثانية ما حودزة التوقع من المتخدام البيانات الواردة في كما تتوقع من استخدام البيانات الواردة في جدول 1.17 .
- 8 بعيرة تحتوي على 201 x 101 x 0.00 من الماء (a) ما مقدار الطاقة اللازمة لكي ترفع درجة حرارة مدا الحجم من الماء من 2.0°C! إلى 2.0°C أي كم عدد السنين بالتقريب تلزم لإمداد هذا القدد من الطاقة إذا أمكتنا استخدام الطاقة الفائضة من محطة طاقة كهريائية وهو 1000MW.

- 9 بنس (عمله معتنية من التحاس) وزنه 3.00g عند رجة حرارة 25 سقط من ارتشاع عند رجة حرارة 25 سقط من ارتشاع 50.0m إلى من التغير في طاقة وضعه ذهبت في زيادة طاقته الداخلية ما هي درجة حرارته النهائية ؟ (أ) هل التتيجة التي حصلت عليها في (a) تعتمد على كتلة البنس ؟ وضح ذلك.
- T_h عند درجة حرارة m_h عند درجة حرارة m_{A1} سكبت في فتجان من الألمونيوم كتلته m_{A1} به كتلة T_c عند درجة حرارة T_c حيث T_c ما هي درجة حرارة اتزان هذا النظام.
- 11 سخان ماء يعمل بالطاقة الشمسية. إذا $6.00m^2$ كاتت مساحة الجمع الشمسي والقدرة التي يعطيها ضروء الشمس والقدرة التي يعطيها ضروء الشمص 5.500 2 حرارة $1.00m^2$ من الماء من 20.0° إلى 6.00° والى 6.00°

قسم 3.17 الحرارة الكامنة

- 12 ما مقدار الطاقة اللازمة لتحويل 40.0g من الجليد عند درجة °C - إلى بخار عند °C - 110.0°C.
- [3] طلقة من الرصاص كتلتها 3.0g عند درجة حرارة حرارة المناسبوعة 240m/6 أطلقت بسرعة 240m/6 على كثلة كبيرة من الجليد عند درجة حرارة C فناصت فيها، ما مقدار كتلة الجليد الذي انصهر نتيجة لذلك ؟
- 14 بخار ماء عند درجة حرارة 200 أضيف السجاد مند درجة 200 (ق) أوجد كمية الجليد للذي أنصهر ودرجة الحرارة التهائية إذا كانت كتلة البخار (10.0 اوكثلة الجليد 50.0g (6) كرر تلك الحسابات باعتبار أن ركم كتلة البخار، إلى 1,0 كمنة البخار، إلى 1,0 كمنة البخار، إلى 1,0 كمنة البخار، إلى 50.0 .

15 - كثلة من النحاس كتلتها 1.00kg عند درجة حبارة 20.0°C غمسرت في وعناء كبينز 20.0°C للتتروجين السائل عند درجة حرارة 77.3K كم كثلة التتروجين الناي يتبخر في الزمن الذي يستغرفه التحاس ليصل إلى 37.3K (الحرارة النوعية للتحاس ليصل إسراوة النوعية للتحاس كيمير التتروجين (الحرارة الكامنة لتبغير التتروجين 48.0 cal/g

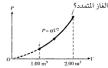
A STATE OF THE STA

- 16 كالوريمتر نحاس كتلته 90.08 يعتوي على 250g من الماء عند درجة حرارة 20.0°C مبا مقدار البخار الذي يتكثف في الماء إذا كنا نريد أن نرفع درجــة حــرارة الكالوريمتــر ومعتوياته إلى 50.0°C.
- قو وعاء معزول أضيف 250g من الجليد عند درجة الصفر سلسيوس إلى 600g من الما عند درجة حرارة 18.0°C (a) ما هي درجة الحرارة النهائية للنظام (d) ما مقدار الجليد المتبقي عندما يصل النظام إلى حالة الاتزان ؟
- 18 مسألة للمراجعة: طلقتان من الرصاص كتلة كل منهما 5.00g ودرجة حرارتها 20.°C وسرعتها 500m/s اصطلعتا تصادما مباشرا مع بعضهما. إذا كان التصادم غير مرن ولايرجد فقد. في الطاقة للغلاف الجوي. صف الحالة النهائية للنظام المكون من الطلقتن.
- 19 رصاص منصبهر كتاته g 90 عند درجة حرارة 327.3°C مس في قالب من الحديد حرارته الإبتدائية 300 ودرجة احرارته الإبتدائية 20.0°C ما هي درجة الحرارة النهائية النظام؟ افترض أن النظام لم يفقد طاقة إلى الوسط المحيط،

قسم 4.17 الشغل والحرارة في العمليات الثرموديناميكية:

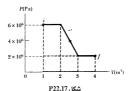
20 - غاز في وعاء عند ضغط 1.5 atm وحجمه 4.00m³ (a) إذا تمدد عند منه خط أنابت إلى ضعف إذا تمدد عند منه خط أنابت إلى ضعف حجمه الإنتدائي (d) إذا انكمش إلى ربع حجمه الأول عند ضغط ثابت.

مينة من الغباز المشالي تمددت إلى ضعف الميدائي وهم الابتدائي وهو يعملية شهده الابتدائي وهو $22 \times 9 = 9$ ومقدار شبه استاتيكية حيث $20 \times 9 = 9$ ومقدار 20×9 مستدار الشغل المبدول بواسطة (17.21) ما مقدار الشغل المبدول بواسطة



شكل P21.17

(a) عين الشغل المبدول بواسطة مائع يتمدد
 (b) من أ إلى f كما هو مبين في شكل (22.17)
 (b) ما مقدار الشغل الذي يبدئله المائع إذا ضغط من أ إلى i على امتداد نفس المسار \$



2.3 - مول واحد من الغاز المثالي . سخن تدريجيا
 بحيث إنه انتقل من الحالة PV إلى الحالة (,2P_i, V_i)
 بطريقة

ما، بحيث إن ضغط الغاز يتناسب مباشرة مع الحجم.

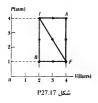
 (a) ما مقدار الشغل المبذول في هذه العملية؟ ما هي العلاقة بين درجة حرارة الغاز وحجمه خلال هذه العملية ؟

24 – عينة من الهيليوم يمكن اعتبارها غازا مثاليا عند إضافة طاقة إليها عن طريق الحرارة مع ثبات الضغط من 273K إلي 373K. إذا بندل الغاز شغلا قدره 20.00 ما مقدار كتلة الهيليوم.

25 غاز مثالي داخل اسطوانة مشبت عليها مكبس متحرك كتابع 9000g مساحه سطحه 500cm². والكبس حر الحركة لينزلق إلى أعلى وأسفل مع ثبات ضغط الغاز. ما مقدار الشغل المدول عند ازدياد درجة حرارة 0.20 من الغاز من 20.0°C.

26 – غاز مثالي داخل اسطوانة مركب عليها مكبس متحرك كتلته m ومساحة سطحه n مكبس متحرك كتلته n واسفل، مع ثبات صنغط الغزاز ما مقدار الشغل الذي يبدئله n من الغاز عندما ترتفع درجة حرارته من n الدر n ?

27 – غاز يتمدد من I إلى F على امتداد ثلاث مسارات ممكنة كما هو موضح في شكل (P27.17) احسب الشغل بالجول الذي يبذله الغاز في المسار IBF, IF, IAF.



القسم 5.17. القانون الأول للديناميكا الحرارية

- 28- غاز انكمش حجمه من 19.0 إلى 2.0 تحت ضغط ثابت مقدار 80ardn في هذه العمارة فقد النظام قدرا من الطاقة بساوي 400 بواسطة الحرارة (a) ما مقدار الشغل البذول بواسطة الغاز \$ (b) ما مقدار التغير في طاقته الداخلية \$
- [29] نظام ثرمروديناميكي يقوم بعملية انخفضت فيها طاقته الداخلية بهقدار لـ 500 في نفس الوقت بذل على النظام شغلا فدره (2201. ما مـقـدار الطاقـة التي انتـقلت منه أو إليـه بواسطة الحرارة.
- 30 مر غاز بعملية دورية كمما في شكل (20.17a) أوجد صافي الطاقة النقولة النقولة النظام بواسطة الحرارة خلال دورة كاملة (6) إذا عكست الدورة واتبعت المسار ACBA ما مقدار صافي الطاقة التي يكتسبها النظام في دورة بواسطة الحرارة.



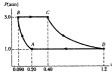
شكل P30.17

- 13 في العـمليــة الدورية البــينة في شكل (P30.17) إذا كانت Q كمية سالبة للعملية BC وإذا كانت $\Delta E_{\rm int}$ سالبة للعملية $\Delta E_{\rm int}$ إشارةQو $\Delta E_{\rm int}$ المساحبة لكل عملية $\Delta E_{\rm int}$
- 22 عينة من غاز مثالي تقوم بالعملية الموضحة في شكل (P32.17) من A إلى B العملية

أديباتيه ومن B إلى C العملية أيزوبارية وقد اكتسب النظام طاقة قدرها 100k بواسطة الحرارة، من C إلى G العملية أيزوثرماليه ومن D إلى A العملية أيزوبارية وفيها فقد النظام 150k من الطاقة بواسطة الحرارة. عين الفرق في الطاقة الداخلية

SEE SET JOSEPH SE

E_{int.B} - E_{int.A}



شكا، P32.17

قسم 6.17 بعض استعمالات القانون الأول للديناميكا الحرارية،-

- غاز مشالي عند درجة حرارة 300k قىلم بعملية تمدد ايزوبارية عند 2.5KPa. إذا زاد الحسيجم من 1009. أول 3.000 وإذا الحسيجم من 1009. أول المناز المناقبة فدرها 12.5Kl المنافبة أسلطة الحرارة، أوجد (6) التغير هي طاقته الداخلية (6) درجة الحرارة النهائية ؟
- 35 ما مقدار الشغل الذي يبذله البخار عندما يغلي 1.00 مسول من الماء عند درجــــة 1.00 ويصبح 1.00 مول من بخار الماء عند درجـــة 20°0 وضــنعط P=1.0am بفـرض أن بخار الماء غـاز مـثالي، احسب التغير في الطاقة الداخلية للبخار عندما ياخذ في الشغر.

.06. قطعة من الألونيوم كتلتها 1.0Kg سخنت عند درجة حرارة الغرفة والضغط الجوي المتابعة حرارتها لتصل إلى 20°00 أوجيد (a) النشغل الذي يبذله الألونيوم (d) الطاقة المضافة إلي الكتلة عن طريق الحرارة (c) الشغير في طاقـتـه الداخلية.

- [75] 2.00 مول من غاز الهيليوم درجة حرارته الابتدائية \$0.40 ath. مشغط الابتدائية \$0.40 ath. مشغط ايزوشمائيا إلى ath. 1.2 ath. ينا أوجد (a) الحجم النهائي للغاز (b) الشغل المبدول بواسطة الغاز (c) الطاقة المنتولة بواسطة الحرارة.
- 38 مول واحد من بخار الماء عند درجة حرارة 373K والطاقة التي يفقدها عندما يبرد يمتصها 10.0 مول من غاز مثالي فتجعاة يتمدد تحت درجة حرارة ثابتة مقدارها 273K إذا كان الحجم النهائي للغاز المثالي 20.0L ما مقدار الحجم الإبدائي للغاز ؟
- 39 غاز مثالي يقوم بدورة ثرموديناميكية تتكون من عـمليـتين أيزوبارييـتين وعـمليـتين أيزونرماليتين كما هي شكل (P39.17) بين أن صافي الشغل المبدول في الدورة كلها يعطى بالمهادلة: 5- يرير برير ميرور
 - $W_{\text{net}} = P_1(V_2 V_1) \ln \frac{P_2}{P_1}$



40 - في شكل (P40.17) التخير في الطاقمة الداخلية لغاز انتقل من الحالة A إلى الحالة C هو 8001+. الشخل المسدول على طول

(d) إذا كان التغيير في الطاقة الداخلية عندما ينتقل النظام من الحالة Cl إلى الحالة A يساوي 2000+، ما مقدار الطاقة التي يجب إضاف تها للنظام بواسطة الحرارة عندما ينتقل من النقطة Cl إلى النقطة Cl.



شكل P40.17 قسم 7.17 طرق انتقال الحرارة:-

41- أنبوية تحصل بخار مغطاه بمادة عازلة سمكها سمكها .. 5cm أحجراري سمكها لتوسيلها الحجراري .. 5cm أحجراري الطاقة المقردة كل ثانية بواسطة الحرارة إذا كانت درجة حرارة البخار 20°C والهواء المحيط عند 20.0cm ومسحيط الأنبوية 20.0cm وطولها 50.0cm إمارات الأنبوية 50.0cm أطراف الأنبوية أطراف الأنبوية

الفيزياء (الجزء الأول - المتكانيكا والديناميكا الحرارية)

- 42 صندوقا مستاحة سطحه الكلية 2 صندوقا مستاحة سطحه الكلية داخل وسمكه من مادة عازلة داخل الصندوق يوجد سخان كهريائي قدرته 30.0W . يبقى على درجة الحرارة داخل الصندوق عند 25.0% اعلى من درجـــــة الحرارة الخارجية. احسب التوصيل الحراري كا للمادة العازلة.
- 43 لوح من زجاح النوشذ مساحته 3.00m² وسيمة ودجات 0,00cm مختل الحرارة بين سطحيه 25.0°C ، ما هو معدل انتقال الحرارة بالتومسل خلال النافذة التي بها هذا اللوح.
- 44 نافذة حرارية مساحتها 6.00m² مصنوعة من طبقتين من الزجاج سمك كل منهما 4.0mm مضولتين عن بعضها بمسافة بها والمسلحة من 5. إذا كان السطح الداخلي عند 20.0° والخارجي عند 3.00° ما هو معدل انتقال الطاقة بالترصيل خلال النافذة.
- [45] قضيب من الذهب منصل حراريا بقضيب من الفـضـة له نفس الطول والمسـاحـة شكل (165.17). أحد طرفي القضيب المزدوج عند درجة حرارة 20% والآخر عند 20%. ما مـقـداد درجـة الحرارة عند نقطة اتصـال القضيبين عندما يصل معدل انتقال الطاقب بالتوصيل إلى حالة الاستقرار الحراري.



46 - قضيبان لهما نفس الطول ومصنوعان من مادتين مختلفتين ومساحة مقطعهما مختلفان، وضعاجنبا لجنب كما في شكل (P46.17) عن صعدل أنت قبال الطاقمة بالتوصيل بدلالة التوصيل الحراري ومساحة

- كلّ قضيب. وعمم نتائجك لحالة نظام يتكون من مجموعة من القضبان.
 - المالية المالية
- شكل P46.17 47 - احسسب المقسدار R لكل مِن (a) نافسذة
- 48 درجة حرارة سطح الشمس $5800 \, {\rm cou}$ ونصف قطر الشمس $6.96 \, {\rm cou}$. احسب الطاقة الكلية التي تشعبها الشمس في الشانية (افترض إن e=0.965)
- 49 بيتزا كبيرة الحجم معلقة في الفضاء ما هو تقديرك لما يأتي (a) معدل فقدها للطاقة ؟ (b) معدل تغيير درجة حرارتها ؟ اذكر الكميات التي قدرتها ومقدار تلك الكميات.
- 50 فتيلة من التنجستين لمسياح قدرته 200W ويشع 2000 على هيئة ضروء (والبساقي ومو 200% والمساع). مساحة سطح 2000 والشماعية 0.900 سطح 255mm² في 2055mm² أوجد درجة حرارة الفتيلة (نقطة انصهار التعسين 3683K)
- 51 عند الظهيرة تسقط طاقة شمسية قدرها (1000w على كل مستسر صريع من الطريق المغطى بالأسفلت (لوية أسرود). إذا كان هذا الطريق يفقد طاقته بالإشعاع فقط. ما مقدار درجة حرارة سطحه عند الاتزان الحراري.

مسائل إضافية

一点,这种种种的

- 52 مائة حرام من النتروحين السائل عند درجة حرارة 77.5K أضيفت إلى 200g من الماء في كأس عند درجة حرارة 5.0°C. إذا كان النتروجين السائل يتحول إلى بخار ويترك الكأس. ما مقدار الماء الذي سيتجمد؟ (الحرارة الكامنة لتبخير النتروجين 79.6 كالورى/جرام).
- 53 متزلج على الجليد كتلته 75 kg يتزلج على الجليد شكل (P54.17). معامل الاحتكاك بين الزلاجة والجليد 0.20. نفرض أن الجليد الذي تحت الزلاجَّةُ عند درجة حرارة 0°C وأن الطاقة الداخلية الناتجة عن الإحتكاك قد أضيفت للجليد الذي التصق بزلاجته. ما هي المسافة التي ينزلج عبرها لكي يذيب 1.0kg من الحليد؟



شكل P54.17

54 قضيب من الألمونيوم طوله 0.5m ومساحة مقطعه 2,50cm² غمس في وعاء معزول حراريا به هيليوم سائل عند درجة حرارة 4.2 k ، القيضيب كيان عند درجية حيرارة ابتدائية مقدارها 300k (a) إذا كان نصف القضيب مغموساً في الهيليوم. ما حجم الهيليوم الذي يتبخر باللتر حتى تصبح درجة حرارة نصف القضيب المغموس في الهيليوم مساويا 4.2k (افترض أن الجزء العلوي لايبرد) (b) إذا بقى النصف العلوى للقضيب

عند درجة 300k ما هو معدل تبخر الهيليوم السبائل بعد أن يصل النصف السفلي من القضيب إلى درجة حرارة 4.2K. (التوصيل الحــرارى للألمونيــوم 31.0J/s·cm·K عند 4.2k اهمل التخير مع درجة حرارته، الحرارة النوعية للألونيوم 0.21cal/g.°C وكثافته 2.70g/cm³ وكثافة الهيليوم السائل 0.125g/cm³

- 55 كالوريمتر الانسياب هو جهاز يستخدم لقياس الحرارة النوعية للسوائل وطريقة استخدامه عبارة عن قياس فرق درجات الحرارة بين الماء الداخل والماء الخارج من الجهاز بينما تضاف طاقة بواسطة الحرارة بمعدل معلوم. في أحد التجارب، سائل كثافته 0.780g/cm³ ينساب خلال الكالوريمتر بمعدل 4.00cm³/s. عند حالة الاستقرار كان الفرق بين درجتي حرارة الماء الداخل والخارج 4.80°C ومعدل إمداد الطاقة عن طريق الحرارة هو 30.0J/S ما هي الحرارة النوعية للسائل؟
- 56 كالوريمتر الإنسياب هو جهاز يستخدم لتعين الحرارة النوعية للسوائل وطريقة عمله عبارة عن قياس فرق درجات الحرارة بين السائل الداخل والسائل الخارج من الكالوريمتر بينما تضاف طاقة عن طريق الحرارة بمعدل معين. في أحد التجارب سائل كثافته ρ ينساب خلال الكالوريمتر، معدل السريان R. عند حالة الاستقرار كان الفرق بين درجتى حرارة السائل الداخل والخارج هو ΔT وكان معدل دخول الطاقة بواسطة الحرارة هو ٠٠ ما هي الحرارة النوعية للسائل.
- 57 مول واحد من غاز مثالي درجة حرارته الابتدائية 300K برد مع ثبات الحجم بحيث أن ضعطه النهائي أصبح ربع ضعطه الابتدائي. تمدد الغاز بعد ذلك مع ثبات (723

الحجم حتى وصل إلى درجة حرارته الأولى. عين الشغل المبذول بواسطة الغاز.

58 - مول واحد من غاز مثالي موضوع في أسطوانة عليها مكبس متحرك ودرجة الحرارة والمنعط والحجم الإبتدائي مي ، (V ج على الترتيب، أوجد الشغل البدؤل بواسطة الغاز في العمليات التالية. وبين كل عملية على الرسم البياني VP (B) انكماش أيزوباري في الحجم صسار فيه الحجم النهائي V الحجم الإبتدائي. (d) انضغاط النهائي إربا الضغط النهائي أربع أمثال الضغط النهائي أربع أمثال الضغط الابتدائي أربع أمثال الضغط الابتدائي النهائي أربط أمثال الضغط الابتدائي. النهائي أربط أمثال الضغط الابتدائي.

59 - غباز مشالي عند P_i , V_i , P_i في حالته الابتىدائية قسام بدورة كـمــا في الشكل (196.17) (ق) أوجد صافي الشغل المبدول بالغاز في كل دورة (ه) مبا مقدار الطاقف بالحرارة النظام خلال الدورة أوجد قيمة عندية لصافي الشغل لكل دورة لواحد مول من الغناز عند درجـة حرارة



شكل P61.17

60 - مسألة للمراجعة، لوح من الحديد موضوع على عجلة من الحديد بعيث إن قوة الإحتاكات الناتج عن الانزلاق بين سطح اللوح وسطح المجلة مقدارها 501. إذا كنات السرعة النسبية التي ينزلق بها السطحين على بعضهما هي 40.0m/s (a) احسب على بعضهما هي 10.0m/s

معدل تحول الطاقة المكانيكية إلى طاقة داخلية (d) كتلة لوح الحديد تساوي كتلة المحافظة تساوي كتلة تساوي 30% وكل منهما يكتسب 50% من الطاقة الداخلية . إذا جرى النظام كما ذكرنا لمدة 10% وتراة منتظمة ما هو لذكل لليصل إلى درجة حرارة منتظمة ما هو مقدار محصلة الزيادة في درجة الحرارة.

 $\frac{1}{63}$ فرن شـمه للطهي يتكون من مـرآة مقعرة عاكسة تركز أشعة الشمس على الجمع المقعرة عاكسة تركز أشعة الشمس على الجمع البراء المسلحة التي تصل إلي الأرض في هذا الموقع على وحدة المساحلت في 40.00 من الموقع على وحدة المساحلت في 40.00 من الطاقة الساخلة متقل إلى الماء ما هي المنة اللازمة لكي يتم غليان وتبـخر 10.00 من الماء تمام علما بأن درجة حرارته الإنتالية ما يك 20.00 من المية الحرارية للإعاء)



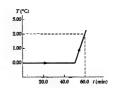
شكل P63.17

62 - ماء يغلي في غلاي الشاي. القدرة المتضفة بواسطة الماء 1.00kw بفسرض أن ضسفط البخار داخل الفناي هو الضغط الجوي عين سرعة تصرب البخار من صنبور الغلاي إذا كانت مساحة مقطعة 2.00km² - 2.00km²

نير عند درجات غير 63 – الماء السائل يتبخر ويغلي عند درجات غير $100^{\circ}\mathrm{C}$

نفرض أن الحرارة الكامنة للتبخير في جدول 7.15 تصلح للتحويل من السائل إلى بخار 7.15 تصلح للتحويل من السائل إلى بخار عند جميع درجات الحرارة. أسطوانة تحتوي على 1.0kg من الماء عند درجة 20°0 ومثبت المكبس بصرعة بحيث أن جزءا من الماء قد بسائل) يضرض أن درجة الحرارة ظلت ثابتة عند درجة 20°0 احسب مقدار كتلة الجليد درجة 20°0 احسب مقدار كتلة الجليد التي تكونت في الأسطوانة.

64 - إناء لطهى الطعمام على مسوقت بطئ
يحال المولاية الماء وكثلة من الجليد في حالة
اتزان عند درجة حرارة الخليط بعد أوضات
قيمت درجة حرارة الخليط بعد أوضات
مختلفة، ورسمت النتيجة في شكل (66.17)
في أول 50.0min في أول 50.0min المسيوس ومن 50.0min المسيوس ومن 50.0min المساورة إلى 60.0min
(أهمل السعة الحرارية للإناء)، احسب الكتلة
الانتدائية الحداد.



شكا، P66.17

- مسألة للمراجعة: (a) كتلة من التحاس وزنها 1.68g ورجة حرارتها صفر ودرجة حرارة الهواء المحيط صفر تركت تتزق على طبقة من الجليد عند درجة حرارة صفر بسرحة 2.5%

الكتله. احسب كتلة الجليد التي انصهرت لكي تصف عملية تباطؤ كتلة النحاس حدد الطاقة الداخلة Q والشغل الخارج W والتغير في الطاقة الداخلية ΔE_{int} والتغير في الطاقة الميكانيكية ΔK لكل من مكعب النحاس وطبقة الجليد (b) مكعب من الجليد وزنه 1.6kg عند درجة الصفر ترك لينزلق بسرعة 2.5m/s على طبقة من النحاس عند درجة الصفر. توقف المكعب بسبيب الاحبتكاك بينه ويبن طبقة النحاس، احسب كتلة الجليد التي انصهرت حدد ΔK , ΔE_{int} , W,Q لکعب الجليد وطبقة النحاس خلال هذه العملية (c) شريحه رفيعة من النحاس كتلتها 1.6kg عند درجة حيرارة 20.°C تركت تنزلق سية 2.5m/s على شريحة أخرى مماثا با وساكنة وعند نفس درجة الحيرارة. يب الاحتكاك في توقف الحركة. إذا لم تُفقد أي طاقة للوسط المحيط بواسطة الحرارة. أوجد التغير في درجة الحرارة للجسمين وحدد لکل جسم خیلال ΔK , $\Delta E_{\rm int}$, W, Qالعملية.

66 - متوسط التوصيل الحراري لجدران (بما في ذلك النوافذ) وسقف منزل كالمين في الرسم (1480م) هو 0.480Wm. وستـــوسط السمك للجدران والسقف 19.12. لنزل الطبق بالثان الطبيعي وحرارة احتراقة (الطاقة الطبق المترق) 8.300 مراة احتراقة الطبق المحترق) 8.300 مراة حرارة اختراقا الكمية من الغاز يجب استهلاكها كل يوم للحصول على درجة حرارة داخل المنزل تساوي 20.00 مراة داخل المنزل تساوي 5.000 دا كانت درجة الحرارة خاررازة المقودة بواسطة سطح الإشعاع الحرارة والحرارة المقودة بواسطة سطح الأرض.



شكل P68.17

76 - بركة ماء عند درجة العمضر مغطاة بطبقة من الجليد سمكها 4.0cm إذا ظلت درجة حرارة الهواء ثابتة وتساوي 0.0°2. معادل الزمن اللازم لكي يزداد سمك الجليد الي 85.0cm (ملحوظة. لحل هذه المسألة المسألة المعردة معادلة 4.17 في الصورة التالية)

$$\frac{dQ}{dt} = kA \frac{\Delta T}{x}$$

ولاحظ أن الزيادة في الطاقة المستخلصة من الله dQ خلال طبقة الجليد التي سمكها X في الطاقة المطلوبة لتجميد طبقة سمكها من الجليد أي أن X من الجليد أي أن X المساحة و X هي كثافة الماء X المساحة و X هي الحرارة الكامنة للأنسهار.

68 – أسطوانة مفرغة، سطعها الداخلي عند درجة حيرارة T_a والسطح الخيارجي عند درجة حيرارة أقل وهي T_a تكل (770.17). حيدان الأسطوانة توصيلها الحراري X بإهمال التأثيرات الطرفية بين أن معدل التوصيل الحراري من السطح الداخلي إلى السطح الداخلي إلى السطح الداخلي T_a

$$\frac{dQ}{dt} = 2\pi L k \left[\frac{T_a - T_b}{\ln(b/a)} \right]$$

(ملحوظة: الانحدار الحراري هو dT/dr. لاحظ أن السريان في اتجاه نصف القطر للطاقة يحدث من خلالا أسطوانة متحدة المركز مساحتها 2m/l)



شكل P70.17

- أكابينة الركاب في الطائرات النفائة لها شكل أنبوية أسطوانية وطولها 3.50m ونصف شكل أنبوية أسطوانية وطولها 3.50m ونصف وقطرها الداخلي 2.50m وجدر انها ما مبطئة المحسواري 6.00m و 6.00m ويستخدم سخان للحفاظ على درجة الحرارة الخارجية عند درجة 25.0°C بينما درجة الحرارة الخارجية عند 5.0°C بينما مقدار القدرة الترازة (المتخدم على هذا الفرق في درجة الحرارة (استخدم على هذا الفرق في درجة الحرارة (استخدم على هذا الفرق في درجة الحرارة (استخدم العقائج التي توصلت إليها في مسألة 83)
- 70 طالب حصل على النتائج التالية في تجربة كالوريمترية صممت لقياس الحرارة النوعية للألونيوم.

درجة الحرارة الابتدائية للماء والكالوريمتر 70°C مرفقة الماء والكالوريمتر 0.400kg م.0.400kg م.0.400kg م.6.3kl/kg°C الحرارة النوعية للكالوريمتر 27°C درجة الحرارة الابتدائية للألونيوم 27°C م.200kg م.200kg

استخدم هذه القيم لحساب الحرارة النوعية للألونيوم (القيمة التي تحصل عليها يجب أن تكون في حدود 15% من القيمة المدونة في جدول 1.1.1.

احانة الاختيارات السرعة: ANSWERS TO QUICK QUIZZES

(1.17): (a) الماء ، الزجاج، الحديد. لأن الماء أعلى حبرارة نوعيية (4186J/kg.*C) سيكون تغيره أقل في درجة الحرارة ثم يتبعه الزجاج (837J/kg·°C) ثم الحديد في النهاية (b) (448J/kg·°C) الحديد الزجاج ، الماء . لرفع درجة الحرارة بقدر ما، الطاقة المنتقلة بواسطة الحرارة تتناسب مع الحرارة النوعية.

(2.17) طبقا لجدول. 2.17 كيلوحرام من البخار عند درجة حرارة 100°C يفقد 2.26 x 10⁶J من الطاقــة لكي يتكثف على شكل ماء عند درجة حرارة 100°C. بعد أن يفقد كل هذا القدر من الطاقة إلى جلدك يصبح مشابها للماء عند درجة حرارة °C وسيستمر يلهب جلدك.

(3.17) E ,A ,C ، الميل هو النسبة بين التغير في درجة الحرارة وكمية الطاقة المضافة. إذن الميل يتناسب مع مقلوب الحرارة النوعية. الماء الذي له أكبر حرارة نوعية سيكون له أقل ميل.

ΔE	W	Q	النظام	الحالات
+	_	0	الهـــواء في	(a) نفخ عـــجلة
				دراجة بسرعة
+	0	+	المساء فسي	(h) حــوض به مــاء
				عند درجة حرارة
				الغرفة موضوع
				فوق موقد.
_	+	0	الهــواء في	(c) هواء يتــســرب بسرعة من بالون
			البـــالون	بسرعة من بالون

(a) (4.17) حيث إن نفخ عـجلة الدراجــة يتم بسرعة لايحدث انتقال للطاقة من أو إلى النظام بواسطة الحرارة إذن Q=0 . حيث إن الشغل قد بذل على النظام إذن الشغل سالب ومن ثُمَّ $\Delta E_{int} = Q - W$ يجب أن يكون مقدارها موحباً. إذن الهواء في المنفاخ تزداد درجة حرارته (b) لايوجد شغل مبذول على النظام أو من النظام لكن الطاقة تنتقل إلى الماء بواسطة الحرارة من السخان ومن ثم $\Delta E_{int}Q$ کمیتان موجبتان (c) حیث إن التسرب سريع لايحدث انتقال للطاقة من أو إلى النظام إذن Q=0. جنريئات الهواء التي تخرج من البالون تبذل شغلا على حزبئات الهواء المحيط لتدفعها بعيدا عن طریقها . إذن W كمية موجبة و ΔE_{int} كمية سالبة. النقص في الطاقة الداخلية يتأكد بكون الهواء المتسرب يصير باردأ

A (5.17) معملية أيزوفليوميه، B عملية أديباتيه، (c) عملية أيزوثرمالية ،D عملية أيزوبارية

(c) (6.17) القماش يعمل كعازل حراري يقلل انتقال الطاقة بواسطة الحرارة من الجو إلى المكعب.



🛊 صورة محيرة

عند بدل جهد عنيف تتولد في أجسامنا طاقة داخلية زائدة لابد من أن يتخلص الجسم منها . ولتسهيل تلك العملية تفرز أجساهنا العرق. أما الكلاب والحيوانات الأخرى هإنها تلهث لكي تصل إلى نفس النتيجة وفي العملية بي يعدث تبخر للسائل فكيف تساعد تلك العمليات في تريد الجسم تريد الجسم

والفصل والثامل عشر

18

نظرية الحركة للفازات The Kinetic Theory of Gases

ويتضمن هذا الفصل:

5.18 قانون التوليزمسان The Boltzmann Distribution Law

6.18 تـــوزع الســـرعات الجزيئــــية Distribution of Molecular Speeds

7.18 المسار الحسسر المتوسط (Optional) Mean Free Path

2.18 الحرارة النوعية الولية للغاز المثالي Molar Specific Heat of and Ideal Gas

1.18 النموذج الجزيئي للغاز المسالي

Molecular Model of an Ideal Gas

3.18 العمليات الأديباتية في الغاز المثالي Adiabatic Processes for an Ideal Gas

4.18 التجرزة المتساوي للطاقسة The Equipartition of Energy في الباب التاسع-عشر درسنا خواص الغازات المثالية، مستخدمين في ذلك المتغيرات الماكروسكوبية مثل الحجم والضغط ودرجة الحرارة.

وسنبِن الآن أن تلك الخواص يمكن وصفها كذلك على مستوى ميكروسكوبي، حيث سنعتبر أن المادة هي تجمعات لجزيئات، لقد أمكننا عن طريق استخدام قوانين نيوتن للحركة عند استخدامها بطريقة استاتيكية لجموعة من الجسيمات أن نصف العمليات الثرموديناميكية بشكل مرض، ولكي نبقي على بساطة المعالجات الرياضية سوف ندرس السلوك الجزيئي للغازات فقط حيث إن التأثر interactions بين الجزيئات في الحالة الغازية أضعف بكثير مما هو عليه في حالة السوائل والأجسام الجامدة.

طبقا للنظرية الحالية بشأن سلوك الغازات والمسماه نظرية الحركة للغازات كما تتصادم مع مع جدران الوعاء الذي يعتويها كما تتصادم مع بعدران الوعاء الذي يعتويها كما تتصادم مع بعضها البعض، لعل من أهم خمسائص هذه النظرية النها توضع أن طاقة الحركة للجزيئات والطاقة البداخلية للنظام الغازي متكافئتان، أصنع إلي ذلك أن نظرية الحركة تعطينا أساسا فيزيائيا لفهومنا عن درجة الحرارة، في أبسط النماذج للغازات يعتبر كل جزئ كرة صلاة تتصادم بمرونة لاالجزيئات الأخرى ومع جدران الوعاء، ونموذج الكرة الصلية hard sphere model يفترض أن الجزيئات الاتناثر ببعضها إلا أثناء التصادم وأن شكلها لايتأثر بالتصادم، وهذا النموذج كاف فقط للغازات أحداية الذرة التي تعتبر طاقتها طاقة حركة أنتقالية فقط. ولابد من تطوير النظرية لتشمل الجزيئات الأكثر تعقيداً مثل الأكسجين (6) وثاني اكسيد الكربون CO2، لكي تشمل الطاقة الداخلية المرتبطة بالحركة الدورانية والحركة الدورانية

MOLECULER MODEL OF AN IDEAL GAS النموذج الجزيئي للغاز المثالي المنافئة

- سنيداً هذا الباب بوضع نموذج ميكروسكوبي للغاز المثالي والنموذج بيين أن الضغط الذي يحدثه 10.5 الغاز على جدران الوعاء الذي يحتويه ناتج عن تصادم جزيئات الغاز بالجدران، وكما سترى هذا النموذج يتفق مع الوصف الماكروسكوبي في الباب التاسع عشر، وهذا النموذج يفترض بضعة فروض هي:
- عدد الجزيئات كبير، ومتوسط المدافة بين الجزيئات كبير جدا بالنسبة لأبعادها وهذا يعني أن حجم الجزيئات مهمل بالمارنة بحجم الوعاء الذي يحتويه .
- الجزيئات تخضع لقوانين نيوتن للحركة، ولكنها تتعرك بصورة عشوائية ونقصد بكلمة "عشوائية" أن
 الجزئ يستطيع أن يتحرك في أي اتجاه باحتمالات متساوية Equal Probability. ويفترض كذلك أن
 توزع السرعات لايختلف مع الزمن على الرغم من التصادمات التي تحدث بين الجزيئات، أي أن في
 لحظة ما تتحرك نسبة معينة من الجزيئات بسرعة كبيرة ونسبة أخرى بسرعة قليلة ونسبة ثالثة
 تتحرك بسرعة متوسطة بين الاثنن.



- تتصادم الجزيئات مع بعضها البعض ومع جدار الوعاء الذي يحتويها. أثناء ذلك تظل طاقة الحركة
 وكمنة الحركة ثابتة.
- القوى بين الجزيئات ضئيلة ويمكن إهمالها ما عدا أثثاء التصادم. والقوى بين الجزيئات صغيرة المدى
 ومن ثم فالجزيئات تتأثر ببعضها أثناء التصادم فقط.
- الغاز المقصود هو غاز نقي أي أن جميع جزيئاته متماثلة تماماً. على الرغم من أننا نصور الغاز المثالي
 على أنه يتكون من ذرات مفرده يمكننا أن نفترض أن سلوك الغاز الجزيئي يقترب من الغاز المثالي
 بشكل جيد عند الضغوط المتخفضة. والحركة الدورانية والتديديية للغاز ليس لها أثر على الحركة
 التى سنتاولها هنا.

والآن سنستنتج علاقة لضغط الغاز المثالي الذي يتكون من عدد N من الجزيئات داخل وعاء حجمه V و الوعاء مكعب الشكل طول كل ضلع من أضالاعه V شكل (1.18). سنتناول تصادم جزئ واحد V و V_y في هذا البياب سنرمذ لكثلة الجزئ المراحز V_y . عندما يصطدم الجزئ بجدار الوعاء تصادماً مرناً ينعكس اتجاه مركبة السرعة V_y بينما لايتنير اتجاه سرعة المركبات V_y مين (2.18). حيث إن المركبة V_y لكمية حركة الجزئ هي (V_y عدد التصادم، إذن التغير في كمية حركة الجزئ هي (V_y عدد التصادم، إذن التغير في كمية حركة الجزئ هي (V_y



شكل 18.1 صندوق مكعب الشكل طول ضلعه d يحتوي على غباز مثالي والجزئ المبين يتحرك بسرعة v .

$$\Delta p_x = -mv_x - (mv_x) = -2mv_x$$

باستخدام نظرية الدفع- كمية الحركة الزاوية (معادلة 9.9) للجزئ نجد أن:

$$F_1 \Delta t = \Delta p_x = -2mv_x$$

حيث F_1 هو مقدار القوة التي يؤثر بها جدار الوعاء على الجزئ في زمن قدرة Δ 0 والرمز السفلي (1) يعني أننا نتعامل مع جزئ واحد، ولكي يصطدم نفس الجزئ مرة ثانية مع نفس الجزئ الد أن يقطع مسافة قدرها Δ 2 في اتجاه المحور Δ 1. إذن الفترة الزمنية بين تصادّمين مع نفس السطح هو: Δ 1 = Δ 4 (10 = Δ 3)

وعلى فترة زمنية أطول من الفترة Δ t متوسط القوة المؤثرة على الجزئ لكل تصادم هو:

$$F_{1} = \frac{-2mv_{x}}{\Delta t} = \frac{-2mv_{x}}{2d/v_{-}} = \frac{-2mv_{x}^{2}}{d}$$
 (1.18)

طبقاً لقانون نيوتن الثالث متوسط القوة التي يؤثر بها الجزئ على الجدار تساوي مقدار القوة في معادلة (1.18) وتضادها في الاتجاء

$$F_{||(\omega_x)||_{\omega_x}} = -F_{||} = -\left(\frac{-mv_x^2}{d}\right) = \frac{mv_x^2}{d}$$

الفيزياء (الجزء الأول - المكانيكا والديناميكا الحرارية)

وكل جزئ من جزيئات الغاز يؤثر بقوة F_1 على الجدار. سنجد إن القسوة الكلية F المؤثرة على الجدار بواسطة الجزيئات هي مجموع القوى التي يؤثر بها كل جزئ على حده على الجدار.

$$F = \frac{m}{d}(v_{x1}^2 + v_{x2}^2 +)$$

في هذه المعادلة $v_{\rm X}$ هي المركبة في اتجاه المحور x لسرعة الجزئ (1) لجزئ $v_{\rm X}$ سيم مركبة السرعة في اتجاه المحور x للجزئ وهكذا. وينتهي الجمع عندما نصل إلى الجزئ N حيث إنه يوجد عدد N من الجزئئات للغاز، مما سبق نجد أن متوسط مقدار مربع السرعة في اتجاء المحور x لمدد N من الجزئات هو:

$$\overline{v_x^2} = \frac{{v_{x1}}^2 + {v_{x2}}^2 + + {v_{xN}}^2}{N}$$
 : [ذن القوة الكلية المؤثرة على الجدار هي

 $F = \frac{Nm}{d}\overline{v_x^2}$

pythagorean الآن سنركز على جزئ واحد في الوعاء مركبات سرعته هي y_2 , v_3 ومعادلة pythagorean تربط بين مربع السرعات لهذا الجزئ ومربع المركبات على النحوالتالى:

شكل 2.18 جزئ يتصادم تصادماً مرناً مع حدران الوعاء، المركسة x لكمسة

حركته بنعكس اتجاهها بعد التصادم

بينما المركبة لا لايحدث لها تغير. في هذا النموذج الجـــزئ يتــحــرك في

الستوى xy.

$$v^2 = v_x^2 + v_y^2 + v_z^2$$

ومن ثَمَّ فإن متوسط قيمة v_2^2 لجميع الجزيئات في الوعاء ترتبط بمتوسط قيم v_2^2 , v_y^2 , v_z^2 طبقا للملاقة :

$$\overline{v^2} = \overline{v_x^2} + \overline{v_y^2} + \overline{v_z^2}$$

وحيث إن الحركة عشوائية فإن القيم المتوسطة لمربع المركبات الثالاثة $\overline{v_z^2}, v_y^2, \overline{v_z^2}$ متساوية وباستخدام هذا المفهوم في العلاقة السابقة نجد أن: $\overline{v_z^2} = 3\overline{v_z^2}$

إذن القوة الكلية المؤثرة على جدار الوعاء المحتوى على الغاز هي

$$F = \frac{N}{3} \left(\frac{mv^2}{d} \right)$$

وباستخدام تلك العلاقة يمكننا إيجاد الضغط الكلي المؤثر على الجدار

$$P = \frac{F}{A} = \frac{F}{d^2} = \frac{1}{3} \left(\frac{N}{d^3} m \overline{v^2} \right) = \frac{1}{3} \left(\frac{N}{V} \right) m \overline{v^2}$$

$$P = \frac{2}{3} \left(\frac{N}{V} \right) \left(\frac{1}{2} m \overline{v^2} \right)$$
(2.18)

وهذه النتيجة ثبين أن الضغط يتناسب مع عدد الجزيئات بوحدة الحجوم ومع متوسط طاقة الحركة الانتقالية للجزيئات 1/2m/2. وفي اشتقاق هذا النموذج المسط للغاز الثنالي. قد حسلنا على نتائج هامة ترعله بين كمية ماكروسكوبيه مثل الضغط وبين كمية ذرية هي متوسط مربع السرعة الجزيئية. ومن ثم فقد أوجدنا علاقة أساسية بين عالم الذرات والعالم الكورسكوبين ذي المقاييس الكبيرة.

بمكنك أن تلاحظ من المسادلة 2.18 أنها تحقق بعض خواص الشغط التي نعرفها، فأحد طرق زيادة الضغط داخل وعاء أن تزيد عدد الجزيئات بوحدة الحجوم وهو ما تقوم به عند تزويد إطار السياره بالهواء، ويمكن أن يرتقع الضغط داخل الإطار بزيادة طاقة الحركة الانتقالية لجزيئات الهواء في الإطار كما سنرى بعد قليل، ويتم ذلك عن طريق رفع درجة



حرارة هذا الهواء وهذا هو السبب في أن الضغط داخل الإطار يزداد عندما يسخن الإطار أثناء رحلة طويلة. فالتضاغطات المستصرة التي تحدث في الإطار أثناء دورانه فوق سطح الطريق ينتج عنها بذل شغل ناتج عن تغير شكل الإطار، مما يزيد الطاقة الداخلية للمطاط، وارتفاع درجة حرارة المطاط ينتج عنه انتقال طاقة بالحرارة إلى الهواء داخل الإطار مما يزيد من درجة حرارته، وهذا الارتفاع في درجة الحرارة يؤدي إلى ارتفاع الضغط.

التفسير الجزيئي لدرجة الحرارة Molecular Interpretation of Temperature

يمكننا أن نفهم بعمق معنى درجة الحرارة بكتابة المعادلة 2.18 بالطريقة المألوفه

$$PV = \frac{2}{3} N \left(\frac{1}{2} m \overline{v^2} \right)$$

دعنا نقارن هذه المعادلة بمعادلة الحالة للغاز المثالي (معادلة 10.16)

$$PV = Nk_BT$$

ونتذكر أن معادلة الحالة مبنية على أساس الحقائق العملية المتطلة بالسلوك الماكروسكوبي للغازات. بمساواة الحد الأيمن في كل من الملاقتين نحصل على الملاقة التالية:

$$T = \frac{2}{3k_0} \left(\frac{1}{2} m \overline{v^2} \right) \tag{3.18}$$

أى أن درجة الحرارة هي مقياس مباشر لمتوسط طاقة الحركة الجزيئية.

بإعادة ترتيب معادلة 3.18 يمكننا أن نوجد علاقة تربط بين طاقة الحركة الجزيئية الانتقالية ودرجة الحرارة

$$\frac{1}{2}m\overline{v^2} = \frac{3}{2}k_BT$$
 (4.18)

:ان: متوسط طاقة الحركة الانتقالية للجزئ تساوي $\frac{3}{2}k_{\rm B}T$ حيث أن $\overline{v_x^2}=\frac{1}{3}\overline{v^2}$ نستنج أن

$$\frac{1}{2}m\widetilde{v_r}^2 = \frac{1}{2}k_BT$$
(5.18)

وبطريقة مشابهة يمكننا أن نستنتج أن حركة الجزئ في محوري ٢,٧ هي

$$\frac{1}{2}m\overline{v_y}^2 = \frac{1}{2}k_BT$$
 $g = \frac{1}{2}m\overline{v_z}^2 = \frac{1}{2}k_BT$

إذن كل درجة حرية انتقالية تضيف قدراً متساوياً من الطاقة للغاز قدره $\frac{1}{2}k_BT$ (بصفة عامة درجات الحرية تعني عدد الطرق التي يستطيع الجزئ عن طريقها أن يكتسب طاقة) ويمكننا أن نعمم تلـك النتيــجة في نظرية تسمى نظـرية (التجـزؤ المتساوي للطـاقة -Theorem of equipartition of en) وهى تقص على الآتي. (وrgy)

كل درجة من درجات الحربة تضيف $\frac{1}{2}k_{\mathrm{B}}T$ إلى طاقة النظام

طاقة الحركة الانتقالية الكلية لعدد N من الجزيئات لغاز هي متوسط الطاقة لكل جزئ المطاة بمعادلة 18.4 في عدد N من الجزيئات

$$E_{\text{trans}} = N\left(\frac{1}{2}m\overline{v^2}\right) = \frac{3}{2}Nk_BT = \frac{3}{2}nRT$$
 (6.18)

حيث استخدمنا $_{\rm B}$ $_{\rm ER/N_A}$ لثابت بولتزمان و $_{\rm R}$ $_{\rm R}$ لبدد مولات الغاز. فإذا اعتبرنا غازاً له نوع واحد فقط من أنواع الطاقة للجزئ وهي طاقة الحركة الانتقالية يمكننا أن نستخدم العلاقة 18.6 للتمبير عن الطاقة الداخلية للغاز. وهذا يعني أن الطاقة الداخلية للغاز المثالي تعتمد فقط على درجة الحرارة.

والجذرالتربيعي لمربع متوسط السرعة $\overline{v^2}$ يسمى الجذر التربيعي لمربع السرعة المتوسطة (german square speed rms) للجزئ، ومن معادلة (4.18) نحصل على الجذر التربيعي لمربع السرعة المتوسطة للجزئ كما يلى:

$$v_{\rm rms} = \sqrt{\overline{v^2}} = \sqrt{\frac{3k_{\rm B}T}{m}} = \sqrt{\frac{3RT}{M}}$$
 (7.18)

حيث M هي الكتلة المولية بالكيلوجرام/مول (كتلة المول من الغاز المثالي المستخدم). والعلاقة (7.18) تؤكد أن عند أى درجة حرارة تتحرك الجزيئات الخفيفة في المتوسط أسرع من الجزيئات الثقيلة.

فمثلا عند درجة حرارة ما جزيئات الهيدروجين التي كتلتها الجزيئية Kg/mol -2x10 تكون

متوسط سرعتها أربع مرات قدر متوسط سرعة جزئ الأكسجين الذي كتلته 32x10-3Kg/mol. وجدول (1.18) يعطى قيم الجذر التربيعي لمربع السرعة المتوسطة لمختلف الجزيئات عند درجة حرارة 20°C.

جدول 1:18 الجدر التربيعي دريع السرعة التوسطة لبعض الفازات

u _{rms} مند m/s 20°C	کتندنئول g/mol	الغساز	υ _{rms} مند 20°C m/s	کتلة الول g/mol	الغساز
511	28.0	نتروجين أوC0	1904	4.02	هيدروجين
494	30.0	NO	1352	4.00	هيليوم
408	44.0	CO_2	637	18.0	ماء
338	64.1	SO_3	602	20.2	نيون

مثال 18 الله أسطوانة هيليوم

أسطوانة هيليوم تستخدم في مثل البالونات حجمها 0.30m³ وتحتوي على 2.0mol من غاز الهيليوم عند درجة حرارة ° 2.00° بافتراض أن الهيليوم يسلك كغاز مثالي (a) ما مقدار طاقة الحركة الانتقالية الكلية لجزيئات الغاز

الحل: باستخدام معادلة (6.18) حيث T=293k , n=2.0 mol الحل:

$$E_{\text{trans}} = \frac{3}{2} nRT = \frac{3}{2} (2.00 \text{ mol}) (8.31 \text{ J/mol} \cdot \text{K}) (293 \text{ K})$$

 $= 7.30 \times 10^3 J$

(b) ما مقدار متوسط الحركة للجزئ

الحل: باستخدام معادلة (4.18) نجد أن متوسط طاقة الحركة للجزئ هي

$$\frac{1}{2}m\overline{v^2} = \frac{3}{2}k_BT = \frac{3}{2}(1.38 \times 10^{-23}\text{J/K}) (293 \text{ K})$$

 $= 6.07 \times 10^{-21} J$

تمرين؛ إذا علم أن كتلة المول للهيليوم هي $4.00 \times 10^{-3} \, kg/mol$ عين الجذر التربيعي لمتوسط مربع السرعة 20° C السرعة 10° C السرعة

الإحالة: 1.35 x10³ m/s

اختيار سريع 1.18

عند درجة حرارة الحجرة متوسط سرعة جزيئات الهواء تصل إلى بضع مئات الأمتار في الثانية، الجزئ الذي يتحرك بهذه السرعة يعبر الحجرة في جزء من الثانية. إذا أخذنا ذلك في الاعتبار فلماذا تستغرق رائحة العطور أو أي إيروسول بضع دقائق لتنتقل عبر الحجرة.

2.18 من الحرارة النوعية المولية للغاز المثالي: MOLAR SPECIFIC HEAT OF AN IDEAL GAS

الطاقة اللازمة لرفع درجة حرارة عدد n من المولات لغاز من درجة الحرارة T_i إلى درجة الحرارة T_c تعتمد على المسار الذي يسلكه الغاز من الحالة الإبتدائية إلى الحالة النهائية. لفهم ذلك سنعتبر غازاً مثالياً يقوم بعدة عمليات بحيث إن التغير في درجة الحرارة ($\Delta T = T_f - T_i$) لجميع العمليات له نفس المقدار. نفس التغير في درجة الحرارة يمكن الوصول إليه باتخاذ مسارات عديدة من أيزوثرم إلى آخر (أيزوثرم يعنى منحنى أيزوثرمالي) كما هو مبين في شكل (3.18) حيث أنΔT لها نفس القيمة لكل السارات و Δ E_{int} التغير في الطاقة الداخلية له نفس المقدار في كل من المسارات كذلك. من القانون الأول للديناميكا الحرارية نعلم

ان W = ΔE_{int} السار، W هي أن Q = ΔE_{int} الساحة تحت المنعني تختلف أيضا باختلاف المسار إذن الطاقة



شكل (3.18) غاز مشالى انتقل من . أيزوثرم عند درجة حرارة T إلى أخر عند درجة حرارة T+ ΔT من خلال ثلاث طرق مختلفة.

اللازمة لأحداث تغير معن في درجة الحرارة ليس لها قيمة واحدة بل تختلف قيمتها تبعاً لاختلاف المسار. لهذا سوف نُعرِّف الحرارة النوعية للعمليتين الأكثر شيوعاً وهما التغير مع ثبات الحجم والتغير مع ثبات الضغط وحيث إن عدد المولات هي مقياس مناسب لكمية الغاز . سوف نعرف الحرارة النوعية المولية المرتبطة بهاتين العمليتين بالعلاقتين التاليتين.

$$Q = nC_{\rm v} \Delta T$$
 حجم ثابت (8.18)

$$Q = nC_p \Delta T$$
 شغط ثابت (9.18)

حيث $C_{
m v}$ الحرارة النوعية المولية عند ثبات الحجم و $C_{
m o}$ هي الحرارة النوعية المولية عند ثبات الضغط عندما نسخُّن غاز مع ثبات الضغط لاتزداد طاقته الداخلية فقط ولكن الغاز أيضا يبذل شغلاً نتيجة لتغير الحجم. إذن الحرارة (مع شارع Q لابد وأن تشمل مقدار الزيادة في الطاقة الداخلية ومقدار الطاقة المنتقلة خارج النظام عن طريق الشغل الذي يبذله الغاز على الوسط المحيط ولذلك C_v فمقدار C_p أكبر من $Q_{(v_{chil})}$ ومن ثم أكبر من $Q_{(P_{chil})}$

في الجزء السابق وجدنا أن درجة الحرارة للغاز هي مقياس لطاقة الحركة الانتقالية لجزيئات الغاز. وهذه الطاقة الحركية مرتبطة بحركة مركز الكتلة لكل جزئ وهي لاتتضمن الطاقة المرتبطة بحركة الجزئ الداخلية وعلى وجه الخصوص الحركة الدورانية والحركة التذبذبية حول مركز الكتلة. وهذا 736 كيس بغريب لأن النموذج المبسط لنظرية الحركة يفترض أن الجزئ غير مركب. ومن وجهة النظر هذه سنتناول أولاً أبسط حالة لغاز مثالي وحيد الذرة، أي يحتوي على ذرة واحدة لكل جزئ مثل الهيليوم والنيون والأرجون. عند إضافة قدر من الطاقة إلى غاز أحادي الذرة في مستودع ذو حجم ثابت عن طريق التسخين مثلاً كل الطاقة المضافة تذهب في زيادة طاقة الحركة الانتقالية للنرات، وليس هناك طريقة أخرى لحفظ الطاقة في غاز أحادي الذرة، إذن من معادلة (6.18) نجد أن الطاقة الكلوة الداخلية الكلوة هي كانر أحد أن من معادلة (6.18) نجد أن

$$E_{\rm int} = \frac{3}{2} N k_{\rm B} T = \frac{3}{2} nRT$$
 (10.18)

لاحظ أنه للغاز المثالي وحيد الذرة $E_{\rm int}$ دالة في درجة الحرارة T فقط والعلاقة بينهما ممثلة بالمعادلة (10.18). ويصفة عامة الطاقة الداخلية لغاز مثالي دالة في درجة الحرارة T فقط. والعلاقة المضبوطة تعتمد على نوع الغاز كما سنرى بعد قليل.

اختبار سريع 2.18

كيف تتغير الطاقة الداخلية للغاز عندما ينقص الضغط بينما يزداد الحجم بحيث إن $E_{\rm int}$ (b) $E_{\rm int}$ (c) $\Xi_{\rm int}$ (a) $\pm \Delta E_{\rm int}$ (b) تقل $\pm \Delta E_{\rm int}$.

إذا انتقلب طاقة إلى نظام ما بواسطة الحرارة مع ثبات الحجم، في هذه الحالة لاييذل شغل بواسطة $W = \int P \ dV = 0$ النظام. أي إن $W = \int P \ dV = 0$

ومن ثُمُّ من القانون الأول للديناميكا الحرارية نحد أن

$$O = \Delta E_{int} \tag{11.18}$$

أي أن كل الطاقة المنتقلة براسطة الحرارة تذهب في زيادة الطاقةالداخلية ودرجة حرارة النظام. في شكل (4.18) موضع عملية تتم تحت حجم ثابت من الحالة الإبتدائية i إلى الحالة النهائية f و ΔT هو ضرق عملية تتم تحت حجم ثابت من الحالة الإبتدائية i إلى الحالة النهائية f و ΔT هو المحادثة درجات الحرارة بين المنحنيين الأيزوثرميين. وبإحلال مقدار Q من الملاقة 8.18 في المعادلة 11.18 نحصل على ماياتي:

$$\Delta E_{\rm int} = nC_{\rm v}dT \tag{12.18}$$

إذا كانت الحرارة النوعية المولية ثابتة يمكننا التعبير عن الطاقة الداخلية للغاز كما يلى

$$E_{int}=nC_vT$$

وهذه المعادلة تستخدم لجميع الغازات المثالية سواء أحادية الذرة أو عديدة الذرة.

في التغيرات متناهية الصغر. يمكننا استخدام معادلة 12.18 للتعبير عن الحرارة النوعية المولية مع ثنات الحجم. كما يلى

$$C_V = \frac{1}{n} \frac{dE_{\text{int}}}{dt}$$
 (13.18)

الآن سوف نستخدم النتائج التي توصلنا إليها للغاز أحادي الذرة الذي كنا بصدد دراسته بإحلال الطاقة الداخلية من معادلة 10.18 في معادلة 13.18 نجد أن

$$C_V = \frac{3}{2}R$$
 (14.18)

وهذه المعادلة تعطى فيمة لمقدار الحرارة النوعية المولية

لجميع الغازات أحادية الذرة وهي تتفق تماماً مع القيم المقاسة للحزارة $C_{
m v}=rac{3}{2}R=12.5$ J/mol.k النوعية المولية للغازات مثل الهيليوم والنيون والأرجون والزينون في مدى كبير من درجات الحرارة (جدول 2.18).

نفرض أن الغاز أخذ مساراً 'i→f فيه الضغط ثابت كما هو موضح في شكل 4.18. على طول هذا المسار ترتفع درجة الحرارة ثانياً بمقدار ΔT.

الطاقة التي يجب أن تنتقل بواسطة الحرارة إلى الغاز في هذه العملية هي $Q = nC_n \Delta T$. بما أن الضغط الضغط P حيث P هو مقدا الضغط الذي يبذله الغاز هو P حيث P هو مقدا الضغط الثابت الذي حدثت عنده العملية.

باستخدام القانون الأول لهذه العملية نجد أن

$$\Delta E_{\rm int} = Q - W = nC_{\rm p} \, \Delta T - P \, \Delta V \qquad (15.18)$$

في هذه الحالة الطاقة التي تضاف إلى الغاز بواسطة الحرارة جزء منها يبذل شغلاً خارجياً (أي يستخدم في تحريك المكبس المثبت فوق أسطوانة الغاز) والباقي يعمل على زيادة الطاقية الداخلية للغاز. لكن التغير في الطاقة الداخلي i op f' يساوي التغير في الطاقة الداخلية في العملية $i \rightarrow f$ لأن معتمد فقط على درجة الحرارة في الغاز المثالي ونظرا لأن ΔT لها نفس المقدار في العمليتين بالإضافة إلى ذلك حيث إن PV = nRT نلاحظ أنه في العمليات التي تتم مع ثبات الضغط $P \Delta V = nR\Delta T$. بإحلال هذا $\Delta E_{int} = nC_v \Delta T$ معادلة 15.18 في معادلة $P \Delta V$ معادل 738 (12.18) نحصل على



شكل 4.18 تنتقل الطافة بالحرارة إلى الغاز المثالي بطريقتين، للمسار تحت حجم ثابت $i \rightarrow f$ تذهب كل الطاقة في رفع الطاقة الداخلية للغاز لأنه لايبذل

$$nC_{V}\Delta T = nC_{P}\Delta T - nR\Delta T$$

$$C_{P} - C_{V} = R \qquad (16.18)$$

(وقيمته 8.31J/mol·k) وهذه المادلة تصلح للغازات الحقيقية كما تبين القيم المعطاه في جدول 18.8 حيث أن $C_{\rm P}$ كما يلى.

$$C_P = \frac{5}{2}R = 20.8 \text{ J/mol} \cdot \text{K}$$

Cp الحرارة النوعية المولية للغاز أحادى الذرة تحت ضغط ثابت.

النسبة بين هاتين السعتين الحراريتين تساوي كمية لا أبعاد لها dimensionless يرمز لها بالرمز γ

$$\gamma = \frac{C_P}{C_V} = \frac{(5/2)R}{(3/2)R} = \frac{5}{3} = 1.67 \tag{17.18}$$

جدول (2.18) الحرارة التوعية المولية للغازات المختلفة الحرارة التوعية المولية *(J/mol-K)

Gas	Cp	$c_{ m v}$	$C_{\rm P}$ – $C_{\rm V}$	$\gamma = C_{\rm P} / C_{\rm V}$					
Mona	Monatomic Gases								
He	20.8	12.5	8.33	1.67					
Ar	20.8	12.5	8.33	1.67					
Ne	20.8	12.7	8.12	1.64					
Ke	20.8	12.3	8.49	1.69					
Diator	Diatomic Gases								
H_2	28.8	20.4	8.33	1.41					
N_2	29.1	20.8	8.33	1.40					
O_2	29.4	21.1	8.33	1.40					
CÕ	29.3	21.0	8.33	1.40					
Cl_2	34.7	25.7	8.96	1.35					
Mona	Monatomic Gases								
CO_2	37.0	28.5	8.50	1.30					
SO_2	40.4	31.4	9.00	1.29					
$\rm H_2 \tilde{O}$	35.4	27.0	8.37	1.30					
\tilde{CH}_4	35.5	27.1	8.41	1.31					

والقيم النظرية للكميتينγ , Cp يتفقان جيداً مع القيم العملية للغازات أحادية الذرة، إلا أنها لاتتفق بشدة مع الغازات الأكثر تعقيداً انظر حدول (2.18) وهذا متوقع حيث إن القيمة $C_V = \frac{3}{2}R$ اشتقت للغياز المثالي أحادي الذرة، ونتوقع بعض الإضافات للحرارة النوعية المولية من التركيب الداخلي للجزيئات الأكثر تعقيداً. في القسم 4.18 سنوضح تأثير التركيب الجزيئي على الحرارة النوعية المولية للغازات، سوف نجد أن الطاقة الداخلية وتبعاً لذلك الحرارة النوعية المولية للغازات عديدة الذرة لابد وأن تتضمن إضافات نتيجة للحركة الدورانية والحركة التذبذبية للجزيئات.

医腹腔 整整 经基本的 1990 Co. 1000

وجدنا أن الحرارة النوعية المولية للغازات تحت ضغط ثابت أكبر من الحرارة النوعية المولية تحت حجم ثابت. وهذا الفرق ناتج عن أنه في العمليات التي تتم تحت حجم ثابت لأبيذل شغل وكل الطاقة المنتقلة بواسطة الحرارة تستغل في زيادة الطاقة الداخلية (ودرجة الحرارة) للغاز بينما في العمليات التي تتم تحت ضغط ثابت يتحول جزء من الطاقة المنتقلة بواسطة الحرارة إلى شغل يبذله النظام أثناء عملية التمدد ومن ثم يفقد جزءاً من تلك الطاقة. في حالة الأجسام الجامدة والسوائل التي تسخن تحت ضغط ثابت، مقدار الشغل الذي يبذله النظام يكون صغيراً جداً لأن التمدد الحراري صغير ومن ثُمَّ CV, Cp متساويان للأجسام الجامدة والسوائل.

تسخبن أسطوانة هبليوم مثال 2.18

أسطوانة تحتوى على 3.0mol من غاز الهيليوم عند درجة حرارة 300k (a) إذا سخن الغاز تحت حجم ثابت. كم مقدار الطاقة المنتقلة بواسطة الحرارة إلى الغاز لكي ترتفع درجة حرارته إلى 500k.

الحل اللعملية تحت حجم ثابت

$$Q_1 = n C_V \Delta T$$

ΔT= 200 K, 12.5 J/ mol· K بما أن C_{V} لغاز الهيليوم هي

 $Q_1 = (3.0 \text{ mol}) (12.5 \text{ J/ mol} \cdot \text{K}) (200 \text{K}) = 7.5 \times 10^{-3} \text{ J}$

(b) ما مقدار الطاقة التي يجب أن تنتقل إلى الغاز بواسطة الحرارة تحت ضغط ثابت لكي ترتفع درجة حرارتة إلى 500 K.

 $C_p = 20.8 \text{J/mol·k}$ نجد أن 18.2 مجدول 18.2

 $Q_2 = nC_D \Delta T = (3.0 \text{mol}) (20.8 \text{J/mol/k}) (200 \text{k}) = 12.5 \times 10^3 \text{J}$

تمرين : مامقدار الشغل المبدول بواسطة الغاز في هذه العملية الأيزوبارية

 $W = Q_2 - Q_1 = 5.0 \times 10^3 \,\text{J}$ الجواب: 740



3.18 > العمليات الأديباتية للغاز المثالي

ADIABATIC PROCESSES FOR AN IDEAL GAS

كما وجدنا في القسم 6.20 العملية الأدبياتيه هي عملية لا يتم فيها انتقال للطاقة عن طريق الحرارة بين النظام والوسط المحيط به فمثلاً إذا إنكمش الغاز أو تمدد بسرعة كبيرة فإن مقدار الطاقة المنتقلة إلي الخارج أو إلى النظام بواسطة الحرارة يكون صغيراً جداً. ومن ثم تكون العملية أدبياتيه تقريباً (يجب أن نعلم أن درجة حرارة النظام تتغير في العملية الأدبياتيه على الرغم من أنه لاتوجد طاقة منقوله بواسطة الحرارة) مثل هذه العملية تحدث في دورة آلة الجازولين التي سنتتاولها بالتقصيل في الفصل التالى.

مثال آخر للعملية الأديباتيه، التمدد البطئ جداً لغاز معزول حرارياً عن الوسط المحيط، وبصفة عامة، العملية الأديباتيه هي عملية لايتم فيها تبادل للطاقة بواسطة الحرارة بين نظام والوسط المحيط.

نفرض أن غازاً مثالياً قام بعملية تمدد أبياتي. في أي لحظة خلال العملية سنفترض أن الفاز في حالة اتزان، بعيث إن معادلة الحالة PV = nRT تكون صحيحة. كما سنرى، العلاقة بين الضغط والحجم في أي لحظة خلال العملية الأدبياتية تعطى بالمعادلة.

$$PV^{7} = \text{constant}$$
 (18.18)

حيث γ = Cp/Cv يشترص أنها ثابتة خبلال العملية. ومن ثم نجد أن المتغيرات الثلاثة في قانون الغازات المُثالِية وهي T,V,P تتغير أثناء العملية الأديباتيه.

إثبات أن PV =constant في العمليات الأديباتيه،-

عندما يتمدد الغاز أدياباتيا في أسطوانة معزولة حرارياً، لا يحدث انتقال للطاقة بواسطة الحرارة بين الغاز والوسط المحيط أي أن 0= Q .

نفرض أن التغير المتناهي الصغر في الحجم هو dV، والتغير المتناهي الصغر في درجة الحرارة هو dV. الشغل الذي بذائع الغاز هو Pdv. حيث إن الطاقة الداخلية للغاز المثالي تتوقف على درجة الحرارة فقط. التغير في الطاقة الداخلية في عملية التمدد الأدبياتي مماثل للتغير في العملية الأيزوفليومية ببن نفس درجتي الحرارة، $dE_{\rm int} = nC_V dT$ (12.18)

ومن ثم نجد أن الشانون الأول للديناميكا الحرارية $\Delta E_{\rm int} = Q - W$ وحيث أن Q = Q يصبح في الصورة التالية:

$$dE_{\rm int} = nC_V dT = -P dV$$
 (1)

بأخذ التفاضل الكلى لمعادلة الحالة للغاز المثالى PV = nRT نجد

$$PdV + VdP = nRdT$$
 (2)

(1) بالتعويض عن dT في المعادلة (2) بقيمتها من المعادلة نجد أن

$$P \, dV + V \, dP = -\frac{R}{C_V} P \, dV$$

PV وبما أن $C_{\rm P}-C_{
m V}=R$ وبقسمة طرفي المعادلة على على على على وبما على

$$\frac{dV}{V} + \frac{dP}{P} = - \left(\frac{C_P - C_V}{C_V} \right) \frac{dV}{V} = (1 - \gamma) \frac{dV}{V}$$

$$\frac{dP}{P} + \gamma \, \frac{dV}{V} = 0$$
 פַּנִד
צוחל אנה ווא
אנה וואנה יבסטע פּנָד
בעור פּנָד

$$\operatorname{Ln} P + \gamma \operatorname{Ln} V = \operatorname{constant}$$

وهي تكافئ العلاقة (18.18) أي أن

 $PV^{\gamma} \;\; \text{=} constant$



أنفخ في إطار دراجة بسرعة ثم تحسس طرف المنفاخ المتصل بالخرطوم، لماذا أصبح ساخناً؟



شكل (5.18) رسم PV لعملية تمدد أديب اليب $T_f < T_i$ في هذه العملية

منحنى PV لعملية التصدد الأبياتي موضح في شكل (5.18) نظراً لأن $I > \gamma$ منحنى $I > \gamma$ انشر النحار مائقة على شكل المحارا من منحنى التمدد الأبزوثرمالي، من تعريف العملية الأدبياتية لإبتبادل النظام طاقة على شكل حرارة مع الوسط المحيط، إذن من القانون نجد أن $\Delta Eint$ كمية سالبة (الغاز يبدئل شغلا، ونقل تبعا لذلك طاقته الداخلية) وكذلك $I \sim \Delta I$ أيضا كمية سالبة أي أن الغاز يبرد $I \sim T_f < T_f$ أثناء العملية الأدبياتية.

على العكس من ذلك، تزداد درجة الحرارة إذا ضغط الغاز أديباتيا.

باستخدام معادلة (18.18) للحالتين الإبتدائية والنهائية نجد أن:

$$P_i V_i^{\gamma} = P_f V_f^{\gamma}$$
 (19.18)

باستخدام فانون الغازات المثالية يمكننا أن نعبر عن معادلة (19.18) على النحو التالي:

$$T_i V_i^{\gamma - 1} = T_f V_f^{\gamma - 1}$$
 (20.18)

مثال 3.18 ﴿ أسطوانة آلة الديزل

هواء عند درجـة حـرارة 2.0°C في أسطوانة آلة ديزل ضـغطه الإبتـدائي 2.0°C وحـجــه
800.0cm . ضغط فصـار حجمه النهائي 60.0cm . فإذا فرضنا أن الغاز يسلك كغاز مثالي وفيمة
γ له تساوى 1.0 و وان عملية الانضغاط تمت أديباتيا .

أوجد قيمة الضغط النهائي ودرجة الحرارة النهائية للهواء.

الحل: باستخدام المعادلة 19.18 نحد أن

$$P_f = P_i \left(\frac{V_i}{V_j} \right)^{\gamma} = (1.00 \text{ atm}) \left(\frac{800.0 \text{ cm}^3}{60.0 \text{ cm}^3} \right)^{1.40} = 37.6 \text{ atm}$$
 ان $PV = nRT$ نصلح لأي عملية ولم يتسرب أي غان $PV = nRT$ وحيث إن

$$T_f = \frac{P_f V_f}{P_f V_i} T_i = \frac{(37.6 \text{ atm}) (60.0 \text{ cm}^3)}{(1.00 \text{ atm}) (800.0 \text{ cm}^3)} (293 \text{ K}) = 826 \text{ K} = 553 ^{\circ}\text{C}$$

والضغط المرتفع في آلة الديزل يرفع درجة حرارة الوقود بشكل كاف بحيث يشتعل دون حاجة لشموع احتراق Spark Plugs

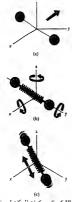
التجزؤ التساوي للطاقة (التساوي الطاقة (التجزؤ التساوي الطاقة التجزؤ التساوي التجزؤ التساوي الطاقة التجزؤ التساوي الطاقة التجزؤ التساوي الطاقة التجزؤ التساوي التجزؤ التساوي التجزؤ التساوي الطاقة التجزؤ التساوي التجزؤ التساوي الطاقة التجزؤ التساوي الطاقة التجزؤ التساوي التجزؤ التساوي الطاقة التجزؤ التساوي التجزؤ التساوي الطاقة التجزؤ التساوي الطاقة التجزؤ التساوي التجزؤ التحري

THE EQUIPARTITION OF ENERGY وجدنا فيما سبق أن الإستتاجات المبنية على أساس نموذج

وجدانا فهما مديق أن الإستناجات البنية على أساس مودج الحرارة التوعية المؤلية تتفق مع سلوك الغازات وحيدة الدرة وليس مع سلوك الجزيئات عديدة الدرة (انظر جدول 21.8). بالإضافة الى ذات وجدانا أن القيمة المستنجة باستخدام هذا النموذج لكمية منا المودخ حيث إن $C_P - C_V = R$ متساوية لجميع الغازات، وهذا أمر متوقع حيث إن هذا الغرق ناتج عن الشغل المبذول بواسطة الغاز وهو ما لا يعتمد على تركيبه الجزيئ.

لكي تتعرف على الفروق في قيم Cp ,Cp في الغازات الأكثر تعقيداً من الغازات أحدادية النرة، يجب أن نعرف أولاً مصدر الحرارة النوعية المولية. حتى الآن قد اعتبرنا أن الإضافة الوحيدة للطاقة الداخلية للغاز ناتجة عن طاقة الحركة الانتقالية للجزيئات. إلا أن الطاقة الداخلية للغاز تتضمن إضافات من الحركة الانتقالية والتذبذيية والدورانية للجزيئات، والحركات الدورانية والتذبذيية الجزيئات يمكن أن تضاف مع الحركة الإنتقالية لها.

ولقد تبين من الميكانيكا الإحصائية statistical mechanics أن عدداً كبيراً من الجسيمات يخضع لقوانين نيوتن للحركة، والطاقة المتاحة توزع بالتساوي على كل درجة من درجات الحرية .



شكل 6.18 . الحركات المكنه لجزئ ثنائي الذرة (a) حركة دورانية انتقالية (b) حركة دورانية حول الحاور المختلفة (c) حركة تنبذيية حول الحور الجزيئ.

نتذكر من قسم 18.1 أن نظرية التجزؤ equipartition theorem تتص على أنه في حالة الاتزان كل $\frac{1}{2}k_BT$ درجة من درجات الحرية تضيف قدراً من الطاقة مساوياً $\frac{1}{2}k_BT$ لكل جزئ.

ستأخذ حالة غاز ثنائي الذرة شكل جزيئاته تشبه الدميلز العاسمال المستخدم في التدريبات الرياضية لبناء الأجسام (كما في شكل 18.6) في هذا النموذج، مركز الثقل للجزئ يمكنه أن ينتقل في الاتحامات x, y, x شكل (18.6a).

بالإضافة إلى ذلك يستطيع الجزئ أن يدور حول ثلاث محاور متعامدة على بعضها شكل (61.18). يمكننا أن نهمل الدوران حول محورy. $\frac{1}{2}$ حول هذا المحور أن نهمل الدوران حول محورy. $\frac{1}{2}$ حول هذا المحور كميات يمكن إهمالها بالمقارنة بالطاقة الدورانية حول محوري x. إذا اعتبرنا أن الذرتين على شكل نقط. عندار x يساوى صفراً.

إذن يوجد خمس درجات حرية: ثلاثة للعركات الانتقالية واثنان للعركة الدورانية. حيث إن كل درجة من درجات الحرية تضيف في المتوسط $\frac{1}{2}k_{\mathrm{B}}T$ من درجات الحرية تضيف في المتوسط $\frac{1}{2}k_{\mathrm{B}}T$ من الطاقة لكل جزئ. إذن الطاقة الداخلية الكلية لنظام يتكون من عدد N من الجزيئات هو:

$$E_{\text{int}} = 3N(\frac{1}{2}k_{\text{B}}T) + 2N(\frac{1}{2}k_{\text{B}}T) = \frac{5}{2}Nk_{\text{B}}T = \frac{5}{2}nRT$$

ويمكننا أن نستخدم هذه النتيجة ومعادلة 13.18 لحساب الحرارة النوعية المولية مع ثبات الحجم.

$$C_V = rac{1}{n}rac{dE_{
m ont}}{dT} = rac{1}{n}rac{dT}{dT} \left(rac{5}{2}nRT
ight) = rac{5}{2}R$$
 من معادلتي 17.18, 16.18 نحصل على على $\gamma = rac{C_P}{C_V} = rac{7}{2}rac{R}{2} = rac{7}{5} = 1.40$

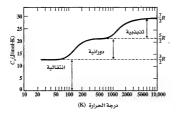
وهذه النتائج تتفق مع معظم القيم للغازات ثنائية الذرة المعطاه في جدول (2.18). إلا أن ذلك يثير بعض الدهشة حيث إننا لم ناخذ في الاعتبار الإضافة الناتجة عن احتمال تذبذب الجزئ. في النموذج التذبذبي ترتبط الدرتان بزينرك افتراضي (انظر شكل 6.18c) والحركة التذبذبية تضيف درجتين إضافيتين من درجات الحرية، ناتجتين عن طاقة الحركة وطاقة الوضع المرتبطتان بالتذبذب على امتداد الجزئ. ومن ثم فإنه طبقا للفيزياء الكلاسيكية ولنظرية التجزؤ المتساوي للطاقة نستنتج أن الطاقة الداخلية للجزئ تكون على النحو التالى:

$$E_{\rm int} = 3N(\frac{1}{2}k_{\rm B}T) + 2N(\frac{1}{2}k_{\rm B}T) + 2N(\frac{1}{2}k_{\rm B}T) = \frac{7}{2}Nk_{\rm B}T = \frac{7}{2}nRT$$
 والحراوة النوعية المولية مع ثبات الحجم

$$C_V = \frac{1}{n} \frac{dE_{\text{int}}}{dT} = \frac{1}{n} \frac{d}{dT} \left(\frac{7}{2} nRT \right) = \frac{7}{2} R$$

100 A 100 A

إلا أن هذه النتيجة لاتتفق مع النتائج العملية للجزيئات مثل N₂, H₂ انظر جدول (2.18) مما يجعل النموذج الذي افترضناه على أساس الفيزياء الكلاسيكية ليس صحيحاً.



شكل (7.18) الحرارة النوعية المولية الهيدوجين كدالة في درجة الحرارة. القيباس الأفقي لوغارتمي. لاحظ أن الهيدوجين تحدث له إسالة عند 20k.

عدد درجات الحرية للجزيئات المحتوية على اكثر من ذرتين تكون اكثر مما ذكرنا والذبذبات اكثر نعقيداً. وينتج عن ذلك حرارة نوعية مولية اكبر وقد تتفق بشكل تقريبي مع النتائج التجريبية. فمع ازدياد عدد درجات الحرية المتاحة للجزئ، تزداد الطرق التي تمكنه من اختزان طاقة داخلية أكبر، وهذا بدوره يؤدي إلى خرارة نوعية مولية أكبر.

لقد رأينا أن نظرية التجزؤ المتساوي للطاقة قد نجحت في تفسير بعض خصائص الحرارة النوعية المولية لجزيئات الغاز وعلاقتها بالتركيب الجزيئ. إلا أنها لم تعط تفسيراً للتغير الملحوظ في الحرارة النوعية المولية مع تغير درجات الحرارة، ومن أمثلة هذا التغير بدرجة الحرارة، نجد أن 1 للهيدوجين 1 المقدارها 1 2 من درجة حرارة 2 520k حتى 2 550k ثرداد تدريجيا إلى أن تصل إلى 1 2 فوق درجة حرارة 2 67 من مقدا يغني أن هناك تذبذبات كثيرة تظهر بشكل واضح في درجات الحرارة المتعة، وفي درجات الحرارة المن 2 520k عيما يعني أن للجزئ طاقة حركة المتالية فقط عند درجات الحرارة المتخفضة.

نبذه عن تكمية الطاقة: AHint of Energy Quantization

لعل السبب في عدم نجاح نظرية التجزؤ المتصاوي في تفسير تلك الظاهرة ناتج عن عدم كفاية البكانيكا الكلاسيكية عندما تستخدم للنظم الجزيئية.

لإيجاد تفسير مرض يفضل استخدام نصوذج كم ميكانيكي تكون فيه طاقة كل جزئ مكمًّاة . Quantized . فرق الطاقة بين كل مستوين متجاورين من مستويات الطاقة التذبذبية لجزئ مثل . اليصل إلى أكثر من عشرة أمثال طاقة الحركة للجزئ عند درجة حرارة الغرفة. ومن ثُمُّ فإن التصادم بين الجزيئات عند درجات الحرارة المنغفضة لا يعطي الطاقة الكافية لإحداث تغيير في الحالة التنبذيبية للجزئ، ويقال عادة أن درجات الحرية مجمدة "frozen". وهذا مايفسر السبب في أن الطاقة التنبذيبية لاتضيف إلى الحرارة النوعية المولية للجزيئات في درجات الحرارة المنغضة.

مستويات الطاقة الدورانية ايضا مكماة إلا أن فرق الطاقة بين تلك المستويات عند درجات الحرارة العادية مستويات الطاقة الكماة قليل بالقارنة العادية معندر بالقارنة بمتدار K_BT وحيث إن فروق الطاقة بين مستويات الطاقة الكماة قليل بالقارنة بنوائق من بالتظام ينطبق مع معطيات الميكانيكا الكلاسيكية. إلا أنه عند درجات الحرارة المتخفضة أقل من M_B عندما يصبح مقدار M_B معندر بالمقارنة بغرق الطاقة بين مستويات الطاقة الدورانية وقد لا تصبح المسبح في أن M_B تتخفض قيمتها إلى M_B للهيدروجين M_B الميدروجين M_B

الحرارة النوعية المولية للأجسام الجامدة The Molar Specific Heat of Solids

ثبت أن الحرارة النوعية المولية للأجسام الصلبة تتغير أيضاً بتغير درجة الحرارة. الحرارة النوعية المولية للأجسام الصلبة بصفة عامة تقل بشكل غير خطي مع تناقص درجة الحرارة وتقترب من الصفر عندما تقترب من الصفر المطلق. في درجات الحرارة المرتفعة عادة أعلى من 300k الحرارة النوعية المولية تقترب من المقدار الحالية التحرارة النوعية المولية تقترب من المقدار 28-31/10 (مانتائج الفحلية المبينة في شكل 8.18 تبين الملاقة بين درجة الحرارة والحرارة النوعية المولية لمانتين جامعتين من أشباه الموصلات هما السليكون والجرمانيوم يمكننا أن نوضح الحرارة النوعية المولية التجوزة المساوي. عند إزاحة الذرات عن وضع الاتزان، تقوم كل ذرة بحركة توافقية بسيطة في اتجاهات المحاور 2, 2, 3.

 $E = \frac{1}{2}mv_x^2 + \frac{1}{2}kx^2$ والعلاقتان بالنسبة للحركة التنبئيية في اتجاء المحورين Z, Y, ون لكل ذرة في الأجمعام مشابهتان للعلاقة السابقة في اتجاء X. إذن لكل ذرة في الأجمعام الجامدة ست درجات حرية. وطبقا لنظرية التجزؤ المتماوي تعادل طاقة تنبئيية متوسطة مقدارها $\frac{1}{2}k_BT = 3k_BT$ كل ذرة . إذن الطاقة الداخلية الكلية لجسم جامد يتكون من عدد N من الذرات هو .

$$E_{int} = 3Nk_BT = 3nRT$$
 (21.18)



شكل (8.18) الحبرارة التوصية المولية للسليكون والجرمانيوم. عندما تقشرب T من الصفر المطلق، تقشرب الحرارة النوعية المولية كذلك من الصفر.

من هذه النتيجة نجد أن الحرارة النوعية المولية لجسم جامد عند حجم ثابت هي:

$$C_V = \frac{1}{n} \frac{dE_{\text{int}}}{dT} = 3R$$
 (22.18)

وهذه النتيجة تتفق مع القانون العملي الذي توصل إليه ديلونج وبتي.

أما التناقض بين هذا النموذج والمطيات العملية عند درجة حرارة منخفضة فناتجة مرة أخرى عن عدم كفاية الفيزياء الكلاسيكية لوصف النظم الميكروسكوبيه.

THE BOLTZMANN DISTRIBUTION LAW فانون التوزع لبولتزمان \$1.18

لقد أهملنا حتى الآن حقيقة هامة، وهي أن جميع جزيئات الغاز ليس لها نفس السرعة ولانفس الطاقة، حيث أن حركتها عشوائية تماماً، وأي جزئ على انفراد يتصادم مع الجزيئات الأخري بمعدل كبير جدا قد يصل إلي بليون مرة في الثانية، وكل تصادم ينتج عنه تغير في السرعة وفي اتجاه الحركة للجزيئات المشاركة، من معادلة 7.18 نجد أن متوسط السرعات الجزيئية يزداد بزيادة درجة الحرارة. ومانريد أن نعرفه هو العدد النسبي للجزيئات التي لها بعض الخواص مثل نسبة معينة من الطاقة الكلية أو السرعة، ونسبة عدد الجزيئات التي لها بعض الخواص المطلوبة إلى العدد الكلي للجزيئات التي لها بعض الخواص المطلوبة إلى العدد الكلي للجزيئات هي درجة احتمال أن جزئ معيناً له هذه الخواص المطلوبة.

الغلاف الجوي الأسي Exponential Atmosphere

نبدأ بوصف توزيح الجزيئات في الغلاف الجوي. سنحاول أن نبين كيف يتغير عدد الجزيئات في وحدة الحجوم من الغاز بالارتفاع. في النموذج الذي وضعناه سنفترض أن درجة حرارة الغلاف الجوي ثابته وتساوي T (هذا الفرض ليس صحيحا حيث إن درجة حرارة الغلاف الجوي تتقص بمقدار2°2 لكل 300m زيادة في الارتفاع) إلا أن النموذج يبين الملامح الرئيسية للتوزيع.

طبقا لقانون الغاز المشالي، الغاز الذي يحتوي على عدد N من الجزيئات في حالة انزان $PV = nk_BT$ حراري يخضع للعلاقة $PV = nk_BT$ ومن الأفضل أن نكتب تلك العلاقة بدلالة الـكثافة العددية $PV = nk_BT$ سيخضع للعلاقة $PV = nk_BT$ وهي تعطي عدد الجزيئات في وحدة الحجوم من الغاز. وهي كمية مامه وتتغير من مكان لآخر، وهدفنا الآن أن نبين كيف تتغير $PV = nk_BT$ إذن لوحوثنا مقدار $PV = nk_BT$ أمر من قانون الغاز المثان المدالة $PV = nk_BT$ على النحو التالي $PV = nk_BT$ إذن لوحوثنا مقدار $PV = nk_BT$ محديد الضغط والعكس، الضغط الجوي ينقص مع زيادة الارتضاع لأن أي طبقة من الهواء لابد وأن حمل كل وزن الغلاف الجوي الذي فوقها، أي أنه كلما زاد الارتفاع قلَّ وزن الهواء فوق تلك الطبقة، ومن أنه الله الطبقة، ومن

لتعيين تغير الضغط مع الارتفاع. سنأخذ طبقة من الغلاف الجوي سمكها dy ومساحة مقطعها A دما هو موضح في شكل (9.18).

الفيزياء (الجزء الأول - الميكانيكا والديناميكا الحرارية)

حيث إن الهواء في حالة اتزان استاتيكي قيمة الكمية PA وهي القوة إلى أعلى التي تؤثر على السطح السفلي لتلك الطبقة يجب أن تزيد عن مقدار القوة المؤثرة إلى أسفل على السطح العلوى للطبقة (P+dp)A) بمقدار يساوى وزن الغاز في هذه الطبقة. إذا كانت كتلة جـزى الغـاز في الطبـقـة يسـاوي m والعـدد الكلى للجـزيئـات في تلك $mgN = mgn_V V = mgn_V Ady$ الطبقة هو N. إذن وزن الطبقة هو



编码 4500 - 100

$$PA - (P + dP)A = mgn_V Ady$$
 : ومن ثم نجد أن

$$dP = -mgn_V dy$$
 ويمكننا اختصار هذه العلاقة لتصبح

وبإحلال تلك النتيجة $dp=k_{\rm B}Tdn_{\rm V}$ وبإحلال تلك النتيجة $dp=k_{\rm B}Tdn_{\rm V}$ وبإحلال النتيجة في العلاقة السابقة للمقدار dp وتعديل الحدود نجد أن:

$$\frac{dn_V}{n_V} = -\frac{mg}{k_{\rm B}T}dy$$
: ويتكامل هذه المعادلة نحصل على الآتى :

$$n_V(y) = n_0 e^{-mgy/k_BT}$$
 (23.18)

Law of atmospheres هو الكثافة العددية عند y=0 وهذه العلاقة تسمى قانون الأجواء n_0 وطبقا للعلاقة 18.23 الكثافة العددية number density تقل أسيا مع زيادة الارتفاع عند ثبوت درجة الحرارة. الكثافة العددية للغلاف الجوى للأرض عند مستوى سطح البحر حوالي

 $P = n_V k_B T$ حيث أن الضغط . $n_0 = 2.69 \times 10^{25}$ molecules/m³

نجد من معادلة (23.18) أن الضغط في غلافنا الجوى يختلف باختلاف الارتفاع طبقاً للمعادلة

$$P = P_0 e^{-mgy/k_8T} (24.18)$$

 $P_0 = n_0 k_B T$ حيث

لوقارنا هذا النموذج بالضغط الجوى الفعلى كدالة في الارتفاع نجد أن الشكل الأسى هو الأقرب إلى الصواب بالنسبة للغلاف الجوى للأرض.

مثال 8.4 أ الحزيئات الطائرة على ارتفاعات عالية.

ماهي الكثافة العددية للهواء على ارتفاع 11.km (الإرتفاع الذي تطير عليه الطائرات التجارية النفاثة) بالقارنة بالكثافة العددية على مستوى سطح البحر؟ افترض أن درجة الحرارة عند هذا 748 / الارتفاع هي نفس الدرجة عند سطح الأرض 20.0°C. الرحل، الكثافة العددية للغلاف الجوي للأرض يتناقص أسيا مع الارتفاع طبقا لقانون الأجواء، معادلة 18.23 . نفترض أن متوسط الكتلة الجزيئية هو 28.9u يساوى X10⁻²⁶kg باعتبار قيمة

يلي (23.18) كما يلي بيل (3.18) كما يلي بيل محساب مقدار الأس للعلاقة الأسية ،
$$y = 1.0 \text{ km}$$
 محساب مقدار $\frac{mgy}{k_BT} = \frac{(4.80 \times 10^{-26} \text{kg}) (9.80 \text{ m/s}^2) (11 000 \text{ m})}{(1.38 \times 10^{-23} \text{J/K}) (293 \text{ K})} = 1.28$ اذن من معادلة (23.12) تحصل على مقدار m_V

$$n_V = n_0 e^{-mgy/k_B T} = n_0 e^{-1.28} = 0.278 n_0$$

أي أن الكثافة العددية للهواء على ارتضاع #11.0 m تساوي 27.8% من الكثافة العددية عند سطح البحر. إذا افترضنا ثبات درجة الحرارة.

ونظراً لأن درجة الحرارة تتخفض مع الارتضاع. فإن الكشافة العددية للهواء تكون أقل من ذلك. ونظراً لأن الضغط عند هذا الارتضاع ينخفض بنفس الطريقة لذلك فإن الطائرات التي تطير على ارتضاع عال يكيف فيها الهواء داخل مقصورة الركاب بحيث يصير ضغطه مساو للضغط الجوي عند سطح الأرض.

حساب القيم المتوسطة Computing Average Values

الدالة الأسية T_{ny}/t_{nm} التي ظهرت في معادلة 23.18 يمكن اعتبارها توزعا إحصائيا يعطى الاحتمال النسبي لوجود جزئ من الغاز على ارتفاع ما v. إذن توزع الإحتمالات (P(v) يتناسب مع توزع الكثافة العددية (v(v) وهذا المفهوم يمكننا من حساب العديد من الخواص الجوية مثل نسبة عدد الجزئات أسفل ارتفاع معين أو متوسط طاقة الوضع لجزئ. على سبيل المثال سنعين متوسط الارتفاع \overline{v} لجرئ في الحو عند درجة حرارة T. العلاقة الرياضية لتوسط أرتفاع مذا الجزئ هي.

$$\bar{y} = \frac{\int_0^\infty y n_V(y) \, dy}{\int_0^\infty n_V(y) \, dy} = \frac{\int_0^\infty y e^{-mgy/k_B T} \, dy}{\int_0^\infty e^{-mgy/k_B T} \, dy}$$

حيث ارتفاع الجزئ يتراوح بين صفر ومالانهاية . البسط في هذه العلاقة يمثل مجموع الارتفاعات للجزيئات مضروباً في أعدادها، بينما المقام هو مجموع أعداد الجزيئات. أي أن المقام هو العدد الكلي للجزيئات. بعد إجراء التكامل نحصل على الآتي:

$$\bar{y} = \frac{(k_B T / mg)^2}{k_B T / mg} = \frac{k_B T}{mg}$$

وهذه الملاقة تبين أن متوسط ارتفاع الجزئ يزداد كلما زادت درجة الحرارة كما نتوقع، ويمكننا أن $m_{\rm c}$ أستخدم طريقة مماثلة $M_{\rm c}$ لايجاد متوسط طاقة الوضع لجزئ غاز، حيث إن طاقة الوضع الناتجة عن الجاذبية على ارتفاع $M_{\rm c}$ و $M_{\rm c}$ متوسط طاقة الوضع $m_{\rm c}$ حيث أن $M_{\rm c}$ $M_{\rm c}$ تجد أن $M_{\rm c}$

$$\overline{U} = mg(k_BT/mg) = k_BT$$

وهذه النتيجة الهامة توضح أن متوسط طاقة الوضع الناشئة عن الجاذبية للجزئ تعتمد فقط على درجة الحرارة ولاتعتمد على m أو g

توزع بولتزمان The Boltzmann Distribution

y وين الماقة الوضع الناتجة عن الجاذبية gravitational Potential energy للجزئ على ارتفاع U = mgy يمكننا أن نعبر عن قانون الأجواء معادلة U = mgy كما يلى:

$$n_V = n_0 e^{-U/k_{\rm B}T}$$

وهذا يعني أن جزيئات الغاز في حالة الاتزان الحراري توزع في القضاء بدرجة احتمال تمتمد على: طاقة الوضع الناتجة عن الجاذبية طبقا للعامل الأسي ⁴⁰¹⁷ . وهذه المعادلة الأسية التي تصف توزع الجزيئات في الغلاف الجوي يمكن استخدامها لأي نوع من أنواع الطاقة، ويصفة عامة الكثافة العددية للجزيئات التي لها طاقة E هي:

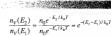
$$n_V(E) = n_0 e^{-E/k_B T}$$
 (25.18)

وهذه المعادلة تسمى قانون التوزع لبولتزمان Boltzmann Distribution Law. وهي معادلة على درجة كبيرة من الأهمية حيث إنها تعبر عن الميكانيكا الإحصائية للأعداد الكبيرة من الجزيئات. وقانون التوزع لبولتزمان ينص على أن احتمالية وجود الجزيئات في حالة معينة من حالات الطافة تختلف أسياً طبقاً للقيمة السالبة للطاقة مقسومة على k_BT . وجميع الجزيئات تهبط إلى أدنى مستويات الطاقة إذا لم يتمكن التقليب الحراري عند درجة حرارة T من إثارة الجزيئات لتنتقل لمستويات طاقة أعلى.

مثال 5.18

كما ذكرنا في قسم (10.8) تستطيع الذرات أن تشغل فقط مستويات محددة من مستويات الطاقة. نفرض أن غازاً عند درجة حرارة 500 وتستطيع ذراته أن تشغل مستويين فقط من مستويات الطاقة فرق الطاقة بينهما 1.5 ((الإلكترون قلط Vb يساوي 10.19 x 6.1). احسب النسبة بين عدد الذرات في المستوى الأعلى إلى عدد الذرات في المستوى الأدنى شكل (10.18).

الحل؛ معادلة (25.18) تعطي العدد النسبي للذرأت في مستوى معين من مستويات الطاقة في هذه الحلاقة في هذه الخرات مستويان للطاقة E_1 حيث E_1 حيث E_1 مستوى الطاقة الأدنى. إذن النسبة بين عدد الذرات في مستوى الطاقة الأعلى إلى العدد في مستوى الطاقة الأدنى هو:



في هذ المسألة E_2 = 1.5 eV في هذ المسألة E_2 = 1.5 eV في هذ المسألة E_3 = (1.38 x 10^{-23} J/K) (2 500 K)/1.60 x 10^{-19} J/eV = 0.216 eV

إذن النسبة المطلوبة هي:

 $\frac{n(E_2)}{n(E_1)} = e^{-1.50 \text{ eV}/0.216 \text{ eV}} = e^{-6.94} = 9.64 \times 10^{-4}$

1.50 eV

E_[مكل المستويين الطاقة لغاز ذراته تستطيع ان تشكل مستويين.

الفصل الثامن عشر ، نظرية الحركة للفازات

وهذه النتيجة تبين أنه عند درجة حرارة k 2500 = T قليل من الذرات تتواجد في مستوى الطاقة الأعلى. في الحقيقة إن كل ذرة في مستوى الطاقة الأعلى بقابلها 1000 ذرة في المستوى الأقل. وعدد الذرات في المستوى الأعلى يزيد كلما زادت درجة الحرارة، لكن قانون التوزع ينص على أنه في حالة الاتزان الحراري دائماً يوجد عدد أكبر من الذرات في المستوى الأقل مما في المستوى الأعلى.

DISTRIBUTION OF MOLECULAR SPEEDS توزع السرعات الجزيئية

في عام 1860 اشتق العالم جيمس كلارك مساكسويل 1860 اشتق العالم جيمس كلارك مساكسويل 1879) معادلة تصنف توزع السرعات الجزيقية بطريقة محددة. إلا أن أعماله وما حدث بعد ذلك من تطورات قام بها علماء آخرون كانت متضارية، لأن الكشف المباشر عن الجزيئات لم يكن من المكن عملياً في تلك الأزمنة. إلا أن التجارب التى أمكن عملها بعد مضى حوالى 60 عاماً بعد ذلك أكدت صحة نظرية

ماكسويل. نضرض مستودعاً من الغاز به جزيئات لها توزع للسرعات، ونريد أن نعرف كم عدد جزيئات الغاز التي لها مدى من السرعات من 400 ألم 1 متر في الثانية. بالطبع سنتوقع أن توزع السرعات على درجة الحرارة بالإضافة إلى ذلك سنتوقع أن قمة التوزع ستكون أقرب إلى مستوقع أن قمة التوزع ستكون أقرب إلى من الجزيئات يتوقع أن تكون سرعتها أقل بكثير أو أكثر بكثير من الجزيئات يتوقع أن تكون سرعتها أقل بكثير أو أكثر بكثير من سلسلة من التعادمات غالباً عن سلسلة من التصادمات غير محتملة الحدوث.

والتوزع المتوقع للسرعات في جزيئات الغاز في حالة الإنزان الحراري موضع في شكل (11.18). الكمية M تسمى دالة التوزع لما كسويل وبولتزمان Maxwell- Boltzman Distribution Function ونمرَّف كما يلي: إذا كانت M العدد الكلي للجزيئات فإن عدد الجزيئات التي سرعتها تتسراوح بين $v \in u + to$



شكل (11.18) توزيع الســرعــة بين جزيئات الغاز عند درجة حرارة معينة. عدد الجزيئات التي لها سـرعـة في حدود dv تساوي مساحة المستطيل للمطلل، المراكز والدالة م تؤول إلى الصفر عندمت تؤول اإلى مالا نهاية.

A CONTRACTOR OF THE PARTY OF TH

وهذا العدد يساوى أيضاً مساحة المستطيل المطلل في شكل (11.18). أضف إلى ذلك أن $dv = N_0 dv$ الجزيئات التي تقع سرعتها بين v + dv تساوي $N_0 dv/N$ وهذا الجزء يساوي أيضاً درجة احتمال أن يكون للجزئ سرعة ما بين dv = v + dv.

والعلاقة الأساسية التي تصف توزع السرعات لعدد N من الجزيئات هي:

$$N_v = 4\pi N \left(\frac{m}{2\pi k_D T}\right)^{3/2} v^2 e^{-mv^2/2k_B T}$$
 (26.18)

وهي دالة توزع السرعة لماكسويل حيث m هي كتلة جزئ الغاذ: g^{λ} ثابت بولتزمان، T_{c} درجة الحرارة الملطقة (ا) فارن بين معامل بولتزمان $E = \frac{1}{2} m v^{2}$ ووطاقة الحركة $E = \frac{1}{2} m v^{2}$ على على موضع في شكل 18.11 متوسط السرعة \bar{v}_{i} أقل من الجذر التربيعي لمتوسط مربع السرعة (mm)، السرعة الأكثر احتيال v_{im} (mx) مين Most Prabable Speed v_{im} احتيال v_{im} ممادلة v_{im} ممادلة (16.15) نحد أن:

$$v_{\rm rms} = \sqrt{v^2} = \sqrt{3k_{\rm B}T/m} = 1.73 \sqrt{k_{\rm B}T/m}$$
 (27.18) rms speed

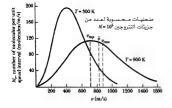
$$\overline{v} = \sqrt{8k_{\rm p}T/\pi m} = 1.60 \sqrt{k_{\rm p}T/m}$$
 (28.18) Average speed

$$v_{mn} = \sqrt{2k_BT/m} = 1.41 \sqrt{k_BT/m}$$

استنتاج تلك المعادلة يترك للطالب (انظر تمارين 62,41) من تلك المعادلة نستنتج أن

$$v_{\rm rms} > \overline{v} > v_{\rm mp}$$

المنحنيات في شكل 12.12 تبين توزع السرعات لغاز N_2 وقد أمكن الحصول على تلك المنحنيات باستخدام معادلة 20.12 لكي نُقيَّم دالة الثوزع عند سرعات مختلفة وعند درجشي حرارة مختلفتين. لاحدًا أن القمة في المنحنى تحدث الها إزاحة نحو اليمين بزيادة درجة الحرارة T_1 مما يبين أن متوسط السرعة يزيد من زيادة درجة الحرارة كما نتوقع. والشكل غير المتماثل للمنحني ناتج عن أن أقل سرعة ممكنة هي صفر بينما أعلى حد للسرعة من المكن أن يكون مالا نهاية كالرسيكياً.



شكل (12.18) دالة توزع السرعة لعدد 10⁵ 900 K, 300 K عند N2 900 K, 500 K أساحة الكلية تحت كل منعنى تساوي العدد الكلية تحت كل منعنى تساوي العدد الكلي للجـزيشـات وهي هي هذه الحــالة 10⁵ لاحظ أن

 $\upsilon_{\rm rms}$ > $\overline{\upsilon}$ > $\upsilon_{\rm mp}$

R.P.Bauman, Modern المستنتاج هذه المسلافية ارجسسع إلى مراجع الديناميكا الحسرارية مسئل Thermodynamics with Statistical Mechanics



اختيار سريع 3.18

تجرية معملية سريعة: 🌁

إملاً كوب بماء ساخن جداً من الصنبور وآخر بماء بارد جداً ضع نقطة من مادة ملونة في كل كوب. أي النقطتين ننتشر أسرع ولماذا؟

معادلة 18.26 تبين أن توزع السرعة الجزيئية في غاز يعتمد على كل من الكتلة ودرجة الحزارة. عند درجة حرارة ما، نسبة الجزيئات الغازية التي تزيد سرعتها عن حد معين تزداد كلما قلت الكتلة وهذا يفسر السبب في أن الغازات أن الخفيفة ملل He. He. وهذا يفسر السبب في أن الغازات أن الخفيفة مثل He. He. وهذا يفسر السبب في سرعة النسرب في الغلاف الجوي للأرض ثربينما تبقى الغازات ذات الكتل الكبيرة مثل Me. والأكسبون و O (اقرأ موضوع سرعة النسرب في البار (14). جزيئات الناز تتسرب من سطح القمر أسرع من تسريها من سطح الأرض لأن سرعة النسرب على الأرض. وقرع السرعة بين جزيئات السوائل مثنابه لما التسرب على الأرض. وقرع السرعة بين جزيئات السوائل مثناته لم المنازل مثناته الموائل مثناته للطاهرة التي تبين أن بعض الجزيئات في السوائل اكثر طاقة من الأخرى. بعض الجزيئات التي تتحرك بسرعة كبيرة في السوائل تفترق سطح السائل وتتركه متحولة إلى بخار حتى ولو كانت عند درجة حرارة أقل بكثير من نقطة الغليان. واجزيئات التي تتسرب من السائل بالتبغير هي تتبقى في الطور كافية للنغلب على قوى جذب الجزيئات في الطور السائل. ومن ثم فالجزيئات التي تتبقى في الطور السائل بوضع قطعة من القماش مبللة بالكحول فوق راس مريض بالحمى تخفض درجة حرارته وتجعله يشعر بالراحة.

مثال 6.18 أنظام به 9 جسميات

تسلع جسيمات سرعاتها كالتالي: 14.0, 14.0, 14.0, 14.0, 12.00, 12.00, 12.00, 12.00, 12.00, أنسب السرعة المتوسطة للجسيمات.

الحل السرعة المتوسطة هي مجموع السرعات مقسومة على العدد الكلي للجسيمات
$$\overline{v} = \frac{(5.00 + 8.00 + 12.0 + 12.0 + 12.0 + 14.0 + 14.0 + 17.0 + 20.0) \text{ m/s}}{9}$$
= 12.7 m/s

(b) ما مقدار الجذر التربيعي لتوسط مربع السرعة rms د 2 م م 2 م سر 2 م م 2 م م 2 م م 2 م م 2 م م 2 م م 2 م م 2 م م 2 م م 2 م م 2 م م 2 م م 2 م 2 م 2 م 2 م 2 م 2 م

الفيزياء (الجزء الأول - المكانيكا والديناميكا الحرارية)

اذن مقدار الجذر التربيعي لمتوسط مريع السرعة

 $v_{\rm rms} = \sqrt{178 \ m^2 / s^2} = 13.3 \ {\rm m/s}$

(c) ما هي السرعة الأكبر احتمالاً؟

الحل؛ ثلاثة من الجسيمات التسعة سرعتها 12 m/s واثنان سرعتهما 14 m/s والباقي له سرعات مختلفة. إذن السرعة الأكثر احتمالاً v_{in} 12 m/s .

(قسم اختياري)

MEAN FREE PATH المسار الحرالمتوسط /118

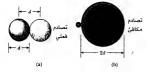
كلنا يعلم أن الرائحة النفاذة لغاز مثل النشادر (الأمونيا) قد تستغرق جزء من دقيقة لكي تنتشر في أ أرجاء الغرفة. وحيث إن متوسط السرعة الجزيئية تصل إلى بضع مثات من الأمتار في الثانية عند



* Charles

شكل (13.18) جزئ يتحرك خلال غاز يتصادم مع جزيئات اخرى بطريقة عشروائية والمسار الحر المتوسط بزداد كلما قلت الجزيئات في وحدة الحجوم. لاحظ أن الحركة في ثلاث أيساد وليست كصا هو موضح في الرسم في بعدين فقط. درجة حرارة الغرفة، كنا نتوقع زمن انتشار أقل بكثير من ثانية واحدة كما رأينا في الاختبار السريع 1.18. الجزيئات تتصادم مع بعضها لأنها ليست مجرد نقط هندسية. ومن ثم فهي لاتسير من إحدى نهايات الحجرة إلى نهايتها الأخرى في خط مستقيم. بين التصادمات تسير الجزيئات بسرعة ثابتة في خطوط مستقيمة. التصادمات تسير الجزيئات بسرعة ثابتة في خطوط مستقيمة. ومتوسط المسافة بين كل تصادمين تسمى المسار الحر المتوسط له علاقة بقطر كما في شكل (13.18). المسار الحر المتوسط له علاقة بقطر الجزئ وكثافة الغاز. والآن سوف نصف نقد را المسار الحرك كل منها له . نرى من شكل ه 14.18 أنه لايتصادم جزيئان إلا إذا كان كل منها له . نرى من شكل ه 14.18 أنه لايتصادم جزيئان إلا إذا كان يصخبها. طريقة أخرى مكافئة لكي نصف التصادم وهو باعتبار ان احد الجزيئات قطره كل منها المن نقط هندسية أحد الجزيئات قطره 20 وباقي الجزيئات عبارة عن نقط هندسية

شكل (14.18) جزيئان كرويان قطر كل منهما b يتصادمان إذا كانت المسافة بين مركزيهما تساوي (b) d) التصادم بين جزيئين يكافئ تصادم بين جزئ قطره 2d وآخر عبارة عن نقطة هندسية.





2d

 $\overline{v}t$ (15.18) في زمن : جزئ قطره الفعال 2t يمسح اسطوانة طولها $\overline{v}t$ حيث \overline{v} متوسط سرعة الجزئ: في هذه الفترة الزمنية يصطدم بكل جزئ على شكل نقطة داخل تلك الأسطوانة.

شكل (14.18b) سوف نعتبر أن الجزئ الكبير هو الذي يتحرك بسرعة متوسطة \bar{v} في زمن قدره 1. في عده الفترة الزمنية يتحرك الجزئ مسافة قدرها m_0 ويمسح في مساره أسطوانة مساحة مقطعها πd^2 وطولها m_0 عدد الجزيئات في وحدة وطولها m_0 أن شكل 15.18 إذن حجم الأسطوانة يساوي m_0 m_0 إذن عدد الجزيئات التي على شكل نقط هندسية في تلك الأسطوانة هو m_0 الجزئ الذي قطره المكافئ هو m_0 يتصادم مع كل جزئ في هذه الأسطوانة في الزمن 1. إذن عدد التصادمات في الزمن 1 يساوي عبد الجزئيات في الأسطوانة وهو m_0 . m_0

المسار الحر المتوسط l يساوي متوسط المسافة \bar{v}_l المقطوعة في زمن l ومقسومة على عدد التصادمات التي حدثت في هذه الفترة

$$\ell = \frac{\overline{v}t}{(\pi d^2 \overline{v}t)n_V} = \frac{1}{\pi d^2 n_V}$$

وحيث إن عدد التصادمات في زمن t هو $(\pi d^2 \bar{v}t)n_V$ وعدد التصادمات في وحدة الزمن، أي تردد الصدمات في الثانية) الصدمات a

$$f = \pi d^2 \overline{v} n_V$$

ومقلوب تردد الصدمات هو متوسط الزمن بين التصادمات والمسمى متوسط الزمن الحر.

في استنتاجاتنا السابقة فرضنا أن الجزيئات داخل الأسطوانة ساكنه عندما نأخذ حركة تلك الجسيمات في حساباتنا سنحصل على النتيجة التالية:

المسار الحر المتوسط
$$\ell = \frac{1}{\sqrt{2} \pi d^2 n_V}$$
 (30.18)
$$f = \sqrt{2} \pi d^2 \overline{v} n_V = \frac{\overline{v}}{\epsilon}$$
 تردد الصدمات

مثال 7.18.

لو اعتبرنا الهواء الجوي يتكون من جزيئات نتروجين N_2 وقطر كل جزئ m $2.0 ext{ x } 10^{-10}$ ما هي المسافة التي يقطعها الجزئ قبل أن يصطلع بجزئ آخر.

المُحلّ، باعتبار أن الغاز مثالي نجد أن المعادلة العامة للغازات $PV=Nk_{\rm B}T$ لإيجاد عدد الجزيئات في وحدة الحجوم تحت الظروف المعتادة للجو في الحجرة.

$$n_V = \frac{N}{V} = \frac{P}{k_B T} = \frac{1.01 \times 10^5 \text{ N/m}^2}{(1.38 \times 10^{-23} \text{J/K}) (293 \text{ K})} = 2.50 \times 10^{25} \text{ molecules/m}^3$$

إذن المسار الحر المتوسط

$$\ell = \frac{1}{\sqrt{2} \pi d^2 n_V}$$

Control of the Control

$$= \frac{1}{\sqrt{2\pi}(2.00 \times 10^{-10} \,\mathrm{m})^2 (2.50 \times 10^{25} \,\mathrm{molecules/m^3})}$$

= 2.25 × 10⁻⁷ m

وهذا المقدار أكبر من قطر الجزئ ألف مرة

(b) ما هو تردد تصادم الجزئ بآخر في المتوسط.

ا**رُحل**: حيث إن الجدر التربيعي لمريع السرعة المتوسطة mrs لجزئ النتروجين عند Cn. [°]C مو 51lm/s (انظر جدول (1.18)) نظم من معادلتي 27.18 و

$$\overline{v} = (1.60/1.73) (511 \text{ m/s}) = 473 \text{ m/s}$$

إذن تردد الصدمات

 $f = \frac{\overline{v}}{\ell} = \frac{473 \text{ m/s}}{2.25 \times 10^{-7} \text{ m}} = 2.10 \times 10^9 \text{ s}^{-1}$

أي أن الجزئ يتصادم مع الجزيئات الأخرى بمعدل 2 بليون مرة في كل ثانية. المسار الحر المتوسط ٤ ليس كمتوسط المسافة بين الجمسيمات. في الحقيقة أن متوسط التباعد d بين الجمسيمات يساوي

تقريباً
$$\frac{1}{n_{\rm V}^{-1/3}}$$
 في هذا المثال متوسط التباعد الجزيئي من هذا المثال متوسط التباعد الجزيئي
$$d=\frac{1}{n_{\rm V}^{1/3}}=\frac{1}{(2.5\times 10^{25})^{1/3}}=3.4\times 10^{-9}~{\rm m}$$

ملخص SUMMARY

في غاز مثالي الضغط الناتج عن عدد N_1 من الجزيئات في وعاء حجمه V هو

$$P = \frac{2}{3} \left(\frac{N}{V} \right) \left(\frac{1}{2} m \overline{v^2} \right)$$
 (2.18)

متوسط طاقة الحركة الإنتقالية لكل جزئ من غاز، $\frac{1}{2}m\overline{v^2}$ لها علاقة بدرجة الحرارة T تعطى بالمادلة

$$\frac{1}{2}m\overline{v^2} = \frac{3}{2}k_{\rm B}T\tag{4.18}$$

حيث $k_{\rm B}$ ثابت بولتزمان، وكل درجة من درجات الحرية (z,y,x) يخصها قـدر من الطاقة

نظرية التوزع المتساوى للطاقة ينص على أن طاقة نظام ما في حالة اتزان حرارى توزع بالتساوى بين حميع درجات الحرية.

الطاقة الكلية لعدد N من الجزيئات (أو n مول) في غاز مثالي أحادي الذرة هي

$$E_{\rm int} = \frac{3}{2} N k_{\rm B} T = \frac{3}{2} nRT$$
 (10.18)

التغير في الطاقة الداخلية لعدد n مول من أي غاز مثالي تتغير درجة حرارته بمقدار ΔT هو

$$\Delta E_{\text{int}} = nC_{\text{V}} \Delta T$$
 (12.18)

حيث Cv هي الحرارة النوعية المولية تحت حجم ثابت.

الحرارة النوعية المولية لغاز مثالي أحادي الذرة عند حجم ثابت هي $C_{V} = \frac{3}{2}R$. الحرارة النوعية $\gamma = C_D / C_V = \frac{5}{3}$ المولية عند ضغط ثابت هي $Cp = \frac{5}{2} R$ والنسبة بين الحرارتين النوعيتين

إذا تعرض غاز مثالي لعملية تمدد أو انضغاط أديباتي، القانون الأول للديناميكا الحرارية مع معادلة الحالة، تبين أن

$$PV^{\gamma} = \text{constant}$$
 (18.18)

قانون التوزع لبولتزمان يصف توزيع الجزيئات بين مستويات الطاقة المتاحة. العدد النسبى $n_v(E) = n_0 e^{-E/k_B T}$ هي E مافتها تساوى الجزيئات التي طافتها تساوى

(25.18)

دالة النوزع لماكسويل وبولنزمان تصف توزع سرعات الجزيئات في غاز
$$N_v = 4\pi N \bigg(\frac{m}{2\pi k_{\rm B}T}\bigg)^{3/2} v^2 e^{-mv^2/2k_{\rm B}T} \eqno(26.18)$$

وهذه العلاقة تمكننا من حساب الجذر التربيعي لمتوسط مربع السرعة ومتوسط السرعة والسرعة الأكثر احتمالاً:

$$v_{\rm rms} = \sqrt{\overline{v^2}} = \sqrt{3k_{\rm B}T/m} = 1.73 \sqrt{k_{\rm B}T/m}$$
 (27.18)

$$\bar{v} = \sqrt{8k_{\rm B}T/\pi m} = 1.60 \sqrt{k_{\rm B}T/m}$$
 (28.18)

$$v_{mp} = \sqrt{2k_BT/m} = 1.41 \sqrt{k_BT/m}$$
 (29.18)

OUESTIONS اسئلة

- 1 قانون دالتون للضغوط الجزئية ينص على أن الضغط الكلى لخليط من الغازات يساوى مجموع الضغوط الجزئية للغازات المكونة للمخلوط. اعط ما يؤكد صحة هذا القانون على أساس نظرية الحركة للغازات.
- 2 وعاء يحتوى على غاز الهليوم وآخر يحتوى على أرجون، إذا كان الوعائان عند نفس درجة الحرارة أي من جزيئات الغازين له الجذر التربيعي لمتوسط مربع السرعة الأكب .
- 3 غاز مكون من خليط من جزيئات الهليوم والنتروجين هل جزيئات الهليوم الأخف لها سرعة أعلى من جزيئات النتروجين؟ وضح.
- 4 على الرغم من أن متوسط مقدار السرعة لجزيئات الغاز وهي في حالة اتزان عند درجة حرارة ما أكبر من صفر، إلا أن السرعة قد تساوي صفراً إذكر لماذا هذه العبارة صحيحة؟.
 - [5] إذا دلكت جسمك بالكحول فإن درجة حرارته تتخفض، وضح هذا التأثير.
- 6 وعاء مملوء جزئياً بالماء، لماذا تتخفض درجة حرارة الماء إذا تم تفريغ الهواء الموجود أعلاه في الوعاء؟ (بهذه الطريقة يمكن تجميد الماء عند درجة حرارة أعلى من الصفر).
- 7 وعاء يحتوى على حجم معين من الغاز تم تبريده. هل يزداد المسار الحر المتوسط لجزيئات الغاز أم يقل أم لايتغير خلال عملية التبريد؟ وماذا يحدث لتردد التصادمات.
- 758 / 8 ضغط غاز عند درجة حرارة ثابتة. ماذا

يحدث للمسار الحر المتوسط للجزيئات في هذه العملية؟

- 9 بالون به غاز هيليوم عند درجة حرارة الغرفة. وضع داخل فريزر الثلاجة هل يزداد حجمه أم ينقص أم يظل كما هو؟
- 10 ماذا يحدث لبالون مملوء بالهيليوم أفرغ في الجو، هل سيتمدد أم ينكمش؟ هل يتوقف عن الارتفاع إلى حد معين؟
- 11 ما هو الأثقل الهواء الجاف أم الهواء المشبع ببخار الماء؟
- 12 لماذا للغازات ثنائية الذرة محتوى حراري لكل مول أكبر من الغاز أحادى الذرة عند نفس درجة الحرارة.
- 13 غاز مثالي موضوع في وعاء عند درجة حرارة X 300، إذا ارتفعت الحرارة إلى a) 900K) بأي عامل يتغير الجذر التربيعي لتوسط مربع السرعة (b) rms عامل يتغير الضغط في الوعاء؟
- 14 وعاء يحتوي على غاز في حالة اتزان عند ضغط ودرجة حرارة ما . فهل يكون لجميع جزيئات الغاز نفس قيمة السرعة؟
- 15 في النموذج الموضوع لنظرية الحركة للغازات تعتبر الجزيئات كرات جامدة تتصادم تصادماً مرناً مع جدران الوعاء الذي يحتويها فهل هذا النموذج واقعى؟
- 16 على أساس الحقيقة التي مفادها أن الهواء الساخن يصعد إلى أعلى لماذا يصبح الجو بارداً كلما صعدنا فوق جبل (لاحظ أن الهواء ردئ التوصيل للحرارة).



PROBLEMS JILM

 الحل كامل متاح في المرشد. 1، 2 ، 3 = مسائل مباشرة، متوسطة، تحدى

Http:// www. sanunderscollege. com/ physics/ الحل موجود في: /WEB

الله = فيزياء تفاعلية = الحاسب الآلي مفيد في حل المسائل = أزواج رقمية/ باستخدام الرموز

قسم 1.18 النموذج الجزيئي للغاز المثالي

- 1 استخدم تعريف عدد أفوجادرو لإيجاد كتلة ذرة الهيليوم.
- 2 علية مكعبة الشكل طول كل من أضلاعها 20.0 cm تحستوى على ثلاثة أمسشال عدد أفوجادرو من الجزيئات عند درجة حرارة 20.0°C . أوجد القوة المؤثرة بواسطة الغاز على أحد جدران العلية المكعية. علماً بأن العلبة مغلقة من كل جانب.
- 3 في فشرة زمنية قدرها 30 تساقط على نافذة 500 كرة صغيرة من كرات البُرد. مساحة النافذة 0.60 m² وزاوية سقوط البرد °45.0 على سطح النافذة، وكل كرة من كرات البرد كتلتها 5.0g ومقدار سرعتها 8.0 m/s إذا كان التصادم مرناً ما مقدار متوسط القوة والضغط على النافذة.
- 4 في زمن قدره t تساقط على نافذة عدد N من كرات البرد الصغيرة. مساحة النافذة A، وزاوية سقوط البرد على سطح النافذة θ. وكل كرة من كرات البرد كتلتها m ومقدار سرعتها ٧. إذا كان التصادم مرباً. ما مقدار متوسط القوة والضغط على النافذة.
- 5 في فيتبرة زمنية قيدرها 1.0 s تصادمت جَزيئات نشروجين عددها 5.00 x 1023 مع حائط مساحته 800 cm². إذا كانت الجزيئات تتحرك بسرعة قيمتها 300 m/s وتصطدم مع الجدران تصادماً عمودياً

ومرنا. ما هو الضغط الواقع على الحائط (كتلة جزئ النتروجين هي 26 Kg 4.68x10.

- 6 قارورة حجمها £ 5.0 بها 2 mol من غاز الأكسيجين عند ضيغط 8.0 atm أوحيد متوسط طاقة الحركة الانتقالية لجزئ الأكسجين تحت هذه الظروف.
- 7 بالون كروى حجمه 4000 cm³ بحتوى على غاز الهيليوم تحت ضغط (داخلي) 1.2x105 Pa. ما عدد المولات من الهيليوم في البالون إذا كأن لكل ذرة هيليوم طاقة حركة متوسطة قدرها J -22 قدرها لـ 93.6x 10
- 8 الجذر التربيعي لمتوسط مربع السرعة لذرة الهيليوم عند درجة حرارة ما هي 1350 m/s. أوجد عن طريق التناسب الجذر التربيعي لمتوسط سرعة جزئ الأكسجين عند هذه الدرجة (الكتلة المولية للأكسجين هي 32.0 g/mol والكتلة المولية للهليوم 4.00 g/ mol).
- (a) 9 ما عدد ذرات الهيليوم التي تملأ بالون قطره 30.0 cm عند درجة حبرارة 20.0° وضغط b) \$1.0 atm ما مقدار متوسط طاقة الحركة لذرات الهيليوم؟ (c) ما مقدار الجذر التربيعي لمتوسط مربع سرعة كل ذرة من ذرات الهيليوم.
- 10 قارورة حجمها L 500 بها غاز نتروجين عند درجة حرارة 27.0° C وضغط 3 atm أوجد (a) طاقة الحركة الانتقالية الكلية (759

لجزيئات الغاز (b) متوسط طاقة الحركة لكل جزئ. WEB

II أسطوانة تحسّوي على خليط من الهيليوم والأرجون في حالة اتزان عند درجة حرارة 150 (a) ما مقدار متوسط طاقة الحركة لكل من الغنازين؟ (b) منا مسقدار الجسدر التربيعي لمتوسط مربع السرعة لكل غاز من الغنازين؟

12 - بين أن واحد باسكال يساوي واحد جول/ م³ (d) بين أن الكثافة في الفضاء لطاقة الحركة الانتقالية لغاز مثالي هي 2/28.

قسم 2.18 الحرارة النوعية المولية للغاز المثالي

(قد تحتاج البيانات الواردة في جدول (18.0)).

13 – احسب التغير في الطاقة الداخلية لثلاثة مولات من غاز الهيليوم عندما ترتفع درجة حرارته بمقدار 2K.

14 - جـزئ من الهــواء $\frac{S_R}{2}$ عند درجــة حـرارة \times 300 ومحــرس داخل اسطوانة مثبت عليها مكبس ثقيل ويشغل حيزاً مقداره \times 5.00 L. حدد الحجم الجـديد إذا اكتسب النظام طاقــة قــدرهـا \times 4.40 K. بواسطة الحرارة.

15] مول من الهيدروجين سخن تحت ضغط ثابت من درجة حرارة X 300 إلى X 420 احسب (a) الطاقة النتقلة للغاز بواسطة الحرارة (d) الزيادة في الطاقة الداخلية للغاز (c) الشغل الذي بذله الغاز.

16 - في عملية تحت حجم ثابت انتقل 2091 بواسطة الحرارة إلى 1.00 mo .1.00 سمثالي أحادي النزة دروتة الإبتدائية مثالي أحادي النزة دروتة في الطاقــــة الداخلية للخاز (أ) الشغل الذي بذله (ع) درجة حرارته النهائية.

17 – منزل حوائطه جيدة العزل ويه 0 100 من الهواء عند درجة حرارة $(3 \ 000\ K)$ احسب الطاقة اللازمة لتزيد درجة حرارة الهواء بقسدار $(3 \ 000\ K)$ ($(3 \ 000\ K)$) ((3

THE RESERVE OF THE

18 – اسطوانة رأسية مثبت عليها مكبس تقيل بها هواء مند درجة حرارة 808 .100 (المنطقة الإبتدائي 900 K Pa وواحج ما الإبتدائي 900 K Pa والحج ما الإبتدائي 900 K Pa والمعتبار أن كتلة المول للهواء 900 mid () محسب الحرارة النوعية للهواء عند حجم الحرارة النوعية للهواء عند حجم المحاولة () الحسب كتلة الهواء هي الأسطوانة () إفترض أن الكبس للهواء هي الأسطوانة () إفترض أن الكبس للهواء لكي ترتفع درجة حرارته إلى X الهواء لكي ترتفع درجة حرارته إلى X الكرس قابل للحركة . احسب مقدار الطاقة الكرمة لرفع درجة الحرارة إلى 7000 المكاسفة اللازمة لرفع درجة الحرارة الحركة ()

19 - وعاء ترمس سعته L مملو، بالشاى عند درجة حرارة 90°C اخدات منه فنجانا ثم اغلقته بسرعة. قدر تقريباً مقدار التغير في درجة حرارة الشاي الباقي في الترمس نتيجة لدخول هواء عند درجة حرارة الغرفة. اذكر الكميات التي أخدتها كمدخلات والمقابير التي قدرتها لكل منها.

20 – غاز مثالي ثنائي النزه $\frac{SR}{C_V} = \frac{SR}{2}$ ، مقدار P به الضغط لمول واحد من هذا الغباز ها وحجمه وحجمه V . عندما سخن الغاز زاد ضغطه الوثالة أمثال صنطفه الأول وزاد حجمه إلى ضعف حجمه الأول. إذا كان التسخين قد تم على مرحلتين الأولى تحت ضغط ثابت والثانية تحت حجم ثابت، عين كمية الطاقة المتاوزة للغاز بواسطة الحرارة.

- 21 مول واحد من غاز مثالي عند درجة حرارة ابتدائية X 300 . عرض الغاز لعملية تحت حجم ثابت (أيزوفليومية) واكتسب طاقة قدرها J 500 بواسطة الحرارة. ثم عرض لعملية أيزوبارية ففقد نفس الكمية من الطاقعة بواسطة الحسرارة عين (a) درجعة الحرارة النهائية للغاز (b) الشغل الذي بذله الغاز.
- عاء به خليط من غازين n_1 مول من الغاز n_1 الأول وحرارته النوعية المولية n_5, C_1 مول من (a) C_2 الغاز الثانى وله حرارة نوعية مولية أوجد الحرارة النوعية المولية للخليط (b) ما هي الحرارة النوعية المولية إذا كان الغاز خليطاً من عدد m من الفازات وكمياتها $(n_1, n_2, n_3... n_m)$ وحراراتها النوعية المولية الترتيب؟ $(C_1, C_2, C_3 C_m)$
- 23 منول واحند من غناز مشالي تتبائي النذرة يشغل حجماً V_i عند ضغط $C_V = \frac{5R}{2}$ ألغاز بعملية كان فيها الضغط يتناسب طردياً مع الحجم، في نهاية العملية وجد أن الجذر التربيعى لمتوسط مربع السرعة لجزيئات الغاز قد صار ضعف قيمته الأولى، عين مقدار الطاقة التي انتقلت إلى الغاز على شكل حرارة.

قسم 3.18 العملية الأديباتية للغاز المثالي.

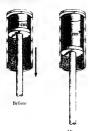
24 - أثناء شوط الضغيط في آلة جازولين حرارية زاد الضيغط من 1.0 atm إلى 20.0 atm بافتراض أن العملية أديباتية وأن الغاز مثالياً a) γ = 1.40) بأي عـامل (Factor) تغـيــر الضغط؟ (b) بأي عامل تغييرت درجة الحرارة؟ (c) إذا بدأ التضاغط بمقدار 0.016 mol من الغاز عند درجة حرارة Δ E_{int}, W, Q اوجد مقدار كل من 27.0° C التي تصف العملية.

- 25 2 مـول من غـاز مـثـالي (γ = 1.4) تمددا ببطئ وأدياباتياً من ضغط 5.0 atm وحجم 12.0 L إلى حجم نهائي 20.0 (a) ما هو الضغط النهائي للغاز؟ (b) ما هي درجة الحرارة الإبتدائيـة والنهـائية (c) أوجد . A Eint, W, Q
- 27.0° C مواء (γ= 1.4) عند درجة حرارة 27.0° C وعند الضغط الجوى داخل منفاخ دراجة قطر أسطوانته 2.50 cm وطولها 50.0 cm. في أحد الأشواط يضغط الغاز أديباتيا ويبين مقياس الضغط 800 K Pa قبل دخول الفاز إطار الدراجة عين (a) حجم الفاز المضغوط (b) درجة حرارة الهواء المضغوط (c) المنفاخ مصنوع من الصلب وسمك جدرانه 2.00 mm. افترض أن 4.00 cm من طول الأسطوانة سمح لها أن تصل إلى اتزان حرارى مع الهواء. ما مقدار الزيادة في درجة حرارة الجدار.
- 27 هواء في سحابة رعدية يتمدد كلما ارتفع. فإذا كانت درجة حرارته الإبتدائية X 300 K وإذا لم يفقد أى طاقة بالتوصيل الحرارى أثناء التمدد. ما مقدار درجة حرارته عندما يتضاعف حجمة الإبتدائي.
- 28 ما مقدار الشغل المطلوب لضغط 5.0 mol من الهواء عند درجة حرارة 20.0°C وضغط 1.0 atm إلى 1/10 الحجم الأصلى بواسطة (a) عملية أيزوترمالية (b) عملية أديباتية (c) ما هو الضغط النهائي في كل من الحالتين.
- 29 غياز ثنائي المذرة حجمه 4 لمترات $\gamma = 1.40$) داخل أسطوانة يقسوم بدورة مقفلة، بيدأ الغاز عند ضغط واحد حو ودرجية حسرارة X 300. في الخطوة الأولى (761

زيد الضغط إلى ثلاثة أمثال الضغط الأول تحت حجم ثابت، في الخطوة الثانية قمدد أدياباتيا إلى ضغطه الأول. في الخطوة الثالثة إنكمش القاز أيزوباريا ليمود لحجمه الأول (a) إرسم متحنى / لا لهذه الدورة (b) عين حجم الغاز عند نهاية التمدد الأديباتي (c) أوجد درجة حرارة الناز عند بداية التمدد الأديباتي (b) أوجد درجة الحرارة في نهاية الدورة (c) ما هو صاهي الشغل المبدول

30 - غاز مثالي ثنائي الدرة ($A = \gamma$) موجود داخل اسطوانة يقوم بدورة مغلقة في البداية كان الغاز عند T_1 , V_1 , T_2 إلى الخطوة الأولى زريد الضغط إلى ثلاث أمثـال الضغط الإبتـدائي تحت حــجم ثابت في الخطوة الثانية تمدد الغباز (ايبياتيا إلى ضغطه الإبتدائي وفي الخطوة النهائية انكمش الغاز أيزوباريا إلى حجمه الأول (α) إسم الملاقة بين V_1 , V_2 لهيذه الدورة (α) عبن حجم الغاز في نهاية التمدد الأدبياتي (α) أوجد درجة أحرارة في نهاية الدورة (α) منا مياتي (α) أوجد درجة أحرارة في نهاية الدورة (α) منا مقارة ما مؤادر صافي الشغل لهذه الدورة.

3 - في أثناء شوط القدرة (Power) في محرك سيارة رباعي الأشواط. يضغط على للكيس سيارة رباعي الأشواط. يضغط على للكيس (البسمتن) إلى أسفل عندما يتمدد خليط الهواء والنجاز دياباتيا بضرص أن (1) الآلة المياب من عند سياضرة 2000 جور(3) المنطل الذي بيينه حجم الخليط قبل وبعد التمدد مباشرة كان حجم الخليط قبل وبعد التمدد مباشرة كان (3).18 (4) (18) (4) الزمن الذي استفرقه التمدد للخــز (4) الزمن الذي استفرقه التمدد يعــنبـر كالغــز (4) الخليط مينا المنالي ولا كــا الخليط مينا المتعدد مينا المنالية (5) الخليط من متوسط القدرة المتولدة أثناء عملية التمدد متوسط القدرة المتولدة أثناء عملية التمدد



قسم 4.18 التجزؤ المتساوى للطاقة:

شكل P31.18

 $\gamma = C_p/C_v = (f+2)/f$ we

33] 2.0 مول من غاز مثالي ثنائي الناره. أوجد السعة الحرارية الكلية تحت حجم ثابت وتحت ضغط ثابت (a) إذا كان الجزئ يدور ولكنه لا يتذبذب و(b) إذا كان الجزئ يدور ويتذبذب.

34 - إذا تفحصت قيم (C_p, C_V) للغازات ثنائية الثرة وعديدة الثرة في جدول (2.18) نجد أن القيم تزيد بزيادة الكثلة الجزيئية اعط توضيحا لهذه الملاحظة.

35 - في نموذج بدائي شكل (P35.18) لغاز الكلورين Cl₂ ثنائي الذرة، المسافة بين ذرتي الكلور Cl هي Cl⁻¹⁰m هي 2.0x ا

ω= 2.0x10¹² rad/s الكتلة بسرعة زاوية ماهى طاقة الحركة الدورانية للجزئ الواحد من clر وكتلته المولية Clر وكتلته المولية



شكل P35.18

قسم 5.18 قانون التوزع لبولتزمان

قسم 6.18 توزع السرعات الجزيئية

- 36 مـــر مكعب من الهــيــدروجين الذرى عند درجة الصفر يعثوي على حوالي 2.7x10²⁵ ذرة عند الضغط الجوى. الحالة المستثارة الأولى لذرة الهيدروجين طاقتها 10.2 eV فوق أقل مستوى للطاقة والسنمي الستوي الأرضى. إستخدم معامل بولتزمان لإيجاد عدد الدرات في الحالة المستثارة الأولى في درجة حيرارة صفر سلسيوس وفي .10000°C
- 37 لو أن تبارات الحمل لاتحدث تقليبا للغلاف الجوى السفلى للأرض. فإن تركيبه الكيماوي سيتغير إلى حد ما بالإرتفاع لأن الجزيئات المختلفة لها كتل مختلفة. استخدم قانون الجو لتعيين كيفية تغيير نسبة الإتزان لجزيئات الأوكسجين والنتروجين بين مستوى سطح البحر وارتفاع 10.0Km بفرض تساوى درجات الحرارة عند 300K وخذ الكتل على أنها 32.0 للأكسسجين (O₂) و28.0 للنتروحين (N2).
- 38 خليط من غازين ينتشران من خلال مرشح بمعدل يتناسب مع الجذر التربيعي لمتوسط مربع السرعات لتلك الغازات (a) أوجد نسبة السرعات لنظيرين للكلور ³⁷CL, ³⁵CL عندما ينتشرا في الهواء (b) أي النظيرين يتحرك أسرع من الآخر ؟

- [39] 15 جزيئاً من نوع واحد لها سرعات مختلفة أحدها سرعته 2.0m/s وأثنان سرعتهما 3.0m/s وثلاث سرعتها 5.0m/s وأربعة سرعتها 7.0m/s وثلاثة سرعتها 9.0m/s واثنان سرعتهما 12.0m/s أوجد (a) السرعة المتوسطة (b) الجندر التربيعي لتوسط مربع السرعة (c) السرعة الأكثر احتمالا لتلك الحزيئات.
- 40 هيليوم غازي في حالة اتزان مع هيليوم سائل عند درجة حرارة 4.2 K على الرغم من أنه عند نقطة التكثف، اعتبر الغاز مثالياً، عن السرعة الأكثر احتمالاً لذرة الهيليوم (كتلة ذرة الهيلوم (Kg) 6.64x10 -27 Kg
- 41 من قانون ماكسويل وبولترمان لتوزع السرعة، بين أن السرعة الأكثر احتمالاً لجزئ غازى تعطى بالمعادلة 29.18. لاحظ أن السرعة الأكثر احتمالاً تناظر النقطة التي عندها يصبح ميل منحنى توزع السرعة dN,,/dv يساوى صفر.
- 42 مسألة للمراجعة: عند أي درجة حرارة تكون السرعة المتوسطة لذرات الهيليوم تساوى (a) سرعة الافلات من جاذبية الأرض b) 1.12x104 m/s) سرعة الإفلات من جاذبية القمر 2.37x10³ m/s (انظر في باب 14 حول سرعة الإفلات ولاحظ أن كتلة ذرة الهيليوم هي 6.64x10⁻²⁷ Kg
- 43 غاز عند درجة حرارة الصفر إذا أردنا أن نضاعف الجذر التربيعي لمتوسط مربع سرعة الغاز، ما مقدار الزيادة المطلوبة في درجة الحرارة؟
- 44 الحرارة الكامنة لتبخير الماء عند درجة حرارة الغرفة هي J/g (a) 2430 J/g ما مقدار طاقة الحركة التي يكتسبها كل جزئ ماء عندما يتبخر؟ (b) أوجد الجذر التربيعي (763 ً

لمتوسط مربع السرعة لحزئ بخار الماء عند لحظة التبخر (c) ما هي درجة الحرارة المؤثرة لهذه الجزيئات.

(اختیاری)

قسم 7.18 المسار الحر المتوسط

45 فـي جهـاز للتفـريغ فـوق العـالي Ultrahigh Vacuum وجد أن ضغط الغاز .(133 Pa=1torr) 1.00x10-10 torr إفرض أن جزيئات الغاز لها قطر جزيئي m 1300 وأن درجة الحرارة هي 1300 m K أوجد (a) عدد الجزيئات في حجم مقداره (b) 1.00 m³ المسار الحر المتوسط للجزيئات (c) تردد التصادمات بفرض أن السرعة المتوسطة هي 500 m/s.

46 - في الفضاء الخارجي يوجد جسيم واحد لكل متر مكعب. إذا استخدمنا لمتوسط درجة الحرارة المقدار 3.00 K وفرضنا أن هذا الجسيم هو هيليوم قطره a) 0.20 nm عبن المسار الحر المتوسط للجسيم ومتوسط الفشرة الزمنية بين الشصادمات (b) كرر الجزء (a) بفرض أنه يوجد جسيم واحد لكل سنتيمتر مكعب.

47 - أثبت أن المسار الحر المتوسط لحزيئات غاز مثالی عند درجة حرارة T وضغط P هو: $\ell = \frac{k_B T}{\sqrt{2} \pi d^2 P}$

حيث d هو قطر الجزئ

48 - في وعاء مملوء بالأكسجين كم عدد الأقطار الجزيئية (d) (في المتوسط) التي يتحرك خلالها جزئ الأكسجين (عند ضغط واحد جو و 20.0°C) قبل أن يتصادم مع جزئ ٥٥ آخر؟ (قطر جزئ الأكسجين تقريباً .(3.6x 10 -10 m

764 (764 - غاز أرجون عند الضغط الجوي ودرجة

حرارة 20.0°C موضوع في قارورة حجمها 1.00 m³ . القطر الفعال لذرة الأرجون a) 3.10x10 ⁻¹⁰ m عين المسار الحسر المتوسط / (b) أوجد الضغط عندما يكون المسار الحر المتوسط (c) $\ell = 1.00 \text{ m}$ إوجد $\ell = 3.10 \times 10^{-10} \text{ m}$ الضغط عندما تكون

مسائل إضافية:

(2.5m x 3.0m x 4.2m) حجرة أنعادها - 50 (a) احسب عدد حزيئات الهواء فيها عند الضغط الجوى ودرجة حرارة 20.0°C) أوجد كتلة هذا الغاز، بفرض أن الهنواء يتكون من جزيئات ثنائية الذرة وكتلتها الجزيئية c) 28.9 g/ mol) أوجد متوسط طاقة الحركة للجزئ (d) أوجد الجذر التربيعي لمتوسط مربع السرعة الجزيئية (e) بفرض أن الحرارة النوعب ثابت ولاتتوقف على درجة الحرارة وحيث أن الطاقة الداخلية $\Delta E_{int} = 5nRT/2$. أوجد للهواء (f) أوجد الطاقة الداخلية للهواء في الغرفة عند درجة حرارة 25.0°C.

51- الدالة E_{int}= 3.5 nRT تصبف الطاقية الداخلية لغاز مثالي معين. عينه تحتوي على 2.00 mol من الغياز بقيوم بعيدة عيمليات ترموديناميكية ويبدأ دائماً عند ضغط 100 KPa ودرجة حرارة X 300 أحسب لكل عملية من العمليات التالية، الضغط والحجم ودرجة الحرارة النهائية والتغير في الطاقة الداخلية للغاز والطاقة المضافة للغاز بواسطة الحرارة والشغل المبذول بواسطة الغاز (a) الغاز سخن مع ثبات الضغط إلى b).400 K) الفاز سخن مع ثبات الحجم إلى c) 400 K) الغاز زيد ضغطه إلى 400 K) مع ثبات درجة الحرارة (d) الغاز ضغط أدباباتيا إلى 120 KPa.

52 - 20 جسيماً كتلة كل منها m ومحصورة فى حجم V لها سرعات مختلفة إثنان لهما سرعة ٧ وثلاثة لها سرعة ٧٧ وخمسة لها سرعة 3v وأربعة لها سرعة 4v وثلاثة لها سرعة 5v واثنان لهما سرعة 6v وواحد له سرعة 7v أوجد (a) متوسط السرعة (b) الجذر التربيعي لتوسط مربع السرعة (c) السرعة الأكثر احتمالاً (d) الضغط الذي تحدثه الجسيمات على جدران الوعاء (e) متوسط طاقة الحركة لكل جسيم. WEB

53 أسطوانة بها n مول من غاز مثالي يقوم $W = \int P \, dV$ عملية أديباشة (a) تبدأ بالعلاقة وتستحدم العلاقية . $PV^{\gamma} = \text{const.}$ بين أن الشغل المبذول هو

 $W = \left(\frac{1}{\nu - 1}\right)(P_iV_i - P_fV_f)$

(b) إبدأ بمعادلة القُانونُ ألأول في صورتها التضاضلية. اثبت أن الشغل المبذول أيضاً يساوي $NC_v(T_i - T_f)$. بين أن هذه النتيجة تتفق مع العلاقة المعطاه في الجزء (a).

54 - قارورة بها \$1.00x10 جزئ من الأكسجين عند درجـة حـرارة X 500 (a) ارسم رسـمـاً بيانياً دقيقاً لدالة توزع السرعة لماكسويل مع السرعة. احعل النقط على محور السرعة تبعد عن بعضها بمقدار b) 100 m/s) عبن من الرسم السرعة الأكثر احتمالاً (c) احسب السرعة المتوسطة والجذر التربيعي لمتوسط مربع السرعة، وحدد تلك النقط على الرسم البياني (d) من الرسم قدر الجزء من عدد الجزيئات ألذى تتراوح سرعاته بين .600 m/s, 300 m/s

55 - مسألة للمراجعة: الأكسجين عند ضغط أعلى من واحد جو سام لخلايا الرئة. مانسبة غاز الهيليوم لغاز الأكسجين بالوزن الذى يجب أن يستخدمها الغواص عندما يهبط في ماء البحر على عمق m 50.

56 - أسطوانة مثبت عليها مكبس تحتوى على 1.2 Kg من الهـواء عند درجـة 25.0° c وضغط 200 K Pa. انتقلت إلى النظام طاقة بواسطة الحرارة وسمح للغاز بالتمدد مع ارتفاع الضغط إلى 400 K Pa. خلال التمدد والعلاقة بين الضغط والحجم كانت كما يلي P= CV1/2 حيث C مقدار ثابت (a) إوجد الحجم الإبتدائي (b) أوجد الحجم النهائي (c) أوجد درجة الحرارة النهائية (d) أوجد الشغل الذي بذله الفاز (e) أوجد مقدار الطاقة التي انتقلت إلى النظام بالحرارة .M= 28.9 g/mol اعتبر كتلة المول من الغاز

[57] الانضغاطية (قابلية الانضغاط) K لادة ما، تعرُّف على أنها التغير الجزئي في الحجم لتلك المادة المقابل لتغير معين في الضغط أي

$$\kappa = -\frac{1}{V} \frac{dV}{dP}$$

(a) وضع لماذا الإشارة السالبة في هذه العلاقة تؤكد على أن K دائاً موجية.

(b) بين أنه إذا ضغط غاز مثالى أيزوثرمالياً فإن انضغاطيته تعطى بالعلاقة (c) K1= 1/p وضح أنه إذا ضغط غاز مثالى أديباتياً فإن انضغاطیته تعطی بالمعادلة Ky= 1/γP عین قيمتي K2, K1 لغاز مثالي أحادي الذرة عند ضغط 2.0 atm

58 - مسألة للمراحعة

(a) بين أن سرعة الصوت في غاز مثالي هي

$$\upsilon = \sqrt{\frac{\gamma RT}{M}}$$

حيث M هي الكتلة المولية. استخدم العلاقة العامة لسرعة الصوت في الموائع من قسم 1.17 والعلاقة لمعامل المرونة الحجمي من (765 قسم 4.12 ونتيجة المسألة 57 في هذا الباب. مع حركة الموجات الصوتية خلال غاز تكون الإنضغاطات إما سريعة جداً أو متباعدة عن بعضها بحبث أن انتقال الطاقة بالحرارة لايتم إما لعدم كفاية الفترة الزمنية أو لزيادة سمك العزل، لذلك فالتضاغطات والتخلخلات في هذه الحالة تتم أديباتياً (b) احسب السرعة النظرية للصوت في الهواء عند 20°C وقارنها بالقيمة المعطاء في جدول 1.17 اعتبر (c) M= 28.9 g/ mol أثبت أن سرعة الصوت في غاز مثالى هو

 $v = \sqrt{\frac{\gamma k_B T}{T}}$

حيث m كتلة جزئ واحد. قارن نتيجتك مع السرعة الأكثر احتمالأ والجذر التربيعي لتوسط مربع السرعة والسرعة المتوسطة.

🐙 [59] استخدم برنامج كمبيوتر لحساب النسب التالية لغاز يخضع لقانون ماكسويل لقيم (υ) التالية $N_{\upsilon}(\upsilon)/N_{\upsilon}(\upsilon_{mn})$

 $\upsilon = (\upsilon_{mp}/50), (\upsilon_{mp}/10), (\upsilon_{mp}/2), \upsilon_{mp},$ $2v_{mn}$, $10v_{mn}$, $50v_{mn}$

ودون نتائحك لثلاث أرقام معنوية.

60 - جسيم في جهاز طرد مركزي للغازات، وهو جهاز يستخدم لفصل الجسيمات ذات الكتل المختلفة يجعلها تدور بسرعة في مدار دائرى نصف قطره r وبسرعة زاوية ω. طبقاً لقانون نيوتن الثاني، مقدار القوة التي تؤثر على الجسيم تساوي a) .mω²r كيف يستخدم جهاز الطرد المركزي للغازات في فصل الجسيمات ذات الكتل المختلفة (b) بين أن كثافة الجسيمات كدالة في r هي $n(r) = n_0 e^{mr^2 \omega^2 / 2k_B T}$

61 - حقق معادلتي 28.18, 27.18 بالنسبة للجذر / 15.0 vt.) التربيعي لتوسط السرعة وللسرعة المتوسطة

لجزيئات غاز عند درجة حرارة T. لاحظ أن القيمة المتوسطة للكمية vⁿ هي.

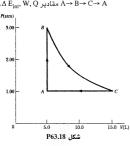
Mark Control

$$\overline{v^n} = \frac{1}{N} \int_0^\infty v^n N_v dv$$

$$v^n = \frac{1}{N} \int_0^\infty v^n N_v dv$$

 $\overline{\upsilon^n} = \frac{1}{N} \int_0^\infty \upsilon^n N_v d\upsilon$ واستخدم التكامل المحدد $\int_{0}^{\infty} x^{3} e^{-ax^{2}} dx = \frac{1}{2 - 2} \int_{0}^{\infty} x^{4} e^{-ax^{2}} dx = \frac{3}{2 - 2} \sqrt{\frac{\pi}{a}}$ 62 - عينة من غاز مثالي أخادي الذرة تشغل حجماً قدره £ 5.0 عند الضغط الجوي ودرجة حرارة X 300 النقطة A على الرسم (P 36.18) سخنت مع ثيات الحجم حتى وصل الضغط B (النقطة B) ثم ترك يتمدد أيزوثرماليا إلى 1.0 atm (النقطة C) وفي النهاية ضغط أيزوباريا إلى وضعه الأول. (a) أوجد عدد المولات في العينة (b) أوجد درجات الحرارة عند النقطتين c) C, B) بفرض أن الحرارة النوعية لاتعتمد على درجة الحرارة بحيث أن $E_{int} = 3nRT/2$ أوجد الطاقة الداخلية عند النقطتين C) A, B) ضع E_{int}, T, V, P في جدول عند الحالات الممثلة بالنقط C→ A, B→C, اعتبر العمليات (e) C, B, A A→B وبين كيف يمكن إجراء كل من تلك العمليات عملياً، (f) أوجد W, Q, Δ Eint لكل من تلك العمليات (g) أوجد للدورة كلها.

 $.\Delta E_{int}, W, Q$ مقادیر $A \rightarrow B \rightarrow C \rightarrow A$



الفصل الثامن عشر، نظرية الحركة للغازات

- له الجزء أسفل الجزيئات التي في الجزء أسفل (a) 63 الإرتفاع h من الغلاف الجوي هو $f = 1 e^{(-mgh/k_sT)}$
- (b) استخدم هذه النتيجة لتبين أن نصف الجزيئات أسفل الإرتضاع h' حيث $h'=k_{\rm B}T\ln(2)/mg$ للأرض؛
- (اعتبر أن درجة الحرارة 270 K ولاحظ أن متوسط الكتلة المولية للهواء 28.9 g/ mol.
- 64 مسألة للمراجعة (a) إذا كان لدى الجزئ طاقة حركة كافية فإنه يستطيع أن يفلت من عجلة الجاذبية الأرضية. باستخدام مبدأ بقاء الطاقة بين أن أقل قدر من طاقة
- الحركة اللازمة للإشلات من جاذبية الأرض m هي g هي m هي وزن الجزئ، g عجلة الجذائبية الأرضية عند سطح الأرض، g نصف قطر الأرض (6) احسب درجة الحرارة لنمية على كون أقل قدر من طاقة الحركة للإفلارة من الجذائبية يساوي عشر امثال متوسط طاقة الحركة لجزئ الأكسجين.
- 65 باستخدام ليزر متعدد الأشعة إستطاع الفيزيائيون تبريد وحجز ذرات الصوديوم في الفيزيائيون تبريد في التجارب أمكن تخفيض درجة حرارة الذرات إلى 0.24 mK مين الجدر التبريدعي لمتوسط مسرعة لذرات الصوديوم عند هذه الدرجة.

إجابة الاختبارات السريعة: ANSWERS TO QUICK QUIZZES

- (1.18) الجزئ يتحرك بسرعة عالية إلا أنه لايبتعد كثيراً لأنه يتصادم مع الجزيئات الأخرى، والتصادم يجعله يحيد عن مساراء الأصلى، من الطبيعي أن جزئ لمادة العطرية يصل من زجاجة العطر في أول الحجرة إلى آخرها، إلا أنه لايتخذ مساراً مستقيماً بل يتخذ مساراً طويلاً حداً سست تلك التصادمات،
- Eint (c) (2.18) تظل كِما هي طبقاً لمعادلة (10.18) وأله في درجة الحرارة
- الساحة تحت كل من النعنيات تمثل عدد الجزيئات في هذا المدى من السرعات. الجزيئات في هذا المدى من السرعات. عدد الجزيئات التي سرعتها تتراوح بين $78,800 \, \mathrm{m/s}$ عدد $78,800 \, \mathrm{m/s}$ كا المحت النعنى عند $78,800 \, \mathrm{m/s}$ عند $78,800 \, \mathrm{m/s}$ عند $78,800 \, \mathrm{m/s}$ عند $78,800 \, \mathrm{m/s}$

الطاقة الداخلية للغاز.

فقط. بما أنه على استداد الأيزوثيرم T

تكون ثابتة طبقاً للتعريف، ومن ثم لاتتغير



تُستخدم الثلاجة في حفظ المأكولات باردة. إلى جانب توقع ارتفاع قيمة فاتورة الكهرباء، هناك سبب آخر بجعلك لاتترك باب الثلاجة مفتوحاً لكي تقلل من درجة حرارة المطبخ في يوم شــديد الحرارة فسما هو هذا السبب

الآلات الحرارية - الأنتروبي والقانون الثاني للديناميكا الحرارية

Heat Engines, Entropy, and Second Law Of Thermodynamics

ويتضمن هذا الفصل :

5.19 المضخات الحسرارية والثلاجسات Heat Pumps and Refrigerators

6.19 الأنتروبي Entropy

7.19 تغير الأنتروبي في العمليات غير العكوسة Entropy Changes in Irreversible Processes

8.19 (اختياري) الأنتروبي على القياس المكروسكوبي (Optional) Entropy on a Microscopic Scale

1.19 الآلات الحرارية والقانون الثاني للديناميكا الحرارية Heat Engines and the Second Law of Thermodynamics

2.19 العمليات العكوسة والعمليات غير العكوسة Reversible and Irreversible Pocesses

The Carnot Engine 3.19 ألة كارنو

4.19 آلة الحازولين وآلة الديزل Gasoline and Diesel Engines

769

القانون الأول للديناميكا الحرارية الذي درسناه في الفصل السابع عشر ينص على حفظ الطاقة وقد عمم ليضم الطاقة الداخلية. هذا القانون ينص على أن التغير في الطاقة الداخلية لنظام ما يحدث نتيجة لانتقال الطاقة بواسطة الحرارة أو بواسطة الشغل أو بالاثنين معاً. والقانون الأول لايميز بين نتائج الشغل ونتائج الحرارة. فأى من الشغل والحرارة يمكنه أن يحدث تغيراً في الطاقة الداخلية. إلا أن هناك إختلافاً جوهرياً بين الإثنين لايتضع من القانون الأول. أحد مظاهر هذا الإختلاف هو أنه من المستحيل تحويل الطاقمة الداخلية كلها إلى طاقمة ميكانيكية عن طريق جعل المادة تقوم بدورة ترموديناميكية كما يحدث في الآلات الحرارية وهو ما سندرسه في هذا الباب.

وعلى الرغم من أهمية القانون الأول، إلا أنه لا يميز بين العمليات التي يمكن أن تتم تلقائياً Spontaneous والعمليات التي لايمكن أن تتم تلقائياً. فهناك عدد محدود فقط من عمليات تحول الطاقة وانتقال الطاقة يمكنها أن تتم تلقائياً في الطبيعة. القانون الثاني للديناميكا الحرارية الذي سنقوم بدراسته في هذا الباب سيحدد ما هي تلك العمليات التي يمكنها أنّ تتم وما هي العمليات التي لايمكن أن تتم في الطبيعة. وفيما يلي بعض الأمثلة لبعض العمليات التي يمكن أن تتم فقط في اتجاه واحد.

- عند وضع جسمين مختلفين في درجة الحرارة في وضع اتصال حراري، تنتقل الطاقة دائماً بواسطة الحرارة من الجسم الأسخن إلى الجسم الأبرد، ولايمكن أن يحدث العكس.
- الكرة المستوعة من المطاط إذا ألقيت على الأرض فإنها تعلو وترتد بضعة مرات قبل أن تتوقف على الأرض. إلا أن الكرة الساكنة فوق الأرض لايمكن أن تبدأ في العلو والارتداد بنفسها.
- البندول المتذبذب يتوقف بعد فترة بسبب تصادمه بجزيئات الهواء والاحتكاك مع محور التعليق. إن الطاقة الميكانيكية للبندول تتحول إلى طاقة داخلية في الهواء وفي محور التعليق إلا أن التحول العكسى للطاقة لايمكن حدوثه.

جميع هذه العمليات تسمى عمليات غير عكوسة Irreversable أي أنها عمليات تحدث تلقائياً في اتجاه واحد فقط ولاتوجد أي عملية غير عكوسة يمكنها أن تتم في اتجاه عكس حركتها الطبيعية. ولو فعلت ذلك فإنها ستتناقض مع القانون الثاني للديناميكا الحرارية ومن وجهة النظر التكنولوجية والهندسية لعل أهم ما جاء به القانون الثاني للديناميكا الحرارية هو أن كفاءة الآلات الحرارية محدودة. فطبقاً لهذا القانون لايمكن بناء آلة تستطيع بصفة دائمة أن تحول كل الطاقة الداخلية إلى أشكال أخرى من الطاقة في علميات دورية. أي أنه لايمكن بناء آلة ذات كفاءة تصل إلى مائة في المائة.

1.19 م الآلات الحرارية والقانون الثاني للديناميكا الحرارية

HEAT ENGINS AND THE SECOND LAW OF THERMODYNAMICS

الآلة الحرارية Heat engine هي آلة تحول الطاقة الداخلية إلى طاقة ميكانيكية، على سبيل 10.8 المثال تقوم محطة توليد الكهرباء بحرق الفحم أو أي نوع آخر من أنواع الوقود، والغازات الساخنة 770 الناتجة عن ذلك تستخدم في تحويل الماء إلى بخار، ويتم توجية هذا البخار نحو ريش التوربينات

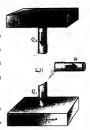
القصل التاسع عشر؛ الآلات الحرارية - الأنتروبي والقانون الثاني للديناميكا الحرارية



لورد كلفن (1824 -1907) وليم طومسون. عالم فيزياء ورياضيات بريطاني. ولد في للفاست، وهو أول من اقترح المقسيساس المطلق لدرجسات الحرارة (مقياس كلفن) الذي يحمل اسمه تكريماً له.



شكل (1.19) الآلة البخارية المحركة لهذا القطار تحصل على طاقتها من حرق الفحم والطاقة المتولدة تستخدم في تبخير الماء وتحوله إلى بخار الذي يقوم بإدارة الآلة المحركة للقطار . الآلات المحركة الحديثة تستخدم وقود الديزل بدلاً من الفحم. والآلتان القديمة والحديثة هما آلات حرارية تستمد الطافة من احتراق الوقود وتحول جزءاً منها إلى طاقة ميكانيكية.



شكل (2.19) شكل توضيحي للآلة Q_h من طاقة Q_h من مستودع ساخن وتطرد طاقة Q_c إلى Q_c الستودع البارد وتعمل شغلاً W.

فتجعلها تدور. والطاقة الميكانيكية المصاحبة لهذا الدوران تستخدم في إدارة مولد الكهرباء. آلة حرارية آخرى- آلة الإحتراق الداخلي في السيارات تستخدم الطاقة الناتجة عن حرق الوقود في أداء شغل ينتج عنه حركة السيارة.

الآلة الحرارية تجعل مادة شغالة Working substance تقوم بعملية دورية تتم خلالها العمليات الآتية (1) تمتص المادة الشغالة طاقة من مستودع للطاقة درجة حرارته مرتفعة (2) تبذل الآلة شغلاً. (3) تطرد الآلة طاقة إلى مستودع للطاقة درجة حرارته منخفضة

على سبيل المثال سنأخذ طريقة عمل آلة بخارية شكل (1.19) في هذه الآلة المادة الشغالة هي الماء. الذي في الغلاي يمتص طاقة من حرق الوقود ويتحول إلى بخار، يقوم البخار بعد ذلك ببذل شغل (771

Charles Charles (Color)

بتمدده فوق مكبس (Piston). بعد أن يبرد البخار ويتكثف يعود الماء الناتج عن التكثف إلى الغلاي مرة أخرى، وتتكرر الدورة،

ويمكن تمثيل الآلة الحرارية كما في شكل (2.19) تمتص الآلة كمية من الطاقة $Q_{
m h}$ من المستودع الساخن، تبذل شغلاً W ثم تطرد كمية من الطاقة Q_c لستودع بارد . حيث إن المادة الشغالة قامت بدورة فإن طاقتها الداخلية الإبتدائية والنهائية تكونان متساويتين ومن ثم Ε_{int}= 0 إذن من القانون الأول للديناميكا الحرارية W = Q - W إذن الشغل المبذول بواسطة الآلة الحرارية W يسأوي صافى $Q_{\rm net}$ الطاقة $Q_{\rm net}$ أن التغير في الطاقة الداخلية يساوى صفر. وكما ترى من شكل (2.19) مقدار $(Q_{\text{net}} = Q_{\text{h}} - Q_{\text{c}})$ پساوی

$$W = Q_h - Q_c$$
 (1.19) ومن ثم

وفي هذه العلاقة والعلاقات القادمة في هذا الباب لكي نساير التقاليد المتبعة في معالجة الآلات الحرارية سنعتبر كل من Q_b كميات موجبة على الرغم من أن Q_c تمثل طاقة تفقدها الآلة. في دراستنا للآلات الحرارية سوف نعتبر أن الطاقة التي تخرجها الآلة سالبة الإشارة كما في معادلة (1.19) كما ستعامل الطاقة الداخلة والطاقة الخارجة في حالة الآلة الحرارية على أنها حرارة كما هي في العادة. إلا أن انتقال الطاقة قد يتم بطريقة أخرى.

صافى الشغل البذول في عملية دورية هي المساحة داخل النعني المغلق PV كما هو موضع في العملية الدورية الإختيارية في شكل (3.19).

كفاءة الآلة الحرارية e تعرَّف على أنها النسبة بين صافى الشغل المبذول بواسطة الآلة خلال دورة واحدة إلى الطاقة المتصة من المستودع الساخن خلال الدورة

$$e = \frac{W}{Q_h} = \frac{Q_h - Q_c}{Q_h} = 1 - \frac{Q_c}{Q_h}$$
 (2.19)
ويمكننا أن نتذكر الكفاءة كتسبة بين ما نعصل عليه (الشغل المختاب (الطاقة Q_h المنتقلة عند درجة حرارة مرتفعة).

عملياً، نجد أن جميع الآلات الحرارية تستخدم جزءاً من الطاقة المتصة فقط في بذل شغل ميكانيكي ومن ثم فإن كفاءتها تكون أقل من 100% وألات الديزل تتراوح كفاءتها بين 35%, 40%. أما محرك السيارة الجديدة فكفاءته تساوى %20. من معادلة (2.19) نستنج أن الآلة الحرارية كفاءتها تكون $Q_c = 0$ أن أنه $Q_c = 0$ فقط إذا كان مقدار $Q_c = 0$ أن أنه $Q_c = 0$ طاقة إلى المستودع البارد. وهذا يعنى أن الآلة الحرارية ذات الكفاءة المثالية



شكل (3.19) منحنى PV لعملية دورية إختيارية. مقدار صافى الشغل المبذول يساوى المساحة داخل المنحثى المغلق

(2.19)

الفصل التاسع عشر: الآلات الحرارية - الأنتروبي والقانون الثاني للديناميكا الحرارية

على أساسِ الحقائق العملية التي تبيِّن أن كفاءة الآلات الحقيقية أقل بكثير من 100% وضع كلفن

« الانك منطوقاً للقانون الثاني للديناميكا الحرارية على النحو التالي:

من الستحيل بناء آلة حرارية تعمل في دورة ولاتحدث أي تأثير غير أنها تمتص طاقة من مستودع حراري وتؤدي شغلاً مساوياً لها.

وهذا النص للقانون الثاني للديناميكا الحرارية يعني أنه أثناء ممل الآلة الحرارية من المستحيل أن يكون مقدار W مساوياً لقدار Q_1 أي إن الآلة لابد من أن تفسقد قمراً من الطاقعة Q_2 في الوسط المحيط وشكل (4.19) رسم توضيحي للآلة الحرارية غير المكنة التي تنافض القانون الثاني للديناميكا الحرارية .

ويمكن تلخيص القانون الأول والثاني للديناميكا الحرارية كما بلى:

ينص القانون الأول على أننا لانستطيع أن نحصل على طاقة على شكل شغل من عملية دورية تزيد عن الطاقة التي نضعها فيها. والقانون الثاني ينص على أنه لابد من أخذ طاقة من المصدر الساخن أكبر مما نحصل علية من طاقة على شكل شغل من العملية الدورية.





شكل (4.19) شكل توضيحي لآلة Q_h من مستودع ساخن وتبدل شغلاً مكافئاً مكافئاً مكافئاً من المستحيل بناء آلة بمثل هذه

الكفاءة.

مثال 1.19

احسب كشاءة آلة حرارية تمتص J 2000 من الطاقة من المستودع الساخن وتفقد 1500J في المستودع البارد.

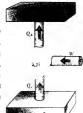
الحل: لحساب كفاءة آلة تستخدم المعادلة

 $e = 1 - \frac{Q_c}{Q_h} = 1 - \frac{1500 \text{ J}}{2000 \text{ J}} = 0.25$, or 25%

الثلاجات والمضخات الحرارية Refrigerators and Heat Pumps

الشُلاجات والمُضخات الحرارية هي آلات حرارية تعمل عكس الآلات التي سبق ذكرها. وسوف نتناولها هنا باختصار من أجل وضع نص آخر للقانون الثاني للديناميكا الحرارية. إلا أثنا سنتناولها بالتفصيل في القسم 5.19. في الشُلاجات أو المُضخات الحرارية تمتص الآلة طاقة ، Q من المستودع البارد وتفقد طاقة ، Qل للمستودع الساخن شكل (5.19). ولكي يتم ذلك لابد من بذل شغل على الآلة.

الفيزياء (الجزء الأول - الميكانيكا والديناميكا الحرارية)



 $\frac{d\mathbf{X}}{dt}$ (6.18) شكل توصيحي لآله \mathbf{X} بن تمتص طاقة \mathbf{X} مستودع بارد وتعطي طاقة . الى مستودع ساخن، ويبيئل شغل \mathbf{Y} على الثلاجة، وإلى المشخف الحرارة المستخدمة في تدفئة أو تبريد المساني تعمل بنفس الطريقة.



شكل (6.19) شكل توضيحي لآلة تبريد مستحيلة تمتص طاقة Q_c من مستودع ببارد وتعطي طاقة مكافئة لها في مستودع ساخن دون بدل شغل W = 0.

ومن القانون الأول للديناميكا الحرارية نعلم أن الطاقة المعطاة للمصتودع الساخن لابد وأن تساوي مجموع مقداري الشغل المبدول والطاقة الممتصة من المستودع البارد. إذن الثلاجة أو المضخة الحرارية تتقل الحرارة من جسم أكثر برودة (على سبيل المثال من المحتويات التي بداخل الثلاجة المنزلية أو من الهواء البارد في الشتاء خارج المبنى) إلى جمع أكثر سخونة (مثل الهواء الذي داخل المطبخ أو الهواء الذي داخل المنبى).

ومن المرغوب فيه عملياً إتمام تلك العملية بأقل قدر من الشغل المبذول وإذا أمكن أن تتم تلك العملية دون بذل أي شغل سيكون ذلك أفضل كما في شكل (6.19). مرة ثانية مثل هذه الآلة تتناقض مع القانون الثانى للديناميكا الحرارية.

طبقاً لنص كلاوزيوس (Clausius⁽¹⁾ page و : من المستحيل بناء آلة تعمل في دورة وتقوم بنقل طاقة بصفة مستديمة من جسم إلى آخر درجة حرارته اعلى من الأول دون إدخال طاقة عن طريق بذل شغل على الآلة . وبطريقة أبسط الطاقة لاتساب تلقائياً من جسم بارد إلى جسم ساخن.

مثلاً نحن نبرد المنازل صيفاً باستخدام المضخات الحرارية (أجهزة التكيف)، ومكيفات الهواء تضخ الطاقة من حجرة باردة داخل المنزل إلى الهواء الدافئ خارج المنزل. وانتقال الطاقة في هذا الاتجاه يحتاج إلى إدخال طاقة إلى جهاز التكيف على شكل طاقة كهروائية، ونصي كلاوزيوس وكلفن ويلانك للضائون الثاني للديناميكا الحرارية قد يبدوان لأول وهلة غير مرتبطين ببعضهما، لكنهما في الحقيقة من مكافئان من جميع النواحي فإذا ثبت أن أحد النصين غير صحيح فسيصبح النص الآخر غير صحيح

2.19 العمليات العكوسة والعمليات غير العكوسة REVERSIBLE AND IRREVERSIBLE PROCESSES

في القسم التالي سوف ندرس آلة حرارية نظرية أي أنها ذات كفاءة اعلى مايمكن. لكي نستوعب طبيعتها، يجب أولاً أن نتفحص معنى عملية عكوسة Reversible والعملية غير العكوسة Reversible. في العملية العكوسة، النظام الذي يقوم بعملية يمكن أن يعود إلى حالته الابتدائية عن طريق نفس المسار المبين على المنحنى البياني PV وكل نقطة على هذا المسار مثل حالة اتزان، وأي عملية لاتحقق هذا الشرط هي عملية غير عكوسة.

شكل (7.19) تميد أديباتي حر لغاز

حائط عازل

فراغ غشاء

جميع العمليات التي تحدث في الطبيعة هي عمليات غير عكوسة، ومن الك العمليات سوف تختار واحدة كمثال لتوضيح مفهوم العملية العكوسة وغير العكوسة.

الحالة التي سندرسها هي حالة التمدد الأديباتي الحر لغاز الذي سبق دراسته في القسم 17.6 وسوف نبين كيف أنه اليمكن أن يكون عكوساً. الغاز في وعاء معزول حرارياً كما هو مبين في شكل (7.19). الغشاء يفصل الغاز عن منطقة مفرغة من الهواء. عند قطع الغشاء يتمدد الغاز بحرية في الفراغ ويشغل حجماً أكبر بعد حدوث التمدد. وحيث أن الغاز لم يؤثر بقوة خلال مسافة ما في الوسط المحيط، فهو لم يبذل شغلاً على الوسط المحيط أثناء التمدد. بالإضافة إلى ذلك لم تنتقل طاقة إلى أو «ن الغاز بواسطة الحرارة لأن الوعاء معزول عن الوسط الحيط. إذن في هذه العملية الأديباتية قد حدث تغير في النظام فقط دون أن يحدث أي تغير في الوسط المحيط.

لكي تكون هذه العملية عكوسة بجب أن بعود الغاز إلى حجمه الابتدائي ودرجة حرارته الابتدائية دون حدوث تغير في الوسط المحيط. تخيل أننا نريد أن نعكس العملية بضغط الغاز إلى حجمه الأول. اكي نفعل ذلك سوف نثبت مكبس Piston فوق الوعاء ونستخدم آلة لكي تؤثر على المكبس إلى الداخل. خلال تلك العملية، سيتغير الوسط المحيط لأن شغلاً سيبذل بواسطة عامل خارجي على النظام. بالإضافة إلى ذلك قد تغير النظام لأن الضغط يرفع درجة حرارة الغاز . يمكننا أن نقلل درجة حرارة الغاز بجعله بالامس مستودع خارجي للطاقة. على الرغم من أن ذلك يعيد النظام إلى حالته الابتدائية. إلا أن الوسط المحيط قد تأثر . لأن طاقة قد أضيفت له من الغاز . لوكان من المكن استغلال تلك الطافة لإدارة الآلة التي استخدمناها في ضغط الغاز، عند إذ سيكون صافى الطاقة المنتقلة إلى الوسط المحيط تساوى صفر. بهذه الطريقة يمكن إعادة النظام والوسط المحيط إلى حالتهما الأولى. ويمكننا أن معرِّف العملية على أنها عكوسة. إلا أن نص كلفن وبلانك للقانون الثاني للديناميكا الحرارية ينص على أن الطاقة المأخوذة من الغاز لكي تعود درجة حرارته إلى حالتها الأولى لا يمكن تحويلها كلها إلى طاقة ميكانيكية على شكل شغل مبذول لضغط الغاز بواسطة الكبس، من ذلك يتضح أن العملية غير عكوسة.



مستودع طاقة شكل (8.19) غاز على اتصال حراري بمستودع للطاقة يزداد الضغط فوقه

ببطئ شديد بوضع حبات من الرمل

فوق المكبس، الإنضغاط في هذه الحالة

يكون أيزوثرمالي وعكوس.

يمكننا كذلك أن نثبت أن التمدد الأديباتي عملية غير عكوسة مستندين إلى جـزء من تعريف العملية العكوسة الذي يشير إلى حالات الاتزان.

فمثلاً أثناء التمدد تحدث تغيرات ملحوظة في الضغط خلال الغاز ومن ثم لاتوجد قيمة محددة جيداً للضغط في النظام كله في أى لحظة من اللحظات بين الحالتين الابتدائية والنهائية. في الحقيقة لايمكن تمثيل العملية الأدبياتية بمسار على منحنى PV. منحنى PV في عملية التمدد الأديباتي الحر قد يبين الحالة الابتدائية والحالة النهائية كنقطتين إلا أنهما غير مرتبطتين بمسار. إذن حيث إن الحالات البينية بين الحالتين الابتدائية والنهائية ليستا حالات اتزان إذن فالعملية غير عكوسة.

على الرغم من أن كل العمليات الحقيقية غالباً ماتكون غير عكوسة، إلا أن بعضها يكون عكوساً ،إذا تمت عملية حقيقية ببطئ شديد بحيث إن النظام ظل دائماً كما لوكان في حالة اتزان. عند إذ تكون العملية تقريباً عكوسة.

على سبيل المثال دعنا نتخيل أننا قد نضغط غاز ببطئ شديد بوضع بعض حبيبات من الرمل على مكبس عديم الاحتكاك كما في شكل (8.19) وسنجعل العملية أيزوثرمالية بوضع الغاز في اتصال حراري مع مستودع للطاقة، وسننقل قدراً من الطاقة من الغاز إلى المستودع بحيث تظل درجة حرارته ثابتة. في هذه الحالة بكون الضغط والحجم ودرجة الحرارة للغاز ذات قيم محددة خلال عملية الإنضغاط الأيزوثرمالي. إذن كل حالة أثناء العملية هي حالة اتزان، وفي كل مرة نضيف حبة رمل إلى المكبس فينقص حجم الغاز قليلاً بينما يزداد الضغط قليلاً كذلك. وكل حبة رمل نضيفها إلى المكبس تنقل النظام إلى حالة اتزان جديدة ويمكننا عكس العملية عن طريق إزالة حبات الرمل ببطئ من فوق المكسر..

ومن أهم خصائص العملية العكوسة أنها لاتكون مقترنة بعوامل تبدُّد (مثل الدوامات أو الإحتكاك) تحول الطاقة الميكانيكية إلى طاقة داخلية، وهذه التأثيرات لايمكن إزالتها تماماً، ولذلك فليس بمستغرب أن تكون جميع العمليات في الكون هي عمليات غير عكوسة.

The CARNOT ENGINE مالية كالمارنو 3.19

في عام 1824 قام المهندس والعالم الفرنسي سادي كارنو Sadi Carnot بوضع فكرة لآلة حرارية 10.9 نظرية تسمى الآن آلة كارنو وهي ذات قيمة كبيرة من الناحيتين العلمية والعملية. لقد بين كارنو 776 أن الآلة الحرارية التي تعمل في دورة عكوسة مثالية تسمى دورة كارنو بين مستودعين حراريين هي آلة نامتها أعلى ما يمكن، وهذه الآلة المثالية تضع الحد الأعلى الكشاءة لجسميع الآلات الأخرى، أي أن صافي الشغل المبدول ، واسطة مادة شغالة قامت بدورة كارنو هو أكبر قدر ممكن من الشغل المثابل لكمية معينة من الطاقة المستمدة بواسطة تلك المادة .

"لاتوجد آلة حرارية تعمل بين مستودعين للطاقة كفاءتها أعلى من كفاءة آلة كارنو التي تعمل بين نفس المستودعين الحراريين".

لكي نناقش صحة هذه النظرية دعنا نتخيل آلتين حراريتين نعـملان بين نفس المنستودعين الحيراريين أحـدهما آلة كبارنو وكفاءتها ع والأخرى كفاءتها ع أكبر من ع. سنستخدم الآلة الأكثر كضاءة لإدارة آلة كارنو كالله مبيردة أي كمضحة حرارية. أي أن الشغل الخارج من الآلة الأعلى كفاءة يستغل كله كشغل يبدل على الة تبريد كارنو ، بالنسبة للمجموعة المكونة من الآلة الحرارية وآلة



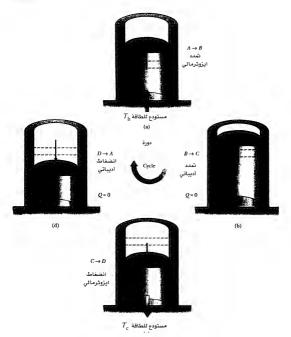
سادي كالوقو عالم ومهندس فرنسي كان أول من أوجد علاقة فرنسي كان أول من أوجد علاقة كمية بالشخاص أو المنافع المنافع المنافع المنافع المنافع المنافع المنافع المنافع وهذا العمل أكار الإنتياء إلى الأهمية التكولوجية التكولوجية والسياسية والعسكرية للألات المارية البخارية، وكارنو يعتبر من مسؤسسي علم الديناميكا من مسؤسسي علم الديناميكا من مسؤسسي علم الديناميكا من مسؤسسي علم الديناميكا من مسؤسسي علم الديناميكا

التبريد لايحدث تبادل عن طريق الشغل بينهما وبين الوسط المحيط. وحيث إننا قد افترضنا أن الآلة الحرارية أكثر كفناء من ألة تبريد كارنو ، ستكون محصلة هذه الجموعة انتقال الطاقة من المستودع البارد إلى المستودع السنخن دون بدل شغل على الجموعة ، وطبقاً لنص كلاوزيوس للقانون الشأني للديناميكا الحرارية من غير المكن أن يحدث ذلك. إذن افترضنا أن ع-2 » هو افتراض خاطئ وجميع الآلات الحقيقية القل الاستفادة الآلة الحقيقية تقل كندك بسبب المصاعب العملية مثل الاحتكاك وفقدان الطاقة بالتوصيل.

لكي نصف دورة كارنو التي تتم بين درجتي حرارة (T_h, T_c) سنفرض أن المادة الشخالة هي غاز مثالي موجود داخل أسطوانة مثبت عليها مكبس متحرك فوق أحد نهايتيها . وجدران الأسطوانة والمكبس مُوصَّلان حراريان . في شكل (9.19) مبين أربع مراحل لدورة كارنو ومنحنى VP لدورة كارنو موضح في شكل (10.19) وتتكون دّوَرة كارنو من عمليتين أديباتيتين وعمليتين أيزوثرماليتين وجميعها عكوسة .

ا – العملية A → B شكل (9.19) هي عملية تمدد عند درجة حرارة T_h بوضع الغاز هي اتصال حراري مع مستودع الطاقة عند درجة حرارة T_h اثناء التمدد بمتص الغاز طاقة Q_h من المستودع خلال قاع الأسطوانة ويعمل شغلاً W_{AB} لرفع المكبس.

- في العملية $D \to C$ شكل (9.19b) يستبدل قاع الأسطوانة بآخر عازل للحرارة ثم يتمدد الغاز أديباتياً أي أن الطاقة لاتدخل ولاتخرج من النظام، أثناء تمدد الغاز تتخفض درجة الحرارة من $T_{\rm h}$ إلى $T_{\rm h}$ ويعمل الغاز شغلاً $W_{\rm R}$ لرفم المكبس.



شكل (9.19) دورة كارنو. في العملية θ → قيتمدد الغاز أيزوثرمالها بينما تكون الأسطوانة على اتصال حراري مع مستودع عند درجة حرارة <math>Π. في العملية Φ → Φ العمل

الفصل التاسع عشر؛ الآلات الحرارية - الأنتروبي والقانون الثاني للديناميكا الحرارية



في العملية الأخيرة $D \rightarrow A$ شكل (9.19d) يستبدل قاع الأسطوانة بآخر عازل للعرارة ويضغط الغاز أديباتياً. فترتفع درارة الغاز إلى T_h والشغل المبدول على الغاز بواسطة المكس هو T_h



 $\frac{\mathbf{mZ}}{\mathbf{n}}$ Lect PV Lect P

$$e = \frac{W}{Q_h} = \frac{Q_h - Q_c}{Q_h} = 1 - \frac{Q_c}{Q_h}$$

في مثال (2.19) يتبين أن في دورة كارنو:

المعادلة:

$$\frac{Q_c}{Q_h} = \frac{T_c}{T_h} \tag{3.19}$$

إذن الكفاءة الحرارية لآلة كارنو هي:

$$e_{\rm C} = 1 - \frac{T_c}{T_h} {(4.19)}$$

وهذه النتيجة تبين أن جميع آلات كارنو التي تعمل بين نفس درجتي الحرارة لها نفس الكفاءة.

ومعادلة (4.19) يمكن استخدامها لأي مادة شغالة تعمل هي دورة كارنو بين مستودعين حراريين. طبقاً لهذه المعادلة تصبح الكفاءة صفر إذا أصبحت $T_c = T_h$ وتزيد الكفاءة كلما ارتفعت T_h وانخفضت T_c إلا أن الكفاءة تصبح واحد صحيح إذا انخفضت درجة الحرارة Tc إلى الصفر المطلق ومثل هذا
المستودع غير متاح، لذلك فإن الكفاءة دائماً تكون أقل من 1000. هي معظم الأحوال تكون T_c قريبة من
درجة حرارة الغرفة وهي حوالي T_c فلذلك فتبدل المحاولات دائماً برفع درجة الحرارة T_c .

مثال 2.19:

إثبت أن كفاءة آلة حرارية تعمل في دورة كارنو وتستخدم غازاً مثالياً تعطى بالمعادلة 19.4.

الحل: أثناء التمدد الأيزوثرمالي (عملية B→A في شكل 9.19) لاتتغير درجة الحرارة ومن ثم فإن الطاقة الداخلية تظل مقداراً ثابتاً. الشغل المبدول بواسطة الغاز أثناء عملية التمدد الأيزوثرمالي يعطى بالمعادلة 13.17. من القانون الأول هذا الشغل يساوي P، الطاقة المتصة، إذن

$$Q_h = W_{AB} = nRT_h \ln \frac{V_B}{V_A}$$

بطريقة مماثلة الطاقة المنتقلة إلى المستودع البارد أثناء عملية التضاغط الأيزوثرمالي C→D هي.

$$Q_c = |W_{CD}| = nRT_c \ln \frac{V_C}{V_D}$$

بقسمة المعادلة الثانية على المعادلة الأولى نجد أن

$$(1) \qquad \frac{Q_c}{Q_h} = \ \frac{T_c}{T_h} \frac{\ln(V_C/V_D)}{\ln(V_B/V_A)} \label{eq:Qhamiltonian}$$

سنبين الآن أن النسبة بين الكميات اللوغارتيمية تساوي واحد عن طريق إيجاد علاقة بين النسبة بين الحجوم، لأي عملية أديباتية شبه استاتيكية العلاقة بين الضغط والحجم طبقاً لعادلة 18.18

(2)
$$PV^{\gamma} = \text{constant}$$

أثناء أي عملية عكوسة وشبه استاتيكية الغاز الثالي لابد أن يتبع معادلة الحالة PV= nRT. باستخدام هذه العلاقة في معادلة (2) تحصل على الآتي:

$$\frac{nRT}{V}V^{\gamma} = \text{constant}$$

ويمكن صياغتها على النحو التالي:

$$TV^{\gamma-1} = constant$$

حيث تم وضع *nR شمن* الثابت الموجود في الطرف الأيمن من المعادلة باستخدام هذه النتيجة للعملية الأديباتية B→ C, D→A نحصل على الآتي:

$$T_h V_B^{\gamma - 1} = T_C V_C^{\gamma - 1}$$

 $T_h V_A^{\gamma-1} = T_C V_D^{\gamma-1}$ بقسمة المعادلة الأولى على الثانية

$$(3) \qquad \frac{V_B}{V_A} = \frac{V_C}{V_D}$$

بإحلال المعادلة (3) في المعادلة (1) نجد أن الحد اللوغاريتمي يلغي ونحصل على:

$$\frac{Q_c}{Q_h} = \frac{T_c}{T_h}.$$

القصل التاسع عشر، الآلات الحرارية - الأنتروبي والقانون الثاني للديناميكا الحرارية



وباستخدام هذه النتيجة في معادلة 2.19 نجد أن الكفاءة الحرارية لآلة كارنو هي:

$$e_{\rm C} = 1 - \frac{Q_{\rm c}}{Q_{h}} = 1 - \frac{T_{\rm c}}{T_{h}}$$

وهي معادلة 4.19.

مثال 3.19 الآلة البخارية

آلة بخارية بها مرجل يعمل عند درجة حرارة 50 KB. الطاقة الناتجة عن الوقود المحترق تحول الماء إلى بخار، وهذا البخار يحرك مكبس والمستودع البارد هو الهواء الجوي عند درجة حرارة X 300 تقريباً ما هى اعلى كفاءة حرارية لهذه الآلة البخارية.

:الرحق الدرجتين هي: الدرجتين هي: الدرجتين هي: الدرجتين هي: والدرجتين هي: $e_{\rm C} = 1 - \frac{T_{\rm C}}{T} = 1 - \frac{300~{
m K}}{200~{
m K}} = 0.4$, or 40%

هذه أعلى كفاءة نظرية للآلة. في الواقع أن الكفاءة الفعلية تكون أقل من ذلك بقدر ملحوظ.

تمرين، عين أكبر شغل يمكن للآلة أن تؤدية في كل دورة إذا امتصت طاقة قدرها J 200 من المستودع الساخن في كل دورة.

الجواب: 80J

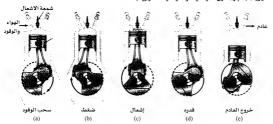
مثال 4.19 كضاءة آلة كارنو

أعلى كفاءة نظرية لآلة ما هي 30% إذا كانت تلك الآلة تسستخدم الجو كمستودع بارد عند درجة حرارة X 300 فكم تكون درجة حرارة المستودع الساخن.

GASOLINE AND DIESEL ENGINES الديزل ما الماليول الماليول ما الماليول الماليول ما الماليول الم

في آلة الجازولين تتم 6 عمليات في كل دورة خمسة منها موضحين في شكل 11.19. في هذه المعالجة، سنعتبر أن الجزء الداخلي من الأسطوانة أعلى المكبس (البستن) هو الذي يمثل النظام الترموديناميكي الذي يقوم بدورات متكررة أثناء عمل الآلة. في أي من تلك الدورات يتحرك المكبس إلى (781

الفيزياء (الجزء الأول - الميكانيكا والديناميكا الحرارية)



شكل (1111) الدورة رباعية الأشواط في أنه الجازواين التقليدية (ه) شوط السحب فيه يتم إدخال الوقود (الجازواين) والهواء (ا) يقفل صمام السحب ويضغط خليط الوقود والهواء بواسطة البستن (الكيس) (ع) يشتط الخليط بواسطة شموع الإشتمال فترتفع درجة حرارة الخليط (أ) في شوط القدرة يتعدد الغاز فوق البستن ويضعه إلى امقط (ع) تخرج الغازات بعد الاحتراق من صعام العادم وتكرر الدورة.

أعلى وإلى أسفل مرتين، وهذا يمثل دورة رياعية الأشواط تتكون من شوطين إلى أعلى وشوطين إلى أسفل. العملية التي تتم في الدورة يمكن تقريبها بواسطة دورة اتو Otto Cycle ومنحنى PV لدورة أتو موضح في شكل 12.19.

I في شوط السحب $A \leftarrow O$ شكل (11.19a) يتحرك البستن إلى أسفل ويتم سحب خليط غازي يتكون من الهواء والوقود داخل الأسطوانة عند الضغط الجوي. يزداد الحجم في هذه العملية من V_2 إلى V_2 وهذا هو شوط إدخال الطاقة في تلك الدورة وهي تدخل إلى النظام (داخل الأسطوانة) كطاقة داخلية V_1 مخزونة في الوقود وهو انتقال الطاقة عن طريق انتقال الكتلة Mass Transfer أي أن الطاقة تحمل بواسطة مادة، وهو ما يشبه الحمل الذي سبق أن درسناه.

 2^- أثناء شوط الضغط $A \rightarrow B$ شكل (11.119) يتحرك المكبس إلى أعلى، ينضغط خليط الهواء والوقود أديباتياً من حجم V_1 إلى V_1 حجم V_2 وترتفع الحسرارة من T_A الى T_3 . الشغل المبدول بواسطة الغاز سالب وقيمته تساوي المساحة تحت المنعنى Δ_B في شكل (12.19)

3- في العملية B→C يحدث احتراق الوقود عندما تشعله شموع الإحتـراق شكل (11.19c). وهذه العمليـة لاتمثل شـوطأ من أشواط الدورة لأنها تحدث خلال فترة قصيرة من الوقت بينما



شكل (12.19) شكل 4V لدورة أتَّو وهي تمثل بشكل تضريبي العمليات التي تحــدث في آلة الإحـــــراق الداخلي.

يكون البستن (المكبس) هي أعلى نقطة داخل الأسطوانة، وعملية الإحتراق تمثل عملية سريعة لاتنقال الطاقة الداخلية المخزونة في الروابط الكميائية في الوقود إلى طاقة داخلية مرتبطة بحركة جزيئات الغاز. في هذا الوقت ترتفع درجة الحرارة من T_B إلى T_B كما يرتفع الضغطه: إلا أن الحجم يظل ثابتاً تقريباً نتيجة لقصر المدة الزمنية، ولذلك لايحدث شغل بواسطة الغاز، ويمكننا أن نمثل هذه العملية على منحنى PV شكل (12.19) على أنها العملية التي تدخل فيها الطاقة Q_B إلى النطوانة النطام، إلا أنه في واقع الأمر هذه العملية هي عملية تحول للطاقة الموجودة فعلاً داخل الأسطوانة (من العملية Q_B) وليست عملية انتقال.

- 4 في شوك القدرة Dower Stroke C→D مكل (11.19d) يتمدد الغاز أديباتياً من V_2 إلى V_1 المها V_1 التمدد يؤدي إلى خفض درجة الحرارة من T إلى T_2 . يبذل الغاز شغلاً في دفع المكبس إلى أسفل. وهذا الشغل يساوى المساحة تحت المتحنى C_2 .
- 5 في العملية D--> A وهي ليست مبينة في شكل (11.19) تقتح صمامات العادم عندما يصل الكبس C في العملية في المنط الفنعط فجأة لفترة قصيرة من الوقت. خلال هذه الفترة يكون الكبس ساكناً تقريباً والحجم ثابت. تنتقل الطاقة من داخل الأسطوانة وتظل تتسرب إلى الخارج خلال العملية التالية.
- δ في العملية الأخيرة شوط العادم Δ → Δ شكل (11.19e) يتحرك المكبس إلى أعلى بينما يظل مسام العادم مفتوحاً. تخرج الغازات الباقية عند الضغط الجوي. وينقص الحجم من V_1 إلى V_2 وتتكرر الدورة.

وباعتبار خليط الوقود والهواء كالغاز المثالي عند إذ تكون كفاءة دورة أتو هي:

$$e = 1 - \frac{1}{(V_1/V_2)^{\gamma - 1}}$$
 (5.19)

حيث γ هي النسبة بين الحرارتين النوعيتين للغاز C_p/C_v لخليط الهواء، الوقود و $V_1/2$ هي نسبة الإنضغاط، معادلة (5.19) التي استنتجناها في مثال 5.19 تبين أن الكفاءة تزيد بزيادة نسبة الانضغاط، معادلة (5.19) التي استنتجناها في مثال 5.19 تبين أن الكفاءة تزيد بزيادة نسبة مطبقاً لمورة أتو المثالية، وهذه القيمة أكبر بكثير مما تصل إليه كفاءة الآلة الحقيقية. (15% إلى 20%). بسبب بعض العوامل مثل الاحتكاك وانتقال الحرارة بالتوصيل من خلال جدران الأسطوانة وعدم احتراق خليط الهواء والوقود احتراقاً كاملاً. وآلات الديزل تعمل طبقاً لدورة تشبه دورة أتو إلا أنها لاتستخدم شموع احتراق ونسبة الإنضغاط في آلة الديزل أكبر بكثير مما هي عليه في آلة الجازولين. فالهواء في الأسطوانة وتكون درجة حرارة الأسطوانة ارتفاعاً شديداً في الأسطوانة وتكون درجة الحرارة كافية (

建筑总统统 [24]

لحرق خليط الوقود والهواء دون حاجة إلى شموع احتراق، وآلات الديزل أعلى كشاءة من آلات الجازولين نتيجة لارتفاع نسبة الإنضناط وما ينتج عن ذلك من ارتفاع شديد في درجة الحرارة.

مثال 5.19 كفاءة دورة أتُّو

أثبت أن الكشاءة الحرارية لآلة تعمل طبقاً لدورة أتُّو الثالية تعطي بمعادلة 5.19. إعتبر أن المادة الشغالة هي غاز مثالي ارجم إلى شكلي (11.19) ,((12.19).

الحل؛ نوجد أولاً الشغل المبدول في كل دورة بواسطة الغاز . في العملية $D \to D$ وفي العملية $D \to D$ لايبذن شغل المبدول لايبذن شغل المبدول الذي يبدئه الغاز خلال الإنصغاط الأدبياتي $D \to D$ كون سالياً، والشغل المبدول بواسطة الغاز خلال التمدد الأدبياتي $D \to D$ موجب ، مقدار صافي الشغل المبدول بساوي المساحة المطلقة المحاطة بالمنحتى المغلق في شعر . معادل (12.19) . حيث إن التغير في الطاقة الداخلية في دورة واحدة يساوي مسافي ساوي مسافي الشغل المبدول خلال دورة واحدة يساوي مسافي الطاقة المداخلية الم النظام

$$W = Q_b - Q_c$$

حيث إن العمليتين $D \rightarrow A, B \rightarrow C$ يحدثان تحت حجم ثابت وحيث أن الغاز مثالي، من تعريف الحرارة النوعية المولية معادلة (21.8) نجد أن.

$$Q_h = nC_V(T_C - T_B) \quad , \quad Q_C = nC_V(T_D - T_A)$$

باستخدام هاتين العلاقتين مع العلاقة 19.2 نستنتج المعادلة التالية للكفاءة الحرارية

$$e = \frac{W}{Q_h} = 1 - \frac{Q_c}{Q_h} = 1 - \frac{T_D - T_A}{T_C - T_B}$$
 (1)

ويمكننا تبسيط هذه العلاقة إذ لاحظنا أن العمليتين $A \to B, C \to D$ (ديبابيتان ومن ثم فهما يخضعان للعلاقة $TV^{-1} = constant$ التي سبق أن حصلنا عليها في المثال 19.2 للعمليتين الأديبايتين

$$A \rightarrow B: T_A V_A^{\gamma-1} = T_B V_B^{\gamma-1}$$
 : اذن
 $C \rightarrow D: T_C V_C^{\gamma-1} = T_D V_D^{\gamma-1}$

 $\mathbf{V_{A}} \! = \! \mathbf{V_{D}} \! = \! \mathbf{V_{1}}, \, \mathbf{V_{B}} \! = \! \mathbf{V_{C}} \! = \! \mathbf{V_{2}}$ باستخدام هاتين المعادلتين وحيث إن

$$T_A V_1^{\gamma-1} = T_B V_2^{\gamma-1}$$
 نجند أن
$$T_D V_1^{\gamma-1} = T_C V_2^{\gamma-1}$$

بإعادة ترتيب الحدود في هذه المعادلات نجد أن:

$$T_A = T_B \left(\frac{V_2}{V_1}\right)^{\gamma - 1} \tag{2}$$

الفصل التاسع عشر؛ الآلات الحرارية - الأنتروبي والقانون الثاني للديناميكا الحرارية

$$\frac{T_D - T_A}{T_C - T_B} = \left(\frac{V_2}{V_1}\right)^{\gamma - 1} \tag{4}$$

بإحلال المعادلة 4 في المعادلة 1 نحصل على

$$e = 1 - \frac{1}{(V_1/V_2)^{\gamma - 1}} \tag{5}$$

وهى المعادلة (5.19)

ويمكننا كذلك أن نعبر عن الكفاءة بدلالة درجات الحرارة بملاحظة أنه من معادلتي (2), (3)

$$\left(\frac{V_2}{V_1}\right)^{\gamma-1} = \frac{T_A}{T_B} = \frac{T_D}{T_C}$$

إذن المعادلة (5) تصبح كالآتي:

$$e = 1 - \frac{T_A}{T_B} = \frac{T_D}{\tilde{T}_C} \tag{6}$$

خلال دورة أتو أقل درجة حرارة هي T_C وأعلى درجة حرارة هي T_C إذن كفاءة آلة كارنو التي تعمل بين مستودعين عند هاتين الدرجتين والتي تعملى بالمعادلة $e_C = 1 \cdot (T_A/T_C)$ آكبر من كفاءة دورة أتو المطاة بالمعادلة (6).

تطبيــق: نماذج لآلتي الجازولين والديزل Models of Gasoline and Diesel Engines

بمكتنا من استخدام أسس الديناميكا الحرارية التي نوقشت في هذا البباب والأبواب السابقة أن نضع نموذجاً لأداء آلتي الجازولين والديزل. في الألتين يضغط الفاز أولاً في أسطوانات الآلة. بعد ذلك يحترق خليط من الهواء والوقود. يبذل على الفاز شغل أشاء الانضفاط، إلا أن شفلاً أكبر بكثير يبذل على المكيس (يستن) بخليط الهواء والوقود بعد الاحتراق عندما تتمدد نواتج الاحتراق في الأسطوانة. وتنقل فدرة الآلة من المكيس إلى عمود الكرنك بواسطة قضيب التوصيل.

هناك كميتان هأمتان لكل من الآلتين هما حجم الإزاحة Displacement Volume وهو الحجم المزاحة Displacement Volume وهي النسبة بين المزاح بواسطة المكبس عندما يتحرك من القاع إلى قمة الأسطوانة ونسبة الإنشنغاط $r = V_A/V_B$ or V_1/V_2 أكبر حجم وأقل حجم للأسطوانة حيث $r = V_A/V_B$ or V_1/V_2 معادلة 15.9 معظم آلات الجازولين والديزل تعمل بطريقة الدورات (الأشواط) الأربعة (السحب، الإنشنغاط، القدرة، المادم)، وفيها صافي الشغل في دورتي السحب والعادم كمية ضئيلة يمكن إهمالها. إذن تتولد Power مرة واحدة لكل دورتن لعمود الكرنك.



شكل (13.19) السدورة الترمودينام يكية لآلة الديزل على منحنى PV.

لكي نُبِسِّط حساباتنا سنفـرض أن الخليط هي الأسطوانة هو غاز مثـالي وسنسـتـخـدم الحرارة النوعية C بدلاً من الحـرارة النوعيـة الموليـة C وسنفـرض قيم ثابتـة للهـواء عند X 300 سنعـبر عن الحـرارات النوعية والثابت العام للغازات بدلالة وحـدات كتلة بدلاً من المول إذن:

 $C_V = 0.718 \text{ kJ/kg} \cdot \text{K}$, $C_P = 1.005 \text{ kJ/kg} \cdot \text{K}$, $\gamma = C_P / C_V = 1.40$, $R = C_P - C_V = 0.287 \text{ kJ/kg} \cdot \text{K}$ = $0.287 \text{ KPa} \cdot \text{m}^3 / \text{kg} \cdot \text{K}$

آلة جازولين سعة 3 لترات A3.0 L Gasoline Engine

دعنا نحاول حساب القدرة المطاة من آلة تعمل بالجازولين ذات ست سلندرات (أسطوانات) وحجم الإزاحة فيها 2.0 - وخليط الهواء والوقود الإزاحة فيها 2.0 - وخليط الهواء والوقود يحقن داخل الأسطوانة عند الضغط الجوي ودرجة حرارة 2 2 وأثناء الإحتراق يصل الخليط إلى درجة حرارة c 2.1350 .

 $P_{\Lambda}=100~{\rm kPa}$ ولاً سنحسب الشغل المبدول هي إحدى الأسطوانات باستخدام ضغط ابتدائي قدرة عليه والوقود ، ونحن ودرجة الحرارة الابتدائية $N_{\Lambda}=300~{\rm kPa}$ وسنحسب الحجم الابتدائي وكثلة مزيج الهواء والوقود ، ونحن نعلم أن النسبة بين الحجم الابتدائي والحجم النهائي تساوي نسبة الانضغاط $N_{\Lambda}=r=9.5$ ونعلم كذلك أن الفرق في الحجم هو الحجم المزاح والمعدل $N_{\Lambda}=r=100~{\rm kpc}$ لأزاحـة الكليـة للست سلندرات (اسطوانات) . إذن لكل سلندر (اسطوانة) واحدة .

$$V_A - V_B = \frac{3.00 \text{ L}}{6} = \frac{3.00 \times 10^{-3} \text{ m}^3}{6} = 0.500 \times 10^{-3} \text{ m}^3$$
 , where the constant of the property of the property

$$V_A = 0.559 \times 10^{-3} \text{ m}^{3} \text{ }^{\prime} V_B = 0.588 \times 10^{-4} \text{ m}^{3}$$

باستخدام فانون الغازات المثالية في الصورة nRT وحيث إننا نستخدم ثابت الغازات بدلالة الكتلة بدلاً من المار بمكتنا الحاد كتلة خليط الهواء - الوقود.

$$m = \frac{P_A V_A}{R T_A} = \frac{(100 \text{ kPa}) (0.559 \times 10^{-3} \text{ m}^3)}{(0.287 \text{ kPa} \cdot \text{m}^3/\text{kg} \cdot \text{K}) (300 \text{ K})}$$
$$= 6.49 \times 10^{-4} \text{ kg}$$

العملية $A \to B$ (انظر شكل 19.12) عملية انضغاط أديباتي وهذا يعني أن $PV^{\gamma} = \text{constant}$ إذن:

$$P_B V_B^{\ \gamma} = P_A V_A^{\ \gamma}$$

 $P_B = P_A \left(\frac{V_A}{V_B}\right)^{\gamma} = P_A (r)^{\gamma} = (100 \text{ kPa}) (9.50)^{1.40}$

 $= 2.34 \times 10^3 \text{ kPa}$

 $= 5.14 \times 10^3 \text{ kPa}$

باستخدام قانون الغاز المثالي نجد أن درجة الحرارة بعد الانضغاط هي:

$$T_B = \frac{P_B V_B}{mR} = \frac{(2.34 \times 10^3 \text{ kPa}) (0.588 \times 10^{-4} \text{ m}^3)}{(6.49 \times 10^{-4} \text{ kg}) (0.287 \text{ kPa} \cdot \text{m}^3/\text{kg} \cdot \text{K})}$$
$$= 739 \text{ k}$$

في العملية $B \to C$ الاحتراق الذي يحول الروابط الكميائية إلى ماقة داخلية في حركة الجزيئات $T_{\rm C} = 1350^{\circ}$ C يعدث عند حجم ثابت إذن $V_{\rm C} = 1350^{\circ}$ C أي المتخدم هذه القيمة في فانون الغازات المثالية يمكن حساب $P_{\rm C}$.

$$P_C = \frac{mRT_C}{V_C}$$

$$= \frac{(6.49 \times 10^{-4} \text{ kg}) (0.287 \text{ kPa} \cdot \text{m}^3/\text{kg} \cdot \text{K}) (1.623 \text{ K})}{(0.588 \times 10^{-4} \text{ m}^3)}$$

في العملية C→D يحدث تمدد أديباتي والضغط بعد التمدد هو:

$$P_D = P_C \left(\frac{V_C}{V_D}\right)^{\gamma} = P_C \left(\frac{V_B}{V_A}\right)^{\gamma} = P_C \left(\frac{1}{r}\right)^{\gamma}$$

= $(5.14 \times 10^3 \text{ kPa}) \left(\frac{1}{9.50}\right)^{1.40} = 220 \text{ kPa}$

باستخدام قانون الغاز المثالي مرة ثانية نجد أن درجة الحرارة النهائية هي:

$$T_D = \frac{P_D V_D}{mR} = \frac{(220 \text{ kPa}) (0.559 \times 10^{-3} \text{ m}^3)}{(6.49 \times 10^{-4} \text{ kg}) (0.287 \text{ kPa} \cdot \text{m}^3/\text{kg} \cdot \text{K})}$$

= 660 K

الآن أصبح لدينا درجة الحرارة عند بداية ونهاية كل عملية في الدورة.

يمكننا أن نحسب صافى الطاقة المنتقلة وصافى الشغل الذي تقوم به كل أسطوانة في كل دورتين من معادلة 8.19.

$$\begin{split} &Q_h = Q_{in} = mc_V (T_C - T_B) \\ &= (6.49 \times 10^{-4} \text{ Kg}) (0.718 \text{ KJ/kg·K}) (1623 \text{ K} - 739 \text{ K}) \\ &= 0.412 \text{ KJ} \\ &Q_c = Q_{out} = mc_V (T_D - T_A) \\ &= (6.49 \times 10^{-4} \text{ Kg}) (0.718 \text{ Kj/ Kg·K}) (660 \text{ K} - 300 \text{ K}) \\ &= 0.168 \text{ KJ} \\ &W_{net} = Q_{in} - Q_{out} \\ &W_{-me} = 0.244 \text{ KJ} \end{split}$$

 $e = W_{net}/Q_{in} = 59\%$ من معادلة 2.19 الكفاءة

(بمكننا كذلك استخدام المعادلة 5.19 لحساب الكفاءة مباشرة من نسبة الانضغاط). ونتذكر أن القدرة تعطى كل دورتين لعمود الكرنك سنجد أن صافى القدرةللآلة ذات الست أسطوانات التي تعمل بعدد لفات 4000 rpm هي:

$$\mathcal{L}_{\text{net}} = 6\left(\frac{1}{2 \text{ rev}}\right) (4\ 000\ \text{rev/min}) (1\ \text{min/60 s}) (0.244\ \text{kJ})$$

= 49 kw = 66 hp

الله ديزل 2 لتر Diesel Engine آله ديزل 2 لتر

دعنا نحسب القدرة التي تعطيها آلة ديزل ذات أربع أسطوانات (سلندرات) الحجم المزاح فيها 2.00 ونسبة $r = V_A / V_R = 22.0$ ونسبة التضاغط و $r = V_A / V_R = 22.0$ ونسبة التضاغط ونسبة الدقيقة ونسبة الدقيقة ونسبة التضاغط والدقيقة ونسبة التضاغط ونسبة ون التوقف Cut off وهي نسبة التغير في الحجم أثناء عملية الضغط الثابت. $B \rightarrow C$ في شكل 13.19 وهي $r_c = V_C / V_B = 2.00$ يدخل الهواء في كل أسطوائة عند بداية دورة الأنضاط عند الضغط الجوى ودرجة حرارة الغرفة وهي 27° c. ونموذج آلة الديزل مشابه لنموذج آلة الجازولين الذي اتبعناه $A \rightarrow B$ فيما عدا أن الوقود يحقن عند النقطة B والخليط يحترق ذاتياً قرب نهاية دورة الانضغاط 788 عندما تصل درجة الحرارة إلى درجة الإشتعال. نفرض أن الطاقة الداخلية تتم أثناء عملية الضغط الثابت في العملية $B \rightarrow C$ وأن عملية التمدد تستمر من D إلى D دون انتقال أي طاقة إضافية V_A بالحرارة. سنحسب الشغل الذي تقوم به كل اسطوانة منفردة حجمها الابتدائي

 $V_A = (2.0 \times 10^{-3} \text{ m}^3)/4 = 0.50 \times 10^{-3} \text{ m}^3$

حيث أن نسبة الانضغاط عالية حداً سوف نعتبر أكبر حجم للأسطوانة بعيث يصبح هو الحجم المزاح. باستخدام الضغط الابتدائي Pa يساوي Pa 100 K Pa ودرجة الحرارة الابتدائية Ta = 300 K يمكننا حساب كتلة الهواء في الأسطوانة باستخدام قانون الغاز المثالي

$$m = \frac{P_A V_A}{RT_A} = \frac{(100 \text{ kPa}) (0.500 \times 10^{-3} \text{ m}^3)}{(0.287 \text{ kPa} \cdot \text{m}^3/\text{kg} \cdot \text{K}) (300 \text{ K})} = 5.81 \times 10^{-4} \text{ kg}$$

العملية $A \rightarrow B$ ومن ثم PV^{V} = constant ومن أديباتية إذن

The second second

 $P_{\rho}V_{\rho}^{\gamma} = P_{A}V_{A}^{\gamma}$

$$P_B = P_A \left(\frac{V_A}{V_B}\right)^{\gamma} = (100 \text{ kPa}) (22.0)^{1.40} = 7.57 \times 10^3 \text{ kPa}$$

باستخدام قانون الغاز المثالي نجد أن الحرارة للهواء بعد الإنضغاط هي:

$$T_B = \frac{P_B V_B}{mR} = \frac{(7.57 \times 10^3 \text{ kPa}) (0.500 \times 10^{-3} \text{ m}^3) \left(\frac{1}{22.0}\right)}{(5.81 \times 10^{-4} \text{ kg}) (0.287 \text{ kPa} \cdot \text{m}^3/\text{kg} \cdot \text{K})}$$

= 1.03 × 10³ K

 $P_c = P_R$ العملية $B \rightarrow C$ هي عملية تمدد تحت ضغط ثابت إذن

ونحن نعلم من نسبة التوقف وهي 2.00 أن الحجم يتضاعف في هذه العملية. طبقاً لقانون الغاز الثالي تضاعف الحجم في عملية أيزوبارية ينتج عنه تضاعف في درجة الحرارة

$$T_C = 2 T_B = 2.00 \times 10^3 \text{ K}$$

العملية $C \rightarrow D$ عملية تمدد أديباتي إذن

$$P_D = P_C \left(\frac{V_C}{V_D}\right)^{\gamma} = P_C \left(\frac{V_C}{V_B} \frac{V_B}{V_D}\right)^{\gamma} = P_C \left(r_C \frac{1}{r}\right)^{\gamma}$$

= $(7.57 \times 10^3 \text{ kPa}) \left(\frac{2.00}{220}\right)^{1.40} = 264 \text{ kPa}$

نجد أن درجة الحرارة عند D من قانون الغاز المثالي هي:

$$T_D = \frac{P_D V_D}{mR} = \frac{(264 \text{ kPa}) (0.500 \times 10^{-3} \text{ m}^3)}{(5.81 \times 10^{-4} \text{ kg}) (0.287 \text{ kPa} \cdot \text{m}^3/\text{kg} \cdot \text{K})}$$

الآن عندنا درجة الحرارة عند البداية والنهاية لكل عملية، بمكننا حسَّابُ صافى الطاقة المنتقلة بواسطة الحرارة وصافى الشغل المبذول في كل أسطوانة كل دورتين.

$$\begin{split} Q_{\rm h} &= Q_{\rm in} = mc_{\rm P} \left(T_{\rm C} - T_{\rm B} \right) = 0.601 \; \rm KJ \\ Q_{\rm c} &= Q_{\rm out} = mc_{\rm V} \left(T_{\rm D} - T_{\rm A} \right) = 0.205 \; \rm KJ \\ W_{\rm net} &= Q_{\rm in} - Q_{\rm out} = 0.396 \; \rm KJ \\ e &= \frac{W_{\rm net}}{2} = 66\% \end{split}$$

صافى القدرة للآلة ذات الأربع أسطوانات (سلندرات) تعمل بمعدل 3000 rpm هي:

$$\mathcal{P}_{\text{net}} = 4 \left(\frac{1}{2 \text{ rev}} \right) (3\ 000\ \text{rev/min}) (1\ \text{min/60 s}) (0.396\ \text{kJ})$$

= 39.6 kW = 53 hp

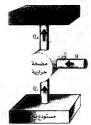
بالطبع التصميمات الحديثة للآلات تذهب إلى أبعد من تلك المعالجات الترموديناميكية السبطة التي تستخدم فيها دورات مثالية.

HEAT PUMPS AND REFRIGERATORS المضحات الحرارية والثلاحات 5.19

في قسم 1.19 تناولنا المضخات الحرارية كآلة ميكانيكية تنقل الطاقة من منطقة عند درجة حرارة منخفضة إلى منطقة أخرى أعلى منها في درجة الحرارة. لقد استخدمت المضخات الحرارية منذ زمن بعيد في تبريد المنازل والمباني وأصبحت الآن تستخدم كذلك في التدفئة. والمضخات الحرارية تحتوي على مبادلين حراريين من الأناسب المعدنية بتبادلان الطاقة عن طريق الحرارة مع الوسط المحيط، أحد المادلين بوضع خارج المني بحيث بكون متصلاً بالهواء والآخر بوضع داخل المبني. في نظام التدفئة يدور مائع في المبادلين فتمتص الطاقة من خارج المبنى وتنطلق في داخله ويكون المائع بارداً وعند ضغط منخفض عندما يكون في المبادل الخارجي حيث يمتص الطاقة بالحرارة من الهواء خارج المبني. يضغط المائع الدافئ بعد ذلك داخل المبادل الداخلي كمائع ساخن عند ضغط مرتفع، حيث تنتقل منه الحرارة المخزونة إلى الهواء داخل المبنى.

🛊 مكيف الهواء هو عبارة عن مضخة حرارية تعمل كنظام للتبريد حيث يوضع المبادل الخارجي مكان المبادل الداخلي والمبادل الداخلي مكان المبادل الخارجي. تمتص الطاقة في المائع الذي يجري في الملف الداخلي من الهواء داخل المبني. وبعد أن يضغط المائع تخرج الحرارة من الملف الخارجي إلى الهواء خارج المبني، ومكيف الهواء لابد من أن يفقد حرارته في خارج المبني، وإلا فإن الشغل المبذول على المكيف سيمثل طاقة تضاف إلى الهواء داخل المنبي وتزداد درجة حرارة الحجرة تبعاً لذلك. بنفس الطريقة لايمكن أن تقوم الثلاجة بتبريد المطبخ إذا ما تركنا باب الثلاجة مفتوحاً. فمقدار الطاقة الذي يغادر المبادل الخارجي شكل (14.19) خلف الثلاجة أكبر من الطاقة التي تؤخذ من الطعام أو من الهواء داخل المطبخ إذا ما كان باب الثلاجة مفتوحاً، والفرق بين الطاقة الخارجة والطاقة الداخلة هو الشغل 790 المبذول بواسطة الطاقة الكهربائية المغذية للثلاجة.

الفصل التاسع عشر؛ الآلات الحرارية - الأنتروبي والقانون الثاني للديناميكا الحرارية







شكل (15.19) رسم توضيحي لضخة حرارية تمتص الطاقة $Q_{\rm c}$ من مستودع بارد وتعطى الطاقة إلى مستودع ساخن Q_h . لاحظ أن هذا الشكل يشبه شكل المبرد (5.19)

شكل (15.19) هو شكل توضيحي لمضخة حرارية. درجة الحرارة المنخفضة هي T_c ودرجة الحرارة المرتفعة هي Q_c وقد قامت المنصة بالمائع المتحرك داخل مبادل الثلاجة Q_c وقد قامت المضخة الحرارية ومدى $Q_{\rm b}$ والطاقة المنتقلة من المضخة إلى المبنى في دورة التسخين (التدفئة) هي $Q_{\rm b}$ ومدى فاعلية المضخة الحرارية يعبر عنها بدلالة مقدار يسمى معامل الأداء Coefficient of Performance ويرمز له بالرمز COP. وفي وضع التسخين يعرف معامل الأداء على أنه النسبة بين الطاقة المنتقلة إلى المستودع الساخن إلى الشغل اللازم لنقل تلك الطاقة

$$COP$$
 (وضع التسخين) = $\frac{Q_h}{W}$

لاحظ أن معامل الأداء COP يشبه الكفاءة الحرارية للآلة الحرارية في أنه النسبة بين ما نحصل عليه (الطاقة المنقولة إلى داخل المبنى) إلى ما نغذي به المضخة (الشغل الذي تقوم به المضخة) حيث إن Q بصفة عامة يكون أكبر من W فإن معامل الأداء يكون غالباً أكبر من واحد. ومن المفضل أن يكون COP أكبر ما يمكن تماماً كما أن كفاءة الآلة الحرارية يفضل أن تكون أعلى ما يمكن.

إذا كانت درجة الحرارة في الخارج F 25° F أو أعلى عند إذ يكون COP للمضخة الحرارية حوالي 4. أي أن كمية الطاقة المنقولة إلى داخل هواء المبنى تكون أكبر بأربع أمثال الشغل الذي يبذله موتور [791] المضغة إلا أنه مع انخفاض درجة الحرارة خارج المبنى يصبح من الصعب على المضخة الحرارية أن تستخلص كمية كافية من الطاقة من الهواء وينخفض تبعاً لذلك معامل ادائها (COP). أي أن استخدام المضخات الحرارية التي تستخلص الطاقة الحرارية من الهواء في الجو المعتدل يكون مرضياً إلا أنه لا يكون كذلك عندما تتخفض درجة الحرارة بشدة. ومن المكن استخدام المضخات الحرارية في المناطق الباردة بدفن المبادل الخارجي على عمق كبير في الأرض في هذ الحالة تستخلص الطاقة من الأرض التي تكون أعلى حرارة من الهواء في أشاء الشتاء.

اختبار سريع 1.19

في السخان الكهروائي تتحول الطاقة الكهربائية إلى طاقة داخلية بكفاءة تصل إلى 800%. كم تكون النسبة الثوية التي تتغير بها تكلفة تدفئة النزل إذا غيرت نظام التدفئة من الدفايات الكهربائية إلى مضخات حرارية معامل أدائها 94 بفرض أن موتور المضخة الحرارية له كفاءة 100%.

من الناحية النظرية يفترض أن المضغة الحرارية التي تعمل في عكس دورة كارنو هي أكفاً مضعة حرارية ممكنة، وتمثل الحد الأعلى لمعامل الآداء COP لأي آلة تعمل بين مستودعين أحدهما بارد والآخر ساخن، باستخدام معادلتي 1.19 و 3.19 نجد أن أعلى معامل أداء لمضغة حرارية هو عندما تعمل في نسق التسخين كدفاية.

$$\begin{aligned} &\frac{Q_h}{W} = \text{COP} & \text{ is in the limit} \\ &\text{COP} = & \frac{Q_h}{Q_h - Q_c} = \frac{1}{1 - \frac{Q_c}{Q_c}} = \frac{1}{1 - \frac{T_c}{T_c}} = \frac{T_h}{T_h - T_c} \end{aligned}$$

وبالنسبة لمضخة حرارية تعمل في نسق التبريد ما نحصل عليه هو طاقة مأخوذة من المستودع البارد والمكيف أو المضخة الحرارية الأكبر تأثيراً هي التي تنقل أكبر قدر من الطاقة من المستودع البارد نظير أقل قدر ممكن من الشغل المبذول. إذن لهذه النظم سنعرَّف معامل الأداء (COP) بدلالة .Q

$$rac{Q_c}{W}$$
 معامل الأداء (COP) هي نسق التبريد (7.19)

والمبرد الجيد يصل معامل أداؤه إلى 6.

وأعلى قدر لمعامل الأداء في مضخة حرارية تعمل كمبرد هو للمضخة الحرارية التي تعمل مادتها الشغالة طبقاً لدورة كارنو المكوسة Carnot Cycle in Reverse

$$COP(c)$$
 نظام تبرید = $\frac{T_c}{T_h - T_c}$

عملياً درجة الحرارة المنغضة لمبادل التبريد ودرجة الحرارة المرتفعة لمبادل الضغط المرتفع 72 (الموجود خارج الثلاجة) يحددان مقدار معامل الأداء (70) عند أقل من 10.

مختبرسريع ___

قدر COP لشلاجتك بقياس درجة الحرارة للأطعمة التي في داخل الشلاجة وللمبادل الساخن (خارج الثلاجة). استخدم يدك إذا لم تجد ترمومتر.

6.19 < الأنترويــي ENTROPY <

القانون الصفرى للديناميكا الحرارية يتناول مفهوم درجة الحرارة والقانون الأول يتناول مفهوم الطاقة الداخلية. ودرجة الحرارة والطاقة الداخلية من دوال الحالة State Functions أي أنهما يصفان الحالة الترموديناميكية للنظام. هناك دالة أخرى من دوال الحالة تتعلق بالقانون الثاني للديناميكا الحرارية وهي الأنتروبي Entropy ويرمز له بالرمز S. في هذا القسم سوف نعرف الأنتروبي على المستوى الماكروسكوبي كما عرفه كالورزيوس Clausius في أول الأمر في عام 1865.

اعتبر عملية متناهية الصغر Infinitesimal انتقل خلالها النظام من حالة اتزان إلى حالة أخرى. إذا اعتبرنا أن dQ_r هي كمية الطاقة المنتقلة بواسطة الحرارة عندما يتبع النظام مساراً عكوساً بين الحالتين عند إذ يكون التغير في الأنتروبي dS مساوياً لهذا القدر من الطاقة للعملية العكوسة مقسوماً على درجة الحرارة المطلقة للنظام.

$$dS = \frac{dQ_r}{T}$$
 (8.19) نسريف كالوزيوس للتغير في الأنتروبي

لقد افترضنا أن درجة الحرارة ثابتة لأن العملية متناهية الصغر. وحيث إننا قد اعتبرنا أن الأنتروبي هو دالة من دوال الحالة، فإن التغير في الأنتروبي خلال العملية يعتمد فقط على نقطتي البداية والنهاية ومن ثم فهو لايعتمد على المسار الذي اتبعه النظام بين النقطتين.

والرمز السفلى r في الكمية dQ_r لتذكرنا بأن الطاقة المنقولة مقاسة خلال مسار عكوس حتى ولو كان النظام قد اتبع مساراً غير عكوس، إذا كان النظام قد امتص طاقة فإن dQ_r تكون موجبة ويزداد الأنتروبي للنظام وإذا كانِيت الطاقة dQr قد خرجت من النظام فإنها تكون سالبة ويقل الأنتروبي للنظام. لاحظ أن معادلة 8.19 لاتعرف الأنتروبي بل التغير في الأنتروبي. إذن الكمية ذات المغزى عند وصف العملية الترموديناميكية هي التغير في الأنتروبي، لقد صيغ الأنتروبي أساساً كمفهوم مفيد في الديناميكا الحرارية. إلا أن أهميته قد ازدادت مع ظهور علم الميكانيكا الإحصائية ولأن الطرق التحليلية للميكانيكا الإحصائية أعطت طرقاً بديلة لتفسير الأنتروبي. في الميكانيكا الإحصائية، يوصف سلوك المواد بدلالة السلوك الإحصائي لذراته وجزيئاته. وإحدى النتائج الأساسية لهذه المعالجة هي أن النظم المعزولة تميل نحو عدم النظام Disorder و أن الأنتروبي هو مقياس لهذا اللانظام. نأخذ على سبيل المثال جزيئات الغاز في هواء الحجرة. لو أن نصف جزيئات الغاز في الحجرة متجهات سرعتها متساوية (793

الفيزياء (الجزء الأول - المكانيكا والديناميكا الحرارية)

ومتجهة نحو اليسار والنصف الآخر متجهات سرعته متساوية كذلك ومتجهة نحو اليمين. سيكون الوضع منتظماً جداً. إلا أن هذا الوضع غير محتمل الحدوث. فلو أنك قد رأيت الجزيئات سوف تجد أنها تتحرك عشوائياً في جميع الاتجاهات تتصادم مع بعضها وتتغير سرعتها بعد التصادم فبعضها يتحرك بسرعة والآخر ببطئ، هذا الوضع هو منتهى اللانظام.

السبب في ميل النظام المعزول نحو عدم النظام بمكن تفسيره بسهولة بالتمييز بين الحالات المكروسكوبية والحالات الماكروسكوبية النظام. فالحالة المكروسكوبية هي وصف لخواص الجزيئات المفروة لمنظام فمثلاً الوصف الذي أوردناه سابقاً عن كون متجهات السرعة لجزيئات الغاز في المحجرة منتظمة جداً يشير إلى حالة ميكروسكوبية، لكن الحالة الأكثر واقمية وهي الحركة العشوائية هي حالة ميكروسكوبية أخرى تمثل حالة عدم النظام. أما وصف حالة النظام من وجمهة النظر الماكروسكوبية فيستخدم فيها المتغيرات المكاوروسكوبية فيستخدم فيها المتغيرات المكاوروسكوبية مثل الضغط والكثافة ودرجة الحرارة. فمثلاً في الحالتين الميكروسكوبيتين التي سبق وصفهما لجزيئات الهواء في الغرفة، جزيئات الهواء موزعة بالتراوي في الغرفة، جزيئات الهواء موزعة المكاورسكوبية. ولا يمكننا أن نميز بين الحالتين الميكروسكوبيتين التي سبق الحديث عنهما بإجراء فياسات ماكروسكوبية، فالحالتان الدفيقتان تظهران متشابهتان من الناحية المكروسكوبية، فالحالتان الدفيقتان تظهران

إذن لأي حالة ماكروسكوبية للنظام من المكن أن يوجد أكثر من حالة ميكروسكوبية، وجميع تلك الحالات الميكروسكوبية، وجميع تلك الحالات الميكروسكوبية النظام من المكنة سنجد أن حالات عدم الانتظام بينها أكثر من حالات الانتظام، وحيث إن جميع الحالات الميكروسكوبية النفلية ناتجة عن الميكروسكوبية النفلية ناتجة عن الميكروسكوبية النظية الميكروسكوبية النفلية ناتجة عن حالة ميكروسكوبية من الحالات غير المنتظمة حيث إنه يوجد منها الكثير، جميع المعليات الفيزيائية التي تحدث في نظام ما تحاول أن تجمل النظام والوسط المحيط به يتحرك نحو الحالة الملكروسكوبية النظام وما يحيط به الأكثر احتمالاً والحالة المؤكرة الميكرة الميكروسكوبية النظام وما يحيط به يشملان الكون عند إذ يكون الكون يتحرك باستمرار نحو الحالة المؤروسكوبية الناظرة لحالة الإزدياد في عدم النظام، وحيث إن الأنشروبي هو مقياس لعدم النظام، فيمكن التعبير عن ذلك بأن نقول الالاتروبي للكون يؤواد في جميع العمليات الحقيقية، وهذا نص آخر للقانون الثاني للديناميكا الحرارية، ويمكن بيان أنه يكافئ نص كلفن وبلانك ونص كالاوزيوس.

لكي نحسب التغير في الأنتروبي لعملية معددة يجب أن نتيقن من أن T ليست مقداراً ثابتاً بصفة عامة. إذا كانت AQ في الطاقة المتقولة بواسطة الحرارة عندما يكون النظام في درجة حرارة T إذن التغير في الأنتروبي في عملية عكوسة بين الحالة الابتدائية والتهائية هو:

$$\Delta S = \int_{i}^{f} dS = \int_{i}^{f} \frac{dQ_{r}}{T} \qquad (outletended) \qquad (9.19)$$



كما في العمليات متناهية الصغر التغير في الأنتروبي ΔS لنظام ينتقل من حالة إلى آخرى له نفس المقدار لجميع المسارات التي تربط بين الحالتين أي أن التغير المحدود في الأنتروبي ΔS لنظام يعتمد فقط على خواص حالتي الاتزان الابتدائية والنهائية. إذن لدينا الحرية أن نختار مساراً عكوساً معيناً لتقدير الأنتروبي بدلاً من المسار الفعلي طالما أن الحالتين الابتدائية والنهائية لم يتغيرا بالنسبة للمساردن.

اختبار سريع 2.19

أي من هذه الاختبارات هو الصحيح لتغير الأنتروبي لنظام قام بعملية أديباتية عكوسة (أ) $\Delta S = 0$ (ت) $\Delta S = 0$

سنأخذ حالة التغير في الأنتروبي التي تحدث في آلة كارنو الحرارية التي تعمل بين درجتي الحرارة Q_c من المستودع الساخن وتتخلص من الطاقة و T_b من المستودع الساخن وتتخلص من الطاقة و في المستودع الساخن وتتخلص من الطاقة و إلى المستودع البارد . وتلك الانتقالات في الطاقة تحدث أثناء الأجزاء الأبرزوثرمالية من دورة كارنو . إذن يمكننا أن نضع درجة الحرارة الثابتة قبل علامة التكامل في معادلة 9.19 عند إذ يبقى داخل علامة التكامل كمية الطاقة التي انتقلت عن طريق الحرارة . إذن التغير الكلي في الأنتروبي لدورة واحدة هو :

$$\Delta S = \frac{Q_h}{T} - \frac{Q_c}{T}$$

 Q_c والعلامة السائبة هي المعادلة تعني أن الطاقة Q_c هد فقدها النظام، وحيث إننا لانزال نعامل Q_c على أنها كمية موجبة عندما نشير إلى الآلة الحرارية فقد بينا هي مثال Q_c عن آلة كارنو أن Q_c

$$\frac{Q_c}{Q_h} = \frac{T_c}{T_h}$$

باستخدام هذه النتيجة هي المعادلة عن ΔS نجد أن التغير الكلي هي الأنتروبي لآلة كارنو التي تعمل هي دورة يساوي صفر (التغير هي الأنتروبي لدورة كارنو) ΔS=0

والآن سنأخذ حالة نظام قام بدورة اختيارية (ليست دورة كارنو) عكوسة. حيث إن الأنتروبي دالة حالة، ومن ثم يعتمد فقط على خواص حالة الإتزان، سنعتبر أن 0 =ΔS لأي دورة عكوسة. وبصفة عامة سوف نعبر عن هذا الشرط بصورة رياضية على النحو التالي:

$$\oint \frac{dQ_r}{T} = 0$$
(10.19)

حيث العلامة ﴿ تدل على أن التكامل على دورة مقفلة.

العملية العكوسة شبة الاستاتيكية للغاز المثالي

Quasi- Static Reversible Process for an Ideal Gas

سنفرض أن غازاً مثالياً فام بعملية عكوسة شبة استاتيكية من حالة ابتدائية درجة حرارتها T_i وحجم V_i والمطلوب حساب التغير في الأنتروبي للغاز لهذه الملكية. المائية عند درجة حرارة T_f وحجم V_f والمطلوب حساب التغير في الأنتروبي للغاز الهداية.

نكتب القانون الأول للديناميكا الحرارية في صورته التفاضلية ونرتب الحدود فنحصل على المعادلة $dE_{\rm int}$ = $nC_{\rm V}dT$ (12.19) الثالي وحيث إن معادلة dW=P~dV حيث $dQ_{\rm r}=d~E_{\rm int}+dW$ الثالية ومن قانون الغاز الثالي P = nRT/ V ومن ثم يمكننا التعبير عن الطاقة المنقولة بواسطة الحرارة في العملية كما يلي:

$$dQ_r = dE_{\rm int} + P \; dV = nC_V dT + nRT \frac{dV}{V}$$

ولايمكننا تكامل هذه المعادلة بشكلها الحالى حيث إن الحد الأخير يحتوى على متغيرين T و V إلا أننا لوقسمنا جميع الحدود على المقدار T سيصبح كل حد من الحدود التي على اليمين معتمداً على متغير واحد فقط.

$$\frac{dQ_r}{T} = nC_V \frac{dT}{T} + nR \frac{dV}{V}$$
 (11.19)

إذا اعتبرنا C_V مقداراً ثابتاً في المدى المذكور وبتكامل المعادلة (11.19) من الحالة الابتدائية إلى الحالة النهائية نجد أن:

$$\Delta S = \int_{i}^{f} \frac{dQ_r}{T} = nC_V \ln \frac{T_f}{T_i} + nR \ln \frac{V_f}{V_i}$$
(12.19)

وهذه العلاقة تبين رياضياً ما افترضناه سابقاً أن ΔS تعتمد فقط على الحالتين الابتدائية والنهائية ولاتعتمد على المسار بين هاتين الحالتين لاحظ أيضاً أنه في معادلة 12.19 يمكن أن تكون ΔS موجبة أؤ سالبة ويعتمد ذلك على قيم الحجم ودرجة الحرارة في الحالتين الابتدائية والنهائية إذن في العملية الدورية التي يكون فيها عT¡=Tو عV;=V نجد من معادلة 12.19 أن ΔS تساوى صفر وهذا يؤكد على أن الأنتروبي هو دالة من دوال الحالة.State function.

مثال 6.19 التغيرفي الأنتروبي - الانصهار

مادة صلبة حرارتها الكامنة للإنصهار L_f وتنصهر عند درجة حرارة T_f (a) إحسب التغير في الأنتروبي لهذه المادة عندما تنصهر كتلة منها قدرها m.

الحل: سنفترض أن عملية الإنصهار تمت ببطئ شديد بحيث يمكن اعتبارها عكوسة. في هذه الحالة بمكن اعتبار أن درجة الحرارة ثابتة وتساوى T_m وباستخدام المعادلة 9.19 ومعادلة الحرارة الكامنة أللانصهار $Q = mL_f$ (6.17) نجد أن

$$\Delta S = \int \frac{dQ_r}{T} = \frac{1}{T_m} \int dQ = \frac{Q}{T_m} = \frac{mL_f}{T_m}$$

 ΔS أن كندك إخراج T_m من التكامل حيث إن العملية أيزوثرمالية، لاحظ كذلك أن 796 كمية موجبة. وهذا يعني أنه عند انصهار مادة صلبة يزيد مقدار الأنتروبي لها، لأن الجزيئات في السائل تكون أقل ترتيبا مما هي عليه في الحالة الصلبة. القيمة الموجبة للتغير في الأنتروبي ΔS يعني كذلك أن المادة في حالتها السائلة لاتنتقل طاقتها تلقائيا منها إلى الوسط المحيط وتتجمد لأنها إذا فعلت ذلك سينتج نقص تلقائي في الأنتروبي.

(ب) قدر قيمة التغير في الأنتروبي لمكعب من الثلج عندما ينصهر.

ا**لحل**، نفسترض أن مكعب الثلج طـول كل ضلع من أضلاعه 3 سنتيمتر. حجم المكعب سيكون تقريباً. 30 cm³ وكتلته ع 30 من جدول 2.20 سنجد أن الحرارة الكامنة للانصهار للثلج هي3.33 x10⁵ J/kg. بإحلال هذه القيم في إجابتنا عن السؤال (أ) تجد أن:

$$\Delta S = \frac{mL_f}{T_m} = \frac{(0.03 \text{ kg}) (3.33 \times 10^5 \text{ J/kg})}{273 \text{ K}} = 40 \text{ J/K}$$

7.19 التغير في الأنتروبي في العمليات غير العكوسة،

ENTROPY CHANGES IN IRREVERSIBLE PROCESSES

طبقا لتعريف الأنتروبي نجد أن حماب التغير في الأنتروبي يقتضي وجود معلومات عن المسار العكوس الذي يربط بين حالتي الاتزان الابتدائية والنهائية الحساب التغير في الأنتروبي في العمليات الحقيقية (غير العكوسة) يجب أن نتذكر أن الأنتروبي يعتمد فقط على حالة النظام (مثل الطاقة الداخلية) أي أن الأنتروبي هو دالة من دوال الحالة، ومن ثم فإن التغير في الأنتروبي عندما ينتقل النظام بين أي حالتين من حالات الاتزان يعتمد فقط على الحالة الابتدائية والحالة النهائية للنظام بين أي حالتين من حالات الاتزان يعتمد فقط على الحالة الابتدائية والحالة النهائية للنظام ويمكننا أن نبين أن الأمر إن لم يكن كذلك فإنه يتعارض مع القانون الثاني للديناميكا الحررية.

سوف نقوم بحساب التغير في الأنتروبي في إحدى العمليات غير العكوسة بين حالتين من حالات الانزان بإجراء عملية عكوسة (أو مجموعة من العمليات العكوسة بين نفس الحالتين ثم نحسب $\Delta S = \int \Delta Q/T$ للعملية العكوسة . في العمليات غير العكوسة من الأهمية بمكان أن تميز بينQ وهي الطاقة الفعلية المنتقلة في العملية و Q_0 وهي الكمية الممحيحة التي يجب استخدامها عند حساب التغير في الأنتروبي .

كما سنرى من المثال التالي، التغير في الأنتروبي لنظام ما والوسط المعيط به يكون دثماً موجباً في العمليات غير العكوسة. ويصفة عامة الأنتروبي الكلي ومن ثم عدم النظام يزداد في العمليات غير العكوسة. إذا أخذنا ذلك في الاعتبار، فإننا نستطيع أن نصيغ القانون الثاني للديناميكا الحرارية كما يلي :

الأنتروبي الكلي لنظام معزول الذي يقوم بعملية تغير لايمكن أن يقل. بالإضافة إلى ذلك إذا كانت العملية غير عكوسة عند إذ الأنتروبي الكلي لنظام معزول يزداد دائماً. أما في العمليات العكوسة، فإن الأنتروبي الكلي لنظام معزول يظل ثابتاً. عندما نتعامل مع نظام غير معزول عن الوسط المحيط فيجب أن نتذكر أن الزيادة في الأنتروبي المعبر عنها في القانون الثاني هي للنظام والوسط المحيط به عندما تحدث عملية غير عكوسة لنظام ما غير معزول عن الوسط المحيط، فإن الزيادة في الأنتروبي لأحدهما تكون أكبر من نقص الأنتروبي في الثاني. ومن ثم نستنتج أن التغير في الأنتروبي للكون لابد وأن يكون أكبر من صفر لأي عملية غير عكوسة. وفي نهاية المطاف لابد وأن يصل الأنتروبي للكون إلى حد أعلى. عند هذه الحالة سيصبح الكون في حالة تساوى في درجة الحرارة والكثافة. وستتوقف كل العمليات الفيزيائية والكيميائية والبيولوجية، لأن حالة عدم النظام التام تؤدي إلى عدم توفر طاقة لعمل شغل. وهذه الحالة المظلمة تسمى أحيانا الموت الحراري للكون heat death of the universe.

اختيار سريع 3.19

في حالة وجود ضوء الشمس تقوم الشجرة بإعادة تنظيم غاز ثاني أكسيد الكربون الموجود في صورة غير منظمة وجزيئات الماء في نظام جزيئي في غاية النظام وهو ما نراه على شكل أوراق وضروع. فهل صح أم خطأ أن تناقص الأنتروبي في الشجرة يناقض القانون الثاني للديناميكا الحرارية.

التغير في الأنتروبي في التوصيل الحراري Entropy Change in Thermal Conduction

سنتناول حالة نظام يتكون من مستودع ساخن ومستودع بارد متصلان ببعضهما ومنفصلان عن باقى الوسط المحيط. ستحدث عملية يتم خلالها انتقال قدر من الطاقة Q بواسطة الحرارة من المستودع الساخن عند درجة حرارة Tb إلى المستودع البارد عند درجة حرارة Tc. وحيث إن المستودع البارد يمتص قدراً من الطاقة Q سيزداد الأنتروبي له بمقدار (Q/T_c). وفي نفس الوقت المستودع الساخن يفقد طاقة Q فيكون التغير في الأنتروبي له $(-Q/T_h)$ وبما أن $T_h > T_c$ فإن الزيادة في الأنتروبي للمستودع البارد تكون أكبر من النقص في الآنتروبي للمستودع الساخن. إذن التغير في الأنتروبي للنظام وللكون أكبر من صفر.

$$\Delta S_{U} = \frac{Q}{T_{c}} + \frac{-Q}{T_{h}} > 0$$

مثال 7.19 في أي اتجاه تسري الطاقة؟

جسم كبير بارد عند درجة حرارة X 273 وجسم كبير ساخن عند درجة حرارة 373k بين أنه من غير المكن انتقال أي قدر من الطاقة مثلاً 8.00 تلقائياً من الجسم البارد إلى الجسم الساخن دون نقص في الأنتروبي للكون ومن ثم فهو يتناقض مع القانون الثاني للديناميكا الحرارية.

798) الحل: نفرض أنه في أثناء انتقال الطاقة لم يعدث تغير في درجة حرارة الجسمين وهو ليس شرطا

هاماً إلا آننا قد وضعناه لنتجنب استخدام حساب التكامل في حساباتنا ، والعملية ليست عكوسة ولذلك فعلينا أن نوجر عمل مكافئة لها . فيكفي أن نفترض أن الجسمين متصلان بموصل ردئ للحرارة تنطي المدى من 373K إلى 373K هذا الموصل ينقل الطاقة ببطئ وحالته لاتغير أشاء العملية ، مع هذه الافتراضات يعتبر انتقال الحرارة من أو إلى إي من الجسمين عملية عكوسة ويمكننا أن نضم Q = Q والتقير في الأنتروبي للجسم الساخن هو

$$\Delta S_h = \frac{Q_r}{T_h} = \frac{8.00 \text{ J}}{373 \text{ K}} = 0.021 \text{ JJ/K}$$

so at January lithur, a printing of the printing of the state of the printing of the print

سوف نعتبر أن الجسمين معزولان عن العالم الخارجي. ومن ثم فإن التغير في الأنتروبي للكون هو هذا التغير في الأنتروبي للنظام المذكور وهو

$$\Delta S_{IJ} = \Delta S_c + \Delta S_h = -0.007 \text{ 9J/k}$$

وهذا النقص في الأنتروبي للكون يتناقض مع القانون الثاني للديناميكا الحرارية. أي أن الانتقال التلقائي للطاقة من جسم بارد إلى جسم ساخن لايمكن أن يحدث.

من حيث عدم النظام، دعنا نعتبر أن التناقض مع القانون الثاني إذا ظل انتقال الطاقة تلقائيا من جسم بارد إلى جسم ساخن. قبل انتقال الطاقة اعلى من جزيئات الجسم البارد. فإذا انتقلت الطاقة للجسمين. فجزيئات الجسم الساخن لها طاقة أعلى من جزيئات الجسم البارد. فإذا انتقلت الطاقة تلقائيا من الجسم البارد إلى الجسم الساخن فإنه بعد فترة زمنية ستزداد برودة الجسم البارد والجسم الساخن سيزداد سخونة وسيتزايد تبعاً لذلك الفرق بين متوسعك طاقة الجزيئات، وهو ما يمثل زيادة في انتظام الجزيئات المكونة لهذا النظام مما ينتافي مع القانون الثاني للديناميكا الحرارية. بالمقارنة بالعملية التي تتم طبيعياً هي سريان الحرارة من الأجسام الساخنة إلى الأجسام الباردة، في هذه العملية الفرق في متوسط الطاقة الجزيئية يتقاقص، وهذا يمثل توزيعاً عشوائياً للطاقة وزيادة في عدم النظام.

تمرين : نفرض أن 8.00J من الطاقة انتقلت من جسم ساخن إلى جسن بارد ما هو مقدار التغير في الأنتروبي للكون،--

الحل: +0.007 9 J/k

""一个的基本公司,他就是

تغير الأنتروبي في التمدد الحر Entropy Change in Free Expansion

سنعود مرة ثانية إلى التمدد الأدبياتي الحر لغاز يشغل حجماً ابتدائياً ، لا شكل (16.19) ويفصل الغاز عن المنطقة المفرغة من الهواء غشاء رقيق. عند قطع هذا الغشاء يتمدد الغاز في عملية غير عكوسة ليشغل حجما ، V . سنوجد التغير في الأنتروبي للغاز وللكون خلال تلك العملية.

الفيزياء (الحزء الأول - البكانيكا والديناميكا الحرارية)

واضح أن تلك العملية ليست شبه استاتيكية ولاعكوسة. الشغل المبذول بواسطة الغاز ضد الفراغ يساوى صفر. وحيث أن الجدران عازلة، لايوجد انتقال للطاقة بواسطة الحرارة أثناء التمدد أي أن Q = 0 و W = 0 و استخدام القانون الأول سنجد أن التغير في الطاقة الداخلية يساوي صفراً وحيث إن الغاز مثالي نا العتمد على درجة الحرارة فقط ومن ثم $\Delta T = 0$ أي أن $\Delta T = 0$



مكبسا بينما درجة الحرارة تظل ثابتة، بنقل طاقة من مستودع إلى الغاز. وحيث إن درجة الحرارة ثابتة في هذه العملية يمكن استخدام معادلة (9.19)

جدار عازل

فراغ غشاء

شكل (16.19) تمدد أديباتي حبر لغاز عندما يقطع الغشاء يتمدد بحرية وبطريقة غير عكوسة. ويزداد

حجمه، الوعاء معزول حرارياً ومن

ثم لايحدث انتقال حرارى للغاز أي

Q=0 if

$$\Delta S \int_{i}^{f} \frac{dQ_{r}}{T} = \frac{1}{T} \int_{i}^{f} dQ_{r}$$

بالنسبة للعمليات الأيزوثرمالية، طبقاً للقانون الأول للديناميكا الحرارية dQ تساوى الشغل المبذول بواسطة الغاز أثناء التمدد من V إلى V وهو ماتعطية معادلة 13.17. باستخدام هذه النتيجة نجد أن التغير في الأنتروبي للغاز هو:

$$\Delta S = nR \ln \frac{V_f}{V_c} \tag{13.19}$$

حيث إن $V_r > V_i$ نستنتج أن ΔS تكون موجية وهذه النتيجة الموجية تبين أن كلا من الأنتروبي وعدم النظام للغاز يتزايد نتيجة لعملية التمدد الأديباتي غير العكوس.

نظراً لأن التمدد الحريتم في وعاء معزول لاتوجد طاقة منتقلة بواسطة الحرارة من الوسط المحيط (تذكّر أن التمدد الأيزوثرمالي العكوس ليس إلا عملية استخدمناها لحساب التغير في الأنتروبي للغاز بدلاً من العملية الحقيقية، أي أنها ليست هي العملية الحقيقية). إذن التمدد الحر ليس له أي تأثير على الوسط المحيط. والتغير في الأنتروبي للوسط المحيط يساوي صفراً. إذن التغير في الأنتروبي للكون موجب، وهو ما يتفق مع القانون الثاني.

مثال 8.19 التمدد الحر للغاز

احسب التغير في الأنتروبي لعملية يقوم فيها 2 مول من الغاز المثالي بتمدد حر ليصبح حجمه 800 النهائي ثلاث أمثال الابتدائي.